

Escola Politécnica

Departamento de Engenharia Hidráulica e Ambiental



Universidade de São Paulo

PHD5036 Modelagem de Processos Hidrológicos Interpolação de dados espaciais Precipitação: consistência de dados e preenchimento de falha

Aula 2

Arisvaldo V. Méllo Jr. arisvaldo@usp.br



Laboratório de Sistemas de Suporte a Decisões Recursos Hídricos e Meio Ambiente

Objetivo

- Interpolação espacial
- Corrigir erros de medição (análise de consistência de dados)
- Preencher falhas em observações
- Obter série histórica ininterrupta de dados de chuva

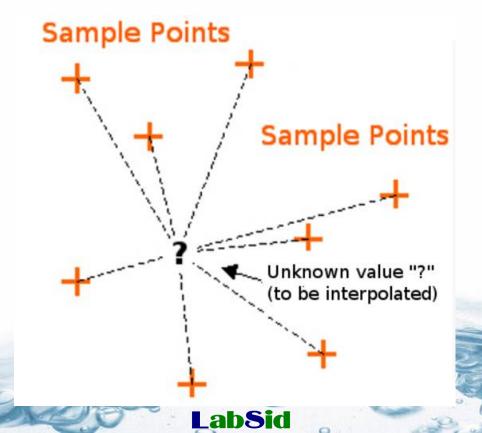


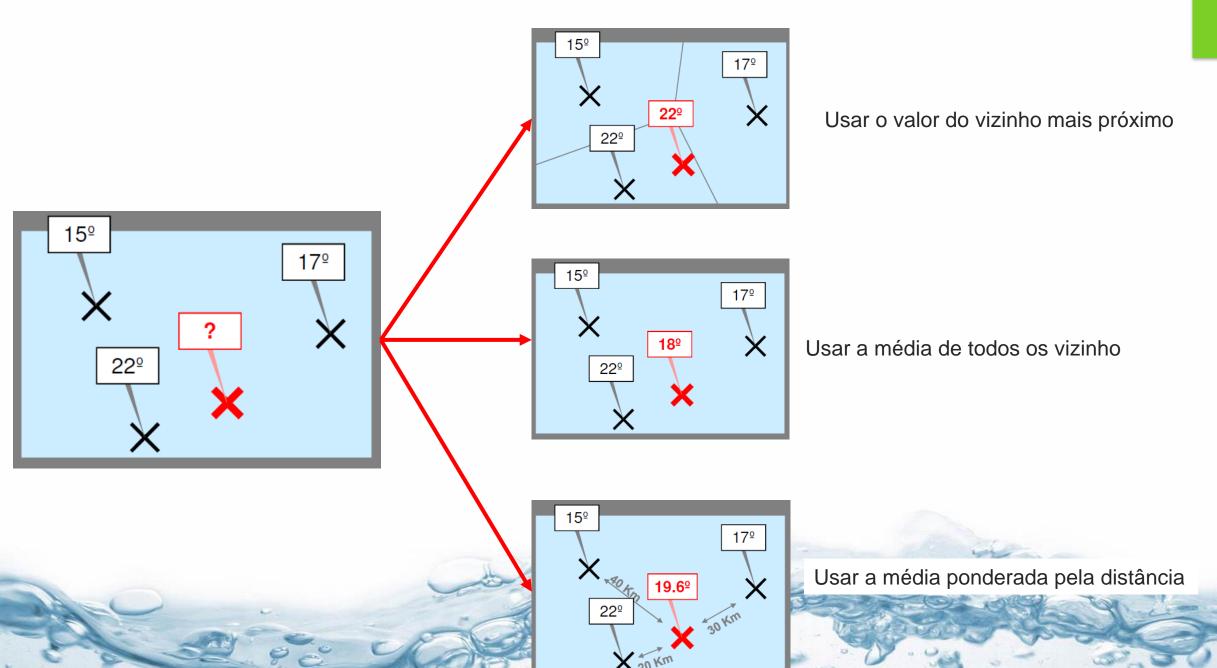
Interpolação espacial

Definição

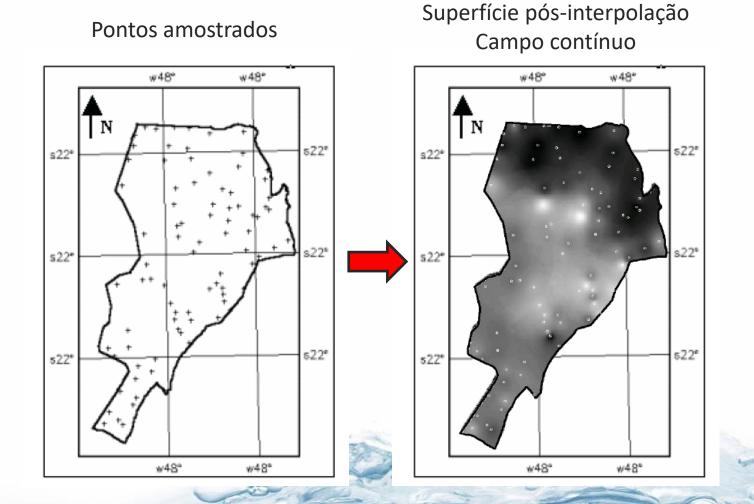
 É o processo de utilização de pontos com valores conhecidos para estimar os valores em outros pontos desconhecidos

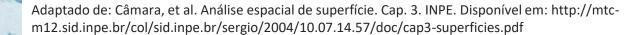
Amostras (dados pontuais) -> superfície





Amostras: Disposição das amostras de teor de argila da Fazenda Canchim (EMBRAPA).







Ideia da interpolação

- Gerar uma grade regular onde cada ponto de intersecção entre grades adjacentes terá um novo valor estimado a partir das amostras e do modelo de interpolação escolhido¹
- Primeira Lei de Tobler²: "Coisas próximas estão mais relacionadas entre si do que coisas distantes"3263

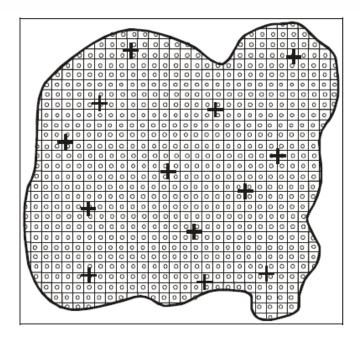


Ilustração do processo de interpolação: amostras (cruzes) e aproximação da superfície por uma grade regular (círculos).

²⁻ Longley, P.A.; Goodchild, M.F.; Maguire, D.J.; Rhind, D.W.. Sistemas e Ciência da Informação Geográfica. 3ª ed., 2013.



¹⁻ Câmara, et al. Análise espacial de superfície. Cap. 3. INPE. Disponível em: http://www.dpi.inpe.br/gilberto/livro/analise/

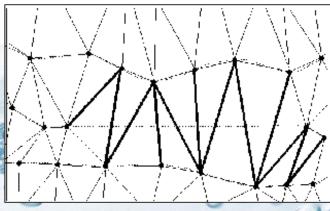
Aplicações

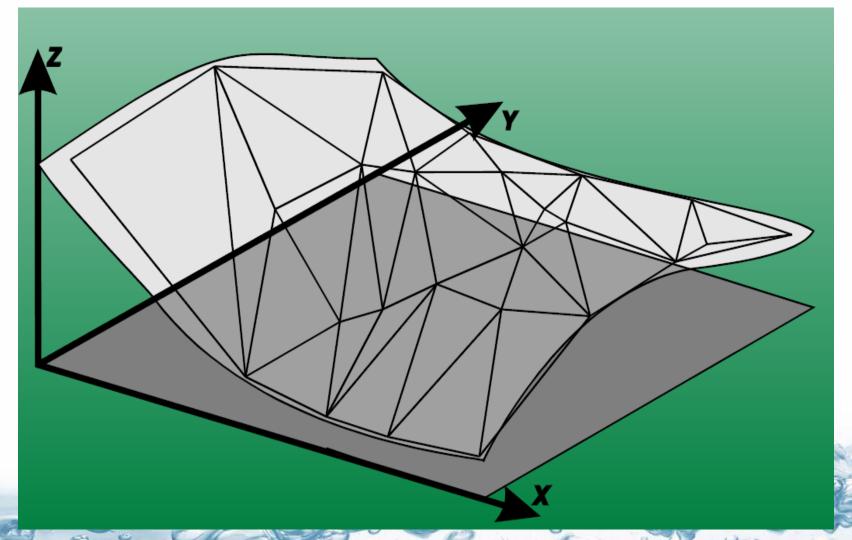
- Estimativas meteorológicas como precipitação e temperatura (estimar essas variáveis em locais onde não há estações meteorológicas)
- Estimar altitude entre locais (construção de um DEM)
- Reamostragem/registro de imagens (satélite, fotografias aéreas etc.)
- Construção de isolinhas



Interpoladores

- Modelos construídos por grades irregulares triangulares (TIN Triangular Irregular Network)
 - □ Triangulação de Delaunay
 - Maximização dos ângulos mínimos de cada triângulo (triângulos o mais próximos possíveis de triângulos equiláteros)
 - □ Figura irregular de faces triangulares
 - Vértices são os pontos amostrais conectados por linhas
 - Bom para representar descontinuidades do terreno
 - □ Conserva informações geomorfológicas (cristas e vales)
 - Propicia a preservação das linhas características da superfície tais como: linhas divisoras de águas (linhas de máximos) e linhas de drenagem (linhas de mínimos)
 - □ Importante modelo para geração de MNTs (Modelos Numéricos de Terrenos)

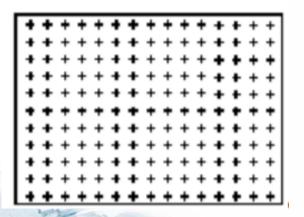


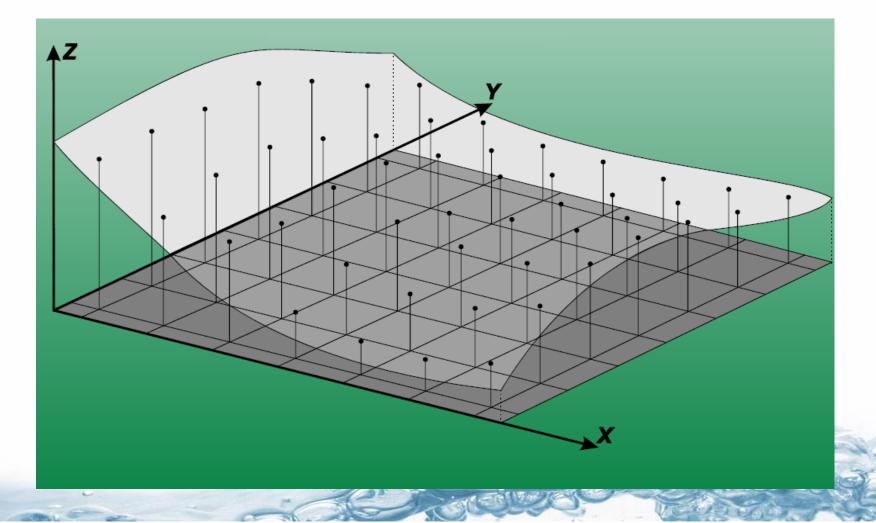


LabSid

Interpoladores

- Modelos construídos por grades regulares
 - □ Figura poliedro de faces regulares;
 - □ Estrutura em forma de matriz de números reais ou inteiros;
 - □ Vértices contém os valores estimados baseados nas amostras;
 - Espaçamento fixo;
 - Maioria dos modelos





Druck, S.; Carvalho, M.S.; Câmara, G.; Monteiro, A.M.V. Análise Espacial de Dados Geográficos. Disponível em: http://www.dpi.inpe.br/gilberto/livro/analise/

Características dos interpoladores

Grade Regular Retangular	Grade Irregular Triangular			
Apresenta regularidade na distribuição espacial dos vértices das células do modelo				
Os vértices dos retângulos são estimados a partir das amostras	Os vértices dos triângulos pertencem ao conjunto amostral			
Apresenta problemas para representar superfícies com variações locais acentuadas	Representa melhor superfícies não homogêneas com variações locais acentuadas			
Estrutura de dados mais simples	Estrutura de dados mais complexa			
Relações topológicas entre os retângulos são explicitas	É necessário identificar e armazenar as relações topológicas entre os triângulos			
Mais utilizado em aplicações qualitativas e para análises multiníveis no formato "raster"	Mais utilizado em aplicações quantitativas.			

Características dos interpoladores

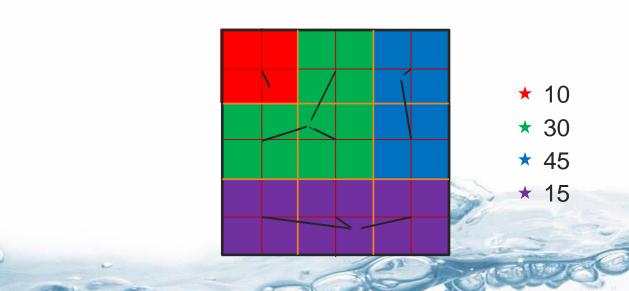
Modelar a variabilidade espacial

- Modelos de efeitos locais
 - Consideram apenas os pontos mais próximos para a realização da interpolação
 - Vizinho mais próximo
 - Polígonos de Thiessen
 - Vizinho natural
 - Média móvel
 - -Média simples
 - Média ponderada
 - » Inverso do quadrado da distância (IDW)
 - » Por quadrante
 - » Por quadrante e cota
- Modelos de efeitos globais
 - Consideram todos os pontos para a realização da interpolação

Vizinho mais próximo

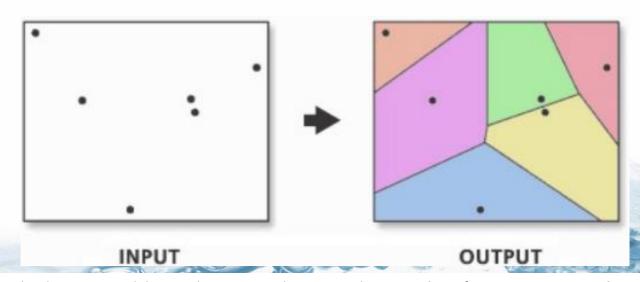
- Um dos métodos mais simples
- Atribui o valor da amostra mais próxima
- Método discreto (um único valor para cada polígono)
- Mantém os valores das amostras inalterado na grade e sem valores intermediários

LabSid



Polígonos de Thiessen¹ (diagrama de voronoi)

- Concebidos por Thiessen² como uma forma de interpolar dados de precipitação a partir de pluviômetros
- Método simples
- Associa o valor do ponto mais próximo ao polígono
- É uma variação do método do vizinho mais próximo
- Método discreto (um único valor para cada polígono
- Limitações
 - □ Valores são constantes dentro do polígono (não há variabilidade espacial)
 - □ Mudanças bruscas entre polígonos adjacentes, que pode não refletir a realidade



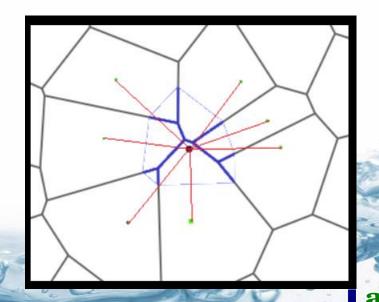
- 1 Longley, P.A.; Goodchild, M.F.; Maguire, D.J.; Rhind, D.W. Spatial data analysis. In: Longley, P.A. et al. **Geographic information science and systems**. 4ª ed., Wiley & Sons, 2015.
- 2 Thiessen, A.H.; Alter, J. C. Climatological data for july, 1911. Monthly Weather Review, v. 39, p. 1082-1084, 1911.

