

MAC 414

Autômatos, Computabilidade e
Complexidade

aula 12 — 26/10/2020

Tempo e espaço

Vai ser importante para Complexidade prestar atenção ao número de passos (comprimento) das computações em MTs .

Tempo e espaço

Vai ser importante para Complexidade prestar atenção ao número de passos (comprimento) das computações em MTs .

Quando escrevemos $C \vdash_M^* C'$, queremos dizer que existe uma sequência de configurações

$C \vdash_M C_1 \vdash_M C_2 \cdots \vdash_M C_{n-1} \vdash_M C'$, e nesse caso n é o **comprimento** (ou *tempo*) da computação.

Tempo e espaço

Vai ser importante para Complexidade prestar atenção ao número de passos (comprimento) das computações em MTs .

Quando escrevemos $C \vdash_M^* C'$, queremos dizer que existe uma sequência de configurações

$C \vdash_M C_1 \vdash_M C_2 \cdots \vdash_M C_{n-1} \vdash_M C'$, e nesse caso n é o **comprimento** (ou *tempo*) da computação.

O **tamanho da fita** em uma configuração $C = (p, w, u)$ é $\#C = |wu|$.

Tempo e espaço

Vai ser importante para Complexidade prestar atenção ao número de passos (comprimento) das computações em MTs .

Quando escrevemos $C \vdash_M^* C'$, queremos dizer que existe uma sequência de configurações

$C \vdash_M C_1 \vdash_M C_2 \cdots \vdash_M C_{n-1} \vdash_M C'$, e nesse caso n é o **comprimento** (ou *tempo*) da computação.

O **tamanho da fita** em uma configuração $C = (p, w, u)$ é $\#C = |wu|$.

Cada passo de computação aumenta o comprimento da fita de no máximo 1, logo, no exemplo acima,

$$\#C' \leq \#C + n.$$

Variações e extensões de MTs

Variações e extensões de MTs

MTs são muito primitivas, difíceis de programar.
Precisa melhorar a expressividade.

Variações e extensões de MTs

MTs são muito primitivas, difíceis de programar.
Precisa melhorar a expressividade.

Tema comum:

- 1 Define-se um novo modelo de computação.

Variações e extensões de MTs

MTs são muito primitivas, difíceis de programar.
Precisa melhorar a expressividade.

Tema comum:

- 1 Define-se um novo modelo de computação.
- 2 Mostra-se que dada uma instância do modelo, existe uma MT que faz a mesma coisa

Variações e extensões de MTs

MTs são muito primitivas, difíceis de programar.
Precisa melhorar a expressividade.

Tema comum:

- 1 Define-se um novo modelo de computação.
- 2 Mostra-se que dada uma instância do modelo, existe uma MT que faz a mesma coisa

Variações e extensões de MTs

MTs são muito primitivas, difíceis de programar.
Precisa melhorar a expressividade.

Tema comum:

- 1 Define-se um novo modelo de computação.
- 2 Mostra-se que dada uma instância do modelo, existe uma MT que faz a mesma coisa (decide ou semi-decide linguagem, computa função)

MT multifita

Idéia: k fitas, com respectivas cabeças de leitura, que se movem independentemente. Transições levam em conta o conteúdo de todas as cabeças.

MT multifita

Idéia: k fitas, com respectivas cabeças de leitura, que se movem independentemente. Transições levam em conta o conteúdo de todas as cabeças.

$k \geq 1$ inteiro. Uma **máquina de Turing com k fitas** é uma quintupla $(K, \Sigma, \delta, s, H)$, onde K, Σ, s, H são como em MT comum e

$\delta: K \setminus H \times (\Sigma \cup \{\triangleright\})^k \rightarrow K \times (\Sigma \cup \{\leftarrow, \rightarrow\})^k$, com as devidas restrições para \triangleright .

MT multifita

Idéia: k fitas, com respectivas cabeças de leitura, que se movem independentemente. Transições levam em conta o conteúdo de todas as cabeças.

