

# Experimentos e Análise de Dados

Prof. Moacir A. Ponti  
[www.icmc.usp.br/~moacir](http://www.icmc.usp.br/~moacir)

Instituto de Ciências Matemáticas e de Computação – USP

# Sumário

Amostragem

Estratégias de amostragem

Experimentos

Análise de dados

Teste de Hipótese

# Amostragem e Variáveis

## Censo vs Amostragem

- ▶ É muito raro ser necessário realizar **censo**
- ▶ **Amostragem** sempre implica em aceitar um erro, mas pode ser representativa

## Variáveis

- ▶ Numéricas: discretas/contínuas
- ▶ Categóricas: ordinais/não-ordinais

# Amostragem e Variáveis

## Exemplo: verificar sal na panela

- ▶ Análise exploratória: **amostragem** (porque não censo?)
- ▶ Concluir se mais sal é necessário: **inferência**
- ▶ Amostra precisa ser **representativa**: aleatoriedade.

# Viés de amostragem

## Conveniência

Amostra facilmente acessível pelo pesquisador

## Abstenção

Apenas uma fração (não aleatória) da população responde

## Resposta voluntária

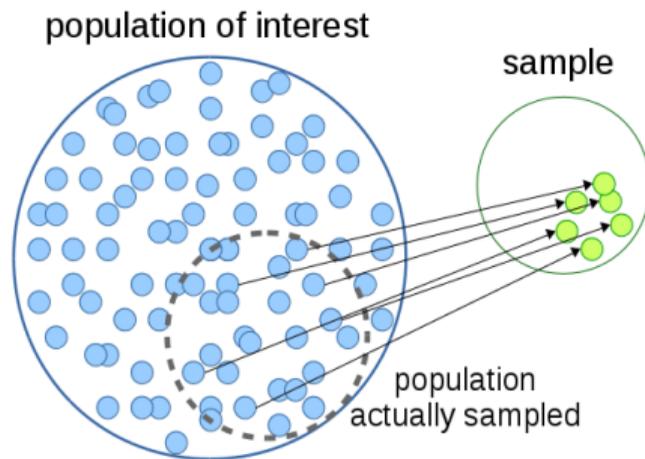
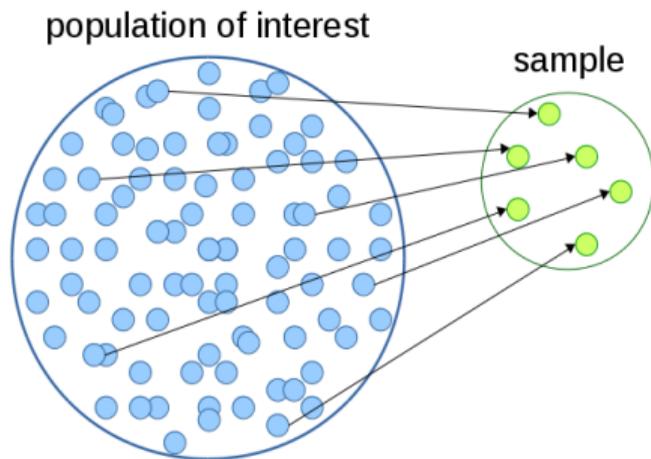
Participantes com opinião forte tem mais chance de responder (dentre os aleatoriamente selecionados)

## Estratégias de amostragem

```
int getRandomNumber()  
{  
    return 4; // chosen by fair dice roll.  
             // guaranteed to be random.  
}
```

