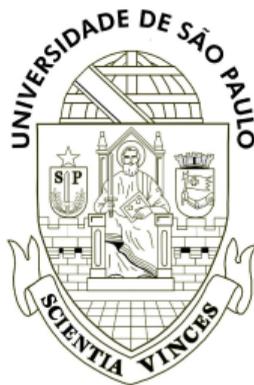


# Física 1 (4310145) - Aula 30/04/2020



## ● Capítulo 2

- Perguntas: Todas!
- Problemas: 2.1, 2.3, 2.5, 2.7, 2.9, 2.14, 2.17, 2.21, 2.31, 2.37, 2.41, 2.67, 2.69

## ● Capítulo 3

- Perguntas: 3.1, 3.3, 3.5, 3.12, 3.13
- Problemas: 3.1, 3.3, 3.4, 3.5, 3.6, 3.7, 3.9, 3.10, 3.15, 3.32, 3.27, 3.33, 3.37, 3.43

## ● Capítulo 4

- Perguntas: 4.1, 4.2, 4.3, 4.5, 4.13, 4.17
- Problemas: 4.1, 4.3, 4.7, 4.9, 4.11, 4.19, 4.25, 4.29, 4.47, 4.57, 4.65, 4.69

## ● Capítulo 5

- Perguntas: 5.1, 5.2, 5.3, 5.4, 5.5, 5.6, 5.9
- Problemas: 5.2, 5.3, 5.4, 5.5, 5.7, 5.11, 5.13, 5.15, 5.19, 5.21, 5.31, 5.35, 5.45, 5.63

## ● Capítulo 6

- Perguntas: 6.1, 6.2, 6.3, 6.5, 6.6, 6.9, 6.13
- Problemas: 6.1, 6.3, 6.4, 6.5, 6.13, 6.19, 6.25, 6.33, 6.39, 6.41, 6.43, 6.57, 6.59

## ● Capítulo 7

- Perguntas: 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.9, 7.11
- Problemas: 7.1, 7.3, 7.5, 7.7, 7.15, 7.17, 7.21, 7.23, 7.31, 7.37, 7.41, 7.43, 7.45, 7.49, 7.67

## ● Capítulo 8

- Perguntas:
- Problemas:

## ● Capítulo 9

- Perguntas:
- Problemas:

## ● Capítulo 10

- Perguntas:
- Problemas:

## ● Capítulo 11

- Perguntas:
- Problemas:

- 1 Energia cinética e Trabalho
  - Trabalho realizado pela força gravitacional
  - Trabalho realizado por uma força elástica
  - Trabalho realizado por uma força variável genérica
  - Trabalho - Análise tridimensional
  - Teorema do trabalho-Energia cinética para uma força variável
  - Potência

## 1 Energia cinética e Trabalho

- Trabalho realizado pela força gravitacional
- Trabalho realizado por uma força elástica
- Trabalho realizado por uma força variável genérica
- Trabalho - Análise tridimensional
- Teorema do trabalho-Energia cinética para uma força variável
- Potência

- 1 Energia cinética e Trabalho
  - Trabalho realizado pela força gravitacional
  - Trabalho realizado por uma força elástica
  - Trabalho realizado por uma força variável genérica
  - Trabalho - Análise tridimensional
  - Teorema do trabalho-Energia cinética para uma força variável
  - Potência

# Trabalho realizado pela força gravitacional

## Energia cinética e Trabalho

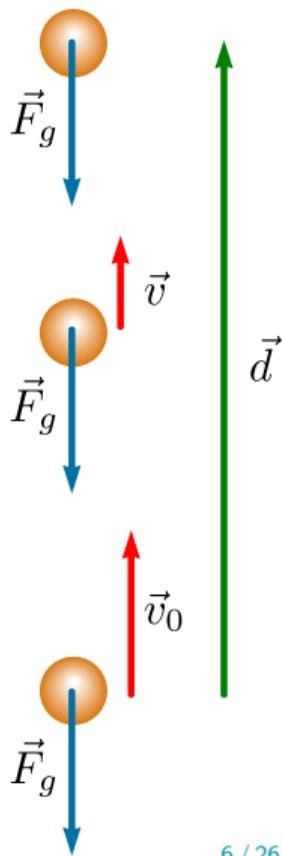
- Energia cinética inicial

$$K_i = \frac{1}{2}mv_0^2$$

- Trabalho realizado pela força gravitacional

$$W_g = \vec{F} \cdot \vec{d} = \vec{F}_g \cdot \vec{d} = mgd \cos \phi$$

- Durante a subida  $W_g = -mgd$
- Durante a descida  $W_g = +mgd$



# Trabalho realizado pela força gravitacional

## Energia cinética e Trabalho

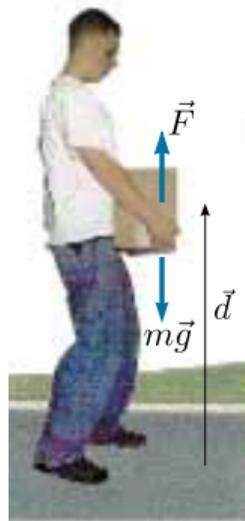
- Durante o deslocamento para cima
  - A força aplicada  $\vec{F}$  realiza um trabalho  $W_a > 0$
  - A força gravitacional  $\vec{F}_g$ , realiza um trabalho  $W_g < 0$

- A variação de energia cinética é

$$\Delta K = K_f - K_i = W_a + W_g$$

- Se  $v_i = 0$  e  $v_f = 0$ , teremos

$$W_a = -W_g$$



# Exemplo: Trabalho para puxar uma caixa

Um objeto ( $m = 200\text{kg}$ ) é puxado em uma rampa ( $\theta = 30^\circ$ ) por uma distância  $d = 20\text{m}$ , mas o objeto está em repouso nos instantes inicial e final. Qual é o trabalho realizado pelas forças que agem sobre a caixa? (despreze o atrito)

- Trabalho da força normal  $\vec{F}_N$

$$\begin{aligned}W_N &= \vec{F}_N \cdot \vec{d} \\ &= F_N d \cos(90^\circ) \\ &= 0\end{aligned}$$

- Trabalho da força gravitacional  $\vec{F}_g$

$$\begin{aligned}W_g &= \vec{F}_g \cdot \vec{d} \\ &= F_g d \cos((30 + 90)^\circ) \\ &= -1,96 \times 10^4 \text{ J}\end{aligned}$$

ou

$$\begin{aligned}W_g &= (mg \sin \theta)(d) \cos(180^\circ) \\ &= -1,96 \times 10^4 \text{ J}\end{aligned}$$