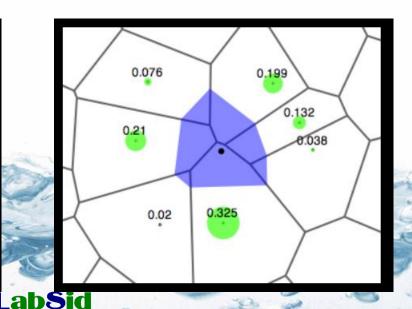
Vizinhos naturais

- Utiliza polígonos de Thiessen
- Pesos são obtidos através das áreas proporcionais dos polígonos de Thiessen vizinhos ao ponto a ser amostrado
- Equação idêntica a do interpolador IDW, porém os pesos são diferentes, assim como a forma de selecionar as amostras

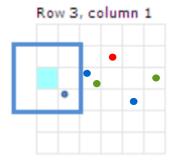
$$Z_{i} = \frac{\sum_{j=1}^{n} w_{ij} \cdot Z_{ij}}{\sum_{j=1}^{n} w_{ij}}$$

 Z_i - valor da cota do ponto i da grade Z_j - cota de uma amostra j vizinha do ponto i da grade w_{ij} - fator de ponderação

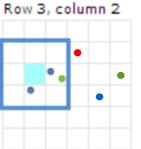


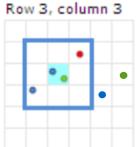


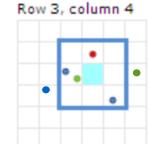
Média móvel

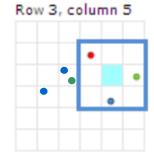


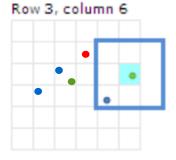












Média

$$= 1$$

$$= \frac{1}{1} = 1$$

Output

$$=\frac{4}{3}=1,33$$

$$= 7$$
 $= \frac{7}{4} = 1,75$

$$=\frac{7}{4} = 1,75$$
 $=\frac{6}{4} =$

$$= \frac{6}{4} = 1,5$$

Output
= 1 + 2
= 3
=
$$\frac{3}{4}$$
 = 0,75

Legenda

Médias

- Média simples
 - Média aritmética dos valores dos seus vizinhos

$$Z_{i} = \frac{\sum_{j=1}^{n} w_{ij} \cdot Z_{ij}}{\sum_{j=1}^{n} w_{ij}}$$

 Z_i - valor da cota do ponto i da grade Z_j - cota de uma amostra j vizinha do ponto i da grade w_{ij} - fator de ponderação (igual a 1 para média simples)

Média ponderada

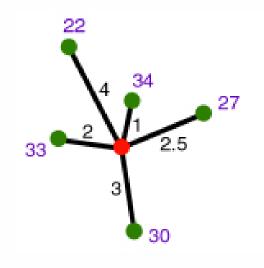
$$w_{ij} = \frac{1}{d_{ij}^k}$$

k - expoente da distância, geralmente igual a 1 ou 2 d_{ij} - valor de distância da amostra **j** ao ponto **i** da grade

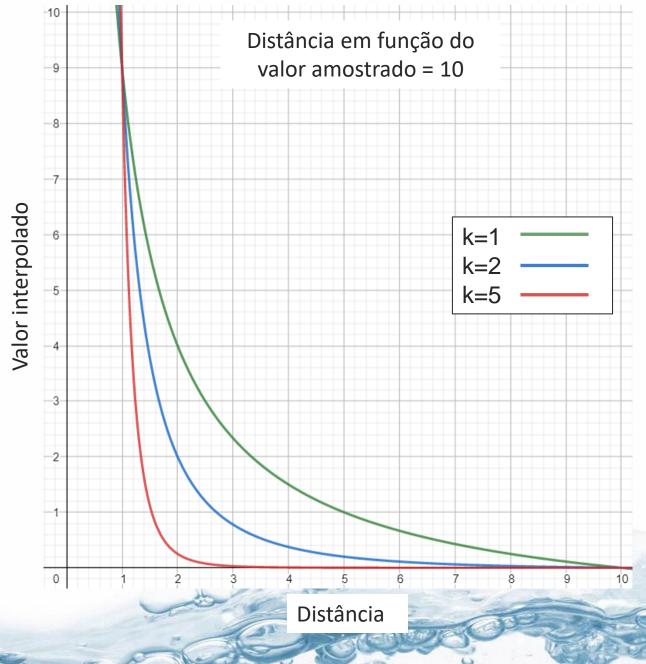
$$d_{ij} = \sqrt{(x_i - x_j)^2 + (y_i - y_j)^2}$$

Efeito do expoente:

- K = 0: resultado análogo a médias móveis
- Baixos (0 2): destacam anomalias locais
- K = 2: inverso do quadrado da distância, o mais usado
- Altos: (3 5): suavizam anomalias locais
- K ≥ 10: estimativas poligonais (planas)



$$Z(x) = \frac{\sum w_i z_i}{\sum w_i} = \frac{\frac{34}{1^2} + \frac{33}{2^2} + \frac{27}{2.5^2} + \frac{30}{3^2} + \frac{22}{4^2}}{\frac{1}{1^2} + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{2.5^2} + \frac{1}{3^2} + \frac{1}{4^2}} = 32.38$$



LabSid

- Superfícies de tendência
- Splines
- Krigagem



Superfícies de tendência

- Interpoladores determinísticos globais
- Superfície aproximada por ajuste polinomial
- Processo de regressão múltipla entre os valores amostrados e as localizações geográficas
- Função polinomial usada para estimar os valores utilizando todos os pontos amostrados
- Grade regular que aproxima a superfície
- Interpolador inexato
- Tenta minimizar o erro global
- É possível calcular os resíduos entre a superfície gerada e os valores originais
- Podem ser obtidos contornos muito suaves (as isolinhas podem não ser fiéis aos dados originais)

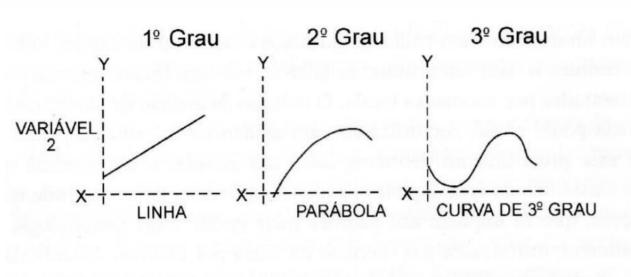
```
1a ordem: \hat{z} = a + b \cdot x + c \cdot y

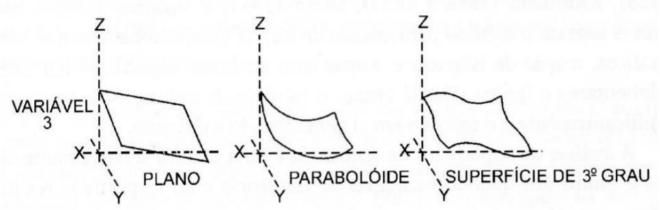
2a ordem: \hat{z} = a + b \cdot x + c \cdot y + d \cdot x^2 + e \cdot xy + f \cdot y^2

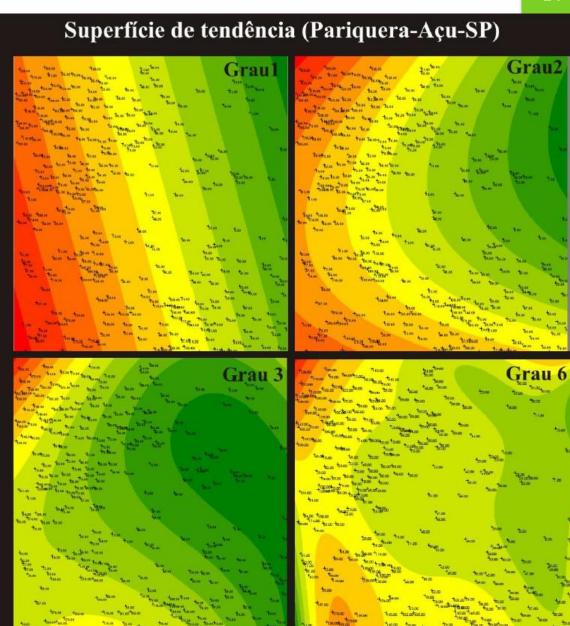
3a ordem: a + b \cdot x + c \cdot y + d \cdot x^2 + e \cdot xy + f \cdot y^2 + g \cdot x^3 + h \cdot x^2y + i \cdot xy^2 + j \cdot y^3

4a ordem: a + b \cdot x + c \cdot y + d \cdot x^2 + e \cdot xy + f \cdot y^2 + g \cdot x^3 + h \cdot x^2y + i \cdot xy^2 + j \cdot y^3 + k \cdot x^4 + lx^3y + m \cdot x^2y^2 + n \cdot xy^3 + o \cdot y^4
```

ẑ - variável dependente (valor estimado de z para o nó da célula)
 x e y – variáveis independentes (coordenadas x e y)
 a...o – coeficientes que proporcionam o melhor ajuste aos dados amostrados

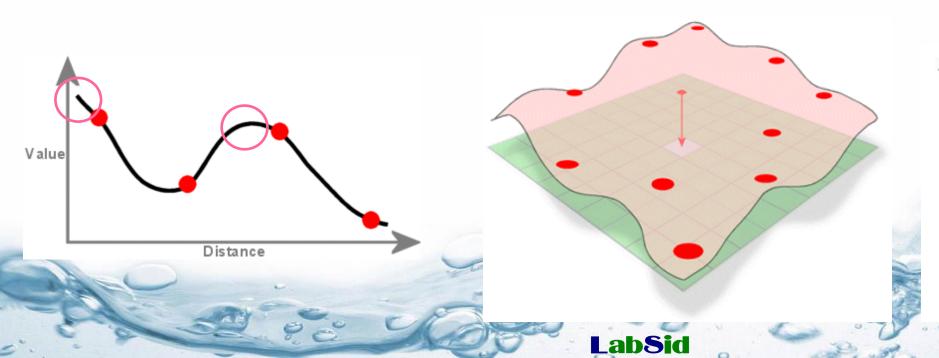


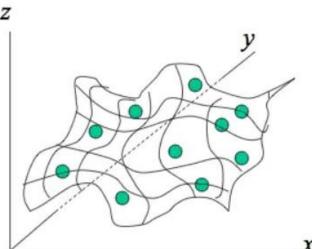




Splines

- Estima valores usando uma função matemática que minimiza a curvatura geral da superfície, resultando em uma superfície suavizada
- É um interpolador exato, ou seja, passa exatamente sobre os pontos amostrados
- Semelhante a um "molde de borracha" sobre os pontos amostrados:
 - □ Ajusta-se o coeficiente de "elasticidade" deste molde ("mais esticado" ou "menos esticado")
 - □ Pode gerar valores acima ou abaixo dos valores amostrados





Krigagem

- Método geoestatístico e global
- Considera tanto a distância quanto a variabilidade espacial dos dados
- Os pesos são determinados a partir de uma análise espacial, baseada no variograma experimental (modelado para diferentes direções)
- Pode ajustar diferentes funções matemáticas para a análise
- Permite estimar a acurácia da estimativa (diferença entre o valor real e o estimado)



Krigagem

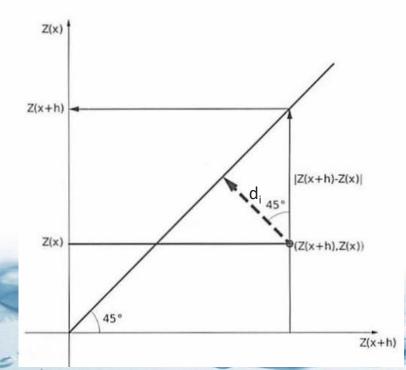
Variável regionalizada de n pontos (pares de valores) distribuídos numa região

$$Z(x_i)$$
 , $i = 1, \dots, n$,

 Correlação das variáveis entre si constitui uma função aleatória (covariância), admitindo-se que elas tenham a mesma média m

$$E[Z(x_1)] = E[Z(x_2)] = \dots = E[Z(x_n)] = m$$

■ Função variograma do par de pontos separados por uma distância h [Z(x+h), Z(x)]



Distância até a reta bissetriz

$$d_i = \cos 45^{\circ} \cdot |Z(x+h) - Z(x)|$$

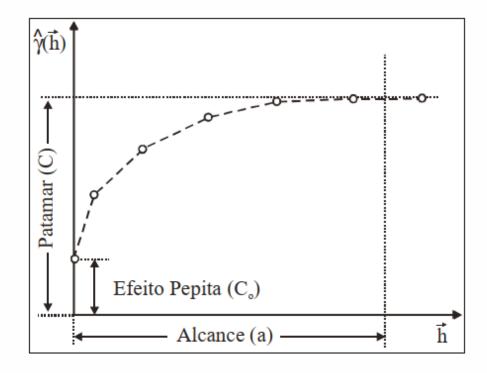
$$d_i^2 = \frac{1}{2} \cdot [Z(x+h) - Z(x)]^2$$

Variância: soma dos quadrados da diferença dos valores dividido pela quantidade de elementos

$$\gamma(h) = \frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{2} \cdot [Z(x+h) - Z(x)]^2 = \frac{1}{2n} \cdot \sum_{i=1}^{n} [Z(x+h) - Z(x)]^2$$

Função Variograma ou Semivariograma

Parâmetros do variograma para hipótese de estacionariedade e média constante



Alcance (range): distância dentro da qual as amostras apresentam-se correlacionadas espacialmente **Patamar** (still): valor do variograma correspondente a seu alcance (além deste ponto não há variação espacial) **Efeito pepita**: valor positivo de $\gamma(h)$ quando h tende para zero (representa a variabilidade espacial relacionada ao acaso)

