

# **SEL 329 – CONVERSÃO ELETROMECÂNICA DE ENERGIA**

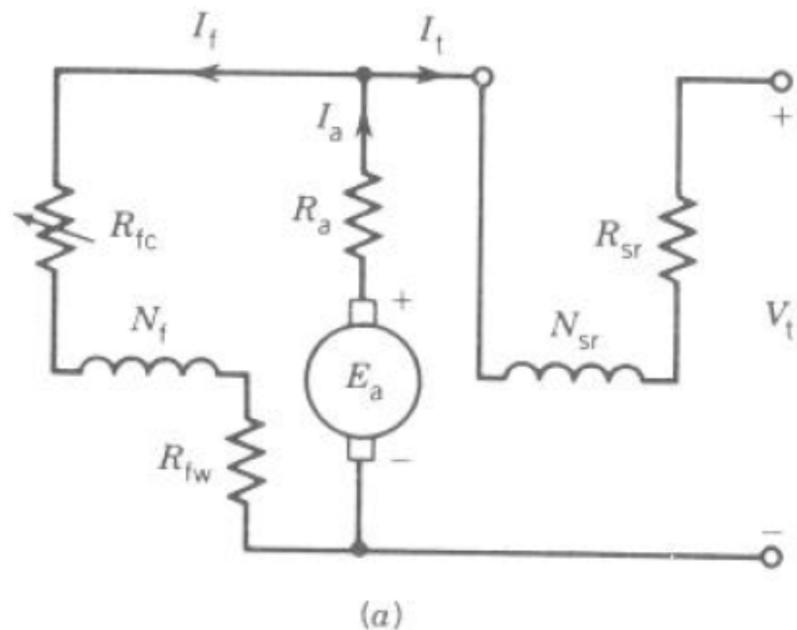
**Aula 15**

## Aula de Hoje

- Gerador CC Composto
- Gerador Série
- Interpolos

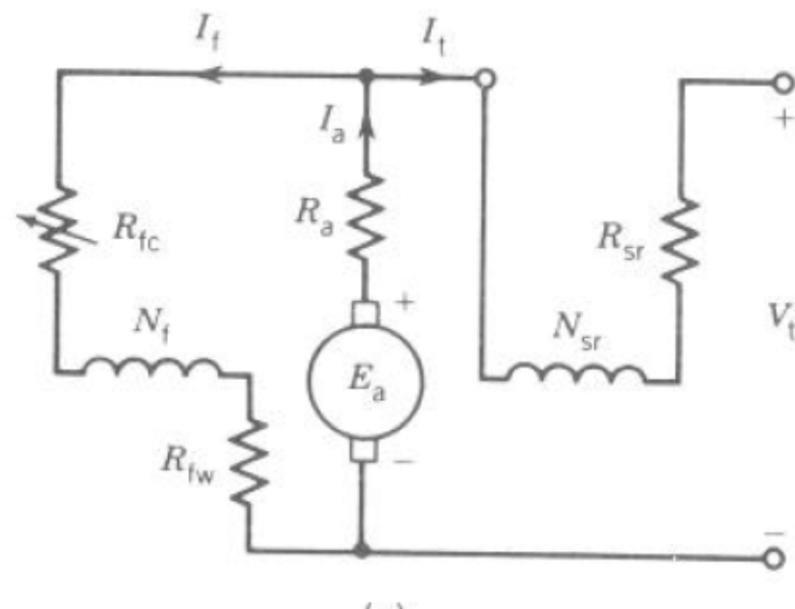
## Gerador CC com Excitação Composta – Estrutura Básica

- Utiliza combinações de enrolamentos de campo em série e paralelo (shunt) de forma a eliminar a queda de tensão excessiva associada à resistência de armadura e o efeito desmagnetizante da corrente de carga (reação de armadura).
- O enrolamento de **campo shunt** representa o principal enrolamento, o qual é **responsável pela produção da maior parte do fluxo magnético na máquina**. Esse enrolamento possui muitas espiras, área de seção transversal baixa e conduz uma corrente bem menor que a da armadura (tipicamente 5%).
- **O enrolamento de campo série possui menos espiras**, porém com maior área de seção transversal e conduz a corrente de armadura.



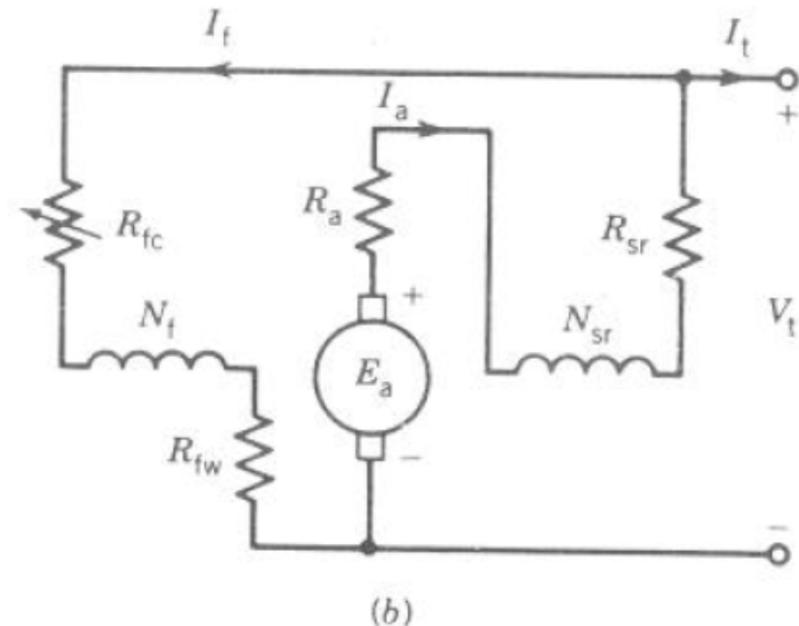
## Gerador CC com Excitação Composta – Estrutura Básica

- O enrolamento shunt pode ser conectado em paralelo com a armadura (gerador CC composto curto) ou pode ser conectado em paralelo com associação série dos enrolamentos de armadura e de campo série (gerador CC composto longo).



(a)

composto curto



(b)

composto longo

## Gerador CC com Excitação Composta – Regulação de Tensão

**Modelo de Regime Permanente  
(composto curto):**

$$V_t = E_a - R_a \times I_a - R_{sr} \times I_t$$

$$I_t = I_a - I_f$$

**Modelo de Regime Permanente  
(composto longo):**

$$V_t = E_a - R_a \times I_a - R_{sr} \times I_a = E_a - I_a \times (R_a + R_{sr})$$

$$I_t = I_a - I_f$$

$$I_f = \frac{V_t}{R_{fw} + R_{fc}}$$

Adicionalmente, para ambas as conexões, e supondo linearidade magnética, temos que:

$$E_a = K_a \times (\Phi_{sh} \pm \Phi_{sr}) \times \omega_m$$

onde,

$\Phi_{sh}$  – fluxo produzido pelo enrolamento shunt

$\Phi_{sr}$  – fluxo produzido pelo enrolamento série

- Quando esses fluxos se somam, a máquina é denominada **composta aditiva (ou acumulativa)**, e quando se subtraem, a máquina é denominada **composta subtrativa (ou diferencial)**.

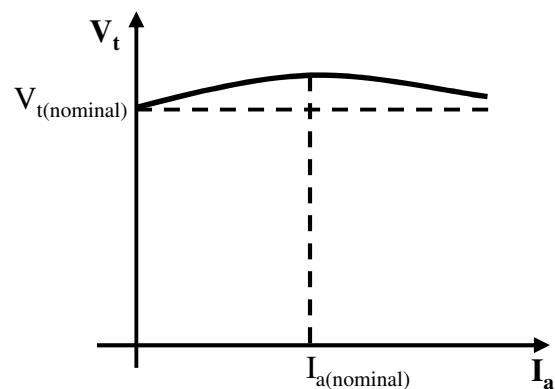
## Gerador CC Composto Aditivo – Regulação de Tensão

- Mesmo introduzindo uma nova queda de tensão  $R_{sr}I_t$ , a tensão terminal irá aumentar se o fluxo série for aditivo com o fluxo shunt, uma vez que a tensão de armadura será maior, pois  $E_a = K_a(\Phi_{sh} + \Phi_{sr})\omega_m$ .
- $R_{sr}I_t$  é pequena, pois o enrolamento série é formado por poucas espiras e com bitola de maior área.
- O enrolamento série pode ser dimensionado para compensar (aditivo) a queda de tensão  $R_aI_a$  e a reação da armadura  $I_{f(RA)}$  de três diferentes formas:
  1. **Máquina supercomposta**
  2. **Máquina plana**
  3. **Máquina subcomposta**

# Gerador CC Composto Aditivo – Regulação de Tensão

## **1. Máquina supercomposta:**

- O enrolamento série compensa totalmente os dois efeitos e ainda fornece magnetização adicional para a máquina.

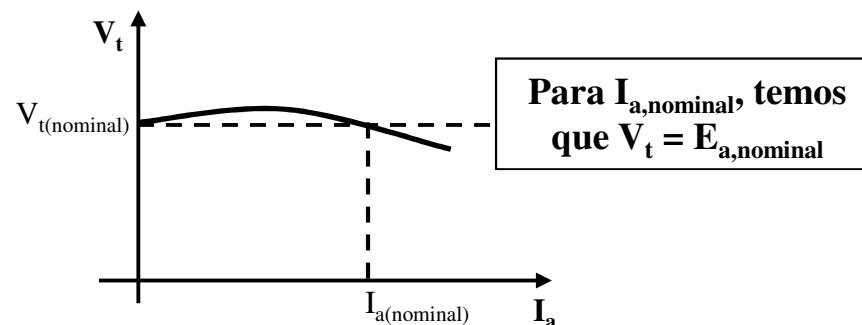


- A tensão terminal pode ser maior do que a tensão nominal de armadura à medida que a corrente de carga aumenta

## Gerador CC Composto Aditivo – Regulação de Tensão

### **2. Máquina plana:**

- O enrolamento de campo compensa totalmente os dois efeitos para corrente de carga nominal.

