

## Aula S7

### **ROTEIRO DA AULA S7**

#### **Comentários sobre a 2ª fase do projeto**

- Definição dos critérios de avaliação ou de mérito.
- Avaliação das soluções e determinação de seus méritos segundo os critérios adotados.
- Escolha da solução final.
- Especificação da solução final.

<b>6</b>	2/mai	S6	<b>Avaliação competição intergrupos. Segunda Fase do Projeto Temático – Formação de grupos</b>
	9/mai		<b>Visita</b>
<b>7</b>	23/mai	S7	<b>Segunda Fase do Projeto Temático Estabelecimento de Critérios. Escolha e avaliação de soluções</b>
<b>8</b>	<b>30/mai</b>	S8	<b>Estabelecimento de Critérios. Escolha e Avaliação das Soluções Especificação da solução.</b>
<b>9</b>	6/jun	<b>S9</b>	<b>Competição intergrupos.</b>
<b>10</b>	13/jun	S10	<b>Avaliação competição intergrupos</b>
<b>11</b>	20/jun	S11	<b>Finalização do projeto.</b>
<b>12</b>	<b>27/jun</b>	<b>S12</b>	<b>Apresentação do projeto. Avaliação da disciplina e distribuição de prêmios.</b>
<b>13</b>	<b>7/jul 13h10</b>	<b>S13</b>	<b>Avaliação individual.</b>
	<b>14/jul 13h10</b>	<b>Atividade Substitutiva</b>	<b>Aos alunos que faltarem a uma das competições, S12 ou S13 (só substitui uma).</b>

## Aula S7

### **Tarefa para a aula S7**

Os grupos novos devem preparar um Relatório Prévio (rascunho) a partir da integração e aperfeiçoamento dos relatórios da 1ª fase, com proposta de critérios de mérito para avaliar as soluções, para discussão na próxima aula.

1 ALEX CERQUEIRA

1 EDUARDO LIMA

1 GUSTAVO DE LIMA

1 KAIQUE RODRIGUES

1 NICOLLAS CASTRO

1 YASMIN AGUIAR

2 ALINE PEREIRA

2 ENRICO SIMONI

2 HENRIQUE LEVENTHAL

2 LUANA DOS SANTOS

2 PEDRO NUNES

2

3 ANGELA RINALDI

3 GABRIEL SINZATO

3 ICARO GOULART

3 LUCAS DOS SANTOS

3 PAULA PEREIRA

3 TOMAZ GURGEL

4 ARTHUR WINIAWER

4 GABRIELA YAMASAKI

4 JOÃO DA COSTA

4 LUCAS MARTINS

4 LUIS BELIZARIO

4 VICTOR ARANHA

5 ATHANIS HSU

5 GUILHERME LOURENZI

5 ISABELLA BIANCHINI

5 LUIS MACHADO

5 SILWEN WANG

5 WILLIAM DA LUZ

6 BEATRIZ DA SILVA

6 GUILHERME TONETTI

6 JORGE DIAS

6 KAIK LOUREIRO

6 LUIZ GOMES

6 VICTORIA DOS SANTOS

7 CAIO DA SILVA

7 GUILHERME DE SOUZA

7 GUILHERME SALOMÃO

7 JULIA GOMES

7 MARCELA CHEN

7 VINICIUS DONADON

## DIA 2/5/2023

### Novos grupos

8 BRUNO RAMOS

8 CAIO AGUIAR

8 DIEGO DE CASTRO E MELO

8 GUSTAVO DOS SANTOS

8 LAIS MONTESSO

8 MIGUEL DA SILVA

<b>Formatação</b>								
<b>NOTA (peso 1,0)</b>								
<b>Resumo executivo</b>								
<b>NOTA (peso 1,0)</b>								
<b>Problema e soluções</b>								
variedade e criatividade								
justificativas								
<b>NOTA (peso 2,0)</b>								
<b>Método de quantificação</b>								
descrição sucinta da escala								
justificativa dos pesos relativos								
aplicação correta								
<b>NOTA (peso 1,5)</b>								
<b>Matriz de decisão</b>								
justificativa da utilização da matriz								
aplicação correta e matriz								
escolha da solução								
<b>NOTA (peso 2,0)</b>								
<b>Especificação da solução</b>								
descrição detalhada da solução								
quantificações								
custos								
implementação								
<b>NOTA (peso 2,0)</b>								
<b>Conclusões/recomendações</b>								
alcance do objetivo								
custo e benefícios								
<b>NOTA (peso 0,5)</b>								
<b>SOMA</b>	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00
<b>NORMALIZAÇÃO para 0,75</b>	####	####	####	####	###	###	###	###

## Aula S7

### **Definição de critérios de avaliação.**

- Em casa, cada grupo fez uma primeira lista de critérios de avaliação das soluções; cada grupo pode ler os critérios propostos.
- Discussão com toda turma sobre os critérios, verificando a aplicabilidade face aos dados disponíveis e às limitações de conhecimento técnico dos alunos.
- Questionar se os critérios são suficientes para avaliar as alternativas existentes para cada uso final considerado.

