

Por que usar  
programação paralela?

# Por que precisamos de programação paralela?



(resposta 1)

# GRANDES problemas

(uma questão de  $n$ -dimensões)

1D: 48 bytes por elemento  $\mapsto$

(resposta 1)

# GRANDES problemas (uma questão de $n$ -dimensões)

1D: 48 bytes por elemento  $\longleftarrow$



(resposta 1)

# GRANDES problemas (uma questão de $n$ -dimensões)

1D: 48 bytes por elemento  $\longleftarrow$



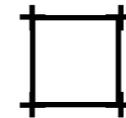
1000 elementos  $\rightarrow$  48 kB

(resposta 1)

# GRANDES problemas

(uma questão de  $n$ -dimensões)

2D: 160 bytes por elemento

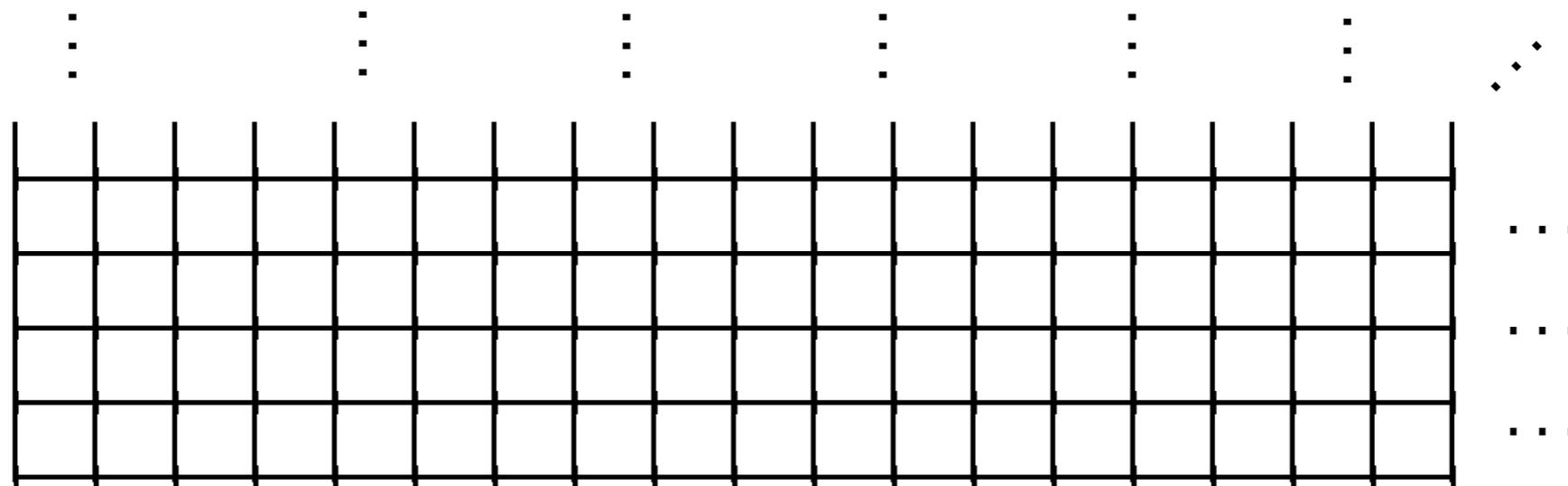
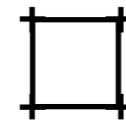


(resposta 1)

# GRANDES problemas

(uma questão de  $n$ -dimensões)

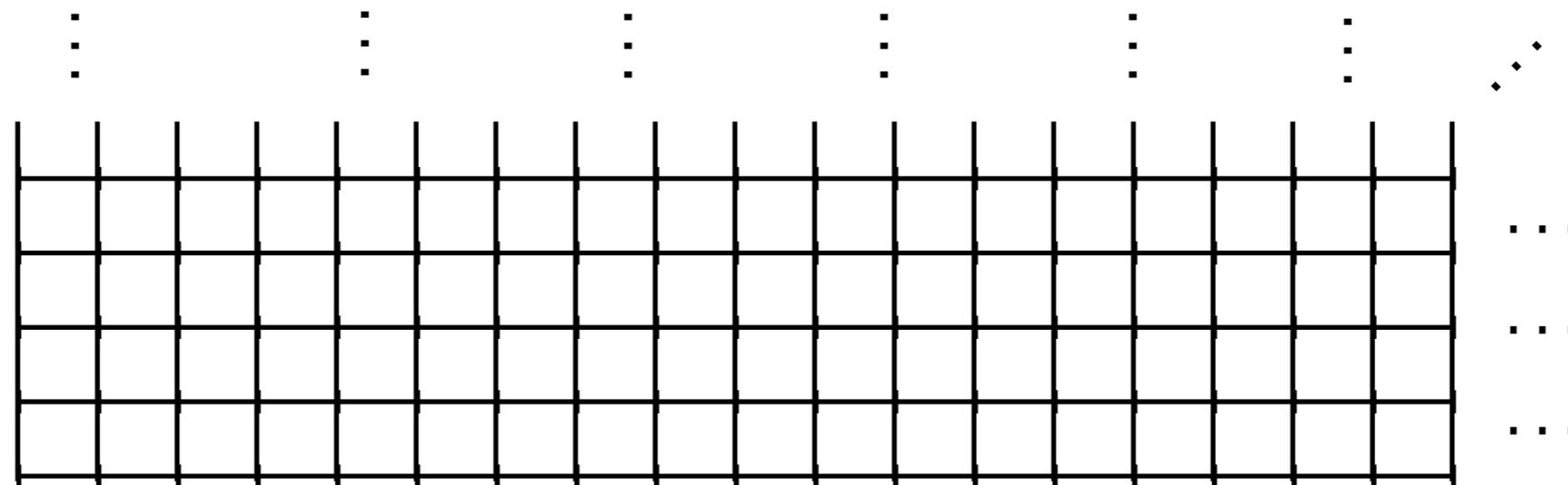
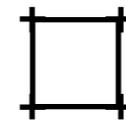
2D: 160 bytes por elemento



(resposta 1)

# GRANDES problemas (uma questão de $n$ -dimensões)

2D: 160 bytes por elemento

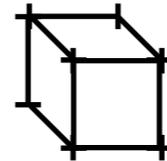


1000x1000 elementos -> 160 MB

(resposta 1)

# GRANDES problemas (uma questão de $n$ -dimensões)

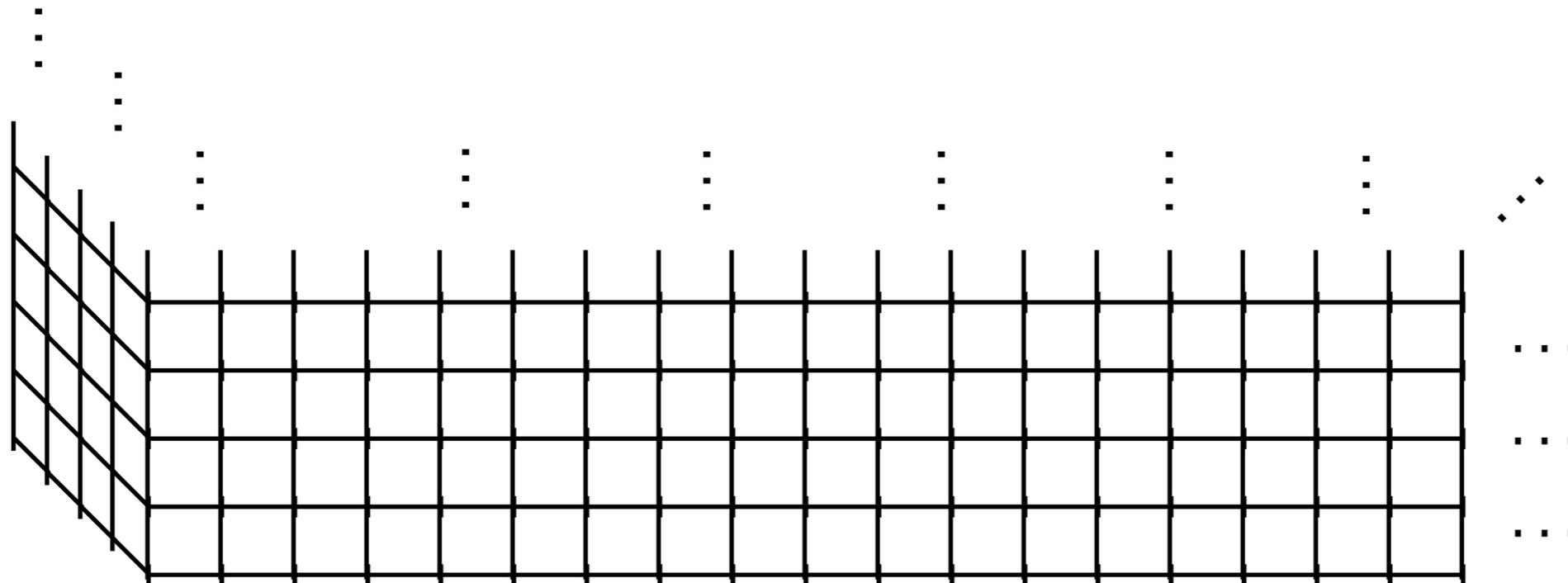
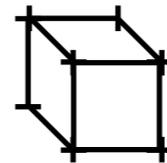
3D: 576 bytes por elemento



(resposta 1)

# GRANDES problemas (uma questão de $n$ -dimensões)

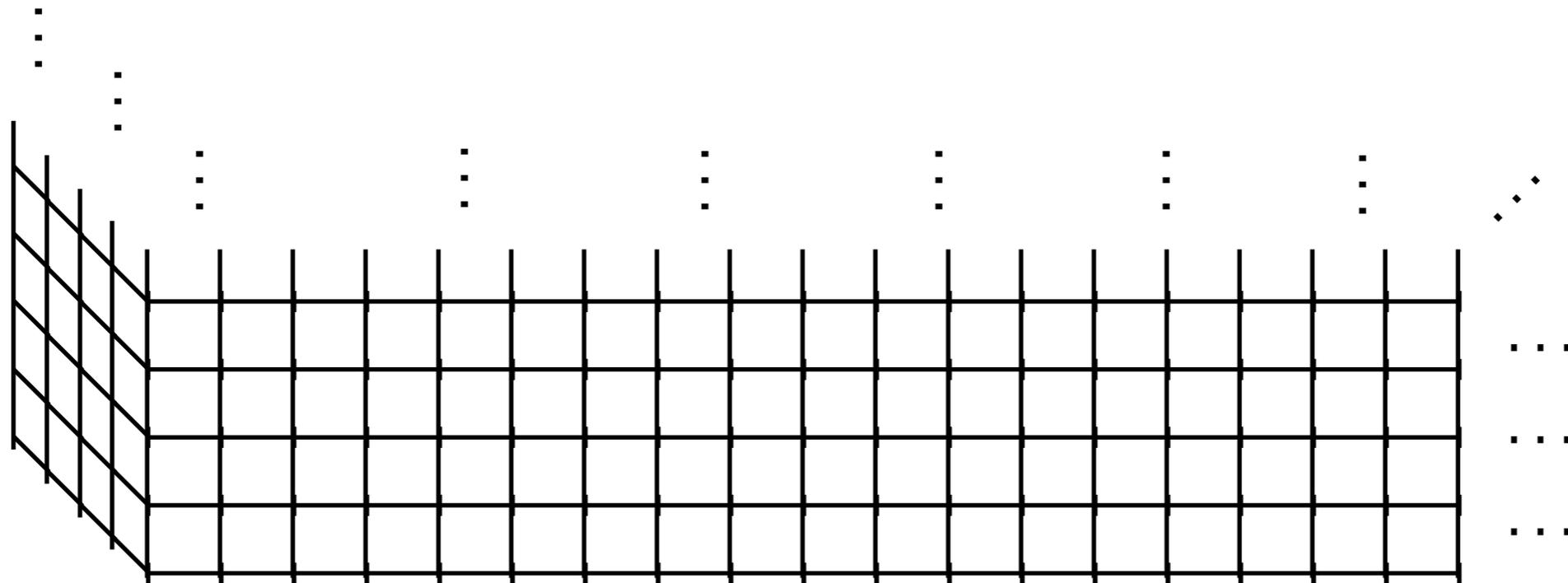
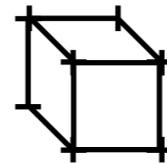
3D: 576 bytes por elemento



(resposta 1)

# GRANDES problemas (uma questão de $n$ -dimensões)

3D: 576 bytes por elemento



1000x1000x1000 elementos -> 576 GB

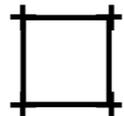
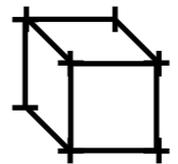
(resposta 1)

GRANDES problemas  
(uma questão de  $n$ -dimensões)

(resposta 1)

# GRANDES problemas

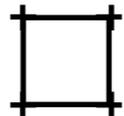
(uma questão de  $n$ -dimensões)

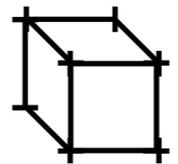
- 1D: 48 bytes por elemento   
1000 elementos -> 48 kB
- 2D: 160 bytes por elemento   
1000x1000 elementos -> 160 MB
- 3D: 576 bytes por elemento   
1000x1000x1000 elementos -> 576 GB

(resposta 1)

# GRANDES problemas (uma questão de $n$ -dimensões)

1D: 48 bytes por elemento   
1000 elementos -> 48 kB

2D: 160 bytes por elemento   
1000x1000 elementos -> 160 MB

3D: 576 bytes por elemento   
1000x1000x1000 elementos -> 576 GB

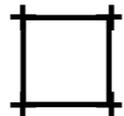
 ~3333x

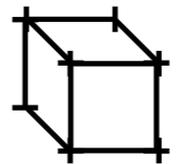
(resposta 1)

# GRANDES problemas

(uma questão de  $n$ -dimensões)

1D: 48 bytes por elemento   
1000 elementos -> 48 kB

2D: 160 bytes por elemento   
1000x1000 elementos -> 160 MB

3D: 576 bytes por elemento   
1000x1000x1000 elementos -> 576 GB

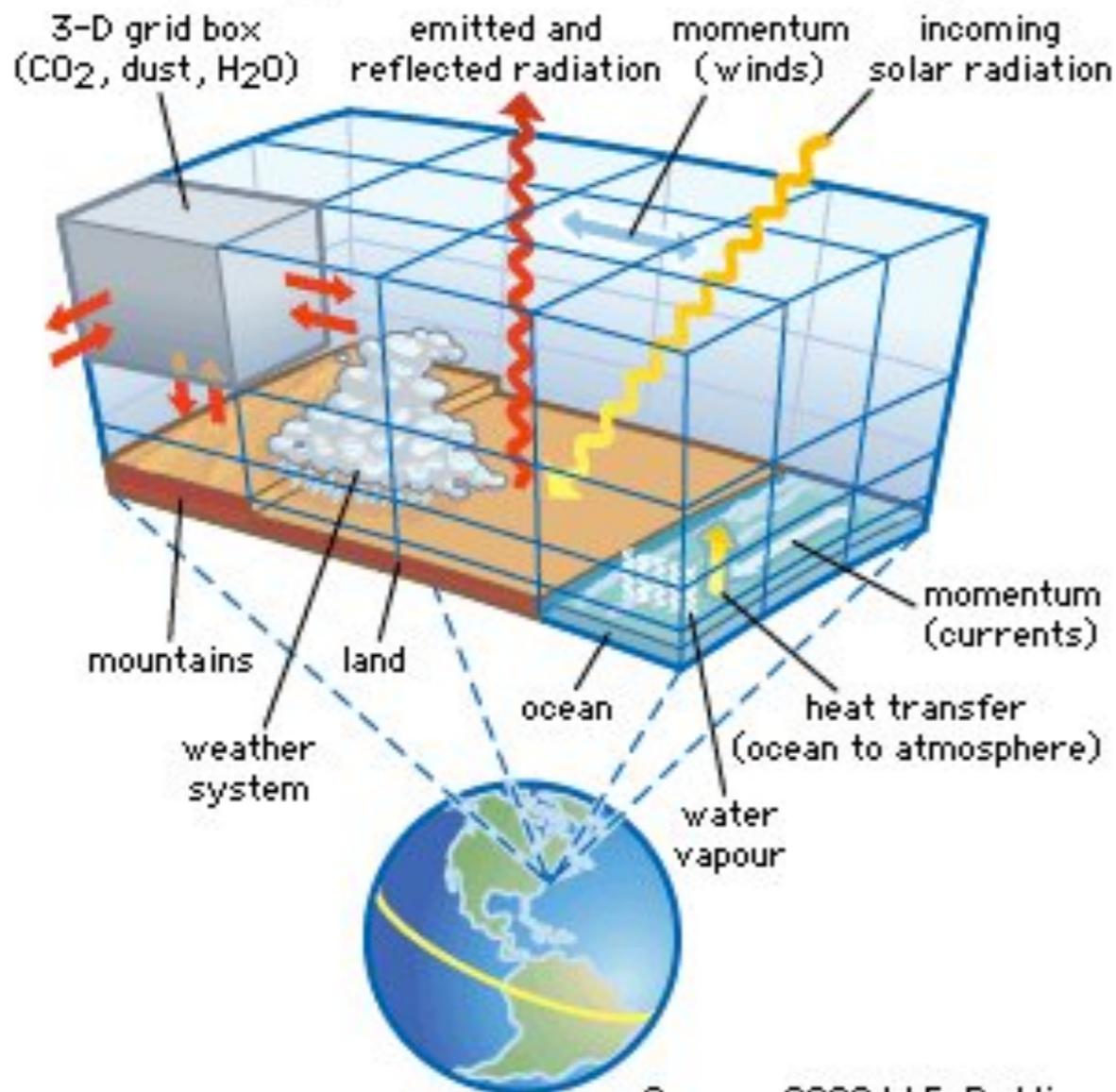
*~3333x*

*3600x*

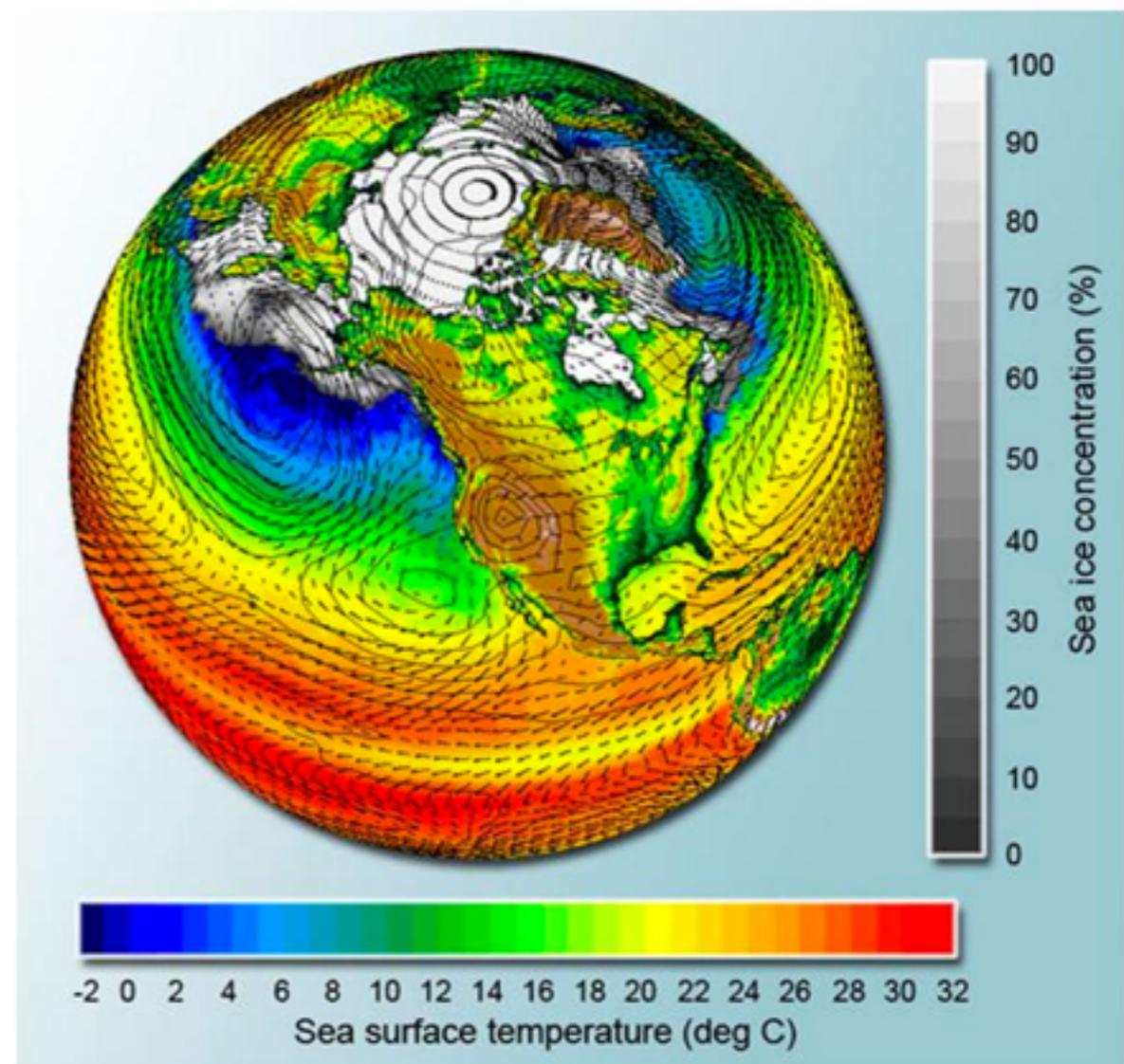
(resposta 2)

