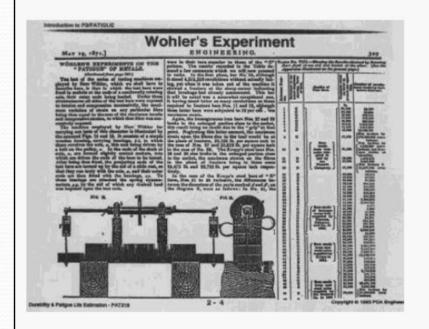
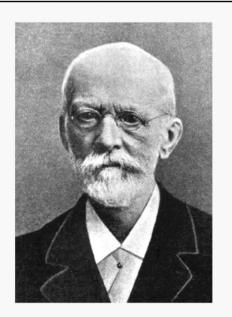
FADIGA DOS MATERIAIS: INTRODUÇÃO E METODOLOGIA S-N

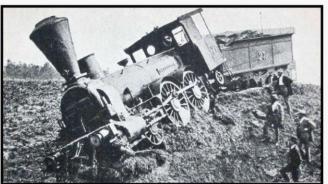
Prof. Dr. José Benedito Marcomini

OS PIONEIROS

August Wöhler (1819-1914)







August Wöhler desenvolveu estudos em fadiga entre 1852 a 1869

O FENÔMENO DA FADIGA

- "Fadiga de material" pode ser entendido como o conjunto de fenômenos que resultam na falha de componentes por ruptura progressiva, normalmente associada à flutuação de tensões. É a causa mais comum e importante de falha em serviço de estruturas e componentes mecânicos;
- Envolve a nucleação e crescimento lento de uma trinca;
- Peças submetidas a tensões flutuantes ou alternadas, mesmo que abaixo do limite de escoamento, podem manifestar alterações em suas propriedades mecânicas e perda de resistência;
- A Metalurgia Física explica os eventos microestruturais relacionados com a progressão da fratura, a Mecânica dos Sólidos/Mecânica da Fratura estabelece critérios de falha a partir dos resultados de ensaios;
- Fenômenos/Ensaios: Fadiga de alto ciclo (controlada pela tensão), fadiga de baixo ciclo (controlada pela deformação), crescimento da trinca por fadiga, avaliação da sensibilidade ao entalhe, fadiga por fretting, fadiga multiaxial, fadiga térmica, isotérmica e termomecânica e interação fadiga-fluência.

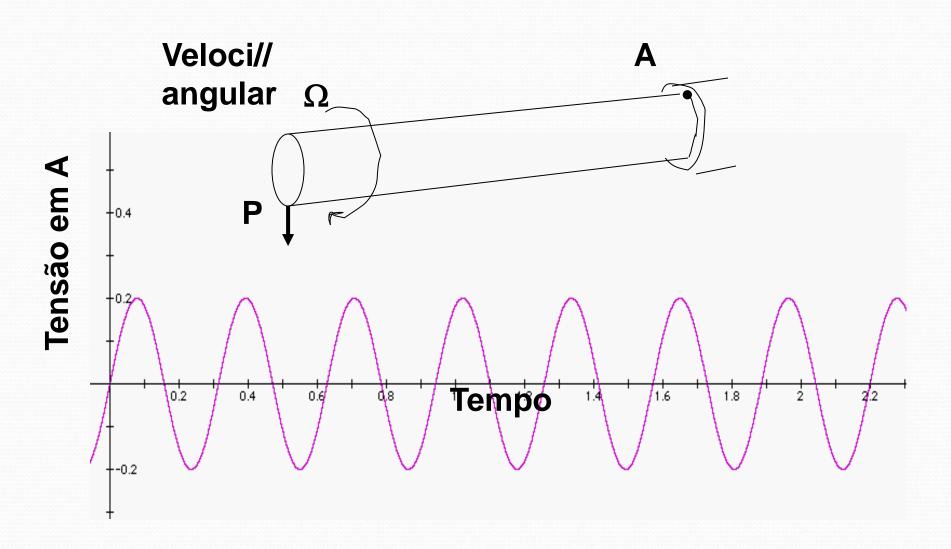
FADIGA: DEFINIÇÃO

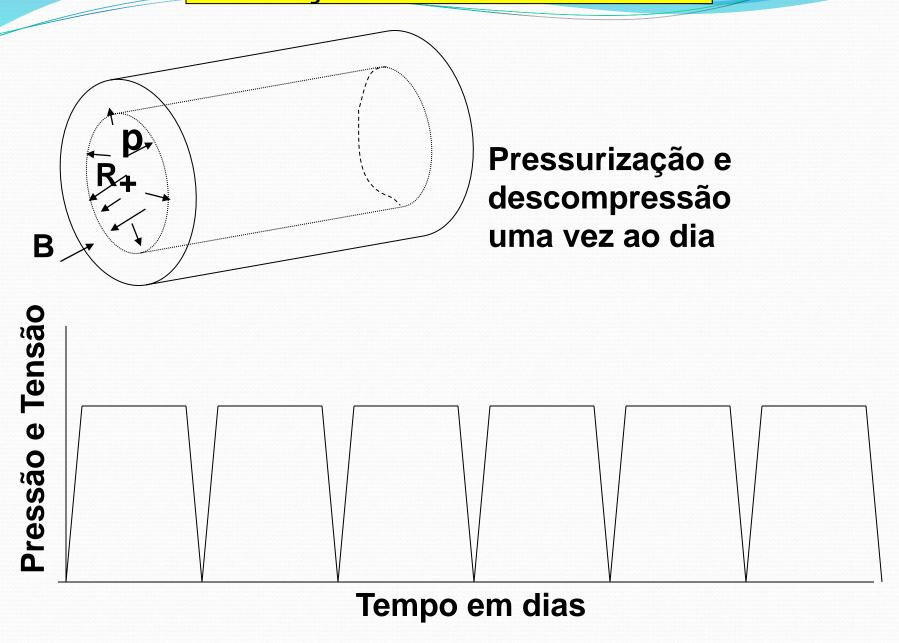
Processo que causa falha prematura ou dano a um Componente sujeito a carregamentos repetitivos.

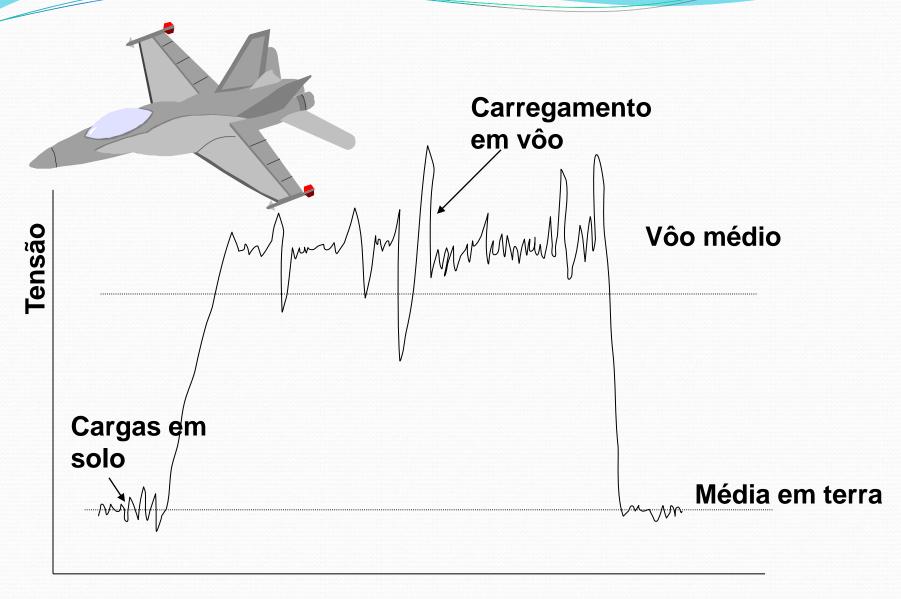
O componente é incapaz de desenvolver satisfatoriamente a função pretendida

Bem abaixo da tensão limite ou de projeto

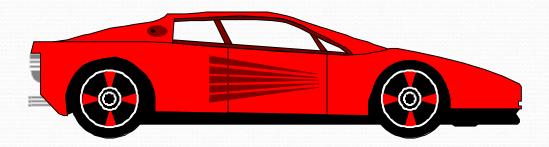
Carregamento e descarregamento Vibrações Compressão e descompr. Aquecimento e resfriam. Decolagem e aterrissagem







Tempo



Carga

Típica história de tempo x carga para o eixo da roda



Tempo

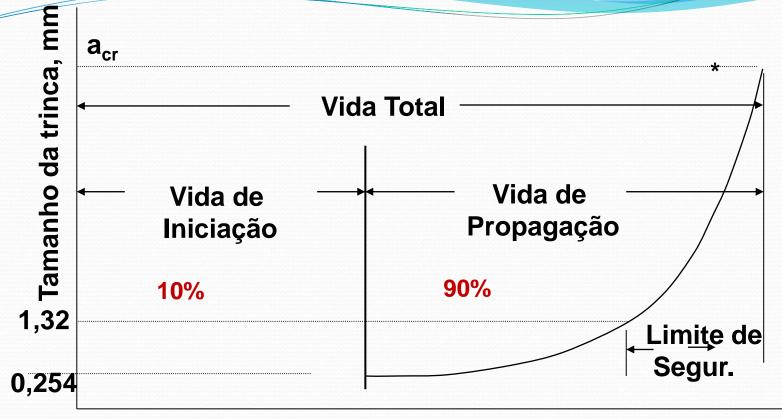
Mais de 90% das falhas: fadiga ou combinada à fadiga

- Fadiga de alto ciclo (controlado por tensão);
- Fadiga de baixo ciclo (controlada por deformação);
- Propagação de trinca por fadiga;
- Avaliação da sensibilidade ao entalhe;
- Fadiga por fretting;
- Fadiga multiaxial;
- Fadiga térmica: isotérmica e termomecânica;
- Fadiga em meios agressivos: iniciação e propagação;
- Fadiga-fluência.

