

Lentes Delgados

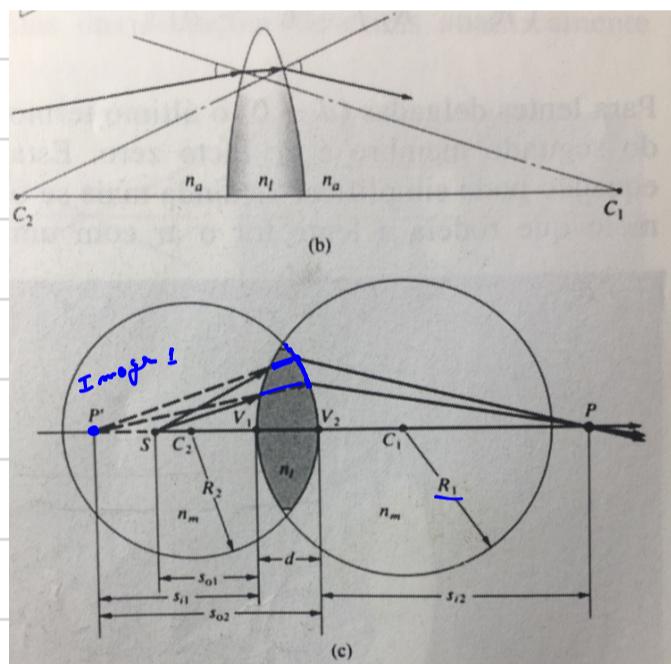
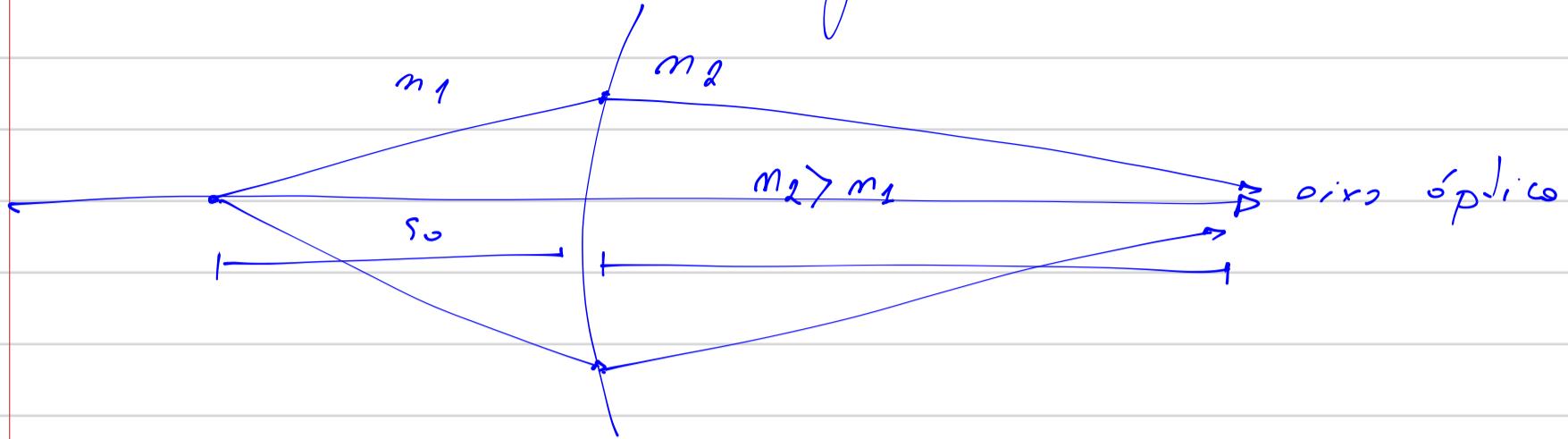


Figura 5.16 Uma lente esférica. (a) Traçado de raios num plano vertical contendo o eixo da lente. (b) Refracção nos dioptrios. O raio do primeiro dioptrio, que contém C_1 é normal à primeira superfície; um raio luminoso que incida na lente é deflectido aproximando-se da normal. O raio do segundo dioptrio, que contém C_2 , é normal à segunda superfície; o raio emergente afasta-se da normal, pois $n_l > n_o$; (c) a geometria.

