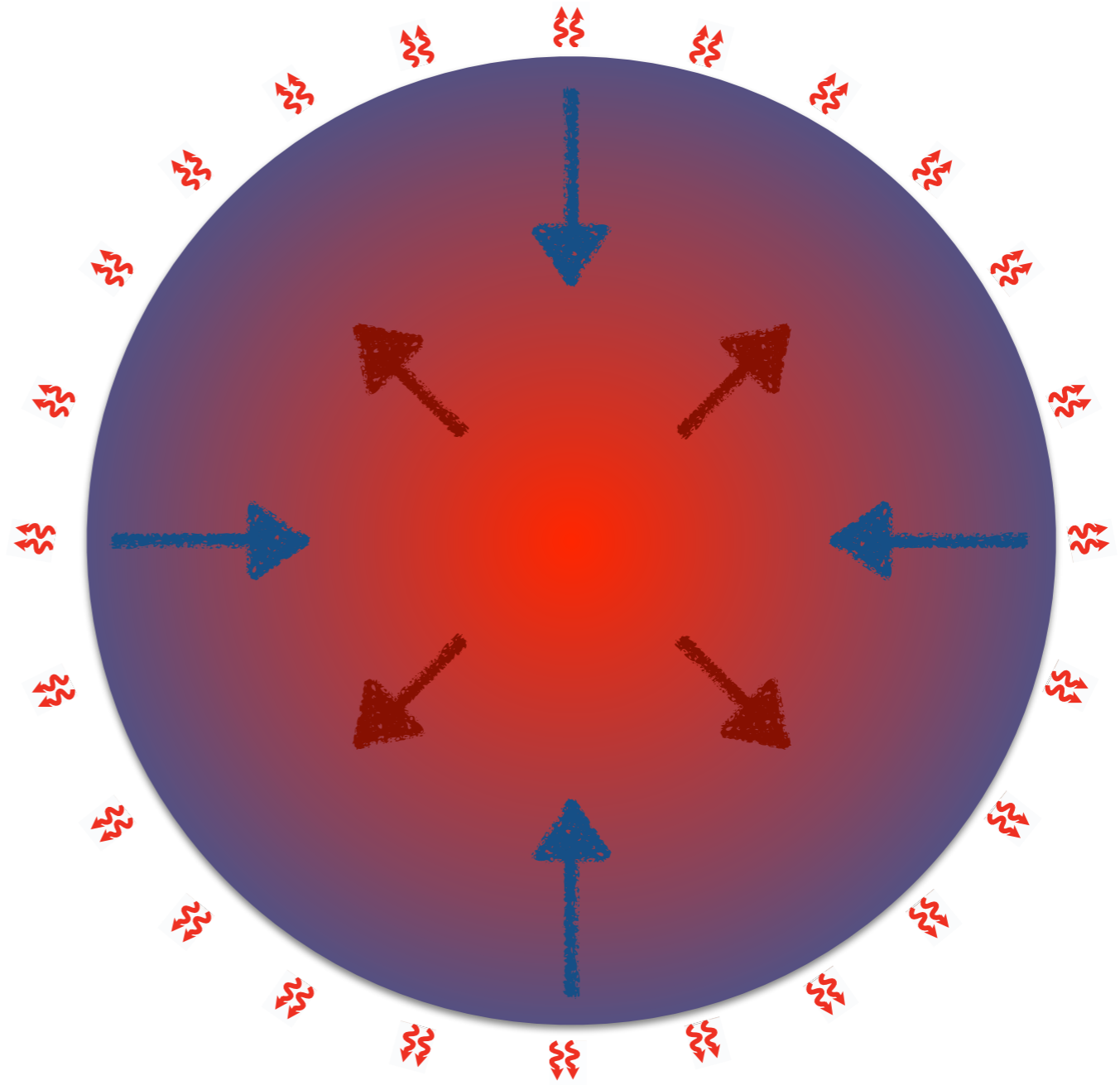


# **Modelos Quantitativos de Bacias Sedimentares**

AGG0314

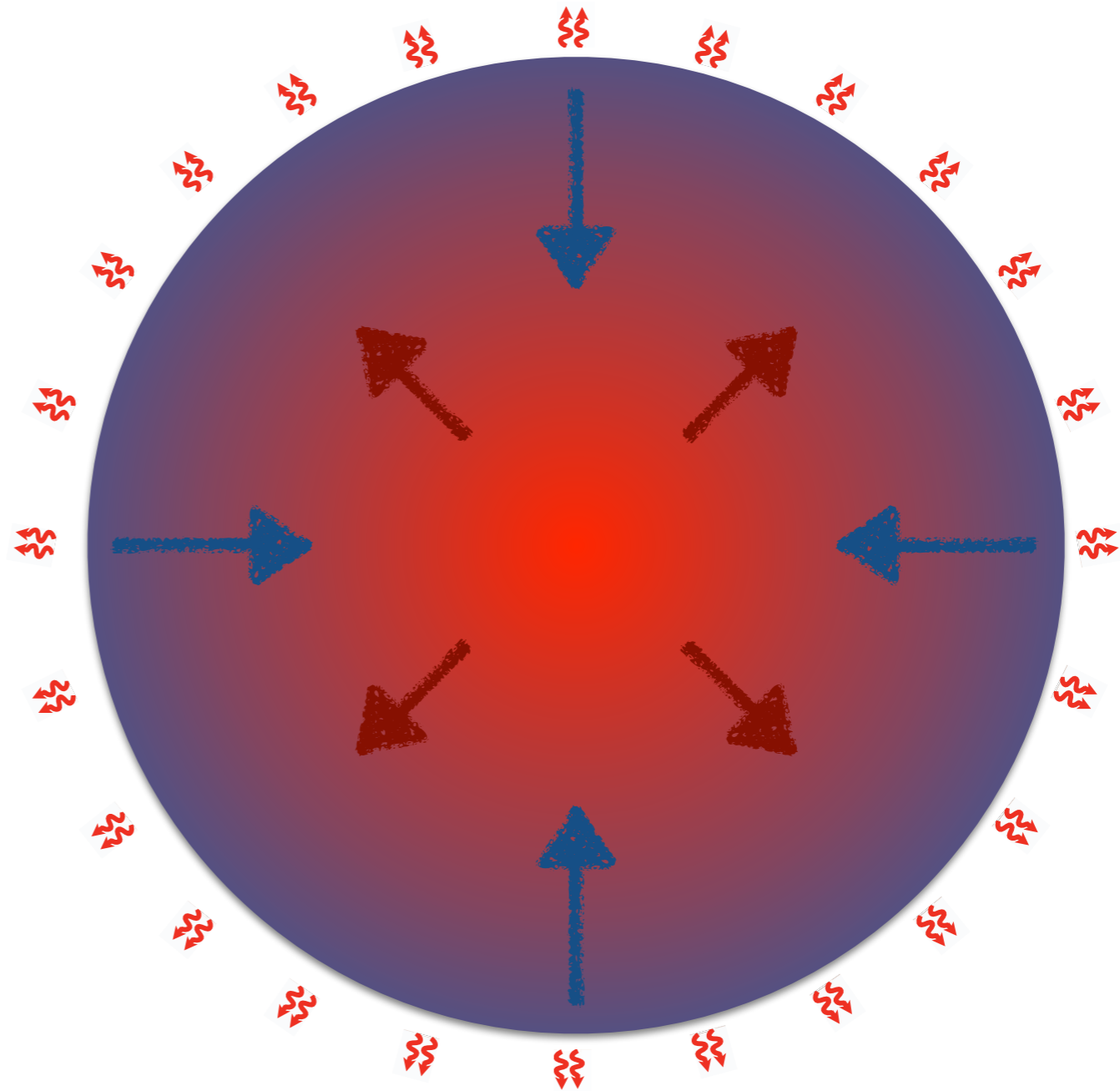
Reologia da litosfera

calor



calor

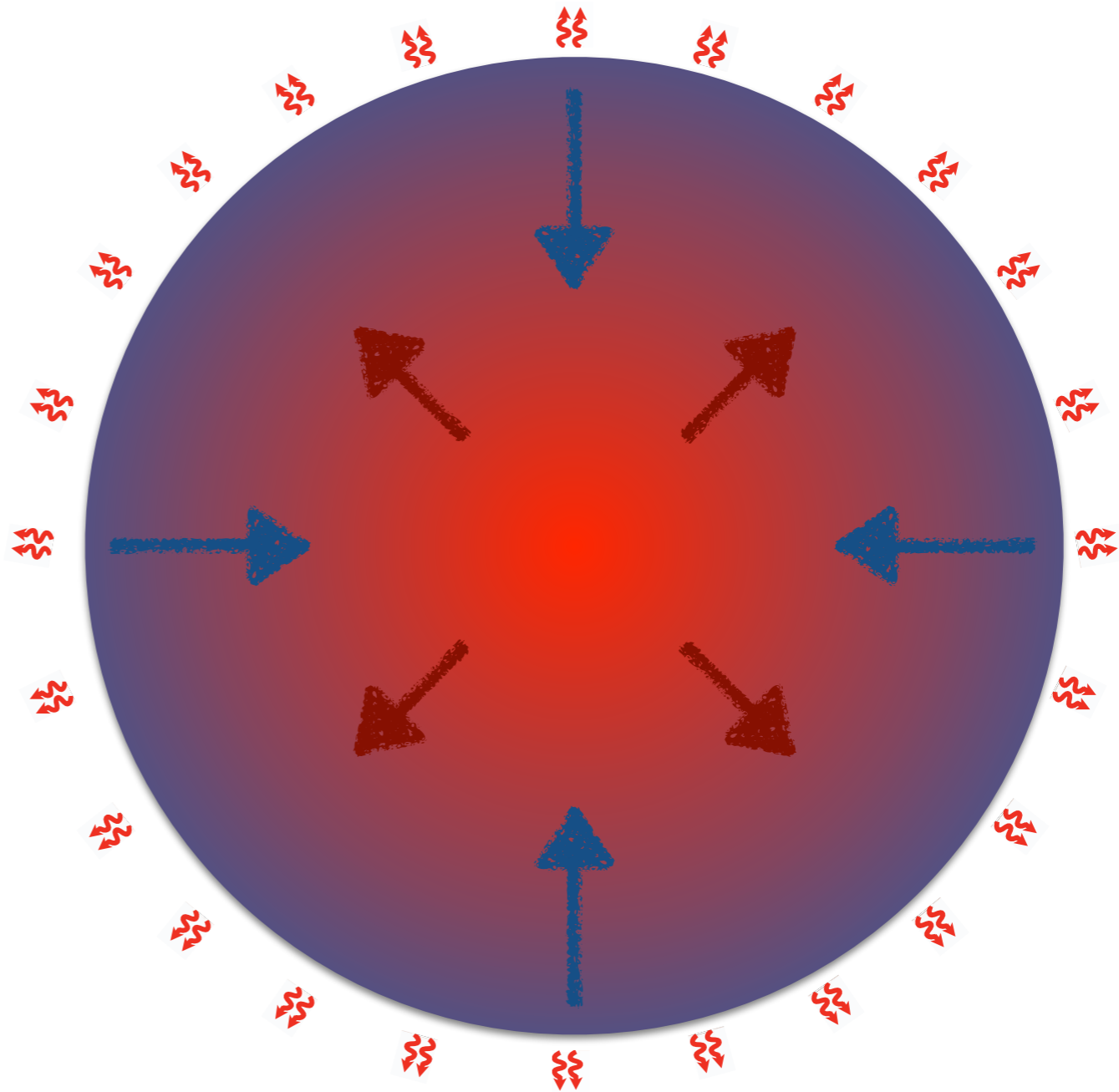
gravidade



**calor**

$$\frac{\partial T}{\partial t} = -v \cdot \frac{\partial