## SEL 0449 - Processamento Digital de Imagens Médicas

SEL 5895 – Introdução ao Processamento Digital de Imagens

#### Aula 8 – Restauração de Imagens Parte 1

Prof. Dr. Marcelo Andrade da Costa Vieira mvieira@sc.usp.br

## Realce X Restauração

#### • Realce de imagens:

- Processar a imagem para obter um resultado mais apropriado para uma determinada aplicação;
- Processo subjetivo.

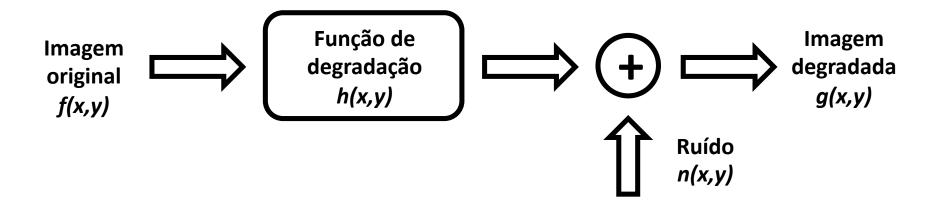
#### • Restauração de imagens:

- Recuperar a imagem corrompida com base em conhecimento a priori do fenômeno de degradação;
- Processo objetivo.

#### Restauração

- O sucesso da restauração depende de alguns fatores:
  - A acurácia do modelo de degradação adotado;
  - A precisão na estimativa dos parâmetros de degradação do sistema.

## Modelo clássico de degradação



$$q(x,y) = h(x,y) * f(x,y) + n(x,y)$$
 — Domínio do espaço

$$G(u,v) = H(u,v) \cdot F(u,v) + N(u,v)$$
 — Domínio da frequência

## Restauração



$$G(u,v) = H(u,v) \cdot F(u,v) + N(u,v)$$

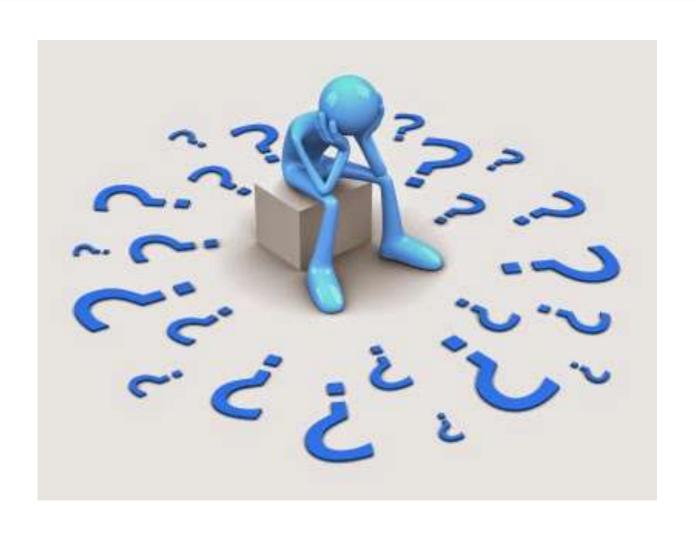
$$\widehat{F}(u,v) = \frac{G(u,v) - N(u,v)}{H(u,v)}$$

## Tipos de restauração

- Imagens corrompidas apenas pelo ruído;
- Imagens corrompidas apenas pela função de degradação;
- Imagens corrompidas pelo ruído e pela função de degradação.

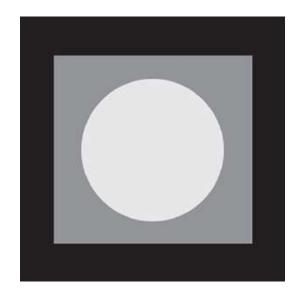
# Restauração de imagens corrompidas apenas pelo ruído

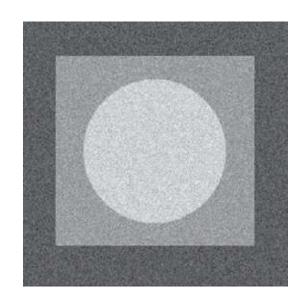
## O que é ruído em uma imagem?



## O que é ruído em uma imagem?

- Ruído é uma variação aleatória ou sistemática das informações de brilho ou cor presentes em uma imagem;
- Geralmente é gerado no processo de captura da imagem e é originário dos sensores e componentes eletrônicos do sistema de aquisição.



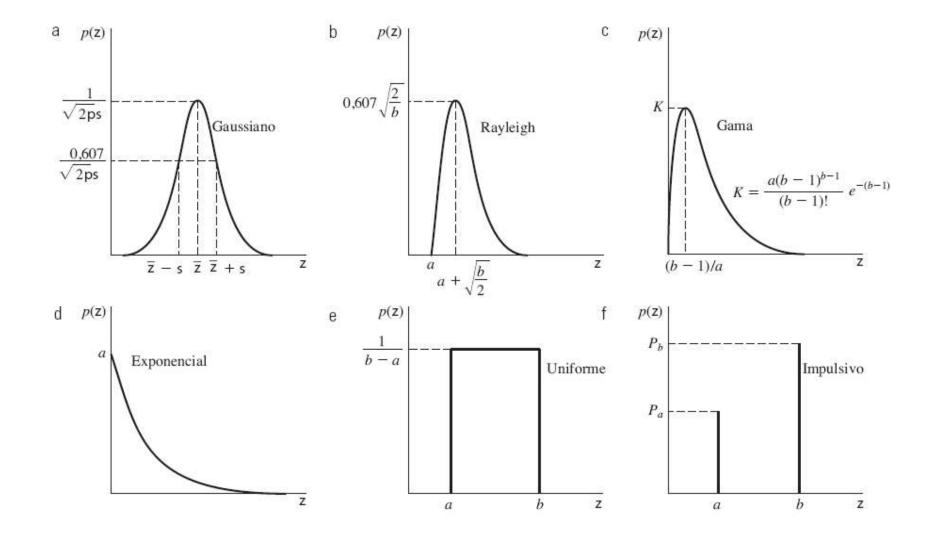


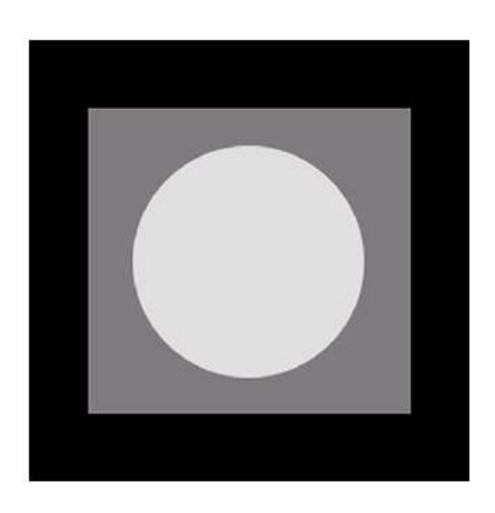
## Tipos de Ruído

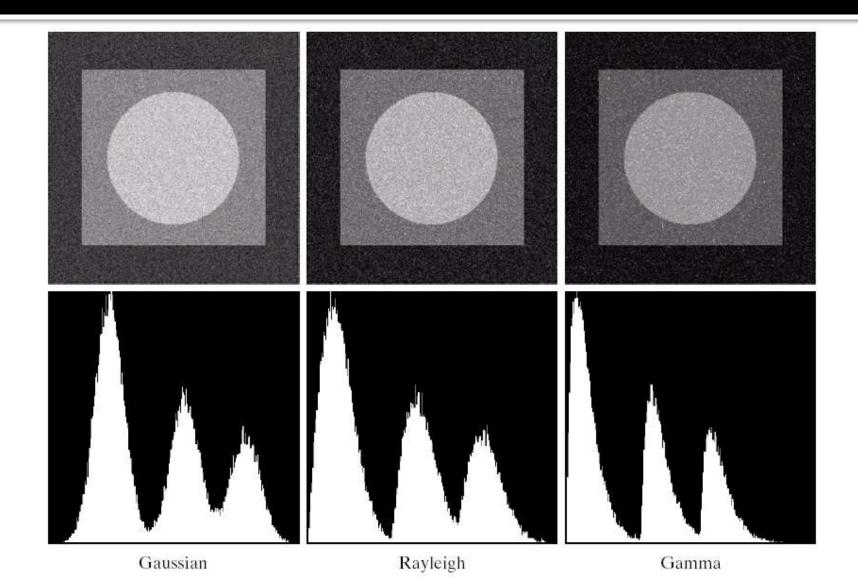
- Ruído Eletrônico ou Térmico
- Ruído Impulsivo
- Ruído Periódico
- Ruído Estrutural
- Ruído Quântico
- Ruído speckle

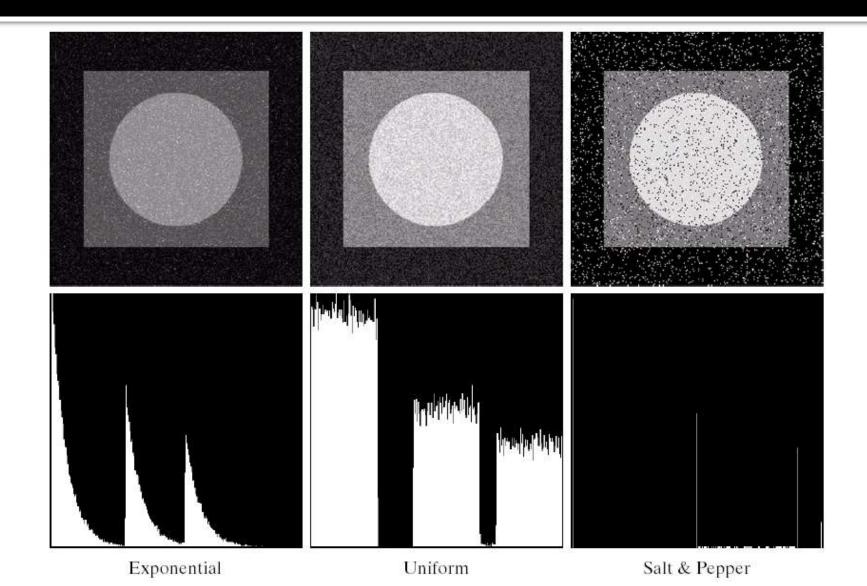
#### Classificação dos Ruídos

- Distribuição Estatística
- Aleatório ou Sistemático
- Se há Correlação Espacial
- I.I.D. (Independente e igualmente distribuído)
- Estacionário ou não-estacionário
- Homoscedástico ou Heteroscedástico
- Dependência ou não do Sinal
- Dependência ou não do Espaço

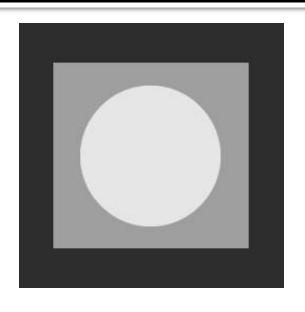


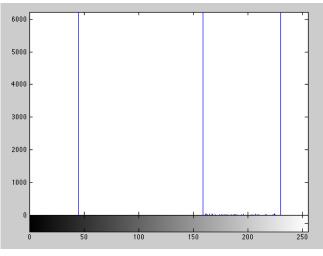


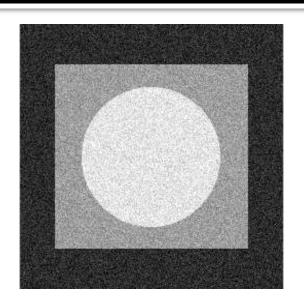


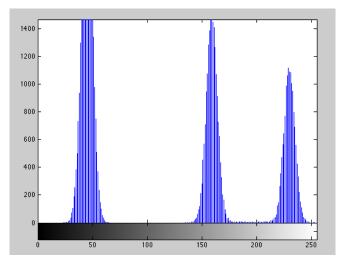


- Gerado na aquisição da imagem
- Usado para modelar o ruído eletrônico (térmico)
- Aleatório
- Aditivo, estacionário, homoscedástico, I.I.D.
- Independente do sinal e do espaço
- Sem correlação espacial: possui espectro de Fourier constante (ruído branco)
- AWGN Additive White Gaussian Noise



