Economia para Computação

Prof. Gerson Nassor Cardoso prof.gersonnassor@usp.br

TEORIA DOS JOGOS

A Teoria dos Jogos tem como **objetivo** analisar problemas que envolvem a interação entre agentes, especialmente quando as decisões tomadas por um deles afetam as decisões dos demais.

É definida como os estudo das decisões em situação interativa.

Não se restringe a problemas econômicos pois visa analisar os resultados de diferentes comportamentos dos agentes que interagem entre si.

Também trabalha com modelos simplificados da realidade.

O que é um jogo?

É caracterizado por um conjunto de regras e resultados bem definidos possíveis.

Os **jogadores** são agentes que interagem entre si selecionando diferentes **estratégias**, diferentes possibilidades de comportamento baseadas no **conjunto de informações** disponíveis para cada um.

Ou seja, ocorre informação assimétrica.

Representação de um jogo

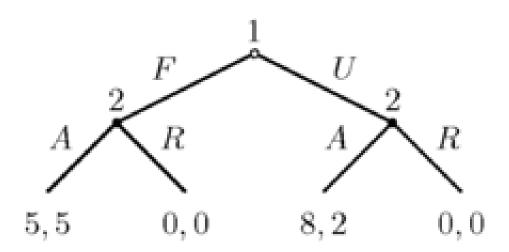
. Matriz de Payoff

As estratégias do jogador 1 são representadas pelas linhas superior e inferior e a do jogador 2 pelas colunas esquerda e direita.

	Matriz de payoff para o jogo da propaganda		
		Empresa B	
		Faz propaganda	Não faz propaganda
Empresa A	Faz propaganda	10, 5	15, 0
	Não faz propaganda	6, 8	10, 2

Representação de um jogo

. <u>Rede</u>: matriz de Payoff em forma estendida. Cada nós representa uma etapa do jogo e as arestas as escolhas possíveis.



Dilema do Prisioneiro

- Duas pessoas suspeitas de cometerem um crime são aprisionadas.
- Os policiais colocam os suspeitos em celas separadas sem comunicação.
- São interrogados simultaneamente e perguntados se cometeram o crime ou não.

Dilema do Prisioneiro

- Para induzi-los a confessar, propõe o seguinte:
 - ✓ Se você confessar o crime e seu companheiro não confessar, a pena será máxima para que não confessou (dez anos de reclusão), enquanto o que confessou terá a pena reduzida para um ano.
 - ✓ Se ambos confessaram a pena será atenuada para cinco anos de reclusão para cada suspeito.
 - ✓ Se ambos não confessarem, a pena será atenuada para cinco anos de reclusão para cada suspeito

Dilema do Prisioneiro

		Prisioneiro 2	
		Confessa Não Confessa	
Prisioneiro 1	Confessa	-5;-5	-1;-10
	Não Confessa	-10;-1	-3;-3





Estratégias Dominantes

Uma estratégia é dominante em relação a outra quando os resultados obtidos com sua utilização são os melhores se comparados aos resultados obtidos com outra estratégia, **qualquer que seja** a atuação dos demais jogadores.

Dilema dos prisioneiros:

		Prisioneiro 2	
		Confessa	Não Confessa
Prisioneiro 1	Confessa	-5;-5	-1;-10
	Não Confessa	-10;-1	-3;-3

Confessar é uma estratégia dominante para o jogador 1: o jogador 2 confessando o jogador irá optar confessar; o jogador 2 não confessando o jogador 1 também irá optar por confessar.

O mesmo vale para o jogador 2.

Dilema dos prisioneiros:

		Prisioneiro 2	
		Confessa	Não Confessa
Prisioneiro 1	Confessa	-5;-5	-1;-10
	Não Confessa	-10;-1	-3;-3

Dessa forma ambos jogadores possuem uma estratégia dominante: confessar.

A situação dos jogadores "confessa" e "confessa" representa uma situação em que nenhum dos dois possui incentivos para mudar de escolha, ou seja um **equilíbrio**.

O Equilíbrio de Nash

Ocorre quando a combinação de estratégias escolhidas leva a um resultado no qual nenhum dos jogadores individualmente tem motivos para mudar sua escolha, ou seja, esse jogador não poderia melhorar sua situação unilateralmente modificando a estratégia escolhida.

