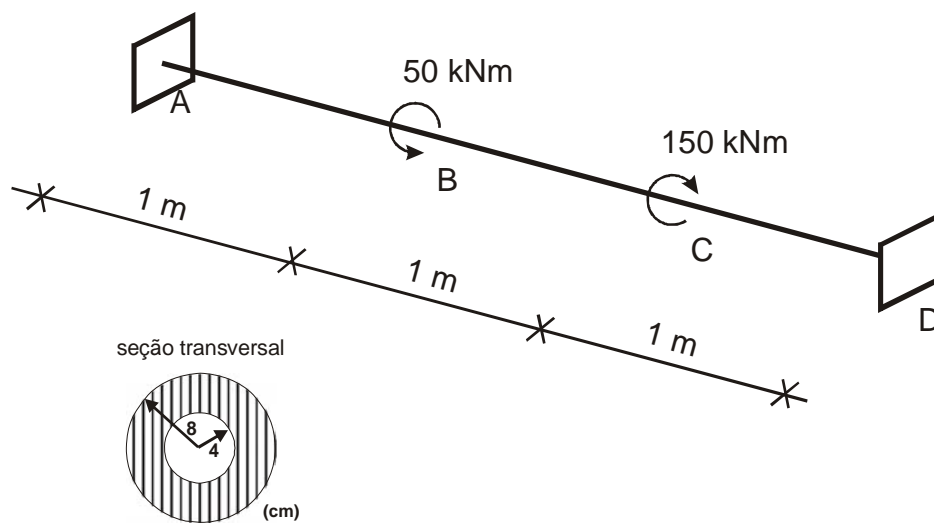


Exercícios de Torção Simples

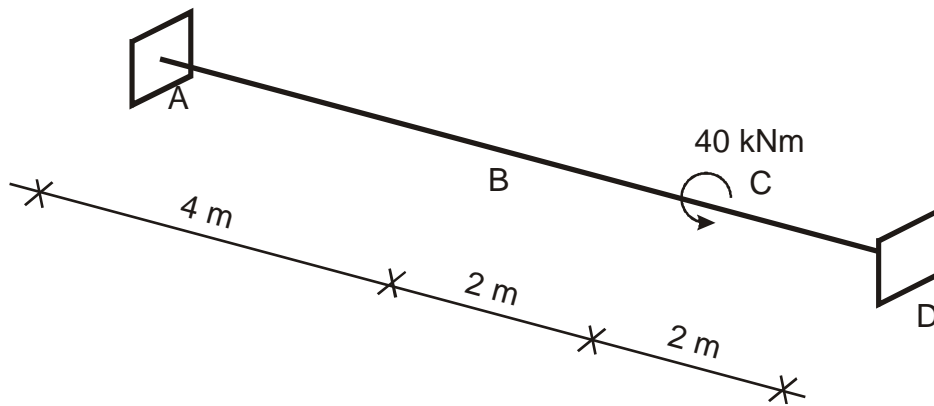
Os exercícios 4 a 13 foram extraídos de: Beer, F. P. e Johnston, Jr., E.R.. Mechanics of Materials. McGraw-Hill, New York, 1981.

1) Determinar o valor da máxima tensão de cisalhamento na barra.



$$\text{Resp: } \tau_{\max} = \frac{8330}{6031,9} \cdot 8 = 11 \text{ kN} / \text{cm}^2$$

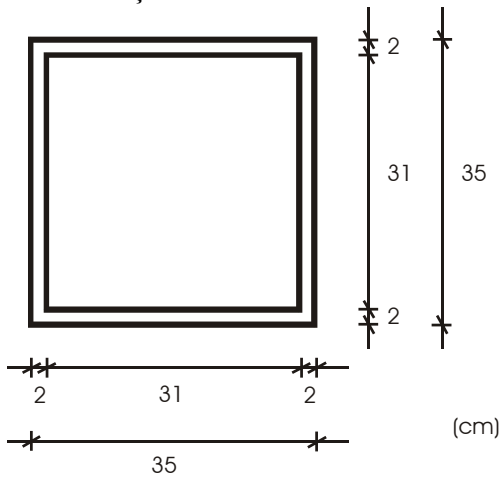
2) Determinar o valor da máxima tensão de cisalhamento na estrutura da figura.