## Aula S7

- Podem ser sugeridos alguns critérios de avaliação específicos. Fazer uma definição inicial dos critérios de mérito que serão usados na avaliação das soluções.
- Considerar os aspectos técnicos, econômicos, sociais e ambientais.
- Trabalhar em grupos, segundo a nova formação definida para a 2ª Fase.

## Aula S7

### **Procedimento para determinar o mérito das soluções**

**Discutir:**

- a) a uniformização das escalas de valores relativas a diferentes critérios;
- b) a escala de importância dos critérios e atribuição de pesos a cada um, para determinação do mérito das soluções.

## Aula S7

### **Consolidação dos critérios**

- Cada grupo revê os critérios propostos, eliminando aqueles que não se aplicam e acrescentando outros julgados pertinentes.
- Em seguida os grupos devem estabelecer uma hierarquia entre os critérios, atribuindo a cada um deles um peso associado à sua importância na definição da solução.

## Aula S7

### **Simulação da escolha da solução**

- Fazer uma “simulação” da escolha da solução com base nos critérios adotados. Procurar avaliar cada solução proposta segundo cada critério estabelecido. Serve para que se verifique a existência de todos os dados necessários para avaliar cada solução ou se a atribuição de pesos foi adequada ou ainda se a escala de notas é consistente para distinguir claramente o mérito das soluções.

## Aula S7

### **Definição dos próximos passos**

- Os alunos devem ler os arquivos “como avaliar as soluções?” no site da disciplina.
- Os grupos devem preparar para a próxima aula a primeira parte do relatório da 2ª fase, enunciando e justificando os critérios e pesos adotados. Devem também aprofundar a avaliação das alternativas de acordo com cada critério, justificando as notas atribuídas.

## Aula S7

### **Avaliação de soluções:**

- **Complemento da S7**
- **Exemplo 2 de matriz de decisão**

Análise das Decisões na Incerteza Aplicada à  
Administração - RAD 5016

*Analytic Hierarchy Process (AHP):*  
Método de Análise Hierárquica

Prof<sup>a</sup>. Dr<sup>a</sup>. Sonia V. W. Borges de Oliveira

Professora FEARP USP

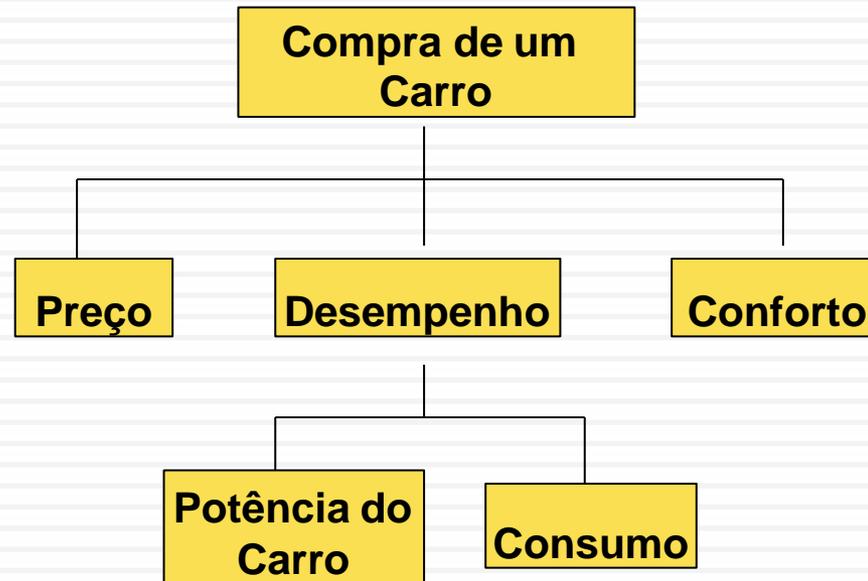
Secretária do Meio Ambiente de Ribeirão Preto

# Método de Análise Hierárquica (AHP)

- Foi desenvolvido em 1971, pelo Prof. Dr. Thomas Saaty
- É uma técnica de análise de decisão e planejamento de múltiplos critérios
- É um método capaz de estabelecer medidas, tanto para os critérios objetivos, como para os critérios subjetivos
- Restrições: usar de 3 a 9 critérios

# Método de Análise Hierárquica (AHP)

- O AHP se caracteriza pela capacidade de analisar um problema de tomada de decisão, através da construção de níveis hierárquicos:

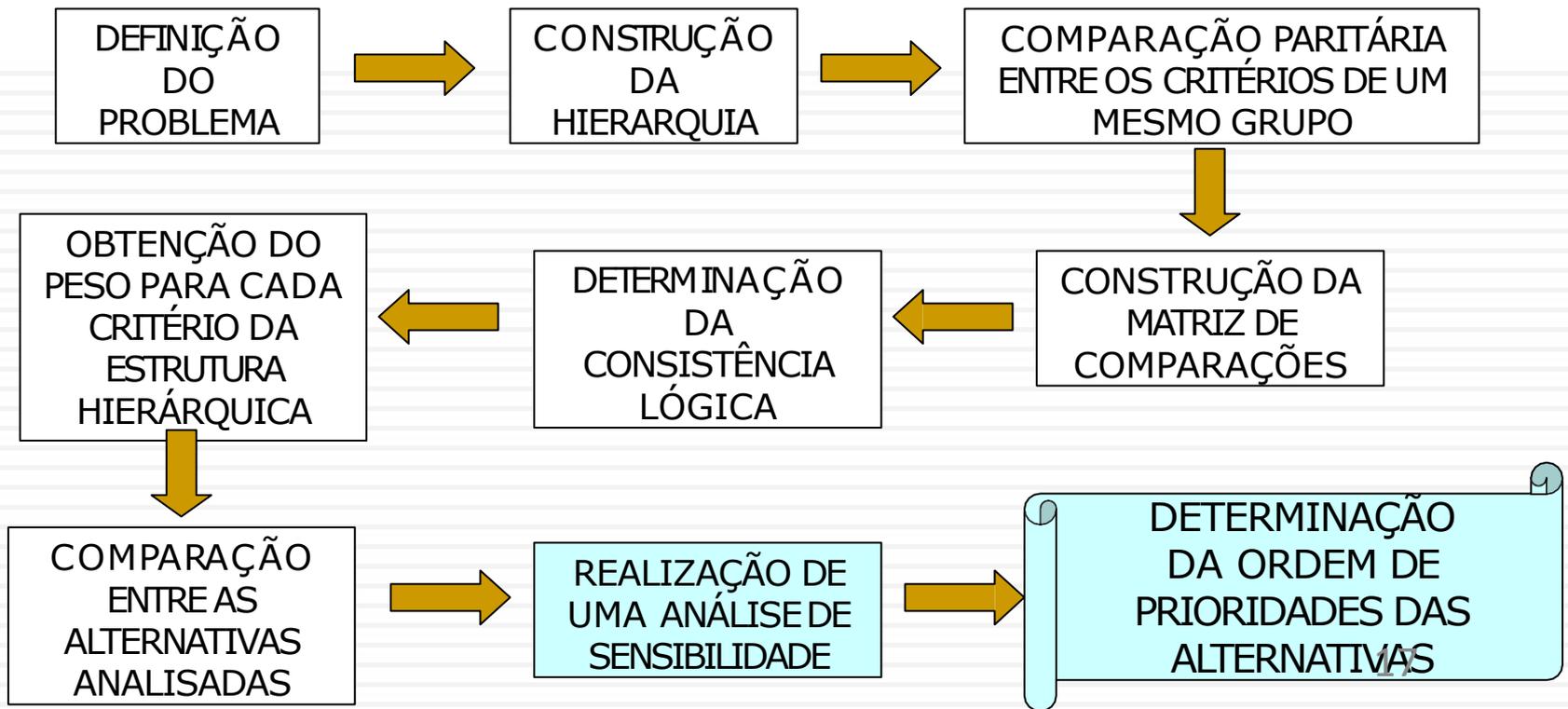


# Método de Análise Hierárquica (AHP)

- A difusão e o poder do AHP se devem, principalmente, às seguintes características:
  - a simplicidade na aplicação;
  - a naturalidade no trato de aspectos subjetivos; e
  - a flexibilidade do uso.

# Método de Análise Hierárquica (AHP)

- Etapas:



# Definição do Problema

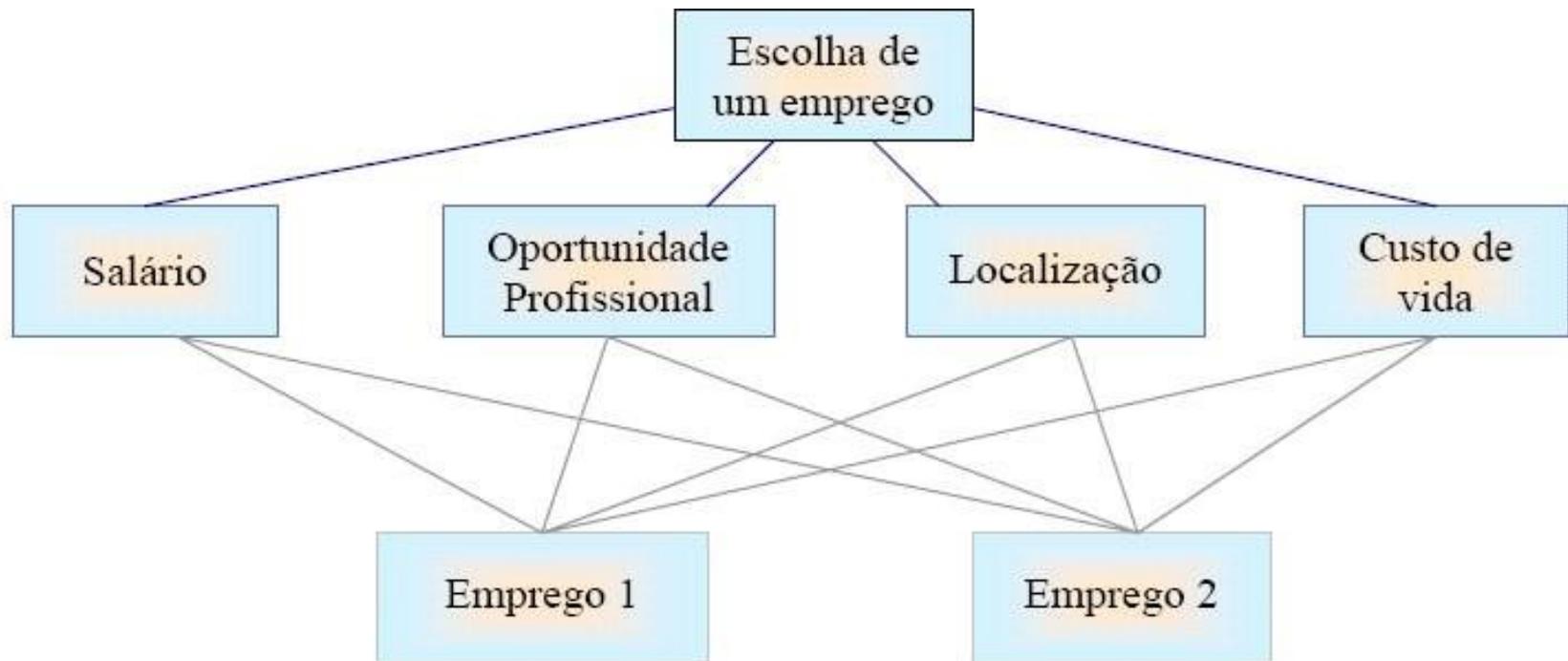
- Um Engenheiro Civil recebeu duas ofertas de emprego (Emprego 1 e 2).
- Ele reside atualmente na cidade de Campinas, mas está disposto a mudar de cidade, caso as vantagens oferecidas por outros fatores sejam melhores.
- Para realizar a escolha do melhor emprego, ele considerou os seguintes fatores ou critérios: salário, oportunidade de progresso profissional, localização e custo de vida no local de trabalho.
- Em seguida, foram recolhidos alguns dados complementares, para auxiliar na avaliação na tomada de decisão (Adaptado de Jordão e Pereira, 2006):