T}{\partial z} + \kappa \frac{\partial^2 T}{\partial z^2} + \frac{H}{c}$$

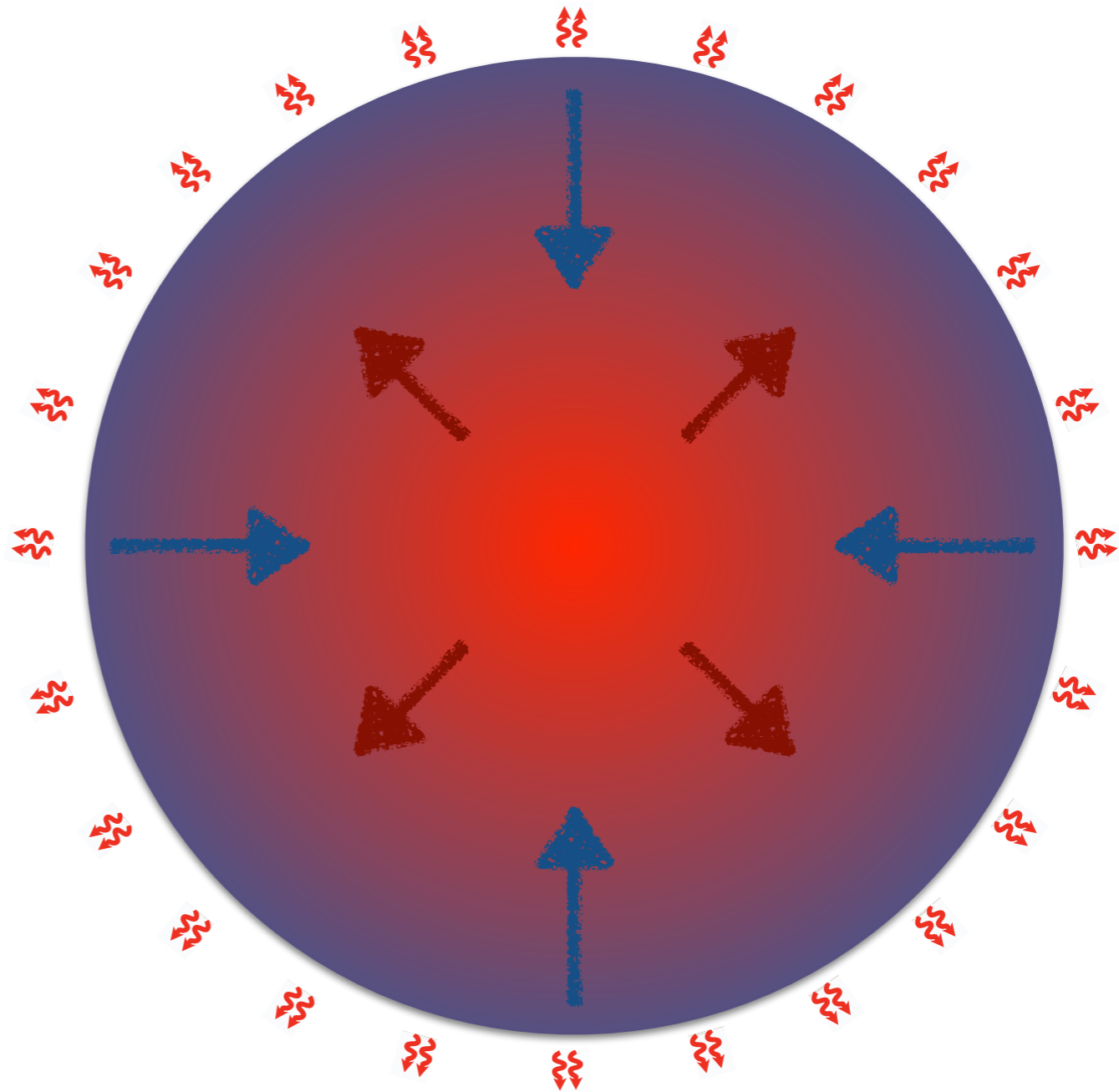
**gravidade**



**calor**

**gravidade**

$$\frac{\partial T}{\partial t} = -v \cdot \frac{\partial T}{\partial z} + \kappa \frac{\partial^2 T}{\partial z^2} + \frac{H}{c} \quad \text{(1D)}$$

