

# Física do calor

F.S. Navarra

navarra@if.usp.br

[edisciplinas.if.usp.br](http://edisciplinas.if.usp.br)

monitor: Matheus Lazarotto

edifício central Ala I sala 228

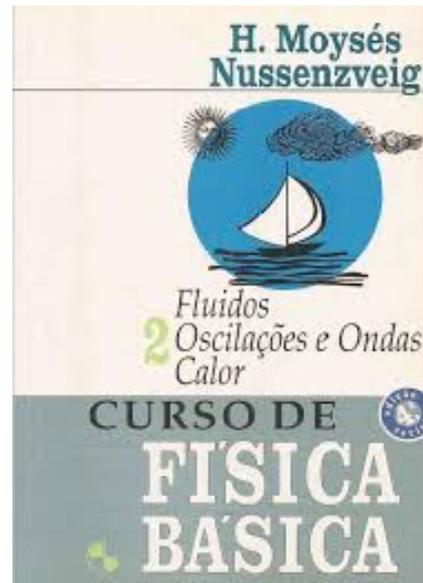
matheus\_jean\_l@hotmail.com

monitoria: sala 211 edifício central

terça feira: 12:00 - 13:00

quarta feira: 18:00 - 19:00

# 1ª Lista de exercícios



Capítulo 7: 4 5 6 7 8 9

Capítulo 8: 8 9 10 14 15 17 18 19

# Revisão

Dilatação

$$\left\{ \begin{array}{l} L = L_0 [1 + \alpha (T - T_0)] \\ A = A_0 [1 + 2\alpha (T - T_0)] \\ V = V_0 [1 + 3\alpha (T - T_0)] \end{array} \right.$$

Calor

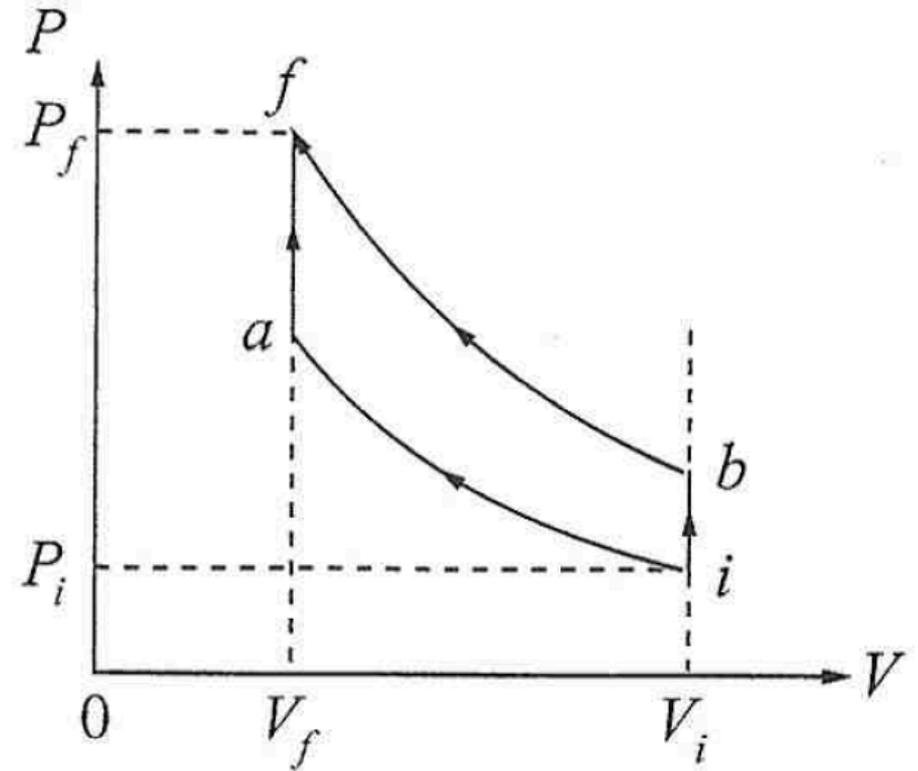
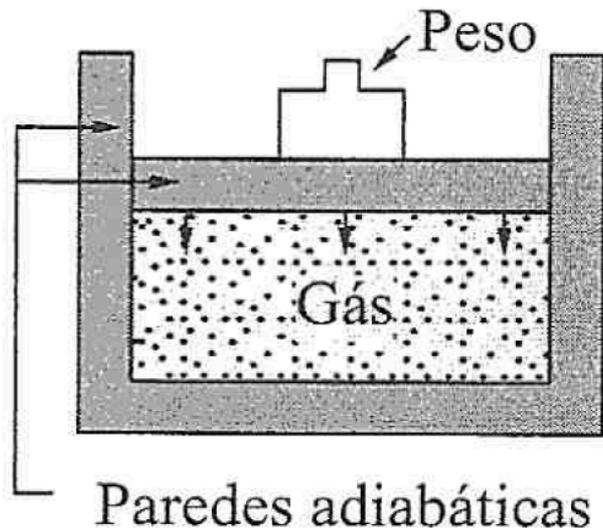
$$\left\{ \begin{array}{l} \Delta Q = m c \Delta T \end{array} \right.$$

