

ACH2024 –

Algoritmos e Estruturas de Dados II

Prof. Helton Hideraldo Biscaro
heltonhb@usp.br

Parte 2 da Disciplina: Memória Secundária

Organização de Arquivos

Nesta aula são introduzidos conceitos sobre o modelo consequencial de processamento de arquivos

Relembrando...

- ❑ É claro que, para cada tipo de consulta, se o arquivo não estiver organizado adequadamente, é necessário uma ou mais varreduras completas (do início ao final) do arquivo
- ❑ Uma primeira idéia seria organizar um arquivo ordenando-o segundo algum campo
- ❑ Um método comum de ordenação consiste na ordenação (ou classificação) por intercalação
- ❑ A intercalação pressupõe dois arquivos ordenados por algum campo, juntando-os em um único arquivo final, também ordenado
- ❑ Em termos gerais a intercalação (*merge*) é o processo de formar uma lista de saída contendo **todos** os itens de duas (ou mais) listas de entrada

Algoritmo de Intercalação

procedure merge (X, Y, Z)

- ❑ *pré-condição*: assume dois arquivos de entrada X e Y ordenados pelo campo chave
- ❑ *pós-condição*: gera como saída o arquivo Z também ordenado por chave composto pelos registros de X e Y
- ❑ O procedimento precisa de 3 variáveis do tipo arquivo: duas variáveis de entrada para os arquivos X e Y e uma variável de saída para o arquivo Z
- ❑ No algoritmo, assume-se que os registros possuem um campo chave denominado **key**

Algoritmo de Intercalação – Pseudo Código

```
procedure merge(X, Y, Z)

  Leia registro x de X
  Leia registro y de Y
  while not X.Eof() and
    not Y.Eof() do
    if x.key < y.key then
      Escreva x em Z
      Leia x do arquivo X
    else
      Escreva y em Z
      Leia y do arquivo Y
    endif
  endwhile
```

```
  while not X.Eof() do
    Escreva x em Z
    Leia x do arquivo X
  endwhile

  while not Y.Eof() do
    Escreva y em Z
    Leia y do arquivo Y
  endwhile

end merge
```

