

**3ª LISTA DE EXERCÍCIOS**

**Questão 1** – O campo de deslocamento de um sólido é definido pelas suas componentes cartesianas na base  $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2, \mathbf{e}_3)$  por:

$$u_1(x_1, x_2, x_3) = ax_1 + dx_2 + ex_3$$

$$u_2(x_1, x_2, x_3) = -dx_1 + bx_2 + fx_3$$

$$u_3(x_1, x_2, x_3) = -ex_1 + cx_3$$

Sendo  $a, b, c, d, e$  e  $f$  constantes.

Sabe-se que em um ponto qualquer do sólido, os alongamentos lineares nas direções dos versores da base  $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2, \mathbf{e}_3)$  são respectivamente:

$$\varepsilon_l(\mathbf{e}_1) = -0,001$$

$$\varepsilon_l(\mathbf{e}_2) = 0,006$$

$$\varepsilon_l(\mathbf{e}_3) = 0,003$$

Sabe-se ainda que a distorção das fibras paralelas a  $\mathbf{e}_2$  e  $\mathbf{e}_3$  é:

$$\gamma(\mathbf{e}_2, \mathbf{e}_3) = 0,004$$

- i.* Determinar as constantes  $a, b, c$  e  $f$  e o tensor  $[\varepsilon]$  das deformações infinitesimais;
- ii.* Determinar os versores próprios do tensor das deformações infinitesimais de forma que constituam uma base ortonormal e os seus alongamentos lineares correspondentes;
- iii.* Calcular o alongamento linear da fibra na direção

$$\mathbf{n} = 0,8\mathbf{e}_2 + 0,6\mathbf{e}_3;$$

- iv.* Calcular a distorção entre fibras paralelas a

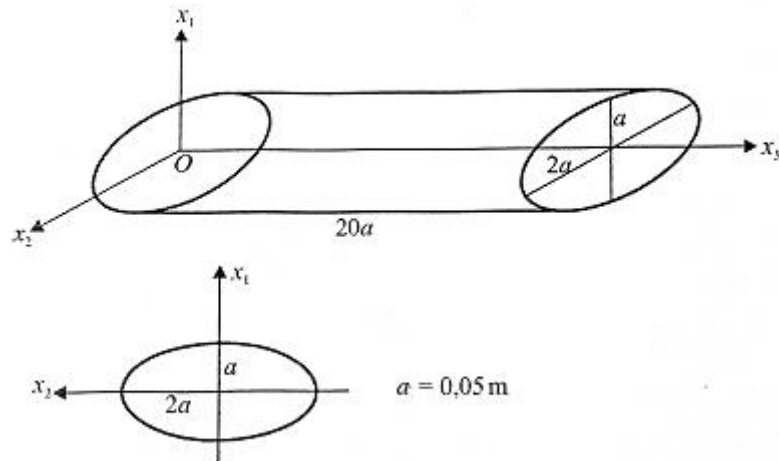
$$\mathbf{n} = 0,8\mathbf{e}_2 + 0,6\mathbf{e}_3$$

$$\mathbf{m} = -0,6\mathbf{e}_2 + 0,8\mathbf{e}_3$$

O ângulo entre essas fibras na configuração deformada aumenta ou diminui?

**Questão 2** – Considere o corpo da figura abaixo que é uma barra prismática de seção transversal elíptica. Esse corpo foi solicitado de tal maneira que resultou no seguinte campo de deslocamento:

$$\mathbf{u} = (-Ax_2x_3)\mathbf{e}_1 + (Ax_1x_3)\mathbf{e}_2 + \left(\frac{3}{5}Ax_1x_2\right)\mathbf{e}_3$$



- i.* Calcular o tensor das deformações  $[\varepsilon]$ ;
- ii.* Obter a constante  $A$ , sabendo que o alongamento linear da fibra de direção  $\mathbf{m} = \frac{\sqrt{3}}{3}\mathbf{e}_1 + \frac{\sqrt{3}}{3}\mathbf{e}_2 + \frac{\sqrt{3}}{3}\mathbf{e}_3$  e com origem no ponto  $P(\frac{a}{2}, a, 2a)$  é  $\varepsilon_l = \frac{20}{3} \times 10^{-5}$ ;
- iii.* Calcular a distorção  $\gamma$  no ponto  $P$  entre as fibras alinhadas com  $\mathbf{m}$  e  $\mathbf{s} = \frac{\sqrt{6}}{6}\mathbf{e}_1 + \frac{\sqrt{6}}{6}\mathbf{e}_2 - 2\frac{\sqrt{6}}{6}\mathbf{e}_3$ ;
- iv.* Calcular, no ponto  $P$ , os alongamentos lineares máximo e mínimo e determinar suas direções associadas.

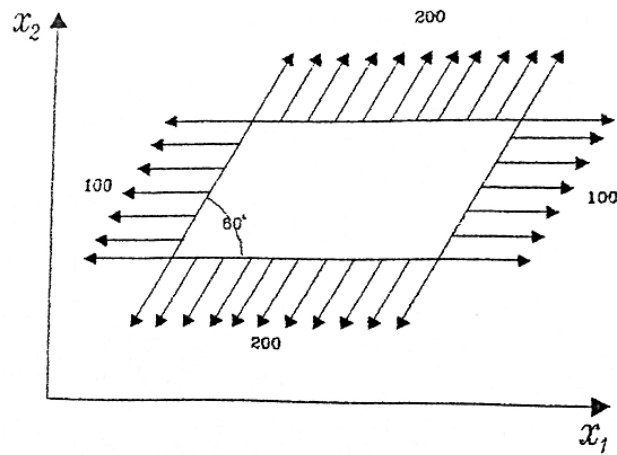
**Questão 3** – A matriz que define o tensor das tensões em um ponto é dada por:

$$[T] = \begin{bmatrix} 36 & 27 & 0 \\ 27 & -36 & 0 \\ 0 & 0 & 18 \end{bmatrix}$$

Calcular:

- i.* A tensão  $\boldsymbol{\rho}$  atuante em um plano definido pela normal  $(\frac{2}{3}, -\frac{2}{3}, \frac{1}{3})$  e sua magnitude;
- ii.* A respectiva tensão normal  $\boldsymbol{\sigma}$ ;
- iii.* O ângulo entre  $\boldsymbol{\sigma}$  e  $\boldsymbol{\rho}$ .

**Questão 4** – Considere um elemento de chapa carregado com tensões uniformemente distribuídas de  $100 \text{ kgf/cm}^2$  e  $200 \text{ kgf/cm}^2$  conforme esquematizado abaixo. As componentes  $T_{33}$ ,  $T_{31}$  e  $T_{32}$  são nulas.



- i.* Determine a matriz que define o tensor das tensões  $[T]$ ;
- ii.* Determine a tensão normal para o plano que faz  $45^\circ$  com os eixos  $x_1$  e  $x_2$ , cuja normal exterior é dada por  $\mathbf{n} = -\frac{\sqrt{2}}{2}\mathbf{e}_1 + \frac{\sqrt{2}}{2}\mathbf{e}_2$ .