NORMAS:

- ASTM E466-15 Standard Practice for Conducting Force Controlled ConstantAmplitude Axial Fatigue Tests of Metallic Materials;
- ASTM E606-12 Standard Test Method for Strain-Controlled Fatigue Testing;
- **ASTM E739**-10(2015) Standard Practice for Statistical Analysis of Linear or Linearized Stress-Life (S-N) and Strain-Life (ε-N) Fatigue Data;
- ASTM E647-15e1 Standard Test Method for Measurement of Fatigue Crack Growth Rates;
- ASTM E1049-85(2017) Standard Practices for Cycle Counting in Fatigue Analysis;
- ASTM E2789-10(2015) Standard Guide for Fretting Fatigue Testing.

TERMINOLOGIA

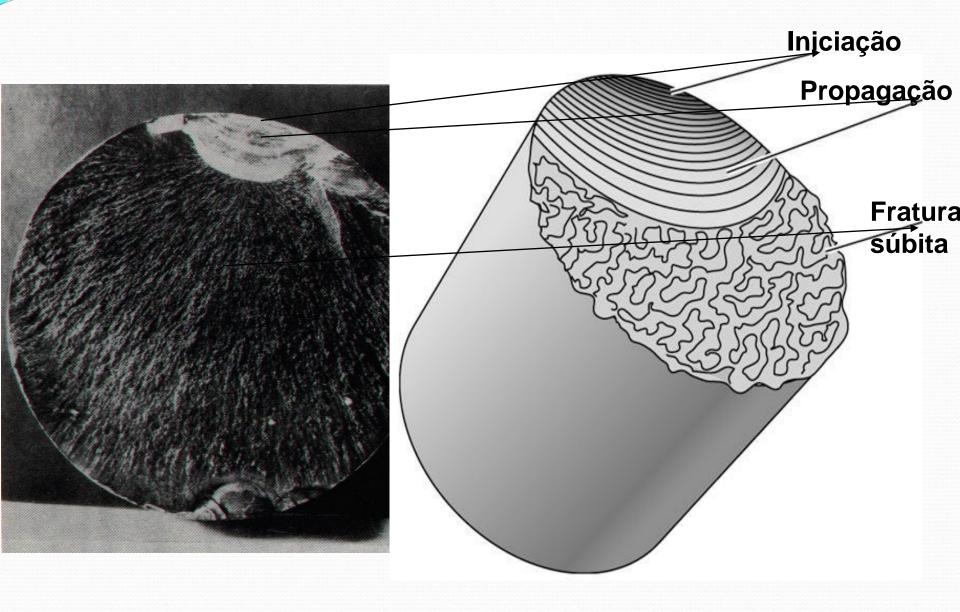


Tempo (horas de vôo, ciclos, dias)

- Vida de Inic. Tempo para nuclear uma trinca.
- Vida de Propag. Tempo para o crescimento de uma trinca até a falha.
- Limite de Seg. crescimento a partir de um tamanho crítico de trinca

Aspectos Macro e Microscópicos da Fratura por Fadiga em Metais

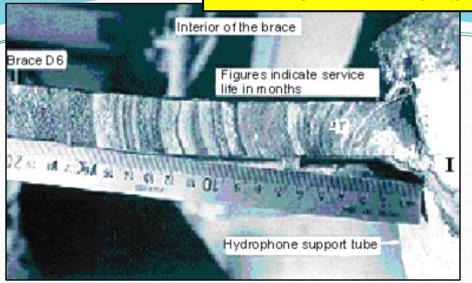
Fraturas de Fadiga e Características Macroscópicas



FADIGA- MARCAS DE PRAIA

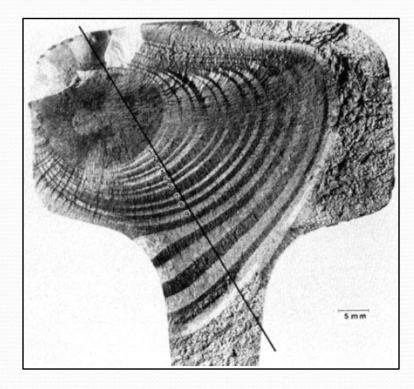
- São macroscópicas;
- Marcas de praia são produzidas sempre que ocorre uma alteração "significativa" no ciclo de carregamento, seja na amplitude de tensões, na frequência de solicitação, na tensão média (oxidação);
- É possível existir fratura de fadiga sem "marcas de praia", embora, na prática, isto seja raro pois a maioria dos componentes não estão sujeitos, em serviço, a ciclos uniformes, a não ser em ensaios controlados;

FADIGA- MARCAS DE PRAIA

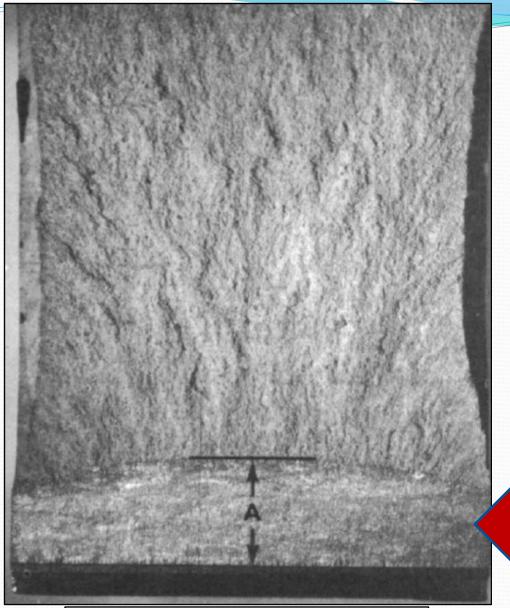








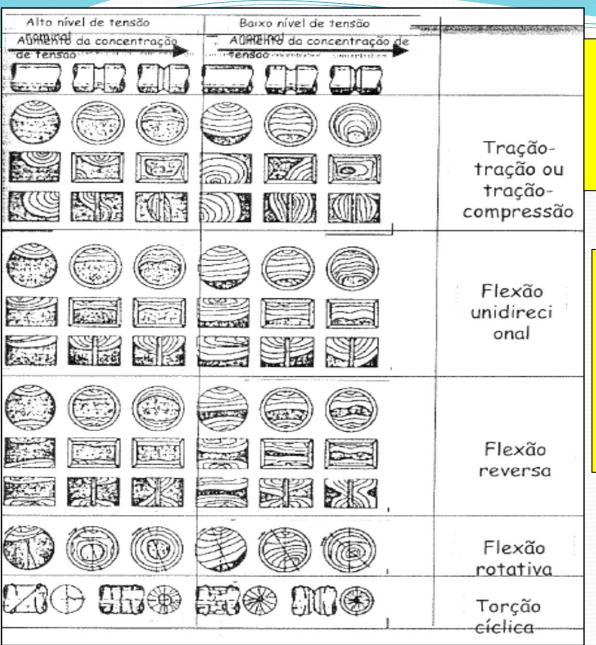
FADIGA- MARCAS DE PRAIA



SEM MARCAS DE PRAIA

8. Trinca produzida por fadiga em c.p. de Mecânica da Fratura

FADIGA- MARCAS DE PRAIA- CARACTERIZAÇÃO

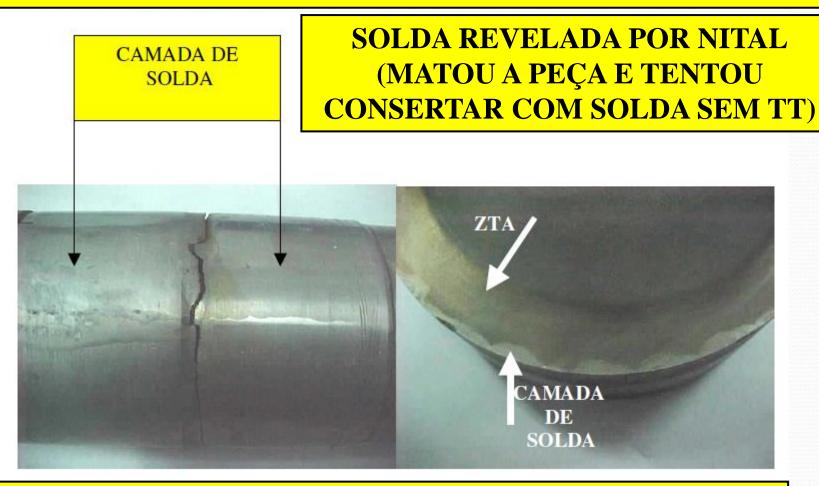


Quanto maior a área de ruptura final, maiores as tensões (ou menor a tenacidade).

No caso de tensões baixas e alta concentração de tensões (entalhe severo), a fratura pode inverter a sua concavidade (mais notado em retangulares).

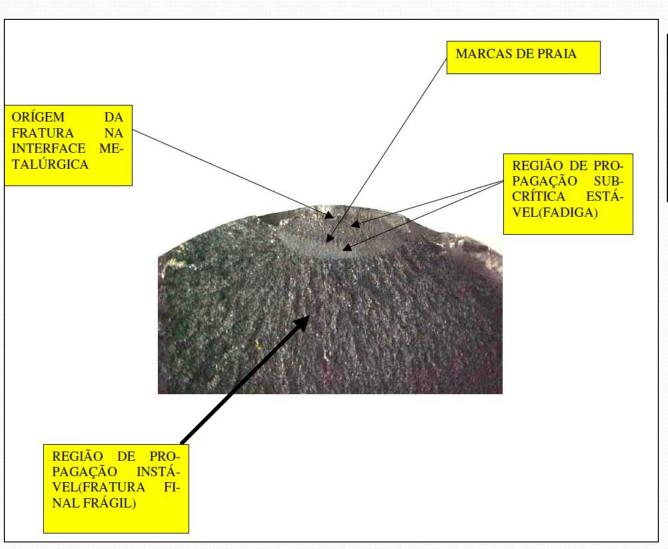
ASM Metals Handbook V19 - Fatigue And Fracture

A TRINCA POR FADIGA É NUCLEADA NA SUPERFÍCIE, A NÃO SER QUE OCORRA UMA DESCONTINUIDADE SUBSUPERFICIAL.

