

Por que usar
programação paralela?

Por que precisamos de programação paralela?



(resposta 1)

GRANDES problemas

(uma questão de n -dimensões)

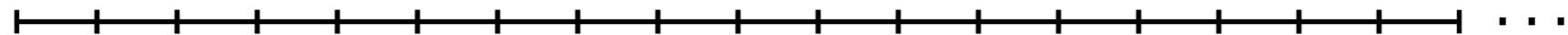
1D: 48 bytes por elemento \mapsto

(resposta 1)

GRANDES problemas

(uma questão de n -dimensões)

1D: 48 bytes por elemento \longleftarrow



(resposta 1)

GRANDES problemas (uma questão de n -dimensões)

1D: 48 bytes por elemento \longleftarrow



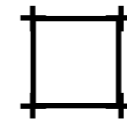
1000 elementos \rightarrow 48 kB

(resposta 1)

GRANDES problemas

(uma questão de n -dimensões)

2D: 160 bytes por elemento

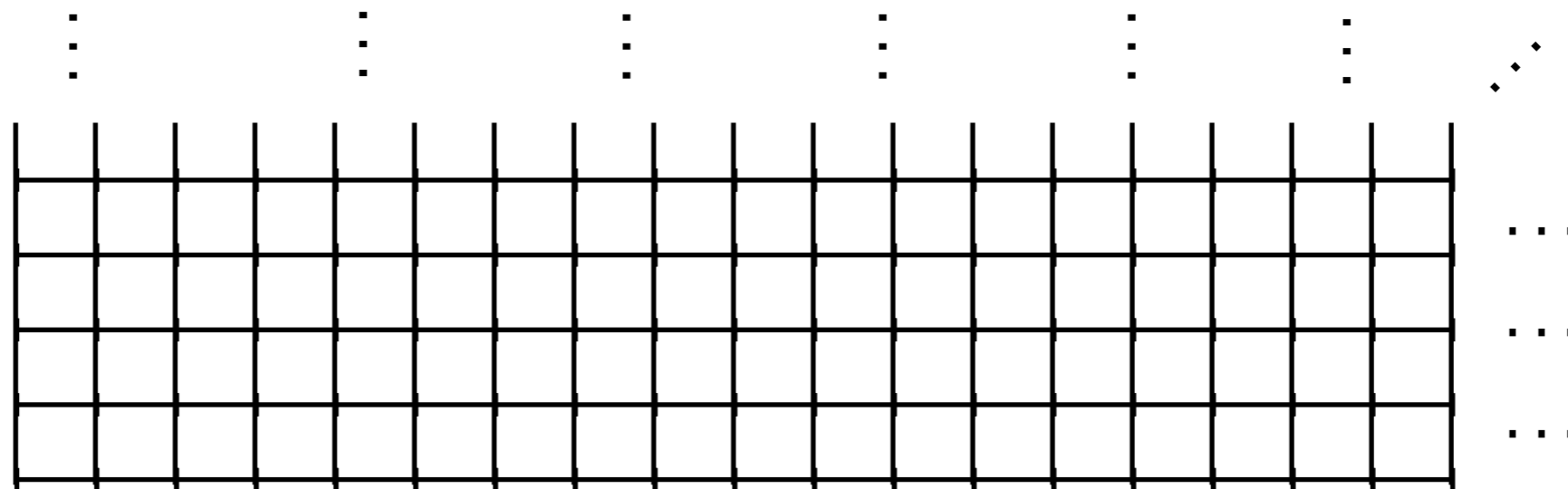
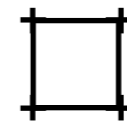


(resposta 1)

GRANDES problemas

(uma questão de n -dimensões)

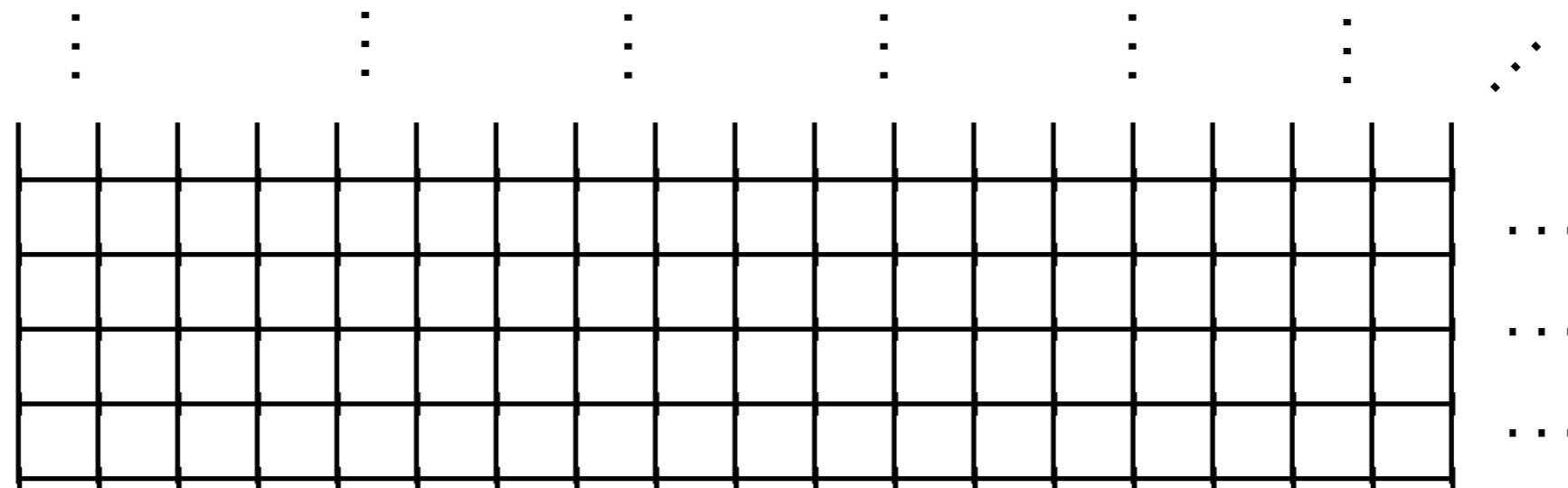
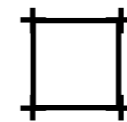
2D: 160 bytes por elemento



(resposta 1)

GRANDES problemas (uma questão de n -dimensões)

2D: 160 bytes por elemento

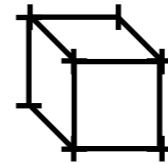


1000x1000 elementos -> 160 MB

(resposta 1)

GRANDES problemas (uma questão de n -dimensões)

3D: 576 bytes por elemento

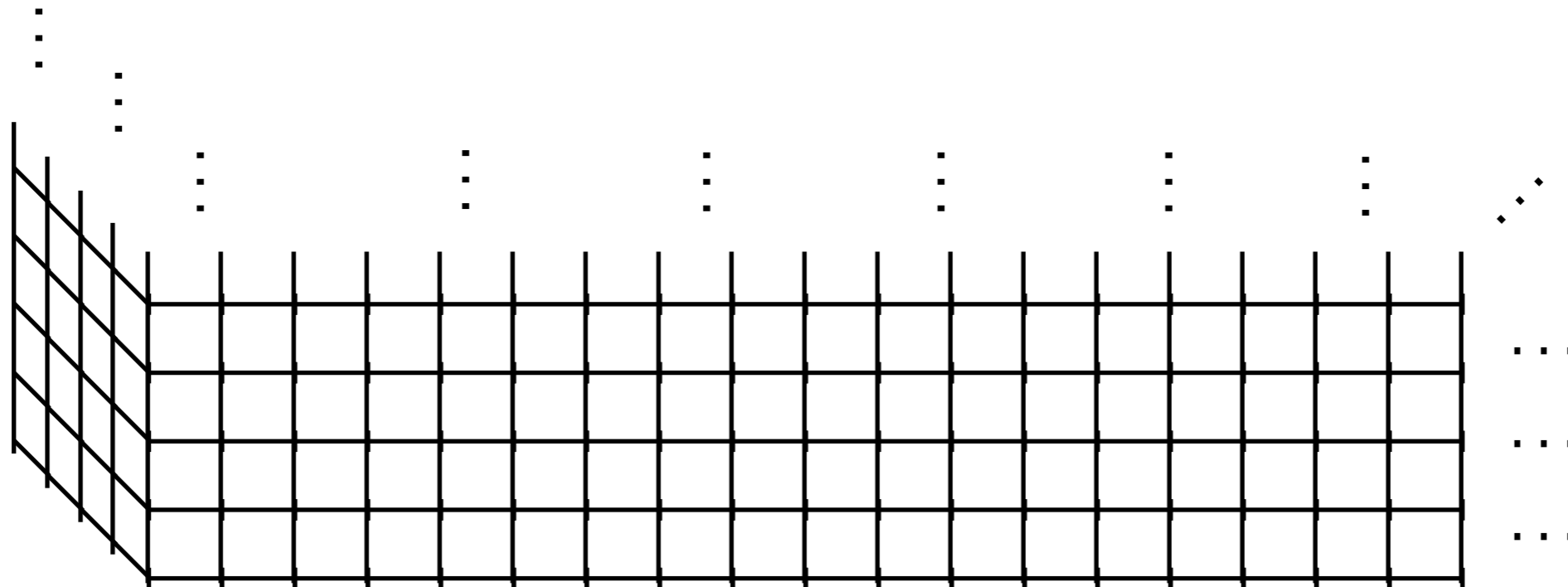
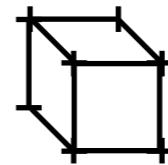


(resposta 1)

GRANDES problemas

(uma questão de n -dimensões)

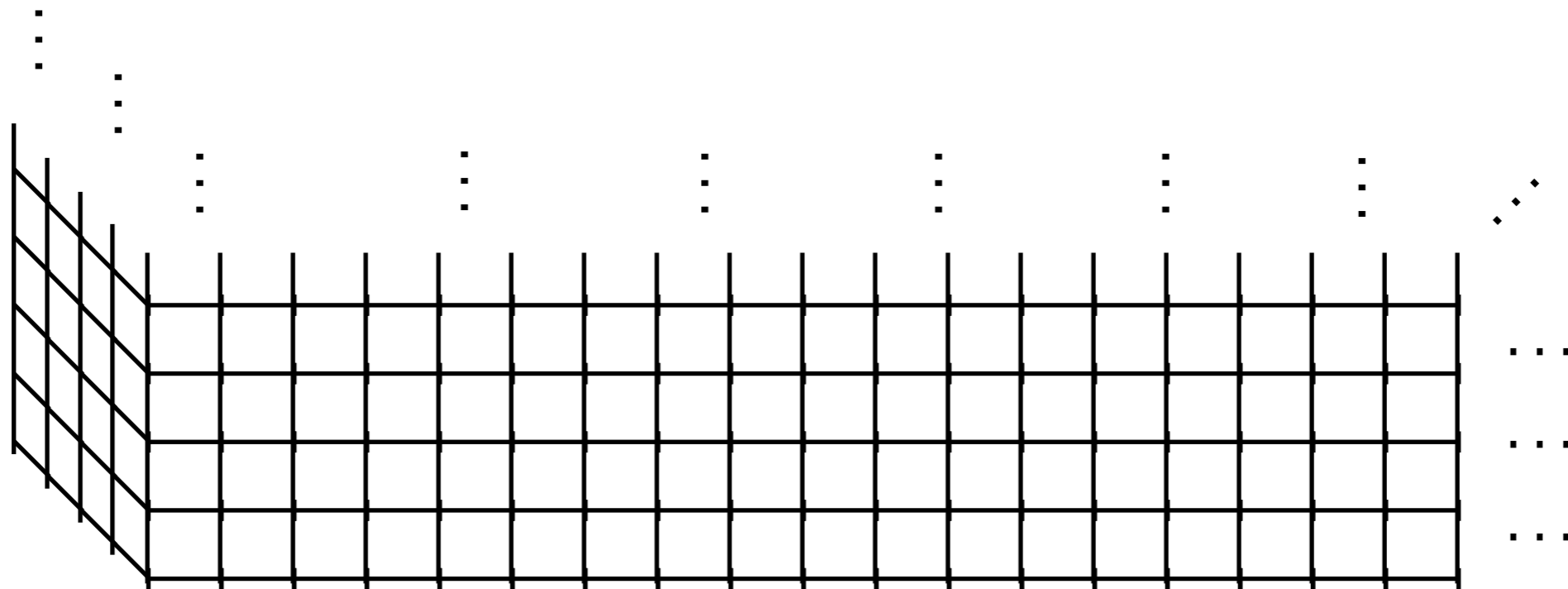
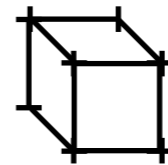
3D: 576 bytes por elemento



(resposta 1)

GRANDES problemas (uma questão de n -dimensões)

3D: 576 bytes por elemento



1000x1000x1000 elementos -> 576 GB


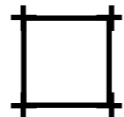
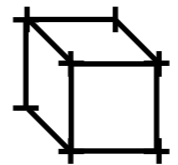
(resposta 1)

GRANDES problemas
(uma questão de n -dimensões)

(resposta 1)

GRANDES problemas


(uma questão de n -dimensões)

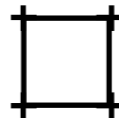
- 1D: 48 bytes por elemento 
1000 elementos -> 48 kB
- 2D: 160 bytes por elemento 
1000x1000 elementos -> 160 MB
- 3D: 576 bytes por elemento 
1000x1000x1000 elementos -> 576 GB

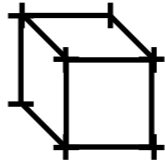
(resposta 1)

GRANDES problemas

(uma questão de n -dimensões)

1D: 48 bytes por elemento 
1000 elementos -> 48 kB

2D: 160 bytes por elemento 
1000x1000 elementos -> 160 MB


3D: 576 bytes por elemento 
1000x1000x1000 elementos -> 576 GB

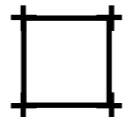
 ~3333x

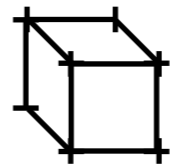
(resposta 1)

GRANDES problemas

(uma questão de n -dimensões)

1D: 48 bytes por elemento 
1000 elementos -> 48 kB

2D: 160 bytes por elemento 
1000x1000 elementos -> 160 MB

3D: 576 bytes por elemento 
1000x1000x1000 elementos -> 576 GB

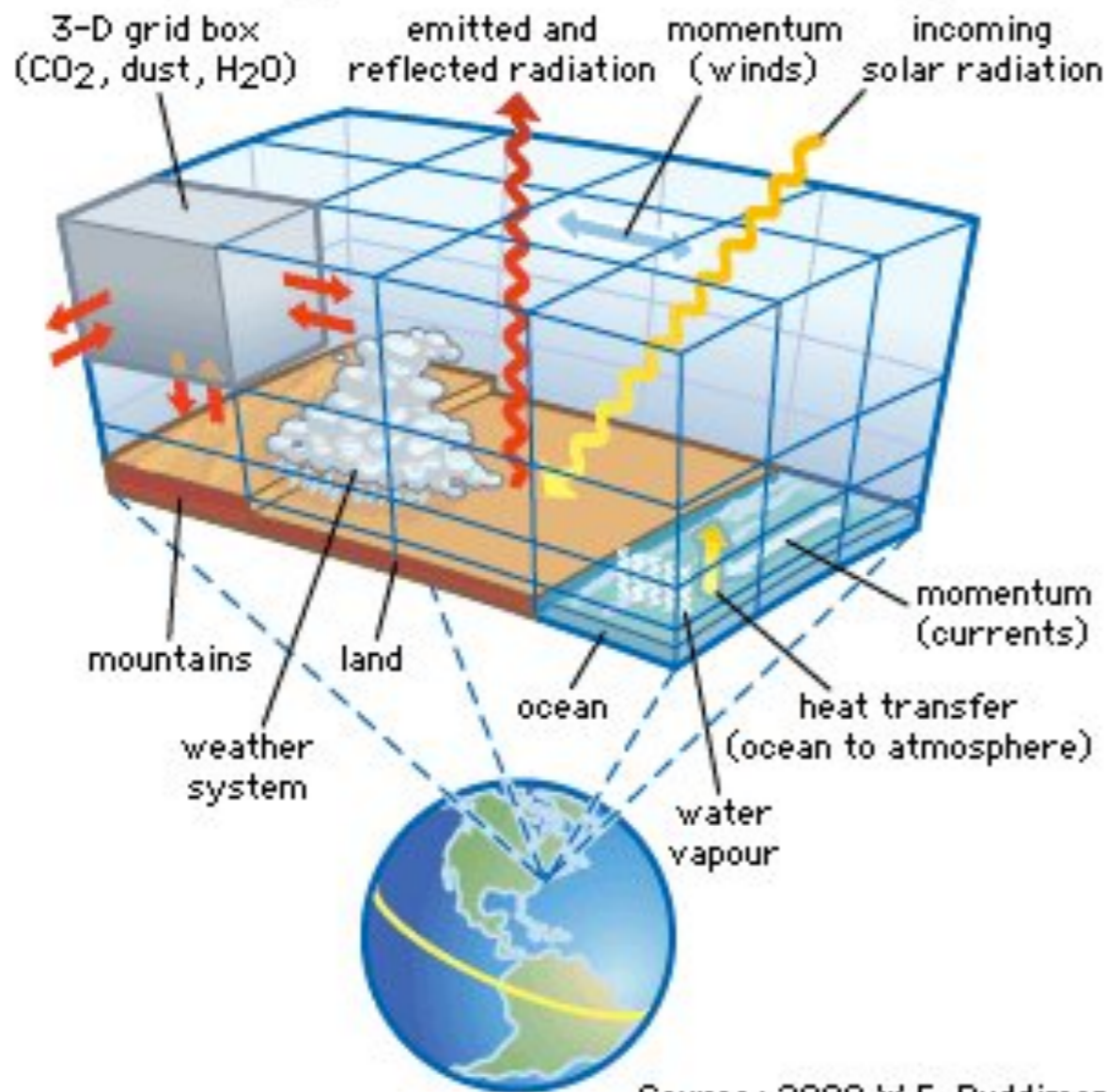
~3333x

3600x

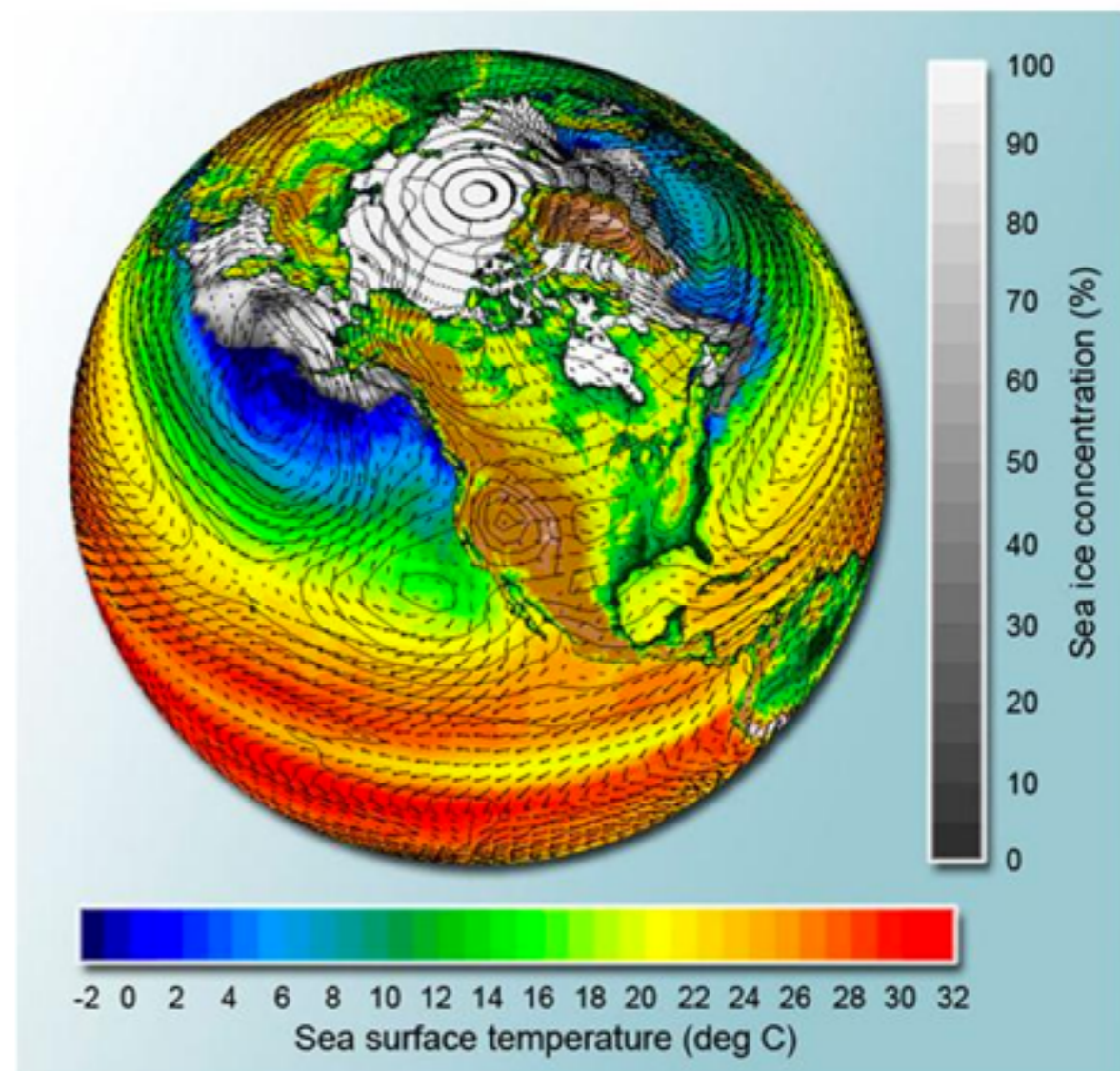
(resposta 2)

