

# Pontes Inversoras Trifásicas com Fonte de Tensão

Operação nos modos seis-pulsos e modulação senoidal

Prof. Dr. José Roberto B. A. Monteiro

Escola de Engenharia de São Carlos  
Universidade de São Paulo

30 de junho de 2021



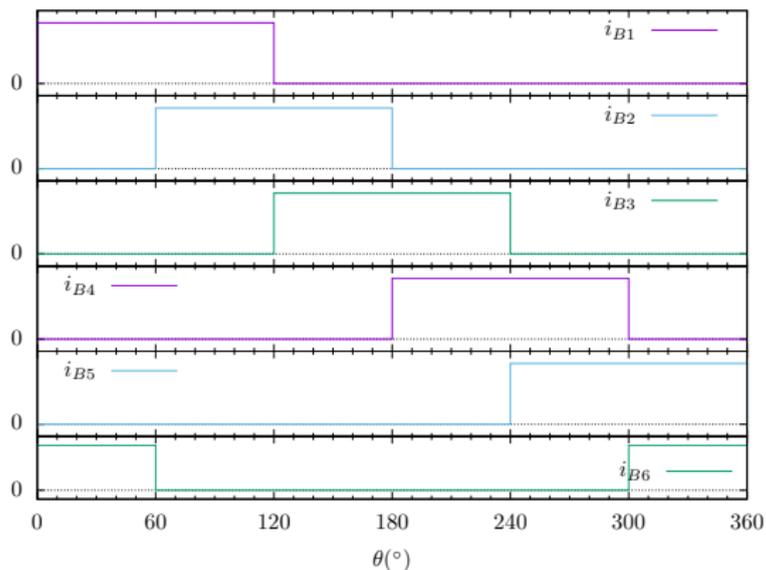
- ▶ Modo de Operação em Seis-Pulsos (*six-step*)
- ▶ Modo de Operação Utilizando Modulação em Largura de Pulso (PWM)



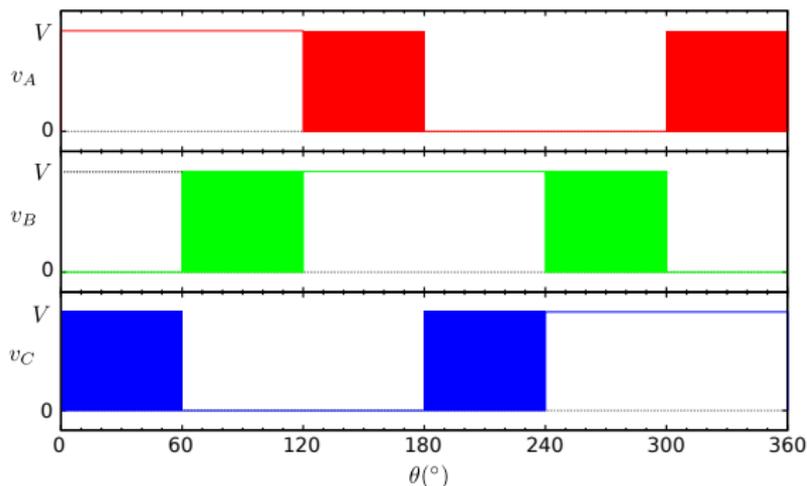
- ▶ Modo Seis-Pulsos  $120^\circ$  ou com 2 chaves em condução simultânea
- ▶ Modo Seis-Pulsos  $180^\circ$  ou com 3 chaves em condução simultânea



Forma de onda das correntes de base (ideais)



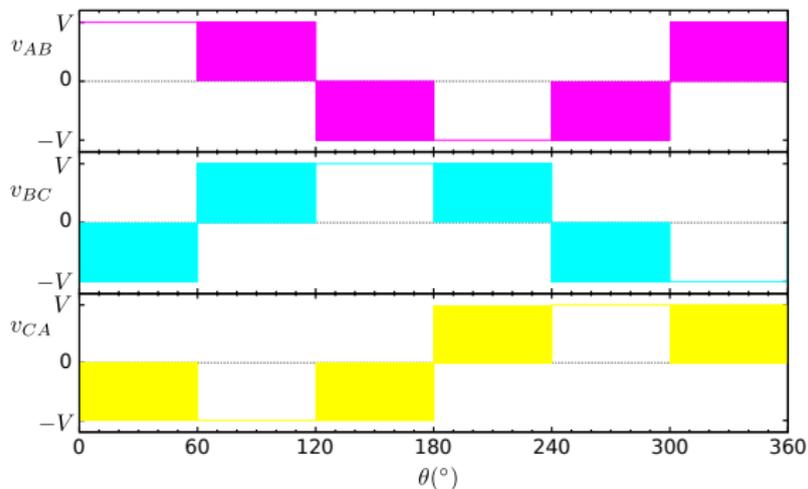
Forma de onda das tensões de fase na saída da ponte inversora



As áreas sólidas significam que a tensão pode ser qualquer valor entre 0 e  $V$ , dependendo da carga.