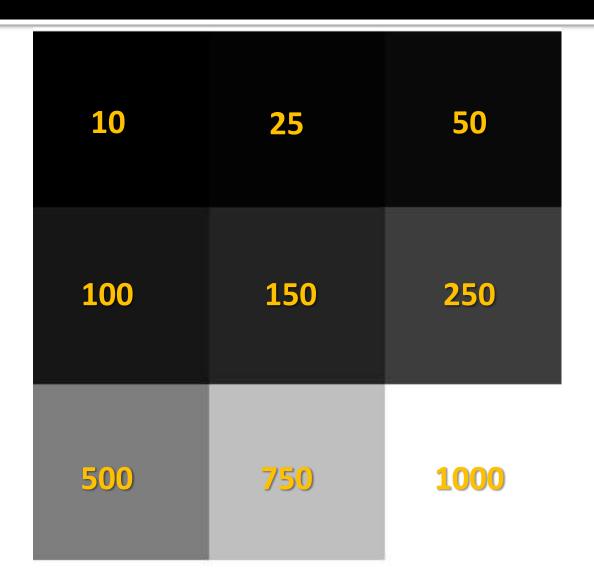




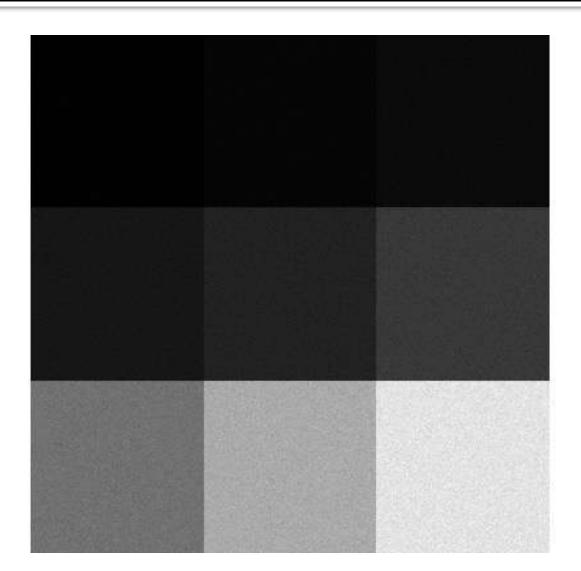


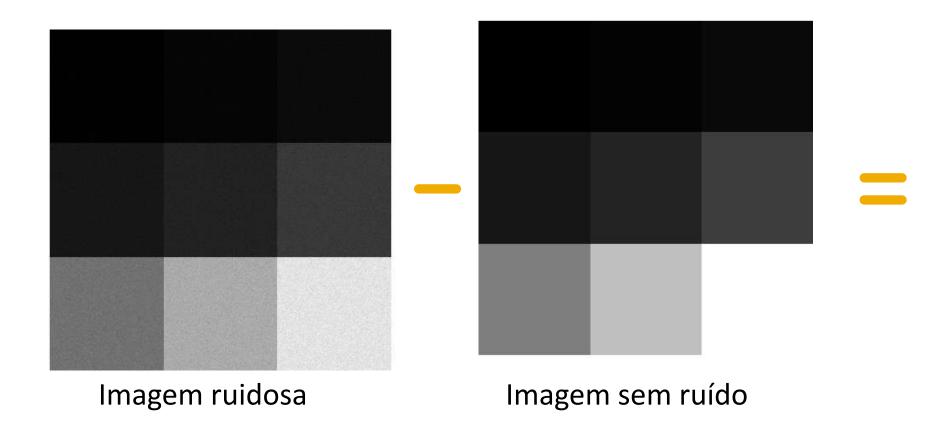
# Dependência do sinal

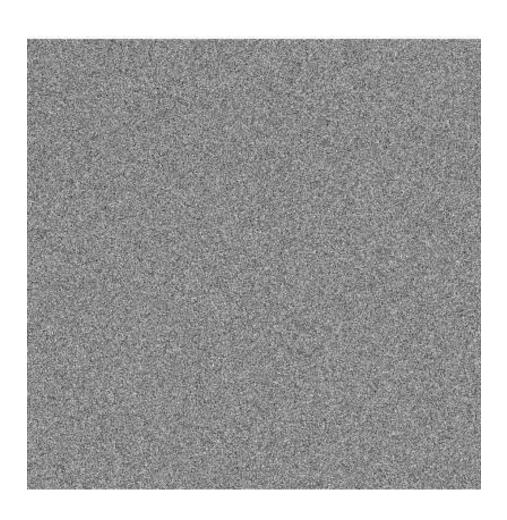
## Imagem sem ruído



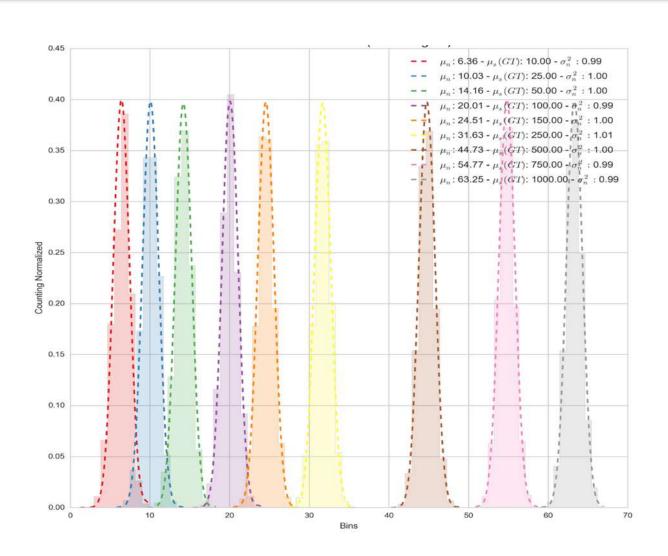
## Imagem com ruído AWGN



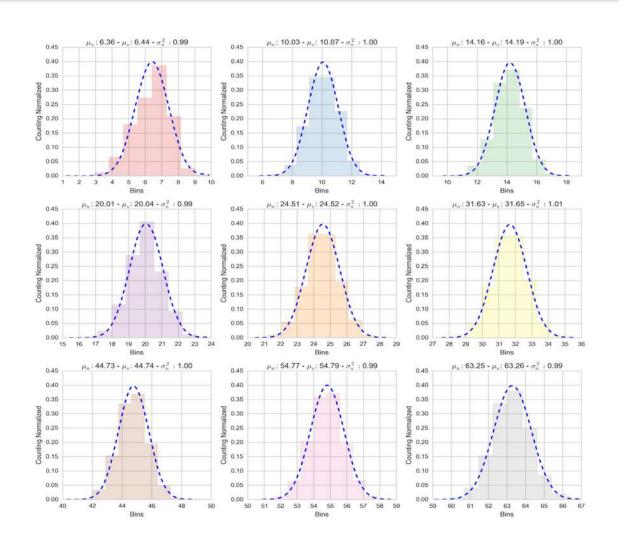




## Histograma

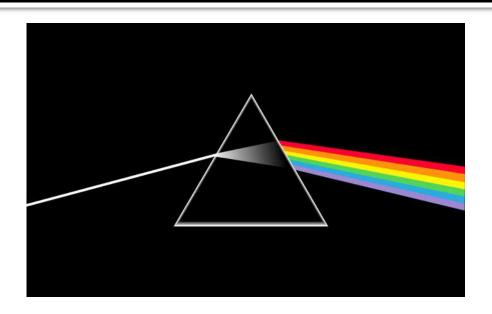


## Histograma



## Ruído branco

#### Ruído branco



- É um sinal aleatório com igual intensidade em diferentes frequências;
- Densidade espectral de potência do ruído (NPS) é constante;
- Termo deriva das propriedades da luz branca.

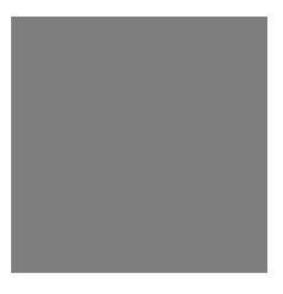


Imagem uniforme Sem ruído

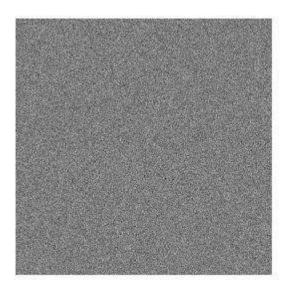


Imagem uniforme Com ruído AWGN

## Histogramas

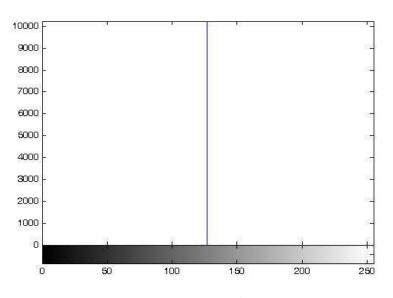


Imagem uniforme Sem ruído

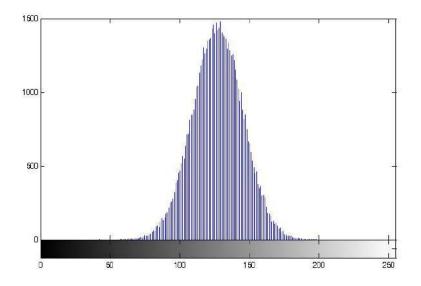


Imagem uniforme Com ruído AWGN

## **Espectro de Fourier**

#### No domínio da frequência



Imagem uniforme Sem ruído

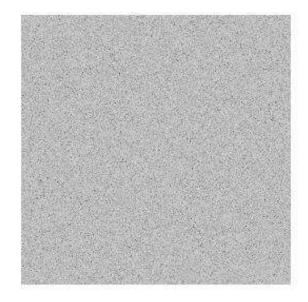
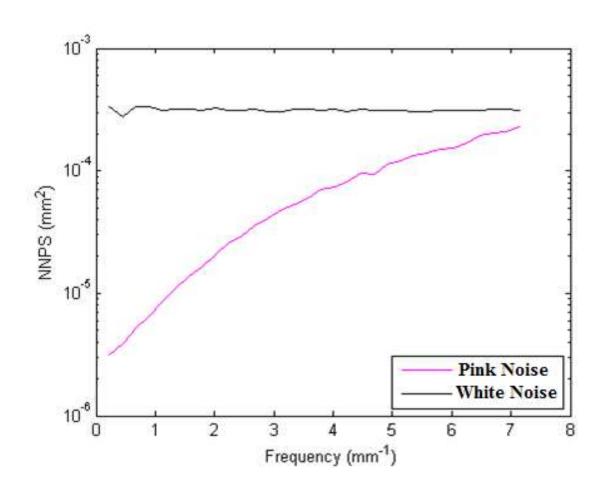


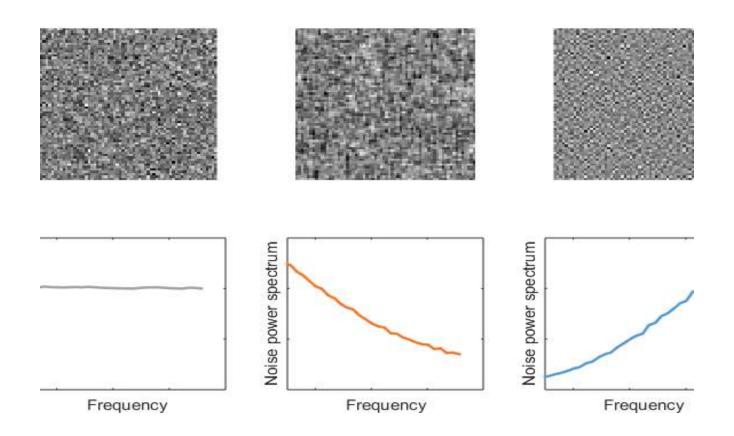
Imagem uniforme Com ruído AWGN

## Densidade espectral de potência

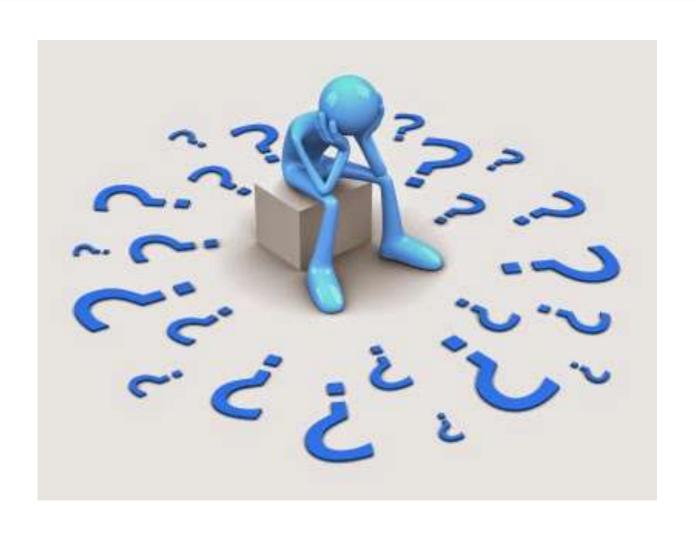


#### Ruído branco x Ruído colorido

Todas as imagens foram contaminadas por ruído gaussiano aditivo com média zero e variância unitária



# Como remover o ruído AWGN?



#### Restauração apenas do ruído

$$g(x,y) = h(x,y) * f(x,y) + n(x,y)$$

$$g(x,y) = f(x,y) + n(x,y) \longrightarrow \hat{f}(x,y) = g(x,y) - n(x,y)$$

$$G(u,v) = F(u,v) + N(u,v) \longrightarrow \hat{F}(u,v) = G(u,v) - N(\chi v)$$



Imagem uniforme Sem ruído

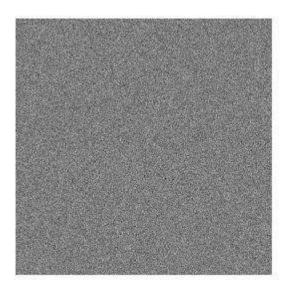


Imagem uniforme Com ruído AWGN

## Histogramas

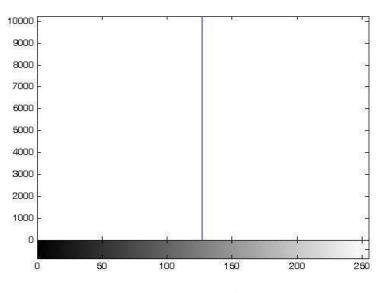


Imagem uniforme Sem ruído

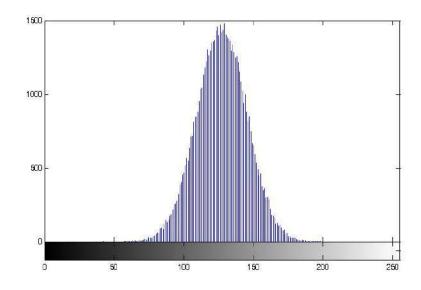


Imagem uniforme Com ruído AWGN

Realizar a MÉDIA do sinal ruidoso!

$$\hat{f}(x,y) = \frac{\sum_{s,t \in S_{xy}} g(s,t)}{MN}$$

#### Exemplo:

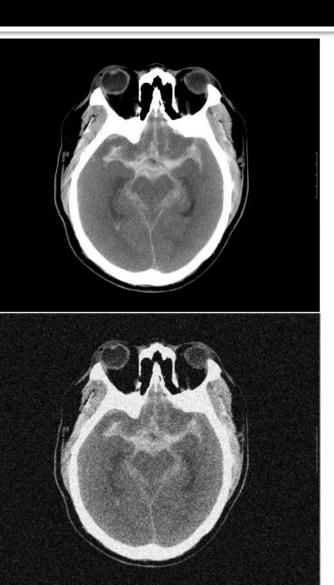
10	20	20
20	13	20
20	25	100

$$\hat{f}(x,y) = \frac{10 + 20 + 20 + 20 + 13 + 20 + 20 + 25 + 100}{9}$$

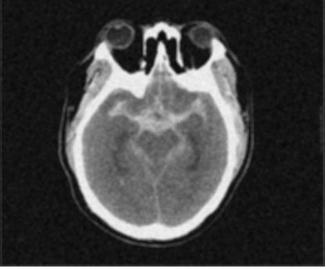
$$=27,55\sim 28$$

Original

Média 3x3







Média 9x9

Ruidosa

- Processamento no domínio do espaço
- Filtragem espacial por vizinhança (convolução)
- Filtro espacial passa-baixa é implementado através de uma máscara (kernel) que realiza a média da vizinhança:

$$\frac{1}{5} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\frac{1}{9} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\frac{1}{5} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \qquad \frac{1}{9} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \qquad \frac{1}{32} \begin{bmatrix} 1 & 3 & 1 \\ 3 & 16 & 3 \\ 1 & 3 & 1 \end{bmatrix} \qquad \frac{1}{8} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 4 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\frac{1}{8} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 4 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$



