



ESCOLA DE ENGENHARIA DE SÃO CARLOS

Departamento de Engenharia Elétrica e de Computação

LABORATÓRIO DE SISTEMAS DIGITAIS

Profa.. LUIZA MARIA ROMEIRO CODÁ

Somador/Subtrator

Profa. Luiza Maria Romeiro Codá

Meio Somador

Um Meio somador de 1 bit soma 2 bits de cada palavra (palavra A e palavra B) e o resultado é obtido na saída S e o carry final em Cout



B	A	Cout	S	saida (decimal)
0	0	0	0	0
0	1	0	1	1
1	0	0	1	1
1	1	1	0	2

Palavra A de 1 bit \Rightarrow **A**

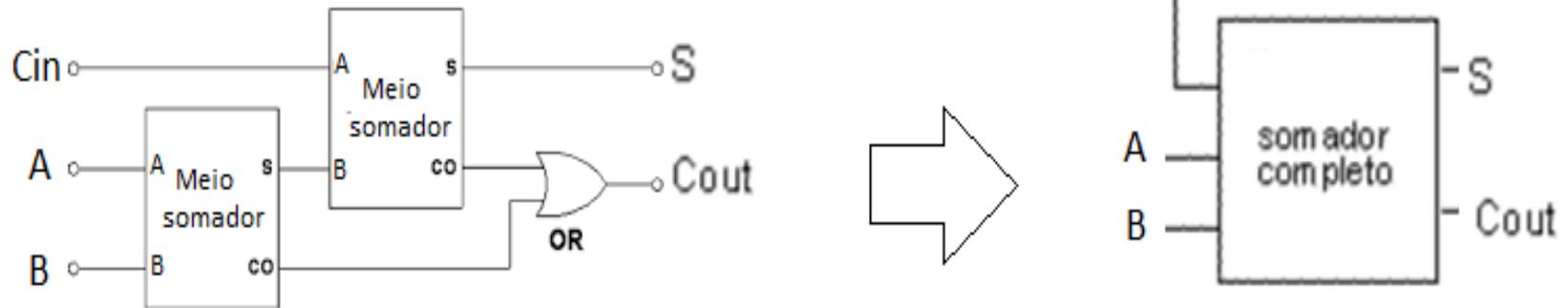
Palavra B de 1 bit \Rightarrow **B**

Cout S \leftarrow Resultado (2 bits)

Somador Completo de 1 bit:

Um somador completo de 1 bit soma 2 bits de cada palavra (palavra A e palavra B) com um carry inicial(Cin) e o resultado é obtido na saída S e o carry final em Cout

A



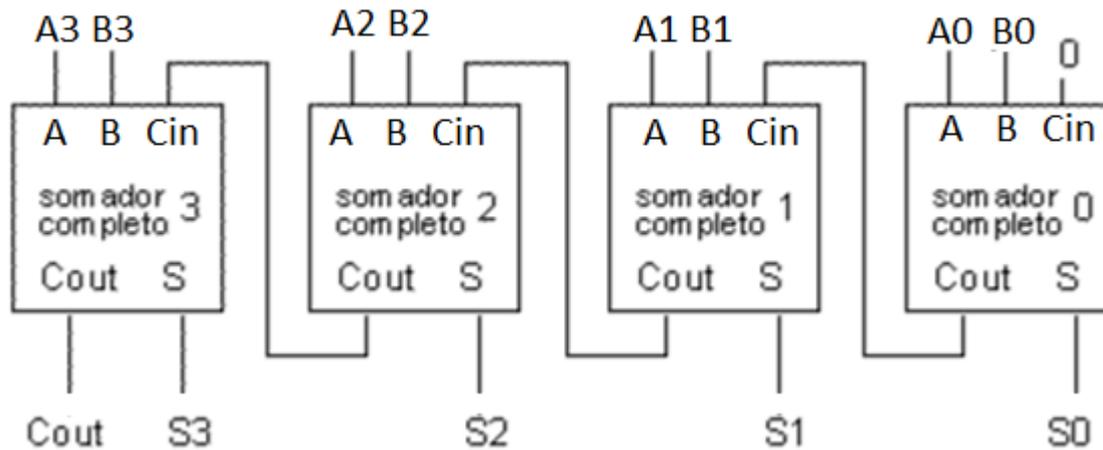
Carry inicial ("0" ou "1") \Rightarrow **Cin** +