- Trabalho da força  $\vec{T}$

- Podemos usar

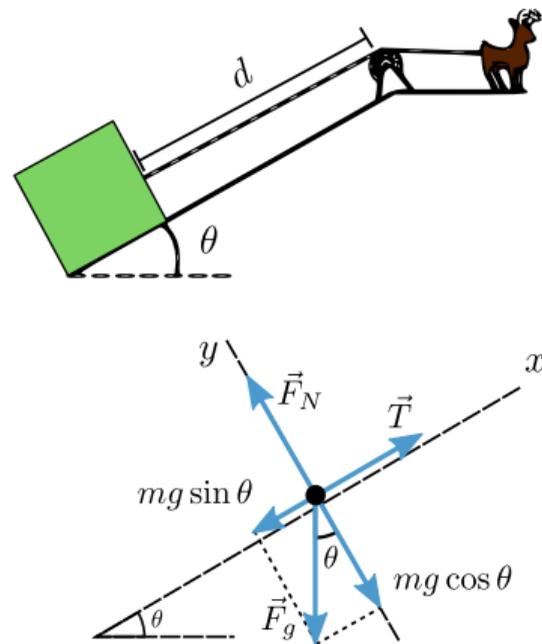
$$\Delta K = W_{\text{total}}$$

como  $\Delta K = 0$ , temos

$$W_{\text{total}} = W_N + W_g + W_T = 0$$

$$W_T = -W_N - W_g$$

$$W_T = 1,96 \times 10^4 \text{ J}$$



# Exemplo: Trabalho para puxar uma caixa

Um objeto ( $m = 200\text{kg}$ ) é puxado em uma rampa ( $\theta = 30^\circ$ ) por uma distância  $d = 20\text{m}$ , mas o objeto está em repouso nos instantes inicial e final. Qual é o trabalho realizado pelas forças que agem sobre a caixa? (despreze o atrito)

- Trabalho da força normal  $\vec{F}_N$

$$\begin{aligned}W_N &= \vec{F}_N \cdot \vec{d} \\ &= F_N d \cos(90^\circ) \\ &= 0\end{aligned}$$

- Trabalho da força gravitacional  $\vec{F}_g$

$$\begin{aligned}W_g &= \vec{F}_g \cdot \vec{d} \\ &= F_g d \cos((30 + 90)^\circ) \\ &= -1,96 \times 10^4 \text{ J}\end{aligned}$$

ou

$$\begin{aligned}W_g &= (mg \sin \theta)(d) \cos(180^\circ) \\ &= -1,96 \times 10^4 \text{ J}\end{aligned}$$

- Trabalho da força  $\vec{T}$

- Podemos usar

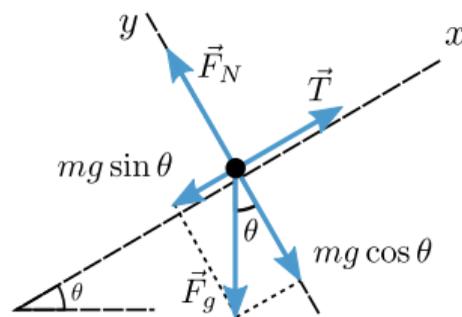
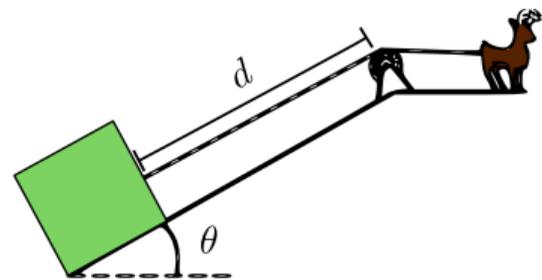
$$\Delta K = W_{\text{total}}$$

como  $\Delta K = 0$ , temos

$$W_{\text{total}} = W_N + W_g + W_T = 0$$

$$W_T = -W_N - W_g$$

$$W_T = 1,96 \times 10^4 \text{ J}$$



# Exemplo: Trabalho para puxar uma caixa

Um objeto ( $m = 200\text{kg}$ ) é puxado em uma rampa ( $\theta = 30^\circ$ ) por uma distância  $d = 20\text{m}$ , mas o objeto está em repouso nos instantes inicial e final. Qual é o trabalho realizado pelas forças que agem sobre a caixa? (despreze o atrito)

- Trabalho da força normal  $\vec{F}_N$

$$\begin{aligned}W_N &= \vec{F}_N \cdot \vec{d} \\ &= F_N d \cos(90^\circ) \\ &= 0\end{aligned}$$

- Trabalho da força gravitacional  $\vec{F}_g$

$$\begin{aligned}W_g &= \vec{F}_g \cdot \vec{d} \\ &= F_g d \cos((30 + 90)^\circ) \\ &= -1,96 \times 10^4 \text{ J}\end{aligned}$$

ou

$$\begin{aligned}W_g &= (mg \sin \theta)(d) \cos(180^\circ) \\ &= -1,96 \times 10^4 \text{ J}\end{aligned}$$

- Trabalho da força  $\vec{T}$

- Podemos usar

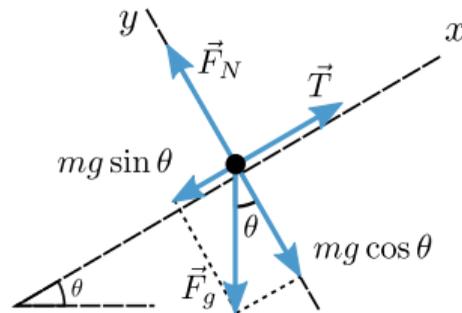
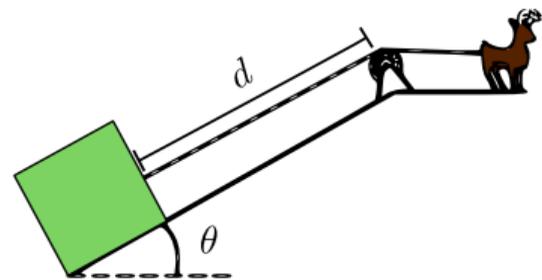
$$\Delta K = W_{\text{total}}$$

como  $\Delta K = 0$ , temos

$$W_{\text{total}} = W_N + W_g + W_T = 0$$

$$W_T = -W_N - W_g$$

$$W_T = 1,96 \times 10^4 \text{ J}$$



# Exemplo: Trabalho para puxar uma caixa

Um objeto ( $m = 200\text{kg}$ ) é puxado em uma rampa ( $\theta = 30^\circ$ ) por uma distância  $d = 20\text{m}$ , mas o objeto está em repouso nos instantes inicial e final. Qual é o trabalho realizado pelas forças que agem sobre a caixa? (despreze o atrito)

- Trabalho da força normal  $\vec{F}_N$

$$\begin{aligned}W_N &= \vec{F}_N \cdot \vec{d} \\ &= F_N d \cos(90^\circ) \\ &= 0\end{aligned}$$

