

VII. PROBLEMAS PROPOSTOS.

Nos problemas P.58 a P.112 calcule o limite indicado:

$$\text{P.58} \lim_{x \rightarrow 2} (x^2 + 4x)$$

$$\text{P.59} \lim_{x \rightarrow -1} (x^3 + 2x^2 + 5x - 3)$$

$$\text{P.60} \lim_{x \rightarrow +\infty} c \cdot x, \quad c \in \mathbb{R}$$

$$\text{P.61} \lim_{x \rightarrow +\infty} (3x - 7)$$

$$\text{P.62} \lim_{x \rightarrow -\infty} (-5x + 4)$$

$$\text{P.63} \lim_{x \rightarrow +\infty} (-3x^2 + 5x + 1)$$

$$\text{P.64} \lim_{x \rightarrow -\infty} (-x^2 + x + 1)$$

$$\text{P.65} \lim_{x \rightarrow +\infty} (3x^5 + 1)$$

$$\text{P.66} \lim_{x \rightarrow -\infty} (1 - 5x^4)$$

$$\text{P.67} \lim_{x \rightarrow -\infty} (2x^3 - x^2 + 1)$$

$$\text{P.68} \lim_{x \rightarrow -\infty} (-2x^3 + 8)$$

$$\text{P.69} \lim_{x \rightarrow +\infty} (1 - x^n)$$

$$\text{P.70} \lim_{x \rightarrow -\infty} (x^n - 2)$$

$$\text{P.71} \lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x + 7}{7x + 1}$$

$$\text{P.72} \lim_{x \rightarrow 3} \frac{3x - 9}{5x^2 + 1}$$

$$\text{P.73} \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x}{(x - 1)^2}$$

$$\text{P.74} \lim_{x \rightarrow 2} \frac{-4x}{x^2 - 4}$$

$$\text{P.75} \lim_{z \rightarrow 2} \frac{z^2 - 9}{z + 2}$$

$$\text{P.76} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{c}{x}, \quad c \in \mathbb{R}$$

$$\text{P.77} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 - 1}{x}$$

$$\text{P.78} \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^4 - 1}{(x - 1)^2}$$

$$\text{P.79} \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{(x - 1)^2}$$

$$\text{P.80} \lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - 16}{(x - 4)^2}$$

$$\text{P.81} \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + x - 6}{x^2 - 4}$$

$$\text{P.82} \lim_{h \rightarrow 0} \frac{x^2 h + 3xh^2 + h^3}{2xh + 5h^2}$$

$$\text{P.83} \lim_{h \rightarrow 0} \frac{(x + h)^3 - x^3}{h}$$

$$\text{P.84} \lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{1}{1-x} - \frac{3}{1-x^3} \right)$$

$$\text{P.85} \lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 - 5x + 10}{x^2 - 25}$$

$$\text{P.86} \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 - 1}{x^2 + 3x + 2}$$

$$\text{P.87} \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 2x}{x^2 - 4x + 4}$$

$$\text{P.88} \lim_{t \rightarrow 0} \frac{4t^2 + 3t + 2}{t^3 + 2t - 6}$$

$$\text{P.89} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x + 1}{3x + 1}$$

$$\text{P.90} \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^2}{x^4 + 1}$$

$$\text{P.91} \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^4 + 1}{x^3}$$

$$\text{P.92} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{x + 1}$$

$$\text{P.93} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{x - 2}$$

$$\text{P.94} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{c}, \quad c \in \mathbb{R}_+^*$$

$$\text{P.95} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^3 - 3x^2 + 4}{5x - x^2 - 7x^3}$$

$$\text{P.96} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{5 - 2x^2}{3x + 5x^2}$$

$$\text{P.97} \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x^3 - 1}{x^2}$$

$$\text{P.98} \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x^4 + x - 1}{x^2 - 1}$$

$$\text{P.99} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + 1}{x^3 - 1}$$

$$\text{P.113} \text{ Sendo } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{ax^2 + bx + 1}{2x + 5} = 3, \text{ determinar } \underline{a} \text{ e } \underline{b}$$