18

# Dados do Problema

<b>Cr�terios</b>	<b>Emprego 1</b>	<b>Emprego 2</b>
C1 - Sal�rio Anual	\$ 14.000	\$ 21.000
C2 - Oportunidade profissional	Alta	Baixa
C3 - Localiza�o	S�o Paulo	Campinas
C4 - Custo de Vida	Alto	Baixo

# Construção da estrutura hierárquica em 3 níveis



# Comparação paritária dos critérios:

## Escala de Comparação

1. Igualmente preferível
2. Igualmente para moderadamente preferível
3. Moderadamente preferível
4. Moderadamente para fortemente preferível
5. Fortemente preferível
6. Fortemente para muito fortemente preferível
7. Muito fortemente preferível
8. Muito fortemente para extremamente preferível
9. Extremamente preferível

# Matrizes de Comparação

- Devem ser criadas matrizes quadradas para cada Critério
- Preferência por salário (C1):

C1	Emprego 1	Emprego 2
Emprego 1	1	1/6
Emprego 2	6	1

# Dados do Problema

<b>Cr�terios</b>	<b>Emprego 1</b>	<b>Emprego 2</b>
C1 - Sal�rio Anual	\$ 14.000	\$ 21.000
C2 - Oportunidade profissional	Alta	Baixa
C3 - Localiza�o	S�o Paulo	Campinas
C4 - Custo de Vida	Alto	Baixo <sub>23</sub>

# Matrizes de Comparação

- Preferência por Oportunidade Profissional (C2):

C2	Emprego 1	Emprego 2
Emprego 1	1	8
Emprego 2	1/8	1

- Preferência por Localização (C3):

C3	Emprego 1	Emprego 2
Emprego 1	1	1/5
Emprego 2	5	1

# Dados do Problema

<b>Cr�terios</b>	<b>Emprego 1</b>	<b>Emprego 2</b>
C1 - Sal�rio Anual	\$ 14.000	\$ 21.000
C2 - Oportunidade profissional	Alta	Baixa
C3 - Localiza�o	S�o Paulo	Campinas
C4 - Custo de Vida	Alto	Baixo <sub>25</sub>

# Matrizes de Comparação

- Preferência por Custo de Vida (C4):

C4	Emprego 1	Emprego 2
Emprego 1	1	4
Emprego 2	1/4	1

- Obs: está assim no original, apesar do custo de vida do Emprego 2 ser baixo!

# Dados do Problema

<b>Cr�terios</b>	<b>Emprego 1</b>	<b>Emprego 2</b>
C1 - Sal�rio Anual	\$ 14.000	\$ 21.000
C2 - Oportunidade profissional	Alta	Baixa
C3 - Localiza�o	S�o Paulo	Campinas
C4 - Custo de Vida	Alto	Baixo <small>27</small>

# Normalizar as Matrizes de Comparação

- Dividir cada elemento da matriz pela soma da coluna a que pertence:

C1	Emprego 1	Emprego 2
Emprego 1	1	1/6
	+	+
Emprego 2	6	1
	=	=
	7	7/6



C1	Emprego 1	Emprego2
Emprego 1	$1 / 7 = 1/7$	$(1/6)/(7/6) = 1/7$
	+	+
Emprego 2	$6/7=6/7$	$1 / (7/6) = 6/7$
	=	=
	1	1

