



SEL 0339 – Introdução à Visão
Computacional

SEL 5886 – Visão Computacional

Aula 4

Processamento Espacial – Parte 2

Prof. Dr. Marcelo Andrade da Costa Vieira

mvieira@sc.usp.br

Processamento Espacial

Parte 2

- Transformações ponto a ponto
 - Histograma
 - Transformações lineares
 - Transformações não-lineares
- **Transformações por vizinhança**
 - **Convolução**
 - **Filtros lineares**
 - **Máscara de aguçamento**



Transformações Por Vizinhaça

Operadores Locais (Vizinhança).

Combina a Intensidade de um certo número de píxels (janela), para computar o valor da nova intensidade na Imagem de Saída.

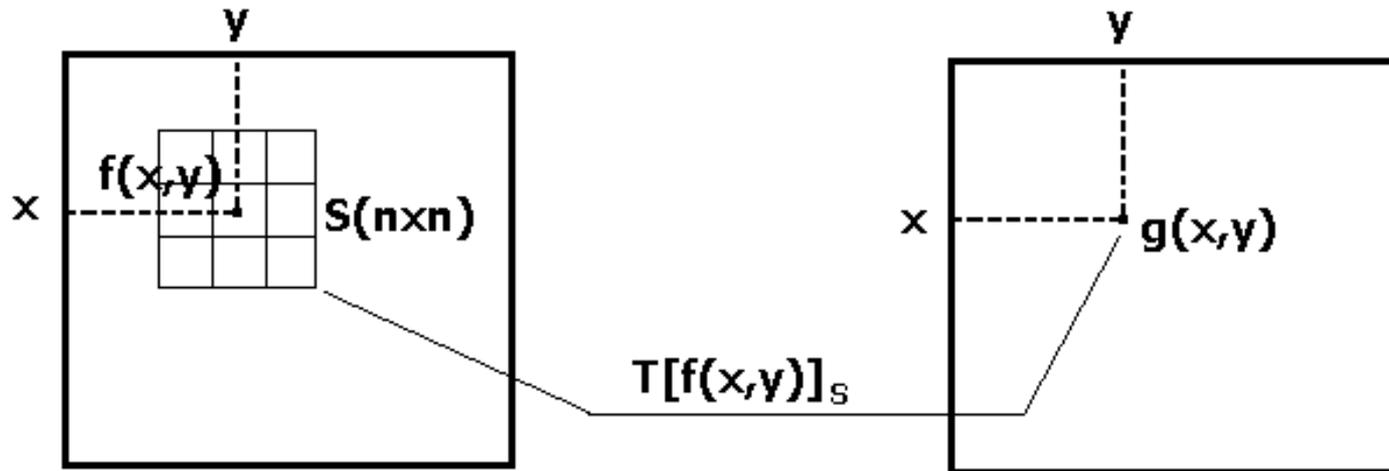


Imagem de Entrada

Imagem de Saída

$T[f(x,y)]_S \implies$ Operação sobre todos os píxels dentro da janela S centrada em $f(x,y)$

Equalização local de histograma

- Em alguns casos, a equalização global do histograma não é capaz de realçar objetos de interesse em uma imagem
- Isso ocorre quando, estatisticamente, o número de pixels dessas regiões é relativamente pequeno.
- Uma solução é realizar a equalização local do histograma, pixel a pixel, considerando pequenas regiões ao redor do pixel a ser processado.

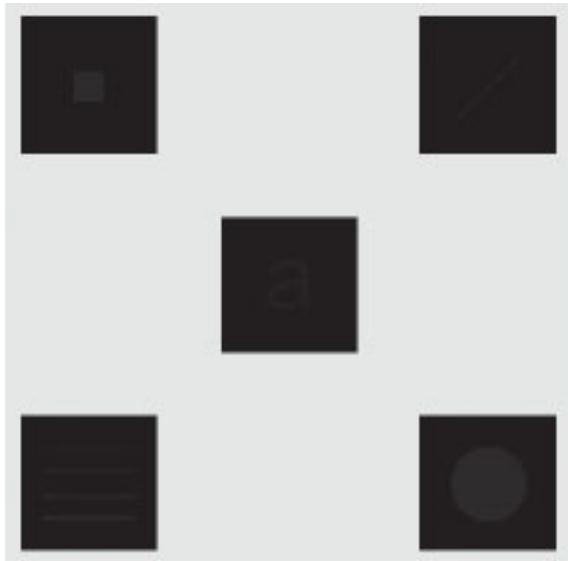
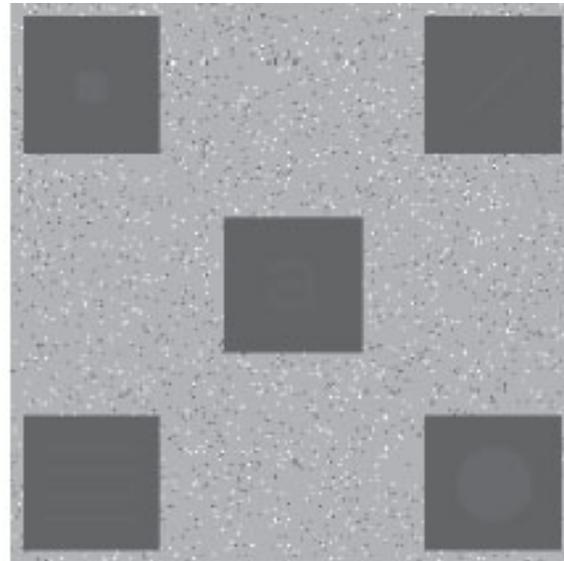


Imagem original



Equalização global



Equalização Local (3x3)

Convolução e Correlação Cruzada

Convolução \longrightarrow $f(x) * h(x) = \int_{-\infty}^{+\infty} f(m)h(x - m) dm$

Correlação Cruzada \longrightarrow $f(x) \star h(x) = \int_{-\infty}^{+\infty} f(m)h(x + m) dm$

Convolução e Correlação Cruzada

Forma DISCRETA

Convolução \longrightarrow $f[x] * h[x] = \sum_{m=-\infty}^{\infty} f[m]h[x - m]$

Correlação Cruzada \longrightarrow $f[x] \star h[x] = \sum_{m=-\infty}^{\infty} f[m]h[x + m]$

1D

Correlation

(a) \swarrow Origin f w
 0 0 0 1 0 0 0 0 1 2 4 2 8

(b) \downarrow
 0 0 0 1 0 0 0 0
 1 2 4 2 8
 \uparrow Starting position alignment

(c) $\overbrace{\hspace{10em}}^{\text{Zero padding}}$
 $\overbrace{\hspace{2em}} \overbrace{\hspace{2em}} \overbrace{\hspace{2em}} \overbrace{\hspace{2em}} \overbrace{\hspace{2em}} \overbrace{\hspace{2em}} \overbrace{\hspace{2em}} \overbrace{\hspace{2em}} \overbrace{\hspace{2em}} \overbrace{\hspace{2em}}$
 0 0 0 0 0 1 0 0 0 0 0 0
 1 2 4 2 8
 \uparrow Starting position

(d) 0 0 0 0 0 1 0 0 0 0 0 0
 1 2 4 2 8
 \uparrow Position after 1 shift

(e) 0 0 0 0 0 1 0 0 0 0 0 0
 1 2 4 2 8
 \uparrow Position after 3 shifts

(f) 0 0 0 0 0 1 0 0 0 0 0 0
 1 2 4 2 8
 Final position \uparrow

Correlation result

(g) 0 8 2 4 2 1 0 0

Extended (full) correlation result

(h) 0 0 0 8 2 4 2 1 0 0 0 0

Convolution

\swarrow Origin f w rotated 180°
 0 0 0 1 0 0 0 0 8 2 4 2 1 (i)

(j) 0 0 0 1 0 0 0 0
 8 2 4 2 1
 \uparrow Starting position alignment

(k) $\overbrace{\hspace{10em}}^{\text{Zero padding}}$
 $\overbrace{\hspace{2em}} \overbrace{\hspace{2em}} \overbrace{\hspace{2em}} \overbrace{\hspace{2em}} \overbrace{\hspace{2em}} \overbrace{\hspace{2em}} \overbrace{\hspace{2em}} \overbrace{\hspace{2em}} \overbrace{\hspace{2em}}$
 0 0 0 0 0 1 0 0 0 0 0 0
 8 2 4 2 1
 \uparrow Starting position

(l) 0 0 0 0 0 1 0 0 0 0 0 0
 8 2 4 2 1
 \uparrow Position after 1 shift

(m) 0 0 0 0 0 1 0 0 0 0 0 0
 8 2 4 2 1
 \uparrow Position after 3 shifts

(n) 0 0 0 0 0 1 0 0 0 0 0 0
 8 2 4 2 1
 Final position \uparrow

Convolution result

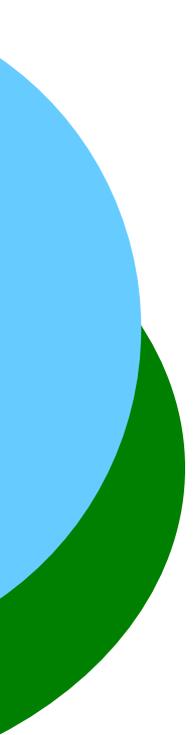
(o) 0 1 2 4 2 8 0 0

Extended (full) convolution result

(p) 0 0 0 1 2 4 2 8 0 0 0 0

Propriedades da Convolução e Correlação

Property	Convolution	Correlation
Commutative	$f \star g = g \star f$	—
Associative	$f \star (g \star h) = (f \star g) \star h$	—
Distributive	$f \star (g + h) = (f \star g) + (f \star h)$	$f \star (g + h) = (f \star g) + (f \star h)$



Filtros no domínio do espaço

Exemplo: Janela de 3 x 3

Imagem --- $f(x,y)$

a	b	c	
d	e	f	→ y
g	h	i	

↓ x

Template

$$k = 3 \times 3 = 9$$

w_1	w_2	w_3
w_4	w_5	w_6
w_7	w_8	w_9

$$g(x, y) = \sum_{i=1}^k w_i \cdot f(x, y)$$

□ $(a, b, c, d, e, f, g, h, i)$: valores dos níveis de cinza na vizinhança de $f(x, y) = e$;

□ w_1 a w_9 : são os “pesos”, ou seja, os valores dos níveis de cinza em cada posição do *Template*.

O valor do pixel $g(x, y)$, na nova imagem, será dado por:

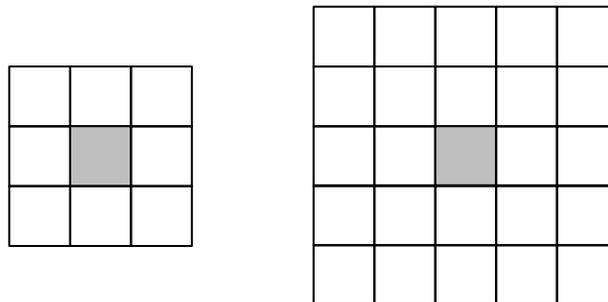
$$g(x, y) = w_1 \cdot a + w_2 \cdot b + w_3 \cdot c + w_4 \cdot d + w_5 \cdot e + w_6 \cdot f + w_7 \cdot g + w_8 \cdot h + w_9 \cdot i$$

Convenção:

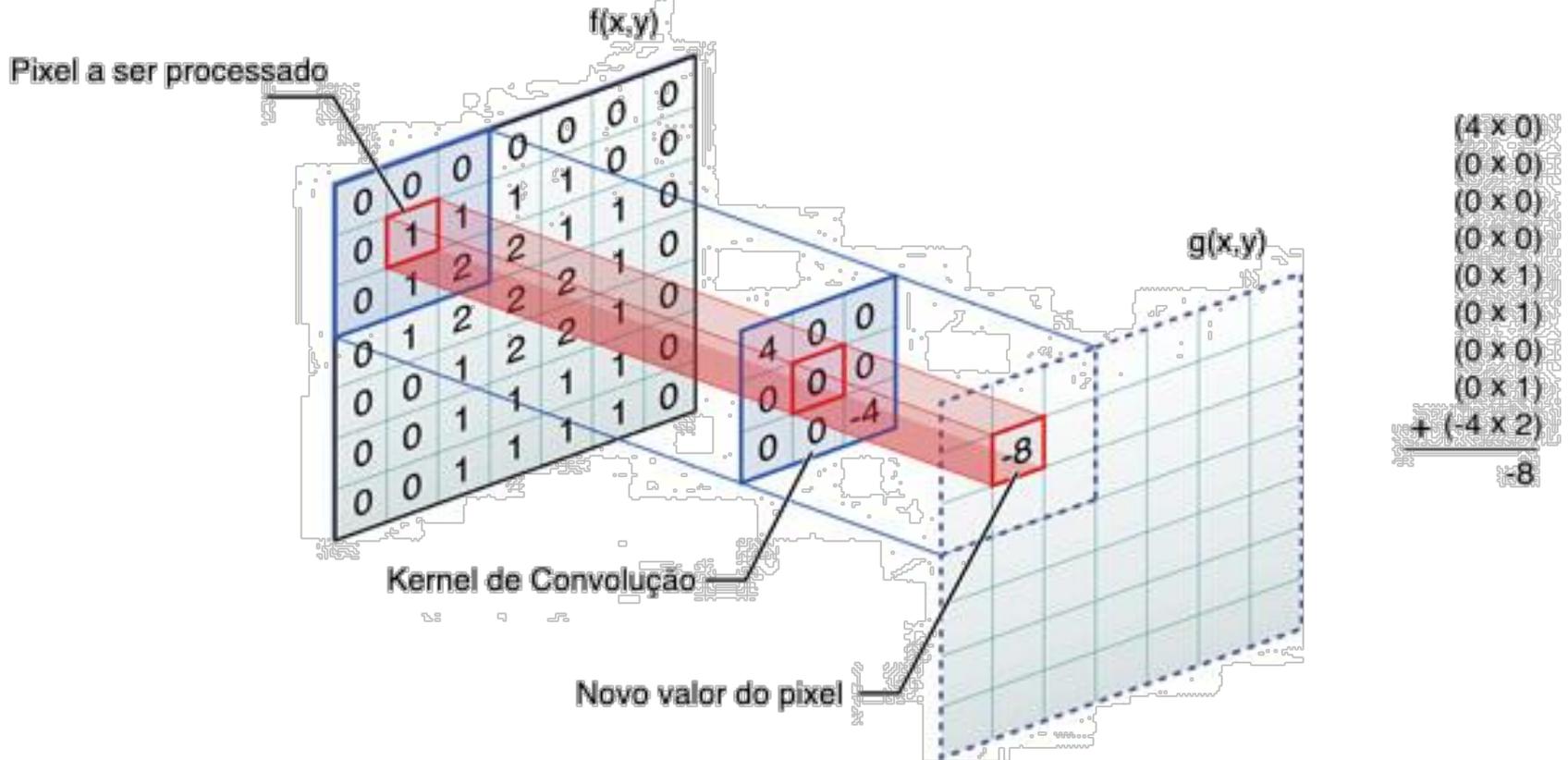
- ❑ Máscaras de organização par (2×2 , 4×4 , ...) o resultado é colocado sobre o **primeiro pixel**.



- ❑ Máscaras de organização ímpar (3×3 , 5×5 , ...) o resultado é colocado sobre o **pixel central**.



Convolução



Convolução e Correlação Cruzada:

- No domínio do espaço, a diferença entre a **Convolução** e a **Correlação Cruzada** reside apenas no espelhamento do Template a ser utilizado, que deve ser feito na Convolução.
- Como, em geral, os Templates são simétricos, a equação da Correlação Cruzada tem sido empregada com o nome de Convolução na área de Processamento de Imagens.

Convoluir um Template com uma Imagem equivale à operação:

Espelhamento, Desloca, Multiplica e Soma

Exemplo de máscara simétrica, onde a operação de convolução e de correlação são idênticas:

Template

1	0
0	1

$T(i,j)$

Imagem Original

1	1	3	3	4
1	1	4	4	3
2	1	3	3	3
1	1	1	4	4

$f(x,y)$

Imagem Final

2	5	7	6	*
2	4	7	7	*
3	2	7	7	*
*	*	*	*	*

$T(i,j) * f(x,y)$

1	1	3	3	4	0
0	1	4	4	3	1
2	1	3	3	3	
1	1	1	4	4	

Os valores marcados com * não podem ser calculados.

Solução para os pixels das bordas:

Podem ser usadas quatro soluções:

1. Preenchimento da imagem com qualquer valor (geralmente zeros) antes do cálculo da imagem final (*padding*) (X^*);
2. Espelhamento dos pixels das bordas (*symmetric**);
3. Replicação dos pixels das bordas (*replicate**);
4. Convolução periódica ou circular (*circular**);

* *Função usada pelo Matlab*

Solução para os pixels das bordas:

Para o **OpenCV - Python**:

Enumerator	
BORDER_CONSTANT Python: cv.BORDER_CONSTANT	<code>iiiiii abcdefgh iiiiii</code> with some specified <code>i</code>
BORDER_REPLICATE Python: cv.BORDER_REPLICATE	<code>aaaaaa abcdefgh hhhhhh</code>
BORDER_REFLECT Python: cv.BORDER_REFLECT	<code>fedcba abcdefgh hgfedcb</code>
BORDER_WRAP Python: cv.BORDER_WRAP	<code>cdefgh abcdefgh abcdefg</code>

Exemplo 1: *Padding* com zeros

Atribuir o valor 0 aos pixels inexistentes fora das bordas da imagem, antes da convolução.

Template

1	1	1
0	0	0
1	1	1

Imagem

	1	2	3	4	5
	0	1	3	4	0
	1	1	3	2	0
	0	0	4	5	6
	1	0	7	8	0

Resultado

1	4	8	7	4
5	11	15	17	11
1	8	17	22	15
3	13	21	20	10
0	4	9	15	11

Primeiro Ponto $\implies (1 \times 0) + (1 \times 0) + (1 \times 0) + (0 \times 0) + (0 \times 1) + (0 \times 2) + (1 \times 0) + (1 \times 0) + (1 \times 1) = 1$

Exemplo 2: “Espelhamento” dos pixels das bordas

Refletir os valores das bordas para preencher os pixels inexistentes fora das bordas da imagem, antes da convolução.

Template

1	1	1
0	0	0
1	1	1

Imagem

	1	2	3	4	5
	0	1	3	4	0
	1	1	3	2	0
	0	0	4	5	6
	1	0	7	8	0

Resultado

5	10	17	19	18
7	11	15	17	16
1	8	17	22	21
5	13	21	20	10
2	12	24	30	25

Primeiro Ponto ==> $(1 \times 1) + (1 \times 1) + (1 \times 2) + (0 \times 1) + (0 \times 1) + (0 \times 2) + (1 \times 0) + (1 \times 0) + (1 \times 1) = 5$

Exemplo 3: “Replicação” dos pixels das bordas

Copiar os valores da borda mais externa para preencher os pixels inexistentes fora das bordas da imagem, antes da convolução.

Template

1	1	1
0	0	0
1	1	1

Imagem

	1	2	3	4	5
	0	1	3	4	0
	1	1	3	2	0
	0	0	4	5	6
	1	0	7	8	0

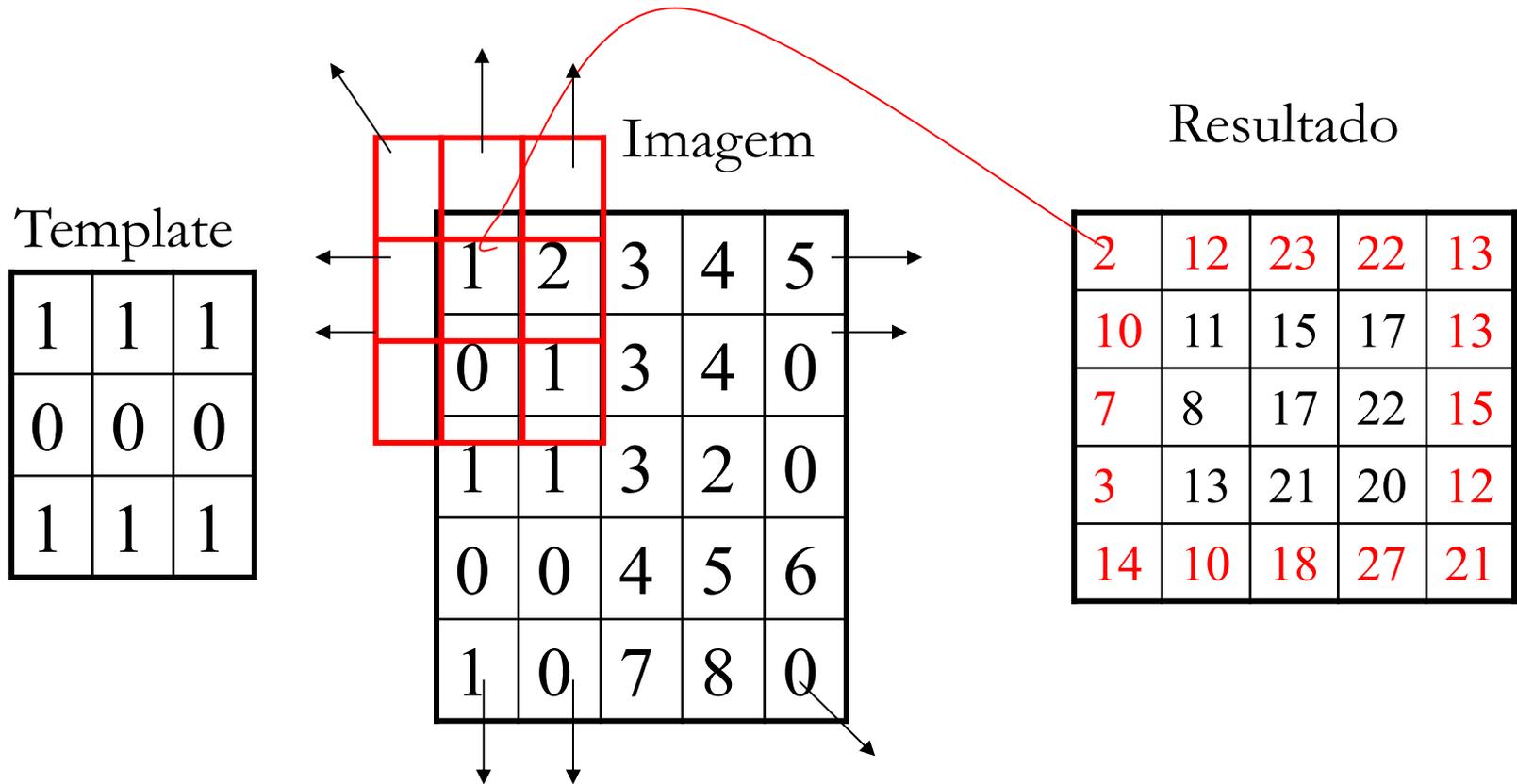
Resultado

5	10	17	19	18
7	11	15	17	16
1	8	17	22	21
5	13	21	20	10
2	12	24	30	25

Primeiro Ponto ==> $(1 \times 1) + (1 \times 1) + (1 \times 2) + (0 \times 1) + (0 \times 1) + (0 \times 2) + (1 \times 0) + (1 \times 0) + (1 \times 1) = 5$

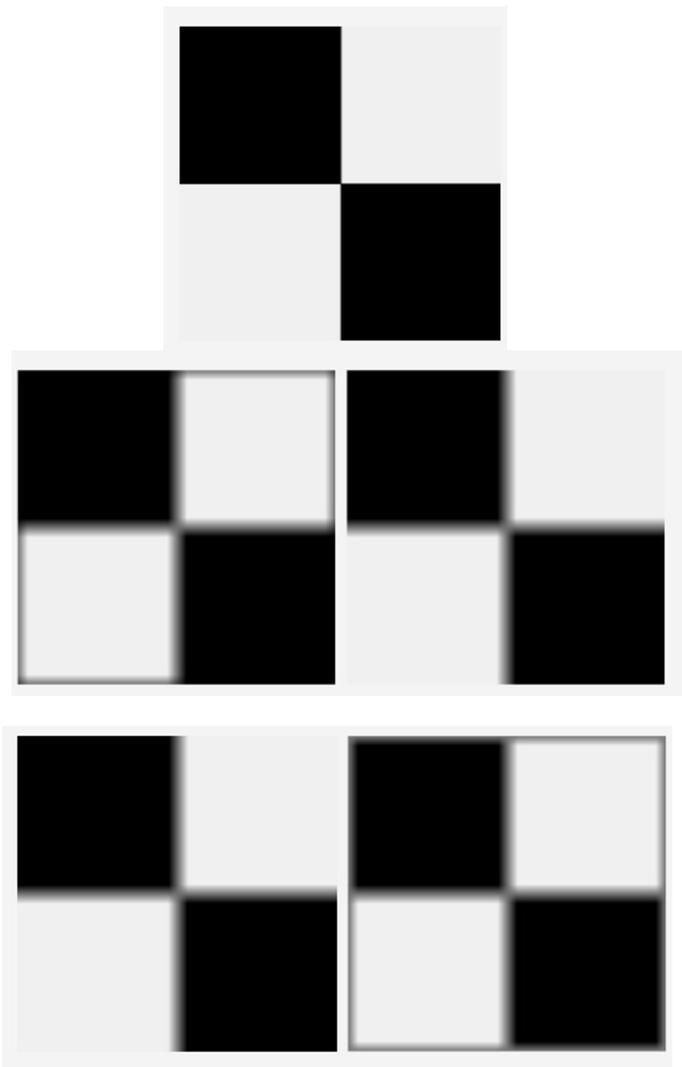
Exemplo 4: Convolução Periódica ou Circular

Preencher os pixels inexistentes fora das bordas da imagem considerando que ela é circular.