Modelos teóricos de krigagem

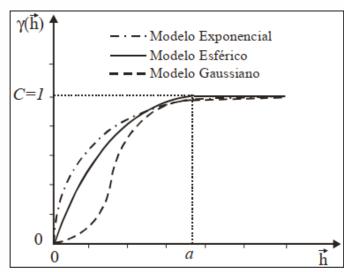
Com patamar

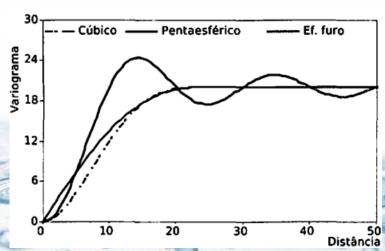
□ Alcance arbitrariamente definido como a distância correspondente a 95% do

patamar

Explica a maior parte dos fenômenos espaciais

Modelo	Equação
Esférico	$\begin{cases} \gamma(h) = C_o + C \left[1.5 \frac{h}{a} - 0.5 \left(\frac{h}{a} \right)^3 \right] \text{ para } h < \alpha \\ \gamma(h) = C_o + C \text{ para } h \ge \alpha \end{cases}$
Exponencial	$\gamma(h) = C_o + C \left[1 - \exp\left(-\frac{h}{a}\right) \right]$
 Gaussiano	$\gamma(h) = C_o + C \left[1 - \exp\left(-\left(\frac{h}{a}\right)^2\right) \right]$
Cúbico	$\begin{cases} \gamma(h) = C_o + C \left[7 \left(\frac{h}{a} \right)^2 - \frac{35}{4} \left(\frac{h}{a} \right)^3 + \frac{7}{2} \left(\frac{h}{a} \right)^5 - \frac{3}{4} \left(\frac{h}{a} \right)^7 \right] \text{ para } h < a \\ \gamma(h) = C_o + C \text{ para } h \ge a \end{cases}$
Pentaesférico	$\begin{cases} \gamma(h) = C_o + C \left[\frac{15}{8} \left(\frac{h}{a} \right) - \frac{5}{4} \left(\frac{h}{a} \right)^3 + \frac{3}{8} \left(\frac{h}{a} \right)^5 \right] \text{ para } h < a \\ \gamma(h) = C_o + C \text{ para } h \ge a \end{cases}$
Efeito furo	$\gamma(h) = C_0 + C \left[1 - \frac{\sin \pi(h/a)}{\pi(h/a)} \right]$
A CONTRACTOR OF THE PARTY OF TH	





Modelos teóricos de krigagem

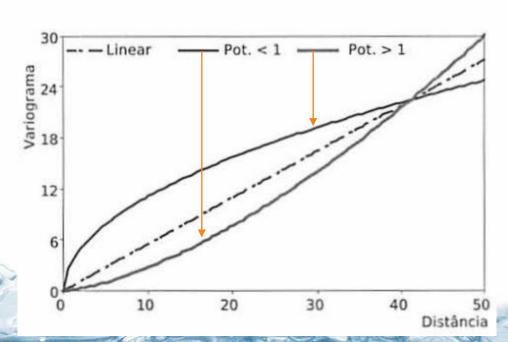
- Sem patamar
 - □ Não atingem o patamar, e continuam aumentanto enquanto a distância aumenta
 - □ Gerado quando a amostragem é insuficiente, incompleta ou inerente aos dados
 - □ Variograma é dado por:

$$\gamma(h) = \alpha \cdot h^{\beta} \text{ com } 0 < \beta < 2$$

 α = constante positiva

 β = 0 variograma com efeito pepita puro

 β = 1 variograma linear



Causas de inconsistências

- Interferências de objetos na vizinhança (crescimento da vegetação)
- Mudança de procedimento de medição a partir de determinado período
- Erro de preenchimento na planilha de campo (leitura da proveta, soma de volumes, acúmulo de dados sem medição, transcrição do dado)
- Problemas mecânicos no equipamento
- Acidentes naturais: incêndio florestal, deslizamentos de terra

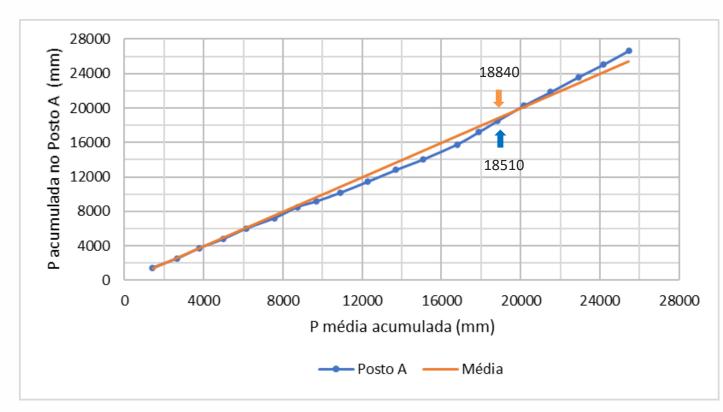
Métodos de Correção de inconsistência de dados

- Dupla massa acumulada (chuvas anuais)
- Mudança de procedimento de medição a partir de determinado período
- Acidentes naturais: incêndio florestal, deslizamentos de terra

Diagrama de massa duplo acumulada

- Selecionar os dados de chuva anuais do posto A e da média de postos vizinhos
- Ordenar os dados na ordem decrescente
- Acumular os dados da chuva do posto A e da média dos postos vizinhos
- Plotar o gráfico Média dos postos (abscissa) x posto A (ordenada) com as chuvas acumuladas
- Calcular o fator de correção para a condição de subestimativa e superestimativa em relação à Média dos postos
- Verificar a diferença de declividade entre as retas
- Aplicar o fator de correção para a condição específica

Diagrama de massa duplo acumulada



Ano	Posto A	Média	Posto A ac	Média ac	Aac/Mac	Dif	Posto A corr
1996	1430	1410	1430	1410			1430
1995	1100	1260	2530	2670	0.889		1100
1994	1170	1100	3700	3770	0.970	0.0916	1194
1993	1100	1230	4800	5000	0.944	0.0623	1123
1992	1200	1150	6000	6150	0.968	0.0894	1225
1991	1220	1430	7220	7580	0.942	0.0594	1245
1990	1280	1150	8500	8730	0.969	0.0897	1307
1989	650	950	9150	9680	0.936	0.0529	664
1988	1020	1230	10170	10910	0.922	0.0374	1020
1987	1250	1350	11420	12260	0.923	0.0379	1250
1986	1380	1440	12800	13700	0.927	0.0426	1380
1985	1210	1360	14010	15060	0.923	0.0385	1210
1984	1760	1730	15770	16790	0.934	0.0504	1797
1983	1400	1080	17170	17870	0.957	0.0772	1429
1982	1340	970	18510	18840	0.981	0.1037	1368
1981	1760	1320	20270	20160	1.006	0.1316	1435
1980	1580	1350	21850	21510	1.017	0.1440	1288
1979	1740	1410	23590	22920	1.031	0.1600	1418
1978	1480	1270	25070	24190	1.039	0.1685	1206
1977	1580	1260	26650	25450	1.050	0.1812	1288

Fator de correção

Subestimado: $\frac{\text{M\'edio}}{\text{Posto A}} = \frac{18840 - 2670}{18510 - 2670} = \frac{16170}{15840} = 1,0208$

Superestimado: $\frac{\text{M\'edio}}{\text{Posto A}} = \frac{25450 - 20160}{26650 - 20160} = \frac{5290}{6490} = 0,815$

Inclinação

$$\frac{A \text{ ac}}{M \text{ ac}} = \frac{2530 - 1410}{2670 - 1410} = \frac{1120}{1260} = 0,889$$

$$\frac{A \text{ ac}}{M \text{ ac}} = \frac{3700 - 1410}{3770 - 1410} = \frac{2290}{2360} = 0,970$$

$$0,970 - 0,889$$

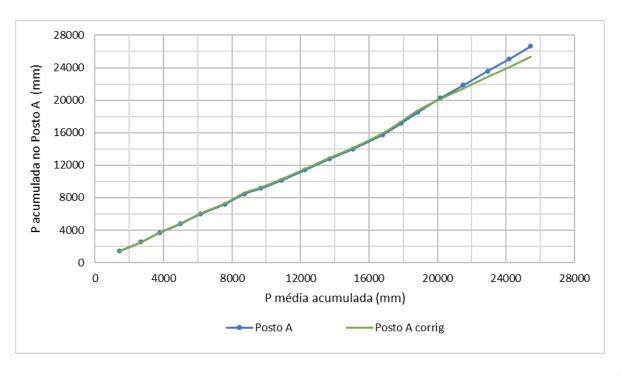
Correção

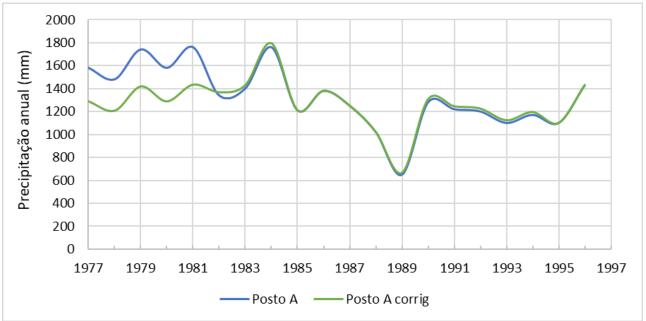
Se Dif > 0,05 e $\frac{Aac}{Mac}$ < 1 então $A \cdot 1,0208$ Se Dif > 0,05 e $\frac{Aac}{Mac}$ > 1 então $A \cdot 0,8151$ Caso contrário A

Posto A corr = $1170 \cdot 1,0208 = 1194,4$

Posto A corr = $1760 \cdot 0.8115 = 1434.6$

Diagrama de massa duplo acumulada







Estimativa de dados faltantes

- Com base nos dados de estações vizinhas ao posto que apresenta dados com falhas
- Em geral postos mais próximos têm maior peso
- Métodos
 - Média aritmética
 - Usado quando a chuva do posto faltante é menor que 10% da média dos postos vizinhos mais próximos, em pelo menos três (postos índices)
 - Considerar uma série temporal de 30 anos

$$P_{x} = \frac{1}{n} \cdot (P_1 + P + \dots + P_n)$$

 P_x – precipitação no posto faltante P_1 , P_2 ,..., P_n – precipitações nos postos índices n – número de postos índices

Razão normal

- Usado quando a chuva do posto faltante é maior que 10% da média dos postos vizinhos mais próximos, em pelo menos três (postos índices)
- · As chuvas são ponderadas pela chuva média

$$P_{x} = \frac{N_{x}}{n} \cdot \left(\frac{P_{1}}{N_{1}} + \frac{P_{2}}{N_{2}} + \dots + \frac{P_{n}}{N_{n}}\right)$$

 N_x – chuva média no posto faltante N_1 , N_2 ,..., N_n – chuva média nos postos índices

Estimativa de dados faltantes

Métodos

- Regressão linear
 - Linear simples (vetor regional)

$$P_{x} = a_0 + a_1 \cdot P_1$$

Múltipla

$$P_{x} = a_0 + a_1 \cdot P_1 + a_2 \cdot P_2 + \cdots \cdot a_n \cdot P_n$$

Estimativa dos coeficientes considerando valores médios:

$$a_0 = \frac{\sum Y \cdot \sum X^2 - \sum X \cdot \sum XY}{N \cdot \sum X^2 - (\sum X)^2} \qquad a_1 = \frac{N \cdot \sum XY - \sum X \cdot \sum Y}{N \cdot \sum X^2 - (\sum X)^2}$$

$$a_1 = \frac{N \cdot \sum XY - \sum X \cdot \sum Y}{N \cdot \sum X^2 - (\sum X)^2}$$

P_x – precipitação no posto faltante

P₁ – precipitações no posto índice próximo

a₀ e a₁ – coeficientes da regressão (mínimos quadrados

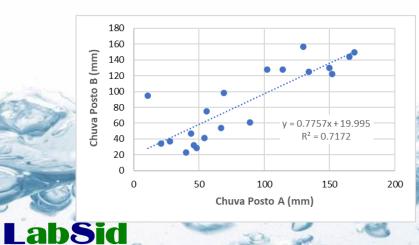
 P_1 , P_2 ,..., P_n – precipitações nos postos índices próximos a₀, a₁,...a_n – coeficientes da regressão (mínimos quadrados)

Y – chuva dos postos índices (P_v)

X – chuva média dos postos índices

N – número de postos índices

Estimativa dos coeficientes considerando uma série de dados:



Estimativa de dados faltantes

Método

Inverso da potência da distância

$$P_{i} = \frac{\sum_{j=1}^{n} w_{ij} \cdot P_{ij}}{\sum_{j=1}^{n} w_{ij}}$$

$$w_{ij} = \frac{1}{d_{ij}^k}$$

$$d_{ij} = \sqrt{(x_i - x_j)^2 + (y_i - y_j)^2}$$

P_i - valor de um ponto i qualquer da grade

 P_{ij} - valor de uma amostra j vizinha do ponto i da grade

w_{ii} - fator de ponderação

k - expoente da distância, geralmente igual a 1 ou 2

d_{ii} - valor de distância da amostra j ao ponto i da grade

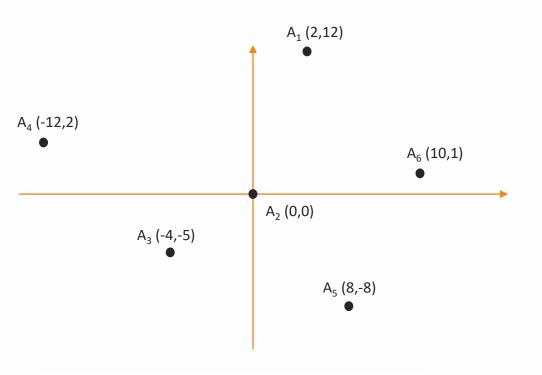
Efeito do expoente:

- K = 0: resultado análogo a médias móveis
- Baixos (0 2): destacam anomalias locais
- K = 2: inverso do quadrado da distância, o mais usado
- Altos: (3 5): suavizam anomalias locais
- K ≥ 10: estimativas poligonais (planas)

Considerações

- Estimativas de dados diários é menos confiável do que dados anuais (requer análise estatística)
- Em regiões montanhosas os métodos da razão normal e da regressão linear são recomendados

Aplicação – Estimativa de falha de chuva no posto A2 (valores médios)