P/ 1ª face

$$\frac{n_m}{S_{o1}} + \frac{n_e}{S_{i1}} = \frac{(n_e - n_m)}{R_1}$$

importantes: formações da imagem S_{i1}

$S_{i1} \rightarrow$ posse a ser o seu objeto para

a 2ª face

~~$$S_{o2} = d + S_{i1}$$~~

S_{i1} = positivo ou negativo?

$$S_{o2} = d - S_{i1}$$

P/ 2ª face

$$\frac{n_e}{d - S_{i1}} + \frac{n_m}{S_{i2}} = \frac{(n_e - n_m)}{R_2}$$

Somar as duas equações

$$\left[\frac{n_m}{S_{o1}} + \frac{n_e}{S_{i1}} + \frac{n_e}{(d - S_{i1})} + \frac{n_m}{S_{i2}} \right] = (n_e - n_m) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

$$\frac{n_m}{S_{o1}} + \frac{n_m}{S_{i2}} + \frac{n_e(d - S_{i1}) + n_e S_{i1}}{S_{i1}(d - S_{i1})} = (n_e - n_m) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

$$\left[\frac{n_m}{S_{o1}} + \frac{n_m}{S_{i2}} + \frac{n_e d}{S_{i1}(d - S_{i1})} \right] = (n_e - n_m) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

as Equações p/ lentes

$$S_e : d = 0$$

$$\left[\frac{n_m}{S_{o1}} + \frac{n_m}{S_{i2}} = (m_e - m_m) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) \right]$$

$\rightarrow d = \text{separação da lente}$

$\rightarrow E_g.$ p/ lentes delgadas

Usualmente $n_m = 1.000???$ (ar)

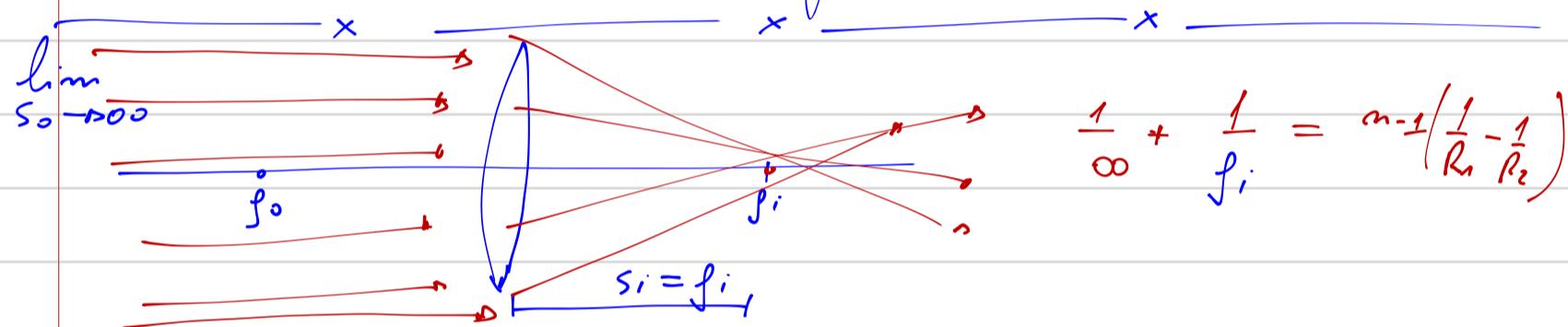
$$m_e = n$$

$$S_{o1} \rightarrow S_o \text{ (objeto)}$$

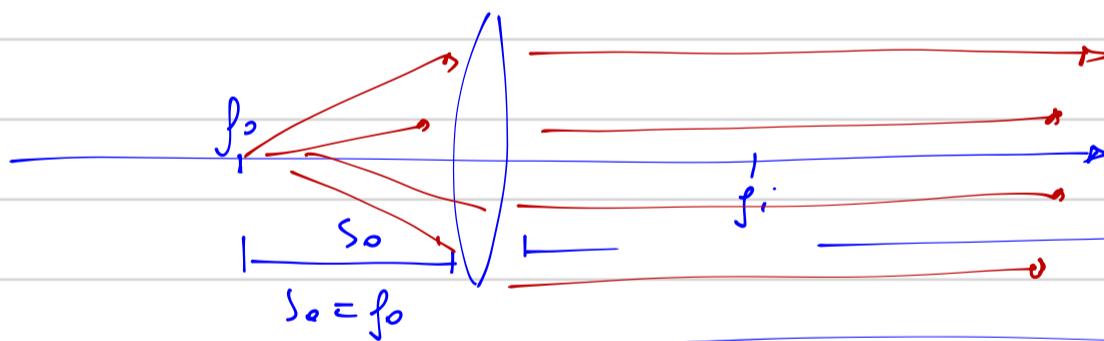
$S_{i2} \rightarrow S_i$ (imagen formada)

$$\left[\frac{1}{S_o} + \frac{1}{S_i} = (n-1) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) \right]$$