Condução de calor

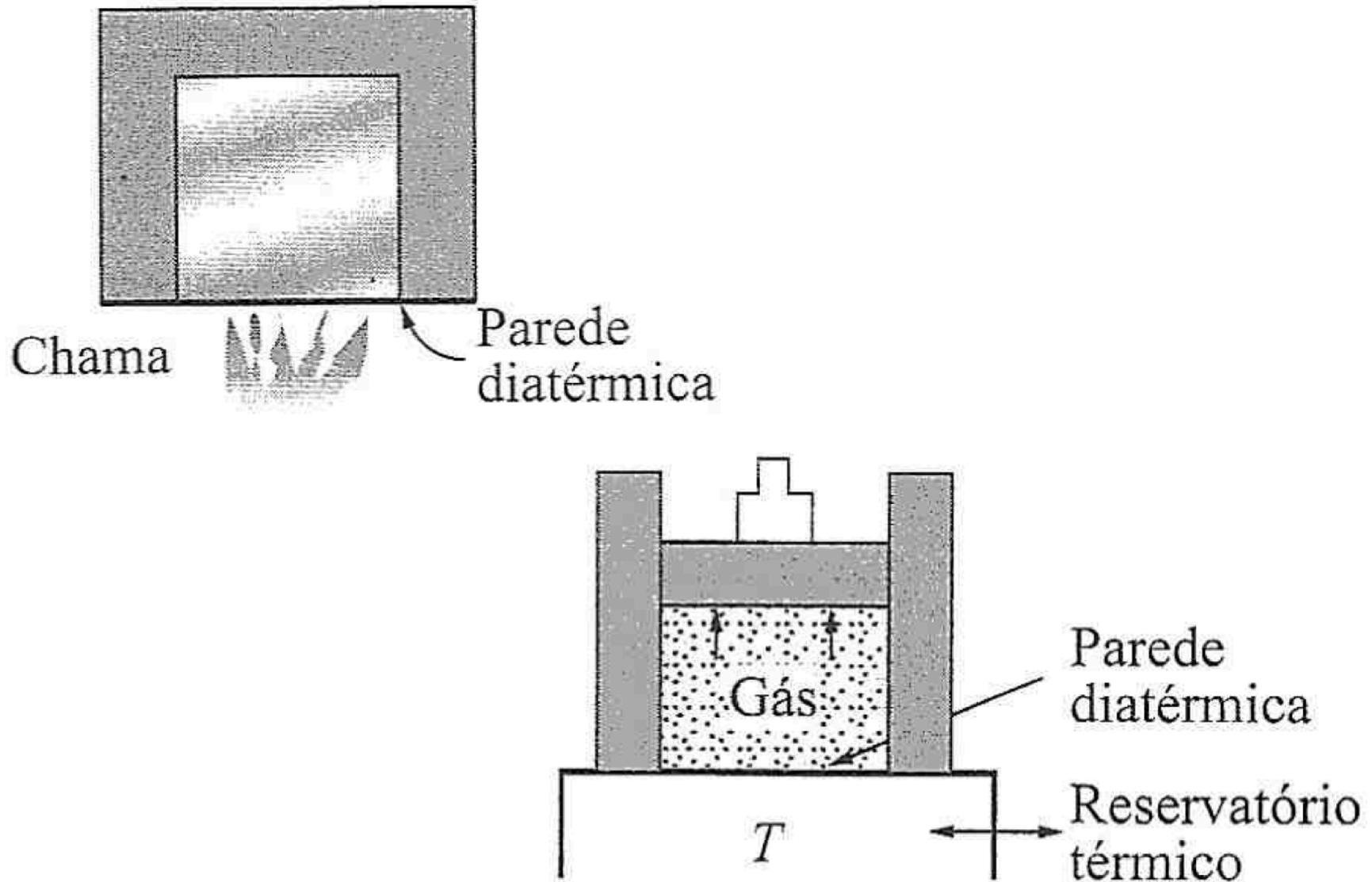
$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{dQ}{dt} = -k A \frac{dT}{dx} \\ \frac{dT}{dx} = -\frac{T_2 - T_1}{L} \end{array} \right. \quad \frac{dQ}{dt} = k A \frac{T_2 - T_1}{L}$$

# Processo adiabático : não há troca de calor

## Diagrama pressão X volume



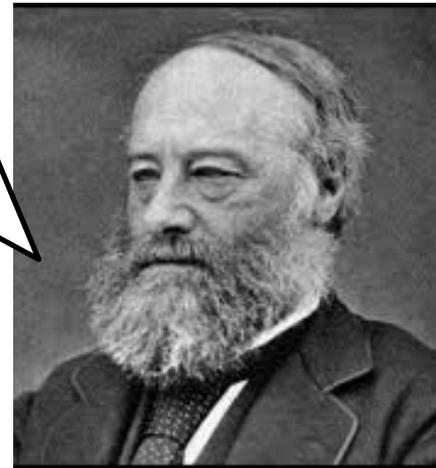
# Processos não-adiabáticos: troca de calor



# 1ª Lei da Termodinâmica:

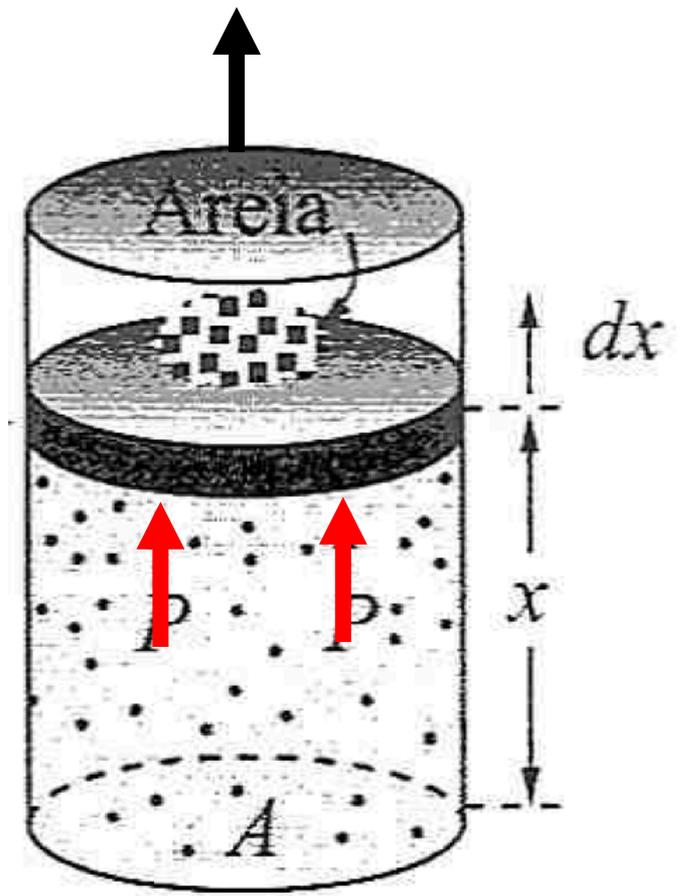
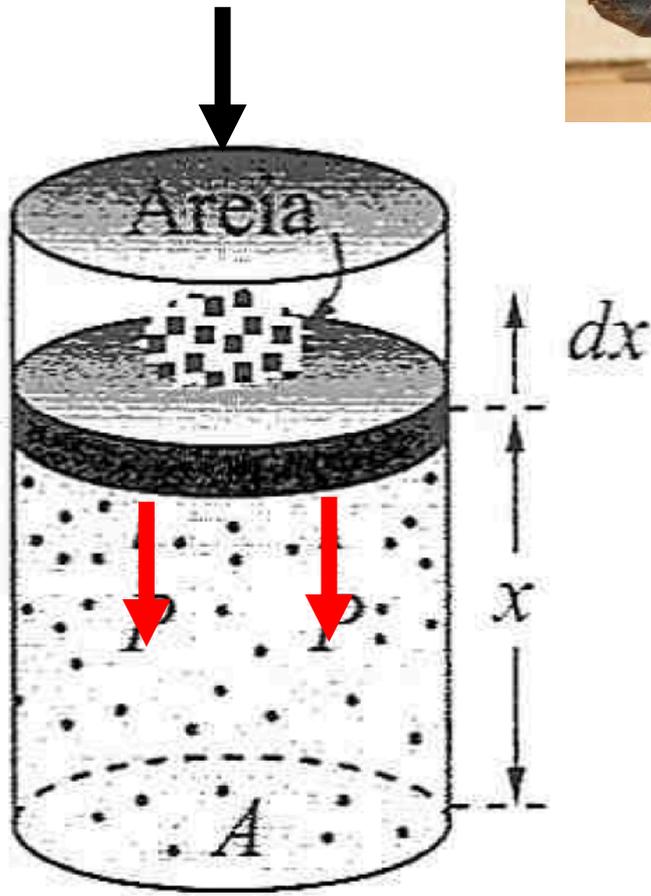
$$Q = \Delta U + W_{i \rightarrow f}$$

Conservação da energia !!!



