No esso de higuidos, es mudanças na densidade em função da pressão e da temperatura são pequenzase a foruz normal de equação de estado f(p, P, T) = 0.

$$f(\rho, P, T) = 0$$

on
$$P = P_0 \left[1 + \frac{1}{\beta} (P P_0) - \alpha (T - T_0) \right]$$
 (1.1)

onde $P = P_0 \left[1 + \frac{1}{\beta} (P P_0) - \alpha (T - T_0) \right]$ (1.1)

onde $P = P_0 \left[1 + \frac{1}{\beta} (P P_0) - \alpha (T - T_0) \right]$ (1.1)

onde $P = P_0 \left[1 + \frac{1}{\beta} (P P_0) - \alpha (T - T_0) \right]$ (1.1)

onde $P = P_0 \left[1 + \frac{1}{\beta} (P P_0) - \alpha (T - T_0) \right]$ (1.1)

onde $P = P_0 \left[1 + \frac{1}{\beta} (P P_0) - \alpha (T - T_0) \right]$ (1.1)

onde $P = P_0 \left[1 + \frac{1}{\beta} (P P_0) - \alpha (T - T_0) \right]$ (1.1)

onde $P = P_0 \left[1 + \frac{1}{\beta} (P P_0) - \alpha (T - T_0) \right]$ (1.1)

onde $P = P_0 \left[1 + \frac{1}{\beta} (P P_0) - \alpha (T - T_0) \right]$ (1.1)

onde $P = P_0 \left[1 + \frac{1}{\beta} (P P_0) - \alpha (T - T_0) \right]$ (1.1)

onde $P = P_0 \left[1 + \frac{1}{\beta} (P P_0) - \alpha (T - T_0) \right]$ (1.1)

onde $P = P_0 \left[1 + \frac{1}{\beta} (P P_0) - \alpha (T - T_0) \right]$ (1.1)

onde $P = P_0 \left[1 + \frac{1}{\beta} (P P_0) - \alpha (T - T_0) \right]$ (1.1)

onde $P = P_0 \left[1 + \frac{1}{\beta} (P P_0) - \alpha (T - T_0) \right]$ (1.1)

onde $P = P_0 \left[1 + \frac{1}{\beta} (P P_0) - \alpha (T - T_0) \right]$ (1.1)

onde $P = P_0 \left[1 + \frac{1}{\beta} (P P_0) - \alpha (T - T_0) \right]$ (1.1)

onde $P = P_0 \left[1 + \frac{1}{\beta} (P P_0) - \alpha (T - T_0) \right]$ (1.1)

onde $P = P_0 \left[1 + \frac{1}{\beta} (P P_0) - \alpha (T - T_0) \right]$ (1.1)

onde $P = P_0 \left[1 + \frac{1}{\beta} (P P_0) - \alpha (T - T_0) \right]$ (1.1)

onde $P = P_0 \left[1 + \frac{1}{\beta} (P P_0) - \alpha (T - T_0) \right]$ (1.1)

β representa a variação de pressão dividida pela variação relativa de volume a mua temperatura constante. β ε mua quantidade essencialmente positiva (β=220.000 lb/1/2) para os derivados de petrófeo), de enorme importância no descurpenho dinâmico do sistema hidrántico, pois cara teriza a "rigidez" do fluido.

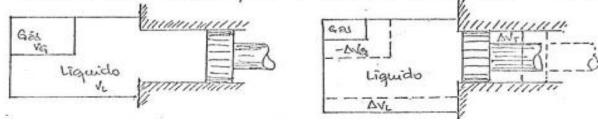
dé chamado coeficiente entico de expansão e, para fluidos derivados do petráles tem valor en torno de 0.5 x 103 (°F)-1.