Algoritmo de Intercalação – Pseudo Código – Variação

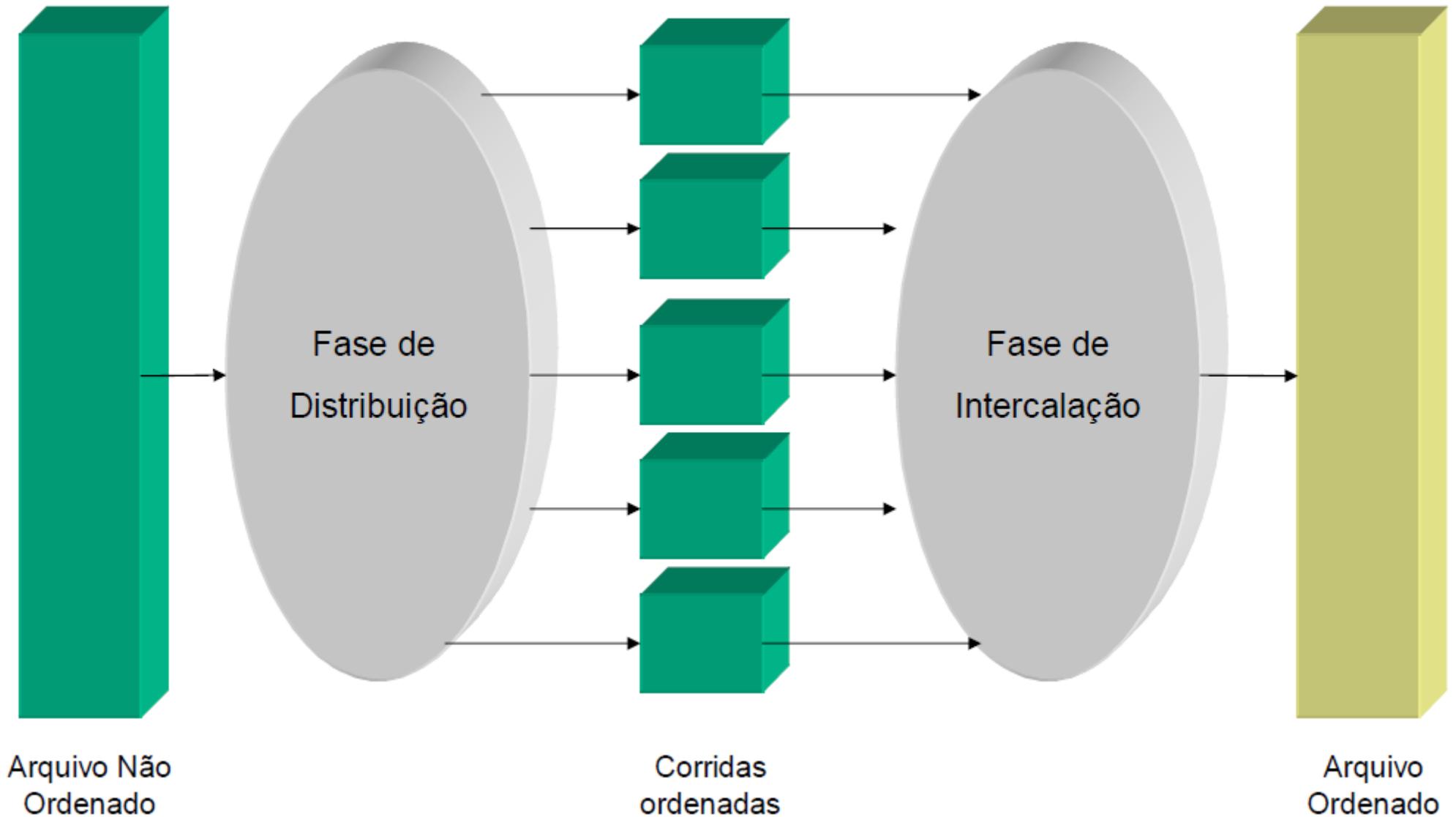
```
procedure merge (X, Y, Z)

X.read(x);
Y.read(y);
acabou ← X.Eof() and Y.Eof();
while not acabou do
    if x.key < y.key then
        Z.write(x);
        X.read(x);
    else
        Z.write(y);
        Y.read(y);
    endif
    acabou ← X.Eof() and Y.Eof();
endwhile
```

Ordenação em Disco

- ❑ A Classificação por Intercalação é o método mais comum de ordenação nos dispositivos de memória secundária
- ❑ Esse método consiste essencialmente de duas fases distintas
 - Na primeira (distribuição), os segmentos do arquivo de entrada são classificados usando um bom método de ordenação em memória principal
 - ❖ Esses segmentos classificados, conhecidos como corridas (*runs*) estão sendo gravados na memória secundária na medida em que são gerados
 - Na segunda (intercalação), as corridas geradas na fase anterior são intercaladas até esgotar as corridas