Posto	Chuva média (mm)	Chuva (mm)	Entensão	M. Aritmética (mm)	Normal (mm)			ID	W (mm)		
						Dx	Dy	d_{ii}	\mathbf{w}_{ij}	$P_i.w_{ij}$	P_{i}
A1	1220	123				2	12	12.17	0.0068	0.831	
A2	980			Falso	87.4	0	0	0.00	0.0000	0.000	94.1
А3	720	90				4	5	6.40	0.0244	2.195	
A4	1160	65				12	2	12.17	0.0068	0.439	
A5	1350	78	10% mais	1078		8	8	11.31	0.0078	0.609	
A6	1100	117	10% menos	882		10	1	10.05	0.0099	1.158	
soma			,						0.0556	5.2332	

Posto	Chuva média (mm)	Chuva (mm)		Regressão multipla				
	X	Υ	X^2	Y^2	XY	a_0	a_1	Υ
A1	1220	123	1488400	15129	150060	98.409	-0.00343	
A2	980							95.0
А3	720	90	518400	8100	64800			
A4	1160	65	1345600	4225	75400			
A5	1350	78	1822500	6084	105300			
A6	1100	117	1210000	13689	128700			
soma	5550	473	6384900	47227	524260			

$$P_{x} = \frac{980}{5} \cdot \left(\frac{123}{1220} + \frac{90}{720} + \frac{65}{1160} + \frac{78}{1350} + \frac{117}{1100} \right) = 87,4$$

$$d_{21} = \sqrt{(0-2)^2 + (0-12)^2} = 12,17$$

$$w_{21} = \frac{1}{12,17^2} = 0,0068$$

$$P_i = \frac{5,2332}{0,0556} = 94,1$$

$$a_0 = \frac{\sum Y \cdot \sum X^2 - \sum X \cdot \sum XY}{N \cdot \sum X^2 - (\sum X)^2}$$

$$a_1 = \frac{N \cdot \sum XY - \sum X \cdot \sum Y}{N \cdot \sum X^2 - (\sum X)^2}$$

$$a_0 = \frac{473 \cdot 63849000 - 5550 \cdot 524260}{5 \cdot 6384900 - 5550^2} = 98,409$$

$$a_1 = \frac{5 \cdot 524260 - 5550 \cdot 473}{5 \cdot 6384900 - 5550^2} = -0,00343$$

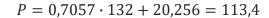
$$P_i = 98,409 - 0,00343 \cdot 980 = 95$$

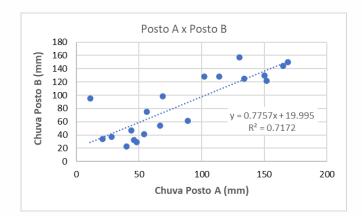


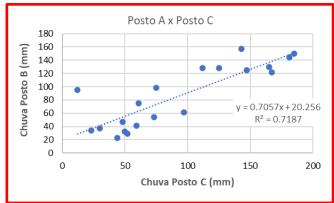
Aplicação – Estimativa de falha em jul-81 no posto B (série de dados)

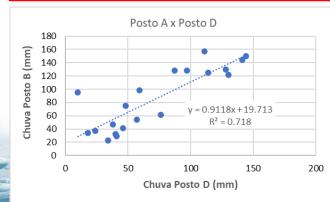
Regressão Linear Simples

	Υ	X_1	X_2	X_3
Mês	Posto B	Posto A	Posto C	Posto D
jan-81	130	150	165	128
fev-81	41	54	59	46
mar-81	32	46	50	40
abr-81	98	69	75	59
mai-81	122	152	167	130
jun-81	128	114	125	97
jul-81		120	132	102
ago-81	37	28	30	24
set-81	34	21	23	18
out-81	150	169	185	144
nov-81	128	102	112	87
dez-81	47	44	48	38
jan-82	23	40	44	34
fev-82	95	11	12	10
mar-82	125	134	147	114
abr-82	157	130	143	111
mai-82	61	89	97	76
jun-82	29	48	52	41
jul-82	144	165	181	141
ago-82	75	56	61	48
set-82	54	67	73	57









Excel: Análise de dados (Regressão Múltipla)

RESUMO DOS RESULTADOS

Estatística de regressão					
R múltiplo	0.86565004				
R-Quadrado	0.74934999				
R-quadrado ajustado	0.70235311				
Erro padrão	25.5150232				
Observações	20				

ANOVA

					F de
	gl	SQ	MQ	F	significação
Regressão	3	31141	10380	15.945	5E-05
Resíduo	16	10416	651.02		
Total	19	41557			

		Erro		
	Coeficientes	padrão	Stat t	valor-P
Interseção	27.0103671	15.685	1.722	0.1043
Posto A	-35.961565	26.676	-1.348	0.1964
Posto C	22.7989066	18.364	1.2415	0.2323
Posto D	13.6893266	22.675	0.6037	0.5545

$$P = 27,0104 - 35,9616 * 120 + 22,7989 * 132 + 13,6893 * 102 = 117,4$$

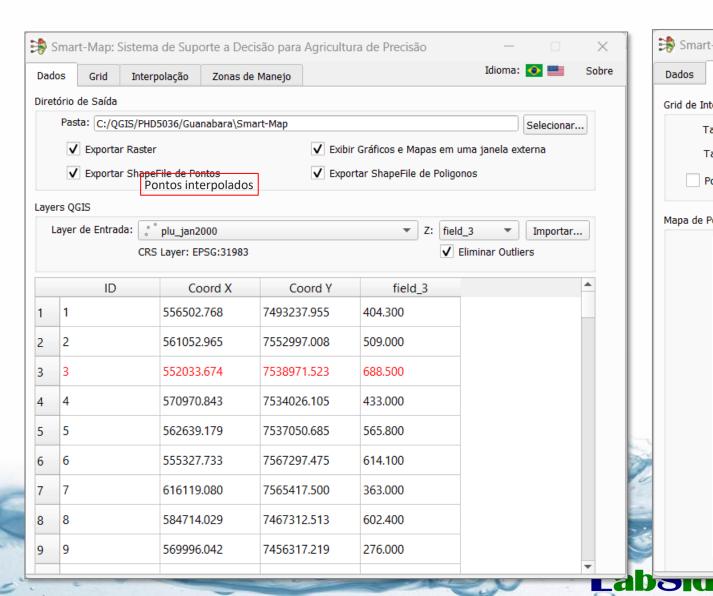


Interpolação da chuva na bacia do rio Guandu



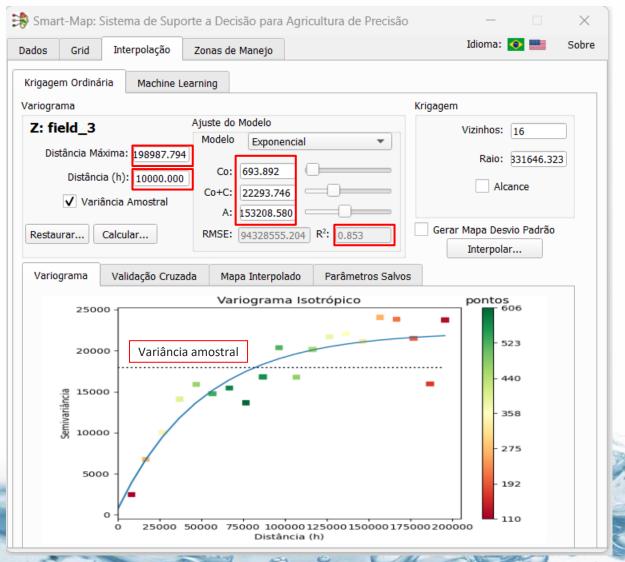
Krigagem - Plugin Qgis SmartMap

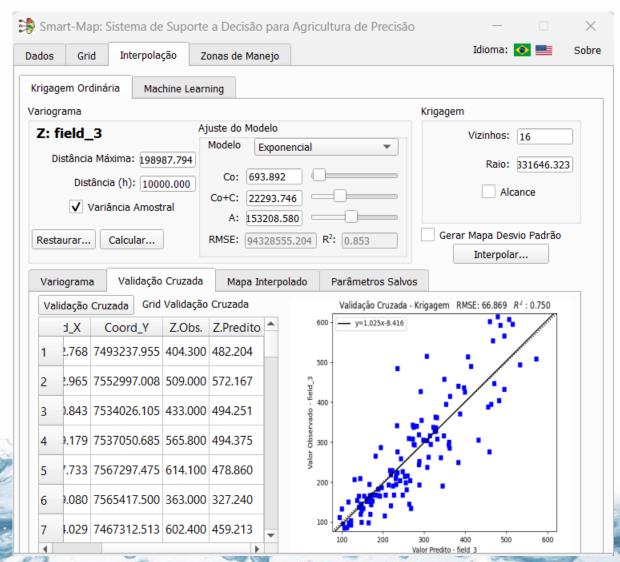
Domingos Sárvio Valente. Agricultura digital. https://www.youtube.com/watch?v=DPUzJ1TalKQ