# TEMPO de execução

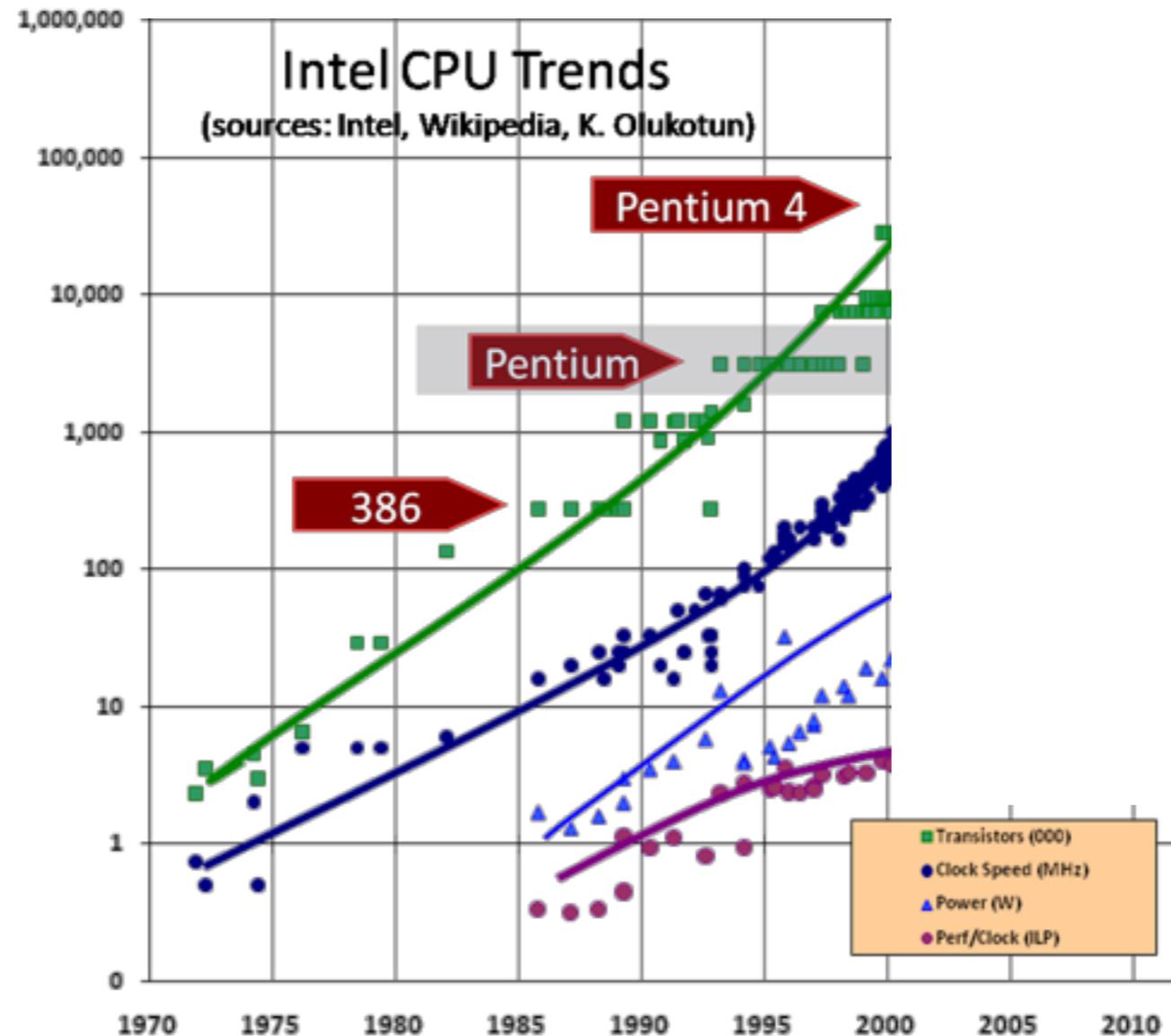
## Concept diagram of climate modeling



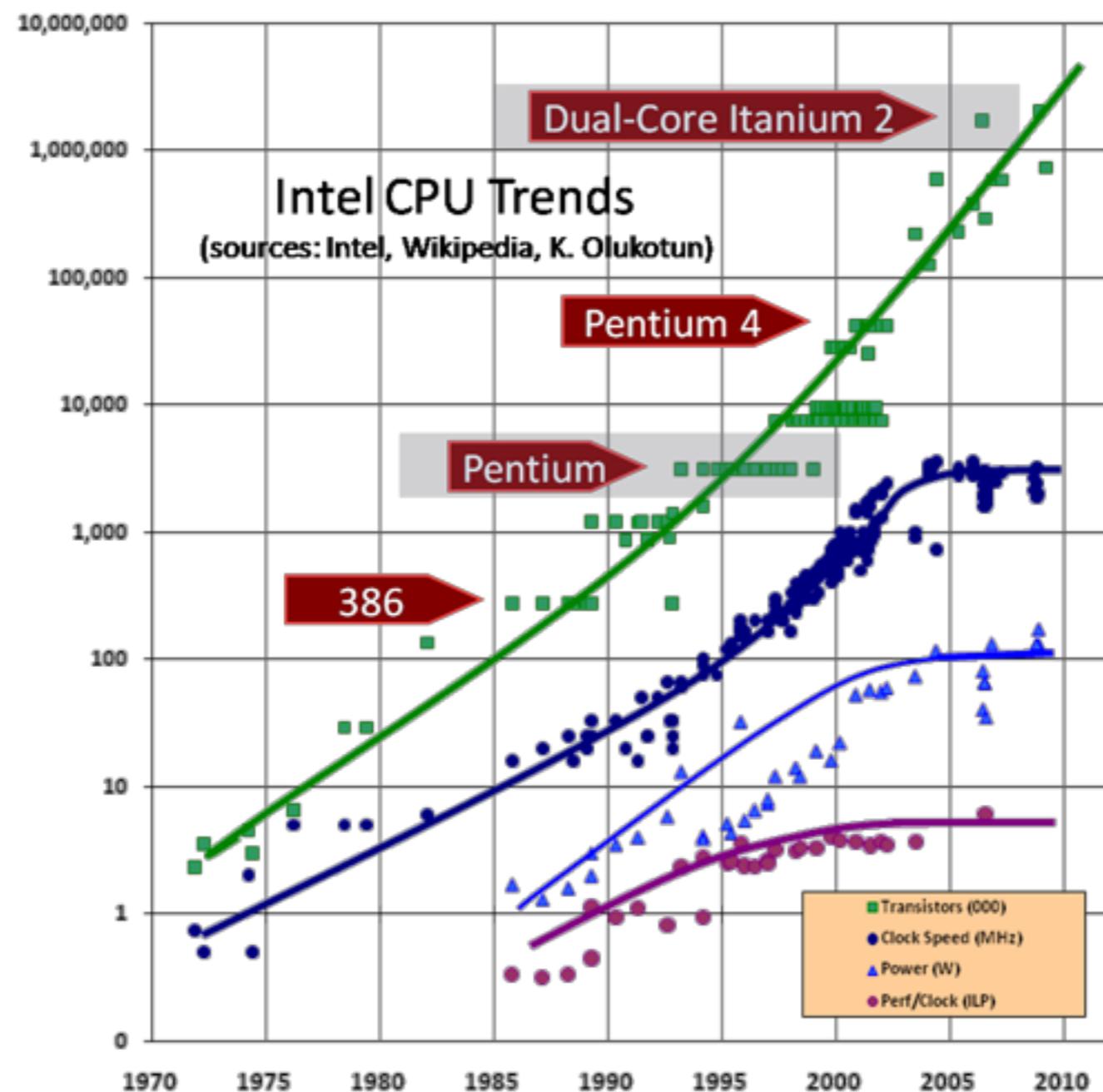
Source : 2000 W.F. Ruddiman



# Performance dos computadores através do tempo



# Performance dos computadores através do tempo



# Trabalho em equipe



# Primórdios da computação paralela (o computador humano)



NACA High Speed Flight Station  
"Computer Room"

# Primórdios da computação paralela (o computador humano)

## A COMPUTER WANTED.

WASHINGTON, May 1.—A civil service examination will be held May 18 in Washington, and, if necessary, in other cities, to secure eligibles for the position of computer in the Nautical Almanac Office, where two vacancies exist—one at \$1,000, the other at \$1,400.

The examination will include the subjects of algebra, geometry, trigonometry, and astronomy. Application blanks may be obtained of the United States Civil Service Commission.

The New York Times

NACA High Speed Flight Station  
"Computer Room"



# Primórdios da computação paralela (o computador humano)

"The human computer is supposed to be following fixed rules; he has no authority to deviate from them in any detail." (Turing, 1950)



Gravidez

# Gravidez



# Gravidez

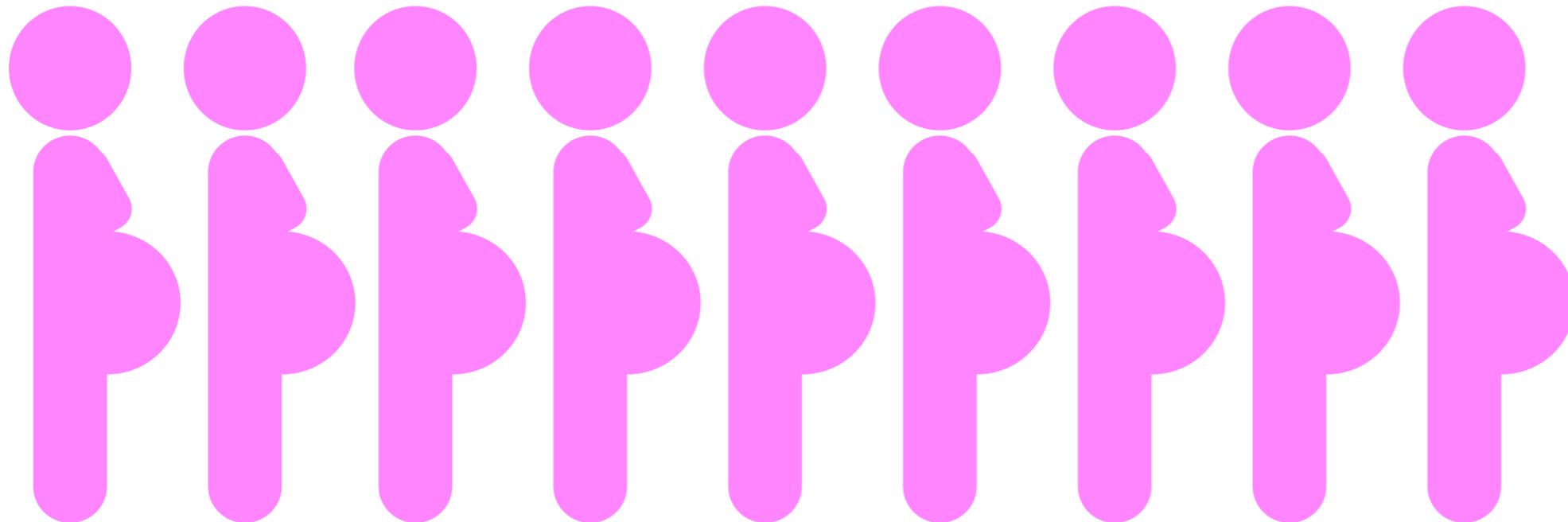


1 mãe gera:  
1 bebê / 9 meses

# Gravidez



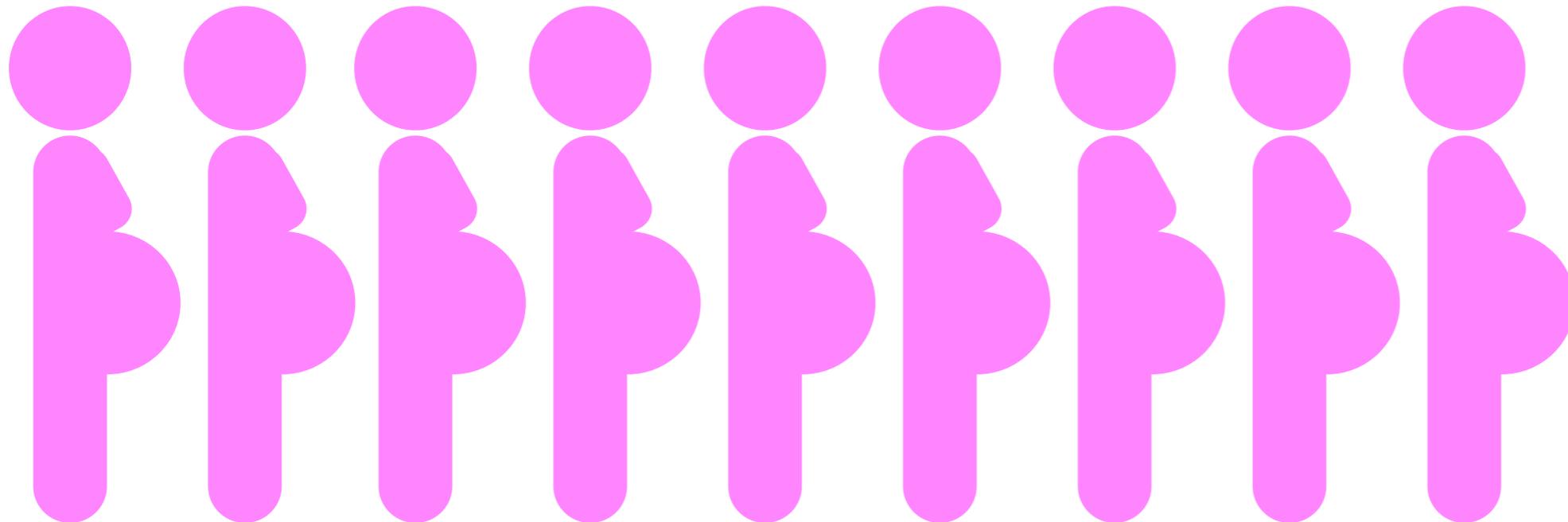
1 mãe gera:  
1 bebê / 9 meses



# Gravidez



1 mãe gera:  
1 bebê / 9 meses

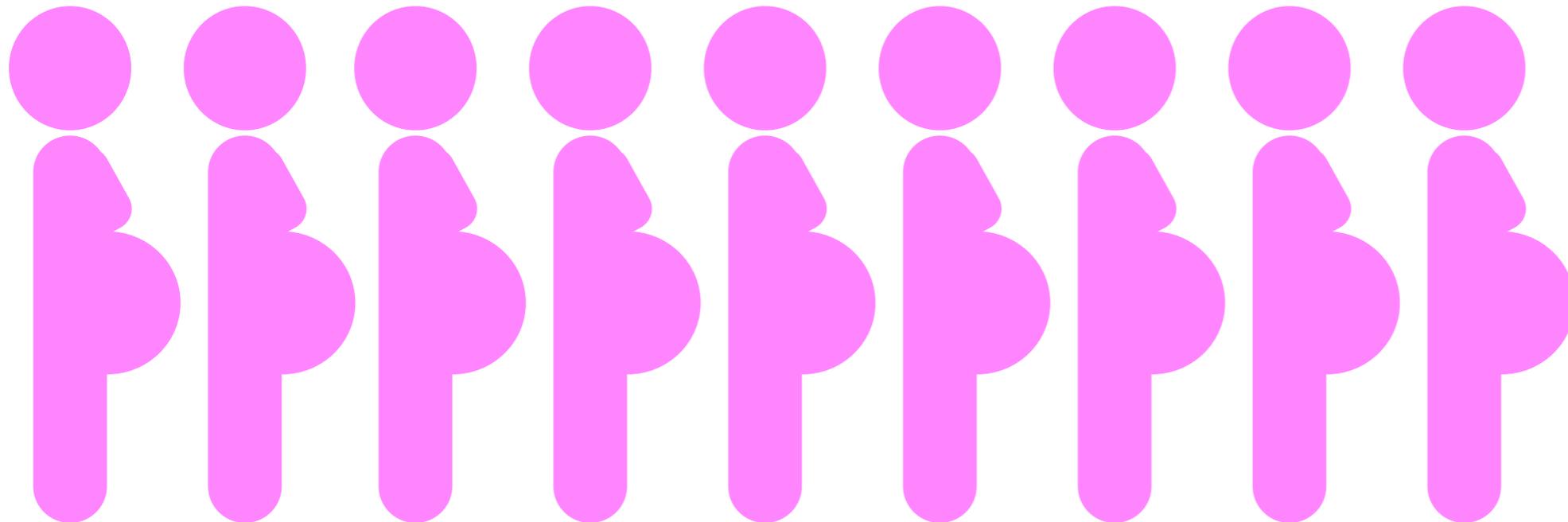


9 mães geram:

# Gravidez



1 mãe gera:  
1 bebê / 9 meses

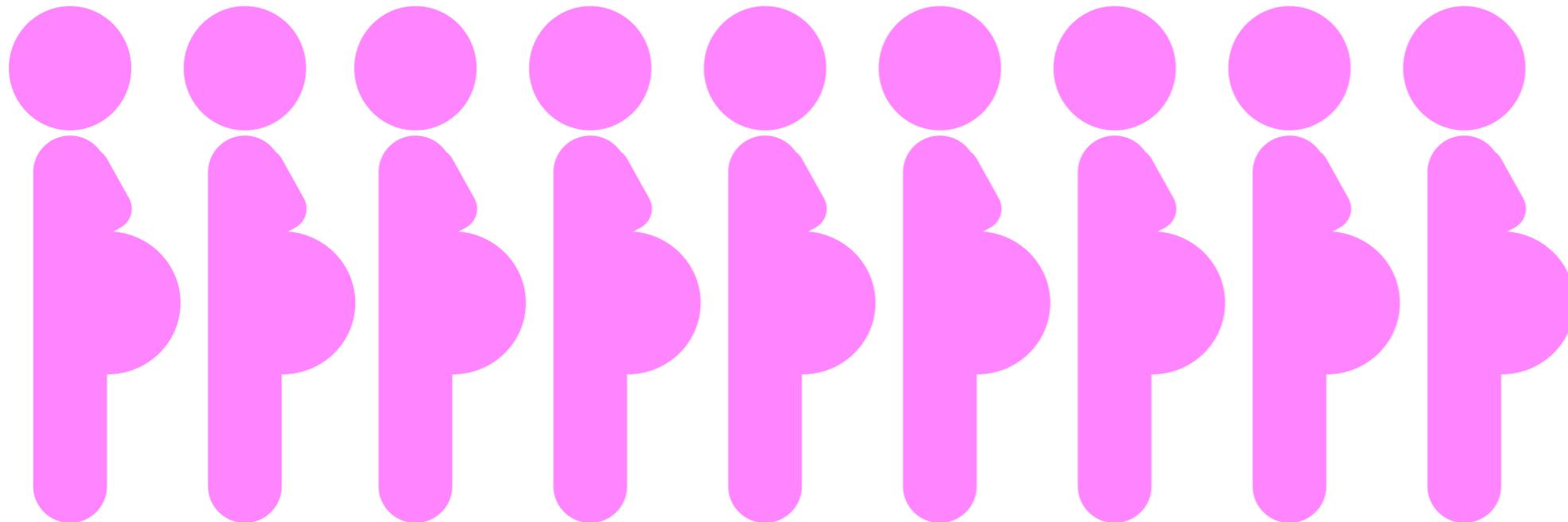


9 mães geram:  
1 bebê / 1 mês?!

