

VÍTOR AMARAL LOTUFO
JOÃO MARCOS ALMEIDA LOPES



GEODÉSICAS & CIA

projeto

GEODÉSICAS E CIA

SEM DE UM CICLO ONDE CADA ITEM PODE CONTRIBUIR PRA OUTRO LIVRO FOI FEITO EM ESPIRAL PORQUE ADRECIAMOS QUE ELE NÃO SEJA CONSTITUÍDO DE UM COMEÇO, UM MEIO E UM FIM, DE PÁGINAS NUMERADAS MAS SEM DE UM CICLO ONDE CADA ITEM PODE CONTRIBUIR PRA OUTRO LIVRO FOI FEITO EM ESPIRAL PORQUE ADRECIAMOS QUE ELE NÃO SEJA CONSTITUÍDO DE UM COMEÇO, UM MEIO E UM FIM, DE PÁGINAS NUMERADAS

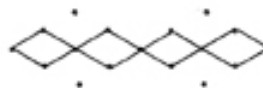
LEIA O LIVRO PRIMEIRO NESTA FREQUÊNCIA
(de uma folheada)



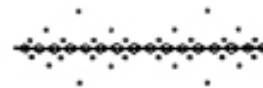
DEPOIS NESTA



E NESTA



E NESTA...



Domes

NOSSA PRIMEIRA IMPRESSÃO, AO OLHARMOS UMA CÚPULA GEODÉSICA, É QUE ELA É FORMADA POR TRIÂNGULOS IGUAIS (Talvez EQUILÁTEROS) E QUE ESTÃO AGRUPADOS DE 6 EM 6 SEGUNDO MALHAS HEXAGONAIS

APÓS UMA OBSERVAÇÃO MAIS CUIDADOSA, VAMOS DESCOBRIR GRUPOS DE CINCO TRIÂNGULOS EM TORNO DE UM VÉRTICE, FORMANDO PENTÁGONOS



Biosphere 2
Arizona
1990-98

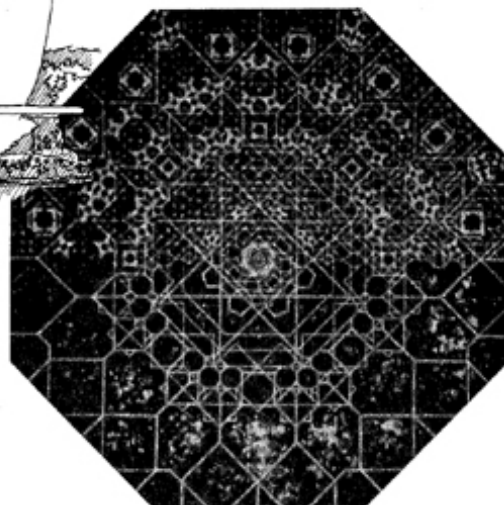


Diagrama de ornamento do
domo ortogonal de Alhambra
Reto Shelter

E LÓGICA MENTE OS TRIÂNGULOS NÃO SÃO SÓ EQUILÁTEROS, POIS COM ESTES PODEMOS CONSTRUIR:

4 triângulos
equiláteros

tetraedros

3 TRIÂNGULOS EM
TORNO DE UM VÉRTICE



8 triângulos
equiláteros

octaedros

4 TRIÂNGULOS EM TORNO
DE UM VÉRTICE

icosaedros

20 triângulos
equiláteros



5 TRIÂNGULOS EM
TORNO DE UM VÉRTICE

6 TRIÂNGULOS...
UM PLANO!



CONHECENDO A GEOMETRIA, VOCÊ VAI ENTENDER QUE GEODÉSICA É MAIS QUE UMA ESFERA, QUE ELA PODE ASSUMIR AS MAIS VARIADAS FORMAS E QUE REALMENTE ELA APRESENTA VANTAGENS ESTRUTURAIS.



Fuller & Geodésicas

Richard Buckminster Fuller é um filósofo, inventor e professor, cujo trabalho mais conhecido é o estudo das geodésicas.

No entanto, antes das geodésicas, Fuller trabalhou em projetos importantes e inovadores, como o "Dymaxion Car" e as "Dymaxion Houses". Talvez hoje seu trabalho mais importante esteja no campo da filosofia.

A partir de 1945, Fuller voltou sua atenção para o estudo da trigonometria esférica. Ele intrigava-se com as formas geodésicas encontradas na natureza, desde as milhares de bolhas num pouco de espuma até os próprios planetas. Como era possível uma esfera tão perfeita, que é uma bolha, ser construída e destruída com tanta rapidez. O homem não é capaz disso sem usar um modelo. Matematicamente é impossível dizer o tamanho de uma circunferência, será sempre aproximado: $2\pi R$.

O interessante nisso tudo é a linha de desenvolvimento das investigações de Fuller. Partindo da forma das coisas encontráveis na natureza, de modelos palpáveis, ele chegou ao cálculo matemático procurando saber como chegar a essas formas.

Foi a radiolana, um plâncton marinho microscópico, dona de uma incrível estrutura "côcea", que despertou a curiosidade de Fuller.

Apesar do modelo em mãos, o cientista não o utilizou como molde. Par-

tindo do cálculo matemático, Fuller chegou a esquematização do processo de divisão da esfera em triângulos. Fica claro, porém, que ele não inventou a geodésica (veja isso logo mais à frente).

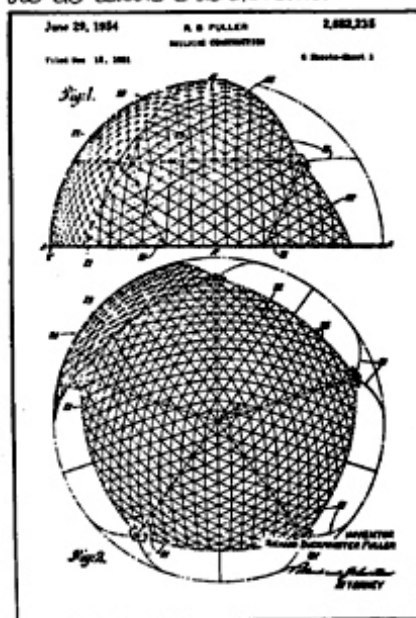
Utilizando a rotação do icosaedro em todas as posições regulares possíveis, Fuller conseguiu 21 grandes círculos (são explicados mais à frente). Mas é importante observar que ele não usou os grandes círculos como membros explícitos da futura estrutura geodésica. Ele utilizou-os apenas como princípio.

Em seus estudos, Fuller procurou manter a interação entre tração e compressão ("tensegrity") pois os grandes círculos, porções deles, desempenhavam o papel de menor caminho para os esforços, o que é a intenção da geodésica. (maior nº possível de barras iguais da forma mais estável possível).

Em 1953, a Ford Motor Company precisava de um domo para cobrir a rotunda de uma de suas fábricas. No entanto, os engenheiros calcularam que a estrutura da rotunda não suportaria o peso de uma cúpula que, segundo os cálculos, pesaria 160 toneladas. Henry Ford levou o problema para Fuller, que propôs um domo geodésico com as mesmas dimensões da cúpula anterior, pesando cerca de $8\frac{1}{2}$ toneladas. Ficou com o contrato.

A patente pedida em dezembro de 1951 foi concedida em julho de 54 e comercializada, a partir de então,

por preços reduzidos, criando, assim, condições para que Fuller controlasse o uso do cálculo e do sistema.



Um dos projetos mais conhecidos de Fuller, é o maior domo de Montreal, numa exposição internacional ocorrida em 1968. O pavilhão americano era um domo de 76 m de diâm. e sua altura máxima era de 61 m. A superfície total media 14.000 m². Foi construída com 24.000 barras, resultando um total de 42 km de tubo. Ao todo são 600 toneladas, o que resulta em, mais ou menos, 40 kg/m². O domo é formado por uma capa externa de triângulos, a geodésica propriamente dita, e uma camada de hexágonos que suportam cúpulas aeríficas e absorvem os esforços não contidos numa superfície. O domo não pode ser calculado matematicamente, o que implicou considerá-lo uma lâmina esférica e no cálculo

por assimilação. Toda ela é móvel, visando possíveis efeitos de temperatura.

Um incêndio provocado por um soldador, que trabalhava na superfície do domo, consumiu os painéis aeríficos em 15 minutos.

Não foram poucas as críticas. Principalmente porque o arquiteto que colaborou no projeto dissera que haviam sido tomadas todas as providências para evitar o fogo.

Mas o domo não sofreu com as críticas.

Por essa época, surgiam os Beatles, as "protest songs", Bob Dylan, Joan Baez, Hair, os "hippies" e a contra cultura. E foi do pessoal que curtiu esse clima que partiram as primeiras propostas de uso das geodésicas como espaço habitável.

Um grupo de estudantes de arquitetura e artistas fundaram, então, a primeira "comunidade geodésica".

Drop City, nos arredores de Trinidad, no Colorado, teve como base de suas construções a forma geodésica. Todas as habitações foram construídas com partes de automóveis velhos, latas e lixo industrial. Dez anos depois a cidade foi abandonada. Hoje é conhecida como "a cidade dos domos fantasmas".

Atualmente, a visão da habitação alternativa foi parcialmente esquecida. A capacidade de absorção do capitalismo industrial, principalmente o norte-americano, tomou posse dos domos, fabricando-os em larga escala, vendendo-os em versáteis "kits", prontos para montar.

Apesar de tão difundido nos EUA, o que chega até nós é uma confusa visão do que é o domo geodésico. Essa visão está nas prateleiras de bibliotecas de arquitetura ou nas caras revistas importadas, às quais poucos têm acesso.

COMO JÁ FOI VISTO,

BUCKY FULLER NÃO FOI PROPRIAMENTE O INVENTOR DA GEODÉSICA. O QUE ELE FEZ FOI DÁR SENTIDO À GEODÉSICA, DESCOBRINDO SUAS LEIS FORMADORAS, CONSTRUINDO E DIVULGANDO SUAS PROPRIEDADES. ALÉM DAS FORMAS GEODÉSICAS NATURAIS JÁ MENCIONADAS, O MESMO COM RELAÇÃO ÀS HABITAÇÕES ESFÉRICAS, EXISTEM DIVERSAS MANIFESTAÇÕES ANTERIORES À PATENTE DE FULLER QUE USAM PRINCÍPIOS DIRETAMENTE LIGADOS ÀS ESTRUTURAS GEODÉSICAS.

Uma casa de grandes círculos



Foto: Dörner



Foto: Dörner

Uma esfera geodésica repousa sob o pé de um leão num palácio chinês, construído em 1885

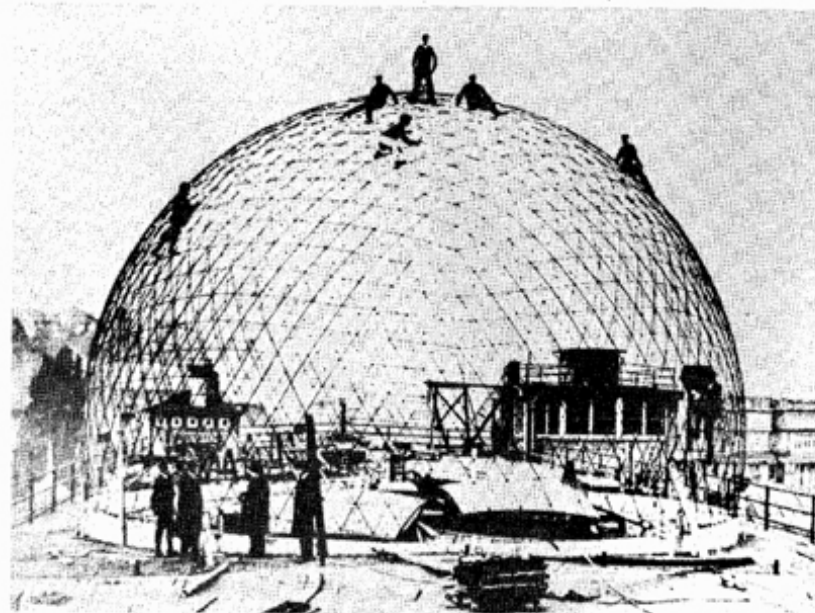


Foto: Dörner

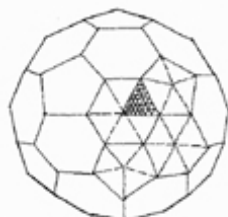
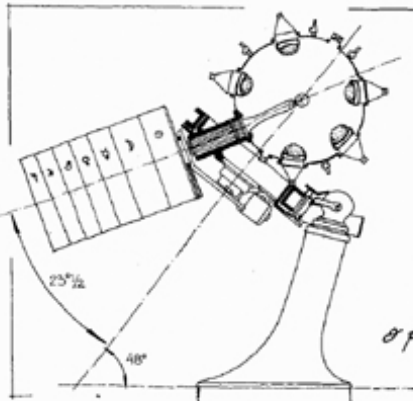
ALÉM DESSAS PRIMEIRAS MANIFESTAÇÕES, O PRIMEIRO DOMO, NA FORMA QUE CONHECEMOS, FOI CONSTRUÍDO EM JENA, ALEMANHA ORIENTAL, ISTO É, AGORA ORIENTAL, EM 1922. FOI WALTER BAUERSFELD, UM CIENTISTA ALEMÃO, CHEFE DE DESIGN DA ZEISS, A FAMOSA INDÚSTRIA ÓTICA, QUEM PROJETOU O PRIMEIRO DOMO VISANDO SUA UTILIZAÇÃO COMO EDIFÍCIO.

ELE CONSTRUÍU UMA CASCA EM FERRO-CIMENTO, CUJA ARMAÇÃO ERA EXATAMENTE UMA GEODÉSICA.

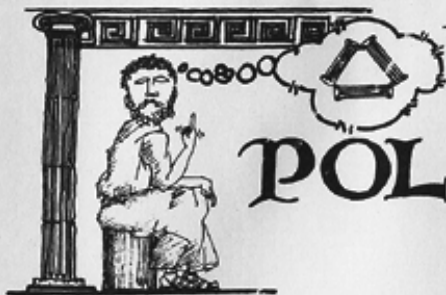
ESTA CARTA, ENDEREÇADA À "SHELTER PUBLICATIONS", ESCRITA EM 19 DE JUNHO DE 1973, POR UM DIRETOR DA ZEISS, DESCREVE QUAIS FORAM AS PRIMEIRAS PREOCUPAÇÕES DE BAUERSFELD:

"A projeção do céu estrelado requer um certo número de projetores, arranjados no centro do domo. Cada projetor deve iluminar uma área igual à da superfície do domo. Se os vértices de um icosaedro são contados de forma que a nova superfície possua, então, 12 pentágonos e 20 hexágonos, as áreas dessas troncagens serão aproximadamente a mesma. Os projetores são arranjados no centro dessas figuras e produzem 32 campos estelares diferentes no domo (na realidade, apenas 31, pois uma delas é utilizada para suprir os projetores)."

AI ENTÃO ELE DESENHOU O PROJETOR E CONSTRUÍU, SOBRE O TETO DA ZEISS, UMA ESTRUTURA METÁLICA, À QUAL COBRIU COM CIMENTO. ESTAVA, ASSIM, INVENTADO O PLANETÁRIO, UM LUGAR ONDE OS ASTRÔNOMOS TENTAM "CRIAR A ILUSÃO DA MISTERIOSA MARCHA SILENCIOSA DA NATUREZA".



o primeiro projetor planetário



POLIEDROS

OS POLIEDROS ('VÁRIOS LADOS') FAZEM PARTE DO PENSAMENTO GREGO. FORAM ESTUDADOS PELOS GRANDES FILÓSOFOS DA ANTIGUIDADE E TOMARAM PARTE NAS SUAS TEORIAS SOBRE O UNIVERSO.

OS SÓLIDOS GEOMÉTRICOS OU POLIEDROS PODEM TER QUALQUER CONFIGURAÇÃO DESDE QUE FECHEM UM ESPAÇO, CRIANDO UM VOLUME.

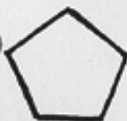
OS PLATÔNICOS

ASSIM CHAMADOS POR TEREM SIDO ESTUDADOS E DIVULGADOS POR PLATÃO, SÃO TAMBÉM CONHECIDOS COMO POLIEDROS REGULARES POIS TODAS AS FACES, ÂNGULOS E ÂNGULOS ENTRE AS FACES SÃO SEMPRE OS MESMOS.

OS POLÍGONOS REGULARES QUE FORMAM OS 5 POLIEDROS REGULARES SÃO

TRIÂNGULO 

 QUADRADO

PENTÁGONO 

Os cinco sólidos platônicos são encontrados na natureza: são as estruturas das radiolárias (plânctons marinhos)

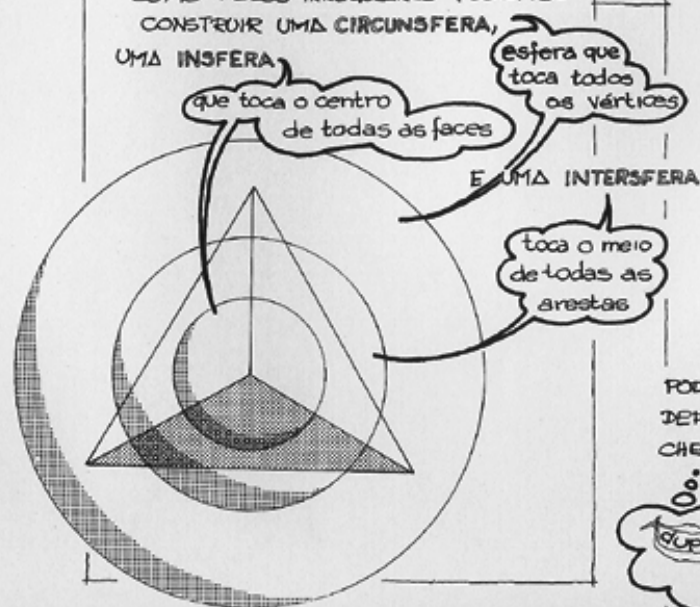


Des. Tomelock 2

OS ARQUIMEDIANOS

SÃO ASSIM CHAMADOS POR TEREM SIDO ESTUDADOS POR ARQUIMEDES. SÃO OS POLIEDROS SEMI-REGULARES, CUJAS FACES TAMBÉM SÃO POLÍGONOS REGULARES PORÉM NÃO DE UM TIPO SÓ.

TANTO PELOS REGULARES COMO PELOS IRREGULARES PODEMOS CONSTRUIR UMA CIRCUNSFERA, UMA INSFERA



UM DADO IMPORTANTE NO CONHECIMENTO DOS POLIEDROS É O ÂNGULO DIEDRO.

É O ÂNGULO FORMADO ENTRE DUAS FACES DE UM POLIEDRO QUALQUER



UM BOM CAMINHO PARA A FAMILIARIZAÇÃO COM OS POLIEDROS É FAZÊ-LOS.

PODE-SE PLANIFICÁ-LOS E DEPOIS, RECORTANDO E DOBRANDO, CHEGAR NA FIGURA TRIDIMENSIONAL



um bom tamanho pra's arestas é uns 8 cm

FAMÍLIA
SÍMETRIA 2, 3, 4



A = face



tetraedro

m de Vértices = 4
m de Arestas = 6
m de Faces = 4
Â. diédro = 70°32'
Â. central = 109°28'
raio Insfera = 0,5774

Intersfera = 1
circunsfera = 1,732
Aresta = 2/3 = 2,828



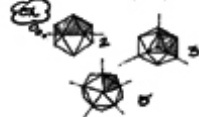
É O PRIMEIRO SÓLIDO REGULAR.
O MÍNIMO ESTRUTURAL DO UNIVERSO
É UM SÓLIDO NUCLEAR
POIS

não tem uma
diagonal
completa

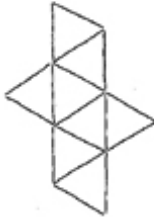
A CADA UM DE SEUS EIXOS INDEPENDENTES
CORRESPONDE UM SÓLIDO PLATÔNICO



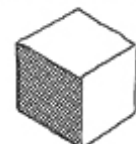
FAMÍLIA
SÍMETRIA 2, 3, 6



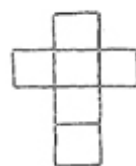
octaedro



V = 6
A = 12
F = 8
d = 109°28'
θ = 90°
I = 0,866
Σ = 1
C = 1,4142
A_{1/2} = 2

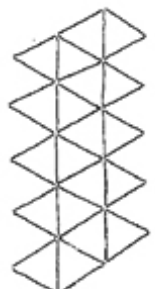


cubo



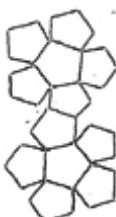
V = 8
A = 12
F = 6
d = 90°
θ = 109°28'
I = 0,7071
Σ = 1
C = 1,2247
A_{1/2} = √2 = 1,414

icosaedro



V = 12
A = 30
F = 20
d = 138°11'
θ = 63°26'
I = 0,9542
Σ = 1
C = 1,1756
A_{1/2} = √5 = 2,236

dodecaedro



V = 12
A = 20
F = 30
d = 116°34'
θ = 41°49'
I = 0,8507
Σ = 1
C = 1,0708
A_{1/2} = 5/√3 = 0,9609

arquimedianos

AS SEUS TRUNCAMENS
DO OCTAEDRO
(EXPANSÃO
OCTA → CUBO)

**tetra
truncado**



V = 12
A = 18
F = 4
d = 109°28' ΔΔ
109°28' ΔΔ
θ = 50°28'
I = 0,9045
Σ = 1
C = 1,1055
A_{1/2} = 0,945



ESTE SÓLIDO TAMBÉM É CONHECIDO
COMO "O DÉCIMO TERCEIRO OU
NUCLEAR SÓLIDO ARQUIMEDIANO",
POIS:



• NÃO EXISTE UMA DIAGONAL
• SÃO 12 EIXOS INDEPENDENTES
• A CADA UM DESSOS EIXOS
CORRESPONDE UM SÓLIDO
ARQUIMEDIANO



**octa
truncado**



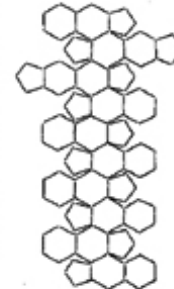
V = 24
A = 54
F = 14
d = 125°16' ΔΔΔ
109°28' ΔΔ
θ = 56°52'
I = 0,9481
Σ = 1
C = 1,0541
A_{1/2} = 2/3



truncagem
frequência 5



**icosa
truncado**



V = 60
A = 90
F = 32
d = 142°51' ΔΔΔ
158°11' ΔΔΔ
θ = 23°17'
I = 0,9794
Σ = 1
C = 1,0210
A_{1/2} = 0,9120



(EXPANSÃO
ICOSA → DODECA)
EM SEUS TRUNCAMENS



cuboctaedro



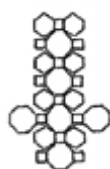
V = 12
A = 24
F = 14
d = 125° 16' ▲ ■
θ = 60°
I = 0,0660
Σ = 1
C = 1,1541
A/Σ = 2/√3

ESTE SÓLIDO TAMBÉM É CHAMADO
"DYMMION" (Fuller)

ENTRE OUTRAS PROPRIEDADES, ELE É O
ÚNICO SÓLIDO CUJO RAIO DE CIRCUNFERA
É IGUAL À ARESTA.



**cubocta
truncado**

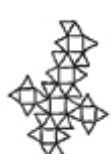


V = 48
A = 72
F = 26
d = 144° 44' ■ ■
135° ■ ■
125° 16' ■ ■
θ = 24° 55'
I = 0,9765
Σ = 1
C = 1,0241
A/Σ = 0,4439

Note que os truncados
são retângulos.
Diverso haver,
portanto,
uma expansão
além dos
truncados



**snub
cubo**



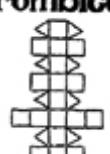
V = 24
A = 60
F = 36
d = 152° 14' ▲ ▲
142° 04' ■ ■
θ = 43° 41'
I = 0,9888
Σ = 1
C = 1,0770
A/Σ = 0,8010

aqui
os triângulos
não são equiláteros

truncagem
expansão



rombicuboctaedro

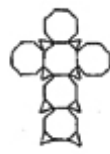


V = 24
A = 48
F = 26
d = 144° 44' ▲ ■
135° ■ ■
θ = 41° 50'
I = 0,9840
Σ = 1
C = 1,0707
A/Σ = 0,7654

expansão
torção



**cubo
truncado**



V = 24
A = 36
F = 14
d = 125° 16' ▲ ■
90° ■ ■
θ = 36° 53'
I = 0,9597
Σ = 1
C = 1,0420
A/Σ = 2/√2 = 0,586

truncagem + expansão



expansão



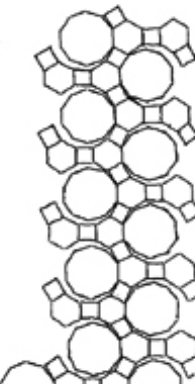
icosidodecaedro



V = 50
A = 60
F = 32
d = 142° 54' ▲ ■
θ = 36°
I = 0,9511
Σ = 1
C = 1,0016
A/Σ = 0,6496



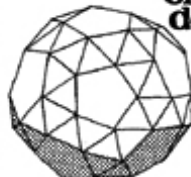
**icosidodeca
truncado**



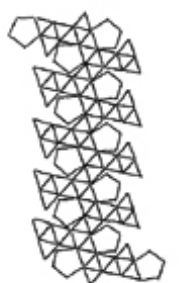
V = 120
A = 180
F = 62
d = 159° 16' ■ ■
148° 17' ■ ■
127° 31' ■ ■
θ = 36°
I = 0,9414
Σ = 1
C = 1,0081
A/Σ = 0,2665



truncagem
expansão



**snub
dodecaedro**

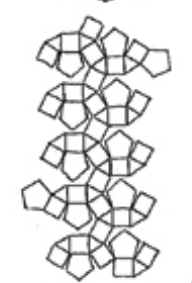
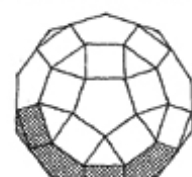


V = 60
A = 150
F = 92
d = 164° 11' ▲ ▲
152° 06' ▲ ▲
θ = 26° 44'
I = 0,9727
Σ = 1
C = 1,0280
A/Σ = 0,4769

truncagem
expansão



rombicoidodecaedro

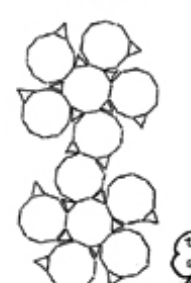


V = 60
A = 120
F = 62
d = 159° 16' ▲ ■
148° 17' ■ ■
θ = 26° 52'
I = 0,9747
Σ = 1
C = 1,0260
A/Σ = 0,4595

expansão
torção



**dodecaedro
truncado**

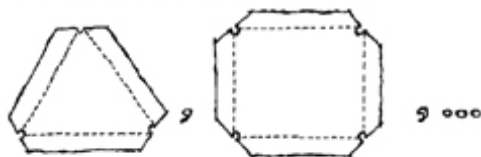


V = 60
A = 90
F = 52
d = 142° 54' ▲ ■
116° 54' ■ ■
θ = 19° 24'
I = 0,9057
Σ = 1
C = 1,0445
A/Σ = 0,5416



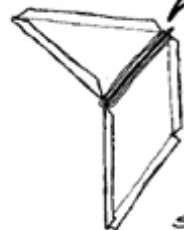
VOCÊ PODE TAMBÉM

FAZER UM BRINQUEDO
COMPOSTO DE CARTÕES COM
FORMAS POLIGONAIS



QUE
PODEM SER UNIDOS PELAS ARESTAS
COM

ELÁSTICOS



DESSA MANEIRA
VOCÊ PODE MONTAR
E DESMONTAR SEUS
SÓLIDOS.

SUA PRIMEIRA SURPRESA
SERÁ QUE EXISTEM LIMITAÇÕES
SÉRIAS QUANTO À ORGANIZAÇÃO
DESSSES POLÍGONOS.

VOCÊ FICARÁ CONVENCIDO DE QUE EXISTEM
RELAÇÕES BEM DEFINIDAS ENTRE OS POLÍGONOS,
POLIEDROS E ESTES ENTRE SI.