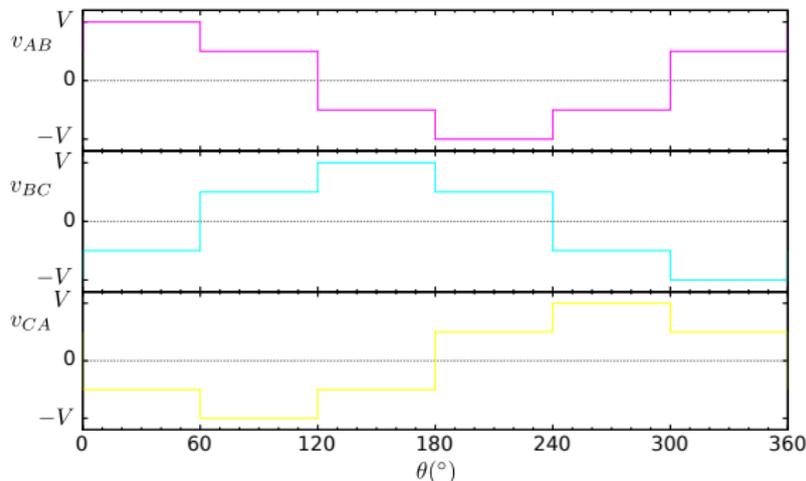


Forma de onda das tensões de linha na saída



# Modo Seis-Pulsos 120° – Carga R

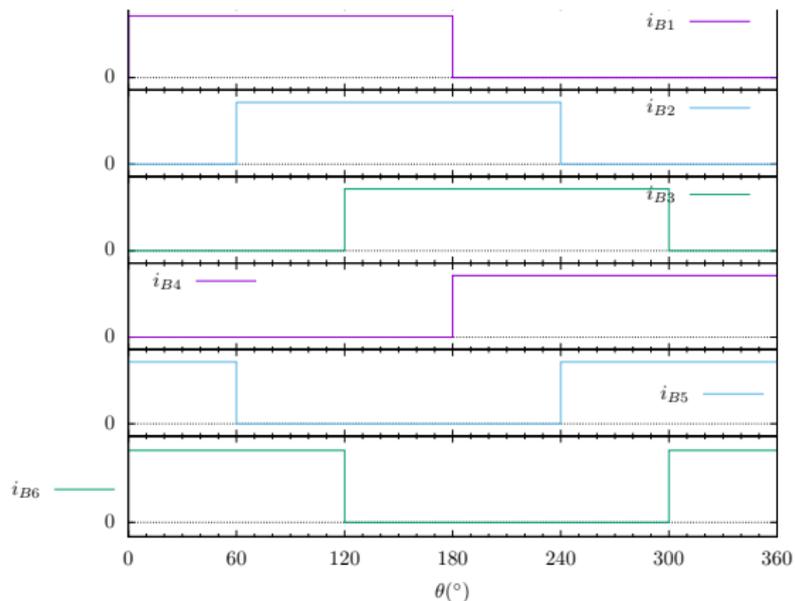
Forma de onda das tensões de linha para uma carga puramente resistiva equilibrada.