Primeiro Ponto ==> $(1 \times 0) + (1 \times 1) + (1 \times 0) + (0 \times 5) + (0 \times 1) + (0 \times 2) + (1 \times 0) + (1 \times 0) + (1 \times 1) = 2$

Efeitos nas bordas da imagem



Convolução da imagem original com um filtro da média

$$\frac{1}{9} \times \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}_{3 \times 3}$$



- A) Imagem original
- B) Padding com zeros
- C) Espelhamento
- D) Replicação
- E) Periódica (circular)

Observações:

- ❑ O custo computacional da **Convolução espacial** é alto.
- ❑ Se a Imagem é de tamanho $M \times M$ e o Template $N \times N$, o número de multiplicações é de $M^2 \cdot N^2$
- ❑ Ou seja, se a Imagem é de 512×512 e o Template é de 16×16 , são necessárias 67.108.864 multiplicações.
- ❑ A alternativa é transformar a Imagem e o Template para o domínio da frequência (Fourier) e multiplicar elemento a elemento.

Filtragem Espacial

- Filtros Passa-Baixa
- Filtros Passa-Alta

Altas e baixas frequências em uma imagem

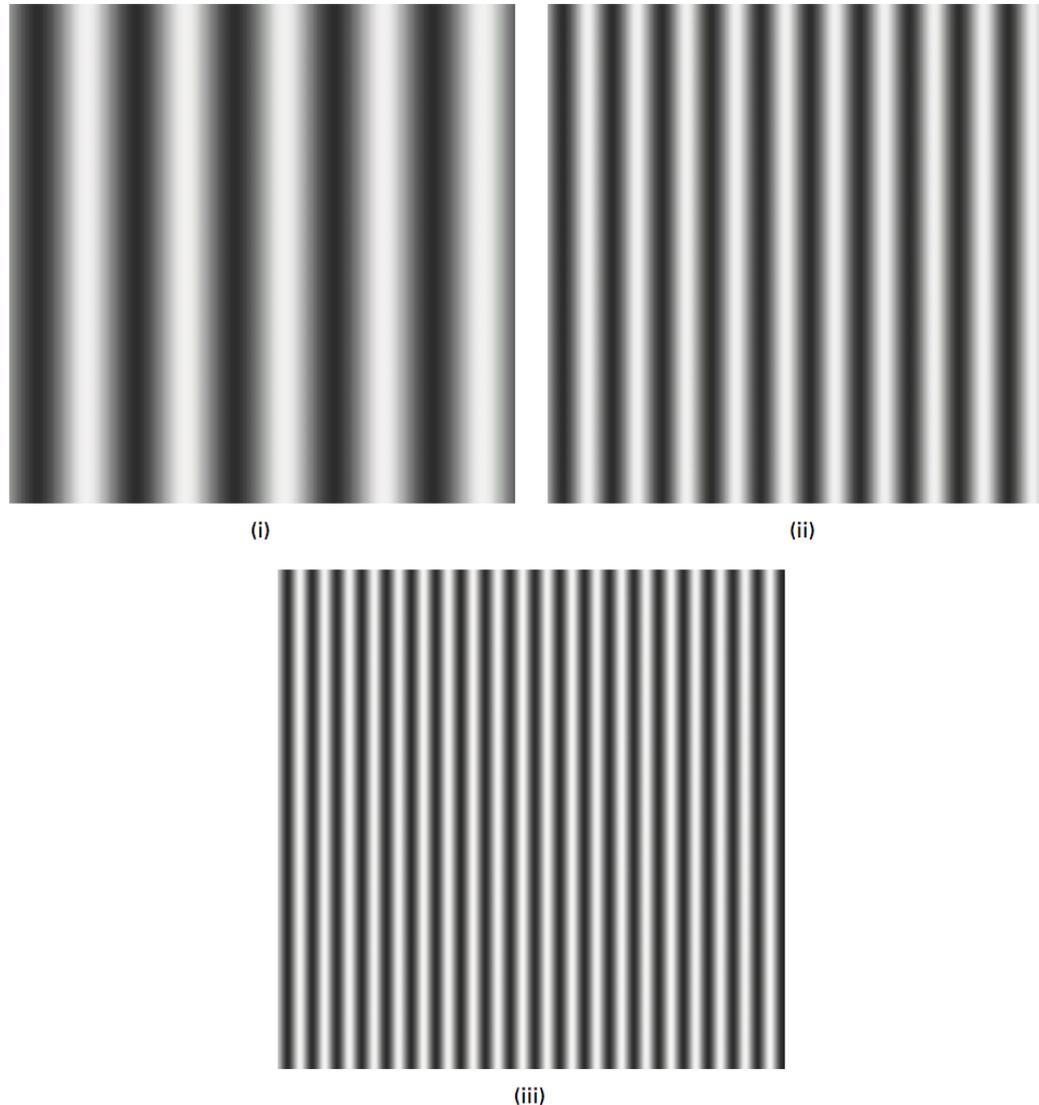
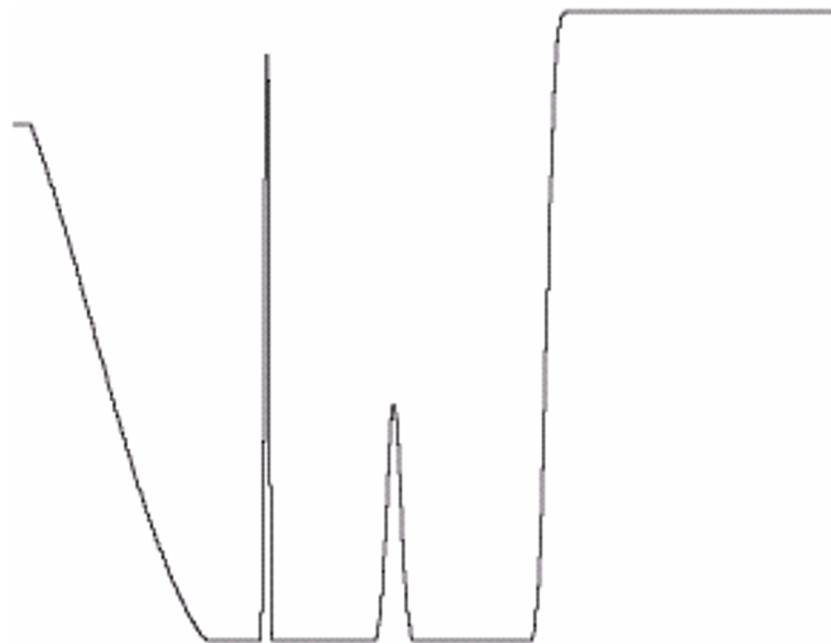
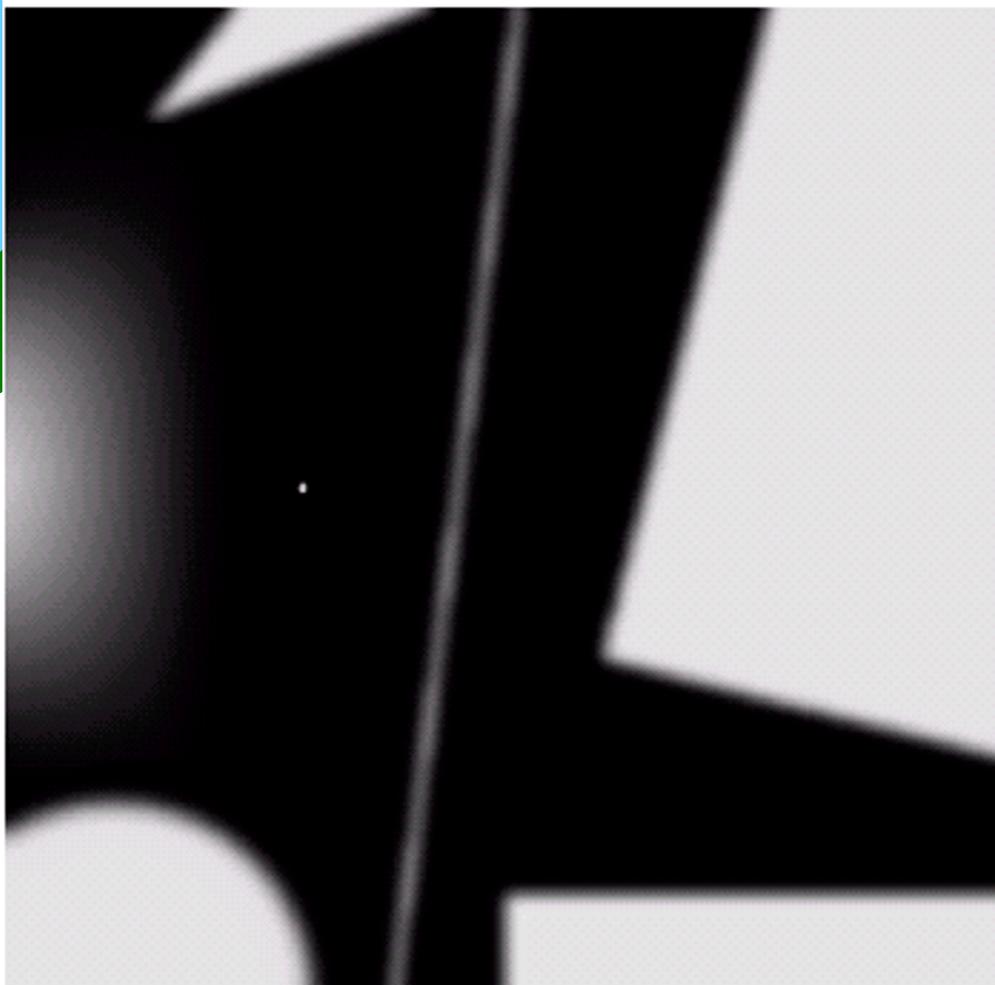
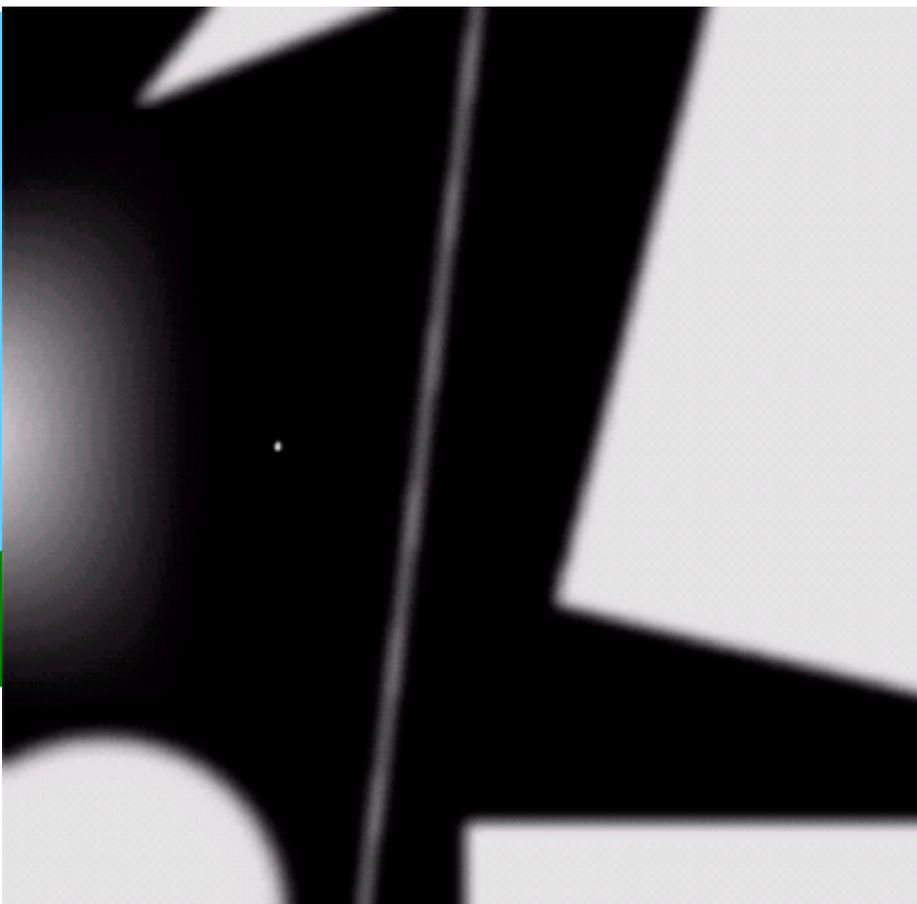


