

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO POSICIONAIS

## PCS3115 - Sistemas Digitais 1

Departamento de Engenharia de Computação e Sistemas Digitais  
Escola Politécnica  
Universidade de São Paulo

São Paulo, 2018

# TÓPICOS DESTA AULA

- Sistemas de numeração posicionais em geral, em particular o binário.

# TÓPICOS DESTA AULA

- Sistemas de numeração posicionais em geral, em particular o binário.
- Conversão entre diferentes bases.

# DESAFIO MATEMÁTICO...

- Considere um polinômio  $p(x)$  de uma variável, coeficientes naturais e grau desconhecido.

## DESAFIO MATEMÁTICO...

- Considere um polinômio  $p(x)$  de uma variável, coeficientes naturais e grau desconhecido.
- $p(x) = a^n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$ ,  $a_i \in \mathbb{N}$ .

# DESAFIO MATEMÁTICO...

- Considere um polinômio  $p(x)$  de uma variável, coeficientes naturais e grau desconhecido.
- $p(x) = a^n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$ ,  $a_i \in \mathbb{N}$ .
- **Pergunta:** Como descobrir o valor de todos os coeficientes  $a_0, \dots, a_n$  consultando o valor do polinômio  $p(x)$  para apenas dois valores de  $x$  a nossa escolha?

# DESAFIO MATEMÁTICO...

- Considere um polinômio  $p(x)$  de uma variável, coeficientes naturais e grau desconhecido.
- $p(x) = a^n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$ ,  $a_i \in \mathbb{N}$ .
- **Pergunta:** Como descobrir o valor de todos os coeficientes  $a_0, \dots, a_n$  consultando o valor do polinômio  $p(x)$  para apenas dois valores de  $x$  a nossa escolha? (A segunda escolha pode depender da primeira...)

# DESAFIO MATEMÁTICO...

- Considere um polinômio  $p(x)$  de uma variável, coeficientes naturais e grau desconhecido.
- $p(x) = a^n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$ ,  $a_i \in \mathbb{N}$ .
- **Pergunta:** Como descobrir o valor de todos os coeficientes  $a_0, \dots, a_n$  consultando o valor do polinômio  $p(x)$  para apenas dois valores de  $x$  a nossa escolha? (A segunda escolha pode depender da primeira...)
- **Resposta:** Precisamos entender os sistemas posicionais de numeração!



# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO

- Sistema unário

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO

- Sistema unário
  - $\text{III} = 3$ ; a representação de  $n$  tem  $n$  símbolos.

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO

- Sistema unário
  - III = 3; a representação de  $n$  tem  $n$  símbolos.
  - IIIIIIIIII = ???

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO

- Sistema unário
  - III = 3; a representação de  $n$  tem  $n$  símbolos.
  - IIIIIIIIII = 11

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO

- Sistema unário
  - III = 3; a representação de  $n$  tem  $n$  símbolos.
  - IIIIIIIIII = 11
- Sistema romano

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO

- Sistema unário
  - III = 3; a representação de  $n$  tem  $n$  símbolos.
  - IIIIIIIIIII = 11
- Sistema romano
  - XLIV =  $-10 + 50 - 1 + 5 = 44$

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO

- Sistema unário
  - III = 3; a representação de  $n$  tem  $n$  símbolos.
  - IIIIIIIIIII = 11
- Sistema romano
  - XLIV =  $-10 + 50 - 1 + 5 = 44$
  - CXLI =  $100 - 10 + 50 + 1 = 141$

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO

- Sistema unário
  - III = 3; a representação de  $n$  tem  $n$  símbolos.
  - IIIIIIIIIII = 11
- Sistema romano
  - XLIV =  $-10 + 50 - 1 + 5 = 44$
  - CXLI =  $100 - 10 + 50 + 1 = 141$
- Sistema decimal



# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO

- Sistema unário
  - III = 3; a representação de  $n$  tem  $n$  símbolos.
  - IIIIIIIIIII = 11
- Sistema romano
  - XLIV =  $-10 + 50 - 1 + 5 = 44$
  - CXLI =  $100 - 10 + 50 + 1 = 141$
- Sistema decimal
  - 123 =  $100 + 20 + 3$

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO

- Sistema unário
  - III = 3; a representação de  $n$  tem  $n$  símbolos.
  - I I I I I I I I I I = 11
- Sistema romano
  - XLIV =  $-10 + 50 - 1 + 5 = 44$
  - CXLI =  $100 - 10 + 50 + 1 = 141$
- Sistema decimal
  - 123 =  $100 + 20 + 3$
  - 312 =  $300 + 10 + 2$

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO

- Sistema unário
  - III = 3; a representação de  $n$  tem  $n$  símbolos.
  - IIIIIIIIIII = 11
- Sistema romano
  - XLIV =  $-10 + 50 - 1 + 5 = 44$
  - CXLI =  $100 - 10 + 50 + 1 = 141$
- Sistema decimal
  - 123 =  $100 + 20 + 3$
  - 312 =  $300 + 10 + 2$

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO

- Sistema unário
  - III = 3; a representação de  $n$  tem  $n$  símbolos.
  - IIIIIIIIIII = 11
- Sistema romano
  - XLIV =  $-10 + 50 - 1 + 5 = 44$
  - CXLI =  $100 - 10 + 50 + 1 = 141$
- Sistema decimal
  - 123 = 100 + 20 + 3
  - 312 = 300 + 10 + 2

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO

- Sistema unário
  - III = 3; a representação de  $n$  tem  $n$  símbolos.
  - IIIIIIIIIII = 11
- Sistema romano
  - XLIV =  $-10 + 50 - 1 + 5 = 44$
  - CXLI =  $100 - 10 + 50 + 1 = 141$
- Sistema decimal
  - 123 =  $100 + 20 + 3$
  - 312 =  $300 + 10 + 2$
- O sistema decimal é **posicional!**

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO

- Sistema unário
  - III = 3; a representação de  $n$  tem  $n$  símbolos.
  - IIIIIIIIIII = 11
- Sistema romano
  - XLIV =  $-10 + 50 - 1 + 5 = 44$
  - CXLI =  $100 - 10 + 50 + 1 = 141$
- Sistema decimal
  - 123 =  $100 + 20 + 3$
  - 312 =  $300 + 10 + 2$
- O sistema decimal é **posicional!**
- Vantagens?

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO

- Sistema unário
  - III = 3; a representação de  $n$  tem  $n$  símbolos.
  - IIIIIIIIIII = 11
- Sistema romano
  - XLIV =  $-10 + 50 - 1 + 5 = 44$
  - CXLI =  $100 - 10 + 50 + 1 = 141$
- Sistema decimal
  - 123 =  $100 + 20 + 3$
  - 312 =  $300 + 10 + 2$
- O sistema decimal é **posicional!**
- Vantagens?
  - $123 + 312 =$

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO

- Sistema unário
  - III = 3; a representação de  $n$  tem  $n$  símbolos.
  - IIIIIIIIIII = 11
- Sistema romano
  - XLIV =  $-10 + 50 - 1 + 5 = 44$
  - CXLI =  $100 - 10 + 50 + 1 = 141$
- Sistema decimal
  - 123 =  $100 + 20 + 3$
  - 312 =  $300 + 10 + 2$
- O sistema decimal é **posicional!**
- Vantagens?
  - $123 + 312 = 435$  (**fácil**)



# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO

- Sistema unário
  - III = 3; a representação de  $n$  tem  $n$  símbolos.
  - IIIIIIIIIII = 11
- Sistema romano
  - XLIV =  $-10 + 50 - 1 + 5 = 44$
  - CXLI =  $100 - 10 + 50 + 1 = 141$
- Sistema decimal
  - 123 =  $100 + 20 + 3$
  - 312 =  $300 + 10 + 2$
- O sistema decimal é **posicional!**
- Vantagens?
  - $123 + 312 = 435$  (**fácil**)
  - $XLIV + CXLI =$

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO

- Sistema unário
  - III = 3; a representação de  $n$  tem  $n$  símbolos.
  - IIIIIIIIIII = 11
- Sistema romano
  - XLIV =  $-10 + 50 - 1 + 5 = 44$
  - CXLI =  $100 - 10 + 50 + 1 = 141$
- Sistema decimal
  - 123 =  $100 + 20 + 3$
  - 312 =  $300 + 10 + 2$
- O sistema decimal é **posicional!**
- Vantagens?
  - $123 + 312 = 435$  (**fácil**)
  - $XLIV + CXLI = ???$  (**difícil**)