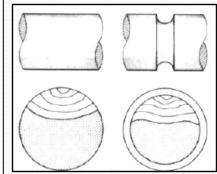


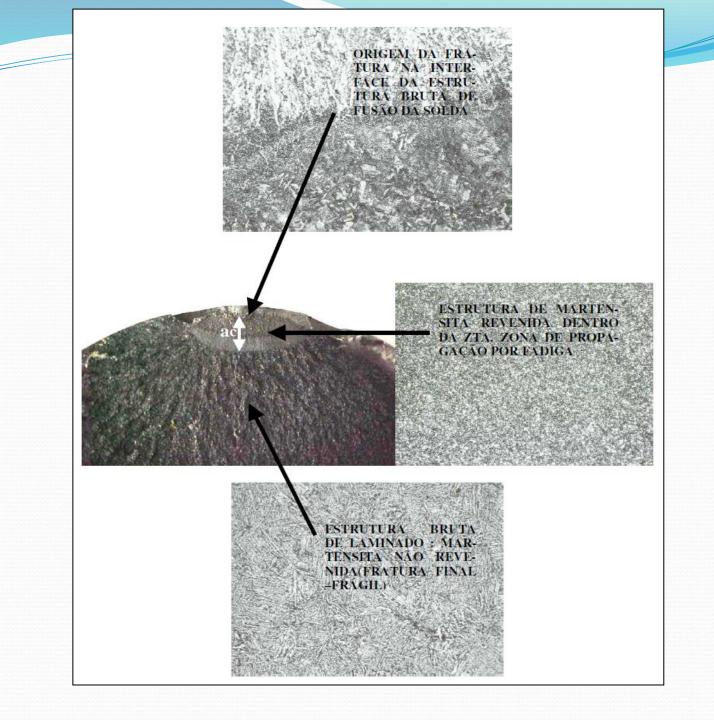
ANÁLISE DE FALHAS – EIXO – AÇO SAE4140 – T+R - 2005.

A TRINCA POR FADIGA É NUCLEADA NA SUPERFÍCIE, A NÃO SER QUE OCORRA UMA DESCONTINUIDADE SUBSUPERFICIAL.



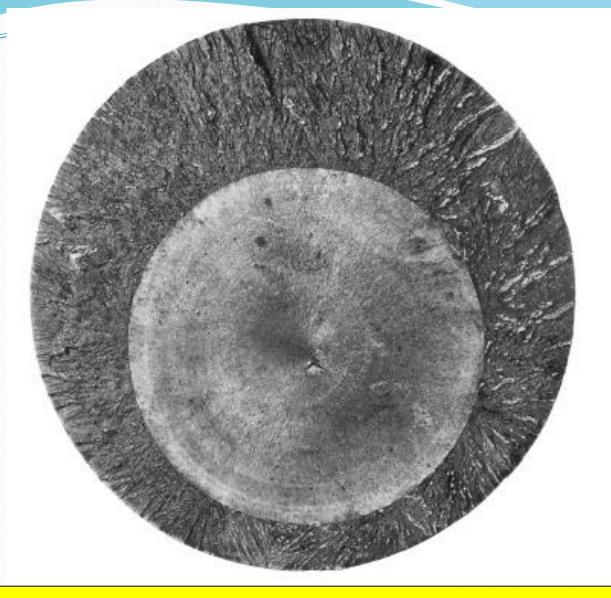
ALTAS TENSÕES





Fadiga acarretada por flexão reversa. A simetria revela que ambos os lados sofreram as **mesmas** amplitudes de carregamentos e nº de ciclos.



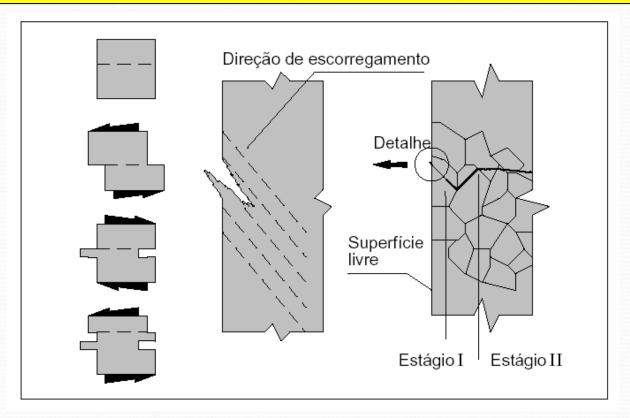


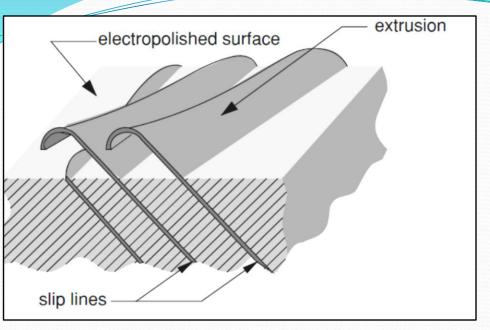
Fadiga em tração iniciada no centro devido a um defeito.

Mecanismos de Fadiga e Características Microscópicas

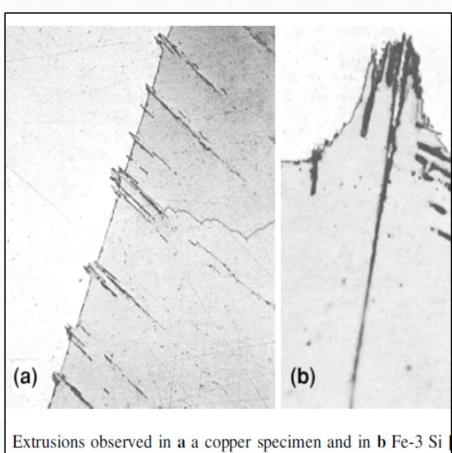
NUCLEAÇÃO DE TRINCAS

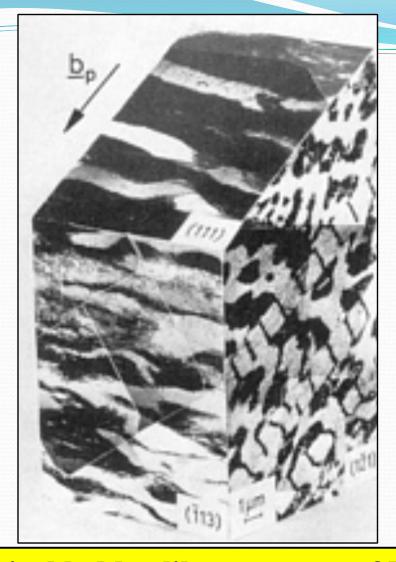
- A falha por fadiga está geralmente ligada a **deformações plásticas localizadas** e, estas, associadas com tensões cisalhantes.
- No caso dos **materiais dúteis**, a nucleação de trincas ocorre pela formação bandas de cisalhamento (**Persistent Shear Bands-PSB**). Ocorre já nos primeiros ciclos do carregamento.



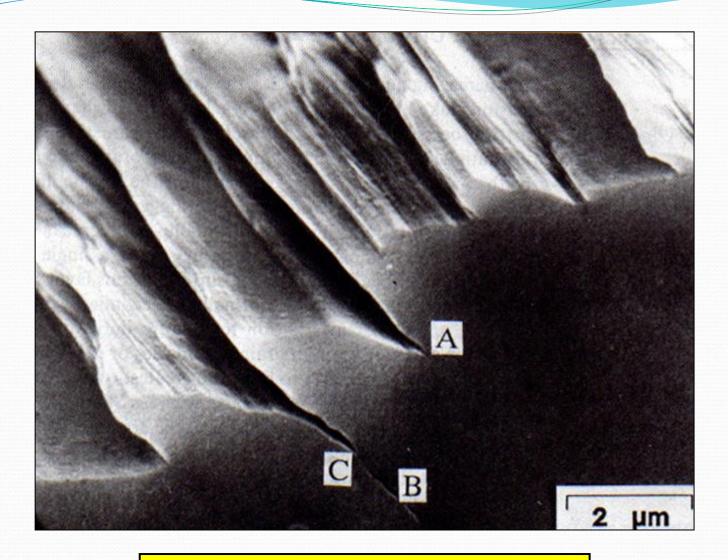


INTRUSÕES E EXTRUSÕES, SEGUNDO FORSYTH (1956-1958)



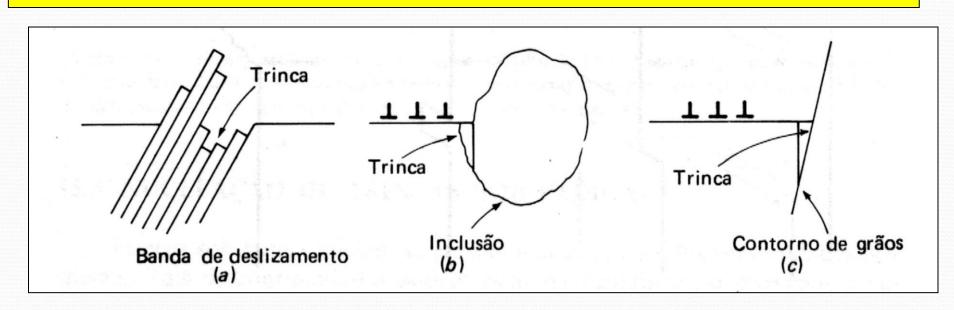


Typical ladder-like structure of PSBs (Metals Handbook, vol. 19)



INTRUSÕES E EXTRUSÕES

- No caso de materiais frágeis ou duros, como as ligas de alta resistência de alumínio e os aços tratados para uma alta dureza, a nucleação das trincas inicia na interface entre a matriz e as inclusões existentes, já que a matriz não chega a ser deformada plasticamente.
- Desta forma não surgem as bandas de deslizamento na superfície livre, com a nucleação iniciando mais no interior do material: trinca subsuperficial.