Figure 2.8 Sinusoidal patterns with (i) low, (ii) medium and (iii) high spatial frequency in the horizontal direction.

Perfil radiométrico de uma imagem: altas frequências e baixas frequências

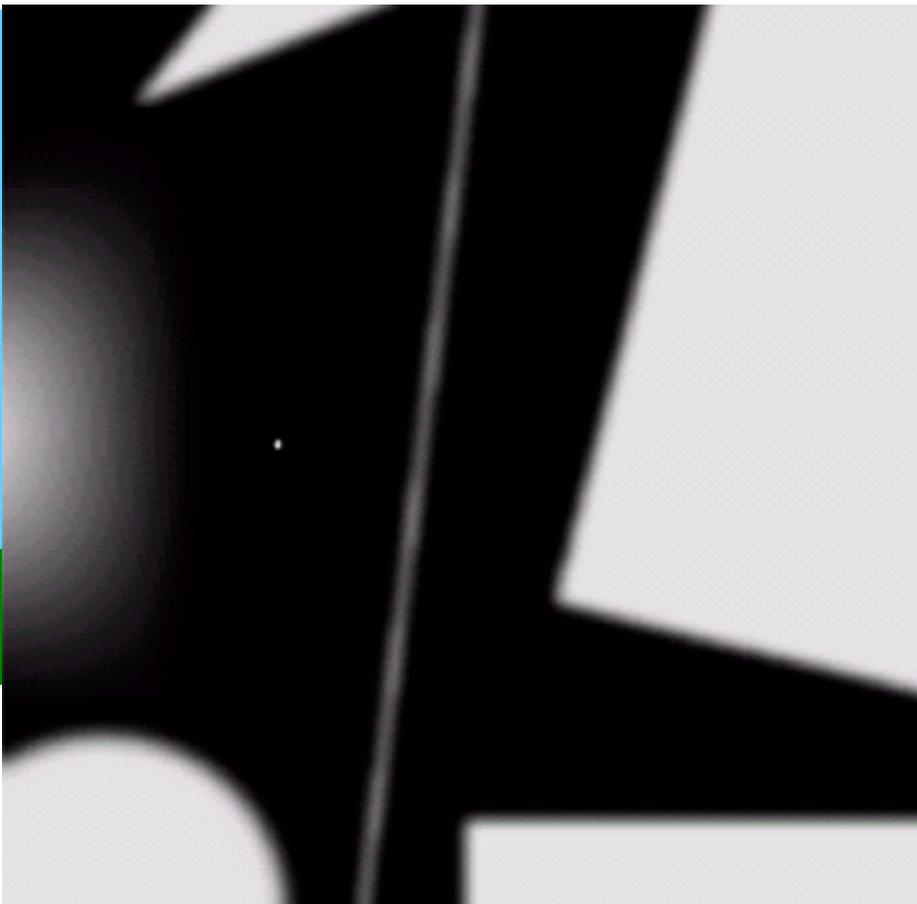




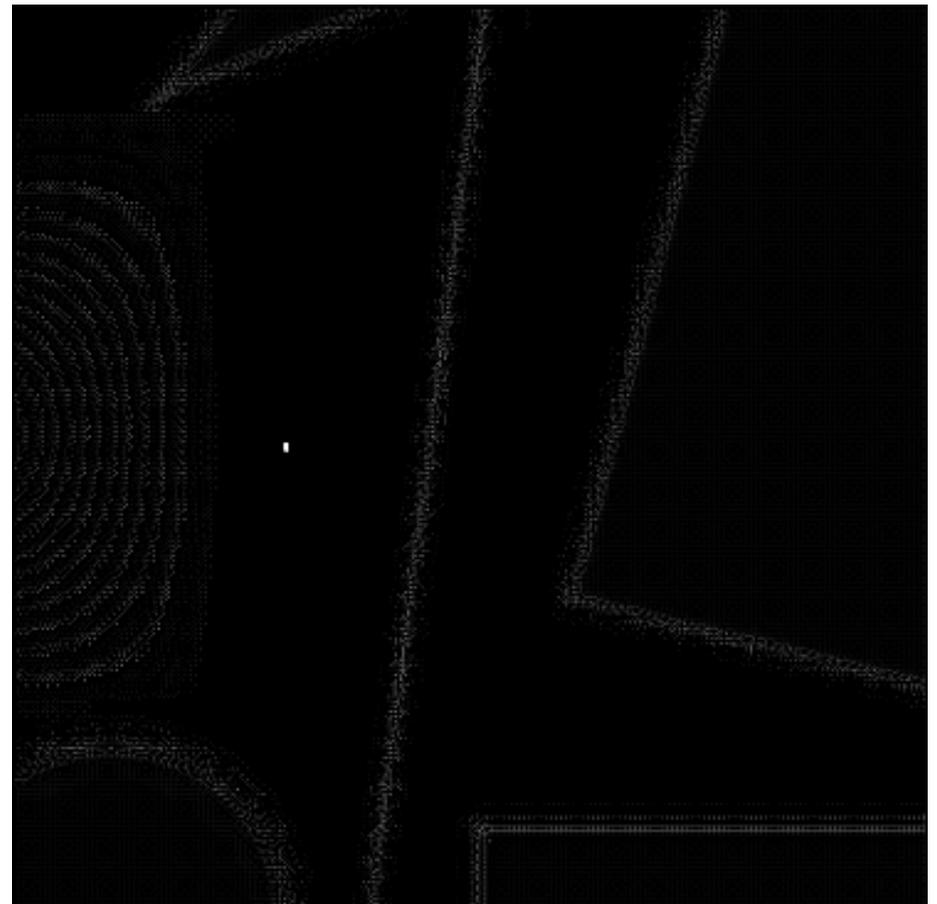
Original



Passa-Baixa



Original



Passa-Alta

Filtragem Espacial: Passa Baixa

- ❑ Uma das aplicações da Convolução espacial de uma Imagem com Templates é a **Suavização (Smoothing) ou Filtragem Passa Baixa**.
- ❑ Um filtro espacial Passa Baixa é implementado através de uma Máscara que realiza a Média da Vizinhança.
- ❑ Uma Máscara de Média é tal que seus pesos são positivos e a soma é igual a 1.

➤ Exemplos de algumas Máscaras de Filtros Passa Baixa:

$$\frac{1}{5} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

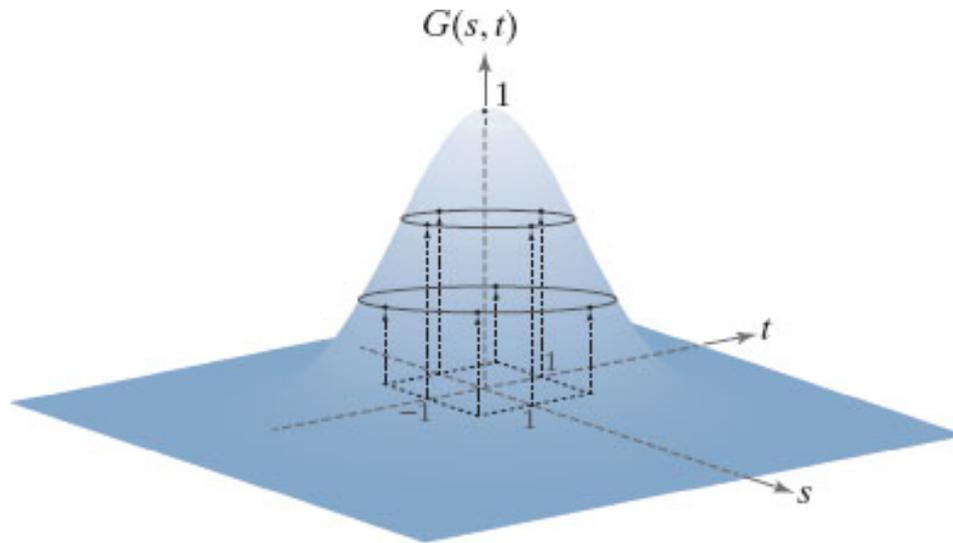
$$\frac{1}{9} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\frac{1}{32} \begin{bmatrix} 1 & 3 & 1 \\ 3 & 16 & 3 \\ 1 & 3 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\frac{1}{8} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 4 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Filtragem Espacial: Passa Baixa

- ❑ Filtro Gaussiano (Gaussian Blur)



$$\frac{1}{4.8976} \times$$

0.3679	0.6065	0.3679
0.6065	1.0000	0.6065
0.3679	0.6065	0.3679

Filtragem Espacial: Média da vizinhança

$f(x,y)$

$g(x,y)$

20	30	24	34	60	80	89	90	12	00
23	24	56	67	88	99	00	00	00	00
12	23	35	65	66	77	88	99	00	00
11	22	99	99	99	99	99	98	88	88
12	12	12	22	22	44	55	65	77	88
11	44	55	76	87	55	66	33	33	33
12	33	44	55	66	77	88	00	00	00