Classificação por Intercalação



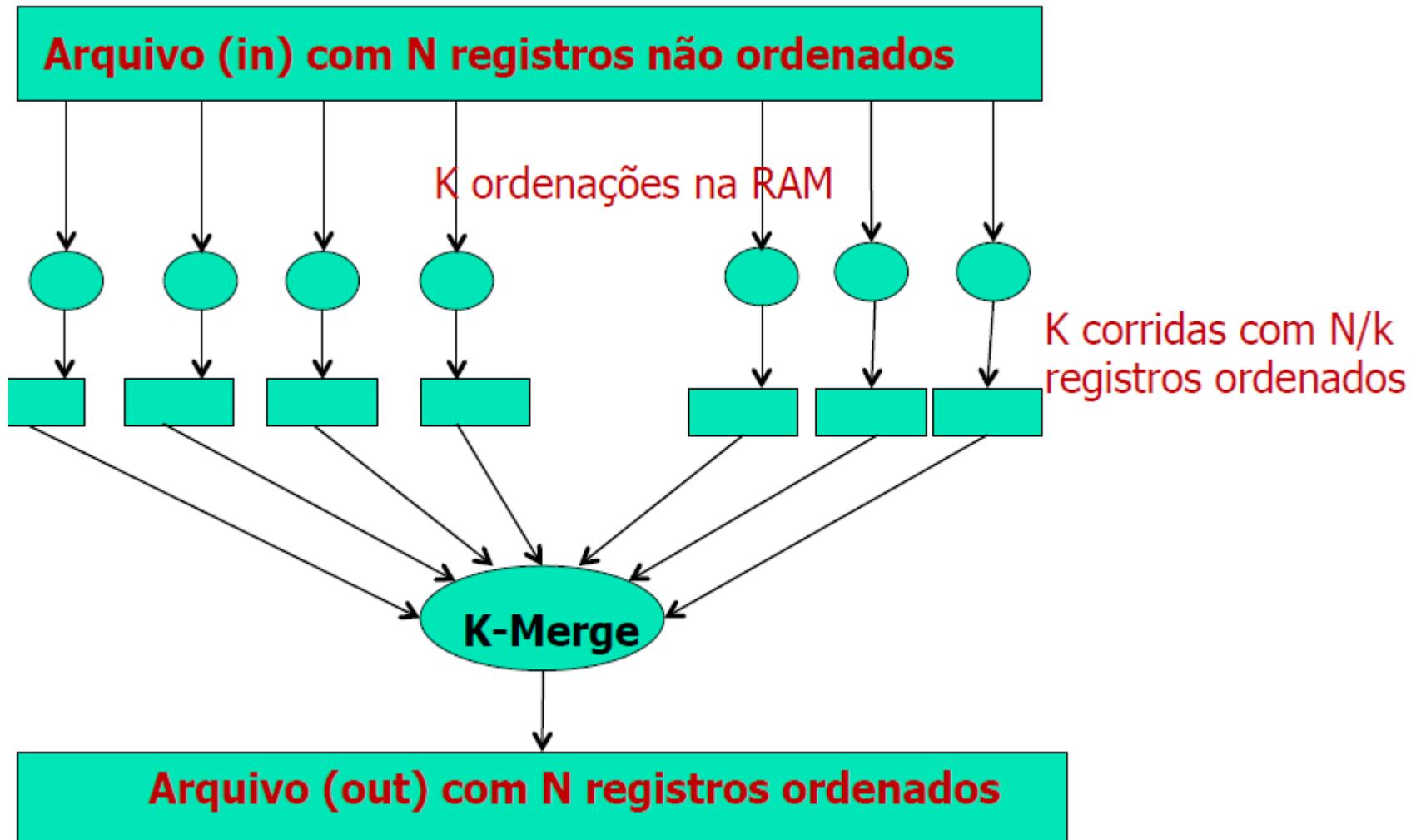
Desempenho

Os algoritmos para ordenação externa devem reduzir o número de passadas sobre o arquivo (*por que?*)

Uma boa medida de complexidade é o número de vezes que um item é lido ou escrito da/na memória externa

Bons métodos geralmente envolvem, no total, menos do que 10 passadas sobre o arquivo

Esquema Geral do Algoritmo:



Esquema Geral do Algoritmo:

- Esta solução
 - Pode ordenar arquivos realmente grandes
 - Geração das corridas envolve apenas acesso sequencial aos arquivos
 - A leitura das corridas e a escrita final também são sequenciais
 - Aplicável também a arquivos mantidos em fita, já que E/S é sequencial