Agradedimentos à <http://xkcd.com>

## Viés de amostragem e i.i.d.

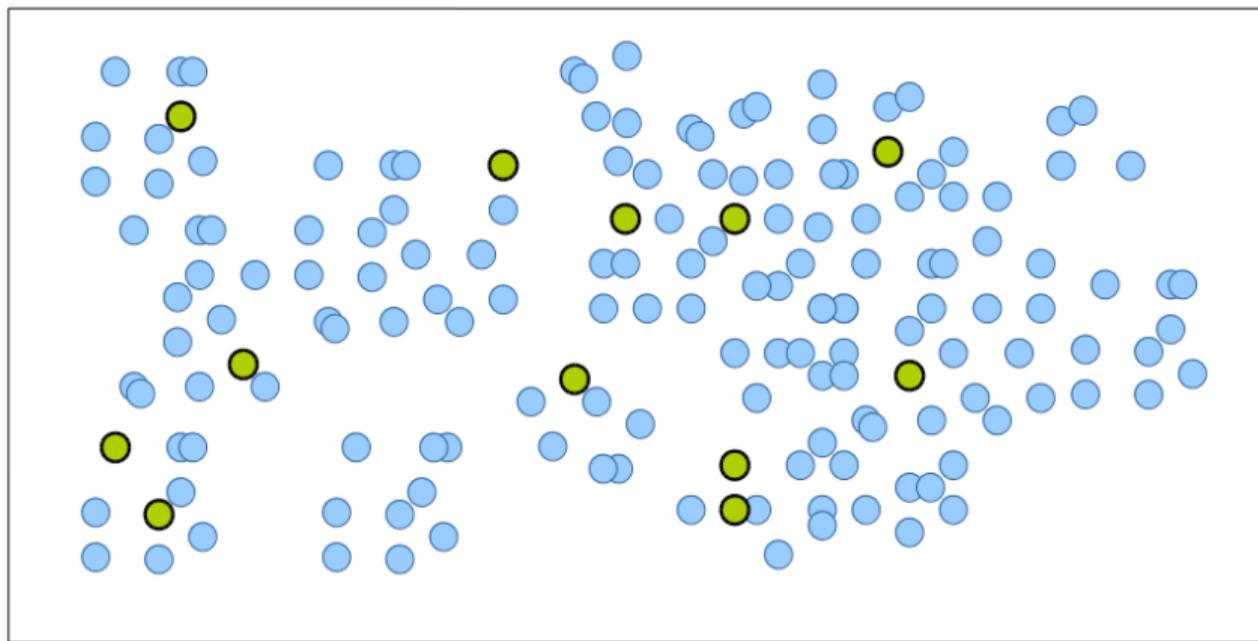


Nota: No caso à direita, não podemos considerar que a amostra é independente e identicamente distribuída (i.i.d.), comumente assumido por muitos métodos.

# Estratégias de amostragem

Amostragem aleatória simples (Simple random sampling)

