

PTC-5822 - Introdução a Processos Estocásticos - 2019  
Lista de exercícios 01

1. Determine as probabilidades dos seguintes eventos em termos de  $P(A)$ ,  $P(B)$  e  $P(AB)$ :
  - (a)  $A$  ocorre e  $B$  não ocorre;
  - (b)  $B$  ocorre e  $A$  não ocorre;
  - (c) Ou  $A$  ou  $B$  ocorre (não os dois simultaneamente);
  - (d) Nem  $A$  nem  $B$  ocorrem.
2. Dois números  $x$  e  $y$  são escolhidos aleatoriamente do intervalo  $[0, 1]$ .
  - (a) Determine a probabilidade de os dois números estarem dentro do círculo de raio unitário;
  - (b) Determine a probabilidade de  $y > 2x$ .
3. Determine  $P(A|B)$  nos seguintes casos:
  - (a) Se  $AB = \emptyset$ ;
  - (b) Se  $A \subset B$ ;
  - (c) Se  $B \subset A$ .
4. Mostre que, se  $P(A|B) > P(A)$ , então  $P(B|A) > P(B)$ .
5. Mostre que os eventos  $A$  e  $B$  são independentes se  $P(A|B) = P(A|\bar{B})$