

## MAT0130 - Equações Diferenciais I

### 2a. Lista de Exercícios - Reoferecimento. 1o. semestre de 2020

1. Determine se o par de funções dado é linearmente independente ou linearmente dependente:
  - (a)  $f(t) = t^2$ ,  $g(t) = t^2 - 5t$
  - (b)  $f(x) = e^{\lambda t} \cos(\mu t)$ ,  $e^{\lambda t} \sin(\mu t)$ ,  $\mu \neq 0$
  - (c)  $f(x) = e^{3x}$ ,  $e^{3(x-1)}$
  - (d)  $f(x) = x^3$ ,  $f(x) = |x|^3$
2. Verifique que  $y_1(t) = 1$  e  $y_2(t) = t^{1/2}$  são soluções da equação diferencial  $yy'' + (y')^2 = 0$  para  $t > 0$ . Depois mostre que  $y = c_1 + c_2 t^{1/2}$  não é, em geral. Explique por que isto não contradiz o princípio da superposição.
3. A função  $y = \operatorname{sen}(t^2)$  pode ser solução de uma equação da forma  $y'' + py' + qy = 0$ , com coeficientes constantes em um intervalo contendo  $t = 0$ ? Explique sua resposta.
4. O Wronskiano de duas funções definidas em  $\mathbb{R}$  é  $W(t) = t \operatorname{sen}^2 t$ . As funções podem ser linearmente dependentes?
5. Use o método dos coeficientes a determinar para encontrar a solução geral das equações:
  - (a)  $y'' - y' - 2y = 4x^2$
  - (b)  $y'' - y' - 2y = e^{3x}$
  - (c)  $y'' - y' - 2y = \operatorname{sen} 2x$
  - (d)  $y''' - 6y'' + 11y' - 6y = 2xe^{-x}$
6. Use o método da variação dos parâmetros para encontrar a solução geral das equações:
  - (a)  $y'' - y' - 2y = e^{3x}$
  - (b)  $\ddot{x} + 4x = \operatorname{sen}^2 2t$
  - (c)  $y^{(4)} = 5x$