TEMPO de execução

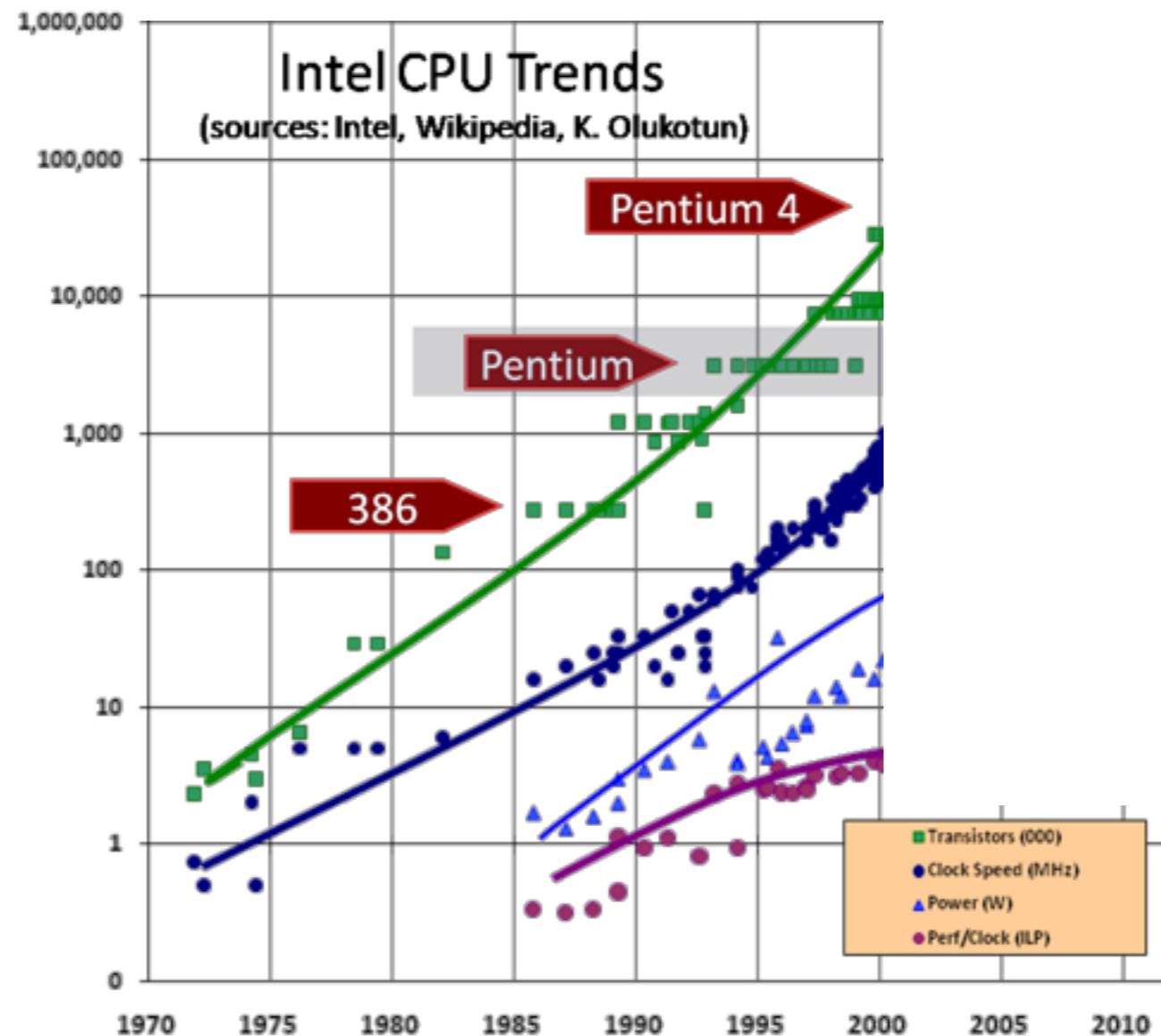
Concept diagram of climate modeling



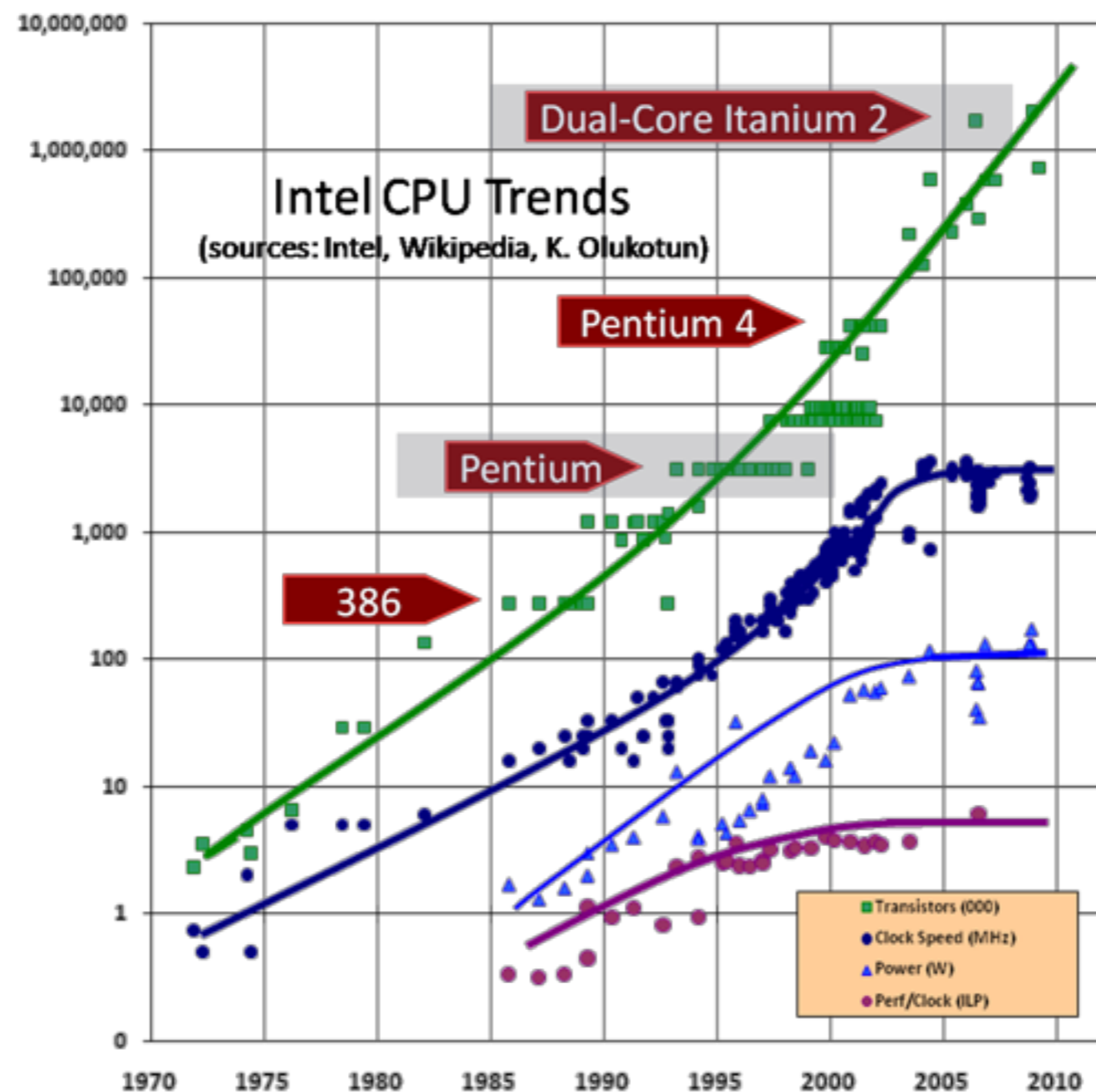
Source : 2000 W.F. Ruddiman



Performance dos computadores através do tempo



Performance dos computadores através do tempo



Trabalho em equipe



Primórdios da computação paralela (o computador humano)



NACA High Speed Flight Station
"Computer Room"

Primórdios da computação paralela (o computador humano)

A COMPUTER WANTED.

WASHINGTON, May 1.—A civil service examination will be held May 18 in Washington, and, if necessary, in other cities, to secure eligibles for the position of computer in the Nautical Almanac Office, where two vacancies exist—one at \$1,000, the other at \$1,400.

The examination will include the subjects of algebra, geometry, trigonometry, and astronomy. Application blanks may be obtained of the United States Civil Service Commission.

The New York Times

NACA High Speed Flight Station
"Computer Room"



Primórdios da computação paralela (o computador humano)

"The human computer is supposed to be following fixed rules; he has no authority to deviate from them in any detail." (Turing, 1950)



Gravidez

Gravidez



Gravidez

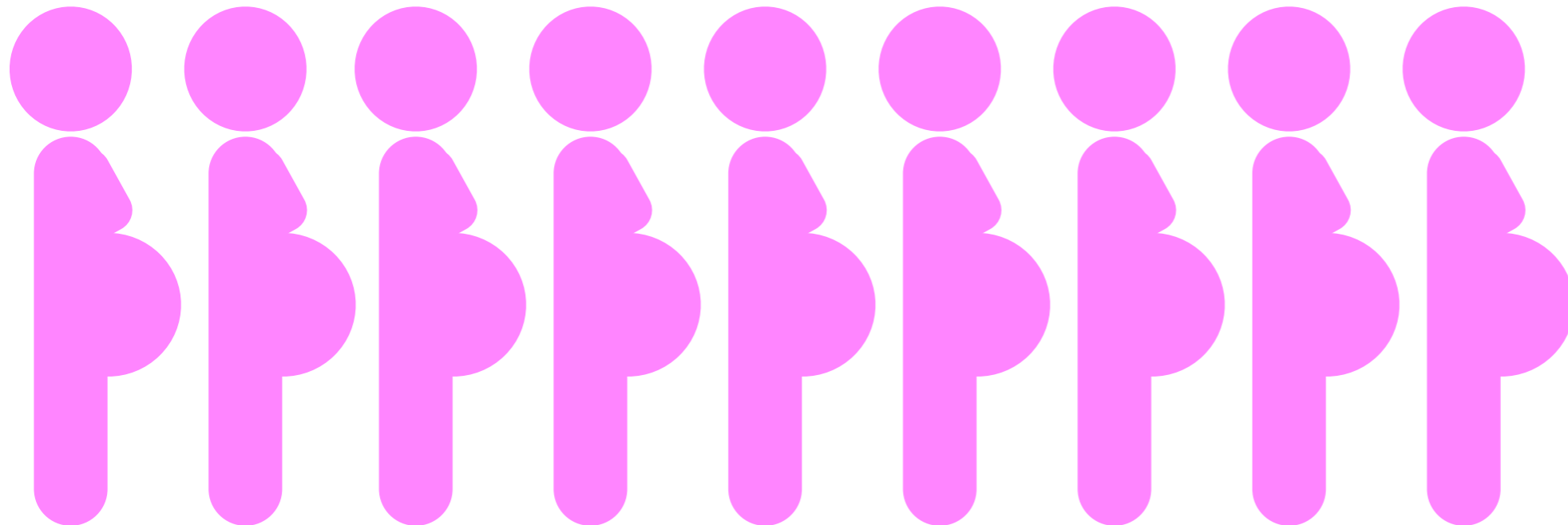


1 mãe gera:
1 bebê / 9 meses

Gravidez



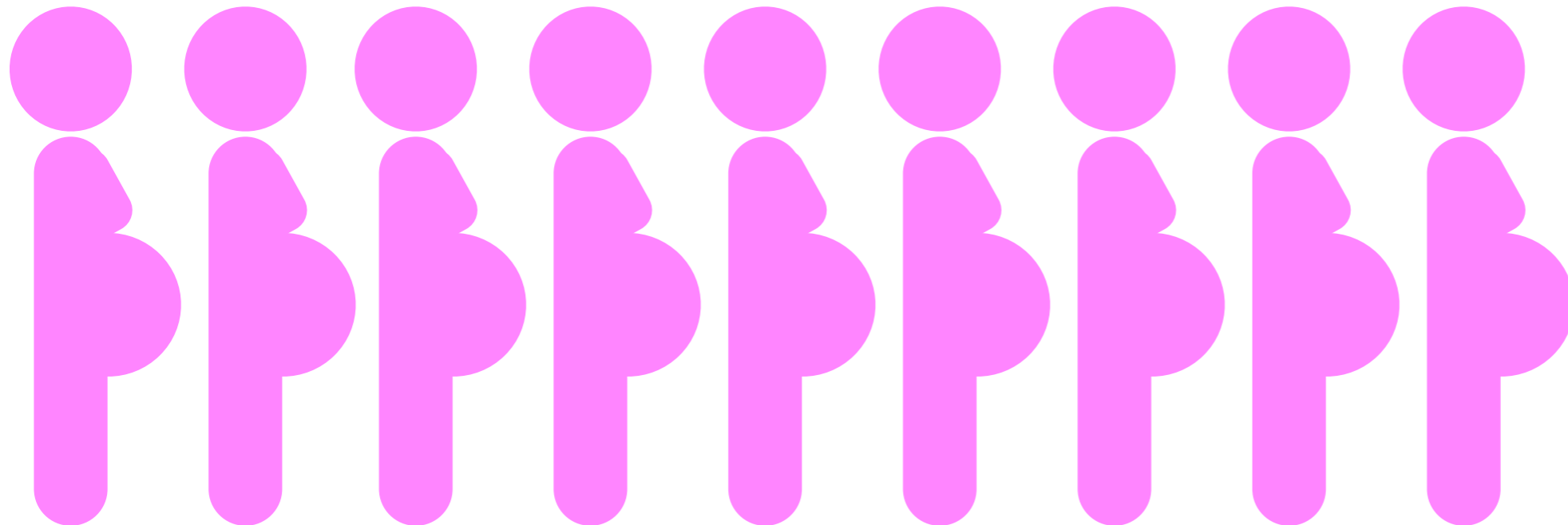
1 mãe gera:
1 bebê / 9 meses



Gravidez



1 mãe gera:
1 bebê / 9 meses

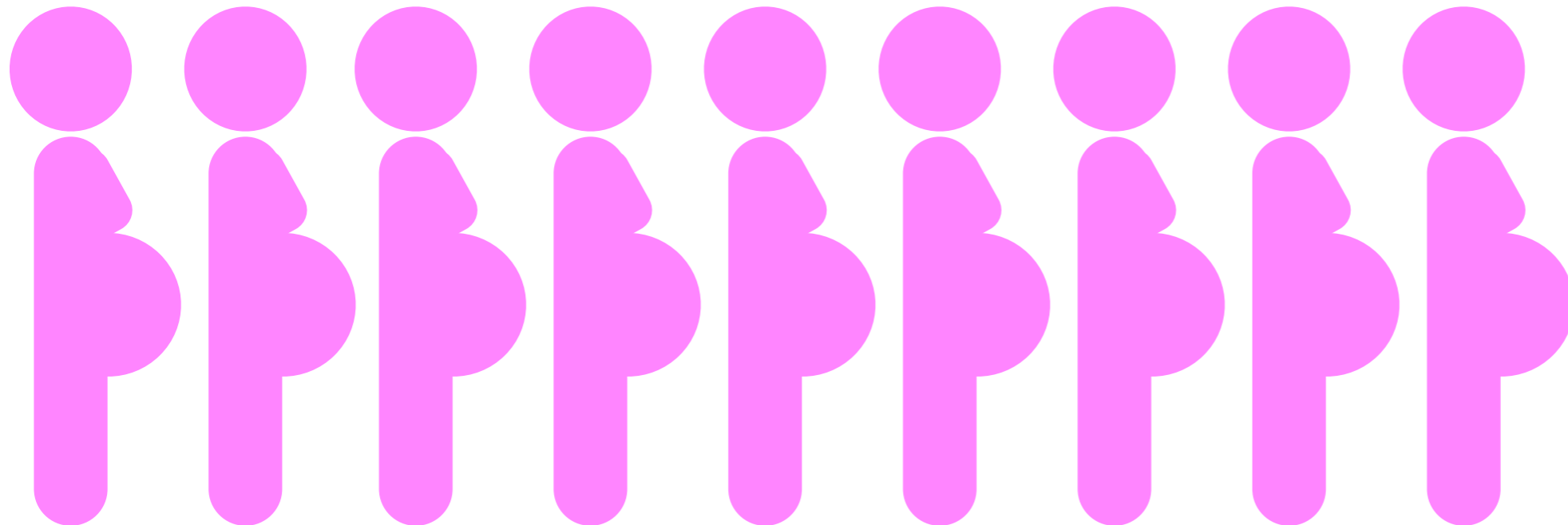


9 mães geram:

Gravidez



1 mãe gera:
1 bebê / 9 meses

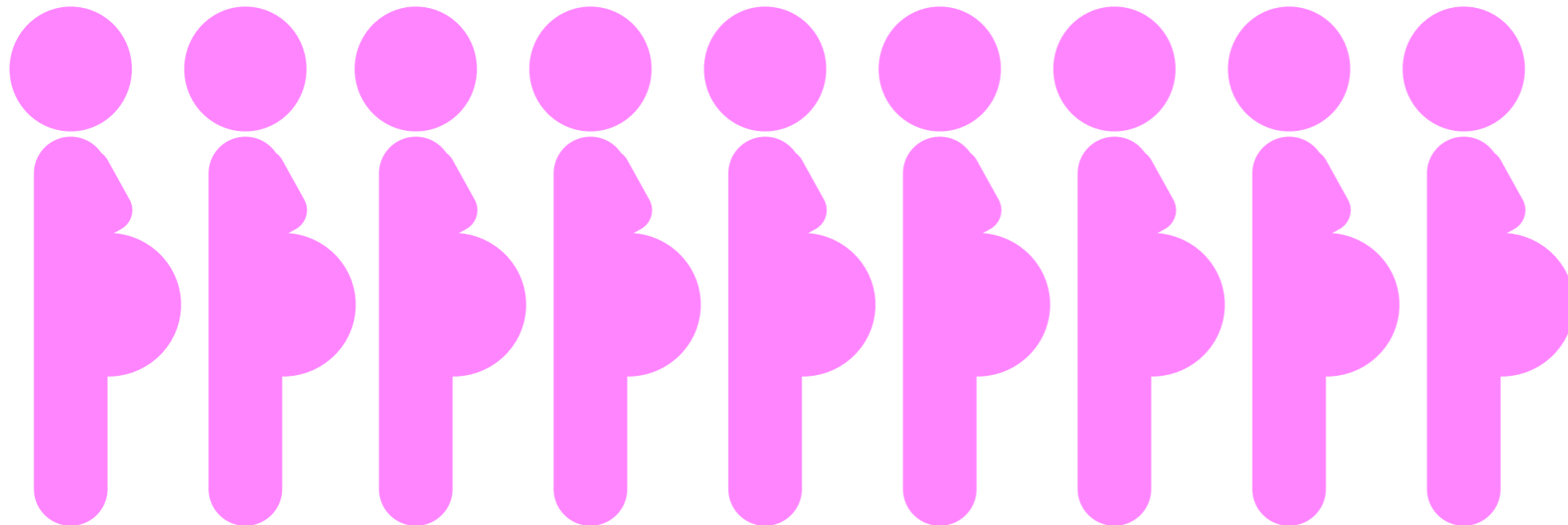


9 mães geram:
1 bebê / 1 mês?!