Um jogador escolhe a melhor estratégia uma vez definida a escolha do outro jogados e vice-versa.

		Prisioneiro 2	
		Confessa	Não Confessa
Prisioneiro 1	Confessa	-5;-5	-1;-10
	Não Confessa	-10;-1	-3;-3

A estratégia "confessa" e "confessa" também é um equilíbrio de Nash.

O prisioneiro 1 não tem uma opção melhor do que a de confessar, uma vez que o prisioneiro 2 confessou.

		Prisioneiro 2	
		Confessa	Não Confessa
Prisioneiro 1	Confessa	-5;-5	-1;-10
	Não Confessa	-10;-1	-3;-3

A estratégia "Não confessa" e "Não confessa" não é um equilíbrio de Nash.

O prisioneiro 1 tem uma opção melhor do que a de não confessar, uma vez que o prisioneiro 2 não confessou: confessar e reduzir sua pena de 3 para 1 ano.

Jogos Sequenciais

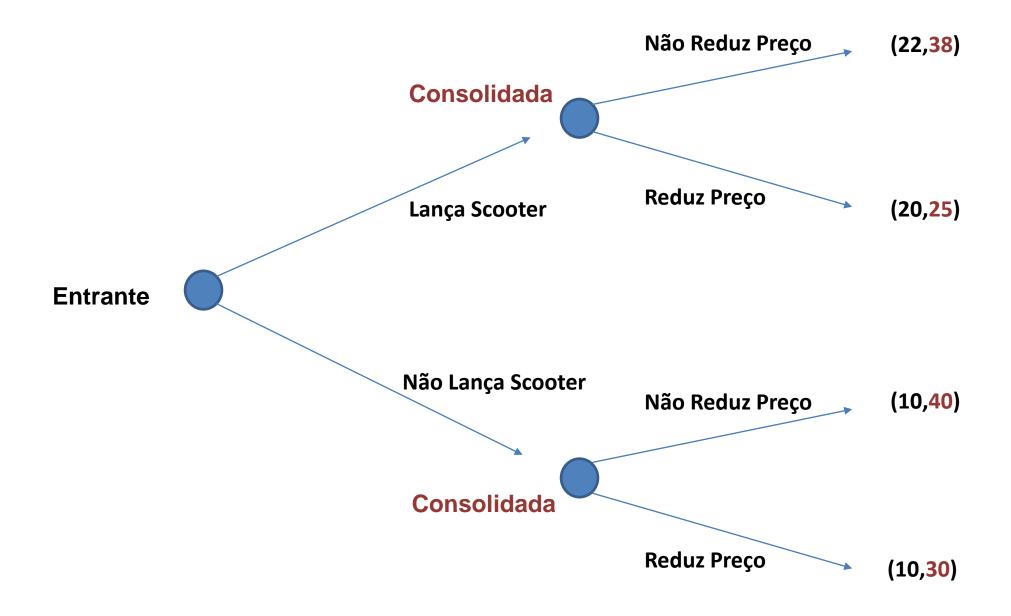
Os jogos podem ser:

Simultâneos - os jogadores escolhem estratégias ao mesmo tempo, ou;

Sequenciais - um jogador escolhe sua estratégia primeiro e o segundo jogador faz sua escolha, ou seja, o segundo jogador escolhe.

Vamos utilizar uma matriz de payoff estendida para exemplificar:

Matriz de *pay-off* de forma estendida:



Vamos utilizar uma matriz de *payoff* estendida para exemplificar.

Considere uma fábrica de motos entrante no mercado. Ela produz apenas modelos de grande porte e não *scooters*, modelo que já são produzidos e vendidos com bastante sucesso por sua concorrente, uma empresa consolidada.

A empresa entrante precisa decidir se lança ou não seu próprio modelo de scooter para competir com a empresa consolidada e se mantém ou reduz o preço de sua scooter para competir com uma eventual novo lançamento.