#### Filtros de Média Geométrica

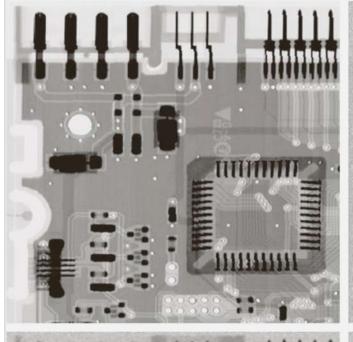
$$\hat{f}(x,y) = \left[\prod_{s,t \in S_{xy}} g(s,t)\right]^{\frac{1}{MN}}$$

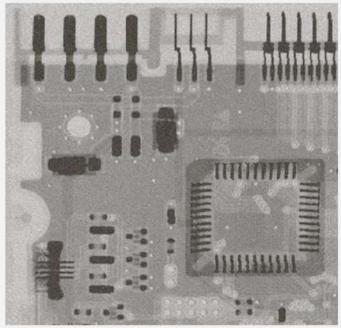
#### Exemplo:

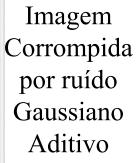
10	20	20
20	13	20
20	25	100

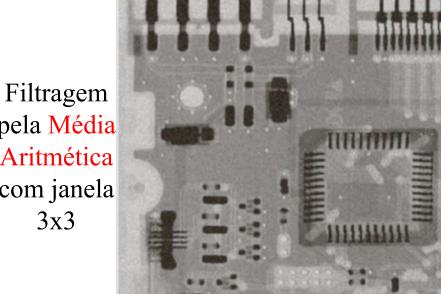
$$\hat{f}(x,y) = [10 \cdot 20 \cdot 20 \cdot 20 \cdot 13 \cdot 20 \cdot 20 \cdot 25 \cdot 100]^{\frac{1}{9}}$$
$$= 21,64 \sim 22$$

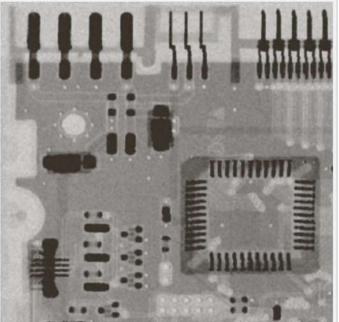
Imagem Original







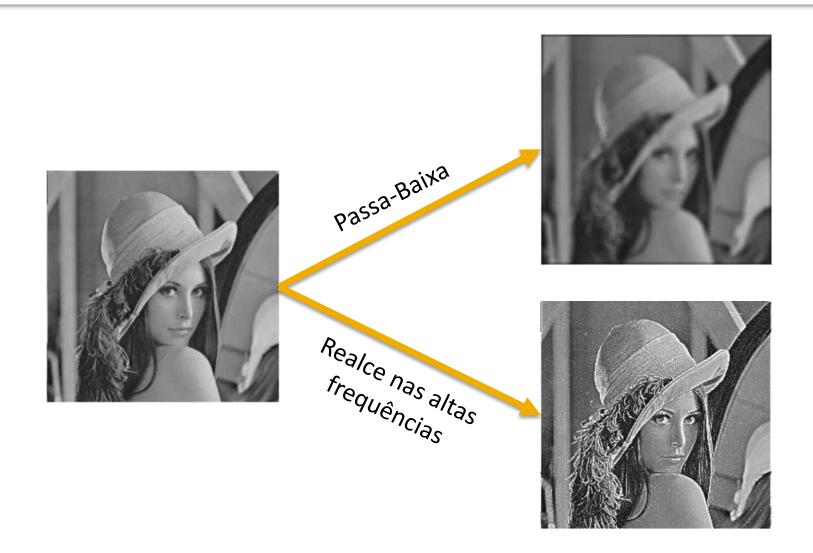




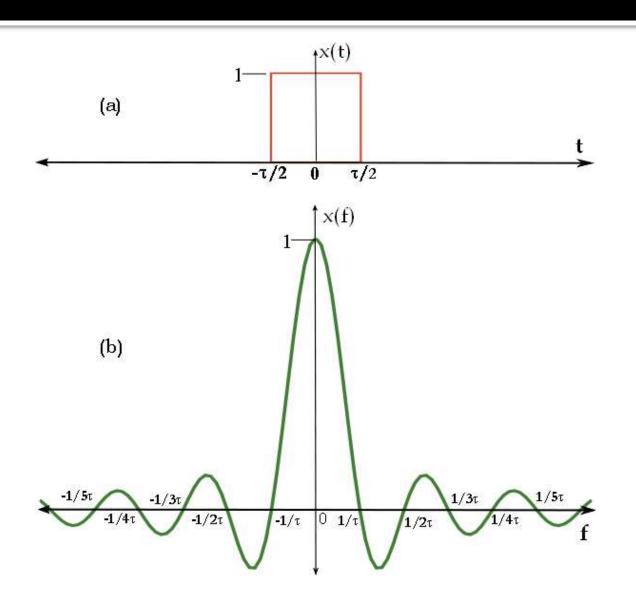
Filtragem pela Média Geométrica com janela 3x3

pela Média Aritmética com janela

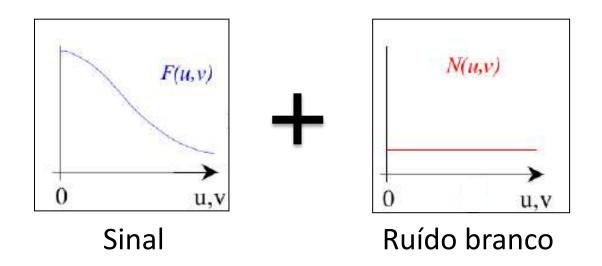
# O ruído é componente de alta freqûencia?

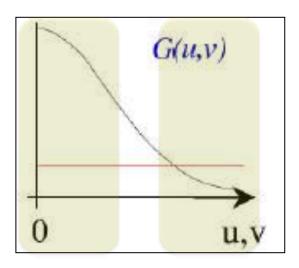


### Processo de aquisição – passa-baixas

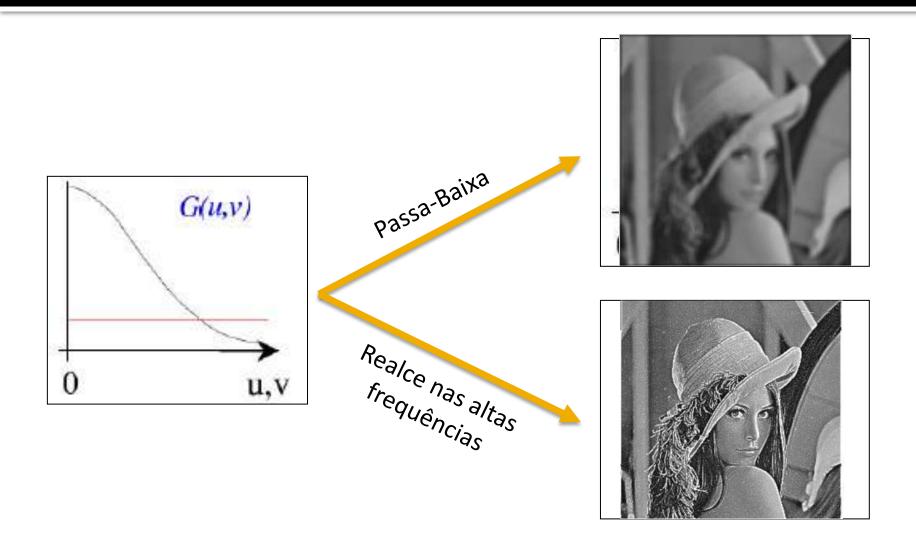


#### Sinal x Ruído



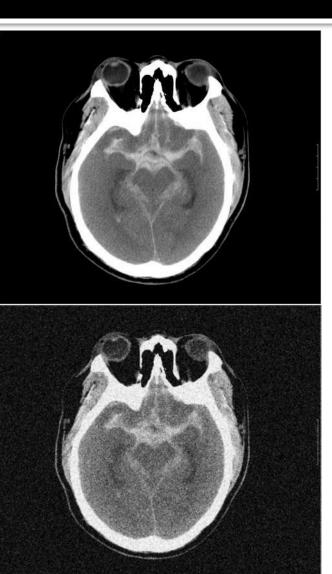


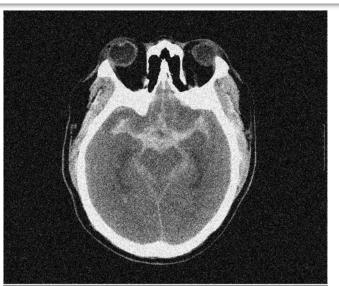
#### Sinal x Ruído

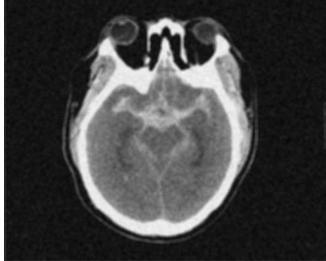


Original

Média 3x3



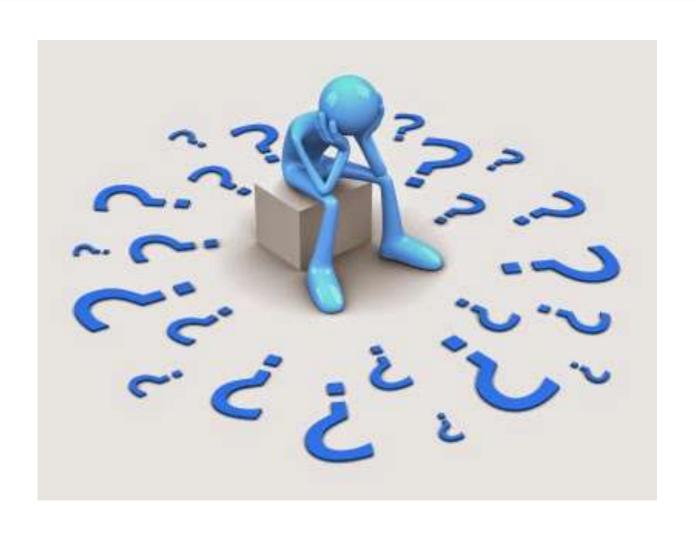




Média 9x9

Ruidosa

# Por que não funciona tão bem?



# Ruído AWGN



Imagem sem ruído

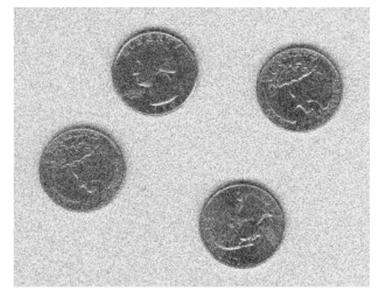


Imagem com ruído AWGN

#### Histogramas

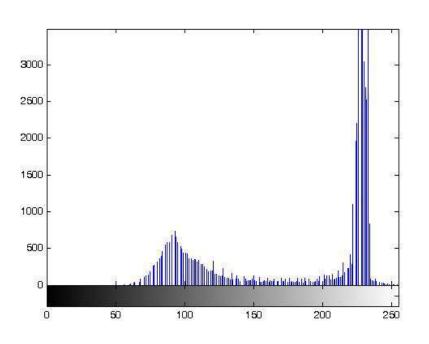


Imagem sem ruído

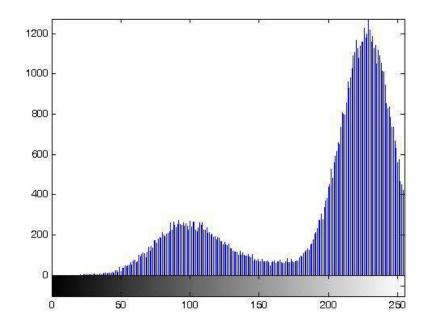


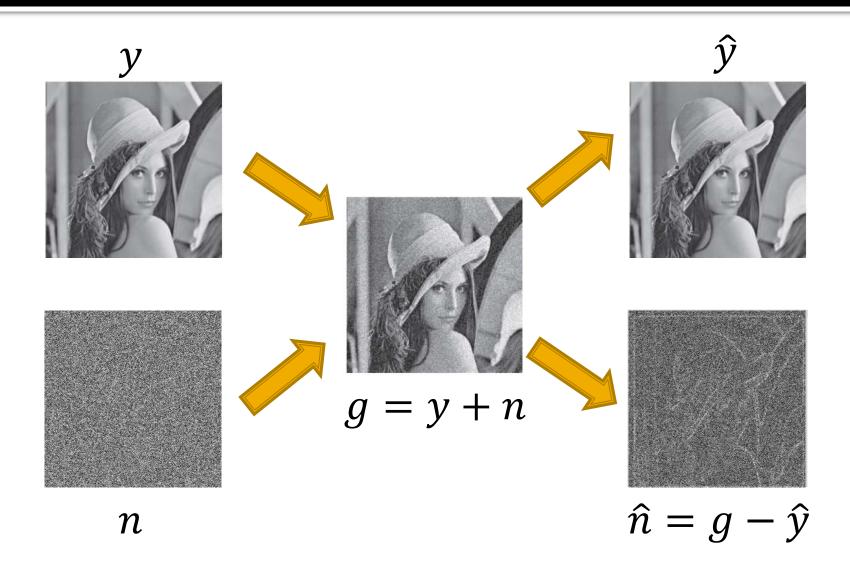
Imagem com ruído AWGN

O sinal e o ruído são misturados!

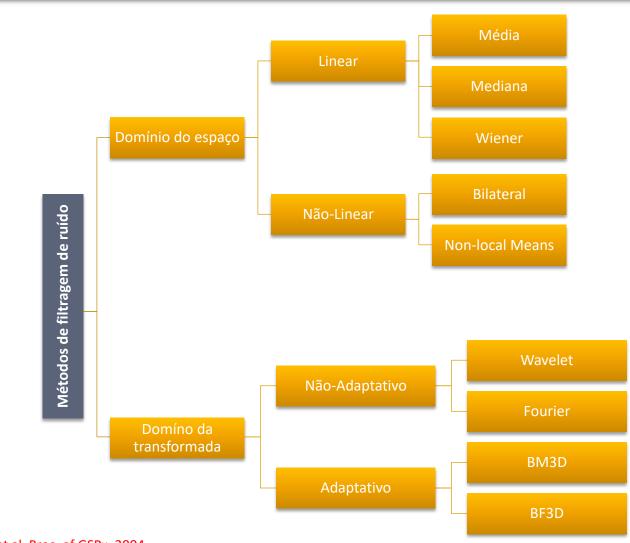
#### Filtros de média local

- Quando calculamos a média do ruído, fazemos também a média do sinal;
- Em regiões uniformes funciona bem;
- Em regiões com detalhes não funciona;
- Causa borramento (perda de detalhes).