$k \geq 1$ inteiro. Uma **máquina de Turing com k fitas** é uma quintupla $(K, \Sigma, \delta, s, H)$, onde K, Σ, s, H são como em MT comum e

$\delta : K \setminus H \times (\Sigma \cup \{\triangleright\})^k \rightarrow K \times (\Sigma \cup \{\leftarrow, \rightarrow\})^k$, com as devidas restrições para \triangleright .

Uma **configuração** de M é um elemento de

$$K \times (\underbrace{\triangleright \Sigma^*}_{\text{fita 1}} \times (\underbrace{\Sigma^* \setminus \Sigma^* \sqcup}_{\text{fita 2, \dots, k}}))$$

isto é: (estado, fita 1, fita 2, ..., fita k)

Computação

Computação

Γ_M : Considere uma configuração

$(p, w_1 \underline{a}_1 u_1, w_2 \underline{a}_2 u_2, \dots, w_k \underline{a}_k u_k)$ e suponha que

$\delta(p, \underline{a}_1, \underline{a}_2, \dots, \underline{a}_k) = (q, \underline{b}_1, \underline{b}_2, \dots, \underline{b}_k)$. Então, o conteúdo da fita j é alterado como se fosse uma MT em que $\delta(p, a_j) = (q, b_j)$.

Computação

Γ_M : Considere uma configuração $(p, w_1 \underline{a}_1 u_1, w_2 \underline{a}_2 u_2, \dots, w_k \underline{a}_k u_k)$ e suponha que $\delta(p, a_1, a_2, \dots, a_k) = (q, b_1, b_2, \dots, b_k)$. Então, o conteúdo da fita j é alterado como se fosse uma MT em que $\delta(p, a_j) = (q, b_j)$.

Dados para uma máquina com k fitas:

- 1 Fita 1: como a entrada de uma MT ($\triangleright \underline{\sqcup} x$)

Computação

Γ_M : Considere uma configuração

$(p, w_1 \underline{a}_1 u_1, w_2 \underline{a}_2 u_2, \dots, w_k \underline{a}_k u_k)$ e suponha que $\delta(p, a_1, a_2, \dots, a_k) = (q, b_1, b_2, \dots, b_k)$. Então, o conteúdo da fita j é alterado como se fosse uma MT em que $\delta(p, a_j) = (q, b_j)$.

Dados para uma máquina com k fitas:

- 1 Fita 1: como a entrada de uma MT ($\triangleright \underline{\square} x$) 
- 2 Outras fitas em branco ($\triangleright \underline{\square}$) 

Computação

Γ_M : Considere uma configuração

$(p, w_1 \underline{a}_1 u_1, w_2 \underline{a}_2 u_2, \dots, w_k \underline{a}_k u_k)$ e suponha que $\delta(p, a_1, a_2, \dots, a_k) = (q, b_1, b_2, \dots, b_k)$. Então, o conteúdo da fita j é alterado como se fosse uma MT em que $\delta(p, a_j) = (q, b_j)$.

Dados para uma máquina com k fitas:

- 1 Fita 1: como a entrada de uma MT ($\triangleright \underline{\underline{a}}_1 x$)
- 2 Outras fitas em branco ($\triangleright \underline{\underline{\square}}$)

Computação

Γ_M : Considere uma configuração $(p, w_1 \underline{a}_1 u_1, w_2 \underline{a}_2 u_2, \dots, w_k \underline{a}_k u_k)$ e suponha que $\delta(p, a_1, a_2, \dots, a_k) = (q, b_1, b_2, \dots, b_k)$. Então, o conteúdo da fita j é alterado como se fosse uma MT em que $\delta(p, a_j) = (q, b_j)$.

Dados para uma máquina com k fitas:

- 1 Fita 1: como a entrada de uma MT ($\triangleright \underline{\underline{U}}x$)
- 2 Outras fitas em branco ($\triangleright \underline{\underline{U}}$)

Decidir e semidecidir linguagem, e *computar função* são definidas analogamente a MT.

Exemplo: soma

Dados: $x; y$, representações binárias de naturais

x representa $(x)_2 = \sum_{i=1}^n 2^{i-1} x_i$. 

Calcular: z tal que $(z)_2 = (x)_2 + (y)_2$.

Exemplo: soma

Dados: $x; y$, representações binárias de naturais

x representa $(x)_2 = \sum_{i=1}^n 2^{i-1} x_i$.