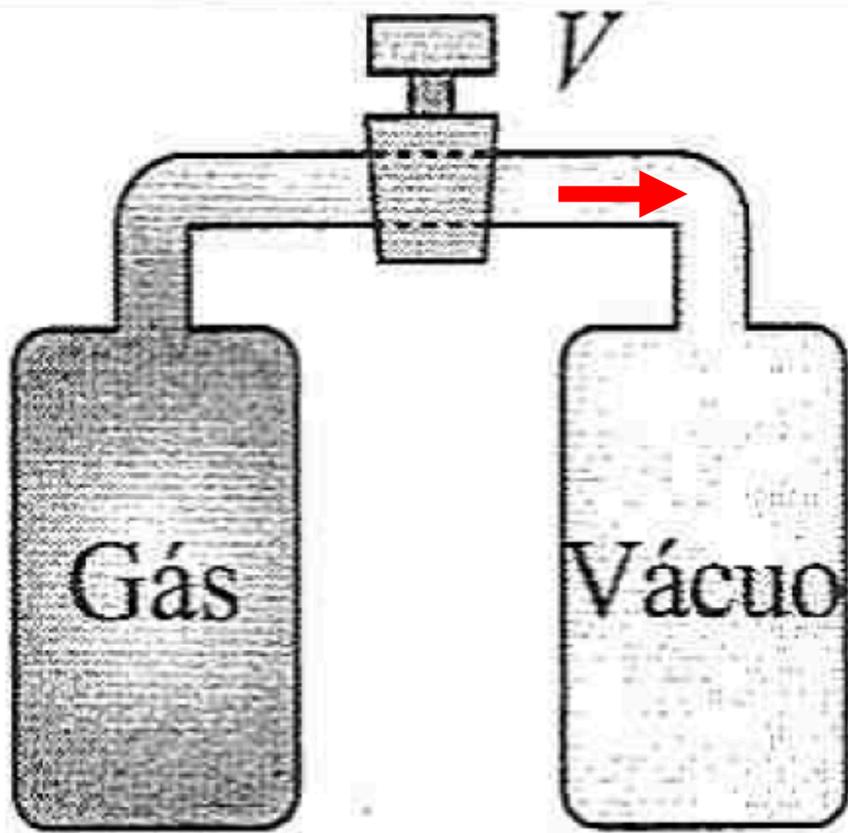
# Processos reversíveis

O gás tem tempo de atingir o **equilíbrio** a cada mudança



# Processos irreversíveis

O gás sai do equilíbrio durante da mudança

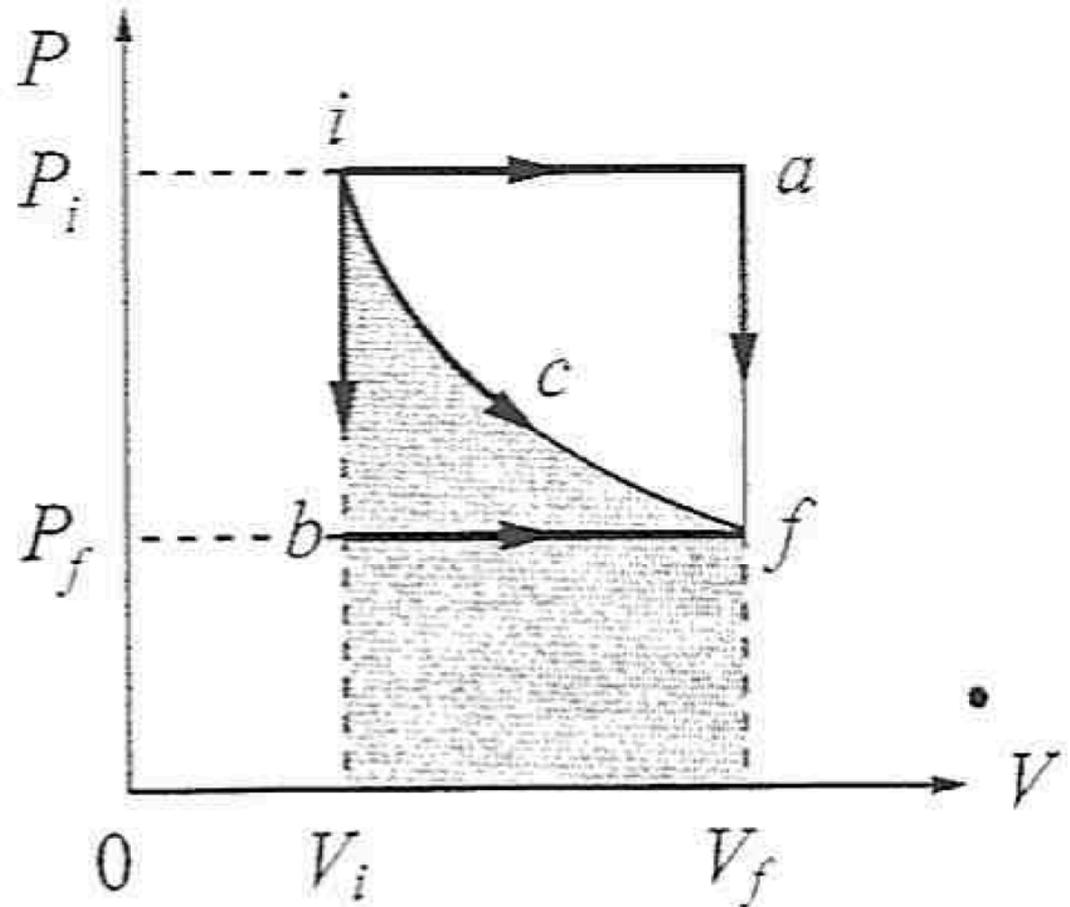


# Trabalho no processo reversível

$$W_{i \rightarrow f} = \int_{V_i}^{V_f} p dV$$

Trabalho depende  
do caminho !