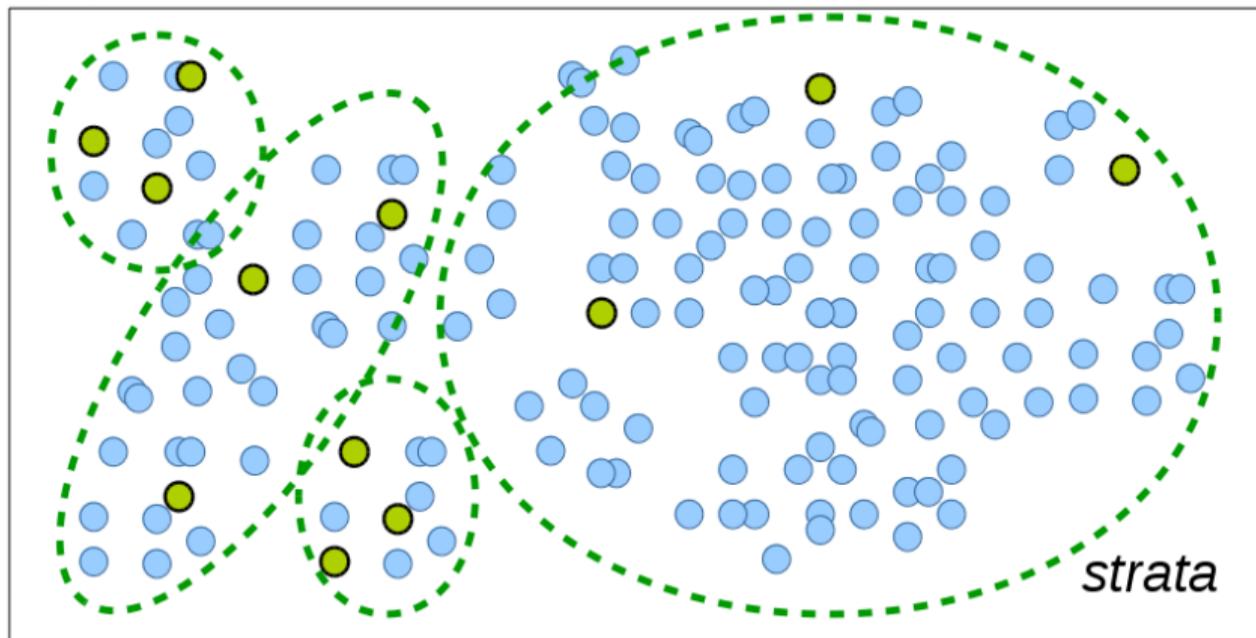
population of interest



# Estratégias de amostragem

## Amostragem estratificada

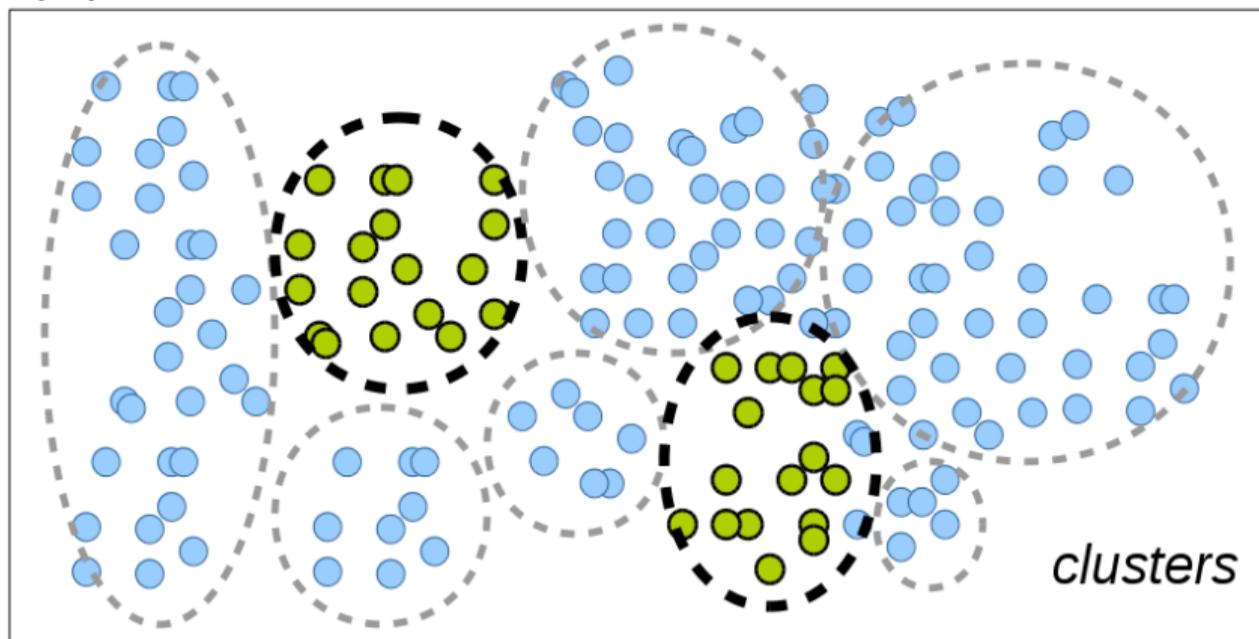
population of interest



# Estratégias de amostragem

## Amostragem por agrupamento

population of interest



OBS: também pode ser feita amostragem aleatória simples dentro de cada cluster.

# Sumário

Amostragem

Estratégias de amostragem

Experimentos

Análise de dados

Teste de Hipótese

# Experimentos

Visam estabelecer relações causais, correlações ou comparações.

