# Fluxo Unidimensional Ensaios de Condutividade Hidráulica

Prof. Fernando A. M. Marinho

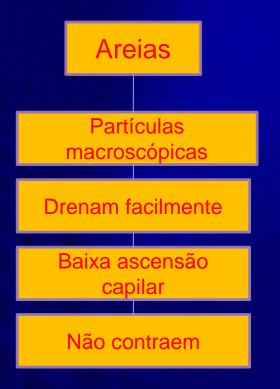
# Movimento da água no solo



### A Natureza da Estrutura dos Solos

Meio contínuo com "aberturas" interconectadas por onde o fluído passa.

Por simplicidade podemos dividir os solos em dois tipos:





# Distribuição Granulométrica

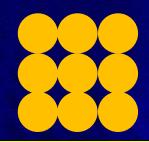
### **Porosidade**

### **Índice de Vazios**

$$n = \frac{V_{v}}{V}$$

### Condutividade hidráulica

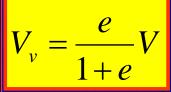
$$e = \frac{V_{v}}{V_{s}}$$

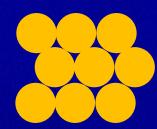


$$n = 1 - \frac{\pi}{6} = 0.476$$

$$e = 0.322$$

$$V_{v} = 0.24cm^{3} \text{ (V = 1cm}^{3}\text{)}$$





$$n = 1 - \frac{\sqrt{2}}{6}\pi = 0.26$$

$$e = 0.206$$

$$V_{v} = 0.17cm^{3} \text{ (V = 1cm}^{3}\text{)}$$

### Energia Cinética (Energia de movimento)

Como surge a energia cinética?

Do trabalho realizado no "objeto"

F

m

$$v_0 = 0$$

$$d = v_t = \frac{v_f}{2}t$$

$$aceleração = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_f - 0}{t} = \frac{v_f}{t}$$

trabalho = 
$$Fd = mad = mav = \frac{1}{2}mv_f^2 = Energia Cinética$$

Segunda Lei de Newton

$$E_c = \frac{1}{2}mv^2$$

Todas as coisas que se movem possuem energia cinética. É a energia que um objeto possui devido ao seu movimento.

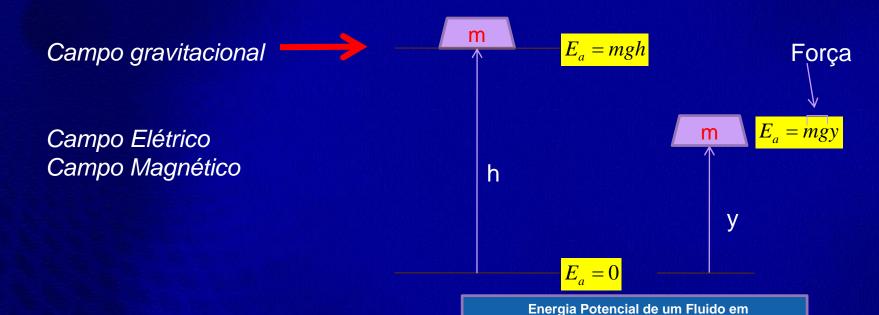
Energia Cinética de um Fluido em movimento é melhor expressa por unidade de volume

$$\frac{E_c}{V} = \frac{\frac{1}{2}mv^2}{V} = \frac{1}{2}\rho v^2$$

### Energia Potencial (ou Altimétrica) (Energia armazenada)

Do que resulta a energia potencial?

Da posição ou configuração do "objeto", que possui capacidade de realizar um trabalho



A energia potencial gravitacional EP é a energia que um objetivo de massa m possui em virtude de sua posição em relação à superfície da Terra. Essa posição é medida pela altura h do objetivo em relação a um nível zero arbitrário. É chamada de potencial porque possui o potencial de ser convertida em outra formas de energia (e.g. cinética).

$$\frac{E_c}{V} = \frac{mgh}{V} = \rho gh$$

movimento é melhor expressa por unidade

de volume

### **Energia de Pressão**

Do que é a energia de pressão?

É a força por unidade de volume do fluido.

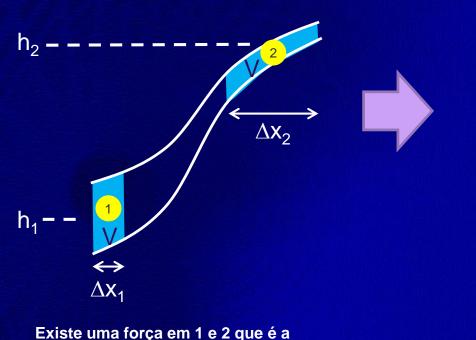
Pressão hidrostática

$$E_{p} = \frac{Força}{\acute{A}rea} = \frac{F}{A} = \frac{Fd}{Ad} = \frac{Energia}{Volume}$$

Pressão Osmótica

A pressão em um fluido pode ser considerada como uma medida de energia por unidade de volume

Considere a água movendo-se da região 1 para a região 2 (mesmo volume)