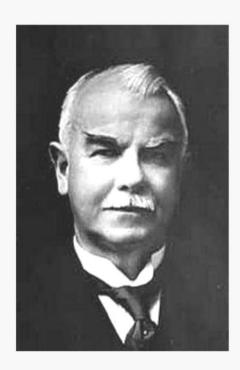


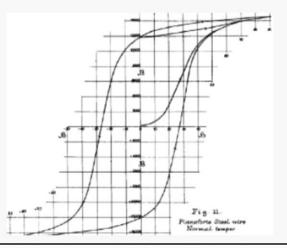
FADIGA - ESTRIAS

- São microscópicas;
- Existem independentemente do ciclo ser variável ou uniforme e constituem uma verdadeira "assinatura" do mecanismo de fadiga;
- Cada estria é provocada num único ciclo de tensões, mas nem todo ciclo produz uma estria - a frente da trinca pode permanecer parada durante centenas de ciclos ou avançar;
- A menor distância entre estrias é de 0,5 a 1 μ m, dependendo do material.
- Não se cruzam não confundir com "linhas de Wallner";
- Linhas de Wallner ocorrem na fratura por clivagem em materiais extremamente frágeis, como cerâmicas;
- Às vezes são de difícil visualização. Ocorrem mais facilmente em materiais dúteis;

OS PIONEIROS

James Alfred Ewing (1855-1935)





A. A. Emog and J. C. W. Hanfrey.

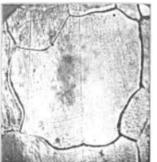


Fig. 9. Species after 2000 corrects of a stress of 12° 4 mas pr

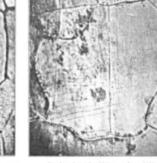


Fig. 10. Same after 2000 records. is 100

Phil. Truna, A, red. 200, Plate 2.







Fig. 13. Sone ofter \$5,000 severals. # 1000.

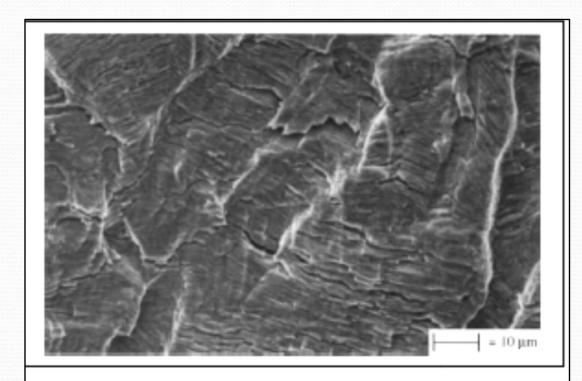
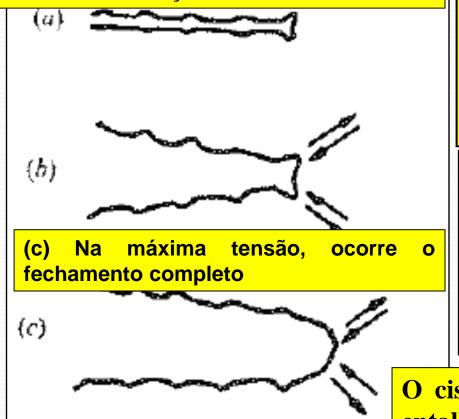


Fig. 6.11. – Estrias em aço temperado e revenido

FADIGA – ESTRIAS

(a) e (b)Com o aumento da carga trativa, ocorre a formação de entalhes duplos na ponta da trinca, devido a indução da tensão cisalhante na direção de 45°



Existem diversas teorias para a formação das estrias, nenhuma totalmente satisfatória;

Laird (1967) – fechamento plástico provocando um "arredondamento" da ponta da trinca e posterior propagação. Propagação por cisalhamento;

A teoria é aceitável mas provavelmente é muito mais complexa: necessidade da presença de O2 para formação das estrias. As moléculas auxiliam o mecanismo de formação.

O cisalhamento se inverte e provoca o os entalhaes duplos novamente.

IDEALIZAÇÃO DO FECHAMENTO PLÁSTICO DA TRINCA GERANDO AS ESTRIAS.

TEORIA DA FORMAÇÃO DE ESTRIAS DÚTEIS – ORIUNDAS DO DUPLO DESLIZAMENTO CRUZADO DE LINHAS DE DISCORDÂNCIA, ENVOLVENDO DOIS PLANOS CRISTALOGRÁFICOS.

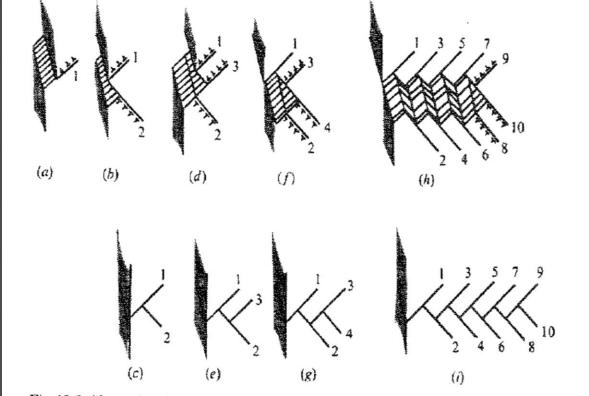


Fig. 10.6. Alternating slip model for stage II crack growth under fully reversed cyclic loads. The figures on the top row show tensile loading stages, and those on the bottom pertain to unloading stages. (After Neumann, 1969.)

ESTRIAS DÚTEIS

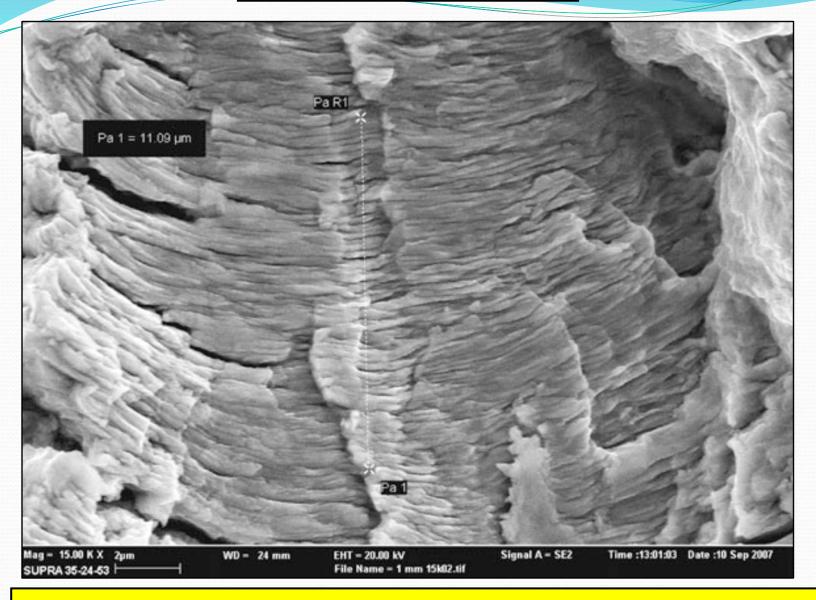
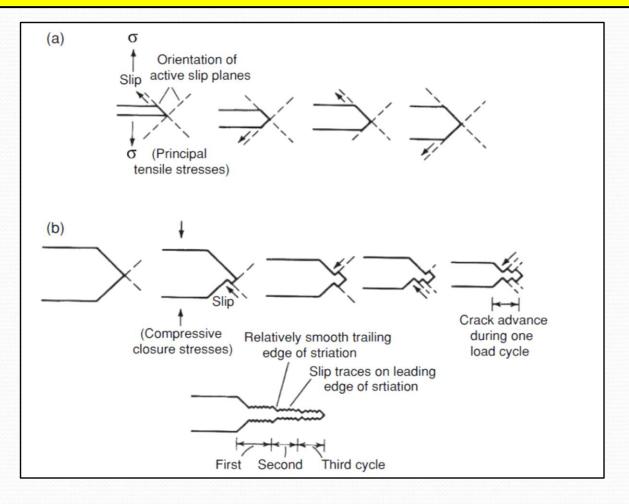
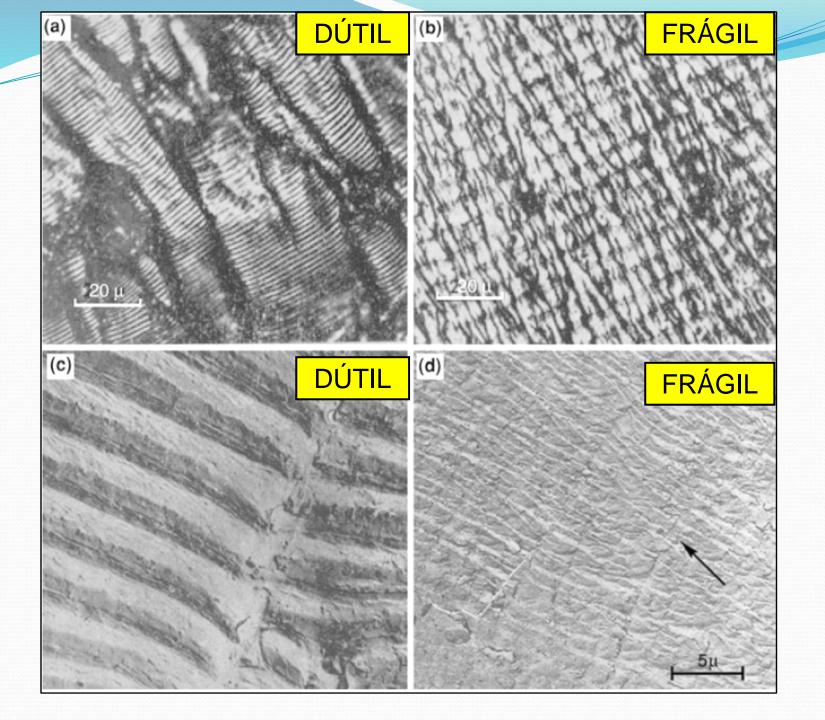


Imagem de MEV(Microscópio Eletrônico de Varredura)

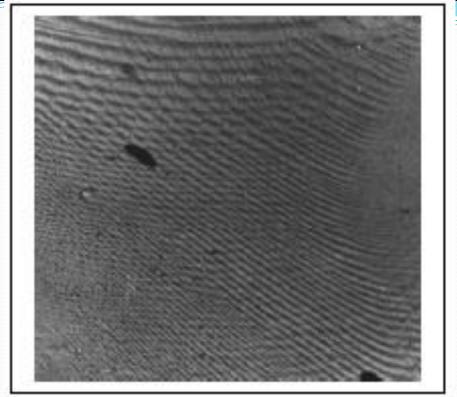
TEORIA DA FORMAÇÃO DE ESTRIAS FRÁGEIS – RELACIONADA À FRAGILIZAÇÃO: PARTÍCULAS DURAS, HIDROGÊNIO E OUTROS. GERADAS POR LINHAS DE DISCORDÂNCIAS NOS PLANOS DE DESLIZAMENTO, GERALMENTE NOS PLANOS BASAIS (100). APARÊNCIA PLANA, SEM DEFORMAÇÃO PLÁSTICA MACROSCÓPICA.