- Trabalho da força gravitacional  $\vec{F}_g$

$$\begin{aligned}W_g &= \vec{F}_g \cdot \vec{d} \\ &= F_g d \cos((30 + 90)^\circ) \\ &= -1,96 \times 10^4 \text{ J}\end{aligned}$$

ou

$$\begin{aligned}W_g &= (mg \sin \theta)(d) \cos(180^\circ) \\ &= -1,96 \times 10^4 \text{ J}\end{aligned}$$

- Trabalho da força  $\vec{T}$

- Podemos usar

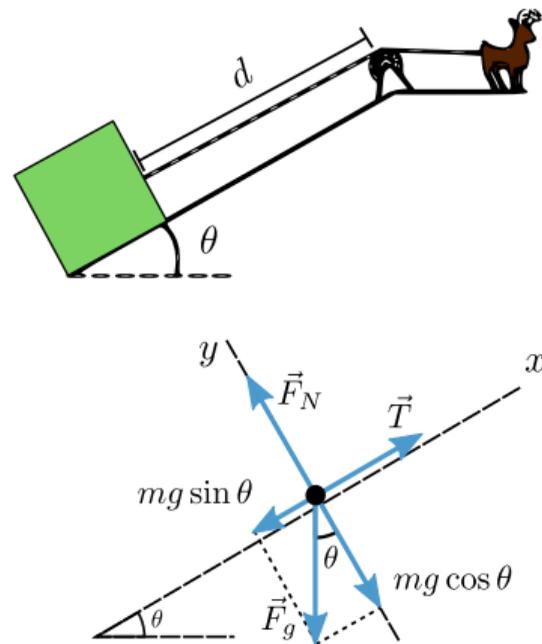
$$\Delta K = W_{\text{total}}$$

como  $\Delta K = 0$ , temos

$$W_{\text{total}} = W_N + W_g + W_T = 0$$

$$W_T = -W_N - W_g$$

$$W_T = 1,96 \times 10^4 \text{ J}$$



# Exemplo: Trabalho para puxar uma caixa

Um objeto ( $m = 200\text{kg}$ ) é puxado em uma rampa ( $\theta = 30^\circ$ ) por uma distância  $d = 20\text{m}$ , mas o objeto está em repouso nos instantes inicial e final. Qual é o trabalho realizado pelas forças que agem sobre a caixa? (despreze o atrito)

- Trabalho da força normal  $\vec{F}_N$

$$\begin{aligned}W_N &= \vec{F}_N \cdot \vec{d} \\ &= F_N d \cos(90^\circ) \\ &= 0\end{aligned}$$

- Trabalho da força gravitacional  $\vec{F}_g$

$$\begin{aligned}W_g &= \vec{F}_g \cdot \vec{d} \\ &= F_g d \cos((30 + 90)^\circ) \\ &= -1,96 \times 10^4 \text{ J}\end{aligned}$$

ou

$$\begin{aligned}W_g &= (mg \sin \theta)(d) \cos(180^\circ) \\ &= -1,96 \times 10^4 \text{ J}\end{aligned}$$

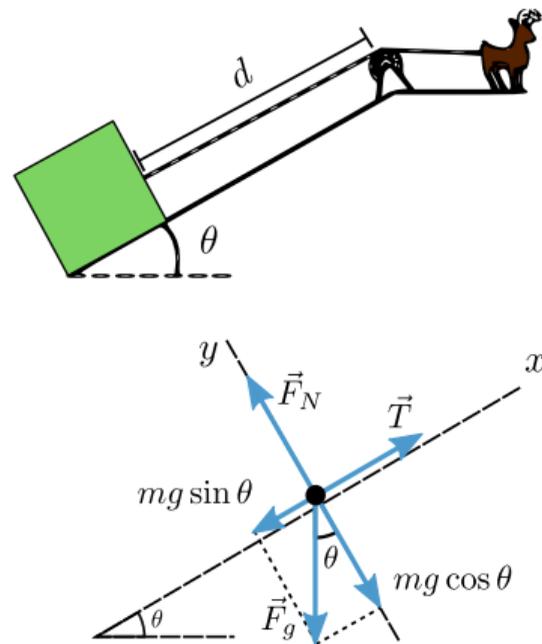
- Trabalho da força  $\vec{T}$

- Podemos usar

$$\Delta K = W_{\text{total}}$$

como  $\Delta K = 0$ , temos

$$\begin{aligned}W_{\text{total}} &= W_N + W_g + W_T = 0 \\ W_T &= -W_N - W_g \\ W_T &= 1,96 \times 10^4 \text{ J}\end{aligned}$$



# Exemplo: Trabalho para puxar uma caixa

Um objeto ( $m = 200\text{kg}$ ) é puxado em uma rampa ( $\theta = 30^\circ$ ) por uma distância  $d = 20\text{m}$ , mas o objeto está em repouso nos instantes inicial e final. Qual é o trabalho realizado pelas forças que agem sobre a caixa? (despreze o atrito)

- Trabalho da força normal  $\vec{F}_N$

$$\begin{aligned}W_N &= \vec{F}_N \cdot \vec{d} \\ &= F_N d \cos(90^\circ) \\ &= 0\end{aligned}$$

- Trabalho da força gravitacional  $\vec{F}_g$

$$\begin{aligned}W_g &= \vec{F}_g \cdot \vec{d} \\ &= F_g d \cos((30 + 90)^\circ) \\ &= -1,96 \times 10^4 \text{ J}\end{aligned}$$

ou

$$\begin{aligned}W_g &= (mg \sin \theta)(d) \cos(180^\circ) \\ &= -1,96 \times 10^4 \text{ J}\end{aligned}$$

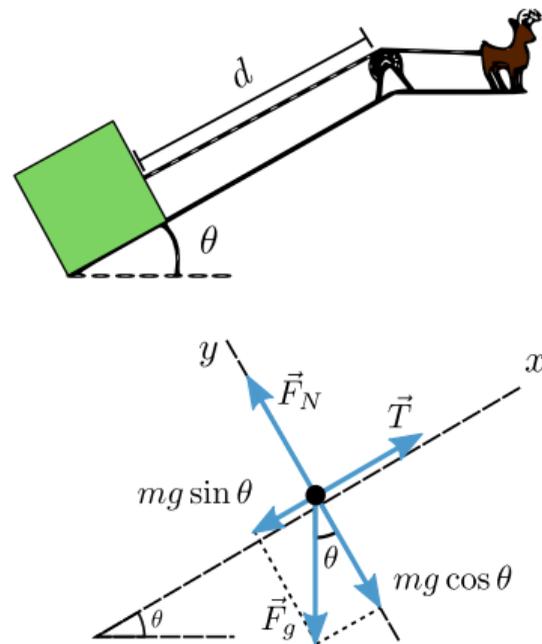
- Trabalho da força  $\vec{T}$

- Podemos usar

$$\Delta K = W_{\text{total}}$$

como  $\Delta K = 0$ , temos

$$\begin{aligned}W_{\text{total}} &= W_N + W_g + W_T = 0 \\ W_T &= -W_N - W_g \\ W_T &= 1,96 \times 10^4 \text{ J}\end{aligned}$$