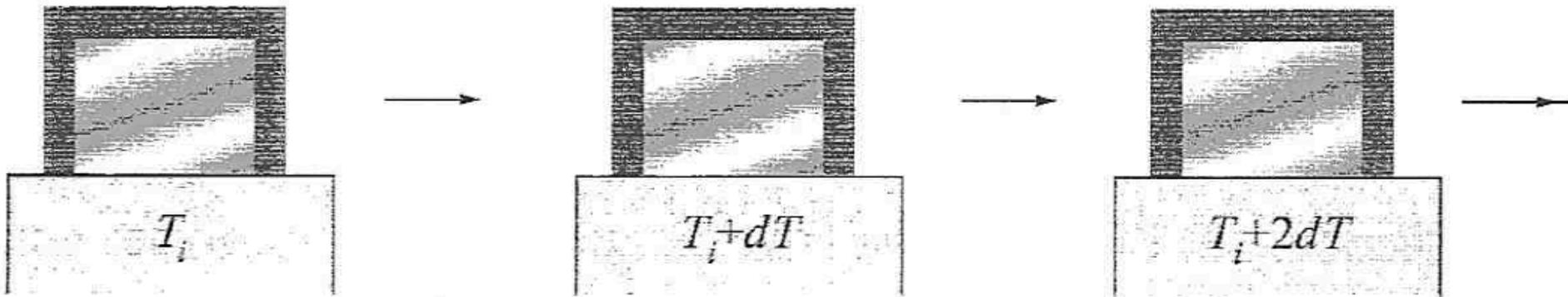
Não é uma variável  
do estado !



