

$$\mathbb{C} \sim \mathbb{R}^2$$

$\Omega = \Omega^\circ$ contido em $\mathbb{C}$	$\Omega = \Omega^\circ$ contido em $\mathbb{R}^2$
$f: \Omega \rightarrow \mathbb{C}$ $z \rightarrow f(z)$	$u: \Omega \rightarrow \mathbb{R}$ $v: \Omega \rightarrow \mathbb{R}$ $(x,y) \rightarrow u(x,y)$ $(x,y) \rightarrow v(x,y)$
Pontos de $\Omega$ $z = x+iy$	Pontos de $\Omega$ $(x,y)$
$f(z) = u(x,y) + i v(x,y)$	$u = u(x,y)$ $v = v(x,y)$

Séries de Potências

$$f(z) = \sum_{n \geq 0} b_n (z-w)^n$$

em  
um disco  $\Omega = D_R(w) = B_R(w)$

$\Omega =$  aberto simplesmente conexo

Funções cuja integral independe do caminho:

$$\int_C f(z) dz = 0$$

em qualquer caminho fechado  $C$  contido em  $\Omega$

$C^\infty(\Omega)$

Funções de classe  $C^\infty$  em  $\Omega$

$H(\Omega)$

FUNÇÕES HOLOMORFAS em  $\Omega$ :

Funções deriváveis em  $\Omega$

$CR(\Omega)$

Funções  $f(z) = u(x,y) + iv(x,y)$   
com  $u$  e  $v$  de classe  $C^1$ ,  
satisfazendo as  
CONDIÇÕES de CAUCHY-RIEMANN em  $\Omega$

$A(\Omega)$

FUNÇÕES ANALÍTICAS em  $\Omega$ :

Funções que são séries de potências  
ao redor de cada ponto de  $\Omega$