

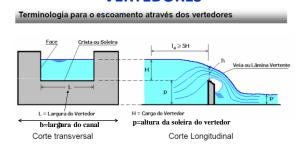
# **VERTEDORES ou VERTEDOUROS**

# **VERTEDORES - DEFINIÇÃO**

Podem ser definidos como paredes, diques ou aberturas sobre as quais um líquido escoa. O termo também é aplicado aos extravasores de represas.

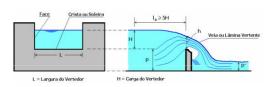
Os VERTEDORES devem ser construídos com forma geométrica definida e seu estudo é feito considerando-os como orifícios incompletos (sem a parte superior).

# **VERTEDORES**



VERTEDOR RETANGULAR COM CONTRAÇÕES LATERAIS

# CLASSIFICAÇÃO DOS VERTEDORES



### Quanto à forma:

- · Simples: retangular, triangular, trapezoidal, circular, exponencial;
- Compostos: mais de uma forma simples combinadas;

### Quanto à altura relativa da soleira:

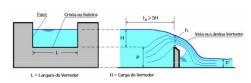
- Livres ou completos: (p > p');
- Afogados ou incompletos: (p < p');</li>

# CLASSIFICAÇÃO DOS VERTEDORES



Vertedor simples (retangular) utilizado para medir grandes vertedor de seção composta (retangular na parte superior e triangular em baixo). A forma triangular é apropriada para medir vazões pequenas com precisão.

# CLASSIFICAÇÃO DOS VERTEDORES



# Quanto à espessura da parede:

- parede delgada ou soleira fina: e ≤ 2H/3 →contato segundo uma linha entre a lâmina e a soleira;
- parede espessa ou soleira espessa: e > 2H/3;

# Quanto à largura relativa da soleira:

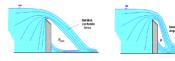
- sem contrações laterais: L = B;
- com uma ou duas contrações laterais: L < B.</li>

# Influência da Forma da Veia Fluida 1

- Quando o ar não entra, naturalmente, no espaço abaixo da lâmina vertente, pode ocorrer uma pressão menor que a pressão atmosferica, produzindo uma depressão da veia liquida. Esse fenômeno altera a determinação da vazão pelas formulas clássicas.
- O fenômeno é comum nos vertedores sem contração e pode ocorrer ocasionalmente nos vertedores com contração lateral.
- Nessas condições a lâmina deixa de ser livre, para adotar as formas de lâmina deprimida, lâmina aderente ou lâmina afogada.
- Quando se utiliza um vertedor para medição de vazão, deve-se evitar a ocorrência do fenômeno acima descrito.

## Influência da forma da Veia Fluida 2

As diferentes formas da veia fluida que pode ocorrer nos vertedores:



Lâmina livre:

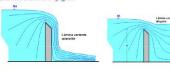
- A pressão sob a lâmina é igual à pressão atmosférica. Situação ideal para uso do vertedo: como medidor de vazão

Lâmina deprimida:

 O ar é arrastado pela água, o ur e arrasuado peta água, provocando o aparecimento de uma pressão negativa sob a lâmina, o que modifica a forma da mesma.

## Influência da forma da Veia Fluida 3

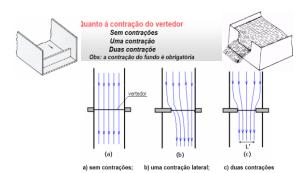
· Lâminas aderente e afogada



Lâmina aderente:

- O ar é totalmente arrastado pela água, provocando a aderência da lâmina na parede do vertedor. Ocorre muito em vazões pequenas.
- Lâmina afogada:
- O nivel da água a jusante é superior à altura da soleira.