$W = \text{área debaixo da curva da função}$

# Calor no processo reversível

Processos **muito lentos**: aumento gradual da temperatura



$$dQ = C dT \quad \longrightarrow \quad Q = \int_{T_i}^{T_f} C dT$$

# 1ª Lei no processo reversível

$$dQ = dU + dW$$

$$dQ = C dT$$

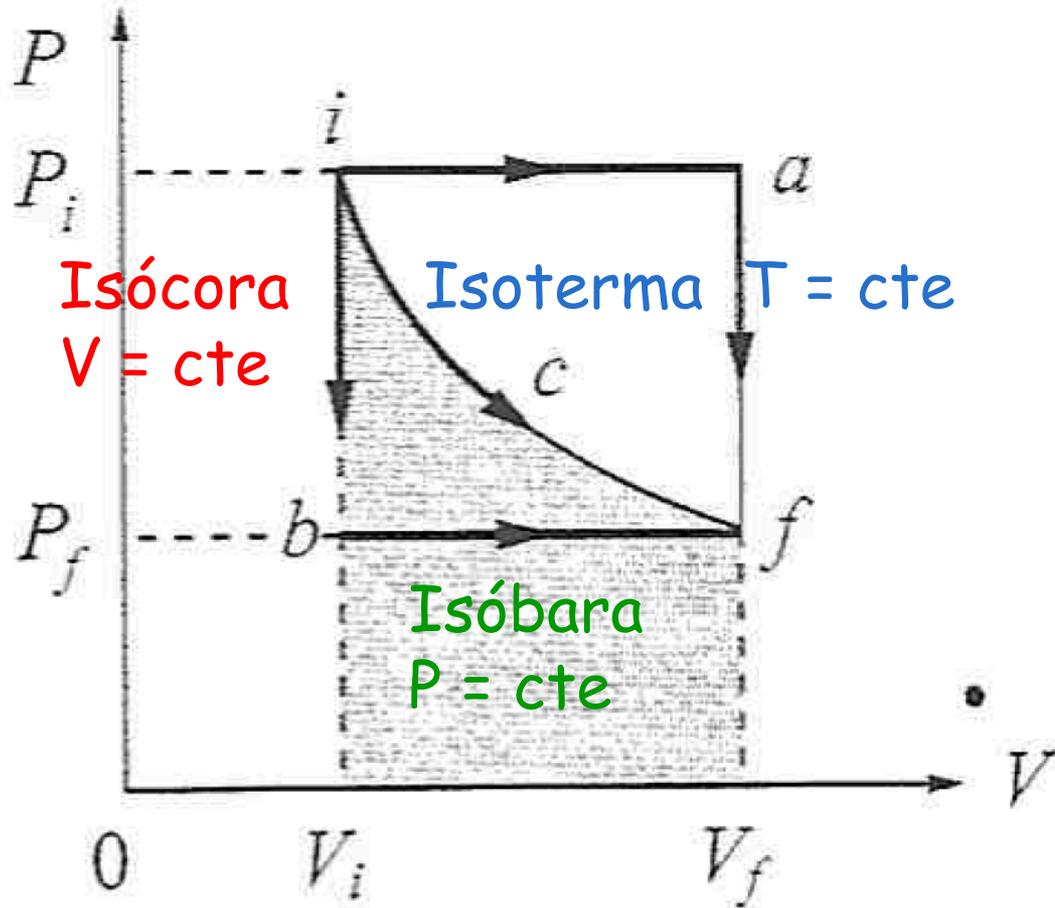
$$dW = p dV$$

$$Q = \int_{T_i}^{T_f} C dT$$

$$W_{i \rightarrow f} = \int_{V_i}^{V_f} p dV$$

$$C dT = dU + p dV$$

# Transformações reversíveis

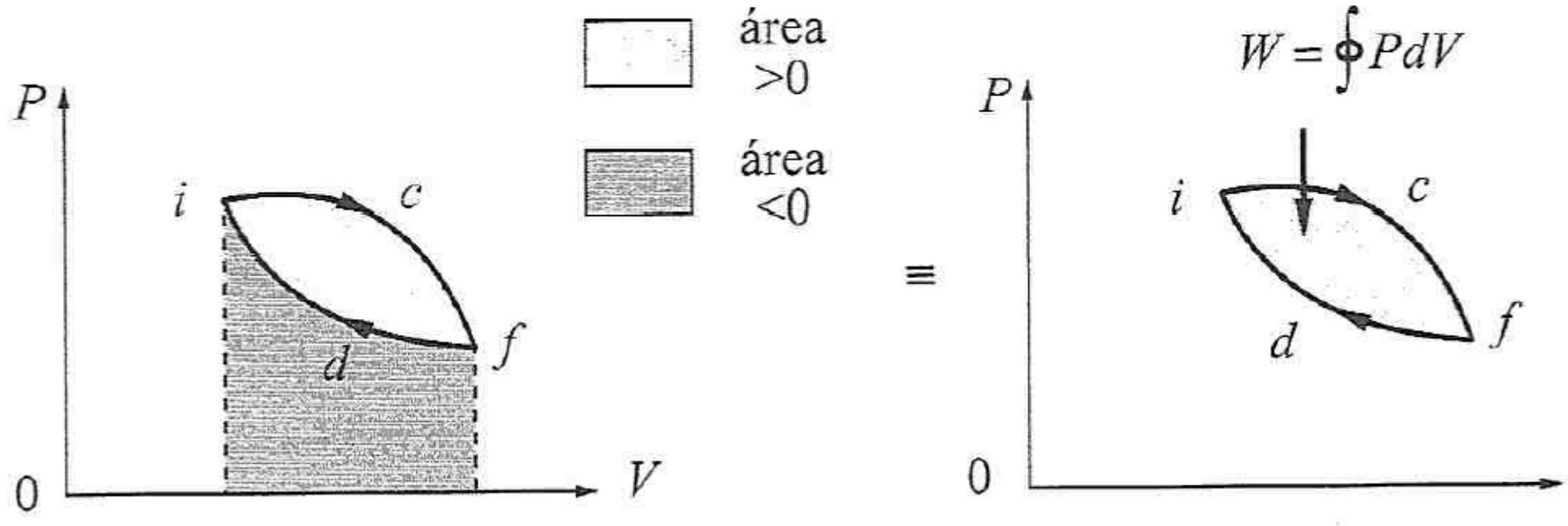


*i* - *c* - *f* :  
Transf. Isotérmica

*i* - *b* , *a* - *f* :  
Transf. Isocórica

*i* - *a* , *b* - *f* :  
Transf. Isobárica

# Ciclo : sistema volta ao estado inicial

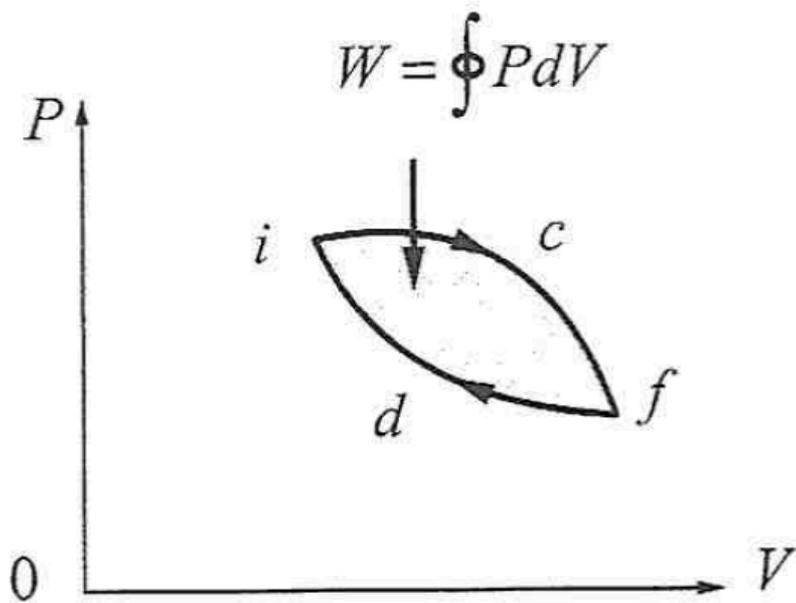


$$W_{f \rightarrow i} = \int_{V_f}^{V_i} p dV = - \int_{V_i}^{V_f} p dV$$

$$W_{f \rightarrow i} = - W_{i \rightarrow f}$$

# Transformações importantes

## a) Ciclo



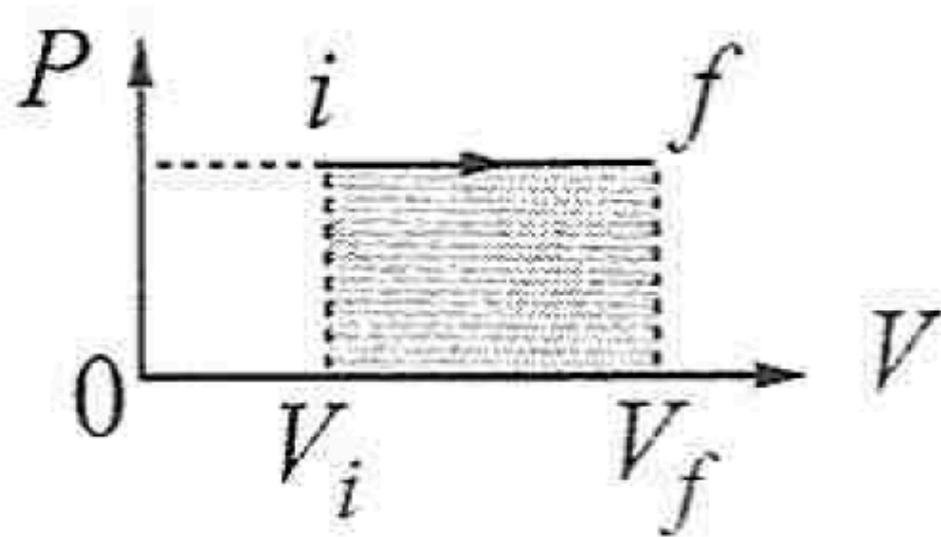
$$i = f$$

$$U_i = U_f$$

$$\Delta U = U_f - U_i = 0$$

$$W = Q$$

## b) Processo isobárico (pressão constante)

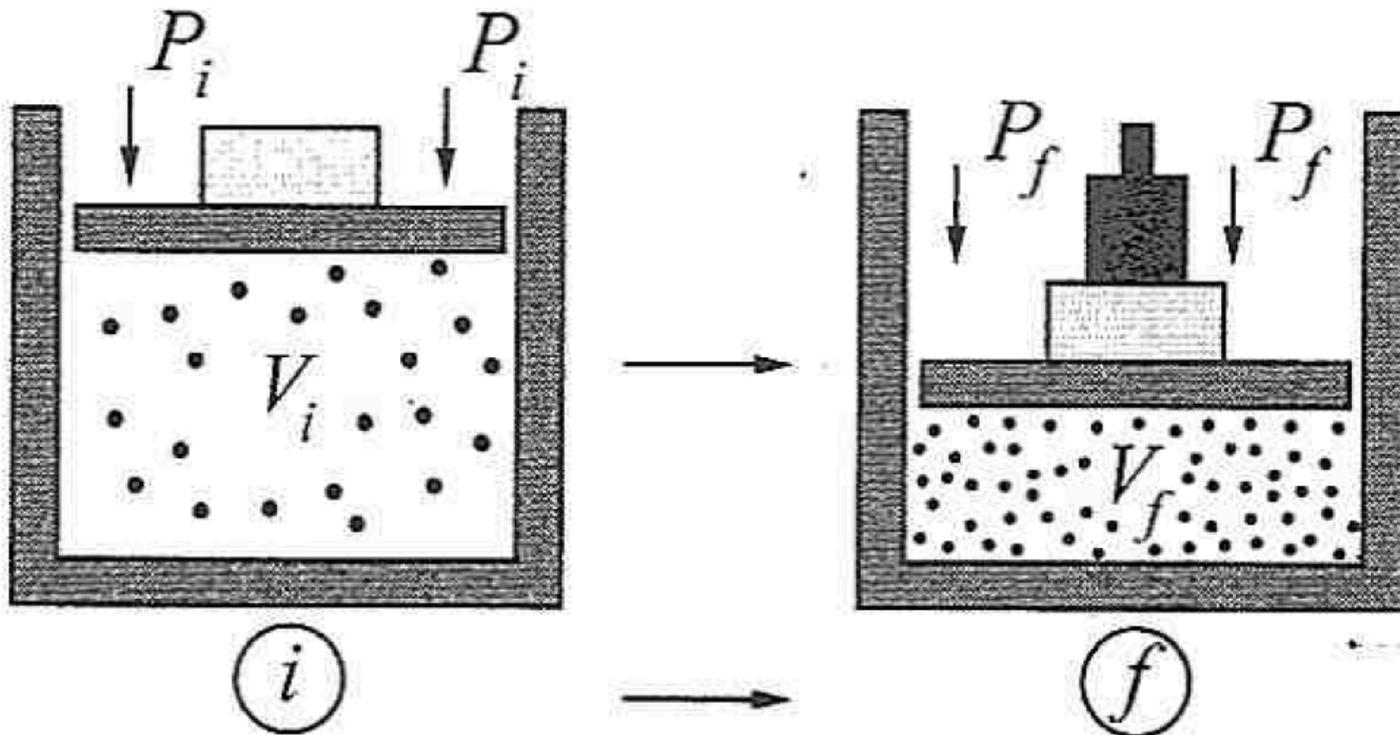


$$W_{i \rightarrow f} = \int_{V_i}^{V_f} p \, dV = p (V_f - V_i)$$

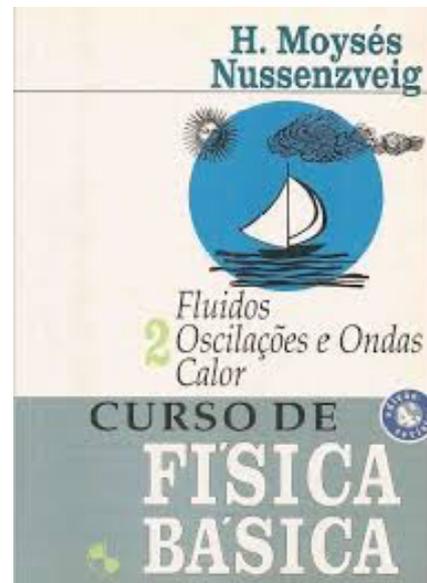