Gravidez



1 mãe gera:
1 bebê / 9 meses

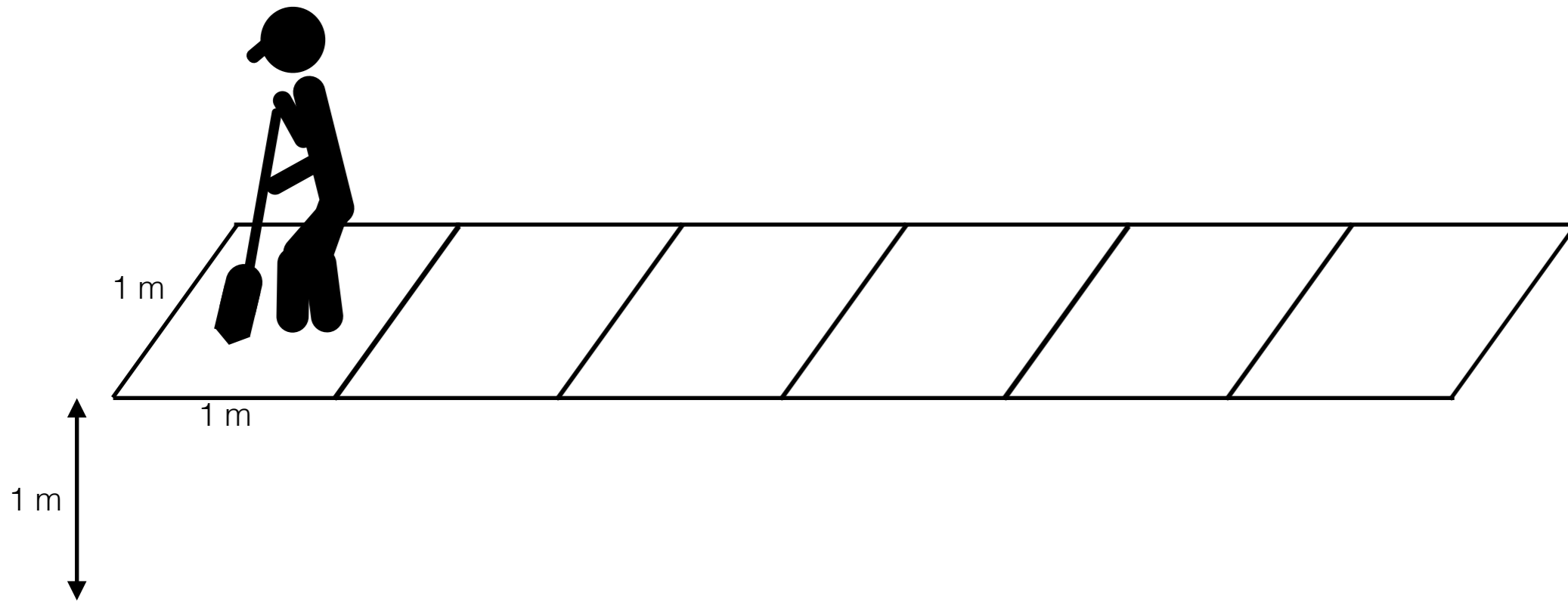


9 mães geram:

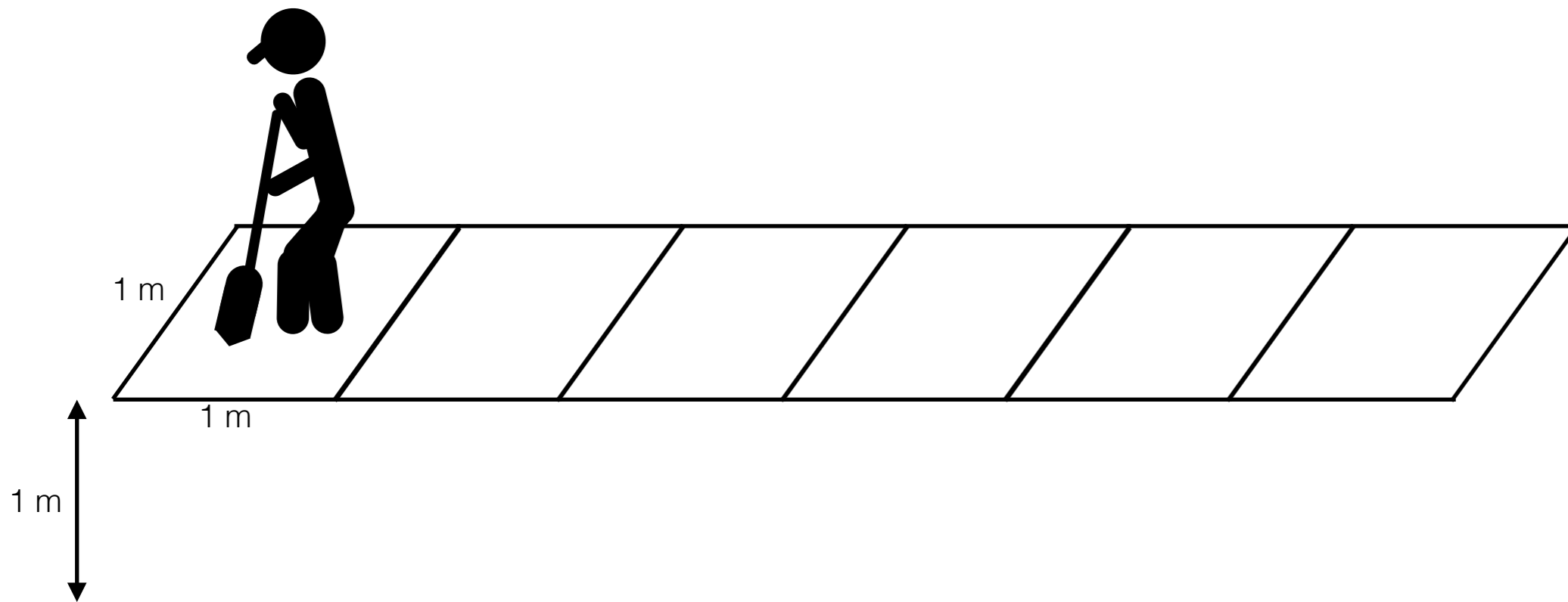
~~1 bebê / 1 mês?!~~

9 bebês / 9 meses

Cavar uma vala

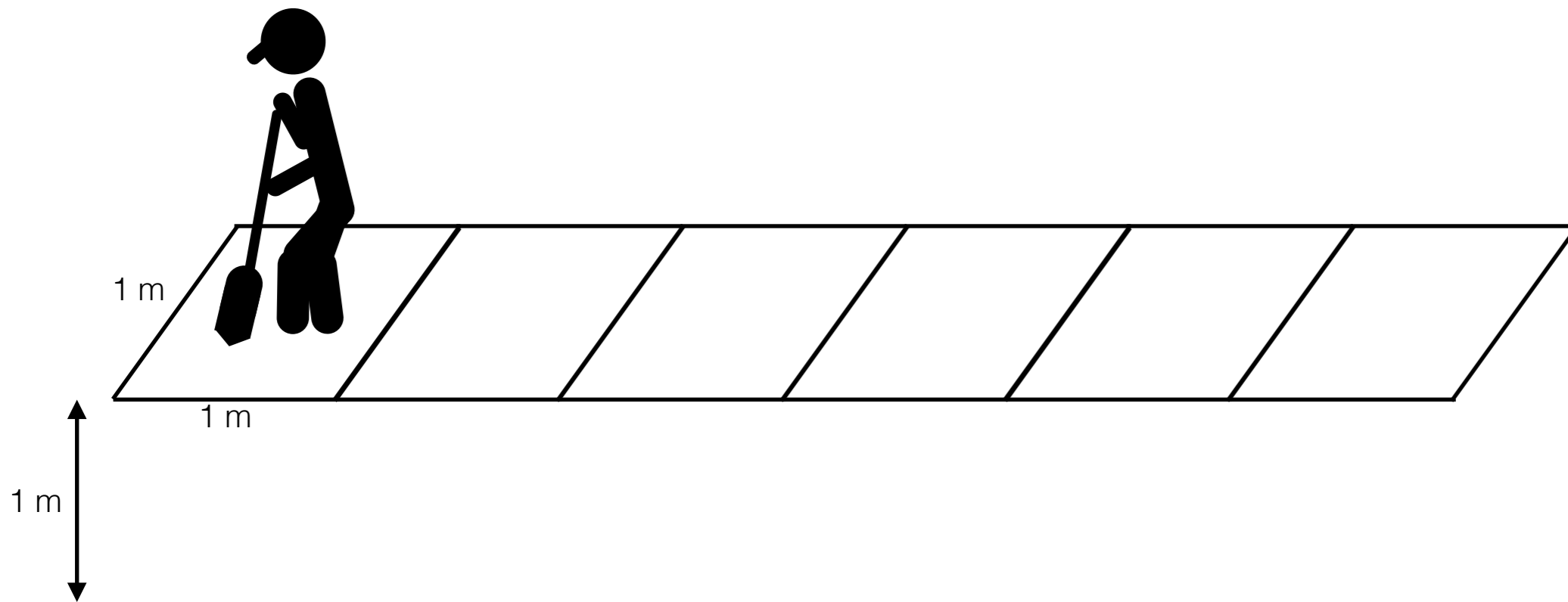


Cavar uma vala



1 trabalhador leva 1 hora para cavar 1 m³

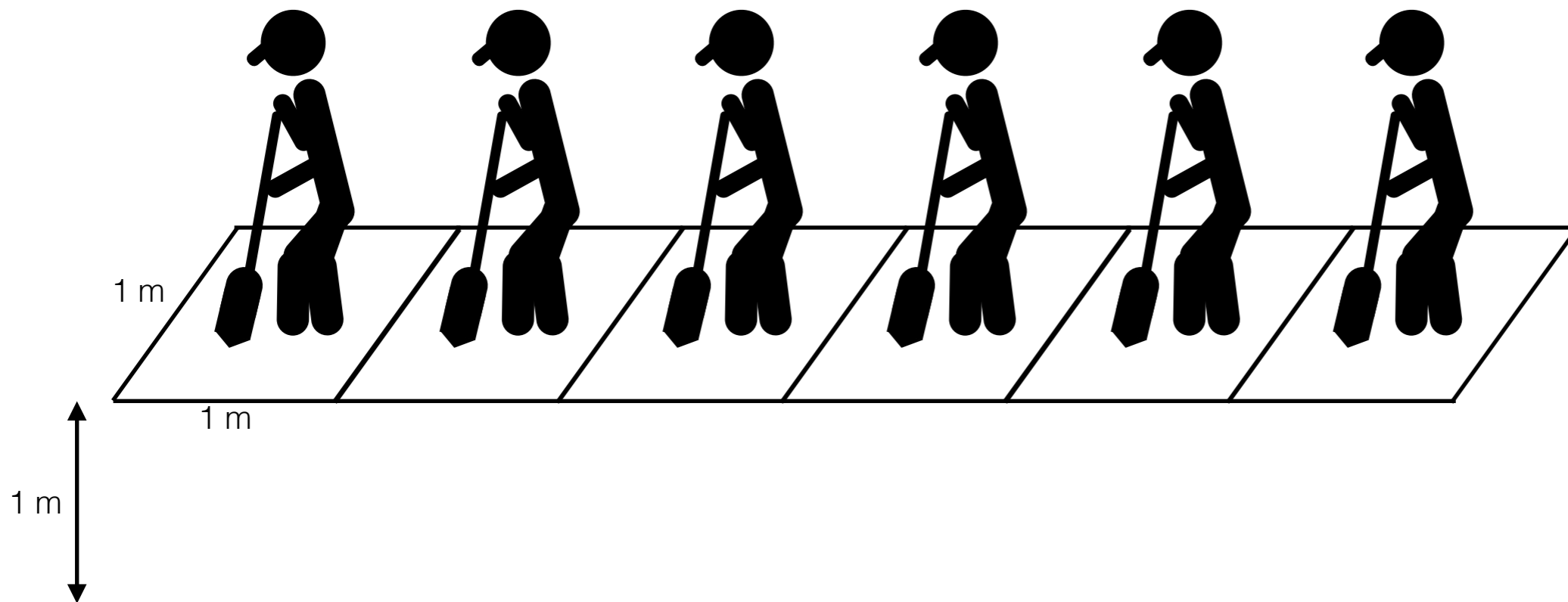
Cavar uma vala



1 trabalhador leva 1 hora para cavar 1 m^3

1 trabalhador leva 6 horas para cavar 6 m^3 (a vala toda)

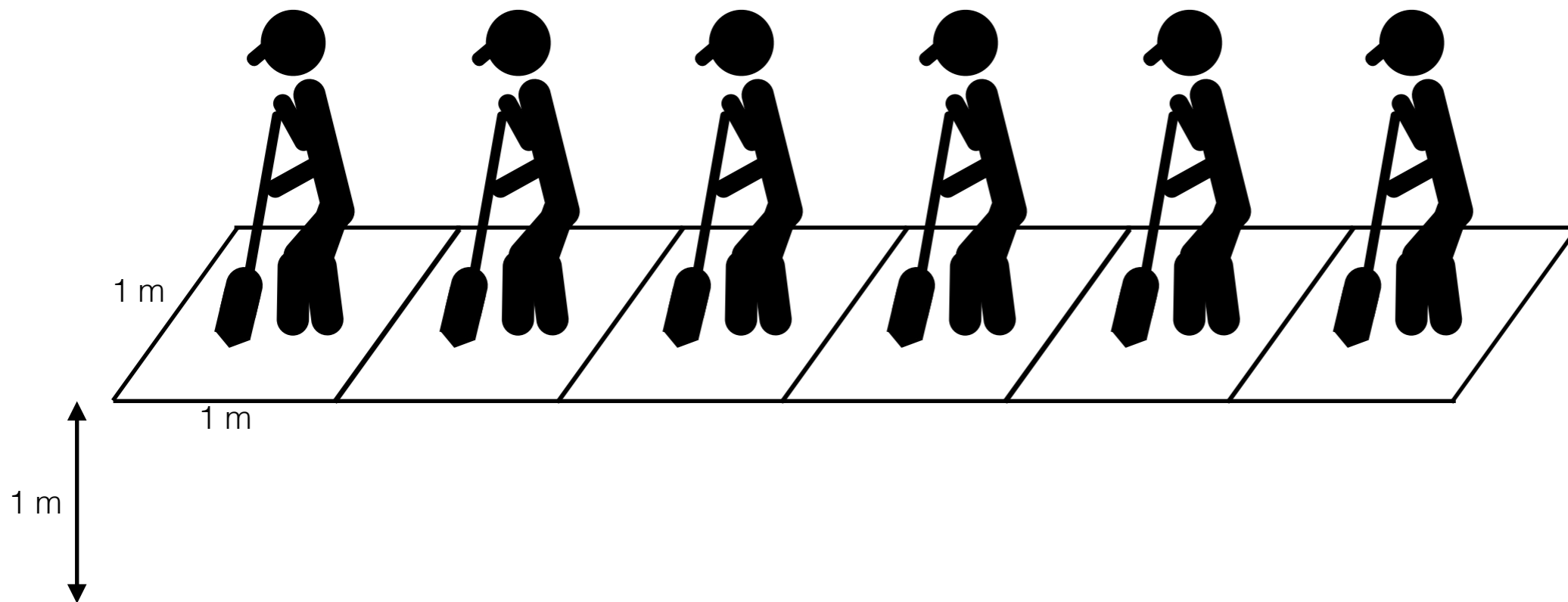
Cavar uma vala



1 trabalhador leva 1 hora para cavar 1 m^3

1 trabalhador leva 6 horas para cavar 6 m^3 (a vala toda)

Cavar uma vala

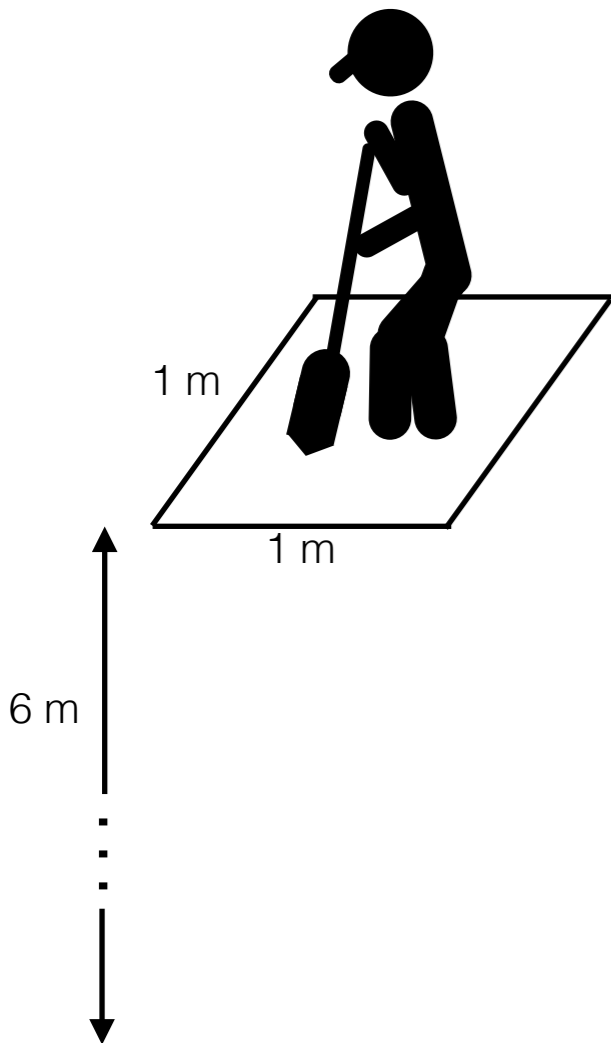


1 trabalhador leva 1 hora para cavar 1 m^3

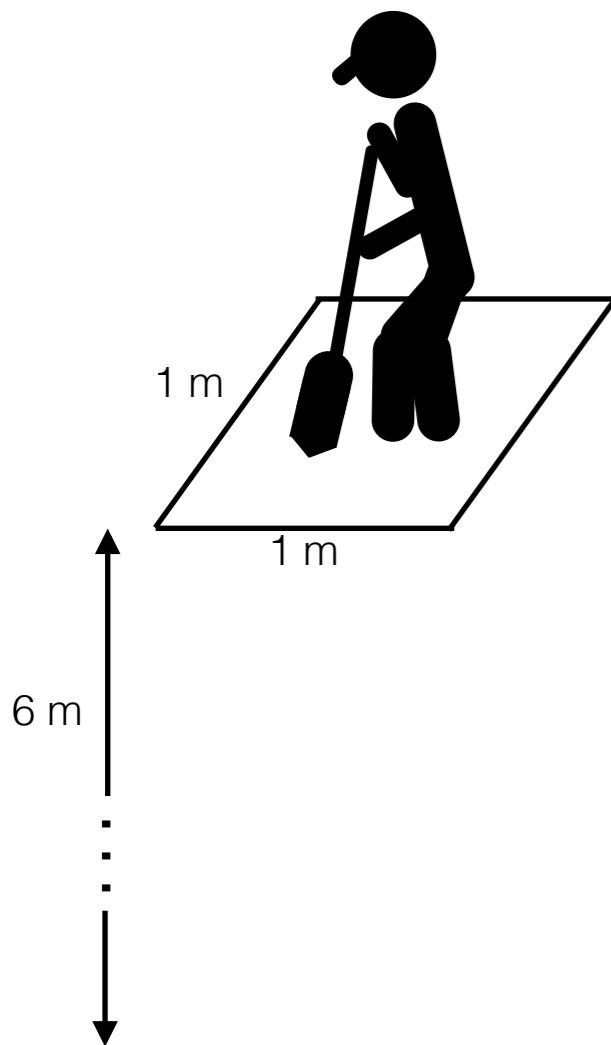
1 trabalhador leva 6 horas para cavar 6 m^3 (a vala toda)

6 trabalhadores levam 1 hora para cavar 6 m^3 (a vala toda)

