

# Bases Éticas Metodológicas e Gerenciais em Pesquisa

## MPT5795

# Cálculo do Tamanho da Amostra



Raymundo Soares de Azevedo Neto

# Pesquisa Médica

# Conhecimento

Experiência  
Clínica

Tentativa &  
Erro

Autoridade

Tradição

Método  
Científico

Raciocínio  
Dedutivo

Literatura

Raciocínio  
Indutivo

AMOSTRA

# Amostragem

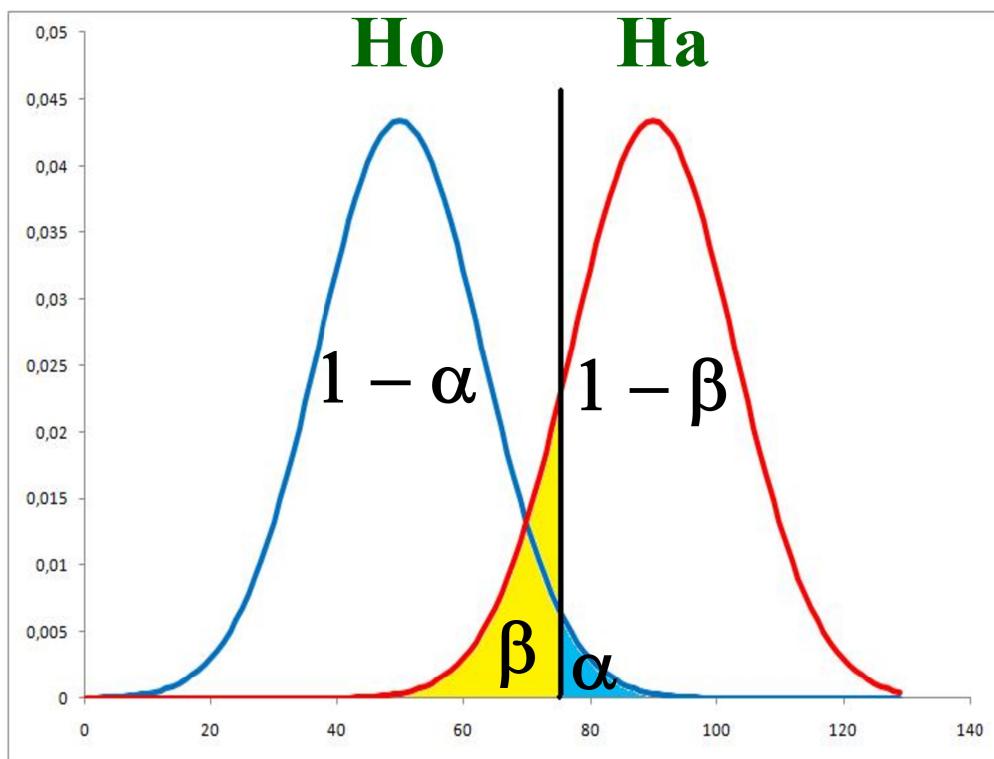


# Etapa 1

- P** Critérios de Inclusão & Critérios de Exclusão que definem a população
- I** Novo tratamento/intervenção a ser comparado com outra terapêutica ou prática de interesse
- C**
- O** Desfechos mensuráveis (“outcomes”) que permitam verificar o efeito
- T** Tempos de coleta das variáveis e de observação dos efeitos

# Amostragem

	<i>“A Realidade”</i>	
<i>“o estudo”</i>	$H_0$ é Verdadeira	$H_0$ é Falsa
Aceitar $H_0$	Decisão Correta	Erro Tipo II ( $\beta$ )
Rejeitar $H_0$	Erro tipo I ( $\alpha$ )	Decisão Correta



## Etapa 2

### Planejamento Estatístico relativo às variáveis



#### Análise Univariada

- Teste t
- Anova
- Teste de Wilcoxon
- Teste de Mann-Whitney



#### Análise Bivariada

- Teste  $\chi^2$
- Teste Exato de Fisher
- Correlação de Pearson
- Correlação de Spearman



