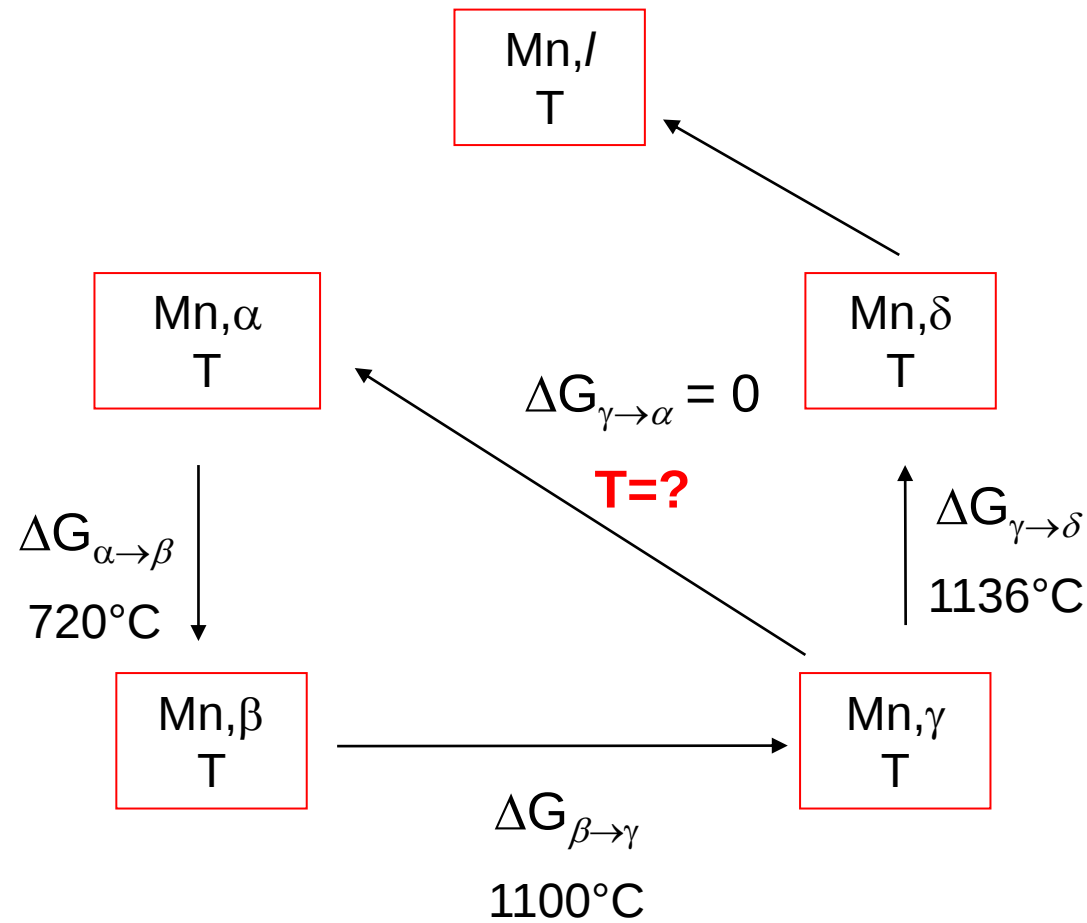


PMT 3205

Físico-Química para Metalurgia e Materiais I



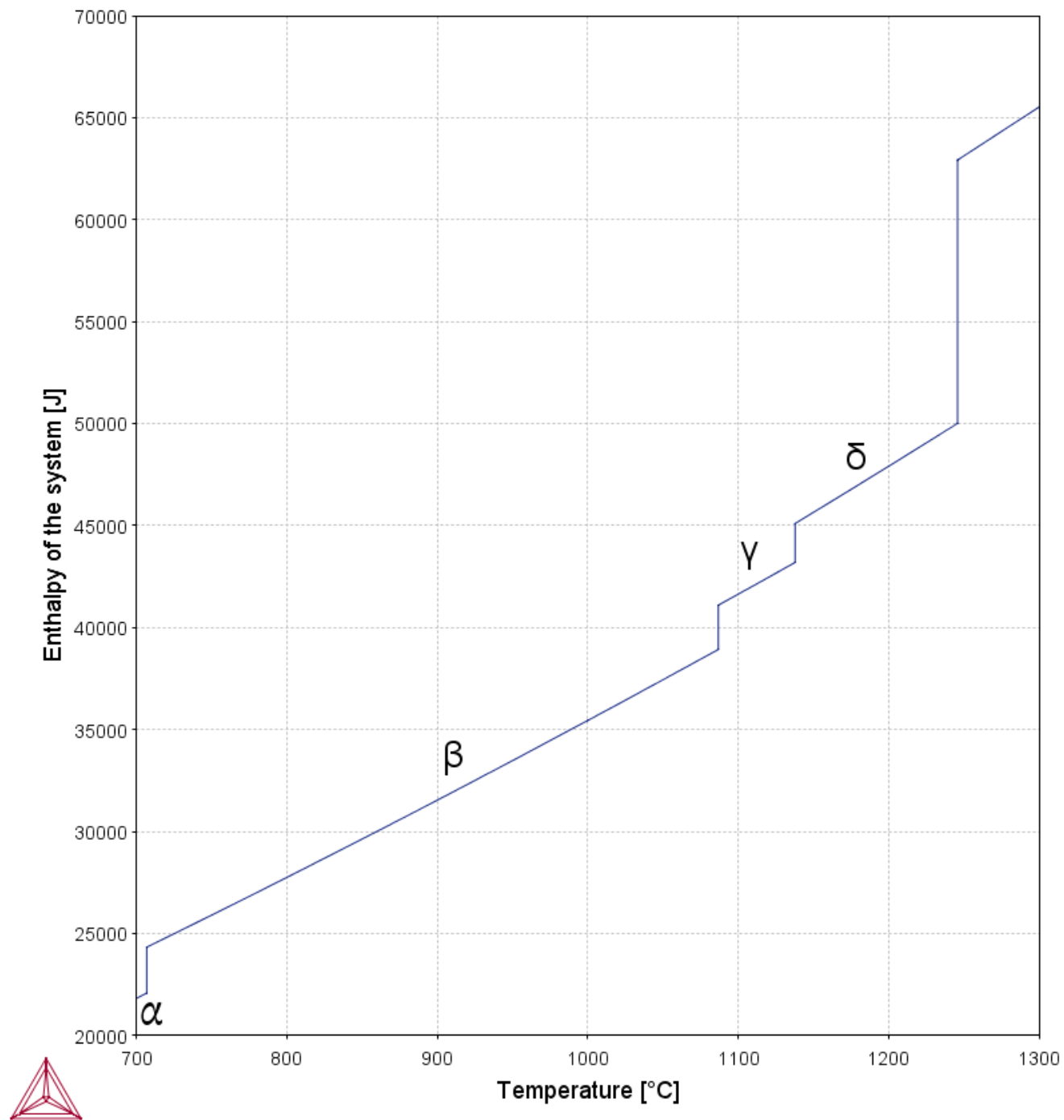
$$\Delta G_{\gamma \rightarrow \alpha} = 0$$

$$-\Delta G_{\beta \rightarrow \gamma} - \Delta G_{\alpha \rightarrow \beta} = 0$$

$$\Delta G_{\alpha \rightarrow \beta} = -\Delta G_{\beta \rightarrow \gamma}$$

$$\Delta G_{\alpha \rightarrow \beta} = -T \int \frac{\Delta H_{\alpha \rightarrow \beta}}{T^2} dT$$

$$\Delta G_{\alpha \rightarrow \beta} = -T \int \frac{(\Delta H_{993K, \alpha \rightarrow \beta} + \int_{993K}^T \Delta c_p dT)}{T^2} dT$$



$$\Delta G_{\alpha \rightarrow \beta} = -T \int \frac{\left(480 + \int_{993}^T (8,33 - 5,16) + (0,66 \times 10^{-3} - 3,81 \times 10^{-3})T\right) dT}{T^2} dT$$

$$\Delta G_{\alpha \rightarrow \beta} = -T \int \frac{\left(480 + \int_{993}^T (3,17 - 3,15 \times 10^{-3}T)\right) dT}{T^2} dT$$