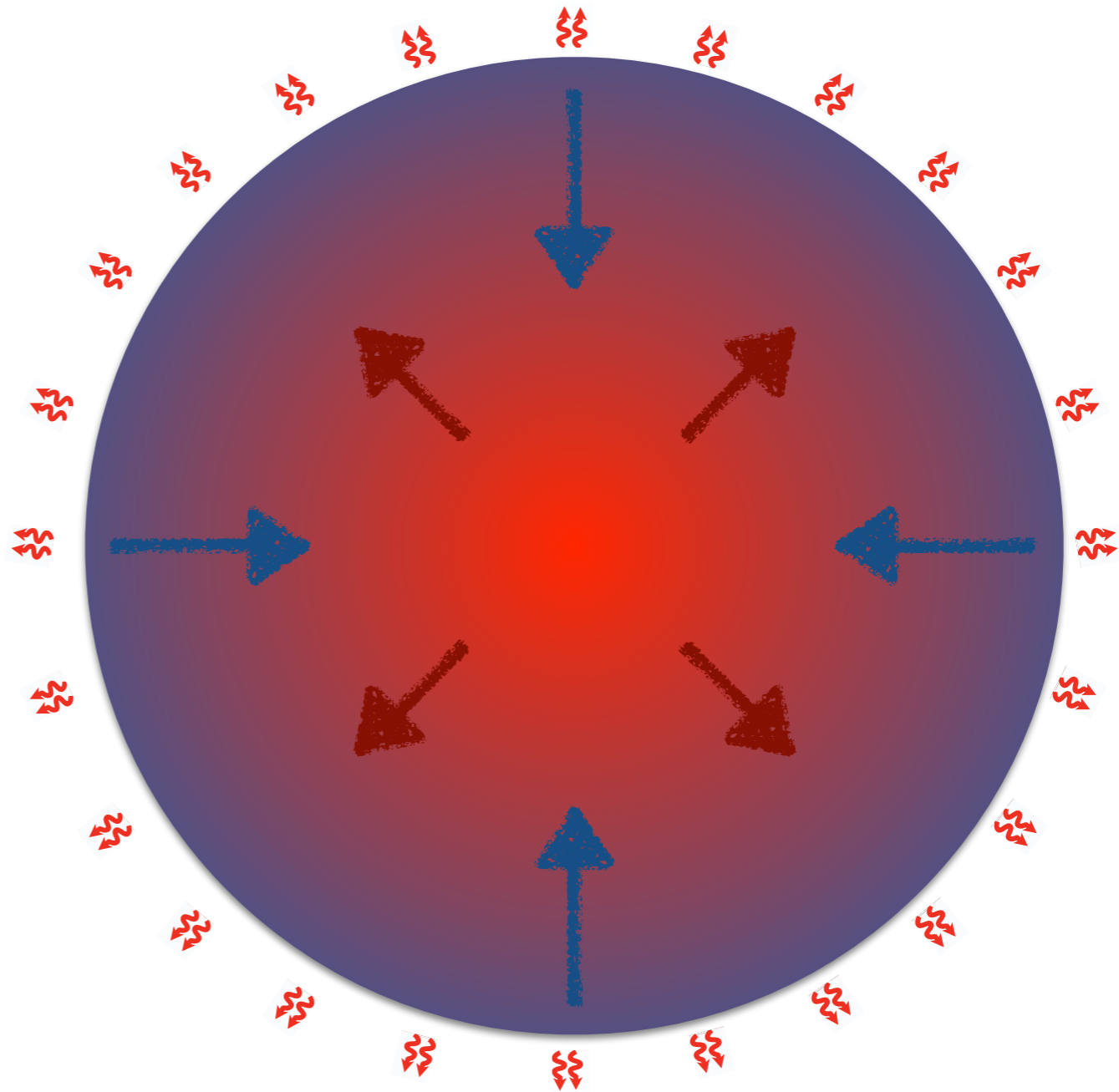


**calor**

**gravidade**

$$\frac{\partial T}{\partial t} = -v \cdot \frac{\partial T}{\partial z} + \kappa \frac{\partial^2 T}{\partial z^2} + \frac{H}{c} \quad \text{(1D)}$$

$$\frac{\partial T}{\partial t} = -v \cdot \nabla T + \kappa \nabla^2 T + \frac{H}{c}$$

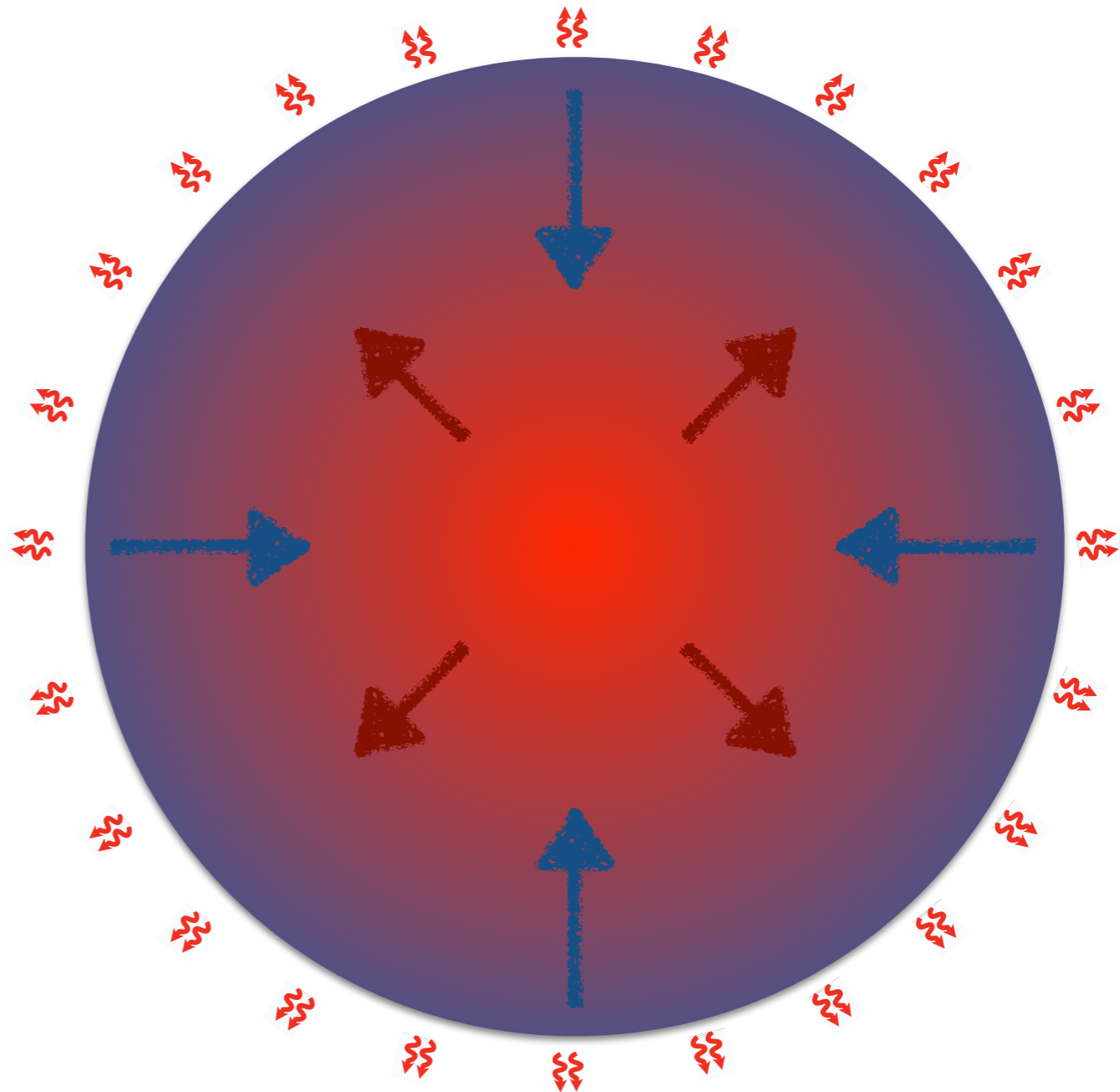


**calor**

$$\frac{\partial T}{\partial t} = -v \cdot \frac{\partial T}{\partial z} + \kappa \frac{\partial^2 T}{\partial z^2} + \frac{H}{c} \quad \text{(1D)}$$

$$\frac{\partial T}{\partial t} = -v \cdot \nabla T + \kappa \nabla^2 T + \frac{H}{c} \quad \text{(2D ou 3D)}$$