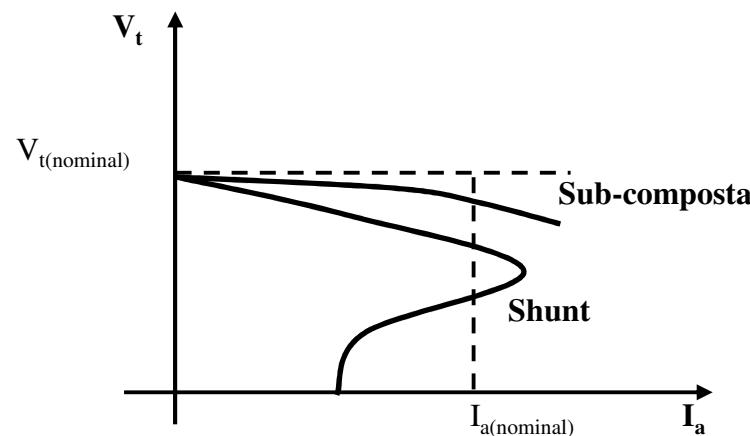


- Para carregamento diferente do nominal, a máquina mostra pequena variação da tensão.

## Gerador CC Composto Aditivo – Regulação de Tensão

### 3. Máquina sub-composta:

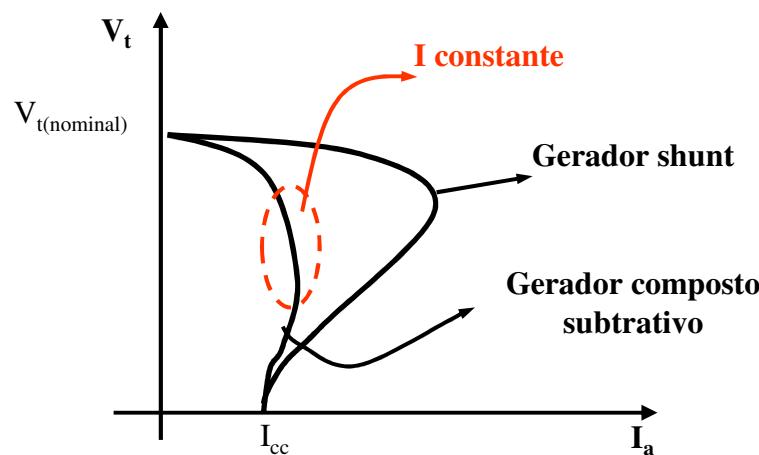
- O enrolamento série compensa parcialmente os efeitos de  $R_a I_a$  e de  $I_{f(RA)}$ , de forma que a queda de tensão diminua em comparação com o gerador shunt.



- Para corrente de carga nominal a tensão terminal será menor do que a tensão de armadura nominal.

## Gerador CC Composto Subtrativo – Regulação de Tensão

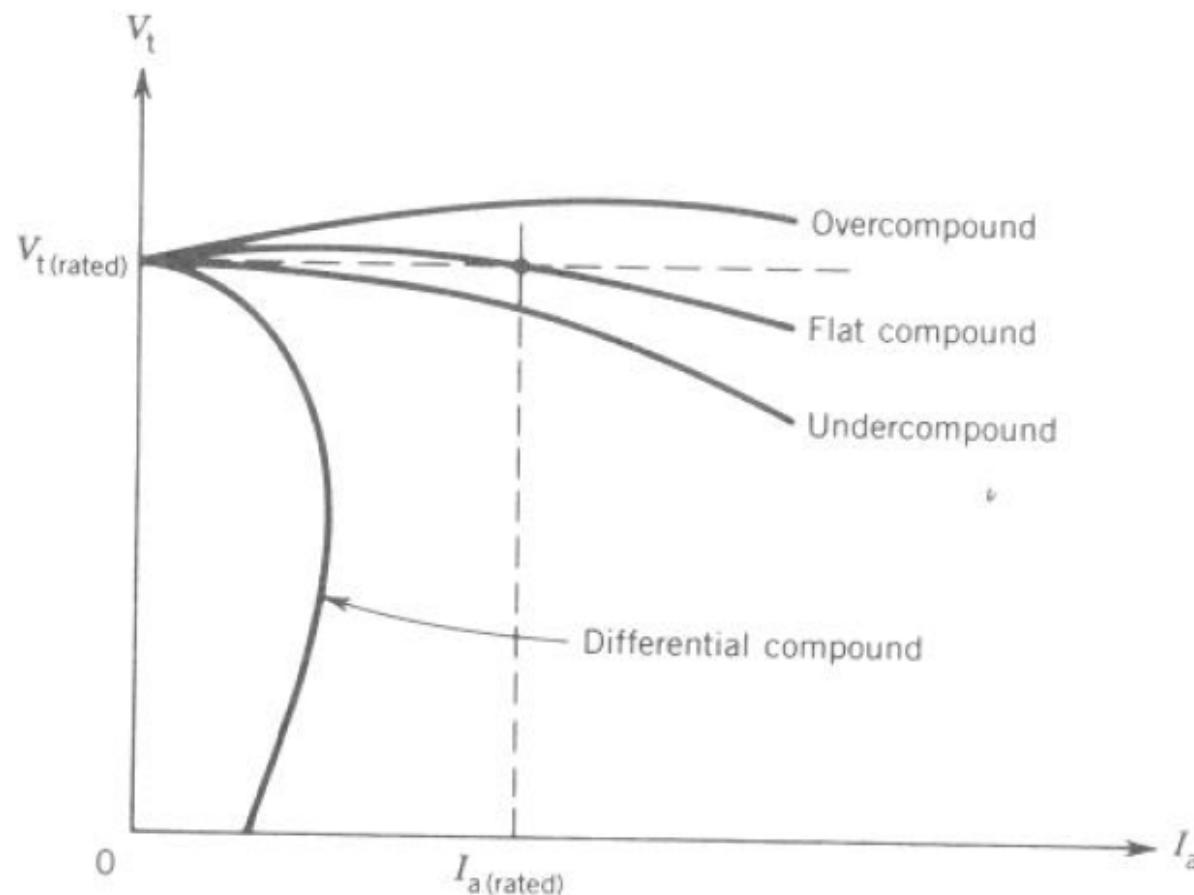
- O enrolamento série ainda pode ser ligado com o shunt de forma a produzir fluxo subtrativo, ou seja,  $E_a = K_a(\Phi_{sh} - \Phi_{sr}) \omega_m$ . Neste caso, o enrolamento série produz uma redução ainda maior da tensão terminal em relação ao paralelo, por duas razões:
  1. Queda de tensão  $R_{sr}I_a$
  2. Desmagnetização adicional  $\Phi_{sh} - \Phi_{sr}$
- Assim, o gerador composto subtrativo mostra queda de tensão elevada para pequenas variações da corrente de carga.



- Vantagens: pode ser usado como fonte de corrente constante para longa faixa de variação de tensão (máquina de solda).

## Gerador CC Composto – Regulação de Tensão

- A combinação de enrolamentos e formas de excitação dos mesmos fornece muita flexibilidade ao gerador CC composto, do ponto de vista de características de regulação de tensão.



## **Dimensionamento do enrolamento série no gerador CC composto**

---

- A força magnetomotriz efetiva por pólo é dada por:

$$F_{efetiva} = F_{shunt} \pm F_{sr} - F_{RA}$$

$$N_f I_{f(efet)} = N_f I_f \pm N_{sr} I_{sr} - N_f I_{f(RA)}$$

onde,

$N_f$  – número de espiras por polo do enrolamento de campo shunt

$N_{sr}$  – número de espiras por polo do enrolamento de campo série

$F_{RA}$  – força magnetomotriz associada a reação de armadura

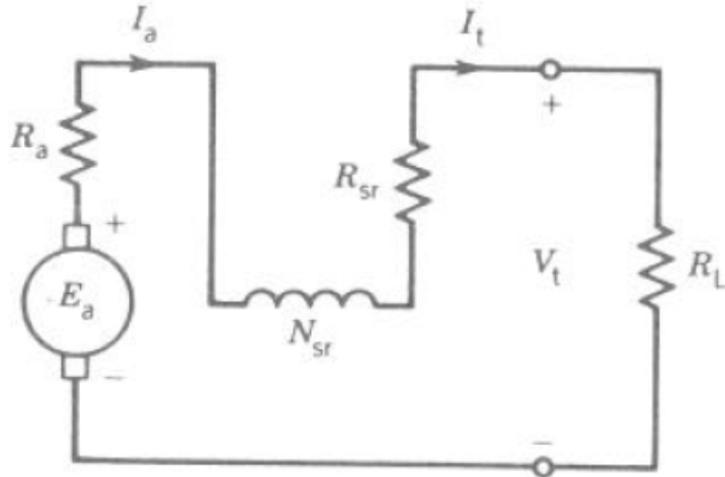
Com isso:

$$I_{f(efet)} = I_f \pm \frac{N_{sr}}{N_f} I_{sr} - I_{f(RA)}$$

- O número de espiras do enrolamento shunt definirá o grau de compensação, resultando em geradores CC supercompostos, planos, subcompostos ou subtrativos, dependendo se o fluxo série ser aditivo ou subtrativo com o campo shunt.