- 1 Energia cinética e Trabalho
  - Trabalho realizado pela força gravitacional
  - Trabalho realizado por uma força elástica
  - Trabalho realizado por uma força variável genérica
  - Trabalho - Análise tridimensional
  - Teorema do trabalho-Energia cinética para uma força variável
  - Potência

# Trabalho realizado por uma força elástica

## Energia cinética e Trabalho

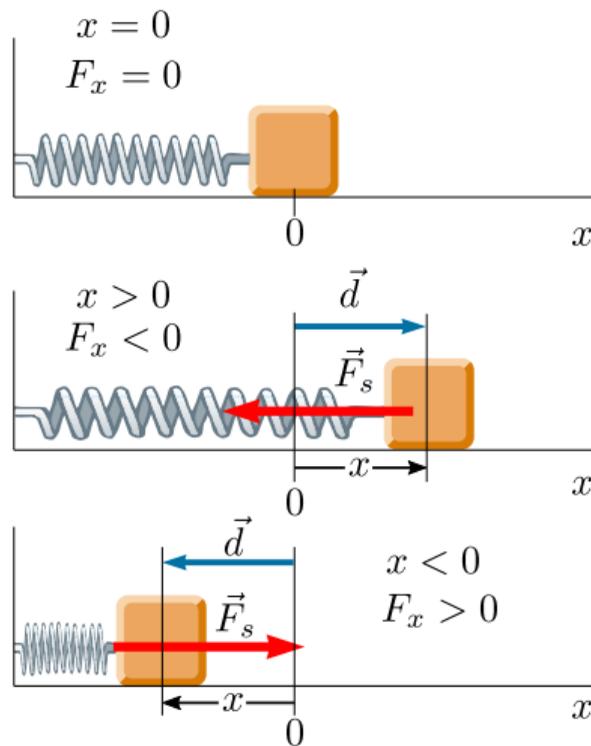
- A força elástica é dada por

$$\vec{F}_s = -k\vec{d} \quad (\text{Lei de Hook})$$

$k$  é a constante elástica e

$\vec{d}$  é o vetor que sai da origem até a massa.

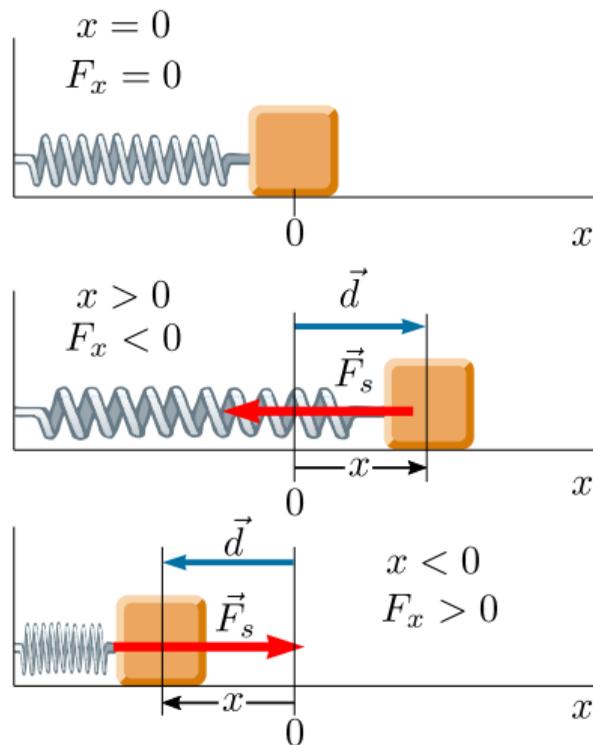
- Podemos escrever  $\vec{F}_s = F_x \hat{i}$ , com  $F_x = -kx$
- Como determinar o trabalho da força elástica?



# Trabalho realizado por uma força elástica

## Energia cinética e Trabalho

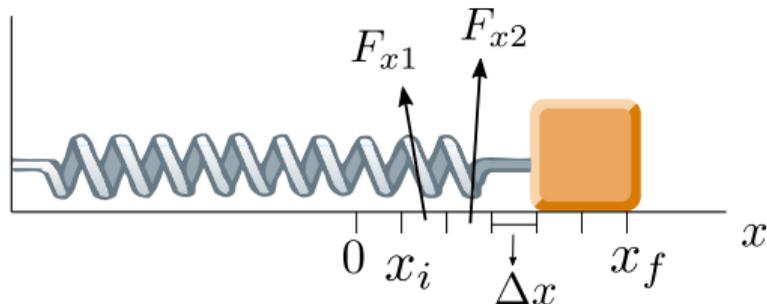
- Vamos assumir
  - que a mola não tem massa.
  - que a mola obedece a lei de Hook
  - que não existe atrito entre o bloco e o piso
- Não podemos usar  $W = F_x \Delta x$  pois  $F_x$  não é constante!
- Estratégia:
  - dividimos o deslocamento em segmentos tão pequenos que podemos supor que a força não varia
  - em cada segmento, a força é aproximadamente constante e podemos usar  $W = F_x \Delta x$
  - para obter o trabalho total, somamos o trabalho em cada segmento



# Trabalho realizado por uma força elástica

## Energia cinética e Trabalho

- Se tornarmos os segmentos infinitesimais, o erro na aproximação vai tender a zero



- O trabalho total  $W_s$  realizado pela mola de  $x_i$  até  $x_f$  é a soma dos trabalhos

$$W_s = \sum_i (F_{xi} \Delta x)$$

- No limite em que  $\Delta x \rightarrow 0$ , teremos  $W_s = \int_{x_i}^{x_f} F_x dx$

# Trabalho realizado por uma força elástica

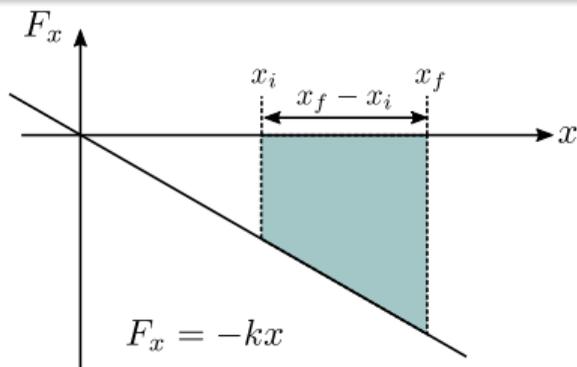
## Energia cinética e Trabalho

- Como  $F_x = -kx$ , teremos

$$W_s = \int_{x_i}^{x_f} F_x dx = -k \int_{x_i}^{x_f} x dx = -k \left[ \frac{x^2}{2} \right]_{x=x_i}^{x=x_f} = -k \left[ \frac{x_f^2}{2} - \frac{x_i^2}{2} \right]$$