# CLASSIFICAÇÃO DOS VERTEDORES

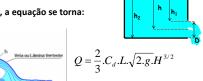


# CÁLCULO DA VAZÃO ATRAVÉS DE VERTEDORES RETANGULARES DE PAREDE FINA SEM CONTRAÇÕES

Para orifícios de grandes dimensões, foi deduzida a seguinte equação:

$$Q = \frac{2}{3}.C_d.L.\sqrt{2.g.}(h_1^{2/3} - h_2^{2/3})$$

para h<sub>1</sub>=0 e h<sub>2</sub>=H, a equação se torna:



# CÁLCULO DA VAZÃO ATRAVÉS DE VERTEDORES

Q = K.L.H<sup>3/2</sup> , sendo 
$$K = \frac{2}{3}.Cd.\sqrt{2.g}$$

Para o valor médio de Cd = 0,62, tem-se: K = 2/3 x 0,62 x 4,43 = 1,838

X 4,43 = 1,030

 $Q = 1.838.L.H^{3/2}$  EQ. (12.75)

(Fórmula de Francis para vertedores retangulares sem contrações laterais)

Sendo Q dada em m³/s e L e H em metros.

Vertedores Retangulares de Parede Delgada sem Contrações

- Valores do Coeficiente de Vazão C<sub>D</sub>:
- Fórmula de Francis (1905).

$$C_D = 0.615 \left[ 1 + 0.26 \cdot \left( \frac{H}{H+P} \right)^2 \right]$$
 EQ. (12.74)  
(0,25 < H < 0,80 m; P > 0,30 m e H < P)

Para P/H > 3,5, C<sub>D</sub> = 0,623, logo:

$$Q = 1,838 \cdot L \cdot H^{\frac{3}{2}}$$
 EQ. (12.75)

Vertedores Retangulares de Parede Delgada sem Contrações

- Valores do Coeficiente de Vazão C<sub>D</sub>:
- Fórmula de Rehbock (1912).

$$C_D = 0,605 + 0,08 \cdot \frac{H}{P} \cdot \frac{1}{1000H}$$
 EQ. (12.72)

(0.25 < H < 0.80 m; P > 0.30 m e H < P)

Fórmula de Rehbock (1929).

$$C_D = \left[ 0,6035 + 0,0813 \cdot \left( \frac{H + 0,0011}{P} \right) \right] \left[ 1 + \frac{0,0011}{H} \right]^{\frac{3}{2}}$$
 EQ. (12.73)

(0,03 < H < 0,75 m; L > 0,30 m; P > 0,30 m e H < P)

- · Outras fórmulas:
  - Bazin
  - Kindsvater e Carter

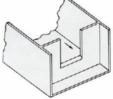
Vertedores Retangulares de Parede Delgada sem Contrações

- Influência da contração lateral: utiliza-se uma largura fictícia L\*
  - Contração numa só face:









# RECOMENDAÇÕES PARA CONSTRUÇÃO DE UM **VERTEDOR RETANGULAR**

(Preferencialmente sem contração lateral)

A soleira deve ser delgada, reta, em nível com o plano horizontal e normal à direção do fluxo (convém utilizar uma

A distância da crista ao fundo e aos lados do canal deve ser igual a 3H (no mínimo 20 cm);

Deve haver livre admissão de ar debaixo da lâmina de água

A carga hidráulica H deve ser maior que 5 cm e menor que 60 cm:

# RECOMENDAÇÕES PARA CONSTRUÇÃO DE UM **VERTEDOR RETANGULAR**

O comprimento da soleira deve ser no mínimo igual a 3H (no mínimo 20 a 30 cm);

A montante do vertedor deve haver um trecho retilíneo para regularizar o movimento da água, de preferência com o fundo em nível.

### Observações:

- A régua pode ser colocada num poço lateral ao canal para fugir da influência de ondas;
- O nível da água a jusante não deve estar próximo da soleira do vertedor (p' < p).

# Avaliação de Erro nos Vertedores

- Nas medidas das grandezas envolvidas na determinação da vazão, podem ocorrer erros que levam a incerteza nessa medida.
- · Para um vertedor retangular:

Para um vertedor retangular: 
$$Q = K L H^{3/2} \qquad \frac{dQ}{dH} = \frac{3}{2} K L H^{1/2} \qquad \frac{dQ}{Q} = \frac{\frac{3}{2} K L H^{1/2} dH}{KLH^{3/2}}$$
$$\frac{dQ}{Q} = 1.5 \frac{dH}{H}$$

- dQ/Q → erro relativo na medida da vazão
- dH/H → erro relativo na medida da carga
- Um erro de 1% na medida da carga causa um erro de 1,5% na medida da vazão, não considerando o erro na medida da largura da soleira.