# Gravidez



1 mãe gera:  
1 bebê / 9 meses

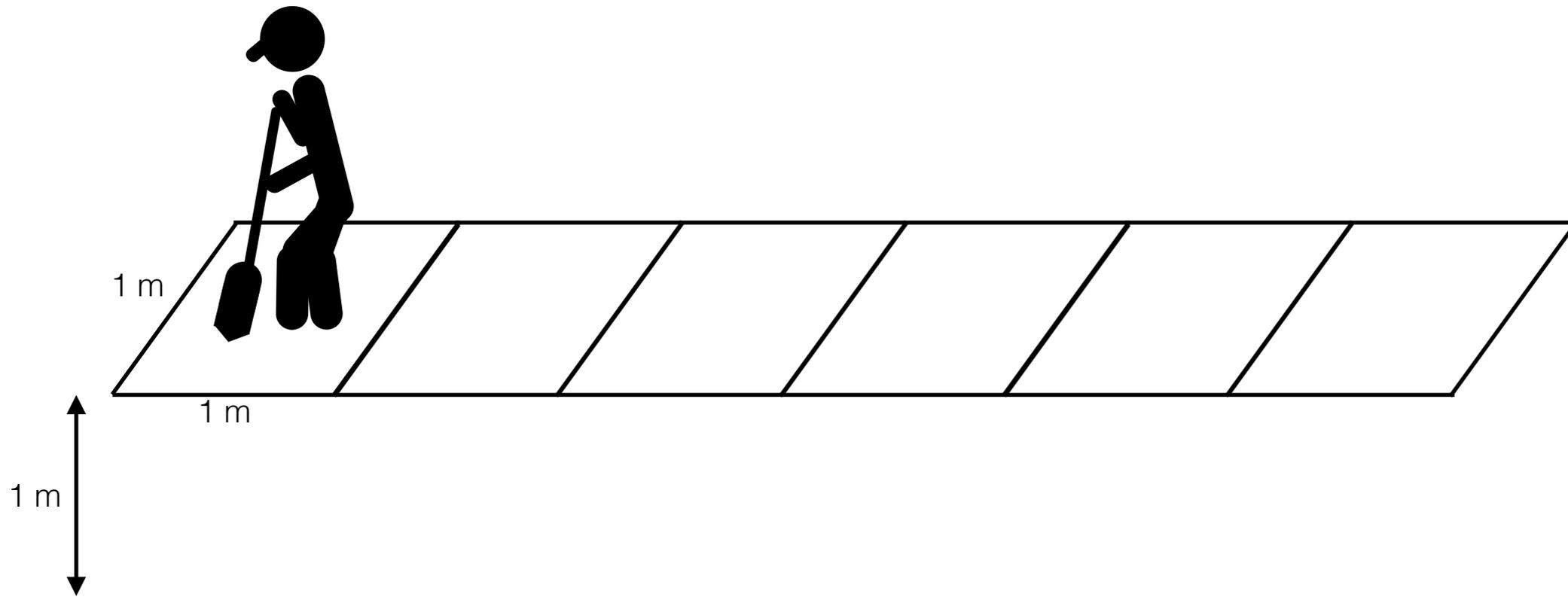


9 mães geram:

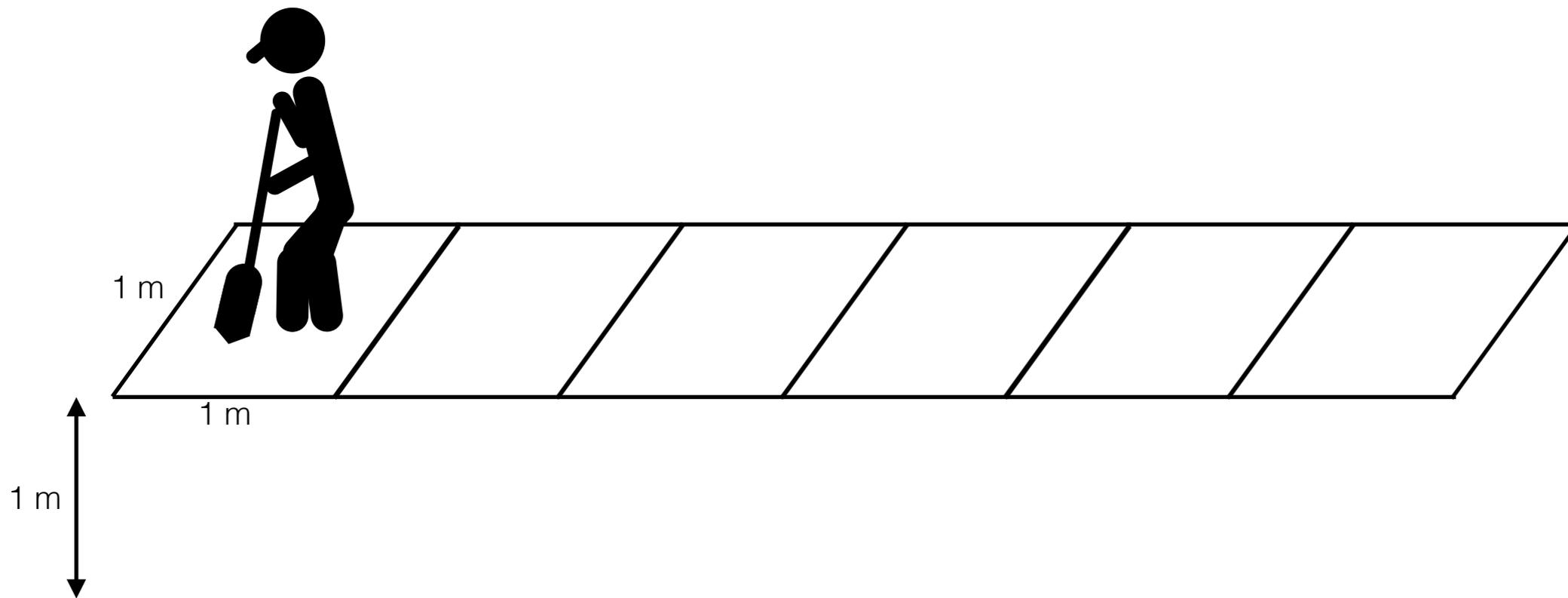
~~1 bebê / 1 mês?!~~

9 bebês / 9 meses

# Cavar uma vala

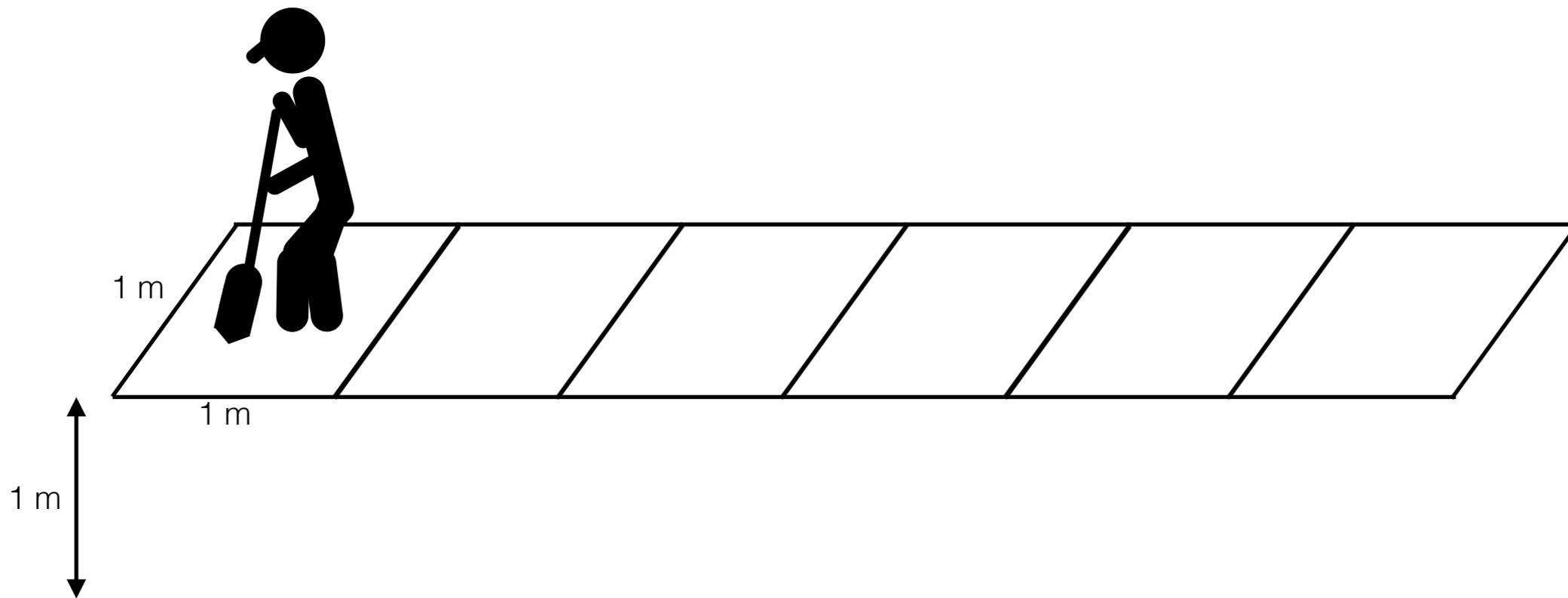


# Cavar uma vala



1 trabalhador leva 1 hora para cavar 1 m<sup>3</sup>

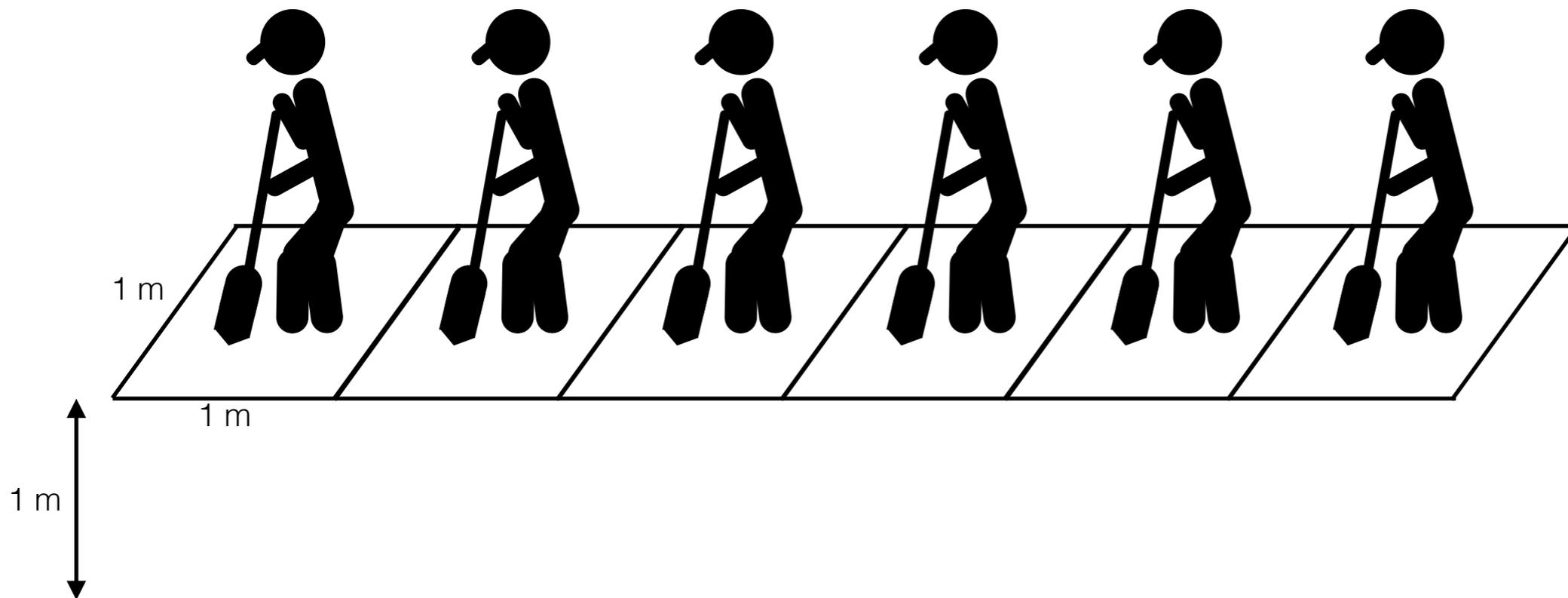
# Cavar uma vala



1 trabalhador leva 1 hora para cavar  $1 \text{ m}^3$

1 trabalhador leva 6 horas para cavar  $6 \text{ m}^3$  (a vala toda)

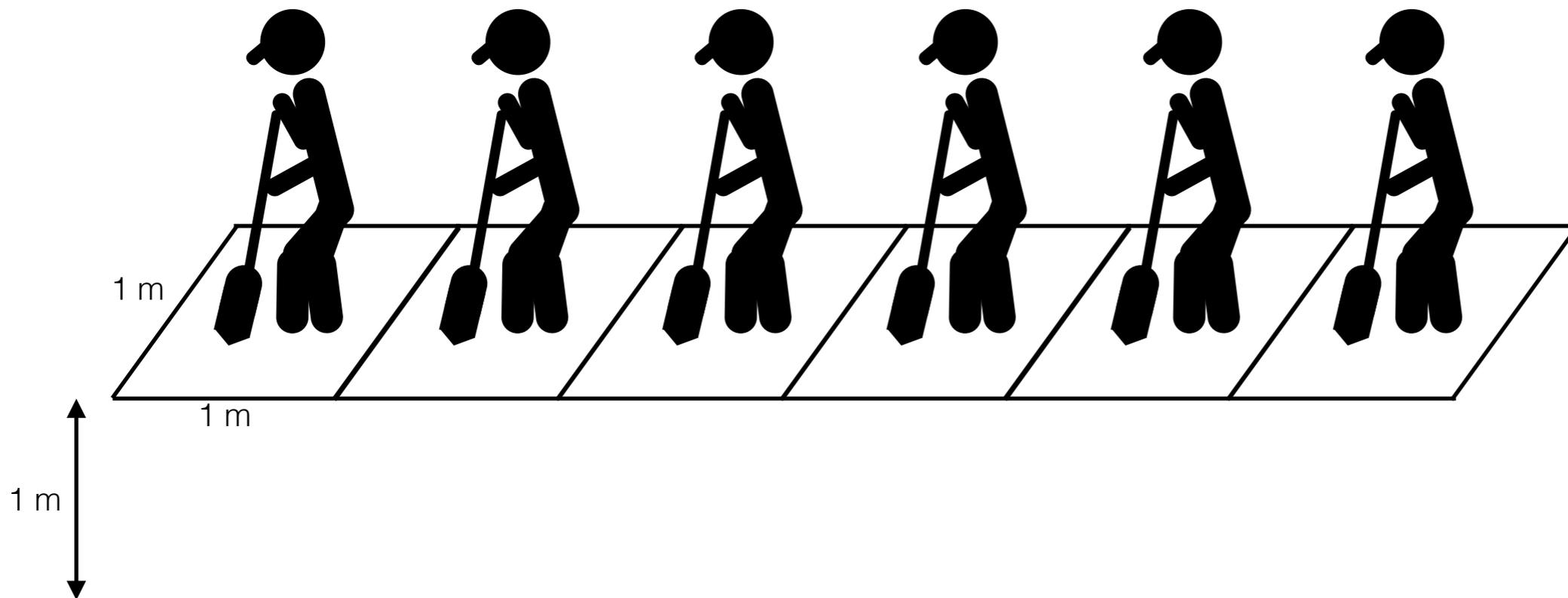
# Cavar uma vala



1 trabalhador leva 1 hora para cavar  $1 \text{ m}^3$

1 trabalhador leva 6 horas para cavar  $6 \text{ m}^3$  (a vala toda)

# Cavar uma vala

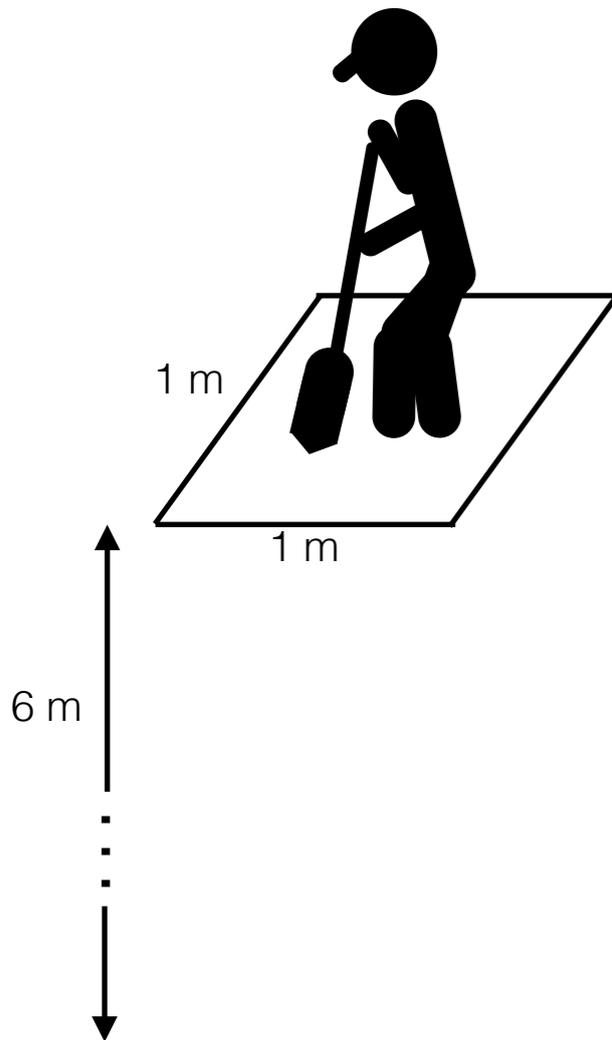


1 trabalhador leva 1 hora para cavar  $1 \text{ m}^3$

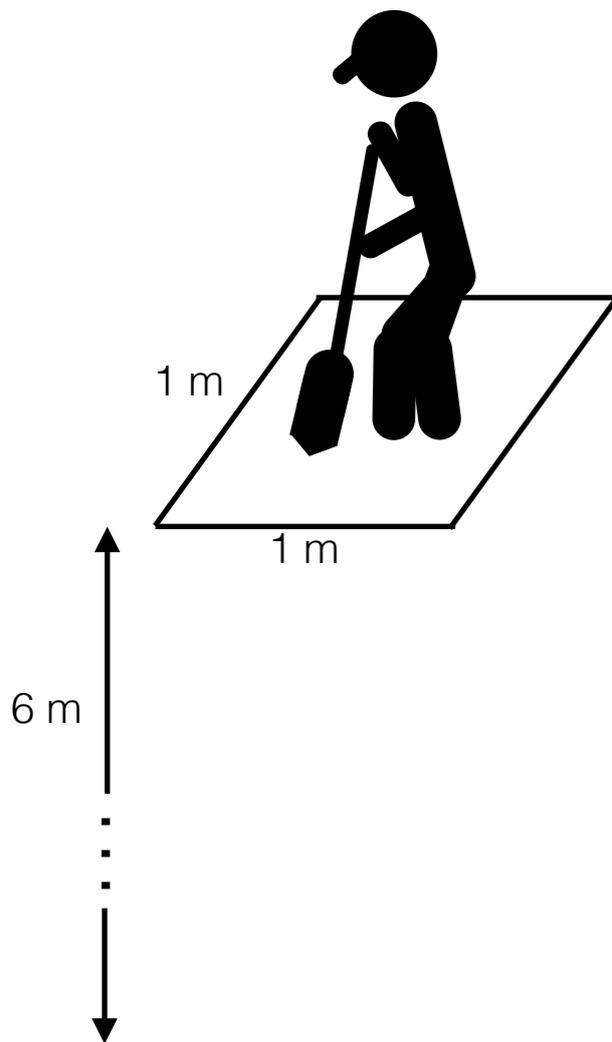
1 trabalhador leva 6 horas para cavar  $6 \text{ m}^3$  (a vala toda)

6 trabalhadores levam 1 hora para cavar  $6 \text{ m}^3$  (a vala toda)