P.114 Achar as constantes \underline{a} e \underline{b} de modo que

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \left[ax + b - \frac{x^3 + 1}{x^2 + 1} \right] = 0$$

$$\text{P.100} \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x + 1}{5x + 1}$$

$$\text{P.101} \lim_{y \rightarrow +\infty} \frac{4y^2 - 3}{2y^3 + 3y^2}$$

$$\text{P.102} \lim_{h \rightarrow +\infty} \frac{3h + 2xh^2 + x^2h^3}{4 - 3xh - 2x^3h^3}$$

$$\text{P.103} \lim_{x \rightarrow a} \frac{\sqrt[n]{x} - \sqrt[n]{a}}{x - a}$$

$$\text{P.104} \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x} - \sqrt{3}}{x - 3}$$

$$\text{P.105} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2 - x + 3}{x^3 - 8x + 5}$$

$$\text{P.106} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2}{10 + x \sqrt{x}}$$

$$\text{P.107} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^3 - 5x - 3}{3x^4 + 2x^2 + 5x}$$

$$\text{P.108} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2 - 3x - 4}{\sqrt{x^4 + 1}}$$

$$\text{P.109} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x + 3}{x + \sqrt[3]{x}}$$

$$\text{P.110} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(2x-3)(3x+5)(4x-6)}{3x^3 + x - 1}$$

$$\text{P.111} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{\sqrt[3]{x^3 + 10}}$$

$$\text{P.112} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1000x}{x^2 - 1}$$

P.115 Determinar a e b de modo que $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left[\frac{x^3 + 1}{x^2 + 1} - ax - b \right] = 0$

P.116 (EPUSP-67) Calcular $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$, sabendo que, para todo $x > 1$,
 $(x - 1)^2 < (x^2 - 1) \cdot f(x) < (x + 1)^2$.

P.117 Sendo $f(x) = \frac{ax^3 + bx^2 + cx + d}{x^2 + x - 2}$, obter os reais a, b, c, d, sabendo-se que $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$ e $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 0$

Nos problemas P.118 a P.158 calcule o limite indicado:

P.118 $\lim_{x \rightarrow 3} \sqrt{2x + 3}$

P.119 $\lim_{x \rightarrow a} \frac{x^2 - a^2}{\sqrt{x} - \sqrt{a}}$

P.120 $\lim_{x \rightarrow 7} \frac{2 - \sqrt{x - 3}}{x^2 - 49}$

P.121 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x+a} - \sqrt{a}}{x}$

P.122 $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2 - x + 1} - x)$

P.123 $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x+3} - \sqrt{x+2})$

P.124 $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2 + 2ax + b} - \sqrt{x^2 + 2px + q})$

P.125 $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2 + 1} - \sqrt{x^2 - 1})$

P.126 $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{(x+a)(x+b)} - \sqrt{(x-a)(x-b)})$

P.127 $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2 + ax + b} - x)$

P.128 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x+4} - \sqrt{3x+4}}{\sqrt{x+1} - 1}$

P.130 $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2 - 2x - 1} - \sqrt{x^2 - 7x + 3})$

P.131 $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x} - 1}{x^2 - 1}$

P.132 $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[5]{x} - 1}{x - 1}$

P.133 $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x+a} + \sqrt{x-b}}{\sqrt{x}}$

P.146 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}{x}$

P.134 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{\sqrt{1+x}}{3} - 1}{\frac{\sqrt[3]{1+x}}{x} - 1}$

P.147 $\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 - 5x + 6} - x)$

P.135 $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x} - 1}{x - 1}$

P.148 $\lim_{x \rightarrow \infty} x(\sqrt{x^2 + 1} - x)$

P.136 $\lim_{x \rightarrow 64} \frac{\sqrt{x} - 8}{\frac{3}{4}\sqrt{x} - 4}$

P.149 $\lim_{x \rightarrow \infty} (x + \sqrt[3]{1-x^3})$

P.137 $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\frac{3}{4}\sqrt{x} - 1}{\frac{3}{4}\sqrt{x} - 1}$