## Gerador CC Série – Estrutura Básica

- O enrolamento de campo é único e ligado em série com a armadura. A corrente de armadura alimenta a carga e produz o campo simultaneamente.



- As equações que descrevem a operação em regime permanente do gerador série são:

$$E_a = V_t + R_a \times I_a + R_{sr} \times I_a$$

ou

$$V_t = E_a - (R_a + R_{sr}) \times I_a$$

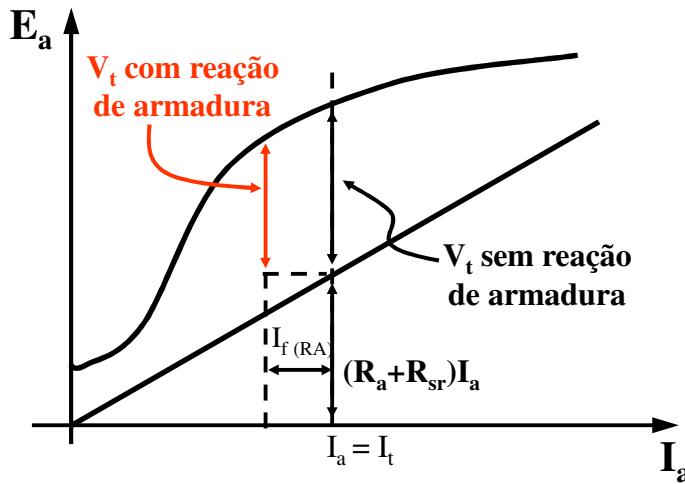
$$I_t = I_a = I_L = I_f$$

- $R_{sr}$  deve ser baixa para limitar a queda na tensão terminal ( $I_a$  é alta)

Alta Bitola => Alto Custo => Máquina maior para a mesma potência

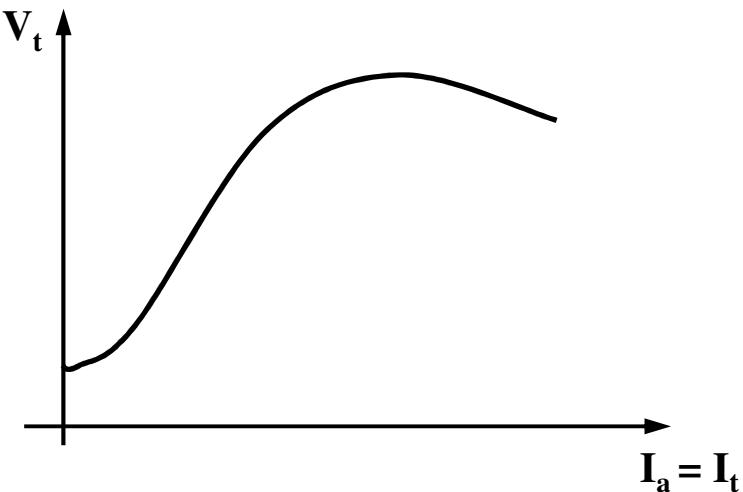
## Gerador CC Série – Regulação de Tensão

- A curva de regulação de tensão pode ser obtida através da curva de magnetização da máquina e da reta dada por  $(R_a + R_{sr})I_a$ .



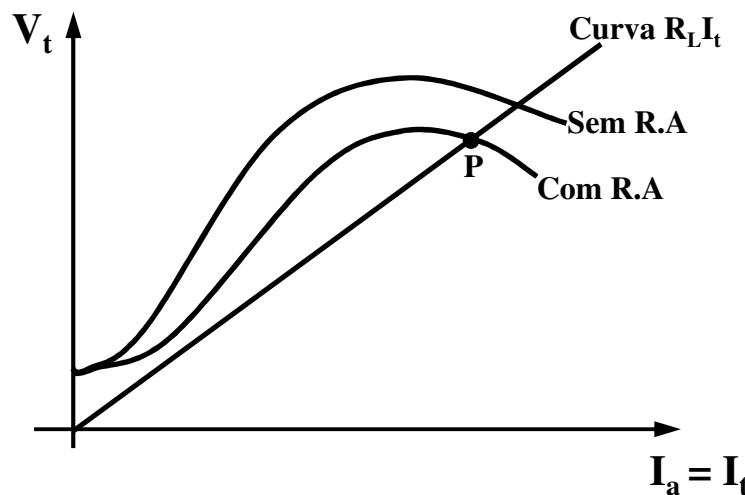
Para uma dada corrente de armadura, a distância entre a curva de magnetização e a reta  $(R_a + R_{sr})I_a$  representa o valor da tensão terminal da máquina  $V_t$ .

- Assim, o conjunto dos valores de  $V_t$  para cada valor de  $I_a$  fornecerá um conjunto dos pontos  $(V_t, I_a)$  que compõem a curva de regulação de tensão da máquina.



- A inclusão da reação de armadura produzirá uma queda de tensão adicional na tensão terminal.

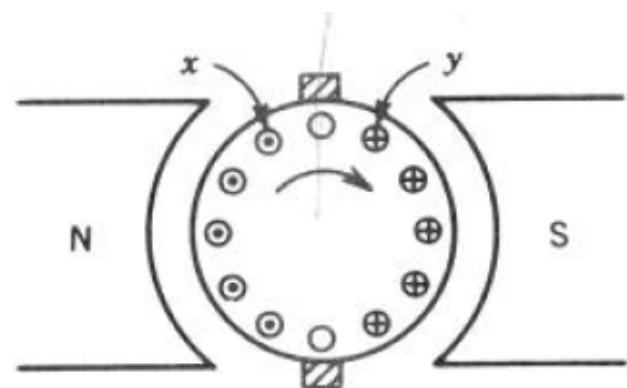
## Gerador CC Série – Regulação de Tensão



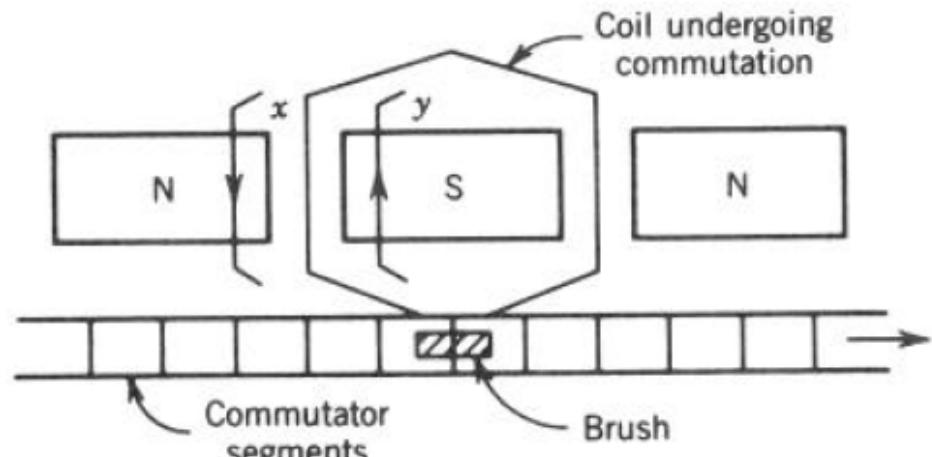
- O ponto de operação da máquina é dado pela intersecção entre a curva de regulação de tensão e a característica da carga ( $R_L I_t$ ).
- Para valores elevados de resistência de carga o gerador CC série só pode fornecer valores muito baixos para a tensão terminal.

## Interpólos

- A função do comutador nas máquinas CC é mudar o sentido da corrente no condutor quando o mesmo passa de um pólo para outro.
- Quando o condutor x está sob o pólo norte, o sentido da corrente é saindo (“positiva”), porém quando passa pela escova o condutor fica sob o pólo sul e a corrente muda de sentido (condutor y).



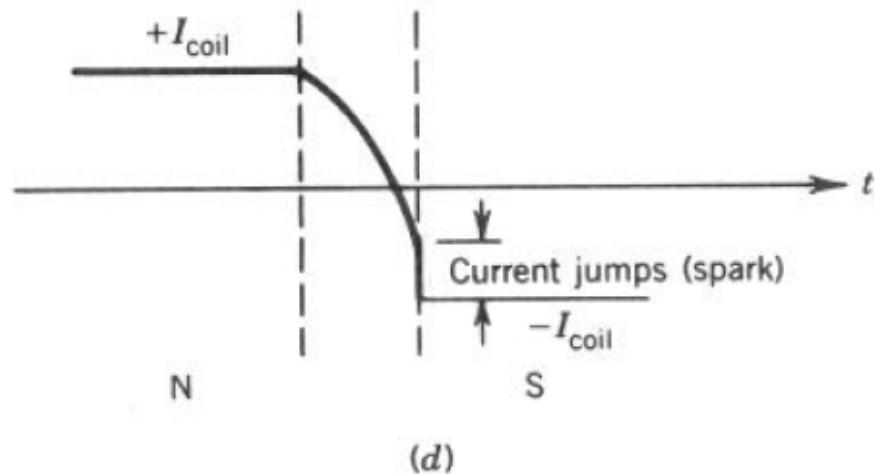
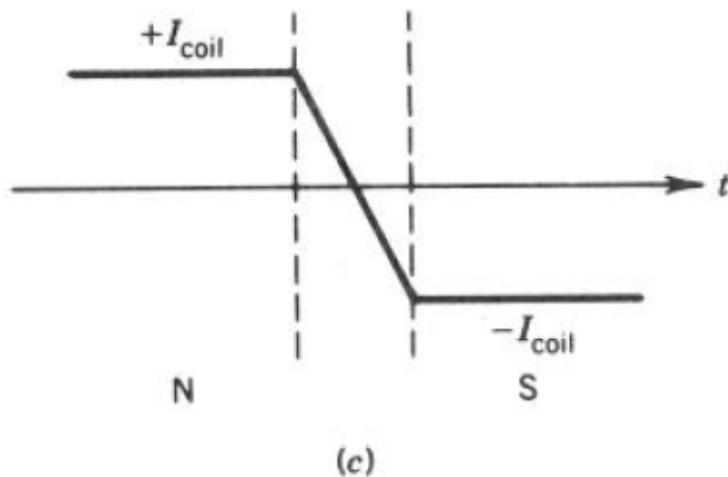
(a)