K-Way Merge Sort

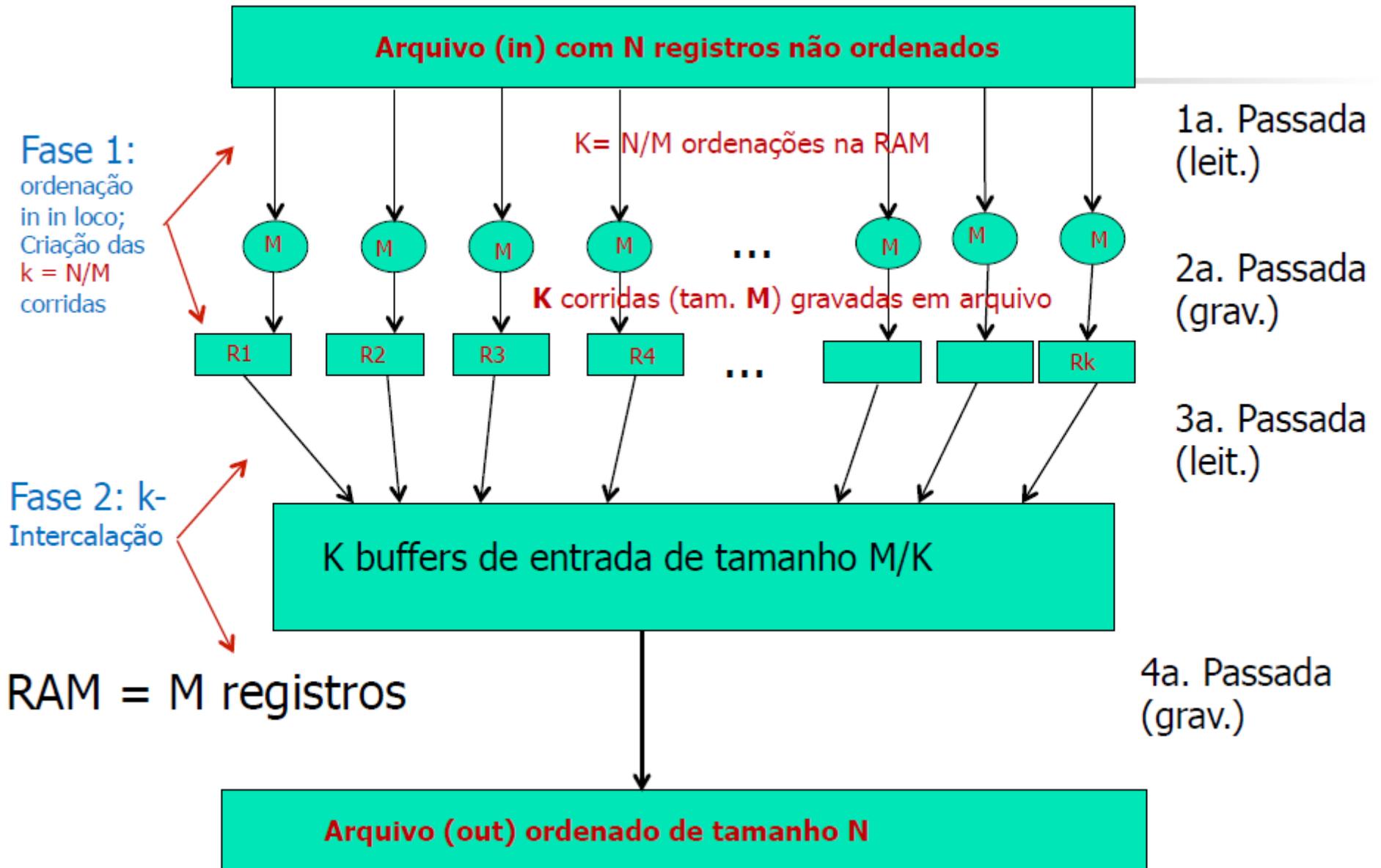
- Fase 1: Geração das Corridas
 - Segmentos do arquivo (corridas) são ordenados em memória RAM, usando algum método eficiente de ordenação interna (p.ex., quicksort ou heapsort), e gravados em disco*
 - Corridas vão sendo gravadas a medida em que são geradas

* Veja na literatura como fazer ordenação e gravação das corridas em paralelo, usando heapsort

K-Way Merge Sort

- Fase 2: Intercalação
 - As k corridas geradas na fase anterior são intercaladas (k -way), formando o arquivo ordenado, que vai sendo gravado no disco
 - Envolvem buffers de entrada – k chaves das corridas
 - E buffer(s) de saída – gravados no disco assim que completados
 - 1 buffer ou 2 buffers de saída – o que é melhor?