**gravidade**



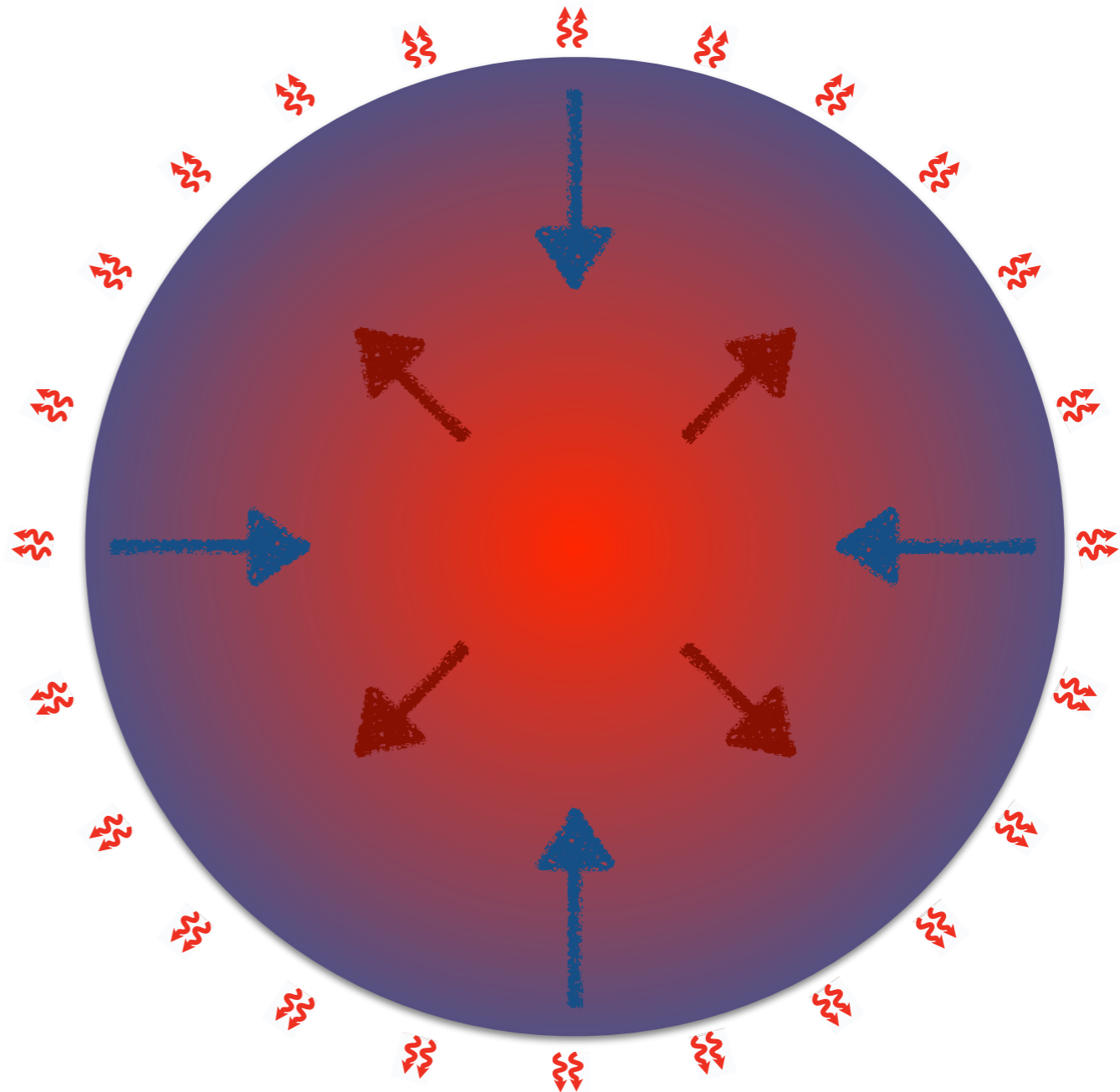
## calor

$$\frac{\partial T}{\partial t} = -v \cdot \frac{\partial T}{\partial z} + \kappa \frac{\partial^2 T}{\partial z^2} + \frac{H}{c} \quad \text{(1D)}$$

$$\frac{\partial T}{\partial t} = -v \cdot \nabla T + \kappa \nabla^2 T + \frac{H}{c} \quad \text{(2D ou 3D)}$$

## gravidade

$$|\vec{F}| = \frac{GMm}{r^2}$$





Por que a Terra é tão  
complexa, se  
conhecemos essas  
duas equações a tanto  
tempo??

# Equação de transporte de calor

$$\frac{\partial T}{\partial t} = -v \cdot \nabla T + \kappa \nabla^2 T + \frac{H}{c}$$

De onde vem a velocidade?

Está faltando alguma equação nisso tudo!

A resposta está na  
**reologia!!**



**WIKIPÉDIA**  
A enciclopédia livre

## Reologia

---

Origem: Wikipédia, a enciclopédia livre.

A **reologia** (do **Grego** ῥέω *rhéō*, "fluxo" e -λογία, *-logia*, "estudo do")  
é o ramo da ciência que estuda as deformações e escoamentos da matéria.

*Reologia*

# *Reologia*





# O que é deformação?

A deformação de um corpo contínuo (ou de uma estrutura) é qualquer mudança da configuração geométrica do corpo que leve a uma variação da sua forma ou das suas dimensões



# Deformação (em 1D)

Deformação  $\varepsilon = \frac{\Delta L}{L}$

Variação no comprimento

Comprimento original

Em geociências, geralmente, a deformação é positiva no caso de contração:

$$\Delta L = L_{original} - L_{final}$$

(em engenharia normalmente é o oposto)

# Taxa de deformação (em 1D)

Taxa de deformação

$$\dot{\varepsilon} = \frac{\partial \varepsilon}{\partial t} = \frac{\Delta L}{\Delta t L}$$

Variação no comprimento

Comprimento original

intervalo de tempo



# Relação entre esforço e deformação ou taxa de deformação

Diz efetivamente qual é o comportamento reológico do meio

 $\dot{\epsilon}$ 

taxa de  
deformação

SI: [s<sup>-1</sup>]

 $\epsilon$ 

deformação

—

 $\sigma$ 

esforço

SI: [N/m<sup>2</sup> = Pa]

# Comportamento elástico

# Comportamento elástico

Lei de Hooke

# Comportamento elástico

Lei de Hooke

$$F = k \cdot \Delta L$$

# Comportamento elástico

Lei de Hooke

$$F = k \cdot \Delta L$$

$k$  : constante elástica do meio

# Comportamento elástico

Lei de Hooke

$$F = k \cdot \Delta L$$

$k$  : constante elástica do meio

Essa constante depende da geometria do meio elástico em questão: cresce linearmente com a seção do meio e é inversamente proporcional ao comprimento do meio na direção da aplicação da força:

# Comportamento elástico

Lei de Hooke

$$F = k \cdot \Delta L$$

$k$  : constante elástica do meio

Essa constante depende da geometria do meio elástico em questão: cresce linearmente com a seção do meio e é inversamente proporcional ao comprimento do meio na direção da aplicação da força:

$$k = \frac{A \cdot E}{L}$$

# Comportamento elástico

Lei de Hooke

$$F = k \cdot \Delta L$$

$k$  : constante elástica do meio

Essa constante depende da geometria do meio elástico em questão: cresce linearmente com a seção do meio e é inversamente proporcional ao comprimento do meio na direção da aplicação da força:

$$k = \frac{A \cdot E}{L}$$

← Módulo de elasticidade  
ou  
Módulo de Young



# Comportamento elástico

Lei de Hooke

$$F = k \cdot \Delta L$$

$k$  : constante elástica do meio

Essa constante depende da geometria do meio elástico em questão: cresce linearmente com a seção do meio e é inversamente proporcional ao comprimento do meio na direção da aplicação da força:

$$k = \frac{A \cdot E}{L}$$

← Módulo de elasticidade  
ou  
Módulo de Young

$$F = \frac{A \cdot E}{L} \Delta L$$

# Comportamento elástico

Lei de Hooke

$$F = k \cdot \Delta L$$

$k$  : constante elástica do meio

Essa constante depende da geometria do meio elástico em questão: cresce linearmente com a seção do meio e é inversamente proporcional ao comprimento do meio na direção da aplicação da força:

$$k = \frac{A \cdot E}{L}$$

← Módulo de elasticidade  
ou  
Módulo de Young

$$F = \frac{A \cdot E}{L} \Delta L \rightarrow \frac{F}{A} = E \frac{\Delta L}{L}$$