$G = 8000 \text{ kN/cm}^2$

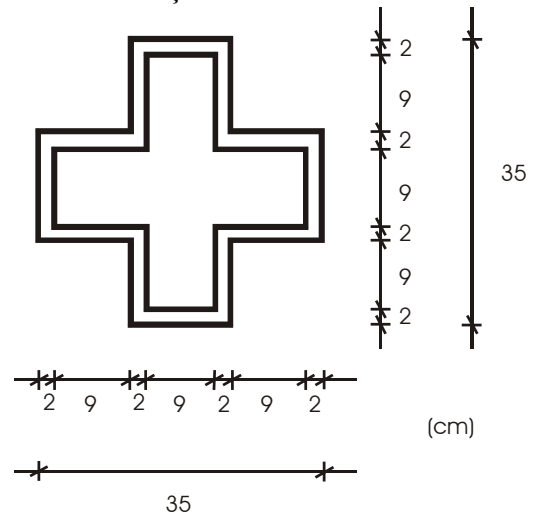
trecho AB:

Seção 1



trecho BD:

Seção 2



Dado:

$$I_t = \frac{4 \cdot A \cdot e}{l}$$

Resposta:

Seção 1:

$$A_m = 33 \cdot 33 = 1089 \text{ cm}^2$$

$$I = 4 \cdot 33 = 132 \text{ cm}$$

$$I_t = \frac{4 \cdot 1089^2 \cdot 2}{132} = 71874 \text{ cm}^4$$

Seção 2:

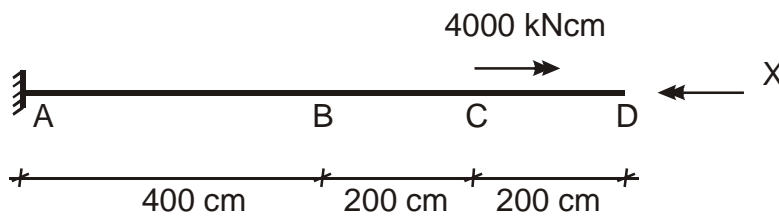
$$A_m = 11 \cdot 33 + 2 \cdot 11 \cdot 11 = 605 \text{ cm}^2$$

ou

$$A_m = 33 \cdot 33 - 4 \cdot 11 \cdot 11 = 605 \text{ cm}^2$$

$$I = 4 \cdot 11 + 8 \cdot 11 = 132 \text{ cm}$$

$$I_t = \frac{4 \cdot 605^2 \cdot 2}{132} = 22183,33 \text{ cm}^4$$



Equação de Compatibilidade:

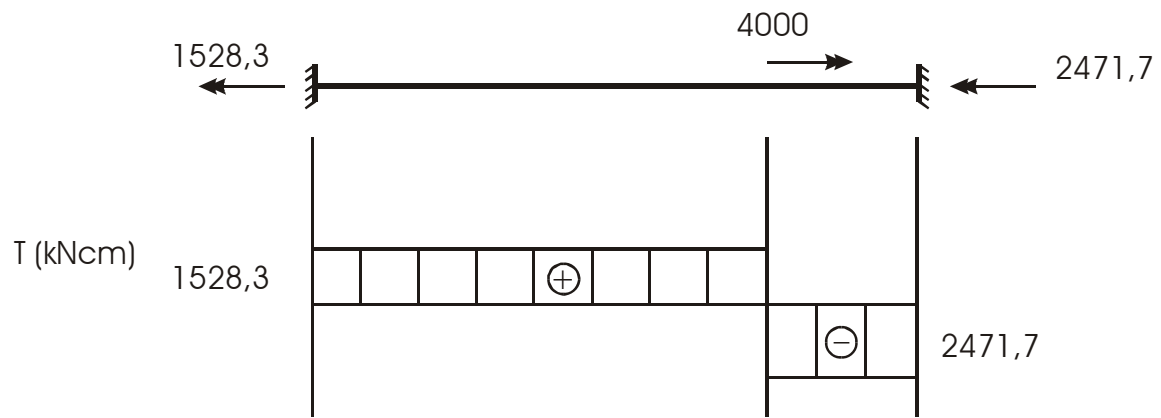
$$\theta_D = 0$$

$$\theta_D = \frac{(4000 - X) \cdot 400}{G \cdot 71874} + \frac{(4000 - X) \cdot 200}{G \cdot 22183,33} - \frac{X \cdot 200}{G \cdot 22183,33} = 0$$

$$\frac{(4000 - X) \cdot 2}{71874} + \frac{(4000 - X)}{22183,33} - \frac{X}{22183,33} = 0$$

$$\frac{4000 \cdot 2}{71874} + \frac{4000}{22183,33} = \frac{2 \cdot X}{71874} + \frac{X}{22183,33} + \frac{X}{22183,33}$$

$$X = 2471,7 \text{ kNcm}$$



Sendo: $\tau_{\max} = \frac{T}{2 \cdot A_m \cdot e_{\min}}$,

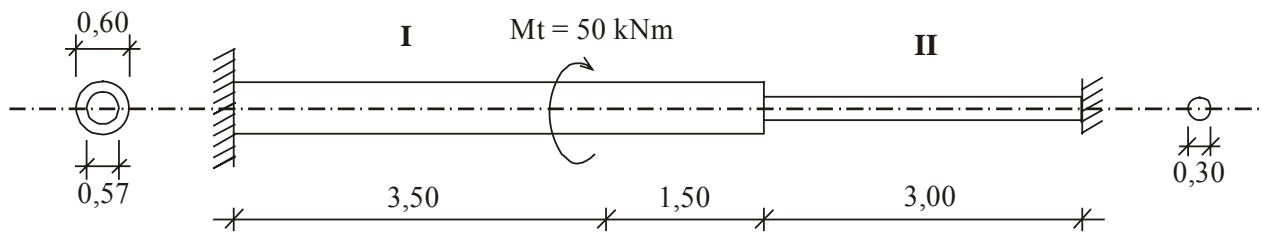
máxima tensão de cisalhamento:

$$\tau_{\max} = \frac{2471,7}{2 \cdot 605 \cdot 2} = 1,02 \text{ kN/cm}^2$$

3) Para a estrutura abaixo, pedem-se:

- O diagrama de momento torçor;
- O valor da máxima tensão de cisalhamento e a seção onde ocorre.

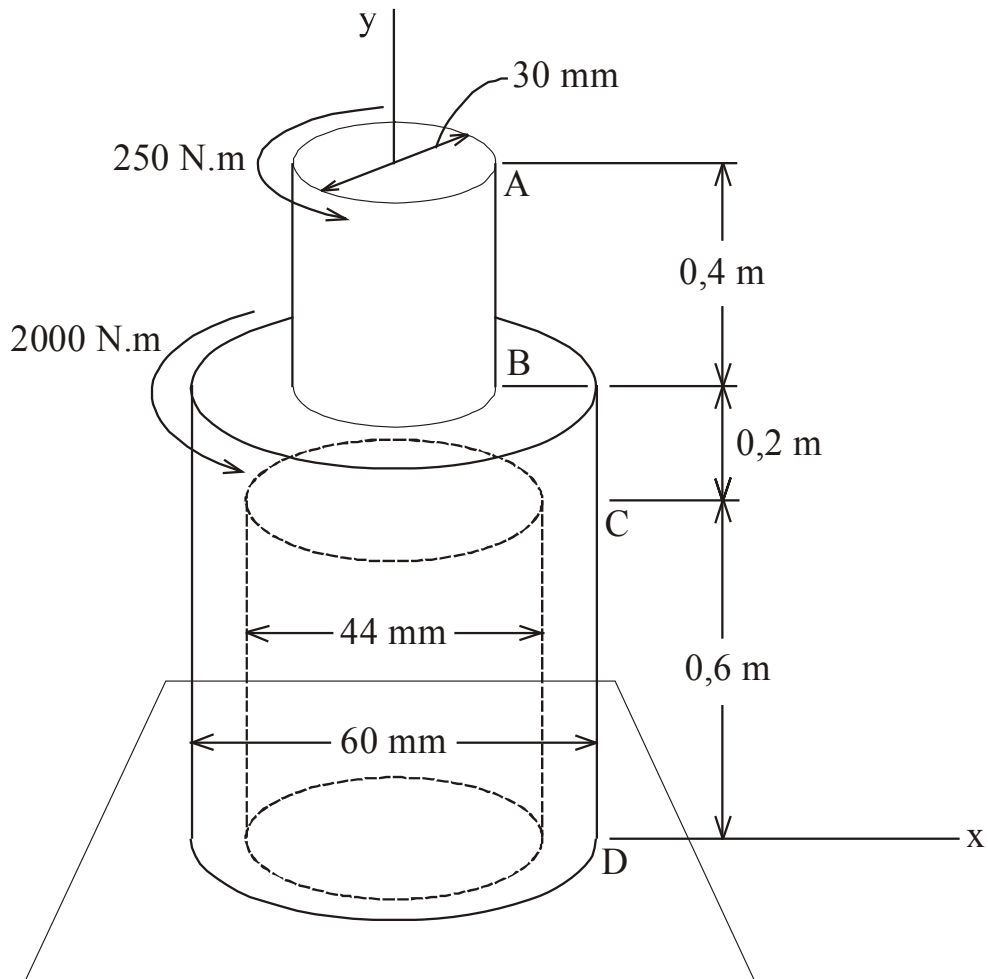
Dados: $E = 210 \text{ GPa}$
 $\nu = 0,3$
 $G = E/2 (1 + \nu)$