K-Way Merge Sort



K-Way Merge Sort - Análise

- Fase 1: Criação das Corridas:
 - 1 leitura sequencial do arquivo (N registros)
 - $K=N/M$ gravações sequenciais de M registros
- Fase 2: Intercalação:
 - Toda a RAM é usada para buffers de entrada: abrigando K blocos de registros
 - No total, $K*K$ seeks para ler todos os registros para a intercalação
 - Gravação dos N registros conforme ocorre a k-intercalação.

K-Way Merge Sort - Análise

- Apenas para ter um *benchmark*; não levar os números a sério!
- Supondo
 - Arquivo com 80 MB, com 800.000 registros de 100 bytes, e cada corrida com 1 MB
 - 1MB = 10.000 registros
 - Arquivo armazenado em áreas contíguas do disco (*extents*), *extents* alocados em mais de uma trilha, de tal modo que um único *rotational delay* é necessário para cada acesso
 - Características do disco
 - tempo médio para seek: 18 ms
 - atraso rotacional: 8.3 ms
 - taxa de transferência: 1229 bytes/ms
 - tamanho da trilha: 20.000 bytes

K-Way Merge Sort - Análise

- Quatro passos a serem considerados

Fase 1:
Criação
corridas

- Leitura dos registros, do disco para a memória, para criar as corridas
- Escrita das corridas ordenadas para o disco

Fase 2:
Intercala
ção

- Leitura das corridas para intercalação
- Escrita do arquivo final em disco

Fase 1 - Leitura - Análise

- Lê-se 1MB de cada vez, para produzir corridas de 1 MB
- Serão 80 leituras, para formar as 80 corridas iniciais – *80-way Merge*
- O tempo de leitura de cada corrida inclui o tempo de acesso a cada bloco (seek + *rotational delay*) somado ao tempo necessário para transferir cada bloco

Fase 1 - Leitura - Análise

seek = 18ms, rot. delay = 8.3ms, total 26.3ms

Tempo total para a fase de ordenação:

$80 * (\text{tempo de acesso a uma corrida}) + \text{tempo de transferência de 80MB}$

Acesso: $80 * (\text{seek} + \text{rot. delay} = 26.3\text{ms}) = 2\text{s}$

Transferência: 80 MB a 1.229 bytes/ms = 65s

Total: 67s

Fase 1 - Escrita - Análise

- Idem à leitura!

Serão necessários outros 67s

Fase 2 - Leitura - Análise

- 1MB de MEMÓRIA para armazenar 80 buffers de entrada
 - portanto, cada buffer armazena 1/80 de uma corrida (12.500 bytes) → cada corrida deve ser acessada 80 vezes para ser lida por completo
- 80 acessos para cada corrida X 80 corridas
 - 6.400 seeks
- considerando acesso = seek + rot. delay
 - $26.3\text{ms} \times 6.400 = 168\text{s}$
- Tempo para transferir 80 MB = 65s

Fase 2 - Leitura - Análise

1a. Corrida = dividida em 80 buffers (80 seeks)



2a. Corrida = dividida em 80 buffers (80 seeks)



3a. Corrida = dividida em 80 buffers (80 seeks)



...