$\rightarrow E_g.$ p/ lentes delgadas imersas no ar



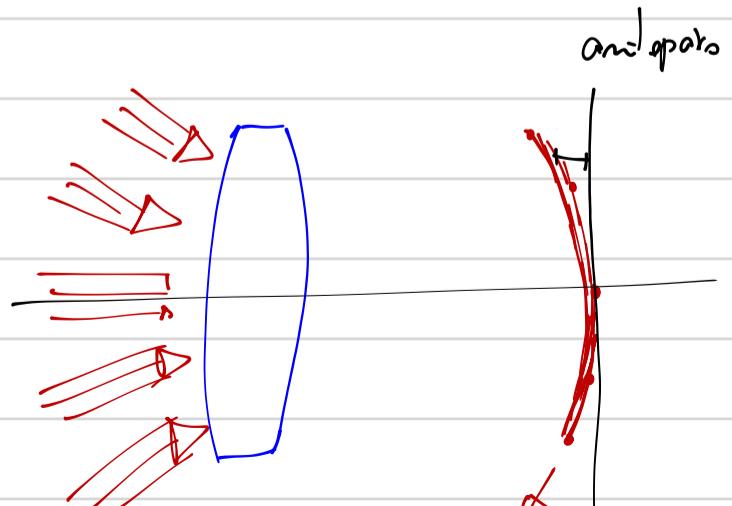
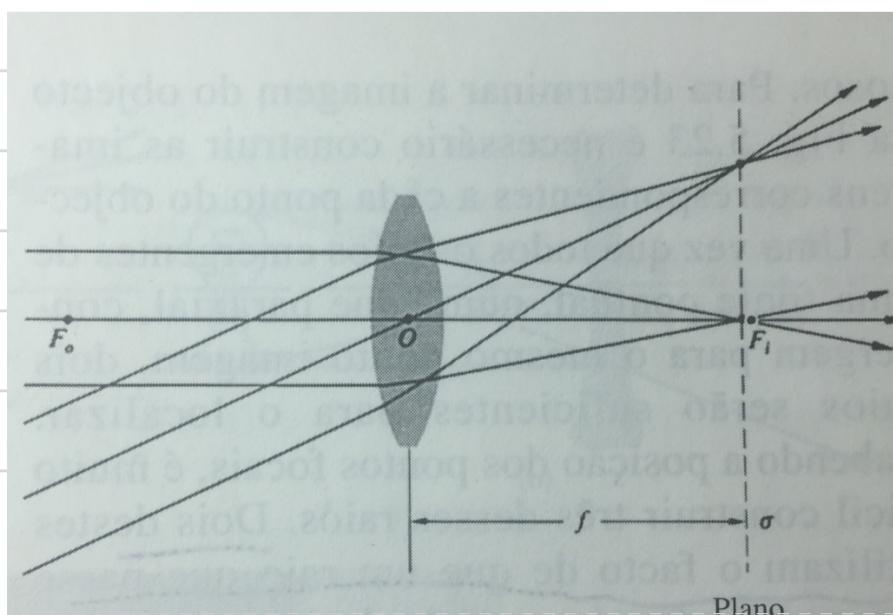
$$\frac{1}{\infty} + \frac{1}{f_i} = n-1 \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$



$$\frac{1}{f_o} + \frac{1}{f_i} = n-1 \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

$$f_o = f_i = f$$

$$\left[\frac{1}{f} = (n-1) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) = \frac{1}{S_o} + \frac{1}{S_i} \right]$$



\rightarrow Superfície onde forma-se a imagem

Figura 5.21 Plano focal de uma lente.