	25	40							

$$g(0,0) = (20 + 30 + 24 + 23 + 24 + 56 + 12 + 23 + 35) / 9 = 24,77$$

$$g(0,1) = (30 + 24 + 34 + 24 + 56 + 67 + 23 + 35 + 65) / 9 = 39,77$$

Filtragem Espacial: Média da vizinhança

Imagem Original



Vizinhança 3x3



Vizinhança 5x5



Vizinhança 7x7



Vizinhança 15x15

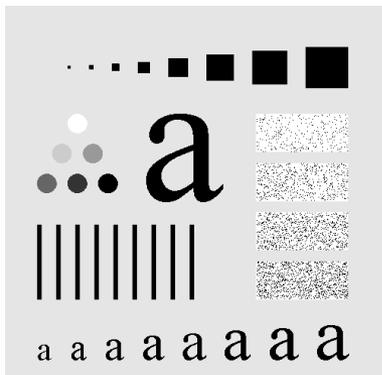


Vizinhança 25x25

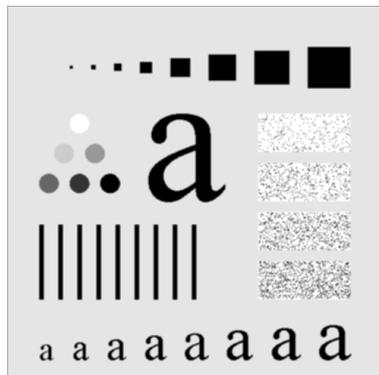


Filtragem Espacial: Média da vizinhança

Imagem Original



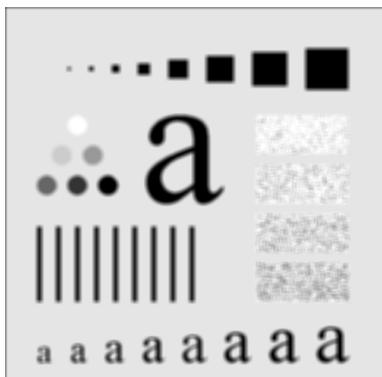
Vizinhança 3x3



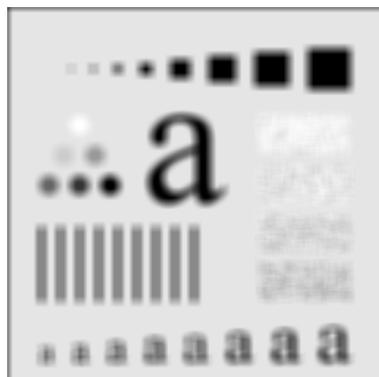
Vizinhança 5x5



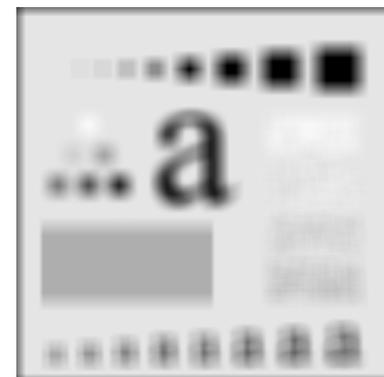
Vizinhança 7x7



Vizinhança 15x15



Vizinhança 25x25



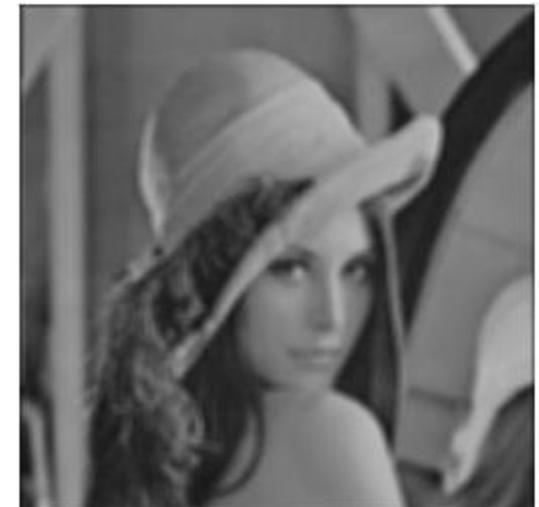
Filtro Passa Baixa – Média da Vizinhança



$$* \frac{1}{9} \times \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}_{3 \times 3} =$$



$$* \frac{1}{25} \times \begin{bmatrix} 1 & \dots & 1 \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ 1 & \dots & 1 \end{bmatrix}_{5 \times 5} =$$



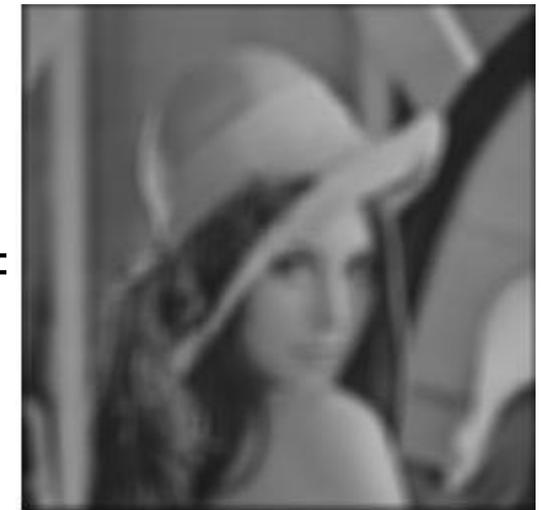
Filtro Passa Baixa – Média da Vizinhança

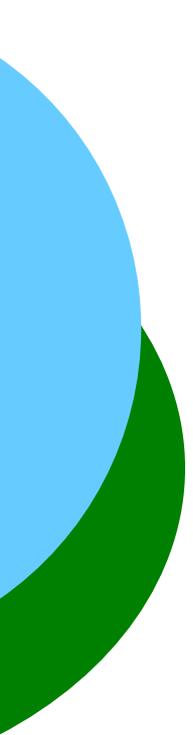


$$* \frac{1}{49} \times \begin{bmatrix} 1 & \dots & 1 \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ 1 & \dots & 1 \end{bmatrix}_{7 \times 7} =$$



$$* \frac{1}{81} \times \begin{bmatrix} 1 & \dots & 1 \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ 1 & \dots & 1 \end{bmatrix}_{9 \times 9} =$$

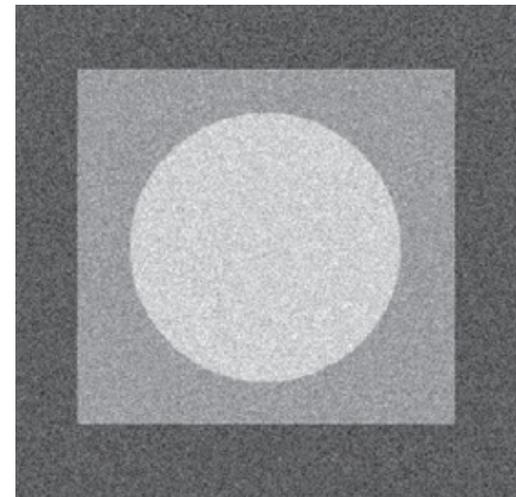
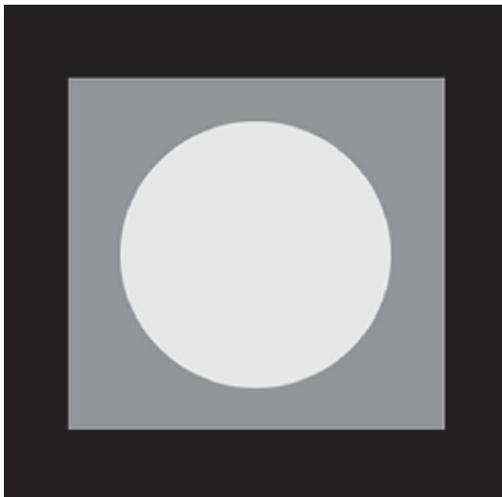




Aplicações de filtros passa-baixa para filtragem de ruído

O que é ruído em uma imagem?

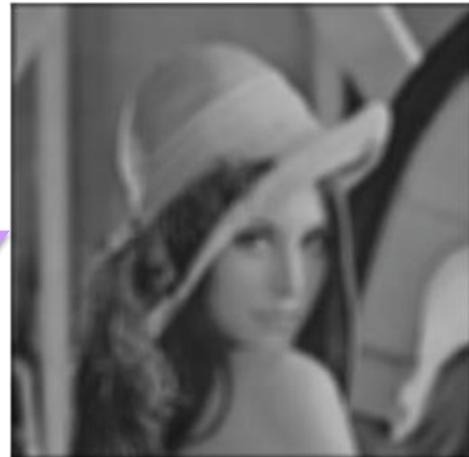
- Ruído é uma variação aleatória ou sistemática das informações de brilho ou cor presentes em uma imagem;
- Geralmente é gerado no processo de captura da imagem e é originário dos sensores e componentes eletrônicos do sistema de aquisição.



O ruído é componente de alta frequência?



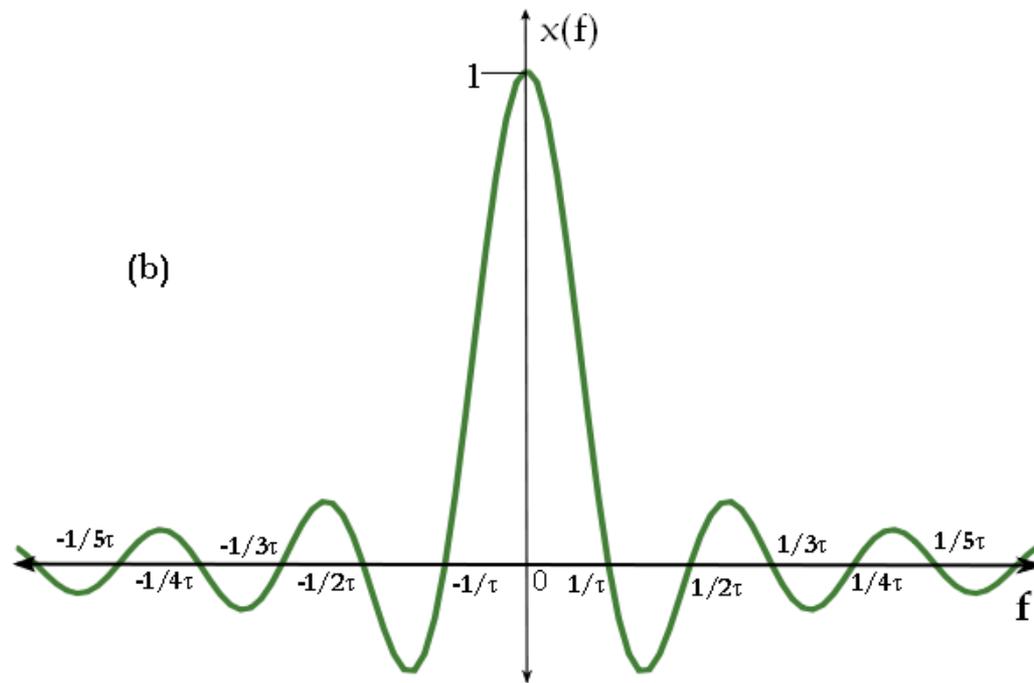
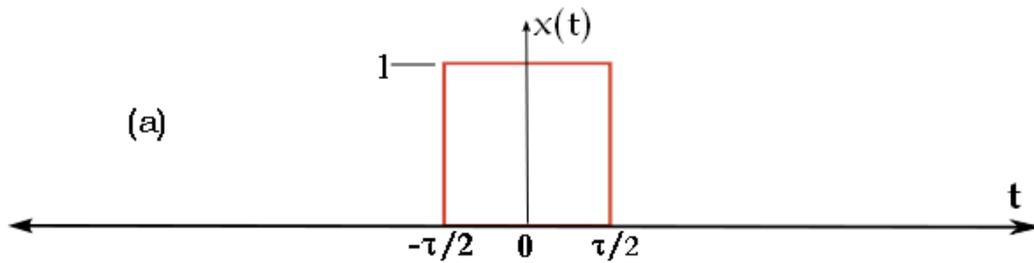
Passa-Baixa