### Problema da filtragem de ruído

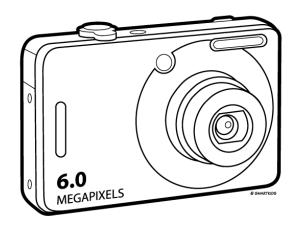


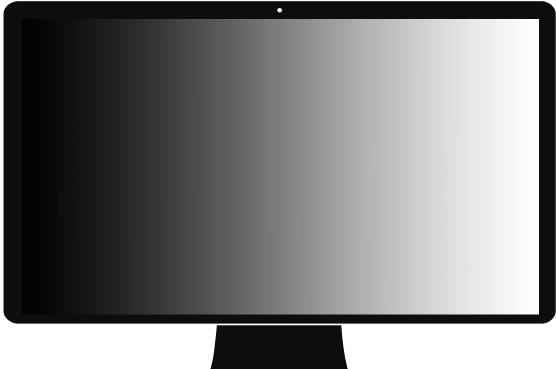
# Métodos para filtragem de ruído

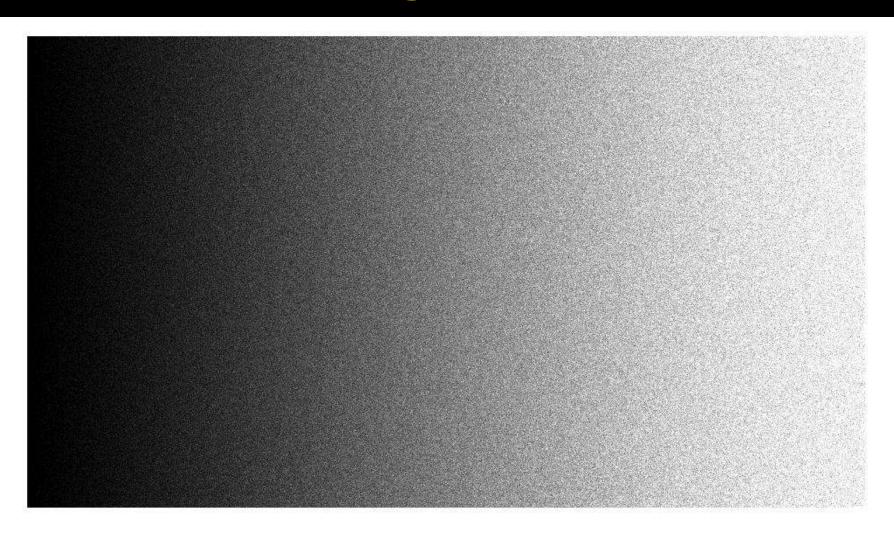


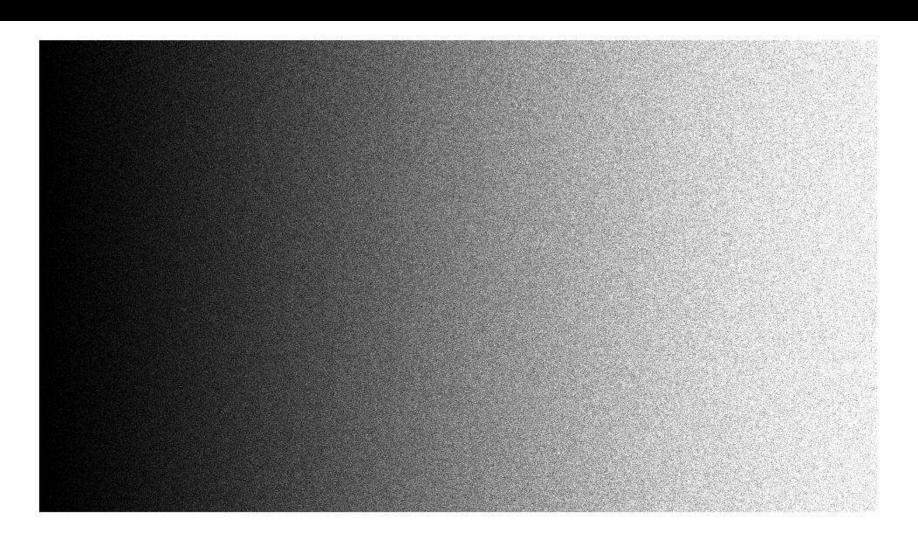
Fonte: Motwani M, et al. Proc. of GSPx, 2004.

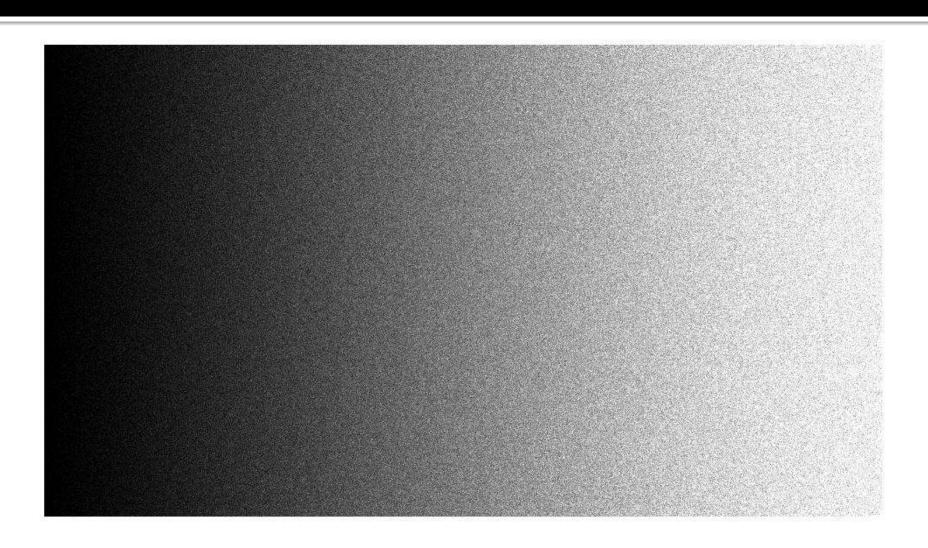
# Método ideal filtragem de ruído

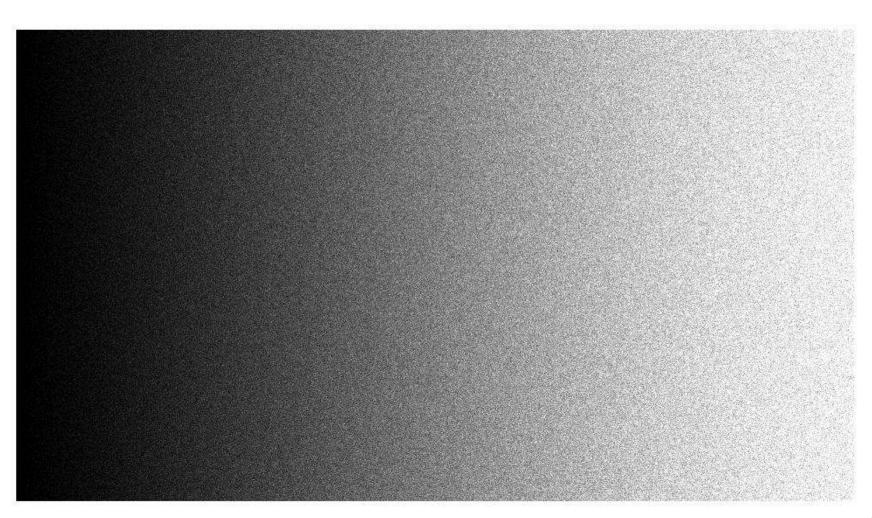












### Média de todas as exposições

$$\frac{1}{N}\sum_{i=1}^{N}$$



Imagem filtrada

#### **Problemas?**

- Só é útil para ruído de média zero;
- Nem sempre é possível obter várias exposições da mesma cena;
- Movimento causa "borramento";
- Imagens médicas exposição à radiação;

#### Desafio:

 Filtrar o ruído a partir de uma única imagem com o mínimo borramento

#### Filtro de média não-local

# Filtro de média não-local





VISUALIZAR TODOS



A Buades, B Coll, JM Morel

#### A. Buades Afiliação desconhecida E-mail confirmado em uib.es - Página inicial

The staircasing effect in neighborhood filters and its solution

IEEE transactions on Image Processing 15 (6), 1499-1505



278

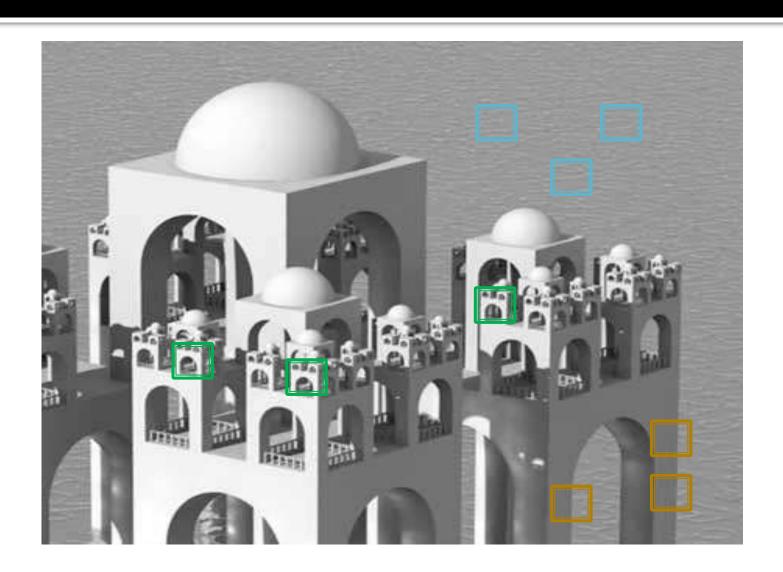
2006

Citado por

	Todos	Desde 2015
Citações	15767	9555
Índice h	29	28
Índice i10	47	41
	_	1900
_		1425
ш	Ш	1425
Ш	Ш	(9)(6)(6)(7)

τίτυιο	CITADO POR	ANO
A non-local algorithm for image denoising A Buades, B Coll, JM Morel 2005 IEEE Computer Society Conference on Computer Vision and Pattern	5973	2005
A review of image denoising algorithms, with a new one A Buades, B Coll, JM Morel Multiscale Modeling & Simulation 4 (2), 490-530	4690	2005
Nonlocal image and movie denoising A Buades, B Coll, JM Morel International journal of computer vision 76 (2), 123-139	804	2008
Image denoising methods. A new nonlocal principle A Buades, B Coll, JM Morel SIAM review 52 (1), 113-147	387	2010
Non-local means denoising A Buades, B Coll, JM Morel Image Processing On Line 1, 208-212	323	2011

- Premissa principal: Imagem é redundante.
  - Pequenas regiões tendem a se repetir ao longo da imagem, não necessariamente próximas umas das outras.
- Portanto: Buscar por amostras em toda a imagem.
  - Não apenas na vizinhança do pixel sendo processado.

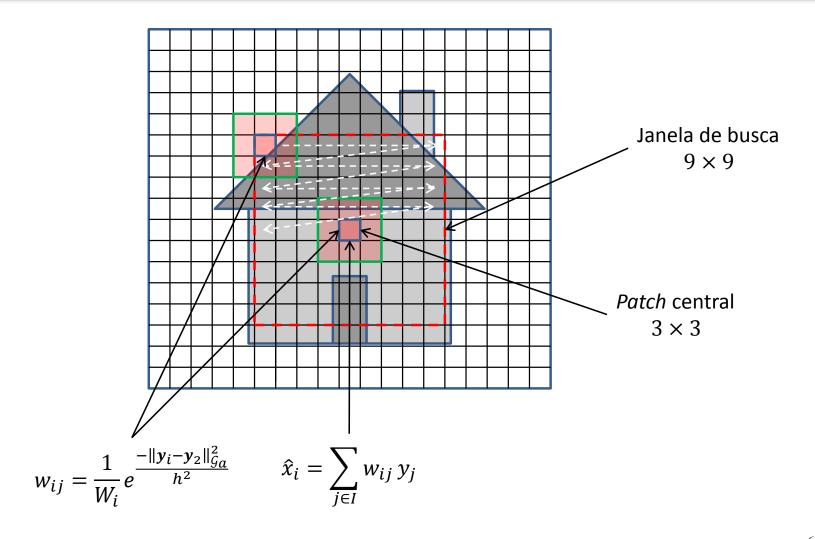


 Estima o valor de um pixel como a média ponderada de todos os outros pixels.

$$\hat{x}_i = \sum_{j \in I} w_{ij} \, y_j$$

 Os coeficientes do filtro se adaptam aos dados (filtro variante no espaço).

$$w_{ij} = \frac{1}{W_i} e^{\frac{-\|\mathbf{y}_i - \mathbf{y}_2\|_{\mathcal{G}_a}^2}{h^2}}$$

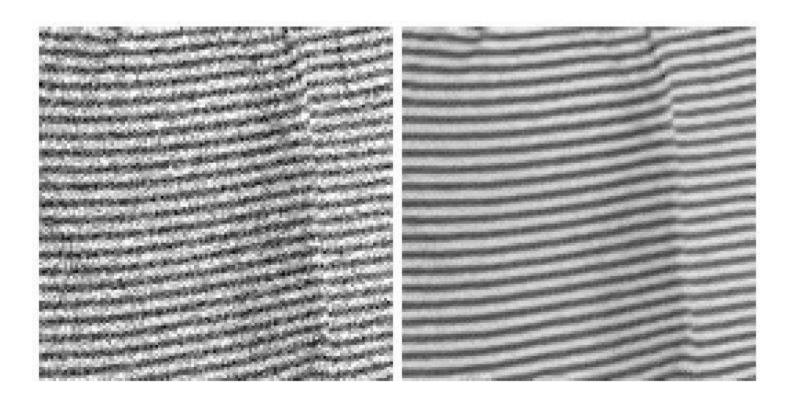


• Imagem natural com  $\sigma = 20$ .





Imagem quase periódica com  $\sigma = 30$ .