Tarefa: $x_o \cdot x_i = f^2 \Rightarrow$ Equações à Newton

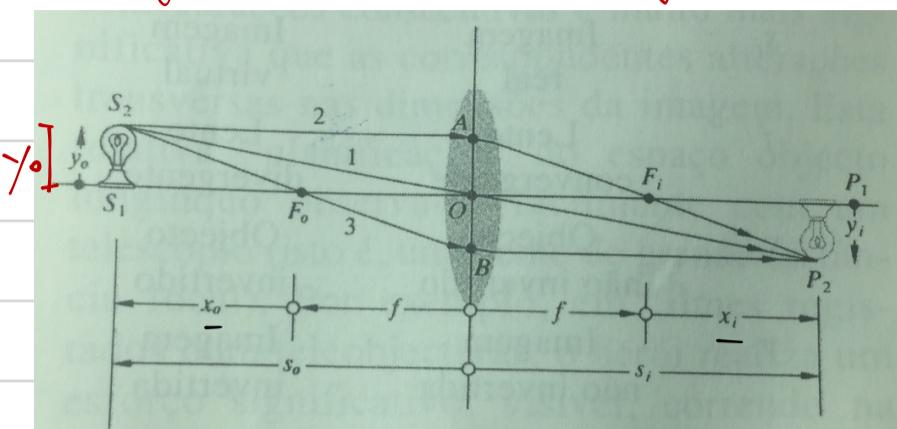


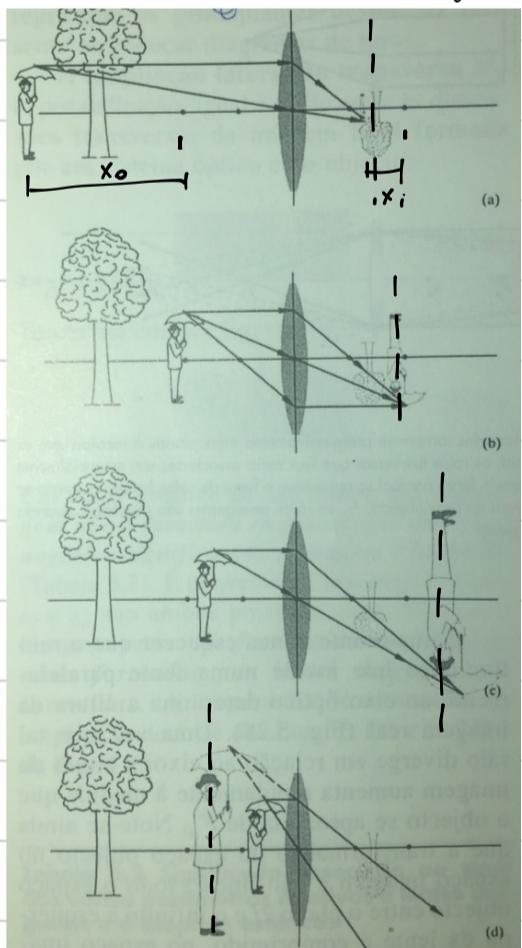
Figura 5.25 Localização do objecto e da imagem criada por uma lente delgada.

"Amplosas" transversal ou lateral $M_T \equiv \frac{y_i}{y_o}$

$$M_T = -\frac{s_i}{s_o}$$

o sinal negativo representa a inversão da imagem em relação ao objeto

Amplosas longitudinal



$$M_L \equiv \frac{d x_i}{d x_o}$$

$$M_L = -\frac{f^2}{x_o^2} = -M_T^2$$

por que M_L é igual ao quadrado de M_T ??