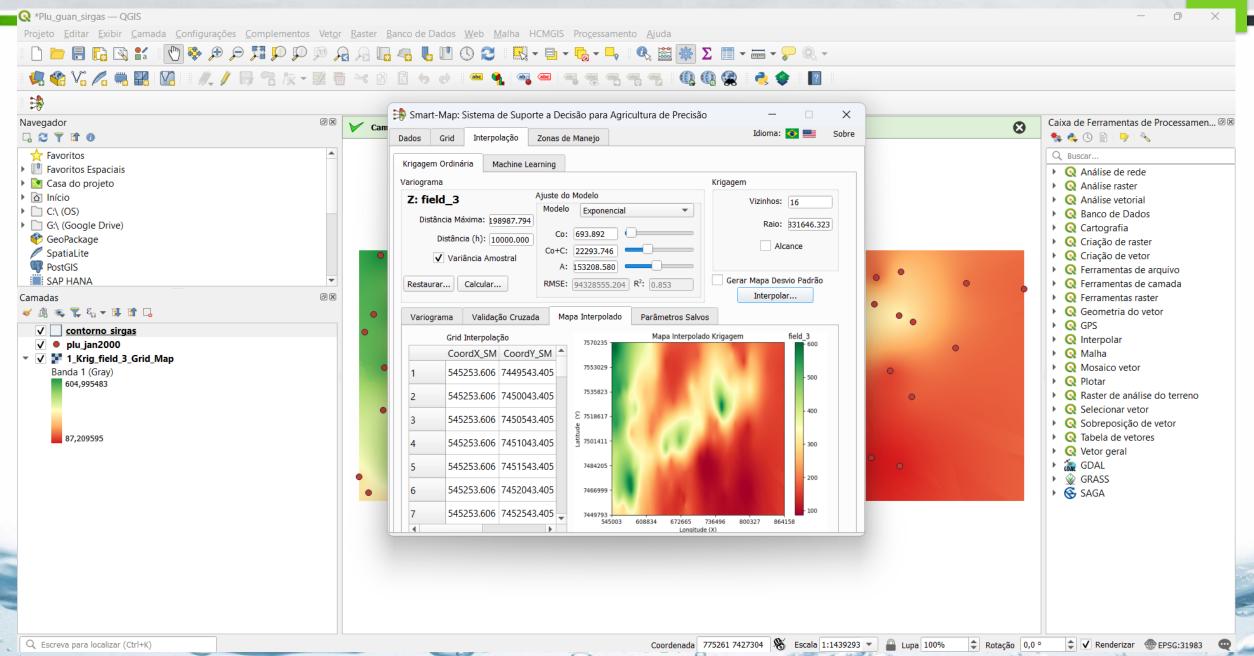
Krigagem - Plugin Qgis SmartMap

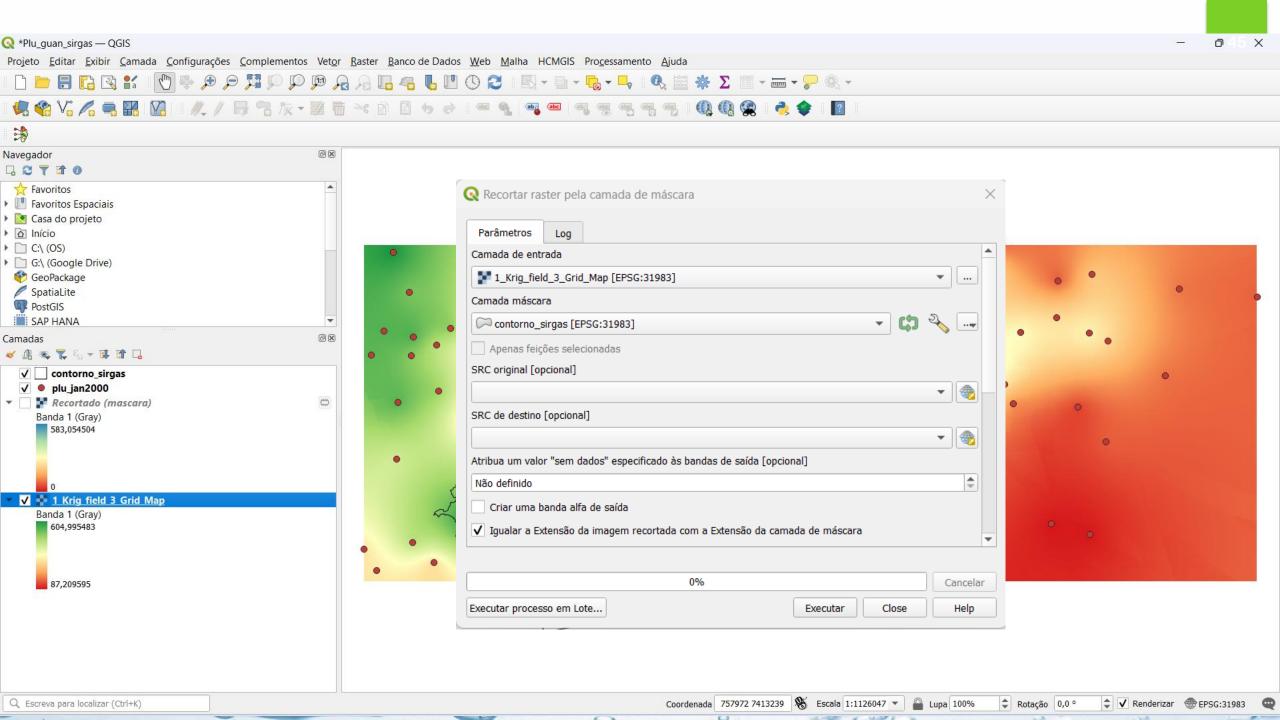


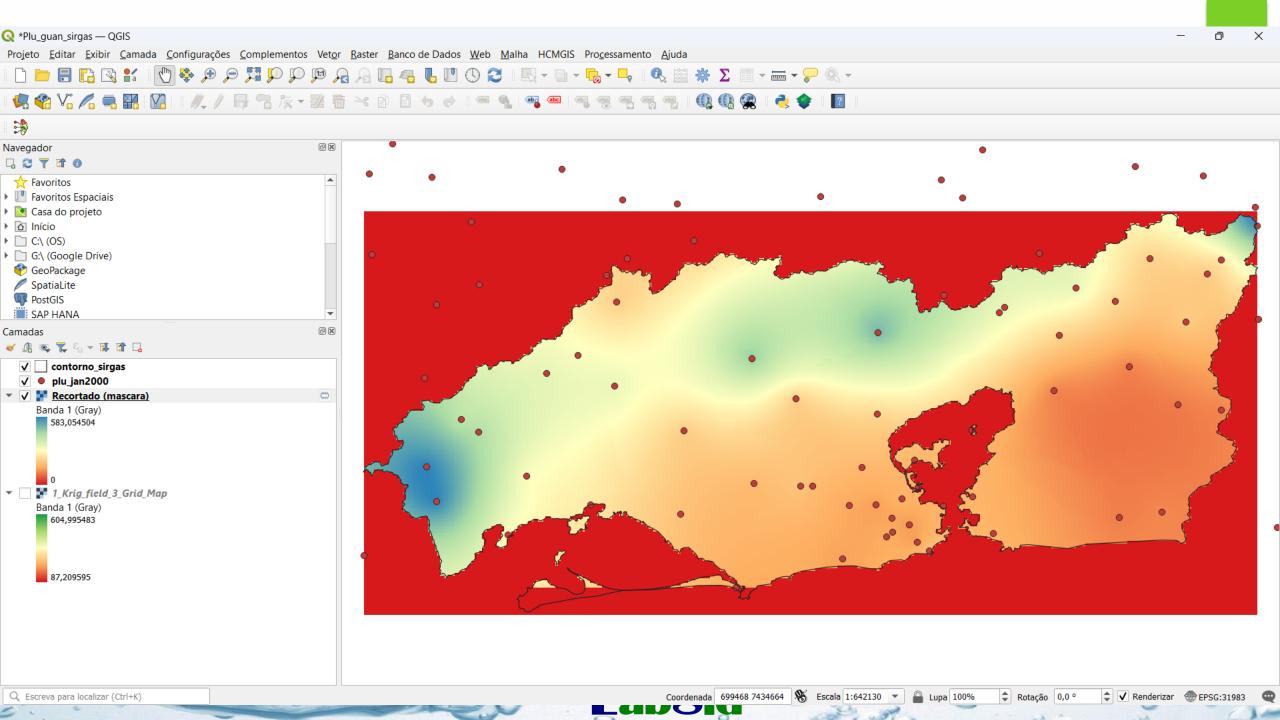




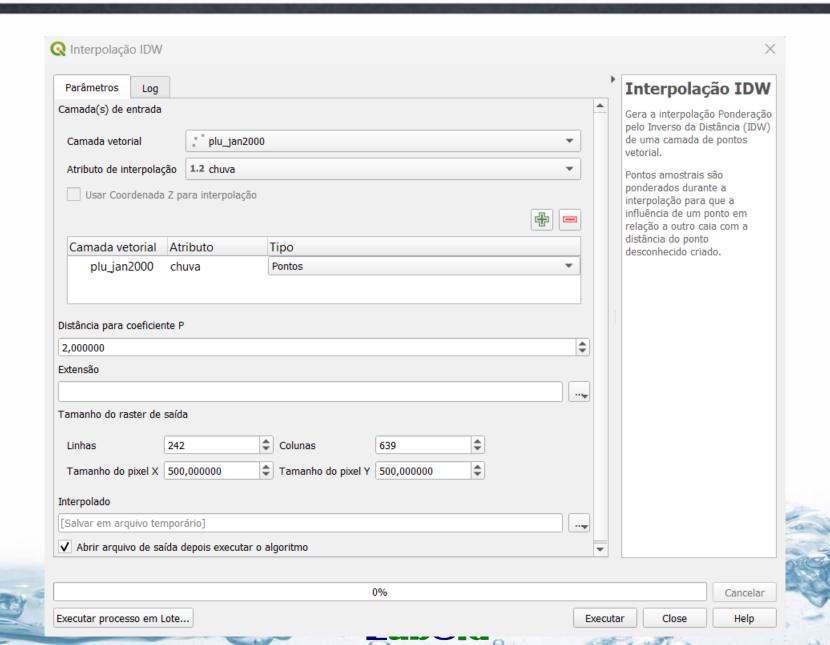
Krigagem - Plugin Qgis SmartMap

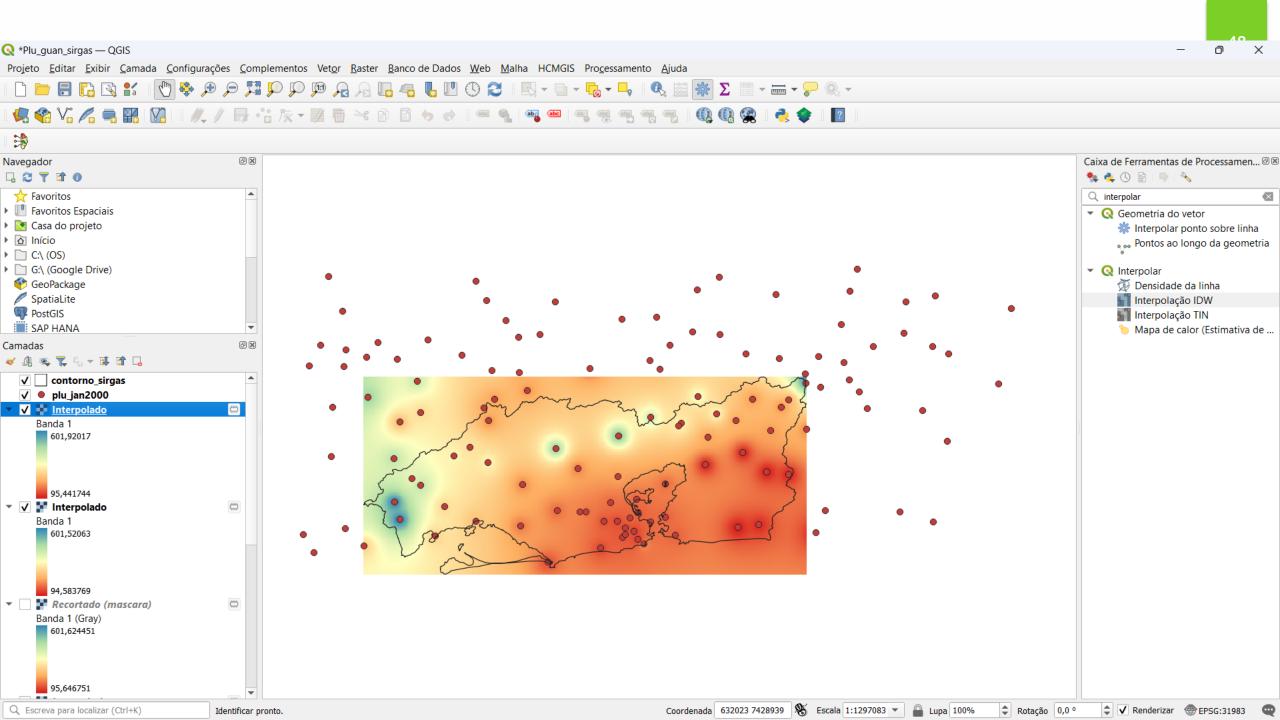






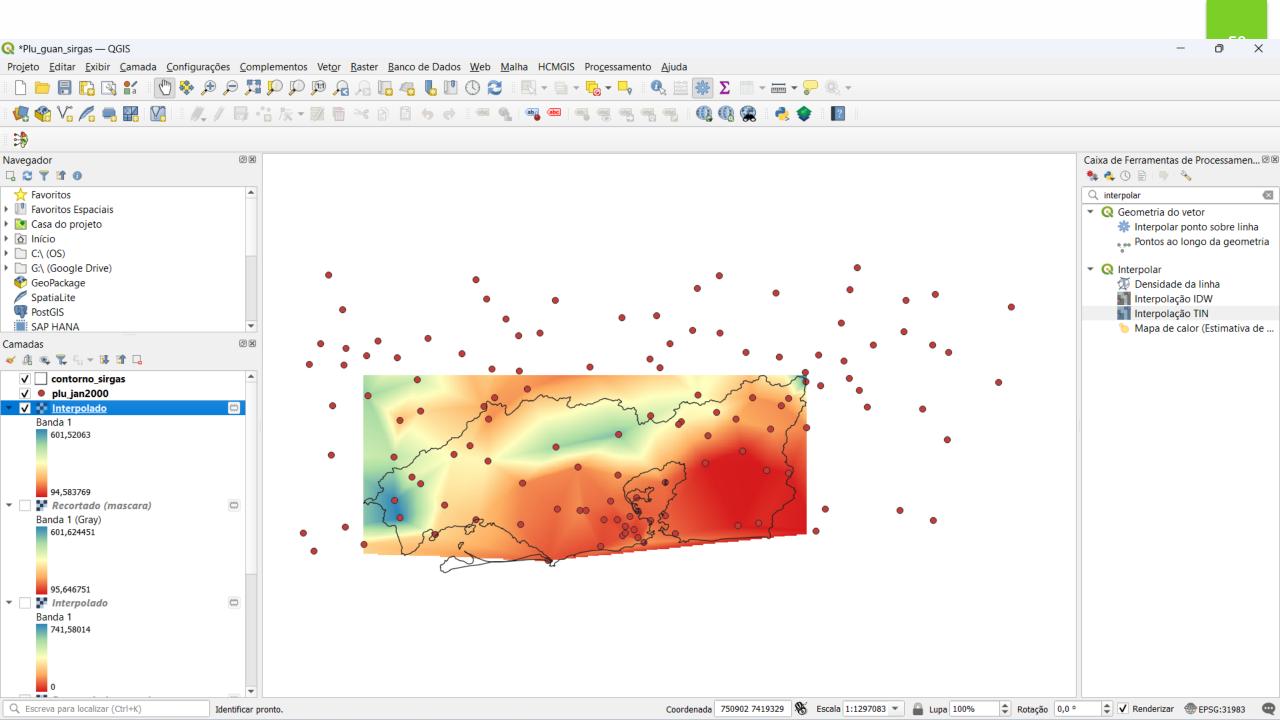


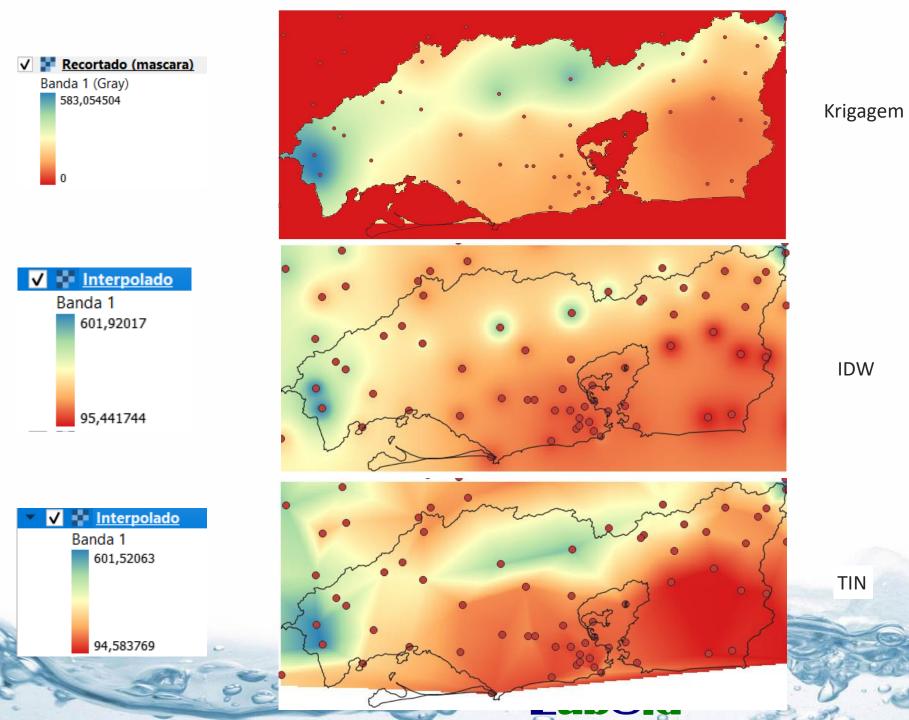




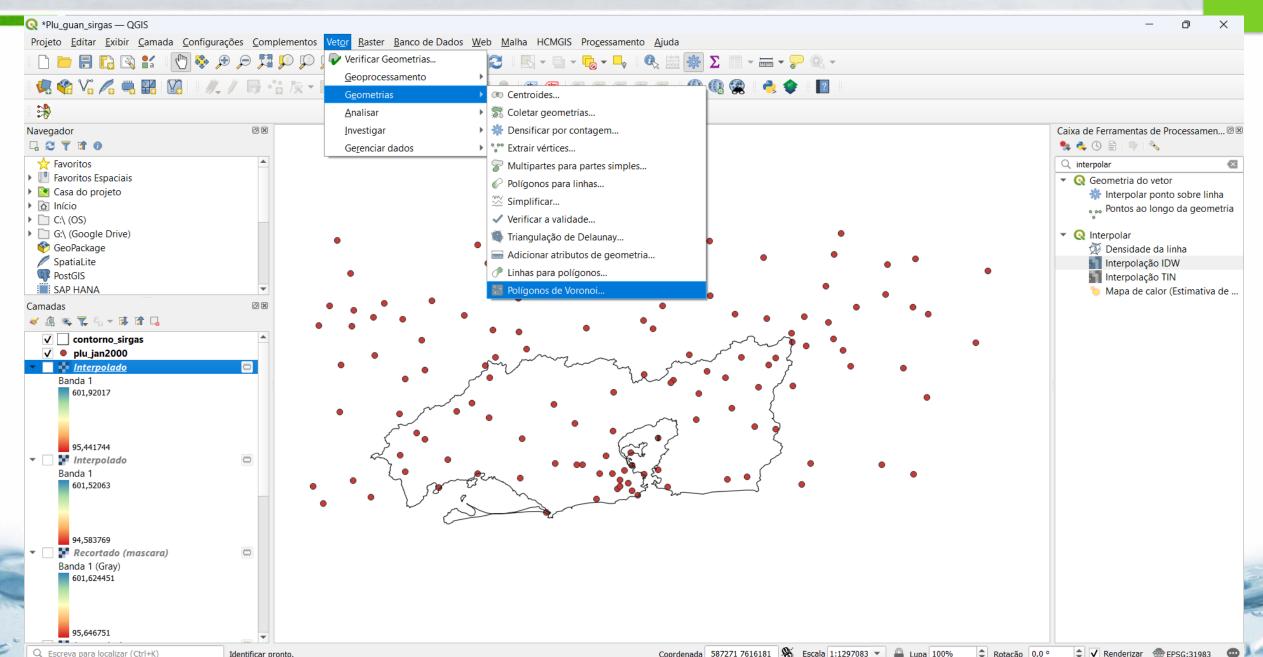
Camada vetorial Arributo de interpolação Linear Extensão Camanho do pixel X Tamanho do pixel X Taman	Camada vetorial	°° plu_jan2000			_	Ger	
Camada vetorial # plu_jan2000 Atributo de interpolação Usar Coordenada Z para interpolação Camada vetorial Atributo Tipo plu_jan2000 chuva Pontos Método de interpolação Linear Extensão 569821.9808,752118.9564,7444775.2229,7526038.7215 [EPSG:31983] Famanho do raster de saída Linhas 164 Colunas 366 Tamanho do pixel X 500,000000 Tamanho do pixel X 500,00000 Tamanho do pixel X 500,000000 Tamanho do pixel X 500,000000 Tamanho do pixel X 500,00000 T		° plu_jan2000					
Usar Coordenada Z para interpolação Camada vetorial Atributo Tipo plu_jan2000 chuva Pontos Método de interpolação Linear Atresão Georga 1.89564,7444775.2229,7526038.7215 [EPSG:31983] Gramanho do raster de saída Linhas 164 ♣ Colunas 366 ♣ Tamanho do pixel X 500,000000 ♣ Tamanho do pixel Y 500,000000 ♣ Interpolado Salvar em arquivo temporário]	Atributo de interpolação				•		
Usar Coordenada Z para interpolação Camada vetorial Atributo Tipo plu_jan2000 chuva Pontos vetensão desease		1.2 chuva			•		
Camada vetorial Atributo Tipo plu_jan2000 chuva Pontos étodo de interpolação inear ttensão 69821.9808,752118.9564,7444775.2229,7526038.7215 [EPSG:31983] amanho do raster de saída Linhas 164 Colunas 366 Tamanho do pixel X 500,000000 Tamanho do pixel X 500,0000000 Tamanho do pixel X 500,000000 Tamanho do pixel X 500,00000 Tamanho do pixel	Usar Coordenada Z p	oara interpolação					7101111000
plu_jan2000 chuva Pontos étodo de interpolação inear densão 69821.9808,752118.9564,7444775.2229,7526038.7215 [EPSG:31983] amanho do raster de saída Linhas 164 Colunas 366 Tamanho do pixel X 500,000000 Tamanho do pixel Y 500,000000 Tamanho do pixel Y Colunas A chair aventura do saída densio aventura a leasitiva							
étodo de interpolação inear tensão 69821.9808,752118.9564,7444775.2229,7526038.7215 [EPSG:31983] amanho do raster de saída Linhas 164	Camada vetorial At	ributo	Tipo				
inear Itensão 69821.9808,752118.9564,7444775.2229,7526038.7215 [EPSG:31983] Imananho do raster de saída Linhas 164	plu_jan2000 ch	iuva	Pontos		▼		
Linhas 164 Colunas 366 Tamanho do pixel X 500,0000000 Tamanho do pixel Y 500,000000 Calvar em arquivo temporário]	tensão						
Linhas 164 Colunas 366 Tamanho do pixel X 500,000000 Tamanho do pixel Y 500,000000 terpolado Salvar em arquivo temporário]	69821.9808,752118.9564	,7444775.2229,752	26038.7215 [EPSG:3198	33]			
Tamanho do pixel X 500,000000	amanho do raster de saíd	la					
terpolado Salvar em arquivo temporário]	Linhas 164	4 4	Colunas	366			
Salvar em arquivo temporário]	Tamanho do pixel X 500	0,000000	Tamanho do pixel Y	500,000000			
Abrillo annuiti and a softe densite assessment a alterniture	terpolado						
Abrir arquivo de saída depois executar o algoritmo	Salvar em arquivo tempor	rário]					
	Abrir arquivo de saída	depois executar o a	algoritmo		~		