$$Q = U_f - U_i + p (V_f - V_i)$$

### c) Processo adiabático ( $Q = 0$ )

$$U_f - U_i = -W_{i \rightarrow f}$$



# Exercícios

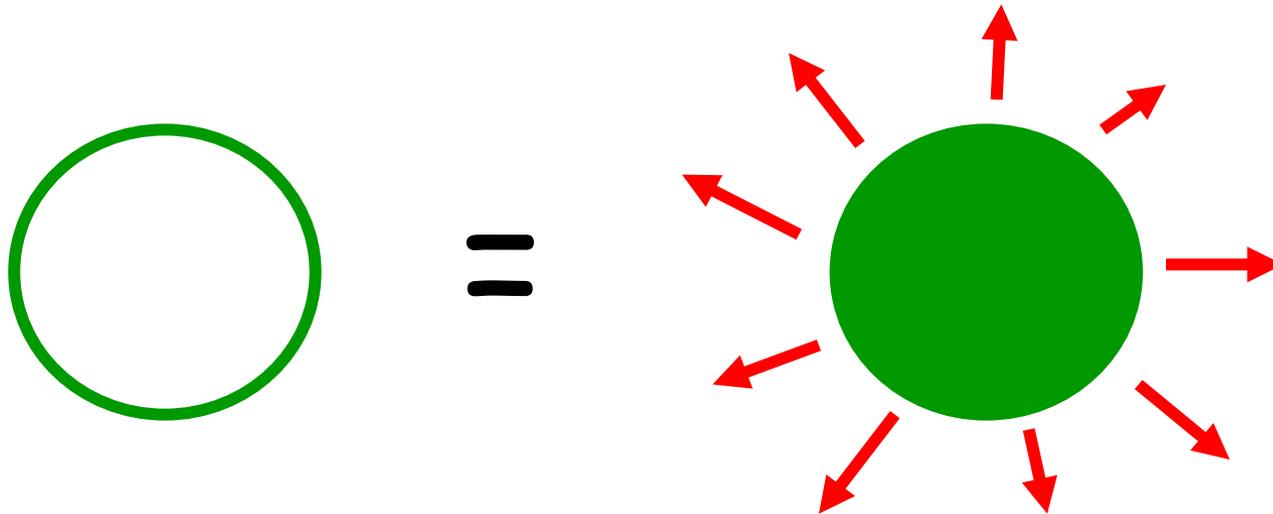


# Problemas do capítulo 7

1 – Uma esfera oca de alumínio tem um raio interno de 10 cm e raio externo de 12 cm a 15°C. O coeficiente de dilatação linear do alumínio é  $2,3 \times 10^{-5}/^{\circ}\text{C}$ . De quantos  $\text{cm}^3$  varia o volume da cavidade interna quando a temperatura sobe para 40°C? O volume da cavidade aumenta ou diminui?

$$\Delta V = V_0 \cdot 3\alpha \cdot \Delta T = \left[ \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot r^3 \right] \cdot 3 \cdot (2,3 \cdot 10^{-5}) \cdot (40 - 15) = 2,3 \cdot \pi \cdot r^3, \text{ com } r = 10 \text{ cm}$$

$$\Delta V = 7,225 = 7,3 \text{ cm}^3$$



2 – Uma barra retilínea é formada por uma parte de latão soldada em outra de aço. A  $20^{\circ}\text{C}$ , o comprimento total da barra é de 30 cm, dos quais 20 cm de latão e 10 cm de aço. Os coeficientes de dilatação linear são  $1,9 \times 10^{-5}/^{\circ}\text{C}$  para o latão e  $1,1 \times 10^{-5}/^{\circ}\text{C}$  para o aço. qual o coeficiente de dilatação linear da barra?