Calcular: z tal que $(z)_2 = (x)_2 + (y)_2$.

Máquina de duas fitas:

- 1 Avançar na fita 1 até achar ;

R_1^1



Exemplo: soma

Dados: $x; y$, representações binárias de naturais

x representa $(x)_2 = \sum_{i=1}^n 2^{i-1} x_i$.

Calcular: z tal que $(z)_2 = (x)_2 + (y)_2$.

Máquina de duas fitas:

- 1 Avançar na fita 1 até achar ;
- 2 Apagar ; e avançar nas duas

R^1
 $\sqcup^1 R^{1,2}$
~~7~~ ~~8~~

Exemplo: soma

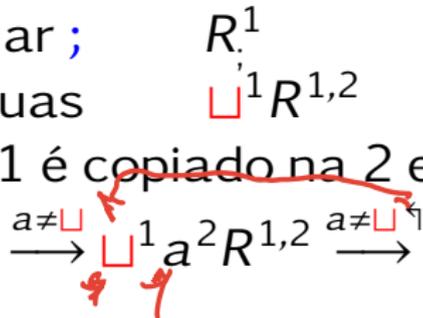
Dados: $x; y$, representações binárias de naturais

x representa $(x)_2 = \sum_{i=1}^n 2^{i-1} x_i$.

Calcular: z tal que $(z)_2 = (x)_2 + (y)_2$.

Máquina de duas fitas:

- 1 Avançar na fita 1 até achar ;
- 2 Apagar ; e avançar nas duas
- 3 Loop; cada caractere da 1 é copiado na 2 e apagado; para em \sqcup



Exemplo: soma

Dados: $x; y$, representações binárias de naturais

x representa $(x)_2 = \sum_{i=1}^n 2^{i-1} x_i$.

Calcular: z tal que $(z)_2 = (x)_2 + (y)_2$.

Máquina de duas fitas:

- 1 Avançar na fita 1 até achar ; R^1
- 2 Apagar ; e avançar nas duas $\sqcup^1 R^{1,2}$
- 3 Loop; cada caractere da 1 é copiado na 2 e apagado; para em $\sqcup \xrightarrow{a \neq \sqcup} \sqcup^1 a^2 R^{1,2} \xrightarrow{a \neq \sqcup} \sqcup^1$
- 4 Volte para o início das duas fitas $L_{\sqcup^1, 2}^{1,2}$

Exemplo: soma

Dados: $x; y$, representações binárias de naturais

x representa $(x)_2 = \sum_{i=1}^n 2^{i-1} x_i$.

Calcular: z tal que $(z)_2 = (x)_2 + (y)_2$.

Máquina de duas fitas:

- 1 Avançar na fita 1 até achar ; R^1
- 2 Apagar ; e avançar nas duas $\sqcup^1 R^{1,2}$
- 3 Loop; cada caractere da 1 é copiado na 2 e apagado; para em $\sqcup \xrightarrow{a \neq \sqcup} \sqcup^1 a^2 R^{1,2} \xrightarrow{a \neq \sqcup} \sqcup^1$
- 4 Volte para o início das duas fitas $L_{\sqcup^{1,2}}^{1,2}$
- 5 Use o algoritmo escolar para somar os dois números; estado lembra se houve “vai um”

Exemplo: soma

Dados: $x; y$, representações binárias de naturais

x representa $(x)_2 = \sum_{i=1}^n 2^{i-1} x_i$.