#### Análise Multivariada

- Regressão Múltipla
- Análise Fatorial
- Regressão Logística

### Desfecho Primário ou Desfecho Principal

#### Quantitativa Contínua

$$H_0 : \bar{X}_S \leq \bar{X}_E$$

$$H_A : \bar{X}_S > \bar{X}_E$$

#### Qualitativa Ordinal

$$H_0 : R_S \leq R_E$$

$$H_A : R_S > R_E$$

#### Qualitativa Nominal

$$H_0 : P_S \leq P_E$$

$$H_A : P_S > P_E$$

## Etapa 3 – Cálculo do Tamanho da Amostra

### Regra Geral

- Partir da fórmula de estimativa do erro e isolar  $n$
- Abordagem pelo Erro Padrão da Média foi uma das primeiras formas de cálculo do tamanho da amostra

$$EPM = \frac{S}{\sqrt{n}}$$

isolar  $n$

$$n = \frac{S^2}{EPM^2}$$

*Incluir o nível de significância e o poder estatístico*

$$n = (z_\alpha + z_\beta)^2 \frac{S^2}{EPM^2}$$

# Tamanho da Amostra

## Comparação de Duas Médias

- Teste t para duas amostras independentes

$$t = \frac{\overline{X}_A - \overline{X}_B}{EPM_D}$$



$$t = \frac{\overline{X}_A - \overline{X}_B}{\sqrt{\frac{S_A^2}{n_A} + \frac{S_B^2}{n_B}}}$$

- t pode ser traduzido em termos de  $\alpha$  e  $\beta$
- As variâncias ( $S^2$ ) e o tamanho de cada amostra ( $n$ ) podem ser iguais

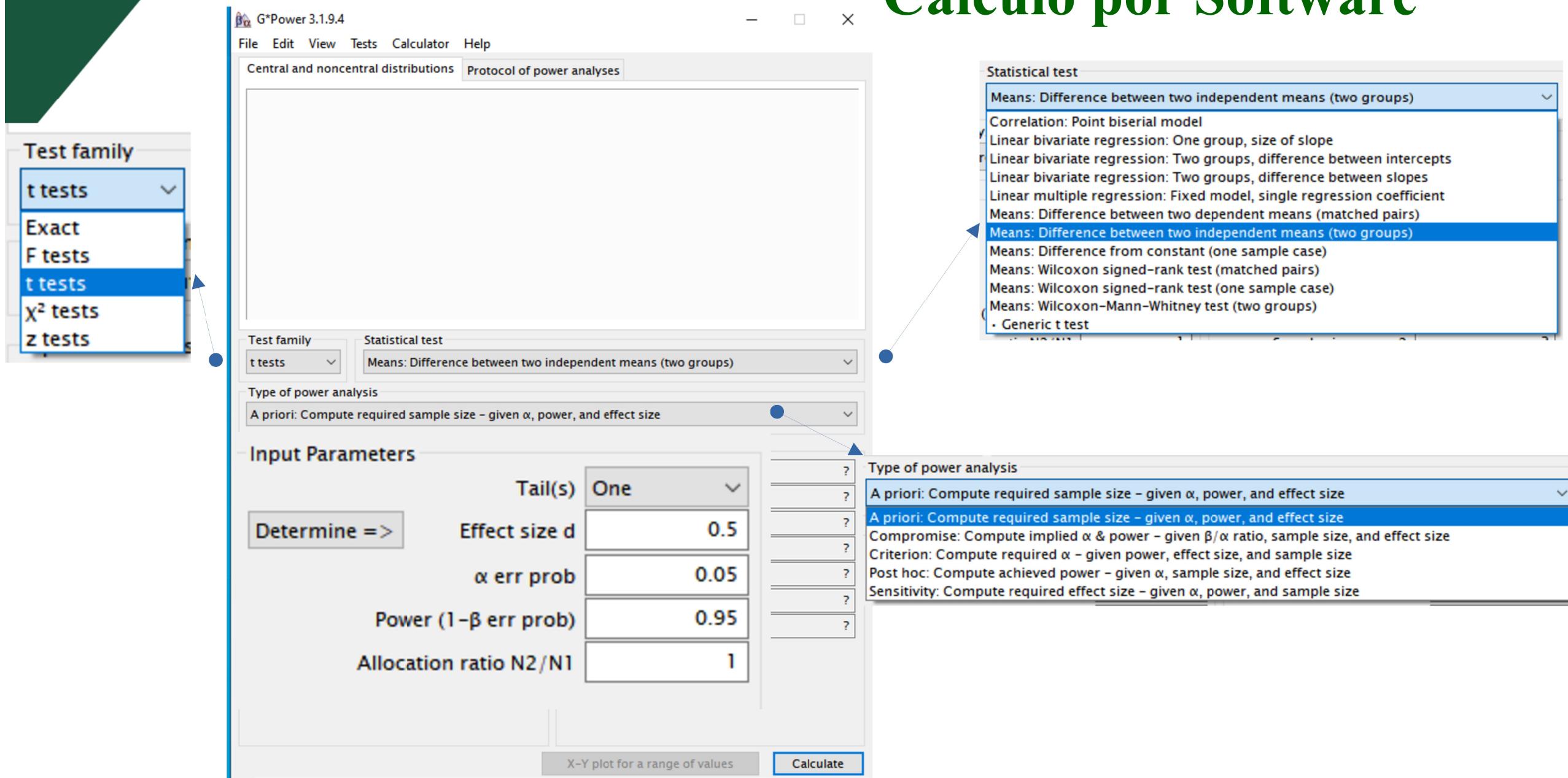
$$(t_\alpha + t_\beta) = \frac{d}{\sqrt{2 \frac{S^2}{n}}}$$