P.150 $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\frac{3}{4}\sqrt{x^2} - 2 - \frac{3}{4}\sqrt{x} + 1}{(x-1)^2}$

P.138 $\lim_{x \rightarrow 8} \frac{x - 8}{\frac{3}{4}\sqrt{x} - 2}$

P.151 $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(x+1)^2}{x^2 + 1}$

P.139 $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x - 1}{\frac{3}{4}\sqrt{x} - 1}$

P.152 $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(2x+3)^3(3x-2)}{x^5 + 5}$

P.140 $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{\frac{3}{4}\sqrt{x+h} - \frac{3}{4}\sqrt{x}}{h}$

P.153 $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt[3]{x^2 + 1}}{x + 1}$

P.141 $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x^2 - 2x + 6} - \sqrt{x^2 + 2x - 6}}{x^2 - 4x + 3}$

P.154 $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x} + \sqrt{x + \sqrt{x}}}$

P.142 $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{\frac{3}{4}\sqrt{x} - \sqrt{5+x}}{1 - \sqrt{5-x}}$

P.155 $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x} + \sqrt{x + \sqrt{x}}}{\sqrt{x+1}}$

P.143 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+x+x^2} - 1}{x}$

P.156 $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x} + \sqrt[3]{x} + \sqrt[4]{x}}{\sqrt{2x+1}}$

P.144 $\lim_{x \rightarrow -4} \frac{x+4}{\sqrt{x+29}-5}$

P.157 $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x + \sqrt{x + \sqrt{x}}}) - \sqrt{x}$

P.145 $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left[\sqrt{x(x+a)} - x \right]$

P.158 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt[3]{8+3x-x^2} - 2}{x + x^2}$

P.159 Mostrar que:

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{1}{n} \left[\left(x + \frac{a}{n} \right) + \left(x + \frac{2a}{n} \right) + \dots + \left(x + \frac{(n-1)a}{n} \right) \right] = x + \frac{a}{2}$$

P.160 Mostrar que

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt[n]{(x + a_1)(x + a_2) \dots (x + a_n)} - x = \frac{a_1 + a_2 + \dots + a_n}{n}$$

P.161 Sendo $S_n = 1 + 2 + 3 + \dots + n$, determinar $\lim_{n \rightarrow +\infty} (\sqrt{S_{n+1}} - \sqrt{S_n})$.

Mostrar que: $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2 + 2x + 3} + 1 - x) = 2$

Calcular os limites indicados do P.162 ao P.211

P.162 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin ax}{x}$

P.172 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} x - \sin x}{\sin^2 x}$

P.163 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin ax}{\sin bx}$

P.173 $\lim_{x \rightarrow a} \frac{\sin x - \sin a}{x - a}$

P.164 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin ax}{bx}$

P.174 $\lim_{x \rightarrow a} \frac{\cos x - \cos a}{x - a}$

P.165 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} ax}{x}$

P.175 $\lim_{x \rightarrow a} \frac{\operatorname{tg} x - \operatorname{tg} a}{x - a}$

P.166 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos ax}{x^2}$

P.176 $\lim_{x \rightarrow a} \frac{\sec x - \sec a}{x - a}$

P.167 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{x}$

P.177 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 5x - \sin 3x}{\sin x}$

P.168 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \sec x}{x^2}$

P.178 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x - \cos 3x}{x^2}$

P.169 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} x - \sin x}{x^3}$

P.179 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 + \sin x - \cos x}{1 + \sin px - \cos px}$

P.170 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{x \cdot \sin x}$

P.180 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(x + a) - \sin a}{x}$

P.171 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos^3 x}{x \cdot \sin x \cdot \cos x}$

P.181 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos(x + a) - \cos a}{x}$

P.182 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(a + 2x) - 2\sin(a + x) + \sin a}{x^2}$

P.183 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos(a + 2x) - 2\cos(a + x) + \cos a}{x^2}$

P.184 $\lim_{x \rightarrow \pi/6} \frac{2\sin^2 x + \sin x - 1}{2\sin^2 x - 3\sin x + 1}$

P.199 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos mx - \cos nx}{x^2}$

P.185 $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{\sin(\cos x)}{\cos x}$

P.200 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arc tg} 2x}{\sin 3x}$

P.186 $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{\sin(x - \pi)}{x - \pi}$

P.201 $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1 - x^2}{\sin \pi x}$

P.187 $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{\sin(\operatorname{tg} x)}{\operatorname{tg} x}$

P.202 $\lim_{x \rightarrow 0} x(2 + \sin \frac{1}{x})$

P.188 $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\operatorname{tg}(x^2 - 1)}{x^2 - 1}$

P.203 $\lim_{x \rightarrow \pi/4} \frac{\sin x - \cos x}{1 - \operatorname{tg} x}$

P.189 $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x - 3}{\sin \pi x}$

P.204 $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{\operatorname{tg} \pi x}{x + 2}$

P.190 $\lim_{x \rightarrow \pi/2} (\pi - 2x) \operatorname{tg} x$

P.205 $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sin \sqrt{x+1} - \sin \sqrt{x})$

P.191 $\lim_{x \rightarrow 1} (1 - x) \operatorname{tg} \frac{\pi x}{2}$

P.206 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{\cos x} - \sqrt[3]{\cos x}}{\sin^2 x}$

P.192 $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{1 - \sin \frac{x}{2}}{\pi - x}$

P.207 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}(a + 2x) - 2\operatorname{tg}(a + x) + \operatorname{tg} a}{x^2}$

P.193 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arc} \sin x}{x}$

P.208 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1 + \operatorname{tg} x} - \sqrt{1 + \sin x}}{x^2}$

P.194 $\lim_{x \rightarrow \pi/4} \frac{\cos 2x}{\cos x - \sin x}$

P.209 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1 + \sin x} - \sqrt{1 - \cos x}}{x}$

P.195 $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{\cos 2h}{1 + \sin h}$

P.210 $\lim_{n \rightarrow +\infty} (n \cdot \sin \frac{\pi}{n})$, $n \in \mathbb{N}^*$

P.196 $\lim_{x \rightarrow \pi/2} \frac{1 - \sin^6 x}{\cos^2 x}$

P.211 $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^n - 1}{\operatorname{tg} x}$

P.197 $\lim_{x \rightarrow \pi/2} \frac{(1 - \sin x)^2}{\cos x}$

P.212 Determinar a sabendo que

P.198 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos^3 x}{\sin^2 x}$

$$\lim_{x \rightarrow 0} (1 - \frac{1}{x}) \sin ax = -3$$

CAPÍTULO IV

- P.16 a) 5, -1
b) $+\infty$, $-\infty$
c) $-\infty$, $+\infty$
d) $+\infty$, $-\infty$
e) $+\infty$, ?
f) ?, $+\infty$
g) ?, $-\infty$
h) $-\infty$, ?

P.22 a) $\frac{1}{2}$

b) 0

c) 0

d) $+\infty$

e) $+\infty$

f) $-\infty$

g) ?

h) ?

P.23 $\frac{4}{7}$

P.24 0

- P.17 a) 3, 4, 7
b) $-\infty$, $+\infty$, ?

P.25 \emptyset

P.26 \emptyset

- P.18 a) 6
b) $+\infty$

P.27 4

P.28 $\frac{1}{3}$

P.29 3

P.30 $\frac{3a}{2}$

- P.19 a) $\frac{1}{2}$, 12, 6
b) ∞ , 0, ?

P.31 $\frac{1}{12}$

- P.20 a) $+\infty$
b) $-\infty$

P.32 $-\frac{1}{2}$

P.33 0

P.34 $-\frac{11}{7}$

P.35 \emptyset

- P.21 a) 8
b) -3

P.36 $\frac{1}{2}$

P.37 n

P.38 $n + a^n - 1$

P.39 $\frac{m}{p}$

P.40 $\frac{m}{n} + a^m - n$

P.41 $\frac{1}{2\sqrt{a}}$

P.42 $\frac{3}{2}$

P.43 $\frac{1}{2}$

P.44 1

P.45 -1

P.46 $\frac{1}{5}$

P.47 $\frac{2}{3}$

P.48 $\frac{p}{n}$

P.49 $\frac{1}{n\sqrt[n]{a^n - 1}}$

P.50 $-\frac{1}{16}$

P.51 $\frac{4}{3}$

P.52 $\frac{12}{5}$

P.53 $\frac{1}{n}$

P.54 $\frac{a}{m} - \frac{b}{n}$

P.55 -2

RESPOSTAS

P.57 a) \emptyset
b) \emptyset

c) $+\infty$
d) \emptyset

e) \emptyset
f) \emptyset

CAPÍTULO V

P.58 12

P.59 -7

P.60 se $\begin{cases} +\infty, & \text{se } c > 0 \\ -\infty, & \text{se } c < 0 \\ 0, & \text{se } c = 0 \end{cases}$

P.61 $+\infty$

P.62 $+\infty$

P.63 $-\infty$

P.64 $-\infty$

P.65 $+\infty$

P.66 $-\infty$

P.67 $-\infty$

P.68 $+\infty$

P.69 $-\infty$

P.70 n par $\Rightarrow +\infty$
n ímpar $\Rightarrow -\infty$

P.71 $\frac{9}{8}$

P.72 0

P.73 $+\infty$

P.74 \emptyset

P.75 $-\frac{5}{4}$

P.76 \emptyset

P.77 \emptyset

P.78 \emptyset

P.79 \emptyset

P.80 \emptyset

P.81 $\frac{5}{4}$

P.82 $\frac{x}{2}$

P.83 $3x^2$

P.84 -1

P.85 \emptyset

P.86 -2

P.87 \emptyset

P.88 $-\frac{1}{3}$

P.89 $\frac{2}{3}$

P.90 0

P.91 $-\infty$

P.92 0

P.93 0

P.94 $+\infty$

P.95 $-\frac{2}{7}$

P.96 $-\frac{2}{5}$

P.97 $-\infty$

P.98 $+\infty$

P.99 0

P.100 $\frac{2}{56}$

P.101 0

P.102 $-\frac{1}{2x}$

P.103 $\frac{1}{n\sqrt[n]{a^n - 1}}$

P.104 $\frac{1}{2\sqrt{3}}$

P.105 0

P.106 $+\infty$

P.107 0

P.108 2

P.109 2

P.110 8

P.111 1

P.112 0

P.113 a = 0 b = 6

P.114 a = 1 b = 0

P.115 a = 1 b = 0

P.116 1

P.117 a = 0 b = 1

c = -2 d = 1

P.118 3

P.119 $4a\sqrt{a}$

P.120 $-\frac{1}{56}$

$$P.121 \frac{1}{2\sqrt{a}}$$

$$P.122 -\frac{1}{2}$$

$$P.123 0$$

$$P.124 a - p$$

$$P.125 0$$

$$P.126 a + b$$

$$P.127 \frac{a}{2}$$

$$P.128 -1$$

$$P.129 3a$$

$$P.130 \frac{5}{2}$$

$$P.131 \frac{1}{4}$$

$$P.132 \frac{1}{5}$$

$$P.133 2$$

$$P.134 \frac{3}{2}$$

$$P.135 \frac{1}{2}$$

$$P.136 3$$

$$P.137 \frac{4}{3}$$

$$P.138 12$$

$$P.139 3$$

$$P.140 \frac{1}{3\sqrt[3]{x^2}}$$

$$P.141 -\frac{1}{3}$$

$$P.142 -\frac{1}{3}$$

$$P.143 \frac{1}{2}$$

$$P.144 10$$

$$P.145 \frac{a}{2}$$

$$P.147 -\frac{5}{2}$$

$$P.148 \frac{1}{2}$$

$$P.149 0$$

$$P.150 \frac{1}{9}$$

$$P.151 1$$

$$P.152 0$$

$$P.153 0$$

$$P.154 1$$

$$P.155 1$$

$$P.156 \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$P.157 \frac{1}{2}$$

$$P.158 \frac{1}{4}$$

$$P.161 \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$P.162 a$$

$$P.163 \frac{a}{b}$$

$$P.164 \frac{a}{b}$$

$$P.165 a$$

$$P.166 \frac{a^2}{2}$$

ÁLGEBRA IV

$$P.167 0$$

$$P.168 -\frac{1}{2}$$

$$P.169 \frac{1}{2}$$

$$P.170 \frac{1}{2}$$

$$P.171 \frac{3}{2}$$

$$P.172 0$$

$$P.173 \cos a$$

$$P.174 -\sin a$$

$$P.175 \sec^2 a$$

$$P.176 \operatorname{tg} a + \sec a$$

$$P.177 2$$

$$P.178 4$$

$$P.179 \frac{1}{p}$$

$$P.180 \cos a$$

$$P.181 -\sin a$$

$$P.182 -\sin a$$

$$P.183 -\cos a$$

$$P.184 -3$$

$$P.185 1$$

$$P.186 1$$

$$P.187 1$$

RESPOSTAS

$$P.188 1$$

$$P.189 -\frac{1}{\pi}$$

$$P.190 2$$

$$P.191 \frac{2}{\pi}$$

$$P.192 0$$

$$P.193 1$$

$$P.194 \sqrt{2}$$

$$P.195 1$$

$$P.196 3$$

$$P.197 0$$

$$P.198 \frac{3}{2}$$

$$P.199 \frac{n^2 - m^2}{2}$$

$$P.200 \frac{2}{3}$$

$$P.201 -\frac{2}{\pi}$$

$$P.202 1$$

$$P.203 \frac{-\sqrt{2}}{2}$$

$$P.204 \pi$$

$$P.205 0$$

$$P.206 -\frac{1}{12}$$

$$P.207 2\operatorname{tg} a + \sec a$$

$$P.208 \frac{1}{4}$$

$$P.209 1$$

$$P.210 \pi$$

$$P.211 0$$

$$P.212 3$$

$$P.213 -3$$

$$P.214 -1$$

$$P.215 2$$

$$P.216 a) \frac{1}{2} b) 0$$

$$P.218 \frac{1}{2}$$

$$P.219 \frac{1}{3}$$

$$P.220 \frac{3}{2}$$

$$P.221 2$$

$$P.222 1$$

$$P.223 \frac{1}{2}$$

$$P.224 \frac{1}{2}$$

$$P.225 0$$

$$P.226 1$$

$$P.227 \frac{4}{3}$$

$$P.229 -\frac{3}{2}$$

$$P.230 1$$

$$P.231 e^2$$

$$P.232 e^{-3}$$

$$P.233 e^3$$

$$P.234 e^k$$

$$P.235 e$$

$$P.236 \frac{1}{e}$$

$$P.237 e$$

$$P.238 \frac{1}{e}$$

$$P.239 1$$

$$P.240 e^{2a}$$

$$P.241 e^3$$

$$P.242 e^{-2}$$

$$P.243 a$$

$$P.244 1$$

$$P.245 b \log_a a$$

$$P.246 \frac{a}{b}$$

$$P.247 1$$

$$P.248 1$$

$$P.249 \log_a e$$

$$P.250 \log_e a$$

$$P.251 \log_e a$$

$$P.252 \frac{a}{b}$$

$$P.253 e^a$$

$$P.254 e^{-2}$$

CAPÍTULO VI

P.255 não

P.256 não