

PME-3210 - Mecânica dos Sólidos I

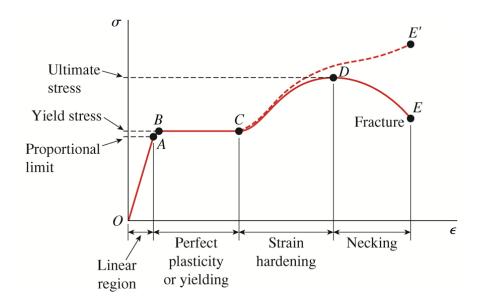
Aula #03

Prof. Dr. Clóvis de Arruda Martins

29/03/22



1.5. Elasticidade Linear, Lei de Hooke e Coeficiente de Poisson



Lei de Hooke: $\sigma = E\varepsilon$

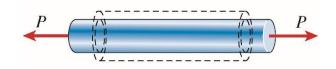
 $E \rightarrow M\'odulo de elasticidade ou M\'odulo de Young$

Aço: *E=190~210GPa*





Diâmetro $\rightarrow d$



Diâmetro $\rightarrow d'$

Deformação lateral:

Coeficiente de Poisson:

$$\varepsilon' = \frac{d' - d}{d}$$

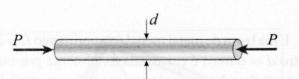
$$v = -\frac{\varepsilon'}{\varepsilon}$$
 $\varepsilon' = -v\varepsilon$

$$\mathsf{Aço} \!\rightarrow \nu = 0.27 \! \sim \! 0.30$$



1.5-1 Uma barra de aço de alta resistência usada em um grande guindaste tem diâmetro d=50 mm (veja a figura). O aço tem módulo de elasticidade E=200 GPa e coeficiente de Poisson $\upsilon=0,3$. Por causa de exigências de folgas, o diâmetro da barra é limitado a 50,025 mm quando a barra é comprimida por forças axiais.

Qual é a maior carga de compressão $P_{\rm max}$ que é permitida?



$$\varepsilon' = -\nu\varepsilon$$

$$\varepsilon' = \frac{d' - d}{d}$$

$$\sigma = E \varepsilon$$

$$\sigma = \frac{P}{A}$$

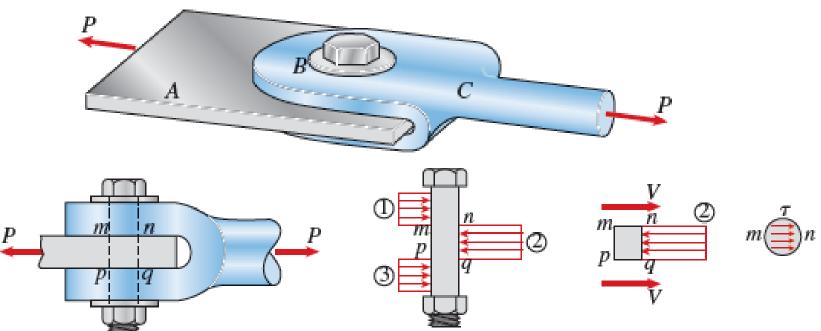
$$A = \frac{\pi d^2}{4}$$

$$P = -\frac{\pi}{4} E d \frac{d' - d}{v}$$

$$P_{m\acute{a}x} = -\frac{\pi}{4} E d \frac{d'_{m\acute{a}x} - d}{v}$$

$$\Rightarrow P_{m\acute{a}x} = -654kN$$





Tensão de esmagamento média (ou tensão cortante):

$$\sigma_B = rac{Força~de~esmagamento}{ ext{\'A}rea~Projetada}$$

Força cortante:

$$V = \frac{P}{2}$$

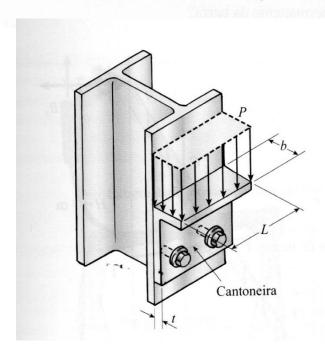
Tensão de cisalhamento média:

$$\tau_{m\acute{e}d} = \frac{V}{A}$$



1.6-1 Uma cantoneira de espessura t=19 mm é fixado ao rebordo de uma coluna por dois parafusos de 16 mm de diâmetro (veja a figura). Uma carga distribuída uniformemente age na face superior do suporte com uma pressão p=1,9 MPa. A face superior do suporte tem comprimento L=200 mm e largura b=75 mm.

Determine a pressão cortante média σ_b entre o suporte e os parafusos e a tensão de cisalhamento média $\tau_{\rm med}$ nos parafusos. (Desconsidere o atrito entre o suporte e a coluna.)



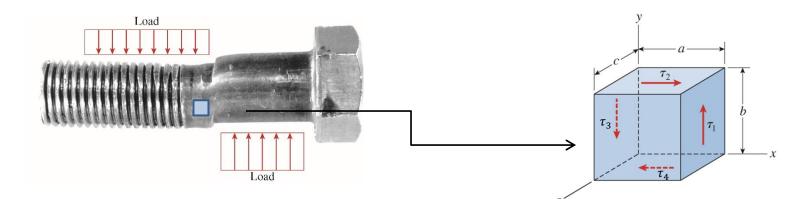
$$P = p b L$$

$$A_{proj} = d t$$
 $\sigma_B = \frac{P}{2 A_{proj}} = 46,9MPa$

$$A = \frac{\pi}{4} d^2$$
 $\tau_{m \in d} = \frac{P}{2 A} = 70,9 MPa$



Igualdade das tensões de cisalhamento em planos perpendiculares:

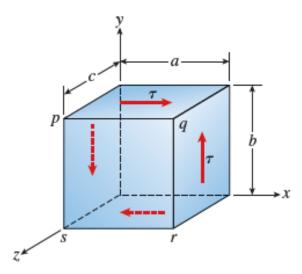


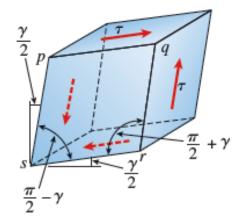
$$\sum F_{x} = 0 \iff \tau_{2}(ac) = \tau_{4}(ac) \iff \tau_{2} = \tau_{4}$$

$$\sum F_{y} = 0 \iff \tau_{1}(bc) = \tau_{3}(bc) \iff \tau_{1} = \tau_{3}$$

$$\sum M_{z} = 0 \iff \tau_{1}(bc)a = \tau_{2}(ac)b \iff \tau_{1} = \tau_{2}$$







$$\gamma \rightarrow d$$
istorção

Lei de Hooke:

$$\tau = G \gamma$$

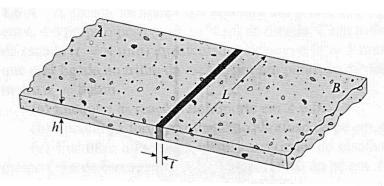
 $G \rightarrow$ módulo de elasticidade para cisalhamento

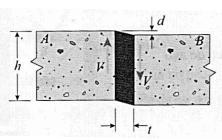
Relação:

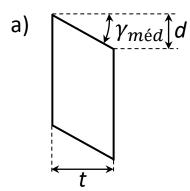
$$G = \frac{E}{2(1+\nu)}$$



- 1.6-9 Uma junta entre duas lajes de concreto A e B é preenchida com um epóxi flexível que fixa firmemente o concreto (veja a figura). A altura da junta é h = 100 mm, seu comprimento é L = 1,0 m e sua espessura é t = 12 mm. Sob a ação de forças de cisalhamento V, as lajes deslocam-se verticalmente a uma distância d = 0,048 mm uma da outra.
- (a) Qual é o deslocamento médio por cisalhamento $\gamma_{\rm médio}$ no epóxi?
- (b) Qual é a magnitude das forças V se o módulo de elasticidade de cisalhamento G para o epóxi é 960 MPa?







$$\gamma_{m\'ed} = \frac{d}{t} = 0.004 = 4000 \mu \, rd$$

b)
$$V = \tau A$$

$$A = L h$$

$$\tau = G \gamma$$

$$\Rightarrow V = G L h \gamma = 384kN$$



Referência:

Gere, J.M., Goodno, B.J. Mecânica dos Materiais – Tradução da 7ª edição norteamericana. Cengage Learning, 2010, 860p, Capítulo 1.