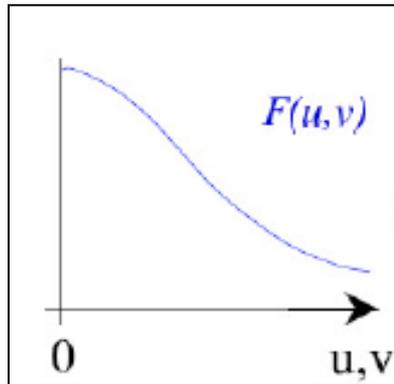
Realce nas altas frequências



Processo de Aquisição: passa-baixas

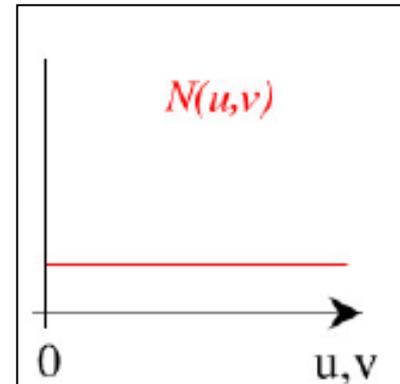


Sinal x Ruído

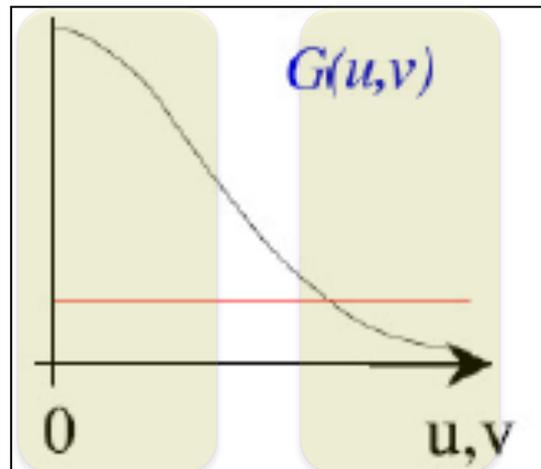


Sinal

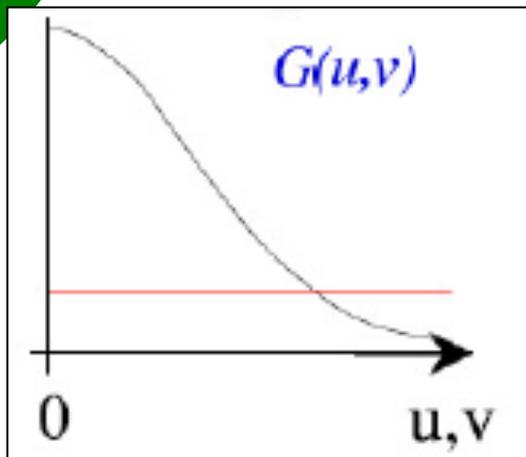
+



Ruído branco



Sinal x Ruído



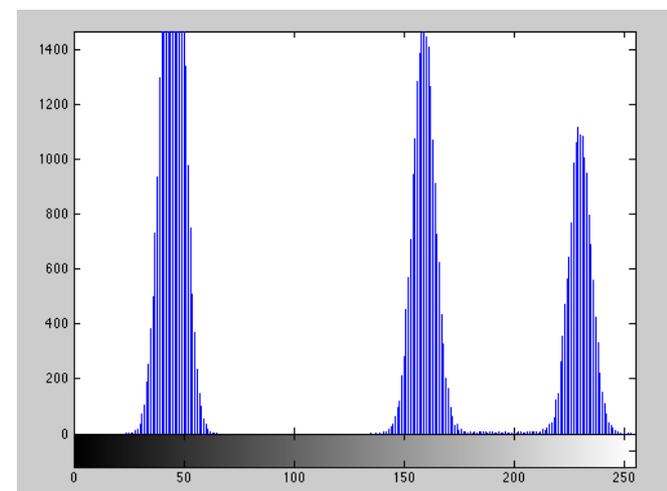
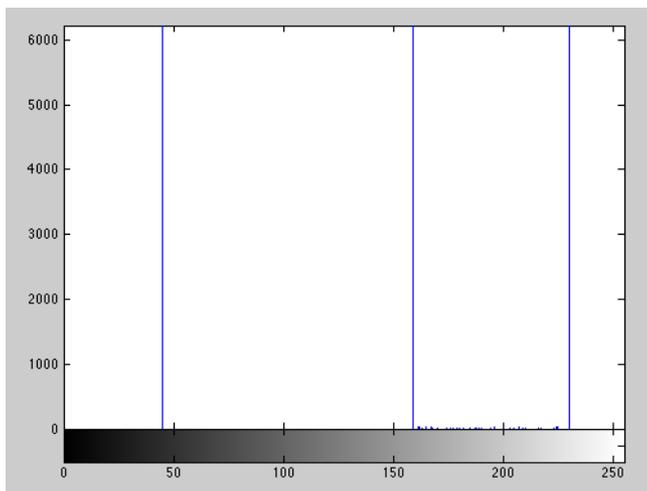
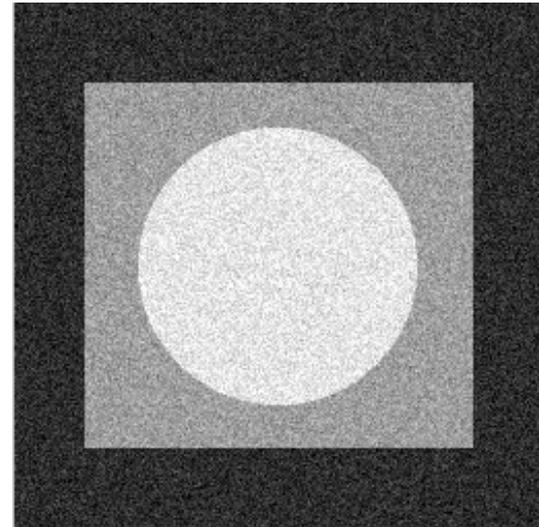
Passa-Baixa



Realce nas altas frequências



Ruído Gaussiano



Filtro da média (passa-baixa)

$$\hat{f}(x, y) = \frac{\sum_{s, t \in S_{xy}} g(s, t)}{MN}$$

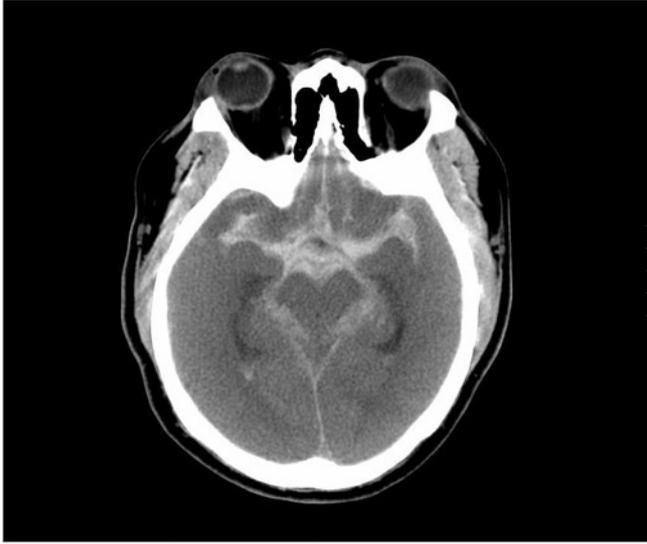
Exemplo:

10	20	20
20	13	20
20	25	100

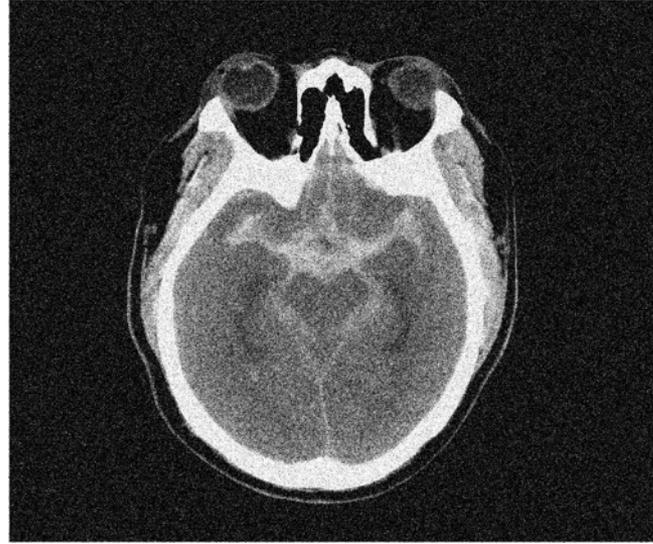
$$\hat{f}(x, y) = \frac{10 + 20 + 20 + 20 + 13 + 20 + 20 + 25 + 100}{9}$$
$$= 27,55 \sim \mathbf{28}$$

Filtro da média (passa-baixa)

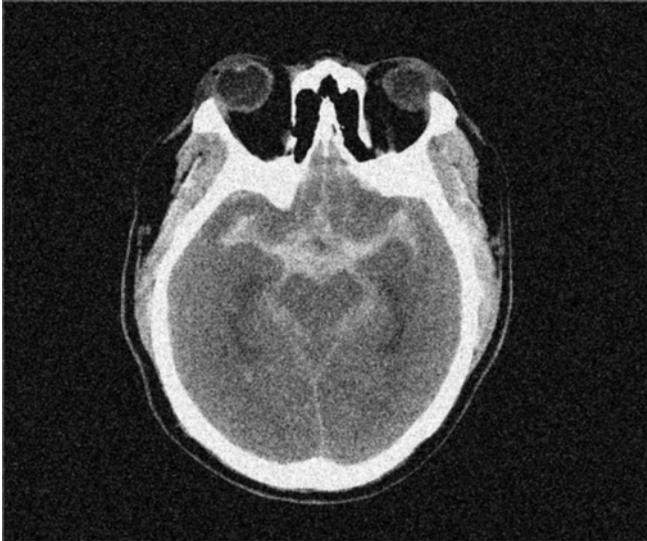
Original



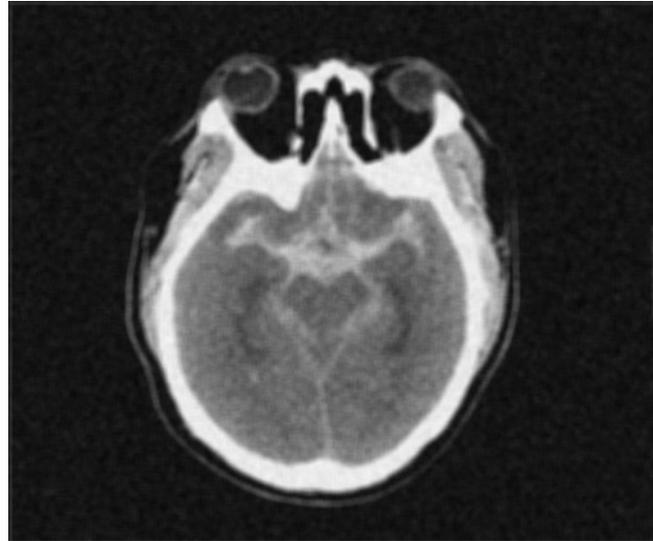
Ruidosa



Média 3x3



Média 9x9



Filtros de média

- Quando calculamos a média do ruído, fazemos também a média do sinal;
- Em regiões uniformes funciona bem;
- Em regiões com detalhes não funciona;
- Causa borramento (perda de detalhes).

Média de Múltiplas Imagens

A soma de duas ou mais imagens só tem sentido quando o objetivo for a média de imagens para atenuação de ruídos.

Seja $g(x, y)$ a imagem $f(x, y)$ com ruído aleatório e aditivo $\eta(x, y)$ de média zero em cada coordenada (x, y) :

$$g(x, y) = f(x, y) + \eta(x, y)$$

A **Média** de M imagens $g_i(x, y)$ será dada por: $\bar{g}(x, y) = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^M g_i(x, y)$

Exemplo:

Imagem original



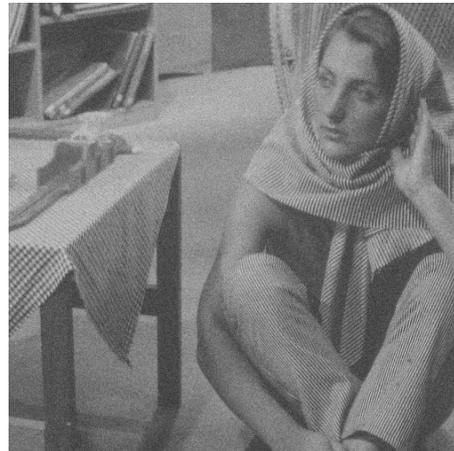
Imagem corrompida por ruído Gaussiano ($\mu = 0$, $\text{var} = 0.4$)