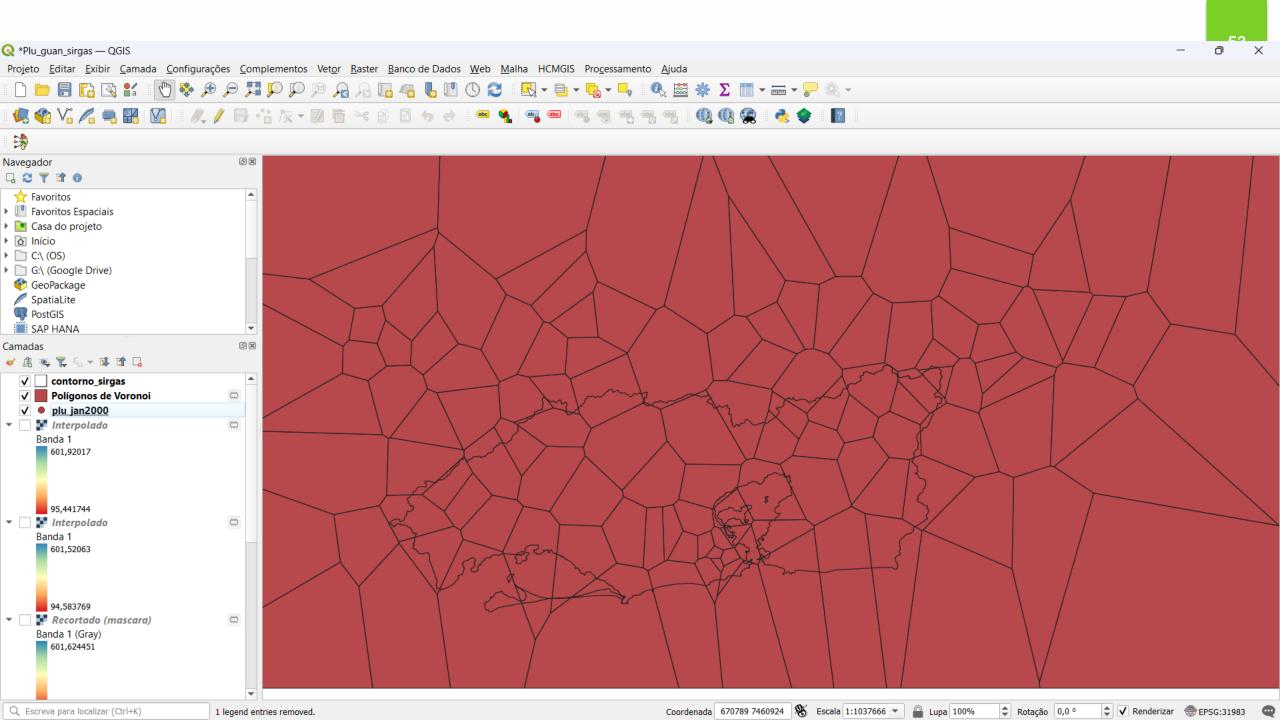
Lavoiu



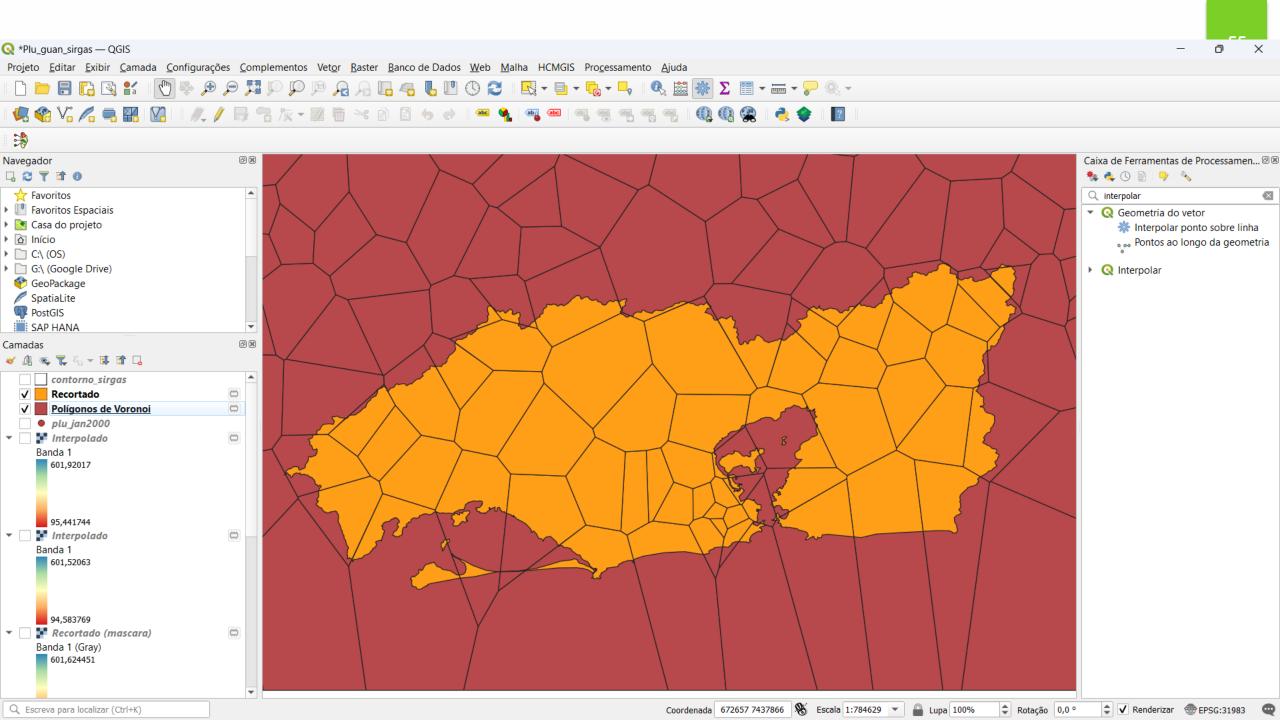


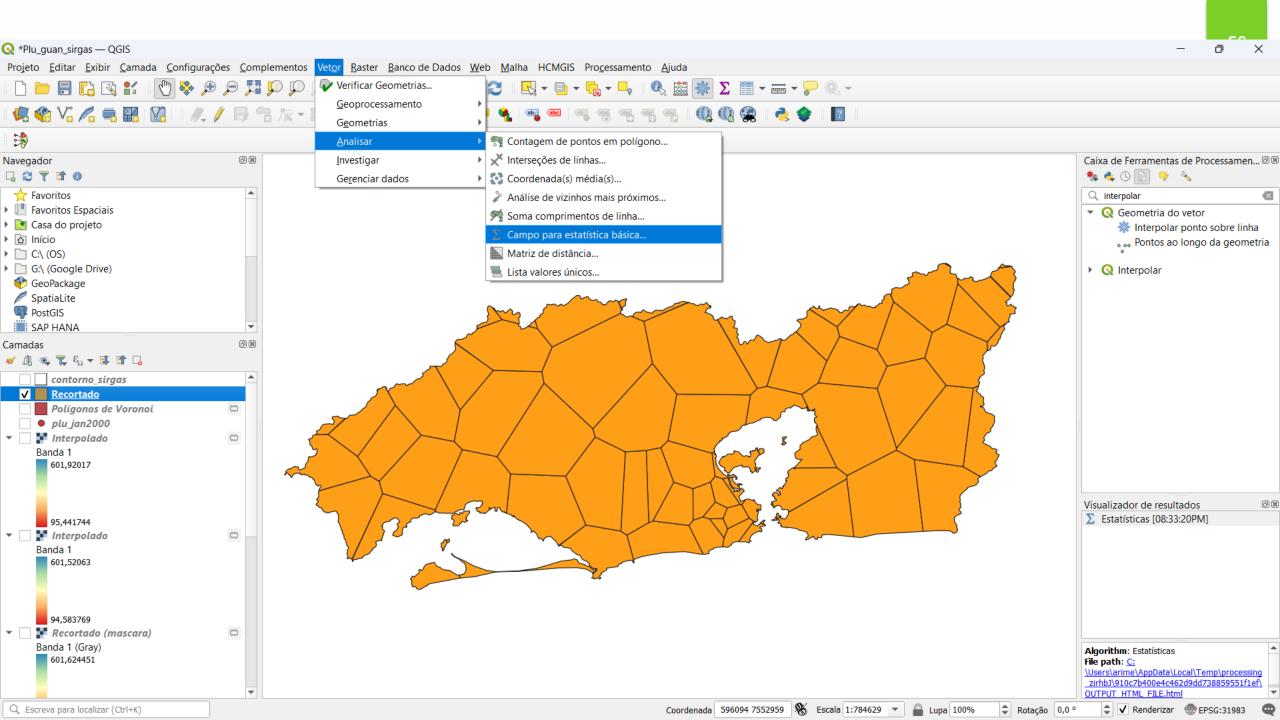
Polígono de Thiessen - Chuva média

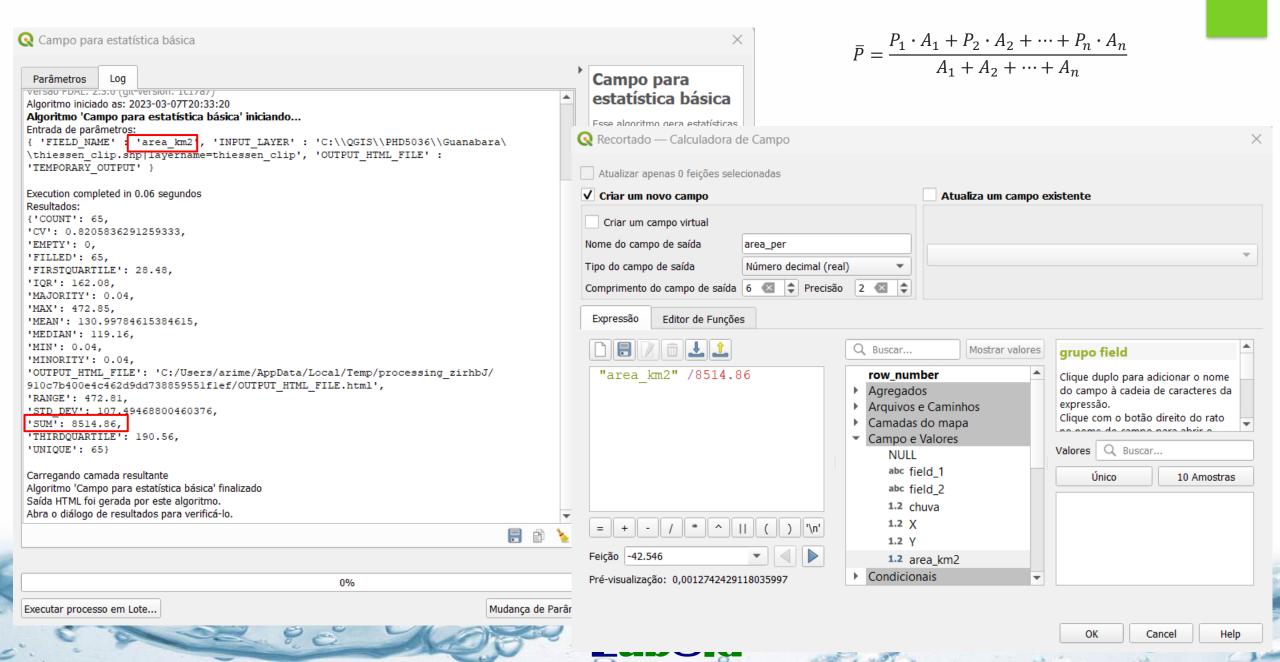


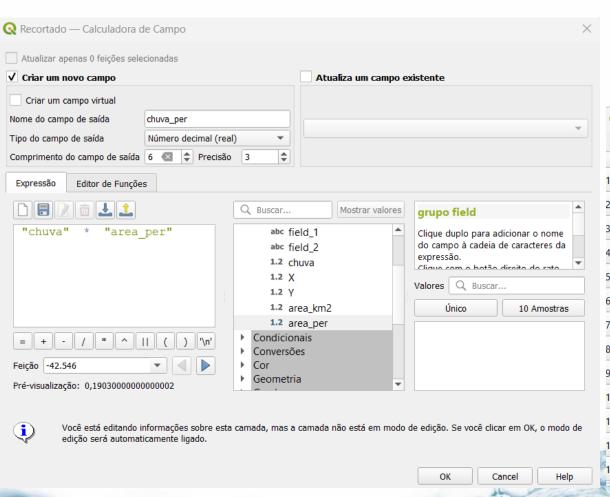


Recortar			×
Parâmetros Log			Recortar
Camada de entrada Polígonos de Voronoi [EPSG:31983] Apenas feições selecionadas Camada de sobreposição	*	(3)	Esse algoritmo captura uma camada vetorial usando as feições de uma camada adicional de polígonos. Somente as partes das feições na camada de entrada que se
contorno_sirgas [EPSG:31983] Apenas feições selecionadas Recortado	*	(t) 🔧 🗔	enquadram nos polígonos da camada de sobreposição serão adicionadas à camada resultante.
[Criar camada temporaria] ✓ Abrir arquivo de saída depois executar o algoritmo			Os atributos das feições não são modificados, embora propriedades como área ou comprimento das feições sejam modificadas pela operação de recorte. Se essas propriedades forem armazenadas como atributos, esses atributos terão que ser atualizados manualmente.
	0%		Cancelar
Executar processo em Lote	LabSid	Execu	tar Close Help





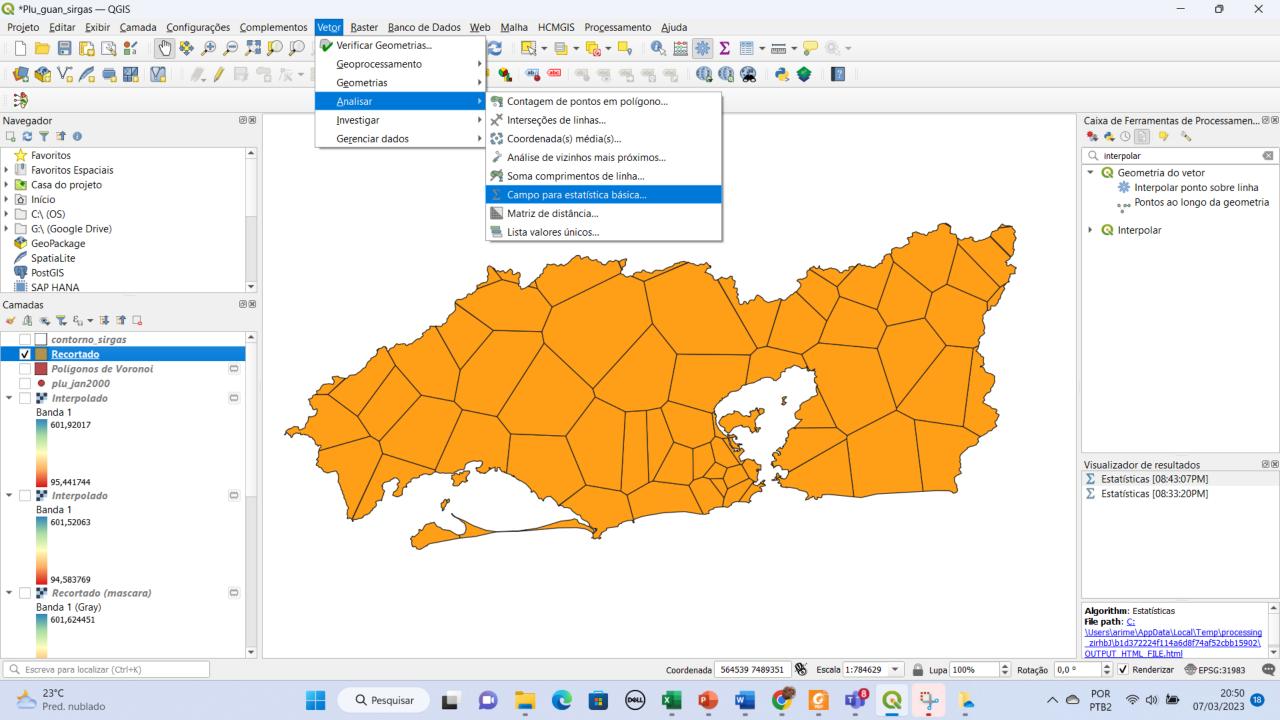




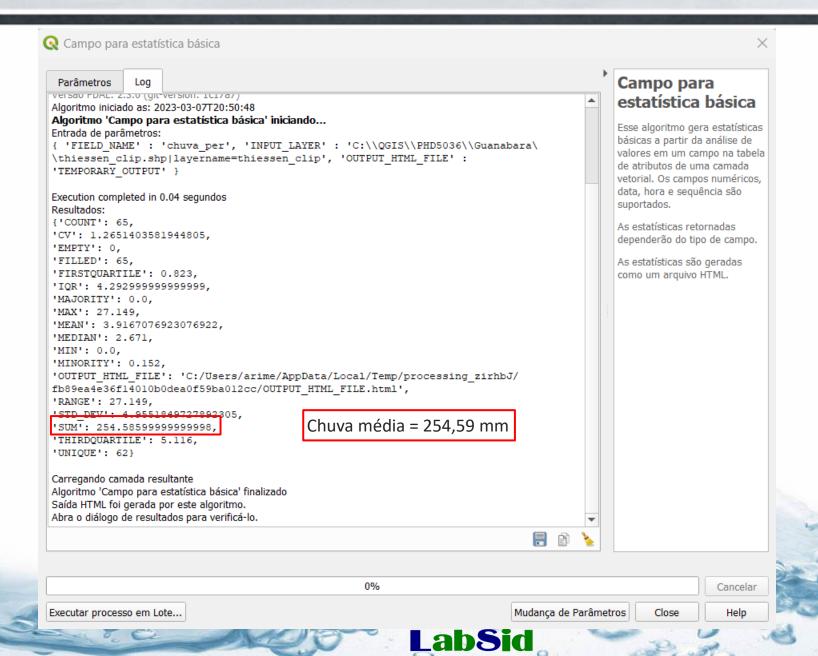
$$\bar{P} = \frac{P_1 \cdot A_1 + P_2 \cdot A_2 + \dots + P_n \cdot A_n}{A_1 + A_2 + \dots + A_n}$$

	□ □ □ □		■ N % Y ■ %					
_	field_1	field_2	chuva	X	Υ	area_km2	area_per	chuva_per
ŀ	-43.366	-23	134,1	-43,360	-23,000	120,50	0,014	1,
-	-43.193	-22.983	206,6	-43,190	-22,983	12,25	0,001	0,
-	-43.278	-22.958	145,4	-43,270	-22,958	49,03	0,006	0,
-	-43.577	-23.054	143,8	-43,570	-23,054	152,63	0,018	2,
-	-43.217	-22.967	120,1	-43,210	-22,967	25,71	0,003	
	-43.267	-22.95	154,6	-43,260	-22,950	10,45	0,001	0
-	-42.817	-22.917	97,9	-42,810	-22,917	315,69	0,037	3
-	-43.234	-22.936	120,1	-43,230	-22,936	24,04	0,003	
-	-43.268	-22.924	136,8	-43,260	-22,924	15,58	0,002	0
0 -	-44.031	-22.961	285,8	-44,030	-22,961	154,29	0,018	5
1 -	-43.167	-22.9	164,9	-43,160	-22,900	17,25	0,002	
2 -	-43.066	-22.949	158,2	-43,060	-22,949	157,31	0,018	2
3.	-43.354	-22.901	141,7	-43,350	-22,901	73,31	0,009	1

LabSid



Polígono de Thiessen - Chuva média



INMET - Dados tabulares e imagens de satélite

Ir para o conteúdo 11 Ir para o menu 12 Ir para o rodapé 13 SOBRE O INMET IMPRENSA MAPA DO SITE FALE CONOSCO WEBMAIL

Instituto Nacional de Meteorologia

MINISTÉRIO DA AGRICULTURA E PECUÁRIA



Fonte: https://portal.inmet.gov.br/

LabSid

DPI-INPE





Grupo de Modelagem para Estudos da Biodiversidade

English Version

▶ <u>Home</u>

Descrição dos Dados

- ▶ Origem/Fonte/Referência
- Extensão Geográfica/Escala
- ▶ Coordenadas/Datum/Formato