Assim temos as seguintes opções:

1. Se a entrante decide lançar sua scooter:

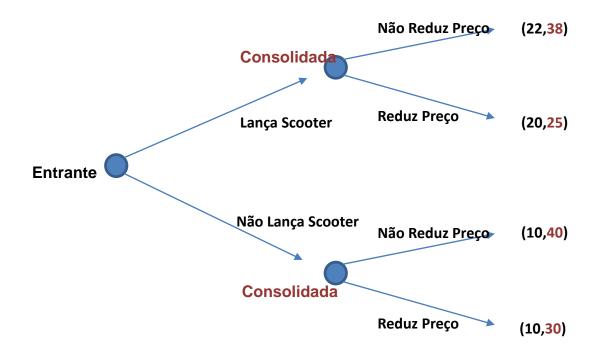
- a consolidada decidir manter seus preços, a entrante terá lucro de 22 milhões e a consolidada terá lucro de 38 milhões;
- Se a consolidada decidir baixar os preços, a entrante ganha 20 milhões e a consolidada 25 milhões;

2. Se a entrante decidir não lançar sua scooter:

- a consolidada decidir manter seus preços, a entrante terá lucro de 10 milhões, decorrente das demais motos que já produz e vende, ao passo que a consolidada 40 milhões;
- a consolidada decidir baixar os preços, a entrante continuará com lucro de 10 milhões, ao passo que a entrante terá lucro de 30 milhões.

Solução:

- Se a Entrante lançar um novo modelo, a Consolidada ganha 38 milhões se não reduzir o preço ou 25 milhões se reduzir: logo ela opta por não reduzir o preço.
- Se a Entrante **não lança um novo modelo**, a Consolidada ganha 40 milhões se não reduzir, ou ganha 30 milhões se reduzir: logo ela opta por **não reduzir o preço**.



Note que **não reduzir o preço** é uma estratégia dominante para a Consolidada. Sabendo disso qual a decisão ideal da entrante?

- A Entrante pode optar por lançar seu modelo novo e receber 20 milhões ou ;
- não lançar e receber 10 milhões.

Resultado: A Entrante opta por lançar e a consolidada opta por não reduzir seu preço.

Considerações Finais

Os exemplos apresentados consideraram que:

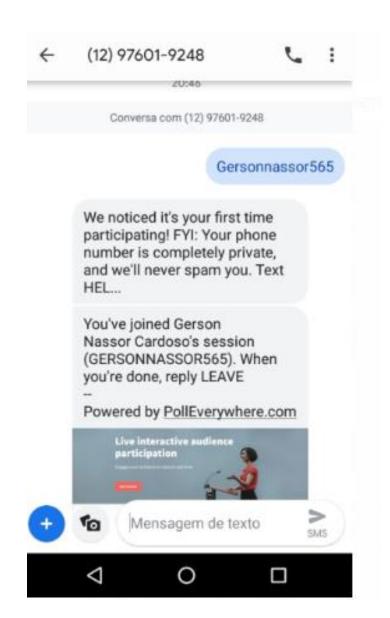
As atividades envolvidas interagem apenas uma vez, não são jogos repetidos.

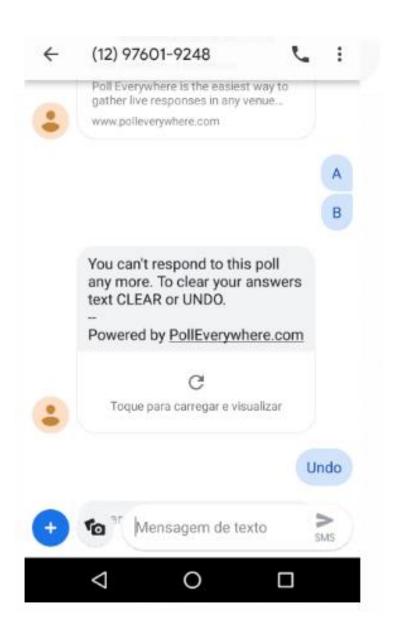
Os jogos são **não cooperativos**, os agentes buscam maximizar seu *pay-off* sem se preocupar com o bem estar do oponente e o estabelecimento de acordos.

Eram de **estratégia pura**, ou seja, não existiam probabilidades associadas às escolhas

Quizz

https://pollev.com/GERSONNASSOR5 65





Competição - Primeiro lugar ganhará uma Lista de Exercícios. Pontuação considera tempo para resposta e resposta correta.

Get ready to compete!

Ser eficiente no sentido de pareto significa:

Ser eficiente no sentido de pareto significa:

A maximização do lucro no emprego de resursos produtivos.

O menor custo possível na aplicação de fatores de produção.