Palavra A de 1 bit \Rightarrow **A** +

Palavra B de 1 bit \Rightarrow **B**

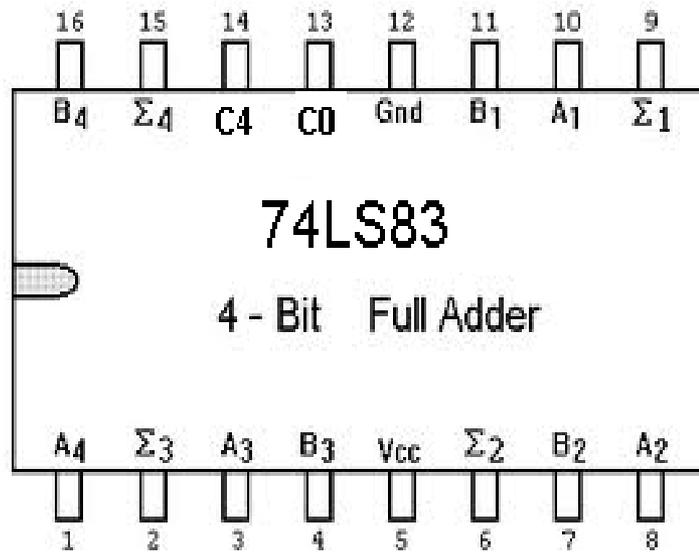
Cout **S** \leftarrow Resultado (2 bits)

Somador Completo de 4 bits:



$$\begin{array}{r}
 + C_{in} \\
 \begin{array}{cccc}
 A_3 & A_2 & A_1 & A_0 \\
 + & & & \\
 B_3 & B_2 & B_1 & B_0 \\
 \hline
 \end{array} \\
 \hline
 C_{out} \quad S_3 \quad S_2 \quad S_1 \quad S_0
 \end{array}$$

7483: Somador Completo de 4 bits:



$$\begin{array}{r} + C_0 \\ + \left(\begin{array}{cccc} A_4 & A_3 & A_2 & A_1 \\ B_4 & B_3 & B_2 & B_1 \end{array} \right) \\ \hline C_4 \quad \Sigma_4 \quad \Sigma_3 \quad \Sigma_2 \quad \Sigma_1 \end{array}$$

- Se $C_0 = '1'$ o valor da soma final é soma +1 \longrightarrow soma = A+B +1
- Se $C_0 = '0'$ o valor da soma final é soma \longrightarrow soma = A+B
- A saída C_f apresenta se ocorreu overflow, ou seja, se o resultado da soma ultrapassou o valor que pode ser apresentado em 4 bits
- Se C_f for igual a '0' o resultado da soma está correto
- Se C_f for igual a '1' o resultado da soma estourou o valor

Subtração Binária:

Se $A > B$

$$A = 8 \quad \text{e} \quad B = 2$$

$$A - B = 8 - 2 = +6$$

então em binário:

$$A \quad (1000)_b$$

$$B \quad (0010)_b$$

inverte B

$$(1000)_b$$

$$(1101)_b$$

+

B invertido

carry = 1

$$10101$$

$$(0101) + 1$$

Resultado correto

resultado da soma de (A com B invertido) + 1

Quando **carry = 1** para obter o resultado correto da subtração

Deve-se somar 1 ao valor obtido: $0101 + 1 = 0110$

Subtração Binária:

Se $A < B$

$A = 2$ e $B = 8$

$$A - B = 2 - 8 = -6$$

então em binário:

A (0010)b

B (1000)b

inverte B

(0010)b

(0111)b

+

B invertido

0

1001

Resultado da (soma de

A com B) invertido

carry = 0

Quando **carry = 0** para obter o resultado correto da subtração

Deve-se inverter ao valor obtido: 1001 \longrightarrow 0110

Circuito Somador/ Subtrator 4 bits:

Um sinal (chave) P deve selecionar SOMA ou SUBTRAÇÃO:

P='0' soma e P='1' subtração

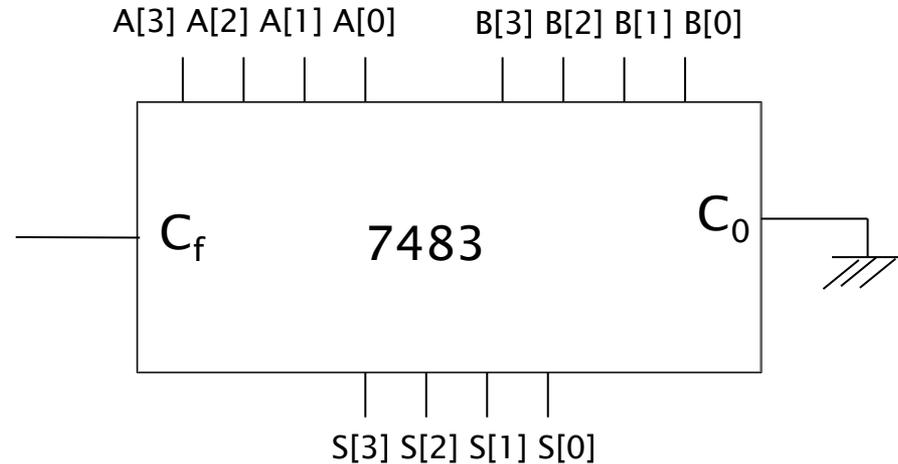
O circuito a ser implementado deve utilizar O CI 7483, somador completo de 4 bits e para a inverter os bits do subtraendo, deve ser utilizado circuitos ou exclusivo como inversor controlado.

O sinal da subtração se negativa deve ser mostrado em um LED;

O sinal P deve ser mostrado em um LED para identificar se soma ou subtração foi selecionada;

Implementação do circuito

► Circuito da soma:



Para implementar um somador de 4 bits apenas o CI 7483 é suficiente:

- Somas cujo resultado sejam menores ou igual a 15 são apresentados corretamente nas saídas S[3] S[2] S[1] S[0] e apresenta C_f = '0'
- Somas cujo resultado sejam maiores que 15 não são representados corretamente pelas saídas e apresentam C_f = '1', mostrando que ocorreu estouro(overflow)

Implementação do circuito

Circuito da Subtração:

Para implementar um circuito que executa a subtração de números de 4 bits, pode ser utilizado um circuito somador de 4 bits (CI 7483) incluindo alguns circuitos;

Dois circuitos devem ser implementados :

- circuito que repete o mecanismo de subtração caso $A > B$, resultado = número positivo
- circuito que repete o mecanismo de subtração caso $A < B$ resultado = número negativo 1

Implementação do circuito

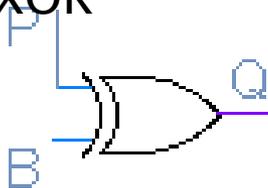
Circuito da Subtração: segue passos slide 9 para $A > B$ ou $A < B$ o 1º e 2º passo são iguais

$$A - B \quad \xrightarrow{\text{inverte B}} \quad A + \bar{B} = S$$

$$(a_3 a_2 a_1 a_0)_b - (b_3 b_2 b_1 b_0)_b \quad \xrightarrow{\text{inverte B}} \quad \begin{array}{r} (a_3 a_2 a_1 a_0)_b \\ + (\bar{b}_3 \bar{b}_2 \bar{b}_1 \bar{b}_0)_b \\ \hline cf (s_3 s_2 s_1 s_0)_b \end{array}$$

1º passo: inverte B

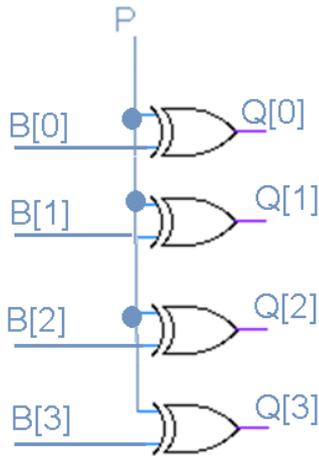
Utiliza-se inversor controlado com portas XOR