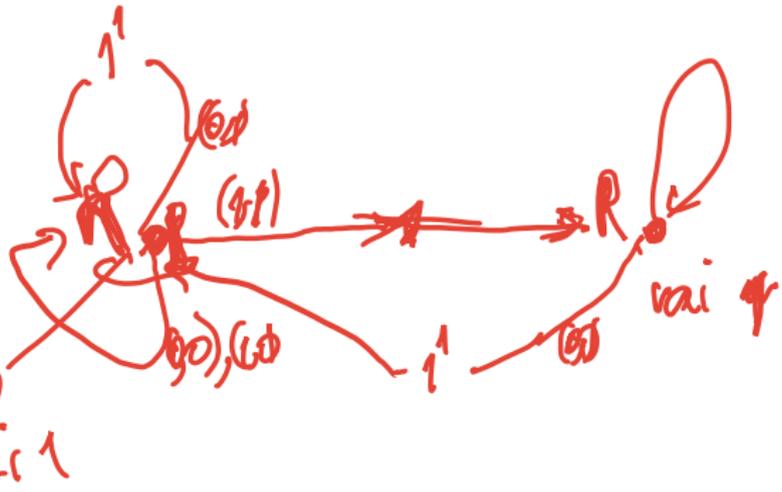
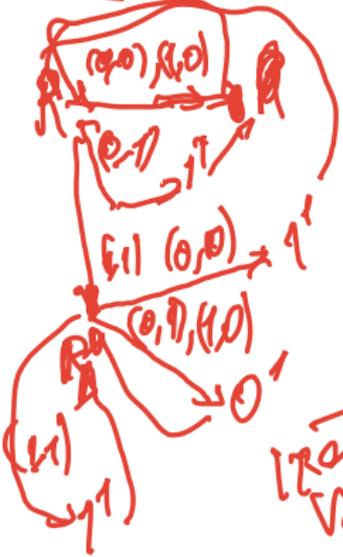
Calcular: z tal que $(z)_2 = (x)_2 + (y)_2$.

Máquina de duas fitas:

- 1 Avançar na fita 1 até achar ; R^1
- 2 Apagar ; e avançar nas duas $\sqcup^1 R^{1,2}$
- 3 Loop; cada caractere da 1 é copiado na 2 e apagado; para em $\sqcup \xrightarrow{a \neq \sqcup} \sqcup^1 a^2 R^{1,2} \xrightarrow{a \neq \sqcup} \sqcup^1$
- 4 Volte para o início das duas fitas $L_{\sqcup^{1,2}}^{1,2}$
- 5 Use o algoritmo escolar para somar os dois números; estado lembra se houve “vai um”
- 6 Volte ao início da fita 1. $L_{\sqcup^1}^1$



0	0	1	1
0	1	0	1



A equivalência

Teorema

Com k fixo, seja $M = (K, \Sigma, \delta, s, H)$ uma máquina de Turing com k fitas. Então existe uma MT $M' = (K', \Sigma', \delta', s', H)$, com $\Sigma \subset \Sigma'$, tal que para toda entrada x para M :

A equivalência

Teorema

Com k fixo, seja $M = (K, \Sigma, \delta, s, H)$ uma máquina de Turing com k fitas. Então existe uma MT $M' = (K', \Sigma', \delta', s', H)$, com $\Sigma \subset \Sigma'$, tal que para toda entrada x para M :

- 1 Se (M, x) para em t passos, então (M', x) para, em $\mathcal{O}(t(|x| + t))$ passos (no mesmo estado).

A equivalência

Teorema

Com k fixo, seja $M = (K, \Sigma, \delta, s, H)$ uma máquina de Turing com k fitas. Então existe uma MT $M' = (K', \Sigma', \delta', s', H)$, com $\Sigma \subset \Sigma'$, tal que para toda entrada x para M :

- 1 Se (M, x) para em t passos, então (M', x) para, em $\mathcal{O}(t(|x| + t))$ passos (no mesmo estado).
- 2 Se $M(x)$ está definido, então $M'(x)$ também está e $M'(x) = M(x)$.

A equivalência

Teorema

Com k fixo, seja $M = (K, \Sigma, \delta, s, H)$ uma máquina de Turing com k fitas. Então existe uma MT $M' = (K', \Sigma', \delta', s', H)$, com $\Sigma \subset \Sigma'$, tal que para toda entrada x para M :

- 1 Se (M, x) para em t passos, então (M', x) para, em $\mathcal{O}(t(|x| + t))$ passos (no mesmo estado).
- 2 Se $M(x)$ está definido, então $M'(x)$ também está e $M'(x) = M(x)$.

