



*Escola Politécnica da Universidade de São Paulo
Departamento de Engenharia Mecânica*

PME-3211 – Mecânica dos Sólidos II

Aula #02

Prof. Dr. Clóvis de Arruda Martins

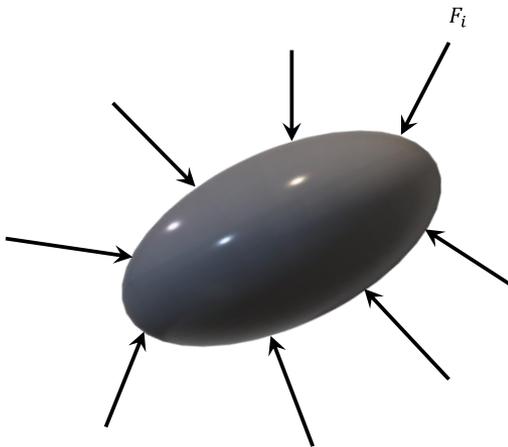
09/08/2023



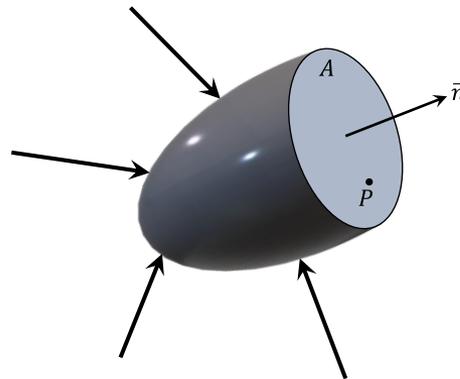
Escola Politécnica da Universidade de São Paulo
Departamento de Engenharia Mecânica

Esforços internos

Sólido genérico submetido a um conjunto de forças F_i equilibrado



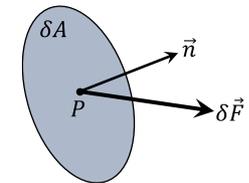
Sólido genérico cortado por um plano α que passa por um ponto P e é normal a \vec{n}



Devem aparecer forças na superfície A para equilibrar os esforços externos

Estas forças são chamadas de *forças internas*

Um elemento da superfície A com área infinitesimal δA , que contém P estará sujeito à força interna $\delta \vec{F}$



$$\delta \vec{F} = \delta \vec{F}(P, \vec{n})$$

O vetor $\delta \vec{F}$ pode ser decomposto em duas componentes:

$$\delta \vec{F} = \delta F_n \vec{n} + \delta F_t \vec{t}$$

onde \vec{t} é um vetor paralelo a α



Escola Politécnica da Universidade de São Paulo
Departamento de Engenharia Mecânica

Tensão

Definição: o vetor tensão que atua em P no plano perpendicular a \vec{n} é o vetor:

$$\vec{\rho}(P, \vec{n}) = \lim_{\delta A \rightarrow 0} \frac{\delta \vec{F}(P, \vec{n})}{\delta A}$$

A tensão $\vec{\rho}$ é uma propriedade do ponto P e da direção \vec{n}

A tensão $\vec{\rho}$ tem dimensão de força por unidade de área (MPa)

Para conhecer o **estado de tensões** em um ponto P é necessário conhecer as tensões $\vec{\rho}$ em todas as direções \vec{n}

Como a força interna, a tensão $\vec{\rho}$ pode ser decomposta em duas componentes:

$$\vec{\rho} = \sigma \vec{n} + \tau \vec{t}$$

onde

$$\sigma = \lim_{\delta A \rightarrow 0} \frac{\delta F_n}{\delta A}$$

é a **tensão normal**

e

$$\tau = \lim_{\delta A \rightarrow 0} \frac{\delta F_t}{\delta A}$$

é a **tensão de cisalhamento**

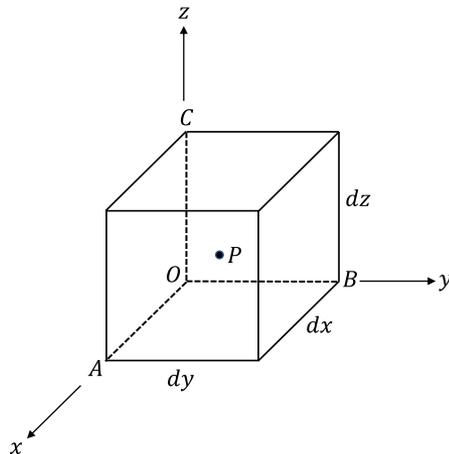


Escola Politécnica da Universidade de São Paulo
Departamento de Engenharia Mecânica

Estado de tensões

O estado de tensões em um ponto P é o conjunto dos infinitos vetores $\vec{\rho}(P, \vec{n})$

O estado de tensões em um ponto P é representado por um cubo infinitesimal



As faces desse cubo estarão sujeitas a tensões normais e tensões de cisalhamento

Vamos mostrar, mais tarde, que se conhecermos as tensões nessas faces do cubo, conheceremos todo o estado de tensões no ponto P

Para representar a tensão em uma face do cubo precisamos de uma tensão normal e duas componentes de tensão de cisalhamento