\hat{x}_{10}



\hat{x}_{100}

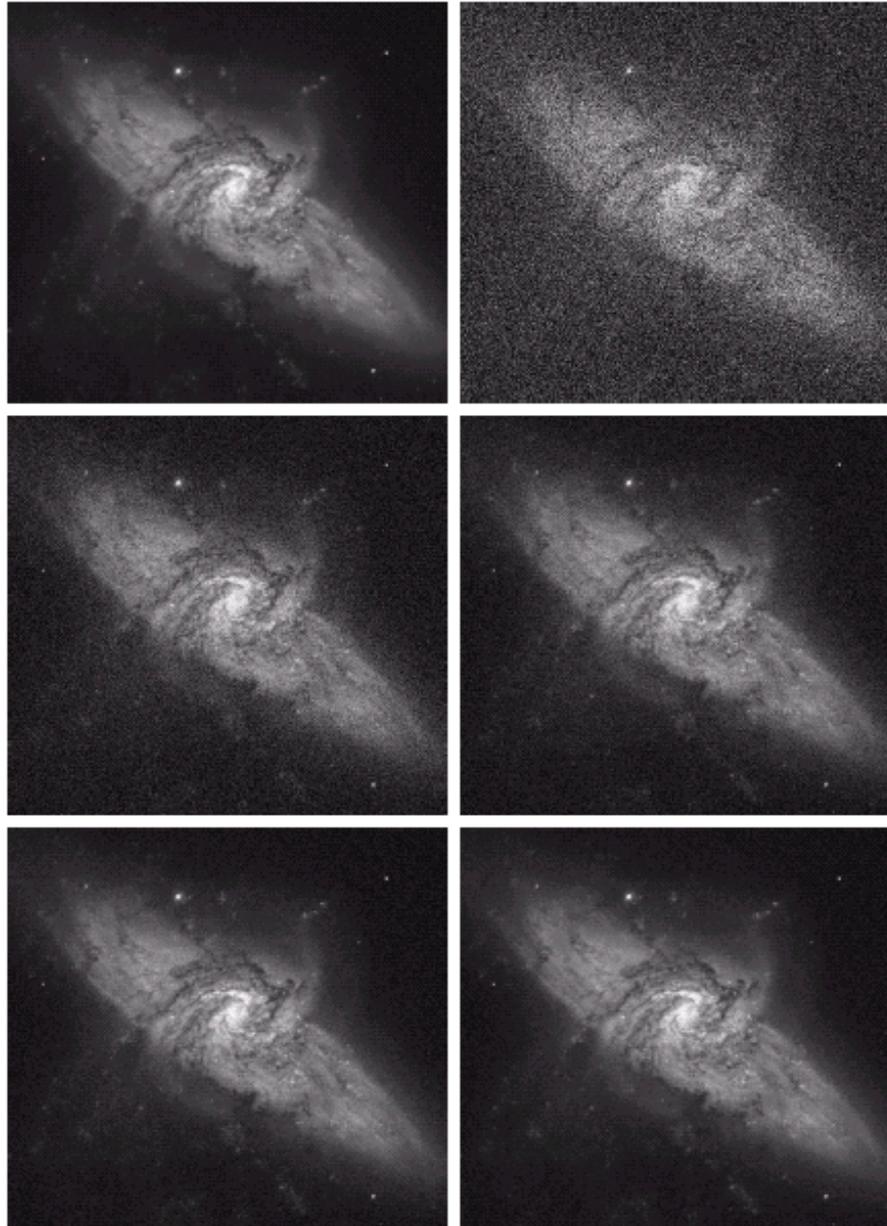


\hat{x}_{1000}

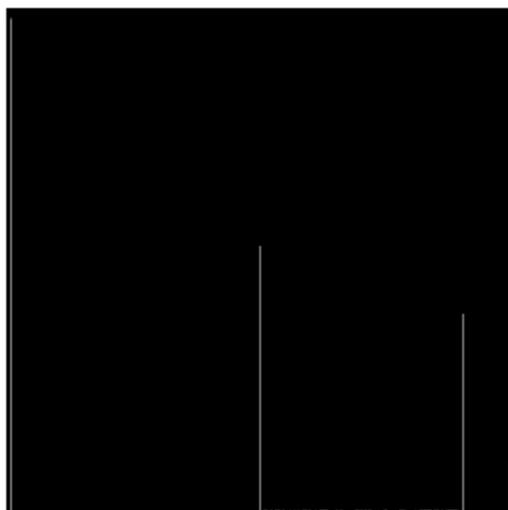
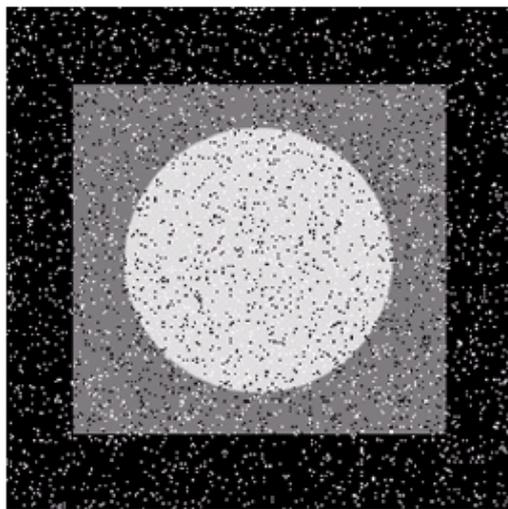


Quanto maior for o número de amostras, menor o **Desvio Padrão** e a **Variância** da no ruído na imagem final, que se aproximará cada vez mais do **Valor Esperado** = $f(x, y)$

Média de múltiplas Imagens (8 – 32 – 64 - 128)



Ruído impulsivo: Sal e Pimenta



Salt & Pepper

Ruído “sal e pimenta”

Imagem original

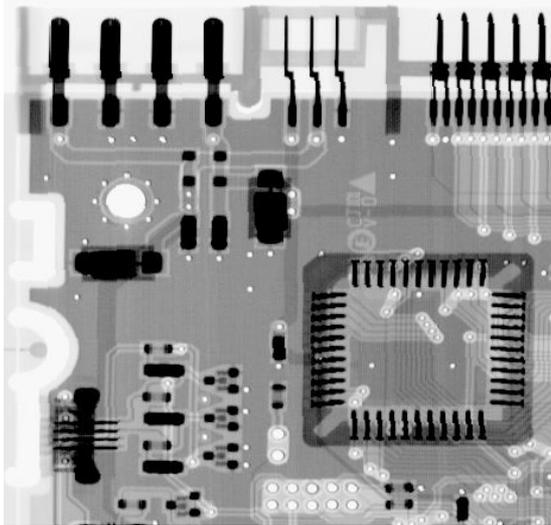
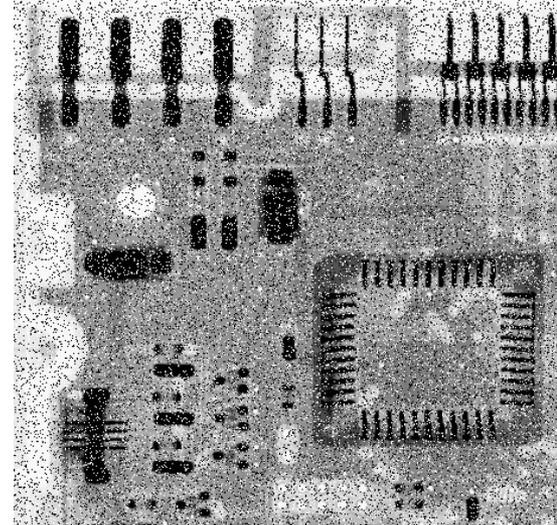
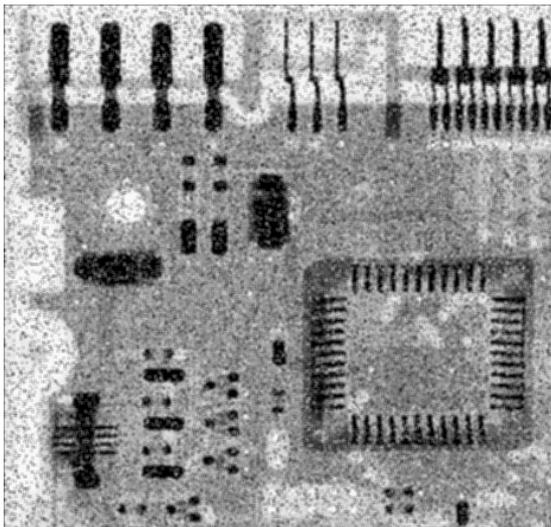


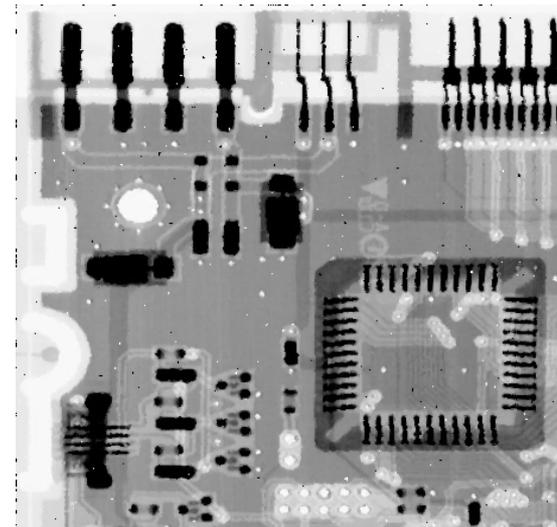
Imagem com ruído “sal e pimenta”



Média da Vizinhança 3 x 3



Filtragem Mediana 3 x 3



a b
c d

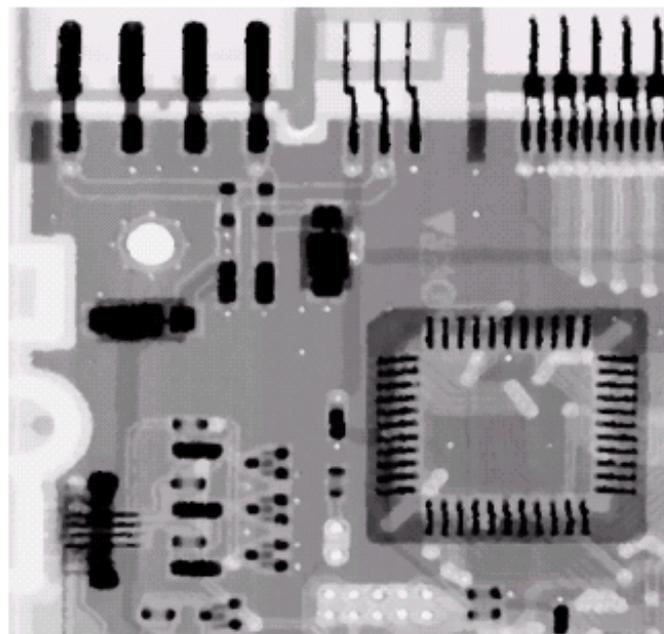
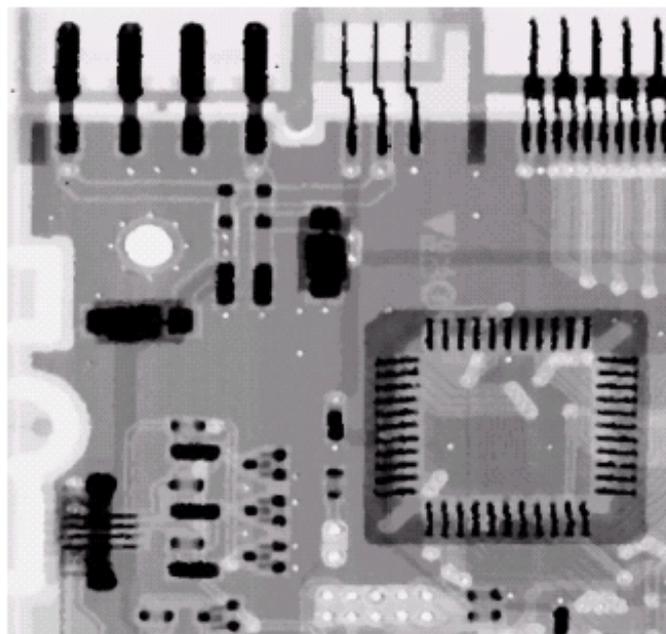
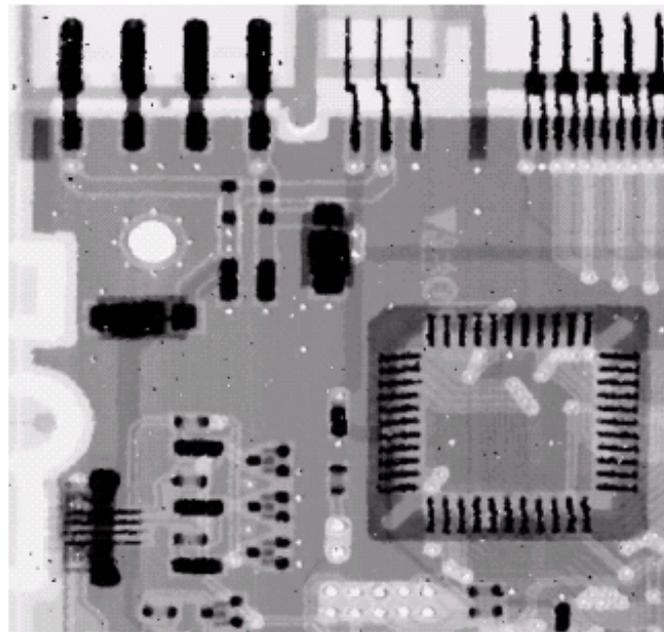
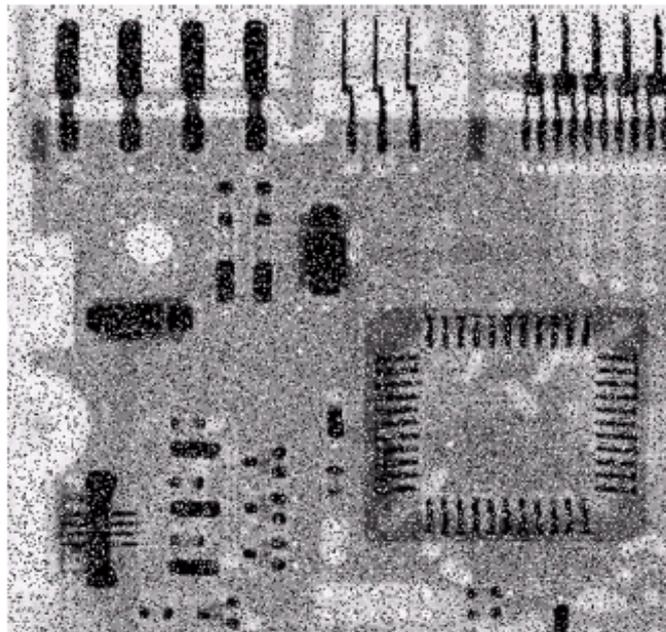
FIGURE 5.10