A equivalência

Teorema

Com k fixo, seja $M = (K, \Sigma, \delta, s, H)$ uma máquina de Turing com k fitas. Então existe uma MT $M' = (K', \Sigma', \delta', s', H)$, com $\Sigma \subset \Sigma'$, tal que para toda entrada x para M :

- 1 Se (M, x) para em t passos, então (M', x) para, em $\mathcal{O}(t(|x| + t))$ passos (no mesmo estado).
- 2 Se $M(x)$ está definido, então $M'(x)$ também está e $M'(x) = M(x)$.

Obs: a constante no \mathcal{O} é exponencial em k .

A simulação

Idéia: posição r na fita de M' codifica as de M

A simulação

Idéia: posição r na fita de M' codifica as de M

Letras: alfabeto “contém” Σ^k .

A simulação

Idéia: posição r na fita de M' codifica as de M

Letras: alfabeto “contém” Σ^k .

Cursor está ou não: alfabeto “contém” $\{0, 1\}^k$.

A simulação

Idéia: posição r na fita de M' codifica as de M

Letras: alfabeto “contém” Σ^k .

Cursor está ou não: alfabeto “contém” $\{0, 1\}^k$.

Melhor: $\Sigma' \supseteq \Sigma \cup (\Sigma \times \{0, 1\})^k$

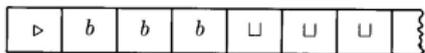
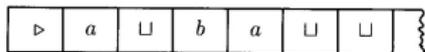
A simulação

Idéia: posição r na fita de M' codifica as de M

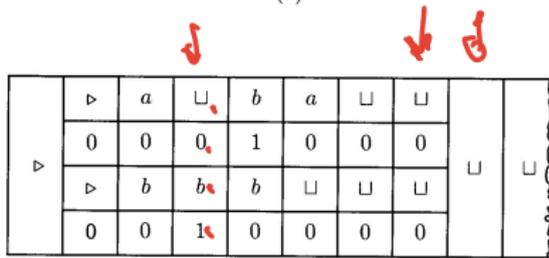
Letras: alfabeto “contém” Σ^k .

Cursor está ou não: alfabeto “contém” $\{0, 1\}^k$.

Melhor: $\Sigma' \supseteq \Sigma \cup (\Sigma \times \{0, 1\})^k$



(a)



(b)

Fase 1: recodificação

Exemplo com $(M', abaa)$:

① Aplica S_{\rightarrow} : $\triangleright \underline{a}baa \mapsto \triangleright \underline{a} \underline{a}baa$.

Fase 1: recodificação

Exemplo com $(M', abaa)$:

① Aplica S_{\rightarrow} : $\triangleright \underline{\sqcup} abaa \mapsto \triangleright \sqcup \underline{\sqcup} abaa$.

② $L(\triangleright, 0, \triangleright, 0, \dots, \triangleright, 0) R(\sqcup, 1, \sqcup, 1, \dots, \sqcup, 1)$

Fase 1: recodificação

Exemplo com $(M', abaa)$:

- 1 Aplica S_{\rightarrow} : $\triangleright \underline{\sqcup} abaa \mapsto \triangleright \sqcup \underline{\sqcup} abaa$.
- 2 $L(\triangleright, 0, \triangleright, 0, \dots, \triangleright, 0) R(\sqcup, 1, \sqcup, 1, \dots, \sqcup, 1)$
- 3 Loop: $R \xrightarrow{a \neq \sqcup} (a, 0, \sqcup, 0, \dots, \sqcup, 0)$


Fase 1: recodificação

Exemplo com $(M', abaa)$:

- 1 Aplica S_{\rightarrow} : $\triangleright \underline{\sqcup} abaa \mapsto \triangleright \sqcup \underline{\sqcup} abaa$.
- 2 $L(\triangleright, 0, \triangleright, 0, \dots, \triangleright, 0) R(\sqcup, 1, \sqcup, 1, \dots, \sqcup, 1)$
- 3 Loop: $R \xrightarrow{a \neq \sqcup} (a, 0, \sqcup, 0, \dots, \sqcup, 0)$

Fase 1: recodificação

Exemplo com $(M', abaa)$:

- 1 Aplica S_{\rightarrow} : $\triangleright \underline{\sqcup} abaa \mapsto \triangleright \underline{\sqcup} \underline{\sqcup} abaa$.
- 2 $L(\triangleright, 0, \triangleright, 0, \dots, \triangleright, 0) R(\underline{\sqcup}, 1, \underline{\sqcup}, 1, \dots, \underline{\sqcup}, 1)$
- 3 Loop: $R \xrightarrow{a \neq \underline{\sqcup}} (a, 0, \underline{\sqcup}, 0, \dots, \underline{\sqcup}, 0)$



Agora a fita de M' codifica as de M
e o cursor está no fim da fita.