$$\Delta G_{\alpha \rightarrow \beta} = -T \int \frac{(480 + 3,17 \times T - 3,17 \times 993 - 1,575 \times 10^{-3} \times T^2 + 1,575 \times 10^{-3} \times 993^2)}{T^2} dT$$

$$\Delta G_{\alpha \rightarrow \beta} = -T \int \frac{(3,17 \times T - 1,58 \times 10^{-3} \times T^2 - 1,11 \times 10^3)}{T^2} dT$$

$$\Delta G_{\alpha \rightarrow \beta} = -T \int (3,17 \times T^{-1} - 1,58 \times 10^{-3} - 1,11 \times 10^3 \times T^{-2}) dT$$

$$\Delta G_{\alpha \rightarrow \beta} = -T \times (3,17 \times \ln T - 1,58 \times 10^{-3} \times T + 1,11 \times 10^3 \times T^{-1} + C)$$

$$\Delta G_{\alpha \rightarrow \beta} = -3,17 \times T \times \ln T + 1,58 \times 10^{-3} \times T^2 - 1,11 \times 10^3 - C \times T$$

$$\Delta G_{\alpha \rightarrow \beta} = 0; T_{\alpha \rightarrow \beta} = 993K; C = -21,4$$

$$\Delta G_{\alpha \rightarrow \beta} = -3,17 \times T \times \ln T + 1,58 \times 10^{-3} T^2 + 21,4 \times T - 1,11 \times 10^3 (\text{cal/mol})$$

$$\Delta G_{\beta \rightarrow \gamma} = -T \int \frac{\Delta H_{\beta \rightarrow \gamma}}{T^2} dT$$