Precisaremos, então, de 18 números para representar as tensões nas faces do cubo

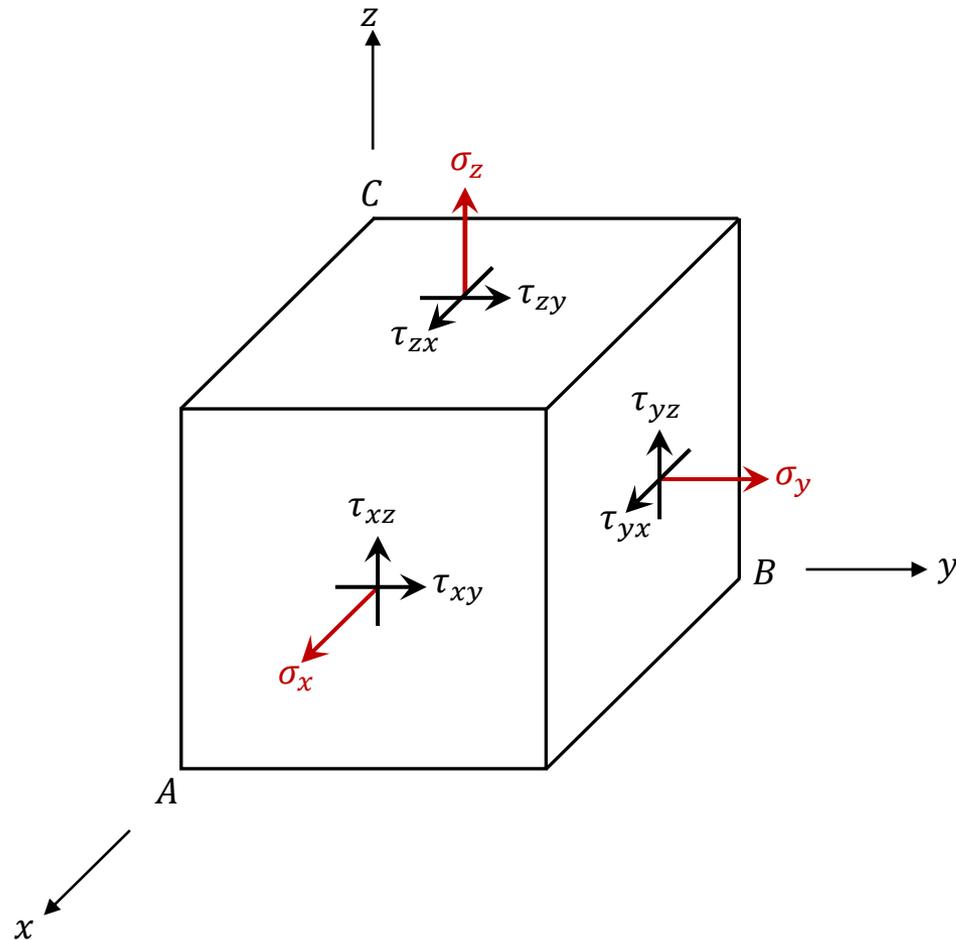
É necessário estabelecer, então, uma notação para representar as tensões que atuam em cada face do cubo



Escola Politécnica da Universidade de São Paulo
Departamento de Engenharia Mecânica

Notação de Timoshenko

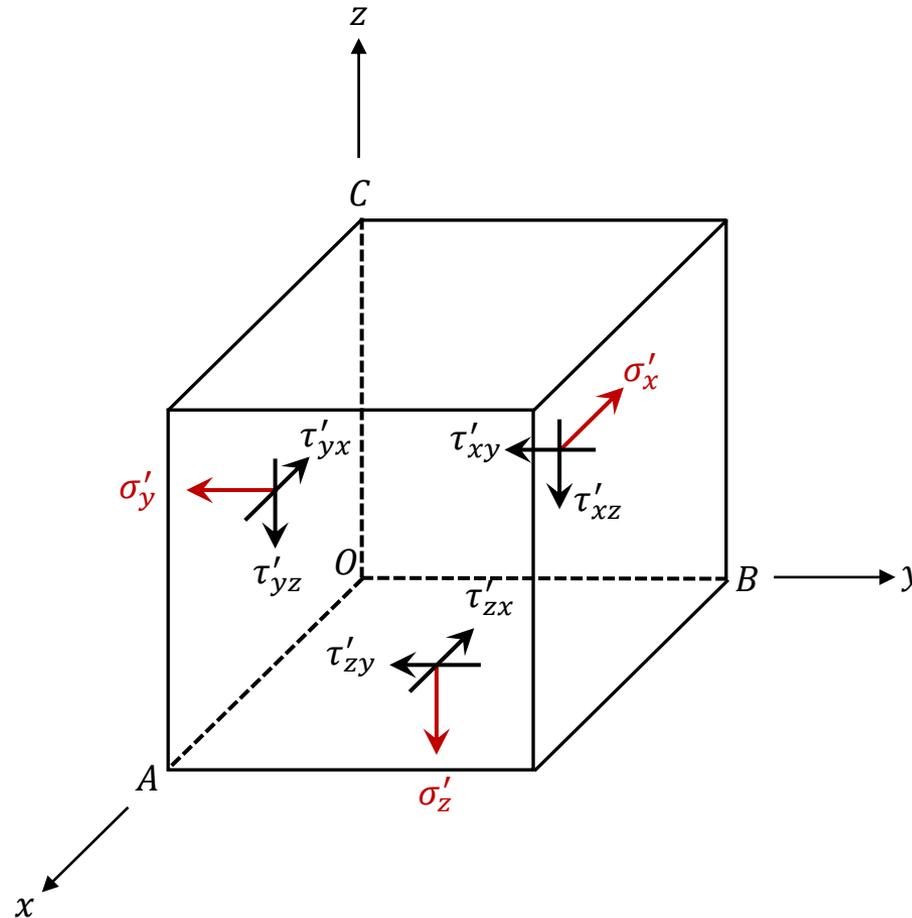
- Faces positivas
- Sentidos positivos





Notação de Timoshenko

- Faces negativas
- Sentidos positivos





Escola Politécnica da Universidade de São Paulo
Departamento de Engenharia Mecânica

Referência

Martins, C.A. *Introdução ao Estudo das Tensões*. Disponível no Moodle