Cavar um poço

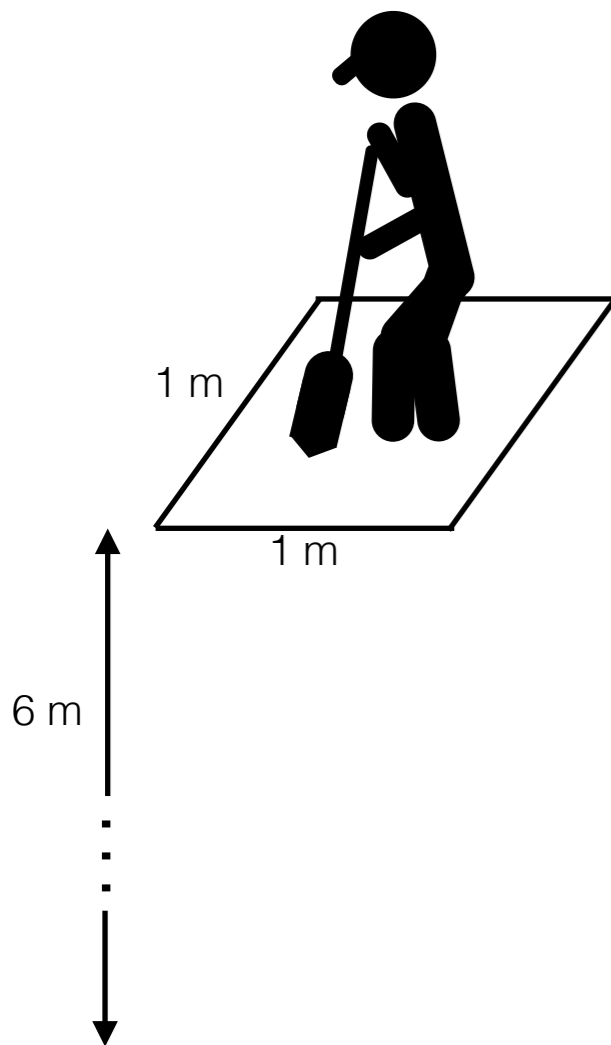


Cavar um poço



1 trabalhador leva 1 hora para cavar 1 m^3

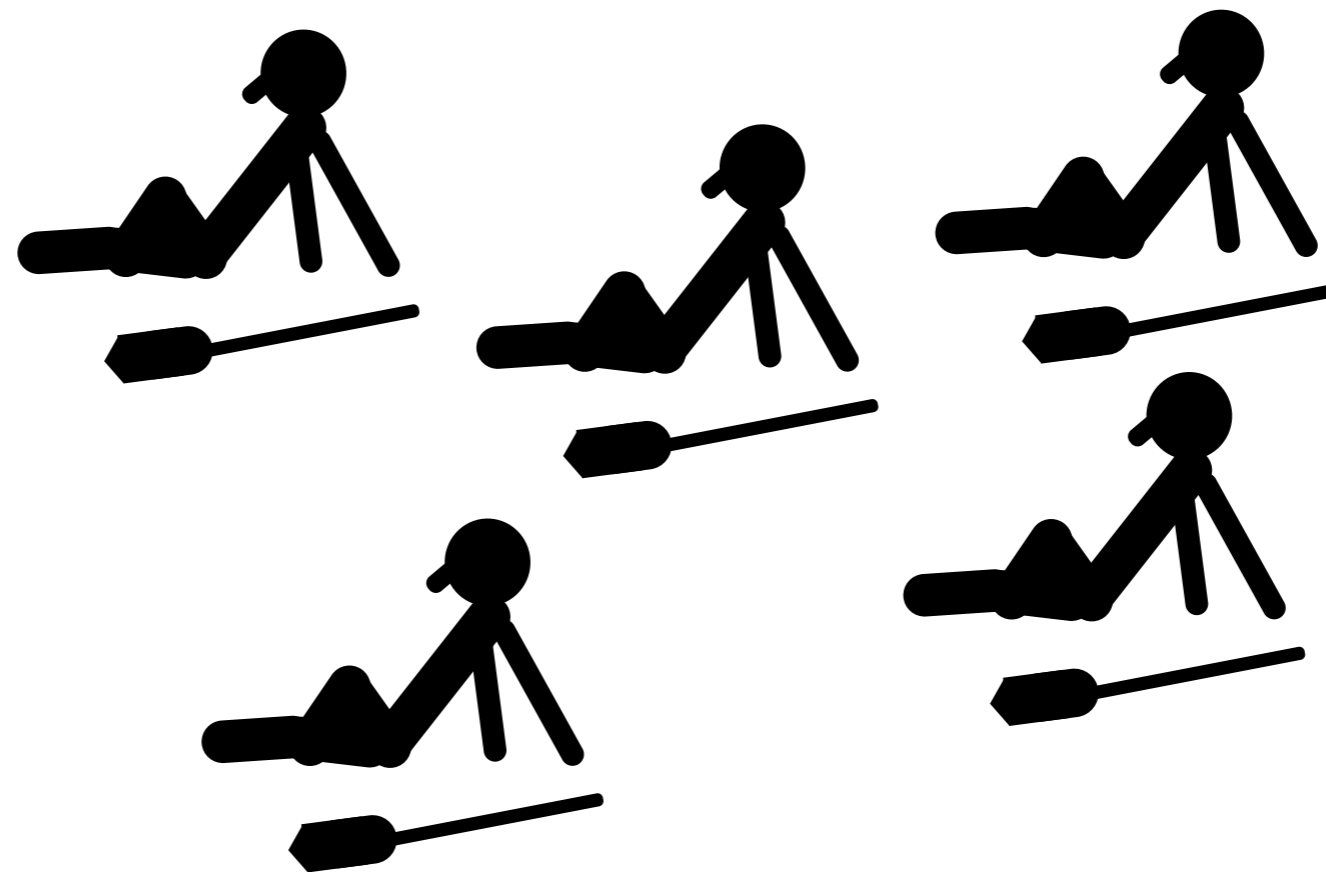
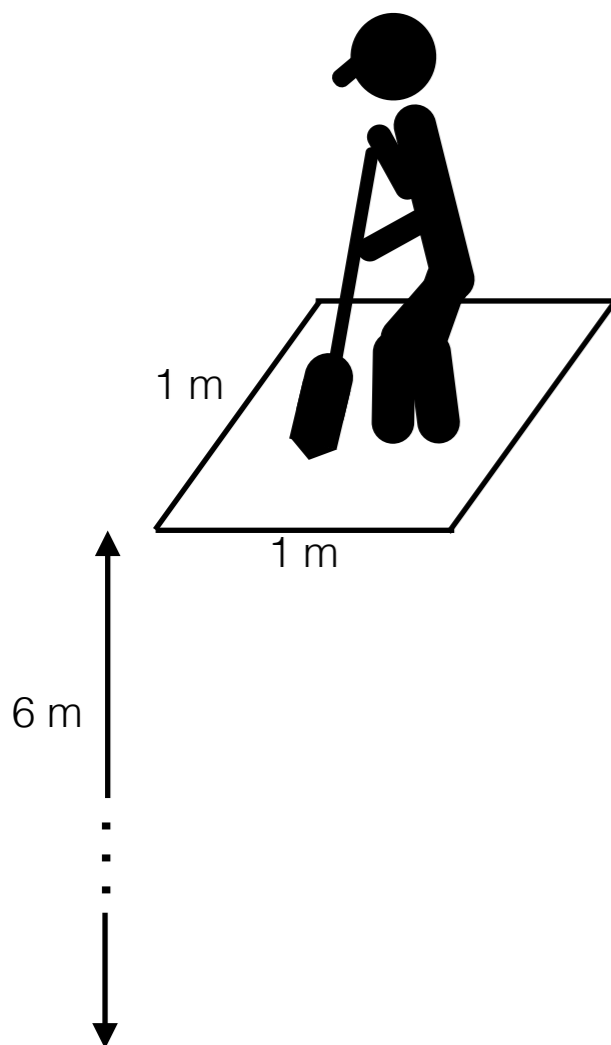
Cavar um poço



1 trabalhador leva 1 hora para cavar 1 m^3

1 trabalhador leva 6 horas para cavar 6 m^3 (o poço todo)

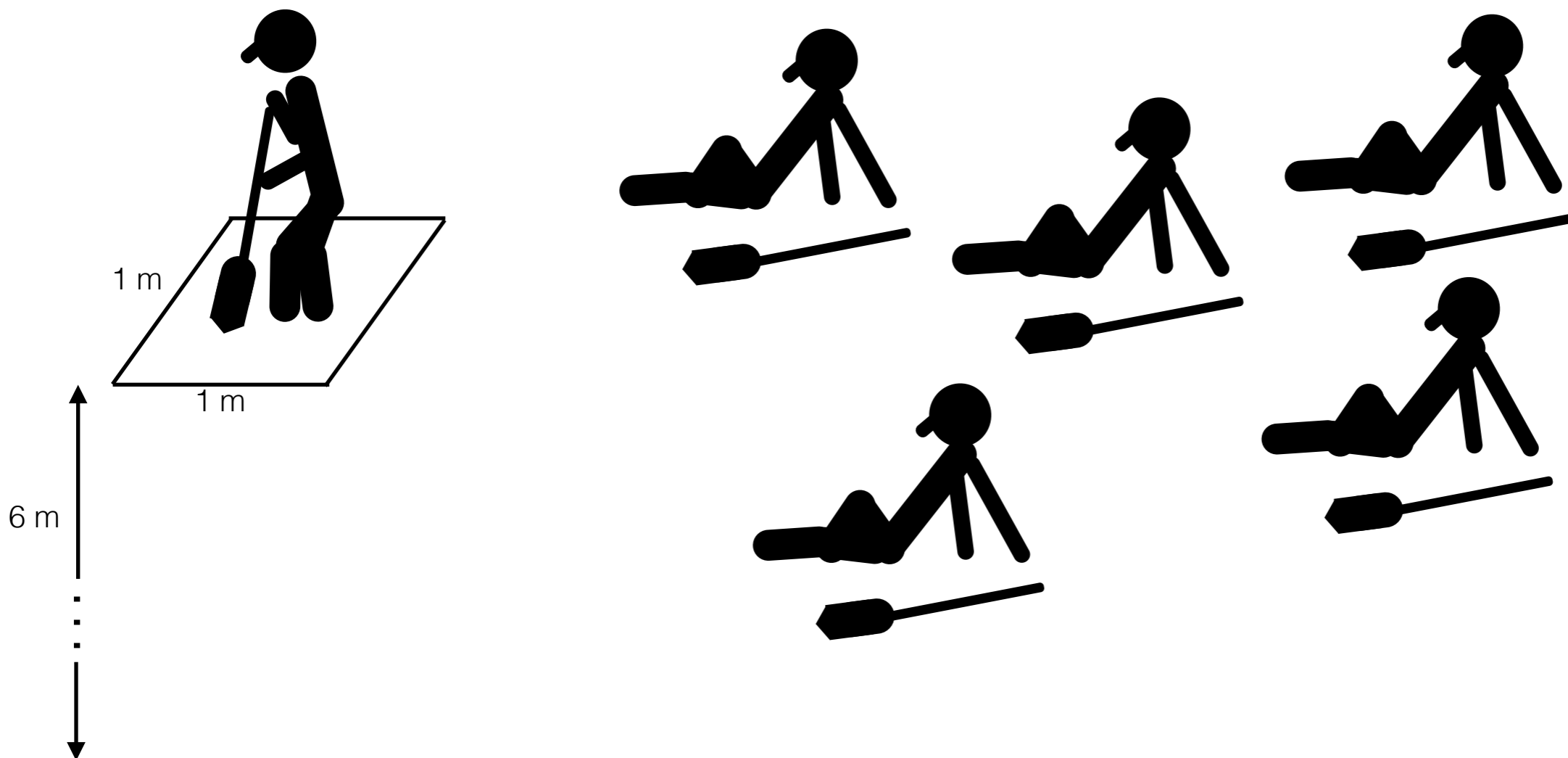
Cavar um poço



1 trabalhador leva 1 hora para cavar 1 m^3

1 trabalhador leva 6 horas para cavar 6 m^3 (o poço todo)

Cavar um poço



1 trabalhador leva 1 hora para cavar 1 m^3

1 trabalhador leva 6 horas para cavar 6 m^3 (o poço todo)

6 trabalhadores levam 6 horas para cavar 6 m^3 (o poço todo)