1. **Controle:** comparar intervenção com um grupo controle;
2. **Aleatorização:** distribuir sujeitos/exemplos de forma aleatória;
3. **Replicação:** coletar amostra suficiente, ou replicar estudo;
4. **Bloqueio:** bloquear por variáveis que possam afetar resultado.

Terminologia (pouco comum em computação): placebo, efeito placebo, estudo cego e duplo-cego.

## Experimentos: amostragem e atribuição

Exemplos:

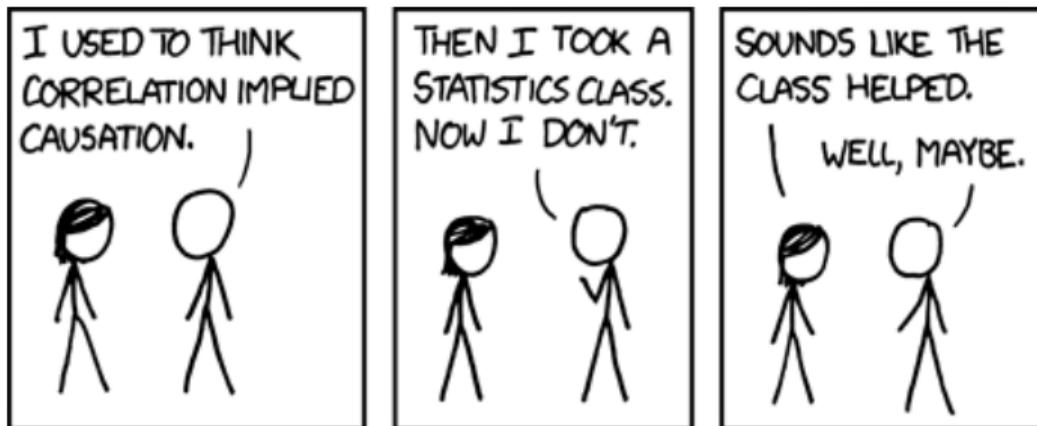
1. Método de segmentação com aplicação médica;
2. Projeto de uma nova tela de tinta eletrônica para facilitar a leitura;
3. Método para melhoria da segmentação de sentenças em fala.

## Experimentos: amostragem e atribuição

(ideal)	Atribuição aleatória	Sem atribuição aleatória	(observacional)
Amostragem aleatória	Causal e generalizável	Não causal, generalizável	Generalização
Amostragem não aleatória	Causal, não generalizável	Não causal, não generalizável	Não generalização
(mais comum)	Causalidade	Associação	(indadequado)

Agradedimentos à Mine Çetinkaya-Rundel

## Causalidade vs Correlação



Agradedimentos à <http://xkcd.com>

# Sumário

Amostragem

Estratégias de amostragem

Experimentos

Análise de dados

Teste de Hipótese

# Medidas e transformações

## Medidas de centro e dispersão

- ▶ **Comum:** média e desvio padrão
- ▶ **Robustas:** mediana e IQR

## Transformação

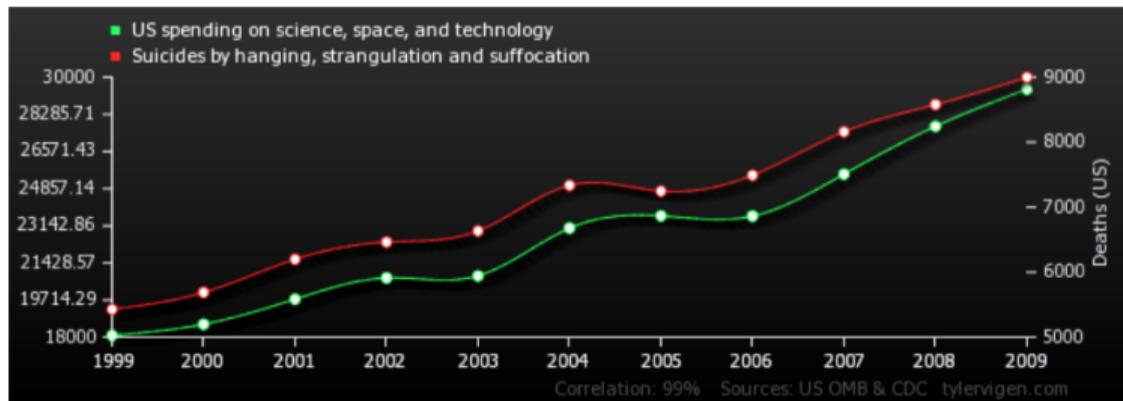
- ▶ Logaritmo, Raiz Quadrada.
- ▶ Normalização.