# Comportamento elástico

Lei de Hooke

$$F = k \cdot \Delta L$$

$k$  : constante elástica do meio

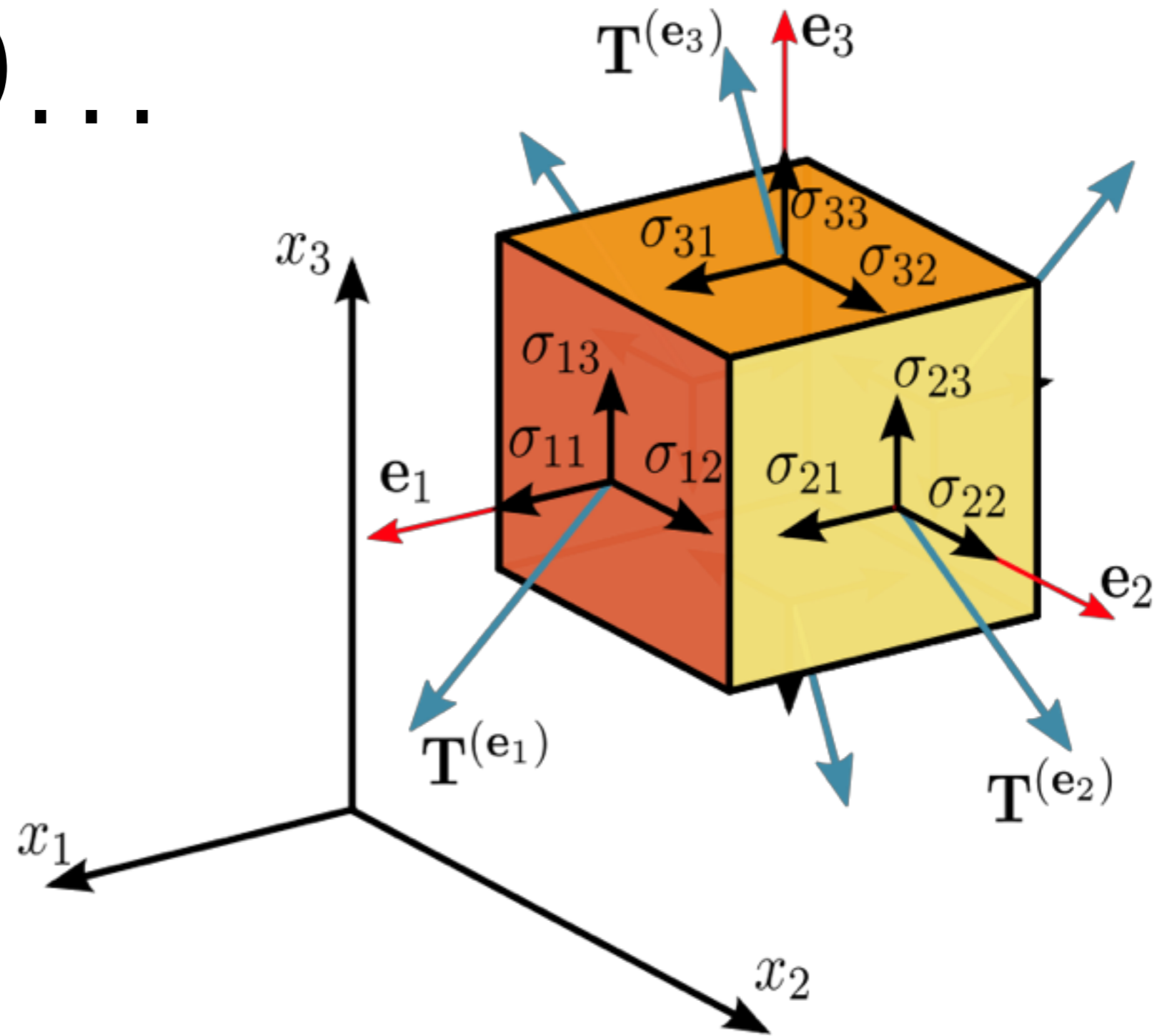
Essa constante depende da geometria do meio elástico em questão: cresce linearmente com a seção do meio e é inversamente proporcional ao comprimento do meio na direção da aplicação da força:

$$k = \frac{A \cdot E}{L}$$

← Módulo de elasticidade  
ou  
Módulo de Young

$$F = \frac{A \cdot E}{L} \Delta L \rightarrow \frac{F}{A} = E \frac{\Delta L}{L} \rightarrow \sigma = E \varepsilon$$

# Em 3D...



$$\boldsymbol{\sigma} = \begin{bmatrix} \sigma_{11} & \sigma_{12} & \sigma_{13} \\ \sigma_{21} & \sigma_{22} & \sigma_{23} \\ \sigma_{31} & \sigma_{32} & \sigma_{33} \end{bmatrix} \equiv \begin{bmatrix} \sigma_{xx} & \sigma_{xy} & \sigma_{xz} \\ \sigma_{yx} & \sigma_{yy} & \sigma_{yz} \\ \sigma_{zx} & \sigma_{zy} & \sigma_{zz} \end{bmatrix} \equiv \begin{bmatrix} \sigma_x & \tau_{xy} & \tau_{xz} \\ \tau_{yx} & \sigma_y & \tau_{yz} \\ \tau_{zx} & \tau_{zy} & \sigma_z \end{bmatrix}$$

# Comportamento viscoso

# Comportamento viscoso

Neste caso o esforço é proporcional à taxa de deformação


# Comportamento viscoso

Neste caso o esforço é proporcional à taxa de deformação

$$\sigma = \mu \dot{\epsilon}$$

# Comportamento viscoso

Neste caso o esforço é proporcional à taxa de deformação

$$\sigma = \mu \dot{\varepsilon}$$




# Comportamento viscoso

Neste caso o esforço é proporcional à taxa de deformação

$$\sigma = \mu \dot{\epsilon}$$



Viscosidade

# Comportamento viscoso

Neste caso o esforço é proporcional à taxa de deformação

$$\sigma = \mu \dot{\epsilon}$$



Viscosidade

S.I. [Pa.s]

# Comportamento viscoso

Neste caso o esforço é proporcional à taxa de deformação

$$\sigma = \mu \dot{\epsilon}$$



Viscosidade

S.I. [Pa.s]

Neste caso o fluido é chamado de Newtoniano.

# Comportamento viscoso não linear

# Comportamento viscoso não linear

$$\sigma^n = \mu' \dot{\varepsilon}$$

# Comportamento viscoso não linear

$$\sigma^n = \mu' \dot{\varepsilon} \quad n > 1$$

# Comportamento viscoso não linear

$$\sigma^n = \mu' \dot{\varepsilon} \quad n > 1$$

$$\mu_{eff} = \frac{\mu'}{\sigma^{n-1}}$$

# Comportamento viscoso não linear

$$\sigma^n = \mu' \dot{\varepsilon} \quad n > 1$$

$$\mu_{eff} = \frac{\mu'}{\sigma^{n-1}} \quad \text{Viscosidade efetiva em Pa.s}$$



# Comportamento viscoso não linear

$$\sigma^n = \mu' \dot{\varepsilon} \quad n > 1$$

$$\mu_{eff} = \frac{\mu'}{\sigma^{n-1}} \quad \text{Viscosidade efetiva em Pa.s}$$

Neste caso o fluido é chamado de não-Newtoniano.