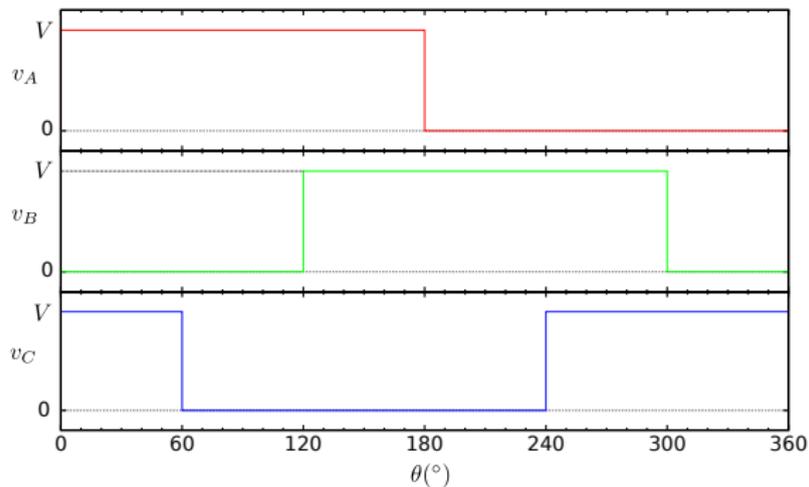
Tensão eficaz de linha:  $V_R = \frac{\sqrt{2}}{2} V$



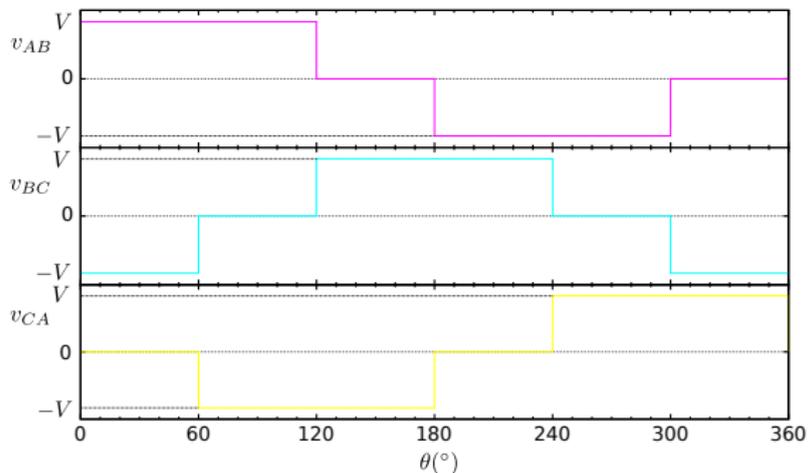
Forma de onda das correntes de base (ideais)



Forma de onda das tensões de fase na saída da ponte inversora



Forma de onda das tensões de linha na saída



Tensão eficaz de linha:  $V_R = \sqrt{\frac{2}{3}}V \approx 0.8165V$

Tensão eficaz de 1º harmônico:  $V_1 = \frac{\sqrt{6}}{\pi}V \approx 0.7797V$

Fator de Distorção Harmônica da tensão:  $FDH = \frac{3}{\pi} \approx 0.9549$

Distorção Harmônica Total:  $THD \approx 31.08\%$



# Tipos Principais de Modulação

- ▶ Modulação em Largura de Pulso Escalar
- ▶ Modulação em Largura de Pulso Vetorial

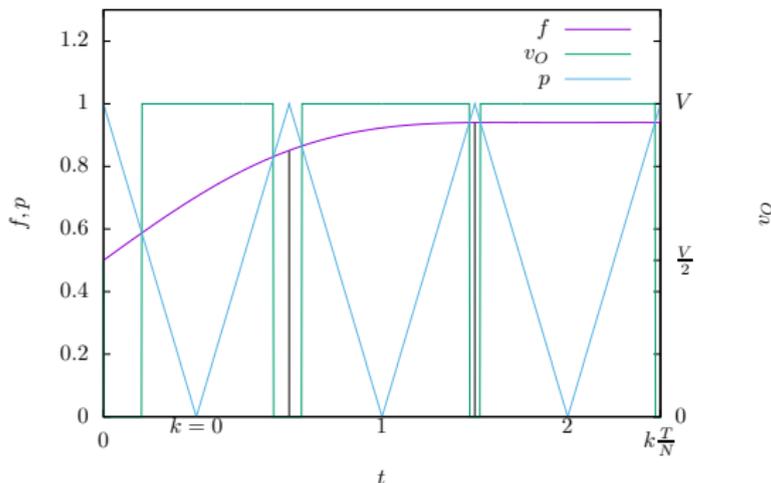


- ▶ Modulação em largura de pulso senoidal
- ▶ Modulação em largura de pulso com injeção de 3<sup>o</sup> harmônico
- ▶ Modulação em largura de pulso com subtração de valor mínimo/máximo



# Geração analógica de MLP

Comparação de uma função modulante qualquer ( $g$ ) com uma portadora triangular ( $p$ ) para geração da tensão de saída ( $v_O$ ) em um conversor operando por modulação em largura de pulso (PWM).