O trabalho realizado para ir de 1 para 2 vale:

$$W_{1\to 2} = (\frac{1}{2}mv_2^2 + mgh_2) - (\frac{1}{2}mv_1^2 + mgh_1)$$

O trabalho é: W = Fd

Pressão é: 
$$P = \frac{F}{A} \implies F = PA$$

Equação de Bernoulli

$$W = Fd = (P_{1}A\Delta x_{1} - P_{2}A\Delta x_{2}) = (P_{1}V - P_{2}V)$$

$$W = (P_{1}V - P_{2}V) = \frac{1}{2}mv_{2}^{2} + mgh_{2} - \frac{1}{2}mv_{1}^{2} + mgh_{1}$$

$$por pela massa (m) W = (P_{1}\frac{V}{m} - P_{2}\frac{V}{m}) = \frac{1}{2}v_{2}^{2} + gh_{2} - \frac{1}{2}v_{1}^{2} + gh_{1}$$

$$multiplicando por \rho W = (\frac{P_{1}}{\rho} - \frac{P_{2}}{\rho}) = \frac{1}{2}v_{2}^{2} + gh_{2} - \frac{1}{2}v_{1}^{2} + gh_{1}$$

$$W = (P_1 + \frac{1}{2}\rho v_1^2 + \rho g h_1) = P_2 + \frac{1}{2}\rho v_2^2 + \rho g h_2$$

### Equação de Bernoulli

· Energia é sempre conservada

Energia por unidade de volume antes = Energia por unidade de volume depois

$$\frac{E_{p1}}{V} + \frac{E_{c1}}{V} + \frac{E_{a1}}{V} = \frac{E_{p2}}{V} + \frac{E_{c2}}{V} + \frac{E_{a2}}{V}$$

$$P_{1} + \frac{1}{2}\rho v_{1}^{2} + \rho g h_{1} = P_{2} + \frac{1}{2}\rho v_{2}^{2} + \rho g h_{2}$$

Energia de pressão

Energia de Cinética por unidade de volume

Energia Potencial por unidade de volume

- ✓ O fluido possui densidade constante.
- ✓ O regime do fluxo está estabelecido
- ✓ Não existe atrito



Daniel Bernoulli

### Equação de Bernoulli

#### Fluido:

- Incompressível (densidade constante)
- Em regime permanente
- Sem atrito
- Em fluxo laminar

$$P_1 + \frac{1}{2}\rho v_1^2 + \rho g h_1 = P_2 + \frac{1}{2}\rho v_2^2 + \rho g h_2$$

 $\rho_g$  para obter em altura de coluna do fluido

$$\frac{P}{\rho g} + \frac{v^2}{2g} + z = cte = h_T$$

Para levar em conta a perda de energia devida a resistência viscosa nos poros a equação fica:

$$\frac{P_A}{\gamma_w} + \frac{v_A^2}{2g} + z_A = \frac{P_B}{\gamma_w} + \frac{v_B^2}{2g} + z_B + \Delta h$$

### Uma velocidade de 0.1 m/s implica em uma carga cinética de 0,5mm

$$\frac{P_{A}}{\gamma_{w}} + \frac{v^{2}}{2g} + z_{A} = \frac{P_{B}}{\gamma_{w}} + \frac{v^{2}}{2g} + z_{B} + \Delta h$$

 $0.1m/s \Rightarrow 0.0005m = 0.05cm$ 

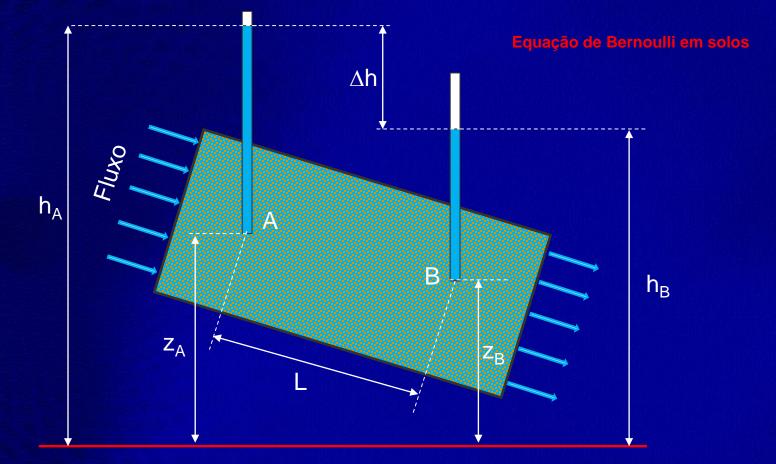
Areia K = 10<sup>-2</sup> m/s

Logo:

$$\frac{P_A}{\gamma_w} + z_A = \frac{P_B}{\gamma_w} + z_B + \Delta h$$

A carga Total em qualquer ponto vale:

$$h_T = \frac{P}{\gamma_w} + z$$



Carga Total em A

$$h_A = \frac{u_A}{\gamma_W} + z_A$$

Carga Total em B

$$h_B = \frac{u_B}{\gamma_W} + z_B$$

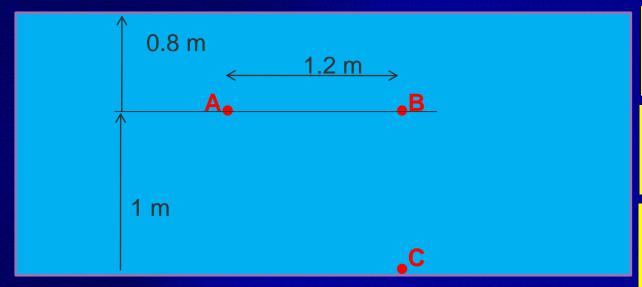
Perda de carga de A para B

$$\Delta h = h_A - h_B$$

Gradiente hidráulico

$$i = \frac{\Delta h}{L}$$

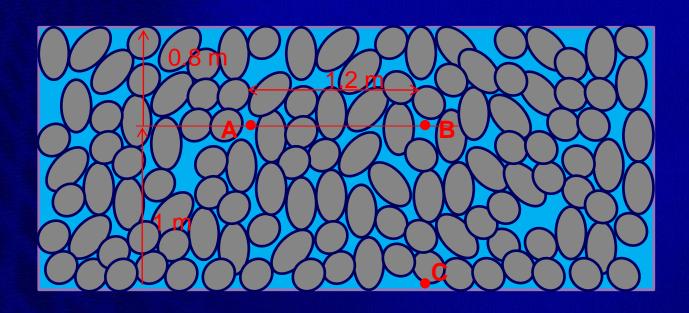
#### Determinar as cargas hidráulicas no pontos indicados



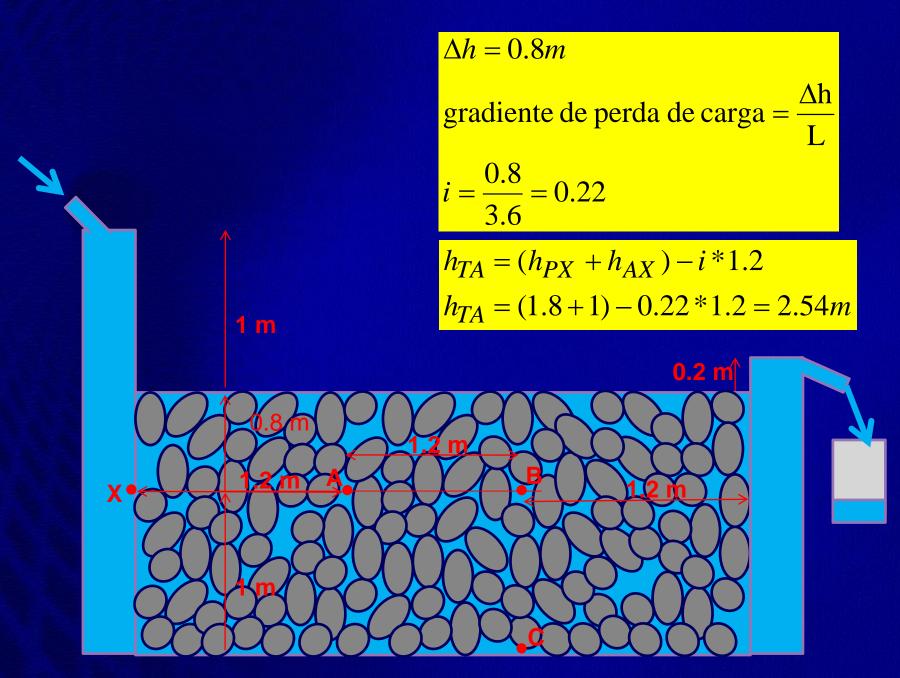
$$h_{TA} = h_{PA} + h_{AA}$$
  
 $h_{TA} = 0.8 + 1 = 1.8m$ 

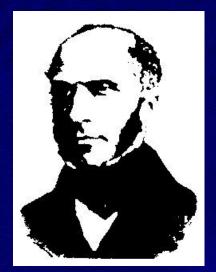
$$h_{TB} = h_{PB} + h_{AB}$$
  
 $h_{TB} = 0.8 + 1 = 1.8m$ 

$$h_{TC} = h_{PC} + h_{AC}$$
  
 $h_{TC} = 1.8 + 0 = 1.8m$ 



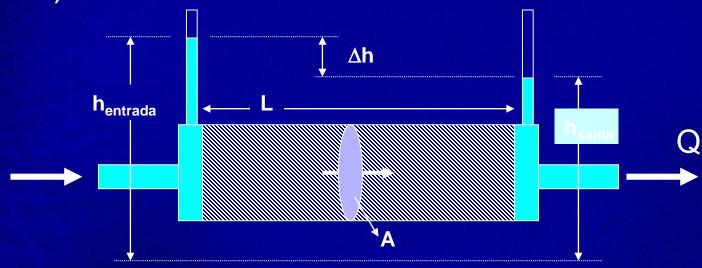
#### Determinar as cargas hidráulicas no pontos indicados





Na tentativa de melhorar o sistema de purificação de água do sistema de abastecimento de água de Dijon, na França em 1856, Henry Darcy, estabeleceu a relação que governa o fluxo de água em meios porosos saturados.

Henry Darcy (1803 to 1858)



$$Q \approx \frac{\left(h_{entrada} - h_{saida}\right)}{L} A$$

# Lei de Darcy

$$Q = K \frac{h}{L} A$$

Q - vazão

K – condutividade hidráulica

A - Área do permeâmetro

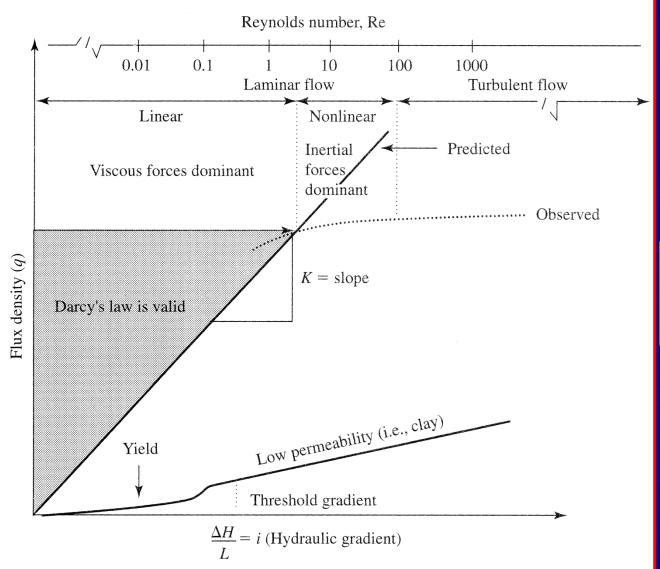
$$\frac{h}{L} = i \Rightarrow$$
 gradiente hidraúlico

$$\frac{Q}{A} = velocidade$$

$$v = Ki$$

Se i=1, k indica a velocidade de percolação da água

### Classificação Esquemática de Fluxo em Solos



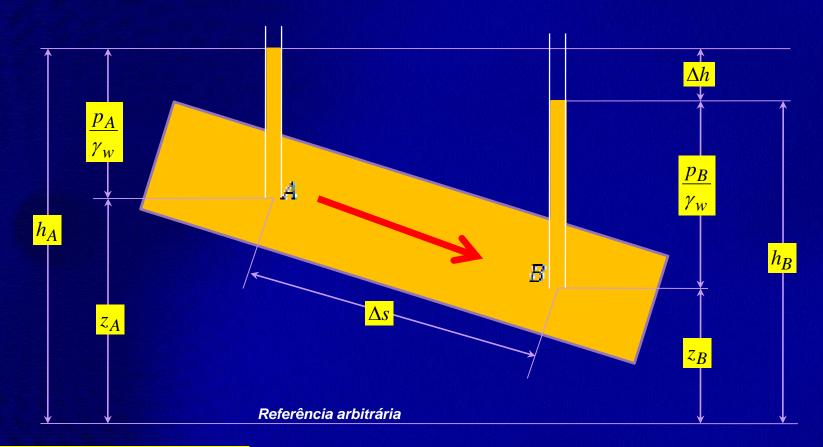
$$R = \frac{vD\rho}{\mu}$$

*v* – velocidade

 $\rho$  – densidade do fluido

 $\mu$  – coenficiente de viscosidade

D – diâmetro médio das partículas



$$i = -\lim_{\Delta s \to 0} \frac{\Delta h}{\Delta s} = -\frac{\Delta h}{\Delta s}$$
 Gradiente hidráulico

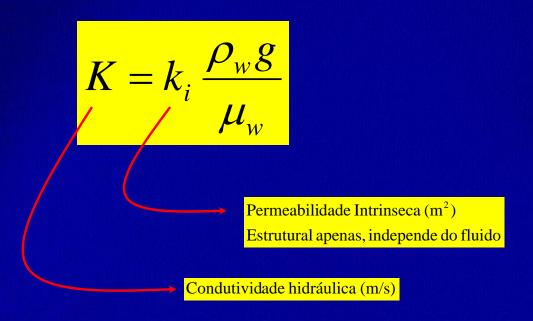
Lembrando que a carga de velocidade (energia cinética) é muito pequena em fluxo em meios porosos, assim:

$$\frac{p_A}{\gamma_w} + z_A = \frac{p_B}{\gamma_w} + z_B + \Delta h$$

A carga total vale:

$$h = \frac{p}{\gamma_w} + z$$

### Permeabilidade e Condutividade Hidráulica



21° C

$$\rho_w$$
 – densidade da água (998.08  $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ )

 $\mu_w$  – viscosidade da água (0.000979  $\frac{\text{kg}}{\text{ms}}$ )

 $g$  – aceleração da gravidade (9.81  $\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )

### Métodos Indiretos para Determinação de K

Hazem (1911)

$$K \text{ ou } k(?) = CD_{10}^{2}$$

- Areia limpa em estado fofo
- C varia de 50 a 1000
- Usualmente se usa 100

#### Valores de C encontrados na literatura

- 41 to 146: Taylor ~1948, p. 112,
- > 100 to 150: Leonards -1962, p. 119,
- 100 to 1000: Mansur and Kaufman -1962, p. 260–261,
- > 100 to 150: Terzaghi and Peck -1964, p. 44,
- > 90 to 120: Cedergren -1967, p. 42,
- > 1 to 42: Lambe and Whitman -1969, p. 290,
- > 40 to 120: Holtz and Kovacs -1981, pp. 209–212,
- > 50 to 200: Terzaghi et al. -1996, pp. 73-74,
- > 100 to 150: Das -1997, p. 153,
- > 80 to 120: Coduto -1999, pp. 226-227.

Ensaio de Adensamento

$$K = \frac{\gamma_w m_v T H^2}{t}$$

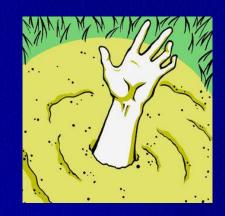
$$m_{v} = \frac{a_{v}}{1 + e_{0}}$$

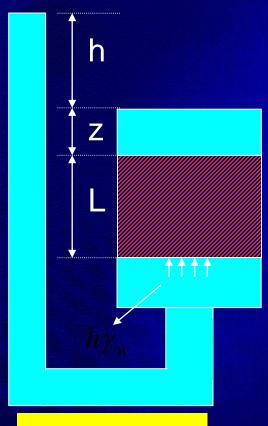
$$a_{v} = \frac{de}{dp}$$

### Condutividade Hidráulica (K)

- Tamanho dos grãos
- Arranjo das partículas (estrutura)
- Dispersão dos finos
- Densidade
- Descontinuidades
- Grau de saturação
- Natureza do fluido

# **Gradiente Crítico**





$$\sigma' = 0$$

• Se  $\sigma' = 0$  a resistência é nula e teremos areia movediça

$$\sigma' = L(\gamma_{sub} - i\gamma_w) = 0$$

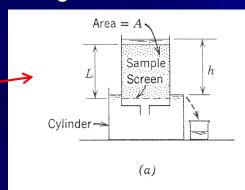
$$i_{crit} = rac{\gamma_{sub}}{\gamma_{w}}$$

# Determinação da Condutividade Hidráulica

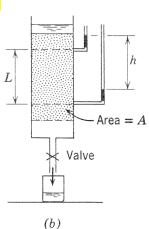


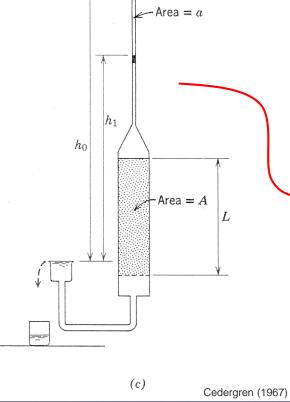
### Carga Constante

### Carga Variável



$$K = V \frac{L}{hAt} = q \frac{L}{hA}$$





$$q = \frac{dh}{dt} = KA \frac{h}{L}$$

$$-\frac{dh}{h} = \frac{KA}{aL} dt$$

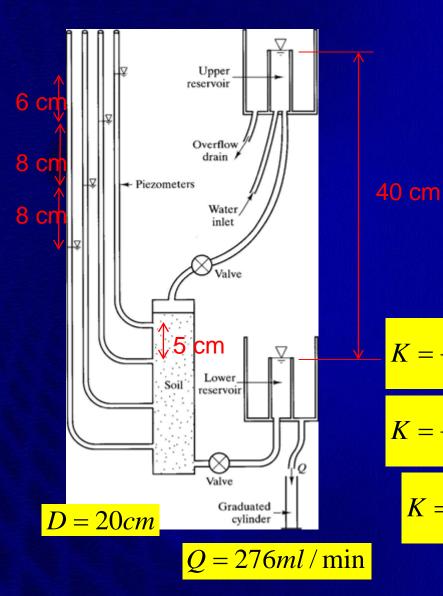
$$\int_{h_0}^{h_1} -\frac{dh}{h} = \int \frac{KA}{aL} dt$$

$$\ln(h_0 - h_1) = \frac{KA}{aL} t$$

$$TK = \frac{aL}{At} \ln \left( \frac{h_0}{h_1} \right)$$

$$K = \frac{2.3aL}{At} \log \left( \frac{h_0}{h_1} \right)$$

### Permeâmetro de Carga Constante



$$Q = KiA$$

$$Q = K \frac{\Delta h}{l} A$$
Conhecido
Conhecido

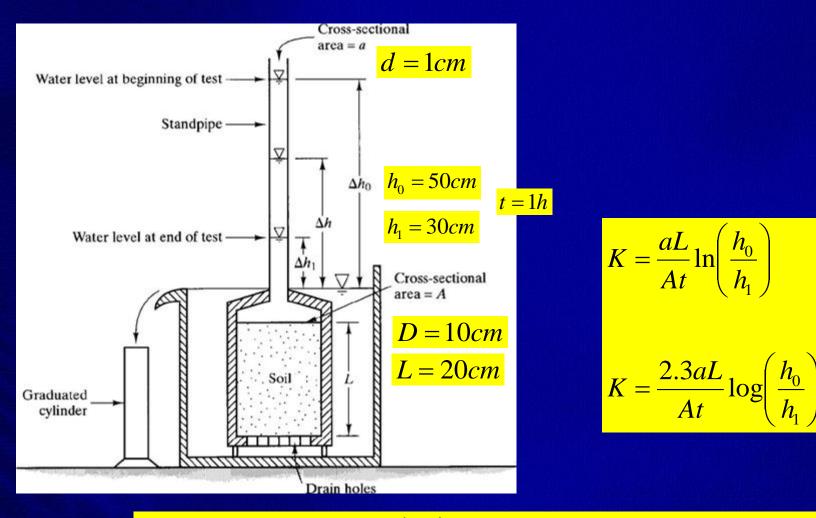
$$K = \frac{Q}{A} \frac{l}{\Delta h}$$

$$K = \frac{4.6}{314.16} \frac{5}{6} = 1.2 * 10^{-2} cm / s = 1.2 * 10^{-4} m / s$$

$$K = \frac{4.6}{314.16} \frac{5}{8} = 9.2 * 10^{-3} cm/s = 9.2 * 10^{-5} m/s$$

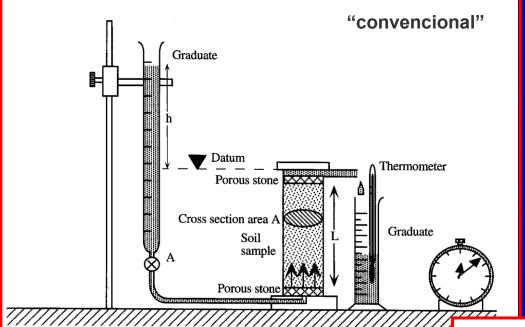
$$K = \frac{4.6}{314.16} \frac{15}{22} = 1*10^{-2} cm/s = 1*10^{-4} m/s$$

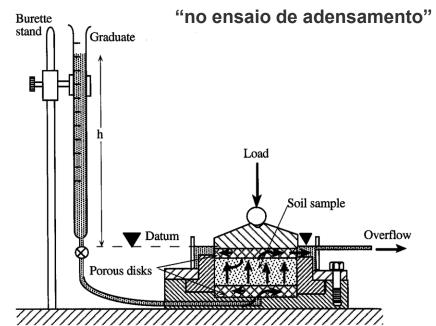
### Permeâmetro de Carga Variável



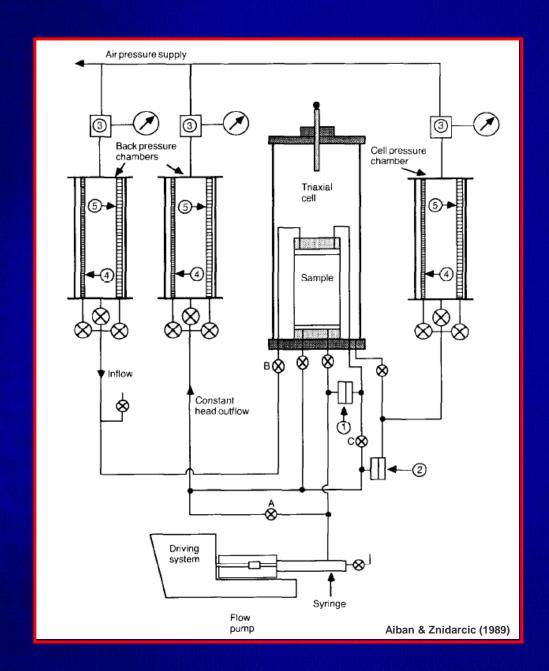
$$K = \frac{2.3*0.785*20}{78.54*3600} \log \left(\frac{50}{30}\right) = 2.8*10^{-5} cm/s = 2.8*10^{-7} m/s$$

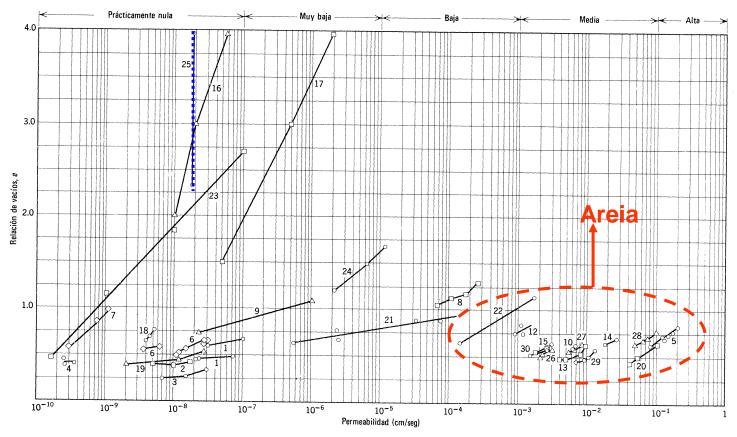
### Permeâmetro de Carga Variável





### Permeâmetro de Vazão Constante





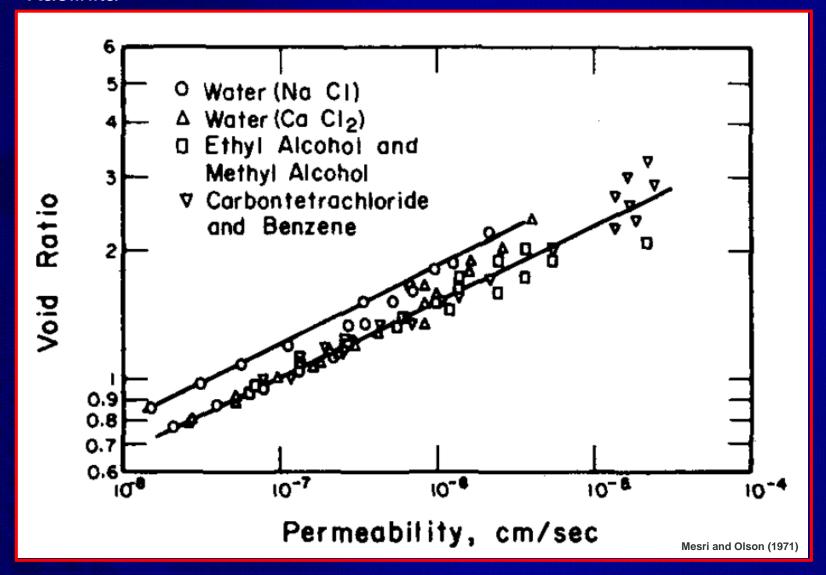
#### Identificación de los suelos

- 1 Caliche compactado
- 2 Caliche compactado
- 3 Arena limosa
- 4 Arcilla arenosa
- 5 Arena de playa
- 6 Arcilla azul de Boston compactada
- 7 Arcilla de Vicksburg
- 8 Arcilla arenosa
- 9 Limo de Boston

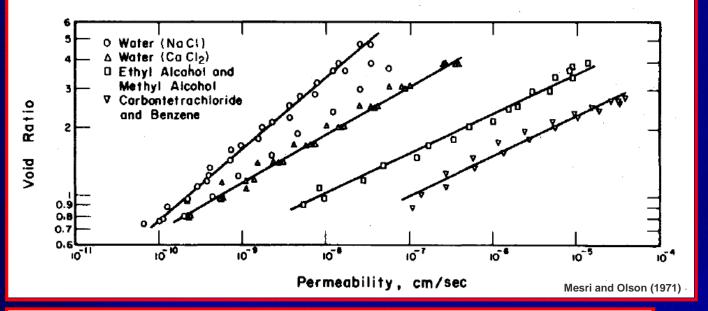
- 10 Arena de Otawa
- 11 Arena-Gaspee Point
- 13 Arena-Scituate
- 14 Arena-Plum Island 15 Arena-Fort Peck
- 16 Limo-Boston
- 17 Limo-Boston
- 18 Loes

- 19 Arcilla magra
- 20 Arena-Union Falls
- 12 Arena-Franklin Falls 21 Limo-North Carolina
  - 22 Arena de dique
  - 23 Arcilla azul de Boston sódica
  - 24 Caolinita cálcica
  - 25 Montmorilonita sódica
  - 26 Arena (filtro de presa)

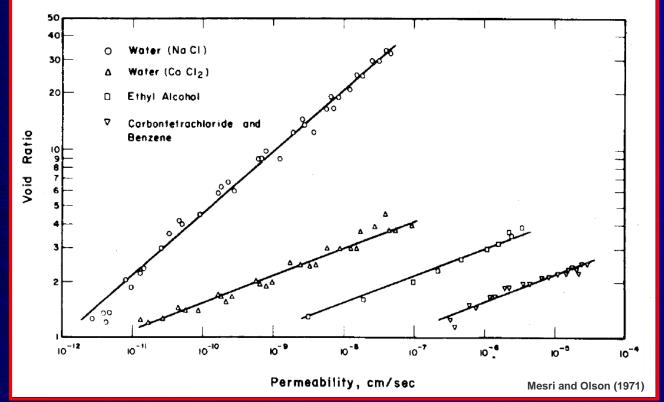
### Kaolinita



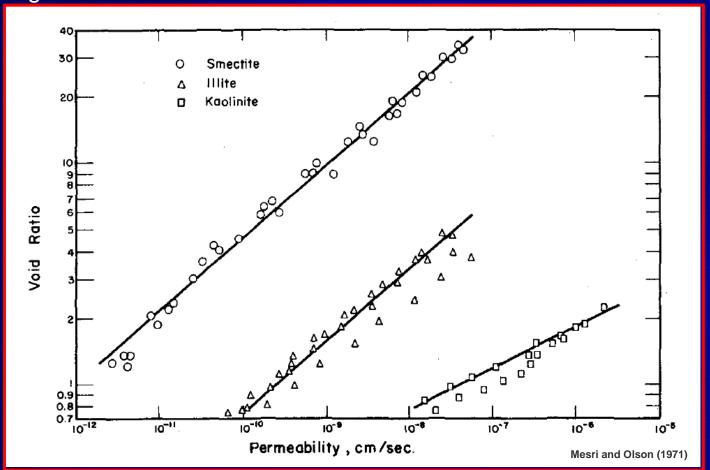




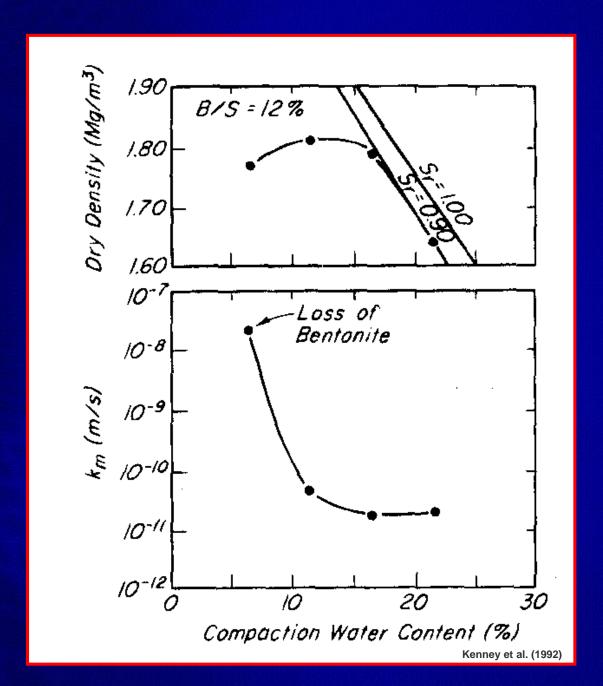
### Smectita

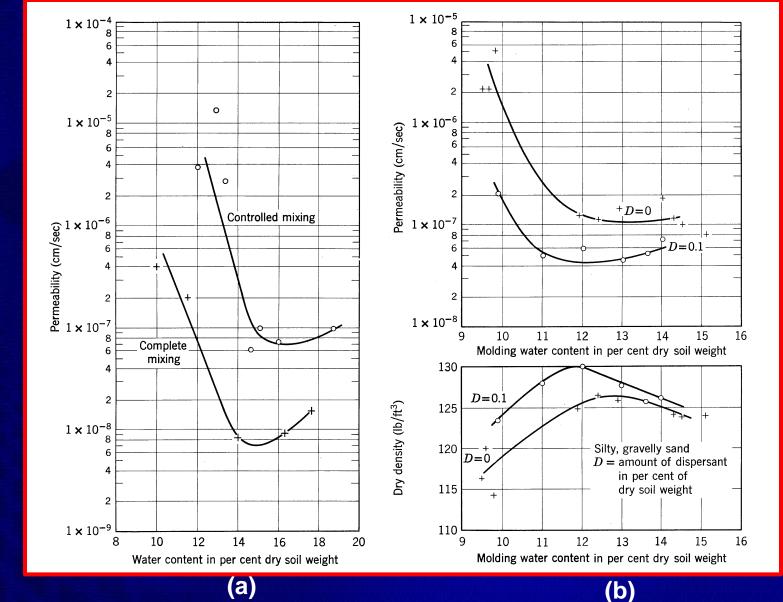




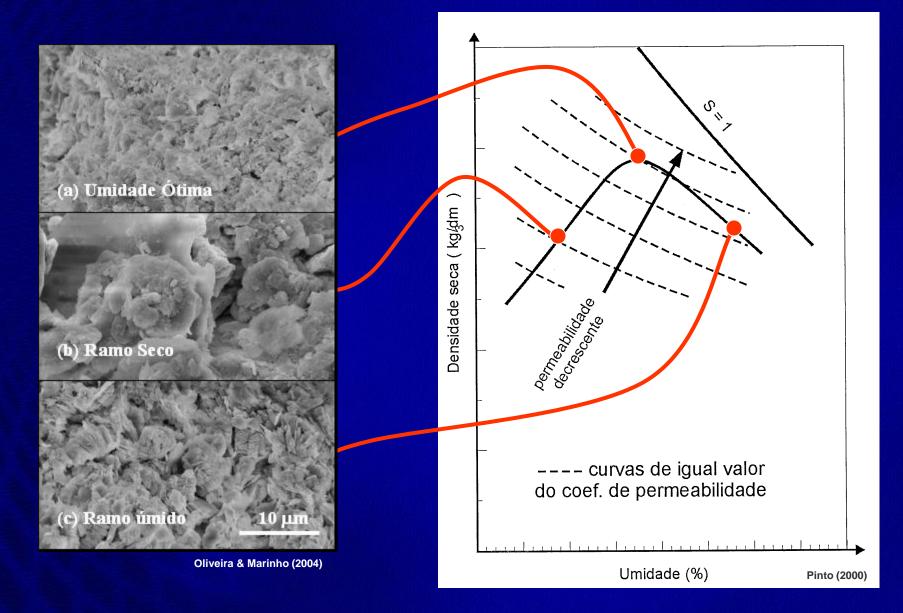


### Compactação e Condutividade Hidráulica





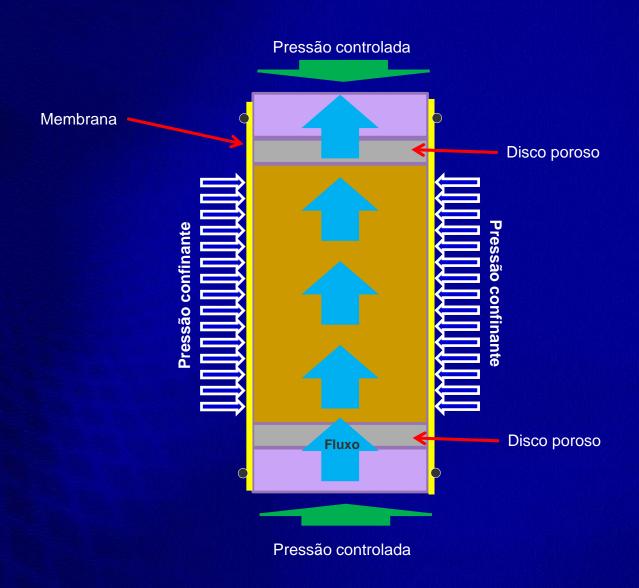
Efeito da estrutura na permeabilidade (a) efeito do grau de mistura (b) efeito da dispersão.



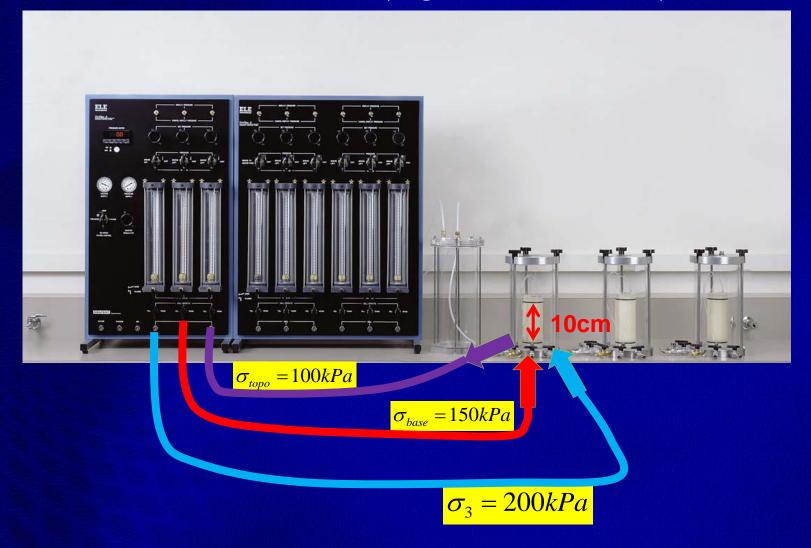
### Permeâmetro de Parede Flexível (carga variável ou constante)



### Permeâmetro com Membrana Flexível



### Permeâmetro de Parede Flexível (carga variável ou constante)



Cuidado!!!! – Usar carga hidráulica e não pressão na hora de calcular o gradiente hidráulico

# Alguns erros comuns

### Permeâmetro de Parede Rígida

- Fluxo preferencial pela parede.
- Qualidade da amostra.
- Aprisionamento de ar.
- Variação de temperatura.

### Permeâmetro de Parede Flexível

- A contração ou expansão da amostra.
- Qualidade da amostra.
- Aprisionamento de ar.
- Variação de temperatura

# WATER MOVEMENT IN SOILS

W. H. Gardner and J.C. Haleh