	P	B	Q	
soma	0	0	0	Se P="1" inverte B
	0	1	1	
subtração	1	0	1	
	1	1	0	

Implementação do circuito

Circuito da Subtração:
 para $A > B$ ou $A < B$ o 1º e 2º passo são iguais



$$A - B \quad \xrightarrow{\text{inverte B}} \quad A + \bar{B} = S$$

$$(a_3 a_2 a_1 a_0)_b - (b_3 b_2 b_1 b_0)_b \quad \xrightarrow{\text{inverte B}} \quad \begin{array}{r} (a_3 a_2 a_1 a_0)_b \\ + (\bar{b}_3 \bar{b}_2 \bar{b}_1 \bar{b}_0)_b \\ \hline cf (s_3 s_2 s_1 s_0)_b \end{array}$$

Com $P=1$ as saídas Q são as entrada B invertidas

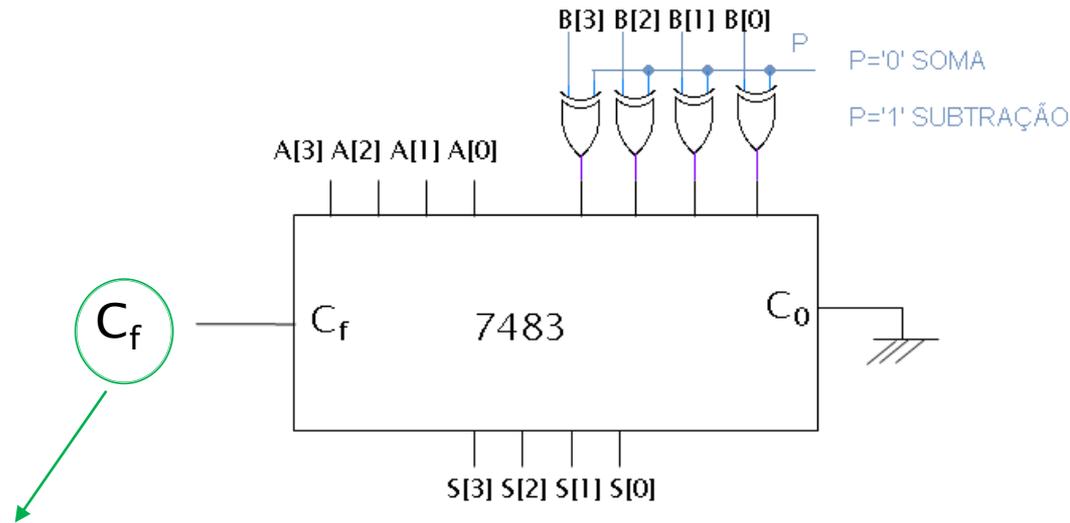
2º Passo: somar a entrada A com as entradas B invertidas:
 Usar somador completo 7483 para somar a com b invertida

Implementação do circuito

Circuito da Subtração ($P='1'$):