$$n = \frac{2(t_\alpha + t_\beta)^2 S^2}{d^2}$$

# Tamanho da Amostra

## Cálculo por Software



The screenshot shows the G\*Power 3.1.9.4 software interface for calculating sample sizes. The main window displays the following settings:

- Test family:** t tests (selected)
- Statistical test:** Means: Difference between two independent means (two groups) (selected)
- Type of power analysis:** A priori: Compute required sample size – given  $\alpha$ , power, and effect size (selected)
- Input Parameters:**
  - Tail(s): One
  - Effect size d: 0.5
  - $\alpha$  err prob: 0.05
  - Power (1- $\beta$  err prob): 0.95
  - Allocation ratio N2/N1: 1
- X-Y plot for a range of values** and **Calculate** buttons at the bottom.

A secondary window titled "Statistical test" is open, listing various statistical tests. The option "Means: Difference between two independent means (two groups)" is highlighted, corresponding to the selection in the main window.

## Tamanho da Amostra

### Estudo Piloto – Pacientes Transplante Hepático

Encefalopatia Hepática	Creatinina	
	Nao	Sim
Valid	83	46
Mean	0.908	0.967
Std. Deviation	0.381	0.328
Minimum	0.430	0.510
Maximum	3.130	1.800

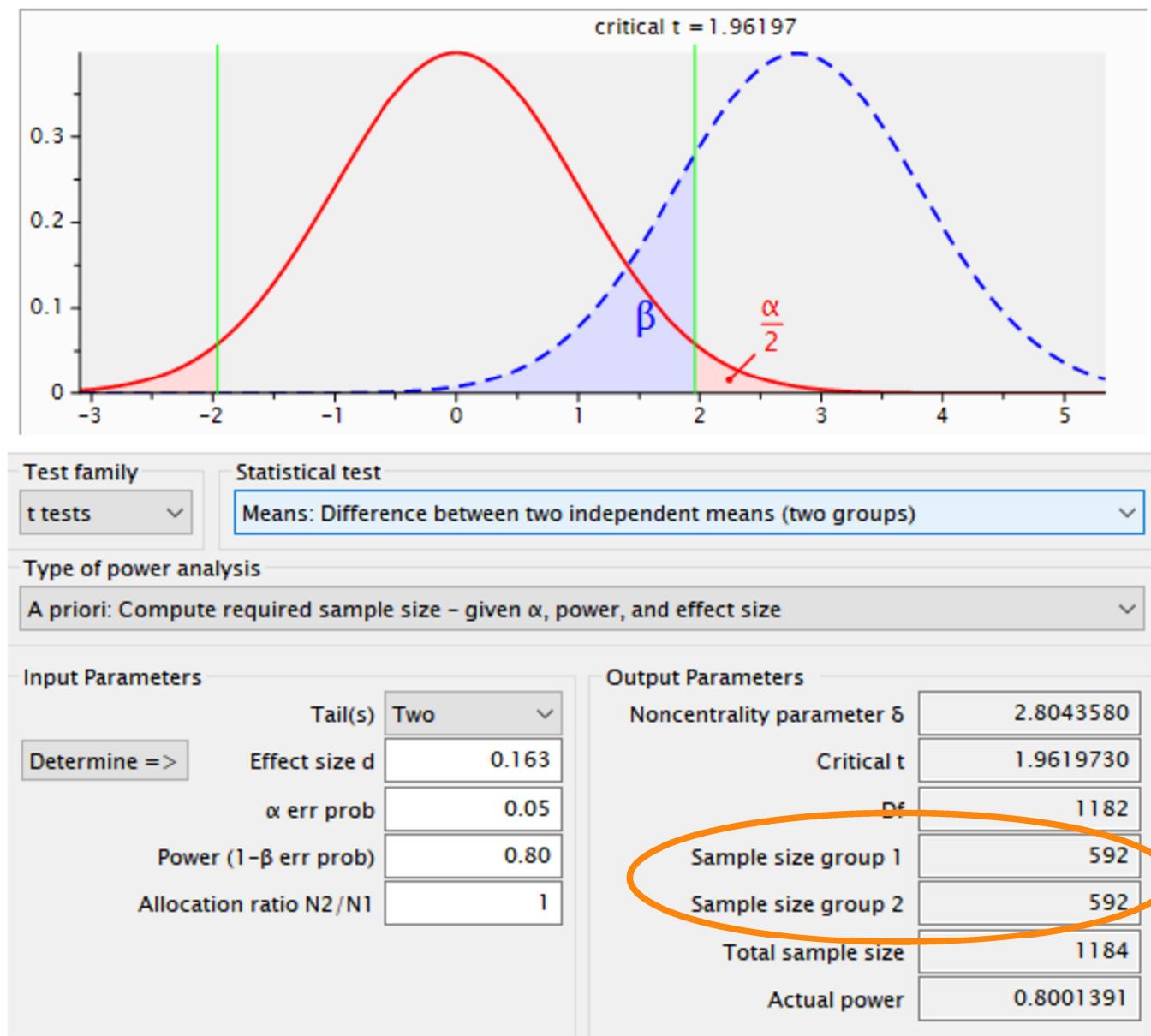
### Independent Samples T-Test

	t	df	p	Cohen's d
Creatinina	-0.886	127	0.377	-0.163

Note. Student's t-test.

$$\text{Poder } (1-\beta) = 0.5392447$$

### Exemplo – teste t para 2 grupos independentes



## Exemplo – teste de Mann-Whitney (2 grupos independentes)

### Estudo Piloto - Pacientes Transplante Hepático

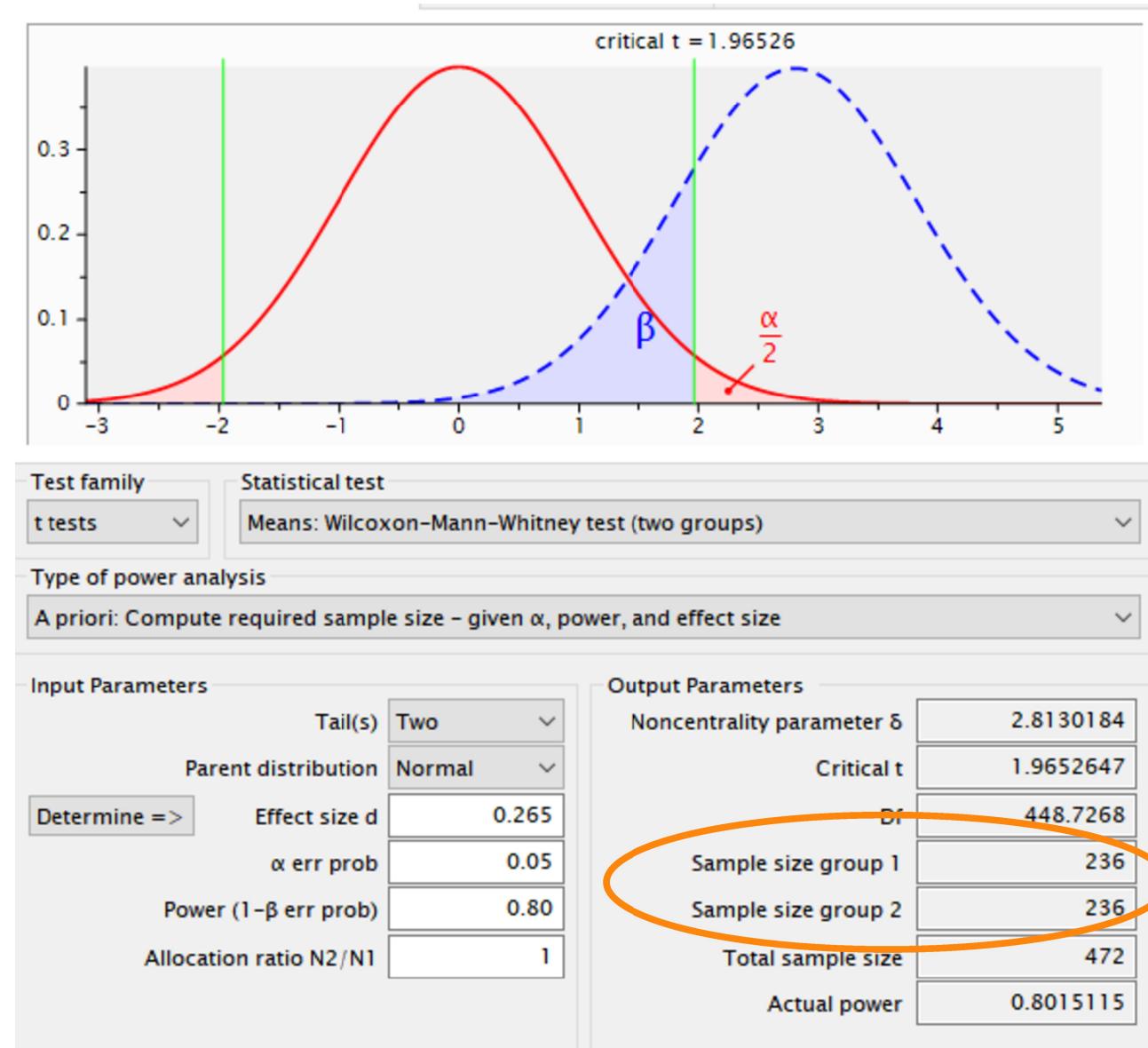
	CHILD_Score	
Carcinoma Hepatocelular	Nao	Sim
Valid	113	16
Median	8.000	6.500
Minimum	5.000	5.000
Maximum	11.000	10.000

