

Lista 1 - Derivação

1 // Dados do exercício:

$$C = C_0 + C_1 Y_d \quad (i), \text{ considere } C_0 > 0 \text{ e } 0 < C_1 < 1$$

$$Y_d = Y - T \quad (ii)$$

$$I = b_0 + b_1 Y \quad (iii)$$

a) Temos: $Y = C + I + G$. Substituindo (ii) em (i), temos:

$$C = C_0 + C_1 (Y - T) \quad (iv)$$

Substituindo (iii) e (iv) em Y :

$$Y = C_0 + C_1 (Y - T) + b_0 + b_1 Y + G$$

$$Y = C_1 Y - b_1 Y = C_0 + b_0 - C_1 T + G$$

$$(1 - C_1 - b_1) Y = C_0 + b_0 - C_1 T + G$$

Temos o produto de equilíbrio:

$$Y = \left[\frac{1}{1 - C_1 - b_1} \right] [C_0 + b_0 - C_1 T + G]$$

b) Multiplicador: $\frac{1}{1 - C_1 - b_1}$

Pelo enunciado: "Investimento agora cresce com o produto", sabemos que $b_1 > 0$. Logo, usando (iii):

$$I = b_0 + b_1 Y \implies \frac{\partial I}{\partial Y} = b_1 > 0.$$

Quanto maior b_1 , maior o multiplicador.

• Para o multiplicador ser positivo, temos que $c_1 + b_1 < 1$.
 Caso a condição não seja atendida, o equilíbrio no mercado de bens não estará bem definido.

↳ Caso: $c_1 + b_1 = 1 \longrightarrow$ multiplicador = $\frac{1}{0}$ (indefinido)

$c_1 + b_1 > 1 \longrightarrow$ multiplicador: negativo.

c) Parâmetro b_0 = confiança nos negócios.

Lembrando o produto de equilíbrio:

$$\uparrow Y = \left[\frac{1}{1 - c_1 - b_1} \right] [C_0 + \uparrow b_0 - c_1 T + G]$$

Com aumento de b_0 , o produto irá aumentar

• Investimento:

Substituindo o produto de equilíbrio na equação de investimento (iii)

$$I = b_0 + b_1 \left[\frac{1}{1 - c_1 - b_1} \right] [C_0 + b_0 - c_1 T + G]$$

$$\frac{\partial I}{\partial b_0} = 1 + \frac{b_1}{1 - c_1 - b_1} > 1$$

- > 0

Como b_0 afeta Y , e o investimento I é afetado por Y , concluir que I cresce mais que a mudança em b_0 .

• Poupança:

Como $I \equiv S$, o aumento em I leva um aumento na poupança nacional.

211

Dados: PMPP: 0,25M

DV: 0,75M

R: 8.000

B: 16.000

Fórmulas importantes: $B = PMPP + R$

$$C_1 + d_1 = 1$$

$$m = \frac{1}{1 - d_1(1-r)}$$

$$r = \frac{R}{DV}$$

$$C_1 = \frac{PMPP}{M}$$

i) $B = PMPP + R$
 $16.000 = PMPP + 8000 \longrightarrow \underline{PMPP = 8000} \parallel$

ii) $PMPP = \frac{1}{4} M$
 $8.000 = \frac{1}{4} M \longrightarrow \underline{M = 32.000} \parallel$

iii) $DV = \frac{3}{4} M$
 $DV = \frac{3}{4} \cdot 32000 \longrightarrow \underline{DV = 24.000} \parallel$

iv) $C_1 = \frac{PMPP}{M} = \frac{1}{4} \cdot \frac{M}{M} = \frac{1}{4} \longrightarrow \underline{C_1 = \frac{1}{4}} \parallel$

v) $C_1 + d_1 = 1$
 $d_1 = 1 - \frac{1}{4}$
 $\longrightarrow \underline{d_1 = \frac{3}{4}} \parallel$

vi) $r = \frac{R}{DV} = \frac{8000}{24.000} \longrightarrow \underline{r = \frac{1}{3}} \parallel$

$$\text{vii) } m = \frac{1}{1 - d_1(1-r)} = \frac{1}{1 - \frac{3}{4}(1 - \frac{1}{3})} = \frac{1}{1 - \frac{1}{2}}$$

Loop, $\boxed{m = 0.2}$

3 // Dados: $C = 200 + 0,25Y_d$

$$I = 150 + 0,25Y - 1000i$$

$$G = 250$$

$$T = 200$$

$$\frac{M^d}{P} = 2Y - 8000i$$

$$\frac{M}{P} = 1600$$

a) Relação IS

Lembrando: $Y_d = (Y - T)$ e $Y = C + G + I$. Usando os dados do exercício

temos:

$$Y = C + G + I$$

$$Y = 200 + 0,25(Y - 200) + 250 + 150 + 0,25Y - 1000i$$

$$Y - 0,5Y = 200 - 50 + 250 + 150 - 1000i$$

$$0,5Y = 550 - 1000i$$

$$Y = 1100 - 2000i$$

$$i = \left(\frac{1}{2000} \right) (1100 - Y)$$

b) Relação LM

Temas: $M^d/P = M/P$, logo

$$2Y - 8000i = 1600$$

$$i = \left(\frac{1}{8.000} \right) (2Y - 1600) \Rightarrow i = \left(\frac{1}{4.000} \right) (Y - 800)$$

c) Utilizando as equações encontradas nos itens (a) e (b), temos (igualando-as):

$$\left(\frac{1}{2000}\right)(2200 - Y) = \left(\frac{1}{4000}\right)(Y - 800)$$

$$2200 - 2Y = Y - 800$$

$$3Y = 3000$$

$$Y^* = 1000$$

d) Taxa de juros

Utilizando $Y^* = 1000$ e substituindo na relação LM:

$$i^* \cdot \left(\frac{1}{4000}\right)(1000 - 800) = \frac{200}{4000} = \frac{1}{20}$$

$$i^* = 5\%$$

e) C^* , I^* e Y^*

Utilizando $Y^* = 1000$, as fórmulas do exercício e $i^* = 5\%$:

$$\begin{aligned} C^* &= 200 + 0,25(Y - T) \\ &= 200 + 0,25(1000 - 200) \end{aligned}$$

$$C^* = 400$$

$$I^* = 150 + 0,25Y^* - 1000i^*$$

$$I^* = 150 + 0,25(1000) - 1000 \cdot \frac{5}{100}$$

$$I^* = 350$$

$$\text{Logo, } Y^* = C^* + I^* + G$$

$$= 400 + 350 + 250$$

$$\boxed{Y^* = 1000}$$

f) Considere $M/P = 1840$. Sabendo que $M^d/P = M/P$:

$$27 - 8000i = 1840$$

$$\text{Nova relação LM': } i' = \left(\frac{1}{4000} \right) (Y - 920)$$

Iguando $IS(\text{item a}) = LM'$:

$$\left(\frac{1}{2000} \right) (1100 - Y) = \left(\frac{1}{4000} \right) (Y - 920)$$

$$2200 - 2Y = Y - 920$$

$$3Y = 3120$$

$$\boxed{Y^{**} = 1040}$$

Substituindo Y^{**} na LM' , encontramos a nova taxa de juros:

$$i^{**} = \left(\frac{1}{4000} \right) (1040 - 920)$$

$$= \frac{1}{4000} \cdot (120) = \frac{3}{100} \Rightarrow \boxed{i^{**} = 3\%}$$

Logo,

$$C^{**} = 200 + 0,25(1040 - 200) \Rightarrow \boxed{C^{**} = 410}$$

$$I^{**} = 150 + 0,25(1040) - 1000 \cdot \left(\frac{3}{100} \right) \Rightarrow \boxed{I^{**} = 380}$$

• Banco Central: na política monetária expansionista: compra títulos no mercado aberto. Com o aumento da demanda por títulos, o preço do título sobe, e a taxa de juros cai. Logo, o aumento da moeda leva a uma taxa de juros mais baixa, o que leva a um aumento do investimento e, por sua vez, a um aumento da demanda e do produto.

g) $M/p = 1600$ e $G = 400$

Nova relação IS:

$$Y = C + G + I$$

$$Y = 200 + 0,25(Y - 200) + 400 + 150 + 0,25Y - 1000i$$

$$0,5Y = 200 - 50 + 400 + 150 - 1000i$$

$$0,5Y = 700 - 1000i$$

$$i = \left(\frac{1}{2000} \right) (1400 - Y)$$

Igualando a nova relação IS à LM (item b):

$$\left(\frac{1}{2000} \right) (1400 - Y) = \left(\frac{1}{4000} \right) (Y - 800)$$

$$2800 - 2Y = Y - 800$$

$$3Y = 3600$$

$$\hat{Y} = 1200$$

Substituindo $\hat{Y}$ na relação LM:

$$\hat{i} = \left(\frac{1}{4000} \right) (1200 - 800) = \frac{1}{10} \Rightarrow \hat{i} = 10\%$$

Logo,

$$\checkmark \hat{C} = 200 + 0,25(1200 - 200) \Rightarrow \boxed{\hat{C} = 450}$$

$$\checkmark \hat{I} = 150 + 0,25(1200) - 1000 \cdot \left(\frac{1}{50}\right) \Rightarrow \boxed{\hat{I} = 350}$$

Com política fiscal expansionista (aumento em G), o produto se eleva. Com o produto maior, as pessoas demandam mais moeda, e portanto, vendem seus títulos. Com aumento da oferta de títulos, o preço diminui e a taxa de juros se eleva. Logo, no novo equilíbrio tem uma elevação do produto e da taxa de juros.

OA - DA

Fórmulas

• $Y = AN$

• $u = \frac{U}{L} = \frac{L - N}{L} = 1 - \frac{N}{L} = 1 - \frac{Y}{L}$

• (PS): $P = (1 + \mu) \frac{W}{A}$

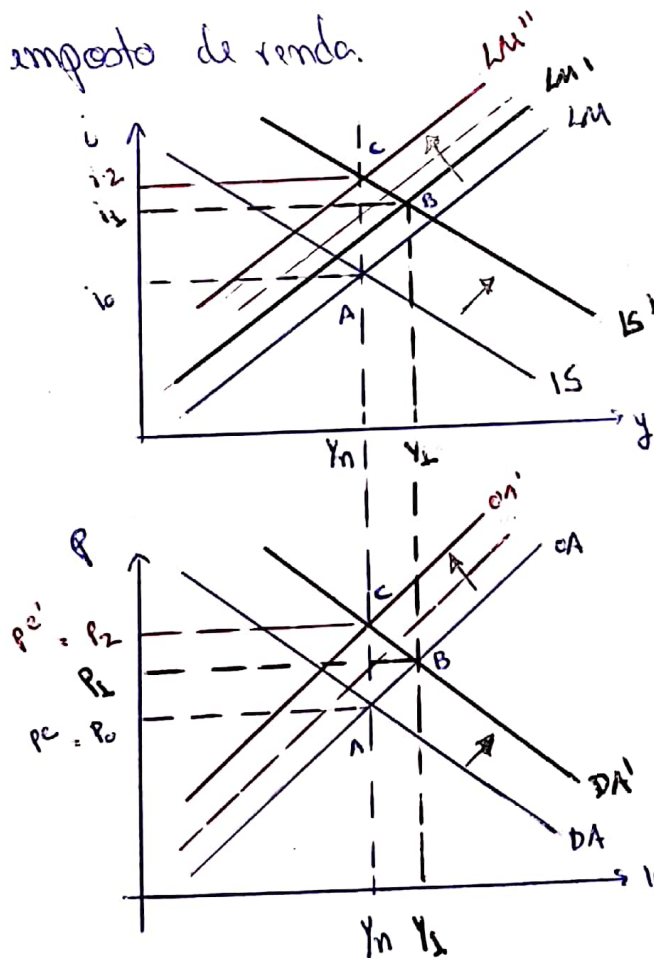
• (WS): $W = \frac{P}{1 + \mu} F(u, z)$

• OA: $P = \frac{P^e}{A} (1 + \mu) F\left(1 - \frac{Y}{AL}, z\right)$

• DA: $Y = Y\left[A + \frac{b}{h} \frac{u^s}{P}\right], \quad \gamma = \frac{\gamma}{1 + \frac{gbk}{h}}$

z = seguro desemprego / salário mínimo / justiça trabalhista.

4 // Redução no imposto de renda.



CP: Com a redução dos impostos, o produto aumenta - desloca a curva IS para a direita. Com $\uparrow Y$, os preços também se elevam, o que faz a relação M/P diminuir, deslocando ligeiramente a curva LM para cima. Produto surge Y_2 .

No ponto B, $Y_1 > Y_n$ e $P > P^e$. Os "fixados" de salário não baixam suas expectativas do nível de preço futuro em um nível de preço mais alto, deslocando a curva CA para cima. A expectativa de um nível de preço mais alto também leva ao aumento do salário nominal, que por sua vez eleva o nível de preço.

obs: $\uparrow W = \uparrow P^e F(u, z)$

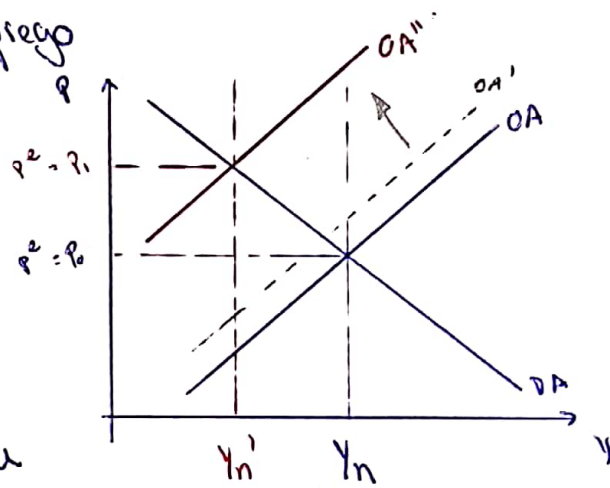
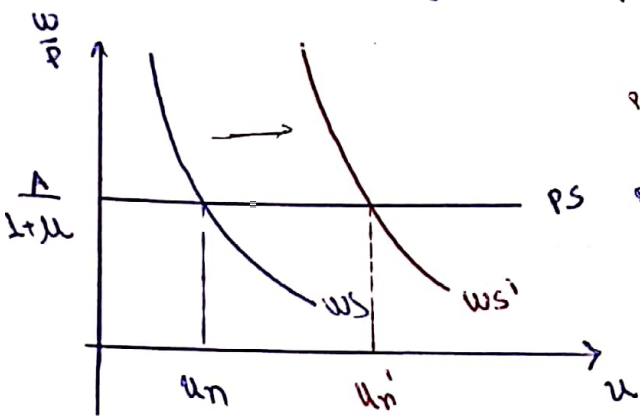
$$\uparrow P = (1 + u) \frac{W \uparrow}{A}$$

MP: Produto retorna ao nível do produto natural Y_n . Os preços são maiores ($P_2 > P_0$). E a taxa de juros será maior ($i_2 > i_0$), o que diminui os investimentos. E observando:

$$\bar{Y}_n = \uparrow C(1 - \tau) + \downarrow I(Y, i) + G$$

pode-se concluir que o consumo aumenta. ($\Delta C = -\Delta I$).

5 // Aumento no seguro desemprego



Aumento de z desloca WS para cima. $(F(\bar{u}, \bar{z}))$ e, portanto, eleva a taxa natural de desemprego $u_n \rightarrow u_n'$. O $\uparrow z$ diminui y_n para y_n' . A curva de oferta de CP (OA) também se desloca à medida que as expectativas de preços p^e sobe, até atingir y_n' .