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO POSICIONAIS

- Sistema decimal (**base** 10):

$$123 = 1 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 3 \times 10^0$$

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO POSICIONAIS

- Sistema decimal (**base 10**):

$$123 = 1 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 3 \times 10^0$$

- Para um número  $d_n \dots d_1 d_0$

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO POSICIONAIS

- Sistema decimal (**base 10**):

$$123 = 1 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 3 \times 10^0$$

- Para um número  $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 10^i$

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO POSICIONAIS

- Sistema decimal (**base 10**):

$$123 = 1 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 3 \times 10^0$$

- Para um número  $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 10^i$
- Base genérica **b**:

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO POSICIONAIS

- Sistema decimal (**base 10**):

$$123 = 1 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 3 \times 10^0$$

- Para um número  $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 10^i$
- Base genérica **b**:
  - dígitos de 0 a  $b - 1$

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO POSICIONAIS

- Sistema decimal (**base 10**):

$$123 = 1 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 3 \times 10^0$$

- Para um número  $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 10^i$
- Base genérica **b**:
  - dígitos de 0 a  $b - 1$
  - $d_n \dots d_1 d_0$



# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO POSICIONAIS

- Sistema decimal (**base 10**):

$$123 = 1 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 3 \times 10^0$$

- Para um número  $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 10^i$

- Base genérica **b**:

- dígitos de 0 a  $b - 1$
- $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times b^i$

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO POSICIONAIS

- Sistema decimal (**base 10**):

$$123 = 1 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 3 \times 10^0$$

- Para um número  $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 10^i$

- Base genérica **b**:

- dígitos de 0 a  $b - 1$

- $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times b^i = d_n b^n + d_{n-1} b^{n-1} + \dots + d_1 b + d_0$

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO POSICIONAIS

- Sistema decimal (**base 10**):

$$123 = 1 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 3 \times 10^0$$

- Para um número  $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 10^i$

- Base genérica **b**:

- dígitos de 0 a  $b - 1$

- $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times b^i = d_n b^n + d_{n-1} b^{n-1} + \dots + d_1 b + d_0$

- **Exercícios:** Calcular  $123_7$  e  $456_9$ .

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO POSICIONAIS

- Sistema decimal (**base 10**):

$$123 = 1 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 3 \times 10^0$$

- Para um número  $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 10^i$

- Base genérica **b**:

- dígitos de 0 a  $b - 1$

- $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times b^i = d_n b^n + d_{n-1} b^{n-1} + \dots + d_1 b + d_0$

- **Exercícios:** Calcular  $123_7$  e  $456_9$ .
- Qualquer número natural tem **uma** representação na base **b**.

# SISTEMAS DE NUMERAÇÃO POSICIONAIS

- Sistema decimal (**base 10**):

$$123 = 1 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 3 \times 10^0$$

- Para um número  $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 10^i$

- Base genérica **b**:

- dígitos de 0 a  $b - 1$

- $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times b^i = d_n b^n + d_{n-1} b^{n-1} + \dots + d_1 b + d_0$

- **Exercícios:** Calcular  $123_7$  e  $456_9$ .
- Qualquer número natural tem **uma** representação na base **b**.
- O que acontece se permitimos dígitos maiores ou iguais a **b**?

# REPRESENTANDO NÚMEROS NÃO INTEIROS

- Sistema decimal:  $1,23 = 1 \times 10^0 + 2 \times 10^{-1} + 3 \times 10^{-2}$

# REPRESENTANDO NÚMEROS NÃO INTEIROS

- Sistema decimal:  $1,23 = 1 \times 10^0 + 2 \times 10^{-1} + 3 \times 10^{-2}$
- Para um número  $d_n \dots d_1 d_0, d_{-1} \dots d_{-m}$

# REPRESENTANDO NÚMEROS NÃO INTEIROS

- Sistema decimal:  $1,23 = 1 \times 10^0 + 2 \times 10^{-1} + 3 \times 10^{-2}$
- Para um número  $d_n \dots d_1 d_0, d_{-1} \dots d_{-m} = \sum_{i=-m}^n d_i \times 10^i$



# REPRESENTANDO NÚMEROS NÃO INTEIROS

- Sistema decimal:  $1,23 = 1 \times 10^0 + 2 \times 10^{-1} + 3 \times 10^{-2}$
- Para um número  $d_n \dots d_1 d_0, d_{-1} \dots d_{-m} = \sum_{i=-m}^n d_i \times 10^i$
- Base genérica **b**:

# REPRESENTANDO NÚMEROS NÃO INTEIROS

- Sistema decimal:  $1,23 = 1 \times 10^0 + 2 \times 10^{-1} + 3 \times 10^{-2}$
- Para um número  $d_n \dots d_1 d_0, d_{-1} \dots d_{-m} = \sum_{i=-m}^n d_i \times 10^i$
- Base genérica **b**:
- $d_n \dots d_1 d_0, d_{-1} \dots d_{-m}$

# REPRESENTANDO NÚMEROS NÃO INTEIROS

- Sistema decimal:  $1,23 = 1 \times 10^0 + 2 \times 10^{-1} + 3 \times 10^{-2}$
- Para um número  $d_n \dots d_1 d_0, d_{-1} \dots d_{-m} = \sum_{i=-m}^n d_i \times 10^i$
- Base genérica **b**:
- $d_n \dots d_1 d_0, d_{-1} \dots d_{-m} = \sum_{i=-m}^n d_i \times b^i$

# REPRESENTANDO NÚMEROS NÃO INTEIROS

- Sistema decimal:  $1,23 = 1 \times 10^0 + 2 \times 10^{-1} + 3 \times 10^{-2}$
- Para um número  $d_n \dots d_1 d_0, d_{-1} \dots d_{-m} = \sum_{i=-m}^n d_i \times 10^i$
- Base genérica **b**:
- $d_n \dots d_1 d_0, d_{-1} \dots d_{-m} = \sum_{i=-m}^n d_i \times b^i =$   
 $d_n b^n + d_{n-1} b^{n-1} + \dots + d_{-m+1} b^{-m+1} + d_{-m} b^{-m}$

# REPRESENTANDO NÚMEROS NÃO INTEIROS

- Sistema decimal:  $1,23 = 1 \times 10^0 + 2 \times 10^{-1} + 3 \times 10^{-2}$
- Para um número  $d_n \dots d_1 d_0, d_{-1} \dots d_{-m} = \sum_{i=-m}^n d_i \times 10^i$
- Base genérica **b**:
- $d_n \dots d_1 d_0, d_{-1} \dots d_{-m} = \sum_{i=-m}^n d_i \times b^i =$   
 $d_n b^n + d_{n-1} b^{n-1} + \dots + d_{-m+1} b^{-m+1} + d_{-m} b^{-m}$
- **Exercícios:** Calcular  $1,23_7$  e  $4,56_9$ .

# REPRESENTANDO NÚMEROS NÃO INTEIROS

- Sistema decimal:  $1,23 = 1 \times 10^0 + 2 \times 10^{-1} + 3 \times 10^{-2}$
- Para um número  $d_n \dots d_1 d_0, d_{-1} \dots d_{-m} = \sum_{i=-m}^n d_i \times 10^i$
- Base genérica **b**:
- $d_n \dots d_1 d_0, d_{-1} \dots d_{-m} = \sum_{i=-m}^n d_i \times b^i =$   
 $d_n b^n + d_{n-1} b^{n-1} + \dots + d_{-m+1} b^{-m+1} + d_{-m} b^{-m}$
- **Exercícios:** Calcular  $1,23_7$  e  $4,56_9$ .
- Qualquer número tem **uma** representação na base **b**?

