

Principais classes de problemas Redes PMC podem ser consideradas as mais utilizadas na solução de problemas advindos das mais variadas áreas de conhecimento. Redes PMC são as mais amplamente empregadas em diferentes temáticas envolvendo as engenharias como um todo, em especial a Engenharia Elétrica. Existe ainda aplicações de redes PMC em medicina, biologia.

 Existe ainda aplicações de redes PMC em medicina, biologia, química, física, economia, geologia, ecologia e psicologia.

1. Aplicabilidades de PMC

- Considerando esses leques de aplicabilidades em que as redes PMC são passíveis de serem utilizadas, destacam-se três classes de problemas que acabam concentrando grande parte de suas aplicações, isto é:
 - > Problemas envolvendo aproximação funcional (Fim da Unidade 4).
 - > Problemas envolvendo classificação de padrões (Esta Aula).
 - > Problemas envolvendo sistemas variantes no tempo.

1

2. Problemas de Classificação

Aspectos de definição (I)

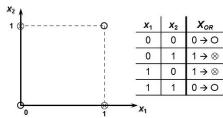
- Problema de Classificação de Padrões consiste de associar um padrão de entrada (amostra) para uma daquelas classes que já foram previamente definidas.
 - Como exemplo, pode-se ter uma aplicação em que o PMC seja treinado para reconhecer sinais de vozes a fim de permitir acesso de pessoas à ambientes restritos.
 - Nesta situação, considerando-se que o treinamento foi realizado com vocábulos de apenas três pessoas, a resposta da rede, frente a um sinal de voz inserido em suas entradas, trataria então de informar de quem seria o referido sinal (dentre aquelas três pessoas).
- Diferentemente dos problemas envolvendo Aproximação Funcional (saídas reais/analógicas), as respostas associadas aos problemas de Classificação de Padrões estão sempre relacionadas com grandezas discretas (enumeráveis).
 - As situações mais elementares seriam aquelas das saídas binárias, em que se têm apenas duas classes como possíveis respostas, sendo que as mesmas poderiam estar representando, por exemplo, a "presença" ou "ausência" de determinado atributo em uma amostra apresentada à rede.
 - Como a saída da rede só fornece respostas numéricas, uma possível codificação seria assinalar o valor 0 ao atributo "presença", ao passo que o valor 1 rotularia o atributo "ausência".
 - Uma sistemática similar a esta poderia ser também utilizada para problemas multiclasses (três ou mais classes).

1

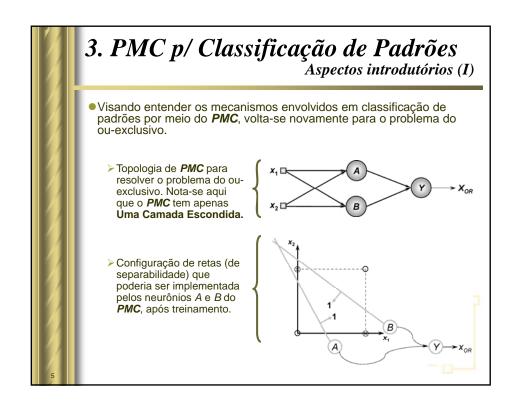
2. Problemas de Classificação

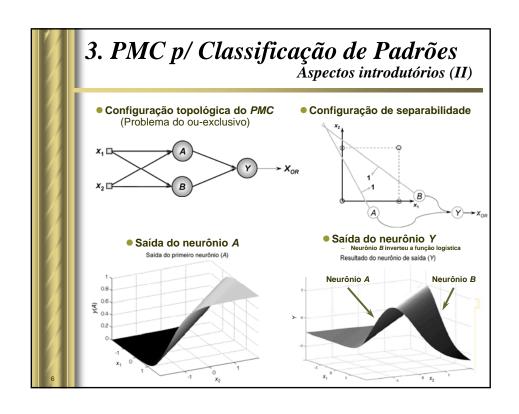
Aspectos de definição (II)

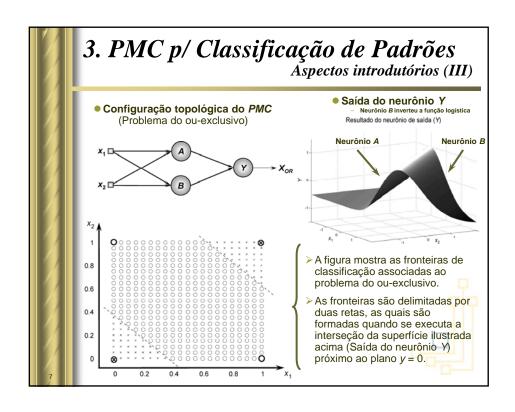
- Conforme estudado na Unidade 3, o Perceptron simples (neurônio único) somente conseguiria convergir se as duas classes envolvidas com o problema fossem linearmente separáveis.
 - Caso contrário, o Perceptron simples jamais conseguiria convergir a fim de posicionar o seu hiperplano na faixa delimitada pela fronteira de separabilidade entre as classes.
 - Um caso clássico de tal fato é encontrado no problema do ou-exclusivo (porta XOR), envolvendo a lógica booleana, como ilustrado na figura seguinte:

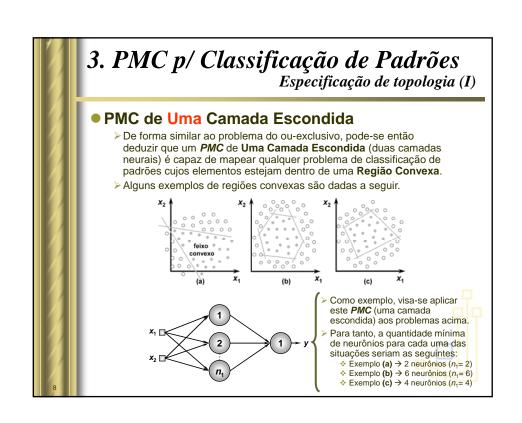


- > Fazendo uso do gráfico, constata-se que seria impossível posicionar uma única reta que permitiria separar as duas classes resultantes do problema do ou-exclusivo.
- Outras situações similares somente podem ser resolvidas por intermédio de um PMC de duas camadas neurais (uma camada escondida) ou mais.

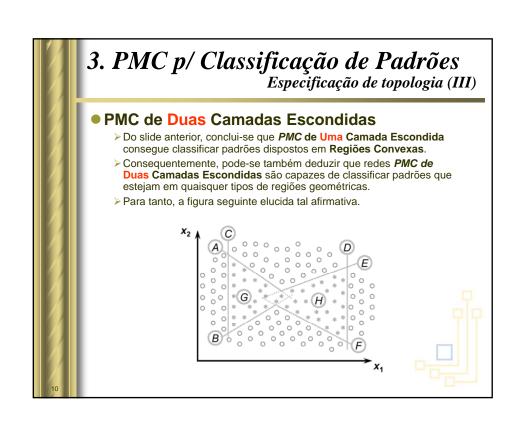


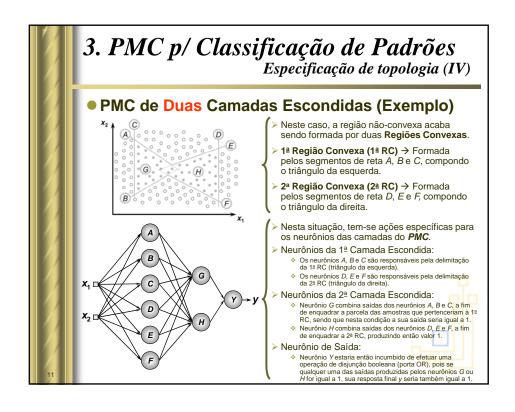


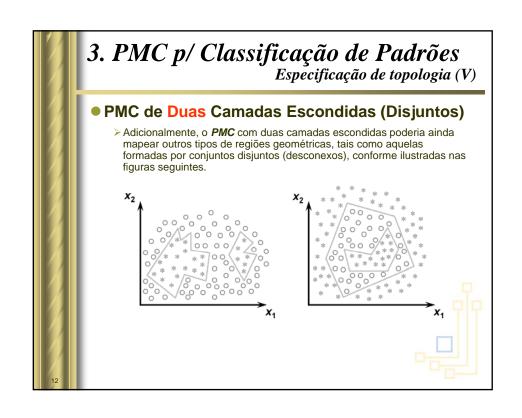




3. PMC p/ Classificação de Padrões Especificação de topologia (II) Conceito de Região Convexa Definição → Do ponto de vista geométrico, uma região é considerada Convexa se, e somente se, todos os pontos contidos em quaisquer segmentos de reta, os quais estão também definidos por quaisquer dois pontos delimitados pelo respectivo domínio, estiverem ainda dentro da mesma. As figuras seguintes mostram ilustrações de região convexa (a) e região não-convexa (b).