(b)

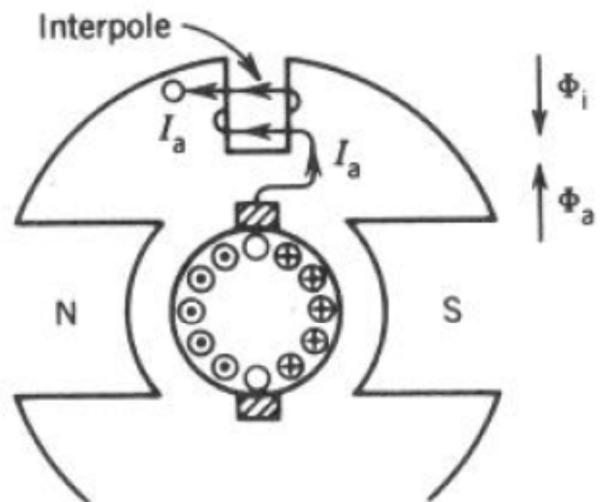
## Interpólos

- A figura abaixo ilustra uma variação linear da corrente no condutor. Entretanto, a comutação da corrente não é linear devido a dois fatores:
- **Indutância do condutor**: a bobina sob comutação tem indutância que durante o transitório (mudança de polaridade) provoca um atraso na corrente.
- **Tensão de reatância**: é a tensão induzida na bobina sob comutação devido ao fluxo produzido na região interpolar pelo enrolamento de armadura.
- Esses fatores contribuem para um atraso na variação da corrente. Com isso, no momento que o condutor deixa as escovas, a inversão do sentido da corrente ainda é incompleto. Consequentemente, a corrente “salta” para seu valor máximo quase instantaneamente, provocando faiscamento.

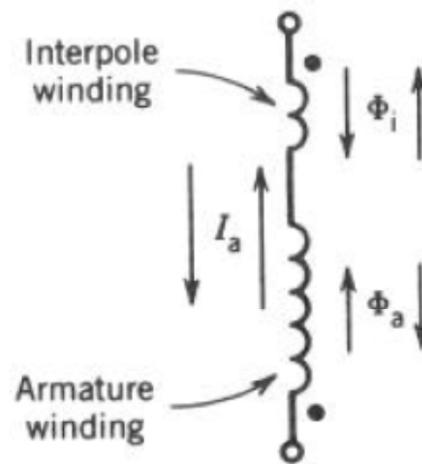


## Interpólos

- Para melhorar a comutação, um pequeno pólo, denominado interpolo, é empregado. O enrolamento desse interpolo é percorrido pela corrente de armadura, cujo sentido é tal que o fluxo produzido oponha-se ao fluxo produzido pela armadura.
- Com isso, o fluxo líquido na região interpolar é aproximadamente nulo. Se a corrente na armadura se inverte, o mesmo deve ocorrer no enrolamento do interpolo, de tal maneira que os fluxos sempre se oponham.



(e)

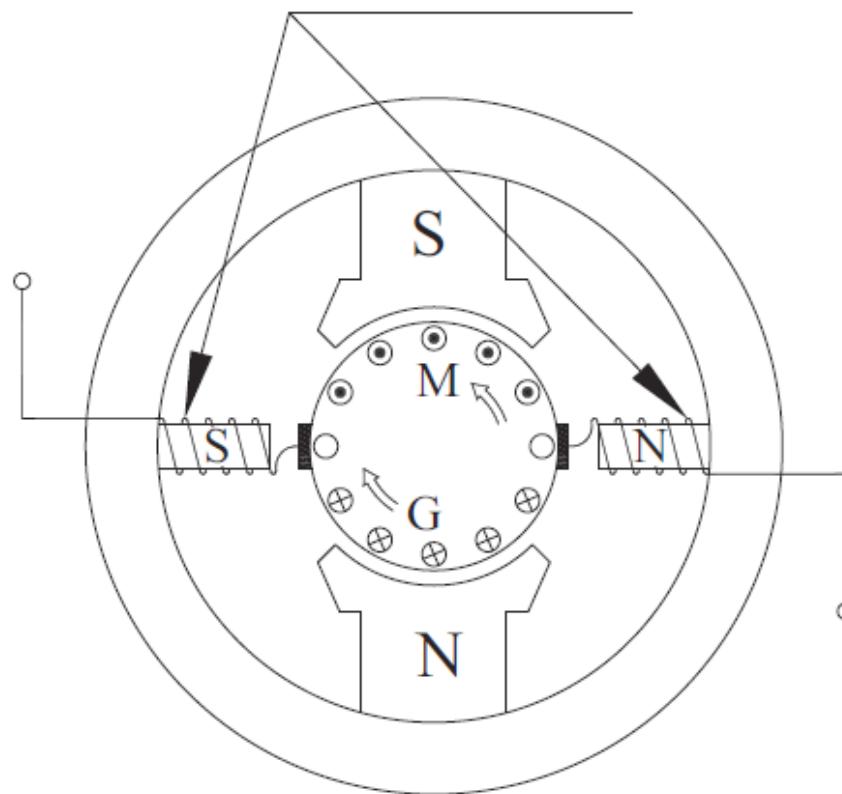


(f)  $\Phi_a$ ,  $\Phi_i$  oppose each other, irrespective of direction of  $I_a$ .

- A maioria das máquinas CC de grande porte incluem tanto os enrolamentos compensadores quanto interpólos.