# Normalizar as Matrizes de Comparação

C2	Emprego 1	Emprego 2
Emprego 1	1 +	8 +
Emprego 2	1/8	1
	= 9/8	= 9

C2	Emprego 1	Emprego2
Emprego 1	$1/(9/8)=8/9$ +	$8/9=8/9$ +
Emprego 2	$(1/8)/(9/8)=1/9$	$1/9=1/9$
	= 1	= 1

C3	Emprego 1	Emprego 2
Emprego 1	1 +	1/5 +
Emprego 2	5	1
	= 6	= 6/5

C3	Emprego 1	Emprego2
Emprego 1	$1/6=1/6$ +	$(1/5)/(6/5)=1/6$ +
Emprego 2	$5/6=5/6$	$1/(6/5)=5/6$
	= 1	= 1

# Normalizar as Matrizes de Comparação

C4	Emprego 1	Emprego 2
Emprego 1	1	4
	+	+
Emprego 2	1/4	1
	=	=
	5/4	5

C4	Emprego 1	Emprego2
Emprego 1	$1/(5/4)=4/5$	$4/5=4/5$
	+	+
Emprego 2	$(1/4)/(5/4)=1/5$	$1/5=1/5$
	=	=
	1	1

# Cálculo da Média do Critério

- Converte-se as frações em decimais e encontra-se a média aritmética de cada linha da matriz normalizada:

<b>C1</b>	Emprego 1		Emprego 2		<b>Média</b>
Emprego 1	$1/7 \approx 0,143$	+	$1/7 \approx 0,143$	=	0,143
Emprego 2	$6/7 \approx 0,857$	+	$6/7 \approx 0,857$	=	0,857

# Cálculo da Média do Critério

<b>C2</b>	Emprego 1		Emprego 2		<b>Média</b>
Emprego 1	$8/9 \approx 0,889$	+	$8/9 \approx 0,889$	=	0,889
Emprego 2	$1/9 \approx 0,111$	+	$1/9 \approx 0,111$	=	0,111

<b>C3</b>	Emprego 1		Emprego 2		<b>Média</b>
Emprego 1	$1/6 \approx 0,167$	+	$1/6 \approx 0,167$	=	0,167
Emprego 2	$5/6 \approx 0,833$	+	$5/6 \approx 0,833$	=	0,833

<b>C4</b>	Emprego 1		Emprego 2		<b>Média</b>
Emprego 1	$4/5 \approx 0,800$	+	$4/5 \approx 0,800$	=	0,800
Emprego 2	$1/5 \approx 0,200$	+	$1/5 \approx 0,200$	=	0,200

# Matriz de Preferências

- As linhas são as alternativas
- As colunas são os critérios

	<b>C1</b>	<b>C2</b>	<b>C3</b>	<b>C4</b>
<b>Emprego 1</b>	0,143	0,889	0,167	0,800
<b>Emprego 2</b>	0,857	0,111	0,833	0,200

## Matriz de Comparação dos Critérios

- Continua-se com o nível dos critérios:

	<b>C1</b>	<b>C2</b>	<b>C3</b>	<b>C4</b>
<b>C1 - Salário</b>	1	1/7	1/3	1/2
<b>C2 - Oportunidade</b>	7	1	5	5
<b>C3 - Localização</b>	3	1/5	1	3
<b>C4 - Custo de vida</b>	2	1/5	1/3	1

# Normalização dos Critérios

- Cálculo dos somatórios das colunas

	C1	C2	C3	C4
C1 - Salário	1	1/7	1/3	1/2
	+	+	+	+
C2 - Oportunidade	7	1	5	5
	+	+	+	+
C3 - Localização	3	1/5	1	3
	+	+	+	+
C4 - Custo de vida	2	1/5	1/3	1
	=	=	=	=
Totais	13	54/35	20/3	19/2

# Normalização dos Critérios

- Dividir cada elemento pelo somatório da respectiva coluna:

	C1	C2	C3	C4
C1 - Salário	$1/13=1/13$ +	$(1/7)/(54/35)=5/54$ +	$(1/3)/(20/3)=1/20$ +	$(1/2)/(19/2)=1/19$ +
C2 - Oportunidade	$7/13=7/13$ +	$1/(54/35)=35/54$ +	$5/(20/3)=3/4$ +	$5/(19/2)=10/19$ +
C3 - Localização	$3/13=3/13$ +	$(1/5)/(54/35)=7/54$ +	$1/(20/3)=3/20$ +	$3/(19/2)=6/19$ +
C4 - Custo de vida	$2/13=2/13$	$(1/5)/(54/35)=7/54$	$(1/3)/(20/3)=1/20$	$1/(19/2)=2/19$
Totais	= 1	= 1	= 1	= 1