Gerente de Recursos Humanos

Gerente de Marketing

Gerente de Logística

Gerente de Segurança

Gerente de Recursos Humanos

Gerente de Comunicação

Gerente do Projeto

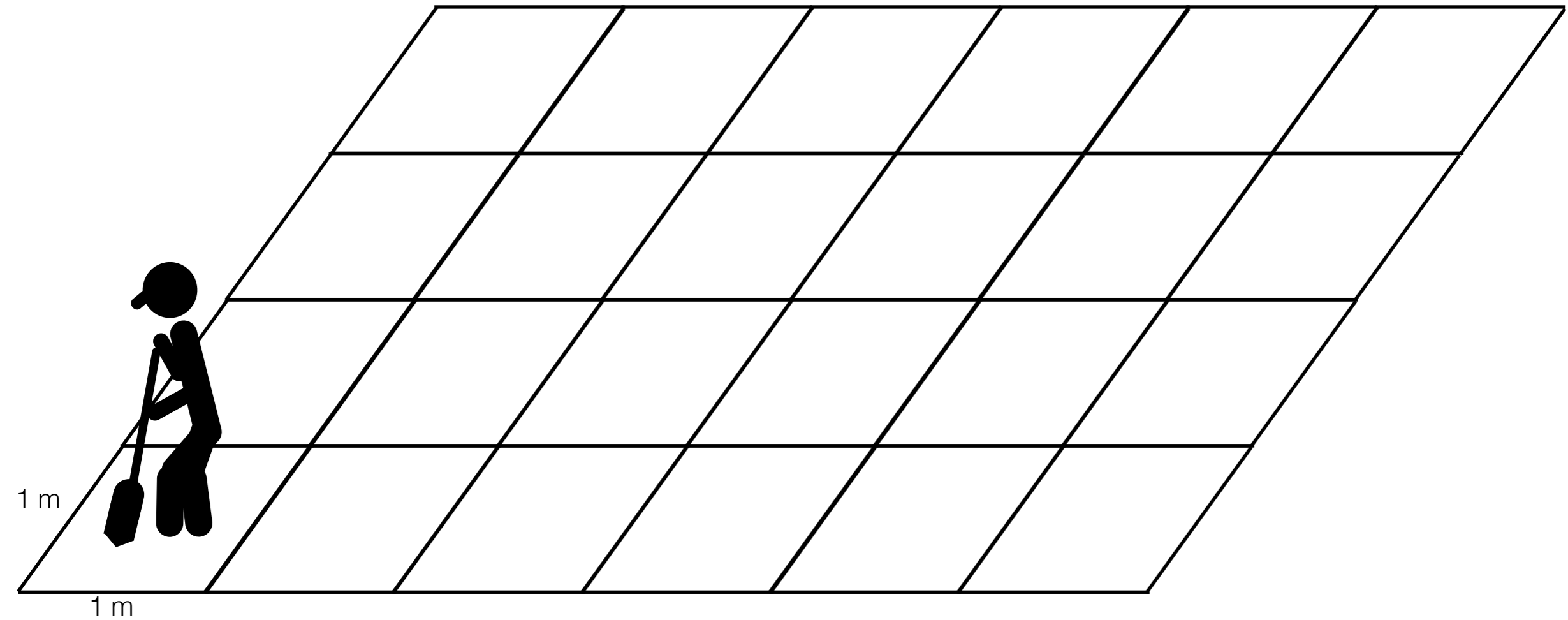
Supervisor Interno

Gerente de Produção

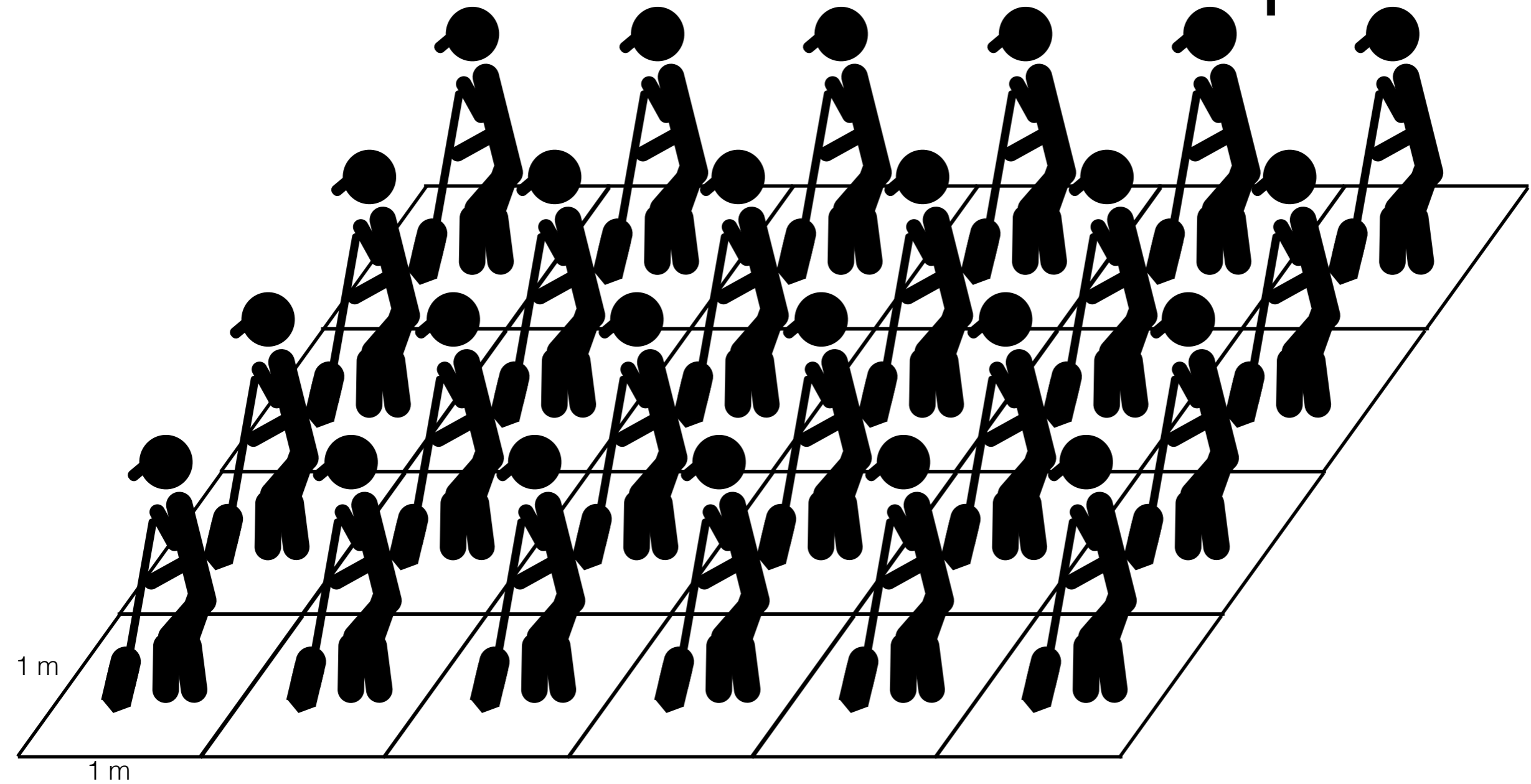
Gerente de Desenvolvimento de Produtos

Zé

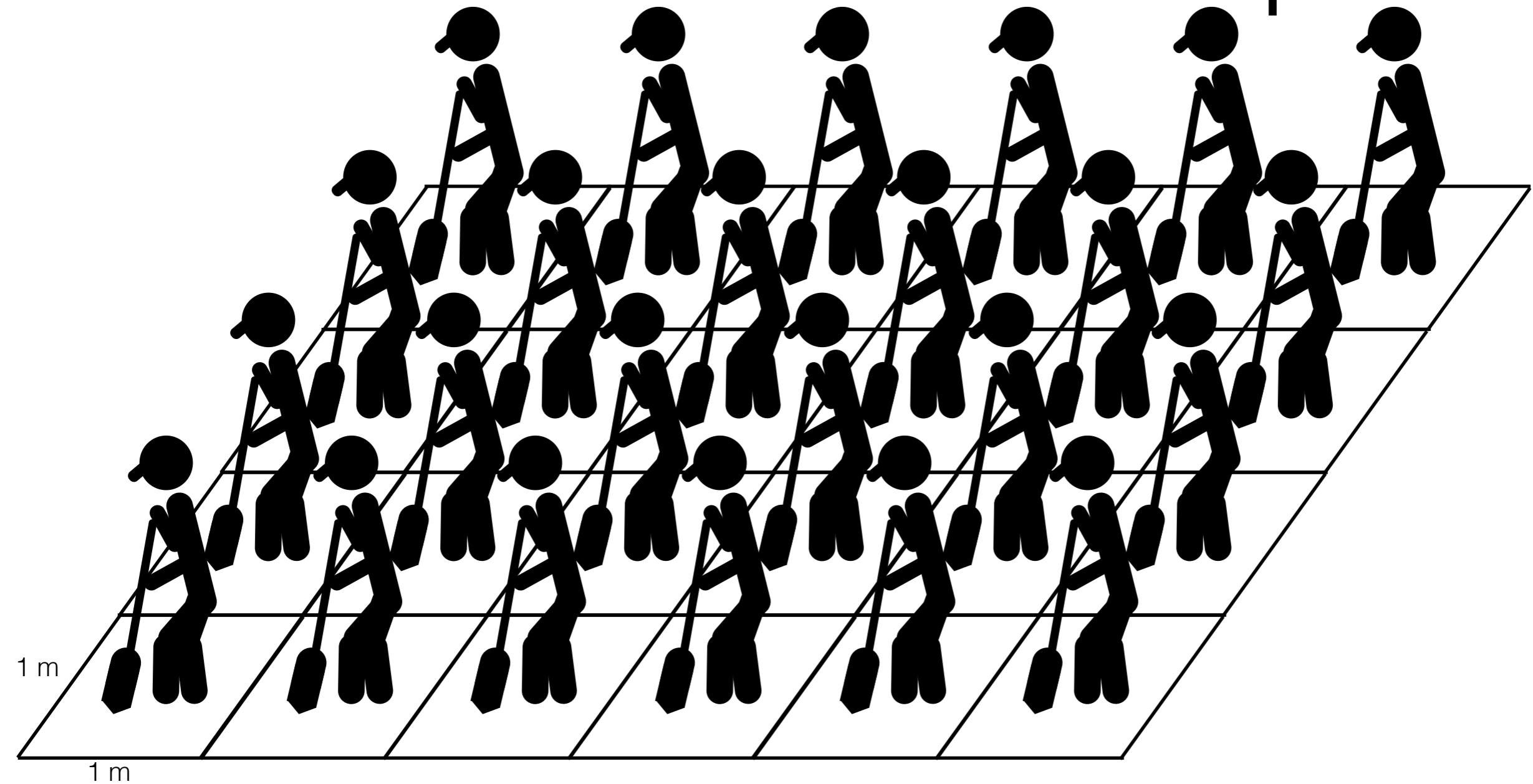
Cavar uma piscina



Cavar uma piscina

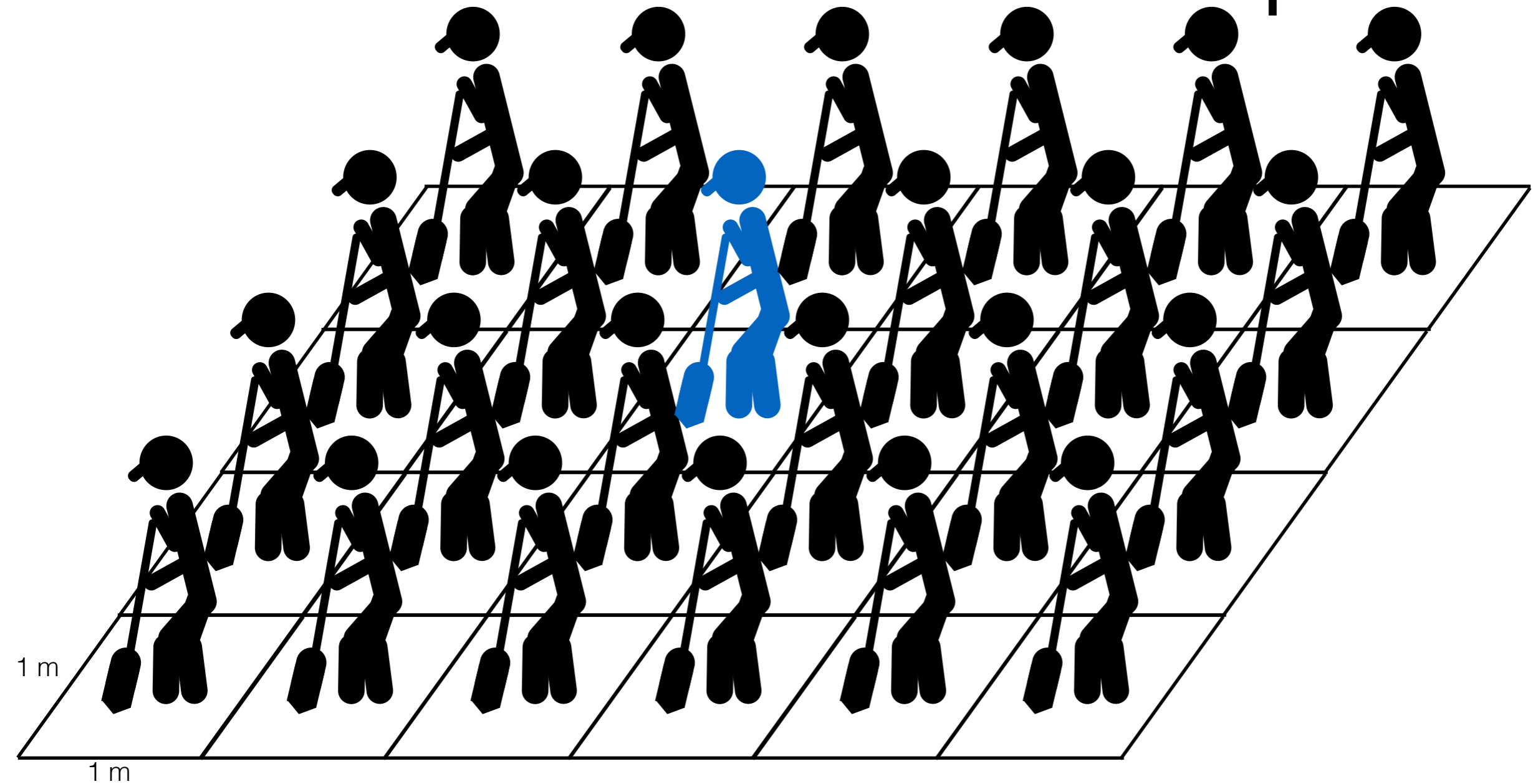


Cavar uma piscina



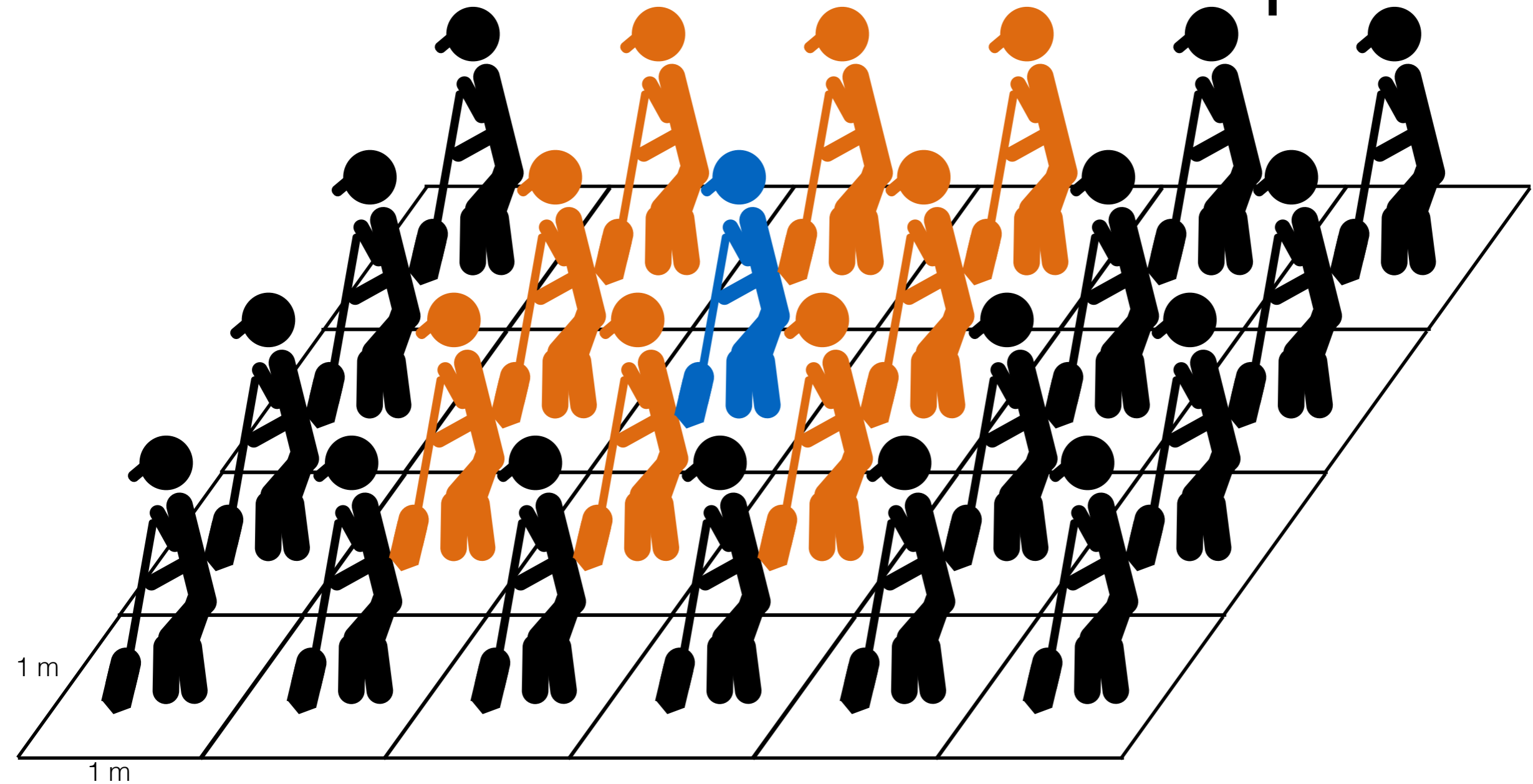
o tempo necessário para cavar toda a piscina vai depender do modo como os trabalhadores jogam a terra cavada nas células vizinhas.

Cavar uma piscina



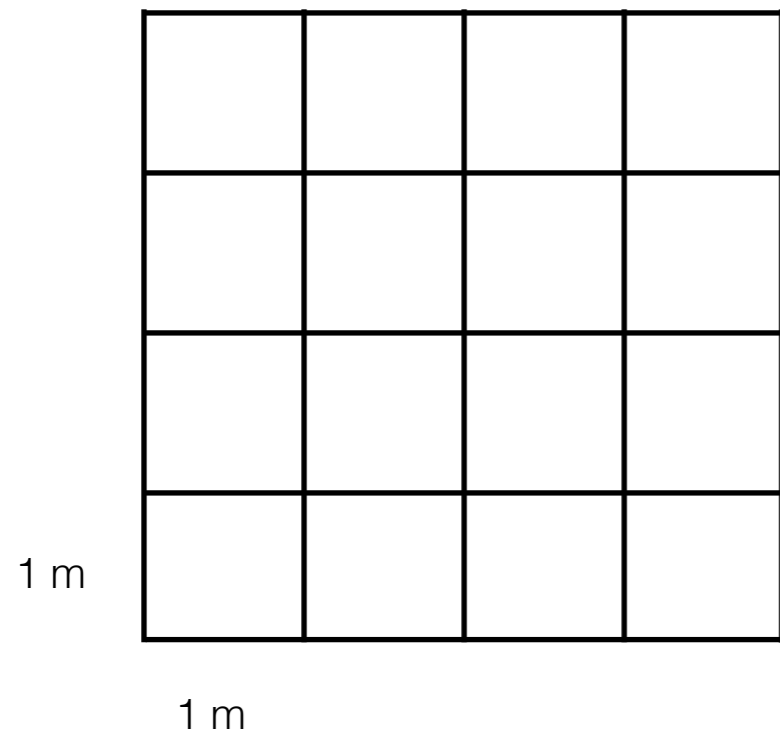
o tempo necessário para cavar toda a piscina vai depender do modo como os trabalhadores jogam a terra cavada nas células vizinhas.

Cavar uma piscina



o tempo necessário para cavar toda a piscina vai depender do modo como os trabalhadores jogam a terra cavada nas células vizinhas.

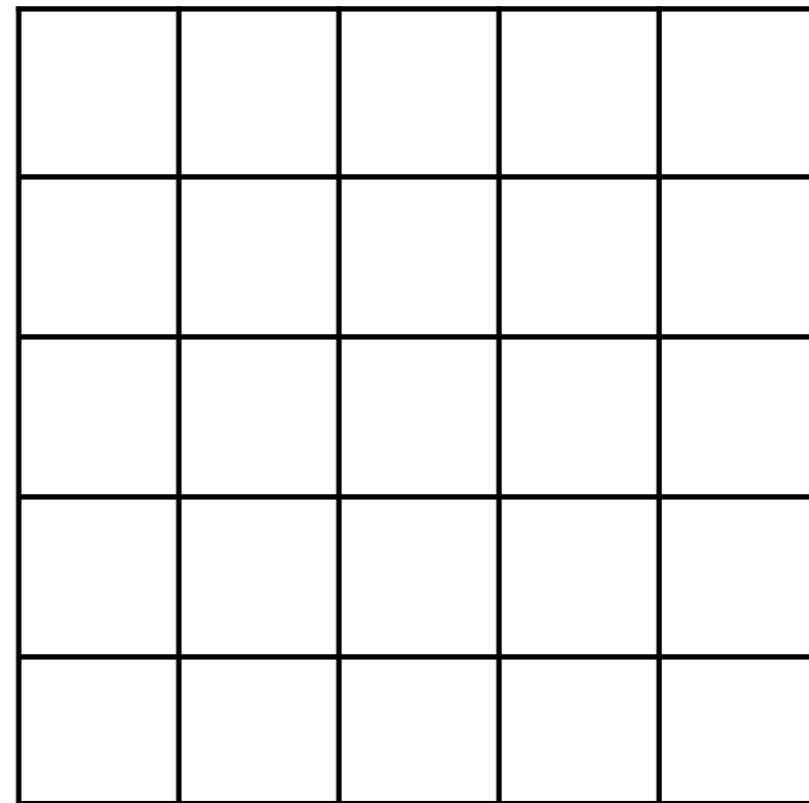
Qual é o tempo mínimo necessário para cavar toda a piscina com 1 m de profundidade?



*4x4 m²

*16 trabalhadores

*1 trabalhador
cava 1 m³/h



*5x5 m²

*25 trabalhadores

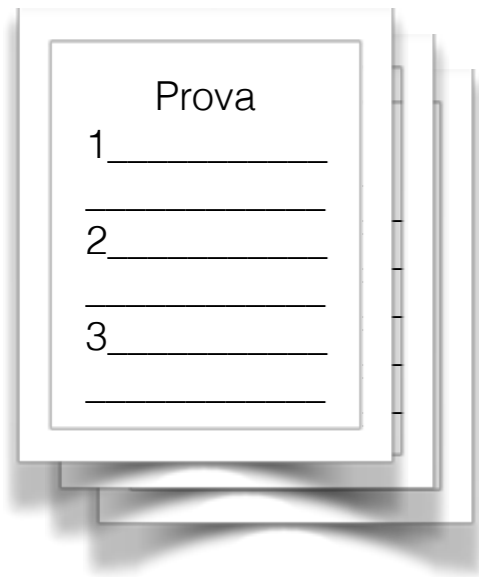
*1 trabalhador
cava 1 m³/h

Tipos básicos de programas paralelos

- Paralelismo de tarefas: *as tarefas são divididas entre os núcleos para resolver um certo problema.*
- Paralelismo de dados: *os dados são divididos entre os núcleos para resolver um certo problema.*

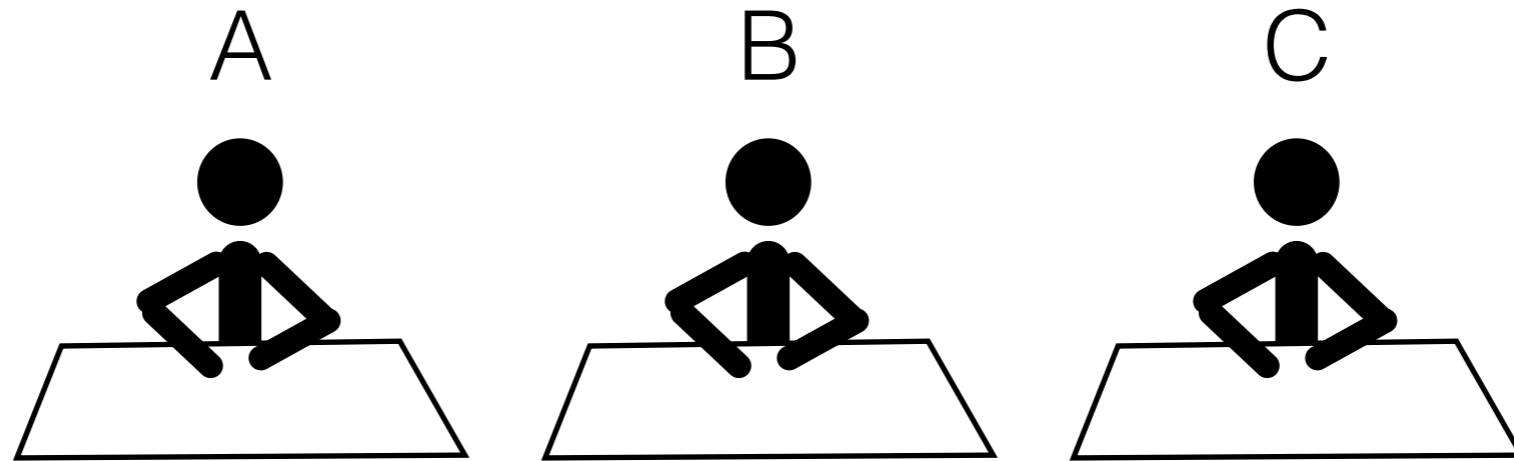
Paralelismo de Tarefas x Paralelismo de Dados