(a) Image corrupted by salt-and-pepper noise with probabilities $P_a = P_b = 0.1$.

(b) Result of one pass with a median filter of size 3×3 .

(c) Result of processing (b) with this filter.

(d) Result of processing (c) with the same filter.



Filtragem Espacial: **Passa Alta**

- ❑ É chamada de filtro de passa-alta porque detecta na imagem os detalhes finos e mudanças abruptas de níveis de cinza na imagem.
- ❑ A máscara do filtro passa alta deve ter pesos de tal forma que a soma seja igual a zero.

Exemplos de máscaras de filtros passa alta:

Normalizado

$$\frac{1}{9} \begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ -1 & 8 & -1 \\ -1 & -1 & -1 \end{bmatrix}$$

Normalizado

$$\frac{1}{5} \begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 \\ -1 & 4 & -1 \\ 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$

Operador Laplaciano

Filtro Passa Alta – Detector de Altas Frequências



Normalized

$$* \frac{1}{9} \begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ -1 & 8 & -1 \\ -1 & -1 & -1 \end{bmatrix} =$$



255 -



=



Filtro Passa Alta – Detector de Altas Frequências

Não-normalizado



*

$$\begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ -1 & 8 & -1 \\ -1 & -1 & -1 \end{bmatrix}$$

=

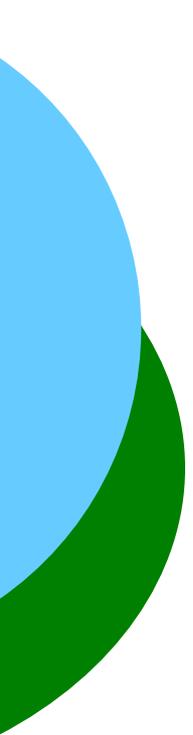


255 -



=





Aplicações de filtros passa-alta para aguçamento de imagens

Máscara de AGUÇAMENTO (*Sharpening*) - realce de altas frequências



+



=



+



=



Máscara de AGUÇAMENTO (*Sharpening*) - realce de altas frequências



+



=



Máscara de AGUÇAMENTO (*Sharpening*) - realce de altas frequências



+



=



+



=



Máscara de AGUÇAMENTO (*Sharpening*) - realce de altas frequências



+



=



Máscara de AGUÇAMENTO (*Sharpening*) - realce de altas frequências

Como montar um “template” para a mascara de aguçamento?



*



=



Máscara de AGUÇAMENTO (*Sharpening*) - realce de altas frequências

1) Filtro que detecta apenas as bordas e detalhes (passa-alta)



*

-1	-1	-1
-1	8	-1
-1	-1	-1

=



Máscara de AGUÇAMENTO (*Sharpening*) - realce de altas frequências

2) máscara que gera a mesma imagem após a convolução



*

0	0	0
0	1	0
0	0	0

=



Máscara de AGUÇAMENTO (*Sharpening*) - realce de altas frequências

Máscara de aguçamento =
imagem da detecção das bordas + imagem original

$$\begin{array}{|c|c|c|} \hline -1 & -1 & -1 \\ \hline -1 & 8 & -1 \\ \hline -1 & -1 & -1 \\ \hline \end{array} + \begin{array}{|c|c|c|} \hline 0 & 0 & 0 \\ \hline 0 & 1 & 0 \\ \hline 0 & 0 & 0 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|c|} \hline -1 & -1 & -1 \\ \hline -1 & 9 & -1 \\ \hline -1 & -1 & -1 \\ \hline \end{array}$$

Máscara de AGUÇAMENTO (*Sharpening*) - realce de altas frequências

Máscara de aguçamento



*

-1	-1	-1
-1	9	-1
-1	-1	-1

=



Máscara de AGUÇAMENTO (*Sharpening*) - realce de altas frequências

E se for usada a normalização do template?



*



=



Máscara de AGUÇAMENTO (*Sharpening*) - realce de altas frequências

1) Máscara que detecta apenas as bordas e detalhes (passa-alta)



Normalizado

$$* \frac{1}{9} \begin{array}{|c|c|c|} \hline -1 & -1 & -1 \\ \hline -1 & 8 & -1 \\ \hline -1 & -1 & -1 \\ \hline \end{array} =$$



Máscara de AGUÇAMENTO (*Sharpening*) - realce de altas frequências

2) Máscara que gera a mesma imagem após a convolução



Normalizado

$$* \frac{1}{9} \begin{array}{|c|c|c|} \hline 0 & 0 & 0 \\ \hline 0 & 9 & 0 \\ \hline 0 & 0 & 0 \\ \hline \end{array} =$$



Máscara de AGUÇAMENTO (*Sharpening*) - realce de altas frequências

Máscara de aguçamento =
imagem original + detecção das bordas

$$\frac{1}{9} \begin{array}{|c|c|c|} \hline -1 & -1 & -1 \\ \hline -1 & 8 & -1 \\ \hline -1 & -1 & -1 \\ \hline \end{array} + \frac{1}{9} \begin{array}{|c|c|c|} \hline 0 & 0 & 0 \\ \hline 0 & 9 & 0 \\ \hline 0 & 0 & 0 \\ \hline \end{array} = \frac{1}{9} \begin{array}{|c|c|c|} \hline -1 & -1 & -1 \\ \hline -1 & 17 & -1 \\ \hline -1 & -1 & -1 \\ \hline \end{array}$$

Máscara de AGUÇAMENTO (*Sharpening*) - realce de altas frequências

Máscara de aguçamento (normalizado)



$$* \frac{1}{9} \begin{array}{|c|c|c|} \hline -1 & -1 & -1 \\ \hline -1 & 17 & -1 \\ \hline -1 & -1 & -1 \\ \hline \end{array} =$$

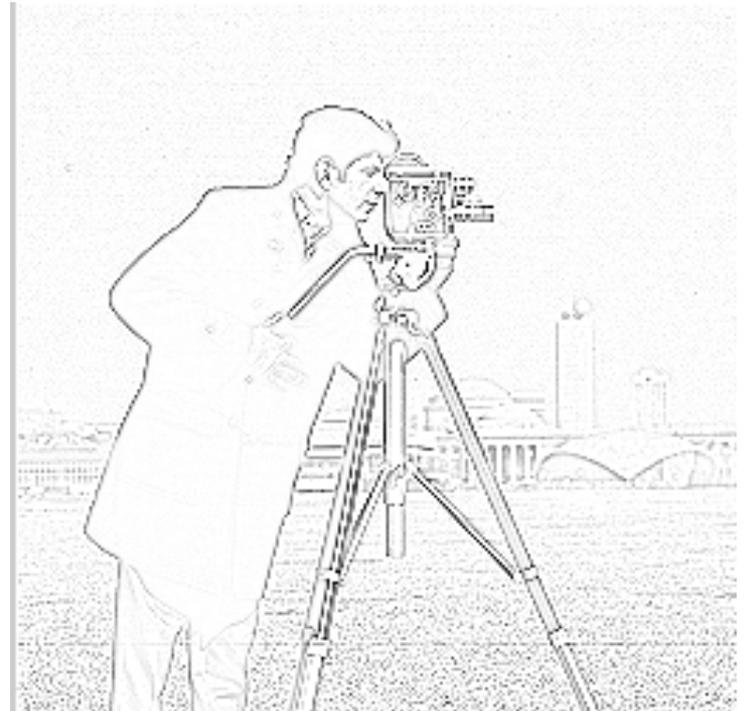
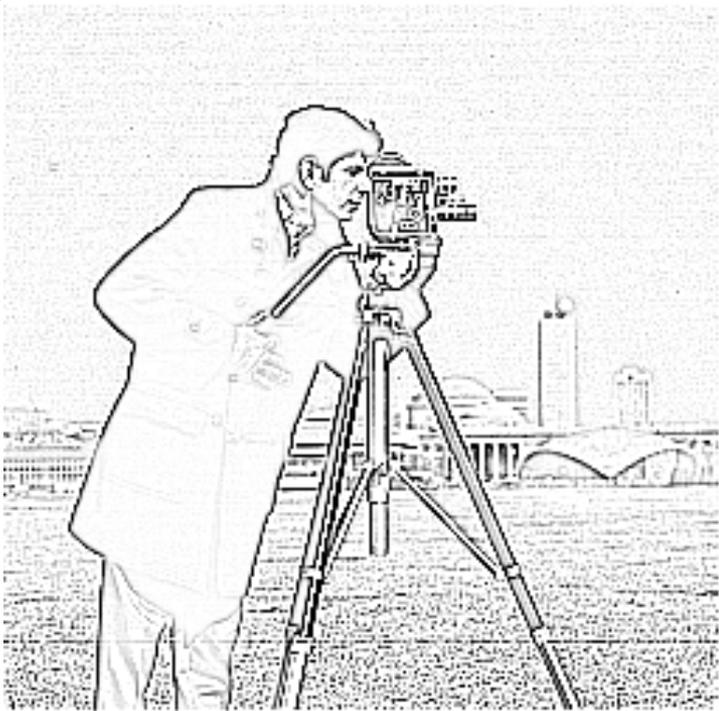


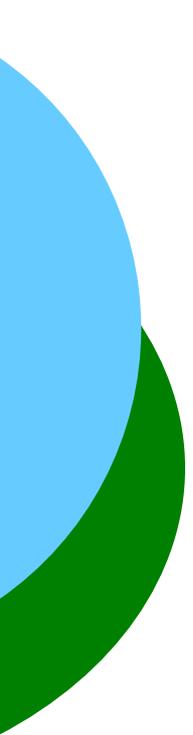
Isotropia

$$\begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ -1 & 8 & -1 \\ -1 & -1 & -1 \end{bmatrix}$$

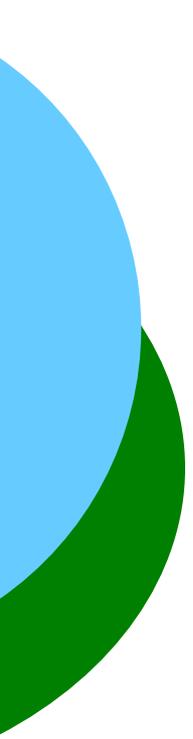


$$\begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 \\ -1 & 4 & -1 \\ 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$





<http://setosa.io/ev/image-kernels/>



FIM