# Cálculo da Média dos Critérios

	C1		C2		C3		C4		Média
C1	$1/13 \approx 0,077$	+	$5/54 \approx 0,092$	+	$1/20 \approx 0,050$	+	$1/19 \approx 0,053$	=	0,067
C2	$7/13 \approx 0,538$	+	$35/54 \approx 0,648$	+	$3/4 \approx 0,75$	+	$10/19 \approx 0,526$	=	0,616
C3	$3/13 \approx 0,231$	+	$7/54 \approx 0,130$	+	$3/20 \approx 0,15$	+	$6/19 \approx 0,316$	=	0,207
C4	$2/13 \approx 0,154$	+	$7/54 \approx 0,130$	+	$1/20 \approx 0,05$	+	$2/19 \approx 0,105$	=	0,110
Totais	1,000		1,000		1,000		1,000		1,000

# Cálculo do Resultado Final!

- Multiplicar a matriz de preferências pela média dos critérios: quantificação final de cada alternativa

	C1	C2	C3	C4		Média		Resultado
<b>Emprego 1</b>	0,143	0,889	0,167	0,800	<b>X</b>	0,067	=	<b>0,679</b>
<b>Emprego 2</b>	0,857	0,111	0,833	0,200		0,616		<b>0,321</b>
						0,207		
						<u>0,110</u>		

# Estrutura Hierárquica com a Solução



# Expert Choice 11.5

- Pioneira no desenvolvimento de programas para o método AHP
- Modela automaticamente as matrizes de comparação, conforme a hierarquia de decisão definida pelo usuário
- Reconhecido pela sua eficácia no tratamento de problemas de decisão
- Ver:  
<http://www.expertchoice.com/products/ec11.html>

# Super Decisions

- Utiliza o Método de Análise em Redes (ANP – *Analytic Network Process*), também desenvolvido por SAATY (1996)
- Para problemas em que existem relações de dependência entre elementos de um mesmo nível hierárquico
- Pode ser usado em uma variedade de decisões:
  - marketing, medicina, política, social, previsão e prognóstico etc.
- Ver: <http://www.superdecisions.com/>

# Bibliografia

- JORDÃO, Bruno Miguel da Cruz ; PEREIRA, Susete Rodrigues. **A Análise Multicritério na Tomada de Decisão - O Método Analítico Hierárquico de T. L. Saaty: Desenvolvimento do método com recurso à análise de um caso prático explicado ponto a ponto.** Instituto Politécnico de Coimbra, 2006.
- SAATY, T. L. **Método de análise hierárquica.** 1991. São Paulo: Makron, 1991. 367 p.

<https://www.youtube.com/watch?app=desktop&v=18GWVtVAAzs>

<b>Formatação</b>								
<b>NOTA (peso 1,0)</b>								
<b>Resumo executivo</b>								
<b>NOTA (peso 1,0)</b>								
<b>Problema e soluções</b>								
variedade e criatividade								
justificativas								
<b>NOTA (peso 2,0)</b>								
<b>Método de quantificação</b>								
descrição sucinta da escala								
justificativa dos pesos relativos								
aplicação correta								
<b>NOTA (peso 1,5)</b>								
<b>Matriz de decisão</b>								
justificativa da utilização da matriz								
aplicação correta e matriz								
escolha da solução								
<b>NOTA (peso 2,0)</b>								
<b>Especificação da solução</b>								
descrição detalhada da solução								
quantificações								
custos								
implementação								
<b>NOTA (peso 2,0)</b>								
<b>Conclusões/recomendações</b>								
alcance do objetivo								
custo e benefícios								
<b>NOTA (peso 0,5)</b>								
<b>SOMA</b>	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00
<b>NORMALIZAÇÃO para 0,75</b>	####	####	####	####	###	###	###	###

<b>6</b>	2/mai	S6	<b>Avaliação competição intergrupos. Segunda Fase do Projeto Temático – Formação de grupos</b>
	9/mai		<b>Visita</b>
<b>7</b>	23/mai	S7	<b>Segunda Fase do Projeto Temático Estabelecimento de Critérios. Escolha e avaliação de soluções</b>
<b>8</b>	<b>30/mai</b>	S8	<b>Estabelecimento de Critérios. Escolha e Avaliação das Soluções Especificação da solução.</b>
<b>9</b>	6/jun	<b>S9</b>	<b>Competição intergrupos.</b>
<b>10</b>	13/jun	S10	<b>Avaliação competição intergrupos</b>
<b>11</b>	20/jun	S11	<b>Finalização do projeto.</b>
<b>12</b>	<b>27/jun</b>	<b>S12</b>	<b>Apresentação do projeto. Avaliação da disciplina e distribuição de prêmios.</b>
<b>13</b>	<b>7/jul 13h10</b>	<b>S13</b>	<b>Avaliação individual.</b>
	<b>14/jul 13h10</b>	<b>Atividade Substitutiva</b>	<b>Aos alunos que faltarem a uma das competições, S12 ou S13 (só substitui uma).</b>

# **Critérios de Avaliação**

## **Quantitativos**

Escala de valores objetiva (tangível)

## **Qualitativos**

Escala de valores subjetiva (intangível)

## **Múltiplos tomadores de decisão**

Visão diferente dos decisores

## **Importância relativa entre os critérios**

# Critérios Quantitativos

## ■ Exemplo

Solução	Tempo Implantação (dias)	Custo (R\$)	Economia (m3/dia)
1	5	10.000,00	20
2	12	800,00	12
3	7	500,00	5
4	35	5.000,00	30
5	10	12.000,00	80