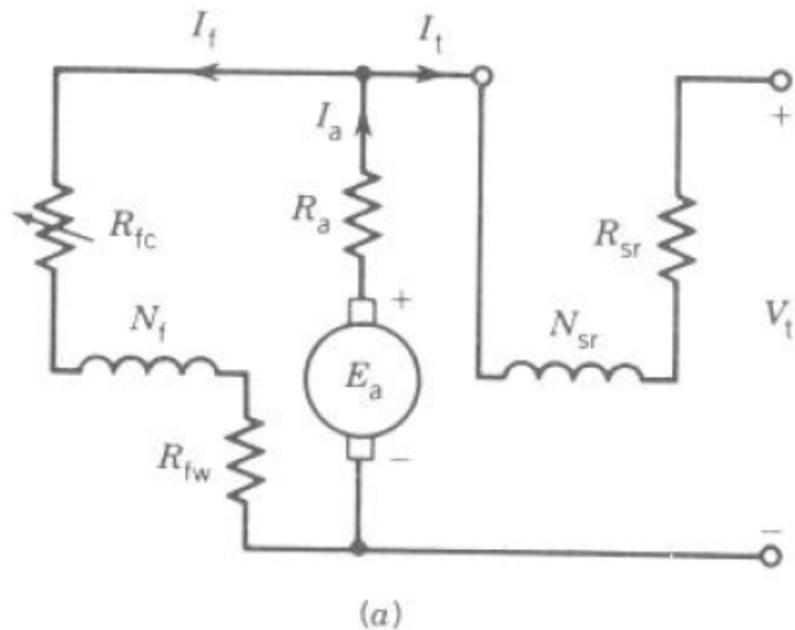
# Interpolos

interpolos

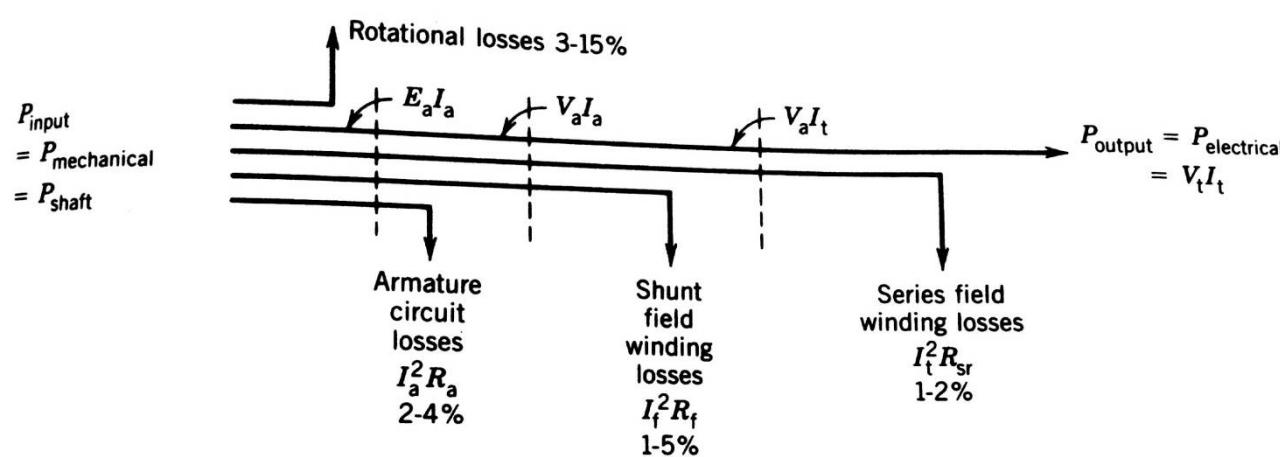


(e) Interpolos

# Eficiência de um Gerador Composto Curto



$$\eta = \frac{P_{\text{saída}}}{P_{\text{entrada}}} \times 100\%$$



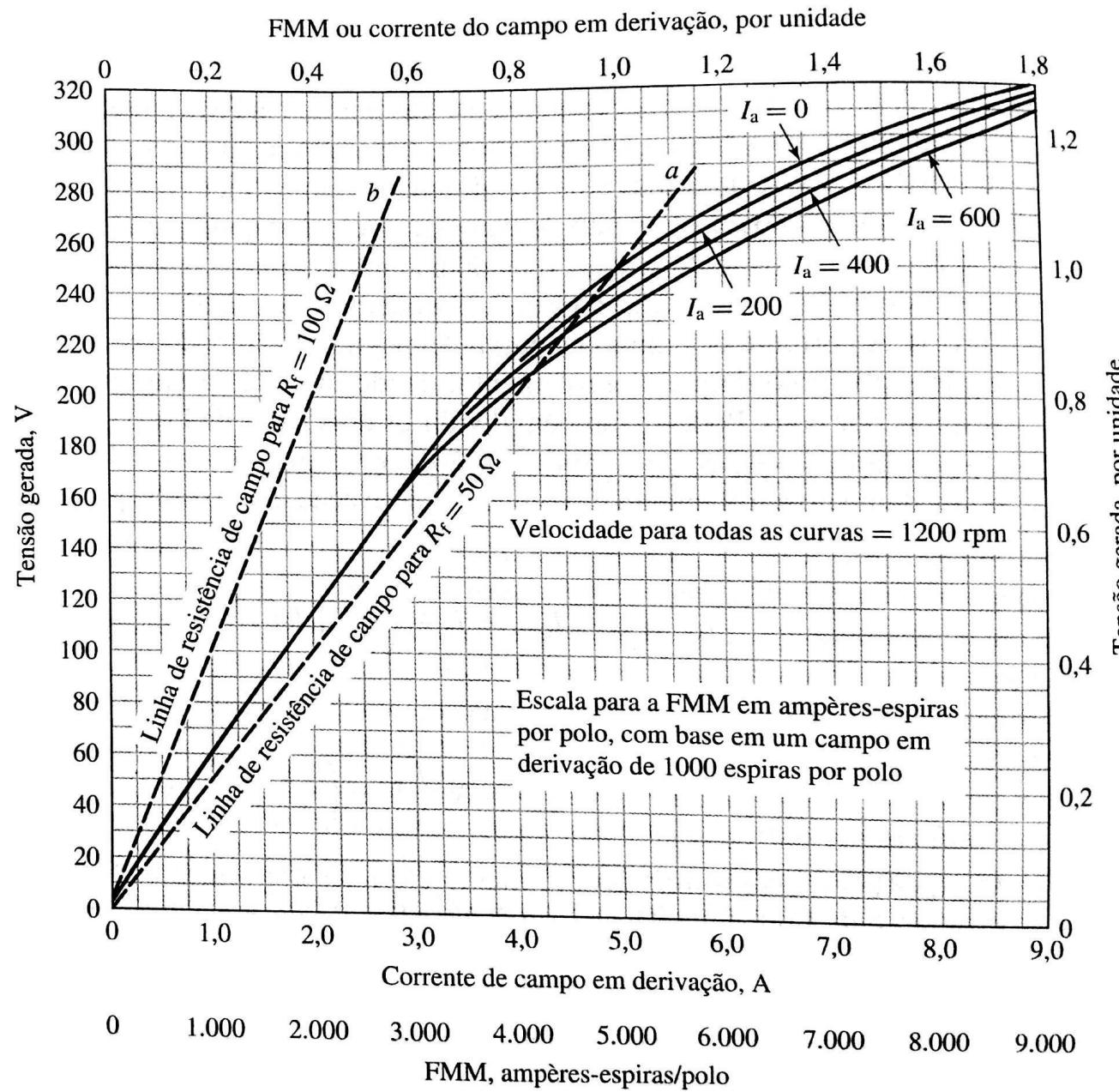
A análise é  
semelhante para  
os outros tipos de  
geradores CC.

## Exercício

Um gerador composto de 100kW, 250V e 400A, com uma ligação em derivação longa, tem uma resistência de armadura (incluindo as escovas) de  $0,025\Omega$ , uma resistência de campo em série de  $0,005\Omega$  e a curva de magnetização mostrada a seguir. Há um campo em derivação com 1000 espiras/polo e um campo série de 3 espiras/polo. O campo em série é ligado de tal modo que uma corrente positiva na armadura produz uma força magnetomotriz no eixo direto que se soma à do campo em derivação.

Calcule a tensão terminal, para a corrente nominal do gerador, quando a corrente de campo em derivação é 4,7A e velocidade igual a 1150 rpm. Despreze os efeitos da reação de armadura.

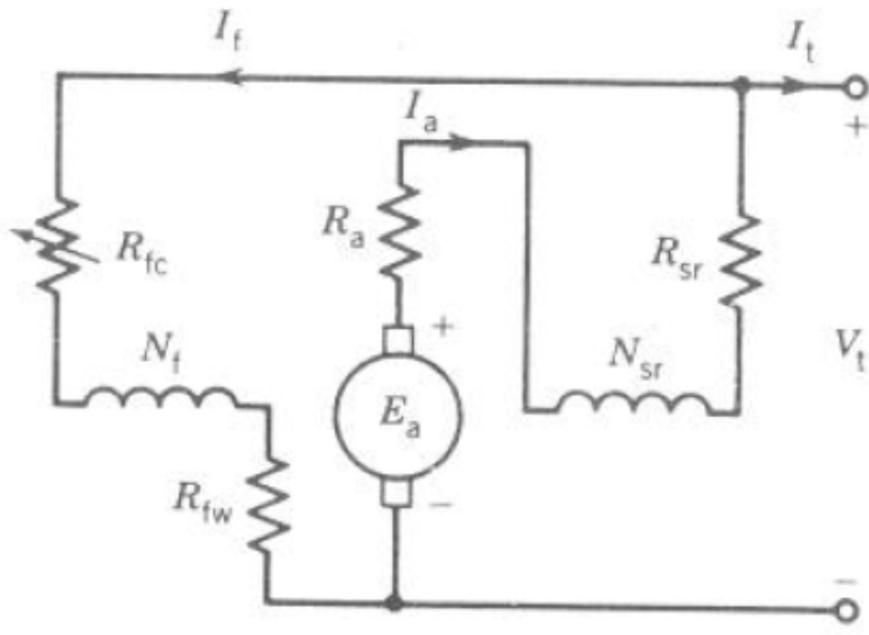
## Exercício



## Solução do Exercício

---

Gerador composto longo:



$$I_a = I_{sr} = I_f + I_t$$

Corrente de campo efetiva:

$$I_{f(RA)} = 0$$

$$I_{f(efet)} = I_f \pm \frac{N_{sr}}{N_f} I_{sr} - I_{f(RA)}$$

## **Solução do Exercício**

---

Dos dados do problema:

$$I_a = I_{sr} = 4,7 + 400 \cong 405 A$$

Os fluxos dos campos série e em derivação se somam ( dado no problema). Logo:

$$I_{f(\text{efet})} = I_f + \frac{N_{sr}}{N_f} I_{sr} = 4,7 + \left( \frac{3}{1000} \right) \cdot 405 = 5,90 A$$

## **Solução do Exercício**

---

Com a corrente de campo efetiva de 5,90A, utiliza-se a curva de magnetização obtida em vazio para encontrar a tensão gerada  $E_a$ :

$$E_{a0} = 274V$$

No entanto, a curva de magnetização foi obtida para 1200 rpm.  
Logo, é necessário corrigir o valor da tensão gerada:

$$E_a = \left( \frac{n}{n_0} \right) E_{a0} = \left( \frac{1150}{1200} \right) \cdot 274 = 263 V$$

Podemos agora determinar a tensão terminal:

$$V_t = E_a - (R_a + R_{sr}) \cdot I_a = 263 - (0,025 + 0,005) \cdot 405 = 251 V$$

## Gerador CC com Excitação Paralela – Revisão (Exemplo)

Uma máquina CC (6kW, 120V, 1200 rpm) auto-excitada tem a seguinte curva de magnetização a 1200 rpm:

$I_f$ (A)	0	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,8	1	1,2
$E_a$ (V)	5	20	40	60	79	93	102	114	120	125