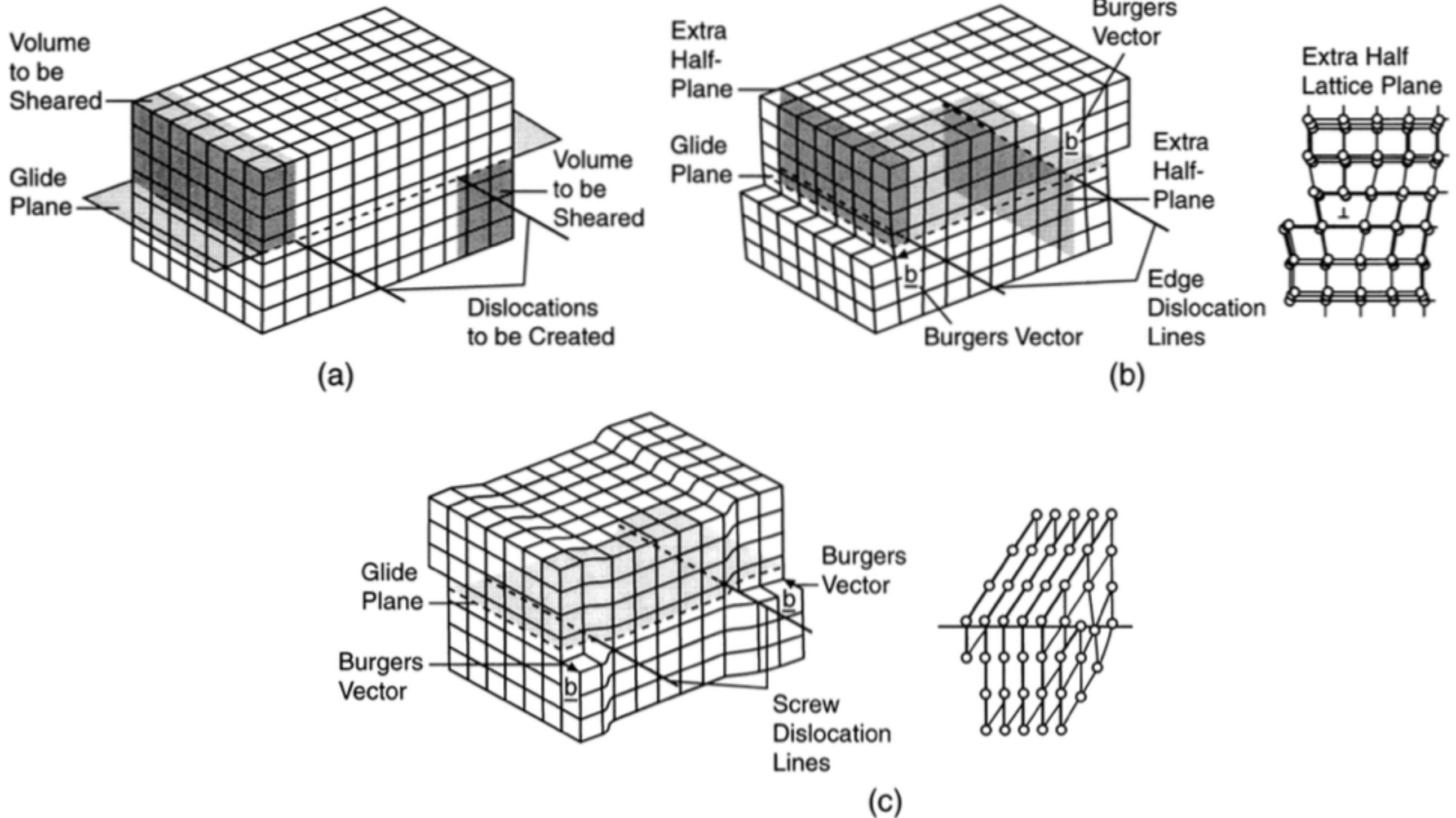
# Comportamento viscoso não linear

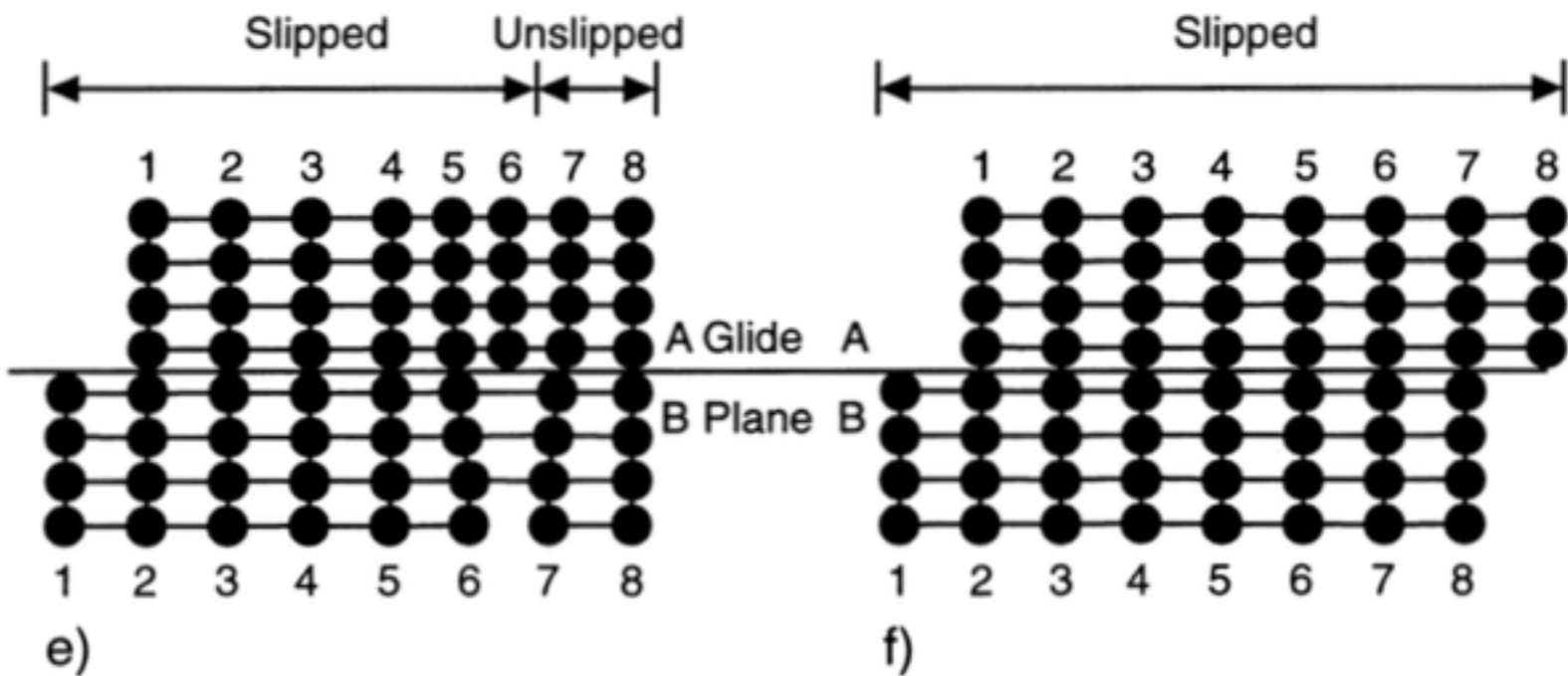