# Modulação em Largura de Pulso Senoidal

## PWM Senoidal

$$\begin{aligned}g_A(\omega t) &= \frac{1}{2} + M \frac{1}{2} \sin \omega t \\g_B(\omega t) &= \frac{1}{2} + M \frac{1}{2} \sin \left( \omega t - \frac{2\pi}{3} \right) \\g_C(\omega t) &= \frac{1}{2} + M \frac{1}{2} \sin \left( \omega t + \frac{2\pi}{3} \right)\end{aligned}\tag{1}$$

Onde:  $g_a$ ,  $g_b$  e  $g_c$  são funções senoidais utilizadas para comparação com uma portadora triangular,  $M$  é o índice de modulação, de 0 a 1, e  $w$  é a frequência angular do componente fundamental desejado da tensão de saída.



Considerando uma frequência de portadora alta em relação à frequência fundamental, pode-se escrever o primeiro harmônico de tensão de saída como:

$$\begin{aligned}v_{A1}(\omega t) &= V \left( \frac{1}{2} + M \frac{1}{2} \sin \omega t \right) \\v_{B1}(\omega t) &= V \left( \frac{1}{2} + M \frac{1}{2} \sin \left( \omega t - \frac{2\pi}{3} \right) \right) \\v_{C1}(\omega t) &= V \left( \frac{1}{2} + M \frac{1}{2} \sin \left( \omega t + \frac{2\pi}{3} \right) \right)\end{aligned}\tag{2}$$



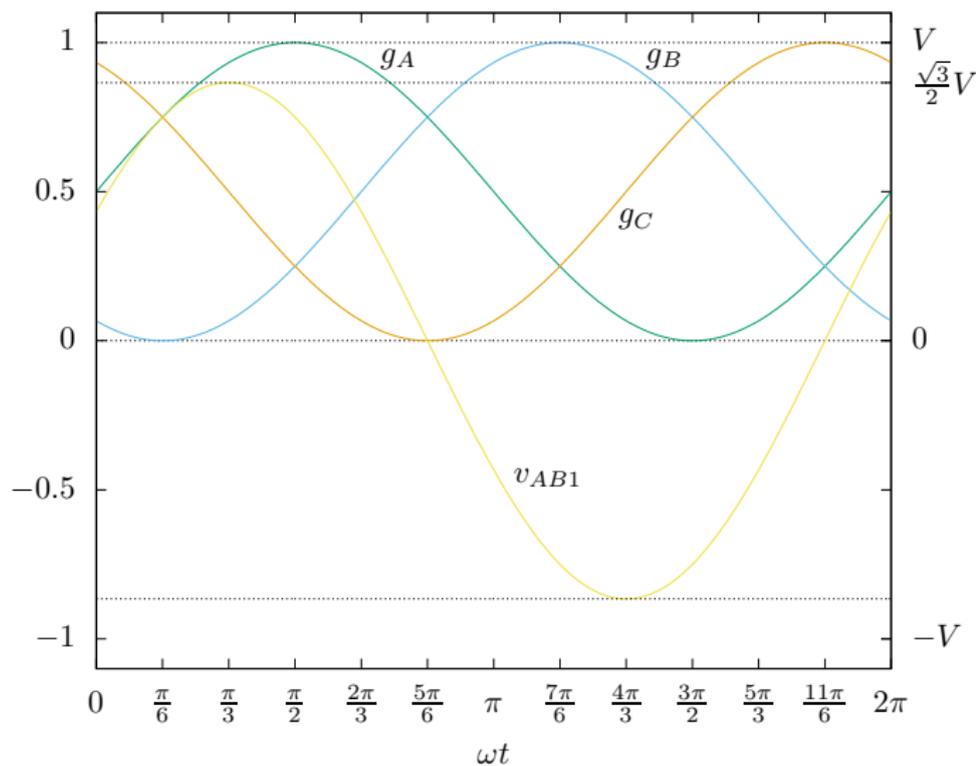
As tensões de linha de 1º harmônico para o PWM senoidal são:

$$\begin{aligned}v_{AB1}(\omega t) &= \frac{\sqrt{3}}{2}MV \sin\left(\omega t + \frac{\pi}{6}\right) \\v_{BC1}(\omega t) &= \frac{\sqrt{3}}{2}MV \sin\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right) \\v_{CA1}(\omega t) &= \frac{\sqrt{3}}{2}MV \sin\left(\omega t + \frac{5\pi}{6}\right)\end{aligned}\tag{3}$$

Como  $M$  varia de 0 a 1, tem-se que o valor de pico da tensão de linha, com  $M = 1$ , é de  $0,866 \cdot V$  e não de  $V$ . Ou seja, não se aproveita toda a tensão do barramento.