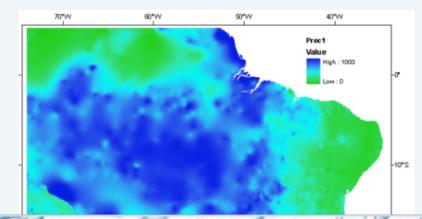
Dados

- Dados Climáticos
- Índice de Walsh
- ▶ <u>Mapa de Vegetação</u>
- ▶ % Cobertura Arbórea MODIS
- ▶ Mapa de Solos
- Altitude
- Declividade ou Gradiente
- ▶ Exposição ou Orientação
- Distância Vertical à Drenagem
- Densidade de Drenagem
- **▶** <u>Unidades Administrativas</u>
- ▶ <u>Download</u>
- Links Úteis
- Referências
- ▶ Equipe

Dados Climáticos

Os dados climáticos foram obtidos a partir do *WorldClim - Global Climate Data.* O *Worldclim* é uma base de dados climáticos globais que fornece *layers* em diferentes resoluções referentes ao clima atual, e também para cenários climáticos passados e futuro. Para mais informações consulte: (www.worldclim.org)

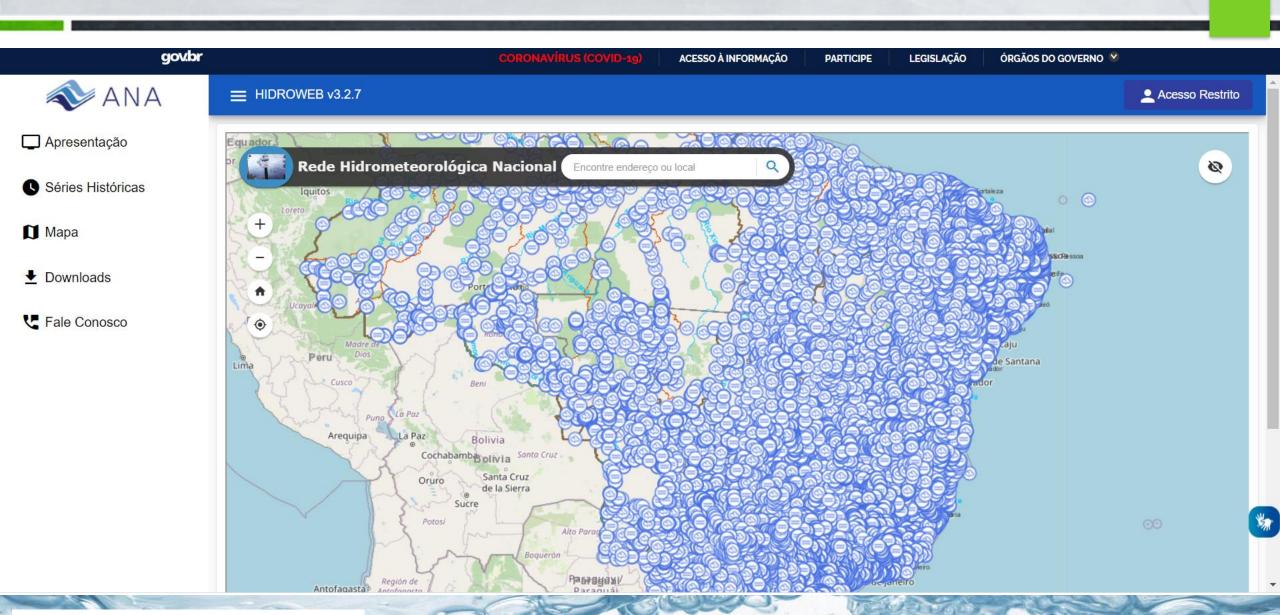
As grades de clima recortadas para o Brasil e Amazônia Legal, correspondem a dados de observação, representativos de 1950 a 2000 e que foram interpolados para a resolução de 30 arc-segundos (~1km). Os valores de temperatura são fornecidos em oC*10, e os valores de precipitação em mm.



Fonte: http://www.dpi.inpe.br/Ambdata/index.php



ANA - Hidroweb



Fonte: https://www.snirh.gov.br/hidroweb/mapa





Home

Global climate and weather data

Welcome to the WorldClim data website.

WorldClim is a database of high spatial resolution global weather and climate data. These data can be used for mapping and spatial modeling. The data are provided for use in research and related activities; and some specialized skill and knowledge is needed to use them (here is some help). More easily available data for the general public will soon be available here.

You can download gridded weather and climate data for historical (near current) and future conditions.

Please let us know if you find a broken link.

N---- l-t --- l--- --- if ---- find - l--- l--- link

Historical climate data
Historical monthly weather data
Future climate data





Infraestrutura Nacional de Dados Espaciais - INDE

gov.br

CORONAVÍRUS (COVID-1)

ACESSO À INFORMAÇÃO

PARTICIPE

LEGISLAÇÃO

ÓRGÃOS DO GOVERNO Y



O PORTAL BRASILEIRO DE DADOS GEOESPACIAIS - SIG BRASIL

A INDE T

DADOS GEOESPACIAIS >

ESTATÍSTICAS *

SUPORTE *

NOTÍCIAS

CONTATO

Página Inicial / Catálogo de Geosserviços

CATÁLOGO DE GEOSSERVIÇOS



Geosserviços são serviços web específicos para o domínio geoespacial, constituindo um poderoso conjunto de funcionalidades para coletar, armazenar, recuperar sem restrições, transformar e apresentar dados espaciais associados a um determinado objetivo. Essas funcionalidades são usadas por meio de um navegador Web ou outra aplicação qualquer (QGIS ou um aplicativo em *Smartphone*, por exemplo).

