

$$\textcircled{1} \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1}{x} = \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{1}{x} = -\infty$$

significa  $0_+$ : Quando  $x$  é pequeno

e positivo, como

$$\frac{1}{0,1} = 10, \frac{1}{0,01} = 100, \frac{1}{0,001} = 1000, \dots, \frac{1}{0,000001}$$

Se  $x$  diminui e é positivo  $\frac{1}{x}$  cresce e é p

Posso demonstrar isso com rigor, mas

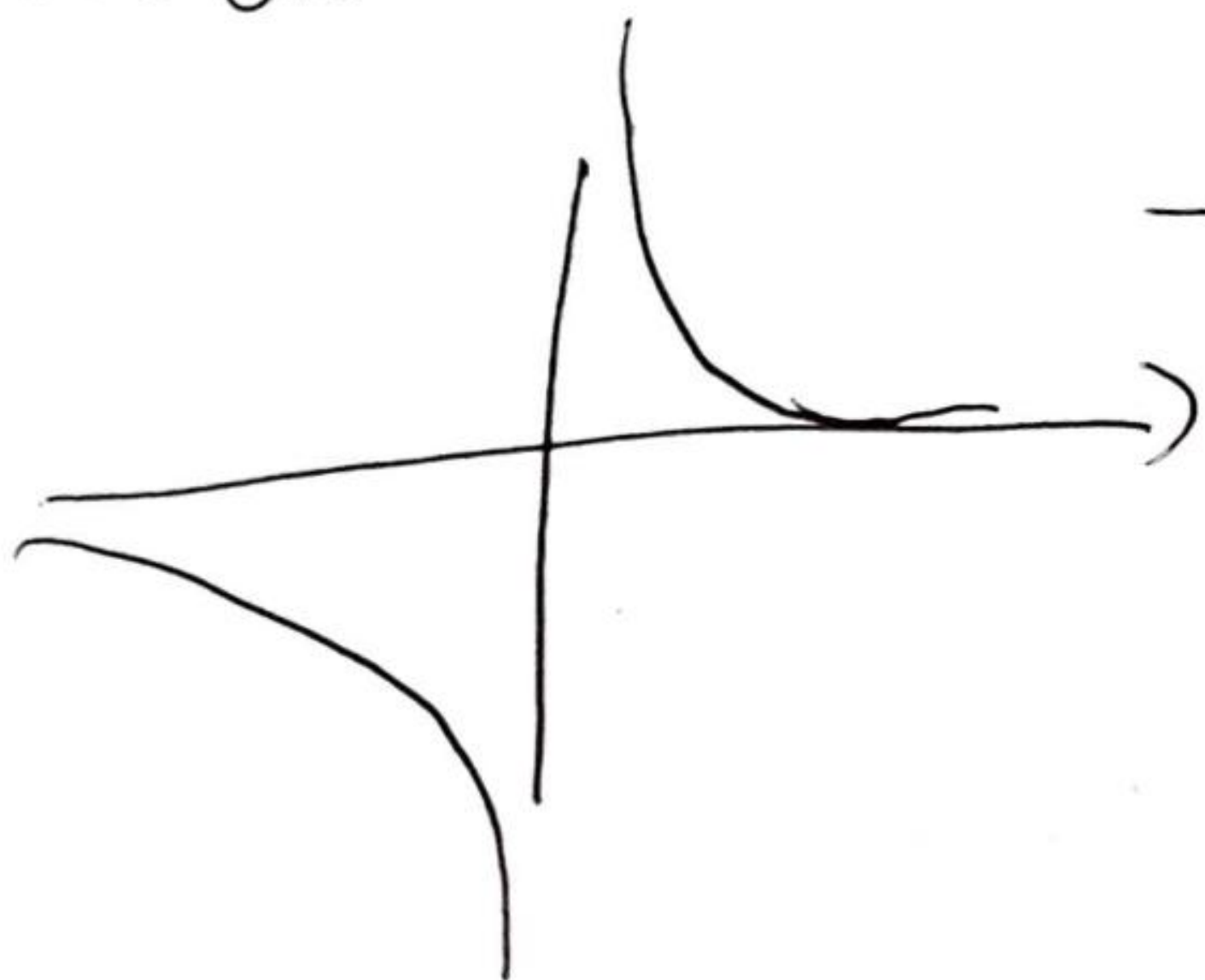
Vamos aceitar

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1}{x} = \infty$$

Análise  $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{1}{x}$ ,  $x$  pequeno e ne

$$\frac{1}{-0,1}, \frac{1}{-0,01}, \frac{1}{-0,001} \dots \text{ é grande e } \eta$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{1}{x} = -\infty$$



- Sei disso. Não vou provar

Agora, usando o que sei

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{1}{x^2 - 5x + 6} \quad \text{e} \quad \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{1}{x^2 - 5x + 6}$$

$$\text{fica} \quad \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{1}{(x-3)(x-2)} \quad \text{e} \quad \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{1}{(x-3)(x-2)}$$

Sei que  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{1}{x-3} = -1$ . É função elementar

$$\text{e logo} \quad \frac{1}{(x-3)} \Big|_{x=2} = \frac{1}{2-3} = \frac{1}{-1} = -1$$

③ Agora  $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{1}{x-2}$  e  $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{1}{x-2}$

eu não sei, mas eu tenho um modelo

que é  $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1}{x} = +\infty$

Faça  $x-2 = y$ ,  $x=2$  faz  $y=0$ , daí;

temos  $\lim_{y \rightarrow 0^+} \frac{1}{y} = +\infty$ . Já  $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1}{y} = +\infty$  e

$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{1}{y} = -\infty$

Daí,  $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{1}{x-2} \cdot \frac{1}{x-3} = \infty \cdot -3 = -\infty$

$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{1}{x-2} \cdot \frac{1}{x-3} = -\infty \cdot -3 = \infty$