



*Escola de Engenharia de São Carlos
Universidade de São Paulo*

Estabilidade - Exemplos

Aula 14

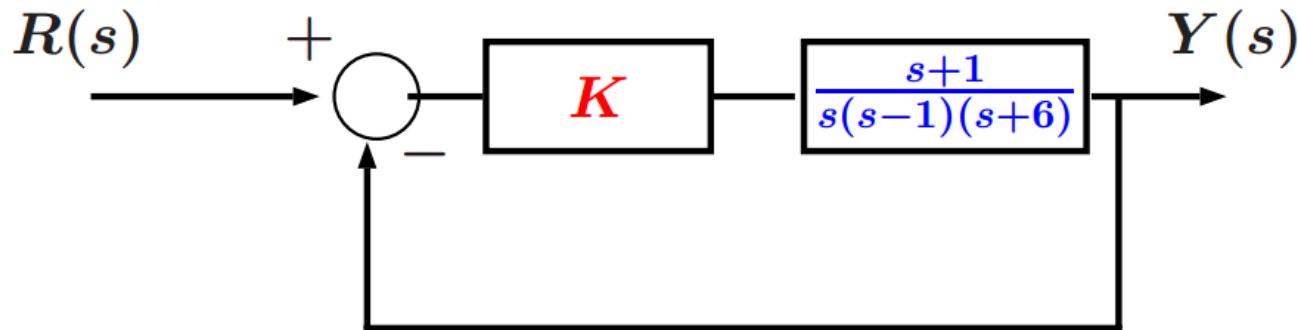
SEM 0169 – Sistemas de Controle

Profa. Maíra Martins da Silva
mairams@sc.usp.br
(16) 9 9291 8310



Exemplo 2

Ver Controle_aula14_ex2.ipynb



Malha fechada

$$\frac{Y}{R} = \frac{\frac{K(s+1)}{s(s-1)(s+6)}}{1 + \frac{K(s+1)}{s(s-1)(s+6)}}$$

$$\frac{Y}{R} = \frac{K(s+1)}{s^3 + 5s^2 + (K-6)s + K}$$

Equação característica:

$$s^3 + 5s^2 + (K - 6)s + K = 0$$

Exemplo 2

Ver Controle_aula14_ex1.ipynb

Critério de Routh

$$1s^3 + 5s^2 + (K - 6)s + K = 0$$

s^3	1	$K - 6$
s^2	5	K
s	$(4K - 30)/5$	0
s^0	K	

$$\frac{4K - 30}{5} > 0$$

$$K > 0$$

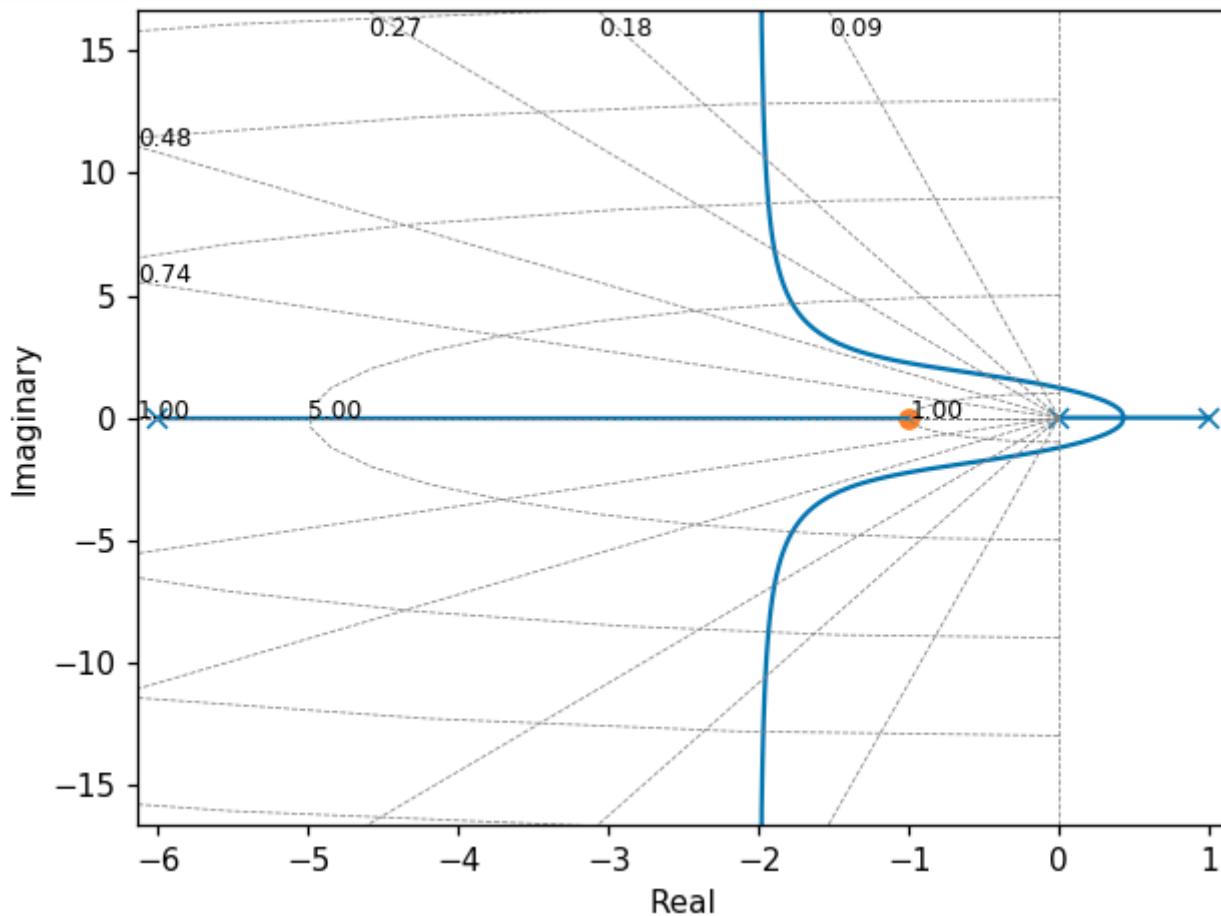
$K > 7.5$

Exemplo 2

Ver Controle_aula14_ex2.ipynb

Lugar da Raízes:

$$H = \frac{(s + 1)}{s(s - 1)(s + 6)}$$



$$\left. \begin{array}{l} p_{1KH} = 0 \\ p_{2KH} = 1 \\ p_{3kH} = -6 \\ z_{2KH} = 1 \\ + 2 \text{ zeros no } \infty \end{array} \right\}$$

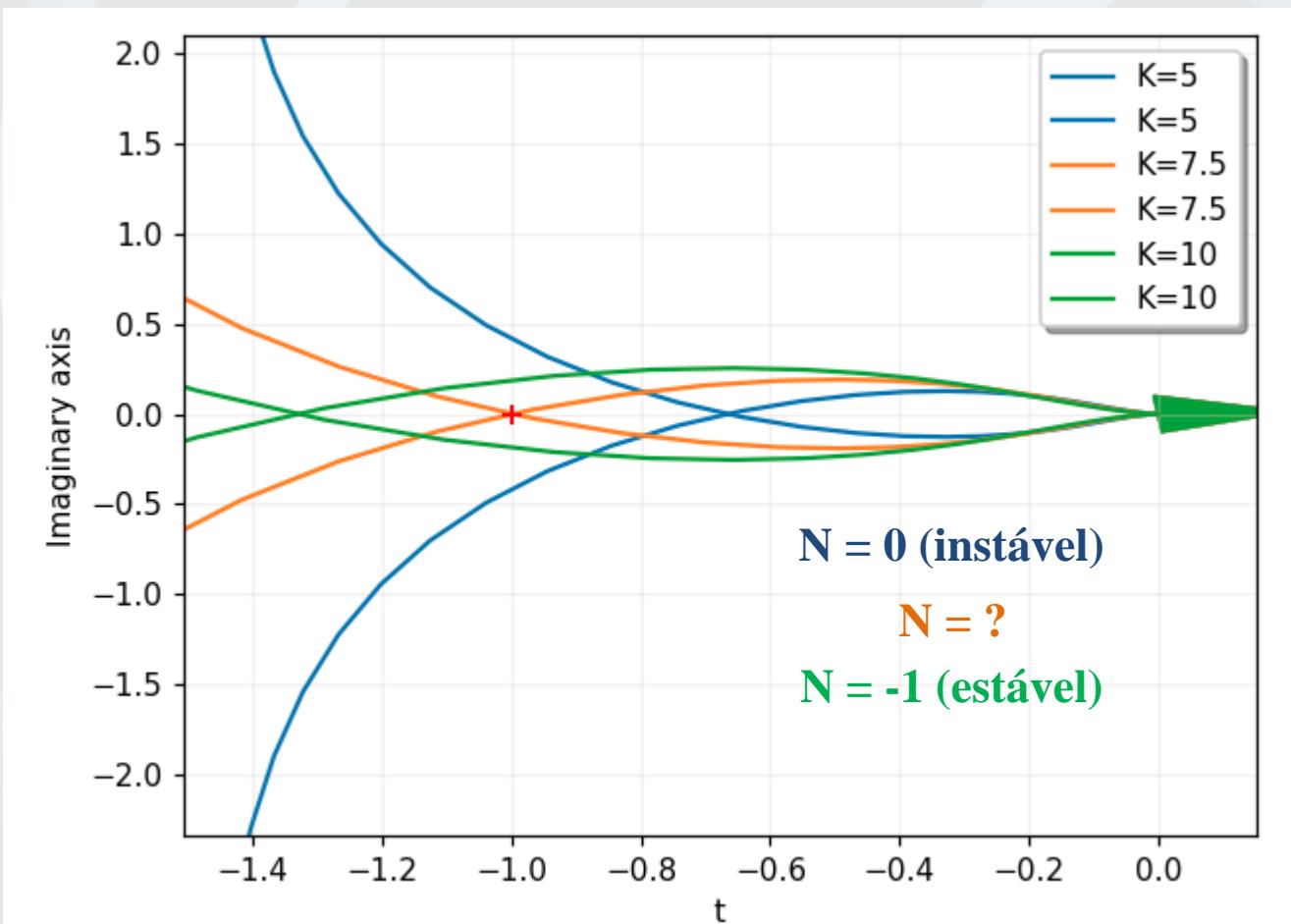
Exemplo 2

Ver Controle_aula14_ex2.ipynb

Critério de Nyquist

Polos da malha aberta

$P = 1$



Conclusões

- Usamos o Lugar das Raízes, o Critério de Routh e o Critério de Nyquist em dois exemplos ($P = 0$ e $P = -1$)



EESC • USP

www.eesc.usp.br