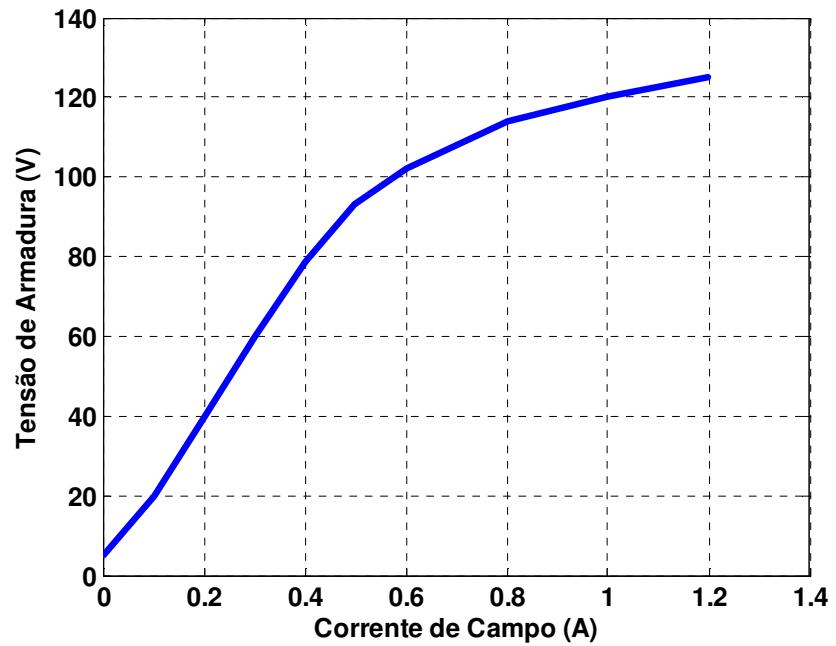
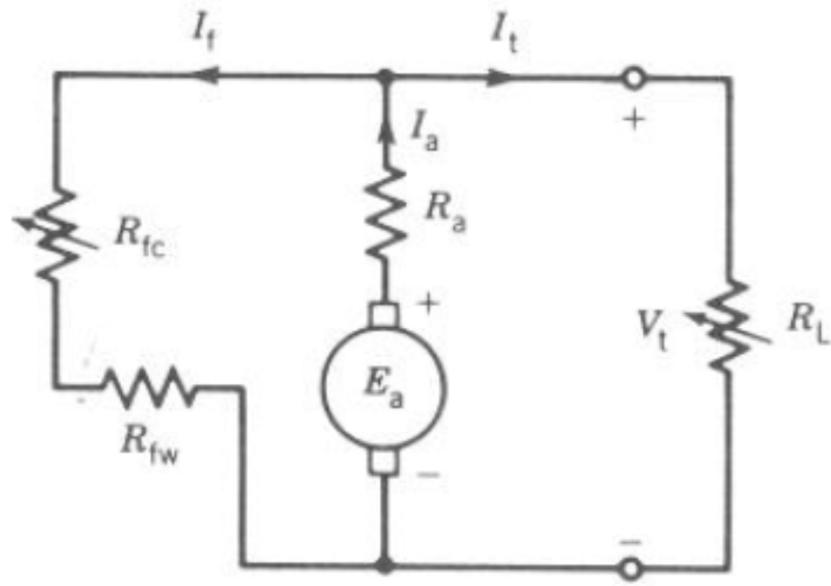
Os parâmetros da máquina são:  $R_a=0,2 \Omega$ ,  $R_{fw}=100 \Omega$ . A máquina é acionada a 1200 rpm. A resistência de controle da corrente de campo pode variar de 0 a 150  $\Omega$ .

- a) Determine os valores máximo e mínimo da tensão terminal em vazio;
- b) Determine o valor de  $R_{fc}$  para que a tensão terminal em vazio seja 120V;
- i) Ignorando a reação da armadura determine a tensão terminal para corrente da armadura nominal. Determine a máxima corrente que a armadura pode fornecer. Qual é o valor da tensão terminal nessa condição?
- ii) Assumindo que  $I_{f(RA)}=0,1A$  e  $I_a=50A$  e considerando que a reação da armadura é proporcional à corrente de armadura, repita a parte (i);

## Próxima Aula

- Estrutura básica do Motor CC
- Motor CC com excitação paralela (shunt)
- Motor CC série
- Motor CC composto

## Gerador CC com Excitação Paralela – Revisão (Exemplo)

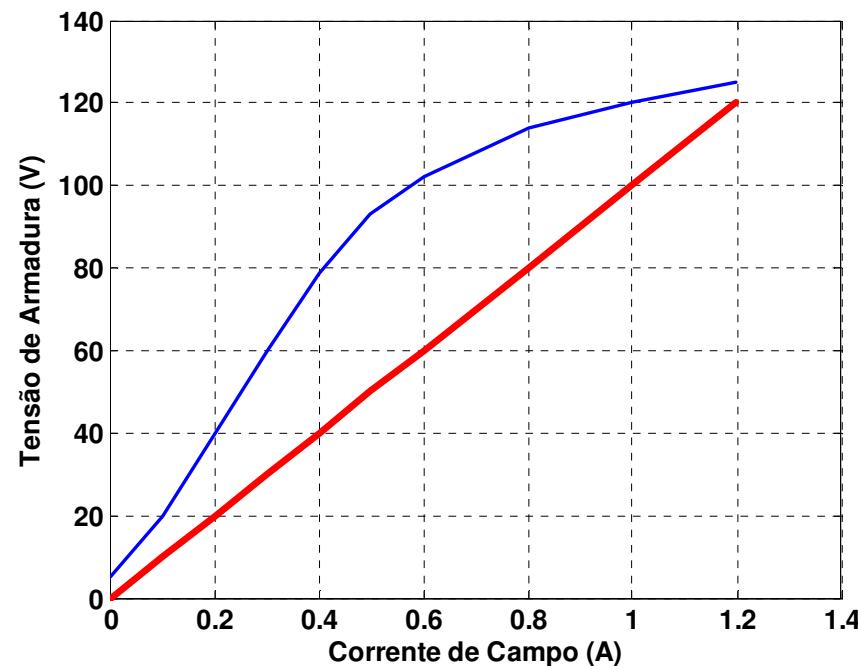


## Gerador CC com Excitação Paralela – Revisão (Exemplo)

a) Determine os valores máximo e mínimo da tensão terminal em vazio;

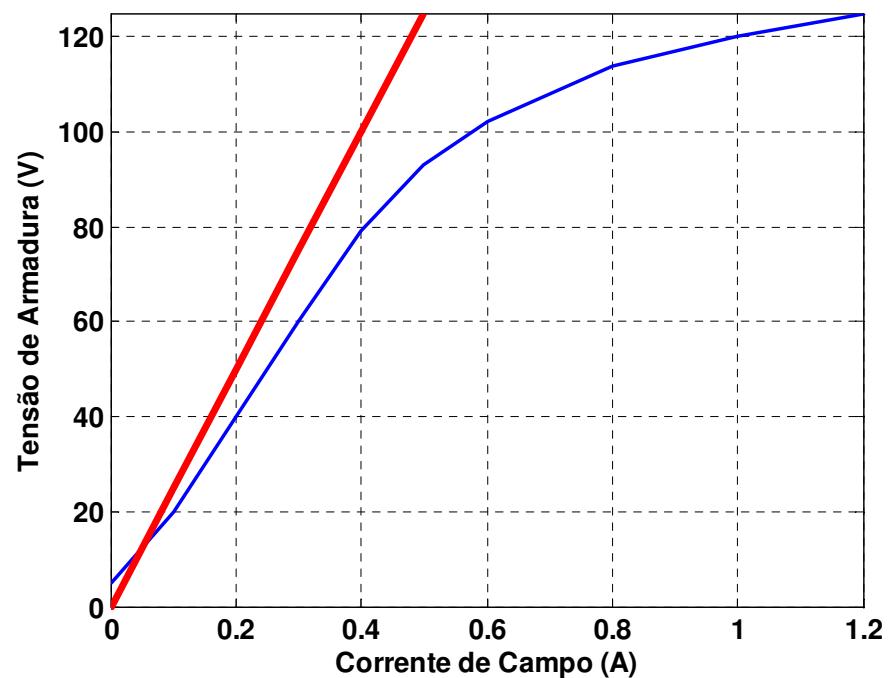
### Valor Máximo

$$R_{fc} = 0; V_t = 100I_f$$
$$V_t = 126V$$



### Valor Mínimo

$$R_{fc} = 150\Omega; V_t = 250I_f$$
$$V_t = 12V$$



## Gerador CC com Excitação Paralela – Revisão (Exemplo)

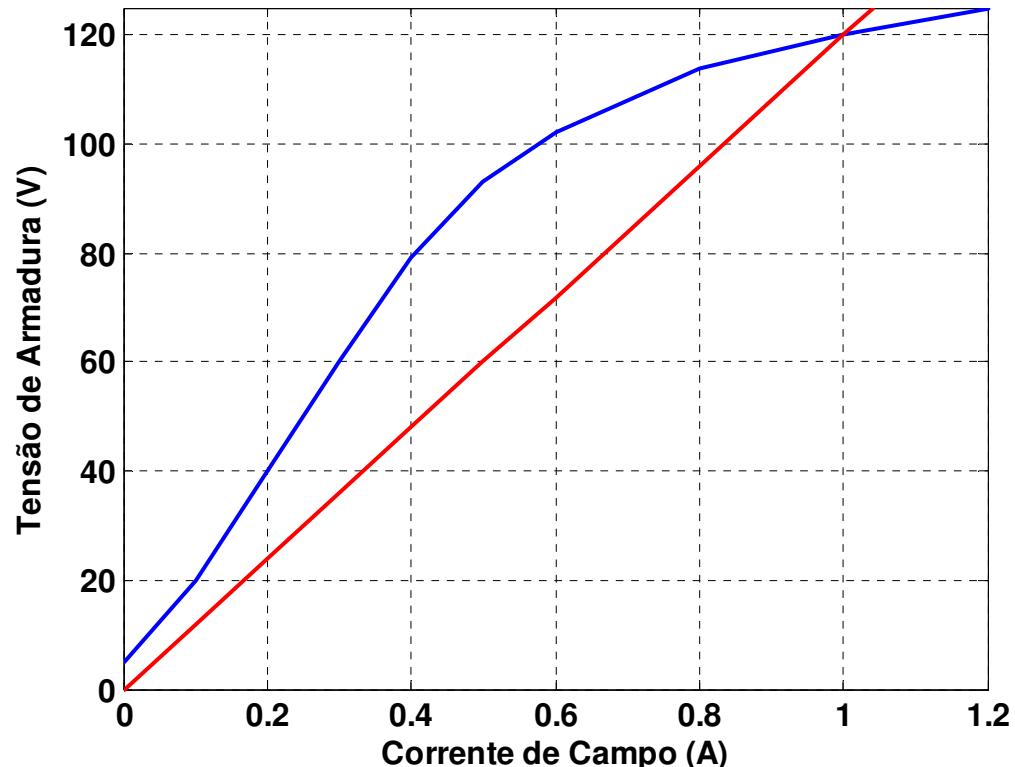
b) Determine o valor de  $R_{fc}$  para que a tensão terminal em vazio seja 120V;

$$V_t = 120I_f$$

$$R_{fc} = (120 - 100) = 20 \Omega$$

Lembrando que em vazio,

$$E_a \approx V_t$$



## Gerador CC com Excitação Paralela – Revisão (Exemplo)

(b)

- (i) Ignorando a reação da armadura determine a tensão terminal para corrente da armadura nominal. Determine a máxima corrente que a armadura pode fornecer. Qual é o valor da tensão terminal nessa condição?