(medidas em metros)

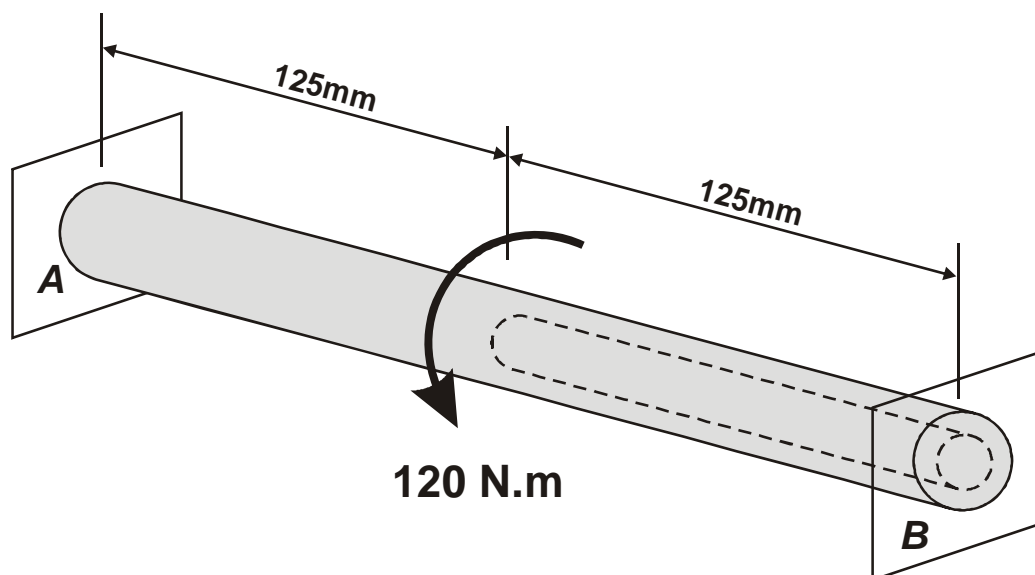
Resp. $Mt_I = -37,4 \text{ kNm}$; $Mt_{II} = 12,6 \text{ kNm}$; $\tau_{\text{máx}} = 4,75 \text{ MPa}$, na seção I

4) O eixo de aço da figura, engastado em sua base, está sujeito aos momentos de torção indicados. Determinar o ângulo de rotação da seção A, sabendo que o módulo de elasticidade transversal de seu material é $G = 80 \text{ GPa}$.



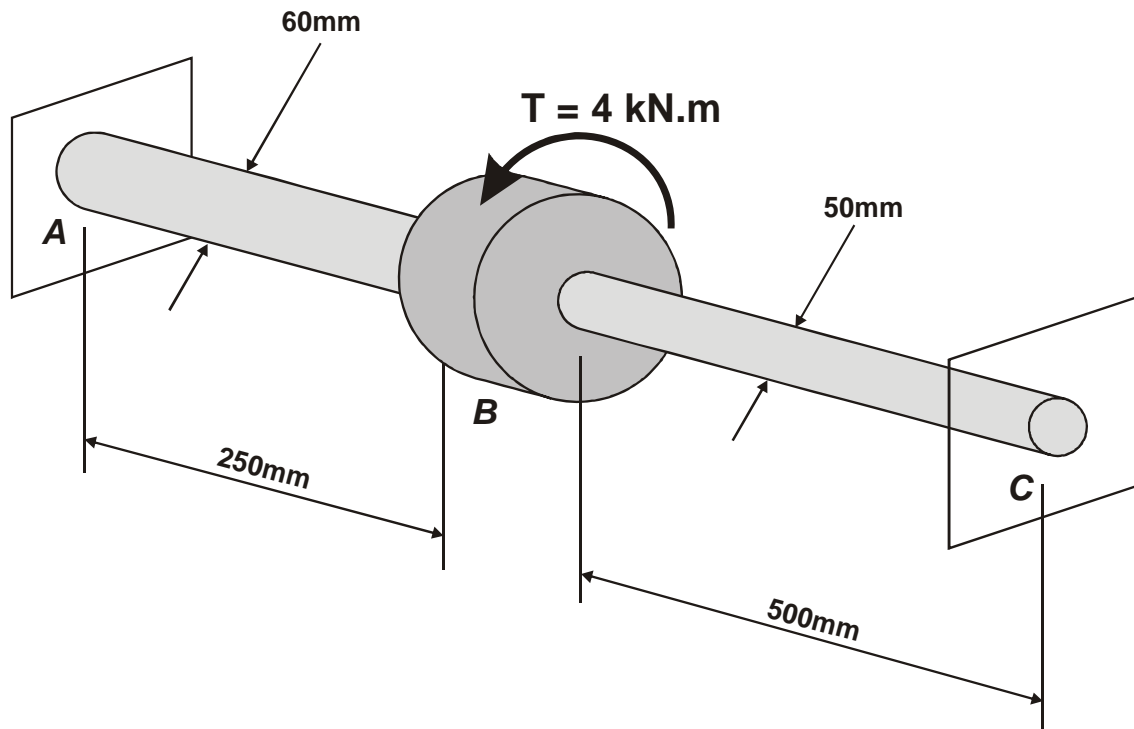
Resp: $\theta_A = 0,0388 \text{ rad}$.