ALÉM DISSO, É IMPORTANTÍSSIMO CONHECER ESSES
SÓLIDOS. UMA CRIANÇA MANUSEIA MUITO MAIS ESSAS
FORMAS QUE ALGUÉM QUE PRECISE DELAS
PROFISSIONALMENTE

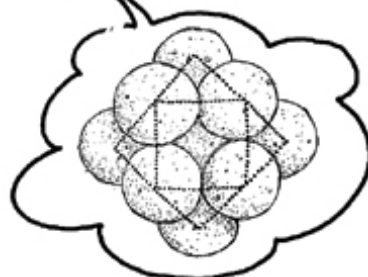


Se você realmente se interessar
sobre o assunto, procure "ORDER IN SPACE"
de Keith Critchlow (Thames and Hudson - London)
Os dados sobre os poliedros foram
todos tirados dele.

Ah!

LEMBRA DO CUBOCTAEDRO? 000000
EIS É, ESSA FIGURA É TODA ESPECIAL

IMAGINE QUE OS VÉRTICES DESSE
POLIEDRO SEJAM BOLINHAS DE
ISOPOR



OBSERVANDO A FIGURA, VERIFICAREMOS
QUE CABE EXATAMENTE UMA BOLINHA INTEIRA
DENTRO DO SÓLIDO E QUE ELA TOCA TODAS
AS OUTRAS QUE A ENVOLVEM.
ESTE É O ÚNICO SÓLIDO ONDE ISSO ACONTECE.

ESSA FIGURA É A FORMA DO

JITTERBUG

(ou desengonçado)

UM BRINQUEDO ONDE A BOLINHA CENTRAL
É RETIRADA FAZENDO COM QUE TODO O
SISTEMA SE DESEQUILIBRE.

- 1= corte 24 varetas de igual tamanho
- 2= corte 24 pedaços de garrote (diâm. = vareta)
com aprox. 2cm cada um

3=



4= construa o cuboctaedro



5= observe os movimentos
de contração do sistema



Polydome

O CUBO É UM SÓLIDO SOCIÁVEL.
ELE PODE SER AGLOMERADO PERFEITAMENTE, ISTO É,
PODEMOS JUNTAR CUBOS SEM QUE SOBREM ESPAÇOS VAZIOS.

É A MODULAÇÃO BÁSICA DAS NOSSAS
CONSTRUÇÕES ATUAIS.

ISSO NÃO QUER DIZER QUE SEJA A MANEIRA
MAIS ECONÔMICA DE AGLOMERAÇÃO.

essa é a organização
dos alvéolos das abelhas
europeias

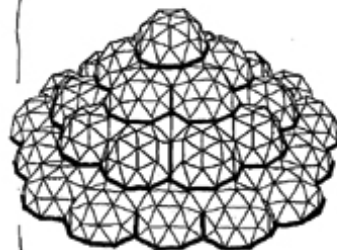
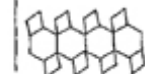
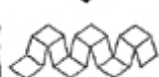
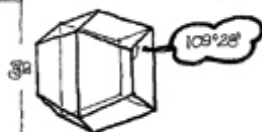
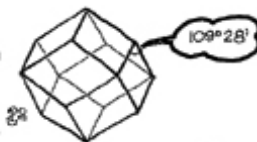
a configuração
dos potes de mel das
abelhas silvestres (sem
ferrão) segue a
aglomeração do
octa truncado

ASSIM COMO
A MALHA PLANA HEXAGONAL É A FORMA IDEAL
PARA A AGLOMERAÇÃO DE POLÍGONOS
(POIS É O MENOR PERÍMETRO QUE
ENVOLVE A MAIOR ÁREA POSSÍVEL),

o octaedro truncado

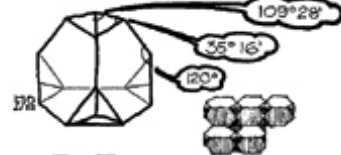
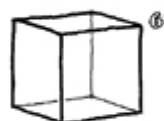
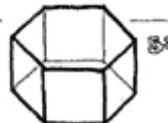
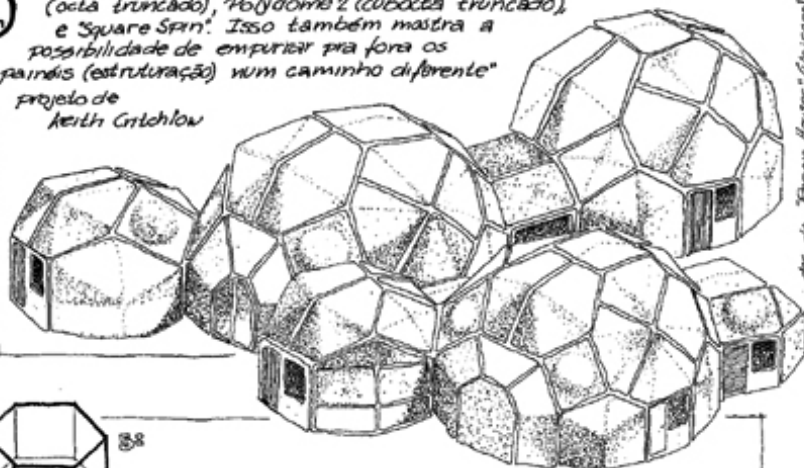
É O POLIEDRO MAIS ECONÔMICO,
POIS É A MENOR SUPERFÍCIE
QUE ENVOLVE UM MAIOR VOLUME
PERFEITAMENTE AGLOMERÁVEL.

A MALHA ESPACIAL CÚBICA É A 7ª
EM TERMOS DE ECONOMIA.

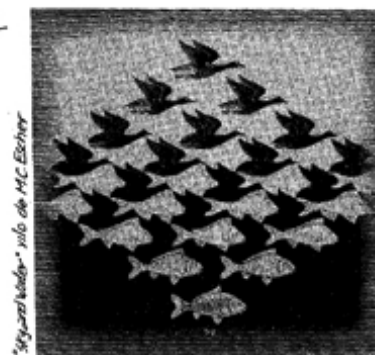


A AGLOMERAÇÃO PERFEITA É IMPORTANTE QUANDO PRECISAMOS
JUNTAR DOMOS OU POLIEDROS. CASO VOCÊ SE INTERESSE EM SABER
MAIS DO ASSUNTO, PROCURE O "ORDER IN SPACE"

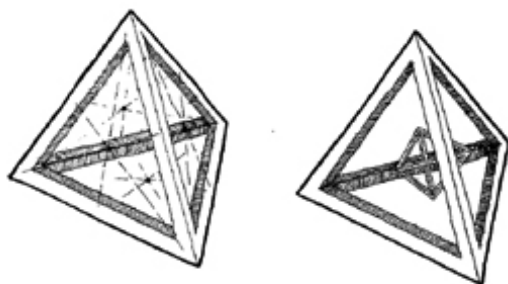
"possibilidade de organização usando a Hexagon House
(octa truncado), Polydome 2 (cubocta truncado),
e Square Spin". Isso também mostra a
possibilidade de empurrar pra fora os
painéis (estruturação) num caminho diferente"
projeto de
Keith Critchlow



AS AGLOMERAÇÕES
DOS PRISMAS SÃO
IMEDIATAS



SE
MARCARMOS O MEIO
DE CADA FACE DE UM TETRAEDRO
VERIFICAREMOS QUE ESTAMOS
DEFININDO, ATRAVÉS DESSOS PONTOS,
UM OUTRO TETRAEDRO



AGORA,
VAMOS AUMENTAR ESSE TETRAEDRO
ATÉ QUE SUAS ARESTAS TENHAM UM PONTO
EM COMUM COM AS DO PRIMEIRO TETRA.

ESSE PONTO EM COMUM
SERÁ EXATAMENTE O PONTO MÉDIO
DAS ARESTAS E,
LEMBRANDO A DEFINIÇÃO DE INTERFERA,
VERIFICAMOS QUE ELAS TÊM
UMA INTERFERA COMUM.

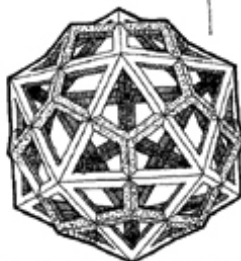


é a esfera
que toca o ponto
médio de todas as
arestas de um
poliedro

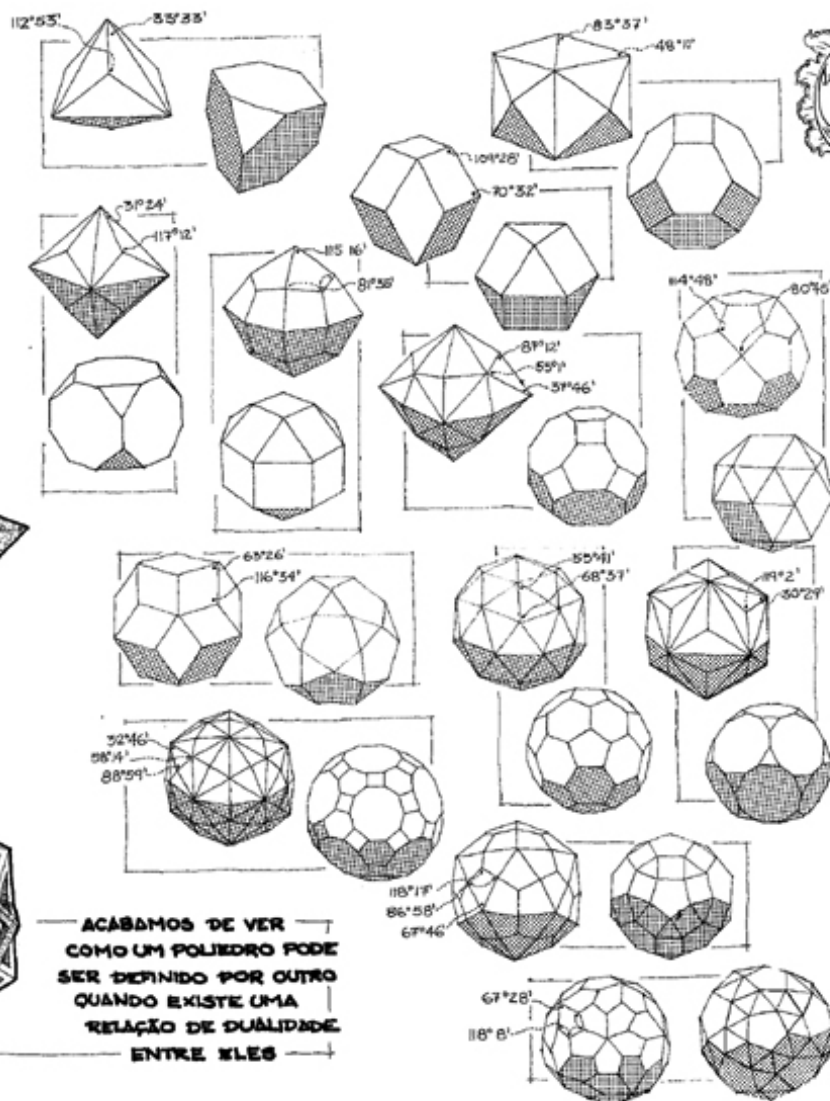
ISSO ACONTECE COM OS
OUTROS POLIEDROS
REGULARES:

COM O CUBO
OBTÊMOS
UM OCTAEDRO
E VICE-VERSA;

COM O ICOSAEDRO
OBTÊMOS O DODECAEDRO
E VICE-VERSA.



O DUAL
DE UM POLIEDRO REGULAR
É OUTRO REGULAR, OS DUAIS DOS SEMI-REGULARES
NÃO SÃO FORMADOS POR POLÍGONOS REGULARES,
MAS TÊM UM ÚNICO TIPO DE POLÍGONO COMO FACE.



ACABAMOS DE VER
COMO UM POLIEDRO PODE
SER DEFINIDO POR OUTRO
QUANDO EXISTE UMA
RELAÇÃO DE DUALIDADE
ENTRE ELAS

Divagações Geométricas

Isto aqui é um ponto

Ele pode ser muito, muito pequeno mas, por menor que seja, ele tem existência física, ele é tridimensional!

Isto é uma **reta**, formada por dois pontos. Ela só é possível porque o ponto é tridimensional!

Senão, seria impossível colocar um ponto ao lado de outro

Agora temos um **plano**

que, por sinal, é um triângulo, que é o menor polígono possível

tridimensional!!!

Mas um ponto no topo e temos um volume que é um **tetraedro**, o poliedro mais elementar que existe.

Imagine que as bolinhas são vértices do tetraedro

Essa é a espiral da energia, cada fio da corda é uma nova espiral

esse tetraedro pode ser inscrito numa circunferência

Logo o tetraedro define um ponto
Isto aqui é um ponto

O mesmo acontece com a reta

Voltando atrás, veremos que o triângulo também define um círculo e este, junto com outros dois, definem outro círculo, e assim por diante

Fuller diz: Prenda uma corda em 4 pregos numa parede

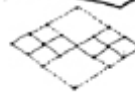


Mais 5 pregos



A corda continuará com o mesmo comprimento

Mais pregos



E assim por diante até chegarmos a uma reta



A reta é, então, um ponto numa frequência altíssima

FREI OTTO realizou diversas experiências utilizando a dualidade tração/compressão, à semelhança de Gaudí.

Essa estrutura, chamada

GRID SHELL, é toda calculada utilizando malhas de arame penduradas.

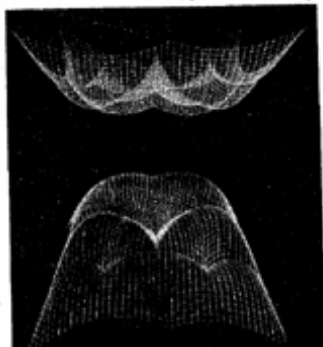


Foto IL 10

Tração Compressão

YANG

sol quente macho ativo duro luz pesado força seco denso superior interior lua fria fêmea passivo mole escuridão leve fraqueza úmido poroso inferior exterior



Esse NÓ é uma modalidade da TIRA DE MOEBIUS, o começo sem fim, o fim sem começo, a superfície única.

(Augustus Ferdinand Möbius 1790 - 1868 matemático)

ESTE SÍMBOLO REPRESENTA O EQUILÍBRIO DAS FORÇAS OPOSTAS IGUAIS E CONTRÁRIAS.

PARA QUE UMA DELAS EXISTA, HÁ NECESSIDADE DA EXISTÊNCIA DA OUTRA.

CADA UMA CONTÉM UMA PEQUENA PORÇÃO DA OUTRA EM SI MESMA, TRANSPORTANDO PARTE DA OUTRA EM SEU FLUXO. É DO EQUILÍBRIO ENTRE ESSAS DUAS FORÇAS QUE O UNIVERSO DEPENDE.

O EQUILÍBRIO, A ENTROPIA, GERA A VIDA.

CADA VEZ QUE ESSE EQUILÍBRIO É AGREDIDO SURGE O COLAPSO. NO ENTANTO, O PRÓPRIO COLAPSO CAMINHA PARA A ENTROPIA, PARA O EQUILÍBRIO RESTITUÍDO

fogo contração centrípeto tempo vermelho próton sódio animal salgado rígido agressivo ação água expansão centrífugo espaço roxo elétron potássio vegetal doce maleável persuasivo calma

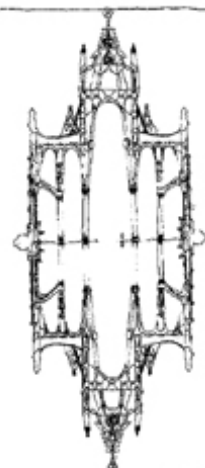
GAUDÍ

começa o jogo do contrário.

Ele sabia que podia projetar construindo modelos invertidos

por tudo que funciona à tração quando de cabeça pra baixo, funciona à compressão quando invertido.

Então, ele projetava com fios, arvores e passas, aquilo que ele iria construir com pedras, tijolos, ou seja, materiais que resistem bem só à compressão



Des. de "António Gaudí" - The Universe Books.

A TENSÃO INTEGRAL

é o símbolo do cooperativismo, "um por todos e todos por um"



SÓ TRACÇÃO COMpressão!

uma "equipe" funciona à compressão, equilibrando uma outra, que funciona à tração.

Esse tipo de interação produz milagres.



O
YANG-YIN
É O PRINCÍPIO DA DUALIDADE:
A TODO EVENTO EXISTE UM OUTRO
OPOSTO CORRESPONDENTE.
ASSIM,
SE EXISTE UM ESFORÇO DE COMPRESSÃO,
AO MESMO TEMPO EXISTE UM DE TRACÇÃO.
FORA QUE UM EXISTA
É NECESSÁRIO QUE O OUTRO EXISTA.

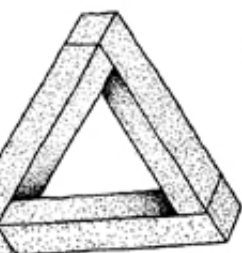
SE UM PONTO ESTIVER
ACELERADO



ELE COMPRIME
O QUE ESTIVER
À SUA FRENTE

TRACIONA
O QUE ESTIVER ATRÁS

NÃO DEVEMOS ESQUECER
QUE, MESMO O TRIÂNGULO PLANO,
NÃO É REALMENTE PLANO
MAS, SIM,
TRIDIMENSIONAL



É O SISTEMA
TRIANGULAR
MÍNIMO É O
TETRAEDRO



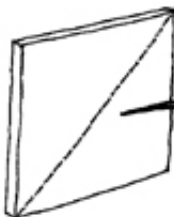
VAMOS VER
AGORA
O PONTO ACCELERANDO
DENTRO DE UMA
ESTRUTURA



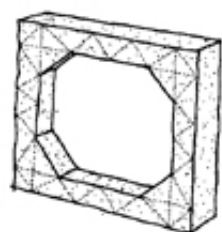
POIS
SÓ O TRIÂNGULO
É ESTÁVEL



.....

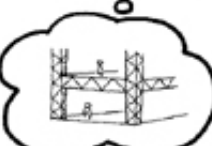


os quadrados,
pentágonos, hexágonos, etc.,
só são estáveis
quando feitos de
triângulos



Então, numa
estrutura sempre
trabalhamos
com triângulos,
sejam aparentes
ou não

...

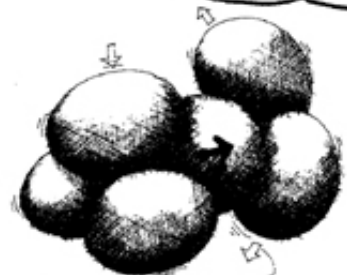


QUE SERÁ REPRESENTADA POR
UM TETRAEDRO,
QUE É O MENOR ENTE ESTRUTURAL POSSÍVEL

DE VOLTA
AO PONTO
ACCELERADO:



este ponto,
quando acelerado,
vai comprimir os pontos
da direita e tracionar
os da esquerda



e, no jogo
dos contrários,
os pontos tracionados
sofrerão compressão
e os comprimidos, tração

"Eu considero
a minha obra
a mais bonita
e a mais feia."
M.C. Escher



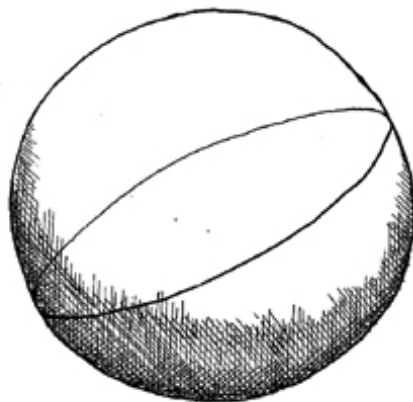
geometria geodésica

UM DOMO PODE SER CALCULADO E CONSTRUÍDO DE DIVERSAS MANEIRAS. NO CASO DE UM DOMO GEODÉSICO, ISSO PODE SER FEITO DE MANEIRAS SIMPLES E PRÁTICAS. BASTA CONHECER SEUS ELEMENTOS E UM POUCO DE MATEMÁTICA.

UMA LINHA GEODÉSICA É A MENOR DISTÂNCIA ENTRE 2 PONTOS NUMA SUPERFÍCIE.



SE A LINHA GEODÉSICA ESTIVER SOBRE UMA SUPERFÍCIE CURVA, ELA TAMBÉM SERÁ UMA CURVA. E, SE ESSA CURVA FOR UMA ESFERA, ELA CONSTITUIRÁ UM EQUADOR E FECHARÁ UM PLANO QUE CONTÉM O CENTRO DA ESFERA.



ESSAS LINHAS SOBRE A ESFERA SÃO CHAMADAS DE

CÍRCULOS MÁXIMOS

por exemplo, os gomos de uma mexerica



OU GRANDES CÍRCULOS



ou o equador e meridianos

NUMA FIGURA PLANIFICADA DO GLOBO, DESSAS QUE AS COMPANHIAS DE AVIAÇÃO OU TURISMO DISTRIBUEM, A ROTA DO AVIÃO É UMA CURVA. ENTÃO A CURVA É MAIS ECONÔMICA? LIDO ENGANO. A LINHA CURVA É RESULTADO DA DISTORÇÃO COM A PLANIFICAÇÃO.

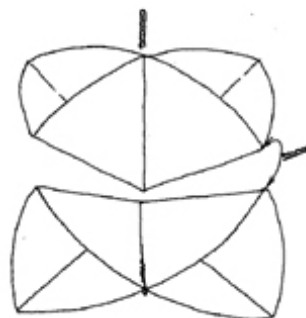
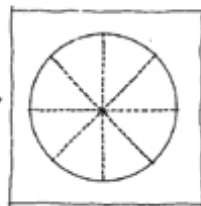
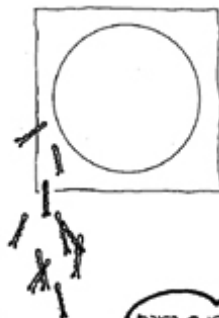


MODELOS DE CÍRCULO MÁXIMO

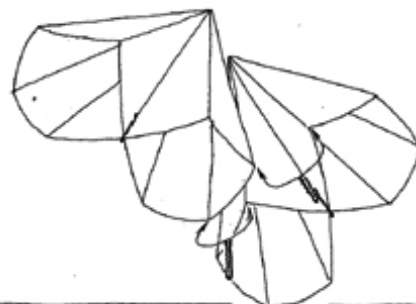
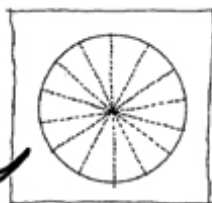
as forças também procuram o caminho mais curto entre dois pontos. na esfera esse caminho será o de um círculo máximo

TODOS OS POLIEDROS PLATÔNICOS E ARQUIMEDIANOS ESTÃO INSCRITOS NUMA CIRCUNSFERA. SE PROJETARMOS SUAS ARESTAS NESSA CIRCUNSFERA, ELAS SERÃO TRECHOS DE CÍRCULOS MÁXIMOS. SERIA BOM "CONSTRUIR" CÍRCULOS MÁXIMOS, O QUE TORNA MAIS CLARA A IDÉIA DA "LINHA QUE FECHA UM PLANO QUE CONTÉM O CENTRO DA ESFERA". DOIS MODELOS, DE CONSTRUÇÃO MUITO SIMPLES, FEITOS COM CARTÃO E GRAMPOS DE CABELO, SÃO O CUBOCTAEDRO E O ICOSIDODECAEDRO

para o cubocta, faça 4 circunferências. são necessários 12 grampos



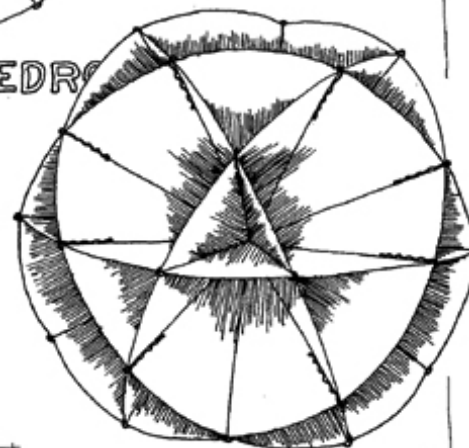
para o icosidodeca, faça 6 circunferências. são necessários 30 grampos



CUBOCTAEDRO

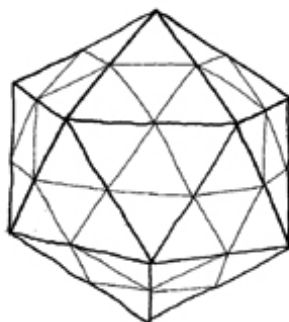


ICOSIDODECAEDRO



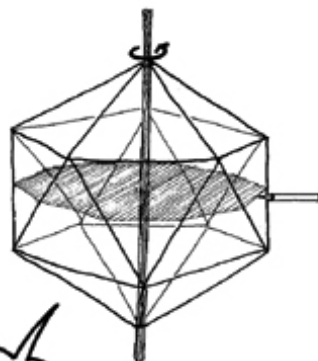
COMO JÁ SE SABE, FULLER NÃO UTILIZOU O CÍRCULO MÁXIMO PURO E SIMPLES. PRIMEIRO ELE ESCOLHEU ALGUNS DESSOS CÍRCULOS PARA DEPOIS, LANÇANDO MÃO DA TRIGONOMETRIA ESFÉRICA, CHEGAR À SISTEMATIZAÇÃO DO CÁLCULO GEODÉSICO. ENTÃO,

CONSIDERANDO
ALGUMAS CARACTERÍSTICAS
NECESSÁRIAS DO SÓLIDO GEOMÉTRICO
QUE SERVIRIA DE BASE AO SEU ESTUDO,
FULLER ESCOLHEU O **ICOSAEDRO**

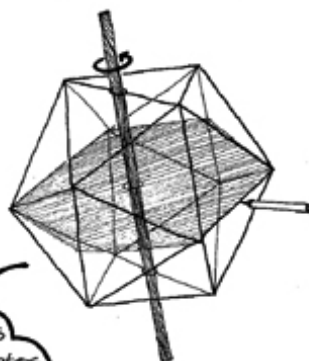


resultando
6 círculos
máximos

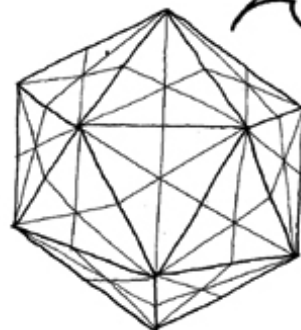
o icosaedro pode ser
considerado o mais
esférico dos poliedros
regulares
(20 faces de
triângulos equiláteros)



utilizando
vértices opostos,
dois a dois



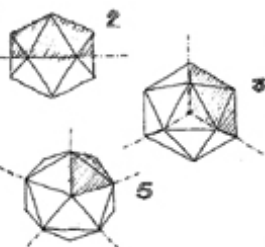
depois, arestas
opostas (seus pontos
médios) duas a duas



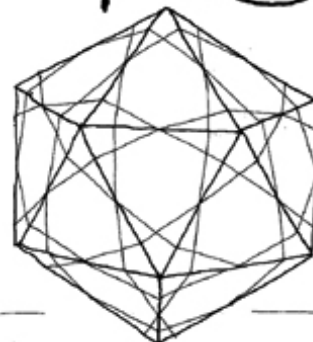
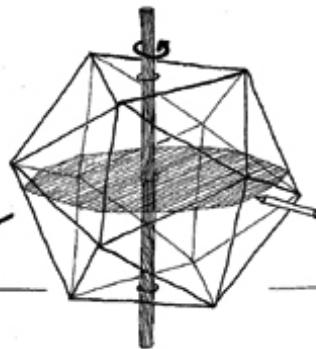
resultando
15 círculos
máximos

resultando
10 círculos
máximos

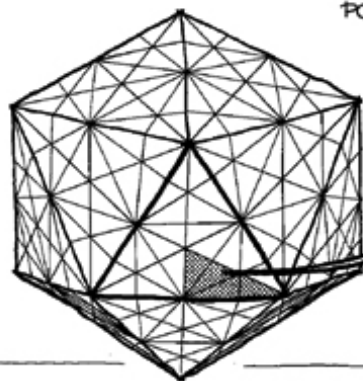
O ICOSAEDRO
TEM 2, 3, 5 SECCÕES
SIMÉTRICAS



e
baricentros de
faces opostas,
duas a duas



DESSA FORMA, FULLER
CONSEGUIU ORDENAR, DA
MANEIRA MAIS SIMÉTRICA
POSSÍVEL, 31 CÍRCULOS
MÁXIMOS DIFERENTES
NO ICOSAEDRO



são 120 triângulos
iguais, todos
contendo um
ângulo reto

PARA PODER UTILIZAR A TRIGONOMETRIA ESFÉRICA
E CHEGAR AOS FATORES DE CORDA E ÂNGULOS, FULLER PRECISOU
TRANSFORMAR ESSES TRIÂNGULOS EM

triângulos
esféricos

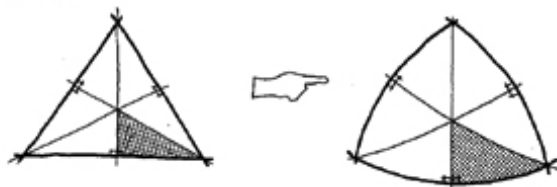


CLIC!

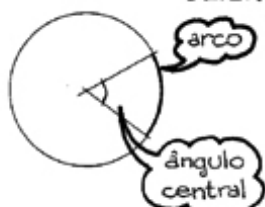


triângulos
formados
por arcos,
sobre uma
superfície
esférica

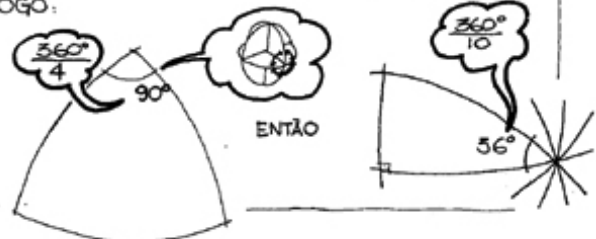
① CONSIDERANDO OS 15 CÍRCULOS MÁXIMOS,
VOCÊ TEM 6 TRIÂNGULOS RETÂNGULOS
IDÊNTICOS:



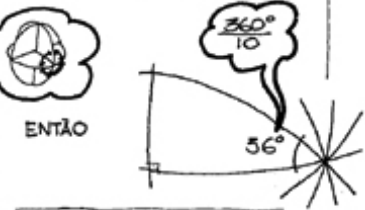
EM GEOMETRIA ESFÉRICA OS ARCOS
VALEM O ÂNGULO CENTRAL QUE O
DETERMINA



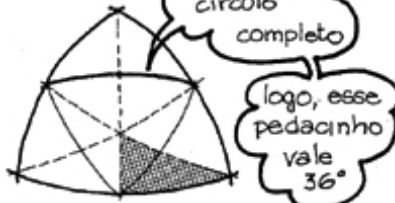
SABE-SE TAMBÉM
PELA GEOMETRIA ESFÉRICA
QUE OS ÂNGULOS AO REDOR DE QUALQUER
PONTO SOBRE UMA ESFERA SOMAM 360°
LOGO:



ENTÃO



② CONSIDERANDO AGORA
OS 6 CÍRCULOS MÁXIMOS,
VOCÊ VAI VER QUE CADA UM
ATRAVESSA 10
FACES DO ICOSA:



1/10 do
círculo
completo

logo, esse
pedacinho
vale 36°

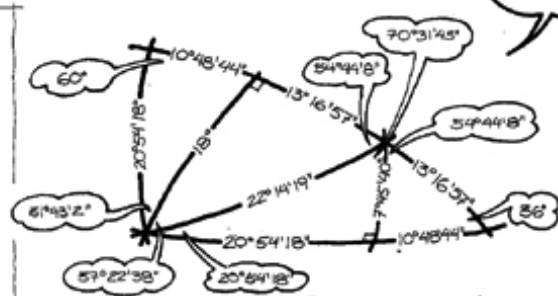
③ TOMANDO OS OUTROS 10 GRANDES
CÍRCULOS, CADA UM ATRAVESSA 12 FACES
DO ICOSA:



esse pedaço é igual
a 1/12 do círculo
completo

logo,
vale 30°

O RESULTADO
É UM TRIÂNGULO
RETÂNGULO
(UM DOS 120) TODO
ROTULADO



e isso vale em
qualquer frequência.
por exemplo, 4v
alternate



$x = y/2$

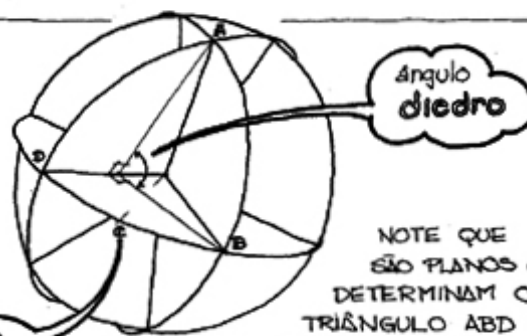
PARA SABER COMO FULLER CHEGOU NESSE TRIÂNGULO RETÂNGULO TODO ROTULADO, É PRECISO CONHECER UM POUCO DE

trigonometria esférica

FACILITARÁ BASTANTE O ENTENDIMENTO DESSE PAPO SE VOCÊ OLHAR O MODELINHO DE CÍRCULOS MÁXIMOS NO CUBOCTAÉDRO

primeiro passo: rabisque um dos triângulos de seu modelo, como mostra o desenho

ponto médio do arco BD

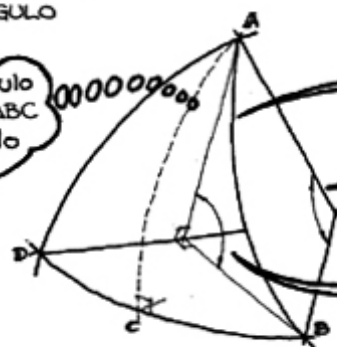


ângulo diedro

NOTE QUE SÃO PLANOS QUE DETERMINAM O TRIÂNGULO ABD E QUE TODOS ELES PASSAM PELO CENTRO DA ESFERA.

TOMANDO APENAS O TRIÂNGULO

o triângulo esférico ABC é retângulo



ângulo esférico é a própria medida do arco (á. central)

o ângulo diedro é sempre medido entre as perpendiculares às intersecções dos planos

AÍ VOCÊ PERGUNTA PARA NAPIER QUAIS SÃO AS FÓRMULAS QUE ELE BOLOU PARA RESOLVER O TRIÂNGULO RETÂNGULO ESFÉRICO

John Napier, matemático escocês, inventor dos logaritmos

AÍ ELE RESPONDE:

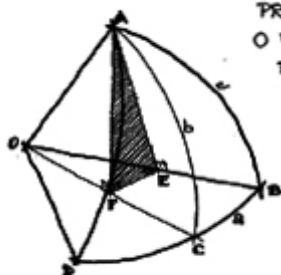
$$\begin{aligned} \text{sen } A &= \text{sen } a / \text{sen } c \\ \text{sen } B &= \text{sen } b / \text{sen } c \\ \cos A &= \text{tg } b / \text{tg } c \\ \cos B &= \text{tg } a / \text{tg } c \\ A &= \text{tg } a / \text{sen } b \\ B &= \text{tg } b / \text{sen } c \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \cos A &= \cos a \times \text{sen } b \\ \cos B &= \cos b \times \text{sen } a \\ \cos c &= \cos a \times \cos b \\ \cos c &= \cotg a \times \cotg b \end{aligned}$$

ângulo

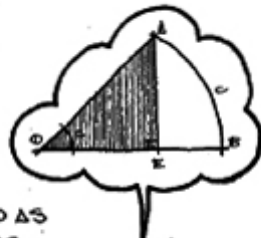
$$\text{TAM. DO ELEMENTO} = \text{RAIO} \times 2 \text{ sen } \frac{a}{2}$$

VEJA PORQUE ISSO DÁ CERTO



PRIMEIRO PASSAMOS O PLANO AEF PERPENDICULAR À RETA BS

DEPOIS, EXAMINANDO O TRIÂNGULO AOE, QUE É RETÂNGULO, E APLICANDO AS RELAÇÕES TRIGONOMÉTRICAS CHEGAMOS A, POR EXEMPLO,



$$\cos c = \frac{OE}{OA}$$

O MESMO ACONTECE COM O TRIÂNGULO FOE:

$$\cos a = \frac{OE}{OF}$$

E, AINDA NO TRIÂNGULO AOF

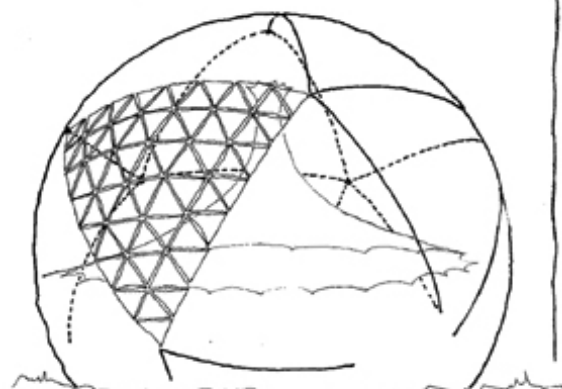
$$\cos b = \frac{OF}{OA}$$

LOGO $\cos c = \cos a \cdot \cos b$

$$\frac{OE}{OA} = \frac{OE}{OF} \cdot \frac{OF}{OA}$$



GEODÉSICA NO PLAY-CENTER (SÃO PAULO)



TENTE DESCOBRIR O ICOSAEDRO NA FOTO

EXISTEM ALGUNS ELEMENTOS
BÁSICOS DE GEOMETRIA
QUE SERIA BOM
RECORDAR.

ELES AUXILIARÃO OS CÁLCULOS
DE COMPRIMENTOS,
ÁREAS E
VOLUMES

$$\pi \approx 3,1416$$

$$\sqrt{5} \approx \text{PROPORÇÃO ÁUREA} \approx$$

$$\frac{\sqrt{5}+1}{2} \approx 1,618; 1$$

$$1^\circ \approx 60'' \quad 1^\circ \approx 60''$$

UM POLÍGONO QUALQUER

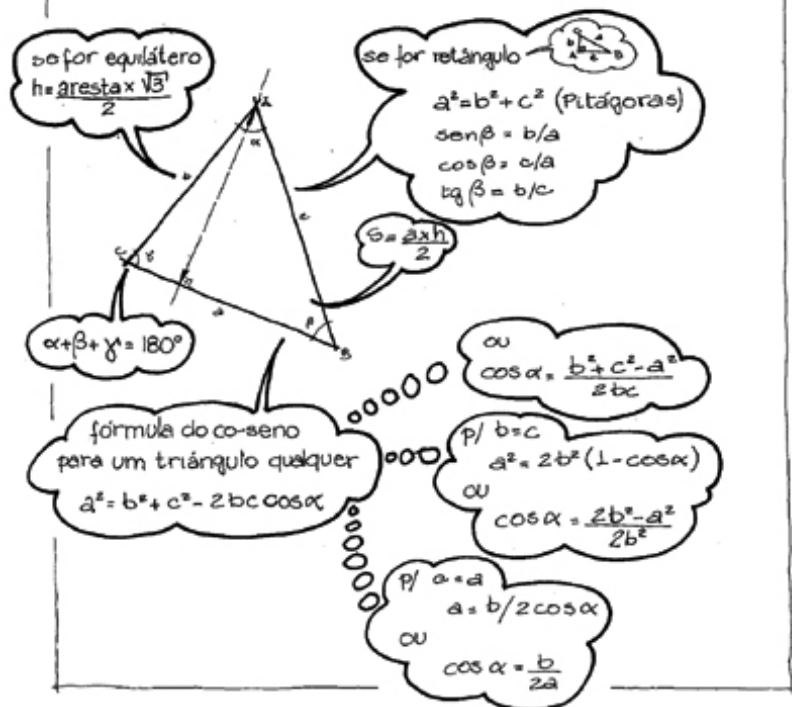


POLIEDRO QUALQUER

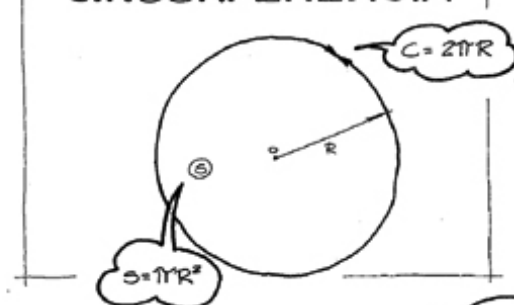
$$\text{NÚMERO DE ARESTAS} + 2 = \text{NÚMERO DE FACES} + \text{NÚMERO DE VÉRTICES}$$

ou $A + 2 = F + V$

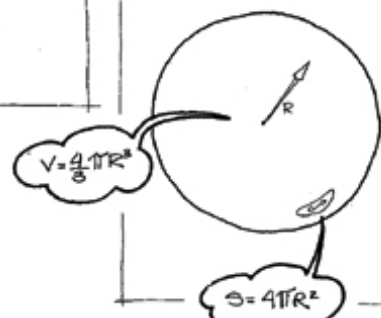
PARA O TRIÂNGULO



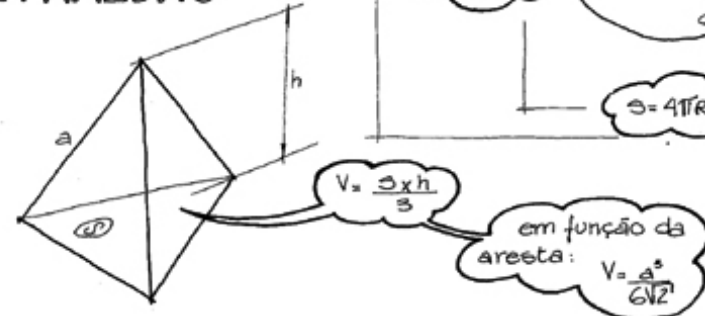
CIRCUNFERÊNCIA



ESFERA



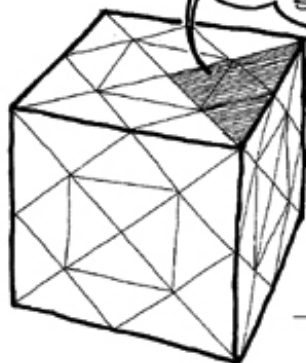
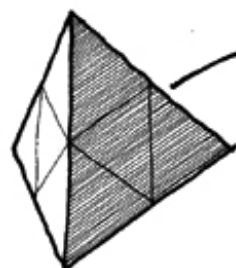
TETRAEDRO



CULINÁRIA GEODÉSICA

INGREDIENTES

- ① POLIEDRO PRINCIPAL
É O POLIEDRO DO QUAL SE PARTE
PARA CHEGAR À GEODÉSICA, SEJA ELE
REGULAR OU NÃO.



O TRIÂNGULO PRINCIPAL
é o triângulo da figura
primitiva que se
subdividiu

- ② EXISTEM DUAS MANEIRAS DE SE DIVIDIR
O TRIÂNGULO PRINCIPAL

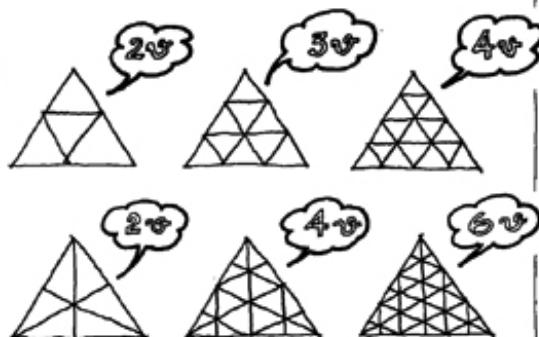
ALTERNATE
(classe I)



TRIACON
(classe II)



A FREQUÊNCIA
É O NÚMERO DE
PARTES OU
SEGMENTOS NO
QUAL AS ARESTAS
DO POLIEDRO
PRINCIPAL SÃO
SUBDIVIDIDAS.
O SÍMBOLO
É v



③

REPRE 3 COISAS:

- ① A CLASSE II SÓ ADMITE FREQUÊNCIAS PARES
② NA CLASSE II,

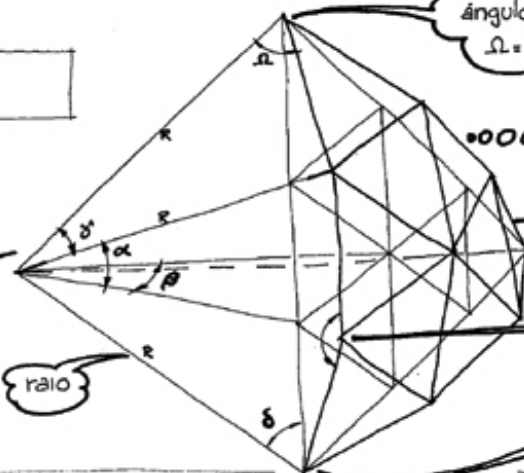


ESSE É O TRIÂNGULO
DA GEODÉSICA

- ③ NA REALIDADE EXISTE APENAS UMA CLASSE.
ISSO POR CAUSA DA RELAÇÃO DE DUALIDADE.
SEMPRE UMA GEODÉSICA CLASSE II ($2nv$)
CORRESPONDE A UMA GEODÉSICA CLASSE I (nv)
CUJO PP É DUAL DO PP DA PRIMEIRA.

ângulo central

raio



ângulo axial (Ω)
 $\Omega = \frac{180 - \delta}{2}$

fator de corda
 $fc = 2 \cos \frac{\delta}{2}$

tamanho do elemento
 $l = fc \times \text{raio}$

ângulo diedro

ângulo axial
do poliedro principal

Podemos
dividir o triângulo
principal
conforme nosso
interesse, por ex:
ao invés de
dividir as arestas
em partes iguais,
podemos dividi-las
em ângulos centrais
iguais.

EXECUÇÃO

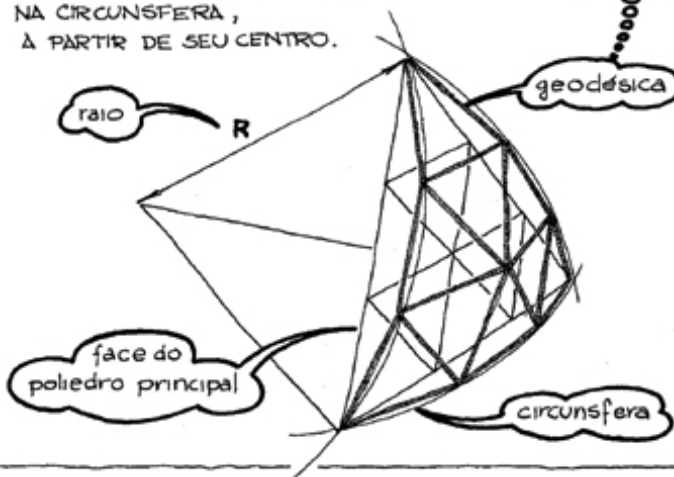
(classe I)

TOME UM TRIÂNGULO
DO POLIEDRO PRINCIPAL
E DIVIDA-O NA FREQUÊNCIA
DESEJADA (POR EXEMPLO, 3 v)



todos
os segmentos são
idênticos

PROJETE OS NOVOS TRIÂNGULOS
NA CIRCUNSFERA,
A PARTIR DE SEU CENTRO.



FICA BEM FÁCIL DE
ENTENDER SE ANALISARMOS
UM EXEMPLO
DISSECADO CONVENIENTEMENTE:

UM TETRAEDRO

se você tiver:
| poliedro qualquer
| frequência qualquer
os raios das in e circunfera
e o ângulo axial
você pode usar o esquema
daí de baixo

1. você tem $\frac{a}{3}$, R e δ
então você encontra t

$$\cos \delta = \frac{(\frac{a}{3})^2 + R^2 - t^2}{2 \frac{a}{3} R}$$

2. você tem t
então você encontra θ

$$\cos \theta = \frac{R^2 + t^2 - (\frac{a}{3})^2}{2 R t}$$

3. você tem θ
então você encontra x
(triângulo $R; R; x$)

$$x = R \sqrt{2(1 - \cos \theta)}$$

4. $y = ?$

ora,

triângulo $t; t; \frac{a}{3} \sim$ triângulo $R; R; y$

$$\text{logo } y = \frac{R \cdot \frac{a}{3}}{t}$$

5. você tem r

raio da insfera

mais o velho triângulo retângulo

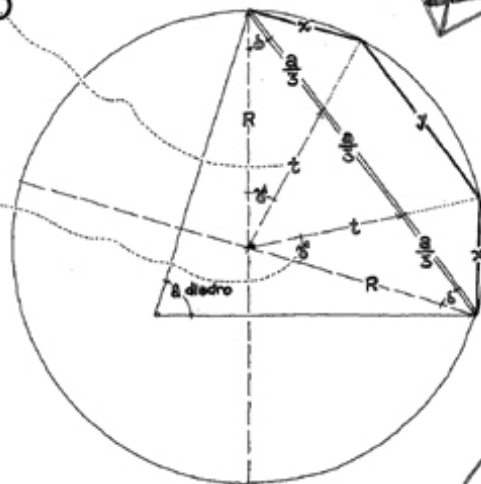
então você tem β

$$\text{tg } \beta = \frac{\frac{a}{3}}{r} \Rightarrow \arctg \Rightarrow \beta$$

6. você tem β

$$\text{então você tem } z = R \sqrt{2(1 - \cos \beta)}$$

ângulo axial



OUTRA MANEIRA

DE SE CALCULAR GEOMETRICAMENTE AS GEODÉSICAS É USAR

COORDENADAS CELESTES

COM ELAS PODE-SE LOCALIZAR QUALQUER PONTO NO ESPAÇO ATRAVÉS DE 3 COORDENADAS

1ª UM RAIO r

distância do ponto P ao ponto de referência O (origem)

é um raio de uma esfera com centro em O e que passa por P

O origem, centro da esfera de raio r

ângulo horizontal θ medido em sentido anti-horário a partir do norte

2ª UM ÂNGULO HORIZONTAL θ QUE A PROJEÇÃO DO RAIO r FORMA COM A DIREÇÃO NORTE N

normalmente usa-se ϕ como ângulo horizontal e θ como ângulo vertical, mas parece que do outro jeito é mais intuitivo

ϕ e θ

3ª UM ÂNGULO VERTICAL ϕ QUE O RAIO r FORMA COM O EIXO VERTICAL QUE PASSA PELA ORIGEM E PELO ZÊNITE Z

ângulo vertical ϕ medido a partir do zênite

MAS, NO FINAL, O QUE VAMOS PRECISAR PARA AS GEODÉSICAS SÃO AS CORDAS

POR ISSO, EXISTE UMA FÓRMULA: (válida para dois pontos situados na mesma esfera)

distância entre dois pontos no espaço
vértices da geodésica

$$d = \sqrt{2 - 2(\cos \phi_1 \cdot \cos \phi_2 + \cos(\theta_1 - \theta_2) \sin \phi_1 \cdot \sin \phi_2)}$$

ou

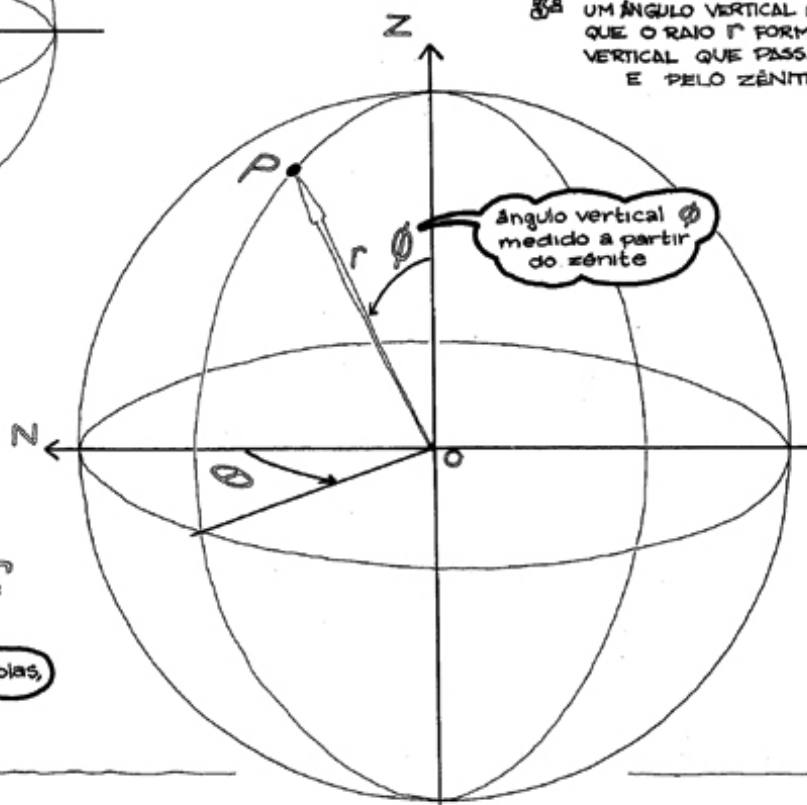
$$d = \sqrt{r_1^2 + r_2^2 - 2r_1r_2(\cos \phi_1 \cdot \cos \phi_2 + \cos(\theta_1 - \theta_2) \sin \phi_1 \cdot \sin \phi_2)}$$

ela tá deduzida no "geodesic Math"

quando são dois pontos situados em esferas de raios diferentes e mesmo centro

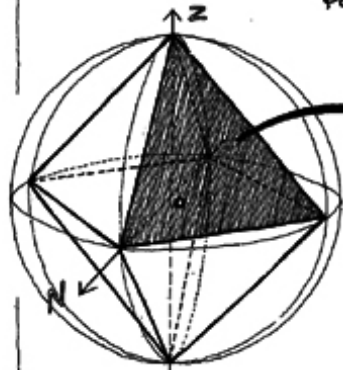
é usada para malhas duplas, elípticas, etc...

d = distância entre dois pontos no espaço

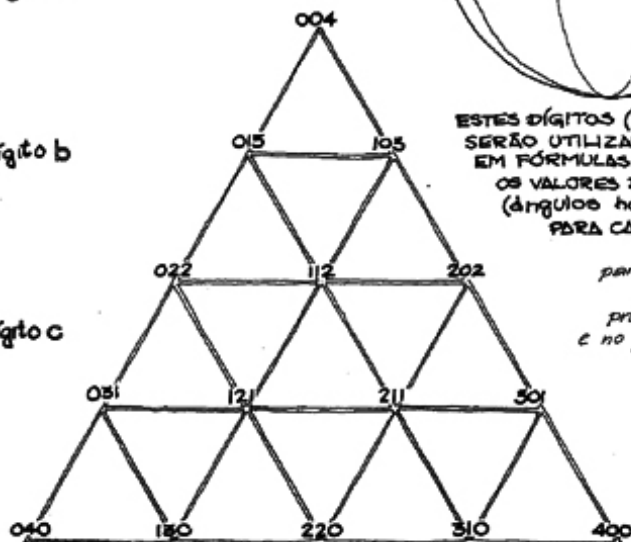
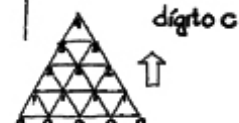
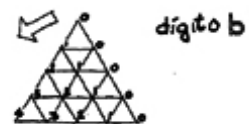


SÓ QUE,
PARA APLICARMOS A FÓRMULA DE d
É PRECISO LOCALIZARMOS (ATRAVÉS DE r, θ E ϕ)
TODOS OS PONTOS DA GEODÉSICA.