# REPRESENTANDO NÚMEROS NÃO INTEIROS

- Sistema decimal:  $1,23 = 1 \times 10^0 + 2 \times 10^{-1} + 3 \times 10^{-2}$
- Para um número  $d_n \dots d_1 d_0, d_{-1} \dots d_{-m} = \sum_{i=-m}^n d_i \times 10^i$
- Base genérica **b**:
- $d_n \dots d_1 d_0, d_{-1} \dots d_{-m} = \sum_{i=-m}^n d_i \times b^i =$   
 $d_n b^n + d_{n-1} b^{n-1} + \dots + d_{-m+1} b^{-m+1} + d_{-m} b^{-m}$
- **Exercícios:** Calcular  $1,23_7$  e  $4,56_9$ .
- Qualquer número tem **uma** representação na base **b**?
- Considere  $0,9999\dots$  e  $1$  na base 10.

# BASE BINÁRIA E BASE HEXADECIMAL

- Base binária:  $b=2$



# BASE BINÁRIA E BASE HEXADECIMAL

- Base binária:  $b=2$ 
  - Dígitos binários (**bits**): 0 e 1

# BASE BINÁRIA E BASE HEXADECIMAL

- Base binária:  $b=2$ 
  - Dígitos binários (**bits**): 0 e 1
  - $d_n \dots d_1 d_0$

# BASE BINÁRIA E BASE HEXADECIMAL

- Base binária:  $b=2$ 
  - Dígitos binários (**bits**): 0 e 1
  - $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 2^i$

# BASE BINÁRIA E BASE HEXADECIMAL

- Base binária:  $b=2$ 
  - Dígitos binários (**bits**): 0 e 1
  - $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 2^i = d_n 2^n + d_{n-1} 2^{n-1} + \dots + d_1 2 + d_0$

# BASE BINÁRIA E BASE HEXADECIMAL

- Base binária:  $b=2$ 
  - Dígitos binários (**bits**): 0 e 1
  - $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 2^i = d_n 2^n + d_{n-1} 2^{n-1} + \dots + d_1 2 + d_0$
  - $10101_2$

# BASE BINÁRIA E BASE HEXADECIMAL

- Base binária:  $b=2$ 
  - Dígitos binários (**bits**): 0 e 1
  - $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 2^i = d_n 2^n + d_{n-1} 2^{n-1} + \dots + d_1 2 + d_0$
  - $10101_2 = 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$

# BASE BINÁRIA E BASE HEXADECIMAL

- Base binária:  $b=2$

- Dígitos binários (**bits**): 0 e 1

- $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 2^i = d_n 2^n + d_{n-1} 2^{n-1} + \dots + d_1 2 + d_0$

- $10101_2 = 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$   
 $= 16 + 4 + 1 = 21_{10}$

# BASE BINÁRIA E BASE HEXADECIMAL

- Base binária:  $b=2$ 
  - Dígitos binários (**bits**): 0 e 1
  - $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 2^i = d_n 2^n + d_{n-1} 2^{n-1} + \dots + d_1 2 + d_0$
  - $10101_2 = 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$   
 $= 16 + 4 + 1 = 21_{10}$
- Base Hexadecimal:  $b=16$



# BASE BINÁRIA E BASE HEXADECIMAL

- Base binária: **b**=2

- Dígitos binários (**bits**): 0 e 1

- $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 2^i = d_n 2^n + d_{n-1} 2^{n-1} + \dots + d_1 2 + d_0$

- $10101_2 = 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$   
 $= 16 + 4 + 1 = 21_{10}$

- Base Hexadecimal: **b**=16

- Dígitos hexadecimais: 0, 1, 2, ..., 8, 9,

# BASE BINÁRIA E BASE HEXADECIMAL

- Base binária:  $b=2$ 
  - Dígitos binários (**bits**): 0 e 1
  - $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 2^i = d_n 2^n + d_{n-1} 2^{n-1} + \dots + d_1 2 + d_0$
  - $10101_2 = 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$   
 $= 16 + 4 + 1 = 21_{10}$
- Base Hexadecimal:  $b=16$ 
  - Dígitos hexadecimais: 0, 1, 2, ..., 8, 9, **A, B, ..., F**

# BASE BINÁRIA E BASE HEXADECIMAL

- Base binária: **b=2**

- Dígitos binários (**bits**): 0 e 1

- $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 2^i = d_n 2^n + d_{n-1} 2^{n-1} + \dots + d_1 2 + d_0$

- $10101_2 = 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$   
 $= 16 + 4 + 1 = 21_{10}$

- Base Hexadecimal: **b=16**

- Dígitos hexadecimais: 0, 1, 2, ..., 8, 9, **A, B, ..., F**

- $d_n \dots d_1 d_0$

# BASE BINÁRIA E BASE HEXADECIMAL

- Base binária: **b=2**

- Dígitos binários (**bits**): 0 e 1

- $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 2^i = d_n 2^n + d_{n-1} 2^{n-1} + \dots + d_1 2 + d_0$

- $10101_2 = 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$   
 $= 16 + 4 + 1 = 21_{10}$

- Base Hexadecimal: **b=16**

- Dígitos hexadecimais: 0, 1, 2, ..., 8, 9, **A, B, ..., F**

- $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 16^i$

# BASE BINÁRIA E BASE HEXADECIMAL

- Base binária:  $b=2$

- Dígitos binários (**bits**): 0 e 1

- $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 2^i = d_n 2^n + d_{n-1} 2^{n-1} + \dots + d_1 2 + d_0$

- $10101_2 = 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$   
 $= 16 + 4 + 1 = 21_{10}$

- Base Hexadecimal:  $b=16$

- Dígitos hexadecimais: 0, 1, 2, ..., 8, 9, **A, B, ..., F**

- $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 16^i$

- $1AC_{16}$

# BASE BINÁRIA E BASE HEXADECIMAL

- Base binária: **b=2**

- Dígitos binários (**bits**): 0 e 1

- $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 2^i = d_n 2^n + d_{n-1} 2^{n-1} + \dots + d_1 2 + d_0$

- $10101_2 = 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$   
 $= 16 + 4 + 1 = 21_{10}$

- Base Hexadecimal: **b=16**

- Dígitos hexadecimais: 0, 1, 2, ..., 8, 9, **A, B, ..., F**

- $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 16^i$

- $1AC_{16} = 1 \times 16^2 + 10 \times 16^1 + 12 \times 16^0$

# BASE BINÁRIA E BASE HEXADECIMAL

- Base binária: **b=2**

- Dígitos binários (**bits**): 0 e 1

- $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 2^i = d_n 2^n + d_{n-1} 2^{n-1} + \dots + d_1 2 + d_0$

- $10101_2 = 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$   
 $= 16 + 4 + 1 = 21_{10}$

- Base Hexadecimal: **b=16**

- Dígitos hexadecimais: 0, 1, 2, ..., 8, 9, **A, B, ..., F**

- $d_n \dots d_1 d_0 = \sum_{i=0}^n d_i \times 16^i$

- $1AC_{16} = 1 \times 16^2 + 10 \times 16^1 + 12 \times 16^0$   
 $= 256 + 160 + 12 = 428_{10}$

# CONVERSÃO DE INTEIROS PARA DECIMAL

- $1234_{10} = 1 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10 + 4$



# CONVERSÃO DE INTEIROS PARA DECIMAL

- $1234_{10} = 1 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10 + 4$   
 $= (1 \times 10^2 + 2 \times 10 + 3)10 + 4$

# CONVERSÃO DE INTEIROS PARA DECIMAL

- $1234_{10} = 1 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10 + 4$   
 $= (1 \times 10^2 + 2 \times 10 + 3)10 + 4$   
 $= ((1 \times 10 + 2)10 + 3)10 + 4$

# CONVERSÃO DE INTEIROS PARA DECIMAL

- $1234_{10} = 1 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10 + 4$   
 $= (1 \times 10^2 + 2 \times 10 + 3)10 + 4$   
 $= ((1 \times 10 + 2)10 + 3)10 + 4$

# CONVERSÃO DE INTEIROS PARA DECIMAL

- $1234_{10} = 1 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10 + 4$   
 $= (1 \times 10^2 + 2 \times 10 + 3)10 + 4$   
 $= ((1 \times 10 + 2)10 + 3)10 + 4$
- 1

# CONVERSÃO DE INTEIROS PARA DECIMAL

- $1234_{10} = 1 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10 + 4$   
 $= (1 \times 10^2 + 2 \times 10 + 3)10 + 4$   
 $= ((1 \times 10 + 2)10 + 3)10 + 4$
- $1 \times 10 + 2 = 12$