# Resultados comparativos

Imagem ruidosa



Filtragem Anisotrópica



Média local



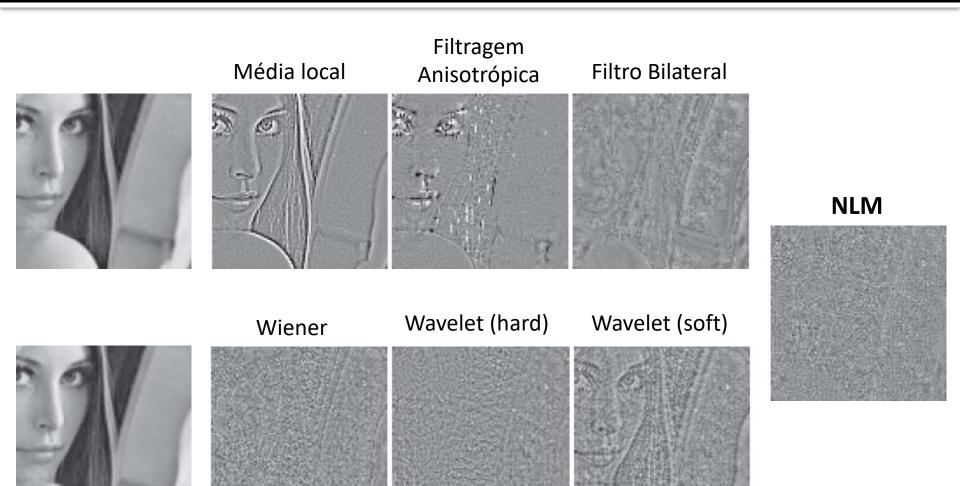
**Total Variation** 



**NLM** 



#### Resultados comparativos - resíduos



### **Block-Matching 3D – BM3D**





VISUALIZAR TODOS



#### Alessandro Foi



Citado por

Professor of Signal Processing at Tampere University (formerly, <u>Tampere University of Technology</u>)

E-mail confirmado em tut.fi - Página inicial

Imaging Signal Processing Noise Denoising Applied Statistics

ТІТИLО	CITADO POR	ANO
Image denoising by sparse 3-D transform-domain collaborative filtering K Dabov, A Foi, V Katkovnik, K Egiazarian IEEE Transactions on Image Processing 16 (8), 2080-2095	5777	2007
Pointwise shape-adaptive DCT for high-quality denoising and deblocking of grayscale and colimages A Foi, V Katkovnik, K Egiazarian IEEE Transactions on Image Processing 16 (5), 1395-1411	or 632	2007
Image denoising with block-matching and 3D filtering K Dabov, A Fei, V Katkovnik, K Egiazarian Image Processing: Algorithms and Systems, Neural Networks, and Machine	541	2006
Practical Poissonian-Gaussian noise modeling and fitting for single-image raw-data A Foi, M Trimeche, V Katkovnik, K Egiazarian IEEE Transactions on Image Processing 17 (10), 1737-1754	521	2008
A Nonlocal Transform-Domain Filter for Volumetric Data Denoising and Reconstruction M Maggioni, V Katkovnik, K Egiazarian, A Foi IEEE Transactions on Image Processing 22 (1), 1057-7149	452	2013
BM3D image denoising with shape-adaptive principal component analysis K Dabov, A Foi, V Katkovnik, K Egiazarian SPARS '09 - Signal Processing with Adaptive Sparse Structured	435	2009
From local kernel to nonlocal multiple-model image denoising V Katkovnik, A Foi, K Egiazarian, J Astola International Journal of Computer Vision 86 (1), 1-32	426	2010

	Todos	Desde 2015
Citações	12683	8548
Índice h	38	27
Índice i10	74	56
	-	1900
-		1425
- 11		950
		475
2013 2014 2015	2016 2017 2018	2019 2020 0
2013 2014 2015 Coautores		2019 2020 0 ALIZAR TODOS
Coautores  Karen I		ALIZAR TODOS

Matteo Maggioni Imperial College London

Markku Mäkitalo Tampere University Aram Danielyan

Tampere University of Technology

# Algoritmo NLM

- Limitações:
  - Compara patches ruidosos.

$$E\left[\|\mathbf{y}_{i}-\mathbf{y}_{j}\|_{2,a}^{2}\right]=\|\mathbf{x}_{i}-\mathbf{x}_{j}\|_{2,a}^{2}+2\sigma^{2}$$

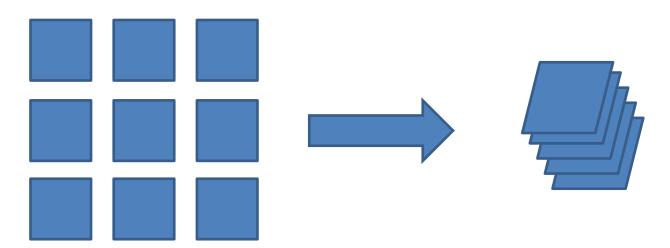
- Intuitivamente: Quanto maior a janela de busca, melhor serão os resultados.
  - Na prática: Introduz um número maior de amostras não similares com peso não zero na estimativa (SALMON, 2010).
- Resultados tendem a ser inferiores para conteúdo "menos redundante".

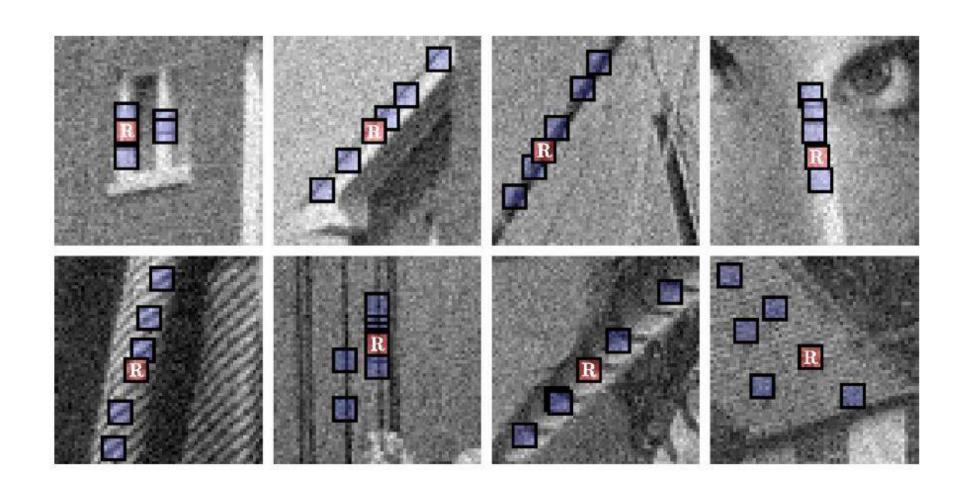
#### Block Match 3-D

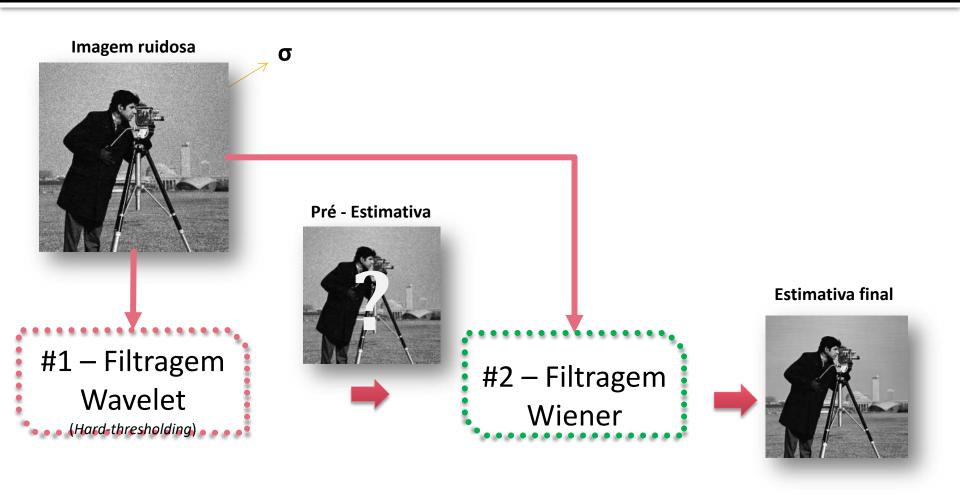
- Proposto por (DABOV et al., 2007).
  - Também explora a redundância inerente de imagens naturais e nos conceitos fundamentais do algoritmo NLM.
  - Se difere por também explorar a esparsidade e a filtragem colaborativa do sinal.
  - É atualmente conhecido como um algoritmo de estado-da-arte.

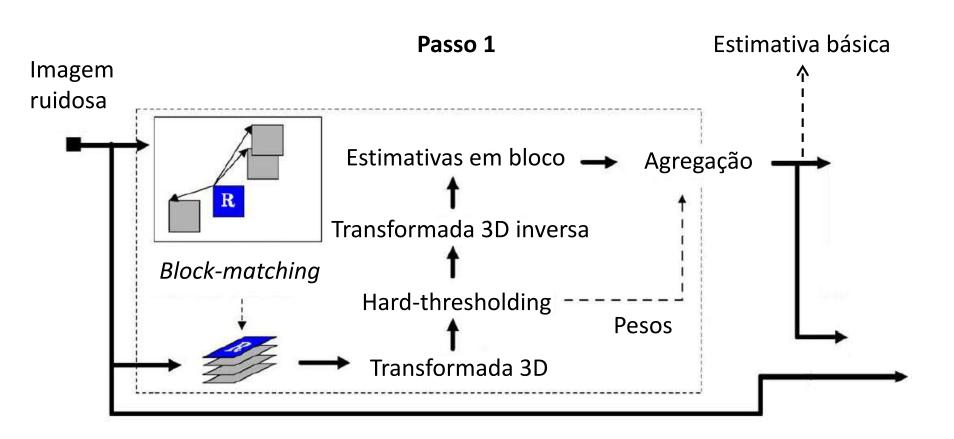
#### Block Match 3-D

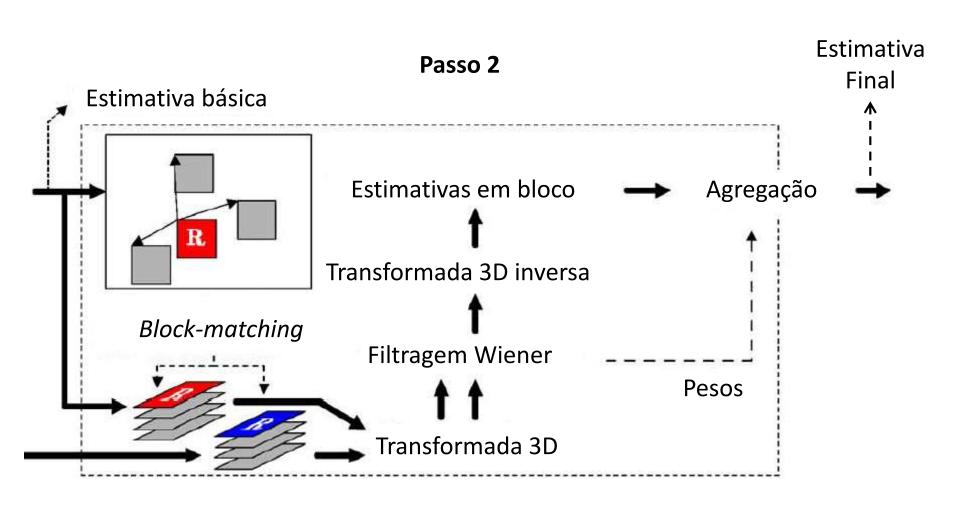
- Ideia básica: Agrupar fragmentos 2-D similares (blocos) em um array 3-D (grupo ou pilha).
  - Agrupar fragmentos de um sinal d-dimensional em uma estrutura de dados d+1-dimensional.
  - Quando os blocos possuem mesmo tamanho e formato, o grupo é conhecido como um cilindro generalizado.





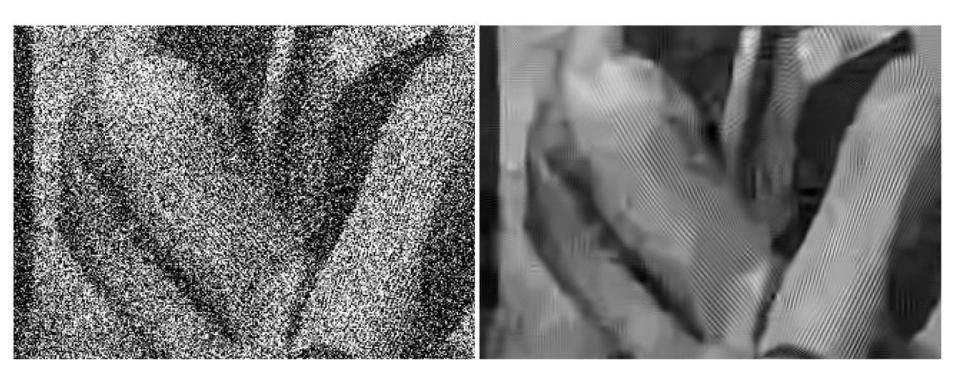






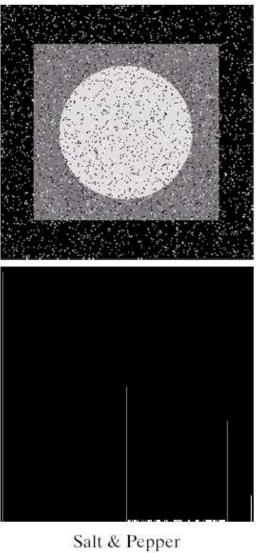






# Ruído impulsivo ("sal e pimenta")

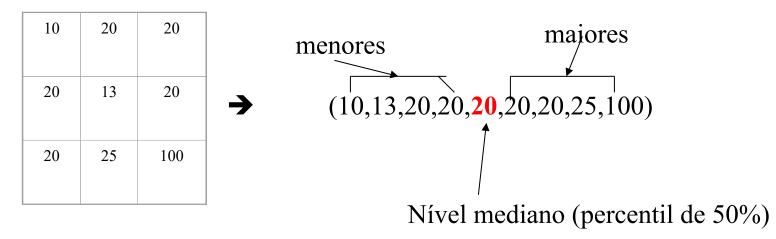
## Ruído impulsivo



#### Filtro da Mediana

- ☐ Substitui o nível de cinza de cada pixel pelo nível de cinza mediano em uma vizinhança do pixel.
- ☐ O nível mediano de um conjunto de valores é tal que exista metade dos valores menores e metade dos valores maiores.