$$M_L = M_L(x_i, x_o)$$

$$M_T = M_T(y_i, y_o)$$

associação de lentes delgadas

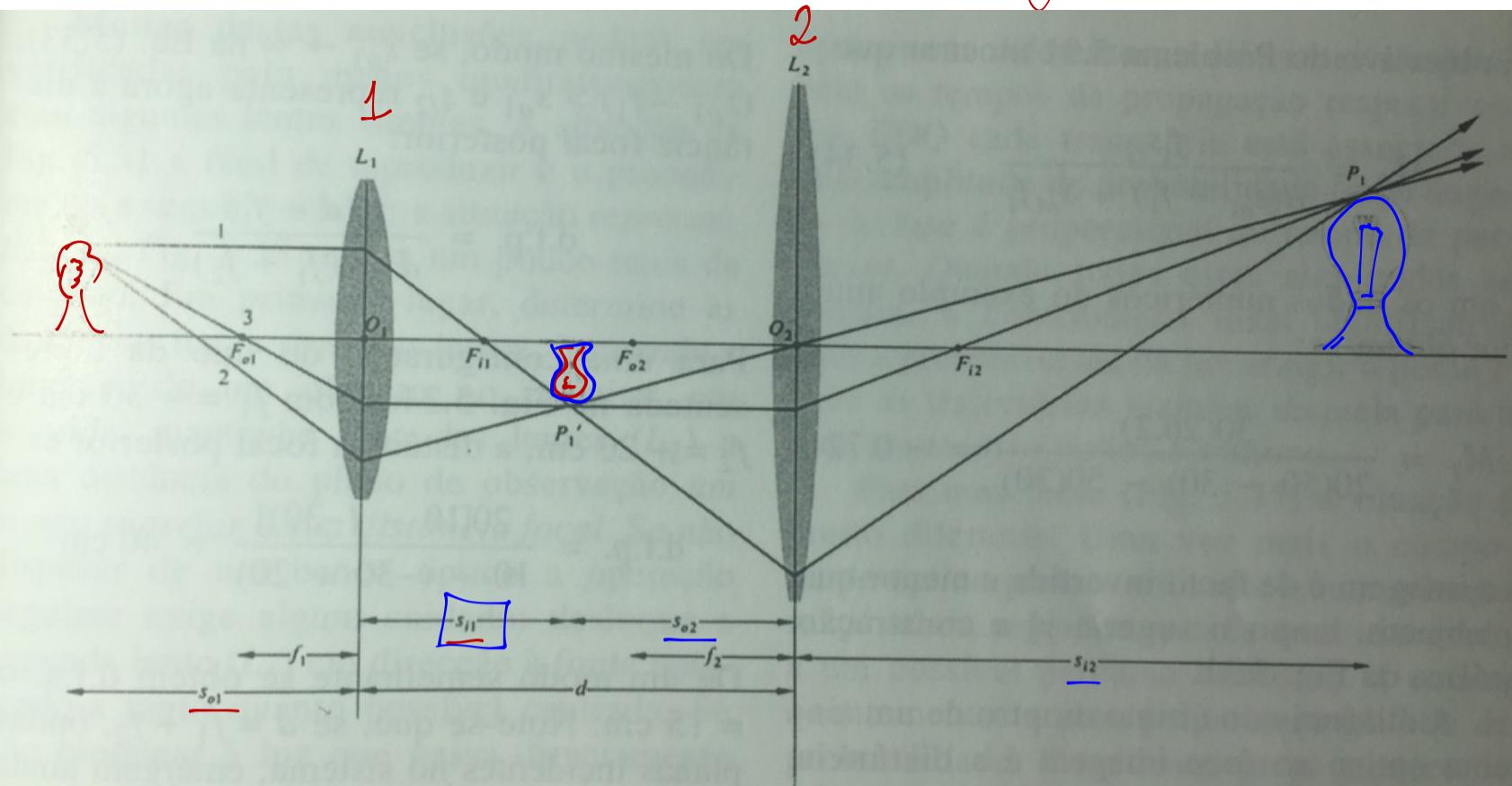


Figura 5.33 Duas lentes delgadas a uma distância superior à soma das suas distâncias focais. Como a imagem intermédia é real, pode-se começar com o ponto P'_1 e considerá-lo como um objecto real para L_2 . Nestes termos, um raio luminoso que passe por P'_1 e F_{o2} atingirá P_1 .

Soluções \Rightarrow aplicar a Eq. $\frac{1}{s_{o1}} + \frac{1}{s_{i1}} = \frac{1}{f_1}$ para 1º lente

\Rightarrow a imagem formada (s_{i1}) \Rightarrow objeto da 2º lente

$$\Rightarrow \text{aplicar a Eq. } \frac{1}{s_{o2}} + \left[\frac{1}{s_{i2}} \right] = \frac{1}{f_2}$$

\Rightarrow Solução $\begin{cases} \text{posição} \\ \text{do} \\ \text{ímagm} \\ \text{final} \end{cases}$