# CONVERSÃO DE INTEIROS PARA DECIMAL

- $1234_{10} = 1 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10 + 4$   
 $= (1 \times 10^2 + 2 \times 10 + 3)10 + 4$   
 $= ((1 \times 10 + 2)10 + 3)10 + 4$
- $1 \times 10 + 2 = 12 \times 10 + 3 = 123$

# CONVERSÃO DE INTEIROS PARA DECIMAL

- $1234_{10} = 1 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10 + 4$   
 $= (1 \times 10^2 + 2 \times 10 + 3)10 + 4$   
 $= ((1 \times 10 + 2)10 + 3)10 + 4$
- $1 \times 10 + 2 = 12 \times 10 + 3 = 123 \times 10 + 4 = 1234$

# CONVERSÃO DE INTEIROS PARA DECIMAL

- $1234_{10} = 1 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10 + 4$   
 $= (1 \times 10^2 + 2 \times 10 + 3)10 + 4$   
 $= ((1 \times 10 + 2)10 + 3)10 + 4$
- $1 \times 10 + 2 = 12 \times 10 + 3 = 123 \times 10 + 4 = 1234$
- Na base binária  $b=2$ :



# CONVERSÃO DE INTEIROS PARA DECIMAL

- $1234_{10} = 1 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10 + 4$   
 $= (1 \times 10^2 + 2 \times 10 + 3)10 + 4$   
 $= ((1 \times 10 + 2)10 + 3)10 + 4$
- $1 \times 10 + 2 = 12 \times 10 + 3 = 123 \times 10 + 4 = 1234$
- Na base binária  $b=2$ :
- $11101_2 = (((1 \times 2 + 1)2 + 1)2 + 0)2 + 1$

# CONVERSÃO DE INTEIROS PARA DECIMAL

- $1234_{10} = 1 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10 + 4$   
 $= (1 \times 10^2 + 2 \times 10 + 3)10 + 4$   
 $= ((1 \times 10 + 2)10 + 3)10 + 4$
- $1 \times 10 + 2 = 12 \times 10 + 3 = 123 \times 10 + 4 = 1234$
- Na base binária  $b=2$ :
- $11101_2 = (((1 \times 2 + 1)2 + 1)2 + 0)2 + 1 = 29_{10}$

# CONVERSÃO DE INTEIROS PARA DECIMAL

- $1234_{10} = 1 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10 + 4$   
 $= (1 \times 10^2 + 2 \times 10 + 3)10 + 4$   
 $= ((1 \times 10 + 2)10 + 3)10 + 4$
- $1 \times 10 + 2 = 12 \times 10 + 3 = 123 \times 10 + 4 = 1234$
- Na base binária  $b=2$ :
- $11101_2 = (((1 \times 2 + 1)2 + 1)2 + 0)2 + 1 = 29_{10}$
- 11101:

# CONVERSÃO DE INTEIROS PARA DECIMAL

- $1234_{10} = 1 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10 + 4$   
 $= (1 \times 10^2 + 2 \times 10 + 3)10 + 4$   
 $= ((1 \times 10 + 2)10 + 3)10 + 4$
- $1 \times 10 + 2 = 12 \times 10 + 3 = 123 \times 10 + 4 = 1234$
- Na base binária  $b=2$ :
- $11101_2 = (((1 \times 2 + 1)2 + 1)2 + 0)2 + 1 = 29_{10}$
- **11101: 1**

# CONVERSÃO DE INTEIROS PARA DECIMAL

- $1234_{10} = 1 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10 + 4$   
 $= (1 \times 10^2 + 2 \times 10 + 3)10 + 4$   
 $= ((1 \times 10 + 2)10 + 3)10 + 4$
- $1 \times 10 + 2 = 12 \times 10 + 3 = 123 \times 10 + 4 = 1234$
- Na base binária  $b=2$ :
- $11101_2 = (((1 \times 2 + 1)2 + 1)2 + 0)2 + 1 = 29_{10}$
- $11101$ :  $1 \times 2 + 1 = 3$

# CONVERSÃO DE INTEIROS PARA DECIMAL

- $1234_{10} = 1 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10 + 4$   
 $= (1 \times 10^2 + 2 \times 10 + 3)10 + 4$   
 $= ((1 \times 10 + 2)10 + 3)10 + 4$
- $1 \times 10 + 2 = 12 \times 10 + 3 = 123 \times 10 + 4 = 1234$
- Na base binária  $b=2$ :
- $11101_2 = (((1 \times 2 + 1)2 + 1)2 + 0)2 + 1 = 29_{10}$
- $11101$ :  $1 \times 2 + 1 = 3 \times 2 + 1 = 7$

# CONVERSÃO DE INTEIROS PARA DECIMAL

- $1234_{10} = 1 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10 + 4$   
 $= (1 \times 10^2 + 2 \times 10 + 3)10 + 4$   
 $= ((1 \times 10 + 2)10 + 3)10 + 4$
- $1 \times 10 + 2 = 12 \times 10 + 3 = 123 \times 10 + 4 = 1234$
- Na base binária  $b=2$ :
- $11101_2 = (((1 \times 2 + 1)2 + 1)2 + 0)2 + 1 = 29_{10}$
- $1110_2$ :  $1 \times 2 + 1 = 3 \times 2 + 1 = 7 \times 2 + 0 = 14$

# CONVERSÃO DE INTEIROS PARA DECIMAL

- $1234_{10} = 1 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10 + 4$   
 $= (1 \times 10^2 + 2 \times 10 + 3)10 + 4$   
 $= ((1 \times 10 + 2)10 + 3)10 + 4$
- $1 \times 10 + 2 = 12 \times 10 + 3 = 123 \times 10 + 4 = 1234$
- Na base binária  $b=2$ :
- $11101_2 = (((1 \times 2 + 1)2 + 1)2 + 0)2 + 1 = 29_{10}$
- $1110\mathbf{1}$ :  $1 \times 2 + 1 = 3 \times 2 + 1 = 7 \times 2 + 0 = 14 \times 2 + \mathbf{1} = 29$



# CONVERSÃO DE INTEIROS PARA DECIMAL

- $1234_{10} = 1 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10 + 4$   
 $= (1 \times 10^2 + 2 \times 10 + 3)10 + 4$   
 $= ((1 \times 10 + 2)10 + 3)10 + 4$
- $1 \times 10 + 2 = 12 \times 10 + 3 = 123 \times 10 + 4 = 1234$
- Na base binária  $b=2$ :
- $11101_2 = (((1 \times 2 + 1)2 + 1)2 + 0)2 + 1 = 29_{10}$
- $11101: 1 \times 2 + 1 = 3 \times 2 + 1 = 7 \times 2 + 0 = 14 \times 2 + 1 = 29$
- Para uma base genérica  $b$ :

# CONVERSÃO DE INTEIROS PARA DECIMAL

- $1234_{10} = 1 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10 + 4$   
 $= (1 \times 10^2 + 2 \times 10 + 3)10 + 4$   
 $= ((1 \times 10 + 2)10 + 3)10 + 4$
- $1 \times 10 + 2 = 12 \times 10 + 3 = 123 \times 10 + 4 = 1234$
- Na base binária  $b=2$ :
- $11101_2 = (((1 \times 2 + 1)2 + 1)2 + 0)2 + 1 = 29_{10}$
- $11101: 1 \times 2 + 1 = 3 \times 2 + 1 = 7 \times 2 + 0 = 14 \times 2 + 1 = 29$
- Para uma base genérica  $b$ :
- $d_n \dots d_0 = (\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_0$

# CONVERSÃO DE INTEIROS PARA DECIMAL

- $1234_{10} = 1 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10 + 4$   
 $= (1 \times 10^2 + 2 \times 10 + 3)10 + 4$   
 $= ((1 \times 10 + 2)10 + 3)10 + 4$
- $1 \times 10 + 2 = 12 \times 10 + 3 = 123 \times 10 + 4 = 1234$
- Na base binária  $b=2$ :
- $11101_2 = (((1 \times 2 + 1)2 + 1)2 + 0)2 + 1 = 29_{10}$
- $11101: 1 \times 2 + 1 = 3 \times 2 + 1 = 7 \times 2 + 0 = 14 \times 2 + 1 = 29$
- Para uma base genérica  $b$ :
- $d_n \dots d_0 = (\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_0$
- **Exercícios:** Calcular  $123_7$  e  $456_9$ .

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = ((\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)b + d_0$

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = ((\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = ((\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1$

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = ((\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1$ , resto:  $d_0$

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = ((\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1$ , resto:  $d_0$
  - quociente:



# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = (((\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1$ , resto:  $d_0$
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_2$

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = (((\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1$ , resto:  $d_0$
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_2$ , resto:  $d_1$

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = (((\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1$ , resto:  $d_0$
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_2$ , resto:  $d_1$
  - $\vdots$

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = (((((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $((((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)$ , resto:  $d_0$
  - quociente:  $((((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_2)$ , resto:  $d_1$
  - $\vdots$
  - quociente:

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = (((\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1$ , resto:  $d_0$
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_2$ , resto:  $d_1$
  - $\vdots$
  - quociente:  $d_n b + d_{n-1}$

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = (((((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $((((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)$ , resto:  $d_0$
  - quociente:  $((((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_2)$ , resto:  $d_1$
  - $\vdots$
  - quociente:  $d_n b + d_{n-1}$ , resto:  $d_{n-2}$

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = (((\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1$ , resto:  $d_0$
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_2$ , resto:  $d_1$
  - $\vdots$
  - quociente:  $d_n b + d_{n-1}$ , resto:  $d_{n-2}$
  - quociente:

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = (((\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1$ , resto:  $d_0$
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_2$ , resto:  $d_1$
  - $\vdots$
  - quociente:  $d_n b + d_{n-1}$ , resto:  $d_{n-2}$
  - quociente:  $d_n$



# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = (((\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1$ , resto:  $d_0$
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_2$ , resto:  $d_1$
  - $\vdots$
  - quociente:  $d_n b + d_{n-1}$ , resto:  $d_{n-2}$
  - quociente:  $d_n$ , resto:  $d_{n-1}$

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = (((\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1$ , resto:  $d_0$
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_2$ , resto:  $d_1$
  - $\vdots$
  - quociente:  $d_n b + d_{n-1}$ , resto:  $d_{n-2}$
  - quociente:  $d_n$ , resto:  $d_{n-1}$
  - quociente:

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = (((\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1$ , resto:  $d_0$
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_2$ , resto:  $d_1$
  - $\vdots$
  - quociente:  $d_n b + d_{n-1}$ , resto:  $d_{n-2}$
  - quociente:  $d_n$ , resto:  $d_{n-1}$
  - quociente: 0

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = (((\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1$ , resto:  $d_0$
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_2$ , resto:  $d_1$
  - $\vdots$
  - quociente:  $d_n b + d_{n-1}$ , resto:  $d_{n-2}$
  - quociente:  $d_n$ , resto:  $d_{n-1}$
  - quociente: 0, resto:  $d_n$

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = (((\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1$ , resto:  $d_0$
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_2$ , resto:  $d_1$
  - $\vdots$
  - quociente:  $d_n b + d_{n-1}$ , resto:  $d_{n-2}$
  - quociente:  $d_n$ , resto:  $d_{n-1}$
  - quociente:  $0$ , resto:  $d_n$
- Concatenando os restos em ordem reversa:

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = (((\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots )b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots )b + d_1$ , resto:  $d_0$
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots )b + d_2$ , resto:  $d_1$
  - $\vdots$
  - quociente:  $d_n b + d_{n-1}$ , resto:  $d_{n-2}$
  - quociente:  $d_n$ , resto:  $d_{n-1}$
  - quociente: 0, resto:  $d_n$
- Concatenando os restos em ordem reversa:  
 $d_n$

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = (((\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots )b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots )b + d_1$ , resto:  $d_0$
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots )b + d_2$ , resto:  $d_1$
  - $\vdots$
  - quociente:  $d_n b + d_{n-1}$ , resto:  $d_{n-2}$
  - quociente:  $d_n$ , resto:  $d_{n-1}$
  - quociente:  $0$ , resto:  $d_n$
- Concatenando os restos em ordem reversa:  
 $d_n d_{n-1}$

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = (((((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $((((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)$ , resto:  $d_0$
  - quociente:  $((((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_2)$ , resto:  $d_1$
  - $\vdots$
  - quociente:  $d_n b + d_{n-1}$ , resto:  $d_{n-2}$
  - quociente:  $d_n$ , resto:  $d_{n-1}$
  - quociente:  $0$ , resto:  $d_n$
- Concatenando os restos em ordem reversa:  
 $d_n d_{n-1} d_{n-2}$



# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = (((\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots )b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots )b + d_1$ , resto:  $d_0$
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots )b + d_2$ , resto:  $d_1$
  - $\vdots$
  - quociente:  $d_n b + d_{n-1}$ , resto:  $d_{n-2}$
  - quociente:  $d_n$ , resto:  $d_{n-1}$
  - quociente:  $0$ , resto:  $d_n$
- Concatenando os restos em ordem reversa:  
 $d_n d_{n-1} d_{n-2} \dots$

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = (((((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $((((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_1)$ , resto:  $d_0$
  - quociente:  $((((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots)b + d_2)$ , resto:  $d_1$
  - $\vdots$
  - quociente:  $d_n b + d_{n-1}$ , resto:  $d_{n-2}$
  - quociente:  $d_n$ , resto:  $d_{n-1}$
  - quociente:  $0$ , resto:  $d_n$
- Concatenando os restos em ordem reversa:  
 $d_n d_{n-1} d_{n-2} \dots d_1$

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BASE B

- $d_n \dots d_0 = (((\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots )b + d_1)b + d_0$
- dividindo por **b**:
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots )b + d_1$ , resto:  $d_0$
  - quociente:  $(\dots ((d_n b + d_{n-1})b + d_{n-2})b + \dots )b + d_2$ , resto:  $d_1$
  - $\vdots$
  - quociente:  $d_n b + d_{n-1}$ , resto:  $d_{n-2}$
  - quociente:  $d_n$ , resto:  $d_{n-1}$
  - quociente: 0, resto:  $d_n$
- Concatenando os restos em ordem reversa:  
 $d_n d_{n-1} d_{n-2} \dots d_1 d_0$

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário
- dividindo por  **$b=2$** :
  - quociente:

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário
- dividindo por  **$b=2$** :
  - quociente: 10

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário
- dividindo por  **$b=2$** :
  - quociente: 10, resto:1

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário
- dividindo por **b=2**:
  - quociente: 10, resto:1
  - quociente:



# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário
- dividindo por  **$b=2$** :
  - quociente: 10, resto:1
  - quociente: 5

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário
- dividindo por  **$b=2$** :
  - quociente: 10, resto:1
  - quociente: 5, resto:0

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário
- dividindo por **b=2**:
  - quociente: 10, resto:1
  - quociente: 5, resto:0
  - quociente:

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário
- dividindo por **b=2**:
  - quociente: 10, resto:1
  - quociente: 5, resto:0
  - quociente: 2

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário
- dividindo por **b=2**:
  - quociente: 10, resto:1
  - quociente: 5, resto:0
  - quociente: 2, resto:1

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário
- dividindo por **b=2**:
  - quociente: 10, resto:1
  - quociente: 5, resto:0
  - quociente: 2, resto:1
  - quociente:

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário
- dividindo por **b=2**:
  - quociente: 10, resto:1
  - quociente: 5, resto:0
  - quociente: 2, resto:1
  - quociente: 1

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário
- dividindo por **b=2**:
  - quociente: 10, resto:1
  - quociente: 5, resto:0
  - quociente: 2, resto:1
  - quociente: 1, resto:0



# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário
- dividindo por **b=2**:
  - quociente: 10, resto:1
  - quociente: 5, resto:0
  - quociente: 2, resto:1
  - quociente: 1, resto:0
  - quociente:

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário
- dividindo por  **$b=2$** :
  - quociente: 10, resto:1
  - quociente: 5, resto:0
  - quociente: 2, resto:1
  - quociente: 1, resto:0
  - quociente: 0

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário
- dividindo por **b=2**:
  - quociente: 10, resto:1
  - quociente: 5, resto:0
  - quociente: 2, resto:1
  - quociente: 1, resto:0
  - quociente: 0, resto:1

