

1) Considere novamente os vetores  $\vec{v}_1 = (1, 1, 0)$  e  $\vec{v}_2 = (1, 0, 2)$ . Então a ortogonalização de Gram-Schmidt com o produto interno canônico produzirá

A.  $\mathbf{h}_1 = (\sqrt{2}, -1/\sqrt{2}, 0)$ ,  $\mathbf{h}_2 = (-\sqrt{2}/2, \sqrt{2}, \sqrt{2})$

B.  $(\sqrt{2}/2, \sqrt{2}/2, 0)$  e  $(\sqrt{2}/6, -\sqrt{2}/6, 2\sqrt{2}/3)$

C.  $(\frac{1}{\sqrt{2}}, \frac{1}{\sqrt{2}}, 0)$  e  $(\frac{2\sqrt{2}}{3}, -\frac{2\sqrt{2}}{3}, \frac{\sqrt{2}}{3})$

2) A projeção ortogonal de um vetor  $\mathbf{v}$  num subespaço  $W$  não depende da forma particular de como escolhemos o produto interno

- A. Falso
- B. Verdadeiro

3) Em  $\mathbb{R}^3$  qual destas fórmulas não é de um produto interno?

- A.  $x_1y_1 + 2x_2y_2 + x_3y_3$
- B.  $x_1y_1 - x_1y_2 - x_2y_1 + 2x_2y_2 + x_3y_3$
- C.  $x_1y_1 + 2x_1y_2 + x_2y_1 + 2x_2y_2 + x_3y_3$
- D. Todas são válidas

4) Considerando o produto interno canônico em  $\mathbb{R}^3$ , qual é a projeção do ponto  $P = (0, 0, 1)$  no plano  $\Pi$  gerado pelos vetores  $\vec{v}_1 = (1, 1, 0)$  e  $\vec{v}_2 = (1, 0, 2)$

- A.  $(0, 0, 0)$
- B.  $(4/9, -4/9, -2/9)$
- C.  $(2/9, -2/9, 8/9)$
- D.  $(5/9, 1/9, 8/9)$

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$$

5) Qual é a decomposição QR de

A.  $Q = \begin{bmatrix} \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/6 \\ \sqrt{2}/2 & -\sqrt{2}/6 \\ 0 & 2\sqrt{2}/3 \end{bmatrix} R = \sqrt{2} \begin{bmatrix} 1/2 & -1/6 \\ 0 & 1/3 \end{bmatrix}$

B.  $Q = \begin{bmatrix} \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/6 \\ \sqrt{2}/2 & -\sqrt{2}/6 \\ 0 & 2\sqrt{2}/3 \end{bmatrix} R = 1/\sqrt{2} \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$

C.  $Q = \begin{bmatrix} \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/6 \\ \sqrt{2}/2 & -\sqrt{2}/6 \\ 0 & 2\sqrt{2}/3 \end{bmatrix} R = \sqrt{2} \begin{bmatrix} 1 & 1/2 \\ 0 & 3/2 \end{bmatrix}$

Key:

1. B

2. A

3. C

4. C

5. C