### Mann-Whitney U test

	W	p	Rank-Biserial Correlation
CHILD_Score	1144	0.082	0.265

**Note.** Effect size is given by the rank biserial correlation.

$$\text{Poder } (1-\beta) = 0.1608414$$



# Tamanho da Amostra

Estudo Piloto - MELD pacientes transplante hepático

TipagemABO	Mean	SD	N
A	12.745	4.106	55
AB	14.000	3.464	3
B	14.235	4.590	17
O	13.796	4.035	54

$$f = \sqrt{\frac{\eta^2}{(1-\eta^2)}}$$

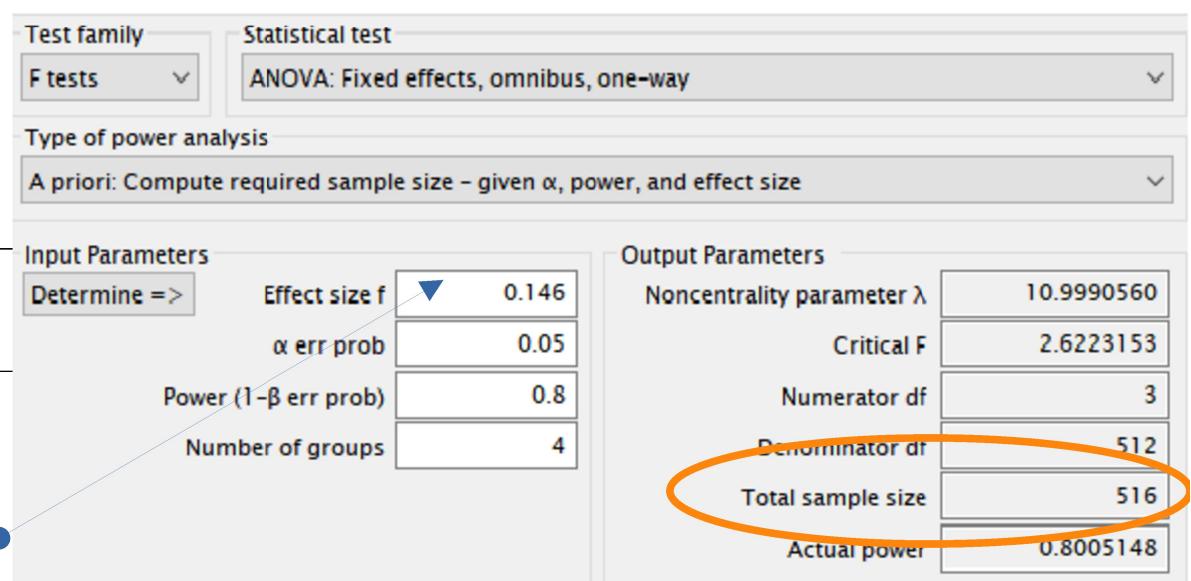
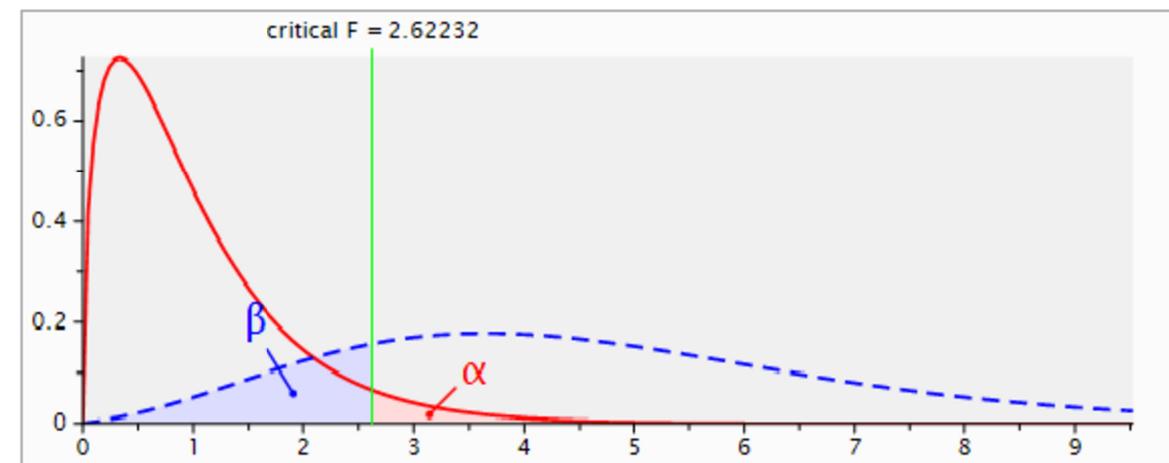
## ANOVA - MELD