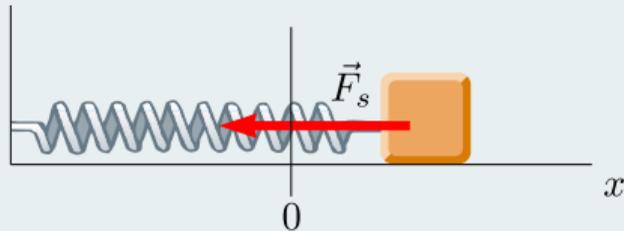
### Trabalho de uma força elástica

$$W_s = \frac{1}{2}kx_i^2 - \frac{1}{2}kx_f^2$$



- $W_s < 0$  quando aumenta a deformação da mola  $|x_f| > |x_i|$
- $W_s > 0$  quando diminui a deformação da mola  $|x_f| < |x_i|$
- $W_s = 0$  quando a deformação da mola não muda  $|x_f| = |x_i|$

Em três situações, as posições inicial e final, respectivamente, ao longo do eixo  $x$  da abaixo são: (a)  $-3\text{cm}$ ,  $2\text{cm}$ ; (b)  $2\text{cm}$ ,  $3\text{cm}$ ; (c)  $-2\text{cm}$ ,  $2\text{cm}$ . Em cada situação, o trabalho realizado sobre o bloco pela força elástica é positivo, negativo ou nulo?



- 1 Energia cinética e Trabalho
  - Trabalho realizado pela força gravitacional
  - Trabalho realizado por uma força elástica
  - Trabalho realizado por uma força variável genérica
  - Trabalho - Análise tridimensional
  - Teorema do trabalho-Energia cinética para uma força variável
  - Potência

# Trabalho realizado por uma força variável genérica

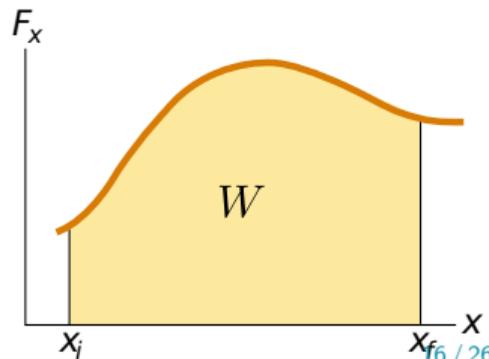
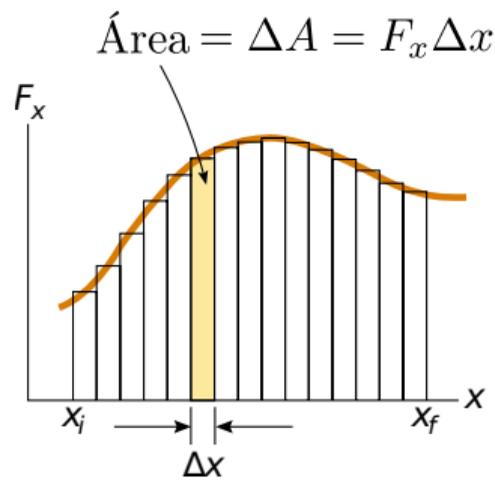
## Energia cinética e Trabalho

- A ideia que discutimos para o caso do trabalho da força elástica pode ser estendido para uma força variável qualquer

$$W \approx \sum_{x_i}^{x_f} F_x \Delta x$$

- No limite em que  $\Delta x \rightarrow 0$ , teremos

$$W = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \sum_{x_i}^{x_f} F_x \Delta x = \int_{x_i}^{x_f} F_x dx$$



# Exemplo: sonda interplanetária

Uma sonda interplanetária é atraída para o Sol por uma força de módulo  $F = 1,3 \times 10^{22}/x^2$ , onde  $x$  é a distância entre o Sol e a sonda. Determine o trabalho feito pelo Sol na sonda, quando a sonda se afasta do Sol de uma distância de  $1,5 \times 10^{11}\text{m}$  até  $2,3 \times 10^{11}\text{m}$ .

- Usamos

$$W = \int_{x_i}^{x_f} F_x dx$$

- Neste caso

$$F_x = -1,3 \times 10^{22} \frac{1}{x^2}$$

- Ficamos com

$$W = -1,3 \times 10^{22} \int_{x_i}^{x_f} x^{-2} dx$$

$$W = -1,3 \times 10^{22} \left[ -x^{-1} \right]_{x_i}^{x_f}$$

$$W = 1,3 \times 10^{22} \left[ \frac{1}{x_f} - \frac{1}{x_i} \right]$$

$$W = -3,0 \times 10^{10} \text{ J}$$

# Exemplo: sonda interplanetária

Uma sonda interplanetária é atraída para o Sol por uma força de módulo  $F = 1,3 \times 10^{22}/x^2$ , onde  $x$  é a distância entre o Sol e a sonda. Determine o trabalho feito pelo Sol na sonda, quando a sonda se afasta do Sol de uma distância de  $1,5 \times 10^{11}\text{m}$  até  $2,3 \times 10^{11}\text{m}$ .

- Usamos

$$W = \int_{x_i}^{x_f} F_x dx$$

- Neste caso

$$F_x = -1,3 \times 10^{22} \frac{1}{x^2}$$

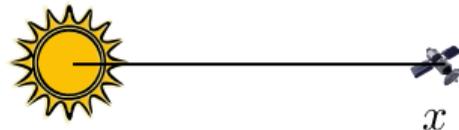
- Ficamos com

$$W = -1,3 \times 10^{22} \int_{x_i}^{x_f} x^{-2} dx$$

$$W = -1,3 \times 10^{22} \left[ -x^{-1} \right]_{x_i}^{x_f}$$

$$W = 1,3 \times 10^{22} \left[ \frac{1}{x_f} - \frac{1}{x_i} \right]$$

$$W = -3,0 \times 10^{10} \text{ J}$$



# Exemplo: sonda interplanetária

Uma sonda interplanetária é atraída para o Sol por uma força de módulo  $F = 1,3 \times 10^{22}/x^2$ , onde  $x$  é a distância entre o Sol e a sonda. Determine o trabalho feito pelo Sol na sonda, quando a sonda se afasta do Sol de uma distância de  $1,5 \times 10^{11}$  m até  $2,3 \times 10^{11}$  m.