Paralelismo de Tarefas x Paralelismo de Dados



90 provas

Paralelismo de Tarefas x Paralelismo de Dados



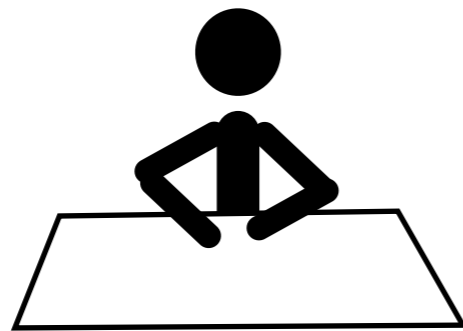
90 provas

Paralelismo de Tarefas x Paralelismo de Dados



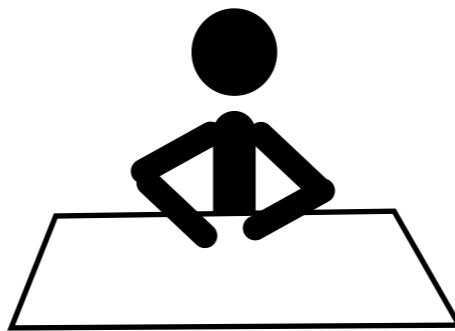
90 provas

A



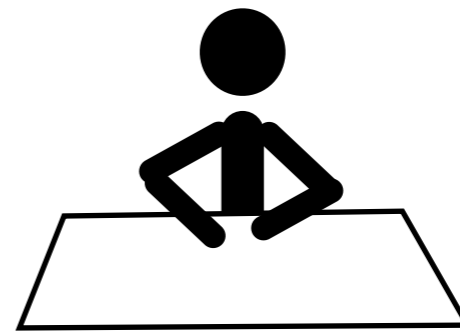
30 provas
3 questões

B



30 provas
3 questões

C

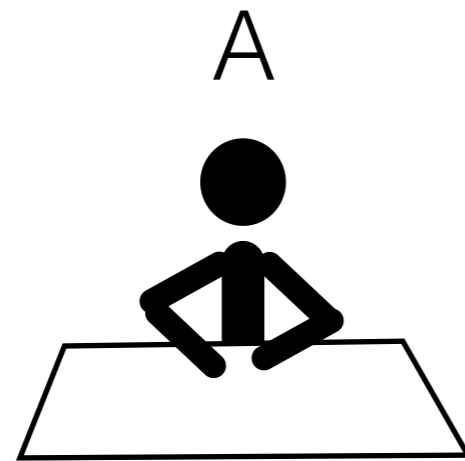


30 provas
3 questões

Paralelismo de Tarefas x Paralelismo de Dados

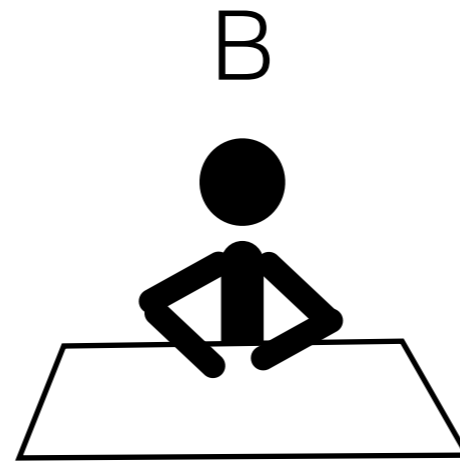


90 provas



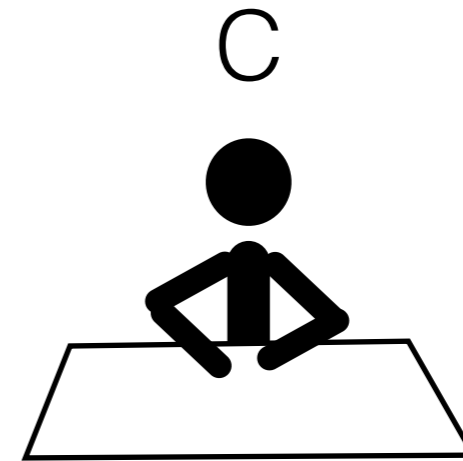
30 provas
3 questões

90 provas
questão nº1



30 provas
3 questões

90 provas
questão nº2



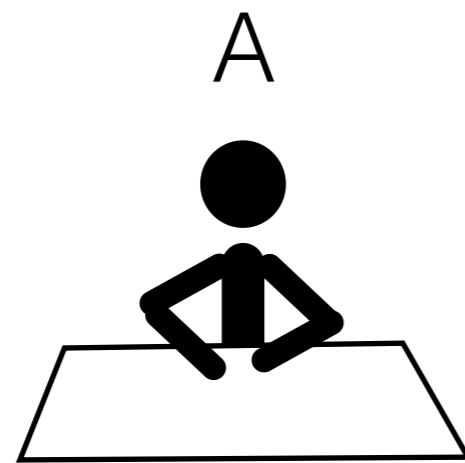
30 provas
3 questões

90 provas
questão nº3

Paralelismo de Tarefas x Paralelismo de Dados

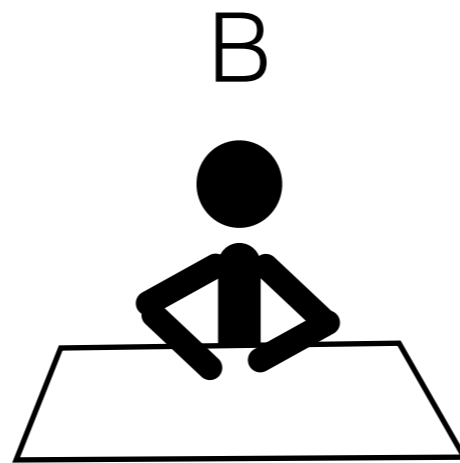


90 provas



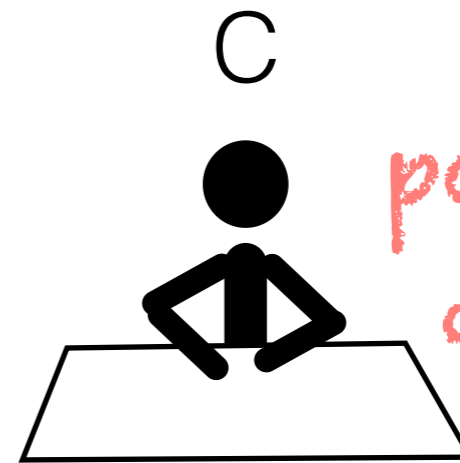
30 provas
3 questões

90 provas
questão nº1



30 provas
3 questões

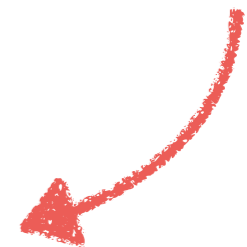
90 provas
questão nº2



30 provas
3 questões

90 provas
questão nº3

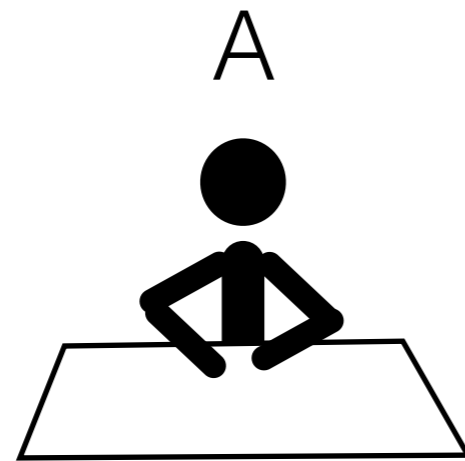
*paralelismo
de dados*



Paralelismo de Tarefas x Paralelismo de Dados

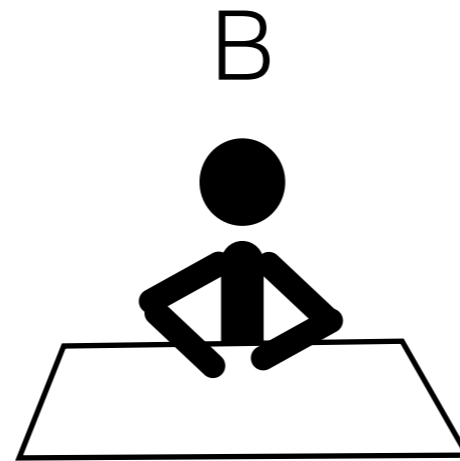


90 provas



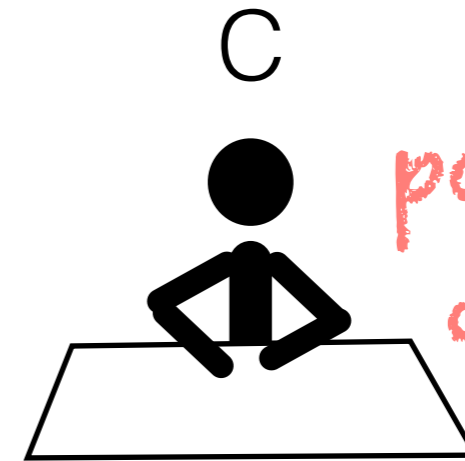
30 provas
3 questões

90 provas
questão nº1



30 provas
3 questões

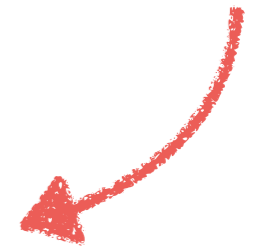
90 provas
questão nº2



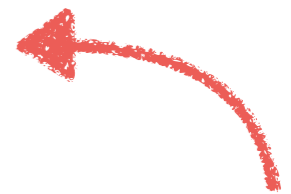
30 provas
3 questões

90 provas
questão nº3

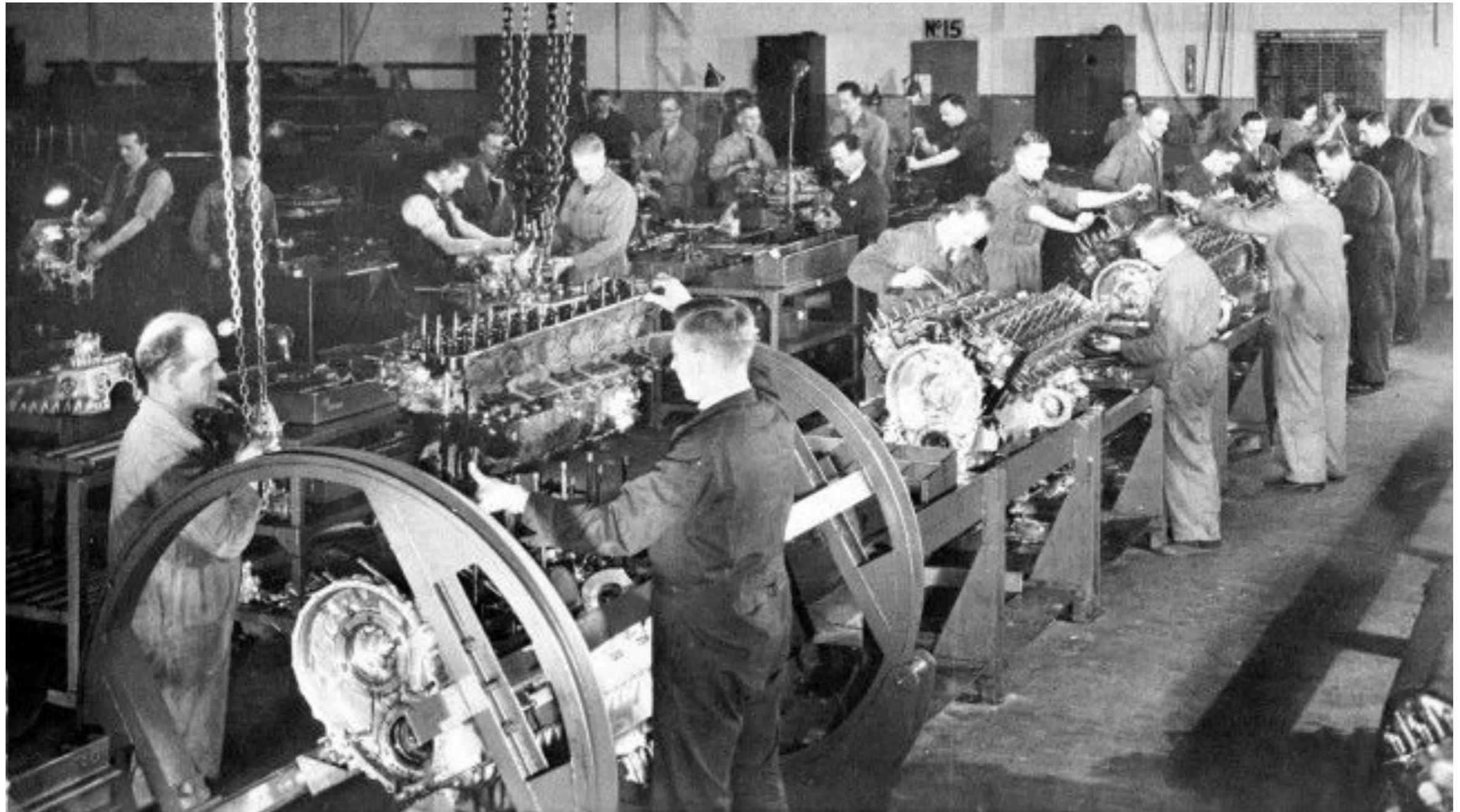
paralelismo
de dados



paralelismo
de tarefas



Fordismo



Como paralelizar?

```
//fragmento de código  
int f=0,i;  
  
for (i=0;i<1000;i++){  
    f += i;  
}
```


Como paralelizar?

```
//fragmento de código  
int k[1000],i;  
  
k[0]=1;  
k[1]=1;  
  
for (i=2;i<1000;i++){  
    k[i]=k[i-1]+k[i-2];  
}
```

Como paralelizar?

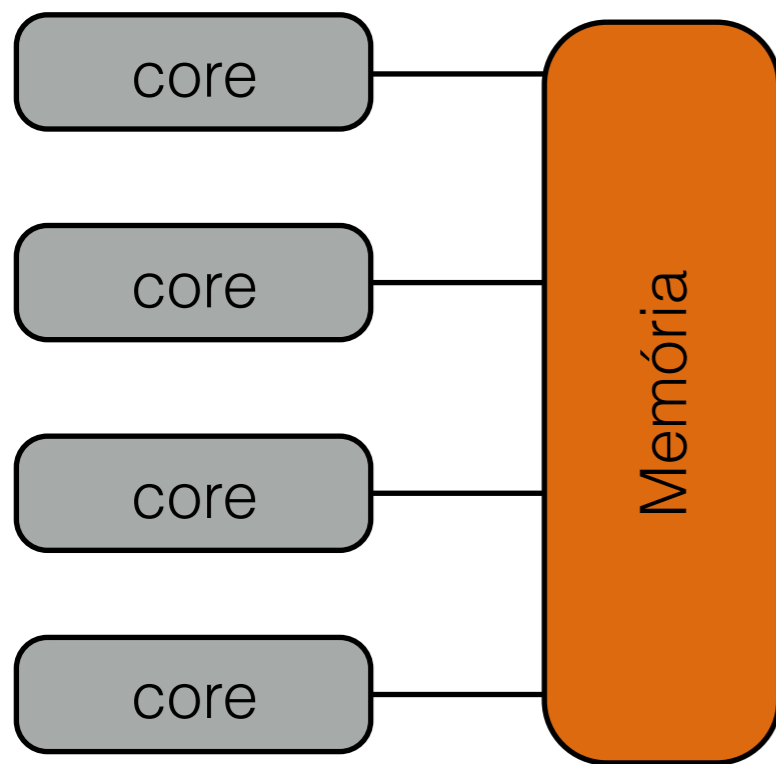
```
//fragmento de código

float ka[1000], kb[1000];
int i,t;

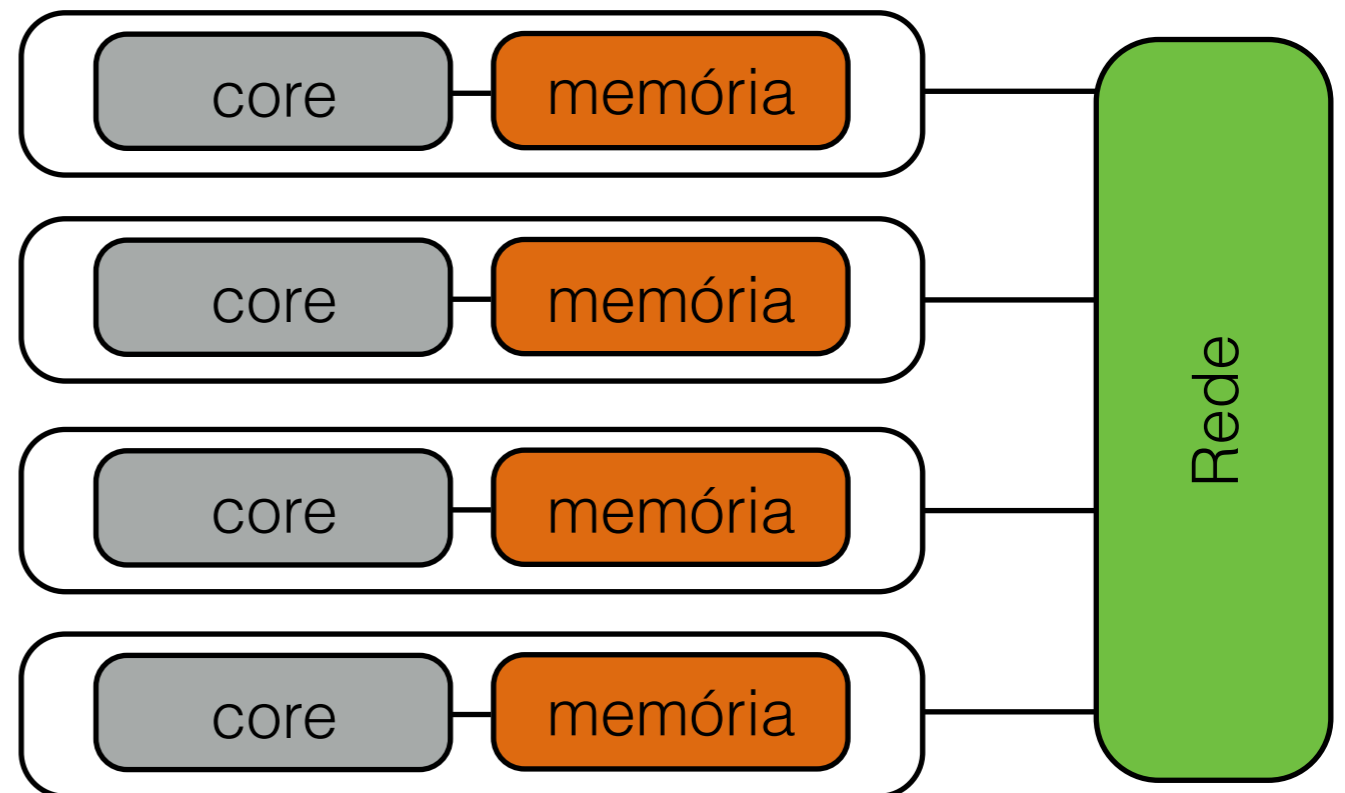
// ka inicializado por aqui!!!

for (t=0;t<100;t++){
    for (i=1;i<999;i++){
        kb[i]=ka[i-1] - 2*ka[i] + ka[i+1];
    }
    for (i=1;i<999;i++){
        ka[i]=kb[i];
    }
}
```

Tipos de paralelismo

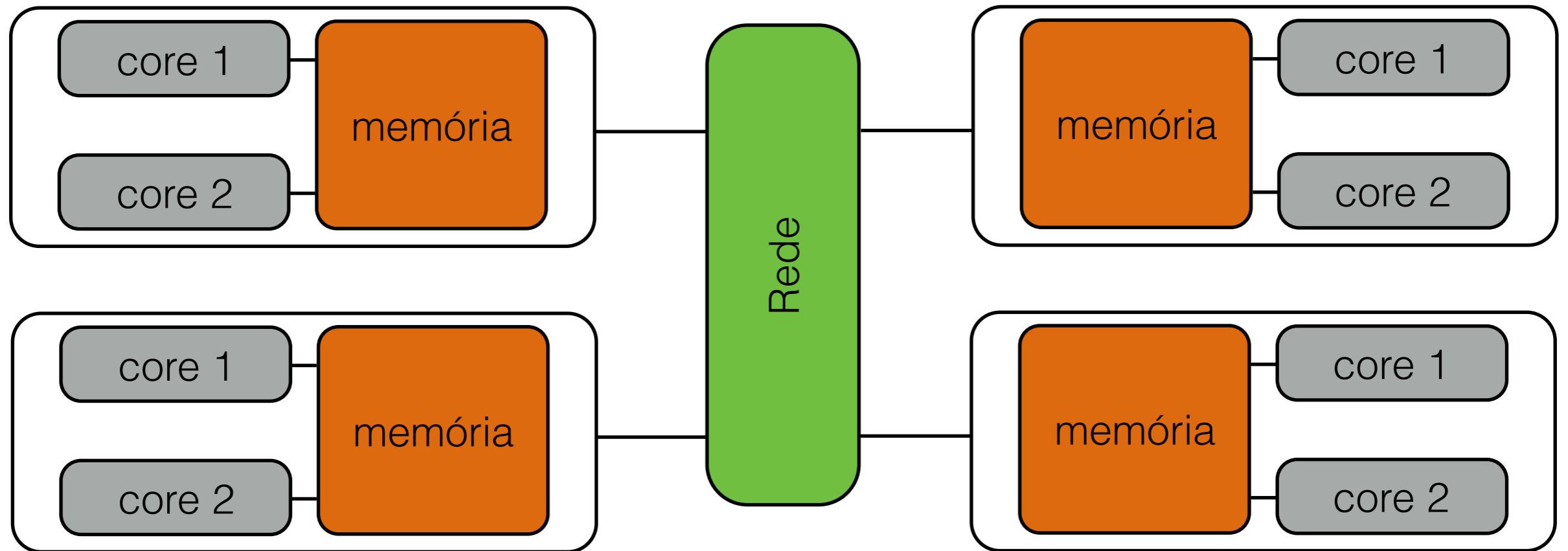


Memória compartilhada
(OpenMP)



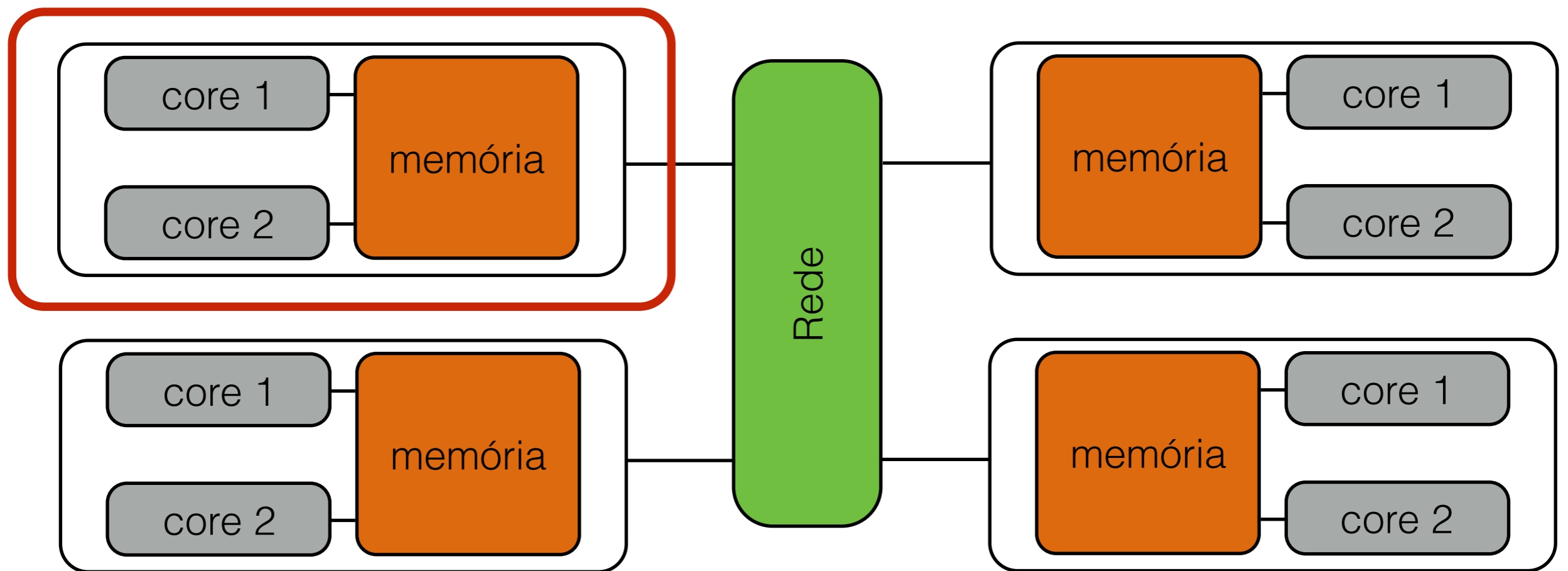
Memória distribuída
(MPI)

Tipos de paralelismo



Tipos de paralelismo

Nó (node)



Exemplo

Exemplo

- Suponha que um programa execute 10^{12} instruções para resolver um problema particular. Suponha que rodando em um único processador o programa leve 10^6 s (cerca de 11.6 dias). Então, na média o programa executa 10^6 instruções por segundo.

Exemplo

- Suponha que um programa execute 10^{12} instruções para resolver um problema particular. Suponha que rodando em um único processador o programa leve 10^6 s (cerca de 11.6 dias). Então, na média o programa executa 10^6 instruções por segundo.
- Suponha que em um programa paralelizado em um sistema de memória distribuída em p processadores, cada processador vai fazer $10^{12}/p$ operações e deve mandar $10^9(p-1)$ mensagens.

Exemplo

Exemplo

- Suponha que leve 10^{-9} segundos para enviar uma mensagem. Quanto tempo vai levar para rodar o programa em 1000 processadores?

Exemplo

- Suponha que leve 10^{-9} segundos para enviar uma mensagem. Quanto tempo vai levar para rodar o programa em 1000 processadores?
- Suponha que leve 10^{-3} segundos para enviar uma mensagem. Quanto tempo vai levar para rodar o programa em 1000 processadores?

Minimize as mensagens!!!

**Talk
Less.
Work
More.**

Speedup e Eficiência

Speedup

Speedup

$$S = \frac{T_{\text{sequencial}}}{T_{\text{paralelo}}}$$

Speedup

$$S = \frac{T_{\text{sequencial}}}{T_{\text{paralelo}}}$$

T_{sequencial}

Speedup

$$S = \frac{T_{sequencial}}{T_{paralelo}}$$

T_{sequencial} Tempo de execução do programa sequencial.

Speedup

$$S = \frac{T_{sequencial}}{T_{paralelo}}$$

$T_{sequencial}$ Tempo de execução do programa sequencial.

$T_{paralelo}$

Speedup

$$S = \frac{T_{sequencial}}{T_{paralelo}}$$

T_{sequencial} Tempo de execução do programa sequencial.

T_{paralelo} Tempo de execução do programa paralelo.

Speedup

$$S = \frac{T_{sequencial}}{T_{paralelo}}$$

$T_{sequencial}$ Tempo de execução do programa sequencial.

$T_{paralelo}$ Tempo de execução do programa paralelo.

Para p processos, o valor mínimo possível do tempo de execução em paralelo é $T_{paralelo} = T_{sequencial}/p$.

Speedup

$$S = \frac{T_{sequencial}}{T_{paralelo}}$$

$T_{sequencial}$ Tempo de execução do programa sequencial.

$T_{paralelo}$ Tempo de execução do programa paralelo.

Para p processos, o valor mínimo possível do tempo de execução em paralelo é $T_{paralelo} = T_{sequencial}/p$.

Assim

Speedup

$$S = \frac{T_{sequencial}}{T_{paralelo}}$$

$T_{sequencial}$ Tempo de execução do programa sequencial.

$T_{paralelo}$ Tempo de execução do programa paralelo.

Para p processos, o valor mínimo possível do tempo de execução em paralelo é $T_{paralelo} = T_{sequencial}/p$.

Assim

$$S_{max} = \frac{T_{sequencial}}{T_{paralelo}} = p$$

Speedup

Speedup

Porém, na vida real, o speedup S torna-se uma fração cada vez menor de $S_{max} = p$.

Speedup

Porém, na vida real, o speedup S torna-se uma fração cada vez menor de $S_{max} = p$.

Uma outra forma de dizer isso é que a razão S/p será cada vez menor quando p cresce.

Speedup

Porém, na vida real, o speedup S torna-se uma fração cada vez menor de $S_{max} = p$.

Uma outra forma de dizer isso é que a razão S/p será cada vez menor quando p cresce.

Essa razão é comumente chamada de eficiência de programas paralelos. Substituindo na fórmula temos:

Speedup

Porém, na vida real, o speedup S torna-se uma fração cada vez menor de $S_{max} = p$.

Uma outra forma de dizer isso é que a razão S/p será cada vez menor quando p cresce.

Essa razão é comumente chamada de eficiência de programas paralelos. Substituindo na fórmula temos:

$$E = \frac{S}{p}$$

Speedup

Porém, na vida real, o speedup S torna-se uma fração cada vez menor de $S_{max} = p$.

Uma outra forma de dizer isso é que a razão S/p será cada vez menor quando p cresce.

Essa razão é comumente chamada de eficiência de programas paralelos. Substituindo na fórmula temos:

$$E = \frac{S}{p} = \frac{T_{sequencial}}{p T_{paralelo}}$$

Speedup

Porém, na vida real, o speedup S torna-se uma fração cada vez menor de $S_{max} = p$.

Uma outra forma de dizer isso é que a razão S/p será cada vez menor quando p cresce.

Essa razão é comumente chamada de eficiência de programas paralelos. Substituindo na fórmula temos:

$$E = \frac{S}{p} = \frac{\frac{T_{sequencial}}{T_{paralelo}}}{p} = \frac{T_{sequencial}}{p \cdot T_{paralelo}}$$

Exemplo:
problema de n -corpos

Exemplo: problema de n -corpos

	número de proc.		
100 corpos	1	2	4

Exemplo: problema de n -corpos

	número de proc.		
100 corpos	1	2	4
Tempo (s)	14,10	7,50	4,83

Exemplo: problema de n -corpos

	número de proc.		
100 corpos	1	2	4
Tempo (s)	14,10	7,50	4,83
S	1,00	1,88	2,92

Exemplo: problema de n -corpos

	número de proc.		
100 corpos	1	2	4
Tempo (s)	14,10	7,50	4,83
S	1,00	1,88	2,92
E	1,00	0,94	0,73

Exemplo: problema de n -corpos

	número de proc.		
100 corpos	1	2	4
Tempo (s)	14,10	7,50	4,83
S	1,00	1,88	2,92
E	1,00	0,94	0,73

Exemplo:
problema de n -corpos

Exemplo: problema de n -corpos

	número de proc.		
200 corpos	1	2	4

Exemplo: problema de n -corpos

	número de proc.		
200 corpos	1	2	4
Tempo (s)	55,19	28,69	18,09

Exemplo: problema de n -corpos

	número de proc.		
200 corpos	1	2	4
Tempo (s)	55,19	28,69	18,09
S	1,00	1,92	3,05

Exemplo: problema de n -corpos

	número de proc.		
200 corpos	1	2	4
Tempo (s)	55,19	28,69	18,09
S	1,00	1,92	3,05
E	1,00	0,96	0,76

Exemplo: problema de n -corpos

	número de proc.		
200 corpos	1	2	4
Tempo (s)	55,19	28,69	18,09
S	1,00	1,92	3,05
E	1,00	0,96	0,76

Exemplo:
problema de n -corpos

Exemplo: problema de n -corpos

	número de proc.		
400 corpos	1	2	4

Exemplo: problema de n -corpos

	número de proc.		
400 corpos	1	2	4
Tempo (s)	222,71	114,73	64,59

Exemplo: problema de n -corpos

	número de proc.		
400 corpos	1	2	4
Tempo (s)	222,71	114,73	64,59
S	1,00	1,94	3,45

Exemplo: problema de n -corpos

	número de proc.		
400 corpos	1	2	4
Tempo (s)	222,71	114,73	64,59
S	1,00	1,94	3,45
E	1,00	0,97	0,86

Exemplo: problema de n -corpos

	número de proc.		
400 corpos	1	2	4
Tempo (s)	222,71	114,73	64,59
S	1,00	1,94	3,45
E	1,00	0,97	0,86

Exemplo: problema de n -corpos

Speedup

Eficiência

Exemplo: problema de n -corpos

Speedup

Eficiência

número de proc.

corpos

1

2

4

Exemplo: problema de n -corpos

Speedup

Eficiência

número de proc.

corpos

1

2

4

100

1,00

1,88

2,92

Exemplo: problema de n -corpos

Speedup

Eficiência

número de proc.

corpos

1

2

4

100

1,00

1,88

2,92

200

1,00

1,92

3,05

Exemplo: problema de n -corpos

Speedup

Eficiência

número de proc.

corpos

1

2

4

100

1,00

1,88

2,92

200

1,00

1,92

3,05

400

1,00

1,94

3,45

Exemplo: problema de n -corpos

Speedup

número de proc.

corpos

1

2

4

100

1,00

1,88

2,92

200

1,00

1,92

3,05

400

1,00

1,94

3,45

Eficiência

número de proc.

Exemplo: problema de n -corpos

Speedup

número de proc.

corpos

1

2

4

100

1,00

1,88

2,92

200

1,00

1,92

3,05

400

1,00

1,94

3,45

Eficiência

número de proc.

corpos

1

2

4

Exemplo: problema de n -corpos

Speedup

número de proc.

corpos	1	2	4
100	1,00	1,88	2,92
200	1,00	1,92	3,05
400	1,00	1,94	3,45

Eficiência

número de proc.

corpos	1	2	4
100	1,00	0,94	0,73

Exemplo: problema de n -corpos

Speedup

número de proc.

corpos

1

2

4

100

1,00

1,88

2,92

200

1,00

1,92

3,05

400

1,00

1,94

3,45

Eficiência

número de proc.

corpos

1

2

4

100

1,00

0,94

0,73

200

1,00

0,96

0,76

Exemplo: problema de n -corpos

Speedup

número de proc.

corpos

1

2

4

100

1,00

1,88

2,92

200

1,00

1,92

3,05

400

1,00

1,94

3,45

Eficiência

número de proc.

corpos

1

2

4

100

1,00

0,94

0,73

200

1,00

0,96

0,76

400

1,00

0,97

0,86

Exemplo: problema de n -corpos

Speedup

número de proc.

corpos

1

2

4

100

1,00

1,88

2,92

200

1,00

1,92

3,05

400

1,00

1,94

3,45

Eficiência

número de proc.