# **CLASSIFICAÇÃO DOS VERTEDORES:**

SOLEIRA DELGADA (laboratório de hidráulica)



Vertedor triangular de soleira delgada

# VERTEDOR TRIANGULAR DE PAREDE DELGADA

### **Vertedor Triangular:**

Utilizado para medição de pequenas vazões ( Q < 30 l/s) Maior precisão na medida da carga, H. São construídos em chapa de aço

Admitindo-se uma faixa horizontal de altura elementar dz e comprimento x, como um orificio pequeno, a vazão será  $dQ=C_{d^{*}}V_{r}dA$ .

 $dQ = C_d \sqrt{2gz}.x.dz$ 

 $dQ=\sqrt{2gz}dA=2\sqrt{2gz}~xdz$   $como:tg\left(\frac{\theta}{2}\right)=\frac{x}{H-z},~a~vazão~elementar~se~torna:$ 

 $dQ = 2\sqrt{2g} t g \left(\frac{g}{2}\right) (H - z)\sqrt{z} dz$ integrando entre 0 eH, tem - se:  $Q = 2\sqrt{2g} t g \left(\frac{g}{2}\right) \int_{0}^{H} (H - z)\sqrt{z} dz$ 

H.

b
L
MA

p

Jac

p

EQ. (12.79)

# Vertedores Triangulares de Parede Delgada

- Para α = 90°
- · Fórmula de Thomson

 $\boxed{Q = 1,40 \cdot H^{\frac{5}{2}}} \quad \text{EQ. (12.80)}$  (0,05 < H < 0,38 m; P > 3 H e B > 6 H)

Fórmula de Gouley e Grimp

EQ. (12.81)  $Q = 1.32 \cdot H^{2.48}$ 

Gourley: Q = 1.32 tg (%) H <sup>2.48</sup>

(0,05 < H < 0,38 m; P > 3 H e B > 6 H)

# **VERTEDOR TRIANGULAR**





# VERTEDOR TRAPEZOIDAL DE PAREDE DELGADA

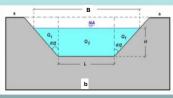
Tem a forma de um trapézio de largura menor L e altura H. É considerado como sendo formado por um vertedor retangular e um triangular, de ângulo θ.

O trapézio é usado para compensar o decréscimo de vazão que se observa devido às contrações.

$$Q = Q_2 + 2.Q_1$$
 
$$Q = \frac{2}{3}C_dL\sqrt{2g}H^{3/2} + \frac{8}{15}C_d\sqrt{2g}tg(\theta/2)H^{5/2}$$

Para esse tipo de vertedor pode-se considerar a influência da velocidade de aproximação somando-se a parcela  $[\alpha.V^2/(2g)]^{3/2}$  ao valor de H.

Tal correção deverá ser feita sempre que a área da seção transversal do canal for inferior a 6.L.H



## **VERTEDOR TRAPEZOIDAL DE PAREDE DELGADA CIPOLETTI**

É um tipo especial de um vertedor trapezoidal, onde as faces são inclinadas de 1:4 (h:v), tal que  $\operatorname{tg}(\theta/2)=\frac{1}{2}$ .

A declividade de 1:4 tem o objetivo de compensar a diminuição de largura devida à contração lateral, de forma que a equação a ser usada é a do vertedor retangular de parede delgada com duas contrações:

$$Q = \frac{2}{3} C_d L \left( 1 - \frac{2H}{10} \right) \sqrt{2g} H^{3/2}$$

Cipolleti propôs que  $C_d = 0.63$ E que os limites seguintes fossem Respeitados:

alendo a seguinte fórmula:

0,05 < h < 0,60 m H < L/3 p > 3.H e a > 2 H Largura do canal ( b > 30 a 60 H

0, 0, 0, 0, 1 H

В

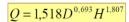
 $Q = 1,861LH^{3/2}$ 

EQ. (12.83)

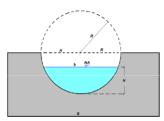
# Vertedor Circular

## Vertedor Circular

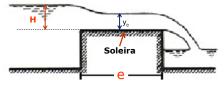
- •Usado para pequenas vazões
- Fácil construção e instalação
- •Não requer nivelamento da soleira
- •Lâmina vertente sempre aerada
- •Mais eficiente para pequenos valores de H
- Pouco empregado



Obs:  $Q \text{ em } m^3/s \text{ e } D \text{ e } H \text{ em } m$ .