- Usamos

$$W = \int_{x_i}^{x_f} F_x dx$$

- Neste caso

$$F_x = -1,3 \times 10^{22} \frac{1}{x^2}$$

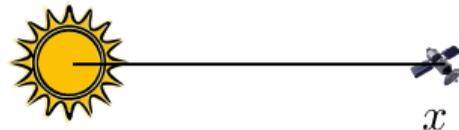
- Ficamos com

$$W = -1,3 \times 10^{22} \int_{x_i}^{x_f} x^{-2} dx$$

$$W = -1,3 \times 10^{22} \left[ -x^{-1} \right]_{x_i}^{x_f}$$

$$W = 1,3 \times 10^{22} \left[ \frac{1}{x_f} - \frac{1}{x_i} \right]$$

$$W = -3,0 \times 10^{10} \text{ J}$$



# Exemplo: sonda interplanetária

Uma sonda interplanetária é atraída para o Sol por uma força de módulo  $F = 1,3 \times 10^{22}/x^2$ , onde  $x$  é a distância entre o Sol e a sonda. Determine o trabalho feito pelo Sol na sonda, quando a sonda se afasta do Sol de uma distância de  $1,5 \times 10^{11}$  m até  $2,3 \times 10^{11}$  m.

- Usamos

$$W = \int_{x_i}^{x_f} F_x dx$$

- Neste caso

$$F_x = -1,3 \times 10^{22} \frac{1}{x^2}$$

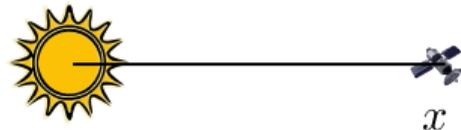
- Ficamos com

$$W = -1,3 \times 10^{22} \int_{x_i}^{x_f} x^{-2} dx$$

$$W = -1,3 \times 10^{22} \left[ -x^{-1} \right]_{x_i}^{x_f}$$

$$W = 1,3 \times 10^{22} \left[ \frac{1}{x_f} - \frac{1}{x_i} \right]$$

$$W = -3,0 \times 10^{10} \text{ J}$$



# Exemplo: sonda interplanetária

Uma sonda interplanetária é atraída para o Sol por uma força de módulo  $F = 1,3 \times 10^{22}/x^2$ , onde  $x$  é a distância entre o Sol e a sonda. Determine o trabalho feito pelo Sol na sonda, quando a sonda se afasta do Sol de uma distância de  $1,5 \times 10^{11}\text{m}$  até  $2,3 \times 10^{11}\text{m}$ .

- Usamos

$$W = \int_{x_i}^{x_f} F_x dx$$

- Neste caso

$$F_x = -1,3 \times 10^{22} \frac{1}{x^2}$$

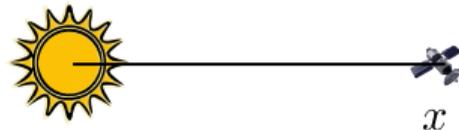
- Ficamos com

$$W = -1,3 \times 10^{22} \int_{x_i}^{x_f} x^{-2} dx$$

$$W = -1,3 \times 10^{22} \left[ -x^{-1} \right]_{x_i}^{x_f}$$

$$W = 1,3 \times 10^{22} \left[ \frac{1}{x_f} - \frac{1}{x_i} \right]$$

$$W = -3,0 \times 10^{10} \text{ J}$$



# Exemplo: sonda interplanetária

Uma sonda interplanetária é atraída para o Sol por uma força de módulo  $F = 1,3 \times 10^{22}/x^2$ , onde  $x$  é a distância entre o Sol e a sonda. Determine o trabalho feito pelo Sol na sonda, quando a sonda se afasta do Sol de uma distância de  $1,5 \times 10^{11}\text{m}$  até  $2,3 \times 10^{11}\text{m}$ .

- Usamos

$$W = \int_{x_i}^{x_f} F_x dx$$

- Neste caso

$$F_x = -1,3 \times 10^{22} \frac{1}{x^2}$$

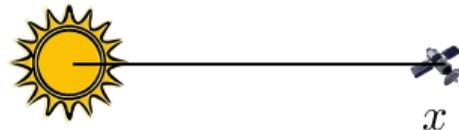
- Ficamos com

$$W = -1,3 \times 10^{22} \int_{x_i}^{x_f} x^{-2} dx$$

$$W = -1,3 \times 10^{22} \left[ -x^{-1} \right]_{x_i}^{x_f}$$

$$W = 1,3 \times 10^{22} \left[ \frac{1}{x_f} - \frac{1}{x_i} \right]$$

$$W = -3,0 \times 10^{10} \text{ J}$$



# Exemplo: sonda interplanetária

Uma sonda interplanetária é atraída para o Sol por uma força de módulo  $F = 1,3 \times 10^{22}/x^2$ , onde  $x$  é a distância entre o Sol e a sonda. Determine o trabalho feito pelo Sol na sonda, quando a sonda se afasta do Sol de uma distância de  $1,5 \times 10^{11}$  m até  $2,3 \times 10^{11}$  m.

- Usamos

$$W = \int_{x_i}^{x_f} F_x dx$$

- Neste caso

$$F_x = -1,3 \times 10^{22} \frac{1}{x^2}$$

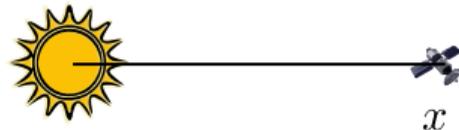
- Ficamos com

$$W = -1,3 \times 10^{22} \int_{x_i}^{x_f} x^{-2} dx$$

$$W = -1,3 \times 10^{22} \left[ -x^{-1} \right]_{x_i}^{x_f}$$

$$W = 1,3 \times 10^{22} \left[ \frac{1}{x_f} - \frac{1}{x_i} \right]$$

$$W = -3,0 \times 10^{10} \text{ J}$$



- 1 Energia cinética e Trabalho
  - Trabalho realizado pela força gravitacional
  - Trabalho realizado por uma força elástica
  - Trabalho realizado por uma força variável genérica
  - **Trabalho - Análise tridimensional**
  - Teorema do trabalho-Energia cinética para uma força variável
  - Potência

# Trabalho - Análise tridimensional

## Energia cinética e Trabalho

- O trabalho depende da componente da força na direção do deslocamento do corpo.