O mecanismo de formação de estrias frágeis pode ser considerado como microclivagens.





FADIGA – ESTRIAS X LINHAS DE WALLNER

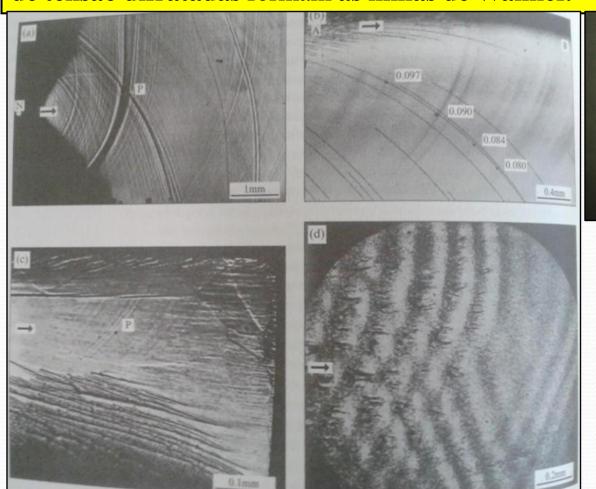


Linhas de Wallner

Com a propagação da trinca, são geradas "ondas de tensão" ou ondas elásticas, que mudam o campo de tensões à frente da trinca, levando à propagação e provocam ondulações ou padrões como as linhas de Wallner. São utilizadas para calcular a velocidade local da propagação da trinca por um método chamado: fractografia de ondas de tensão.

FADIGA – ESTRIAS X LINHAS DE WALLNER

As ondas de tensão são difratadas por descontinuidades e tornam-se transversais, assim como ocorre com o método TOFD (Time of Flight Diffraction) em ensaio de ultrassom. Ondas ultrassônicas também provocam ondulações no material. A intersecção das ondulações de propagação da fratura com as ondulações das ondas de tensão difratadas formam as linhas de Wallner.



$$c_{d} = \left(\frac{E}{\rho}\right)^{\frac{1}{2}} \left(\frac{1-\nu}{(1+\nu)(1-2\nu)}\right)^{\frac{1}{2}},$$

$$c_{s} = \left(\frac{E}{\rho}\right)^{\frac{1}{2}} \left(\frac{1}{2(1+\nu)}\right)^{\frac{1}{2}}$$

C_d = ondas longitudinais

C_s = ondas transversais

$$C_{d aço} = 5.920 \text{m/s}$$

$$C_s = 0.4 C_d$$

Metodologias de Projeto em Fadiga

Filosofias de Projeto

Vida Infinita Este critério exige que as tensões atuantes estejam abaixo da tensão limite de fadiga.

Vida Finita Condições de carregamento sensivelmente imprevisíveis, ou ao menos, não constantes. A vida selecionada para o projeto deve incluir uma margem de segurança para levar em consideração o carregamento

Falha Segura Este critério considera a possibilidade de ocorrência de trincas de fadiga, porém, sem levar ao colapso as estruturas antes destas fissuras serem detectadas e reparadas.

Tolerante ao Dano Este critério é um refinamento do anterior, porém, levando em consideração a existência de uma trinca, o projeto da estrutura é executado para que esta trinca não cresça, evitando a falha do componente.

PROJETO PARA VIDA INFINITA

- Os **primeiros projetos** mecânicos, considerando a fadiga, eram baseados no dimensionamento dos componentes para **vida infinita**;
- Este critério exige que as **tensões atuantes** estejam **abaixo da tensão limite de fadiga**. Ainda hoje, muitas peças que operam com um carregamento cíclico aproximadamente constante durante vários milhões de ciclos, devem ser dimensionadas para vida infinita (virabrequim);
- Este é o **enfoque** mais **clássico** da análise de fadiga, usando os conceitos da curva de **Woehler** e da **tensão limite de fadiga**, tendo sido proposta ainda no **século passado**.

PROJETO PARA VIDA FINITA

- Em muitas ocasiões as condições de carregamento são sensivelmente **imprevisíveis**, ou, ao menos, **inconstantes**;
- Assim, se um componente for projetado para a carga máxima esperada, as dimensões, peso, custo, etc., serão excessivos, desnecessários, pois a carga máxima ocorrerá apenas algumas poucas vezes ao longo da vida útil do equipamento;
- Assim, a **opção por uma vida finita** como critério de projeto, é plenamente justificável;
- A vida selecionada para o projeto deve incluir uma margem de segurança para levar em consideração a grande dispersão da vida de fadiga (relações de vida máxima, vida mínima da ordem de 10: 1 podem ser facilmente encontradas nos ensaios de fadiga) bem como outros fatores não conhecidos ou não considerados.

Dimensionamento ou análise pode ser tanto feito com base nas relações tensão-vida (S - N), deformação vida (ϵ - N).

EXEMPLOS:

- Mancais de rolamento;
- Reservatórios Pressurizados;
- Componentes automobilísticos;
- Motores a jato.

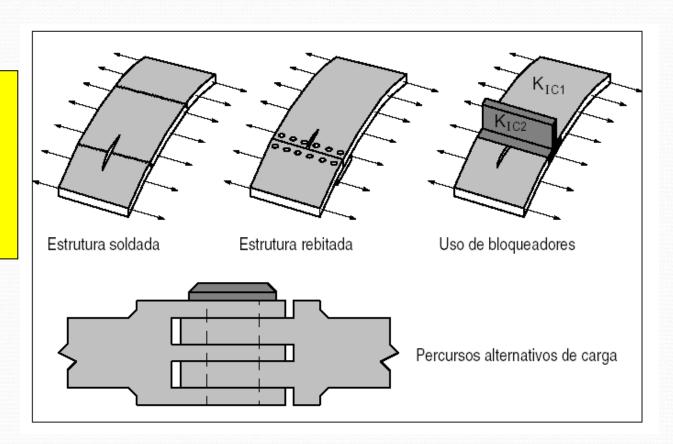
PROJETO PARA FALHA SEGURA PFS (FAIL SAFE)

- Este critério foi desenvolvido pelos **engenheiros aeronáuticos**, já que estes não podem tolerar o **peso adicional** requerido por um coeficiente de segurança **alto**, nem o **risco** de falha implícito por um coeficiente **muito baixo**;
- O critério para falha segura considera a possibilidade de ocorrência de trincas de fadiga e dispõem a estrutura de modo que as trincas não a levem ao colapso antes de serem detectadas e reparadas.

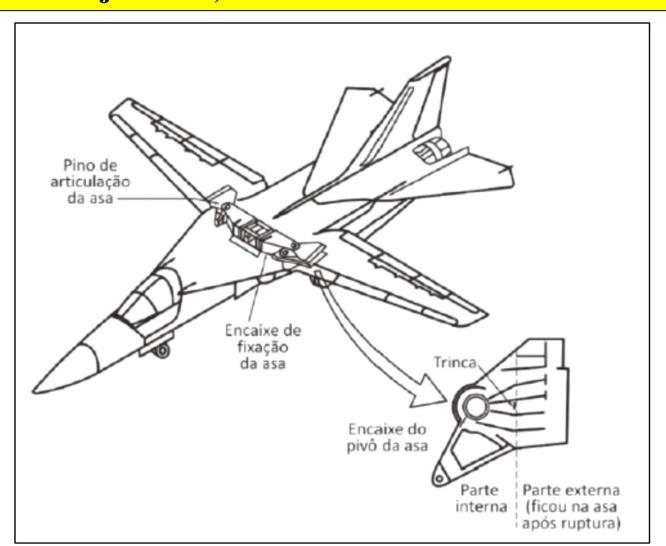
Alguns meios de possibilitar o comportamento "fail safe" em uma estrutura são: introduzir bloqueadores de propagação, ou elementos para impedir a propagação da trinca (crack arresters), usar uniões rebitadas ou parafusadas ao invés de soldadas, etc..

EXEMPLOS:

- Fuselagens e asas de aviões
- Cascos de navios
- Pontes.



Acidente com um caça F-111 com apenas 104 horas de voo (1969)ano que o homem pisou na Lua —deflagrou o desenvolvimento de
projetos com tolerância ao dano pela Força Aérea Americana- peça
com defeito de forjamento, na asa.



PROJETO COM TOLERÂNCIA AO DANO

- Este critério é um aperfeiçoamento da filosofia "fail safe". Partese do princípio de que a estrutura possui uma trinca, seja por defeito de fabricação, seja devida à operação (fadiga, corrosão sob tensão, etc.), e com os conceitos da Mecânica da Fratura são desenvolvidos os projetos de modo que as trincas pré-existentes não cresçam até o tamanho crítico, antes que sejam detectadas pelas inspeções periódicas;
- Este critério é mais adequado a materiais com baixa velocidade de propagação de trincas e com alta tenacidade. O tamanho inicial do defeito pode ser estimado (ao menos o seu limite superior) através de um ensaio prévio de sobrecarga;
- Se o **componente sobrevive** ao ensaio está assegurado que **não existem** defeitos (trincas) **acima** de uma dada dimensão. É um critério que usa extensivamente as modernas metodologias de projeto.