## Correlação

Medida estatística que indica a direção e a força da relação linear entre duas variáveis  
Se correlação é  $\neq 0$ , então:

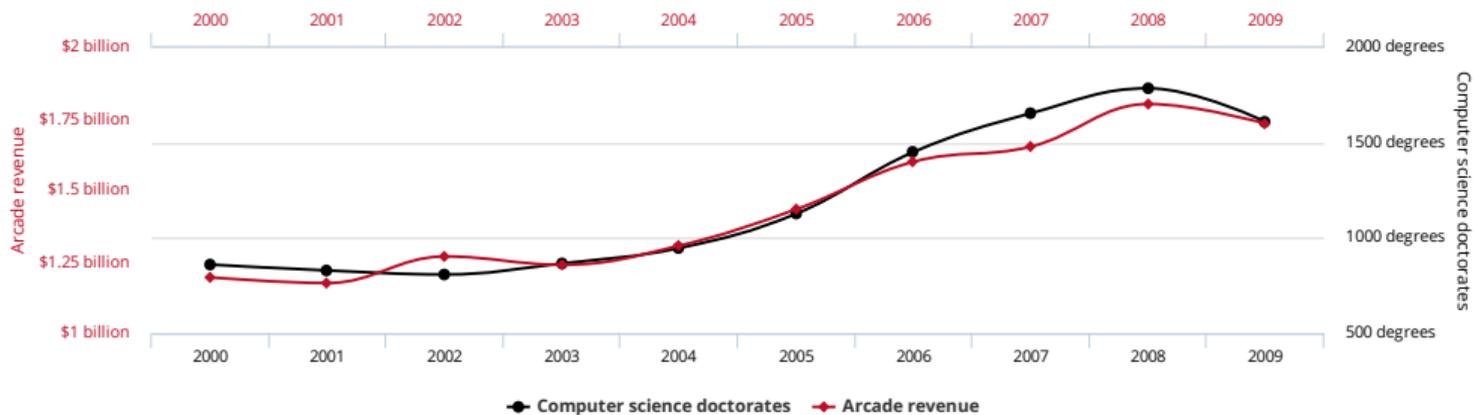
1. variável  $A$  causa  $B$ ,
2. variável  $B$  causa  $A$ ,
3. uma variável  $C$  causa  $A$  e  $B$ ,
4.  $A$  causa  $C$  que por sua vez causa  $B$ , ou
5. não há relação entre  $A$  e  $B$ .

# US spending on science, space, and technology correlates with Suicides by hanging, strangulation and suffocation



	<u>1999</u>	<u>2000</u>	<u>2001</u>	<u>2002</u>	<u>2003</u>	<u>2004</u>	<u>2005</u>	<u>2006</u>	<u>2007</u>	<u>2008</u>	<u>2009</u>
<i>US spending on science, space, and technology</i> Millions of todays dollars (US OMB)	18,079	18,594	19,753	20,734	20,831	23,029	23,597	23,584	25,525	27,731	29,449
<i>Suicides by hanging, strangulation and suffocation</i> Deaths (US) (CDC)	5,427	5,688	6,198	6,462	6,635	7,336	7,248	7,491	8,161	8,578	9,000
<b>Correlation: 0.992082</b>											