Cases	Sum of Squares	df	Mean Square	F	p	$\eta^2_p$
TipagemABO	44.97	3	14.99	0.878	0.455	0.021
Residuals	2134	125	17.07			f 0.146

Note. Type III Sum of Squares

Power (1-β) = 0.2467165

## Exemplo – ANOVA (um fator)



Tamanho do efeito  
f de Cohen

# Tamanho da Amostra

Estudo Piloto – pacientes transplante hepático

HCV	encefalopatia			Total
	Sim	Nao		
<b>Positivo</b>	<b>Count</b>	<b>11</b>	<b>33</b>	<b>44</b>
	<b>% row</b>	<b>25%</b>	<b>75 %</b>	<b>100 %</b>
<b>Negativo</b>	<b>Count</b>	<b>35</b>	<b>50</b>	<b>85</b>
	<b>% row</b>	<b>41.18 %</b>	<b>58.82 %</b>	<b>100 %</b>
<b>Total</b>	<b>Count</b>	<b>46</b>	<b>83.000</b>	<b>129</b>
	<b>% row</b>	<b>35.66%</b>	<b>64.34%</b>	<b>100%</b>

## Chi-Squared Tests

	Value	df	p
$\chi^2$			
continuity correction	2.639	1	0.104
N	129		
Poder (1-β)	0.3890296		

$$w = \sqrt{\frac{\chi^2}{N}}$$

## Exemplo – Tabela de Contingência

### Tabelas 2 x 2

Test family: Exact  
 Statistical test: Proportions: Inequality, two independent groups (Fisher's exact test)  
 Type of power analysis: A priori: Compute required sample size – given α, power, and effect size  
 Input Parameters: Tail(s) Two, Determine =>, Proportion p1 0.25, Proportion p2 0.41, α err prob 0.05, Power (1-β err prob) 0.80, Allocation ratio N2/N1 1  
 Output Parameters: Sample size group 1 146, Sample size group 2 146, Total sample size 292, Actual power 0.8030133, Actual α 0.0374707

## Qualquer Tabela de Contingência ( DF e w )

Test family:  $\chi^2$  tests  
 Statistical test: Goodness-of-fit tests: Contingency tables  
 Type of power analysis: A priori: Compute required sample size – given α, power, and effect size  
 Input Parameters: Determine =>, Effect size w 0.143, α err prob 0.05, Power (1-β err prob) 0.80, Df 1  
 Output Parameters: Noncentrality parameter λ 7.8524160, Critical  $\chi^2$  3.8414588, Total sample size 384, Actual power 0.8001776

# Tamanho da Amostra

## Estudo Piloto – Pacientes Transplante Hepático

	N	Mean	SD	SE
Albumina	129	3.463	0.581	0.051
IMC	129	27.671	5.184	0.456

### IMC x Albumina

Model	R	R <sup>2</sup>	Adjusted R <sup>2</sup>	RMSE
H <sub>0</sub>	0.000	0.000	0.000	0.581
H <sub>1</sub>	0.113	0.013	0.005	0.580

$$f^2 = \frac{R^2}{(1-R^2)}$$

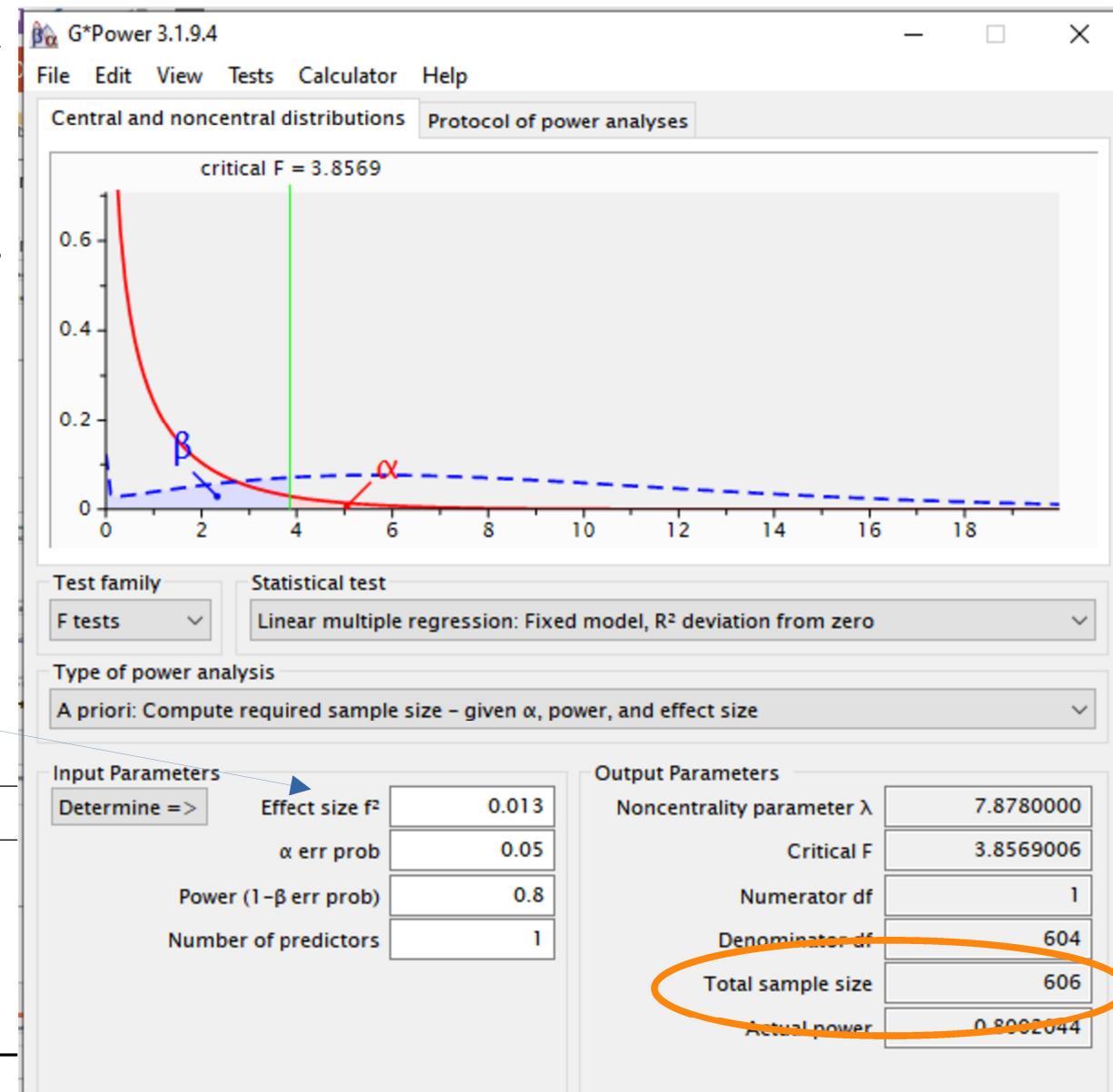
Tamanho do  
Efeito f<sup>2</sup> de Cohen

### ANOVA

Model		Sum of Squares	df	Mean Square	F	p
H <sub>1</sub>	Regression	0.551	1	0.551	1.637	0.203
	Residual	42.731	127	0.336		
	Total	43.281	128			

Note. The intercept model is omitted, as no meaningful information can be shown.

## Exemplo – Correlação



# Tamanho da Amostra

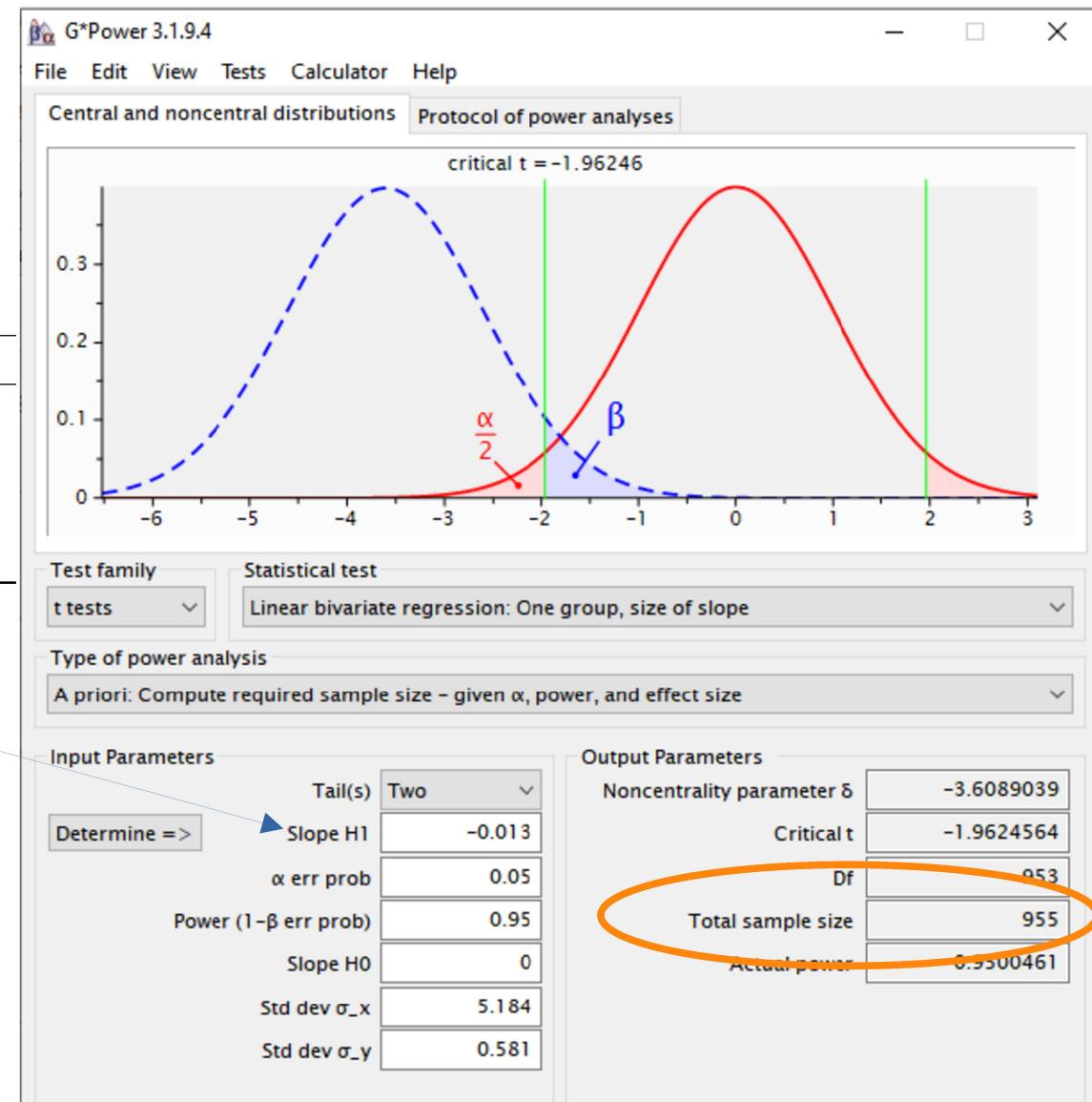
## Estudo Piloto – Pacientes Transplante Hepático

	N	Mean	SD	SE
Albumina	129	3.463	0.581	0.051
IMC	129	27.671	5.184	0.456

### Coefficients

Model		Unstandardized	Standard Error	Standardized	t	p
H <sub>0</sub>	(Intercept)	3.463	0.051		67.636	4.845e -102
H <sub>1</sub>	(Intercept)	3.813	0.278		13.697	8.757e -27
	IMC	-0.013	0.010	-0.113	-1.280	0.203

## Exemplo – Correlação 2



The word cloud is composed of several key terms related to sample size determination:

- Sample
- Size
- Determination
- Population
- Experimental
- Inferences
- Resource
- Stratified
- Statisticians
- Laboratory
- True
- Cumulative
- Standard
- Power
- Total
- Distribution
- Pathogen
- Normal
- Table
- Treatment
- Inversely
- Means
- Estimate
- Reject
- Sampling
- Proportional
- Form
- Large
- Equal
- Cutoff
- Degrees
- Animals
- Binomial
- Unknown
- Equation
- Approximation
- Allocation
- Partly
- Smallest
- Error
- Independent
- Estimator
- Component
- Deviation
- Function
- Variance
- Values
- Number
- Approximate size
- Theorem
- Hypothesis
- Observations
- Complicated
- Units
- Wide
- Statistics
- Divided
- Data
- Expected
- NK
- Replicates
- Support
- Stratification
- Individuals
- Minus
- Confidence
- Group
- Candidate
- Target
- Shown
- Proportion
- Control
- Collect
- Identically
- Parameter
- Quantitatively
- Stratum
- Identically