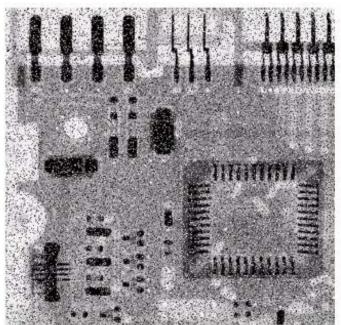
#### Exemplo:

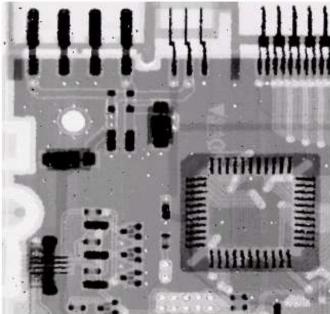


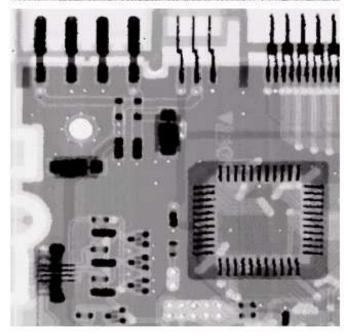
a b c d

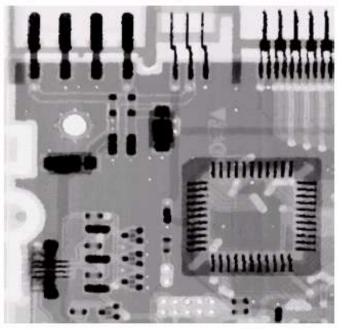
#### FIGURE 5.10

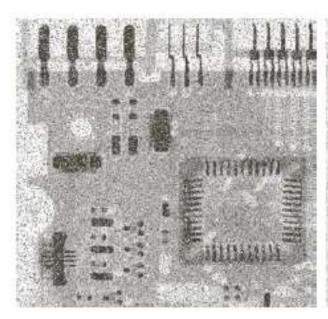
(a) Image corrupted by saltand-pepper noise with probabilities Pa = Pb = 0.1.
(b) Result of one pass with a median filter of size 3 × 3.
(c) Result of processing (b) with this filter.
(d) Result of processing (c) with the same filter.











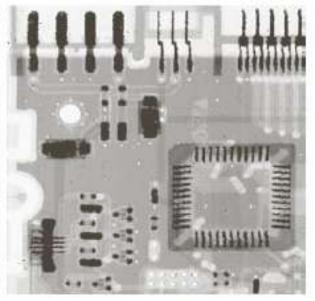


Imagem com ruído "sal e pimenta"

Média da Vizinhança 3 x 3

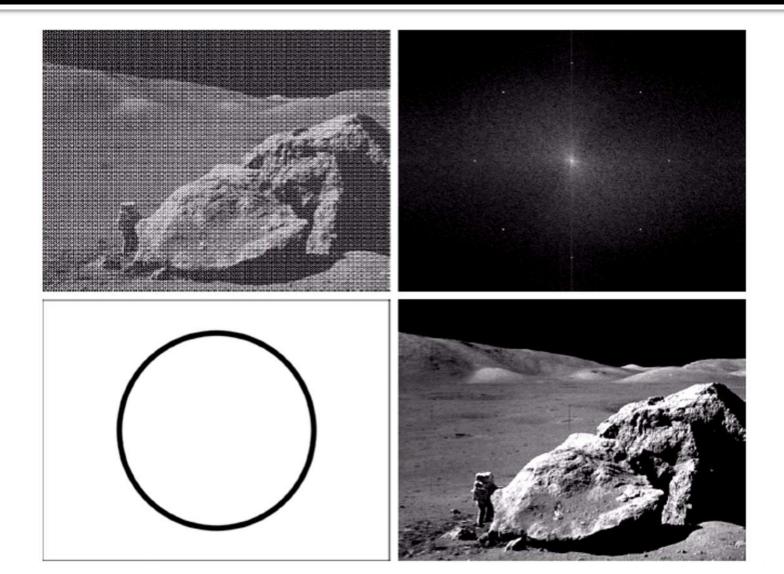
Filtragem Mediana 3 x 3

# Ruído periódico

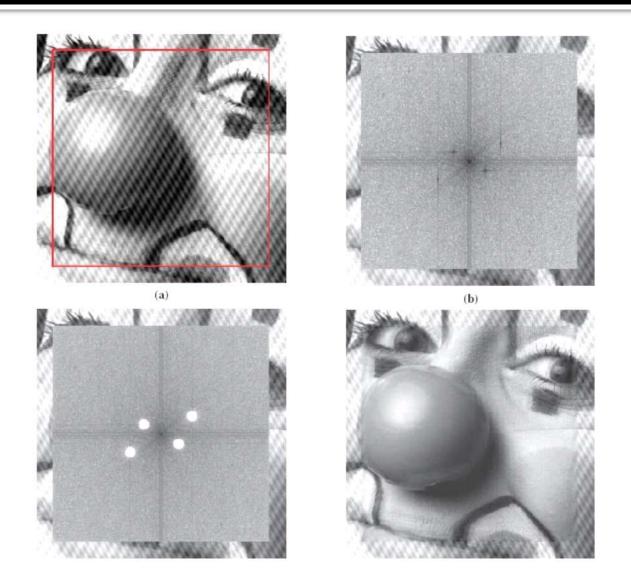
### Ruído periódico

- Causado por interferências eletromagnéticas ou mecânicas
- Ruído sistemático: não aleatório
- Remover ruído periódico filtros no domínio da frequência:
  - Rejeita Banda
  - Notch

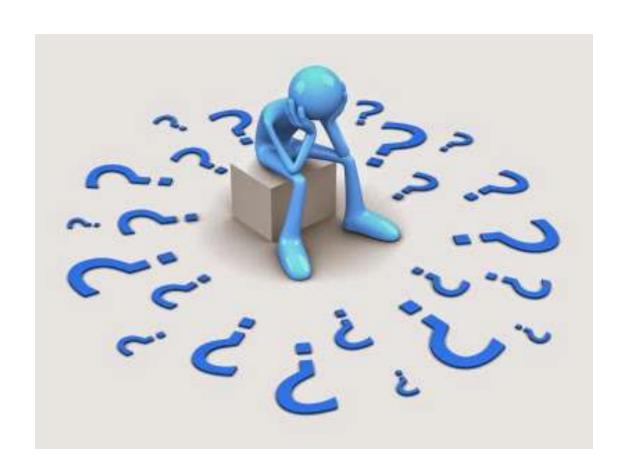
### Filtro Rejeita-Banda Ideal



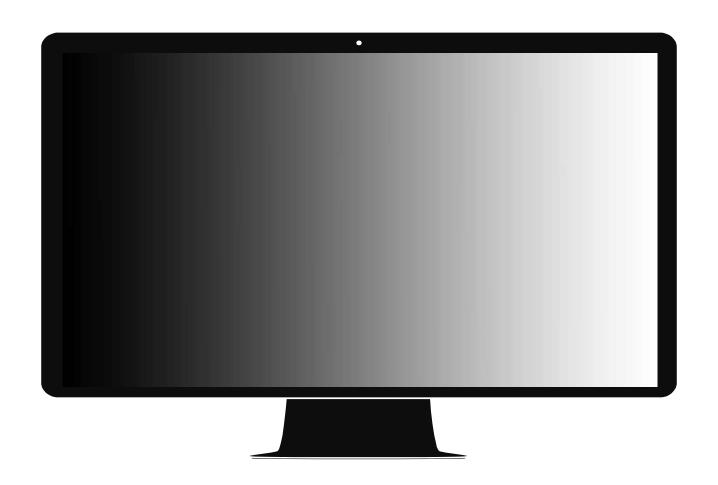
### Filtros Notch Reject



### O que é o ruído quântico?



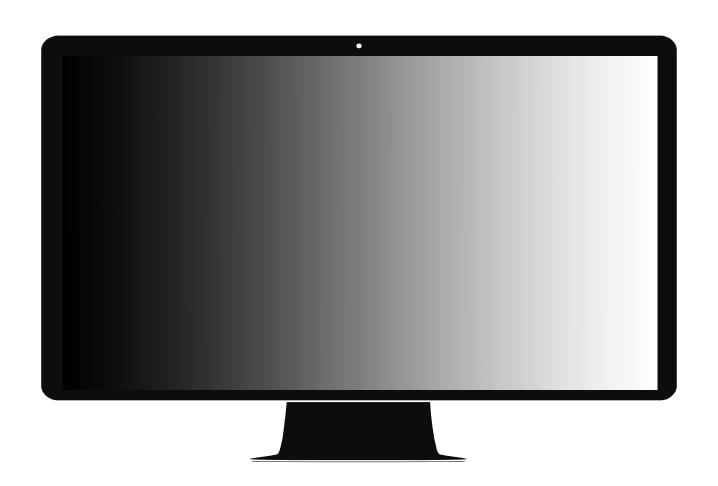
# Considere uma imagem digital feita em computador (sintética)



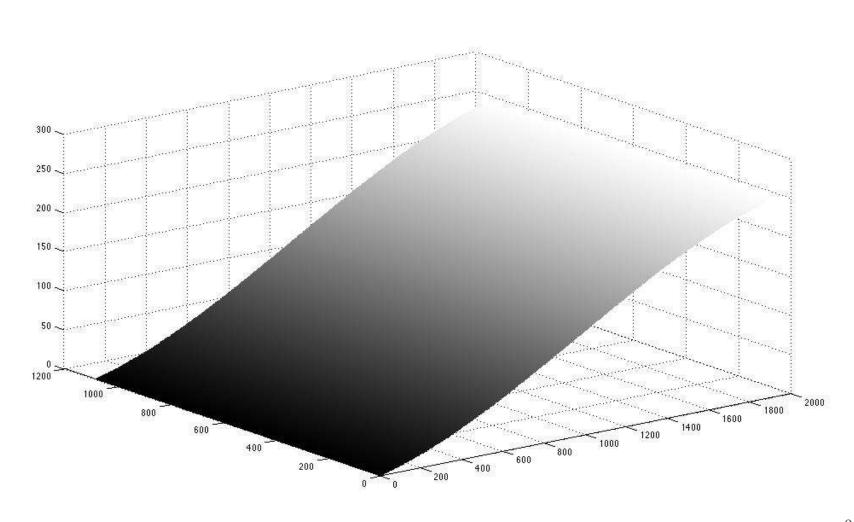
# Considere uma imagem digital feita em computador (sintética)

•							
0	1	2	3	•••	253	254	255
0	1	2	3	•••	253	254	255
0	1	2	3	•••	253	254	255
0	1	2	3	•••	253	254	255
0	1	2	3	•••	253	254	255
0	1	2	3	•••	253	254	255
0	1	2	3	•••	253	254	255
0	1	2	3	•••	253	254	255

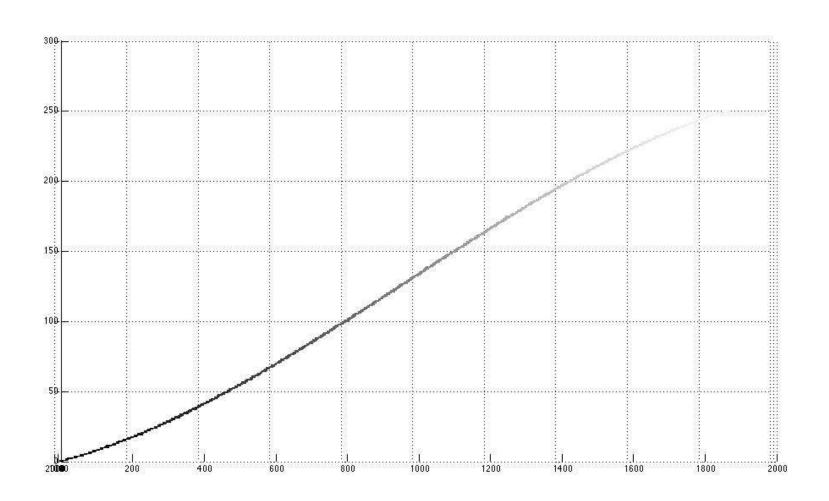
# Considere uma imagem digital feita em computador (sintética)