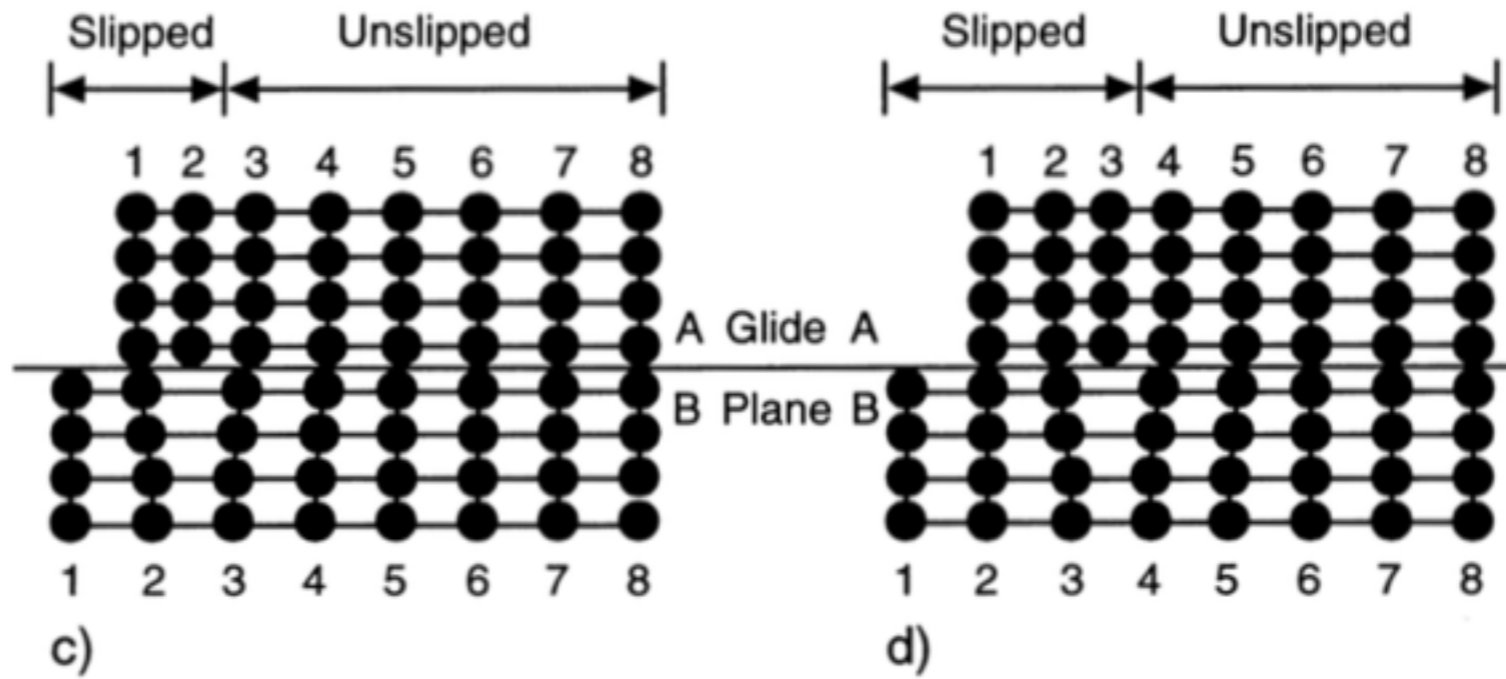
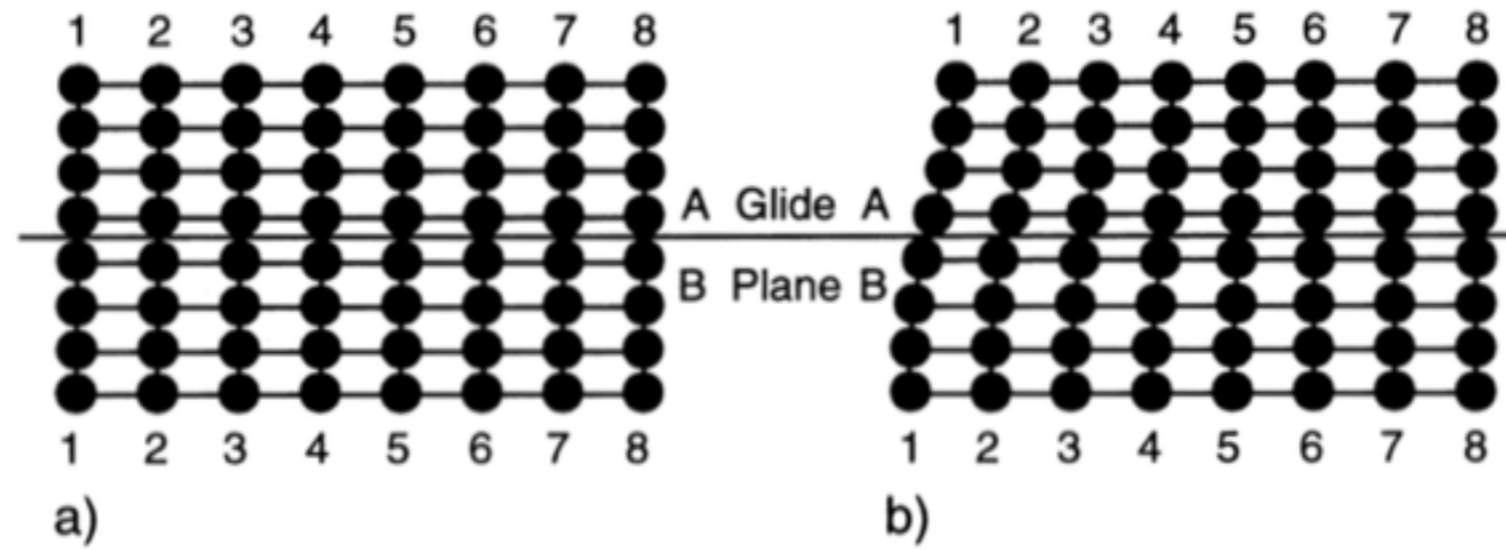
$$\sigma^n = \mu' \dot{\varepsilon} \quad n > 1$$