1.2. COMPRESSIBLUIDADE Ensual definir compressibilitate por: $C = -\frac{1}{V} \frac{\partial V}{\partial P} = -\frac{1}{P} \frac{\partial P}{\partial P}$ (1.8)

1.5. MÓDULO DE ELASTICIDADE EFETIVO

Nos ristemes hidráulicos é comum se encontrar ressonancias oberidas à interação entre o efeito de molo do líquido e a massa das partes mecânicas que rosistema agem. Essas ressonancias podem ser motivo de um man comportamento dinâmico.

O efeito de molo do liquido está diretamente relacionado com o módulo de elasticidade volumétrica (B). B pode ser muito ofetado pela presença de ar dissolvido (ou outro gás) ou pelo acoptamento mecamico com tubulação e outros vasas, do oistema.



O volume total inicial é $V_t = V_L + V_G$. À medida que o gistão se move, hã um incremento DP de pressão sobre o liquido e sobre o vaso de modo que no final hã: um decrescimo do volume juicial de:

$$\Delta V_{t} = -2\overline{V}_{0} - \Delta V_{t} + \Delta V_{c}$$

$$\Delta e finindo o mádulo de elsokcidade efetivo por$$

$$\frac{1}{\beta e} = \frac{\Delta V_{t}}{V_{t} \Delta P}$$
(1.15)

é possitel obter a relação.

$$\frac{1}{\beta_e} = \frac{1}{\beta_c} + \frac{1}{\beta_c} + \frac{\sqrt{g}}{\sqrt{t}} \left(\frac{1}{\beta_G} - \frac{1}{\beta_c} \right) \tag{117}$$

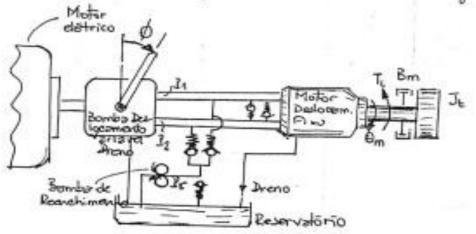
onde l é o indice referente ao liquido, G ao 9 EN e C referente ao vzso.

elasticidade efetivo, pe, será menor que pe e pe, ou sija, a linha vai sempre influir na divisuica do processo.

A forma (1.17) sugere tembém a influencia que una quentidade de gas dissolvida no sistema terá sobre este intimo. Mesmo uma jequena quantidade de ar raduz drasticamente o modulo de elasticidade. Merrit demonstra que 120 de or dissobido em obro derivado de petroles nums tubulzção de 200 a 500 psi, orde o tubo tem dismotro 6 vezes ruzion que a espessiva de parede, reduz o médulo de dosticidade ideal (22 x 105 psi) a cerca de 25% do seu valor (módulo efetivo é fe=52.600 psi).

3.4. MOTOR CONTROLADO 302 BOMBA

· Utilizado guando se necessita de grandes totencias pora orntrole. O esquema básico é o seguinte:



Eficiencia dosse tipo de circuito poche chegar à 90%

na circuitar controtedas por véhruiz.

como TRANSMISSÃO HIDROSTATION OU TRANSMISSÃO HIDRÁULION.

· O deslocemento volunietrico de bombe é deolo por:

onde φ é o deslocamento augular do cursor de bruba ερ é o grachente de deslocamento de bruba.

· A vazão na bomba gode ser descrita pro:

onde kp (D) é a vezso jdeal (N) é o número de rotações do bomba por unidade de tempo), Cip (1,-2,-) é a perda entre as duas linhas e Cep P, é a perda entre a linha P, e o dremo.

· A vezão na linha é a diferença entre as vezões na bomba e no motor:

Qb-Qm= 1/2. de (2.29)

devida Re de não rigidez de linho.