PODEMOS USAR OS PROCESSOS VISTOS ANTERIORMENTE
OU DA SEGUINTE MANEIRA:

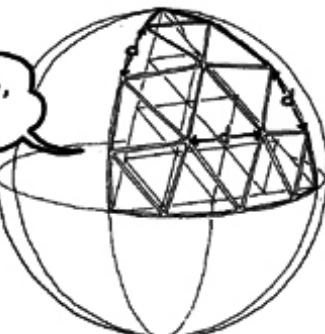


TAÍ A ORDEM DE
COLOCAÇÃO DOS
DÍGITOS



CONSIDERE
UM TRIÂNGULO DO POLIEDRO PRINCIPAL
(QUE VAI ORIGINAR SUA GEODÉSICA)
CUJO VÉRTICE ESTÁ NO ZÊNITE
DEPOIS DE DIVIDI-LO NA FREQUÊNCIA DESEJADA
IDENTIFIQUE CADA VÉRTICE POR 3 DÍGITOS
O 1º DÍGITO CHAMAREMOS DE a
O 2º b
E O 3º c

por exemplo,
um 4 15



ESTES DÍGITOS (a, b e c)
SERÃO UTILIZADOS DIRETAMENTE
EM FÓRMULAS QUE DARÃO
OS VALORES DE θ E ϕ
(ângulos horizontal e vertical)
PARA CADA VÉRTICE

parece estranho usar dígitos para se encontrar
ângulos, mas se observarmos a
projeção desse triângulo no plano horizontal
e no plano vertical, verificamos que
 a, b e c
são valores reais nos
respectivos eixos

ETAS AS FÓRMULAS PARA θ E ϕ

PARA O TETRAEDRO

alternate

triacon

sendo

$$\operatorname{tg} \theta = \frac{A}{B}$$

$$\operatorname{tg} \theta = \frac{A}{B}$$

$$A = a\sqrt{3}$$

$$\operatorname{tg} \phi = \frac{\sqrt{A^2 + B^2}}{C}$$

$$\operatorname{tg} \phi = \frac{\sqrt{A^2 + B^2}}{2C}$$

$$B = 2b - a$$

$$C = \frac{(3c - a - b)}{\sqrt{2}}$$

no triacon,
as coordenadas valem
para um triângulo
do topo

ex:



PARA O ICOSAEDRO

alternate

triacon

$$\operatorname{tg} \theta = \frac{A}{B}$$

$$\operatorname{tg} \theta = \frac{A}{B}$$

$$\operatorname{tg} \phi = \frac{\sqrt{A^2 + B^2}}{C}$$

$$\operatorname{tg} \phi = \frac{\sqrt{A^2 + B^2}}{C \cos 36^\circ}$$

sendo

$$A = a \cdot \sin 72^\circ$$

$$B = b + a \cdot \cos 72^\circ$$

$$C = \frac{\text{frequência}}{2} + \frac{c}{2 \cos 36^\circ}$$

PRO OCTAEDRO

alternate

triacon

$$\operatorname{tg} \theta = \frac{A}{B}$$

$$\operatorname{tg} \theta = \frac{A}{B}$$

$$\operatorname{tg} \phi = \frac{\sqrt{A^2 + B^2}}{C}$$

$$\operatorname{tg} \phi = \frac{\sqrt{A^2 + B^2}}{C}$$

COM OS ÂNGULOS ASSIM OBTIDOS,
CALCULAMOS AS DISTÂNCIAS d
QUE SÃO AS CORDAS (BARRAS).
POR SIMETRIA (OS TRIÂNGULOS DO
POLIEDRO PRINCIPAL SÃO TODOS IGUAIS)
REPETIMOS AS BARRAS PROS OUTROS
TRIÂNGULOS.

SE PRECISARMOS DOS ÂNGULOS DOS VÉRTICES DE OUTROS TRIÂNGULOS,
PRECISAREMOS USAR A CABEÇA E DESCOBRIR SIMETRIAS
QUE NOS LEVEM A SIMPLEMENTE SOMAR OU DIMINUIR
CONSTANTES AOS ÂNGULOS JÁ ENCONTRADOS.

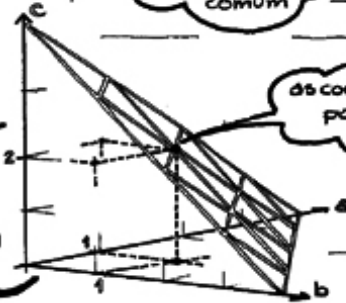
POR EXEMPLO:

os θ s desse triângulo
são os mesmos
do triângulo
de cima e os ϕ s
são simétricos em
relação à aresta
comum

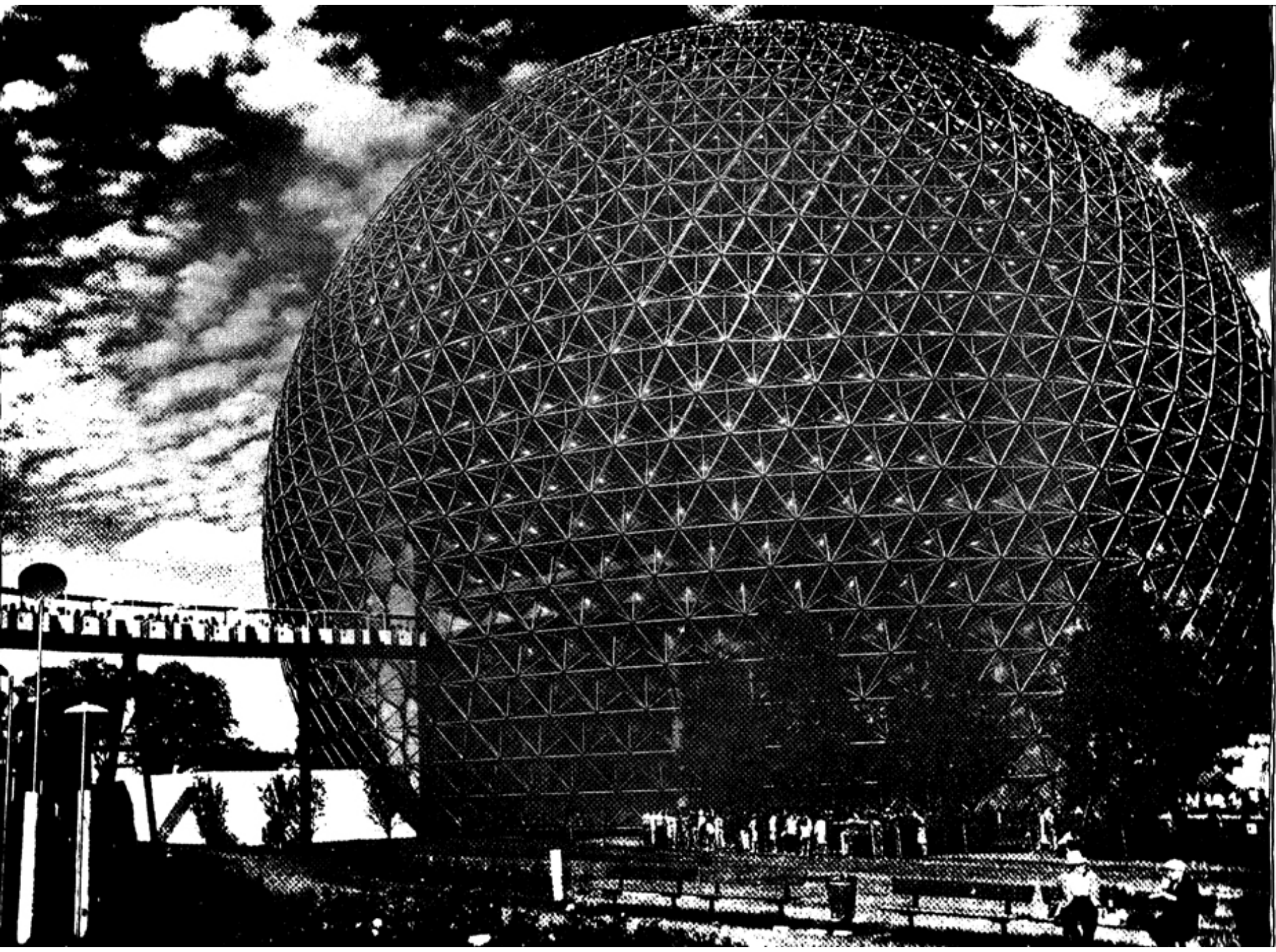


plano
vertical

plano
horizontal



as coordenadas desse
ponto são
2 11

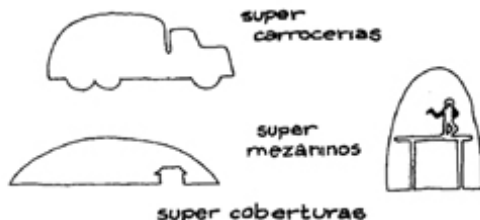


REALIZADA NA EXPOSIÇÃO MUNDIAL DE MONTREAL (1967) PROJETADA POR FULLER. O DOMO TEM 76m DE DIÂMETRO E SEU PISO É DE 600 T. O QUE DÁ UM 40kg/m^2 . A MALHA É DUPLA E FOI COBERTO COM ACRÍLICO APOIADO NA INTERNAL.

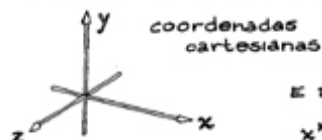
ELIPSES

SUPER-CIRCUNFERÊNCIAS SUPER-ELIPSES

PRA VOCÊ FAZER



VOCÊ TEM QUE LEMBRAR DO DESCARTES



E DA EQUAÇÃO

$$\frac{x^k}{a^k} + \frac{y^m}{b^m} + \frac{z^n}{c^n} = 1$$

COMO DÁ PRA TRABALHAR SÓ NO PLANO,
A GENTE FAZ $z=0$

$$\frac{x^k}{a^k} + \frac{y^m}{b^m} = 1$$

BRINCANDO DE DAR VALORES A a, b, k e m
PODEMOS CONSTRUIR QUALQUER TIPO DE CURVA

os limites dessas
curvas são

um quadrado ou um retângulo

e têm origem
num ponto



CIRCUNFERÊNCIA

$$x^2 + y^2 = 1$$

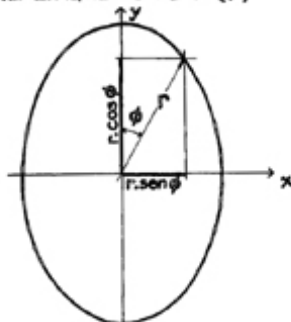
ELIPSE

$$x^2 + \frac{y^2}{b^2} = 1$$

(p/ elipse, r é variável)

$$\frac{x^k}{a^k} + \frac{y^m}{b^m} = 1$$

MAS,
COMO NINGUÉM CONHECE
A LÍNGUA DO x E DO y ,
É MELHOR TRADUZIR-LA
PRA LÍNGUA DO RAIO (r)



$$x = r \cdot \sin \phi$$

$$y = r \cdot \cos \phi$$

OLHA SÓ O QUE SOBRA

$$r = \sqrt{\frac{E^2}{E^2 \cdot \sin^2 \phi + \cos^2 \phi}}$$

fixando E
e variando ϕ
obteremos o
valor do r
para
aquele
 ϕ

não assusta
com esse E , não.
com ele você faz maravilhas.
Ele é o b da outra equação.
é chamado de

EXPANSÃO e

trata-se de uma relação
entre o raio da elipse e o raio = 1
de uma circunferência concêntrica.
Então, se $E > 1$

se $E < 1$

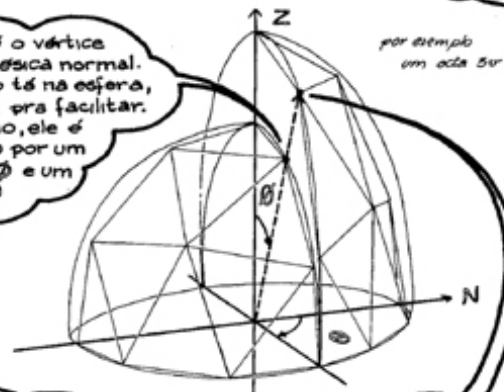
PARA CONSTRUIRMOS UM ELIPSOIDE,
VAMOS FAZER O SEGUINTE:

LANÇE MÃO DE UMA GEODÉSICA NORMAL, ESFÉRICA,
VOCÊ CONHECE SUA VIDA, SUAS BARRAS,
SEUS VÉRTICES E SEUS ÂNGULOS ϕ E θ

ELA SERÁ USADA COMO BASE
PARA A OBTENÇÃO DO ELIPSOIDE.

olha
a folha
anterior

esse é o vértice
da geodésica normal.
esse ponto tá na esfera,
de raio = 1, pra facilitar.
além do raio, ele é
localizado por um
ângulo ϕ e um
ângulo θ



por exemplo
um ângulo 50°

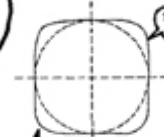
não se esqueça:
calcule todos os pontos
de apenas uma das faces
do poliedro principal
depois calcule d
usando r_1 e r_2
(cada ponto tem
um r
diferente)

ai você
tem os d
logo, você tem
as barras de
um elipsóide!

repare que o
vértice encontrado
na elipse é localizado
pelos mesmos ângulos do ponto da
geodésica comum.
o que varia é só o raio.
pra encontrá-lo é só entrar com o
valor de ϕ e a Expansão que você
escolheu na fórmula da elipse.

SE, NAS FÓRMULAS
DA CIRCUNFERÊNCIA E DA ELIPSE,
VARIARMOS OS EXPOENTES,
OBTEREMOS OUTROS TIPOS DE CURVAS.
SE ADOTARMOS UM EXPOENTE > 2
TEREMOS AS SUPERCURVAS

super-
circunferência



$$r = \sqrt[25]{\frac{1}{\sin^2 \phi + \cos^2 \phi}}$$

$$r = \sqrt[25]{\frac{E^2}{E^2 \cdot \sin^2 \phi + \cos^2 \phi}}$$

superelipse

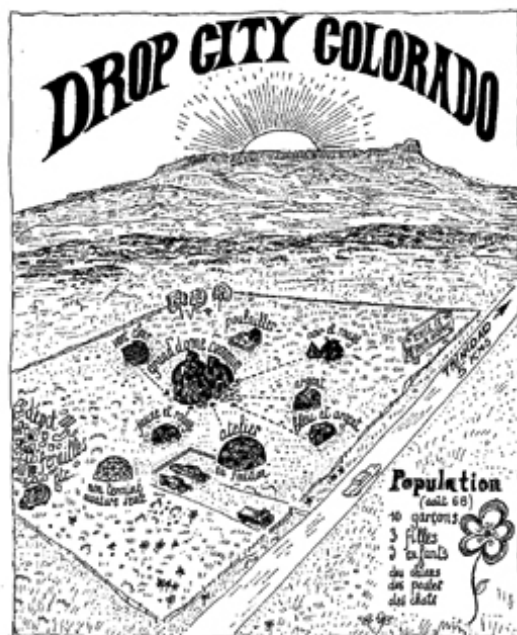


PRA CHEGAR NAS
SUPER GEODÉSICAS
FAÇA O MESMO QUE
FOI FEITO COM AS
ELIPSES

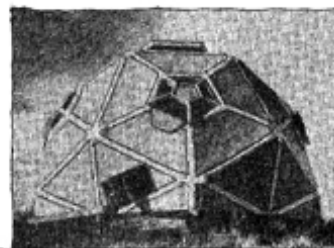
peque um
papel
milimetrado
e uma calculadora
e desenha várias curvas
variando a, b, k e m



Dom Building nº 2



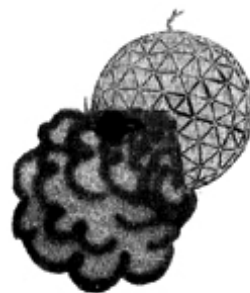
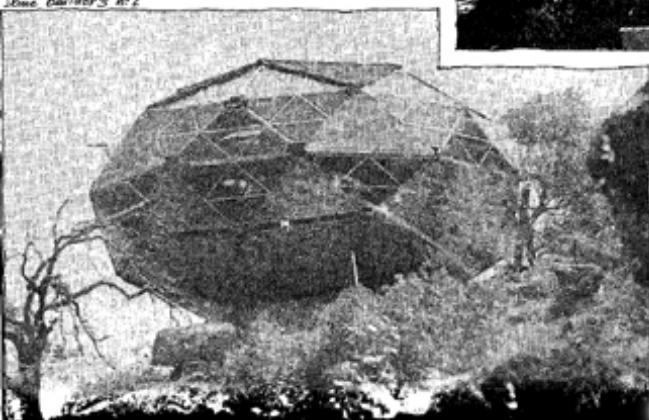
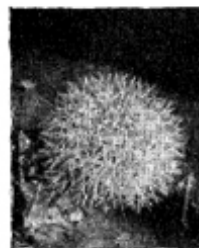
L'Architecture D'aujourd'hui 141



Conjunto Nacional - Projeto David Libeskind



Dom Building nº 2

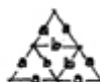


Vista externa e interna da Octagon House (proj. Keith Christian)
Revestimento encimado com Fiber glass

COMECE POR AQUI

SUAS EXPERIÊNCIAS COM AS GEODÉSICAS

- 1 ESCOLHA NAS TABELAS UM POLIEDRO QUALQUER, POR EXEMPLO, UM ICOSAEDRO, FREQUÊNCIA BAIXA (VOCÊ AINDA NÃO TEM PRÁTICA!) POR EXEMPLO, $f=2$.



fatores de corda

$$a = 0,5465506$$

$$b = 0,61803399$$

- 2 a e b SÃO OS COMPRIMENTOS DAS BARRAS EXPRESSOS EM FATOR DE CORDA, ISTO É, VOCÊ DEVE MULTIPLICÁ-LOS PELO RAIO DA ESFERA QUE VOCÊ PRETENDE FAZER (POR EXEMPLO, 20cm).

- 3 ARRANJE CANUDINHOS DE PLÁSTICO, DESSES DE TOMAR GUARDNÁ, DE PREFERÊNCIA EM CORES VARIADAS.



- 4 CORTE OS CANUDINHOS COM UMA TESOURA.

60 PEDAÇOS DE $(0,5465506 \times 20\text{cm}) \approx 10,9\text{cm} = a$
60 PEDAÇOS DE $(0,61803399 \times 20\text{cm}) \approx 12,4\text{cm} = b$
USE CORES DIFERENTES PARA a E b .



voce poderá fazer modelos maiores usando tubos (por ex.: condutos), amasse as pontas, fure-as e prenda-as com parafuso e porca (4 arruelas)



ou ao invés de cartão duplex, use papelão. faça vincos com o cabo de uma colher criando abas para colagem e união das peças triângulares



benzina

de duas

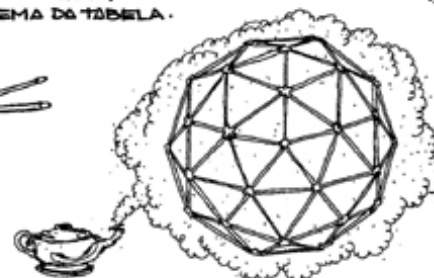
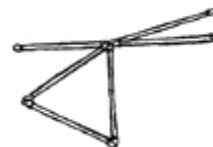
- 5 MOLHE AS PONTAS DOS CANUDINHOS (5 A 10mm) EM 'CASCOLA' OU COLA BENZINA E DEIXE-OS SECAR SEPARADAMENTE, ENFILEIRADOS NO CHÃO, POR VOLTA DE 15 MINUTOS.



cola



- 6 VÁ JUNTANDO OS CANUDINHOS (ELES COLARÃO IMEDIATAMENTE), SEGUINDO O ESQUEMA DA TABELA.



DEPOIS DESTA AGRADÁVEL EXPERIÊNCIA, PÁSE PARA OS MODELOS EM CARTÃO "DUPLEX". SÓ QUE, OS TRIÂNGULOS, PELO FATO DE NÃO SEREM COPLANARES, FICARÃO ASSIM:



$f2$



$f3$

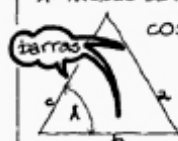


$f4$

TABELAS

expressas em favor de corda (multiplique pelo raio desejado para obter o comp. da barra)

A = ÂNGULO DA FACE

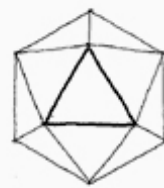


$$\cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$$



$$A = 180^\circ \cdot \frac{\pi}{2}$$

sen $\frac{\alpha}{2}$ = comp da barra
2.R
raio da esfera



ICOSAEDRO



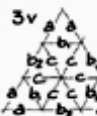
20 FACES
12 VÉRTICES
30 ARESTAS

a = 1,0546222 D = 138,184684°



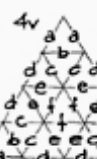
80 F
42 V
120 A

a = 0,54653306 D = 157,541075°
b = 0,61803399 D = 161,970892°



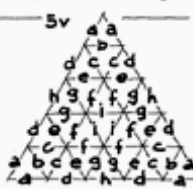
180 F
92 V
270 A

a = 0,34861548 D = 165,564789°
b = 0,40354822 D = 168,641064°
c = 0,41241149 D = 165,542280°
D = 166,421442°



320 F
162 V
480 A

a = 0,25318459 D = 169,490046°
b = 0,29524181 D = 172,197790°
c = 0,29453084 D = 169,617161°
d = 0,29858815 D = 169,505737°
e = 0,31286893 D = 169,981901°
f = 0,32491969 D = 169,642082°



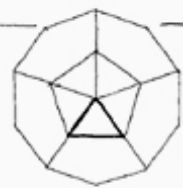
500 F
252 V
750 A

a = 0,19814743 D = 171,765753°
b = 0,25179025 D = 174,186995°
c = 0,22568578 D = 171,730190°
d = 0,25159760 D = 171,783824°
e = 0,24724291 D = 172,477804°
f = 0,25516701 D = 171,745039°
g = 0,24508578 D = 171,544544°
h = 0,24534642 D = 171,838518°
i = 0,26159810 D = 171,555503°



720 F
362 V
1080 A

a = 0,16256722 D = 173,240530°
b = 0,19047686 D = 175,412319°
c = 0,18190825 D = 173,170748°
d = 0,18738340 D = 175,254915°
e = 0,20281969 D = 174,151815°
f = 0,20590773 D = 175,178770°
g = 0,19801258 D = 172,856775°
h = 0,20590774 D = 175,178778°
i = 0,21535373 D = 175,202995°
j = 0,21535373 D = 175,202999°
k = 0,21662821 D = 172,843306°
l = 0,20281970 D = 175,318593°



DODECAEDRO OU ICOSA TRIACON



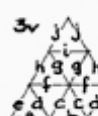
60 F
32 V
90 A

a = 0,713640 b = 0,640850



240 F
122 V
360 A

a = 0,562841 d = 0,376681
b = 0,340339 e = 0,324734
c = 0,324734



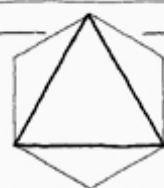
540 F
272 V
810 A

a = 0,237657 f = 0,252116
b = 0,252597 g = 0,225438
c = 0,228242 h = 0,224087
d = 0,225128 i = 0,248539
e = 0,213490 j = 0,218490



960 F
482 V
1440 A

a = 0,175924 e = 0,166935
b = 0,188429 f = 0,188465
c = 0,171879 g = 0,185219
d = 0,169507 h = 0,191986

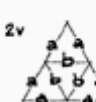


OCTAEDRO



8 F
6 V
12 A

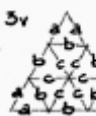
a = 1,414213



32 F
18 V
48 A

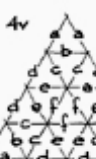
a = 0,765367

b = 1,000000



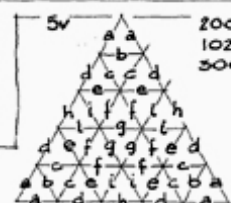
72 F
38 V
108 A

a = 0,459507 c = 0,671421



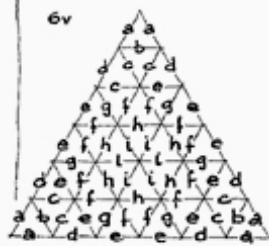
128 F
66 V
192 A

a = 0,320865
b = 0,447214
c = 0,458871
d = 0,459506
e = 0,517638
f = 0,577550



200 F
102 V
300 A

a = 0,2443665 f = 0,4369576
b = 0,3429372 g = 0,4714045
c = 0,3141525 h = 0,3922525
d = 0,3413447 i = 0,3885865
e = 0,4003343



a = 0,197077 f = 0,331931
b = 0,277350 g = 0,236052
c = 0,241971 h = 0,377964
d = 0,265467 i = 0,385176
e = 0,320364

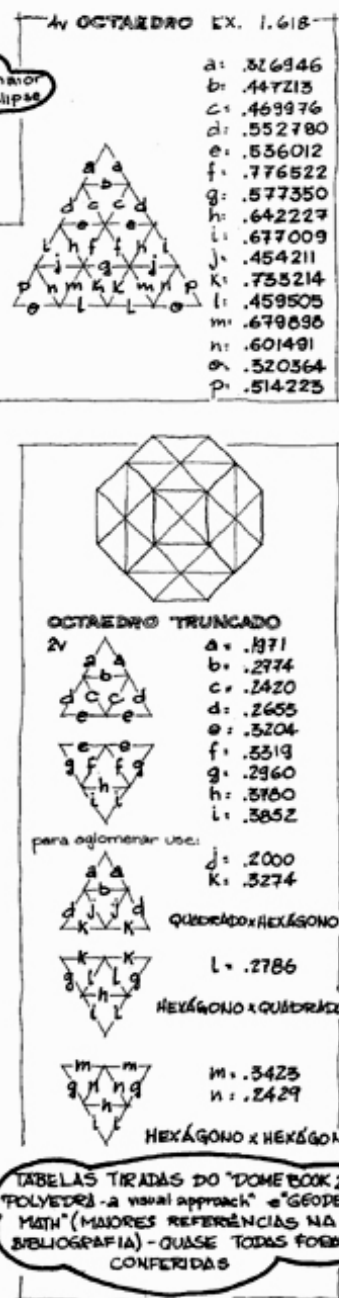
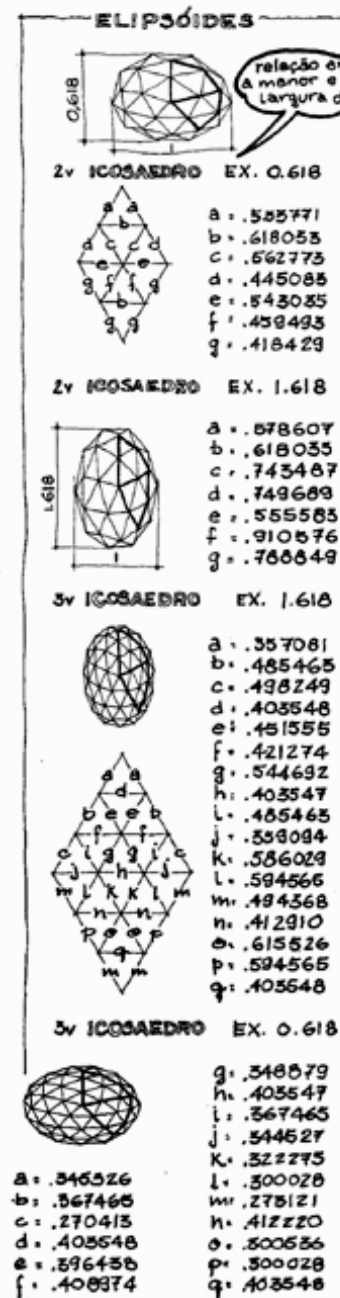
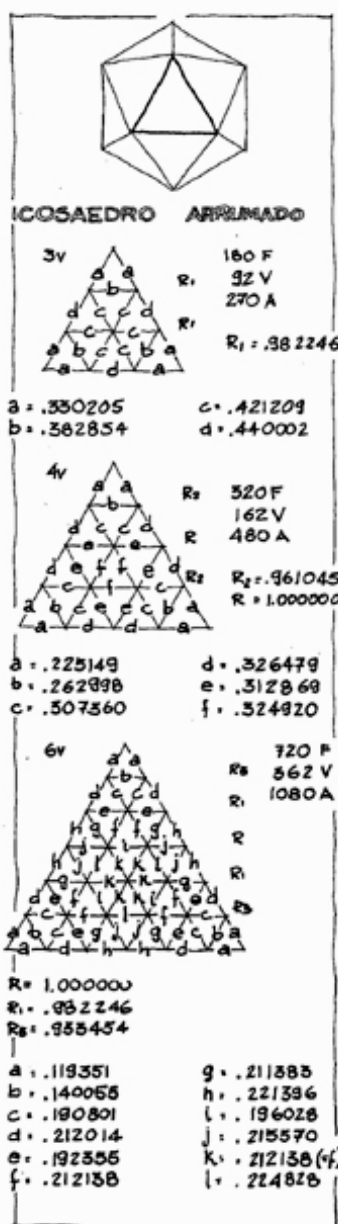
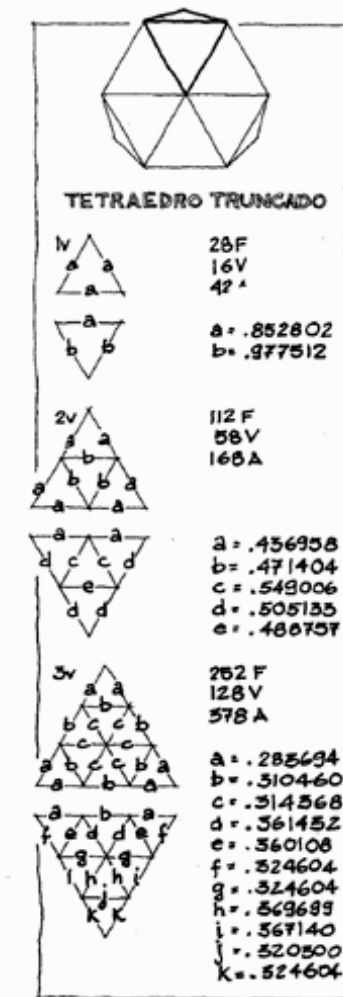
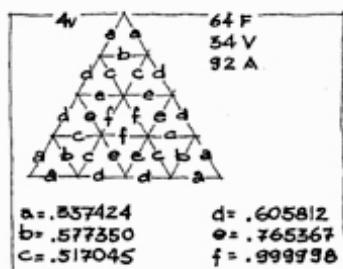
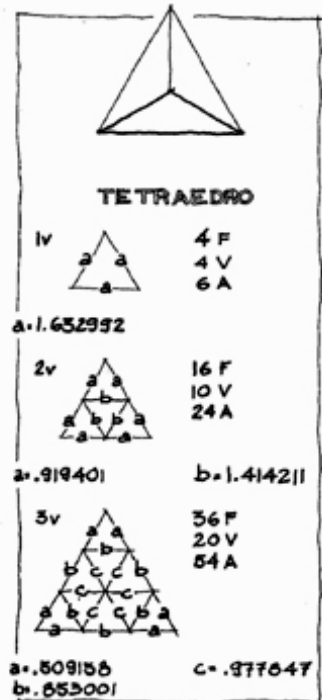
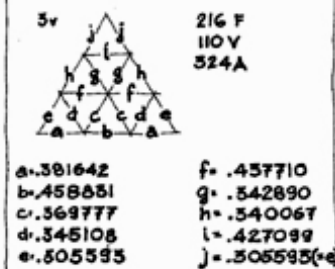
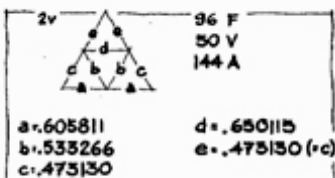


CUBO OU OCTAEDRO TRIACON



24 F
14 V
36 A

a = 1,157362
b = 0,919402



FULLER OBSERVA QUE OS ESFORÇOS DE COMPRESSÃO SÃO MAIS DIFÍCEIS DE SEREM SUPOSTADOS QUE OS DE TENSÃO, SOB O PONTO DE VISTA DOS MATERIAIS E SUAS FORMAS.