Diagramas

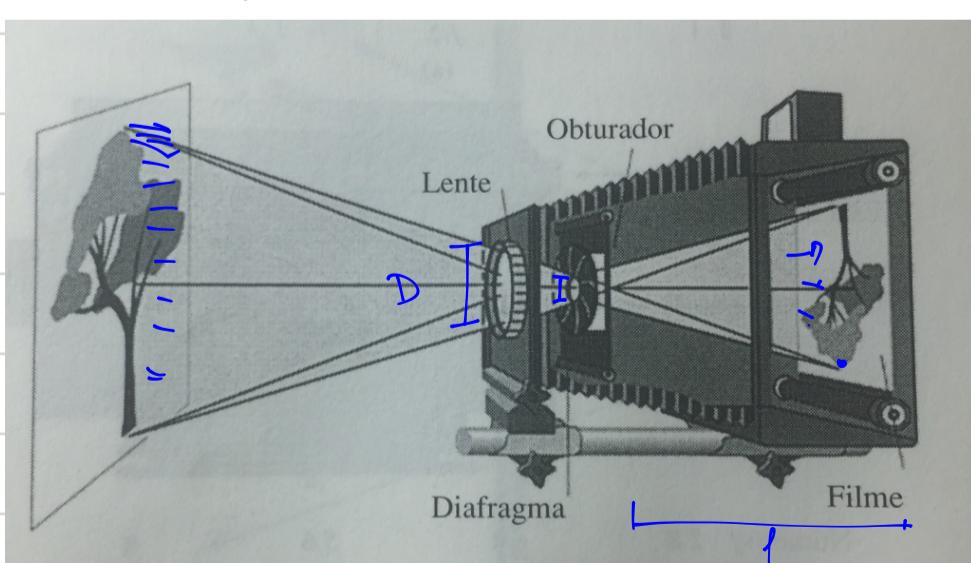


Figura 5.41 Câmara fotográfica para grandes formatos, ainda hoje utilizada em algumas aplicações comerciais, constituída por uma lente, um diafragma de diâmetro variável, um obturador que

controla o tempo de exposição e um filme onde a imagem se forma e é registada.

mínimo ($f/\#$) :

por exemplo, quando se coloca o número ($f/\#$) for igual a ∞ , $\Rightarrow (f/2)$

$$f/\# = \frac{f \circ w}{D}$$

$f \circ w$ = do lato

D = diâmetro da abertura

de luz \rightarrow tamanho da lente
 \rightarrow abertura do diafragma

se completa um sistema óptico, é o de

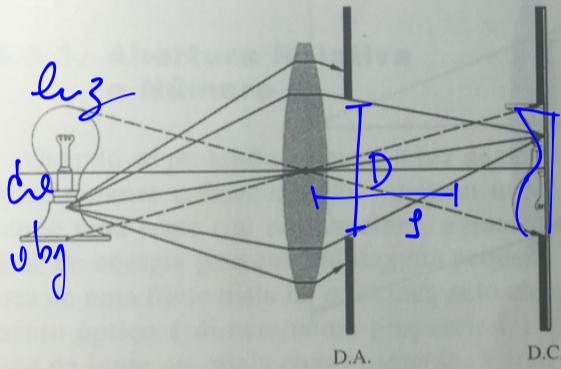


Figura 5.36 Diafragmas de abertura e de campo.

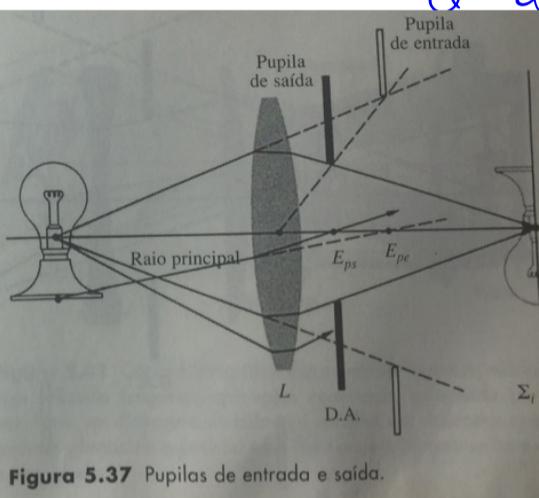


Figura 5.37 Pupilas de entrada e saída.

$$X_0 X_i = f^2$$

$$X_i = \frac{f^2}{X_0}$$

$$\text{Incidência} = \frac{\text{Energia}}{\text{Área}} \propto \frac{D^2}{f^2} \propto \left(\frac{D}{f}\right)^2$$

$$(f/\#) = \left(\frac{f}{D}\right)$$

\Rightarrow Inv. da área de Energia que forma a imagem