Fase 2: o passo

Os nomes dos estados aqui contem um estado de M , uma k -upla de $\Sigma \cup \{\leftarrow, \rightarrow\}$, e mais alguma coisa.

- 1 Começa com o cursor à direita da fita, lembrando de um estado q de M .

Fase 2: o passo

Os nomes dos estados aqui contem um estado de M , uma k -upla de $\Sigma \cup \{\leftarrow, \rightarrow\}$, e mais alguma coisa.

- 1 Começa com o cursor à direita da fita, lembrando de um estado q de M .
- 2 Vá para a esquerda, capturando no estado as letras em cima de cada cursor; aí volte para a direita. O estado lembra q, a_1, a_2, \dots, a_k .

Fase 2: o passo

Os nomes dos estados aqui contem um estado de M , uma k -upla de $\Sigma \cup \{\leftarrow, \rightarrow\}$, e mais alguma coisa.

- 1 Começa com o cursor à direita da fita, lembrando de um estado q de M .
- 2 Vá para a esquerda, capturando no estado as letras em cima de cada cursor; aí volte para a direita. O estado lembra q, a_1, a_2, \dots, a_k .
- 3 Lembre $\delta(q, a_1, a_2, \dots, a_k) = (p, b_1, b_2, \dots, b_k)$. ↵

Fase 2: o passo

Os nomes dos estados aqui contem um estado de M , uma k -upla de $\Sigma \cup \{\leftarrow, \rightarrow\}$, e mais alguma coisa.

- 1 Começa com o cursor à direita da fita, lembrando de um estado q de M .

$\rightarrow \delta(q, \sqcup) = (q, (\sqcup, 0)^k)$

- 2 Vá para a esquerda, capturando no estado as letras em cima de cada cursor; aí volte para a direita. O estado lembra q, a_1, a_2, \dots, a_k .
- 3 Lembre $\delta(q, a_1, a_2, \dots, a_k) = (p, b_1, b_2, \dots, b_k)$.
- 4 Vá para a esquerda, aplicando as instruções b_i .
~~Cuidado se tiver que aumentar alguma fita.~~

Fase 2: o passo

Os nomes dos estados aqui contem um estado de M , uma k -upla de $\Sigma \cup \{\leftarrow, \rightarrow\}$, e mais alguma coisa.

- 1 Começa com o cursor à direita da fita, lembrando de um estado q de M .
$$\delta(q, \sqcup) = (q, (\sqcup, 0)^k)$$
- 2 Vá para a esquerda, capturando no estado as letras em cima de cada cursor; aí volte para a direita. O estado lembra q, a_1, a_2, \dots, a_k .
- 3 Lembre $\delta(q, a_1, a_2, \dots, a_k) = (p, b_1, b_2, \dots, b_k)$.
- 4 Vá para a esquerda, aplicando as instruções b_i . Cuidado se tiver que aumentar alguma fita.
- 5 Volte para a direita.

Fase 3: saída

Quando M entra num estado de parada, volte e recodifique, mantendo só o conteúdo e cursor da fita 1. Aí para.

O tempo

- Fase 1: $\mathcal{O}(|x|)$

O tempo

- Fase 1: $\mathcal{O}(|x|)$
- Fase 2: percorre duas vezes a fita. Com m passos, *comprimento* $\leq |x| + m \leq |x| + t$.
 t passos $\mapsto \mathcal{O}(t(|x| + t))$

O tempo

- Fase 1: $\mathcal{O}(|x|)$
- Fase 2: percorre duas vezes a fita. Com m passos, *comprimento* $\leq |x| + m \leq |x| + t$.
 t passos $\mapsto \mathcal{O}(t(|x| + t))$ ↩
- Fase 3: menos que um passo da fase 2.