$$\Delta G_{\beta \rightarrow \gamma} = -T \int \frac{(\Delta H_{1373, \beta \rightarrow \gamma} + \int_{1373}^T \Delta c_p dT)}{T^2} dT$$

$$\Delta G_{\beta \rightarrow \gamma} = -Tx \int \frac{(550 + \int_{1373}^T (10,7 - 8,33 - 0,66 \times 10^{-3} T)) dT}{T^2} dT$$

$$\Delta G_{\beta \rightarrow \gamma} = -Tx \int \frac{(550 + \int_{1373}^T (2,37 - 0,66 \times 10^{-3} T)) dT}{T^2} dT$$

$$\Delta G_{\beta \rightarrow \gamma} = -T \int \frac{(550 + (2,37xT - 2,37x1373 - 0,33x10^{-3}xT^2 + 0,33x10^{-3}x1373^2))}{T^2} dT$$



$$\Delta G_{\beta \rightarrow \gamma} = -Tx \int \frac{(2,37xT - 0,33x10^{-3}xT^2 - 2,58x10^3)}{T^2} dT$$

$$\Delta G_{\beta \rightarrow \gamma} = -Tx \int (2,37xT^{-1} - 0,33x10^{-3} - 2,58x10^3xT^{-2}) dT$$

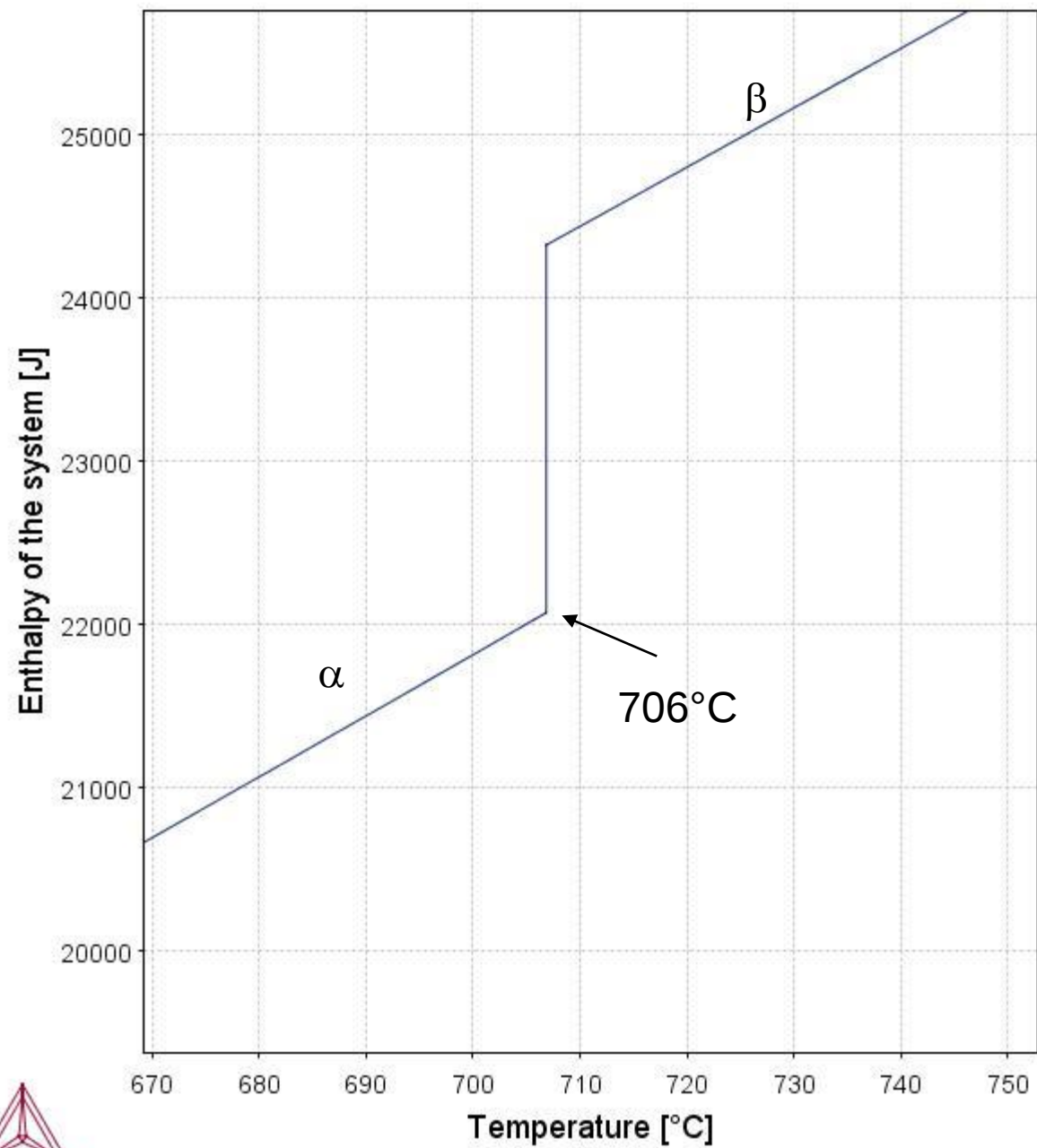
$$\Delta G_{\beta \rightarrow \gamma} = -Tx(2,37x\ln T - 0,33x10^{-3}xT + 2,58x10^3xT^{-1} + C)$$