# MLP Senoidal: tensões de linha



# Exemplo

Um inversor, operando no modo seis-pulsos  $180^\circ$ , possui uma tensão de barramento de  $300V$  e alimenta uma carga RLC série em triângulo. Calcule a potência média dissipada pela carga para  $R = 10\Omega$ ,  $L = 1mH$  e  $C = 100\mu F$  operando em uma frequência de  $60Hz$  na saída.

## Resolução:

A tensão de linha, que é aplicada a cada fase da carga, é equivalente à forma de onda de tensão da modulação em largura de pulso simples, vista na aula de inversores monofásicos em ponte completa:

$$v_{AB}(\omega t) = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{4V}{n\pi} \sin\left(\frac{n\pi}{3}\right) \sin(n(\omega t - \pi/6)) \quad (4)$$



$$V_1 = \frac{4 \cdot 300}{\sqrt{2} \cdot \pi} \sin \frac{\pi}{3} = 233,9V$$

$$V_3 = 0$$

$$V_5 = 46,78V$$

$$V_7 = 33,42V$$

$$V_9 = 0$$

$$V_{11} = 21,26V$$

$$V_{13} = 17,99$$

$$V_{17} = 13,75V$$

$$X_{L1} = \omega L = 2\pi 60 \cdot 1m = 0,376\Omega$$

$$X_{c1} = 1/(\omega C) = 1/(2\pi 60 \cdot 100e-6) = 26,53\Omega$$



$$|Z_1| = \sqrt{10^2 + (0,376 - 26,53)^2} = 28\Omega$$

$$|Z_5| = \sqrt{10^2 + (5 \cdot 0,376 - 26,53/5)^2} = 10,56\Omega$$

$$|Z_7| = 10,07\Omega$$

$$|Z_{11}| = 10,15\Omega$$

$$|Z_{13}| = 10,4\Omega$$

$$|Z_{17}| = 11,11\Omega$$

$$I_{OR} \approx 10,54\text{A (até o } 23^\circ)$$

$$I_{OR} \approx 10,63\text{A (até o } 101^\circ)$$

$$P_{O1\phi} = P_R = I_{OR}^2 R = (10,63)^2 10 = 1131\text{W}$$

$$P_O = 3P_{1\phi} = 3394\text{W}$$



## Exemplo 2

Repita o exercício anterior, mas substituindo o indutor por outro de 100mH.

$$|Z_1| = 14,99\Omega$$

$$|Z_5| = 183,5\Omega$$

$$|Z_7| = 260,3\Omega$$



## Exemplo 2

$$I_1 = 15,60A$$

$$I_3 = 0$$

$$I_5 = 0,255A$$

$$I_7 = 0,128A$$

$$I_{OR} \approx 15,60A$$

$$P_O = 3 \cdot 10 \cdot 15,60^2 = 7305W$$



## Exemplo 3

Repita o exercício anterior, mas conectando a carga em estrela.

**Resolução:** Como não temos a equação para a tensão de fase na carga em estrela, iremos fazer uma transformação **matemática** de estrela para triângulo

$$\Rightarrow Z_{\Delta} = 3 \cdot Z_Y = 3(R + j(X_{L1} - X_{C1})) = (3R + j(3X_{L1} - 3X_{C1}))$$

$$R' = 30\Omega$$

$$X_{L1} = 2\pi \cdot fL = 37,7\Omega \Rightarrow X'_{L1} = 113,1\Omega$$

$$X_{C1} = 26,53\Omega \Rightarrow X'_{C1} = 79,59\Omega$$

$$|Z_1| = 44,97\Omega$$

$$|Z_3| = 315,2\Omega$$

$$|Z_5| = 550\Omega$$



# Exemplo 3

$$I_1 = 5,20A$$

$$I_3 = 0$$

$$I_5 = 0,085$$

$$I_{OR} \approx 5,20A$$

$$P_O = 3 \cdot 10 \cdot 5,20^2 = 811W$$