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário
- dividindo por  $b=2$ :
  - quociente: 10, resto:1
  - quociente: 5, resto:0
  - quociente: 2, resto:1
  - quociente: 1, resto:0
  - quociente: 0, resto:1
- Concatenando os restos em ordem reversa:

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário
- dividindo por  $b=2$ :
  - quociente: 10, resto:1
  - quociente: 5, resto:0
  - quociente: 2, resto:1
  - quociente: 1, resto:0
  - quociente: 0, resto:1
- Concatenando os restos em ordem reversa: 1

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário
- dividindo por  $b=2$ :
  - quociente: 10, resto:1
  - quociente: 5, resto:0
  - quociente: 2, resto:1
  - quociente: 1, resto:0
  - quociente: 0, resto:1
- Concatenando os restos em ordem reversa: 10

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário
- dividindo por  $b=2$ :
  - quociente: 10, resto:1
  - quociente: 5, resto:0
  - quociente: 2, resto:1
  - quociente: 1, resto:0
  - quociente: 0, resto:1
- Concatenando os restos em ordem reversa: 101

# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário
- dividindo por  $b=2$ :
  - quociente: 10, resto:1
  - quociente: 5, resto:0
  - quociente: 2, resto:1
  - quociente: 1, resto:0
  - quociente: 0, resto:1
- Concatenando os restos em ordem reversa: 1010



# CONVERSÃO DE DECIMAL PARA BINÁRIO

- Converter  $21_{10}$  para binário
- dividindo por  $b=2$ :
  - quociente: 10, resto: 1
  - quociente: 5, resto: 0
  - quociente: 2, resto: 1
  - quociente: 1, resto: 0
  - quociente: 0, resto: 1
- Concatenando os restos em ordem reversa: 10101

# MAIS CONVERSÕES ENTRE BASES

- Converter  $428_{10}$  para hexadecimal

## MAIS CONVERSÕES ENTRE BASES

- Converter  $428_{10}$  para hexadecimal
- dividindo por **b=16** ( $26 \times 16 = 416$ ):

## MAIS CONVERSÕES ENTRE BASES

- Converter  $428_{10}$  para hexadecimal
- dividindo por **b=16** ( $26 \times 16 = 416$ ):
  - quociente:

## MAIS CONVERSÕES ENTRE BASES

- Converter  $428_{10}$  para hexadecimal
- dividindo por **b=16** ( $26 \times 16 = 416$ ):
  - quociente: 26

## MAIS CONVERSÕES ENTRE BASES

- Converter  $428_{10}$  para hexadecimal
- dividindo por **b=16** ( $26 \times 16 = 416$ ):
  - quociente: 26, resto:12=C

# MAIS CONVERSÕES ENTRE BASES

- Converter  $428_{10}$  para hexadecimal
- dividindo por **b=16** ( $26 \times 16 = 416$ ):
  - quociente: 26, resto: 12=C
  - quociente:

# MAIS CONVERSÕES ENTRE BASES

- Converter  $428_{10}$  para hexadecimal
- dividindo por **b=16** ( $26 \times 16 = 416$ ):
  - quociente: 26, resto: 12=C
  - quociente: 1



# MAIS CONVERSÕES ENTRE BASES

- Converter  $428_{10}$  para hexadecimal
- dividindo por **b=16** ( $26 \times 16 = 416$ ):
  - quociente: 26, resto: 12=C
  - quociente: 1, resto: 10=A

# MAIS CONVERSÕES ENTRE BASES

- Converter  $428_{10}$  para hexadecimal
- dividindo por **b=16** ( $26 \times 16 = 416$ ):
  - quociente: 26, resto:  $12=C$
  - quociente: 1, resto:  $10=A$
  - quociente:

# MAIS CONVERSÕES ENTRE BASES

- Converter  $428_{10}$  para hexadecimal
- dividindo por **b=16** ( $26 \times 16 = 416$ ):
  - quociente: 26, resto: 12=C
  - quociente: 1, resto: 10=A
  - quociente: 0

# MAIS CONVERSÕES ENTRE BASES

- Converter  $428_{10}$  para hexadecimal
- dividindo por **b=16** ( $26 \times 16 = 416$ ):
  - quociente: 26, resto: 12=C
  - quociente: 1, resto: 10=A
  - quociente: 0, resto: 1

# MAIS CONVERSÕES ENTRE BASES

- Converter  $428_{10}$  para hexadecimal
- dividindo por **b=16** ( $26 \times 16 = 416$ ):
  - quociente: 26, resto: 12=C
  - quociente: 1, resto: 10=A
  - quociente: 0, resto: 1
- Concatenando os restos em ordem reversa:

# MAIS CONVERSÕES ENTRE BASES

- Converter  $428_{10}$  para hexadecimal
- dividindo por **b=16** ( $26 \times 16 = 416$ ):
  - quociente: 26, resto: 12=C
  - quociente: 1, resto: 10=A
  - quociente: 0, resto: **1**
- Concatenando os restos em ordem reversa: 1

# MAIS CONVERSÕES ENTRE BASES

- Converter  $428_{10}$  para hexadecimal
- dividindo por **b=16** ( $26 \times 16 = 416$ ):
  - quociente: 26, resto: 12=C
  - quociente: 1, resto: 10=A
  - quociente: 0, resto: 1
- Concatenando os restos em ordem reversa: 1A

# MAIS CONVERSÕES ENTRE BASES

- Converter  $428_{10}$  para hexadecimal
- dividindo por **b=16** ( $26 \times 16 = 416$ ):
  - quociente: 26, resto: 12=C
  - quociente: 1, resto: 10=A
  - quociente: 0, resto: 1
- Concatenando os restos em ordem reversa: 1AC



# MAIS CONVERSÕES ENTRE BASES

- Converter  $428_{10}$  para hexadecimal
- dividindo por  **$b=16$**  ( $26 \times 16 = 416$ ):
  - quociente: 26, resto: 12=C
  - quociente: 1, resto: 10=A
  - quociente: 0, resto: 1
- Concatenando os restos em ordem reversa: 1AC
- Para converter entre duas bases genéricas  $b_1$  e  $b_2$ , passamos por  $b = 10$

# MAIS CONVERSÕES ENTRE BASES

- Converter  $428_{10}$  para hexadecimal
- dividindo por  **$b=16$**  ( $26 \times 16 = 416$ ):
  - quociente: 26, resto: 12=C
  - quociente: 1, resto: 10=A
  - quociente: 0, resto: 1
- Concatenando os restos em ordem reversa: 1AC
- Para converter entre duas bases genéricas  $b_1$  e  $b_2$ , passamos por  $b = 10$
- **Exercício:** Passar  $DF_{16}$  para a base 7 e voltar

# CONVERSÃO ENTRE BINÁRIO E HEXADECIMAL

- Como  $16 = 2^4$ , a conversão é mais simples.

# CONVERSÃO ENTRE BINÁRIO E HEXADECIMAL

- Como  $16 = 2^4$ , a conversão é mais simples.
- Cada dígito hexadecimal corresponde exatamente a 4 bits.

# CONVERSÃO ENTRE BINÁRIO E HEXADECIMAL

- Como  $16 = 2^4$ , a conversão é mais simples.
- Cada dígito hexadecimal corresponde exatamente a 4 bits.
- Para cada 4 bits (ou 1 dígito hexadecimal), podemos passar pela base decimal.