80a. Corrida = dividida em 80 buffers (80 seeks)



800.000
registros
ordenados

Fase 2 - Escrita - Análise

- Precisamos saber o tamanho dos *buffers* de saída
- Nos passos 1 e 2, a MEMÓRIA funcionou como *buffer de entrada*, mas agora a MEMÓRIA está armazenando os dados a serem intercalados
- Para simplificar, assumimos que seja possível alocar 2 *buffers* de saída de 20.000 bytes, para escrita
 - dois para permitir *double buffering* (enquanto um é gravado no disco, o outro é preenchido com novos registros ordenados); 20.000 porque é o tamanho da trilha no nosso disco hipotético

Fase 2 - Escrita - Análise

- Com *buffers* de 20.000 bytes, precisaremos de $80.000.000 \text{ bytes} / 20.000 \text{ bytes} = 4.000 \text{ seeks}$
- Como tempo de seek+rot.delay = 23.6ms por seek, 4.000 seeks usam 4.000×26.3 , e o total de 105s.
- Tempo de transferência é 65s

Tempo Total

- leitura dos registros para a memória para a criação de corridas: 67s
- escrita das corridas ordenadas para o disco: 67s
- leitura das corridas para intercalação: $168 + 65 = 233$ s
- escrita do arquivo final em disco: $105 + 65 = 170$ s
- **tempo total do Mergesort = 537 s (~9 minutos)**
 - Tempo dominado pelo acesso ao disco, e não pelo tempo de intercalação na RAM

Quando Usar o Merge Sort?

- Quando a ordenação deve ser feita só raramente
- Quando o arquivo não for grande demais
- Quando o Mergesort passa a ser problemático?

Arquivo Maior: 8.00.000 de Registros

- Análise - arquivo de 800 MB
- O arquivo aumenta, mas a memória não!
 - Em vez de 80 corridas iniciais, teremos 800
 - Portanto, seria necessária uma intercalação em 800-vias ($k=800$) no mesmo 1 MB de memória, o que implica em que a memória seja dividida em 800 buffers na fase de intercalação

Arquivo Maior: 8.00.000 de Registros

- Cada buffer comporta 1/800 de uma corrida, e cada corrida é acessada 800 vezes
- 800 corridas X 800 seeks/corrída = 640.000 seeks no total
- O **tempo** total agora é **superior a 5 horas e 19 minutos**, aproximadamente 36 vezes maior do que o arquivo de 80 MB (que é apenas 10 vezes menor do que este)

Arquivo Maior: 8.00.000 de Registros

- **Definitivamente:** necessário **diminuir o tempo gasto** obtendo dados na fase de intercalação

Custo de aumentar o tamanho do arquivo

- A **grande diferença de tempo** na intercalação dos dois arquivos (de 80 e 800 MB) é consequência da diferença nos **tempos de acesso às corridas** (seek e rotational delay) para intercalá-las
- Em geral, para uma intercalação em K-vias de K corridas, em que cada corrida é do tamanho da MEMÓRIA disponível, o tamanho do buffer para cada uma das corridas é de:
$$(1/K) \times \text{tamanho da MEMÓRIA} = (1/K) \times \text{tamanho de cada corrida}$$

(M/K)

Custo de aumentar o tamanho do arquivo

- Como temos K corridas gastando K seeks cada uma, a operação de intercalação requer K^2 seeks
- Medido em termos de seeks, o Mergesort é $O(K^2)$
- Como K é diretamente proporcional à N ($K=N/M$), o Mergesort é $O(N^2)$, em termos de seeks

Maneiras de reduzir o tempo

1. **usar mais hardware** (disk drives, MEMÓRIA, canais de I/O)
2. realizar a **intercalação em mais de uma etapa**, o que reduz a ordem de cada intercalação, aumentando o tamanho do buffer para cada corrida, portanto, transferindo mais registros com um único seek.
3. **aumentar o tamanho das corridas** iniciais (veja na bibliografia – *Replacement Selection*)
4. **realizar I/O simultâneo** à intercalação

Multistep Merging

- ao invés de intercalar todas as corridas simultaneamente, o grupo original é dividido em subgrupos menores ($K = x * y$)