ENTÃO, É MUITO MAIS ECONÔMICO O USO DA TRAÇÃO. MAS O IDEAL ECONÔMICO É A PERFEITA COMBINAÇÃO ENTRE TRAÇÃO E COMPRESSÃO.

UM EXEMPLO SIMPLES PODE SER ENCONTRADO EM ALGUNS QUINTAIS POR AÍ.

TRATA-SE DA SOLUÇÃO EMPREGADA PARA AUMENTAR A ALTURA DE UM VARAL.



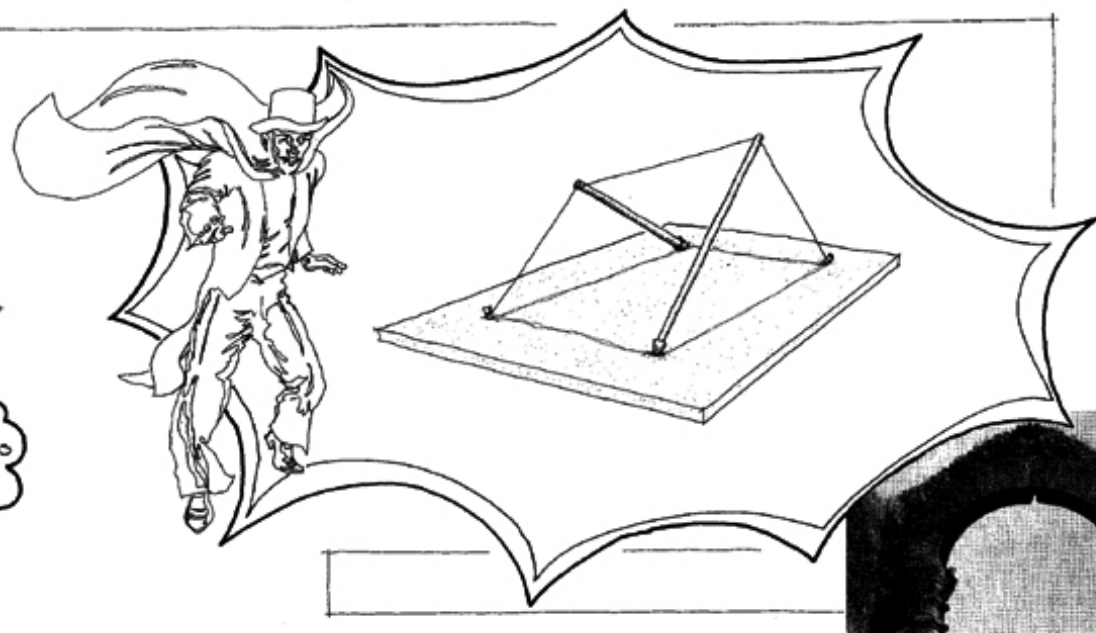
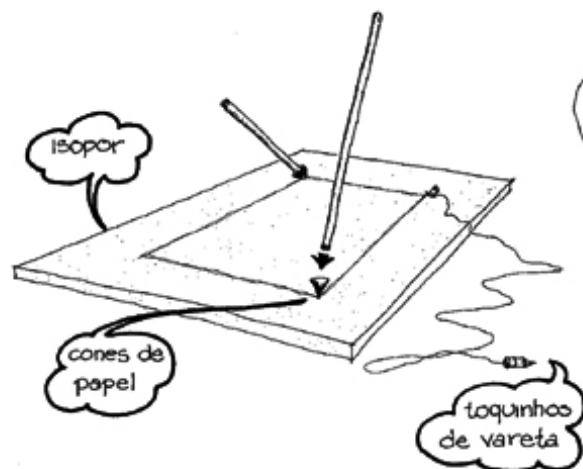
É ESSE O PRINCÍPIO DO USO IDEAL DA TRAÇÃO E DA COMPRESSÃO. ESSE PRINCÍPIO É CHAMADO DE

TENSÃO INTEGRAL

segundo Fuller, a Tensão Integral é: "um sistema estabelecido quando uma porção de elementos descontínuos em compressão interagem com vários componentes contínuos em tração para definir um volume estável no espaço"

UM MODELO BEM SIMPLES PODE SER MONTADO, FACILITANDO A VISUALIZAÇÃO DO QUE ACONTECE →





DUAS GRANDES DIFERENÇAS ENTRE
ESSA ESTRUTURA E OUTRAS:

- MAIS COM MENOS
- NÃO CAI



NUMA ESTRUTURA SIMPLES, A CONTINUIDADE NA TRANSMISSÃO DAS FORÇAS É CONSEGUÍDA POR MEIO DE MEMBROS EM COMPRESSÃO. ALGUNS ELEMENTOS EM TENSÃO SÃO USADOS QUANDO NÃO SE PODE EVITAR (É O CASO DE TIRANTES, CABOS PROTENDIDOS, ETC.). NO ENTANTO, O QUE REALMENTE MANTÉM ESSAS ESTRUTURAS EM PÉ É O SEU PESO.

NO CASO DE UMA ESTRUTURA EM "TENSÃO INTEGRAL", OS ELEMENTOS QUE DÃO CONTINUIDADE À TRANSMISSÃO DOS ESFORÇOS DE TRACÇÃO SÃO FIOS TENSIONADOS FORMANDO UMA MALHA CONTÍNUA AO REDOR DE ELEMENTOS COMPRIMIDOS DESCONTÍNUOS.

DESSA FORMA ATINGE-SE O EQUILÍBRIO ENTRE TRACÇÃO E COMPRESSÃO.

ISSO É "TENSÃO INTEGRAL", APELIDADA POR FULLER DE

„Tensegrity“

a "integrity tension" foi descoberta acidentalmente por um aluno de fuller enquanto fazia móveis

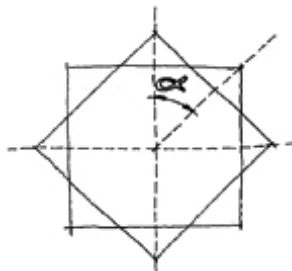
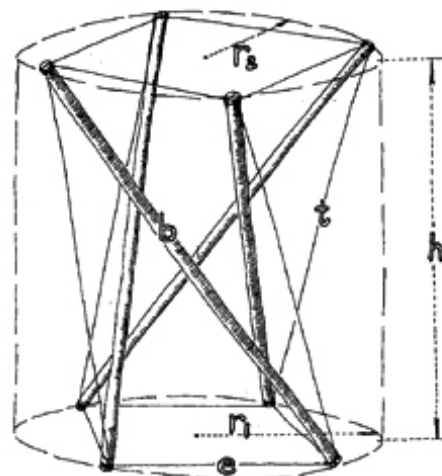
VOCÊ PODE CONSTRUIR MODELOS EM "TENSEGRITY"? EXISTEM VÁRIOS PROCESSOS DE CONFECCÃO DESSOS MODELOS. UM DELES, TALVEZ O MAIS PRÁTICO, É USANDO VARETAS JAPONESAS, ELÁSTICO E ALFINETES.

OUTRO SISTEMA, MAIS DURADOURO, É O QUE UTILIZA LINHA DE 'NYLON' (DE TAPECEIRO) E ESPETO DE MADEIRA PARA CHURRASCO (TEM EM QUALQUER SUPERMERCADO)



TENSEGRITY

PRISMAS (TENSURI)



$$\alpha = 90^\circ - 180^\circ/n$$

número
de barras

SÓ EXISTEM TENSURI REGULARES ($b=t$)
APENAS COM

3, 4 e 5 barras

FICA FÁCIL, ENTÃO, ESTABELECEER
A RELAÇÃO b/t PARA CADA TENSURI:

3 barras $\rightarrow \frac{b}{t} = \frac{1}{0,68125}$

4 barras $\rightarrow \frac{b}{t} = \frac{1}{0,6436}$

5 barras $\rightarrow \frac{b}{t} = \frac{1}{0,60843}$

para
 $h=2r$

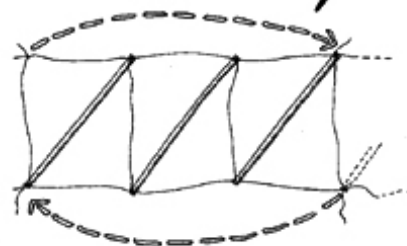
$$\text{barras } (b) = \sqrt{r_1^2 + r_2^2 + 2r_1r_2 \sin(180^\circ/n) + h^2}$$

$$\text{tensões laterais } (t) = \sqrt{r_1^2 + r_2^2 - 2r_1r_2 \sin(180^\circ/n) + h^2}$$

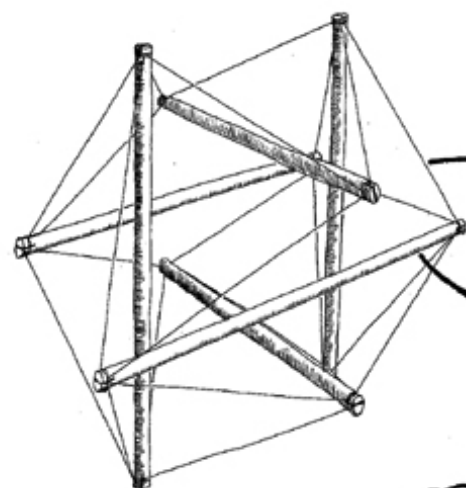
$$\text{tensões extremos } (e) = 2r_{\text{méd}} \sin(180^\circ/n)$$

$$\text{altura } (h) = \sqrt{\sin^2(180^\circ/n) - \sin^2(45^\circ - 90^\circ/n)}$$

Uma boa
para construir
prismatensegrity é
usar o esquema



ESFERAS (TENSFER)



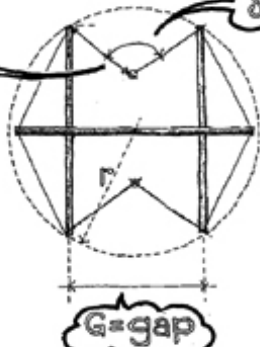
tensão

$$t = \sqrt{\frac{b^2 - b + 1}{2}}$$

barra

D=dip

δ =dip angle



G=gap

$$\delta = \frac{180^\circ}{n}$$

número de barras

$$G = \sin^2(\delta/2)$$

no plano do ângulo

$$D = \frac{\sin(\delta/2)}{2}$$

$$r = \sqrt{\frac{1+3G}{16G}}$$

isso é um fator de raio. para obter-se o valor do raio desejado usa-se a relação

$$R = br$$



D

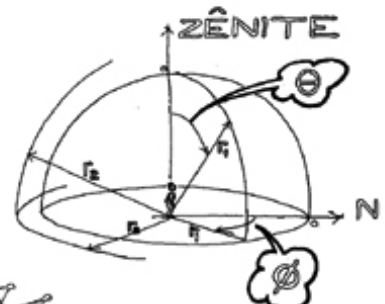
dG

depth gap profundidade

$$\theta = 180^\circ - \left(\frac{360^\circ}{n}\right)$$

$$dG = \sqrt{D^2 - (G/2)}$$

fórmulas tiradas de "Geodesic Math" Hugh Kenner



ZÊNITE

θ

ϕ

O ATO DE EMPURRAR OU AFASTAR AS BARRAS DE UM TENSEGRITY IMPLICA UM COMPORTAMENTO IGUAL AO DO ESQUEMA



tensão ou compressão



equilíbrio

distância entre as barras

VOCÊ VAI NOTAR QUE ISSO É NADA MAIS NADA MENOS QUE O SÓMO DA ESTRUTURA GEODÉSICA DE TAL FORMA QUE VOCÊ PODE ATÉ TER, PARA O CASO DA TENSFER E DA PRÓPRIA GEODÉSICA, O SEGUINTE CAMINHO PARA DESCOBRIR O TAMANHO DAS BARRAS:

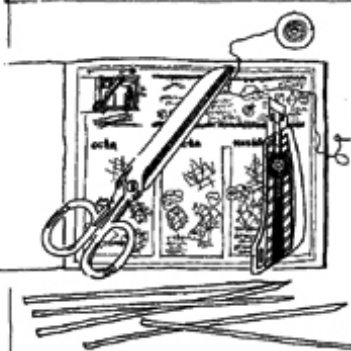
para qualquer caso (elipses, malhas duplas, etc)

$$d = \sqrt{r_1^2 + r_2^2 - 2r_1r_2[\cos\theta\cos\phi_2 + \cos(\phi_1 - \phi_2)\sin\theta\sin\phi_2]}$$

$$d = \sqrt{2 - 2[\cos\theta\cos\phi_2 + \cos(\phi_1 - \phi_2)\sin\theta\sin\phi_2]}$$

para as esferas ($r_1 = r_2$)

nesses casos, d é um fator de corda. multiplique-o pelo raio



use canudinhos para refrigerante

para construir os sólidos de apoio



corte-os em função do tamanho do palito. no caso, por volta de 10 cm

para colá-los, use "cascola" ou cola benzina. molhe as pontas, separe os canudinhos e deixe-os secar por 15 minutos

depois de seco é só juntar



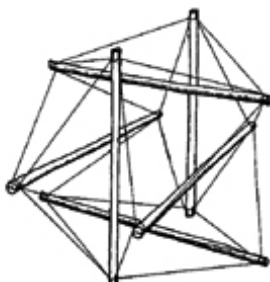
estruture os poliedros formando triângulos, usando a relação indicada para cada figura.



use cor diferente

nos três tensegrity's aí embaixo, a relação entre o lado do sólido base e a barra do sistema já tá calculado

octa

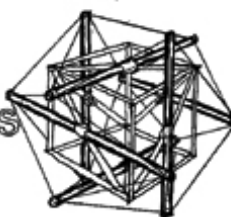


8 barras
24 tendões



cubo

12 arestas



cubocta



dodeca
rômbo

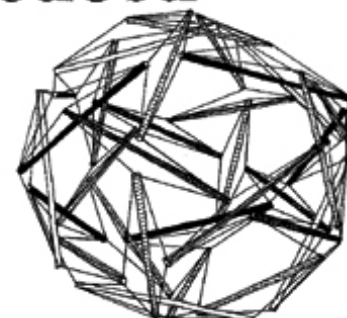


12 barras
24 tendões (0,59)
24 tendões (0,51)

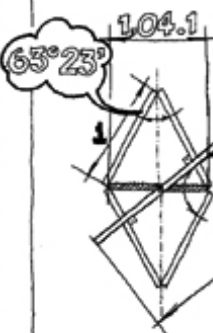


24 arestas

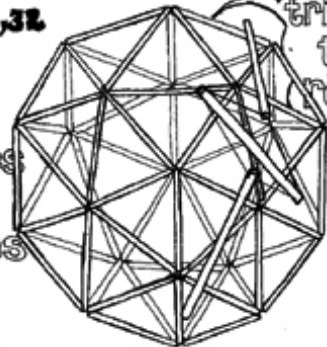
icosidodeca



60 arestas



30 barras
60 tendões (0,54)
60 tendões (0,50)



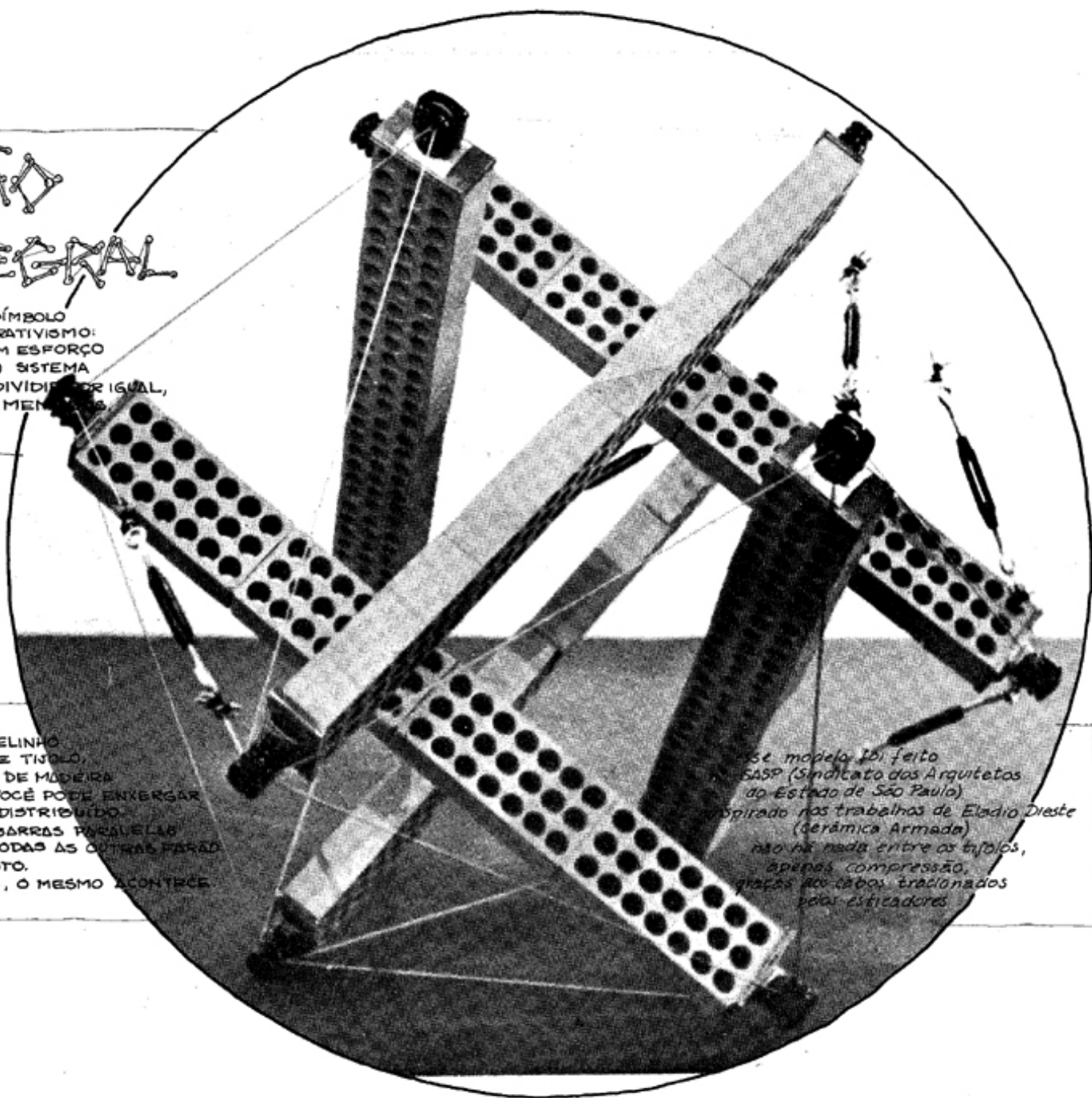
triacon
taedro
rômbo

TENSÃO INTEGRAL

É O SÍMBOLO
DO COOPERATIVISMO:
SE VOCÊ INTRODUIZIR UM ESFORÇO
EM QUALQUER PONTO, O SISTEMA
SE MOVIMENTARÁ ATÉ DIVIDIR IGUAL,
ENTRE TODOS OS SEUS MEMBROS,
ESSE ESFORÇO.

COM UM MODELINHO
IGUAL A ESSE DE TÍTULO,
FEITO DE VARETAS DE MADEIRA
E LINHAS DE NYLON, VOCÊ PODE ENXERGAR
ESSE ESFORÇO SENDO DISTRIBUÍDO.
SEGURE EM DUAS BARRAS PARALELAS
E APROXIME-AS: TODAS AS OUTRAS PARARÃO
O MESMO MOVIMENTO.
ÃO AFASTA-LAS, O MESMO ACONTECE.

Esse modelo foi feito
pelo CASP (Sindicato dos Arquitetos
do Estado de São Paulo)
inspirado nos trabalhos de Eladio Dieste
(cerâmica armada)
não há nada entre os tijolos,
apenas compressão,
graças aos cabos traçados
pelos esticadores.



TENSGEO (δ + DIPANGLE + O)

COMO VIMOS, ESTE ESPAÇO TENDE A ZERO, MAS PODEMOS ENCOMPRIDAR AS BARRAS, DE FORMA QUE SE TOQUEM. OS TENDÕES FICARÃO, ENTÃO, DUPLOS; PODEMOS SUBSTITUI-LO POR UM ÚNICO

E TAMBÉM PODEMOS FAZER UM CONJUNTO SÓ BARRAS + TENDÕES

tendões

linha teórica da barra (compressão)

essa placa rígida pode ser de madeira, alumínio, etc.

OS POLIEDROS DESCRITOS NO TENSFER PODERÃO SER EXECUTADOS COM ESSAS PLACAS RÍGIDAS

PARA SE CONSTRUIR DOMOS COM BARRAS E TENDÕES OU COM PLACAS RÍGIDAS, USE AS TABELAS DAS GEODÉSICAS

CÁLCULE OS TAMANHOS (TENDÕES E BARRAS) CONSIDERANDO QUE:

observe que esta barra começa numa face do poliedro principal e termina em outro

posição das barras ou placas

domo feito de compensado (2 chapas 1,10 x 2,20) baseado no icosaedro 4v horizontalizado

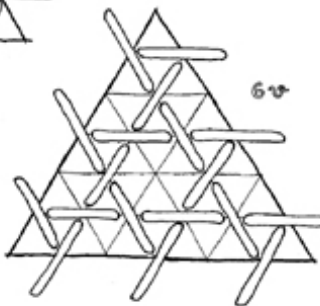
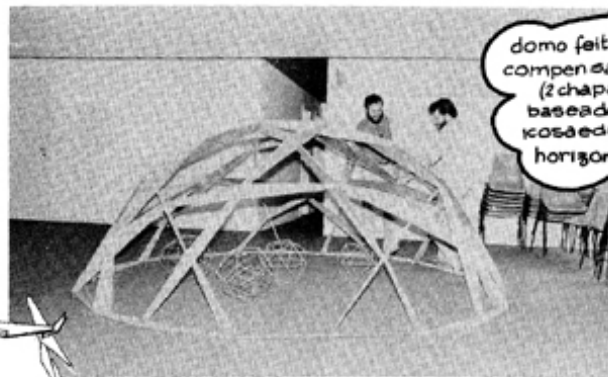
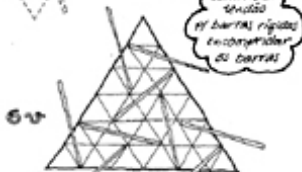
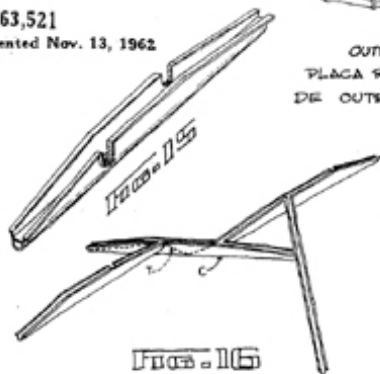
da pra transar um modelo com aquele plástico que imita papelão ondulado

OUTRO TIPO DE PLACA RÍGIDA, POSICIONADA DE OUTRA FORMA (VÁLIDA TAMBÉM N° BARRAS E TENDÕES)

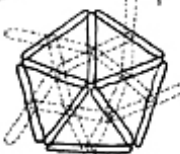
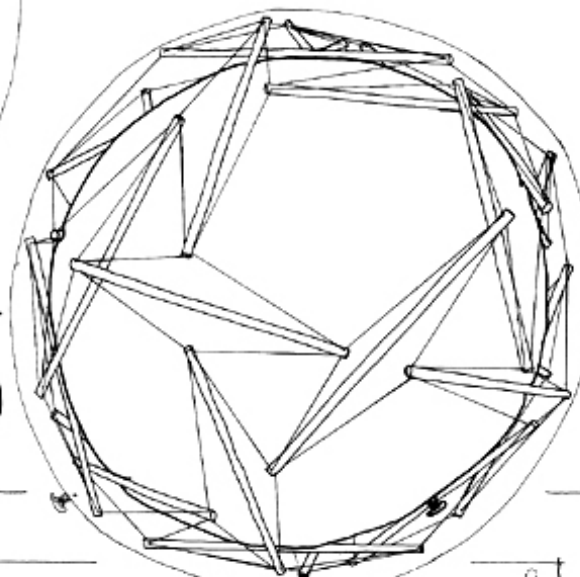
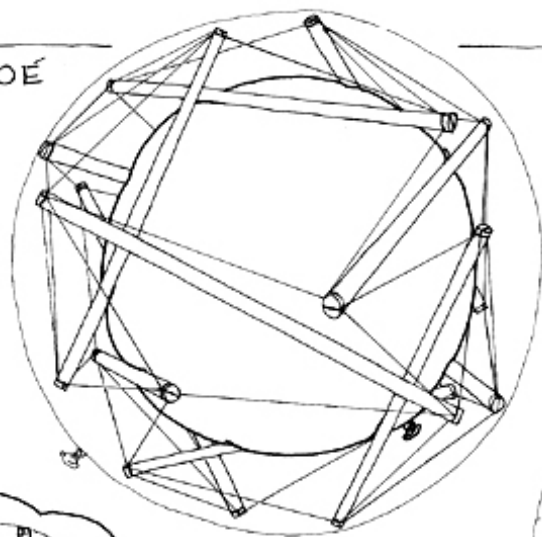
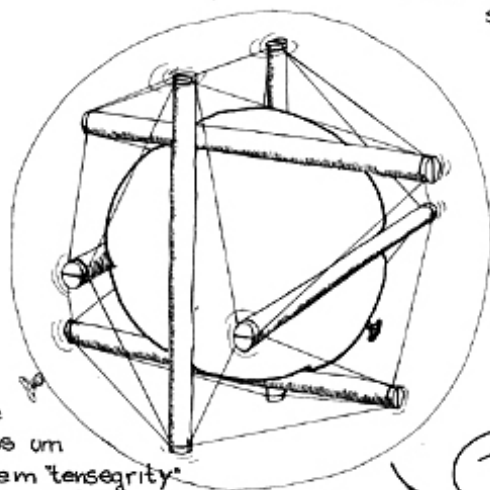
A VANTAGEM DESTES SISTEMA ESTÁ NO FATO DO NÓ NÃO PRECISAR SER TÃO ELABORADO E NÃO CORRE O PROBLEMA DO GIRO.