para $A > B$ ou $A < B$ o 1º e 2º passo são iguais

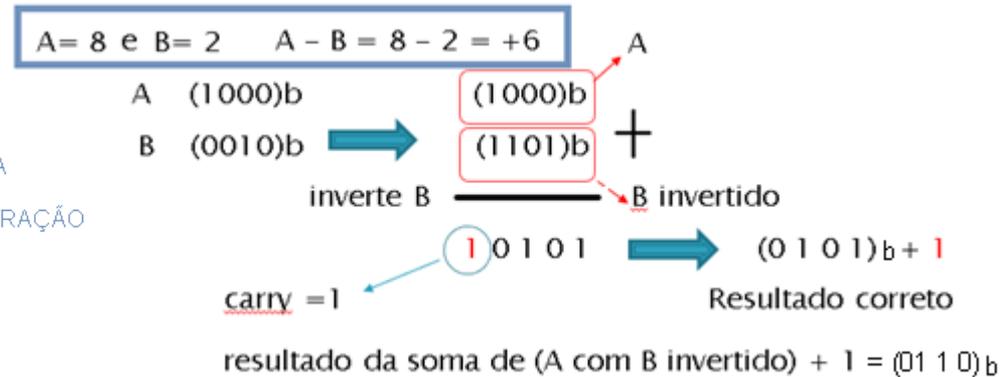
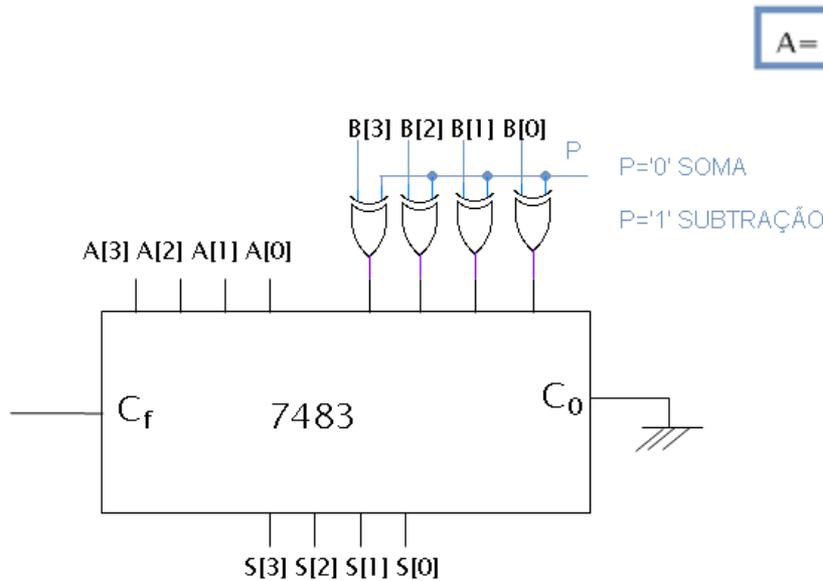
2º Passo: somar a entrada A com as entradas B invertidas:
Usar somador completo 7483 para somar a com b invertida



3º Passo: verificação do valor de C_f
 se $C_f = '1'$ $A > B$ subtração positiva
 se $C_f = '0'$ $A < B$ subtração negativa

Implementação do circuito

Circuito da Subtração: Qdo $C_f = '1' \Rightarrow A > B$



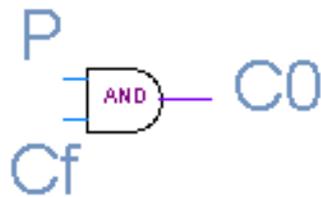
O resultado correto \Rightarrow a saída do somador + 1
Portanto, realimentar o carry (Cf) na entrada C0 do somador para somar '1'

Implementação do circuito

Circuito da Subtração: Qdo $c_f = '1' \implies A > B$

O resultado correto \implies a saída do somador + 1

Portanto, se $P = '1'$ (subtração) e $C_f = '1' \implies$ realimentar C_0 com '1'