5) Determinar os momentos de torção que atuam nos dois trechos do eixo biengastado da figura. O trecho da esquerda tem seção transversal circular com 20 mm de diâmetro; o da direita, seção circular vazada com 20 mm de diâmetro externo e 16 mm de diâmetro interno.



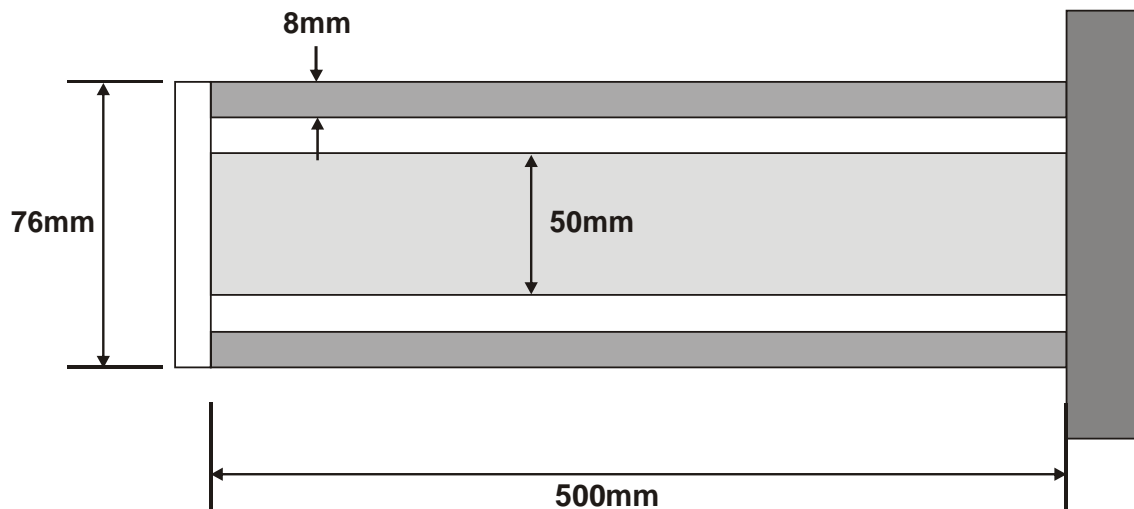
Resp: no trecho da esquerda, $T = 75,5 \text{ Nm}$; no trecho da direita, $T = - 44,5 \text{ Nm}$.

6) O eixo biengastado da figura tem seção transversal vazada com diâmetro interno de 4 cm e diâmetro externo de 6 cm no trecho AB. Determinar a máxima tensão de cisalhamento no trecho AB e a máxima tensão de cisalhamento no trecho BC.