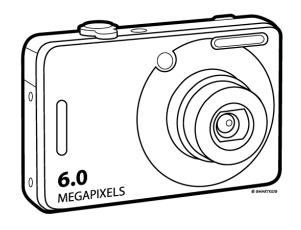
### Superfície da imagem digital

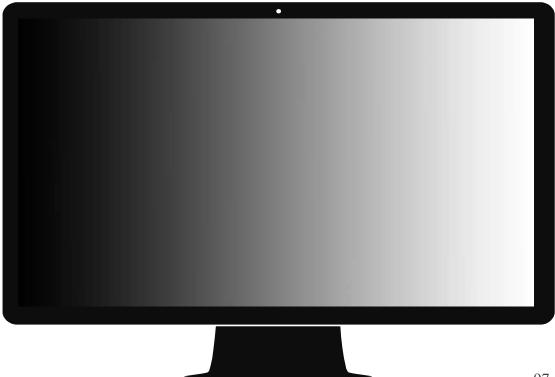


### Rampa

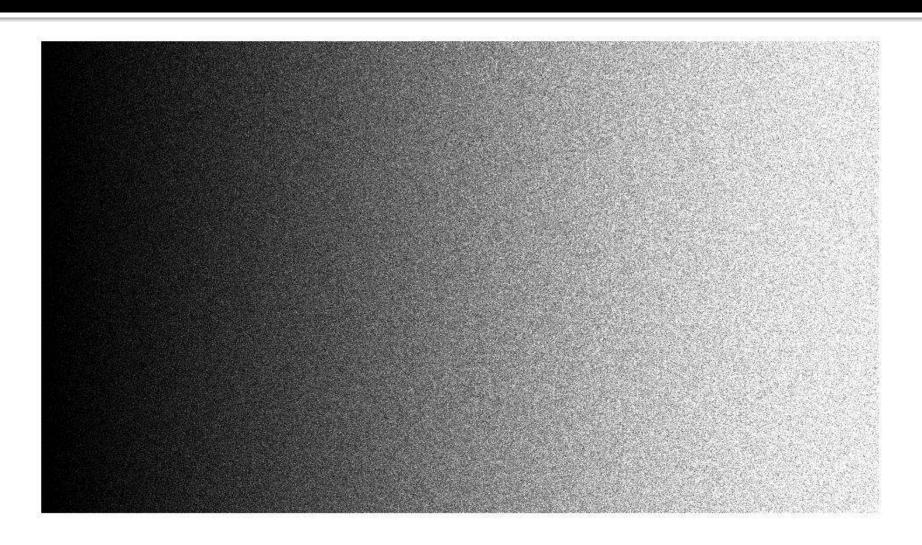


### Como é o ruído dessa fotografia?

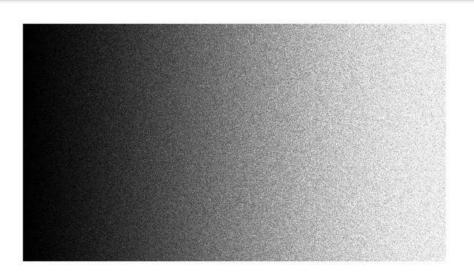




# Fotografia



## Subtração

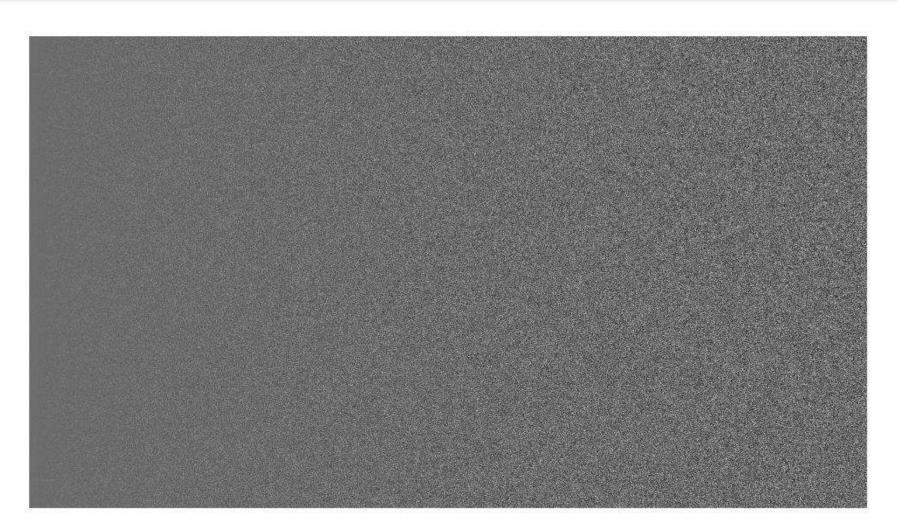


**Fotografia** 

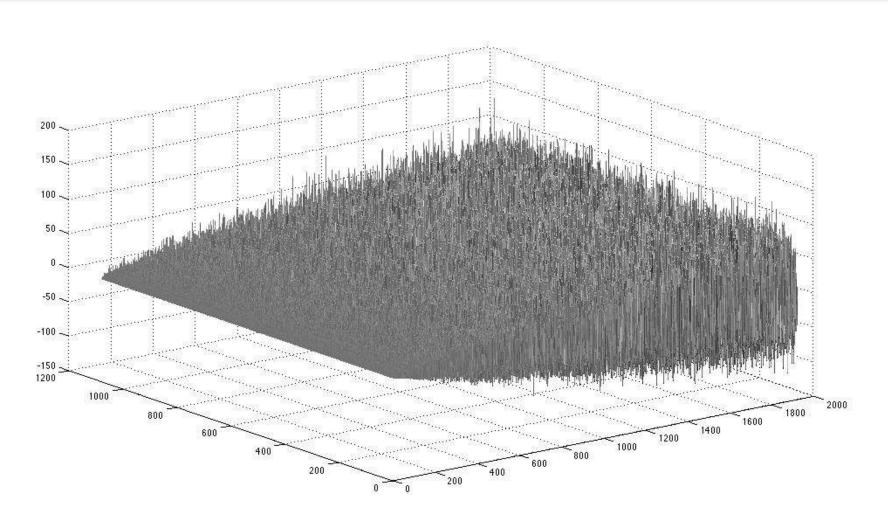


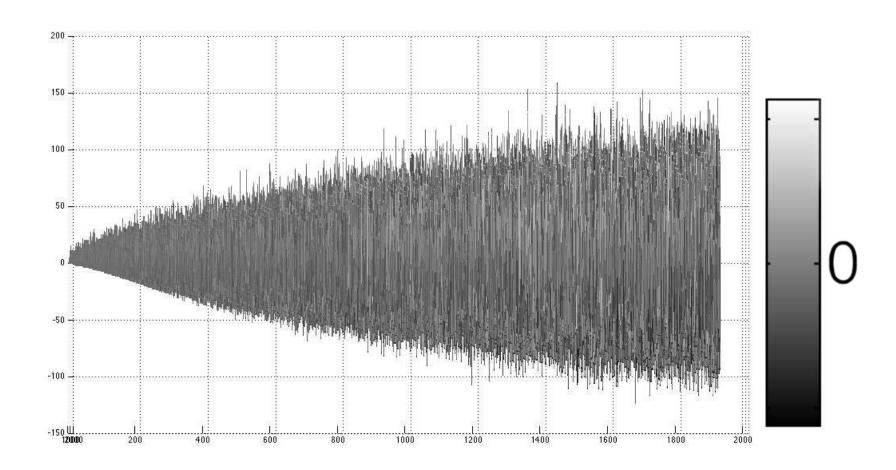
**Imagem Sintética** 

## Ruído



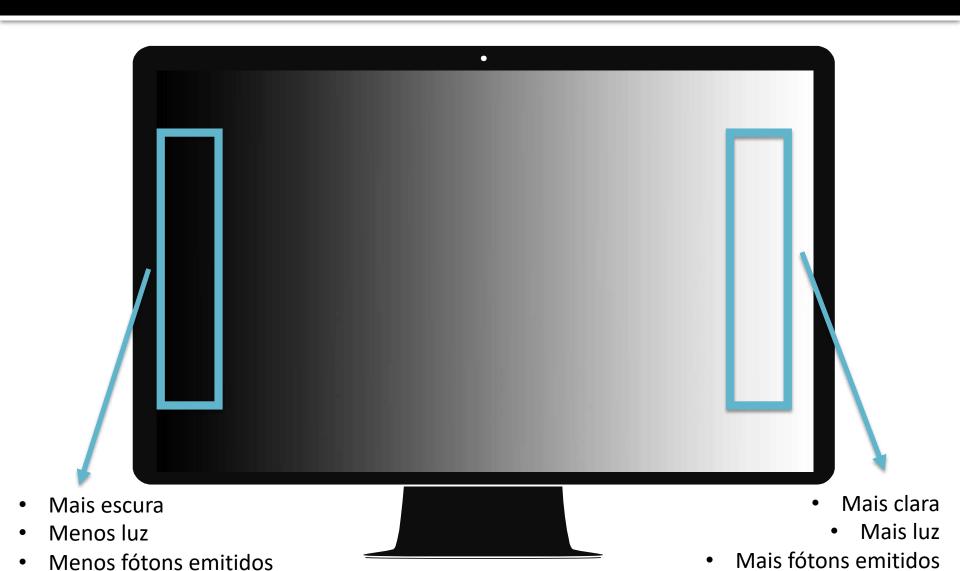
### Ruído





Dependente do sinal!

### Dependência do Sinal



### Características do ruído quântico

- Natureza quântica da luz;
- Segue a distribuição de Poisson;
- Percebido quando há baixa contagem de fótons de luz na aquisição da imagem;
- Chamado de "quantum mottle"ou "shot noise";
- Muito comum em imagens médicas;
- Aleatório;
- Dependente do sinal (variância do ruído = média do sinal);
- Pode ser branco;
- Mais difícil de ser tratado.



Fonte: Wikipedia.













 Distribuição de Poisson é uma distribuição de probabilidade aleatória discreta que expressa a probabilidade de um número de eventos ocorrer durante um intervalo contínuo (tempo, espaço, etc.)

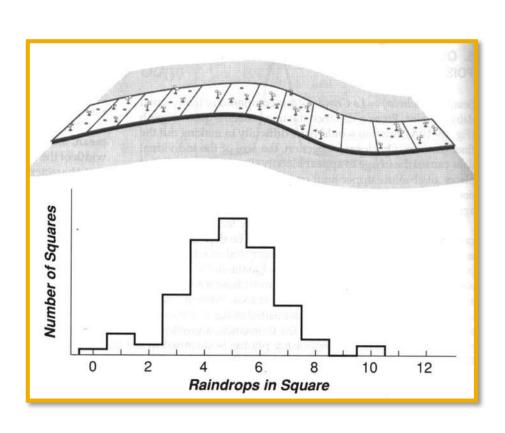
$$f(x) = P(X = x) = \frac{e^{-\lambda} \times \lambda^{x}}{x!}$$
,  $x = 0, 1, 2, ... e \lambda > 0$ .

Esperança:  $\mu_{(X)} = \lambda$ 

Variância:  $\sigma_{(X)}^2 = \lambda$ 

 $\lambda$  = frequência média de eventos no intervalo

- Processo de aquisição de imagens: valor do pixel é proporcional ao número de fótons que chegam no detector;
- O ruído quântico depende do valor do pixel na imagem.



Média:  $\mu = N$ 

Variância:  $\sigma^2 = N$ 

Desvio Padrão:  $\sigma = \sqrt{N}$ 

#### Variação relativa (ruído)

$$\frac{\sqrt{N}}{N} = \frac{1}{\sqrt{N}}$$

O ruído relativo diminui com o aumento do número de fótons.

Média do sinal (N)	Desvio Padrão (√N)	Ruído relativo
10	3,16	31,6%
100	10	10,0%
1000	31,62	3,16%
10000	100	1,00%

#### Relação sinal-ruído (SNR)

$$SNR = \frac{N}{\sqrt{N}} = \sqrt{N}$$

A relação sinal-ruído aumenta com o aumento do número de fótons.

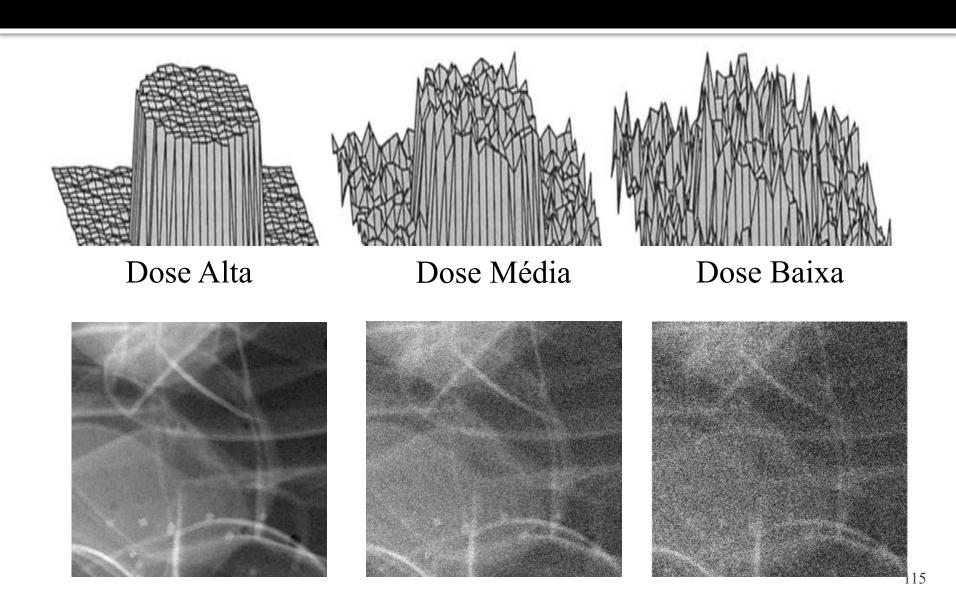
Média do sinal (N)	Desvio Padrão (√N)	Ruído relativo
10	3,16	31,6%
100	10	10,0%
1000	31,62	3,16%
10000	100	1,00%

# **Imagens Médicas**

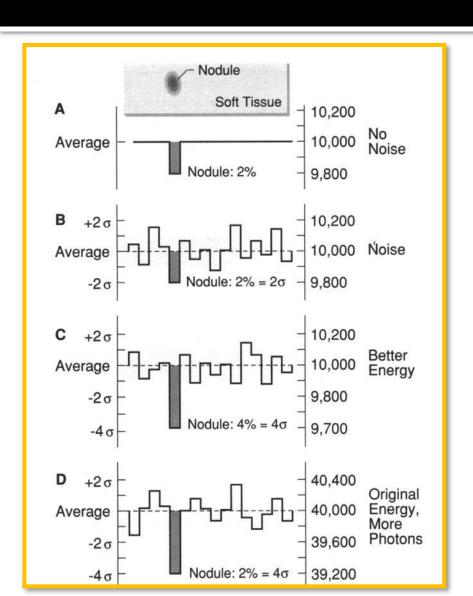
## Raios X



## Dose de Radiação x Ruído



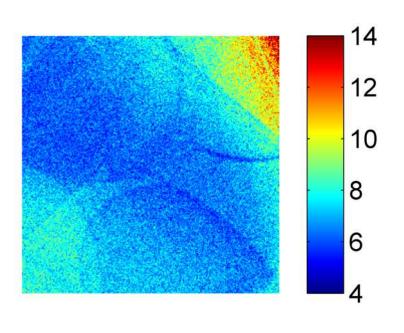
#### Detectabilidade de lesões

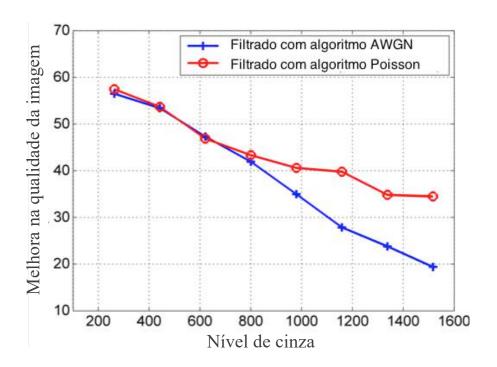


$$SNR = \frac{N}{\sqrt{N}} = \sqrt{N}$$

A dose de radiação influencia na detectabilidade de lesões

- Os métodos desenvolvidos para filtragem do ruído AWGN não devem ser aplicados diretamente para a filtragem do ruído quântico;
- Como a variância do ruído não é fixa para o ruído quântico, os filtros para ruído AWGN:
  - Borram excessivamente as regiões da imagem onde o ruído era mais baixo;
  - Não filtram corretamente as regiões onde o ruído era mais alto.