Através dos geosserviços é possível exportar informações geoespaciais para uma ampla gama de formatos, tanto para edição de objetos como para a apresentação de mapas.

A INDE adotou os padrões do *Open Geospational Consortium* OGC para a especificação de seus geosserviços. Abaixo são listadas as implementações disponíveis desses padrões, por instituição:

Mapas

WMS (Web Map Service): define um geosserviço para uma representação visual dos dados espaciais em algum formato de imagem e não os dados em si. Estas representações serão geradas no formato de imagem, como JPEG, PNG e GIF ou em formato vetorial, como o Scalable Vector Graphics (SVG). Este padrão especifica como o cliente deve requisitar as informações para o servidor e como este deve responder ao cliente. As operações WMS podem ser realizadas a partir de um navegador web que fará a submissão das requisições sob a forma de uma URL.

Vetores

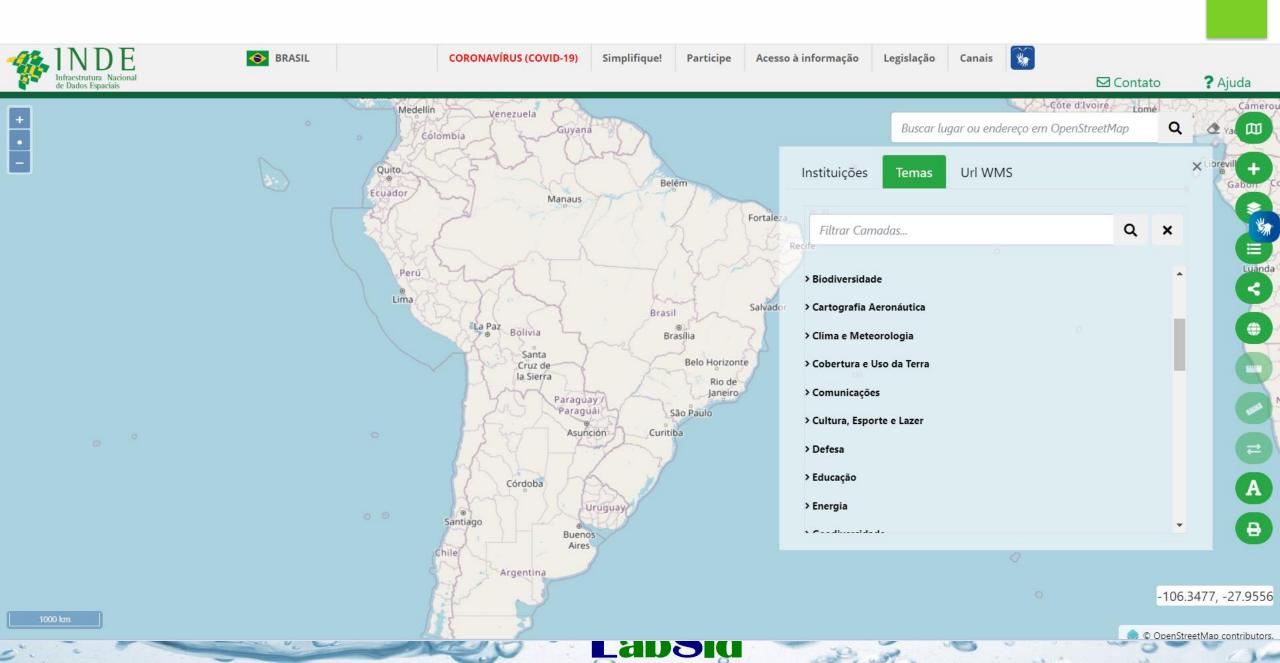
WFS (Web Feature Service): define um serviço para que clientes possam recuperar feições espaciais em formato GML. As operações WFS podem ser realizadas a partir de um navegador web que fará a submissão das requisições sob a forma de uma URL e este retornará os dados em si.

Raster

WCS (Web Covarage Service): define o acesso aos dados que representam fenômenos com variação contínua no espaço. Este serviço é especificado para

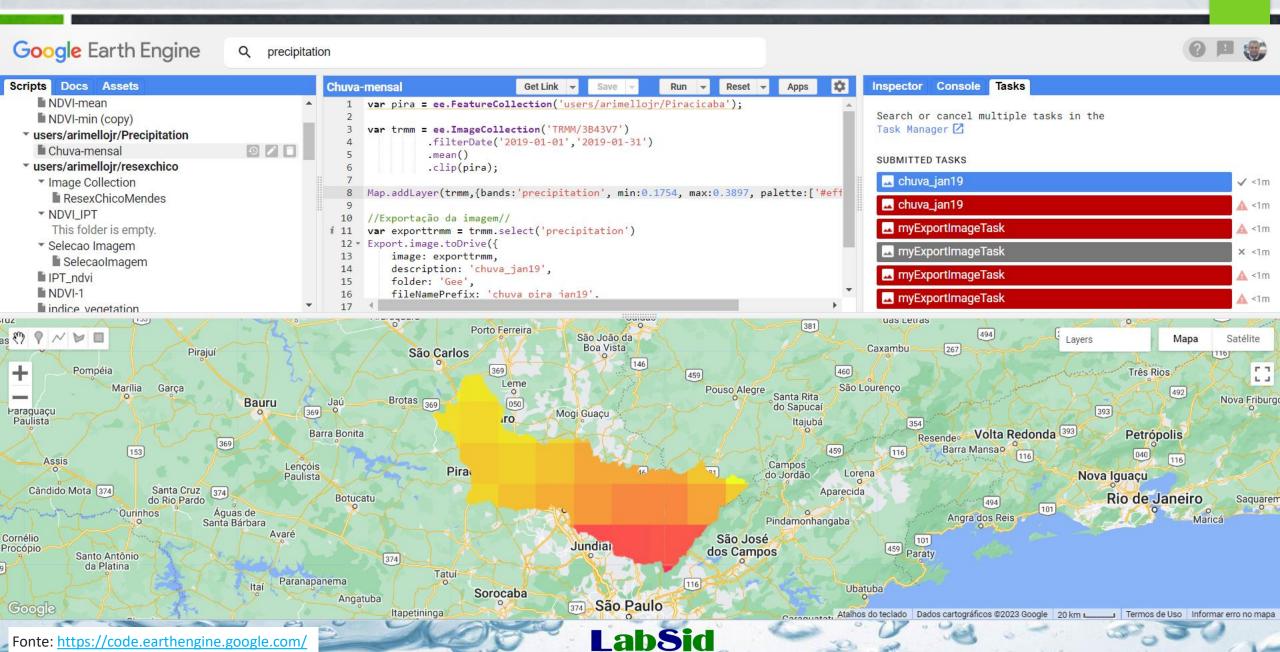
Fonte: https://inde.gov.br/CatalogoGeoservicos





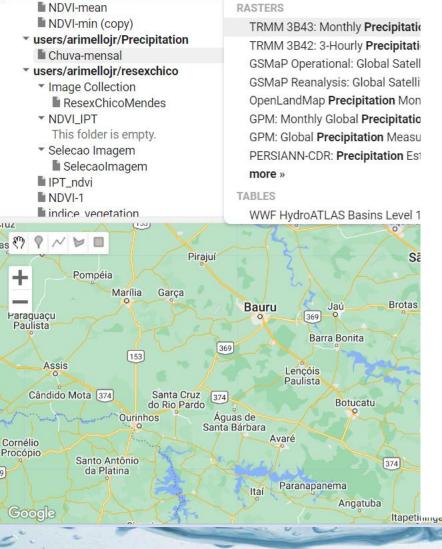
Google Earth Engine - GEE

Fonte: https://code.earthengine.google.com/



Google Earth Engine - GEE

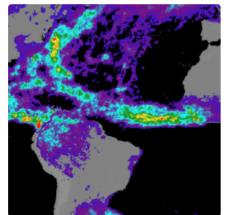
precipitation



Google Earth Engine

Scripts Docs Assets

TRMM 3B43: Monthly Precipitation Estimates



Dataset Availability 1998-01-01T00:00:00 - 2019-12-01T00:00:00

Dataset Provider

NASA GES DISC at NASA Goddard Space Flight Center

Collection Snippet I

ee.ImageCollection("TRMM/3B43V7"

See example

Tags

geophysical climate rainfall precipitation

This collection is no longer being updated. See IMERG monthly

This dataset algorithmically merges microwave data from multiple satellites, including SSMI, SSMIS, MHS, AMSU-B and AMSR-E, each inter-calibrated to the TRMM Combined Instrument.

Algorithm 3B43 is executed once per calendar month to produce the single, best-estimate precipitation rate and RMS precipitation-error estimate field (3B43) by combining the 3hourly merged high-quality/IR estimates (3B42) with the monthly accumulated Global Precipitation Climatology Centre (GPCC) rain gauge analysis.

All of the global precipitation datasets have some calibrating data source, which is necessary to control bias differences between contributing satellites. The multi-satellite data are averaged to the monthly scale and combined with the Global Precipitation Climatology Centre's (GPCC) monthly surface precipitation gauge analysis. In each case the multi-satellite data are adjusted to the large-area mean of the gauge analysis, where available (mostly over land), and then combined with the gauge analysis using a simple inverse estimated-random-error variance weighting. Regions with poor gauge coverage, like central Africa and the oceans, have a higher weighting on the satellite input.

See the algorithm description and the file specification for details.

TERMS OF USE

<1m

ING...

▲ <1m</p> A <1m

X <1m

A <1m A <1m

télite

a Friburg

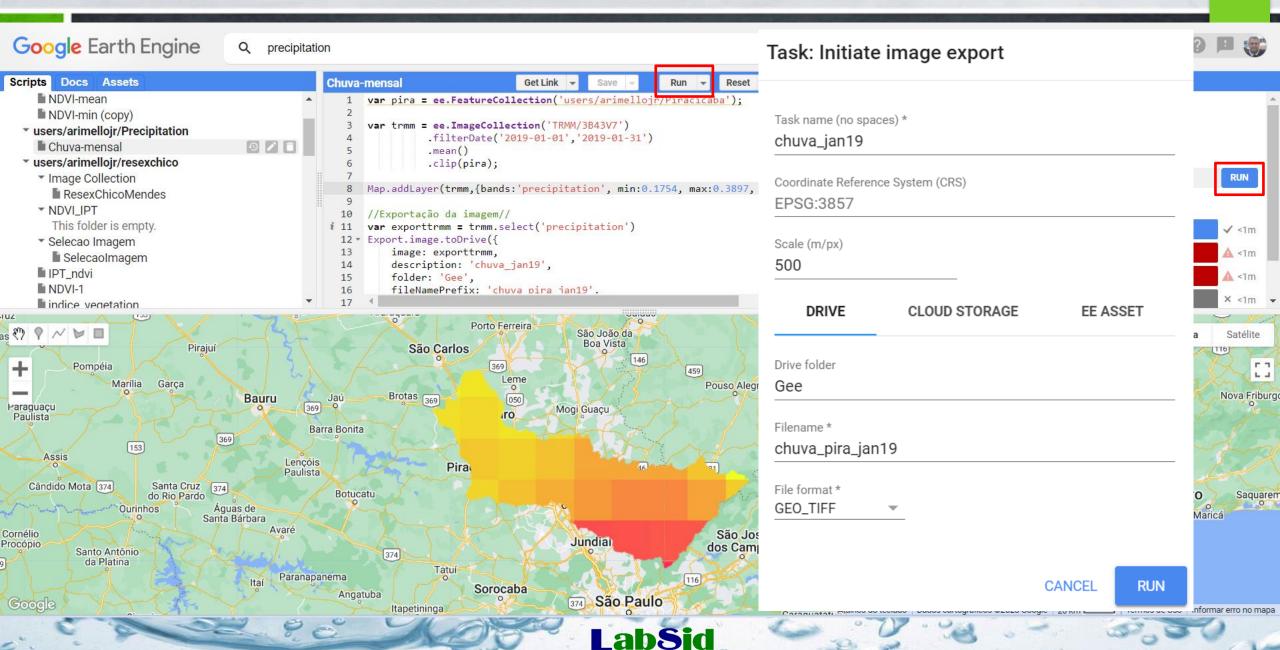
Saquaren

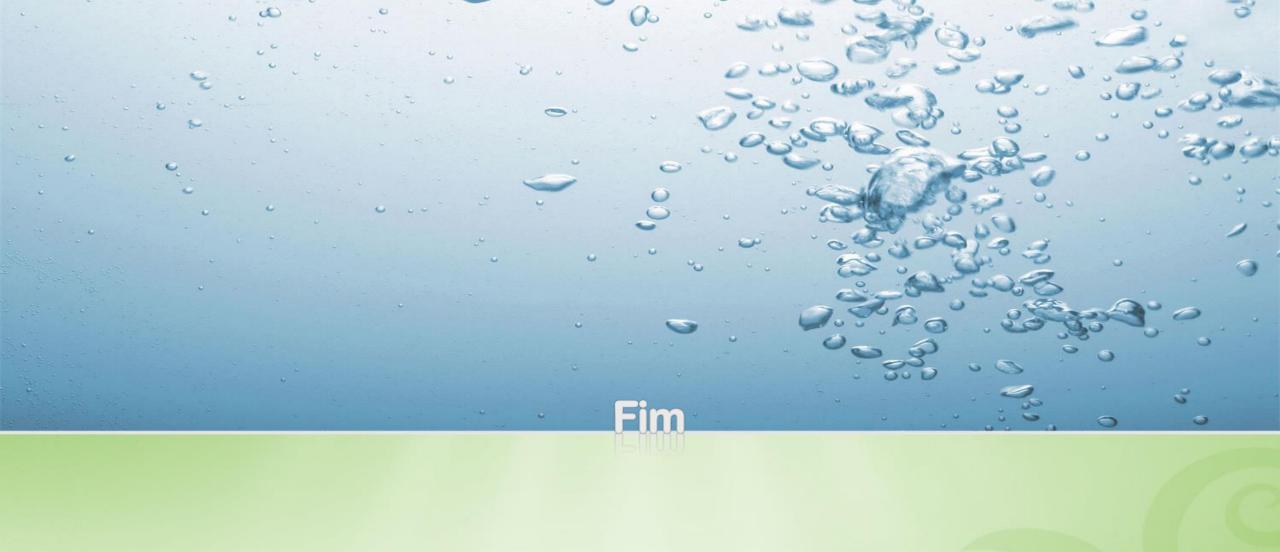
IMPORT



jaxa

Google Earth Engine - GEE





LabSid