Para uma dada temperatura T:  $\Delta T = T - T_0$

$$\left. \begin{aligned} \Delta L_L &= L_{0L} \cdot \alpha_L \cdot \Delta T = 20 \cdot 1,9 \cdot 10^{-5} \cdot \Delta T \\ \Delta L_A &= L_{0A} \cdot \alpha_A \cdot \Delta T = 10 \cdot 1,1 \cdot 10^{-5} \cdot \Delta T \end{aligned} \right\} \quad \text{(I)}$$

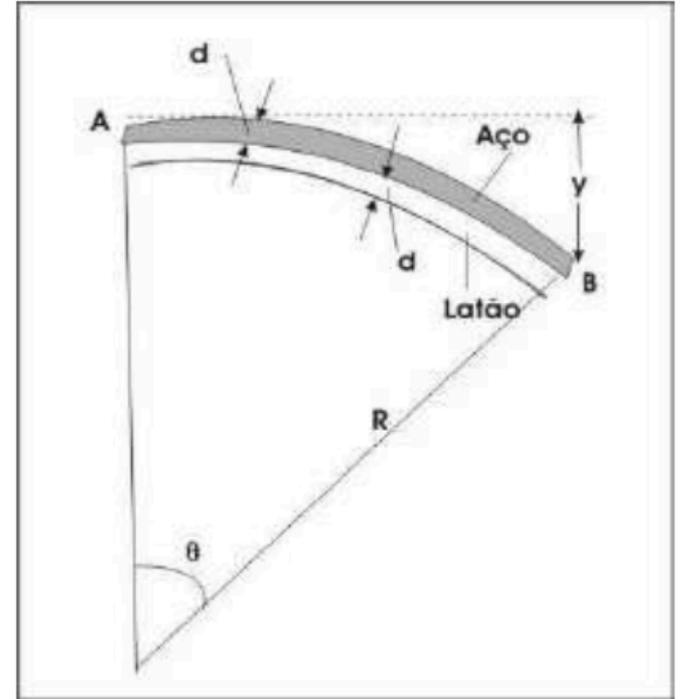
$$\Delta L = \Delta L_L + \Delta L_A = L_0 \cdot \alpha \cdot \Delta T \quad \text{(II)}$$

Somando (I) e substituindo em (II):

$$49 \cdot 10^{-5} \cdot \Delta T = 30 \cdot \alpha \cdot \Delta T \quad \Rightarrow \quad \boxed{\alpha = 1,63 \times 10^{-5}/^{\circ}\text{C}}$$



3 - Uma tira bimetálica, usada para controlar termostatos, é constituída de uma lâmina estreita de latão, de 2 mm de espessura, presa lado a lado com uma lâmina de aço, de mesma espessura  $d=2$  mm, por uma série de rebites. A  $15^\circ\text{C}$ , as duas lâminas têm o mesmo comprimento, igual a 15 cm, e a tira está reta. A extremidade A da tira é fixa; a extremidade B pode mover-se, controlando o termostato. A uma temperatura de  $40^\circ\text{C}$ , a tira se encurvou, adquirindo um raio de curvatura R, e a extremidade B se deslocou de uma distância vertical y. Calcule R e y, sabendo que o coeficiente de dilatação linear do latão é  $1,9 \times 10^{-5}/^\circ\text{C}$  e o do aço é  $1,1 \times 10^{-5}/^\circ\text{C}$ .



$$1) \begin{cases} \Delta L = L_o \alpha_l \Delta T \Rightarrow L_l = L_o (1 + \alpha_l \Delta T) = 15,007125 \text{ cm} \\ \Delta L = L_o \alpha_a \Delta T \Rightarrow L_a = L_o (1 + \alpha_a \Delta T) = 15,004123 \text{ cm} \end{cases}$$

$$\theta = \frac{L_l}{R} = \frac{L_a}{R - d} \Rightarrow L_l (R - d) = L_a R \Rightarrow R = \frac{d L_l}{L_l - L_a}$$

$$\therefore R = \frac{3,00285}{0,00300} \Rightarrow \boxed{R = 10 \text{ m}}$$

# Problemas do capítulo 8

# Capítulo 8

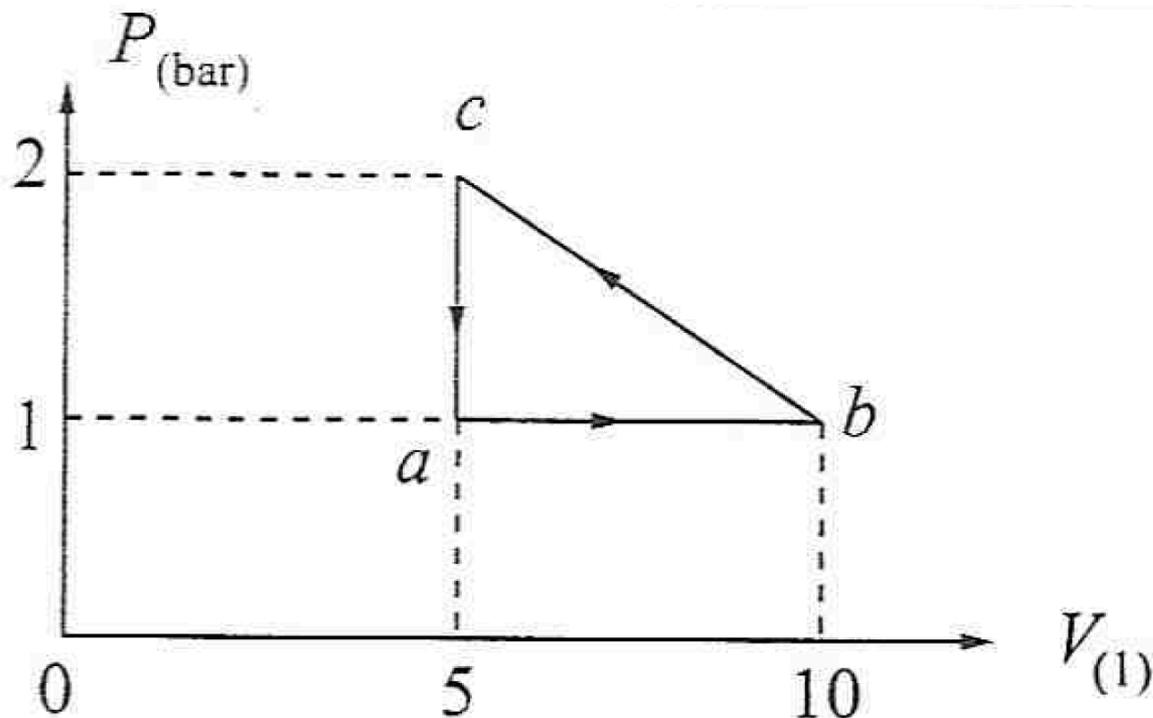
## Exercício 19

SI:

1 Pascal = 1 N / m<sup>2</sup>

1 bar = 10<sup>5</sup> Pascal

1 litro = 10<sup>-3</sup> m<sup>3</sup>



Complete  
a tabela

Etapa	$W$ (J)	$Q$ (J)	$\Delta U$ (J)
<i>ab</i>		800	
<i>bc</i>			
<i>ca</i>			-100
Ciclo ( <i>abca</i> )			

I) ab:

$W = \text{Área ab}$ :

$$W_{ab} = 5 \cdot 10^{-3} \cdot 10^5 \Rightarrow \boxed{W_{ab} = 500J}$$

Pela Primeira lei:

$$\Delta U = Q - W = 800 - 500 \therefore \boxed{\Delta U = 300J}$$

II) ca:

$$\boxed{W = 0}$$

Pela Primeira lei:

$$\Delta U = Q - W \Rightarrow -100 = Q - 0 \therefore \boxed{Q_{ca} = -100J}$$

III) bc:

$W = -\text{Área bc}$ :

$$W_{bc} = -(2 + 1) \cdot 10^5 \cdot \frac{5 \cdot 10^{-3}}{2} \therefore \boxed{W_{bc} = -750J}$$

$$\Delta U_{ciclo} = 0 = \sum \Delta U = 300 - \Delta U_{bc} - 100 = 0 \therefore \boxed{\Delta U_{bc} = -200J}$$

$$\Delta U = Q - W \Rightarrow -200 = Q + 750 \therefore \boxed{Q_{bc} = -950J}$$

IV) Ciclo:

$$W_{ciclo} = \sum W = 500 - 750 + 0 \therefore \boxed{W_{ciclo} = -250J}$$

$$Q_{ciclo} = \sum Q = 800 - 950 - 100 \therefore \boxed{Q_{ciclo} = -250J}$$

## Capítulo 8

## Exercício 18

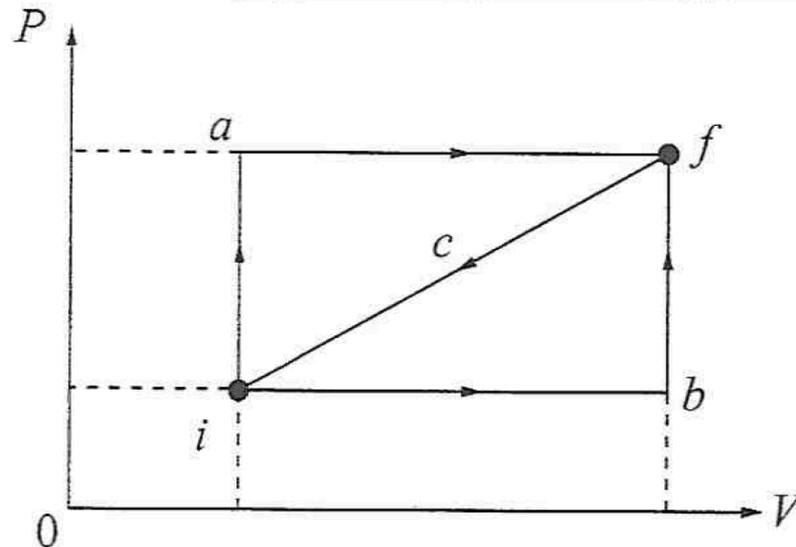
Um fluido homogêneo pode passar de um estado inicial  $i$  a um estado final  $f$  no plano  $(P, V)$  através de dois caminhos diferentes, representados por  $iaf$  e  $ibf$  no diagrama indicador (Fig. P.3). A diferença de energia interna entre os estados inicial e final é  $U_f - U_i = 50 \text{ J}$ . O trabalho realizado pelo sistema na passagem de  $i$  para  $b$  é de  $100 \text{ J}$ . O trabalho realizado pelo sistema quando descreve o ciclo  $(iafb i)$  é de  $200 \text{ J}$ . A partir destes dados, determine, em magnitude e sinal: (a) a quantidade

a) A quantidade de calor  $Q_{(ibf)}$ , associada ao caminho  $ibf$ ;

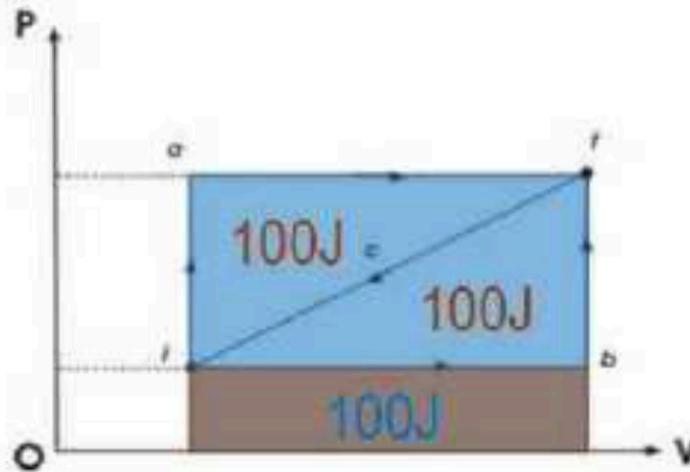
b) O trabalho  $W_{i \rightarrow f}$ ;

c) A quantidade de calor  $Q_{(iaf)}$  associada ao caminho  $iaf$ ;

d) Se o sistema regressa do estado final ao estado inicial seguindo a diagonal  $fci$  do retângulo (fig.), o trabalho  $W_{(fci)}$  e a quantidade de calor  $Q_{(fci)}$  associados a esse caminho.



Analisando o gráfico, temos:



Portanto:

a)  $\Delta U = Q - W \Rightarrow 50 = Q - 100 \therefore \boxed{Q_a = 150J}$

b)  $W_{i \rightarrow f} = W_{i \rightarrow a} + W_{a \rightarrow f} + W_{f \rightarrow b} + W_{b \rightarrow i} = 0 + 200 + 0 + 100 \therefore \boxed{W_{i \rightarrow f} = 300J}$

c)  $\Delta U = Q - W \Rightarrow 50 = Q - 300 \therefore \boxed{Q_c = 350J}$

d) Pela figura:

$$\boxed{W_d = -200J}$$

Substituindo:

$$\Delta U = Q - W \Rightarrow -50 = Q + 200 \therefore \boxed{Q = -250J}$$

Capítulo 8  
Exercício 13

Duas esferas metálicas concêntricas, de raios  $r_1$  e  $r_2 > r_1$ , são mantidas respectivamente às temperaturas  $T_1$  e  $T_2$ , e estão separadas por uma camada de material homogêneo de condutividade térmica  $k$  (Fig. P.2). Calcule a taxa de transmissão de calor por unidade de tempo através dessa camada.