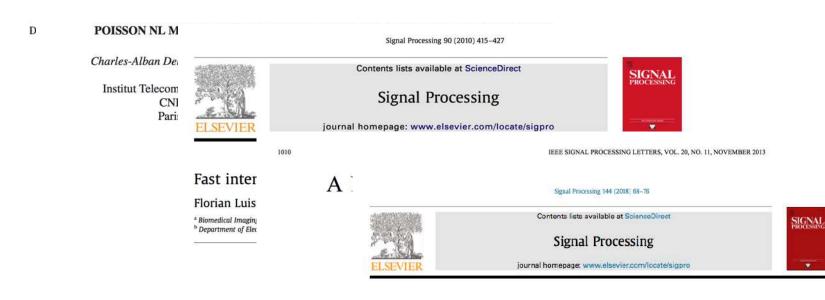
IEEE TRANSACTIONS ON PATTERN ANALYSIS AND MACHINE INTELLIGENCE, VOL. PAMI-7, NO. 2, MARCH 1985

165

#### Adaptive Noise Smoothing Filter for Images with

Proceedings of 2010 IEEE 17th International Conference on Image Processing

September 26-29, 2010, Hong Kong



Poisson Wiener filtering with non-local weighted parameter estimation using stochastic distances



André A. Bindilatti a.\*, Marcelo A.C. Vieira b, Nelson D.A. Mascarenhas a.c.

<sup>&</sup>lt;sup>a</sup> Computing Department, Federal University of São Carlos, São Paulo, Brazil

h Department of Electrical and Computing Engineering, University of São Paulo, São Carlos, São Paulo, Brazil

Faculdade Campo Limpo Paulista, Campo Limpo Paulista, São Paulo, Brazil

### Estabilização de variância

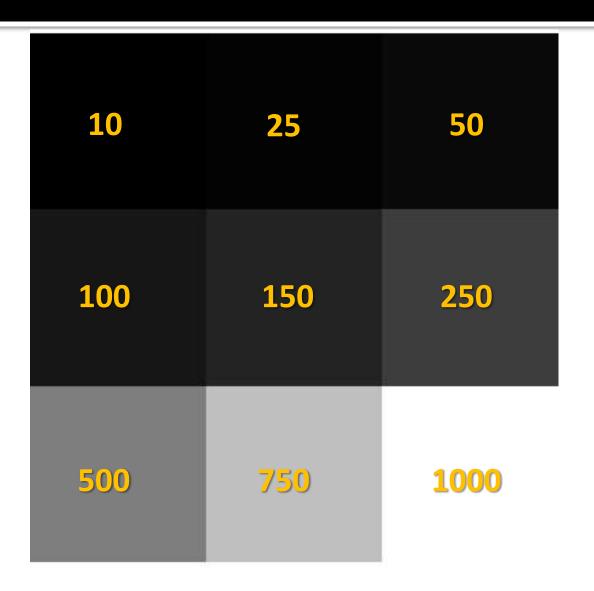
- Transformada de Anscombe;
- Converte uma distribuição Poisson em uma distribuição aproximadamente Gaussiana, com média zero e variância unitária;
- Torna a variância do ruído constante independente do valor do pixel.



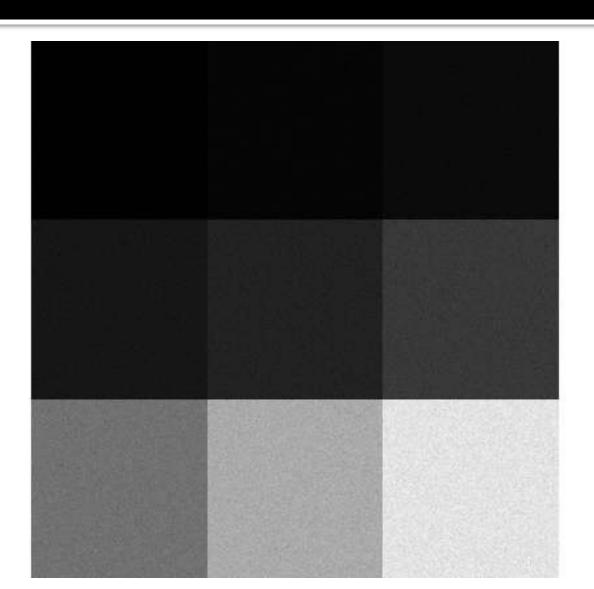
$$f(z) = 2\sqrt{z + \frac{3}{8}}$$

# Dependência do sinal

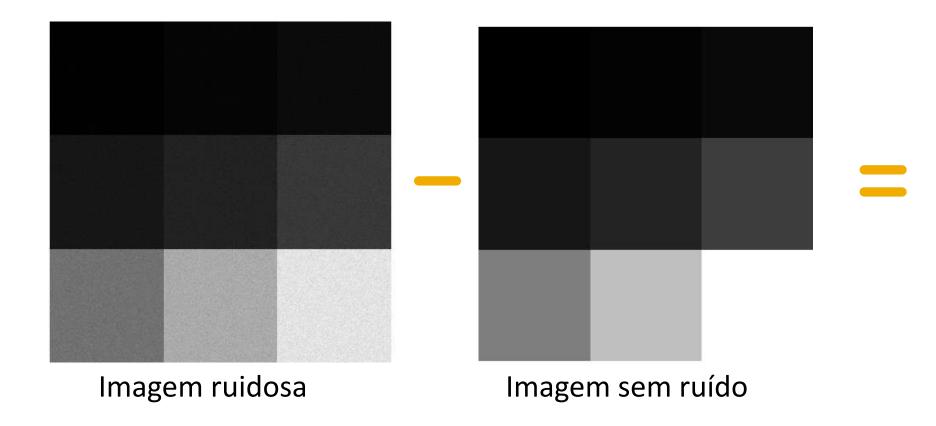
## Imagem sem ruído



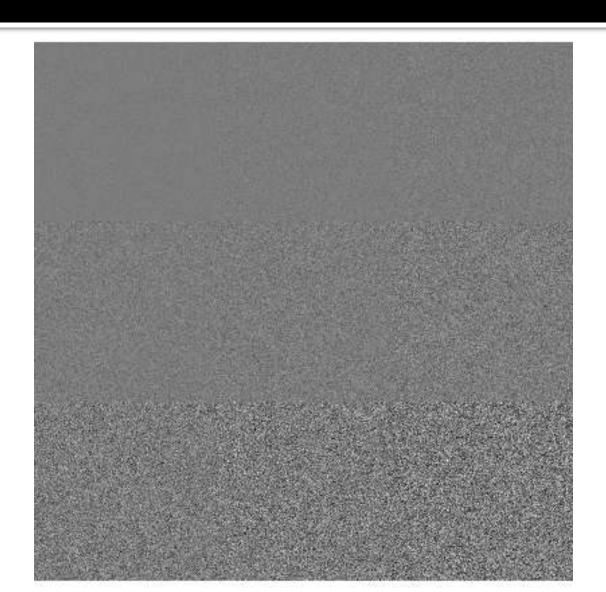
### Imagem com ruído Quântico



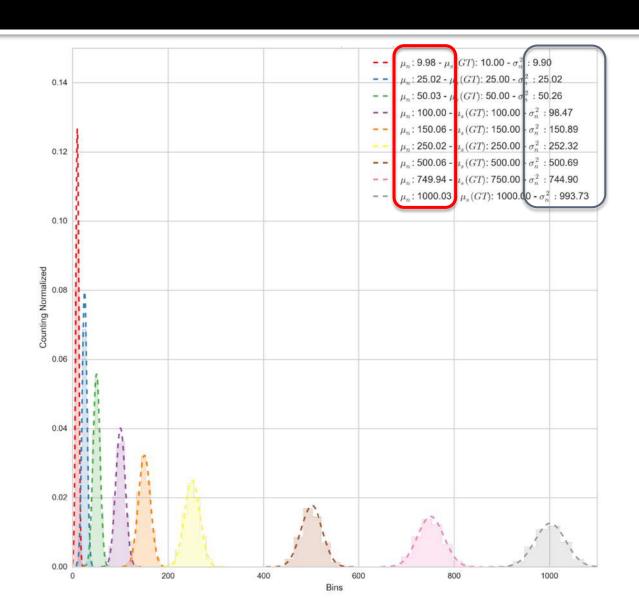
## Ruído Quântico



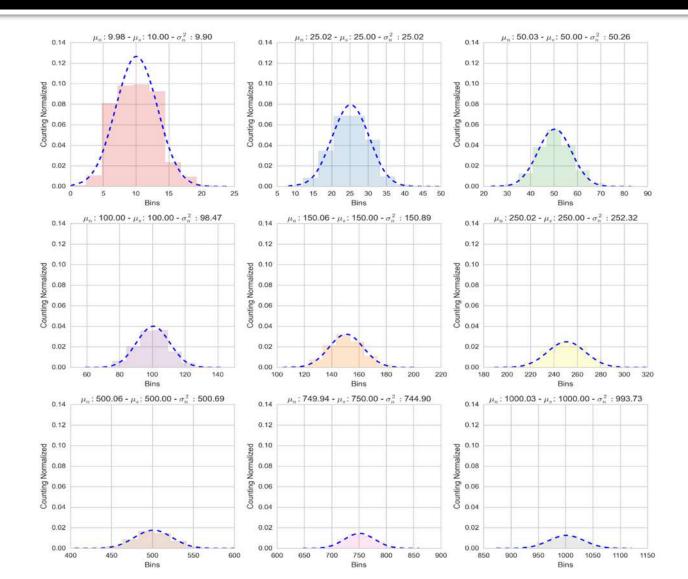
# Ruído Quântico



## Histograma

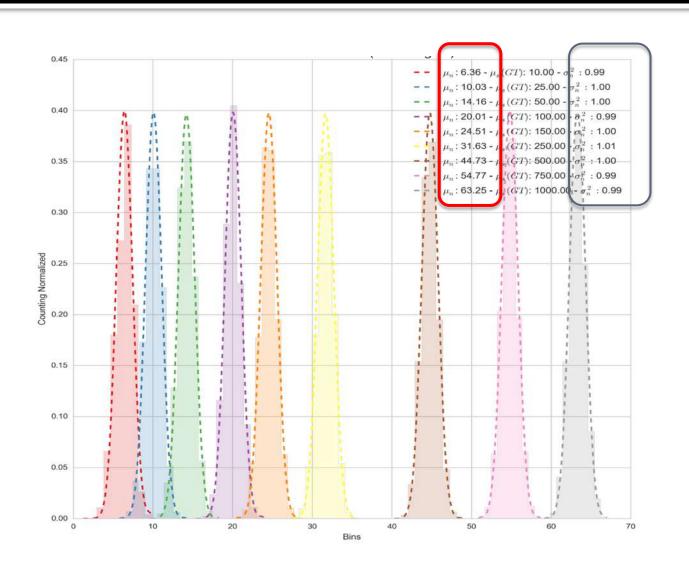


## Histograma

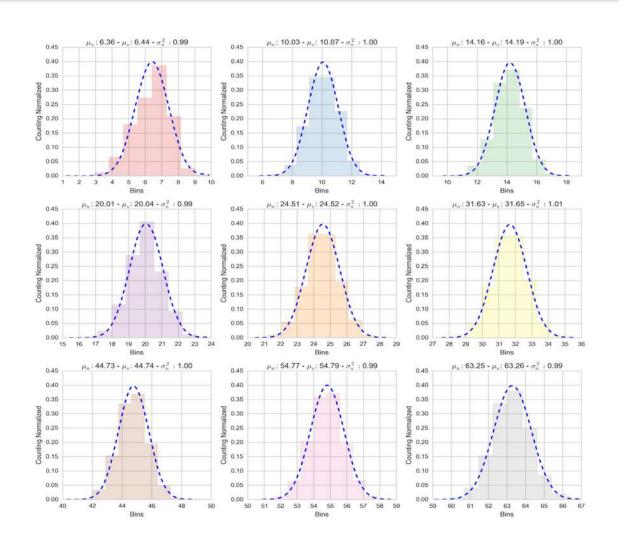


## Após a Estabilização da Variância

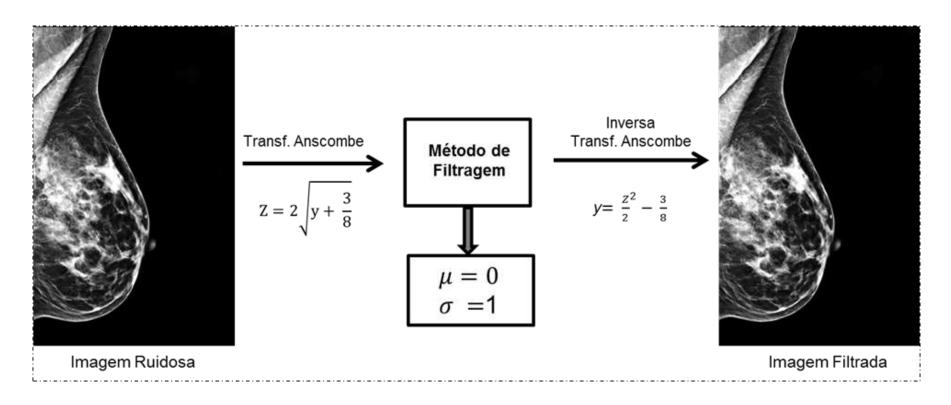
# Histograma



## Histograma



#### Transformada de Anscombe



É possível utilizar técnicas de filtragem de ruído AWGN para a filtragem do ruído quântico

#### Resumo da aula

- Restauração de imagens é um processo objetivo;
- O modelo de degradação utilizado é fundamental para o sucesso da restauração;
- Os parâmetros de degradação devem ser estimados:
  - Função de degradação e o ruído;
- A restauração de imagens degradadas apenas pelo ruído não é uma tarefa trivial;
- Em geral, os métodos de filtragem de ruído "borram" a imagem degradada, pois removem informações do sinal.

#### Resumo da aula

- Os métodos não-locais são mais eficientes pois preservam melhor os detalhes nas imagens;
- Imagens corrompidas pelo ruído quântico devem ser restauradas por métodos específicos:
  - O uso do modelo AWGN não é adequado;
- O uso da transformada de Anscombe é uma alternativa eficaz e de baixo custo computacional para filtragem do ruído quântico.