# CONVERSÃO ENTRE BINÁRIO E HEXADECIMAL

- Como  $16 = 2^4$ , a conversão é mais simples.
- Cada dígito hexadecimal corresponde exatamente a 4 bits.
- Para cada 4 bits (ou 1 dígito hexadecimal), podemos passar pela base decimal.
- **Exemplo:**  $D1B_{16}$  para binário

# CONVERSÃO ENTRE BINÁRIO E HEXADECIMAL

- Como  $16 = 2^4$ , a conversão é mais simples.
- Cada dígito hexadecimal corresponde exatamente a 4 bits.
- Para cada 4 bits (ou 1 dígito hexadecimal), podemos passar pela base decimal.
- **Exemplo:**  $D1B_{16}$  para binário
  - $D_{16} = 13_{10}$

# CONVERSÃO ENTRE BINÁRIO E HEXADECIMAL

- Como  $16 = 2^4$ , a conversão é mais simples.
- Cada dígito hexadecimal corresponde exatamente a 4 bits.
- Para cada 4 bits (ou 1 dígito hexadecimal), podemos passar pela base decimal.
- **Exemplo:**  $D1B_{16}$  para binário
  - $D_{16} = 13_{10}$ ,  $13_{10} = 1101_2$



# CONVERSÃO ENTRE BINÁRIO E HEXADECIMAL

- Como  $16 = 2^4$ , a conversão é mais simples.
- Cada dígito hexadecimal corresponde exatamente a 4 bits.
- Para cada 4 bits (ou 1 dígito hexadecimal), podemos passar pela base decimal.
- **Exemplo:**  $D1B_{16}$  para binário
  - $D_{16} = 13_{10}$ ,  $13_{10} = 1101_2$
  - $1_{16} = 1_2$

# CONVERSÃO ENTRE BINÁRIO E HEXADECIMAL

- Como  $16 = 2^4$ , a conversão é mais simples.
- Cada dígito hexadecimal corresponde exatamente a 4 bits.
- Para cada 4 bits (ou 1 dígito hexadecimal), podemos passar pela base decimal.
- **Exemplo:**  $D1B_{16}$  para binário
  - $D_{16} = 13_{10}$ ,  $13_{10} = 1101_2$
  - $1_{16} = 1_2$ , em 4 bits:  $1_{16} = 0001_2$

# CONVERSÃO ENTRE BINÁRIO E HEXADECIMAL

- Como  $16 = 2^4$ , a conversão é mais simples.
- Cada dígito hexadecimal corresponde exatamente a 4 bits.
- Para cada 4 bits (ou 1 dígito hexadecimal), podemos passar pela base decimal.
- **Exemplo:**  $D1B_{16}$  para binário
  - $D_{16} = 13_{10}$ ,  $13_{10} = 1101_2$
  - $1_{16} = 1_2$ , em 4 bits:  $1_{16} = 0001_2$
  - $B_{16} = 11_{10}$

# CONVERSÃO ENTRE BINÁRIO E HEXADECIMAL

- Como  $16 = 2^4$ , a conversão é mais simples.
- Cada dígito hexadecimal corresponde exatamente a 4 bits.
- Para cada 4 bits (ou 1 dígito hexadecimal), podemos passar pela base decimal.
- **Exemplo:**  $D1B_{16}$  para binário
  - $D_{16} = 13_{10}$ ,  $13_{10} = 1101_2$
  - $1_{16} = 1_2$ , em 4 bits:  $1_{16} = 0001_2$
  - $B_{16} = 11_{10}$ ,  $11_{10} = 1011_2$

# CONVERSÃO ENTRE BINÁRIO E HEXADECIMAL

- Como  $16 = 2^4$ , a conversão é mais simples.
- Cada dígito hexadecimal corresponde exatamente a 4 bits.
- Para cada 4 bits (ou 1 dígito hexadecimal), podemos passar pela base decimal.
- **Exemplo:**  $D1B_{16}$  para binário
  - $D_{16} = 13_{10}$ ,  $13_{10} = 1101_2$
  - $1_{16} = 1_2$ , em 4 bits:  $1_{16} = 0001_2$
  - $B_{16} = 11_{10}$ ,  $11_{10} = 1011_2$
- Concatenando,  $D1B_{16} =$

# CONVERSÃO ENTRE BINÁRIO E HEXADECIMAL

- Como  $16 = 2^4$ , a conversão é mais simples.
- Cada dígito hexadecimal corresponde exatamente a 4 bits.
- Para cada 4 bits (ou 1 dígito hexadecimal), podemos passar pela base decimal.
- **Exemplo:**  $D1B_{16}$  para binário
  - $D_{16} = 13_{10}$ ,  $13_{10} = 1101_2$
  - $1_{16} = 1_2$ , em 4 bits:  $1_{16} = 0001_2$
  - $B_{16} = 11_{10}$ ,  $11_{10} = 1011_2$
- Concatenando,  $D1B_{16} = 1101$

# CONVERSÃO ENTRE BINÁRIO E HEXADECIMAL

- Como  $16 = 2^4$ , a conversão é mais simples.
- Cada dígito hexadecimal corresponde exatamente a 4 bits.
- Para cada 4 bits (ou 1 dígito hexadecimal), podemos passar pela base decimal.
- **Exemplo:**  $D1B_{16}$  para binário
  - $D_{16} = 13_{10}$ ,  $13_{10} = 1101_2$
  - $1_{16} = 1_2$ , em 4 bits:  $1_{16} = 0001_2$
  - $B_{16} = 11_{10}$ ,  $11_{10} = 1011_2$
- Concatenando,  $D1B_{16} = 11010001$

# CONVERSÃO ENTRE BINÁRIO E HEXADECIMAL

- Como  $16 = 2^4$ , a conversão é mais simples.
- Cada dígito hexadecimal corresponde exatamente a 4 bits.
- Para cada 4 bits (ou 1 dígito hexadecimal), podemos passar pela base decimal.
- **Exemplo:**  $D1B_{16}$  para binário
  - $D_{16} = 13_{10}$ ,  $13_{10} = 1101_2$
  - $1_{16} = 1_2$ , em 4 bits:  $1_{16} = 0001_2$
  - $B_{16} = 11_{10}$ ,  $11_{10} = 1011_2$
- Concatenando,  $D1B_{16} = 110100011011_2$



# CONVERSÃO ENTRE BINÁRIO E HEXADECIMAL

- Como  $16 = 2^4$ , a conversão é mais simples.
- Cada dígito hexadecimal corresponde exatamente a 4 bits.
- Para cada 4 bits (ou 1 dígito hexadecimal), podemos passar pela base decimal.
- **Exemplo:**  $D1B_{16}$  para binário
  - $D_{16} = 13_{10}$ ,  $13_{10} = 1101_2$
  - $1_{16} = 1_2$ , em 4 bits:  $1_{16} = 0001_2$
  - $B_{16} = 11_{10}$ ,  $11_{10} = 1011_2$
- Concatenando,  $D1B_{16} = 110100011011_2$
- **Olpmexe:**  $110100011011_2$  para hexadecimal:

# CONVERSÃO ENTRE BINÁRIO E HEXADECIMAL

- Como  $16 = 2^4$ , a conversão é mais simples.
- Cada dígito hexadecimal corresponde exatamente a 4 bits.
- Para cada 4 bits (ou 1 dígito hexadecimal), podemos passar pela base decimal.
- **Exemplo:**  $D1B_{16}$  para binário
  - $D_{16} = 13_{10}$ ,  $13_{10} = 1101_2$
  - $1_{16} = 1_2$ , em 4 bits:  $1_{16} = 0001_2$
  - $B_{16} = 11_{10}$ ,  $11_{10} = 1011_2$
- Concatenando,  $D1B_{16} = 110100011011_2$
- **Olpmexe:**  $110100011011_2$  para hexadecimal:
  - $1101_2 = 13_{10} = D_{16}$ ,

# CONVERSÃO ENTRE BINÁRIO E HEXADECIMAL

- Como  $16 = 2^4$ , a conversão é mais simples.
- Cada dígito hexadecimal corresponde exatamente a 4 bits.
- Para cada 4 bits (ou 1 dígito hexadecimal), podemos passar pela base decimal.
- **Exemplo:**  $D1B_{16}$  para binário
  - $D_{16} = 13_{10}$ ,  $13_{10} = 1101_2$
  - $1_{16} = 1_2$ , em 4 bits:  $1_{16} = 0001_2$
  - $B_{16} = 11_{10}$ ,  $11_{10} = 1011_2$
- Concatenando,  $D1B_{16} = 110100011011_2$
- **Olpmexe:**  $110100011011_2$  para hexadecimal:
  - $1101_2 = 13_{10} = D_{16}$ ,  $0001_2 = 1_{16}$ ,

# CONVERSÃO ENTRE BINÁRIO E HEXADECIMAL

- Como  $16 = 2^4$ , a conversão é mais simples.
- Cada dígito hexadecimal corresponde exatamente a 4 bits.
- Para cada 4 bits (ou 1 dígito hexadecimal), podemos passar pela base decimal.
- **Exemplo:**  $D1B_{16}$  para binário
  - $D_{16} = 13_{10}$ ,  $13_{10} = 1101_2$
  - $1_{16} = 1_2$ , em 4 bits:  $1_{16} = 0001_2$
  - $B_{16} = 11_{10}$ ,  $11_{10} = 1011_2$
- Concatenando,  $D1B_{16} = 110100011011_2$
- **Olpmexe:**  $110100011011_2$  para hexadecimal:
  - $1101_2 = 13_{10} = D_{16}$ ,  $0001_2 = 1_{16}$ ,  $1011_2 = 11_{10} = B_{16}$