<b>Melhor Solução</b>	1	3	5
-----------------------	---	---	---

*Qual é, de fato, a melhor solução?*

# Critérios Qualitativos

## Exemplo

Solução	Estética	Aceitação dos Usuários	Impacto Ambiental
1	Bonito	Baixa	Médio
2	Feio	Alta	Nulo
3	Indiferente	Alta	Médio
4	Horrível	Muito Alta	Baixo
5	Bonito	Indiferente	Baixo

<b>Melhor Solução</b>	1 ou 5	4	2
-----------------------	--------	---	---

# Critérios

## Necessidade de estabelecimento de métrica

Valores **mínimo** e **máximo**

Objetivo: **agregação de valor**

Baixo custo (▼) → Alta importância (▲)

Alto impacto ambiental (▲) → Baixo interesse para o projeto (▼)

Como comparar R\$ 50,00 x R\$ 30.000,00 ?

Por meio de uma escala

# Critérios / Escala

## Exemplo – Critério Quantitativo

Como atribuir as notas na escala?

Tempo Implantação (dias)	Nota 1	Nota 2	Nota 3
5	10,0	10,0	10,0
7	8,0	7,5	7,1
10	6,0	5,0	5,0
12	4,0	2,5	4,2
35	2,0	0,0	1,4

Escala de 2 a 10 ou 0 a 10

*Considera a  
proporcionalidade*

# Critérios / Escala

## Exemplo – Critério Qualitativo

<b>Estética</b>	<b>Escala</b>
Bonito	10,0
Indiferente	6,7
Feio	3,3
Horrível	0,0

# **Avaliação de Soluções**

# INTRODUÇÃO

São utilizados diversos critérios para avaliar as soluções propostas.

**Atribuição de pesos aos critérios.**

**Atribuição de notas às soluções para cada um dos critérios.**

# **MATRIZ DE DECISÃO**

**Consiste em selecionar a melhor alternativa pela determinação da maior média ponderada das notas.**

**Devido à dificuldade e subjetividade para atribuir pesos e avaliar soluções, a matriz de decisão possui algumas limitações.**

**Existem propostas para aperfeiçoar a matriz de decisão, como o método de análise hierárquica(AHP).**

# MÉTODO AHP

**Estruturação do problema (Definição dos objetivos, critérios de avaliação e alternativas de solução).**

**Comparação dos elementos (critérios e alternativas) dois a dois**

**Atribuição de pesos aos critérios.**

**Atribuição de notas às soluções para cada um dos critérios**

# Exemplo de aplicação do método AHP

Tabela 17 Comparação entre Critérios

Preferência relativa de importância	Nota relativa
extremamente mais importante	9,8
muito mais importante	7,6
Mais importante	5,4
moderadamente mais importante	3,2
Igualmente importante	1

Tabela 18 Comparação entre Soluções

Qualificação da preferência	Índice quantitativo
extremamente acentuada	9; 8
muito acentuada	7; 6
acentuada	5; 4
moderada	3; 2
indiferente	1

# MATRIZ DE COMPARAÇÃO

## Características de seus elementos

$$A = \begin{pmatrix} 1 & a_{12} & \cdot & \cdot & \cdot & a_{1n} \\ 1/a_{12} & 1 & \cdot & \cdot & \cdot & a_{2n} \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ 1/a_{1n} & 1/a_{2n} & \cdot & \cdot & \cdot & 1 \end{pmatrix}$$

# Exemplo de aplicação do método AHP

Em um projeto para redução do consumo de energia elétrica, são comparadas três alternativas para iluminação.

**Tabela 16 Características das Soluções**

	Vapor de mercúrio	Vapor de sódio	Incandescente
Potência (W)	125	70	250
Durabilidade (h)	12.000	16.000	2.000
Custo (R\$)	220,00	260,00	5,00

# **Exemplo de aplicação do método AHP**

**Este procedimento pressupõe uma comparação, tanto entre os critérios, como entre as soluções, aos pares.**

**Partindo de avaliações qualitativas procede-se a uma quantificação desta preferência.**

<b>Preferência relativa de importância</b>	<b>Nota relativa</b>
extremamente mais importante	9,8
muito mais importante	7,6
Mais importante	5,4
moderadamente mais importante	3,2
Igualmente importante	1

<b>Qualificação da preferência</b>	<b>índice quantitativo</b>
extremamente acentuada	9; 8
muito acentuada	7; 6
acentuada	5; 4
moderada	3; 2
indiferente	1

# **Cr terios de Avalia o**

**Cr terios relevantes**

**Cuidado com as redund ncias**

Cr terios que n o abordam aspectos essencialmente diferentes

...

