

Aula – A Abordagem de DeLoecker

Papers DeLoecker

Claudio R. Lucinda

FEA-RP/USP



- 1 Identificando Conduta Usando Funções de Produção
 - Caso 1: Retornos de Escala
 - Caso 2: Competição Imperfeita



1 Identificando Conduta Usando Funções de Produção

- Caso 1: Retornos de Escala
- Caso 2: Competição Imperfeita

2 A Abordagem de Hall

- Os Testes de Hall
- A Abordagem de De Loecker



- O ponto de partida é a tradicional função de produção homogênea

$$Y = F(K, L)$$

- Passando o Logaritmo dos dois Lados:

$$\begin{aligned}\log Y &= \log F(K, L) \\ d \log Y &= \left[\frac{\partial F}{\partial K} \frac{Y}{K} d \log K + \frac{\partial F}{\partial L} \frac{Y}{L} d \log L \right]\end{aligned}$$

- O crescimento do progresso técnico é a diferença entre essas duas coisas

$$d \log Z = d \log Y - \left[\frac{\partial F}{\partial K} \frac{K}{Y} d \log K + \frac{\partial F}{\partial L} \frac{L}{Y} d \log L \right]$$



- Os termos $\frac{\partial F}{\partial K} \times K/Y$ e $\frac{\partial F}{\partial L} \times L/Y$ são as elasticidades da produção com respeito aos fatores de produção
- Caso tenhamos
 - Retornos Constantes de Escala
 - Competição Perfeita nos mercados de fatores e de produtos
- Esses negócios são iguais às participações dos fatores de produção no valor da produção
- Isso pode fazer sentido na Macroeconomia, mas será que faz na microeconomia?



- Vamos lembrar que os Custos podem ser definidos como:

$$C = wL + rK$$

- E vamos construir uma medida de economias de escala como a razão entre custo médio e custo marginal:

$$\gamma = \frac{C/Y}{\partial C / \partial Y}$$

$$C = \gamma \times \frac{\partial C}{\partial Y} \times Y$$



- Agora vamos lembrar de outra coisa: se temos competição no mercado de fatores, o uso do fator vai ser até o ponto em que a remuneração do mesmo seja igual ao Valor do Produto Marginal do mesmo

$$\frac{\partial F}{\partial K} \times P = r$$
$$\frac{\partial F}{\partial L} \times P = w$$

- Mas temos competição perfeita, então $P = \partial C / \partial Y$, o que implica:

$$\frac{\partial F}{\partial K} \times \frac{\partial C}{\partial Y} = r$$
$$\frac{\partial F}{\partial L} \times \frac{\partial C}{\partial Y} = w$$



- Reorganizando, podemos escrever:

$$\frac{\partial F}{\partial K} \frac{K}{Y} = \gamma \frac{Y}{C} \frac{K}{Y} r = \gamma \frac{rK}{C}$$
$$\frac{\partial F}{\partial L} \frac{L}{Y} = \gamma \frac{Y}{C} \frac{L}{Y} w = \gamma \frac{wL}{C}$$

- Ou seja, neste caso, o resíduo de Solow é dado por

$$d \log Z = d \log Y - \gamma [s_K d \log K + s_L d \log L] \quad (2)$$

- Em que s_K e s_L são as participações dos fatores de produção nos custos (e nas receitas)



Competição Imperfeita

- E quando temos Competição Imperfeita?
- Neste caso, temos que $P \neq CMg$, mas podemos escrever $P = \mu \times CMg$, em que μ é a razão Preço/Custo Marginal.
- Reorganizando:

$$C = \frac{\gamma}{\mu} \times P \times Y$$

$$\frac{wL}{C} = \frac{\mu}{\gamma} \frac{wL}{PY}$$

$$\frac{rK}{C} = \frac{\mu}{\gamma} \frac{rK}{PY}$$



Competição Imperfeita – II

- Neste caso, a equação dos resíduos de Solow fica sendo:

$$d \log Z = d \log Y - \mu [s_K d \log K + s_L d \log L] \quad (9)$$

- Em que s_K e s_L são as participações dos fatores de produção NAS RECEITAS (que são diferentes dos custos)
- Ou seja:
 - Só com Retornos Constantes de Escala E Competição Perfeita temos que as elasticidades dos fatores com relação à produção são iguais aos shares de fatores
 - Quando UMA destas coisas não acontece, temos que as participações das remunerações dos fatores na receita verdadeiras não somam 1, mas sim γ/μ



Implicações Empíricas deste Monte de Coisa

- A partir dessa volta pelo Resíduo de Solow, podemos tirar a seguinte definição (Hall NBER1991):

Definition

O Crescimento da Produtividade não deve ser correlacionado com nenhuma variável que (a) afete a produção e que (b) não seja argumento da função de produção

- Essa é a base para a primeira parte do teste de Hall (1988) – Calcular o Resíduo de Solow da forma tradicional e checar se ele é correlacionado com alguma coisa que a gente sabe que afeta o produto.
- Se afetar, temos evidência de Retornos Não Constantes de Escala e/ou Competição Imperfeita:
- Outra Implicação importante depois: $\mu = \frac{PY}{C} = \frac{\partial \ln(F)/\partial \ln(L)}{wL/PY}$



- Duas Etapas:
 - Na primeira, é testado o conjunto (Retornos Constantes de Escala E Competição perfeita)
 - Neste caso, o Resíduo de Solow calculado da forma tradicional é regredido contra uma variável que espera-se que não afete a produtividade mas sim o PIB.
 - Pelo slide anterior, esta variável não deveria afetar a produtividade.
 - Na segunda, é estimada uma regressão do tipo $\ln(Y/\kappa) = \mu[s_L \ln(L/\kappa)]$ e estima-se o μ



- Em 2006, apareceu um paper que buscou revisitar essa abordagem
- A essência da abordagem reside em que podemos calcular a razão preço-custo marginal como a razão entre duas coisas:
 - A participação de cada insumo na receita
 - A elasticidade produto de cada fator de produção
- Isso tem a vantagem que você não precisa de informações detalhadas sobre volume produzido dos diferentes produtos, preços de cada um deles...