INVENTOR
R. BUCKMINSTER FULLER

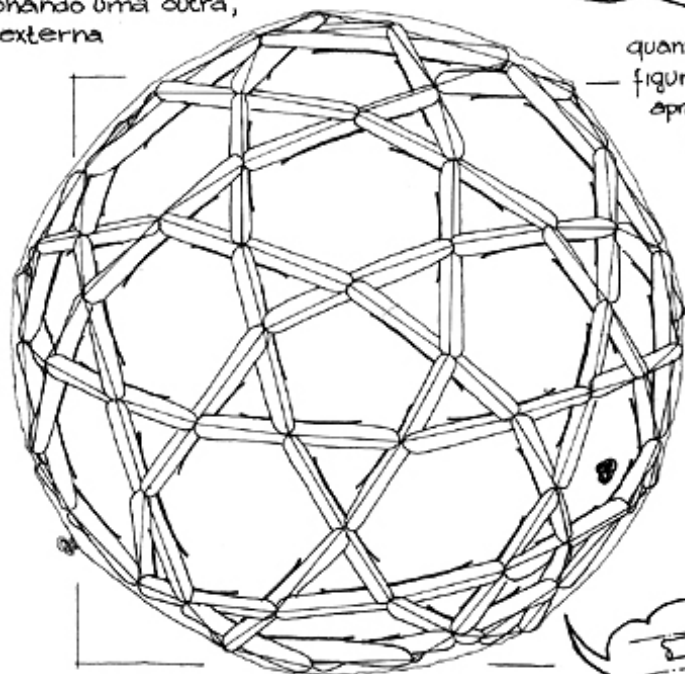
3,063,521
Patented Nov. 13, 1962



DA TENSÃO INTEGRAL PARA O DOMO GEODÉSICO, O
DESENVOLVIMENTO É
SIMPLES
...



é como se
tivéssemos um
sistema em "tensegrity"
no qual uma esfera
interna comprimida estaria
tracionando uma outra,
externa



quanto mais a
figura em "tensegrity"
aproximar-se de uma esfera,
mais as duas (externa e interna)
tenderão a ser uma,
isto é, mais e mais
o giro e o slip
tenderão a
zero

agora, vamos
imaginar as barras girando
em torno de seu ponto médio,
com suas pontas
divergindo-se para
o centro dos
pentágonos
e hexágonos

no final
do giro, as barras
estão dispostas
segundo uma
geodésica
comum

as nas geodésicas comuns
apresentam alguns problemas:

1. o giro: não conseguimos fazê-lo em ponto.
as barras acabam sendo presas formando
triângulos imperfeitos, com seis lados
(portanto instáveis)
2. se impedimos o giro
o nó deixa de ser uma
articulação e parece
aforças de flexão nas barras.
3. se assumirmos o giro do nó, procurando
estabilizá-lo mediante tendões presos nas barras vizinhas,
teremos um tensegrity, com a vantagem das barras serem
submetidas somente à compressão.

GEODÉSICAS

Domes

O DOMO GEODÉSICO PERTENCE A UMA ANTIGA CONCEPÇÃO DE MORADIA: A HABITAÇÃO PRÉ-HISTÓRICA OU MESMO ALGUMAS HABITAÇÕES INDÍGENAS ATUAIS, PERPETUADAS AO LONGO DO TEMPO.



Foto: Toulon

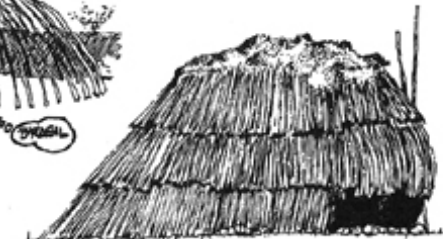
CASA DE UM CHIEFE INDÍGENA EM UMAS DAS ILHAS CAROLÍNAS, NO PACÍFICO. SUA ESTRUTURA É DE BEMBU, COBERTA COM CANA-DE-DEGÃO. O CHIEFE É DE CORAL, TRITURADO, COBERTO COM ESTRELOS FEITOS DE CAPIM. A FOTO É DE 1903.

DURANTE MUITO TEMPO O HOMEM VIVEU EM ESTRUTURAS COM ESSE FORMATO. EM ALGUNS LUGARES DO MUNDO, AINDA É A MANEIRA MAIS RACIONAL DE CONSTRUIR



VARAS DE MADEIRA

BRASIL



VEGETAL

QUÊNIA

GELO



ZONA GELADA

ESSAS CASAS DIZIAM MUITO DE SEUS HABITANTES. ELES EMPREGAVAM EM SUAS CONSTRUÇÕES MATERIAIS DISPONÍVEIS, QUE ESTAVAM AO ALCANCE DE SUAS MÃOS E COMPREENSÃO. O FORMATO DE SUAS HABITAÇÕES NÃO ERA GRATUITO. A FORMA DEFINIA, ENTRE OUTRAS FUNÇÕES, A ESTRUTURA, O CONDIÇÃOAMENTO TÉRMICO, ETC.

É O CASO DE OBSERVARMOS A NATUREZA. O HOMEM CONSTRÓI A ALGUNS MILHARES DE ANOS. A NATUREZA, A MILHÕES.



ALVENARIA

TUNÍSIA

O PÁSSARO TECELÃO CONSTRÓI SEU NINHO USANDO OS MATERIAIS DE FORMA INTUITIVA E VÁLIDA. INCLUSIVE A POSIÇÃO É ESTRATÉGICA. NENHUM ANIMAL PREDADOR PENSARIA EM ATACÁ-LO E CAIR NA ÁGUA. ALÉM DISSO, A ÁGUA EVAPORADA REFRESCARIA SEU "LIVING-ROOM".

O TECELÃO CONTINUA A CONSTRUÇÃO ADICIONANDO TIRAS DE CORTIÇA DO SALGUEIRO.

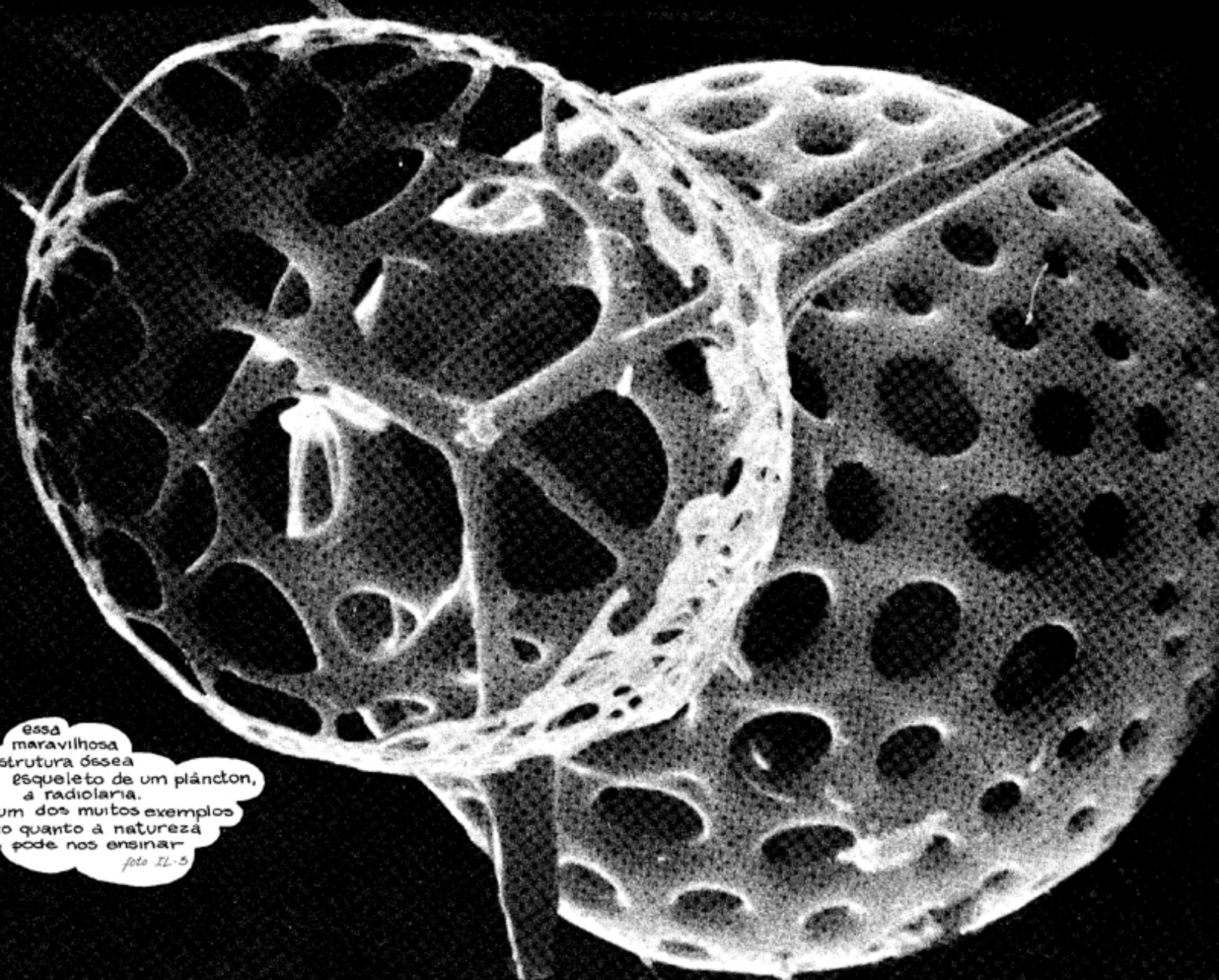
CONSTRÓI A ENTRADA E O "HALL"



O PRODUTO FINAL FICA ASSIM, À BEIRA DO RIO

Des. de IL-5/Frei Otto





Essa
maravilhosa
estrutura óssea
é o esqueleto de um plâncton,
a radiolária.
É um dos muitos exemplos
do quanto a natureza
pode nos ensinar.

foto IL-5

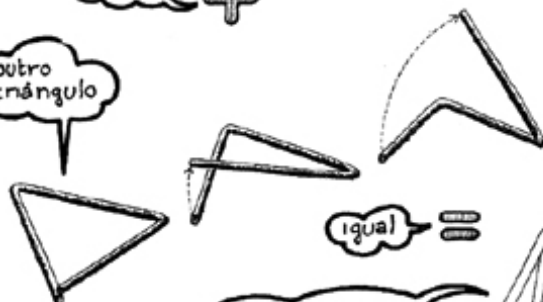
$$1 + 1 = 4$$

um triângulo



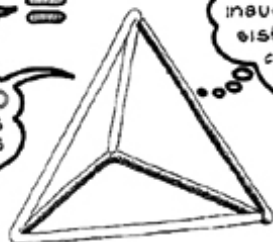
mais +

outro triângulo



igual =

UM TETRAEDRO
que é muito mais
que 2 triângulos



inaugura um
sistema
completamente
novo

É A PROVA
DA MAIS POTENTE
FORMA DE ENERGIA
QUE EXISTE,
A **SINERGIA**
OU A ENERGIA DA

Cooperação

QUE É A NOSSA PALAVRA CHAVE:
TANTO MELHOR SERÁ UMA ESTRUTURA
QUANTO MAIOR FOR A COOPERAÇÃO ENTRE
SEUS ELEMENTOS.

É A LEI DA ECONOMIA OU A LEI DO MENOR ESFORÇO
O IDEAL É CONSEGUIR O MÁXIMO POSSÍVEL UTILIZANDO
O MÍNIMO POSSÍVEL

• SINERGIA •

significa o
"comportamento do
sistema global, que não
pode ser previsto pelo
comportamento de suas
partes tomadas
separadamente"
(R. Buckminster
Fuller)
in "Synergetics"

NA ARQUITETURA VERNÁCULAR E
NA ARQUITETURA
DA NATUREZA
EXISTE ESSA SOMA
SINERGÉTICA,

CONSEGUINDO ANO APÓS ANO, SÉCULO APÓS SÉCULO,
CONSTRUÍDA COM OS MATERIAIS DISPONÍVEIS,
COM A TÉCNICA QUE O MANUSEIO DOS MATERIAIS PROPICIA,
DIRIGIDAS PARA UMA CULTURA DE TRANSFORMAÇÕES LENTAS
E LIVRE DE INFLUÊNCIAS PARASITAS EXTERNAS

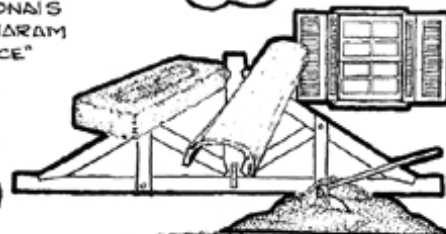


O "jort" é um exemplo.
É a habitação de diversas tribos
nômades da Ásia Central e
Oriente Próximo: um
engradado de madeira
"pentagonal" coberto
de lona e feltro.
odes. e do "Shelter"



PARA O NOSSO ESPAÇO CULTURAL, ESSA
É A IMAGEM QUE NOS VEM, AO PENSARMOS NA IDEIA "CASA"
OS NOSSOS CONSAGRADOS E TRADICIONAIS
MATERIAIS DE CONSTRUÇÃO PROPICIARAM
UM ALTO GRAU DE "PERFORMANCE"
DE NOSSAS CASAS, ISTO É,

idealizou-se a
forma mais econômica e
racional de se construir
com esses materiais
e com a técnica
disponível



na química
encontramos essa
prova a toda hora,
quando juntamos em proporções e
condições adequadas dois ou mais elementos
e obtemos um resultado surpreendente,
muito diferente da soma aritmética.
Por ex.: aço + níquel + cromo = aço-níquel-cromo
que é um aço muito mais resistente
que seus componentes
isoladamente.

MAS, NOSSO MEIO SOCIAL, CULTURAL
EM CONSTANTE MUTAÇÃO, EXIGE MUDANÇAS
EM NOSSA ARQUITETURA.

NOSSAS CASAS, ENTÃO, VIAJARAM QUILOMETROS NO LOMBO
DE CAMINHÕES, CONSUMINDO COMBUSTÍVEL,
PAVIMENTAÇÃO, ALÉM DE TEREM SIDO CONSTRUÍDAS
COM MATERIAIS PESADOS E COM MÃO-DE-OBRA
BARATA E DESQUALIFICADA.

PARA UMA SOCIEDADE JUSTA E EQUILIBRADA VIVER EM HARMONIA
COM A NATUREZA, TEMOS DE CONSIDERAR, NO PREÇO DOS MATERIAIS,
O TRABALHO QUE A NATUREZA TEVE PARA PRODUIZÍ-LO (EX: PETRÓLEO),
NO TRABALHO QUE ELA TERÁ PARA RECICLÁ-LO (EX: LIXO ATÔMICO) E NO
TRABALHO HUMANO REAL, JUSTO, POIS É INACEITÁVEL CONSIDERARMOS
ECONÔMICAS NOSSAS TÉCNICAS DE CONSTRUÇÃO (ALVENARIA, CONCRETO)
EM FUNÇÃO DA BAIXA REMUNERAÇÃO DA MÃO-DE-OBRA.

ALÉM DA FORMA E DOS MATERIAIS EMPREGADOS NA HABITAÇÃO, É IMPORTANTE LEVAR EM CONTA, TAMBÉM, SEU PESO.

EM "CONCEBENDO UMA NOVA INDÚSTRIA", BUCKMINSTER FULLER LIGA A IDÉIA DE EFICIÊNCIA À IDÉIA DE MENOR PESO.

NUMA PALESTRA NA QUAL ELE APRESENTAVA A SUA "DYNAMAXION HOUSE", ONDE ESTAVAM PRESENTES OS PRINCIPAIS ENGENHEIROS E EMPRESÁRIOS DE NOVA YORK, PERGUNTOU-LHES QUAL ERA O PESO DE SEUS EDIFÍCIOS. E BRAM "OS EDIFÍCIOS": CHRYSLER, EMPIRE STATE, ETC. NINGUÉM SOUBE RESPONDER.

NO ENTANTO, QUANDO PERGUNTOU A TONELAGEM DE UM NAVIO EM MODA, TODOS RESPONDERAM SEM SOMBRA DE DÚVIDAS.

É UM EXEMPLO DE COMO NÃO SE DÁ A IMPORTÂNCIA DEVIDA AO PESO PRÓPRIO DA HABITAÇÃO, ENQUANTO QUE, NUM NAVIO, ISSO É IMPORTANTE PARA QUE SE OBTENHA MAIOR

EFICIÊNCIA

É CLARO,
O PESO DA CONSTRUÇÃO É CONSIDERADO NO
DIMENSIONAMENTO DA ESTRUTURA,
MAS

NÃO SE CONSIDERA QUE, COMO DIZ FULLER,
A LEVEZA FAZ PARTE DA "BIOLOGIA DA ESTRUTURA"

Se em nossos ossos
não existissem tantos vazios,
certamente nossa constituição
muscular deveria ser reforçada
e muito mais energia seria
despendida



Foto 11-6



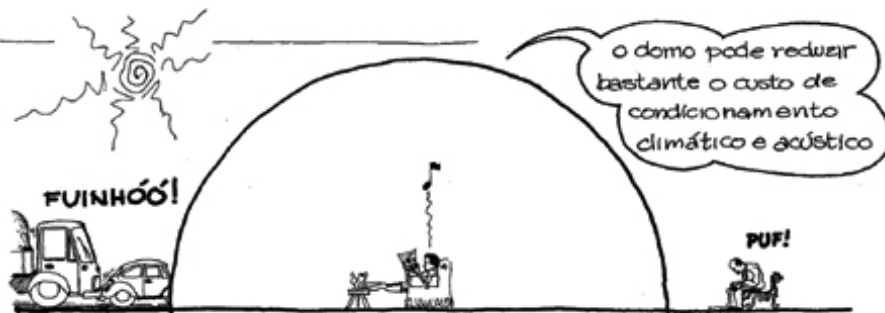
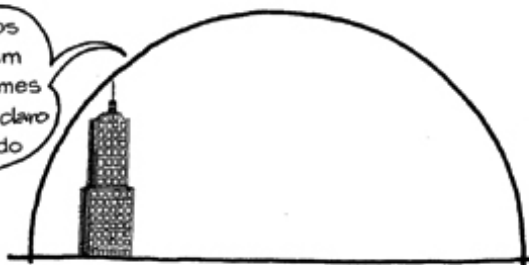
Domio - Foto Journal - Shelter

os nativos da Melanésia (costa
da Nova Guiné) precisam dessa
leveza

ESSA QUALIDADE DAS ESTRUTURAS PODE SER CONSEGUIDA SEGUNDO UM USO
RACIONAL E EQUILIBRADO DOS ESFORÇOS QUE INTERAGEM NA ESTRUTURA.

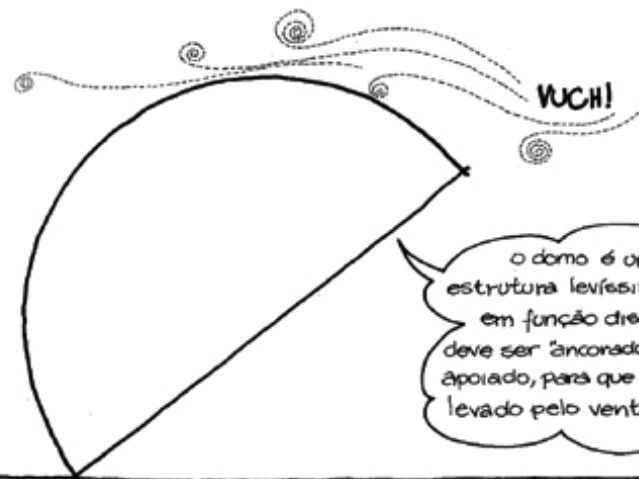
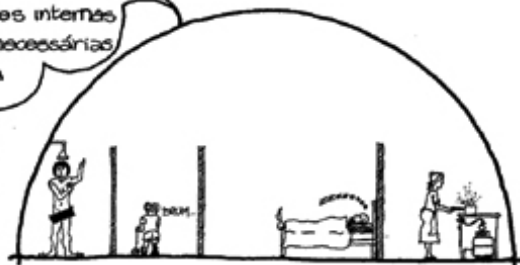
QUANDO VOCÊ SE INTERESSA
POR ALGUÉM, VOCÊ REPARA SE
ESSE ALGUÉM É CHATO, ALTO, FEIO,
BONITO, INTELIGENTE, ESPERTO, COISA E TAL.
SERIA INTERESSANTE AVALIARMOS AS
QUALIDADES E OS DEFEITOS DOS DOMOS.

os domos
proporcionam
grandes volumes
de espaço claro
e desobstruído



o domo pode reduzir
bastante o custo de
condicionamento
climático e acústico

as paredes internas
podem ser necessárias
apenas para
anteparo
acústico ou de
privacidade



o domo é uma
estrutura levíssima.
em função disso, ele
deve ser "ancorado" e não apenas
apoiado, para que não seja
levado pelo vento.

OS TERMITAS
GIGANTES AFRICANOS
SABEM CUIDAR DE SEU
CONFORTO TÉRMICO.
POR DIFERENÇA DE

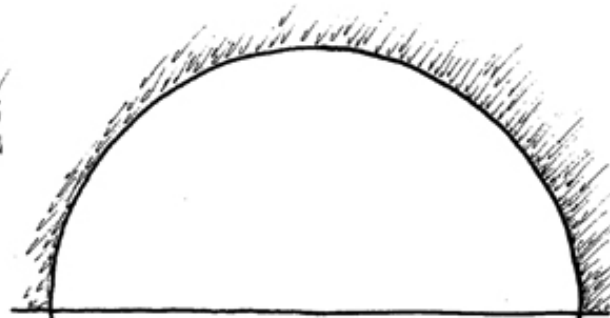
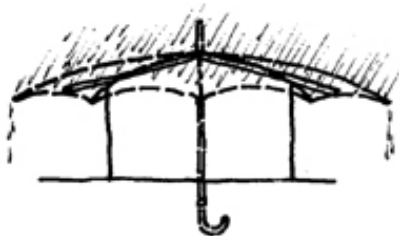
PRESSÃO, ELE
CONSEGUE QUE
A CÂMARA DE
INCUBAÇÃO
FIQUE AREJADA
GRACIAS AO FLUXO DE AR INDUZIDO PELOS CONAIAS.

por ser o domo
constituído de várias
partes idênticas e formatos
semelhantes, a produção
em série é
bastante
viável

sua construção é
simples e pode ser
feita por trabalhadores
pouco especializados em
questão de semanas



O DOMO GEODÉSICO TEM, PORÉM, ALGUNS PROBLEMAS. NO ENTANTO, SÃO PROBLEMAS QUE POSSUEM SOLUÇÕES VIÁVEIS, UTILIZANDO VELHAS RESPOSTAS PARA NOVOS ENFOQUES.



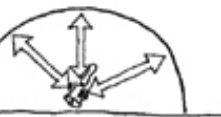
uma estrutura retangular é formada por paredes e telhado. Este último funciona como se fosse um guarda-chuva, protegendo a casa da água. Uma estrutura geodésica é toda telhado, toda cobertura. A casa toda está sujeita a vazamentos

o domo, devido à condição de seus esforços, é uma estrutura justa. E suas emendas estão em constante trabalho, o que pode criar frestas ou cansar o material

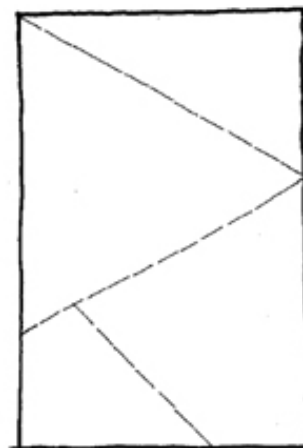
ACUSTICAMENTE FALANDO, ACONTECEM FENÔMENOS INTERESSANTES NUM DOMO GEODÉSICO.

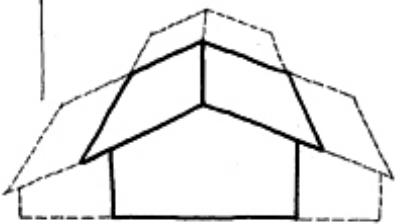
TUDO SOM QUE PARTE DO CENTRO VOLTA AO CENTRO (DESDE QUE NÃO HAJA OBSTÁCULO).

TUDO SOM QUE PARTE PRÓXIMO À PAREDE DO DOMO PERCORRE A VOLTA TODA E VOLTA AO LUGAR DE ORIGEM.

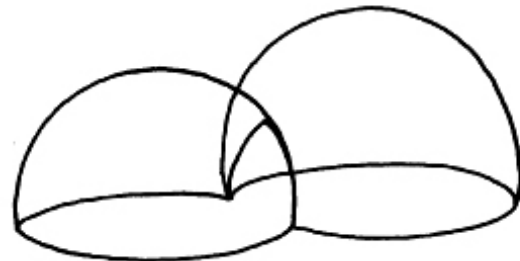


os materiais de construção vêm, geralmente, em formas ortogonais. Eles devem ser alterados para se adaptarem às formas geodésicas. Isso dificulta a construção e a reciclagem do material





Uma coisa bem característica do proprietário é o fato dele querer, com o tempo, introduzir melhorias em sua casa, podendo até querer aumentá-la, bastando acrescentar novas paredes e telhados. O domo, apesar de poder ser truncado e agrupado, sofre com a interferência, enfraquecendo a estrutura e criando ângulos difíceis de executar

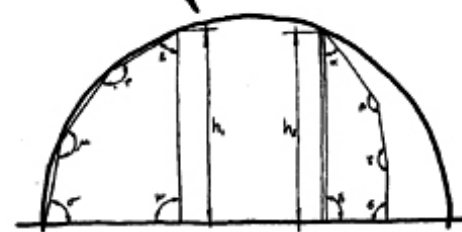


"mais espaço com menos material" significa mais volume. O que realmente se utiliza é o chão. O espaço sobre as cabeças é de difícil utilização (precisa de mezaninos, escadas, etc)



nosso mundo é ortogonal. Todos os nossos utensílios são baseados nos 90°. Esses utensílios ficariam melhor num espaço retangular

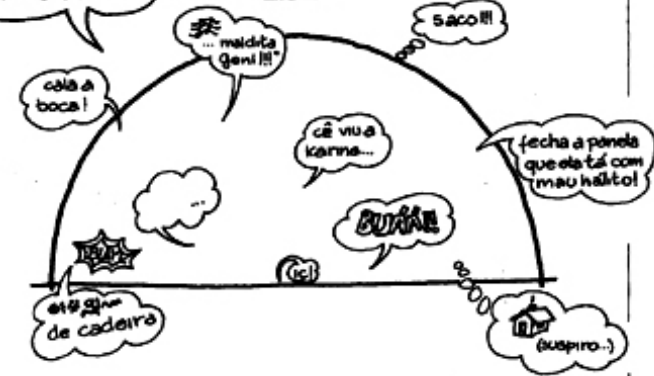
as repartições internas em um domo consomem tempo muito maior, devido à composição dos ângulos



numa casa comum, as janelas são protegidas pelos beirais. No caso da geodésica, as janelas estão sujeitas à água e a vazamentos



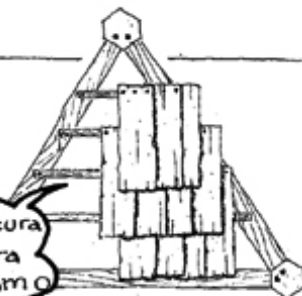
por serem todas as faces voltadas para o centro, o barulho e o cheiro circulam por todo o domo



por esses e outros motivos, diz-se que a geodésica é "esperta mas não sábia". No entanto, nós temos condições de ganhar desses problemas. Basta esquentar a cabeça e as soluções aparecerão

POR EXEMPLO:

uma boa para o problema das frestas e caiação do material são as 'escamas', isto é, uma cobertura que trabalha junto com a estrutura e que permite maior troca de ar com o exterior



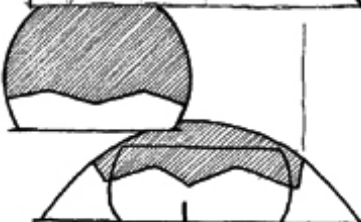
projetar utilizando estruturas geodésicas não é estabelecer um raio e usar a tabela. um bom projeto implicará um bom aproveitamento do material, talvez até mais que numa construção tradicional. para isso é que existe o cálculo e a trigonometria esférica



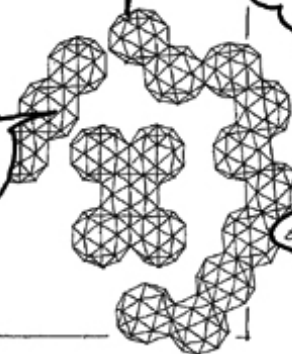
soluções como um domo 5/8...

ou parte de um dentro de parte de outro...