# Cavar um poço

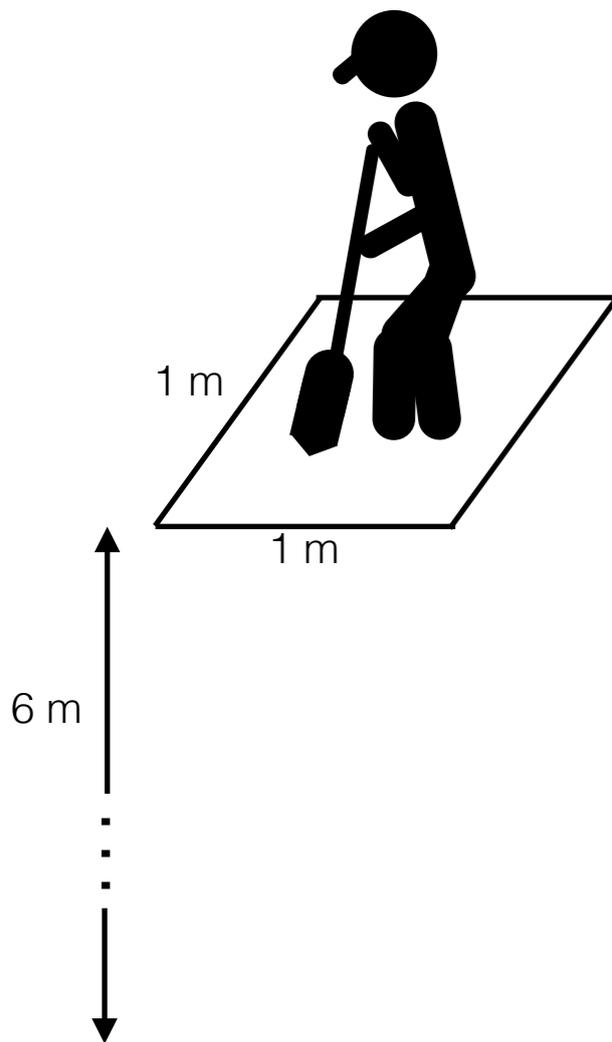


# Cavar um poço



1 trabalhador leva 1 hora para cavar  $1 \text{ m}^3$

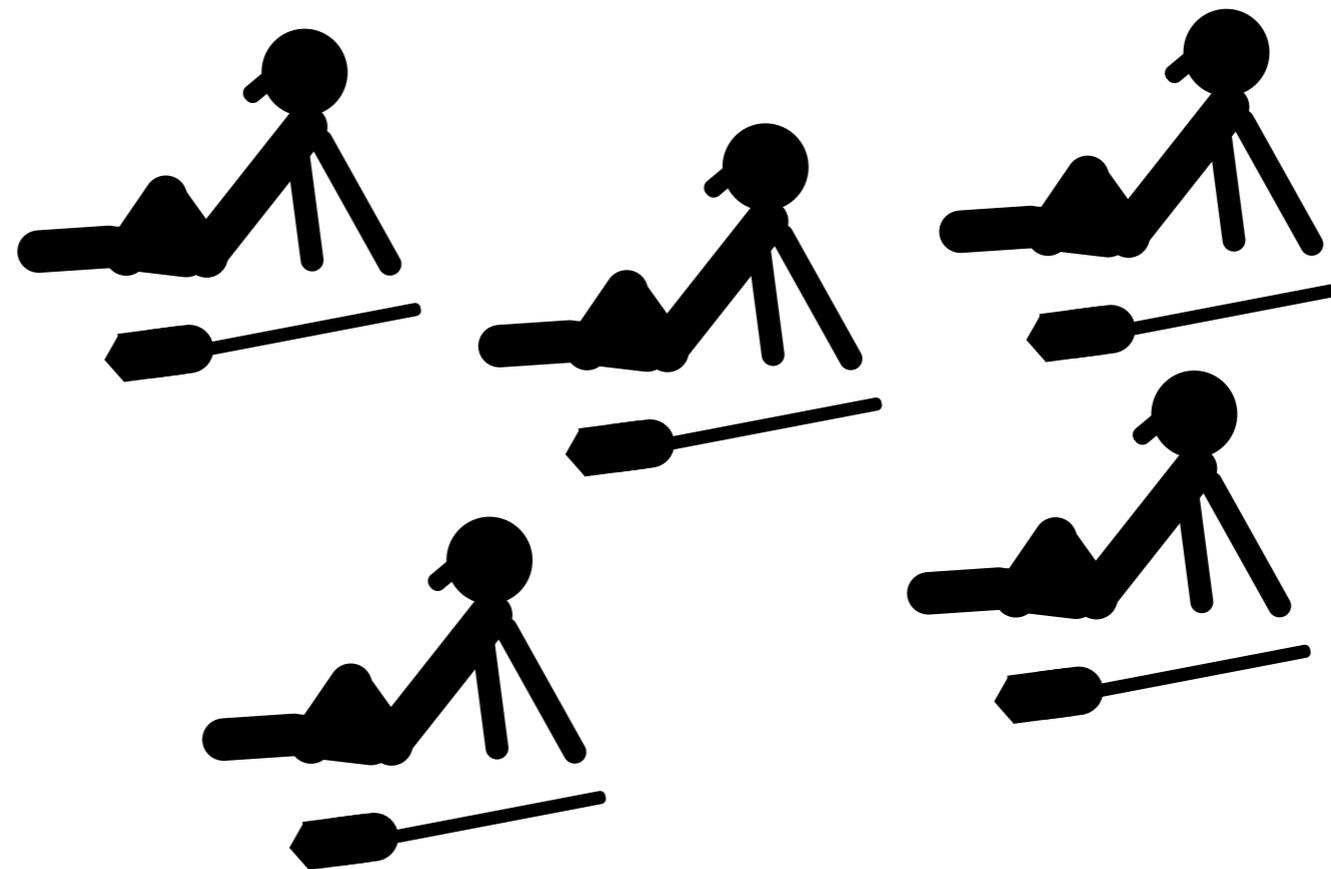
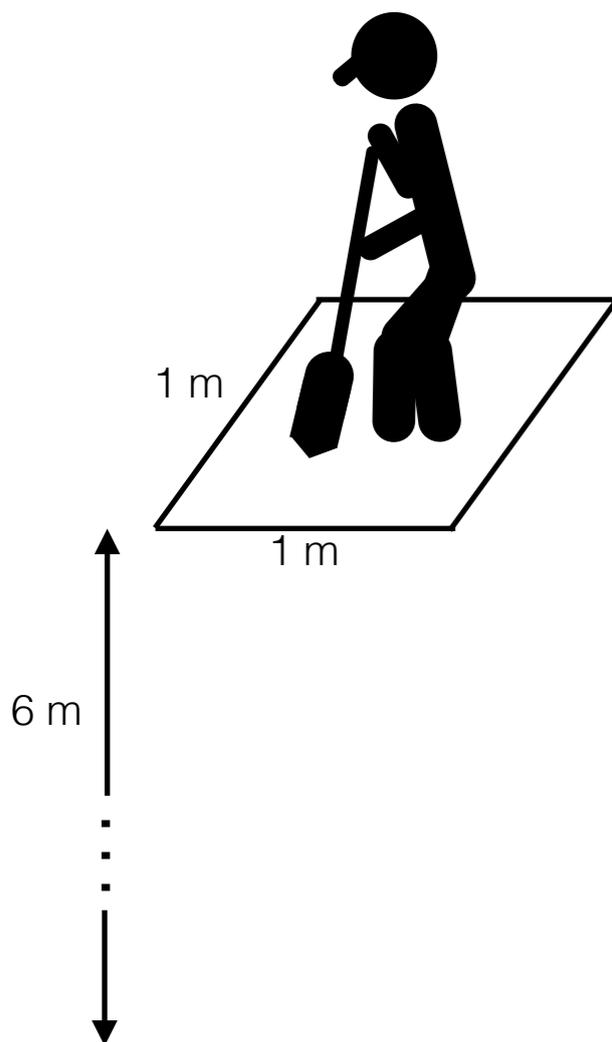
# Cavar um poço



1 trabalhador leva 1 hora para cavar  $1 \text{ m}^3$

1 trabalhador leva 6 horas para cavar  $6 \text{ m}^3$  (o poço todo)

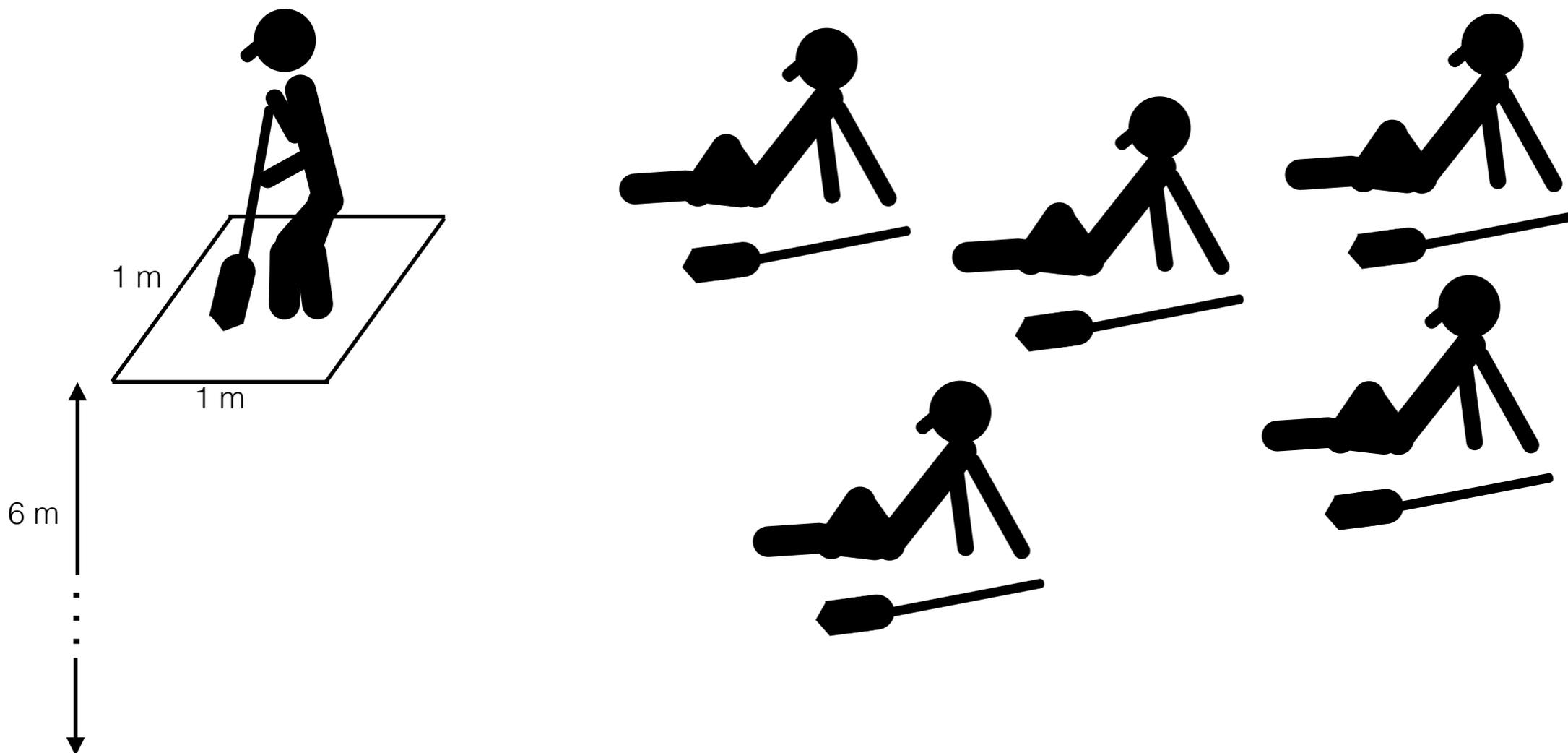
# Cavar um poço



1 trabalhador leva 1 hora para cavar  $1 \text{ m}^3$

1 trabalhador leva 6 horas para cavar  $6 \text{ m}^3$  (o poço todo)

# Cavar um poço



1 trabalhador leva 1 hora para cavar  $1 \text{ m}^3$

1 trabalhador leva 6 horas para cavar  $6 \text{ m}^3$  (o poço todo)

6 trabalhadores levam 6 horas para cavar  $6 \text{ m}^3$  (o poço todo)



Gerente de Recursos Humanos

Gerente de Marketing

Gerente de Logística

Gerente de Segurança

Gerente de Recursos Humanos

Gerente de Comunicação

Gerente do Projeto

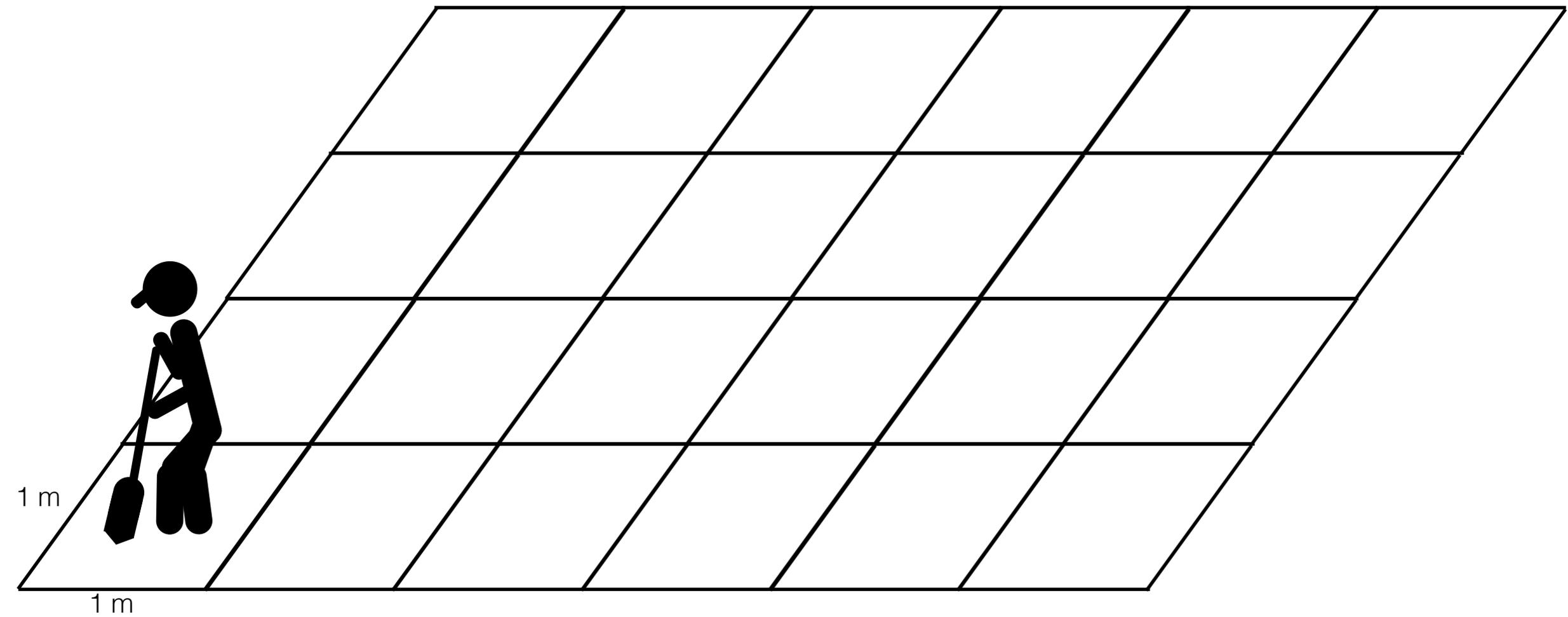
Supervisor Interno

Gerente de Produção

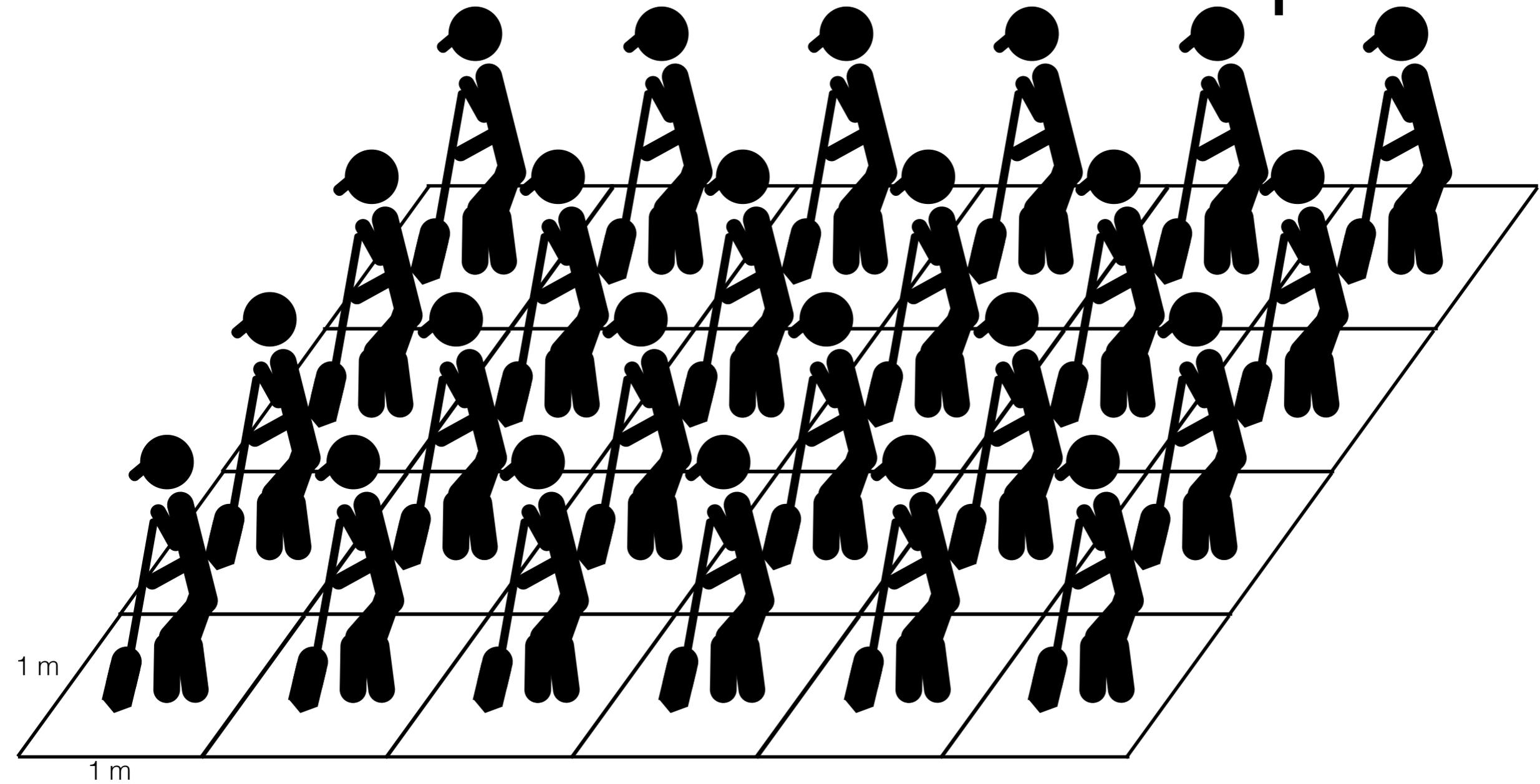
Gerente de Desenvolvimento de Produtos

Zé

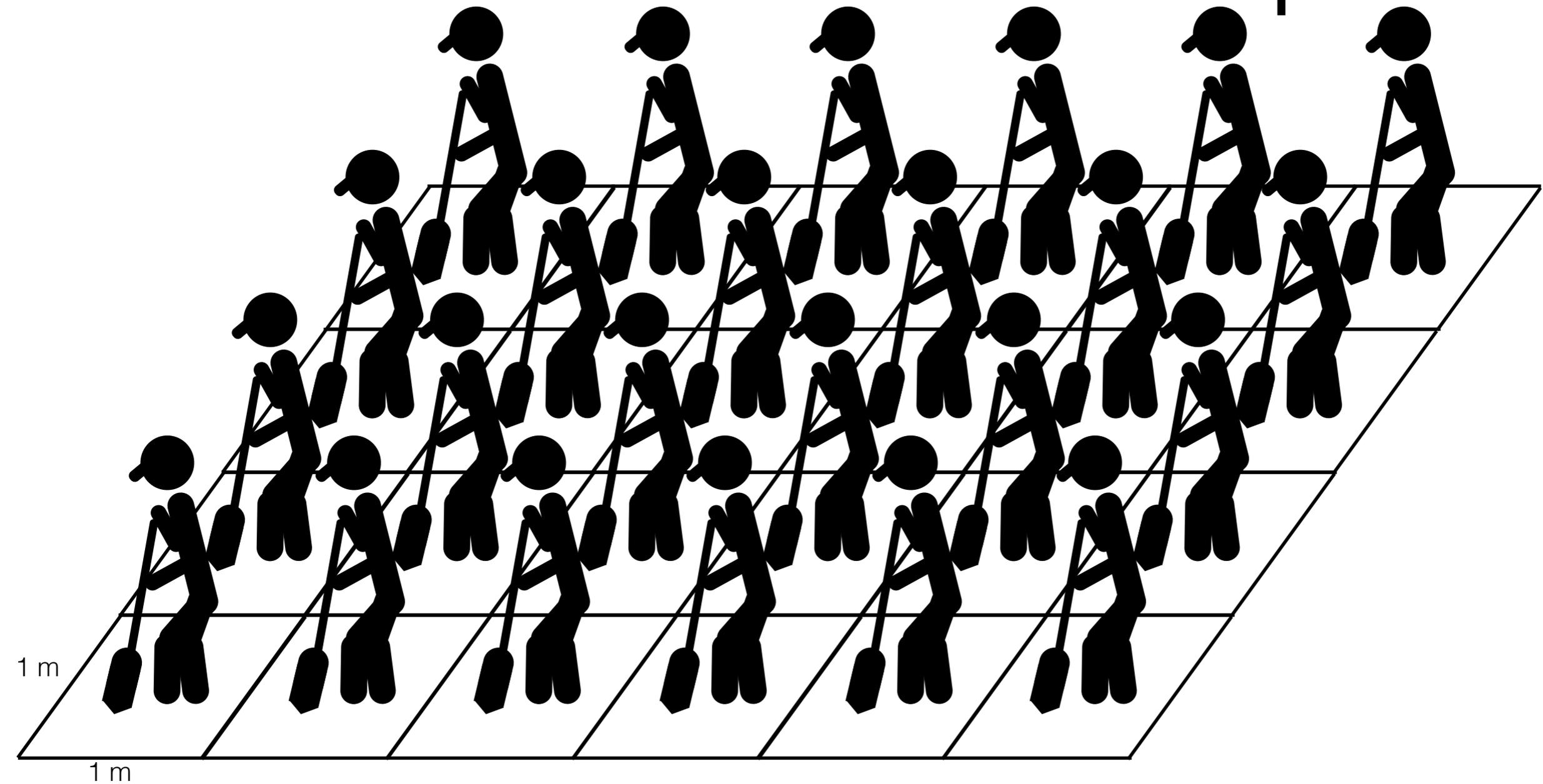
# Cavar uma piscina



# Cavar uma piscina

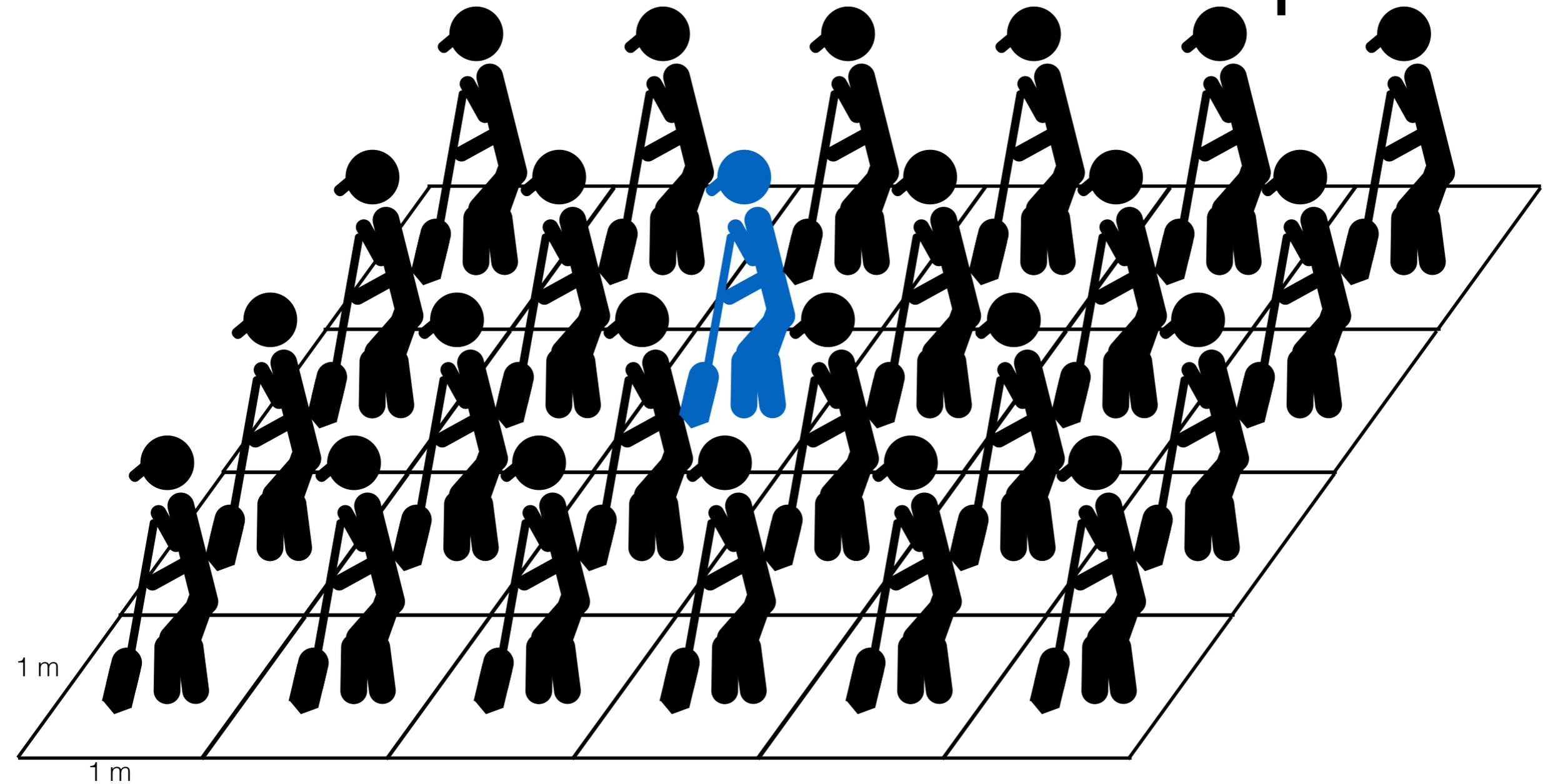


# Cavar uma piscina



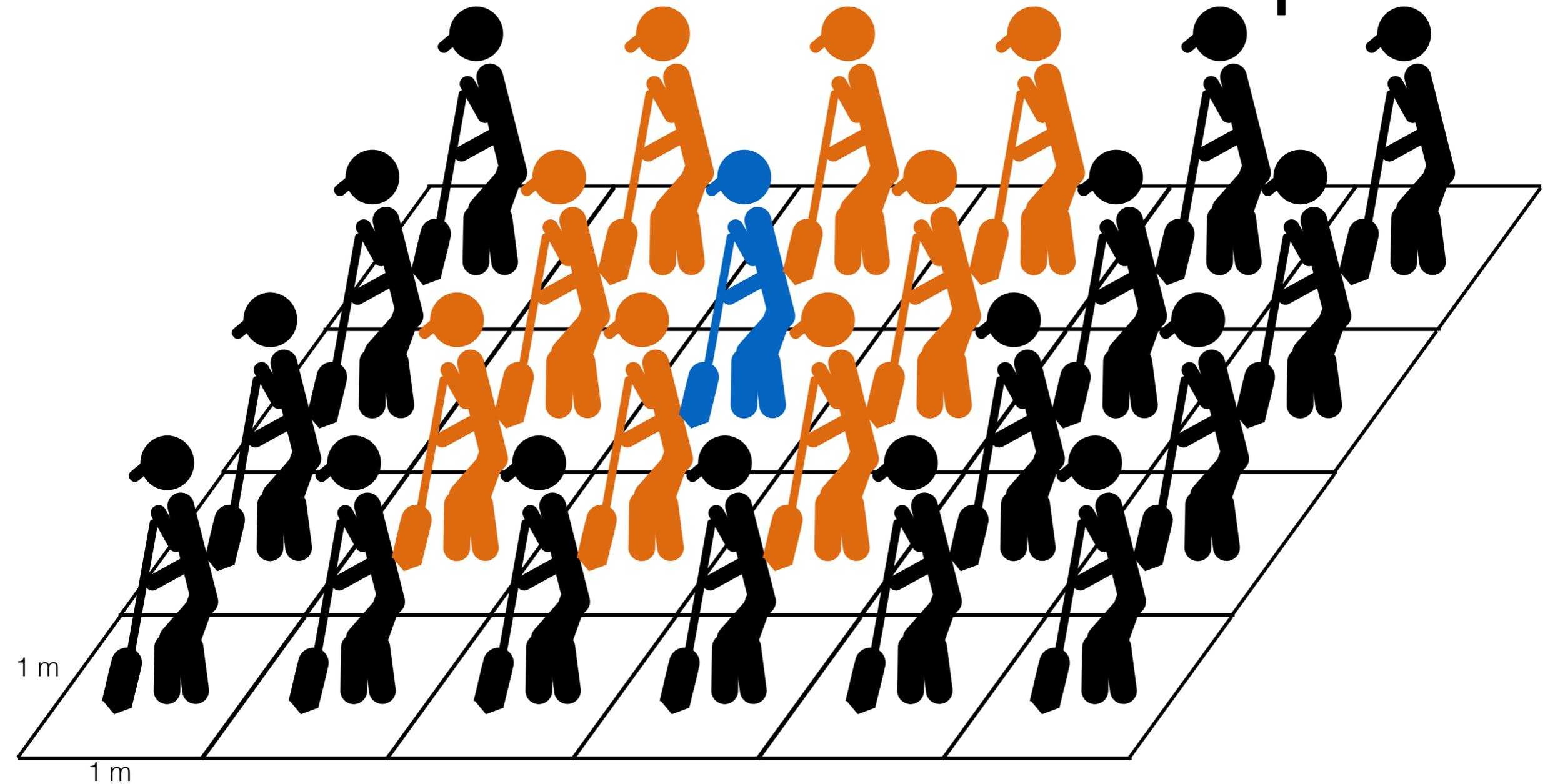
o tempo necessário para cavar toda a piscina vai depender do modo como os trabalhadores jogam a terra cavada nas células vizinhas.

# Cavar uma piscina



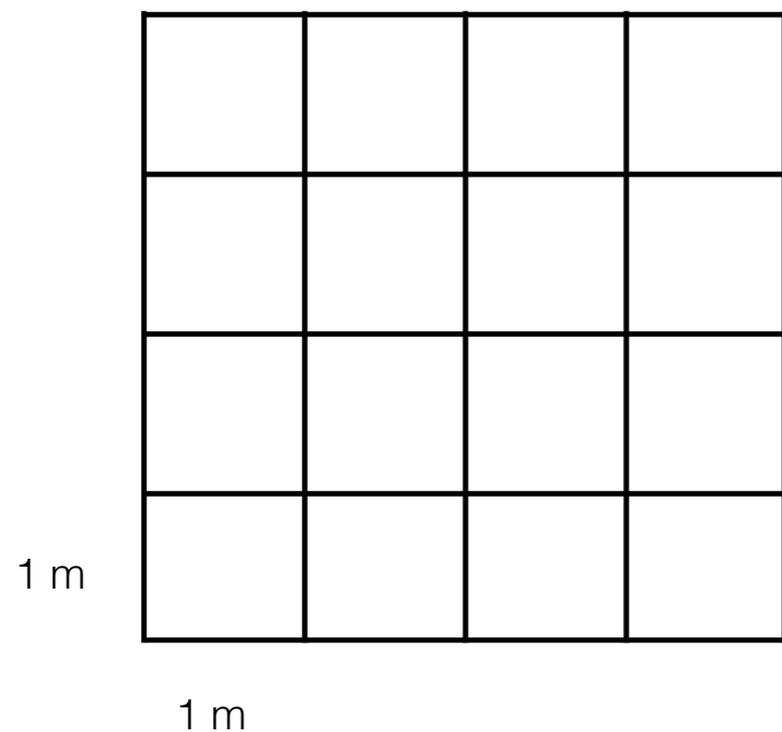
o tempo necessário para cavar toda a piscina vai depender do modo como os trabalhadores jogam a terra cavada nas células vizinhas.

# Cavar uma piscina



o tempo necessário para cavar toda a piscina vai depender do modo como os trabalhadores jogam a terra cavada nas células vizinhas.

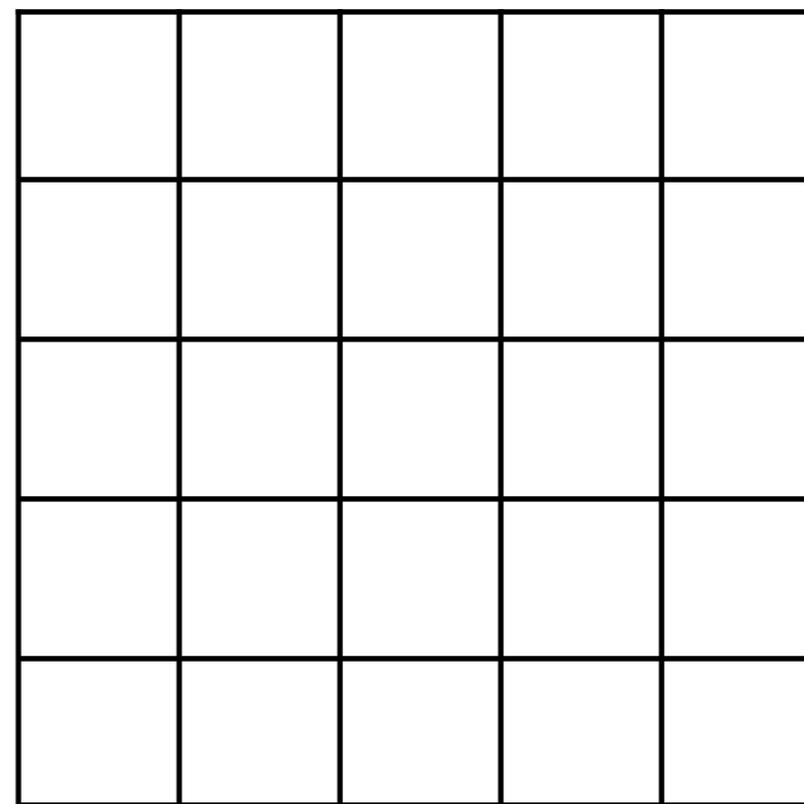
Qual é o tempo mínimo necessário para cavar toda a piscina com 1 m de profundidade?



\*4x4 m<sup>2</sup>

\*16 trabalhadores

\*1 trabalhador  
cava 1 m<sup>3</sup>/h



\*5x5 m<sup>2</sup>

\*25 trabalhadores

\*1 trabalhador  
cava 1 m<sup>3</sup>/h

# Tipos básicos de programas paralelos

- Paralelismo de tarefas: *as tarefas são divididas entre os núcleos para resolver um certo problema.*
- Paralelismo de dados: *os dados são divididos entre os núcleos para resolver um certo problema.*

# Paralelismo de Tarefas x Paralelismo de Dados

# Paralelismo de Tarefas x Paralelismo de Dados

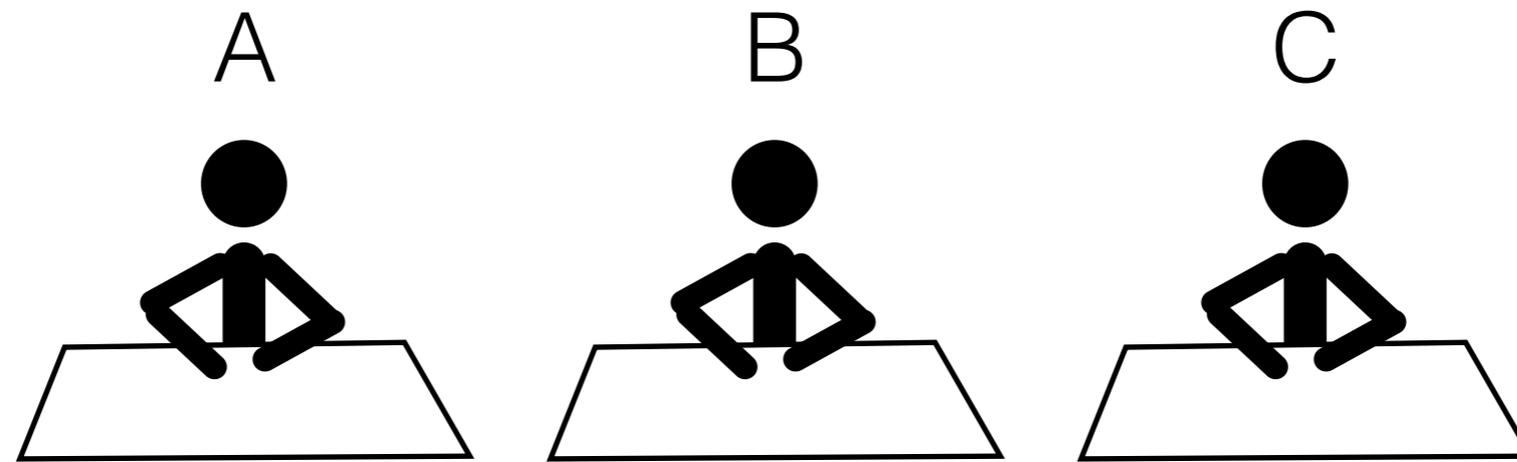


90 provas

# Paralelismo de Tarefas x Paralelismo de Dados



90 provas

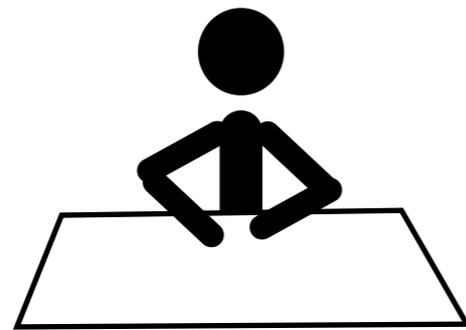


# Paralelismo de Tarefas x Paralelismo de Dados



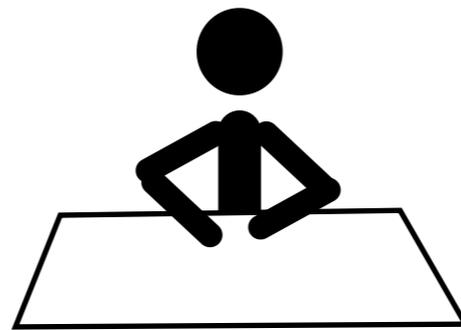
90 provas

A



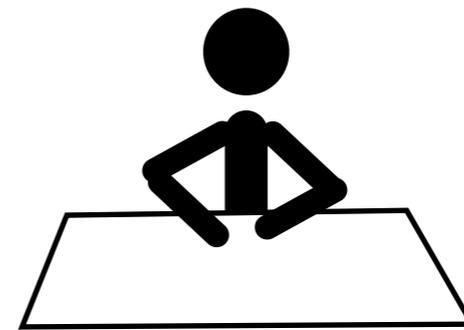
30 provas  
3 questões

B



30 provas  
3 questões

C

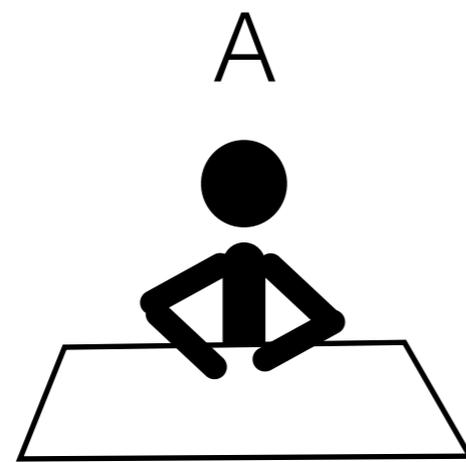


30 provas  
3 questões

# Paralelismo de Tarefas x Paralelismo de Dados

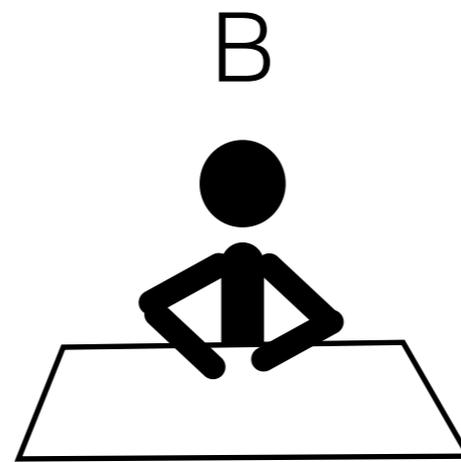


90 provas



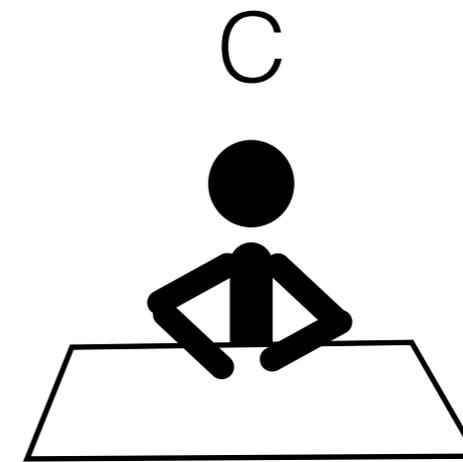
30 provas  
3 questões

90 provas  
questão nº1



30 provas  
3 questões

90 provas  
questão nº2



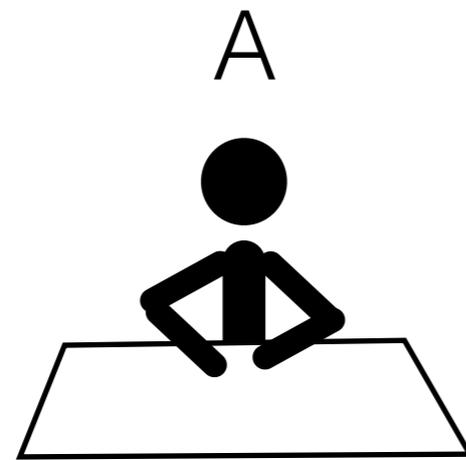
30 provas  
3 questões

90 provas  
questão nº3

# Paralelismo de Tarefas x Paralelismo de Dados

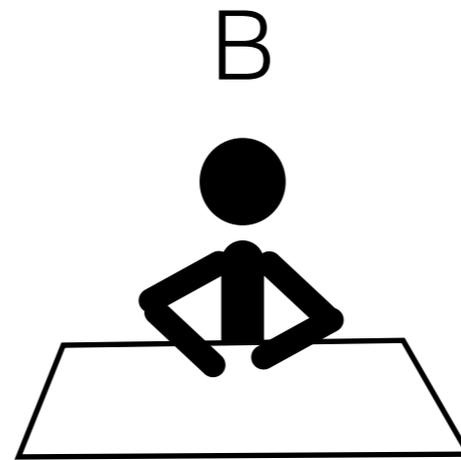


90 provas



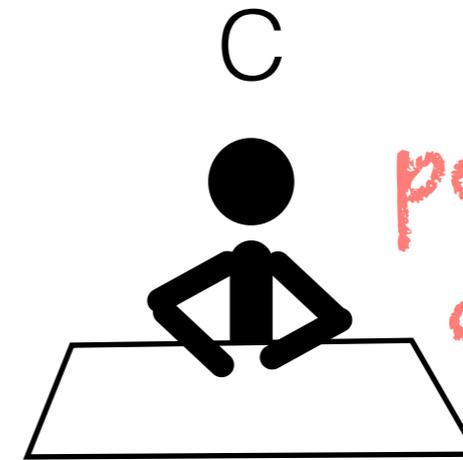
30 provas  
3 questões

90 provas  
questão nº1



30 provas  
3 questões

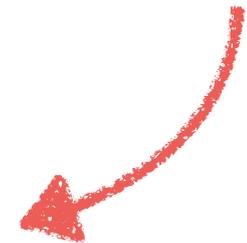
90 provas  
questão nº2



30 provas  
3 questões

90 provas  
questão nº3

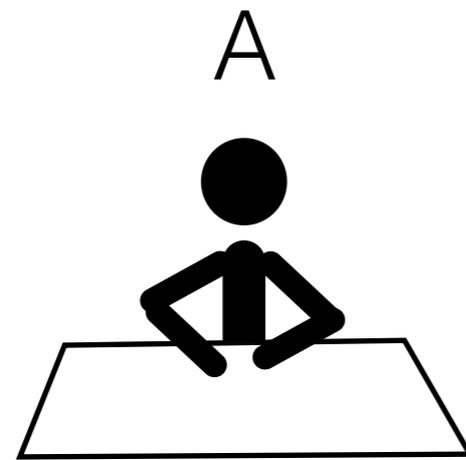
*paralelismo  
de dados*



# Paralelismo de Tarefas x Paralelismo de Dados

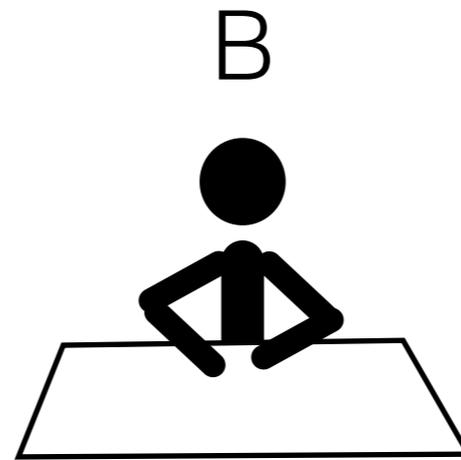


90 provas



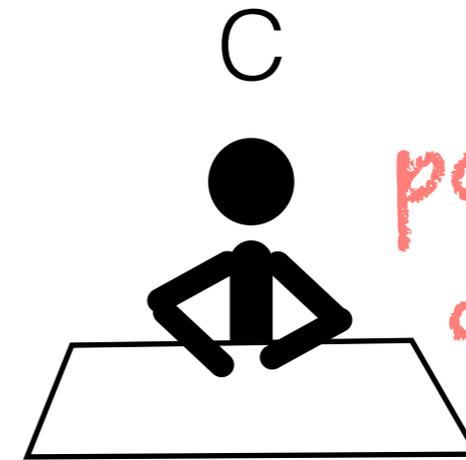
30 provas  
3 questões

90 provas  
questão nº1



30 provas  
3 questões

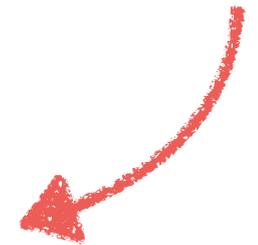
90 provas  
questão nº2



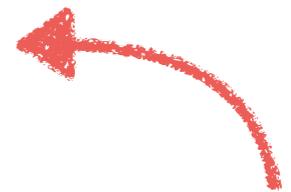
30 provas  
3 questões

90 provas  
questão nº3

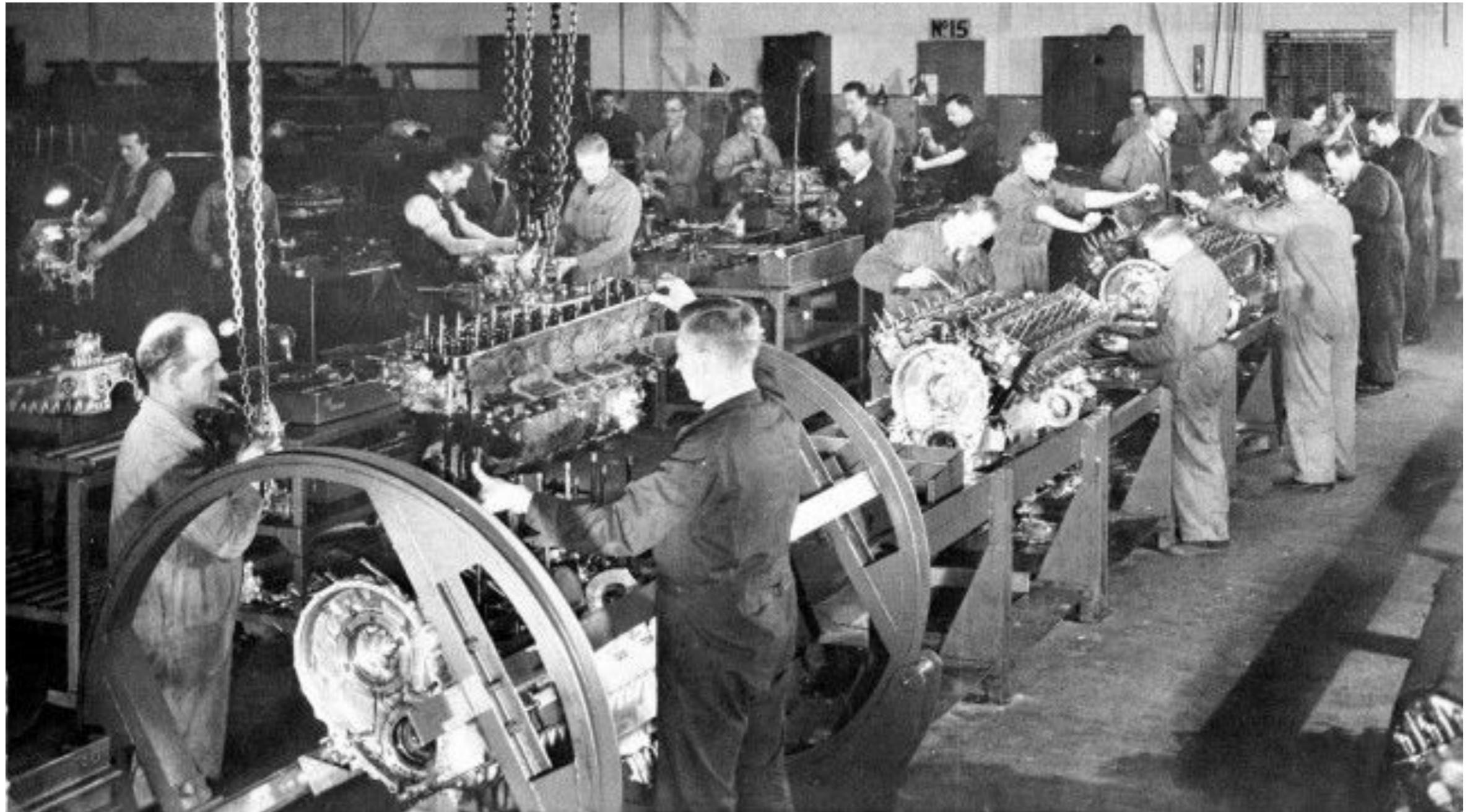
paralelismo  
de dados



paralelismo  
de tarefas



# Fordismo



# Como paralelizar?

```
//fragmento de código  
int f=0,i;  
  
for (i=0;i<1000;i++){  
    f += i;  
}
```

# Como paralelizar?

```
//fragmento de código
int k[1000],i;

k[0]=1;
k[1]=1;

for (i=2;i<1000;i++){
    k[i]=k[i-1]+k[i-2];
}
```

# Como paralelizar?

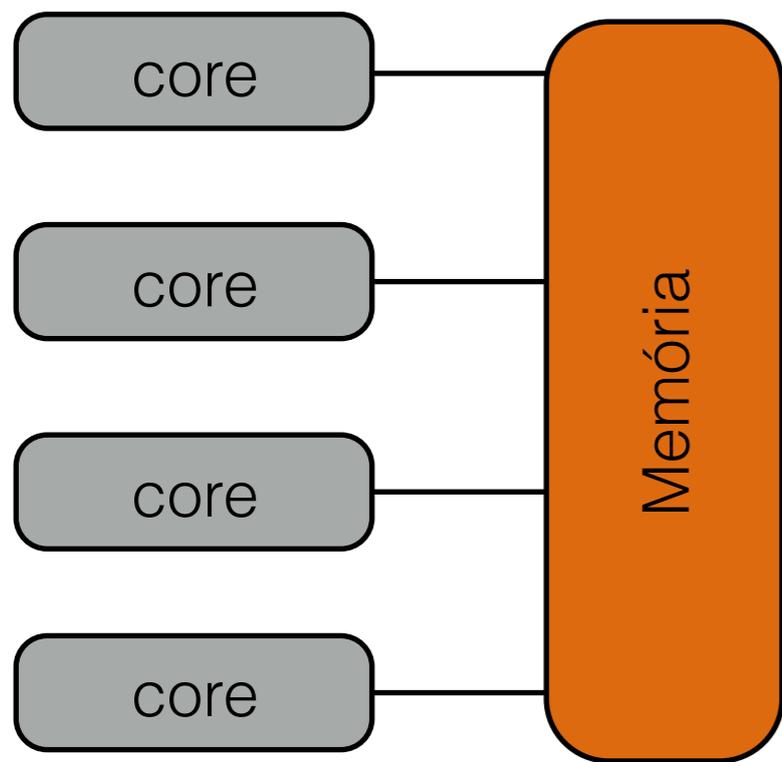
```
//fragmento de código

float ka[1000], kb[1000];
int i,t;

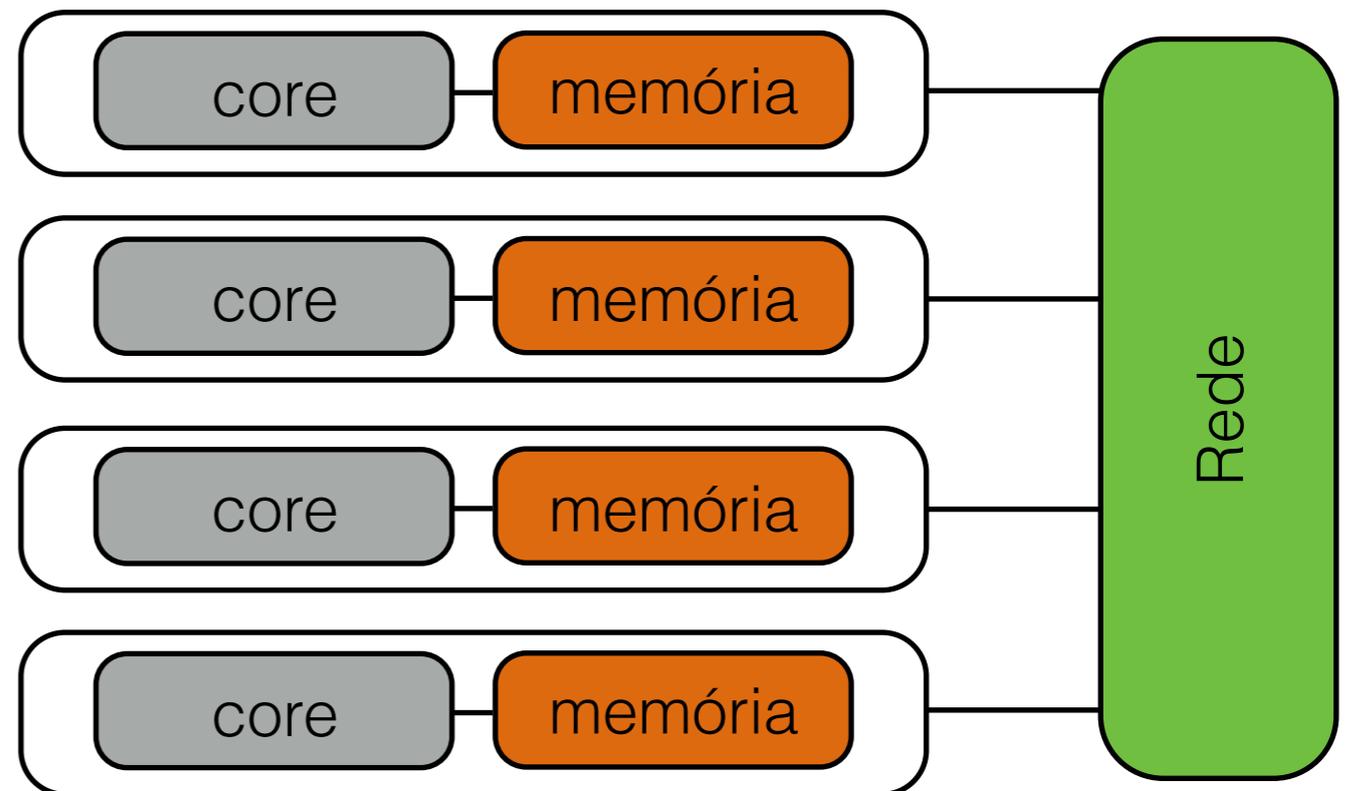
// ka inicializado por aqui!!!

for (t=0;t<100;t++){
    for (i=1;i<999;i++){
        kb[i]=ka[i-1] - 2*ka[i] + ka[i+1];
    }
    for (i=1;i<999;i++){
        ka[i]=kb[i];
    }
}
```

# Tipos de paralelismo

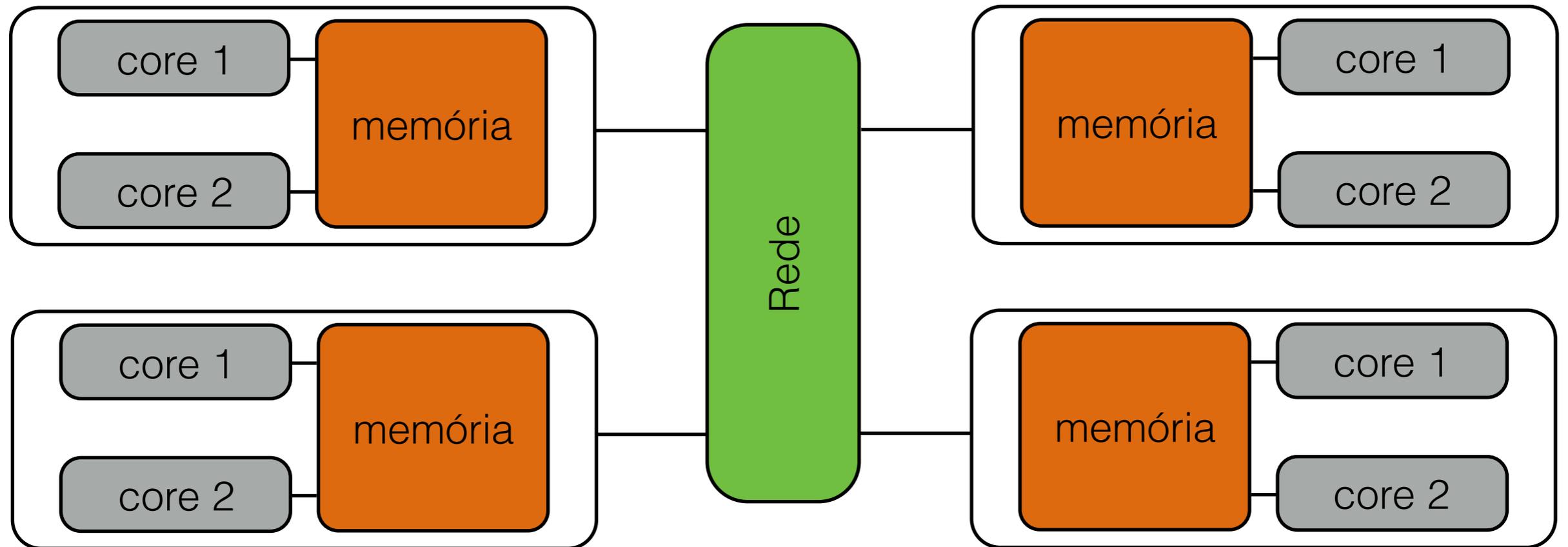


Memória compartilhada  
(OpenMP)



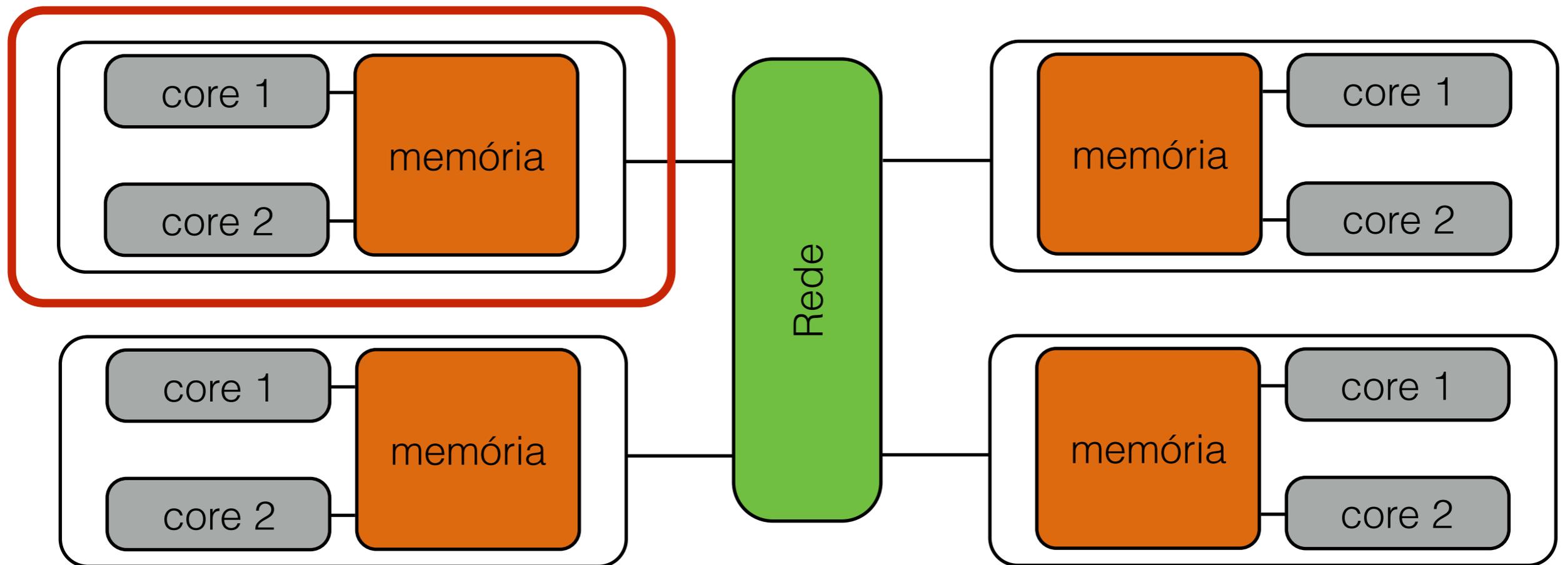
Memória distribuída  
(MPI)

# Tipos de paralelismo



# Tipos de paralelismo

## Nó (node)



Exemplo

# Exemplo

- Suponha que um programa execute  $10^{12}$  instruções para resolver um problema particular. Suponha que rodando em um único processador o programa leve  $10^6$  s (cerca de 11.6 dias). Então, na média o programa executa  $10^6$  instruções por segundo.

# Exemplo

- Suponha que um programa execute  $10^{12}$  instruções para resolver um problema particular. Suponha que rodando em um único processador o programa leve  $10^6$  s (cerca de 11.6 dias). Então, na média o programa executa  $10^6$  instruções por segundo.
- Suponha que em um programa paralelizado em um sistema de memória distribuída em  $p$  processadores, cada processador vai fazer  $10^{12}/p$  operações e deve mandar  $10^9(p-1)$  mensagens.

Exemplo

# Exemplo

- Suponha que leve  $10^{-9}$  segundos para enviar uma mensagem. Quanto tempo vai levar para rodar o programa em 1000 processadores?

# Exemplo

- Suponha que leve  $10^{-9}$  segundos para enviar uma mensagem. Quanto tempo vai levar para rodar o programa em 1000 processadores?
- Suponha que leve  $10^{-3}$  segundos para enviar uma mensagem. Quanto tempo vai levar para rodar o programa em 1000 processadores?

Minimize as mensagens!!!

**Talk  
Less.  
Work  
More.**

*Speedup* e Eficiência

*Speedup*

# *Speedup*

$$S = \frac{T_{\text{sequencial}}}{T_{\text{paralelo}}}$$

# *Speedup*

$$S = \frac{T_{\text{sequencial}}}{T_{\text{paralelo}}}$$

*T<sub>sequencial</sub>*

# *Speedup*

$$S = \frac{T_{sequencial}}{T_{paralelo}}$$

*T<sub>sequencial</sub>* Tempo de execução do programa sequencial.

# *Speedup*

$$S = \frac{T_{sequencial}}{T_{paralelo}}$$

*T<sub>sequencial</sub>* Tempo de execução do programa sequencial.

*T<sub>paralelo</sub>*

# *Speedup*

$$S = \frac{T_{sequencial}}{T_{paralelo}}$$

*T<sub>sequencial</sub>* Tempo de execução do programa sequencial.

*T<sub>paralelo</sub>* Tempo de execução do programa paralelo.

# Speedup

$$S = \frac{T_{sequencial}}{T_{paralelo}}$$

$T_{sequencial}$  Tempo de execução do programa sequencial.

$T_{paralelo}$  Tempo de execução do programa paralelo.

Para  $p$  processos, o valor mínimo possível do tempo de execução em paralelo é  $T_{paralelo} = T_{sequencial}/p$ .

# Speedup

$$S = \frac{T_{sequencial}}{T_{paralelo}}$$

$T_{sequencial}$  Tempo de execução do programa sequencial.

$T_{paralelo}$  Tempo de execução do programa paralelo.

Para  $p$  processos, o valor mínimo possível do tempo de execução em paralelo é  $T_{paralelo} = T_{sequencial}/p$ .

Assim

# Speedup

$$S = \frac{T_{sequencial}}{T_{paralelo}}$$

$T_{sequencial}$  Tempo de execução do programa sequencial.

$T_{paralelo}$  Tempo de execução do programa paralelo.

Para  $p$  processos, o valor mínimo possível do tempo de execução em paralelo é  $T_{paralelo} = T_{sequencial}/p$ .

Assim

$$S_{max} = \frac{T_{sequencial}}{T_{paralelo}} = p$$

*Speedup*

# *Speedup*

Porém, na vida real, o speedup  $S$  torna-se uma fração cada vez menor de  $S_{max} = p$ .

# *Speedup*

Porém, na vida real, o speedup  $S$  torna-se uma fração cada vez menor de  $S_{max} = p$ .

Uma outra forma de dizer isso é que a razão  $S/p$  será cada vez menor quando  $p$  cresce.

# *Speedup*

Porém, na vida real, o speedup  $S$  torna-se uma fração cada vez menor de  $S_{max} = p$ .

Uma outra forma de dizer isso é que a razão  $S/p$  será cada vez menor quando  $p$  cresce.

Essa razão é comumente chamada de eficiência de programas paralelos. Substituindo na fórmula temos:

# *Speedup*

Porém, na vida real, o speedup  $S$  torna-se uma fração cada vez menor de  $S_{max} = p$ .

Uma outra forma de dizer isso é que a razão  $S/p$  será cada vez menor quando  $p$  cresce.

Essa razão é comumente chamada de eficiência de programas paralelos. Substituindo na fórmula temos:

$$E = \frac{S}{p}$$

# Speedup

Porém, na vida real, o speedup  $S$  torna-se uma fração cada vez menor de  $S_{max} = p$ .

Uma outra forma de dizer isso é que a razão  $S/p$  será cada vez menor quando  $p$  cresce.

Essa razão é comumente chamada de eficiência de programas paralelos. Substituindo na fórmula temos:

$$E = \frac{S}{p} = \frac{T_{sequencial}}{p T_{paralelo}}$$

# Speedup

Porém, na vida real, o speedup  $S$  torna-se uma fração cada vez menor de  $S_{max} = p$ .

Uma outra forma de dizer isso é que a razão  $S/p$  será cada vez menor quando  $p$  cresce.

Essa razão é comumente chamada de eficiência de programas paralelos. Substituindo na fórmula temos:

$$E = \frac{S}{p} = \frac{\frac{T_{sequencial}}{T_{paralelo}}}{p} = \frac{T_{sequencial}}{p \cdot T_{paralelo}}$$

Exemplo:  
problema de  $n$ -corpos

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

	número de proc.		
100 corpos	1	2	4

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

	número de proc.		
100 corpos	1	2	4
Tempo (s)	14,10	7,50	4,83

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

	número de proc.		
100 corpos	1	2	4
Tempo (s)	14,10	7,50	4,83
S	1,00	1,88	2,92

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

	número de proc.		
100 corpos	1	2	4
Tempo (s)	14,10	7,50	4,83
S	1,00	1,88	2,92
E	1,00	0,94	0,73

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

	número de proc.		
100 corpos	1	2	4
Tempo (s)	14,10	7,50	4,83
S	1,00	1,88	2,92
E	1,00	0,94	0,73

Exemplo:  
problema de  $n$ -corpos

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

	número de proc.		
200 corpos	1	2	4

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

	número de proc.		
200 corpos	1	2	4
Tempo (s)	55,19	28,69	18,09

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

	número de proc.		
200 corpos	1	2	4
Tempo (s)	55,19	28,69	18,09
S	1,00	1,92	3,05

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

	número de proc.		
200 corpos	1	2	4
Tempo (s)	55,19	28,69	18,09
S	1,00	1,92	3,05
E	1,00	0,96	0,76

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

	número de proc.		
200 corpos	1	2	4
Tempo (s)	55,19	28,69	18,09
S	1,00	1,92	3,05
E	1,00	0,96	0,76

Exemplo:  
problema de  $n$ -corpos

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

	número de proc.		
400 corpos	1	2	4

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

	número de proc.		
400 corpos	1	2	4
Tempo (s)	222,71	114,73	64,59

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

	número de proc.		
400 corpos	1	2	4
Tempo (s)	222,71	114,73	64,59
S	1,00	1,94	3,45

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

	número de proc.		
400 corpos	1	2	4
Tempo (s)	222,71	114,73	64,59
S	1,00	1,94	3,45
E	1,00	0,97	0,86

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

	número de proc.		
400 corpos	1	2	4
Tempo (s)	222,71	114,73	64,59
S	1,00	1,94	3,45
E	1,00	0,97	0,86

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

*Speedup*

Eficiência

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

*Speedup*

Eficiência

número de proc.

corpos

1

2

4

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

*Speedup*

Eficiência

número de proc.

corpos

1

2

4

100

1,00

1,88

2,92

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

*Speedup*

Eficiência

número de proc.

corpos

1

2

4

100

1,00

1,88

2,92

200

1,00

1,92

3,05

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

*Speedup*

Eficiência

número de proc.

corpos

1

2

4

100	1,00	1,88	2,92
-----	------	------	------

200	1,00	1,92	3,05
-----	------	------	------

400	1,00	1,94	3,45
-----	------	------	------

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

*Speedup*

número de proc.

corpos

1

2

4

100	1,00	1,88	2,92
-----	------	------	------

200	1,00	1,92	3,05
-----	------	------	------

400	1,00	1,94	3,45
-----	------	------	------

Eficiência

número de proc.

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

*Speedup*

número de proc.

corpos

1

2

4

100

1,00

1,88

2,92

200

1,00

1,92

3,05

400

1,00

1,94

3,45

Eficiência

número de proc.

corpos

1

2

4

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

*Speedup*

número de proc.

corpos	1	2	4
100	1,00	1,88	2,92
200	1,00	1,92	3,05
400	1,00	1,94	3,45

Eficiência

número de proc.

corpos	1	2	4
100	1,00	0,94	0,73

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

*Speedup*

número de proc.

corpos	1	2	4
100	1,00	1,88	2,92
200	1,00	1,92	3,05
400	1,00	1,94	3,45

Eficiência

número de proc.

corpos	1	2	4
100	1,00	0,94	0,73
200	1,00	0,96	0,76

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

*Speedup*

número de proc.

corpos

1

2

4

100

1,00

1,88

2,92

200

1,00

1,92

3,05

400

1,00

1,94

3,45

Eficiência

número de proc.

corpos

1

2

4

100

1,00

0,94

0,73

200

1,00

0,96

0,76

400

1,00

0,97

0,86

# Exemplo: problema de $n$ -corpos

*Speedup*

número de proc.

corpos

1

2

4

100

1,00

1,88

2,92

200

1,00

1,92

3,05

400

1,00

1,94

3,45

Eficiência

número de proc.

corpos

1

2

4

100

1,00

0,94

0,73

200

1,00

0,96

0,76

400

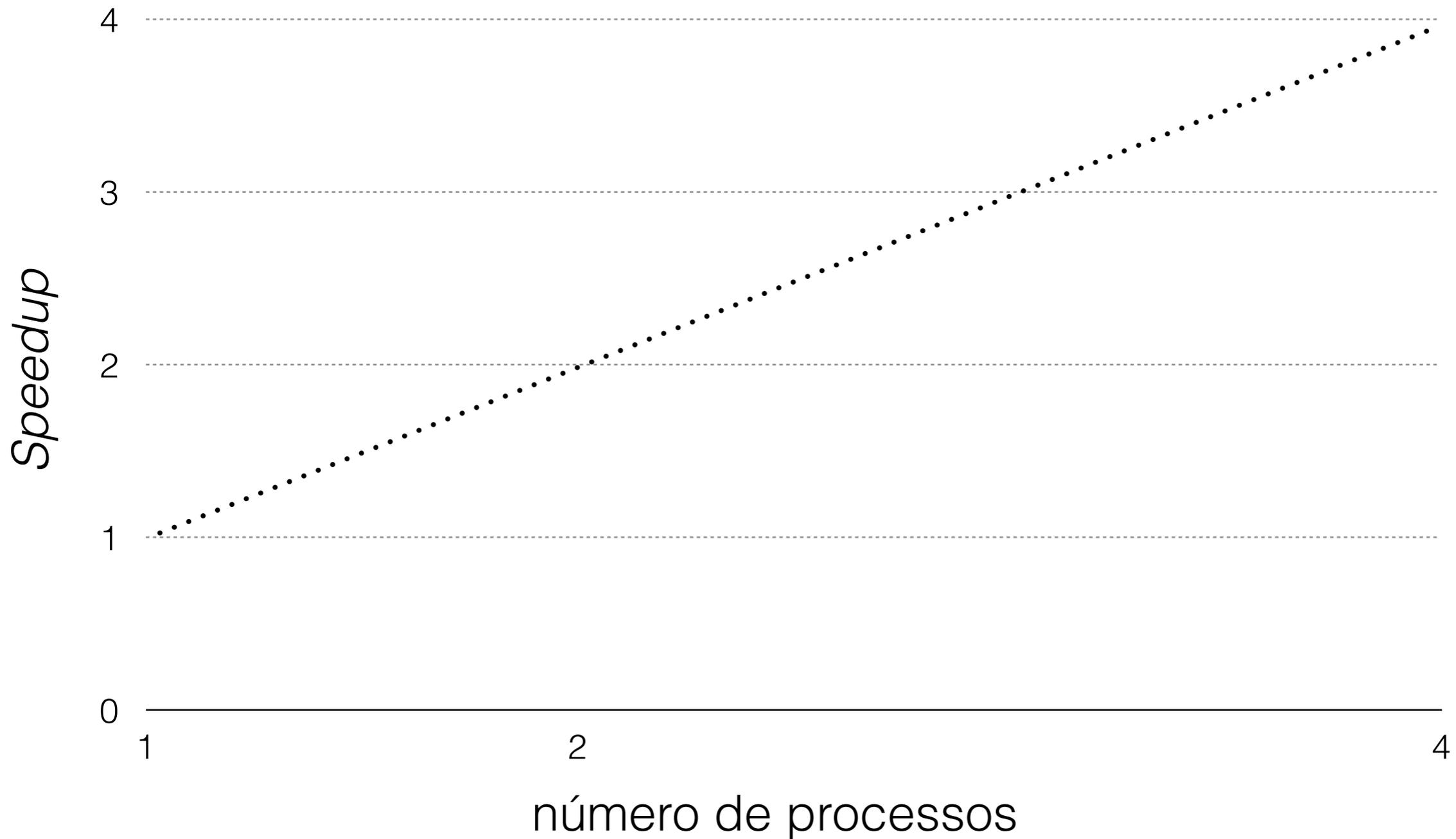
1,00

0,97

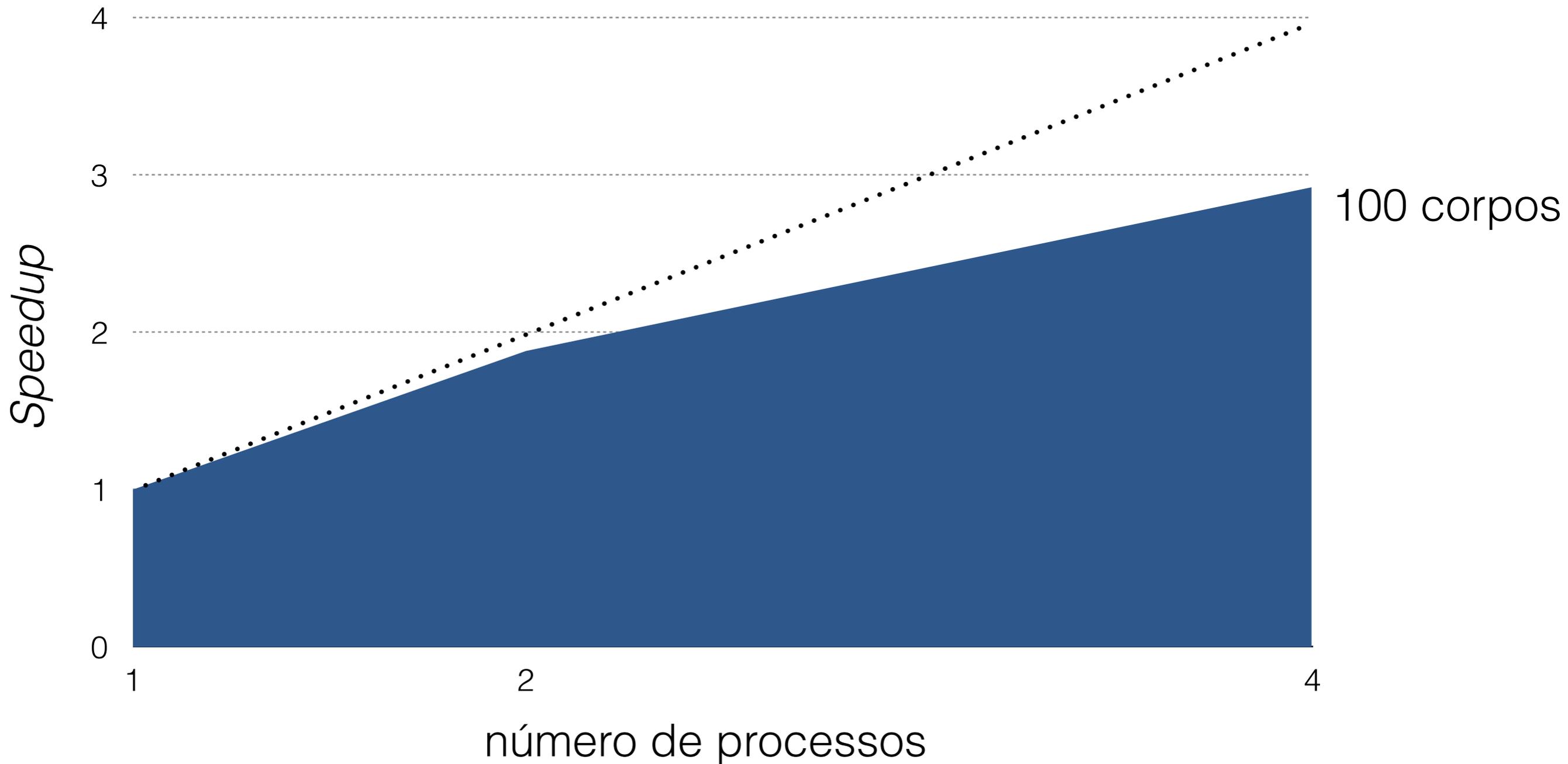
0,86

Exemplo:  
problema de  $n$ -corpos

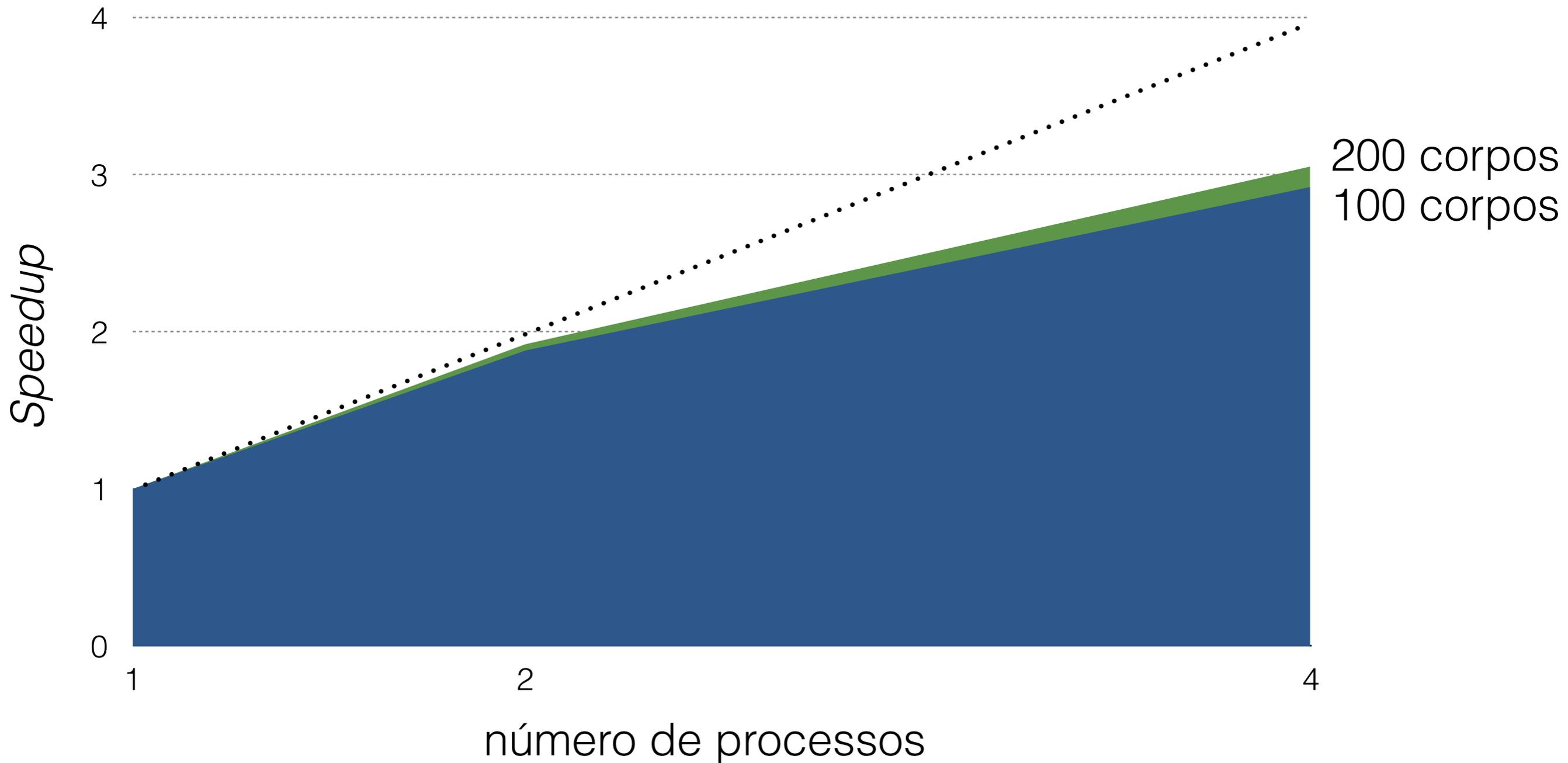
# Exemplo: problema de $n$ -corpos



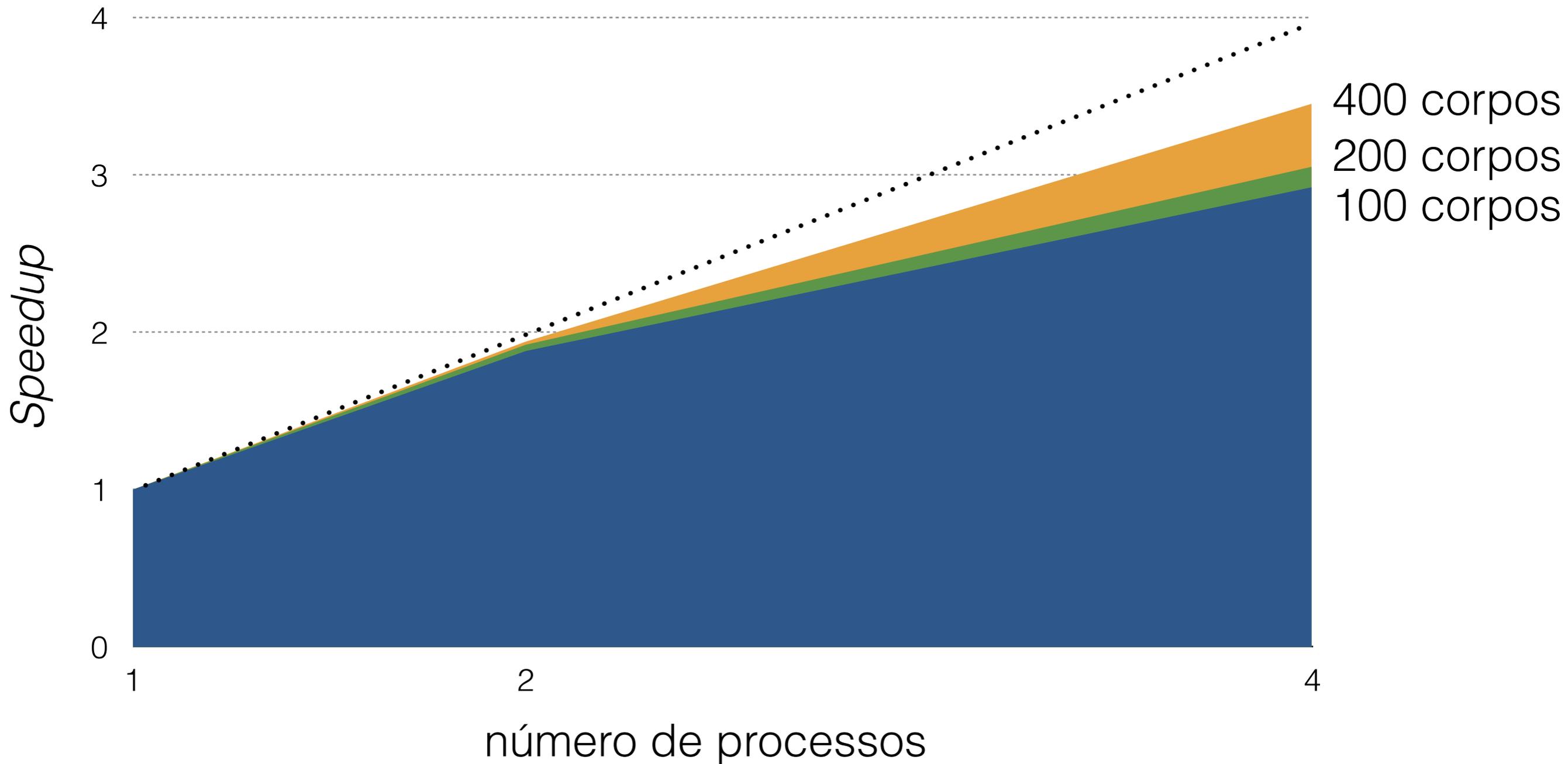
# Exemplo: problema de $n$ -corpos



# Exemplo: problema de $n$ -corpos



# Exemplo: problema de $n$ -corpos



# Lei de Amdahl



Gene Amdahl  
(1922 - 2015 )

# Lei de Amdahl

Imagine um programa que leva  $T_{seq} = 20$  s para executar sequencialmente. Imagine que apenas 90% do código pode ser paralelizado.



Gene Amdahl  
(1922 - 2015 )

# Lei de Amdahl

Imagine um programa que leva  $T_{seq} = 20$  s para executar sequencialmente. Imagine que apenas 90% do código pode ser paralelizado.

$$T_{paralelo} = 0.9 \times T_{seq}/p + 0.1 \times T_{seq}$$



Gene Amdahl  
(1922 - 2015 )

# Lei de Amdahl

Imagine um programa que leva  $T_{seq} = 20$  s para executar sequencialmente. Imagine que apenas 90% do código pode ser paralelizado.

$$T_{paralelo} = 0.9 \times T_{seq}/p + 0.1 \times T_{seq} = (18/p + 2) \text{ s}$$



Gene Amdahl  
(1922 - 2015 )

# Lei de Amdahl

Imagine um programa que leva  $T_{seq} = 20$  s para executar sequencialmente. Imagine que apenas 90% do código pode ser paralelizado.

$$T_{paralelo} = 0.9 \times T_{seq}/p + 0.1 \times T_{seq} = (18/p + 2) \text{ s}$$

$$S = \frac{T_{seq}}{T_{paralelo}}$$



Gene Amdahl  
(1922 - 2015 )

# Lei de Amdahl

Imagine um programa que leva  $T_{seq} = 20$  s para executar sequencialmente. Imagine que apenas 90% do código pode ser paralelizado.

$$T_{paralelo} = 0.9 \times T_{seq}/p + 0.1 \times T_{seq} = (18/p + 2) \text{ s}$$

$$S = \frac{T_{seq}}{T_{paralelo}} = \frac{20}{18/p + 2}$$



Gene Amdahl  
(1922 - 2015 )

# Lei de Amdahl

Imagine um programa que leva  $T_{seq} = 20$  s para executar sequencialmente. Imagine que apenas 90% do código pode ser paralelizado.

$$T_{paralelo} = 0.9 \times T_{seq}/p + 0.1 \times T_{seq} = (18/p + 2) \text{ s}$$

$$S = \frac{T_{seq}}{T_{paralelo}} = \frac{20}{18/p + 2} \leq \frac{20}{2} = 10$$



Gene Amdahl  
(1922 - 2015 )

# Lei de Amdahl

Imagine um programa que leva  $T_{seq} = 20$  s para executar sequencialmente. Imagine que apenas 90% do código pode ser paralelizado.

$$T_{paralelo} = 0.9 \times T_{seq}/p + 0.1 \times T_{seq} = (18/p + 2) \text{ s}$$

$$S = \frac{T_{seq}}{T_{paralelo}} = \frac{20}{18/p + 2} \leq \frac{20}{2} = 10$$

Generalizando, se uma fração  $r$  do código sequencial não pode ser paralelizado, o máximo speedup será  $1/r$ .



Gene Amdahl  
(1922 - 2015 )

# Escalabilidade

# Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

# Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

# Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n$$

# Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n$$

$$T_{paralelo} = n/p + 1$$

# Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n$$

$$T_{paralelo} = n/p + 1$$

$$E = \frac{n}{p(n/p + 1)}$$

# Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n$$

$$T_{paralelo} = n/p + 1$$

$$E = \frac{n}{p(n/p + 1)} = \frac{n}{n + p}$$

# Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n \qquad T_{paralelo} = n/p + 1$$

$$E = \frac{n}{p(n/p + 1)} = \frac{n}{n + p}$$

Aumentar o número de processos:

# Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n \qquad T_{paralelo} = n/p + 1$$

$$E = \frac{n}{p(n/p + 1)} = \frac{n}{n + p}$$

Aumentar o número de processos:  $p \rightarrow kp$

# Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n \qquad T_{paralelo} = n/p + 1$$

$$E = \frac{n}{p(n/p + 1)} = \frac{n}{n + p}$$

Aumentar o número de processos:  $p \rightarrow kp$

Aumentar o tamanho do problema tal que:

# Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n \qquad T_{paralelo} = n/p + 1$$

$$E = \frac{n}{p(n/p + 1)} = \frac{n}{n + p}$$

Aumentar o número de processos:  $p \rightarrow kp$

Aumentar o tamanho do problema tal que:  $n \rightarrow xn$

# Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n \qquad T_{paralelo} = n/p + 1$$

$$E = \frac{n}{p(n/p + 1)} = \frac{n}{n + p}$$

Aumentar o número de processos:  $p \rightarrow kp$

Aumentar o tamanho do problema tal que:  $n \rightarrow xn$

$$E^* = \frac{xn}{xn + kp}$$

# Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n \qquad T_{paralelo} = n/p + 1$$

$$E = \frac{n}{p(n/p + 1)} = \frac{n}{n + p}$$

Aumentar o número de processos:  $p \rightarrow kp$

Aumentar o tamanho do problema tal que:  $n \rightarrow xn$

$$E^* = \frac{xn}{xn + kp} \qquad \text{Se } x = k$$

# Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n \qquad T_{paralelo} = n/p + 1$$

$$E = \frac{n}{p(n/p + 1)} = \frac{n}{n + p}$$

Aumentar o número de processos:  $p \rightarrow kp$

Aumentar o tamanho do problema tal que:  $n \rightarrow xn$

$$E^* = \frac{xn}{xn + kp}$$

Se  $x = k$

$$E^* = \frac{n}{n + p}$$

# Escalabilidade

Um programa é escalável se o tamanho do problema pode ser aumentado de forma que a eficiência não diminua conforme o número de processos aumenta.

Exemplo:

$$T_{seq} = n \qquad T_{paralelo} = n/p + 1$$

$$E = \frac{n}{p(n/p + 1)} = \frac{n}{n + p}$$

Aumentar o número de processos:  $p \rightarrow kp$

Aumentar o tamanho do problema tal que:  $n \rightarrow xn$

$$E^* = \frac{xn}{xn + kp} \qquad \text{Se } x = k \qquad E^* = \frac{n}{n + p} = E$$

# Escrevendo programas paralelos

# Escrevendo programas paralelos

Para um “bom” programa paralelo, você deve:

# Escrevendo programas paralelos

Para um “bom” programa paralelo, você deve:

- distribuir o trabalho mais ou menos igualmente entre os processos (balanceamento de carga).

# Escrevendo programas paralelos

Para um “bom” programa paralelo, você deve:

- distribuir o trabalho mais ou menos igualmente entre os processos (balanceamento de carga).
- minimizar a comunicação.

# Escrevendo programas paralelos

Para um “bom” programa paralelo, você deve:

- distribuir o trabalho mais ou menos igualmente entre os processos (balanceamento de carga).
- minimizar a comunicação.

(porém não há um método automático para paralelizar um programa. Se existisse, a gente não precisaria dar esta parte do curso...)

# Metodologia de Foster



Ian T. Foster  
(1959 - )

# Metodologia de Foster

4 passos:



Ian T. Foster  
(1959 - )

# Metodologia de Foster



Ian T. Foster  
(1959 - )

4 passos:

- Particionamento: Dividir a computação em tarefas menores, com o objetivo de identificar tarefas que possam ser paralelizadas.

# Metodologia de Foster



Ian T. Foster  
(1959 - )

4 passos:

- Particionamento: Dividir a computação em tarefas menores, com o objetivo de identificar tarefas que possam ser paralelizadas.
- Comunicação: Determina que comunicação precisa ser feita entre as tarefas identificadas.

# Metodologia de Foster



Ian T. Foster  
(1959 - )

4 passos:

- Particionamento: Dividir a computação em tarefas menores, com o objetivo de identificar tarefas que possam ser paralelizadas.
- Comunicação: Determina que comunicação precisa ser feita entre as tarefas identificadas.
- Aglomeração: Combina as tarefas e as comunicações em tarefas aglomeradas.

# Metodologia de Foster



Ian T. Foster  
(1959 - )

4 passos:

- Particionamento: Dividir a computação em tarefas menores, com o objetivo de identificar tarefas que possam ser paralelizadas.
- Comunicação: Determina que comunicação precisa ser feita entre as tarefas identificadas.
- Aglomeração: Combina as tarefas e as comunicações em tarefas aglomeradas.
- Mapeamento: Atribui as tarefas aglomeradas a diferentes processos.

# Exemplo

```
//fragmento de código

float ka[9], kb[9];
int i,t;

// ka inicializado por aqui!!!

for (t=0;t<3;t++){
    for (i=1;i<8;i++){
        kb[i]=ka[i-1] - 2*ka[i] + ka[i+1];
    }
    for (i=1;i<8;i++){
        ka[i]=kb[i];
    }
}
```

# Exemplo

*Particionamento*

t=2



t=1



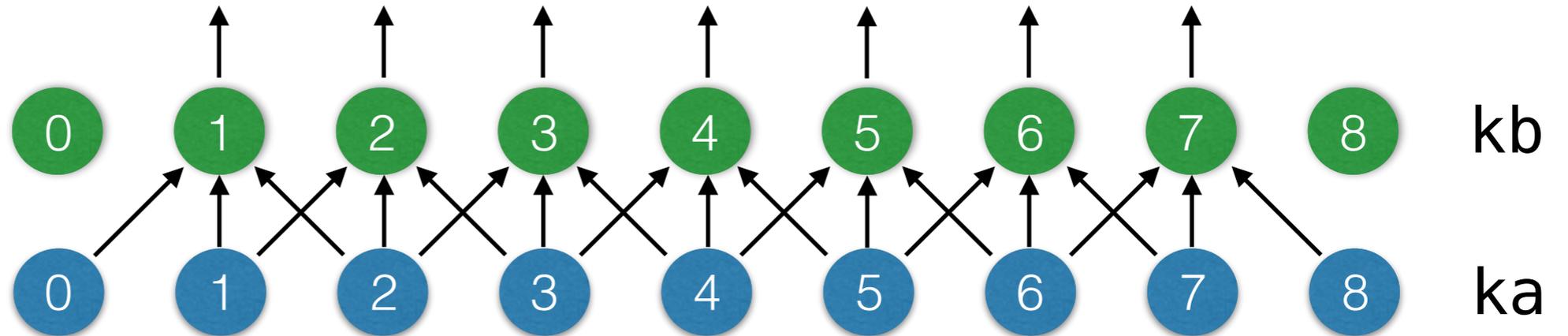
t=0



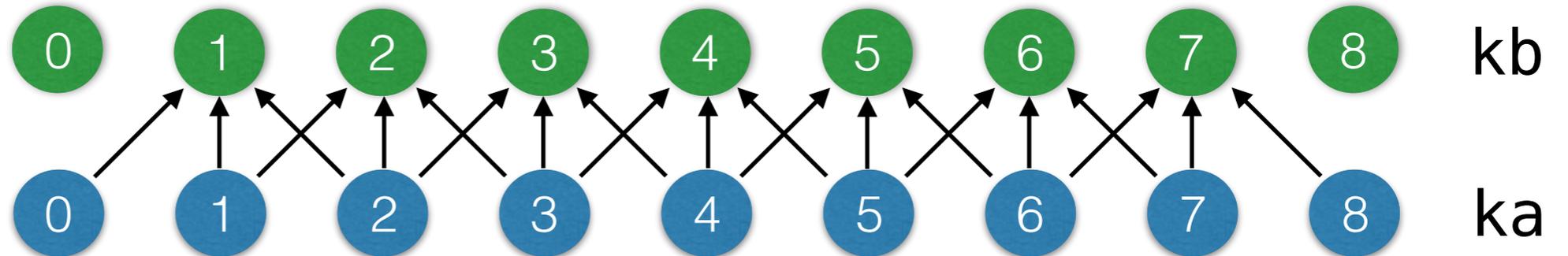
# Exemplo

*Comunicação*

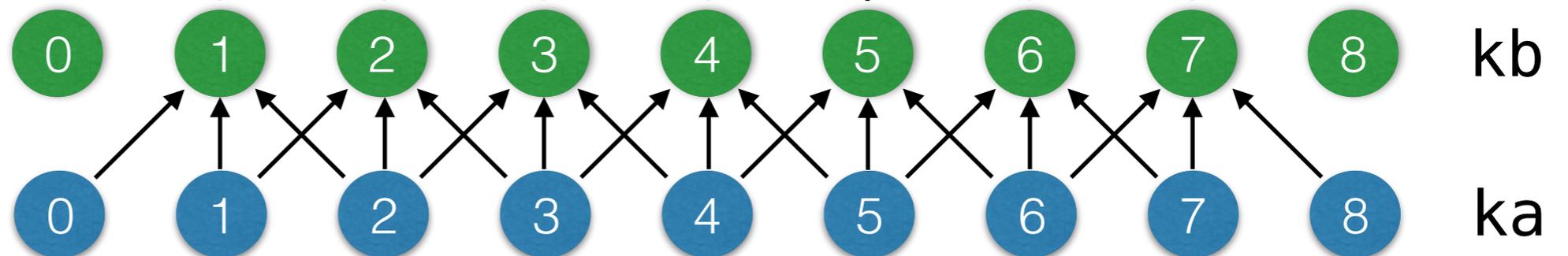
t=2



t=1



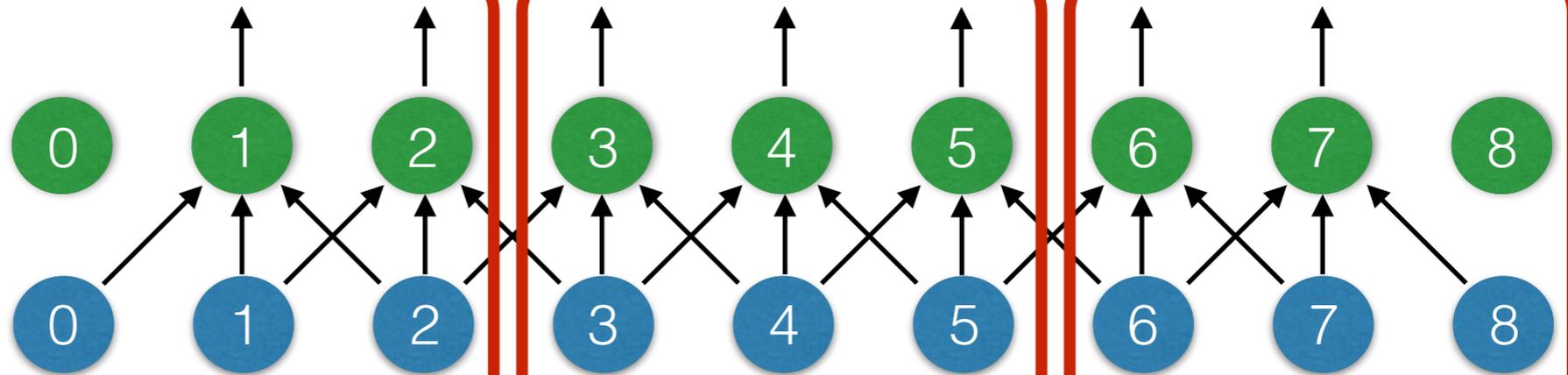
t=0



# Exemplo

*Aglomeración*

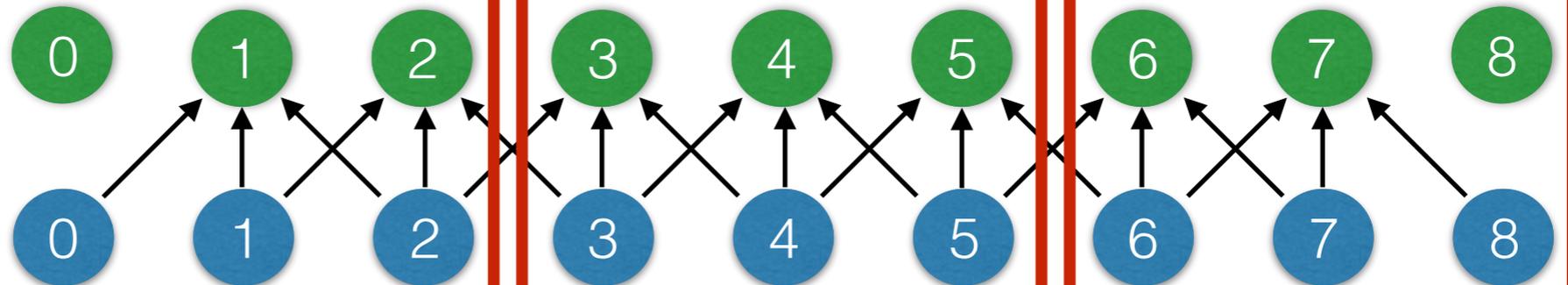
t=2



kb

ka

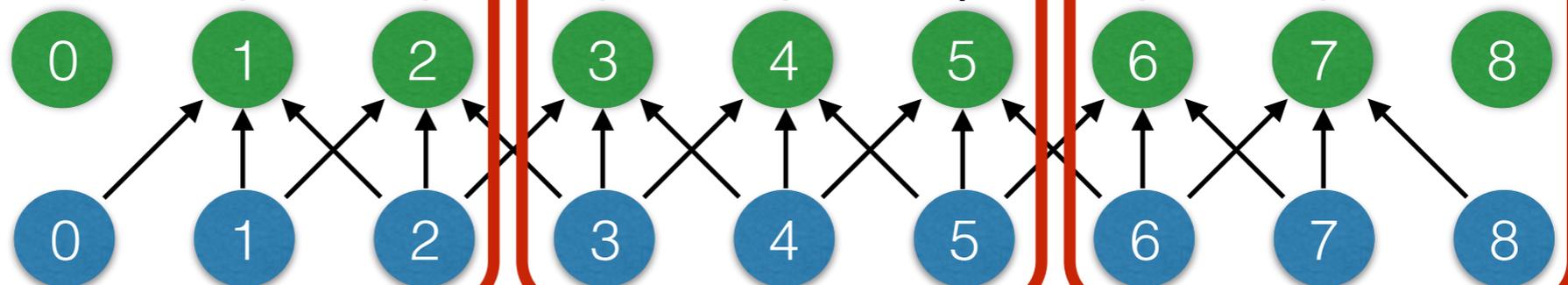
t=1



kb

ka

t=0



kb

ka

# Exemplo

*Mapeamento*