$$\Delta G_{\beta \rightarrow \gamma} = -2,37xTx\ln T + 0,33x10^{-3}xT^2 - 2,58x10^3 - CxT$$

$$\Delta G_{\beta \rightarrow \gamma} = 0; T_{\beta \rightarrow \gamma} = 1373K; C = -18,5$$

$$\Delta G_{\beta \rightarrow \gamma} = -2,37T\ln T + 0,33x10^{-3}T^2 + 18,55xT - 2,58x10^3(\text{cal/mol})$$

$$T_{\gamma \rightarrow \alpha} = 1078,5K \rightarrow 805,5^\circ\text{C} (706^\circ\text{C} - \text{TC})$$



TERMODINÂMICA DAS SOLUÇÕES

Propriedades Molares Parciais

Propriedades Molares Parciais

É a variação da propriedade Z' quando se agrega um mol de componente i a uma grande massa de sistema de tal forma que temperatura, pressão e a composição química permanecem constantes

$$\overline{Z}_i = \left(\frac{\partial Z'}{\partial n_i} \right)_{T,P,n_i \neq n_j}$$

É o comportamento termodinâmico de uma substância em solução

Energia Livre de Gibbs Molar parcial

$$\overline{G}_i = \left(\frac{\partial G}{\partial n_i} \right)_{T,P,n_i \neq n_j} = \mu_i$$

Para a solução $G' = n_1 \overline{G}_1 + n_2 \overline{G}_2 + \dots + n_j \overline{G}_j = \sum n_{i.} \overline{G}_i = \sum n_{i.} \mu_i$

Energia livre de Gibbs molar $G = X_1 \overline{G}_1 + X_2 \overline{G}_2 + \dots + X_j \overline{G}_j = \sum X_i \overline{G}_i = \sum X_i \cdot \mu_i$

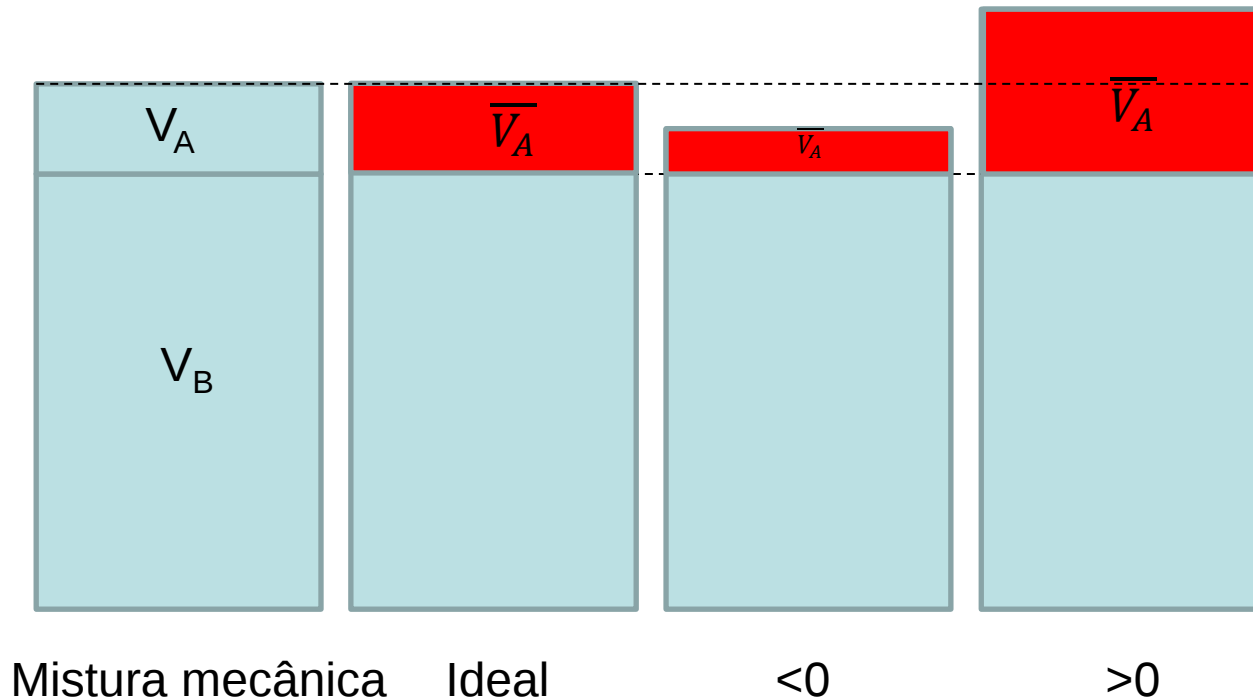
Propriedades Molares Parciais

Volume Molar
Parcial

$$\bar{V}_i = \left(\frac{\partial V}{\partial n_i} \right)_{T, P, n_i \neq n_j}$$