corpos

1

2

4

100

1,00

0,94

0,73

200

1,00

0,96

0,76

400

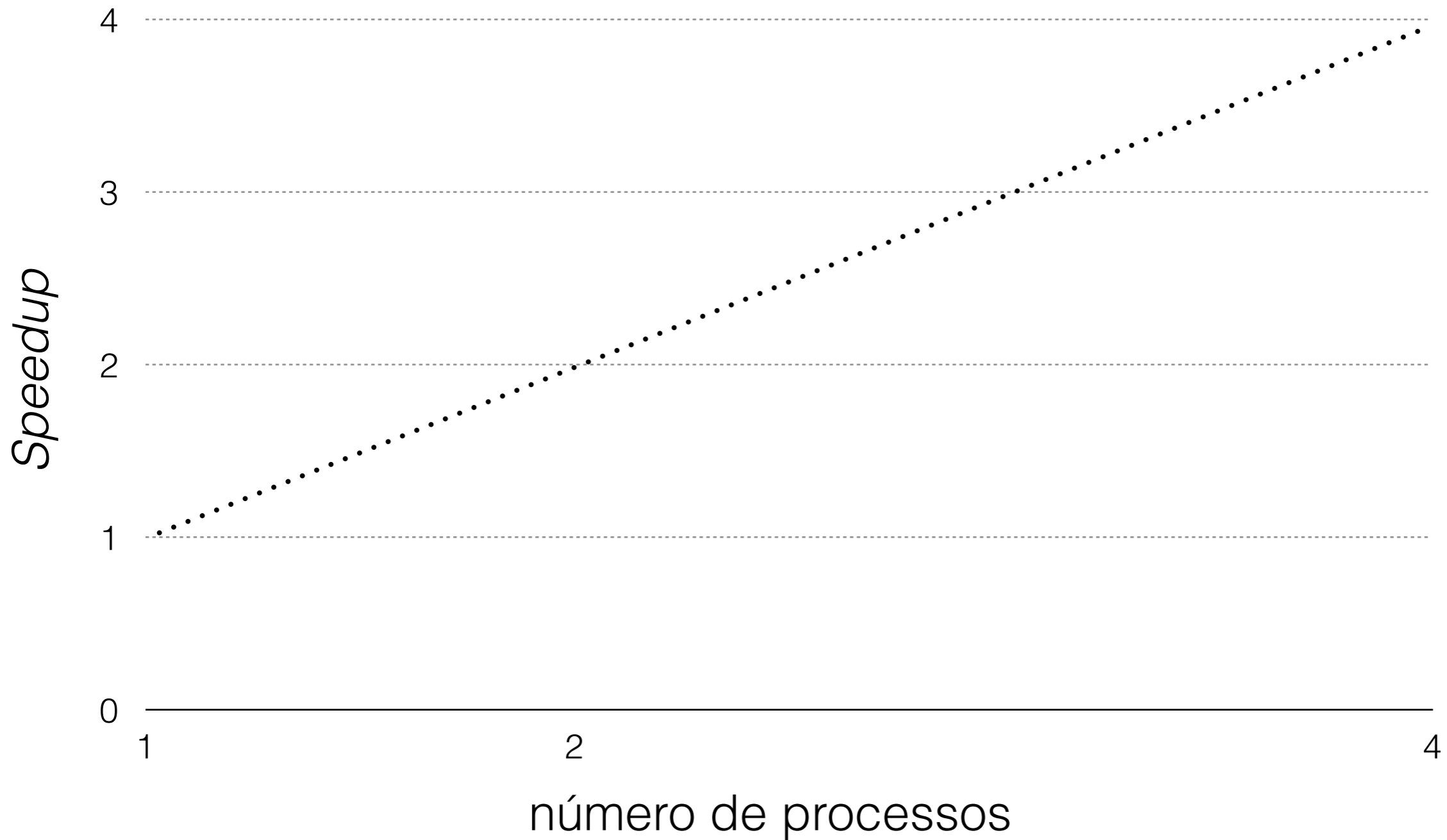
1,00

0,97

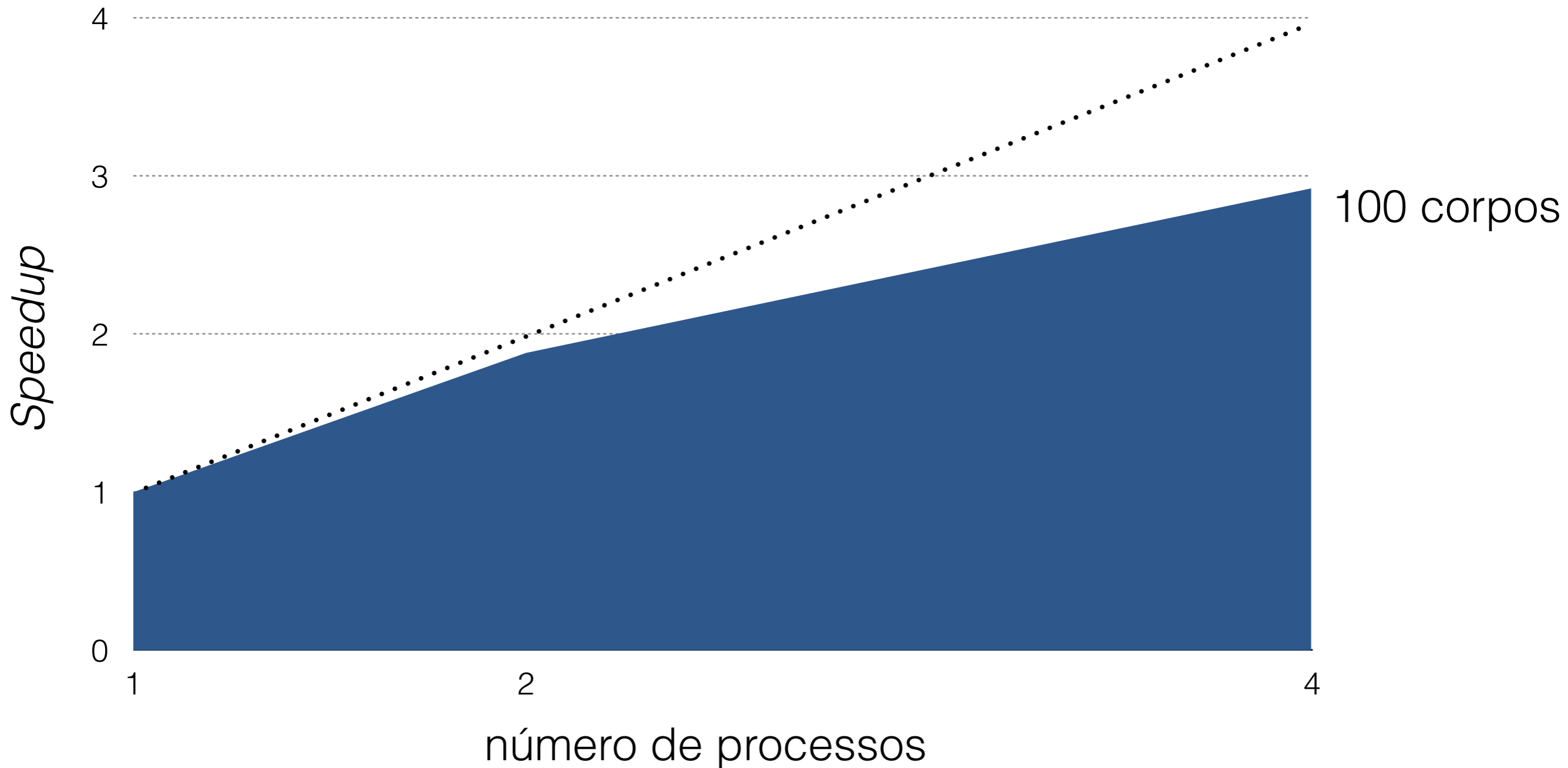
0,86

Exemplo:
problema de n -corpos

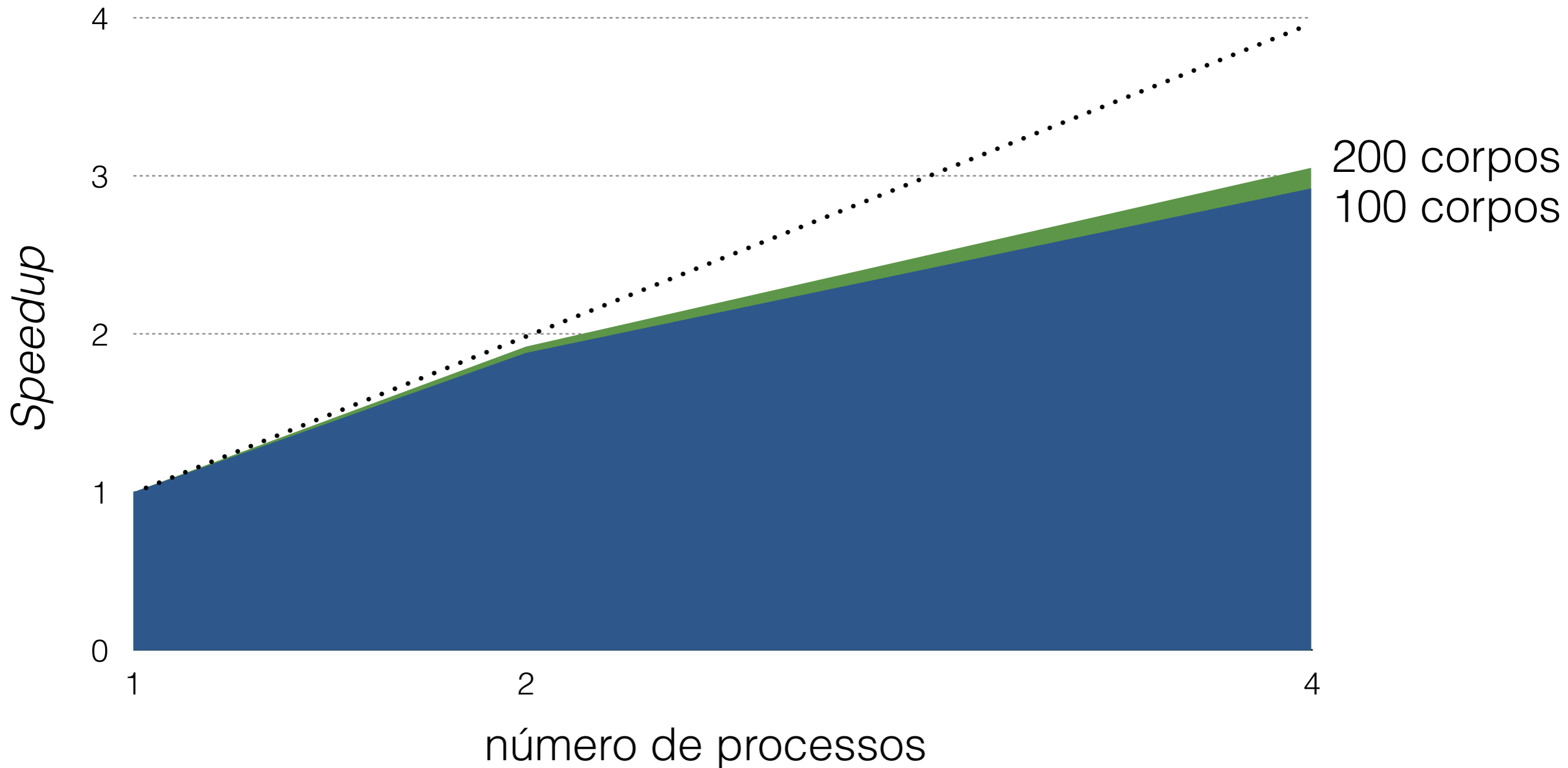
Exemplo: problema de n -corpos



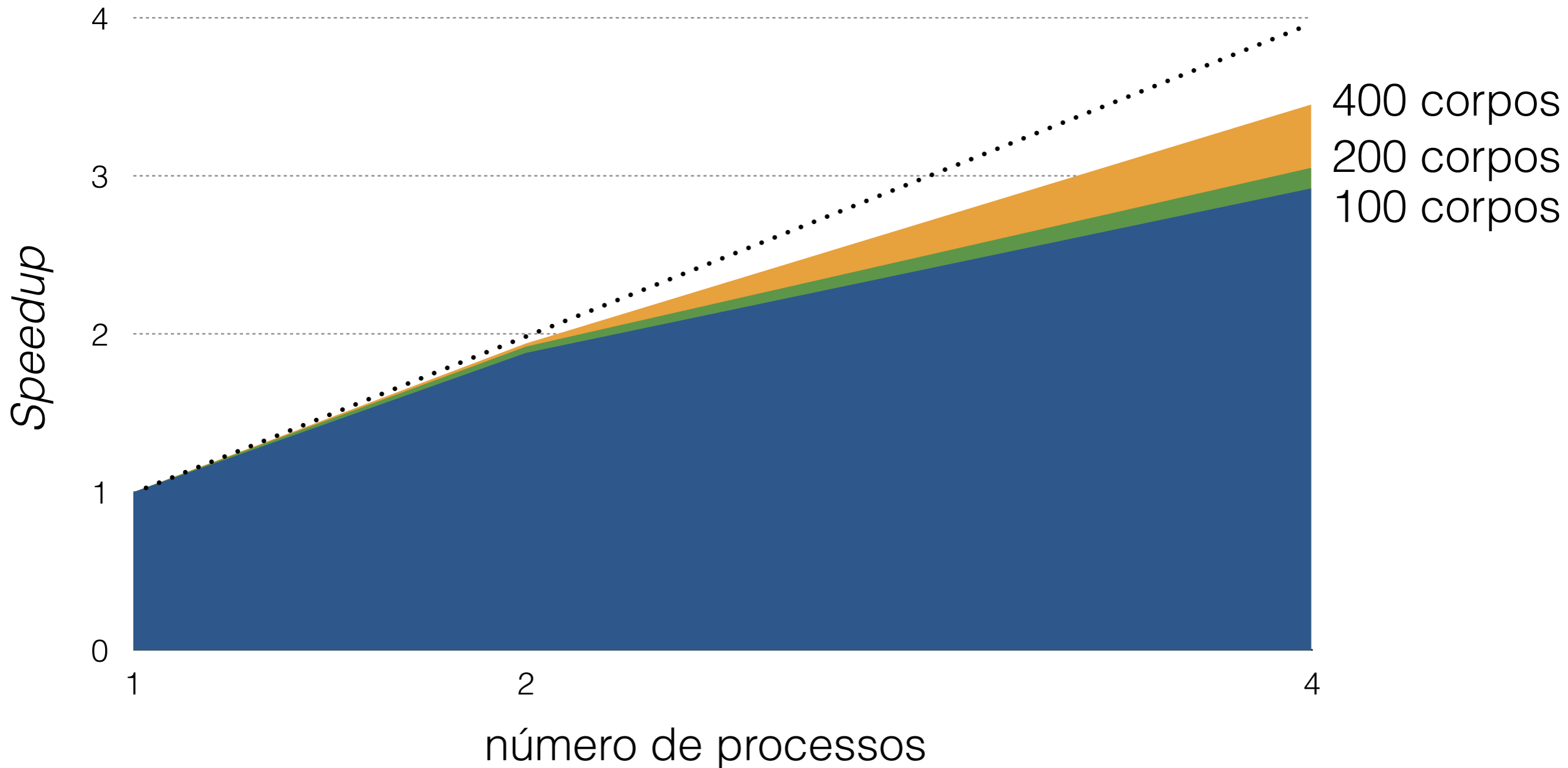
Exemplo: problema de n -corpos



Exemplo: problema de n -corpos



Exemplo: problema de n -corpos



Lei de Amdahl



Gene Amdahl
(1922 - 2015)

Lei de Amdahl

Imagine um programa que leva $T_{seq} = 20$ s para executar sequencialmente. Imagine que apenas 90% do código pode ser paralelizado.



Gene Amdahl
(1922 - 2015)

Lei de Amdahl

Imagine um programa que leva $T_{seq} = 20$ s para executar sequencialmente. Imagine que apenas 90% do código pode ser paralelizado.

$$T_{paralelo} = 0.9 \times T_{seq}/p + 0.1 \times T_{seq}$$



Gene Amdahl
(1922 - 2015)

Lei de Amdahl

Imagine um programa que leva $T_{seq} = 20$ s para executar sequencialmente. Imagine que apenas 90% do código pode ser paralelizado.

$$T_{paralelo} = 0.9 \times T_{seq}/p + 0.1 \times T_{seq} = (18/p + 2) \text{ s}$$



Gene Amdahl
(1922 - 2015)

Lei de Amdahl

Imagine um programa que leva $T_{seq} = 20$ s para executar sequencialmente. Imagine que apenas 90% do código pode ser paralelizado.

$$T_{paralelo} = 0.9 \times T_{seq}/p + 0.1 \times T_{seq} = (18/p + 2) \text{ s}$$

$$S = \frac{T_{seq}}{T_{paralelo}}$$



Gene Amdahl
(1922 - 2015)

Lei de Amdahl

Imagine um programa que leva $T_{seq} = 20$ s para executar sequencialmente. Imagine que apenas 90% do código pode ser paralelizado.

$$T_{paralelo} = 0.9 \times T_{seq}/p + 0.1 \times T_{seq} = (18/p + 2) \text{ s}$$

$$S = \frac{T_{seq}}{T_{paralelo}} = \frac{20}{18/p + 2}$$



Gene Amdahl
(1922 - 2015)

Lei de Amdahl

Imagine um programa que leva $T_{seq} = 20$ s para executar sequencialmente. Imagine que apenas 90% do código pode ser paralelizado.

$$T_{paralelo} = 0.9 \times T_{seq}/p + 0.1 \times T_{seq} = (18/p + 2) \text{ s}$$

$$S = \frac{T_{seq}}{T_{paralelo}} = \frac{20}{18/p + 2} \leq \frac{20}{2} = 10$$



Gene Amdahl
(1922 - 2015)

Lei de Amdahl

Imagine um programa que leva $T_{seq} = 20$ s para executar sequencialmente. Imagine que apenas 90% do código pode ser paralelizado.

$$T_{paralelo} = 0.9 \times T_{seq}/p + 0.1 \times T_{seq} = (18/p + 2) \text{ s}$$

$$S = \frac{T_{seq}}{T_{paralelo}} = \frac{20}{18/p + 2} \leq \frac{20}{2} = 10$$

Generalizando, se uma fração r do código sequencial não pode ser paralelizado, o máximo speedup será $1/r$.



Gene Amdahl
(1922 - 2015)

Escalabilidade

Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n$$

Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n$$

$$T_{paralelo} = n/p + 1$$

Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n$$

$$T_{paralelo} = n/p + 1$$

$$E = \frac{n}{p(n/p + 1)}$$

Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n$$

$$T_{paralelo} = n/p + 1$$

$$E = \frac{n}{p(n/p + 1)} = \frac{n}{n + p}$$

Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n \qquad T_{paralelo} = n/p + 1$$

$$E = \frac{n}{p(n/p + 1)} = \frac{n}{n + p}$$

Aumentar o número de processos:

Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n \qquad T_{paralelo} = n/p + 1$$

$$E = \frac{n}{p(n/p + 1)} = \frac{n}{n + p}$$

Aumentar o número de processos: $p \rightarrow kp$

Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n \qquad T_{paralelo} = n/p + 1$$

$$E = \frac{n}{p(n/p + 1)} = \frac{n}{n + p}$$

Aumentar o número de processos: $p \rightarrow kp$

Aumentar o tamanho do problema tal que:

Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n \qquad T_{paralelo} = n/p + 1$$

$$E = \frac{n}{p(n/p + 1)} = \frac{n}{n + p}$$

Aumentar o número de processos: $p \rightarrow kp$

Aumentar o tamanho do problema tal que: $n \rightarrow xn$

Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n \qquad T_{paralelo} = n/p + 1$$

$$E = \frac{n}{p(n/p + 1)} = \frac{n}{n + p}$$

Aumentar o número de processos: $p \rightarrow kp$

Aumentar o tamanho do problema tal que: $n \rightarrow xn$

$$E^* = \frac{xn}{xn + kp}$$

Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n \qquad T_{paralelo} = n/p + 1$$

$$E = \frac{n}{p(n/p + 1)} = \frac{n}{n + p}$$

Aumentar o número de processos: $p \rightarrow kp$

Aumentar o tamanho do problema tal que: $n \rightarrow xn$

$$E^* = \frac{xn}{xn + kp} \qquad \text{Se } x = k$$

Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n \qquad T_{paralelo} = n/p + 1$$

$$E = \frac{n}{p(n/p + 1)} = \frac{n}{n + p}$$

Aumentar o número de processos: $p \rightarrow kp$

Aumentar o tamanho do problema tal que: $n \rightarrow xn$

$$E^* = \frac{xn}{xn + kp}$$

Se $x = k$

$$E^* = \frac{n}{n + p}$$

Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n \qquad T_{paralelo} = n/p + 1$$

$$E = \frac{n}{p(n/p + 1)} = \frac{n}{n + p}$$

Aumentar o número de processos: $p \rightarrow kp$

Aumentar o tamanho do problema tal que: $n \rightarrow xn$

$$E^* = \frac{xn}{xn + kp} \qquad \text{Se } x = k \qquad E^* = \frac{n}{n + p} = E$$

Escrevendo programas paralelos

Escrevendo programas paralelos

Para um “bom” programa paralelo, você deve:

Escrevendo programas paralelos

Para um “bom” programa paralelo, você deve:

- distribuir o trabalho mais ou menos igualmente entre os processos (balanceamento de carga).

Escrevendo programas paralelos

Para um “bom” programa paralelo, você deve:

- distribuir o trabalho mais ou menos igualmente entre os processos (balanceamento de carga).
- minimizar a comunicação.

Escrevendo programas paralelos

Para um “bom” programa paralelo, você deve:

- distribuir o trabalho mais ou menos igualmente entre os processos (balanceamento de carga).
- minimizar a comunicação.

(porém não há um método automático para paralelizar um programa. Se existisse, a gente não precisaria dar esta parte do curso...)

Metodologia de Foster



Ian T. Foster
(1959 -)

Metodologia de Foster

4 passos:



Ian T. Foster
(1959 -)

Metodologia de Foster



Ian T. Foster
(1959 -)

4 passos:

- Particionamento: Dividir a computação em tarefas menores, com o objetivo de identificar tarefas que possam ser paralelizadas.

Metodologia de Foster



Ian T. Foster
(1959 -)

4 passos:

- Particionamento: Dividir a computação em tarefas menores, com o objetivo de identificar tarefas que possam ser paralelizadas.
- Comunicação: Determina que comunicação precisa ser feita entre as tarefas identificadas.

Metodologia de Foster



Ian T. Foster
(1959 -)

4 passos:

- Particionamento: Dividir a computação em tarefas menores, com o objetivo de identificar tarefas que possam ser paralelizadas.
- Comunicação: Determina que comunicação precisa ser feita entre as tarefas identificadas.
- Aglomeração: Combina as tarefas e as comunicações em tarefas aglomeradas.

Metodologia de Foster



Ian T. Foster
(1959 -)

4 passos:

- Particionamento: Dividir a computação em tarefas menores, com o objetivo de identificar tarefas que possam ser paralelizadas.
- Comunicação: Determina que comunicação precisa ser feita entre as tarefas identificadas.
- Aglomeração: Combina as tarefas e as comunicações em tarefas aglomeradas.
- Mapeamento: Atribui as tarefas aglomeradas a diferentes processos.

Exemplo

```
//fragmento de código

float ka[9], kb[9];
int i,t;

// ka inicializado por aqui!!!

for (t=0;t<3;t++){
    for (i=1;i<8;i++){
        kb[i]=ka[i-1] - 2*ka[i] + ka[i+1];
    }
    for (i=1;i<8;i++){
        ka[i]=kb[i];
    }
}
```

Exemplo

Particionamento

t=2



t=1



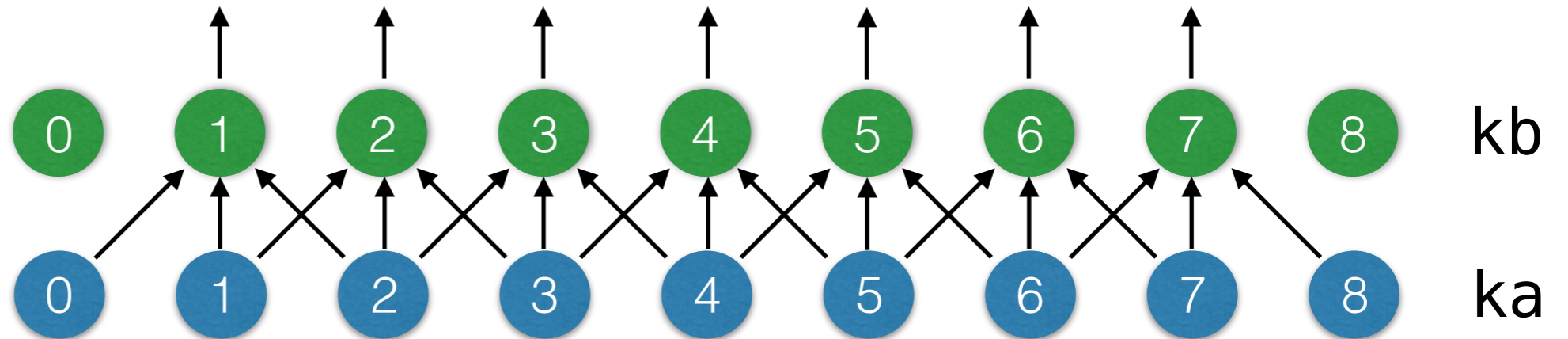
t=0



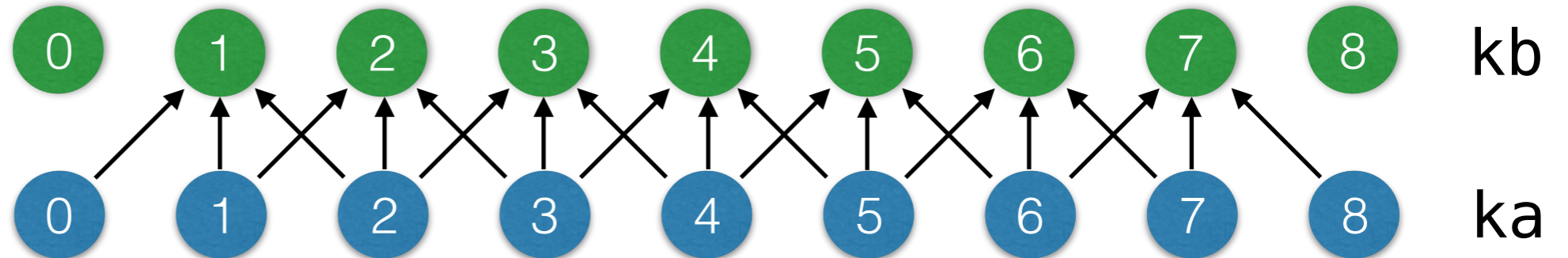
Exemplo

Comunicação

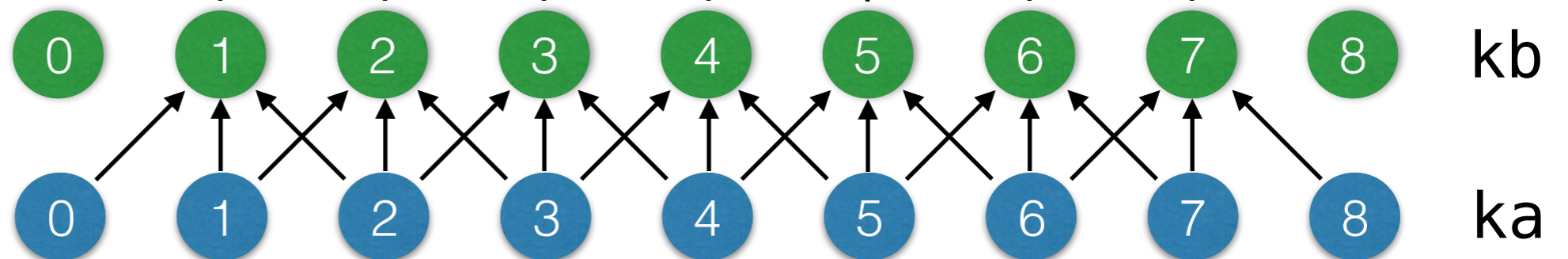
t=2



t=1



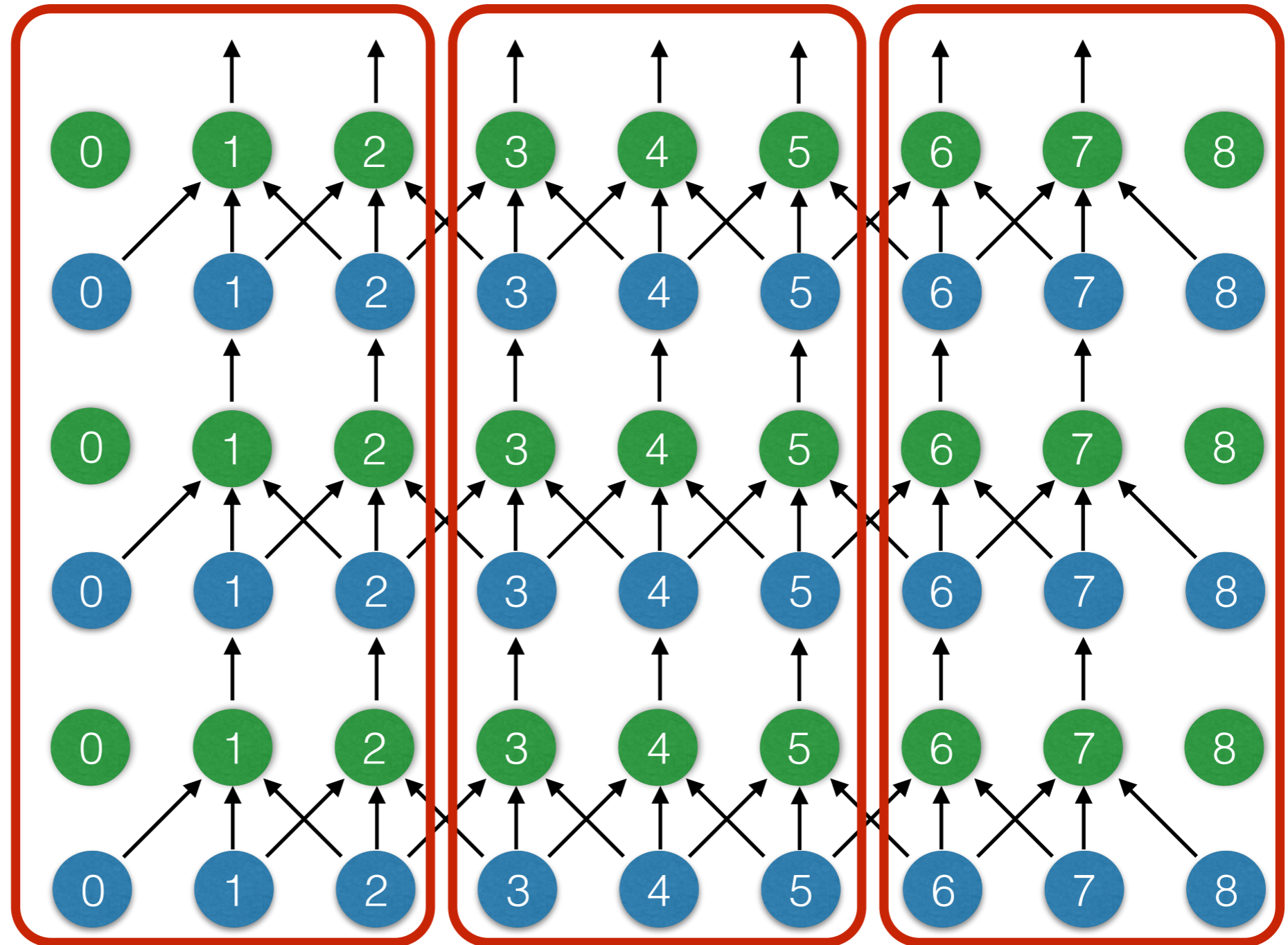
t=0



Exemplo

Aglomeración

t=2



kb

ka

kb

ka

kb

ka