· findmente, a veras no motor è doce per:

Qn = Inon + Cin (Pn-2r) + Con Pn (3.50)

· Substituindo Qo e Qm na eguação ola linha

kp pNp - Dmom - Cip (P1-3r) - Cep P1 - Cim (21-2r) - Cen P1 = Vo dP1 Fee att

· Tousudo os Forgues no saida do motor:

Tg = (P,-Pr) Dm = Te dom + 3m dom + 6m (P+Pr)CyDm+TL

dt dt 10m)

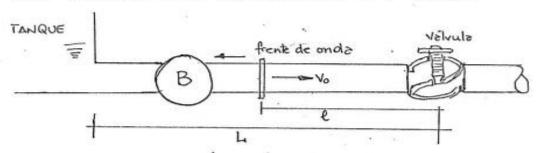
orde o termo não linear Om (Pi+IF) Epim refrescuta o torque de strito seco juterno têm! so motor.

tete torque de strito eros è normatmente decented pero a análise linear, sendo que, em geral, o coeficiente de atrito poterno Co é pequeno (~0,1). No antanto, a sua presença deve ser considerada numa análise pobabal do sistema, apos a análise linear, pois pode representar a estabilidade on não do mesmo.

· Colocando no formo padrão de frequências e amortecimentos, tem-sc:

$$\frac{\Phi_{m}}{s} = \frac{\frac{K_{p}N_{p}}{D_{m}} \Phi - \frac{C_{b}}{2m^{2}} \left(1 + \frac{V_{0}}{\beta eC_{b}}\right) T_{L}}{s \left[\frac{s^{2}}{W_{n}^{2}} + \frac{2\delta}{W_{n}} s + 1\right]}$$
onde $W_{n} = \frac{f_{c}N_{m}}{V_{o}J_{e}}$
 e o frequencies natural hidraulici
 $\delta = \frac{C_{b}}{V_{o}J_{e}}$
 $\delta = \frac{C_{b}}{2D_{m}} \frac{8eJ_{b}}{V_{o}} + \frac{8m}{2D_{m}} \frac{V_{o}}{\delta eJ_{b}}$
 ϵ o coefciente de aux ϵ

1.11 TRANSIENTES SE BRESSÃO EM DUTOS



· Ruznolo um fluido se movendo num tubo é rapidamente brecado devido à valvula, pode ocorrer um transiente nuito grande de pressão na linha.

· Chama-se GOLDE de ARIETE e é usustmente acompanhado por um enorme ruido.

· A frente de orda, voltando degris de fechar a válvula, tem a velocidade do som

$$C = \left(\frac{\beta_e}{\beta}\right)^{1/2} \tag{1.50}$$

c - velociolade olo som no fluido Be - modulo de elasticidade efetivo (fluido +tubo) P - densidade

· Quendo = ondo de pressão chege do ledo de fonte (tangue), reflectida pela vilvula, após 1/c segurados, então a energia cinética do fluido se transformou em energia potencial e a pressão do fluido comprimido, Pic, é máxima. Nesse instante, forma-se uma onda de descompressão que viaja de volta para a vilvula.

vai se dissipando por atrito.

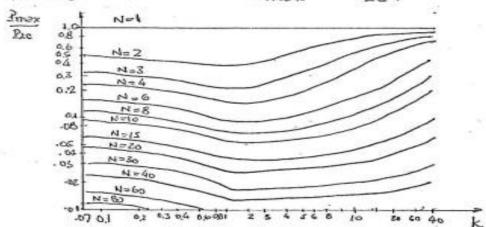
- Energia potencial (1.52)
$$EP = \frac{1}{2} \frac{CA}{Rc} \frac{P_1^2}{Rc}$$

Les é oprerements de pressão devido so fechamos to prestantaneo da vilvula.

Essa empressão é válida e o fechamento é considerado instantanco se o tempo de fechamento da váluda e memor que o requerido para mua vagem de ida evolta da onda de pressão, i é:

Em gerel, para tubulações curtas, esta desigualobde não se verifica e o crescimento de pressão vai depender de outros fatores. Puez é então obtido de um diagrama chamado Gráfico de Quick.

· Nesse dizgrama de Quick extruite-se fechanen to uniforme da válvula e calcula-se uma prossão mãxima : Pmex & Pic.



· Para usar o diagrama de Quick, é preción calcular: k = Pre = constante da tubulação Lo = preosão estática na tubulação

T = tempo ne cessorio para fechamento uniforme de Valvula