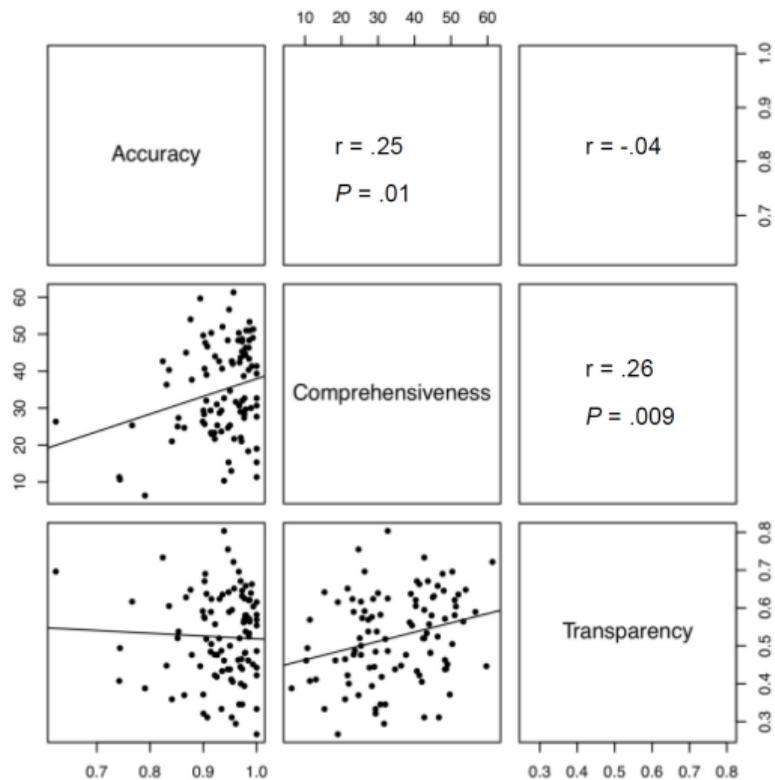
# Total revenue generated by arcades correlates with Computer science doctorates awarded in the US



tylervigen.com

Agradedimentos à <http://tylervigen.com/>

# Correlação vs Regressão Linear



## Correlação vs Regressão Linear

- ▶  $r$  (coeficiente de correlação) indica a direção e a força da relação linear entre duas variáveis
- ▶  $r^2$  indica a proporção da variação de uma variável explicada pela outra em um modelo de regressão linear simples

OBS: para  $r = 0.25$ , a correlação quadrada é  $R^2 = 0.06$

# Sumário

Amostragem

Estratégias de amostragem

Experimentos

Análise de dados

Teste de Hipótese

# Teste de hipótese

1. Especifica **hipótese nula** e **hipótese alternativa**
2. Assume que a hipótese nula é **verdadeira** e calcula a **estatística de teste**
3. Calcula o **p-valor**: se a hipótese nula é verdadeira, qual a probabilidade de observarmos tão extremos quanto aquele que dispomos?
  - ▶ se o nível for inferior a um limiar  $\alpha$  que define a probabilidade de cometer erro tipo I, rejeitar a hipótese nula;
  - ▶ do contrário, não rejeitar hipótese nula.

# Teste de hipótese

Testes comumente utilizados:

- ▶ Teste  $t$ -Student (ou Teste  $t$ ): comum para dados com distribuição Normal,
- ▶ Wilcoxon: não paramétrico, compara rankings entre dois conjuntos de dados,
- ▶ ANOVA: analisa múltiplos conjuntos pela estatística  $F$ .
- ▶ Kruskal-Wallis: não -paramétrico

Comparação de múltiplos resultados (ex. datasets) e várias intervenções (ex. métodos)

- ▶ Friedman ranking

# Teste de hipótese

Statisticians issue warning over misuse of P values

*“Misuse of the P value — a common test for judging the strength of scientific evidence — is contributing to the number of research findings that cannot be reproduced...”*

<http://www.nature.com/news/statisticians-issue-warning-over-misuse-of-p-values-1.19503>