- A componente  $F_{\parallel}$  está relacionada com  $\phi$ , por  $F_{\parallel} = F \cos \phi$

- O trabalho  $dW$  realizado por  $\vec{F}$ , durante o deslocamento  $d\vec{r}$  é

$$dW = F_{\parallel} dr = F \cos \phi dr = \vec{F} \cdot d\vec{r}$$

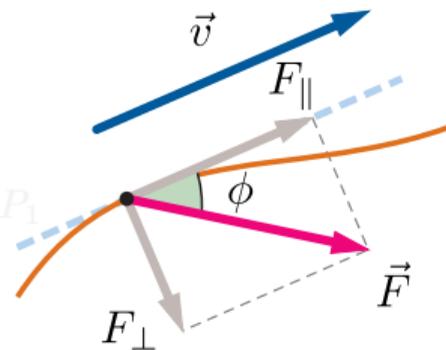
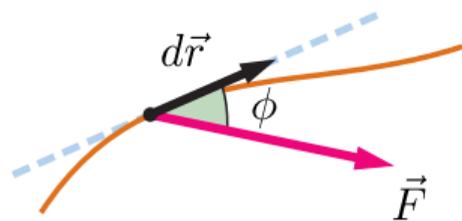
- Escrevendo em componentes, encontramos

$$dW = \vec{F} \cdot d\vec{r} = (F_x \hat{i} + F_y \hat{j} + F_z \hat{k}) \cdot (dx \hat{i} + dy \hat{j} + dz \hat{k})$$

$$dW = F_x dx + F_y dy + F_z dz$$

- O Trabalho realizado sobre a partícula, enquanto ela se move de um ponto  $P_1$  até  $P_2$ , é

$$W = \int_{P_1}^{P_2} \vec{F} \cdot d\vec{r} = \int_{x_1}^{x_2} F_x dx + \int_{y_1}^{y_2} F_y dy + \int_{z_1}^{z_2} F_z dz$$



# Trabalho - Análise tridimensional

## Energia cinética e Trabalho

- O trabalho depende da componente da força na direção do deslocamento do corpo.
- A componente  $F_{\parallel}$  está relacionada com  $\phi$ , por  $F_{\parallel} = F \cos \phi$
- O trabalho  $dW$  realizado por  $\vec{F}$ , durante o deslocamento  $d\vec{r}$  é

$$dW = F_{\parallel} dr = F \cos \phi dr = \vec{F} \cdot d\vec{r}$$

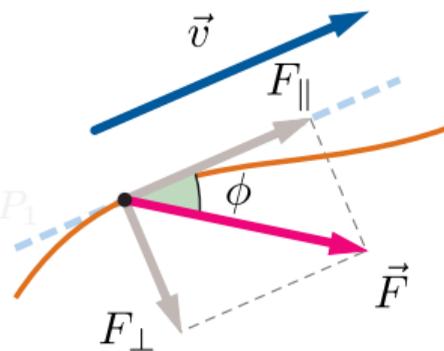
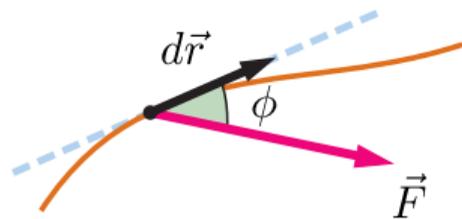
- Escrevendo em componentes, encontramos

$$dW = \vec{F} \cdot d\vec{r} = (F_x \hat{i} + F_y \hat{j} + F_z \hat{k}) \cdot (dx \hat{i} + dy \hat{j} + dz \hat{k})$$

$$dW = F_x dx + F_y dy + F_z dz$$

- O Trabalho realizado sobre a partícula, enquanto ela se move de um ponto  $P_1$  até  $P_2$ , é

$$W = \int_{P_1}^{P_2} \vec{F} \cdot d\vec{r} = \int_{x_1}^{x_2} F_x dx + \int_{y_1}^{y_2} F_y dy + \int_{z_1}^{z_2} F_z dz$$



# Trabalho - Análise tridimensional

## Energia cinética e Trabalho

- O trabalho depende da componente da força na direção do deslocamento do corpo.
- A componente  $F_{\parallel}$  está relacionada com  $\phi$ , por  $F_{\parallel} = F \cos \phi$
- O trabalho  $dW$  realizado por  $\vec{F}$ , durante o deslocamento  $d\vec{r}$  é

$$dW = F_{\parallel} dr = F \cos \phi dr = \vec{F} \cdot d\vec{r}$$

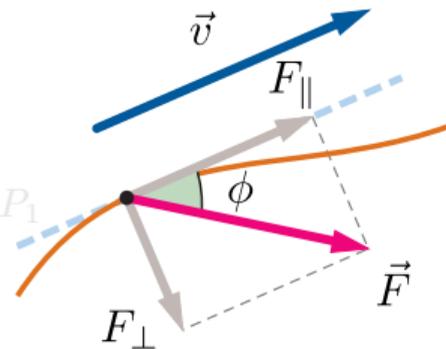
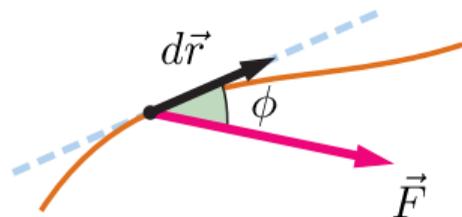
- Escrevendo em componentes, encontramos

$$dW = \vec{F} \cdot d\vec{r} = (F_x \hat{i} + F_y \hat{j} + F_z \hat{k}) \cdot (dx \hat{i} + dy \hat{j} + dz \hat{k})$$

$$dW = F_x dx + F_y dy + F_z dz$$

- O Trabalho realizado sobre a partícula, enquanto ela se move de um ponto  $P_1$  até  $P_2$ , é

$$W = \int_{P_1}^{P_2} \vec{F} \cdot d\vec{r} = \int_{x_1}^{x_2} F_x dx + \int_{y_1}^{y_2} F_y dy + \int_{z_1}^{z_2} F_z dz$$