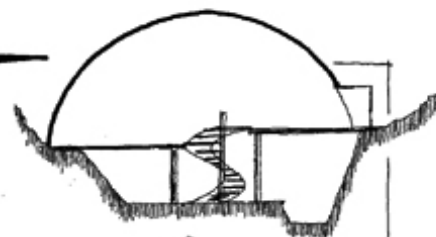
ou mesmo assumir um beiral utilizando a própria estrutura, são algumas das muitas possibilidades de solucionar o problema de proteção do sol e da chuva.



existem alguns sólidos que são perfeitamente aglomeráveis (cuboctaedro truncado, por exemplo). geodésicas conseguidas a partir deles também são aglomeráveis, apresentando soluções ótimas quanto aos problemas de ângulos, esforços e facilidade de obtenção das dimensões.



mezaninos, pisos diferenciados e outros baratos, podem ser boas soluções quando o terreno é acidentado, aumentando a área útil.



lembre-se que em nossa casa tradicional o desperdício de volume é bastante grande.



outra coisa: psicologicamente, o redondo é muito mais acolhedor que o ortogonal. uma grande laje plana em cima da cabeça oprime enquanto que até mesmo um grande domo acolhe.



o sofá reto não cria um espaço social.



além disso, porque não usar a estrutura para definir alguns móveis?

ou usar a repetição dos elementos da estrutura pra modular as divisões internas?



ou usar epanoses e truncagens com outros sólidos para proteger portas e janelas?



ou usar elementos que amortecem os efeitos acústicos?



ou uma ventilação correta impedindo a estagnação do cheiro?



ou...

AUTO CONSTRUÇÃO

..... LLOYD KAHN (editor do Shelter e Domebook): "UM POUCO DO QUE VIRÁ EM NOSSO LIVRO SERÁ DESENCORAJAR AS PESSOAS DE AUTO-CONSTRUIR SEUS DOMOS."

STEVE BAER (Drop City): "EU EM 1960, DESENCORAJE-OS. E A TURMA QUE VAI CONSTRUIR DE QUALQUER MANEIRA, BEM, TALVEZ ELES CONSIGAM UM SACO DE PROBLEMAS. DE QUALQUER FORMA EU NÃO ANIMARIA NINGUÉM PORQUE TERÁ GOTEIRAS E SEU PROJETO SERÁ RUIM. ESCRIVE PARA MIM GENTE QUE QUER ESTABELECEER UMA COMUNIDADE NO ARIZONA, EM WISCONSIN E PERGUNTAM COMO CONSTRUIR "ZOMES" E EU DIGO, NÃO CONSTRUAM "ZOMES", VÃO PARA ONDE VOCÊS VÃO, DEEM UMA VOLTA PELO LOCAL, ENCONTREM ALGO QUE VOCÊS GOSTEM E CONSTRUAM DA MESMA MANEIRA, E A TURMA LOCAL SABERÁ COMO SE DEVE CONSTRUIR E PODERÁ AJUDÁ-LO".....

(trecho de uma entrevista publicada no "Shelter")

SE VOCÊ PENSA QUE OS DOMOS SÃO REMÉDIO PARA TODOS OS MALES, VOCÊ ESTÁ NUM BARCO FURADO. ELLES SÃO UMA ALTERNATIVA CONSTRUTIVA E TALVEZ TAMBÉM O EMBRIÃO DE UMA IDEIA, UM PRINCÍPIO DE UMA VISÃO GLOBAL DOS PROBLEMAS DA CONSTRUÇÃO E, APESAR DELES TENDEREM AO COMPLEXO, CONCEITUALMENTE SÃO SUPER SIMPLES, SEU BERÇO NA ARQUITETURA VERNÁCULAR GARANTE ISSO.

E, APESAR DOS PEQUENOS QUE L. KAHN E S. BAER COLOCAM, A AUTO CONSTRUÇÃO DÁ UMA SATISFAÇÃO REAL.

OS MÉTODOS TRADICIONAIS DE CONSTRUÇÃO SÃO MUITO INGRATOS (haja visto a quantidade de acidentes de trabalho) PRINCIPALMENTE PARA NÓS, QUE PASSAMOS A MAIOR PARTE DE NOSSAS VIDAS SENTADOS.

A GEODÉSICA PERMITE A AUTO CONSTRUÇÃO, TRABALHAMOS COM MATERIAIS LEVES, PODEMOS FAZER QUASE TUDO NO CHÃO, PRÉ-FABRICANDO AS PARTES, E COMEÇAMOS A DEIXAR DE SER ESPECIALISTAS, PASSAMOS A ENTENDER MELHOR A VIDA, A NATUREZA, AS OUTRAS PESSOAS...

O DOMO

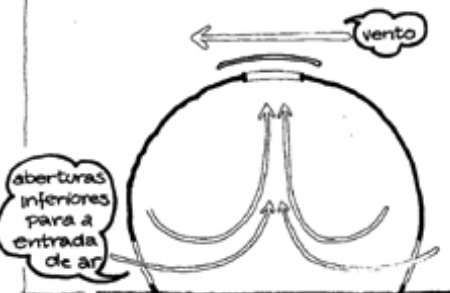
É UMA FORMA PACÍFICA, EXPRIME PROTEÇÃO, NÃO TEM TETO NEM PAREDES, É TUDO UMA COISA SÓ, COMO A ABÓBODA CELESTE, EM CONTRASTE COM O ESPIGÃO, FILHO DAS TORRES, SÍMBOLOS DE DOMÍNIO, OCUPAÇÃO, ISOLAMENTO E AGRESSIVIDADE.

Hassan Fathy
redescobriu as
abóbodas de adobe,
prática milenar no Egito
que dispensa
isolamento

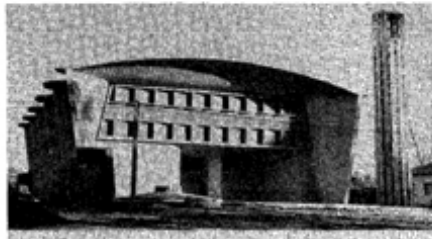
2- A FORMA DO DOMO LEVA A UM USO DIFERENTE DO ESPAÇO, LONGE DO CONVENCIONAL. NÃO QUEIRA REPETIR SOLUÇÕES ESTEREOTIPADAS DE OCUPAÇÃO. UMA BOA COISA É ENTENDER COMO POVO QUE CONSTRUÍAM ESPAÇOS SEMELHANTES O OCUPAVAM, OU OCUPAM.



3- O DOMO PODE SER FEITO COM MATERIAIS LEVES QUE NÃO PROPORCIONAM UM ISOLAMENTO TÉRMICO EFICIENTE. PROCURE SOMBREAR O DOMO OU FORRÁ-LO COM MADEIRA, ISOPOR, ESPUMA DE POLIURETANO LÃ DE VIDRO, ETC. PREOCUPE-SE, ACIMA DE TUDO COM A VENTILAÇÃO. ELA DEVERÁ SER PERMANENTE NO TOPO OU AO SEU REDOR, INCREMENTADA COM ABERTURAS NA PARTE INFERIOR.



Eladio Dieste
com uma técnica adequada, deu novo sentido à alvenaria



É IMPORTANTE, NUMA ÉPOCA DE DESRESPEITO À CULTURA, SABERMOS ADMIRAR A CONSTRUÇÃO PERFEITAMENTE ADAPTADA.

Foto: Revista Projeto nº 17

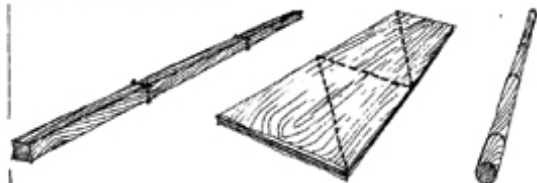
Foto: Shelter nº 103 abril 77

4- PROTEJA AS PORTAS E JANELAS COM BEIRAS OU PROLONGAMENTOS DE TRIÂNGULOS.

QUANTO MAIS EMBaixo SE LOCALIZAR A ABERTURA, MAIS ÁGUA O BEIRAL OU TELHADINHO TERÁ DE DESVIAR.

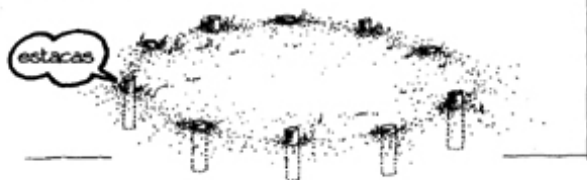
5- CONSTRUA SEMPRE UM MODELO ANTES DE COMEÇAR A OBRA (USE CANUDINHOS, Balsa, cartão, papelão ondulado, etc....)

6- PARA EVITAR PERDAS DE MATERIAL, VERIFIQUE ANTES EM QUE TAMANHO SÃO FORNECIDOS OS MATERIAIS QUE VOCÊ PRETENDE USAR, A FIM DE QUE O CORTE POSSA SER PLANEJADO.



7- A GEODÉSICA É UMA ESTRUTURA MUITO EFICIENTE, PORTANTO SEU PESO É MÍNIMO. POR EXEMPLO, SE ELA FOR HEMISFÉRICA, TODA EM CONCRETO, ESPESURA DE 10 cm, DIÂMETRO DE 10 m, SEU PESO PRÓPRIO CONTRIBUIRÁ COM 400 kg POR METRO LINEAR NA BASE. SE FIZERMOS UMA SAPATA COM 50 cm DE LARGURA PARA DISTRIBUIR NO SOLO O DOBRO DESSA CARGA (800 kg/m) TEREMOS UMA TAXA DE 160 g/cm² QUE É REDUZIDÍSSIMA.

SE FOR FEITA DE MADEIRA OU DE QUALQUER OUTRO MATERIAL LEVE, A FUNDAÇÃO SERÁ MAIS TRANQUILA AINDA. E PODERÁ SER BASTANTE SIMPLES: BASTARÁ FINCAR NO TERRENO ALGUMAS ESTACAS, UMA PARA CADA NÓ DA BASE, COM, PELO MENOS, 30 cm DE PROFUNDIDADE (PARA ULTRAPASSAR A CAMADA SUPERFICIAL MUITO ORGÂNICA DA TERRA). NÃO SE ESQUEÇA DE QUE, SENDO TÃO LEVE, O VENTO PODERÁ MOVIMENTÁ-LA. PRENDA-AS BEM NAS ESTACAS.

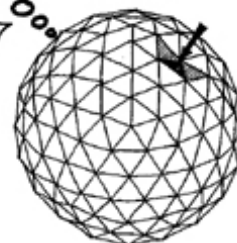


8- TRANQUILAMENTE, QUALQUER FREQUÊNCIA 3º OU 4º VAI SERVIR PARA SUA BOLA. MAS TENHA UM CUIDADO ESPECIAL SE PASSAR DE UMA FREQUÊNCIA 3º OU 4º, POIS PODERÁ OCORRER O PROBLEMA DO "FLOP". ISTO É, O NÓ PODE ENTRAR PARA DENTRO DA BOLA QUANDO COMPRIMIDO.

QUANDO AUMENTAMOS A FREQUÊNCIA, AS PIRÂMIDES FORMADAS PELOS NÓS VÃO FICANDO CADA VEZ MAIS OBLÍQUAS (BAIXINHAS) E, SE HOUVER ENCURTAMENTO DAS BARRAS COMPRIMIDAS OU ALONGAMENTO DAS TRACIONADAS, O NÓ PODERÁ "FLOPAR".

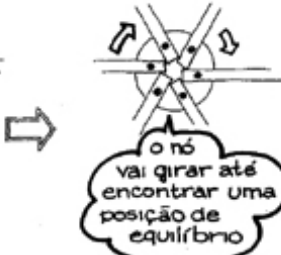
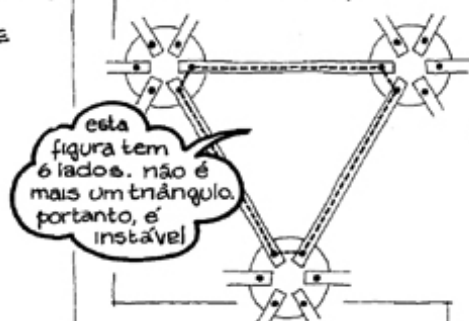


Esse problema acontece porque todos os materiais, ao resistirem algum esforço, deformam-se. Se for compressão diminuem de tamanho. Se for tração aumentam.



9- LEMBRE-SE: SÓ O TRIÂNGULO É ESTRUTURAL

SE AS BARRAS NÃO SE ENCONTRAREM EXATAMENTE NOS NÓS, PODERÁ OCORRER NELES UM PEQUENO GIRO (EM FREQUÊNCIAS BAIXAS ESSE PROBLEMA NÃO É IMPORTANTE)



PROCURE FAZER COM QUE AS BARRAS SE ENCONTREM RAZOAVELMENTE BEM E, SE POSSÍVEL, PRENDA-AS COM 2 PARAFUSOS.



10- SE A ESTRUTURA FOR COMPOSTA SOMENTE DE BARRAS, ELAS DEVERÃO TER SEÇÃO SUFICIENTE PARA AGÜENTAR ALGUÉM DEPENDURADO NO MEIO DELAS. ESSA SEÇÃO TÁ EM TORNO DE 1/25 DO VÃO PARA MADEIRA E 1/30 DO VÃO PARA ALUMÍNIO.

EX: 300 cm de vão ÷ 25 = 12 cm de diâmetro (madeira)



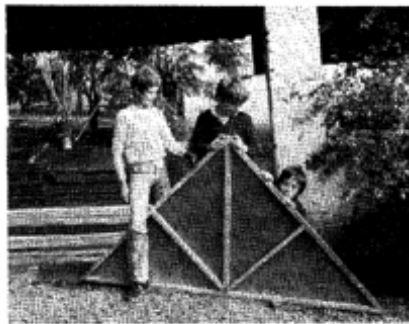
11- COMPRE MADEIRA DE PREFERÊNCIA SECA E TRATADA CONTRA CUPIM E APODRECIAMENTO. SE VOCÊ MESMO VAI FAZER O TRATAMENTO, USE CARBOLINEUM OU PENTOX.

não dá pintura por cima

ambos são super tóxicos! será que não existe um tratamento natural da madeira?

COMPENSADO? USE O TIPO NAVAL, VEM MELHOR COLADO.

BOTUCATU



1- a casca:
triângulos de compensado (6mm)
montados em quadros de
caibros chanfrados conforme
os diedros



por causa do
tamanho das chapas,
o compensado foi cortado
assim:



caibros cortados
conforme os ângulos
diedro

corte dos caibros
(aparelhados)

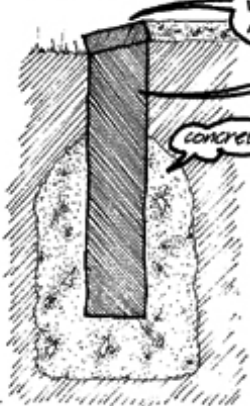


O plano era usar caibros de peroba.
Prevididos de que a peroba iria entortar,
resolvemos usar pinho e apenas numa parte, peroba;
no entanto, as peças ficam tão bem travadas que é
viável o uso da peroba nesse tipo de montagem: não entortou,
é mais parata, mais resistente mecanicamente e aos insetos.

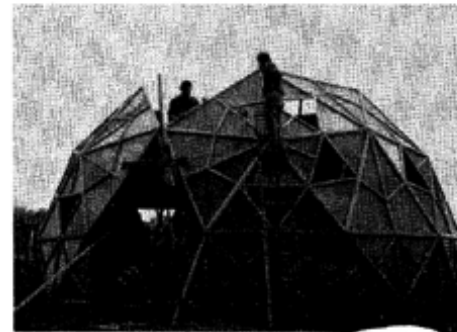
2- fundação:

vigas de peroba 6x12
impregnadas de
carbolineum

concreto



3- montagem:
os triângulos foram presos à viga de peroba (baldrame)
e uns aos outros com 3 parafusos passantes de $\phi=1/4"$



4- isolamento térmico:
isopor em
chapas de 4cm
de espessura

5- cobertura:
depois de colocado o
isopor,
o triângulo foi
fechado com chapas de
10 mm de espessura e
as emendas foram
masseadas

6- as janelas:

compensado
10 mm

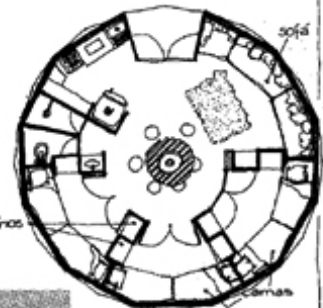
a que foi usada
era solúvel em água!
deu pepino.
Use silicone ou outra
que resista à
água

em seguida,
todo o exterior
foi pintado
com tinta a
base de
poliuretano

compensado
6mm

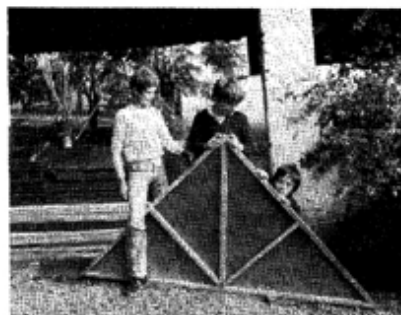
dobradilha

a planta



ocorreram infiltrações pequenas mas suficientes pra provocar
apodrecimentos na madeira (que não havia sido devidamente
protegida). O domo será revestido com uma chapa bem fina
de alumínio, sendo pregada e colada com recobrimentos.

BOTUCATU



- 1- a casca:
triângulos de compensado (6mm)
montados em quadros de
caibros chanfrados conforme
os diedros

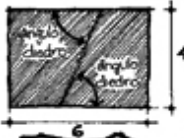


por causa do
tamanho das chapas,
o compensado foi cortado
assim:



caibros cortados
conforme os ângulos
diedro

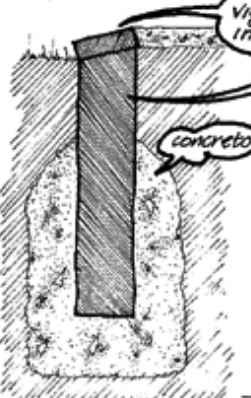
corte dos caibros
(aparelhados)



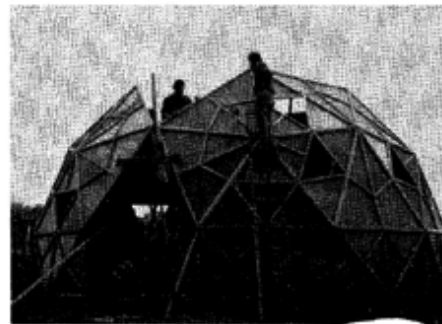
o plano era usar caibros de peroba.
Prevididos de que a peroba iria entortar,
resolvemos usar pinho e apenas numa parte, peroba;
no entanto, as peças ficam tão bem travadas que é
viável o uso da peroba nesse tipo de montagem: não entortou,
é mais barata, mais resistente mecanicamente e aos insetos.

- 2- fundação:

vigas de peroba 6x12
impregnadas de
carbolineum



- 3- montagem:
os triângulos foram presos à viga de peroba (baldrame)
e uns aos outros com 3 parafusos passantes de $\phi=1/4"$



- 4- isolamento térmica:
isopor em
chapas de 4cm
de espessura

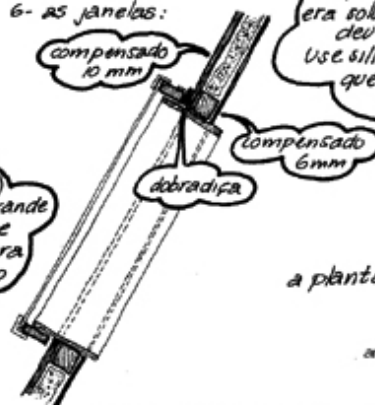
- 5- cobertura:
depois de colocado o
isopor,
o triângulo foi
fechado com chapas de
10 mm de espessura e
as emendas foram
maseadas

- 6- as janelas:

compensado
10 mm

a que foi usada
era solúvel em água
deu papina.
Use silicone ou outra
que resista à
água

em seguida,
todo o exterior
foi pintado
com tinta a
base de
poliuretano



a planta



ocorreram infiltrações pequenas mas suficientes pra provocar
apodrecimentos na madeira (que não havia sido devidamente
protegida). O domo será revestido com uma chapa bem fina
de alumínio, sendo pregada e colada com recobrimentos.

Cadernos de Arquitetura Espontânea

As bolas foram inspiração da natureza
e da arquitetura vernacular

Ásia, África,
Américas, Europa,
etc.

radiolândia,
flores,
ninhos, etc.

Não há, portanto,
donos culturais da bola.

No entanto, o desenvolvimento das técnicas construtivas, aplicadas à construção dos domos, aconteceu em clima e cultura diferentes dos nossos.

Além dessa incompatibilidade entre solução aplicada e tecnologia disponível, há também um desconhecimento de nossa parte de soluções técnicas apropriadas ao nosso clima e à nossa cultura.

As construções de nossos índios, que seriam exemplos maravilhosos, os dos primeiros habitantes dessa região, estão sumindo, sem deixar registro algum.

Não podemos deixar acontecer o mesmo com a arquitetura do nosso povo.

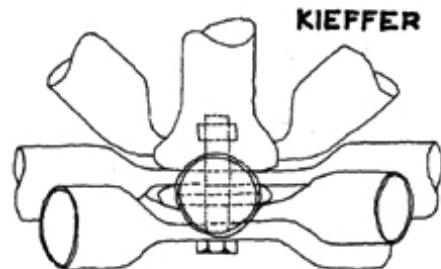
A grande expressão da nossa arquitetura acontece por obra de milhares de construtores anônimos que desenvolveram técnicas, descobriram materiais e produziram plantas funcionais. E que nunca frequentaram escolas.

Agora essa arquitetura agoniza, por obra de BNUs, construtores e especuladores.

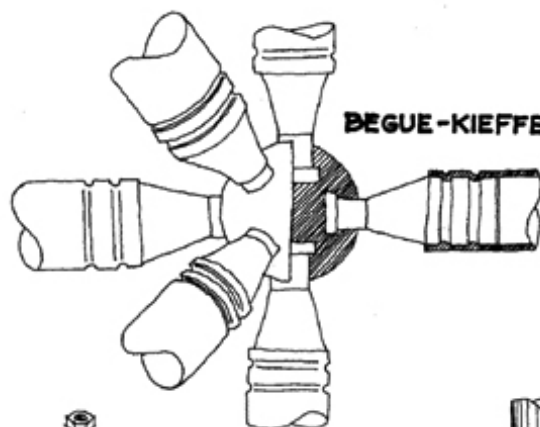
Por isso, os "cadernos de arquitetura espontânea": uma coletânea de informações da arquitetura sem genealogia, sem "pedigree".

Mande prazente fotos, croquis e plantas de construções representativas.

mesmo em folhas
de caderno.



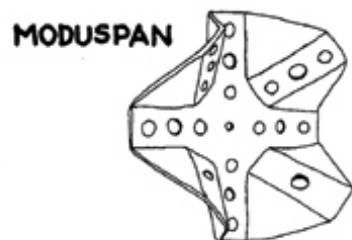
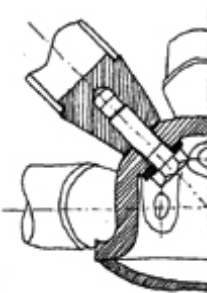
KIEFFER



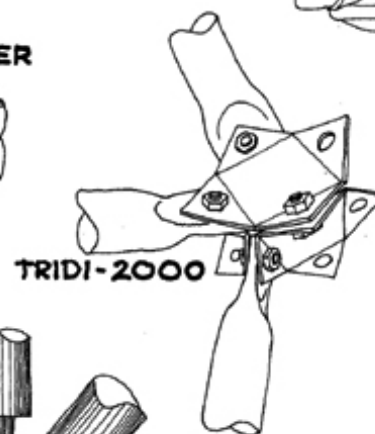
BEGUE-KIEFFER



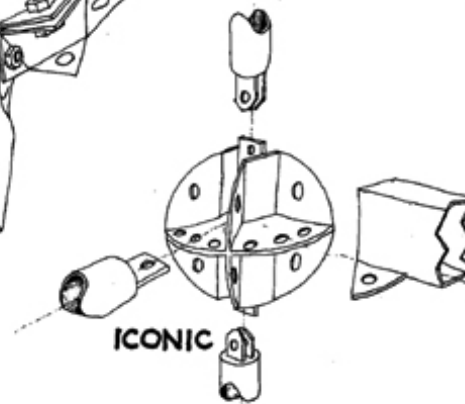
BEGUE



MODUSPAN

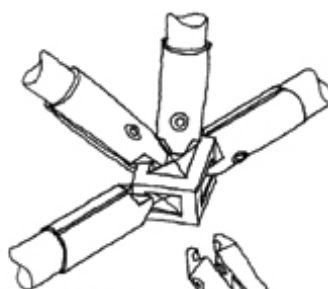
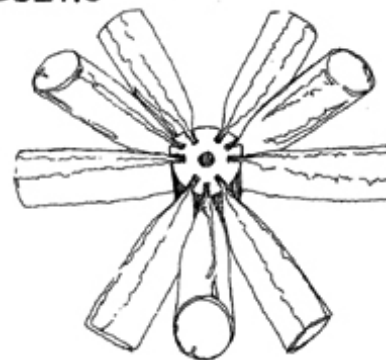


TRIDI-2000



ICONIC

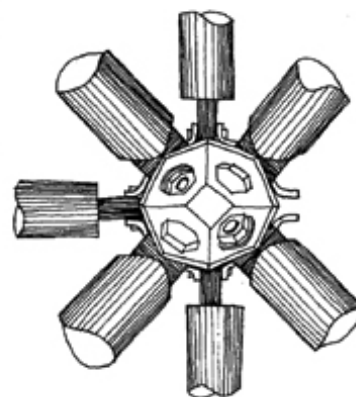
TRIODETIC



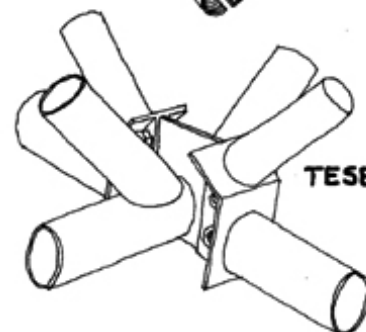
MULTICUBO



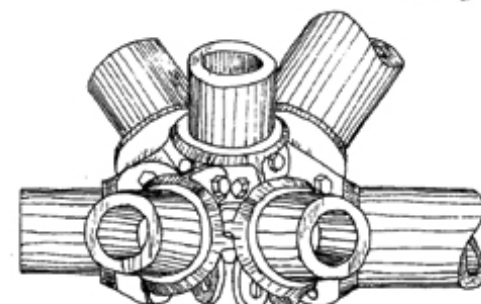
NODUS



CATENA



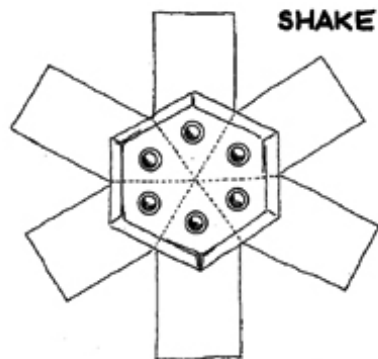
TESEP



FULLER



MERO

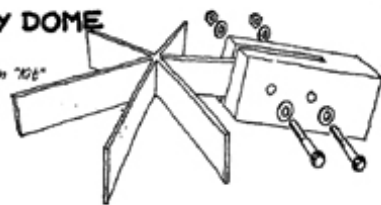


SHAKE DOME

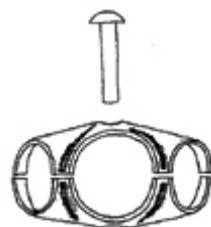
Mais comum

MONTEREY DOME

Fixa parte de um "106"