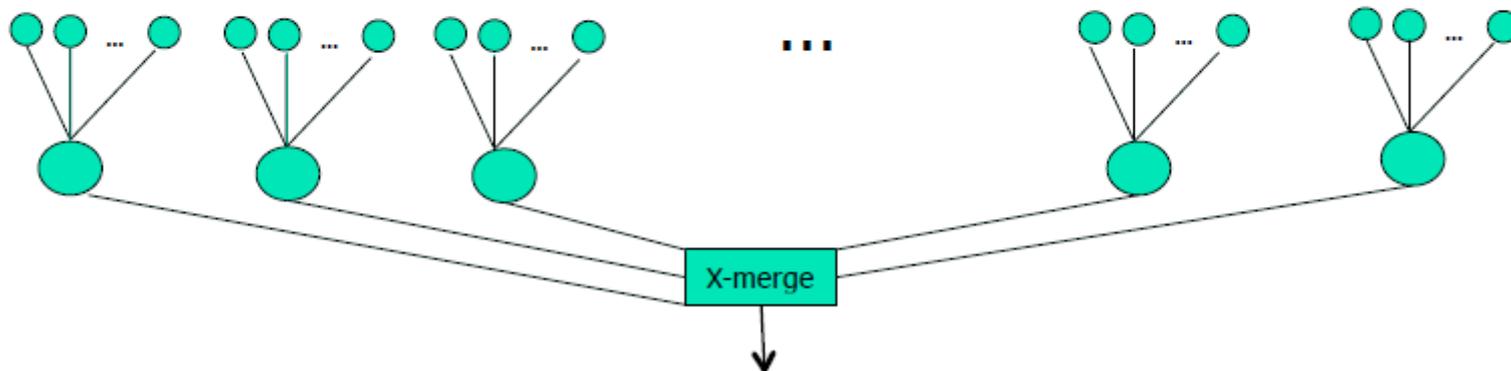
Arquivo (in) com N registros não ordenados

x conjuntos de y corridas ($N/M = x * y$)

Ordenar $x * y$ corridas

1. Intercalar y corridas (x vezes)

2. Intercalar x corridas maiores



Arquivo (out) com N registros ordenados

Multistep Merging

- intercalação é feita para cada sub-grupo
- para cada sub-grupo, um espaço maior é alocado para cada corrida, portanto um número menor de seeks é necessário
- uma vez completadas todas as intercalações pequenas, o segundo passo completa a intercalação de todas as corridas

Intercalação em Múltiplos passos

- No exemplo do arquivo com $N=800$ MB tínhamos 800 corridas com 10.000 registros cada ($M=1\text{MB}$). Para esse arquivo, a intercalação múltipla poderia ser realizada em dois passos:
 - primeiro, a intercalação de $x=25$ conjuntos de $y=32$ corridas cada ($x*y=800$)
 - depois, uma intercalação em 25-vias

Intercalação em Múltiplos passos – Análise

- Passo único visto anteriormente exige 640.000 seeks
- Para a intercalação em 2 passos, temos, no passo 1:
 - Cada intercalação em 32-vias aloca buffers que podem conter 1/32 de uma corrida. Então, serão realizados $32 \times 32 = 1024$ seeks
 - Então, 25 vezes a intercalação em 32-vias exige $25 \times 1024 = 25.600$ seeks
 - Cada corrida resultante tem $32 \times 10.000 = 320.000$ registros = 32 MB

Intercalação em Múltiplos passos – Análise

- No passo 2, cada uma das 25 corridas de 32 MB pode alocar $1/25$ do buffer
 - portanto, cada buffer aloca 400 registros, ou seja, $1/800$ corrida. Então, esse passo exige 800 seeks por corrida, num total de $25 \times 800 = 20.000$ seeks
- Total de seeks nos dois passos: $25.600 + 20.000 = 45.600$ (contra 640.000 anteriores)

Intercalação em Múltiplos passos – Análise

- Nesse caso, cada registro é transmitido 4 vezes, em vez de duas. Portanto, gastamos mais 651s em tempo de transmissão
- Ainda, cada registro é escrito duas vezes: mais 40.000 seeks (assumindo 2 buffers de 20.000 bytes cada)
- Somando tudo isso, o tempo total de intercalação = 5.907s ~ **1 hora 38 min**
 - A intercalação em 800 vias consumia ~5 horas...