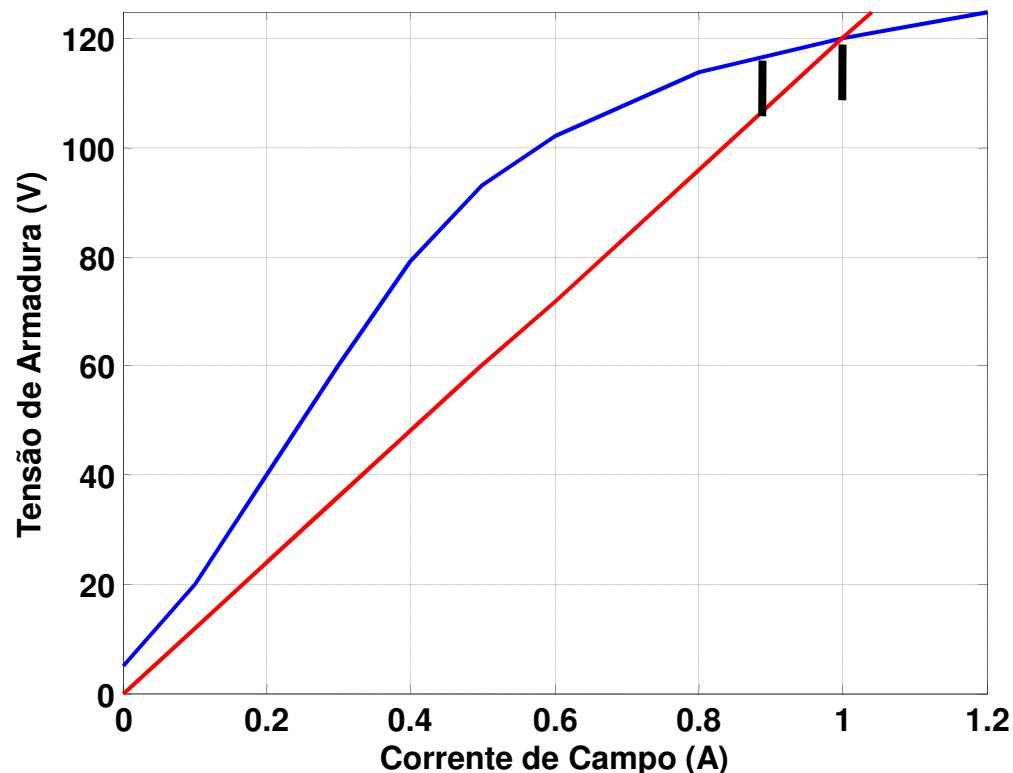
**Corrente nominal da armadura:**

$$I_a = \frac{6000}{120} = 50A$$

$$R_a I_a = 0,2 * 50 = 10V$$

$$V_t = 108V;$$

$$E_a = 118V;$$

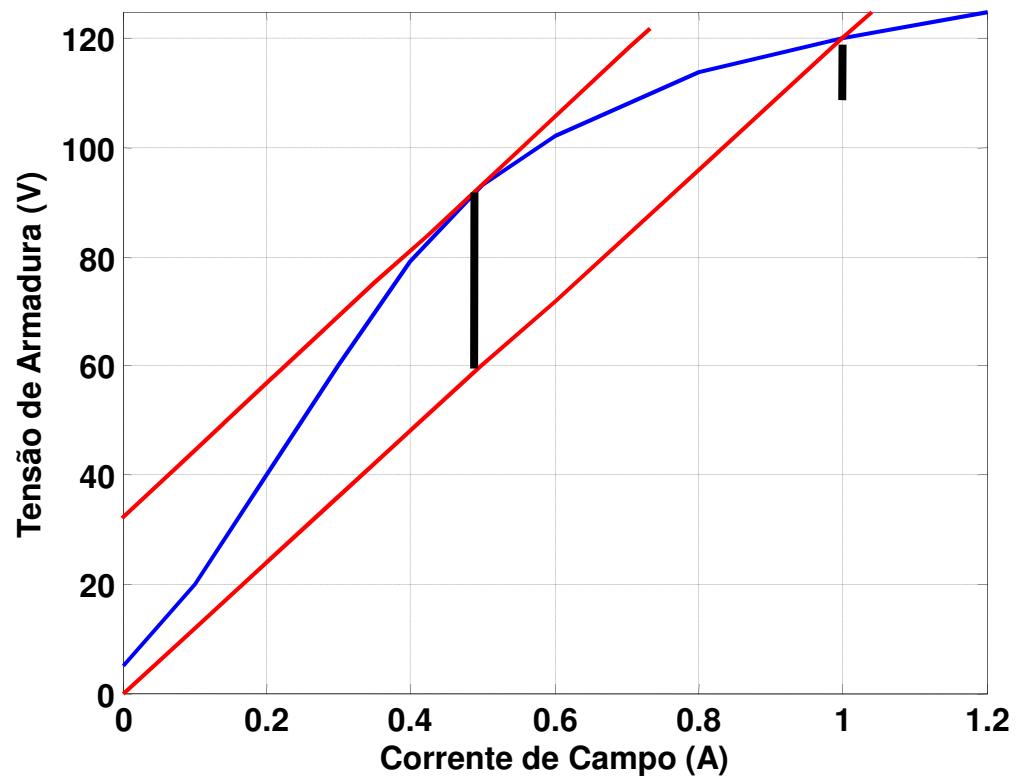


## Gerador CC com Excitação Paralela – Revisão (Exemplo)

Máxima corrente da armadura:

$$V_t = 60V; \\ E_a = 93V;$$

$$I_a = \frac{33}{0,2} = 165A$$



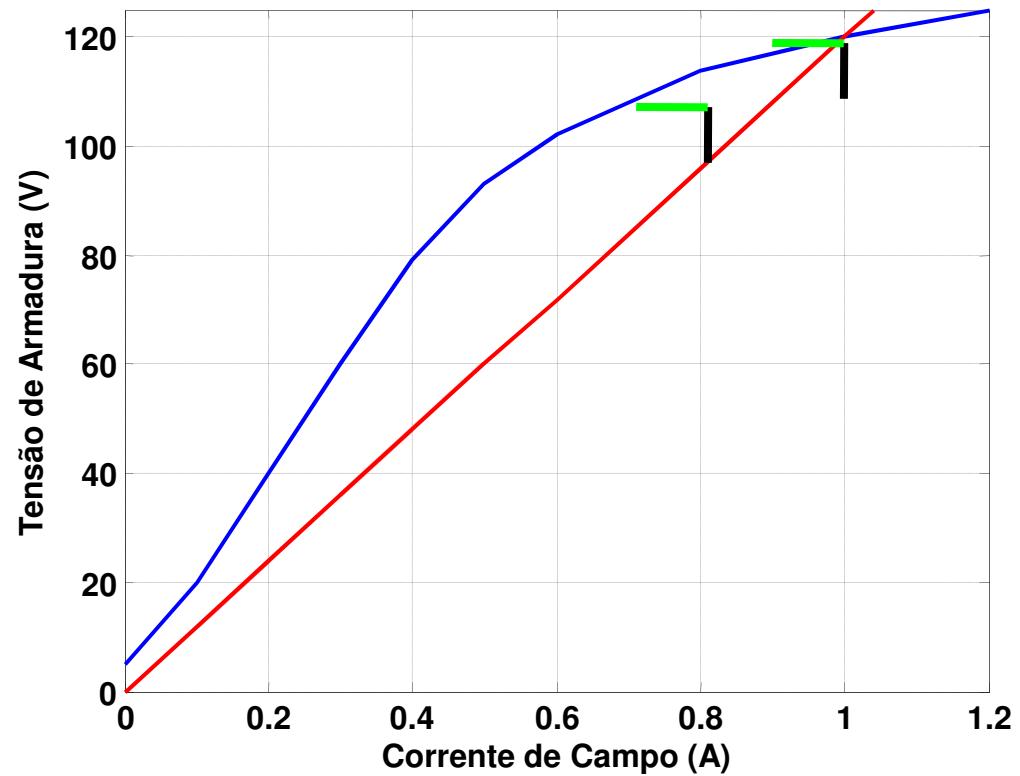
## Gerador CC com Excitação Paralela – Revisão (Exemplo)

(b)

(ii) Admitindo que  $I_{f(RA)}=0,1A$  e  $I_a=50A$  e considerando que a reação da armadura é proporcional à corrente de armadura, repita a parte (i);

**Corrente nominal da armadura:**

Sem RA	Com RA
$V_t=108V;$	$V_t=98V;$
$E_a=118V;$	$E_a=108V;$



## Gerador CC com Excitação Paralela – Revisão (Exemplo)

(b)