# **Exemplo de aplicação do método AHP**

## **A) Critérios de decisão**

**Custo total**

**Meio ambiente**

**Conforto visual**

**Tempo da troca**

# **Exemplo de aplicação do método AHP**

## **B) Aplicação do Procedimento de Avaliação**

**B1) Ponderação dos critérios**

**B2) Avaliação das soluções**

**B3) Ordenação das Alternativas**

# Comparação entre Critérios

<b>Preferência relativa de importância</b>	<b>Nota relativa</b>
extremamente mais importante	9,8
muito mais importante	7,6
Mais importante	5,4
moderadamente mais importante	3,2
Igualmente importante	1

# B1) Ponderação dos critérios

## Comparação de critérios

compara-se o critério que aparece em cada linha com cada um que aparece nas colunas

**Exemplo 1: Custo é considerado moderadamente mais importante que Meio Ambiente**

na célula (1,2) colocamos a nota "2" e, por consequência, na célula simétrica (2,1) colocamos "  $\frac{1}{2}=0,5$  "

# B1) Ponderação dos critérios

**Exemplo 2: "Visual" é mais importante que  
"Meio Ambiente**

na célula (3,2) coloca-se 5 e na célula (2,3) =>  
 $1/5=0,2$

**Na diagonal tem-se tudo igual a 1**

# B1) Ponderação dos critérios

## Construção da tabela para comparação dos critérios

Tabela 19 - Comparação de critérios

	custo	MA	visual	troca
Custo	1,00	2,00	0,33	0,17
MA	0,50	1,00	0,20	0,13
Visual	3,00	5,00	1,00	0,20
Troca	6,00	8,00	5,00	1,00
	10,50	16,00	6,53	1,49

Exemplo: “Visual” é mais importante que “Meio Ambiente(JUSTIFICAR PORQUE); portanto na célula (3,2) coloca-se 5 e na célula (2,3) coloca-se  $1/5=0,2$ .

# NORMALIZAÇÃO DOS PESOS

Divide-se cada termo de uma coluna pela soma dos termos da coluna

Calcula-se a média dos valores das linhas, obtendo como resultado os pesos de cada critério

Tabela 20 Normalização dos pesos

	custo	MA	visual	troca	
custo	0,10	0,13	0,05	0,11	0,10
MA	0,05	0,06	0,03	0,08	0,06
visual	0,29	0,31	0,15	0,13	0,22
troca	0,57	0,50	0,77	0,67	0,63
	1,00	1,00	1,00	1,00	1,00
normalizada					importância média

## **B2) Avaliação das soluções (Custo)**

**Para cada critério efetua-se a comparação das alternativas de solução (lâmpada de sódio, mercúrio e incandescente).**

**Exemplo: segundo o critério "Custo", a lâmpada incandescente é a melhor alternativa, sendo moderadamente preferida em relação à de vapor de mercúrio e acentuadamente em relação à de vapor de sódio.**

## **Tabela 18 Comparação entre Soluções**

<b>Qualificação da preferência</b>	<b>índice quantitativo</b>
extremamente acentuada	9; 8
muito acentuada	7; 6
acentuada	5; 4
moderada	3; 2
indiferente	1

## B2) Avaliação das soluções (Custo)

Tabela 21 Comparação das soluções do ponto de vista “custo”

custo	sódio	mercurio	incand		sódio	mercurio	incand	
sodio	1,00	0,33	0,20		0,11	0,06	0,14	0,10
mercurio	3,00	1,00	0,25		0,33	0,19	0,17	0,23
incand.	5,00	4,00	1,00		0,56	0,75	0,69	0,67
	9,00	5,33	1,45		1,00	1,00	1,00	1,00

A normalização das notas é feita da mesma maneira que a normalização dos critérios

## B2) Avaliação das soluções (MA)

Tabela 22 Comparação das soluções do ponto de vista “meio ambiente”

MA	sódio	mercurio	incand		sódio	mercurio	incand	
sodio	1,00	3,00	9,00		0,69	0,72	0,53	0,65
mercurio	0,33	1,00	7,00		0,23	0,24	0,41	0,29
incand.	0,11	0,14	1,00		0,08	0,03	0,06	0,06
	1,44	4,14	17,00		1,00	1,00	1,00	1,00

- Repete-se o procedimento para os demais critérios (meio ambiente, aspecto visual e troca)

# **Matriz de Decisão**

**Procedimento estruturado de atribuição de valor às alternativas e determinação da solução do problema segundo o peso dos critérios utilizados**

## B3) Ordenação das Alternativas

Para cada critério são utilizadas duas colunas: a primeira contém a nota atribuída a cada alternativa, e a segunda contém o peso relativo do critério

Assim pode-se calcular a nota ponderada de cada alternativa

Tabela 25 Ponderação Final

	custo		MA		visual		troca		final
sodio	0,10	0,10	0,65	0,06	0,13	0,22	0,65	0,63	0,48
mercurio	0,23	0,10	0,29	0,06	0,24	0,22	0,29	0,63	0,28
incand.	0,67	0,10	0,06	0,06	0,63	0,22	0,06	0,63	0,24
	1,00		1,00		1,00		1,00		1,00

# OUTRA FORMA DE COMPARAÇÃO DE CRITÉRIOS

<b>Crítérios</b>	<b>Critério 1</b>	<b>Critério 2</b>	<b>Critério 3</b>	<b>Critério 4</b>	<b>Pontuação Total</b>	<b>Pesos Normalizados</b>
<b>Critério 1</b>	-	1	1	1	3	3/6
<b>Critério 2</b>	0	-	0	1	1	1/6
<b>Critério 3</b>	0	1	-	1	2	2/6
<b>Critério 4</b>	0	0	0	-	0	0/6