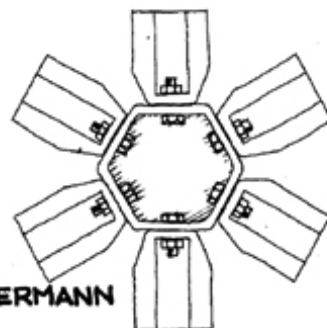
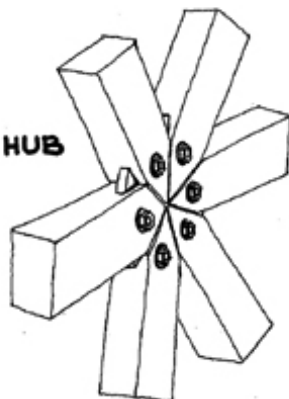


SDC



as peças são soldadas

WASHER HUB



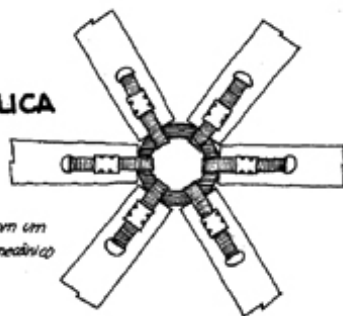
WUPPERMANN

CHAMOYOU



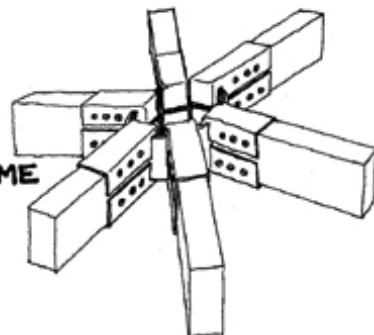
versão plana do Multicabo

CINTA METÁLICA



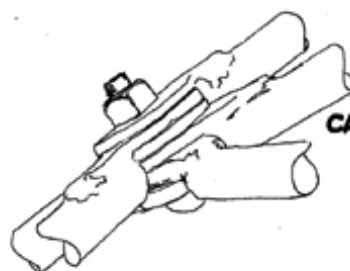
A cinta é apertada com um esbrador mecânico

DYNA DOME



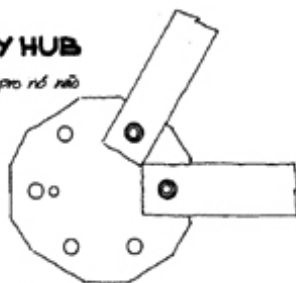
CALICLOTH DOME

do Guitam Sarabhai

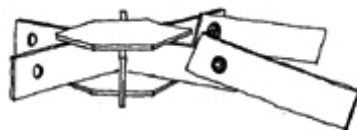


PLY HUB

Um furo a mais pro nó não girar



POR AÍ

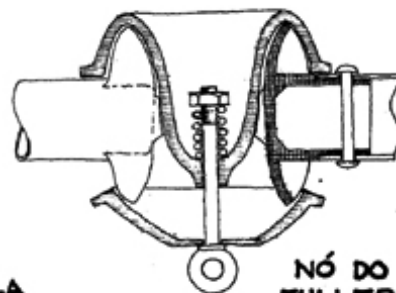


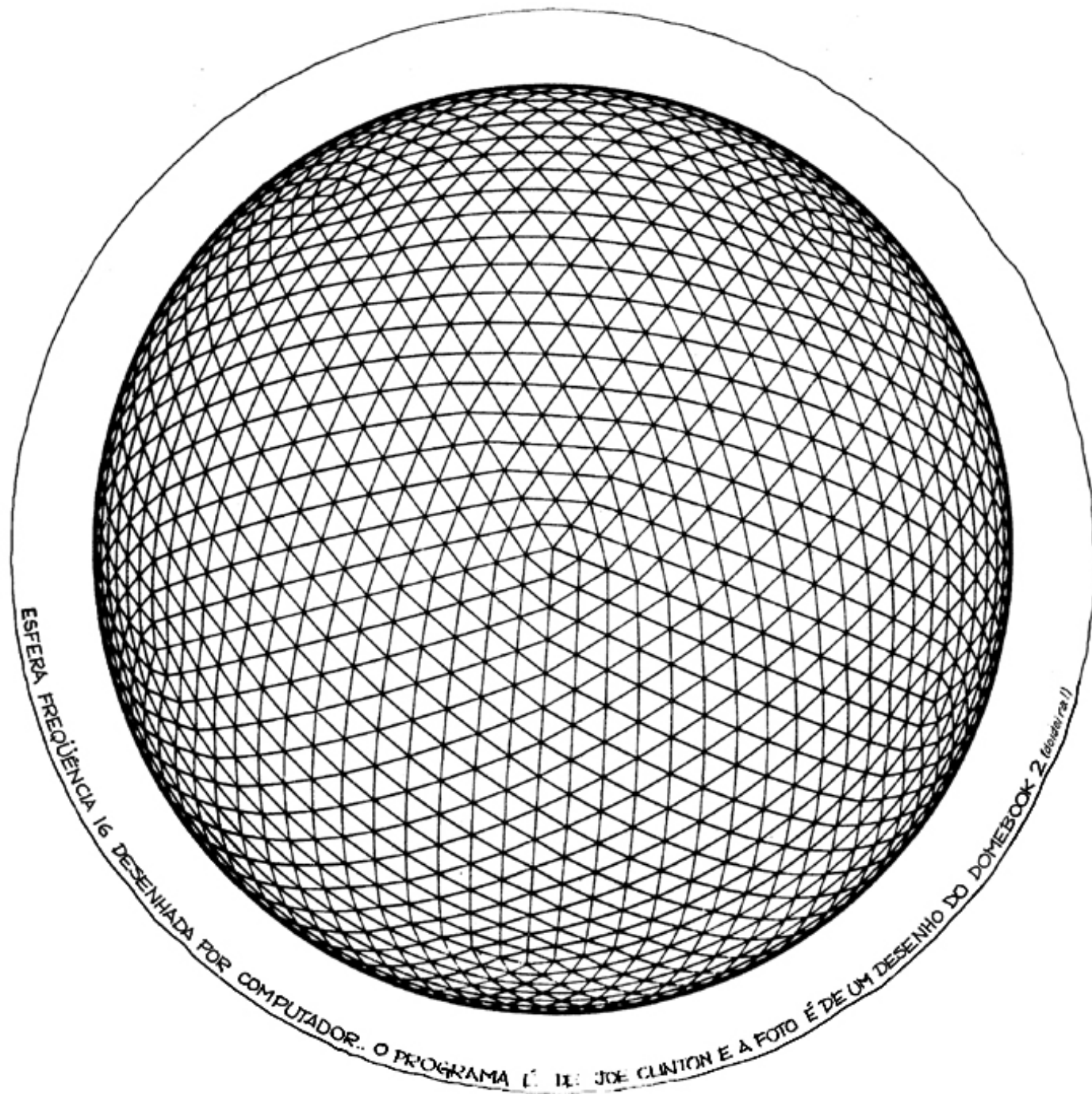
CÚPULA MAKOWSKY



NÓ DO FULLER

Patente 2.682.235

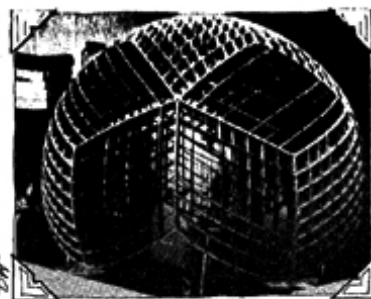




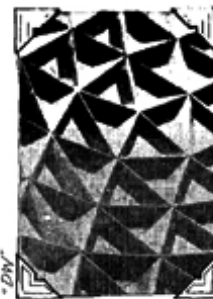
ESFERA FREQUÊNCIA 16 DESENHADA POR COMPUTADOR.. O PROGRAMA É DE JOE CLINTON E A FOTO É DE UM DESENHO DO DOMEBOOK 2 (Escriva-se!)



Ø=16m - executado em fiber glass, para abrigo de indíadas - fabricado em série

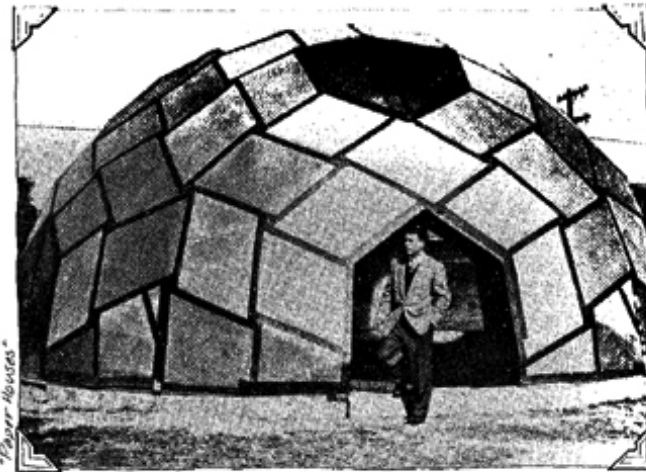


domo de papelão ondulado com resina de poliéster



interior de outro domo de papelão

Alguns trabalhos de Fuller



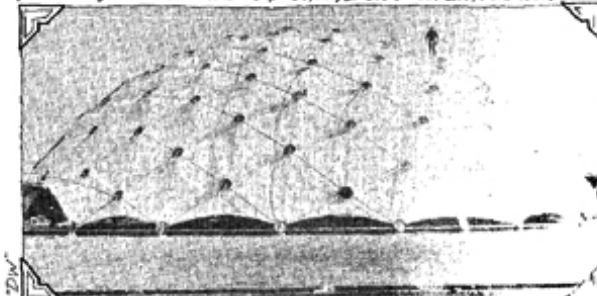
domo de papelão ondulado com alumínio construído por Fuller e seus alunos da Mc Gill University



domo em chapas de compensado em Des Moines, Iowa



pavilhão geodésico americano Ø=34,20 feira de Poznan, Polónia, 1958

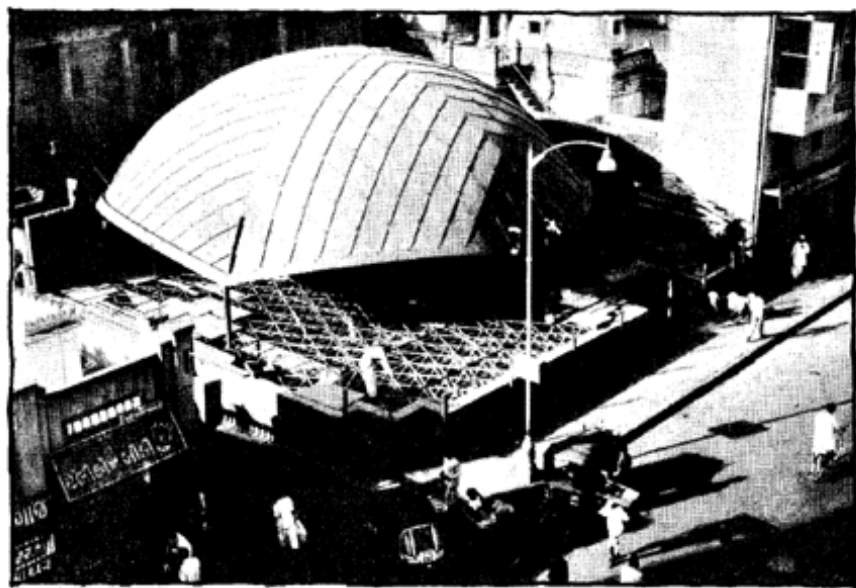


Ø=113m domo geodésico da Union Tank Company, em Baton Rouge, Louisiana, outubro de 1958. Foi, na época, o maior vão construído na construção civil.



domo geodésico "Kaiser", Ø=43,5m fabricado em Oakland, Califórnia e erigido em EZHC em Honolulu, Hawaí em fevereiro de 1957





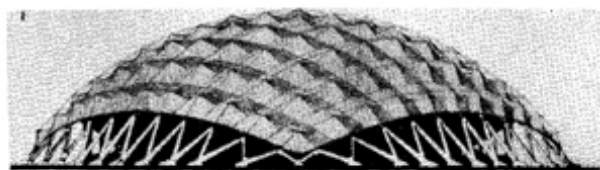
Calico Shop - Gautam Sarabhai - India.

ARCHITECTURE & BUILDING MAY 1961



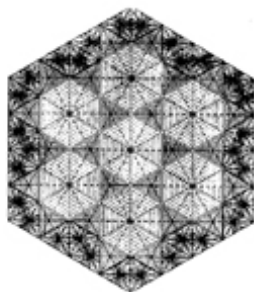
1961 MAY 1961

Estruturas de Emilio Terry Pittero - Cúpulas Plásticas



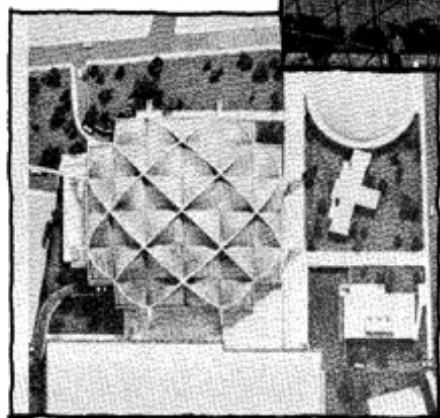
ZODIAC 12

Facha da do Pálio dos Esportes - México

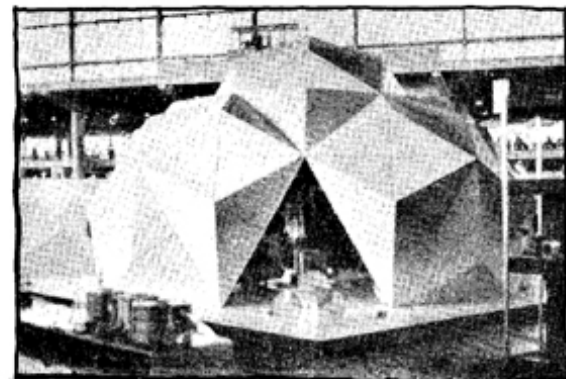


Pista de Tênis para o Centro Esportivo do Kuwait
ZODIAC 12

Canale
utilizou figuras
planas
de formas
e não
propriamente
divisões
geométricas



Projeto para a Brown University



Estande de exposição feito de cartão R. Emmrich

Grandes
Dómos

"THE DOME BUILDER'S HANDBOOK"
edited by JOHN FREINIS

"THE DOME BUILDER'S HANDBOOK 2"
WILLIAM YARNALL
RUNNING PRESS-58 SOUTH NINETEENTH STREET
PHILADELPHIA, PENNSYLVANIA 19105

"DOME NOTES"
JESSE KERSMAN
FREEMAN PRESS

testes de resistência
de alguns tipos de nós,
teste de incêndio

tipo revista
tem dicas boas para modelos
e alguns depoimentos

mostra domos fabricados
por empresas - O domo como
gente, respectável
Onde é melhor

"EXERCICES DE GEOMETRIE CONSTRUCTIVE TRAVAUX D'ETUDIANTS"
DAVID GEORGES EMMERICH
ECOLE NATIONALE SUPERIEURE DES BEAUX ARTS PARIS
ARCHITECTURE

relatório sobre dezenas
de trabalhos de estudantes

executados nos cursos de Emmerich,
hoje já tem um texto muito bom sobre estruturas
já publicado na "architecture d'aujourd'hui"

"SINERGETICS - Explorations in the Geometry of thinking"

RICHARD BUCKMINSTER FULLER
MACMILLAN PUBLISHING CO. INC.
NEW YORK

Fuller propõe uma nova
forma de pensar.
Procure este livro se você realmente está
preocupado com o que a geodésica propõe

"ORDER IN SPACE - A Design Source Book"

KRITH CRITCHLOW
THAMES AND HUDSON - LONDON

considerações incisivas sobre
a organização do espaço

"LAS MALLAS ESPACIALES
EN ARQUITECTURA"

J. MARGARIT - C. BUXADÉ
EDITORIAL GUSTAVO GILI S.A.

exemplos - tipos de nós -
cálculo estrutural de estruturas
espaciais

"ESTRUTURAS ESPACIALES
DE ACERO"

Z. S. MAKOWSKY
EDITORIAL GUSTAVO GILI S.A.

SISTEMAS DE ESTRUCTURAS

HEINRICH ENGEL
"BLUME" EDICIONES
ROSARIO, IV - MADRID S

páginas amarelas
das estruturas

BIBLIOGRAFIA

"DOMEBOOK 2" - "SHELTER (DOMEBOOK 3)" - "SHELTER 2"

EDITOR: LLOYD KAHN

ESTAS TRÊS PUBLICAÇÕES
FORAM EDITADAS PELA
SHELTER PUBLICATIONS
P.O. BOX 279,
BOLINAS, CALIFORNIA 94924

INCÓGNITO - É INDISPENSÁVEL QUE VOCÊ
TENHA UM "SHELTER" PARA DEGUIR AOS
POUCOS (ABR. VENCULAR ANTIGA, ATUAL, DO
MUNDO INTERIO) E REALMENTE UMA COLEÇÃO
INCÓGNITO DE EXPERIÊNCIAS

o último, mas não se
igual ao primeiro

"GEODESIC MATH"
HUGH KENNER

teoria das "tensegrity" e das geodésicas -
tabelas e cálculos por coordenadas polares



"STRUCTURE IN NATURE IS A STRATEGY FOR DESIGN"

PETER PEARCE
THE MIT PRESS
CAMBRIDGE, MASSACHUSETTS 02142

sistematização dos
poliedros, aglomeração perfeita
poliedros com superfície hiper

"MATERIALES PLÁSTICOS Y ARQUITECTURA EXPERIMENTAL"

ARTHUR GUARMBY
EDITORIAL GUSTAVO GILI S.A.

dados sobre plásticos e experiências
de plásticos na construção, modelos de plásticos

"A Visual Approach to - POLYHEDRA"
ANTHONY PUGH

espante
trabalho sobre poliedros,
cálculo trigonométrico das
geodésicas, tabelas, etc...

"An Introduction to TENSEGRITY"

ANTHONY PUGH

ESTES TRÊS LIVROS SÃO
INDISPENSÁVEIS PARA QUEM
QUER SE APROFUNDAR NO
CÓDIGO DAS GEODÉSICAS
E FORAM EDITADAS PELA

estudo sobre as possibilidades
de formação das "tensegrity"

UNIVERSITY OF CALIFORNIA PRESS
BERKELEY AND LOS ANGELES, CALIFORNIA

"TRIGONOMETRIA"

FRANK AYRES JR.
ED. MC GRAM-HILL DO BRASIL, LTDA

a trigonometria esférica
está bem explicada

"ALTERNATIVES BAUEN"

GERHARD MINK
"SISTEMA DE BAIXO CUSTO
PARA GUATEMALA"
FORSCHUNGS LABOR FÜR EXPERIMENTELLES BAUEN
GERMANHOCHSCHULE KASSEL

relatórios das pesquisas
dirigidas por Mink em Kassel - Alemanha,
sobre métodos alternativos de construção
arquitetura



"THE DYMATION WORLD OF BUCKMINSTER FULLER"

R. BUCKMINSTER FULLER & ROBERT MARKS
ANCHOR BOOK - ANCHOR PRESS/DOUBLEDAY
GARDEN CITY, NEW YORK

história e resumo da vida, obra
e pensamento de R. B. Fuller

tem textos e trabalhos de K. Critchlow
É uma boa p/ quem quer trabalhar com papéis
ondulados

"PAPER HOUSES - survival scrapbook 4"
ROGER SHEPPARD & OUTROS
UNICORN BOOKSHOP



CÓPIAS DAS
PATENTES DO FULLER
PODEM SER OBTIDAS DO
U.S. DEPT. OF COMMERCE
PATENT OFFICE
WASHINGTON, D.C. 20231

ALGUMAS DELAS:

- 2.905.113 de 12/12/51 "BUILDING CONSTRUCTION", A PATENTE BÁSICA DAS GEODÉSICAS
2.881.717 de 24/01/55 "BUILDING CONSTRUCTION", DOMOS EM PAPELÃO ONDULADO
2.986.241 de 09/02/56 "SYNERGETIC BUILDING CONSTRUCTION", MALHA ESPACIAL
2.914.094 de 04/03/57 "GEODESIC TENT", ESTRUTURA COM LONA SUSPensa.
2.905.113 de 22/04/57 "SELF-STRUTTED GEODESIC PLYDOME", DOMO COM CHATAS PLANAS
3.063.521 de 31/08/59 "TENSILE-INTegrity STRUCTURES", PATENTE BÁSICA DAS TENSILEGITY
3.203.144 de 27/09/60 "LAMINAR GEODESIC DOME", DOMOS EM PAPELÃO ONDULADO
3.139.957 de 24/01/61 "SUSPENSION BUILDING", DOMOS ESTR. SUSPENSÃO NÃO É GEODÉSICO
3.197.327 de 19/12/61 "GEODESIC STRUCTURES", DOMOS CONTÍNUOS
3.354.931 de 09/12/64 "OCTAEDRAL BUILDING TRUSS", MALHA ESPACIAL

vale a pena comprar as
cópias das patentes -
esta lista foi tirada do
INDEXBOOK 2 - deve haver
outras interessantes

"COBIJO Y SOCIEDAD"

PAUL OLIVER
H. BLUME EDICIONES, ROSARIO, P.R. - MADRID 5

exemplos e deppimen-
tas sobre arquitetura
espontânea.

"THE HOUSES OF MANKIND"
COLIN DULY
THAMES AND HUDSON

"NATIVE GENIUS IN ANONYMOUS ARCHITECTURE
IN NORTH AMERICA"

ANTES DE LA ARQUITECTURA

MYRON GOLDFINGER
ED. GUSTAVO GILI S.A.

SIBYL MONOLY-NAGY
SCHOCKEN BOOKS - NEW YORK

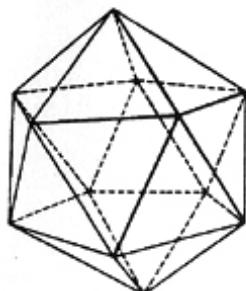
"ARQUITECTURA SIN ARQUITECTOS" (breve introducción
a la arquitectura sin genealogía)

BERNARD RUDOLFSKY
EDIT. UNIV. BUENOS AIRES



REVISTAS INTERESSANTES:

ZODIAC Nºs 21 E 22
TECHNIQUES & ARCHITECTURE
Nºs 309, 320
L'ARCHITECTURE D'AUTOURD'HUI Nº 141
ABITARE Nº 155
PROFETO Nºs 12 E 27
ARCHITECTURAL DESIGN - TODOS OS NÚMEROS
ATE 1977
INVESTIGACION Y CIENCIA
DOMUS



não deixe de ler os livros
de Karl von Frisch
prêmio nobel de biologia em 1953

"NOS E A VIDA"
ED. GLOBO

"ANIMAL ARCHITECTURE"

"THE DANCING BEES"

STRUCTURE: THE
ESSENCE OF
ARCHITECTURE

FOREST WILSON
STUDIO VISTA: LONDON
VAN NOSTRAND REINHOLD COMPANY: NEW YORK.

sem dúvida
ESHER E GAUDI foram
precursores da ideia
geodésica.

"THE MAGIC MIRROR OF
M.C. ESHER"

BRUNO ERNST
BALLANTINE BOOKS - NEW YORK

"ANTONIO GAUDI"
CESAR MARTINELLI
UNIVERSITY BOOKS, NEW YORK

"CONSTRUINDO COM O POVO - arquitetura para os pobres"

HASSAN FATWY
SALAMANDRA - ED. DA UNIVERSIDADE DE SÃO PAULO

"DISEÑAR PARA EL MUNDO REAL"

VICTOR PAPANÉK
H. BLUME EDICIONES - ROSARIO, P.R. - MADRID 5

até que enfim visões
lúcidas do ato de
projetar

"LAS ESTRUCTURAS DE CANDELA"

COLIN PABER
COMP. ED. CONTINENTAL S.A.

"O LIVRO DA CURA NATURAL"

GREG BRODSKY
EDITORA GRUPO INFORMAÇÃO

"RADICAL TECHNOLOGY"

ED. HARPER-BOYLE & UNDERCURRENTS
WILDWOOD HOUSE

"I GIOCHI PER BAMBINI DI ENZO MARI"

BATTISTI, DORFLES, LORISA
ED. VANNI SCHIWIILLER - MI

EL ARTE COMO OFICIO
BRUNO MUNARI

DISEÑO Y COMUNICACION VISUAL

BRUNO MUNARI
ED. GUSTAVO GILI S.A.

"THE ARCHITECTURE OF MOLECULES"

LINUS PAULING

"HISTORIA DE LA HABITACION HUMANA"

E.M. VIOLET LE DUC
ED. VICTOR LERN

"SHELTER - Survival Scrapbook 1"

"FOOD - Survival Scrapbook 2"

"ENERGY - Survival Scrapbook 3"

STEFAN A. SZERELKUN

"BAMBOO"

AUSTIN - LEVY - UEDA
WEATHERHILL - NEW YORK & TOKIO

"CATÁLOGO DE OBJETOS INVIÁVEIS"

JACOBUS CARL MAN
ED. NOVA FRONTEIRA



PUBLICAÇÕES DO
INSTITUTO PARA ESTRUTURAS LEVES (IL)
UNIVERSIDADE DE STUTTGART

DIRETOR: FREI OTTO

- IL 1 MINIMAL NETS
- IL 2 CITY IN THE ARTIC
- IL 3 BIOLOGY AND BUILDING
- IL 4 BIOLOGY AND BUILDING
- IL 5 CONVERTIBLE ROOFS
- IL 6 BIOLOGY AND BUILDING
- IL 7 SHADOW IN THE DESERT
- IL 8 NETS IN NATURE AND TECHNIQS
- IL 9 PNEUS IN NATURE AND TECHNIQS
- IL 10 GRID SHELLS
- IL 11 LIGHT WEIGHT AND ENERGY TECHNIQS
- IL 12 CONVERTIBLE PNEUS
- IL 13 MULTIHALLE MANNHEIM
- IL 14 ADAPTABLE ARCHITECTURE
- IL 16 TENTS
- IL 17 THE WORK OF FREI OTTO AND HIS TEAMS 1950-1970
- IL 19 GROWING AND DIVIDING PNEUS
- IL 21 FORM, FORCE MASS-BASICS

O ARY MAIS O IVAN
FIZERAM UMA BOLA NO
FUNDO DE UM QUINTAL
QUE SERVE DE VIVEIRO PRAS
PLANTAS.

A COMBINAÇÃO ENT
O ESPAÇO E SUAS
FICOU INCRÍVEL.

A NOSSA PROPOSTA
NÃO TERMINA AQUI.
INTERESSA-NOS BASTANTE
TROCAR EXPERIÊNCIAS,
SABER DE OUTROS DOMOS,
JÁ CONSTRUÍDOS
OU POR CONSTRUIR,
RECEBER CRÍTICAS AO LIVRO,
OUVIR OPINIÕES,
ETC. E TAL.

NOSSO ENDEREÇO É

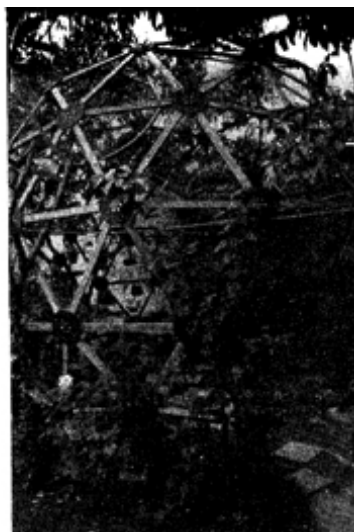


rua tácio de almeida
sumaré

01251

são paulo - sp

62-6854



A GENTE
TÁ LEVANTANDO UMA
CÁ NO ESTÚDIO. VAI SER UMA OFICINA.



ÚLTIMA PÁGINA



O Vitor dá aula
na PCC. Campinas e
na FAPESP. Brito
o Vitor tá
na FAU
o Luis, o Robin e o Ary
deram uma briga
força pra sair o livro
o Ary ajudou
fazer na parte
de trigonometria
esférica

bom,
tá o livro.
tá feito.
se a gente fosse fazer de
novo, a gente faria
tudo completamente
diferente

"GEODÉSICAS & CIA."
Vitor Amaral Lotufo
João Marcos de Almeida Lopes
Tiragem de 3.000 exemplares
Fotolitos "STUDFOCO"
Impressão
"GABRIEL ARTES GRÁFICAS"
edição
projeto
editores associados ltda.
rua cinelândia, 62 tel 813-0678/0648
01455 São Paulo