# CLASSIFICAÇÃO DOS VERTEDORES: SOLEIRA ESPESSA HORIZONTAL



# Condição: e > 0,66 H

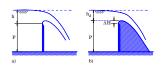
 $Q = 1,704.C_d L.H^{3/2}$  EQ. (12.94)

Tabela de Cd (Tabela 12.7)

Para vertedores com aresta de montante arrendondada (laboratório de hidráulica) — valores tabelados devem ser aumentados de 10%

# Descarregadores de barragens

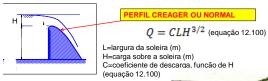
- SOLEIRA ESPESSA TRAPEZOIDAL
- DE SOLEIRA NORMAL (idéia)



# Descarregadores de barragens

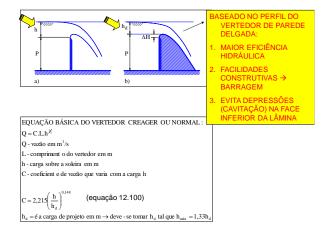
-Permitem a passagem das ondas de cheia afluentes ao

reservatório.
-Crista de forma especial para permitir a aderência da lâmina vertente, evitando a sua oscilação e efeito de cavitação.

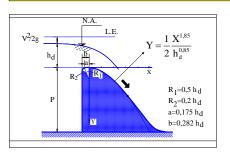


1,75<=C<=2,2





# Geometria do perfil CREAGER com paramento de montante vertical





Vertedores da Usina Jupiá (vista superior)- MS/SP Fonte: http://www.panoramio.com/photo/49535326

# OUTROS VERTEDORES VERTEDOR TIPO TULIPA





Posicionados no lago, internamente (conduzem água de uma cota superior a outra inferior, no formato tulipa ou vórtice, por exemplo)

### FONTF:

http://alm.bolsacontinental.com/index.php?file=kop11.php

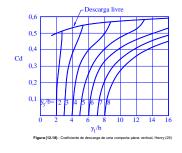
# Comporta de fundo plana

Um tipo de controle utilizado em canais, é uma comporta plana, a maioria das vezes vertical e de mesma larqura que o canal. Tal dispositivo controla as caracteristicas do escoamento fluvial a montante e torrencial a jusante. Dependendo da condição infeublica de jusante o escoamento após a comporta pode ser livre, em geral seguido de um ressalto, ou afogado.

# COMPORTA DE FUNDO PLANA $V_1^2/2g \qquad N.A. \qquad V_2^2/2g$ $H \qquad y_1 \qquad b \qquad V_2^2/2g$ $L \cong 1,3b$ descarga segue a lei dos orifícios $EQ. (12.55) \qquad q = C_d \ b \ \sqrt{2gy_1}$ $C_d = \frac{C_c}{\sqrt{1 + C_c b/y_1}}$

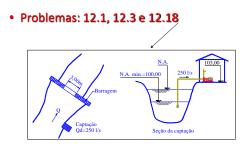
b=abertura da comporta (m) L=largura da comporta (m) y<sub>1</sub>=carga a montante

# COMPORTA DE FUNDO PLANA





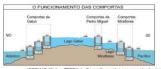
# LER ÍTEM 12.19 (APLICAÇÕES)-PAG.401



# Eclusas "elevadores de navios/barcos"

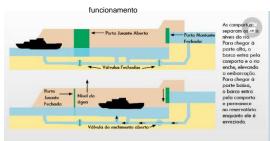
# • Exemplos:

- Os rios que formam a bacia hidrográfica do Paraná são os rios Paraná e o Parnaíba. São rios de planalto que se apresentam com grandes quedas d'água. Para tornar o rio navegável, foram construídas eclusas junto às barragens das hidrelétricas de Barra Bonita, Jupiá, Três Irmãos e outras.
- · Canal do Panamá

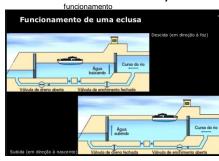


(COELHO, M. A. e TERRA, L. Geografia geral: o espaço natural e socioeconômico. São Paulo: Moderna, 2001 .p. 163.)