# Trabalho - Análise tridimensional

## Energia cinética e Trabalho

- O trabalho depende da componente da força na direção do deslocamento do corpo.
- A componente  $F_{\parallel}$  está relacionada com  $\phi$ , por  $F_{\parallel} = F \cos \phi$
- O trabalho  $dW$  realizado por  $\vec{F}$ , durante o deslocamento  $d\vec{r}$  é

$$dW = F_{\parallel} dr = F \cos \phi dr = \vec{F} \cdot d\vec{r}$$

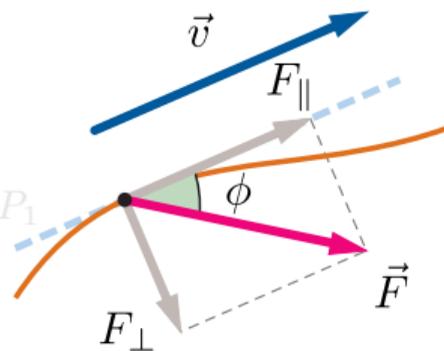
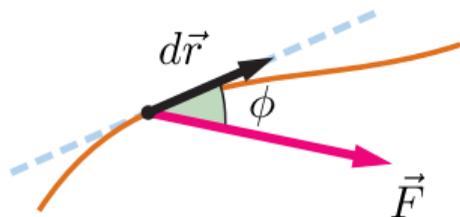
- Escrevendo em componentes, encontramos

$$dW = \vec{F} \cdot d\vec{r} = (F_x \hat{i} + F_y \hat{j} + F_z \hat{k}) \cdot (dx \hat{i} + dy \hat{j} + dz \hat{k})$$

$$dW = F_x dx + F_y dy + F_z dz$$

- O Trabalho realizado sobre a partícula, enquanto ela se move de um ponto  $P_1$  até  $P_2$ , é

$$W = \int_{P_1}^{P_2} \vec{F} \cdot d\vec{r} = \int_{x_1}^{x_2} F_x dx + \int_{y_1}^{y_2} F_y dy + \int_{z_1}^{z_2} F_z dz$$



# Trabalho - Análise tridimensional

## Energia cinética e Trabalho

- O trabalho depende da componente da força na direção do deslocamento do corpo.
- A componente  $F_{\parallel}$  está relacionada com  $\phi$ , por  $F_{\parallel} = F \cos \phi$
- O trabalho  $dW$  realizado por  $\vec{F}$ , durante o deslocamento  $d\vec{r}$  é

$$dW = F_{\parallel} dr = F \cos \phi dr = \vec{F} \cdot d\vec{r}$$

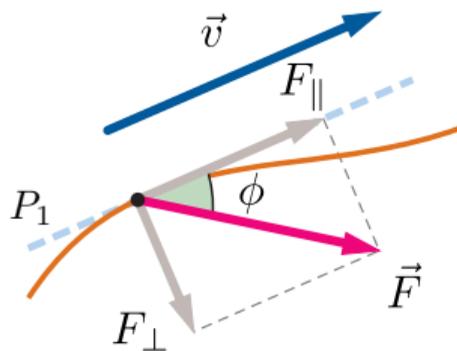
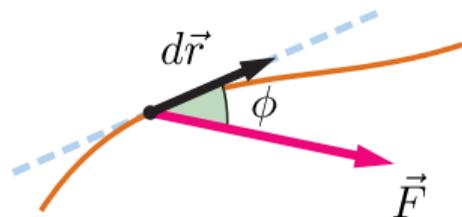
- Escrevendo em componentes, encontramos

$$dW = \vec{F} \cdot d\vec{r} = (F_x \hat{i} + F_y \hat{j} + F_z \hat{k}) \cdot (dx \hat{i} + dy \hat{j} + dz \hat{k})$$

$$dW = F_x dx + F_y dy + F_z dz$$

- O Trabalho realizado sobre a partícula, enquanto ela se move de um ponto  $P_1$  até  $P_2$ , é

$$W = \int_{P_1}^{P_2} \vec{F} \cdot d\vec{r} = \int_{x_1}^{x_2} F_x dx + \int_{y_1}^{y_2} F_y dy + \int_{z_1}^{z_2} F_z dz$$



- 1 Energia cinética e Trabalho
  - Trabalho realizado pela força gravitacional
  - Trabalho realizado por uma força elástica
  - Trabalho realizado por uma força variável genérica
  - Trabalho - Análise tridimensional
  - Teorema do trabalho-Energia cinética para uma força variável
  - Potência

# Teorema do trabalho-Energia cinética para uma força variável

## Energia cinética e Trabalho

- Já vimos que

$$W = \int_{x_i}^{x_f} F(x) dx$$

- Usando  $F(x) = ma$ , podemos escrever

$$W = m \int_{x_i}^{x_f} a dx = m \int_{x_i}^{x_f} \left( \frac{dv}{dt} \right) dx$$

- Podemos usar a regra da cadeia

$$\frac{dv}{dt} = \frac{dv}{dx} \frac{dx}{dt} = v \frac{dv}{dx}$$

$$\begin{aligned} W &= m \int_{x_i}^{x_f} v \frac{dv}{dx} dx \\ &= m \int_{x_i}^{x_f} v dv \\ &= m \left[ \frac{v^2}{2} \right]_{v_i}^{v_f} \end{aligned}$$

$$W = \frac{1}{2} m v_f^2 - \frac{1}{2} m v_i^2 = K_f - K_i$$

- 1 Energia cinética e Trabalho
  - Trabalho realizado pela força gravitacional
  - Trabalho realizado por uma força elástica
  - Trabalho realizado por uma força variável genérica
  - Trabalho - Análise tridimensional
  - Teorema do trabalho-Energia cinética para uma força variável
  - Potência

# Potência

## Energia cinética e Trabalho

- A definição de trabalho não diz nada sobre quanto tempo ele leva para ser realizado
- Em física, a taxa na qual uma força realiza trabalho é chamada de **potência**  $P$
- Potência é a taxa de transferência de energia
- O trabalho realizado durante um intervalo de tempo  $dt$  é dado por

$$dW = \vec{F} \cdot d\vec{r} = \vec{F} \cdot \vec{v} dt$$

- A potência, então, é

### Potência instantânea

$$P = \frac{dW}{dt} = \vec{F} \cdot \vec{v}$$

### Potência média

$$P_{\text{méd}} = \frac{W}{\Delta t}$$

- No SI a unidade de potência é chamada de **watt**

$$1\text{W} = 1\text{J/s}$$

$$1\text{hp} \approx 746\text{W}$$

---

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \implies d\vec{r} = \vec{v} dt$$

Um bloco descreve um movimento circular uniforme sob a ação de uma corda presa ao bloco e ao centro de uma circunferência. A potência desenvolvida pela força que a corda exerce sobre o bloco é positiva, negativa ou nula?

- Reproduza as passagens de maneira independente!
- Estude as referências!
  - D. Halliday, R. Resnick, and J. Walker. *Fundamentos de Física - Mecânica*, volume 1. LTC, 10 edition, 2016
  - P.A. Tipler and G. Mosca. *Física para Cientistas e Engenheiros*, volume 1. LTC, 10 edition, 2009
  - H.M. Nussenzveig. *Curso de física básica, 1: mecânica*. E. Blucher, 2013
  - H.D. Young, R.A. Freedman, F.W. Sears, and M.W. Zemansky. *Sears e Zemansky física I: mecânica*
  - M. Alonso and E.J. Finn. *Física: Um curso universitário - Mecânica*. Editora Blucher, 2018
  - R.P. Feynman, R.B. Leighton, and M.L. Sands. *Lições de Física de Feynman*. Bookman, 2008