Metodologias Aplicadas para Vida em Fadiga

$$N = N_i + N_p$$

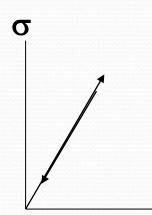
Vida de Iniciação (Ni) - Tempo para nucleação: uso da análise clássica de fadiga

Vida de Propagação (Np) — Tempo necesário para uma trinca crescer até tornar-se crítica: uso da Metodologia da MFEL

Análise Clássica da Fadiga

Metodologia Tensão-Vida

Metodologia Def. - Vida



Metodologia Tensão-Vida

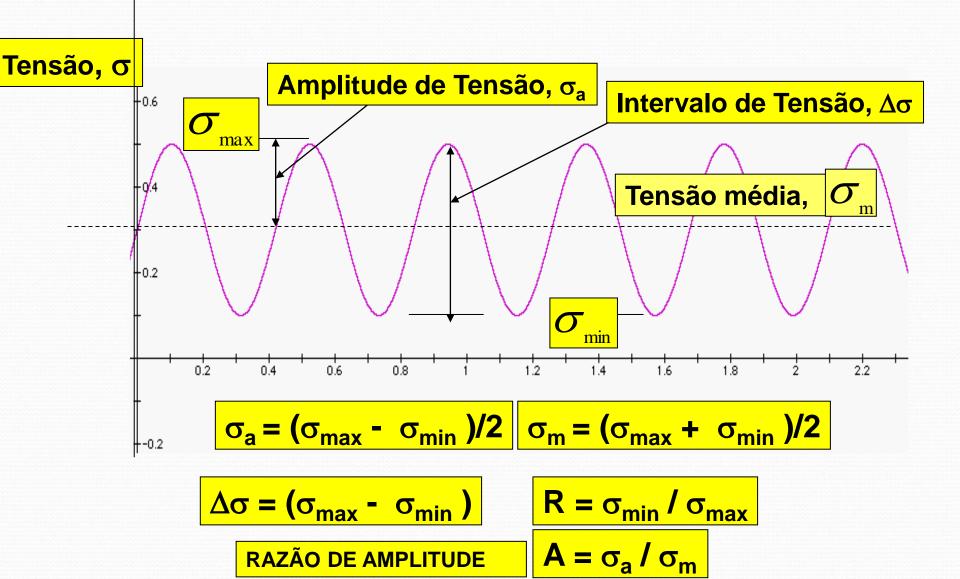
Se as tensões forem sempre dentro do regime elástico (abaixo do LE): fadiga de alto ciclo ou controlada pela tensão

σ

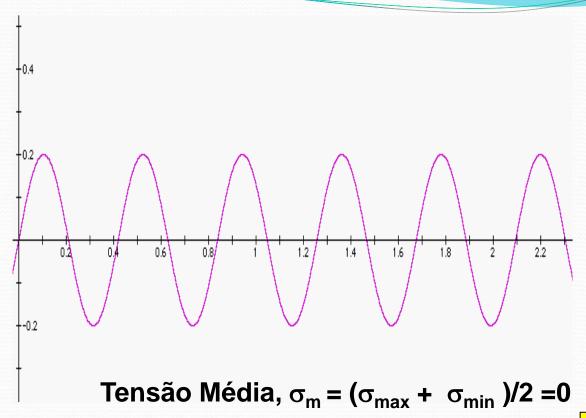
Metodologia Def. - Vida

Se as tensões levarem a deformações plásticas (acima do LE): fadiga de baixo ciclo ou controlada pela deformação.

DEFINIÇÕES E CONCEITOS Descrição do Ciclo de Carregamento



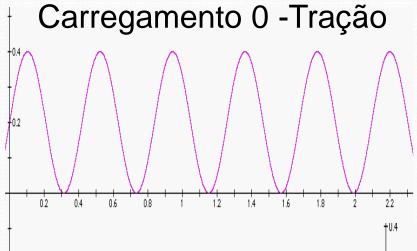
Carregamentos completamente reversos



Razão de Tensões, R =
$$\sigma_{min}$$
 / σ_{max} = -1

UTILIZADO NAS
HOMOLOGAÇÕES
DE PEÇAS
AUTOMOTIVAS

Razão de Amplitudes, A = σ_a / σ_m = ∞



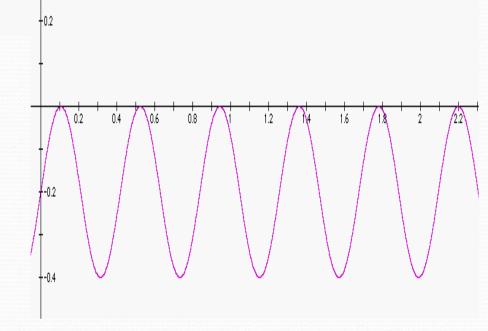
$$R = \sigma_{min} / \sigma_{max} = 0$$

$$A = \sigma_a / \sigma_m = 1$$

Carregamento 0 - Compressão

$$R = \sigma_{min} / \sigma_{max} = \infty$$

$$A = \sigma_a / \sigma_m = 1$$



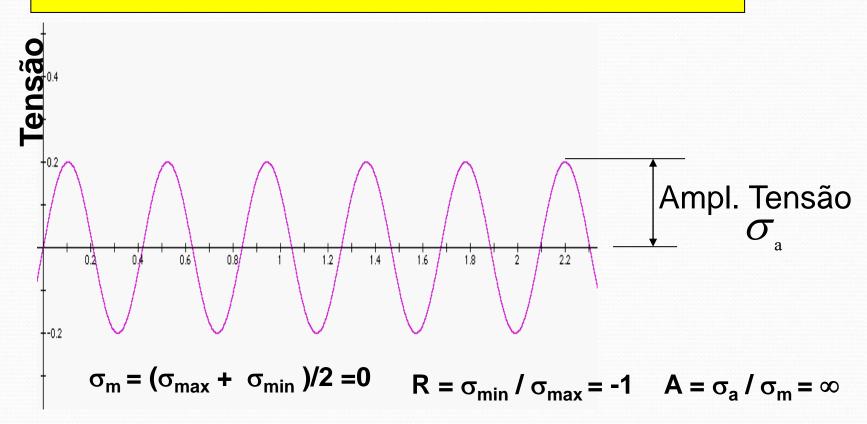
Método Tensão - Vida

- Esta metodologia pode ser usada quando os **níveis de tensão** são muito **inferiores** ao **limite de escoamento** do material.
- Ë também conhecida como Fadiga de Alto Ciclo, FAC ou Fadiga em Baixa Tensão, FBT.
 - Dados S-N
 - Limite de Fadiga
 - Resistência à Fadiga
 - Vida Finita
 - Efeitos da Tensão Média
 - Modelos
 - Vida infinita
 - Vida finita

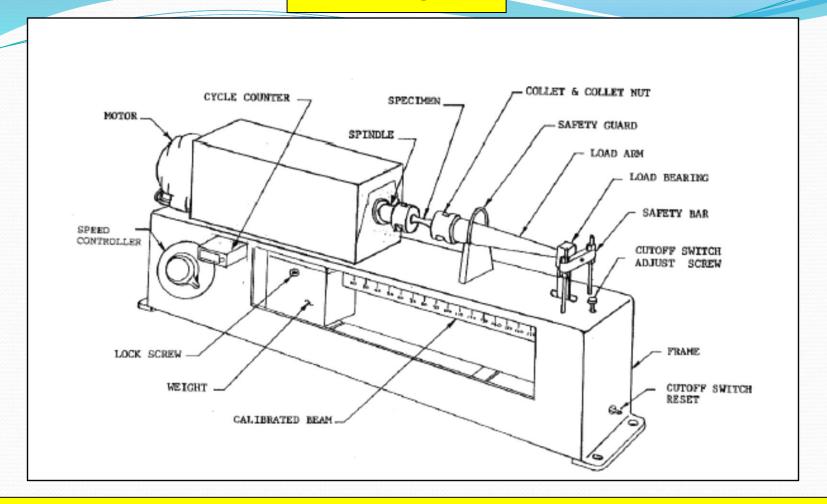
Propriedades de Fadiga

Os dados de fadiga são comumentes apresentados:

- para CP polidos;
- Sob flexão reversa.



FADIGA



Wöhler (1852) – Conclui, entre outras que o fenômeno da fadiga de alto ciclo é dependente de condições macroscópicas e microscópicas o que leva a uma dispersão estatística, aleatória.

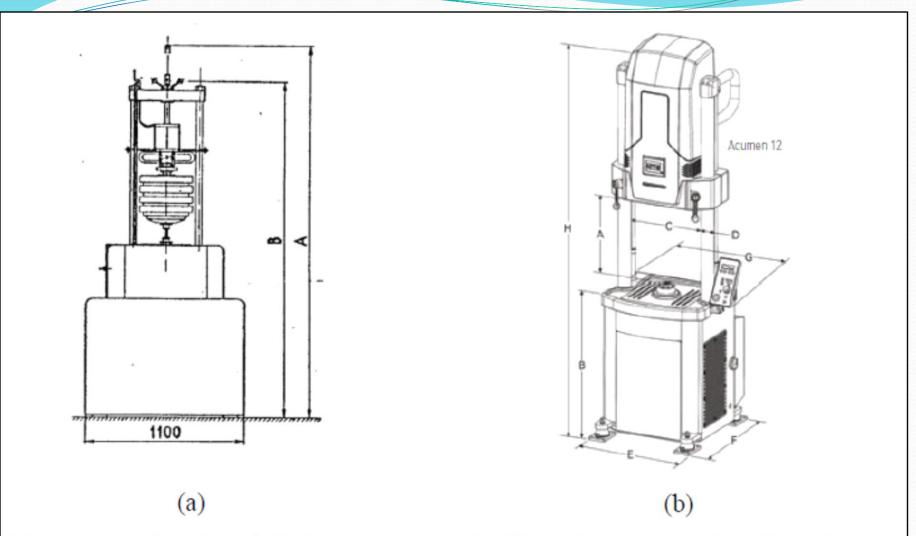
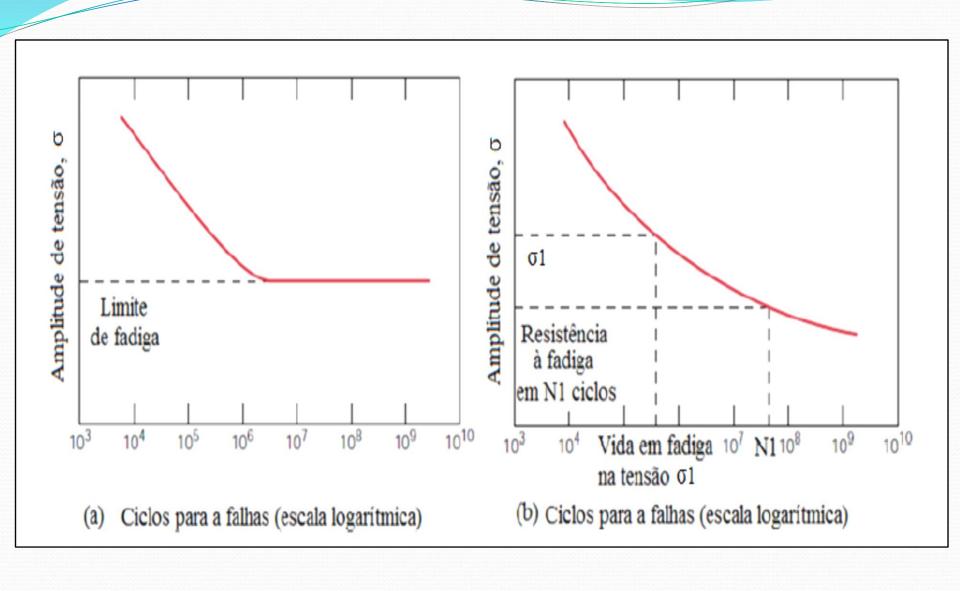
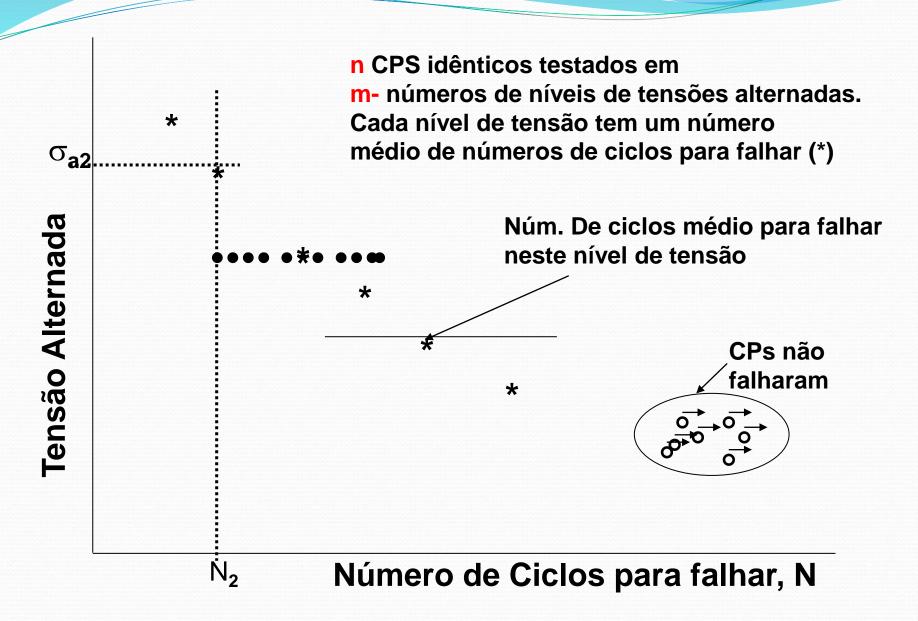


Figura 8.23 Máquinas de fadiga axiais: (a) vibróforo; (b) máquina eletrodinâmica.

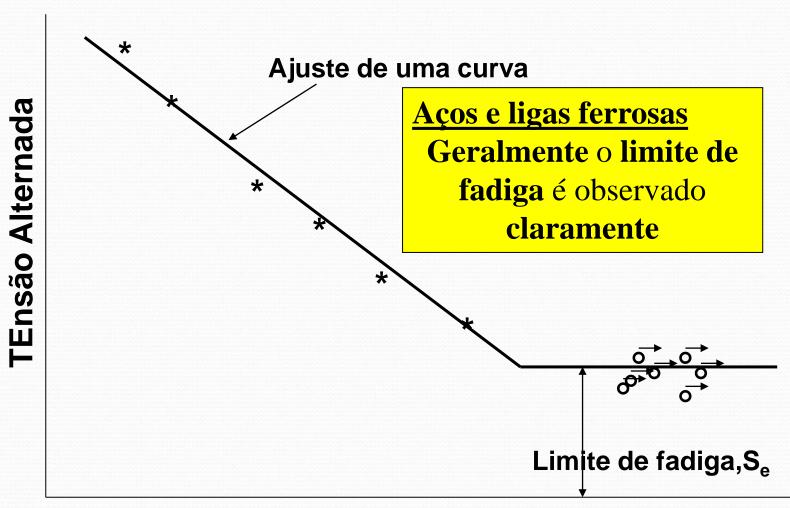
FADIGA-CURVA S-N



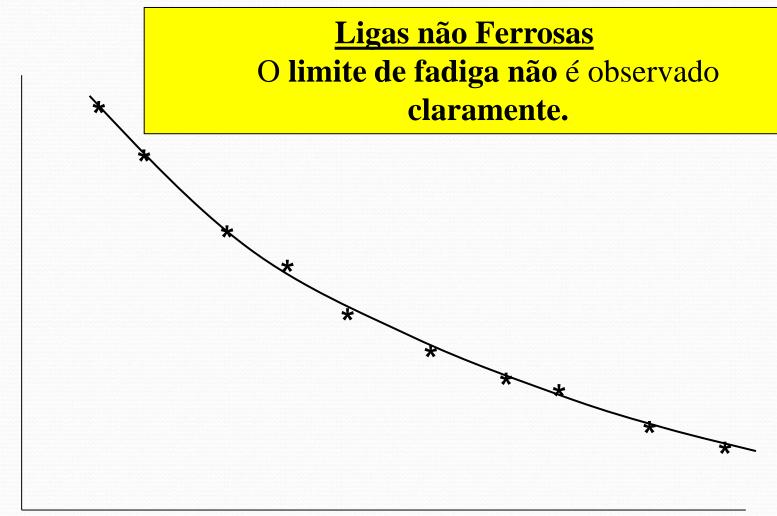
Dados S-N - Espalhamento nos Resultados experimentais



Curva S-N & Limite de Fadiga



Número de Ciclos para falhar, N



Número de ciclos para falhar, N

Vida Finita – Relação Tensão - N_f

- N_f varia rapidamente com o nível de tensão, sendo esta variação de várias ordem de magnitude.
- Por esta razão N é colocado em gráfico em escala logarítima.
- Se os dados S-N formam uma reta em escala Log Linear:

$$\sigma_a = C + D \log N_f$$

Para dados que forma uma reta em escala Log-Log

$$\sigma_a = A N_f^B$$

Podendo ser escrita de uma outra forma (clássica lei de Basquin)

$$\boldsymbol{\sigma}_{a} = \boldsymbol{\sigma'}_{f} (2Nf)^{b}$$

$$A = 2^{b} \boldsymbol{\sigma'}_{f}$$

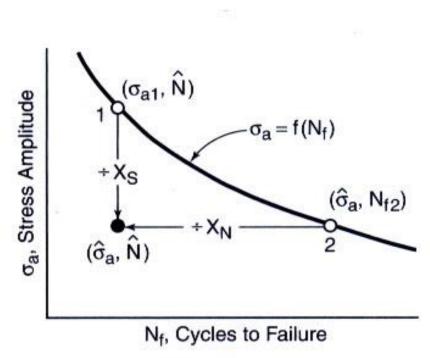
$$B = b$$

Constantes para a curva Tensão-Vida para alguns metais, ensaiados em fadiga com tensão média zero e corpos de prova não entalhados e carregamentos axiais

	Limite de escoamento	Limite de	Tensão Verd. de fratura	$\sigma_a = \sigma_f'(2N_f)^b = AN_f^B$		
Material	σ_o	σ_u	$ ilde{\sigma}_{fB}$	σ_f'	\boldsymbol{A}	b = B
(a) Steels						
SAE 1015	228	415	726	1020	927	-0.138
(normalized)	(33)	(60.2)	(105)	(148)	(134)	
Man-Ten	322	557	990	1089	1006	-0.115
(hot rolled)	(46.7)	(80.8)	(144)	(158)	(146)	
RQC-100	683	758	1186	938	897	-0.0648
(roller Q & T)	(99.0)	(110)	(172)	(136)	(131)	15.60
AISI 4142	1584	1757	1998	1937	1837	-0.0762
(Q & T, 450 HB)	(230)	(255)	(290)	(281)	(266)	9551 T. (1950)
AISI 4340	1103	1172	1634	1758	1643	-0.0977
(aircraft quality)	(160)	(170)	(237)	(255)	(238)	
b) Other Metals						
2024-T4 A1	303	476	631	900	839	-0.102
	(44.0)	(69.0)	(91.5)	(131)	(122)	
Γi-6Al-4V	1185	1233	1717	2030	1889	-0.104
(solution treated and aged)	(172)	(179)	(249)	(295)	(274)	

Os valores da tabela tem unidades em MPa (ksi) exceto para as unidades adimensionais b=B

Fator de Segurança para a curva S-N

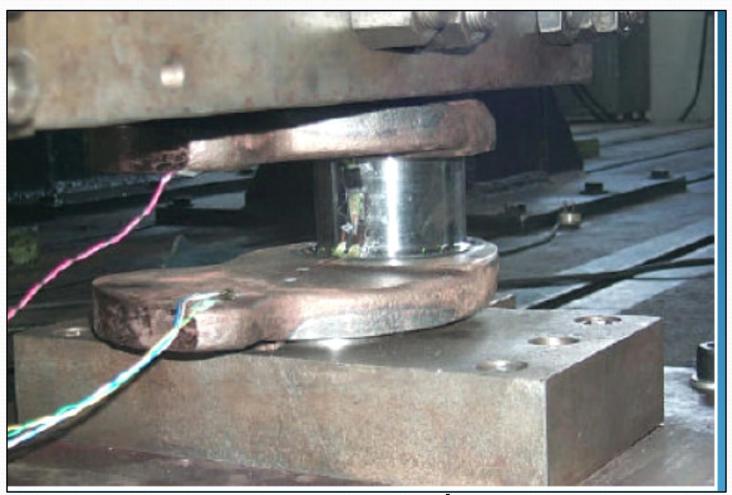


$$X_S = \frac{\sigma_{a1}}{\hat{\sigma}_a}.....(N_f = \hat{N})$$

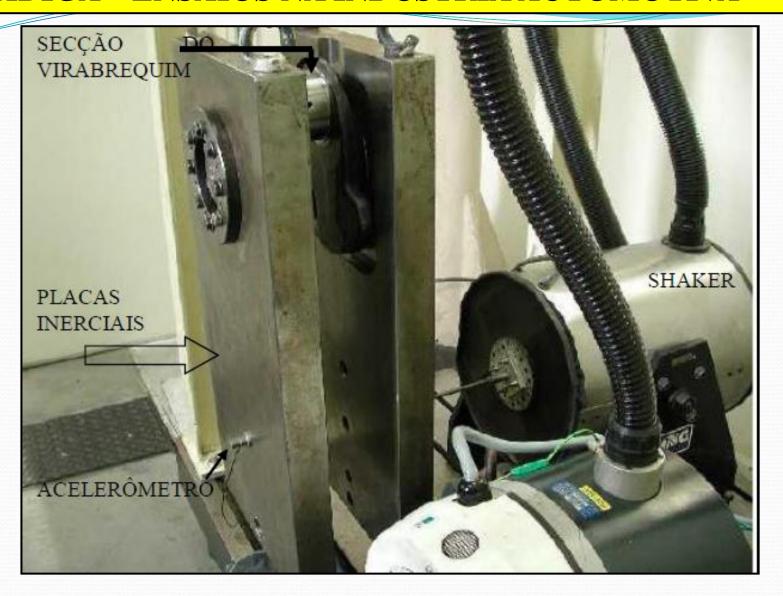
$$X_{N} = \frac{N_{f2}}{\hat{N}_{a}}.....(\sigma_{a} = \hat{\sigma})$$

$$X_S = 1.5 \text{ a } 3$$

 $X_N = 5 \text{ a } 20 \text{ ou mais}$



DISPOSITIVOS HIDRÁULICOS



"SHAKER ELETROMAGNÉTICO"- RESONANT DWELL





ENSAIO NÃO DESTRUTIVO DE LÍQUIDO PENETRANTE APÓS ENSAIO DE FADIGA PARA DETERMINAR LOCAL DA TRINCA.

Fatigue Tests Control Testing Machine: KR / heat code:	Data Sheet	SOME SOMES	
Customer		U U <u>I I I</u>	
Test Reason:		Figure 1	

Test #	SAMPLE ID#	PIN#	Bending Moment (Nm)	Aceleration (G)	Frequency (Hz)	# of cicles	Date	Failure Location	Obs
1	1:1	1	3500,0	69,96	113,78	10.000.000	7/7/2009		
2	3:1	1	3800,0	76,20	114,67	198.236	8/7/2009	1	
3	4:2	2	3700,0	74,12	115,11	238.775	8/7/2009	3	
4	2:6	6	3600,0	72,04	115,09	10.000.000	13/7/2009		
5	4:6	6	3700,0	74,12	115,15	10.000.000	14/7/2009		
6	2:4	4	3900,0	76,20	115,32	2.734.528	15/7/2009	3	
7	4:4	4	3700,0	74,12	115,39	1.277.056	15/7/2009	1	
8	3:3	3	3600,0	72,04	115,19	10.000.000	17/7/2009		
9	1:5	5	3700,0	74,12	114,97	4.712.704	28/7/2009	3 - 4	
10	1:3	3	3600,0	72,04	114,98	10.000.000	29/7/2009		
11	5:1	1	3700,0	74,12	115,32	371.968	29/7/2009	3	
12	5:3	3	3600,0	72,04	115,16	10.000.000	31/7/2009		
13	6:2	2	3700,0	74,12	114,86	10.000.000	5/8/2009		
14	5:5	5	3800,0	76,20	114,39	279.335	5/8/2009	4	
15	6:6	6	3700,0	74,12	114,68	490.624	6/8/2009	4	
16	6:4	4	3800,0	72,04	114,74	1.159.936	6/8/2009	1	
17									
18									

Fatigue Limit (10.000.000 cycles)

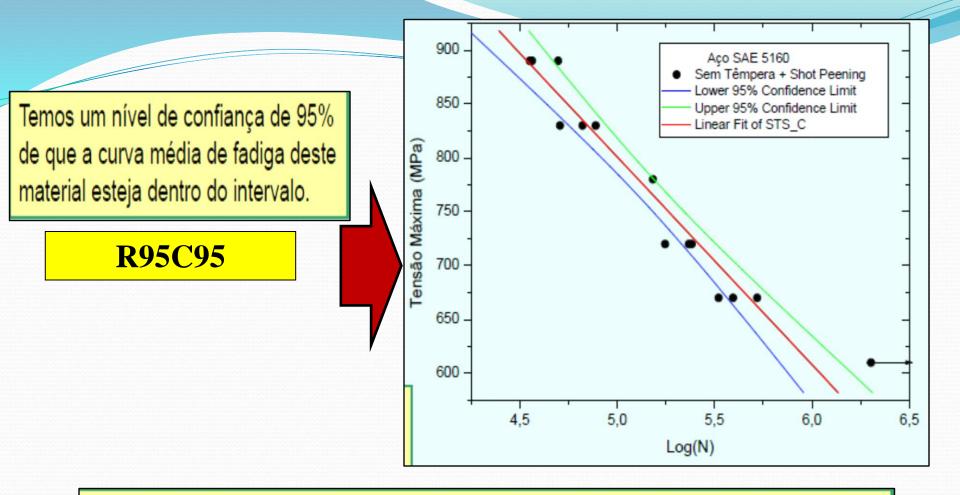
50% (mean) 3772,2 Nm 95% 3710,5 Nm

std dev 68,7 Nm

Stair Case Method According

Statistical Design and Analysis of Engineering Experiments - McGraw Hill Lipson, C. and Sheth, N. J.

Chapter 9 - Fatigue Experiments



Exemplo: Um valor que pode ser usado em projeto de componentes é dado pelo **R95C90**, que significa que há 95% de probabilidade de sobrevivência, com nível de confiança de 90% para a solicitação em uma dada tensão.



Exemplo

Alguns valores de amplitude de tensão e os ciclos correspondentes para falha em fadiga são dados na tabela abaixo para o aço AISI 4340. Estes ensaios foram realizados em corpos de prova não entalhados, carregados axialmente e com tensão média igual a zero.

σ _a , MPa	N _f , ciclos
948	222
834	992
703	6004
631	14130
579	43860
524	132150

 a) Coloque estes dados em gráfico de coordenadas Log-Log. Se estes valores representarem uma reta, obtenha os valores das constantes A e B a partir dos dois pontos mais separados;

 b) Obtenha os valores refinados de A e B usando a regressão linear dos mínimos quadrados a partir do gráfico Log(s_a) x Log (N_f)

$$\sigma_{a1} = A N_{f1}^B \qquad \sigma_{a2} = A N_{f2}^B$$

$$\frac{\sigma_{a1}}{\sigma_{a2}} = \left(\frac{N_1}{N_2}\right)^B$$

$$\log\left(\frac{\boldsymbol{\sigma}_{a1}}{\boldsymbol{\sigma}_{a2}}\right) = B.\log\left(\frac{N_1}{N_2}\right)$$

$$B = \frac{\log \sigma_1 - \log \sigma_2}{\log N_1 - \log N_2} = \frac{\log(948) - \log(524)}{\log(222) - \log(132150)} = -0,0928$$

$$A = \frac{\sigma_1}{N_1^B} = \frac{948}{222^{-0.0928}} = 1565MPa$$

B) Nos ensaios de fadiga a tensão s_a é escolhida em cada teste, é a variável independente e Nf é a dependente. Assim, para fazer o ajuste pelos mínimos quadrados a equação anterior transforma-se em:

$$\sigma_{a1} = A N_{f1}^{B}$$

$$N_{f} = \left(\frac{\sigma_{a}}{A}\right)^{1/B}$$

$$\log N_{f} = \frac{1}{B} \log \sigma_{a} - \frac{1}{B} \log A$$

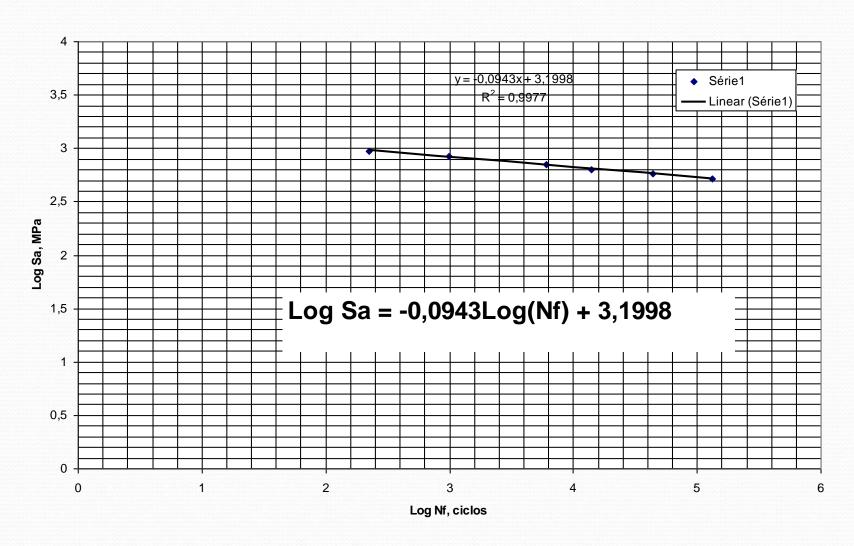
$$y = mx + c$$

$$y = \log N_{f}; \dots x = \log \sigma_{a}; \dots m = 1/B; \dots c = -\frac{1}{B} \log A$$

$$m = -10,582; \dots c = 33,87$$

$$B = 1/m = -0,0945; \dots A = 10^{-cB} = 1587$$

Curva S-N



FIM