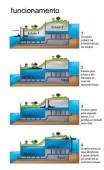
# Eclusas "elevadores de navios/barcos"



# Eclusas "elevadores de navios/barcos"



# Eclusas "elevadores de navios/barcos"



# Exercícios – examinar!

• Obrigada!

- 1) Qual a velocidade do jato e qual a descarga de um orifício padrão (C<sub>v</sub> = 0,98 e C<sub>d</sub> = 0,61), de 6 cm de diâmetro, situado na parede vertical de um reservatório, com o centro 3 m abaixo da superfície da água ?
- 2) Qual o diâmetro que deve ser dado a uma comporta circular de coeficiente de vazão 0,62, com centro 2 m abaixo do nível do reservatório, para que a descarga através da mesma seja de 500 L/s?
- 3) A velocidade do jato na seção contraída de saída de um orifício de 5 cm de diâmetro, sob uma carga de 4,5 m é de 9,1 m/s. Qual o valor dos coeficientes de velocidade, contração e descarga, sabendo-se que a vazão é de 11,2 L/s.
- 4) Um tanque fechado é dividido em duas partes que se comunicam por um orifício de 5 cm de diâmetro. Num dos compartimentos o nível da água fica a 2,4 m do centro do orifício e, no espaço acima da superfície, a pressão é de 1,4 Kgf/cm²; no outro compartimento, o orifício fica descoberto, e a pressão indicada por um vacuômetro é de 25 cm de Hg. Calcular a velocidade do jato e a descarga no orifício sendo C<sub>v</sub> = 0,97 e C<sub>d</sub> = 0,61.

 $t = \frac{2A}{C_d A_0 \sqrt{2g}} \left( \sqrt{h_0} - \sqrt{h} \right)$ 



# Exercícios de Aplicação 02

· Calcular a vazão através de um vertedor retangular de parede delgada, de largura igual a 50 cm, altura da soleira igual a 1,00 m, instalado no parte central de um canal com largura de 1,20m, quando a carga for 35 cm e o coeficiente de descarga 0,63. Avaliar a influência da velocidade de aproximação.

# Exercícios de Aplicação 03

• Um vertedor retangular de soleira fina, de 1,10 m de largura está instalado em um canal de 2,00 m de largura, em uma de suas laterais, com a soleira a 1,50 m do fundo do canal. Quando a carga for de 35 cm, calcule o desvio percentual entre a vazão calculada com a fórmula de Francis e com a fórmula da SBM.

## Exercícios de Aplicação 04

Com o objetivo de medir a vazão de um riacho foi construído um vertedor retangular, sem contrações laterais, com soleira de 2,00 m de largura e instalada a 0,90 m do fundo do riacho. Qual a vazão no vertedor quando a carga for de 30 cm?

 $Q = 0,60 \text{ m}^3/\text{s}$  pela fórmula de Francis ( $C_d = 0,622$ ).

Determinar a vazão em um vertedor retangular com 2,00 m de largura da soleira, instalado em um riacho de 4,00 m de largura, quando a carga sobre o vertedor for de 0,30 m.

# Resposta: $Q = 0.586 \text{ m}^3/\text{s}.$

# Exercícios de Aplicação 7

Qual a vazão que atravessa um vertedor triangular  $\,$  com ângulo de 90° quando a carga for de 0,15 m?

Resposta:  $Q = 0.0122 \text{ m}^3/\text{s} \text{ (Thomson)}.$ 

# Exercícios de Aplicação 06

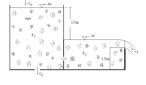
Calcular a vazão de água que escoa sobre a crista de uma barragem, quando o nivel da água na barragem atingir 1.0 m acima da sua crista. Considerar qua a soleira é espesa, plana e com 50 m de largura. Considerar duas hipóteses: 1) caso de verdedor de soleira espesa de Cd = 0.525; 2) que a crista da barragem foi adaptada a um perfil de Creager de forma que o coeficiente de descarga seja 0,735.