$$\mu_{eff} = \frac{\mu'}{\sigma^{n-1}} \quad \text{Viscosidade efetiva em Pa.s}$$

Neste caso o fluido é chamado de não-Newtoniano.

# Creep (arrasto)





$$\dot{\epsilon} = (A^* a^{-m}) \exp(-H^*/RT) (\sigma_1 - \sigma_3)^n$$

$$(\sigma_1 - \sigma_3) = \left( \dot{\epsilon} (A^*)^{-1} a^m \right)^{1/n} \exp(H^*/nRT)$$

# Deformação rúptil

Critério de Mohr-Coulomb

tensão normal

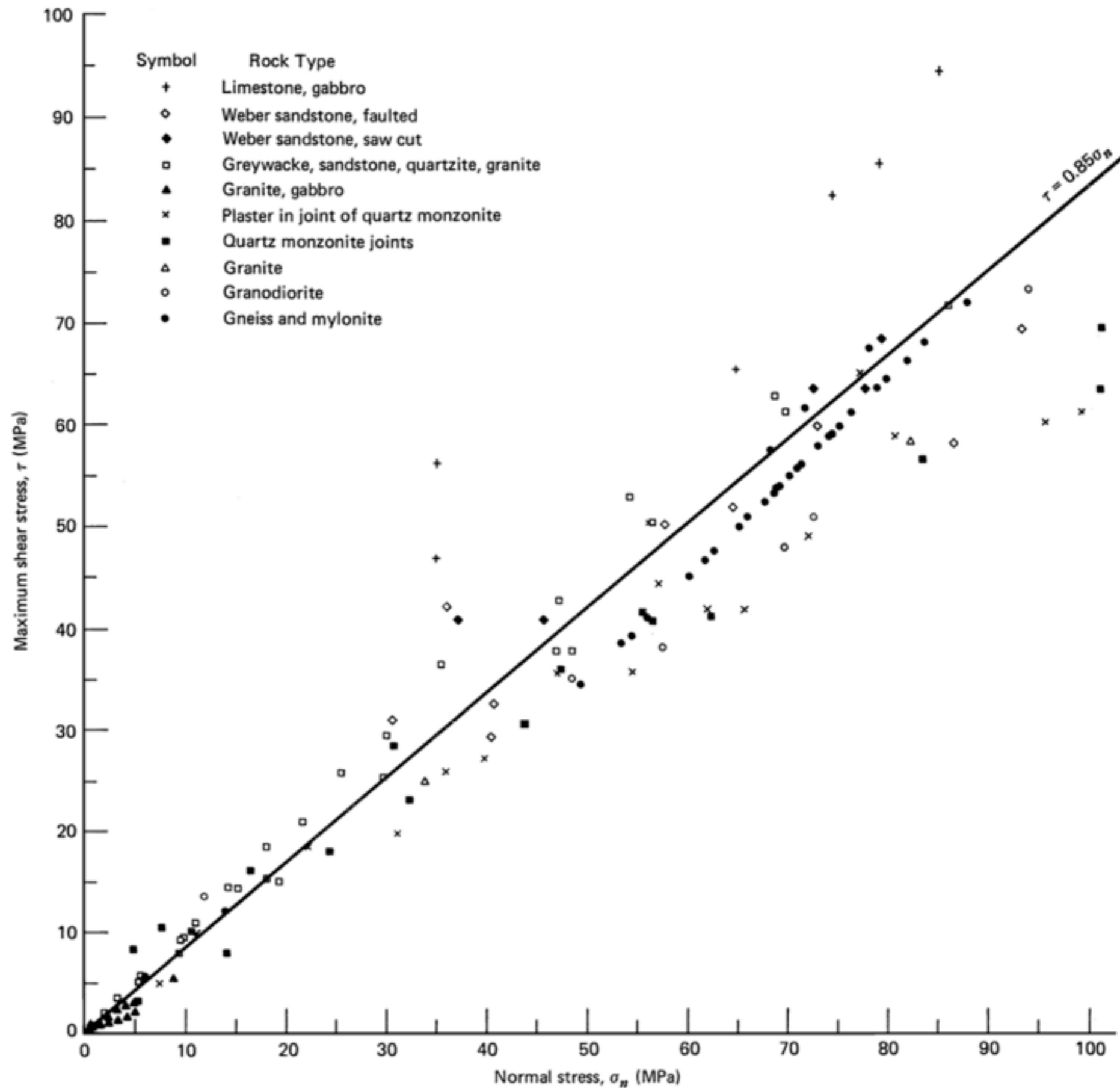
$$|\tau| = c + \sigma \tan(\phi)$$

tensão cisalhante

coesão interna

fricção interna

# “Leis de Byerlee” (1977)



# “Leis de Byerlee” (1977)

$$|\tau| = 0.85\sigma_n \quad \text{Pressão} < 200 \text{ MPa}$$

$$|\tau| = 60 \text{ MPa} + 0.6\sigma_n \quad \text{Pressão} \geq 200 \text{ MPa}$$

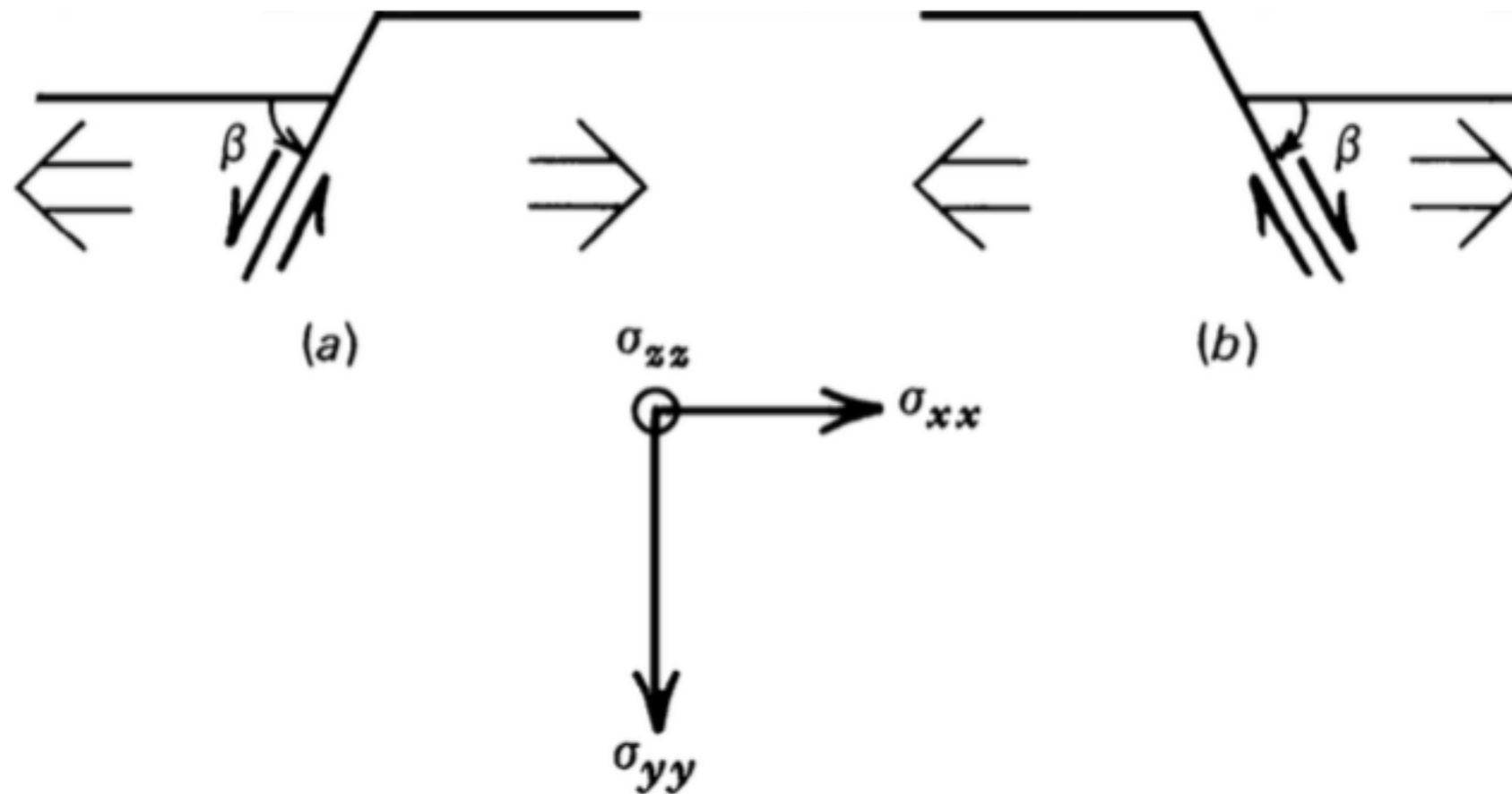


# “Leis de Byerlee” (1977)

$$\sigma_1 \sim 5 \sigma_3 \quad \sigma_3 < 110 \text{ MPa}$$

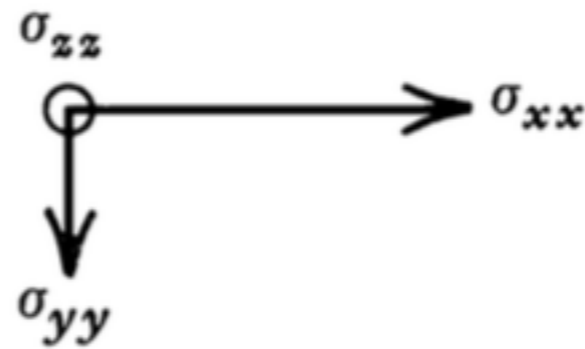
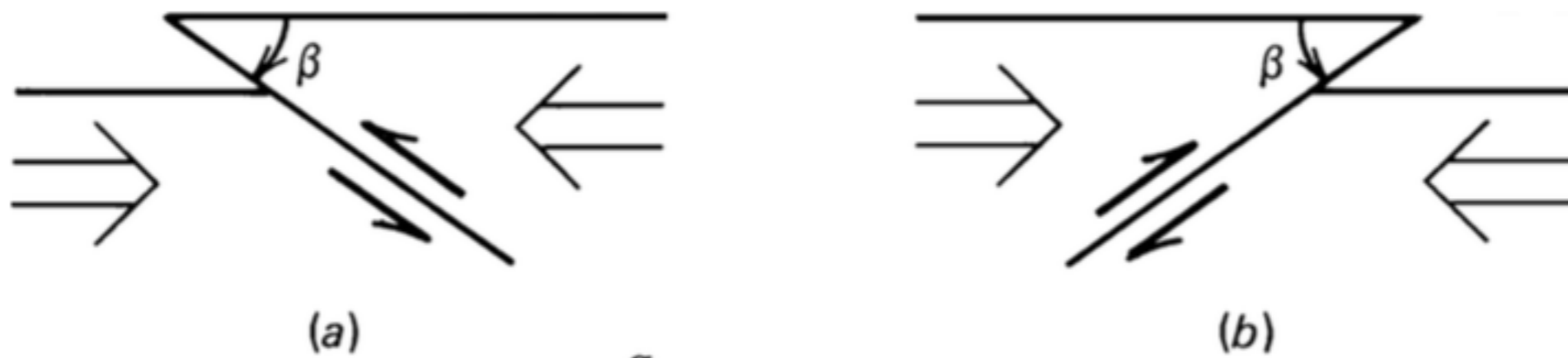
$$\sigma_1 \sim 3.1 \sigma_3 + 210 \quad \sigma_3 > 110 \text{ MPa}$$

# Campo de esforço x tipo de falha



$$\sigma_{xx} > \sigma_{zz} > \sigma_{yy}.$$

# Campo de esforço x tipo de falha



$$\sigma_{xx} > \sigma_{zz} > \sigma_{yy}.$$