Volume Molar V

$$V = X_1 \bar{V}_1 + X_2 \bar{V}_2 + \dots + X_i \bar{V}_i$$



Propriedades Molares Parciais

energia livre
molar parcial

$$\overline{G}_i = \left(\frac{\partial G}{\partial n_i} \right)_{T,P,n_i \neq n_j}$$

energia livre de Gibbs molar G

$$G = X_1 \overline{G}_1 + X_2 \overline{G}_2 + \dots + X_i \overline{G}_i$$

$$G = X_1 \cdot \mu_1 + X_2 \cdot \mu_2 + \dots + X_i \cdot \mu_i$$

Entropia molar
parcial

$$\overline{S}_i = \left(\frac{\partial S}{\partial n_i} \right)_{T,P,n_i \neq n_j}$$

entropia molar S

$$S = X_1 \overline{S}_1 + X_2 \overline{S}_2 + \dots + X_i \overline{S}_i$$

entalpia
molar parcial

$$\overline{H}_i = \left(\frac{\partial H}{\partial n_i} \right)_{T,P,n_i \neq n_j}$$

entalpia molar H

$$H = X_1 \overline{H}_1 + X_2 \overline{H}_2 + \dots + X_i \overline{H}_i$$

Propriedades Molares Parciais

Equação de Gibbs-Duhem

$$\sum X_i \cdot d\bar{Z}_i = 0$$

$$X_1 \cdot d\bar{H}_1 + X_2 \cdot d\bar{H}_2 + \dots + X_n \cdot d\bar{H}_n = 0$$

$$X_1 \cdot d\bar{S}_1 + X_2 \cdot d\bar{S}_2 + \dots + X_n \cdot d\bar{S}_n = 0$$

$$X_1 \cdot d\bar{G}_1 + X_2 \cdot d\bar{G}_2 + \dots + X_n \cdot d\bar{G}_n = 0$$

Pode-se demonstrar que para uma solução binária:

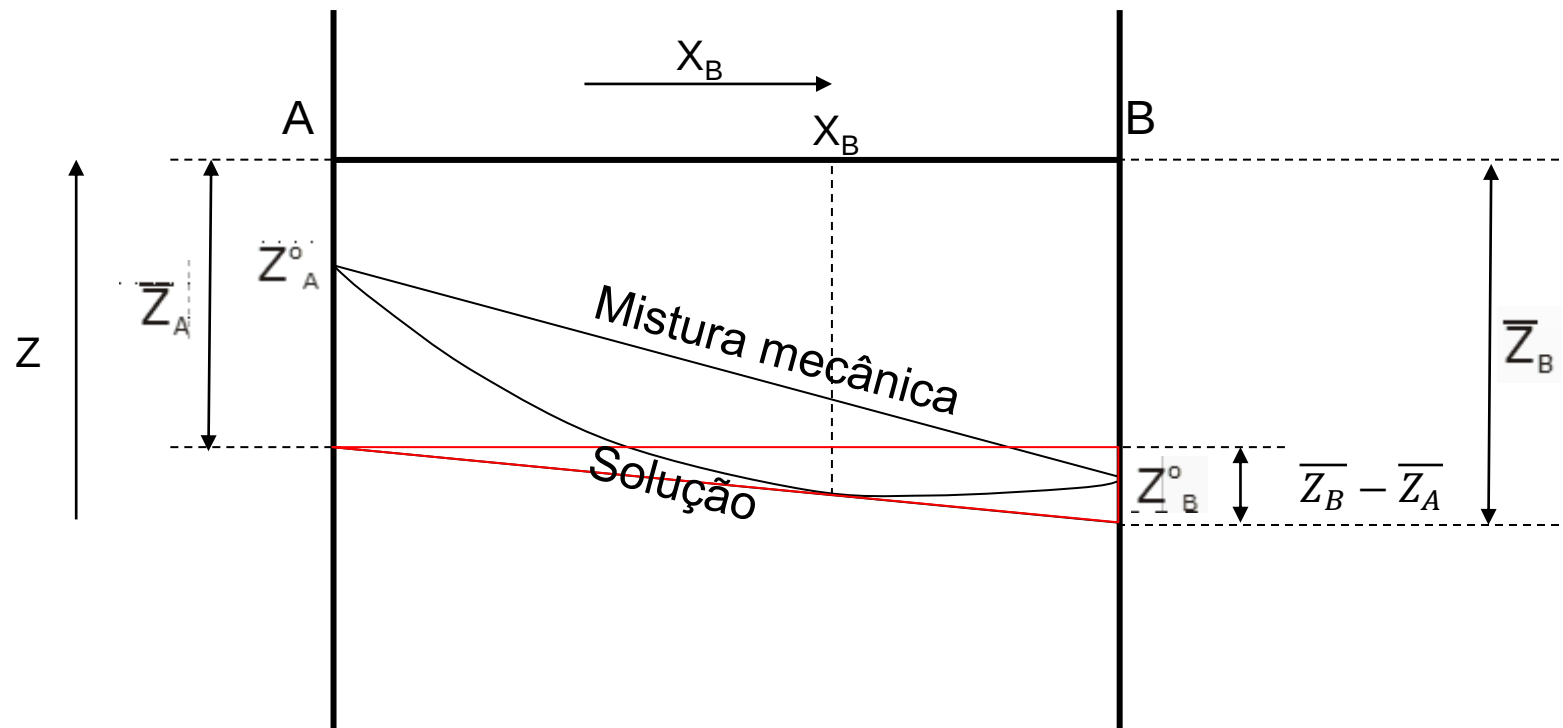
$$\bar{Z}_A - \bar{Z}_B = \frac{dZ}{dX_A}$$

e

$$\bar{Z}_B - \bar{Z}_A = \frac{dZ}{dX_B}$$

Propriedades Molares Parciais

Graficamente tem-se



$$\bar{Z}_B - \bar{Z}_A = \frac{dZ}{dX_B}$$

Propriedades Molares Parciais

Funções de mistura

$$A + B = A-B$$

$$\Delta Z = Z_{\text{solução real}} - Z_{\text{mistura mecânica}} = \Delta Z^M$$

ΔZ^M é chamada de propriedade:

- De formação da solução
- De mistura
- Integral de mistura
- Integral relativa

$$\Delta Z^M = (X_A \cdot \bar{Z}_A + X_B \cdot \bar{Z}_B) - (X_A \cdot Z_A^0 + X_B \cdot Z_B^0) = X_A \cdot (\bar{Z}_A - Z_A^0) + X_B \cdot (\bar{Z}_B - Z_B^0)$$

$\bar{Z}_i - Z_i^0 = \bar{Z}_i^M$ ou $\Delta \bar{Z}_i^M$ ou $\Delta \bar{Z}_i$: *propriedade molar parcial de mistura*
ou *propriedade molar parcial relativa*

Propriedades Molares Parciais

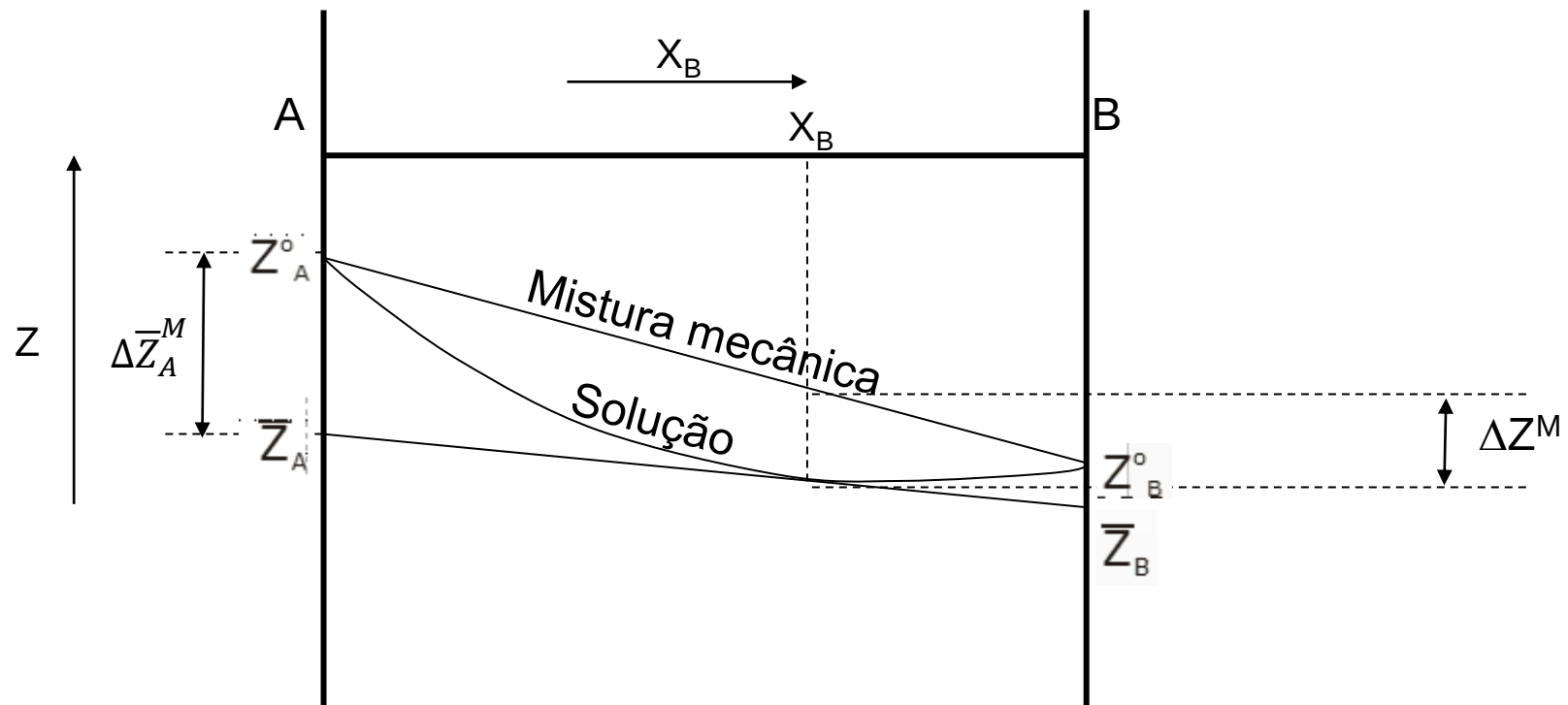
Funções de mistura

$$A + B = A-B$$

$$\Delta Z = Z_{\text{solução real}} - Z_{\text{mistura mecânica}} = \Delta Z^M$$

Propriedade de formação da solução/de mistura

$\bar{Z}_i - Z_i^0 = \bar{Z}_i^M$ ou $\Delta \bar{Z}_i^M$ ou $\Delta \bar{Z}_i$: *propriedade molar parcial de mistura*

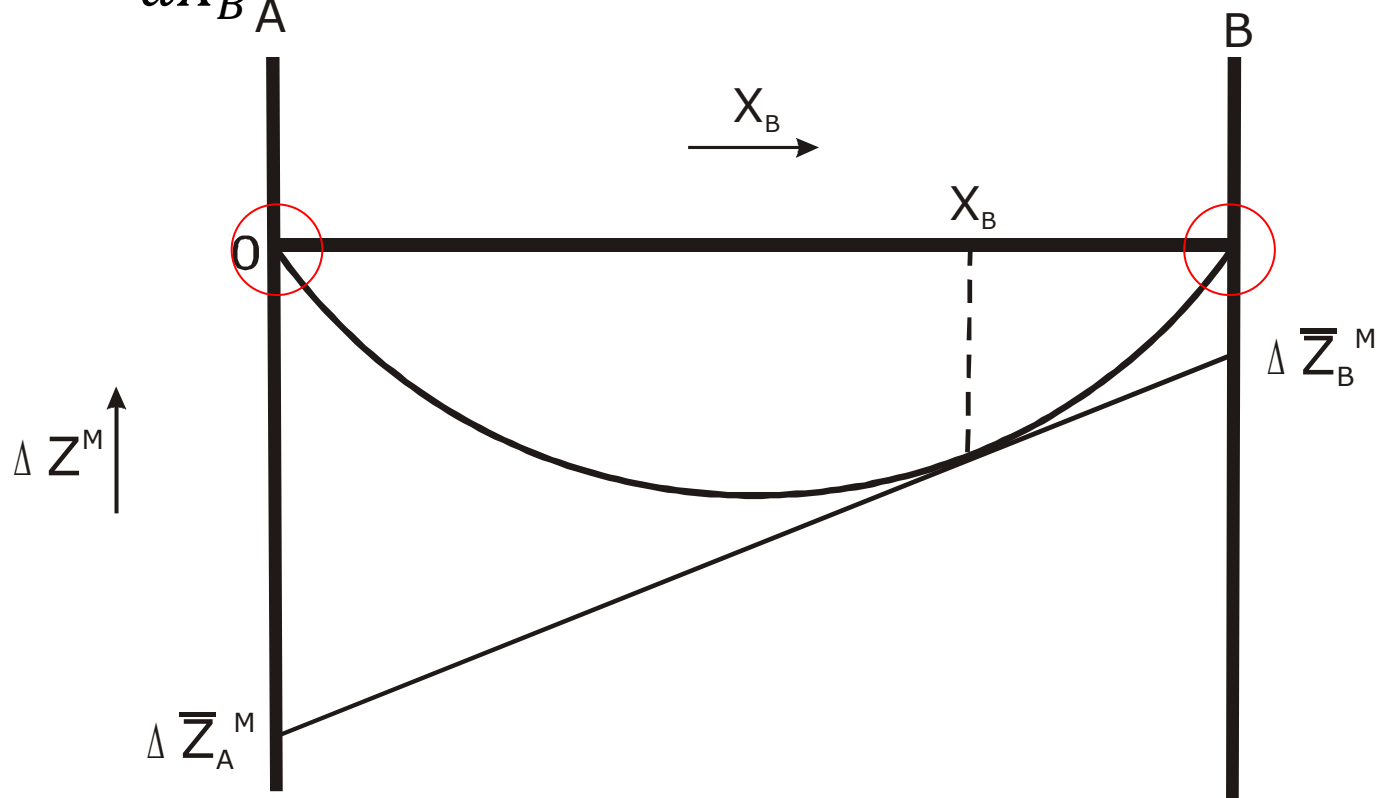


Propriedades Molares Parciais

$$\sum X_i \cdot d\Delta \bar{Z}_i^M = 0$$

$$\Delta Z^M = X_A \bar{Z}_A^M + X_B \bar{Z}_B^M$$

$$\Delta \bar{Z}_B^M - \Delta \bar{Z}_A^M = \frac{d\Delta Z^M}{dX_{B/A}}$$



Propriedades Molares Parciais

$$\Delta \bar{G}_i = \bar{G}_i - G_i^o = R \cdot T \cdot \ln \frac{p_i}{p_i^o} = R \cdot T \cdot \ln a_i$$

$$\Delta G^M = X_A \bar{G}_A^M + X_B \bar{G}_B^M$$

$$\bar{G}_i^M = \bar{G}_i - G_i^o = R \cdot T \cdot \ln a_i$$

$$\Delta G^M = X_A \cdot R \cdot T \cdot \ln a_A + X_B \cdot R \cdot T \cdot \ln a_B \Rightarrow$$

$$\Delta G^M = R \cdot T \cdot (X_A \cdot \ln a_A + X_B \cdot \ln a_B)$$

Entalpia das soluções ideais

$i_{\text{puro}} \rightarrow i_{\text{dissolvido}}$

$$\Delta G_i^M = \bar{G}_i - G_i^o = \mu_i - \mu_i^o = RT \cdot \ln a_i$$

Energia livre molar parcial relativa

$$\Delta G_i^M = \Delta H_i^M - T \Delta S_i^M \quad \rightarrow \quad \frac{\bar{G}_i - G_i^o}{T} = \frac{\Delta H_i^M - T \Delta S_i^M}{T}$$

$$\left[\frac{\partial \left(\frac{\bar{G}_i - G_i^o}{T} \right)}{\partial (1/T)} \right]_{P, n_j \neq n_i} = \frac{\partial \left(\frac{\Delta H_i^M - T \cdot \Delta S_i^M}{T} \right)}{\partial (1/T)} \rightarrow \left[\frac{\partial (R \cdot \ln a_i)}{\partial (1/T)} \right]_{P, n_j \neq n_i} = \Delta H_i^M$$

Entalpia das soluções ideais

$$\Delta H_i^M = R. \left(\frac{\partial \ln a_i}{\partial (1/T)} \right)_{P, n_j \neq n_i}$$

Entretanto $a_i = X_i \rightarrow$

$$\Delta H_i^M = R. \left(\frac{\partial \ln X_i}{\partial (1/T)} \right)_{P, n_j \neq n_i}$$

Mas X_i não depende de T ; portanto, nas soluções ideais

$$\Delta H_i^{M,id} = 0$$

Entalpia molar parcial relativa

Entalpia molar integral relativa (de formação da solução):

$$\Delta H^{M,id} = \sum_i X_i \cdot \Delta H_i^{M,id} = 0$$

Entalpia das soluções ideais

Na formação de uma solução ideal a partir de seus componentes no estado puro, não ocorre absorção e nem geração de calor

Volume das soluções ideais

$$dG = -S.dT + V.dP \rightarrow \Delta V_i^M = RT \cdot \left(\frac{\partial \ln a_i}{\partial P} \right)_{T, n_j \neq n_i}$$

Contudo $a_i = X_i \rightarrow$

$$\Delta V_i^M = RT \cdot \left(\frac{\partial \ln X_i}{\partial P} \right)_{T, n_j \neq n_i}$$

Mas X_i não depende de P ; portanto, nas soluções ideais

$$\Delta V_i^{M,id} = 0$$

Volume molar parcial relativo

Volume molar integral relativo:

$$\Delta V^{M,id} = \sum_i X_i \cdot \Delta V_i^{M,id} = 0$$



Volume nas soluções ideais

Na formação de uma solução ideal a partir de seus componentes no estado puro, não ocorre variação de volume;

O volume antes e após a formação da solução são iguais

Variação de volume na formação da liga Fe-C

Densidade dos elementos puros a 20°C:

$$\text{Fe: } 7,87 \text{ g/cm}^3; \quad \text{C: } 2,25 \text{ g/cm}^3$$

Densidade da “mistura mecânica” 99,9%Fe + 0,1%C:

$$7,864 \text{ g/cm}^3$$

Densidade da solução (liga) 99,9%Fe + 0,1%C:

$$7,849 \text{ g/cm}^3$$

Portanto, na formação da liga Fe-0,1%C, a partir de Fe e C puros ocorre aumento de volume

Propriedades Molares Parciais

$$\Delta G^{M,ideal} = \Delta H^{M,ideal} - T \cdot \Delta S^{M,ideal}$$

$$a_i = X_i$$

$$\Delta G^{M,ideal} = R \cdot T \cdot (X_A \cdot \ln X_A + X_B \cdot \ln X_B)$$

$$\Delta H^{M,ideal} = 0$$

portanto

$$\Delta S^{M,ideal} = -R \cdot (X_A \cdot \ln X_A + X_B \cdot \ln X_B)$$