

UNIVERSIDADE DE SÃO PAULO - EACH
SIN5013 EXEMPLO DE PROVA DO CONTEÚDO SEMESTRAL

PROFESSORA: Karina Valdivia Delgado
Programa de Pós-graduação em Sistemas de Informação
Nome:
Número USP:

1. Mostre que $O(\log n^k) = O(\log n)$, em que k é uma constante.
2. Resolva a equação de recorrência abaixo de maneira exata. Você pode supor que $n = 2^k$ para algum inteiro positivo k .

$$T(1) = 1$$

$$T(n) = 3T(n/2) + 3n$$

3. Considere o seguinte algoritmo recursivo para calcular o máximo de um vetor $v[p \dots r]$.

Algoritmo Máximo (v, p, r)

1. **se** $p = r$
2. **então devolva** $v[p]$
3. **senão** $q \leftarrow \lfloor (p+r)/2 \rfloor$
4. $m1 \leftarrow$ Máximo (v, p, q)
5. $m2 \leftarrow$ Máximo ($v, q + 1, r$)
6. **se** $m1 > m2$
7. **então devolva** $m1$
8. **senão devolva** $m2$

Seja $C(n)$ o número de comparações executadas na linha 6 do algoritmo por uma chamada de Máximo(v, p, r), onde $n = r - p + 1$. Encontre a equação de recorrência, isto é deduza do algoritmo uma recorrência que defina $C(n)$. Não é necessário resolver a equação, apenas identificá-la.

4. Dadas duas listas ordenadas A e B de elementos distintos, contar quantos elementos de A são também elementos de B . Apresente um algoritmo baseado em comparações que leve **tempo linear** no total de elementos das duas listas. Justifique a sua resposta.

5. Considere árvores binárias em que cada nó tem um campo *chave* para a chave, os campos *esq* e *dir* que apontam para os filhos esquerdo e direito, respectivamente, e um campo *pai* que deve apontar para o pai.

(a) Descreva um algoritmo que, recebendo um apontador para a raiz de uma tal árvore (em que o campo *pai* não foi preenchido), preenche o campo *pai* de todos os nós corretamente.

(b) Qual a complexidade de seu algoritmo?

6. Suponha que o algoritmo de busca em largura é executado com o vértice m sendo a origem para a busca. Suponha outros dois vértices: a e b . Se existe exatamente um caminho de m até a de tamanho 3, e exatamente um caminho de m até b de tamanho 5, então, b será localizado antes que a na busca em largura nesse grafo. Comente se a afirmação é verdadeira ou falsa. Apresente um contra-exemplo se falsa.