# CONVERSÃO ENTRE BINÁRIO E HEXADECIMAL

- Como  $16 = 2^4$ , a conversão é mais simples.
- Cada dígito hexadecimal corresponde exatamente a 4 bits.
- Para cada 4 bits (ou 1 dígito hexadecimal), podemos passar pela base decimal.
- **Exemplo:**  $D1B_{16}$  para binário
  - $D_{16} = 13_{10}$ ,  $13_{10} = 1101_2$
  - $1_{16} = 1_2$ , em 4 bits:  $1_{16} = 0001_2$
  - $B_{16} = 11_{10}$ ,  $11_{10} = 1011_2$
- Concatenando,  $D1B_{16} = 110100011011_2$
- **Olpmexe:**  $110100011011_2$  para hexadecimal:
  - $1101_2 = 13_{10} = D_{16}$ ,  $0001_2 = 1_{16}$ ,  $1011_2 = 11_{10} = B_{16}$
  - Concatenando,  $110100011011_2 = D1B_{16}$ .

# CONVERSÃO ENTRE BINÁRIO E HEXADECIMAL

- Como  $16 = 2^4$ , a conversão é mais simples.
- Cada dígito hexadecimal corresponde exatamente a 4 bits.
- Para cada 4 bits (ou 1 dígito hexadecimal), podemos passar pela base decimal.
- **Exemplo:**  $D1B_{16}$  para binário
  - $D_{16} = 13_{10}$ ,  $13_{10} = 1101_2$
  - $1_{16} = 1_2$ , em 4 bits:  $1_{16} = 0001_2$
  - $B_{16} = 11_{10}$ ,  $11_{10} = 1011_2$
- Concatenando,  $D1B_{16} = 110100011011_2$
- **Olpmexe:**  $110100011011_2$  para hexadecimal:
  - $1101_2 = 13_{10} = D_{16}$ ,  $0001_2 = 1_{16}$ ,  $1011_2 = 11_{10} = B_{16}$
  - Concatenando,  $110100011011_2 = D1B_{16}$ .
  - Com não-inteiros,  $1101,00011011_2 = D,1B_{16}$

# OUTRAS CONVERSÕES FÁCEIS COM BINÁRIO

- Como  $8 = 2^3$ , cada dígito octal equivale a 3 bits.

# OUTRAS CONVERSÕES FÁCEIS COM BINÁRIO

- Como  $8 = 2^3$ , cada dígito octal equivale a 3 bits.
- $456_8$ :



## OUTRAS CONVERSÕES FÁCEIS COM BINÁRIO

- Como  $8 = 2^3$ , cada dígito octal equivale a 3 bits.
- $456_8$ :  $4_8 = 100$

## OUTRAS CONVERSÕES FÁCEIS COM BINÁRIO

- Como  $8 = 2^3$ , cada dígito octal equivale a 3 bits.
- $456_8$ :  $4_8 = 100$   $5_8 = 101$

## OUTRAS CONVERSÕES FÁCEIS COM BINÁRIO

- Como  $8 = 2^3$ , cada dígito octal equivale a 3 bits.
- $456_8$ :  $4_8 = 100$   $5_8 = 101$   $6_8 = 110$ .

## OUTRAS CONVERSÕES FÁCEIS COM BINÁRIO

- Como  $8 = 2^3$ , cada dígito octal equivale a 3 bits.
- $456_8$ :  $4_8 = 100$   $5_8 = 101$   $6_8 = 110$ .
- **Concatenando:**  $456_8 = 100101110_2$ :

## OUTRAS CONVERSÕES FÁCEIS COM BINÁRIO

- Como  $8 = 2^3$ , cada dígito octal equivale a 3 bits.
- $456_8$ :  $4_8 = 100$   $5_8 = 101$   $6_8 = 110$ .
- **Concatenando:**  $456_8 = 100101110_2$ :
- Com não-inteiros:  $4,56_8 = 100,101110_2$ .

## OUTRAS CONVERSÕES FÁCEIS COM BINÁRIO

- Como  $8 = 2^3$ , cada dígito octal equivale a 3 bits.
- $456_8$ :  $4_8 = 100$   $5_8 = 101$   $6_8 = 110$ .
- **Concatenando:**  $456_8 = 100101110_2$ :
- Com não-inteiros:  $4,56_8 = 100,101110_2$ .
- **Exercício:**  $210_3 = ?_9$

## OUTRAS CONVERSÕES FÁCEIS COM BINÁRIO

- Como  $8 = 2^3$ , cada dígito octal equivale a 3 bits.
- $456_8$ :  $4_8 = 100$   $5_8 = 101$   $6_8 = 110$ .
- **Concatenando:**  $456_8 = 100101110_2$ :
- Com não-inteiros:  $4,56_8 = 100,101110_2$ .
- **Exercício:**  $210_3 = ?_9$
- Há um jeito fácil de converter octais em hexadecimais?

## SOLUÇÃO DO DESAFIO

- $p(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$  é o valor do número  $a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0$  na base  $x$ , **desde que**  $a_i < x$  para todo  $i$ .



## SOLUÇÃO DO DESAFIO

- $p(x) = a^n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$  é o valor do número  $a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0$  na base  $x$ , **desde que**  $a_i < x$  para todo  $i$ .
- Para um tal valor  $x^*$ ,  $p(x^*)$  na base  $x^*$  é  $a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0$ .

# SOLUÇÃO DO DESAFIO

- $p(x) = a^n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$  é o valor do número  $a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0$  na base  $x$ , **desde que**  $a_i < x$  para todo  $i$ .
- Para um tal valor  $x^*$ ,  $p(x^*)$  na base  $x^*$  é  $a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0$ .
- **Ideia:** (i) Descobrir um  $x^*$  maior que os coeficientes; (ii) converter  $p(x^*)$  para a base  $x^*$  para recuperar os coeficientes.

# SOLUÇÃO DO DESAFIO

- $p(x) = a^n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$  é o valor do número  $a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0$  na base  $x$ , **desde que**  $a_i < x$  para todo  $i$ .
- Para um tal valor  $x^*$ ,  $p(x^*)$  na base  $x^*$  é  $a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0$ .
- **Ideia:** (i) Descobrir um  $x^*$  maior que os coeficientes; (ii) converter  $p(x^*)$  para a base  $x^*$  para recuperar os coeficientes.
- **Pergunta:** Como descobrir tal  $x^*$  com uma consulta?

# SOLUÇÃO DO DESAFIO

- $p(x) = a^n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$  é o valor do número  $a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0$  na base  $x$ , **desde que**  $a_i < x$  para todo  $i$ .
- Para um tal valor  $x^*$ ,  $p(x^*)$  na base  $x^*$  é  $a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0$ .
- **Ideia:** (i) Descobrir um  $x^*$  maior que os coeficientes; (ii) converter  $p(x^*)$  para a base  $x^*$  para recuperar os coeficientes.
- **Pergunta:** Como descobrir tal  $x^*$  com uma consulta?
- Exemplo:  $p(x) = 2x^2 + 4x + 6$ ,  $p(1) = 12$ ,  $p(13) = 396$

# SOLUÇÃO DO DESAFIO

- $p(x) = a^n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$  é o valor do número  $a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0$  na base  $x$ , **desde que**  $a_i < x$  para todo  $i$ .
- Para um tal valor  $x^*$ ,  $p(x^*)$  na base  $x^*$  é  $a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0$ .
- **Ideia:** (i) Descobrir um  $x^*$  maior que os coeficientes; (ii) converter  $p(x^*)$  para a base  $x^*$  para recuperar os coeficientes.
- **Pergunta:** Como descobrir tal  $x^*$  com uma consulta?
- Exemplo:  $p(x) = 2x^2 + 4x + 6$ ,  $p(1) = 12$ ,  $p(13) = 396$
- Passamos 396 para a base 13...