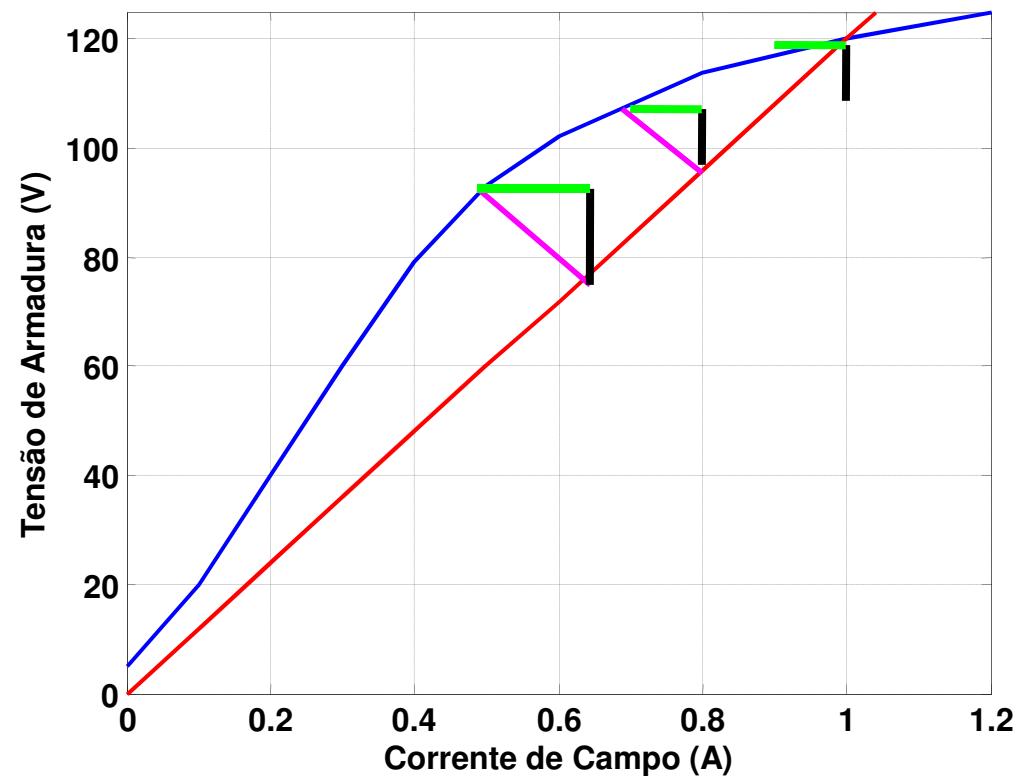
(ii) Assumindo que  $I_{f(RA)}=0,1A$  e  $I_a=50A$  e considerando que a reação da armadura é proporcional à corrente de armadura, repita a parte (i);

**Máxima corrente da armadura:**

Sem RA      Com RA

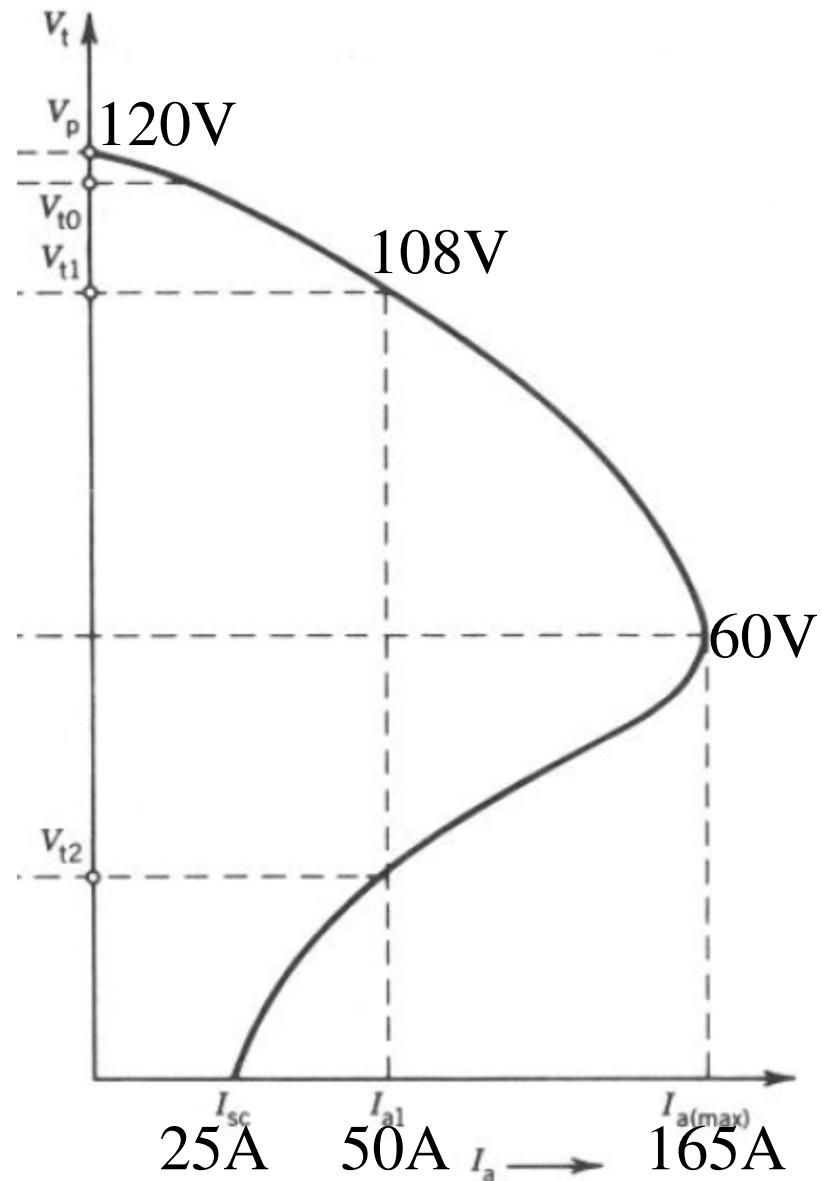
$$\begin{array}{ll} V_t = 60V; & V_t = 75V; \\ E_a = 93V; & E_a = 93V; \end{array}$$

$$I_a = 165A \quad I_a = \frac{18}{0,2} = 90A$$



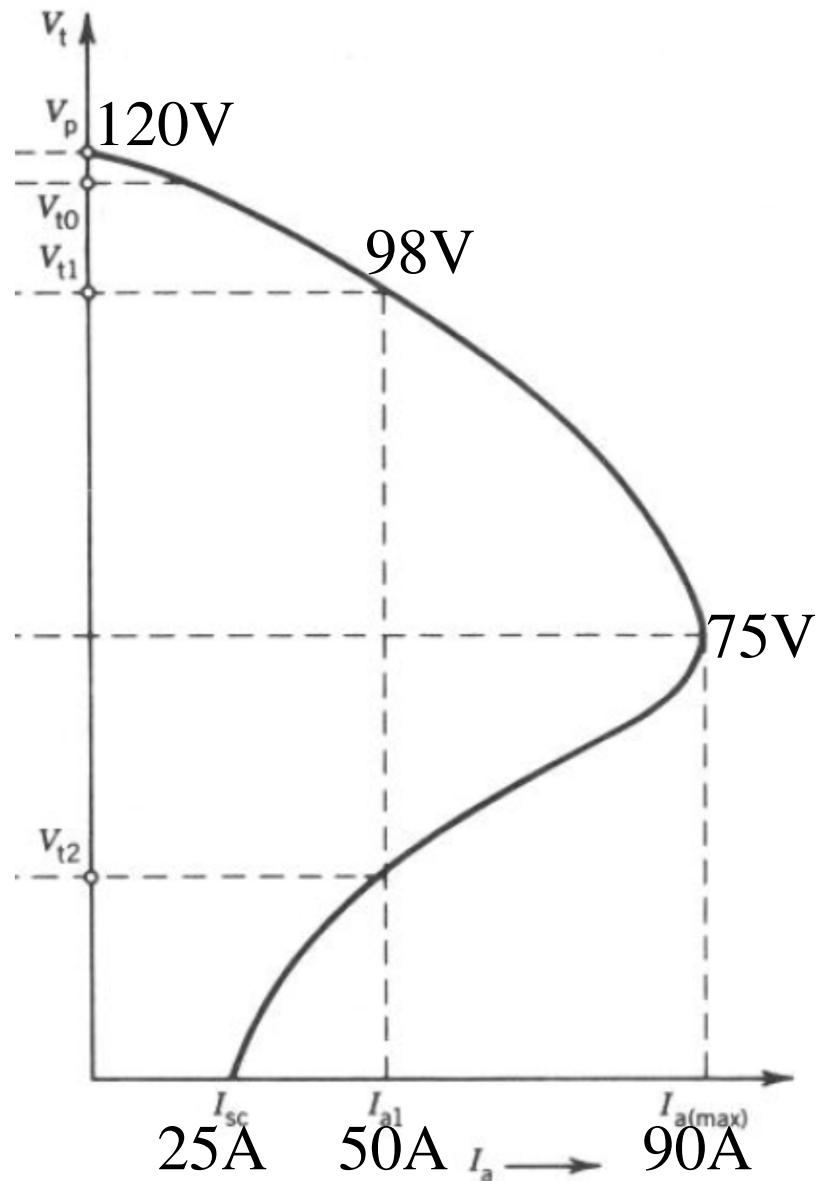
## Gerador CC com Excitação Paralela – Revisão (Exemplo)

Curva de regulação de tensão sem a reação de armadura:



## Gerador CC com Excitação Paralela – Revisão (Exemplo)

Curva de regulação de tensão com a reação de armadura:



## Gerador CC com Excitação Paralela – Revisão (Exemplo)

Curva de regulação de tensão com e sem a reação de armadura:

