

A dualidade onda - partícula

No física clássica, partículas e ondas são usadas para descrever fenômenos e entes completamente distintos.

A exigência de ambos os conceitos para descrever um mesmo ente como um elétron ou a luz causou bastante desconforto no início do século XX.

Por exemplo, no experimento de Compton, o comprimento de onda dos raios-X espalhados era determinado via difração num cristal, enquanto os resultados só podiam ser corretamente explicados se assumirmos que os raios-X se comportam como partículas localizadas com energia e momento bem definidos.

Por outro lado, a razão entre a carga elétrica e a massa do elétron e o rastro de ionizações que ele deixa na matéria (pontos localizados) seguem um modelo corpuscular. Entretanto, os experimentos de Davisson-Germer e G. P. Thomson mostram que elétrons difratam de maneira análoga às ondas.

As experiências mostram que ambos os modelos (corpuscular e ondulatório) devem ser usados para a matéria e a radiação, porém não nas mesmas circunstâncias.

Mais precisamente

- * Durante o processo de emissão ou absorção, quando matéria e radiação interagem, o caráter corpuscular se manifesta.
- * Durante a propagação, tanto da radiação quanto da matéria, o caráter ondulatório se manifesta.

Baseado nessas evidências, Niels Bohr formulou o Princípio da Complementaridade:

"A descrição completa tanto da radiação quanto da matéria, só pode ser obtida a partir de ambas as noções de partícula e onda. Essas descrições são complementares, no sentido de que uma única medida determina ou o aspecto ondulatório ou o aspecto corpuscular do ente em questão"

Interpretações probabilísticas de Einstein e Born

(3)

A dualidade onda-partícula foi mais profundamente entendida por meio de uma interpretação probabilística introduzida por Einstein no caso específico da radiação. Posteriormente, essa interpretação foi estendida por Max Born para o caso da matéria.

Na teoria clássica de Maxwell, o fluxo instantâneo de energia para uma onda eletromagnética é dado pelo vetor de Poynting. Por exemplo, para uma onda plana harmônica de frequência ω , número de onda K , polarização \vec{E}_0 e se propagando ao longo do eixo ~~x~~

$$\left\{ \begin{array}{l} \vec{E}(x,t) = \vec{E}_0 \cos(Kx - \omega t + \delta) \\ \vec{B}(x,t) = \frac{1}{c} \hat{k} \times \vec{E}_0 \cos(Kx - \omega t + \delta) \end{array} \right.$$

Portanto

$$|\vec{s}| = \left| \frac{1}{\mu_0} \vec{E} \times \vec{B} \right| = \frac{|\vec{E}_0|^2}{c} \cos^2(Kx - \omega t + \delta)$$

↳ potência instantânea por unidade de área perpendicular à direção de propagação \hat{k} .

(4)

Também podemos calcular para a onda clássica a densidade de energia

$$u = \frac{\epsilon_0}{2} |\vec{E}|^2 + \frac{1}{2\mu_0} |\vec{B}|^2 = \epsilon_0 |\vec{E}|^2$$

\uparrow

$$|\vec{B}| = \frac{|\vec{E}|}{c}$$

Já no modelo corpuscular de Einstein, essa mesma onda deve ser vista como sendo formada por um conjunto de fôtons de frequência ν , portanto, energia $h\nu$.

Cinza de acordo com Einstein, para uma onda clássica o número de fôtons envolvidos é muito alto. Segundo Einstein, o processo de emissão de fôtons na fonte é aleatório, de modo que o número exato de fôtons presentes num determinado ponto num instante t não é possível de ser determinado. Entretanto, no limite clássico (baixas frequências), a quantidade de fôtons é tão grande que o seu valor médio $N(x,t)$ está bem definido. Nesse limite, podemos escrever

$$N(x,t) h\nu = \epsilon_0 |\vec{E}|^2 \quad (*)$$

(5)

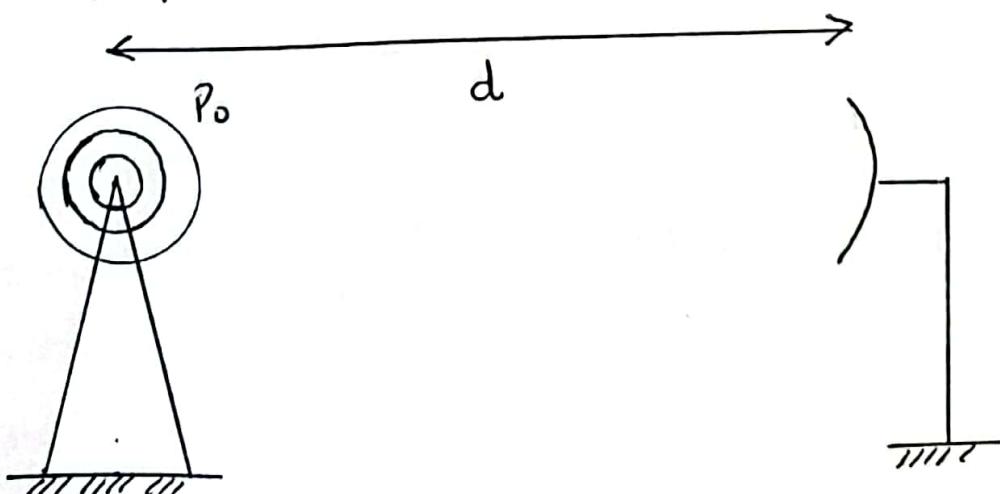
Uma outra forma de interpretar (*) é que $|\vec{E}|^2$ é proporcional à probabilidade de encontrar um fóton de frequência ν na posição x no instante t .

Essa última interpretação probabilística é importante porque no limite de altas frequências ou baixo número de fótons, a igualdade (*) deixa de ser uma boa aproximação, pois as flutuações no número de fótons $N(x,t)$ passam a ser importantes e o caráter corpuscular da radiação, na forma de fótons individuais, passa a ser importante. Nesse limite, apenas a interpretação probabilística continua válida.

— // —

Exemplo:

Tome uma estação de rádio emitindo uma potência de 200 KW e uma antena a 10 Km recebendo tais ondas. A frequência de operação da estação é 1 MHz.



(6)

Determine o número de fótons por unidade de tempo e área atingindo a antena.

Se intensidade I na posição da antena é

$$I = \frac{P_0}{4\pi d^2}$$

Se tomarmos agora \tilde{N} como sendo o número de fótons por unidade de tempo e área atingindo a antena, também podemos escrever

$$I = \tilde{N} h\nu$$

Portanto

$$\tilde{N} h\nu = \frac{P_0}{4\pi d^2} \Rightarrow \tilde{N} = \frac{1}{h\nu} \frac{P_0}{4\pi d^2}$$

$$\tilde{N} = \frac{2 \times 10^5 \text{ J/s}}{(6,62 \times 10^{-34} \text{ Js})(10^6 \text{ s}^{-1})(4\pi)(10^4 \text{ m})^2}$$

$$\tilde{N} = 2,24 \times 10^{24} \frac{\text{fótons}}{\text{s m}^2} (!)$$

É impossível observar fótons individuais ou medir flutuações quânticas numa onda desse tipo. A onda se comporta como um todo clássico regida por uma função contínua e

de natureza vetorial $\vec{E}(x,t)$ regida pelas eqs de Maxwell.

(7)

— // —

Max Born levou a ideia de Einstein adiante e afirmou que a onda de de Broglie de uma partícula, como o elétron por exemplo, também deve ser interpretada do ponto de vista probabilístico.

Mais precisamente, se introduzemos uma função $\Psi(x,t)$ para uma onda de de Broglie se propagando na direção x , então $|\Psi(x,t)|^2$ deve ser interpretada como a probabilidade de encontrar a partícula material entre x e $x+dx$ no instante t .

Da mesma forma que o campo elétrico resultante numa região onde existem ondas $\vec{E}_1(x,t)$ e $\vec{E}_2(x,t)$ é

$$\vec{E}(x,t) = \vec{E}_1(x,t) + \vec{E}_2(x,t)$$

e que leva aos já familiares fenômenos de interferência, duas ondas de matéria superpostas terão uma função de onda resultante

$$\Psi(x,t) = \Psi_1(x,t) + \Psi_2(x,t)$$

Probabilidades na física clássica e na física quântica

Física Clássica	Física Quântica
→ leis fundamentais são determinísticas (ex: leis de Newton)	→ leis básicas dependem fundamentalmente da interpretação probabilística (ex: Princípio da incerteza)
→ probabilidades são um artifício para tratar sistemas complexos de muitas partículas (ex: teoria cinética dos gases)	