	P	Cf	C0
soma	0	0	0
	0	1	0
subtração	1	0	0
	1	1	1

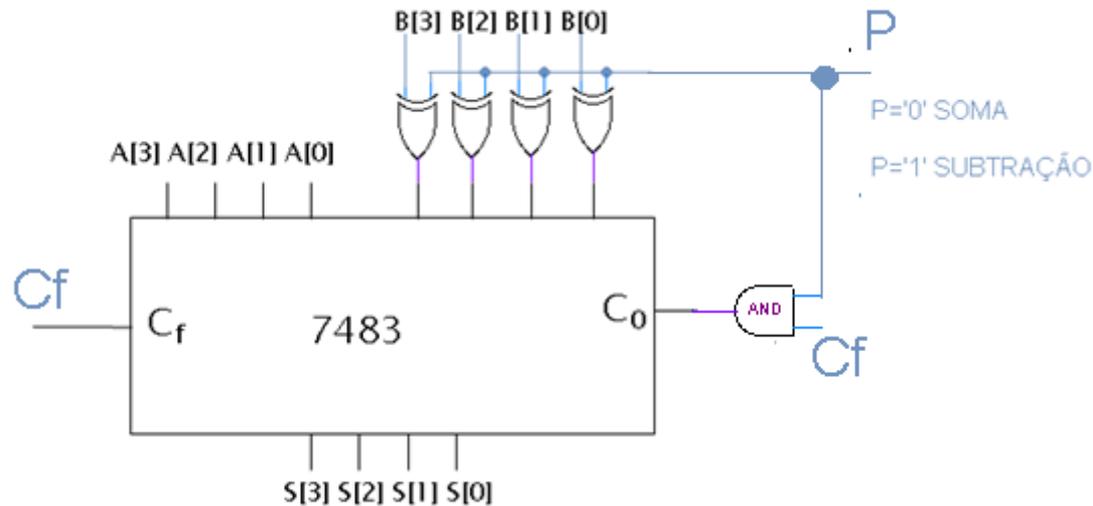
$\implies C_0 = P \text{ and } C_f$

Implementação do circuito

Circuito da Subtração: Qdo $C_f = '1' \Rightarrow A > B$

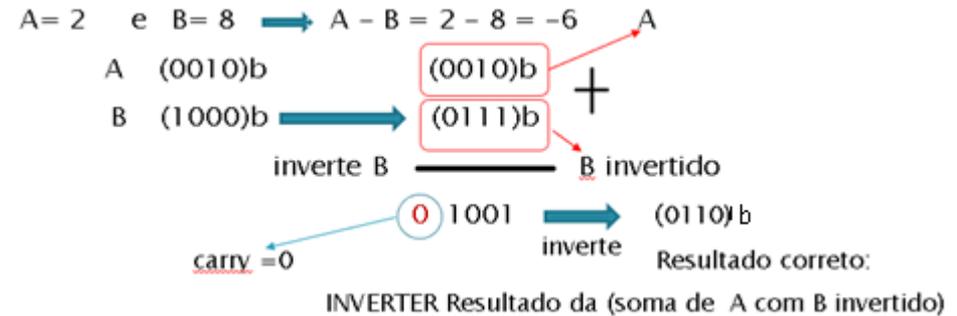
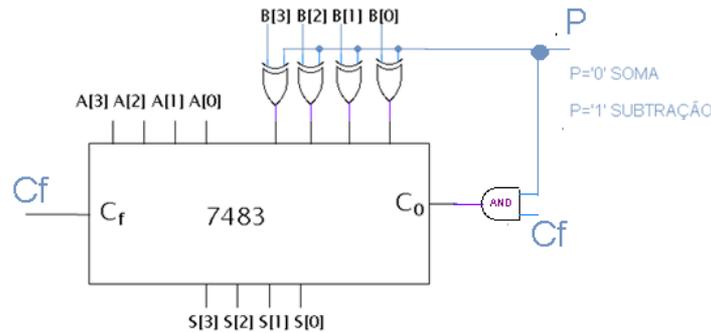
O resultado correto \Rightarrow a saída do somador + 1

Portanto, se $P = '1'$ (subtração) e $C_f = '1' \Rightarrow$ realimentar C_0 com '1'



Implementação do circuito

Circuito da Subtração: Qdo $C_f = '0' \Rightarrow A < B$



O resultado correto \Rightarrow INVERTER a saída somador 7483

Portanto, incluir mais um circuito inversor controlado, mas só inverter qdo $P = '1'$ e $C_f = '0'$ (subtração com resultado negativo)

Implementação do circuito

Circuito da Subtração: Qdo $C_f = '0' \implies A < B$

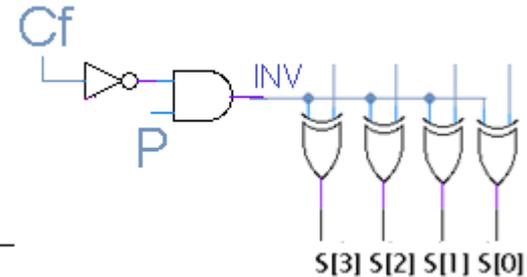
O resultado correto \implies a inverter a saída do somador

apenas qdo $P='1'$ (subtração) e $C_f = '0'$ (subtração negativa)