Outras doidices

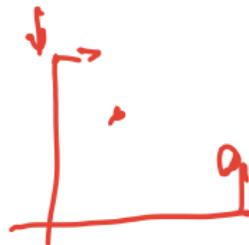


- Fita duplamente infinita (Turing original).

Outras doidices

- Fita duplamente infinita (Turing original).
- Várias cabeças de leitura.

Outras doidices



- Fita duplamente infinita (Turing original).
- Várias cabeças de leitura.
- Fita bidimensional.



Outras doidices

$$\begin{array}{l} S \rightarrow \omega \\ \lfloor u \rfloor \rightarrow \omega \end{array}$$

- Fita duplamente infinita (Turing original).
- Várias cabeças de leitura.
- Fita bidimensional.
- Máquina de acesso aleatório.

MT não determinística

MT não determinística

$M = (K, \Sigma, \Delta, s, H)$. A diferença com MT é que

$$\Delta \subseteq (K \setminus H \times \Sigma \cup \{\triangleright\}) \times (K \times \Sigma \cup \{\leftarrow, \rightarrow\}).$$

Configurações, \vdash_M, \vdash_M^* como antes.

MT não determinística

$M = (K, \Sigma, \Delta, s, H)$. A diferença com MT é que

$$\Delta \subseteq (K \setminus H \times \Sigma \cup \{\triangleright\}) \times (K \times \Sigma \cup \{\leftarrow, \rightarrow\}).$$

Configurações, \vdash_M, \vdash_M^* como antes.

A partir de uma configuração, existe uma árvore de computações, que pode ter caminhos infinitos.

Nós: configurações.

Filho dada por \vdash_M (transição pode rotular aresta).

Folhas: ou o estado está em H , ou simplesmente não tem o que fazer.

MT não determinística

$M = (K, \Sigma, \Delta, s, H)$. A diferença com MT é que

$$\Delta \subseteq (K \setminus H \times \Sigma \cup \{\triangleright\}) \times (K \times \Sigma \cup \{\leftarrow, \rightarrow\}).$$

Configurações, \vdash_M, \vdash_M^* como antes.

A partir de uma configuração, existe uma árvore de computações, que pode ter caminhos infinitos.

Nós: configurações.

Filho dada por \vdash_M (transição pode rotular aresta).

Folhas: ou o estado está em H , ou simplesmente não tem o que fazer.

M **aceita** w se alguma computação de (M, w) para em algum estado de H .

MT não determinística

$M = (K, \Sigma, \Delta, s, H)$. A diferença com MT é que
 $\Delta \subseteq (K \setminus H \times \Sigma \cup \{\triangleright\}) \times (K \times \Sigma \cup \{\leftarrow, \rightarrow\})$.

Configurações, \vdash_M, \vdash_M^* como antes.

A partir de uma configuração, existe uma árvore de computações, que pode ter caminhos infinitos.

Nós: configurações.

Filho dada por \vdash_M (transição pode rotular aresta).

Folhas: ou o estado está em H , ou simplesmente não tem o que fazer.

M **aceita** w se alguma computação de (M, w) para em algum estado de H .

M **semidecide** a linguagem $\{w \mid M \text{ aceita } w\}$.

Computando funções e linguagens

Computando funções e linguagens

Uma MTND M **termina sempre** se para qualquer entrada x , a árvore de computação de (M, x) é finita.

Computando funções e linguagens

Uma MTND M **termina sempre** se para qualquer entrada x , a árvore de computação de (M, x) é finita.

Uma MTND **decide** uma linguagem L se ela termina sempre e semidecide L .

Computando funções e linguagens

Uma MTND M **termina sempre** se para qualquer entrada x , a árvore de computação de (M, x) é finita.

Uma MTND **decide** uma linguagem L se ela termina sempre e semidecide L .

Uma MTND M **computa** uma função f sse ela termina sempre e

$$(s, \underline{\triangleright} \underline{\sqcup} w) \vdash_M^* (h, u \underline{\sigma} v) \text{ sse } u \sigma = \underline{\triangleright} \underline{\sqcup} \text{ e } v = f(w).$$

MTND \equiv MT

Teorema

Se uma MTND M decide ou semidecide uma linguagem, ou computa uma função, então existe uma MT M' que faz o mesmo.

MTND \equiv MT

Teorema

Se uma MTND M decide ou semidecide uma linguagem, ou computa uma função, então existe uma MT M' que faz o mesmo.

MTND \equiv MT

Teorema

Se uma MTND M decide ou semidecide uma linguagem, ou computa uma função, então existe uma MT M' que faz o mesmo.

Dem: Para cada entrada w , M' percorre a árvore de computação de (M, w) .

MTND \equiv MT

Teorema

Se uma MTND M decide ou semidecide uma linguagem, ou computa uma função, então existe uma MT M' que faz o mesmo.

Dem: Para cada entrada w , M' percorre a árvore de computação de (M, w) . Como podem haver caminhos infinitos, a busca é em largura.

MTND \equiv MT

Teorema

Se uma MTND M decide ou semidecide uma linguagem, ou computa uma função, então existe uma MT M' que faz o mesmo.

Dem: Para cada entrada w , M' percorre a árvore de computação de (M, w) . Como podem haver caminhos infinitos, a busca é em largura. Se encontra um estado de parada de M , para e dá a resposta.

MTND \equiv MT

Teorema

Se uma MTND M decide ou semidecide uma linguagem, ou computa uma função, então existe uma MT M' que faz o mesmo.

Dem: Para cada entrada w , M' percorre a árvore de computação de (M, w) . Como podem haver caminhos infinitos, a busca é em largura.

Se encontra um estado de parada de M , para e dá a resposta. Se não:

- Se M computa função, isso não pode acontecer.
- Se M decide, alguma hora a árvore acaba.
- Se (M, w) não para, (M', w) não para.

Detalhes

Detalhes

Numere os elementos de Δ , como $\delta_1, \dots, \delta_m$. Cada caminho na árvore de computação de (M, w) pode ser representada por uma sequência finita de δ_i 's.

Detalhes

Numere os elementos de Δ , como $\delta_1, \dots, \delta_m$. Cada caminho na árvore de computação de (M, w) pode ser representada por uma sequência finita de δ_i 's.

M' tem três fitas

- 1 Recebe w de entrada, e só é alterada no caso de função, para ter o resultado.

Detalhes

Numere os elementos de Δ , como $\delta_1, \dots, \delta_m$. Cada caminho na árvore de computação de (M, w) pode ser representada por uma sequência finita de δ_i 's.

M' tem três fitas

- 1 Recebe w de entrada, e só é alterada no caso de função, para ter o resultado.
- 2 Fita de trabalho, que simula a de M .

Detalhes

Numere os elementos de Δ , como $\delta_1, \dots, \delta_m$. Cada caminho na árvore de computação de (M, w) pode ser representada por uma sequência finita de δ_i 's.

M' tem três fitas

- 1 Recebe w de entrada, e só é alterada no caso de função, para ter o resultado.
- 2 Fita de trabalho, que simula a de M .
- 3 Fita de geração de caminhos - vai conter uma sequência de $\{1, 2, \dots, m\}$.

Simulação

Enquanto não satisfizer algum critério de parada

Copie a fita 1 na fita 2

Gere a próxima sequência na fita 3

`/% ordem comprimento lex %/`

Efetue na fita 2 a sequência de transições dada
na fita 3 até onde der

Massageie a saída, se necessário.

Simulação

Enquanto não satisfizer algum critério de parada

Copie a fita 1 na fita 2

Gere a próxima sequência na fita 3

`/% ordem comprimento lex %/`

Efetue na fita 2 a sequência de transições dada
na fita 3 até onde der

Massageie a saída, se necessário.

Isso é claramente exponencial!

Nada a ver, mas...

Nada a ver, mas...

Prop: Se uma árvore de computação é infinita, então existe uma computação infinita.

Nada a ver, mas...

Prop: Se uma árvore de computação é infinita, então existe uma computação infinita.

Lema de König: Se uma árvore infinita enraizada é tal que cada nó tem um número finito de filhos, então ela contém um caminho infinito.