Todos recursos recursos estão sendo alocados sem desperdício e a utilização de um recurso a mais implica no aumento do bem estar de outro.

Todos recursos recursos estão sendo alocados sem desperdício e a utilização de um recurso a mais implica na redução do bem estar de outro.



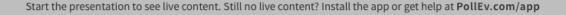
Ser eficiente no sentido de pareto significa:

A maximização do lucro no emprego de resursos produtivos.

O menor custo possível na aplicação de fatores de produção.

Todos recursos recursos estão sendo alocados sem desperdício e a utilização de um recurso a mais implica no aumento do bem estar de outro.

Todos recursos recursos estão sendo alocados sem desperdício e a utilização de um recurso a mais implica na redução do bem estar de outro.



Leaderboard

São falhas de mercado, exceto:

São falhas de mercado, exceto:

Externalidades

Monopólios

Livre Mercado

Informações Assimétricas

São falhas de mercado, exceto:

Externalidades

Monopólios

Livre Mercado

Informações Assimétricas

Leaderboard

São formas de se mitigar as externalidades negativas, exceto:

São formas de se mitigar as externalidades negativas, exceto:

Taxação

Informação

Regulação

Negociação

São formas de se mitigar as externalidades negativas, exceto:

Taxação

Informação

Regulação

Negociação

Leaderboard

Bens públicos são não rivais e não exclusivos. Rivalidade significa que:

Bens públicos são não rivais e não exclusivos. Rivalidade significa que:

O consumo de uma parte diminui a parcela disponível para outro.

Os bens brigam entre si.

O consumo de um bem traz melancolia.

O consumo de uma parte aumenta a parcela disponível para outro.

Bens públicos são não rivais e não exclusivos. Rivalidade significa que:

O consumo de uma parte diminui a parcela disponível para outro.

Os bens brigam entre si.

O consumo de um bem traz melancolia.

O consumo de uma parte aumenta a parcela disponível para outro.



Bens públicos são não rivais e não exclusivos. Excludência significa que:

Bens públicos são não rivais e não exclusivos. Excludência significa que:

É impossível excluir de seu usufruto aquele indivíduo que não assume os custos de sua compra

É possível excluir de seu usufruto aquele indivíduo que não assume os custos de sua compra.

É possível aumentar o usufruto do indivíduo assumindo os custos de sua compra.

É impossível aumentar o usufruto do indivíduo assumindo os custos de sua compra.



Bens públicos são não rivais e não exclusivos. Excludência significa que:

É impossível excluir de seu usufruto aquele indivíduo que não assume os custos de sua compra

É possível excluir de seu usufruto aquele indivíduo que não assume os custos de sua compra.

É possível aumentar o usufruto do indivíduo assumindo os custos de sua compra.

É impossível aumentar o usufruto do indivíduo assumindo os custos de sua compra.

O fato dos monopólios serem considerados uma falha de mercado decorre do fato de:

O fato dos monopólios serem considerados uma falha de mercado decorre do fato de:

Apresentarem uma única empresa no mercado

Apresentarem eficiência na alocação de recursos.

Serem eficientes do ponto de vista de pareto

Apresentarem ineficiência de mercado

O fato dos monopólios serem considerados uma falha de mercado decorre do fato de:

Apresentarem uma única empresa no mercado

Apresentarem eficiência na alocação de recursos.

Serem eficientes do ponto de vista de pareto

Apresentarem ineficiência de mercado



Um mercado com informações assimétricas significa que:

Um mercado com informações assimétricas significa que:

Todos agentes possuem pleno conhecimento a respeito do comportamento do mercado.

Os consumidores e os ofertantes conseguem averiguar perfeitamente as características dos bens que transacionam.

Os consumidores sabem com exatidão as características dos bens que transacionam.

Os produtores tem livre entrada ao mercado.



Um mercado com informações assimétricas significa que:

Todos agentes possuem pleno conhecimento a respeito do comportamento do mercado.

Os consumidores e os ofertantes conseguem averiguar perfeitamente as características dos bens que transacionam.

Os consumidores sabem com exatidão as características dos bens que transacionam.

Os produtores tem livre entrada ao mercado.



A Teoria dos Jogos pode ser definida como:

A Teoria dos Jogos pode ser definida como:

Estudo das decisões estratégicas das empresas.

Estudo dos modelos matemáticos aplicados às estratégias de mercado

Estudo das decisões em situação interativa em diversos ramos e atividades.

Estudo dos modelos matemáticos e das decisões do mercado.

A Teoria dos Jogos pode ser definida como:

Estudo das decisões estratégicas das empresas.

Estudo dos modelos matemáticos aplicados às estratégias de mercado

Estudo das decisões em situação interativa em diversos ramos e atividades.

Estudo dos modelos matemáticos e das decisões do mercado.



Um jogo é:

Um jogo é:

Conjunto de regras e resultados.

Conjunto de jogadores.

Conjunto de estratégias.

Conjunto de pay-offs

Um jogo é:

Conjunto de regras e resultados.

Conjunto de jogadores.

Conjunto de estratégias.

Conjunto de pay-offs



Uma estratégia é dita dominate se:

Uma estratégia é dita dominate se:

Os resultados obtidos com sua utilização são os melhores se comparados aos resultados obtidos com outra estratégia, qualquer que seja a atuação dos demais jogadores.

Os resultados obtidos com sua utilização são os piores se comparados aos resultados obtidos com outra estratégia, qualquer que seja a atuação dos demais jogadores.

Os resultados obtidos com sua utilização são a média dos resultados obtidos com outra estratégia, qualquer que seja a atuação dos demais jogadores.

Os resultados obtidos com sua utilização dominam os demais jogadores.

Uma estratégia é dita dominate se:

Os resultados obtidos com sua utilização são os melhores se comparados aos resultados obtidos com outra estratégia, qualquer que seja a atuação dos demais jogadores.

Os resultados obtidos com sua utilização são os piores se comparados aos resultados obtidos com outra estratégia, qualquer que seja a atuação dos demais jogadores.

Os resultados obtidos com sua utilização são a média dos resultados obtidos com outra estratégia, qualquer que seja a atuação dos demais jogadores.

Os resultados obtidos com sua utilização dominam os demais jogadores.



Jogos podem ser reprentados por meio de:

Jogos podem ser reprentados por meio de:

Tabuleiros

Videos online

Matriz de pay-off

Lista de pay-off



Jogos podem ser reprentados por meio de:

Tabuleiros

Videos online

Matriz de pay-off

Lista de pay-off



Equilibrio de Nash é:

Equilíbrio de Nash é:

O ponto nos qual os resultados obtidos com sua utilização são os melhores se comparados aos resultados obtidos com outra estratégia, qualquer que seja a atuação dos demais jogadores.

Ocorre quando a combinação de estratégias escolhidas leva a um resultado no qual nenhum dos jogadores individualmente tem motivos para mudar sua escolha.

Ocorre quando a combinação de estratégias escolhidas leva a um resultado no qual os jogadores individualmente tem motivos podem melhorar sua escolha.

O ponto nos qual os resultados obtidos com sua utilização são os piores se comparados aos resultados obtidos com outra estratégia, qualquer que seja a atuação dos demais jogadores.



Equilibrio de Nash é:

O ponto nos qual os resultados obtidos com sua utilização são os melhores se comparados aos resultados obtidos com outra estratégia, qualquer que seja a atuação dos demais jogadores.

Ocorre quando a combinação de estratégias escolhidas leva a um resultado no qual nenhum dos jogadores individualmente tem motivos para mudar sua escolha.

Ocorre quando a combinação de estratégias escolhidas leva a um resultado no qual os jogadores individualmente tem motivos podem melhorar sua escolha.

O ponto nos qual os resultados obtidos com sua utilização são os piores se comparados aos resultados obtidos com outra estratégia, qualquer que seja a atuação dos demais jogadores.



Jogos sequenciais são aqueles que:

Jogos sequenciais são aqueles que:

Um jogador escolhe sua estratégia primeiro e só depois o segindo faz sua escolha.

Um jogador escolhe sua estratégia por último seguindo o primeiro.

Um jogador escolhe sua estratégia prúltimo e só depois o segindo faz sua escolha.

Um jogador escolhe sua estratégia numa sequencia pré-definida



Jogos sequenciais são aqueles que:

Um jogador escolhe sua estratégia primeiro e só depois o segindo faz sua escolha.

Um jogador escolhe sua estratégia por último seguindo o primeiro.

Um jogador escolhe sua estratégia pr último e só depois o segindo faz sua escolha.

Um jogador escolhe sua estratégia numa sequencia pré-definida



Jogos nos quais os indivíduos buscam maximizar seu pay-off sem se preocupar com bem estar do oponente ou sem estabelecimento de acordos:

Jogos nos quais os indivíduos buscam maximizar seu payoff sem se preocupar com bem estar do oponente ou sem estabelecimento de acordos:

Dominantes

Repetidos

Estratégia Pura

Não Cooperativos

Jogos nos quais os indivíduos buscam maximizar seu payoff sem se preocupar com bem estar do oponente ou sem estabelecimento de acordos:

Dominantes

Repetidos

Estratégia Pura

Não Cooperativos

Jogos nos quais a interação ocorre masi de uma vez:

Jogos nos quais a interação ocorre masi de uma vez:

Dominantes

Repetidos

Estratégia Pura

Estendidos

Jogos nos quais a interação ocorre masi de uma vez:

Dominantes

Repetidos

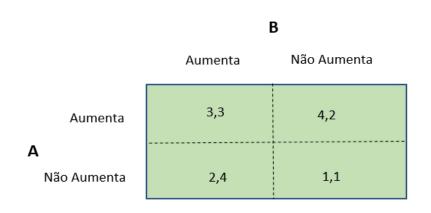
Estratégia Pura

Estendidos



Considere o jogo na imagem apresentada. Supon ha que se trate da decisão de duas empresas A e B sobre o lucro esperado milhões. Considere que irão tomar suas decisões de forma isolada e sem comunicação entre elas. O equilíbrio ocorre em:

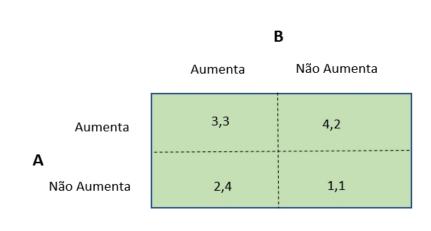
Considere o jogo na imagem apresentada. Supon ha que se trate da decisão de duas empresas A e B sobre o lucro esperado milhões. Considere que irão tomar suas decisões de forma isolada e sem comunicação entre elas. O equilíbrio ocorre em:





Total Results: 0

Considere o jogo na imagem apresentada. Supon ha que se trate da decisão de duas empresas A e B sobre o lucro esperado milhões. Considere que irão tomar suas decisões de forma isolada e sem comunicação entre elas. O equilíbrio ocorre em:



3,3 2,4 4,2

Para o jogo apresentado a estratégia Dominante para o Jogador A é:

Para o jogo apresentado a estratégia Dominante para o Jogador A é:

Aumenta
Aumenta
Aumenta
A
Não Aumenta
2,4
1,1

3,3 2,4 4,2 1,1

Para o jogo apresentado a estratégia Dominante para o Jogador A é:

Aumenta

Aumenta

3,3

4,2

Não Aumenta

2,4

1,1

3,3

2,4

4,2

1,1

Α

O Equilíbrio de Nash ocorre em:

O Equilíbrio de Nash ocorre em:

3,3

2,4

4,2

1,1

O Equilíbrio de Nash ocorre em:

3,3

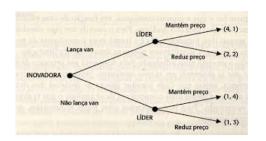
2,4

4,2

1,1

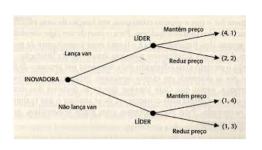
Considerando o jogo sequencial na figura, a respeito do lançamento de uma van no mercado, o equilíbrio ocorre em:

Considerando o jogo sequencial na figura, a respeito do lançamento de uma van no mercado, o equilíbrio ocorre em:



4,12,21,41,3

Considerando o jogo sequencial na figura, a respeito do lançamento de uma van no mercado, o equilíbrio ocorre em:



4,1

2,2

1,4

1,3

Qual estratégia dominante para empresa Inovadora?

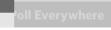
Qual estratégia dominante para empresa Inovadora?

Lançar Van

Não Lançar a Van

Mantém Preço

Não mantém Preço



Qual estratégia dominante para empresa Inovadora?

Lançar Van

Não Lançar a Van

Mantém Preço

Não mantém Preço