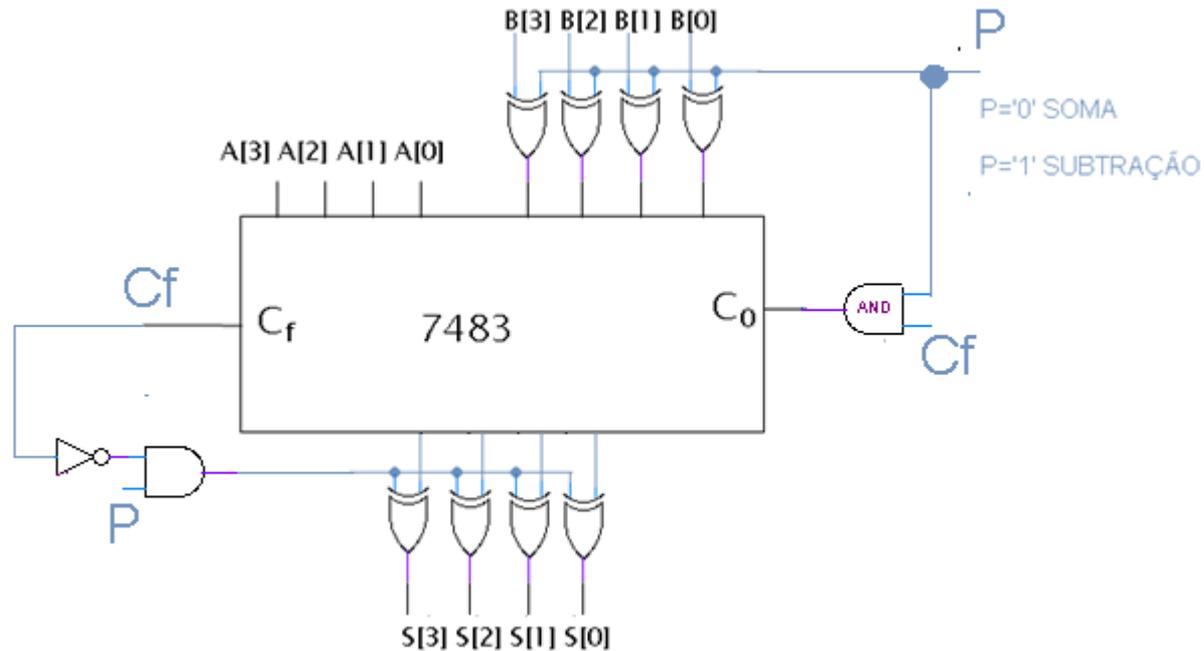
Utilizar inversores controlados que só invertam o sinal qdo: $P='1'$ e $C_f='0'$

	P	C _f	INV
soma	0	0	0
	0	1	0
subtração	1	0	1
	1	1	0

$$\implies \text{INV} = P \text{ and } \overline{C_f}$$



Circuito Somador/ Subtrator 4 bits:



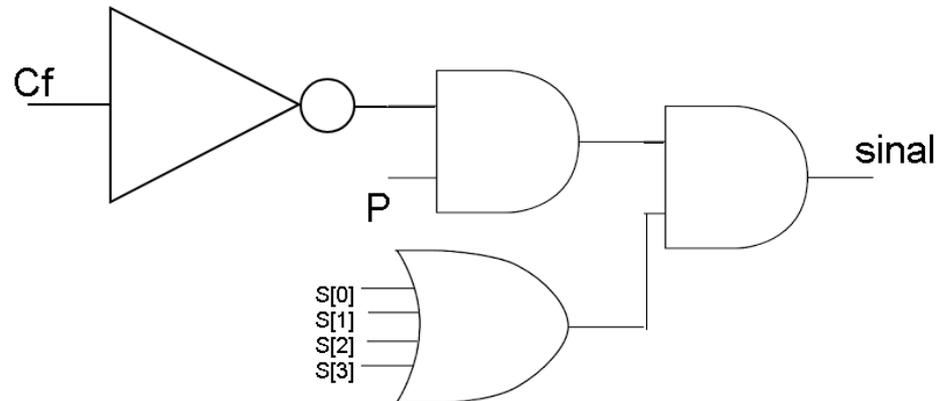
Incluir circuito para mostrar sinal negativo da subtração em um LED

Circuito do sinal

Sinal negativo ou positivo da subtração mostrar em LED que acende com nível alto:

Qdo $P = '1'$ e $C_0 = '0'$ subtração negativa acender LED
Excluir qdo a saída for $(0000)_b$

P	Cf	S[3]	S[2]	S[1]	S[0]	sinal
0	X	X	X	X	X	0
1	1	X	X	X	X	0
1	0	0	0	0	0	0
1	0	X	X	X	X	1



Circuito Somador/ Subtrator 4 bits:

