

+ Testes não paramétricos no R.

+ Teste Mann-Whitney (2 amostras independentes)

pág. 57 Codurmo

pág. 224 Conover

↳ Exemplo: Alunos compare vs círculo (cômodo físico)

$H_0: P(X < Y) \geq 1/2 \Leftrightarrow H_0: E(X) \leq E(Y)$

$H_a: E(X) > E(Y)$

+ Teste Kruskal-Wallis (várias amostras independentes)

pág. 60 Codurmo

pág. 256 Conover

↳ Exemplo: cultivo de milho 4 métodos (produção)

$H_0: 4 \text{ métodos são equivalentes}$

$H_a: \text{pelo menos } 1 \text{ é diferente dos demais}$

Estatística: T

$$+ \frac{1 - \sum_{j=1}^g \frac{t_j^3 - t_j}{N^3 - N}}{N^3 - N}, \quad t_j = \text{tamanho do grupo de elementos repetidos } j.$$

+ Teste Wilcoxon (Amostras pares)

pág. 208 Conover

↳ Exemplo: Primeiro filho vs Segundo filho (ognissíndesi)

$H_0: d_{50} \geq 0$

$H_a: d_{50} < 0$

Nonparametric Statistical Methods

Mann Whitney

```
## mann whitney
## dados:
scores <- c(14.8, 07.3, 05.6, 06.3, 09.0, 04.2, 10.6, 12.5, 12.9, 16.1, 11.4, 02.7,
           12.7, 14.2, 12.6, 02.1, 17.7, 11.8, 16.9, 07.9, 16.0, 10.6, 05.6, 05.6,
           07.6, 11.3, 08.3, 06.7, 03.6, 01.0, 02.4, 06.4, 09.1, 06.7, 18.6, 03.2,
           06.2, 06.1, 15.3, 10.6, 01.8, 05.9, 09.9, 10.6, 14.8, 05.0, 02.6, 04.0)

lugar <- c(rep(1,12),
            rep(2,36))
lugar <- as.factor(lugar)

## teste
wilcox.test(scores~lugar, alternative="greater", exact = FALSE)

##
## Wilcoxon rank sum test with continuity correction
##
## data: scores by lugar
## W = 243, p-value = 0.2639
## alternative hypothesis: true location shift is greater than 0
```

Kruscal Wallis

```
## kruscal wallis
## dados:
producao <- c(83, 91, 94, 89, 89, 96, 91, 92, 90, 91, 90, 81, 83, 84, 83, 88, 91,
              89, 84, 101, 100, 91, 93, 96, 95, 94, 78, 82, 81, 77, 79, 81, 80, 81)

metodo <- c(rep(1,9),
            rep(2,10),
            rep(3,7),
            rep(4,8))
metodo <- as.factor(metodo)

## teste sem correcao
(12/(34*35))*((sum(rank(producao, ties.method = "average"))[1:9])-(1/2)*9*(35))^(2/9) +
  (sum(rank(producao, ties.method = "average"))[10:19])-(1/2)*10*(35))^(2/10) +
  (sum(rank(producao, ties.method = "average"))[20:26])-(1/2)*7*(35))^(2/7) +
  (sum(rank(producao, ties.method = "average"))[27:34])-(1/2)*8*(35))^(2/8)

## [1] 25.46437

## teste com correcao
C <- (1/(1 - (1/(34^3 - 34))*((4^3 - 4) + 2*(3^3 - 3) + 4*(2^3 - 2) + (5^3 - 5))))
C*(12/(34*35))*((sum(rank(producao, ties.method = "average"))[1:9])-(1/2)*9*(35))^(2/9) +
  (sum(rank(producao, ties.method = "average"))[10:19])-(1/2)*10*(35))^(2/10) +
  (sum(rank(producao, ties.method = "average"))[20:26])-(1/2)*7*(35))^(2/7) +
  (sum(rank(producao, ties.method = "average"))[27:34])-(1/2)*8*(35))^(2/8)
```

```

## [1] 25.62884
## teste
kruskal.test(producao~metodo)

##
## Kruskal-Wallis rank sum test
##
## data: producao by metodo
## Kruskal-Wallis chi-squared = 25.629, df = 3, p-value = 1.141e-05

```

Wilcoxon

```

## wilcoxon
## dados:
filho_1 <- c(86, 71, 77, 68, 91, 72, 77, 91, 70, 71, 88, 87)
filho_2 <- c(88, 77, 76, 64, 96, 72, 65, 90, 65, 80, 81, 72)

## teste
wilcox.test(filho_2, filho_1, paired=TRUE, exact = FALSE)

##
## Wilcoxon signed rank test with continuity correction
##
## data: filho_2 and filho_1
## V = 24.5, p-value = 0.4765
## alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0
wilcox.test(filho_1, filho_2, paired=TRUE, exact = FALSE)

##
## Wilcoxon signed rank test with continuity correction
##
## data: filho_1 and filho_2
## V = 41.5, p-value = 0.4765
## alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0

```