Resposta: 1)  $Q = 77,50 \text{ m}^3/\text{s}$  e 2)  $Q = 108,50 \text{ m}^3/\text{s}$ .

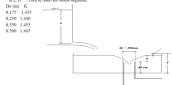
# Exercício de aplicação 8

Os escoamentos nos dois reservatórios  $R_1$  e  $R_2$  da figura estão em equilibrio, quando a vazão de entrada é  $Q_a = 65$  ls.  $R_1$  descarrega uma vazão para a atmosfera através de um orificio circular (d = 10 cm e  $C_d = 0.60$ ) instalado no seu fundo. Em  $R_2$  está instalado um vertedor triangular de parede fina, com ângulo de abertura  $90^{\circ}$  (vertedor Thomson).

Determinar a vazão descarregada pelo orifício instalado no fundo de  $R_1$  e a vazão descarregada pelo vertedor de  $R_2$ .

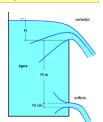


Um reservative de grandes diamentos possui un enficio próximo ao finalo, de 10cm dei diameto e coeficiente de descarga 0.61. Else críticio esta vertando ágas para destro de um reservativos onde está instalado un vertedor habitar on 25mm de diametor do parede externa, estando a bordo do tubo a 60cm do finado do reservativo; como indicado na figura. A carga sobre o enficio e 65/00. Diamestoana a borda do reservativo; uma folga de 10% Lendre-se, ainda que a vacilo em um vertedor nibular é dada por Q = De (m. K. L.H.<sup>147</sup>-C. com É dado ant abelas seguinte: De (m. K. 1.148). Com É dado ant abela seguinte: 20.25 de 1.440 de 1.35 de 1.455 de



# Exercícios de Aplicação 10

Um reservatório retangular tem um orificio circular de 10 cm de diâmetro na sua parede, conforme figura. O Cd para o orificio foi estimado em 0,65. Na parte superior do reservatório estiste um vertedor retangular de parede delgada, sem contrações, com largura de soleira 50 cm e Cd = 0,68. Qual a vazão no vertedor quando a vazão no orificio for 30,2 l/s?



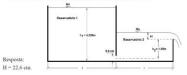
# Exercícios de Aplicação 11

Qual deve ser a largura de um vertedor Cipolleti capaz de fornecer uma vazão de 2,00 m3/s, de modo que o nivel da água no canal não ultrapasse 60 cm acima da soleira do vertedor? Se o erro relativo na medida da carga for de 2%, qual seria o erro na medida da vazão?

Resposta: Q = 2,313 mdQ/Q = 3%.

# Exercícios de Aplicação 12

Dois reservatórios de seção horizoutal quadrada de 2,0 m de lado se comunicam entre si através de um orifício afogado de 5 cm de altura, simado no fundo do primeiro reservatório e aberto em toda a extensão da parede lateral conforme mostrado na figura. No segundo reservatório, a água escoa livremente sobre uma das paredes laterais, sem contrações. Determinar o valor da carga H quando o esconamento átagior regime permanente de escoamento. Considerar o coeficiente de descarga igual a 0,61.

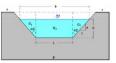


Calcular a vazão de água através de um vertedor retangular de parede delgada de 40 cm de largum, considerando a existência de duas contrações laterais e asbendo que a carga sobre a solenta será e 26 cm. Desprezar a velocidade de aproximação da água e adotar um coeficiente de descarga do vertedor igual a 0,08.

Resposta: Q =

## Exercícios de Aplicação 14

Dimensionar um vertedor trapezoidal, tipo Cipoletti, para uma vazão máxima de  $400~\mathrm{m^3}$ h, a ser instalado em um canal que tem uma largura de  $10~\mathrm{metos}$ . Lembre-se que em um vertedor Cipoletti a carga não deve superar  $0.60~\mathrm{meto}$  ne mem deve ser inferior a  $0.08~\mathrm{m}$  Da mesma forma o recomendado é que a largura do canal seja superior a  $7~\mathrm{vezes}$  a carga sobre o vertedor.



 $\begin{aligned} &Resposta: \\ &L = 0.1258 \text{ m e b} = 0.4285 \text{ m} \\ &H = 0.60 \text{ m} \end{aligned}$ 