3. PMC p/ Classificação de Padrões Especificação de topologia (VI)

Combinações Lógicas do Neurônio de Saída

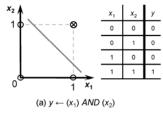
- Em suma, conclui-se que os neurônios de saída das redes PMC, quando aplicadas em problemas de Classificação de Padrões, realizam combinações lógicas, tais como AND e OR, das regiões que foram definidas pelos neurônios das camadas anteriores.
- Essas combinações lógicas independem da dimensão associada aos padrões de entrada, podendo ser generalizadas para quaisquer quantidade de sinais de entrada.
- ➤ Tais operações lógicas somente são passíveis de mapeamento em virtude de serem linearmente separáveis.
- ➤ Assim, considerando duas variáveis lógicas x₁ e x₂, tem-se então a possibilidade de se implementar 16 operações booleanas, sendo que:
 - 14 delas são linearmente separáveis.
 - 02 delas são não-linearmente separáveis (ou-exclusivo e seu respectivo complemento).
- A figura seguinte ilustra algumas dessas operações lógicas (linearmente separáveis) em que os neurônios de saída poderiam estar mapeando.

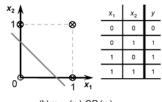
3. PMC p/ Classificação de Padrões

Especificação de topologia (VII)

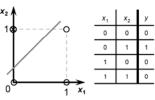
Combinações Lógicas do Neurônio de Saída (Exemplos de Funções Booleanas)

Funções booleanas linearmente separáveis.

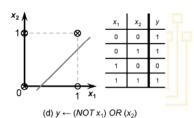




(b) $y \leftarrow (x_1) OR(x_2)$

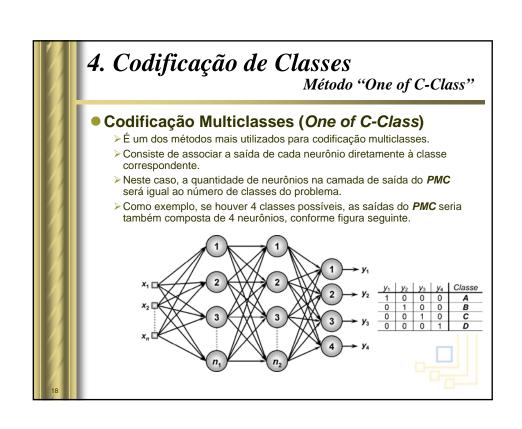


(c) $y \leftarrow (NOT x_1) AND (x_2)$



4. Codificação de Classes Aspectos de atribuição de classes Codificação em Problemas Multiclasses Para problemas de classificação de padrões com mais de duas classes, há então a necessidade de se inserir mais neurônios na camada de saída da rede. PMC com apenas Um neurônio em sua camada de saída é capaz de distinguir somente duas classes. PMC composto de Dois neurônios em sua camada de saída poderia representar, no máximo, quatro classes possíveis. PMC composto de Três neurônios em sua camada de saída poderia diferenciar, no máximo, oito classes no total. Generalizando, PMC com m neurônios em sua camada de saída seria capaz de classificar, teoricamente, até 2m classes possíveis.

4. Codificação de Classes Método sequencial para atribuição de classes Codificação Multiclasses (Sequencial) A figura seguinte mostra um exemplo de codificação sequencial para um PMC com duas saídas. Em termos práticos, devido à eventual complexidade do problema, a adoção desta codificação pode tornar o treinamento bem mais difícil. Neste caso, as classes estariam sendo representadas por pontos que estão espacialmente bem próximos entre si. Tal situação poderia então demandar um incremento substancial no número de neurônios de suas camadas intermediárias.



5. Pós-Processamento de Dados

Critérios de arredondamento de saída

Processo de Pós-Processamento

- Os valores produzidos pelos neurônios da camada de saída da rede *PMC* são números reais.
- Considerando os problemas de classificação de padrões, as respostas devem ser então pós-processadas, pois o que importa são aqueles valores discretos usados p/ rotular as classes.
- Para o caso da função logística, estes valores podem estar próximos de 1 ou próximos de 0.
- Face a esta circunstância, dependendo da precisão requerida, os valores advindos desta operação podem ser obtidos pela aplicação da seguinte sistemática:

$$Y_{i}^{p \acute{o} s} = \begin{cases} 1, & \text{se } Y_{i}^{sa\acute{d} a} \ge lim^{\text{sup}} \\ 0, & \text{se } Y_{i}^{sa\acute{d} a} \le lim^{\text{inf}} \end{cases}$$

Os valores tipicamente adotados para os limitantes (lim^{sup} e lim^{inf}) são definidos por:

$$\lim_{n \to \infty} \sin \left[0.5 \ 0.9 \right]$$
 $\lim_{n \to \infty} \sin \left[0.1 \ 0.5 \right]$