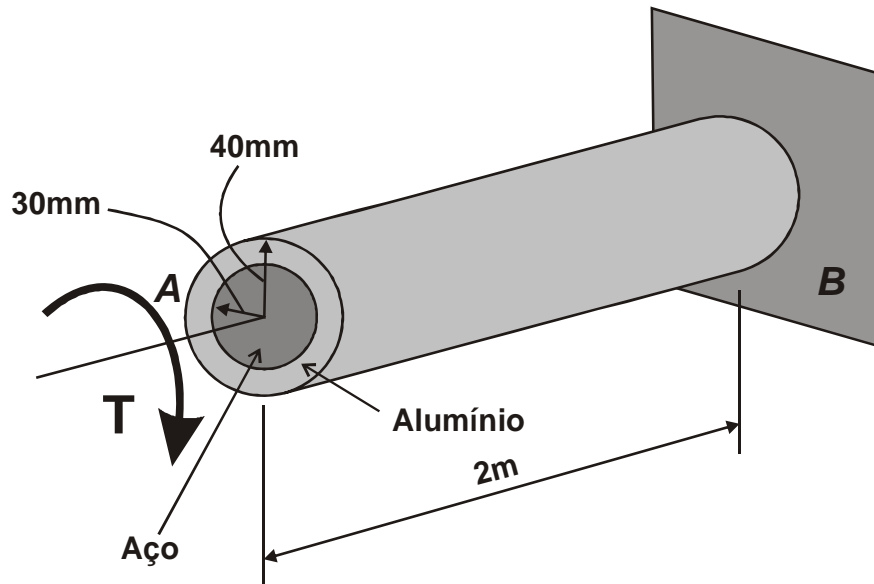
Resp: em AB, $\tau_{\text{máx}} = 90,4 \text{ MPa}$; em BC, $\tau_{\text{máx}} = 37,7 \text{ MPa}$.

7) Um eixo de aço e um tubo de alumínio engastados em uma das extremidades estão ligados por um disco rígido na outra extremidade, como mostra a figura. Determinar o valor do máximo momento de torção T_0 que pode ser aplicado ao conjunto, sabendo que a tensão admissível ao cisalhamento do aço é $\bar{\tau} = 120 \text{ MPa}$, e que a do alumínio é $\bar{\tau} = 70 \text{ MPa}$. Tem-se $G = 80 \text{ GPa}$ para o aço e $G = 27 \text{ GPa}$ para o alumínio.



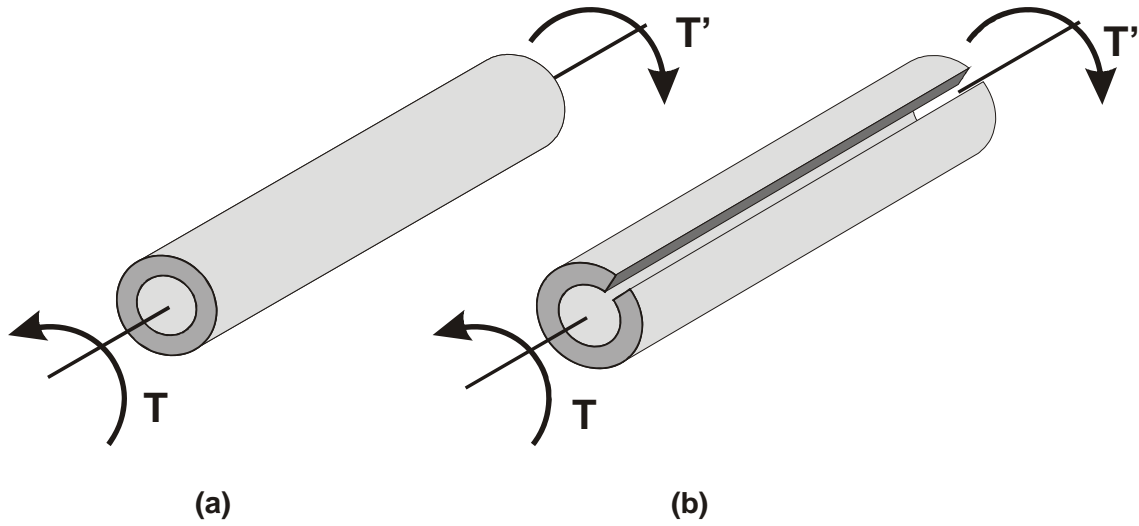
Resp: $T_0 = 6,2 \text{ kNm}$.

8) O eixo composto da figura, tem um núcleo de aço recoberto com um tubo de alumínio. Sabendo que a máxima tensão de cisalhamento no alumínio é $\tau = 60 \text{ MPa}$, determinar o valor da máxima tensão de cisalhamento no núcleo de aço. Tem-se $G = 80 \text{ GPa}$ para o aço e $G = 27 \text{ GPa}$ para o alumínio.



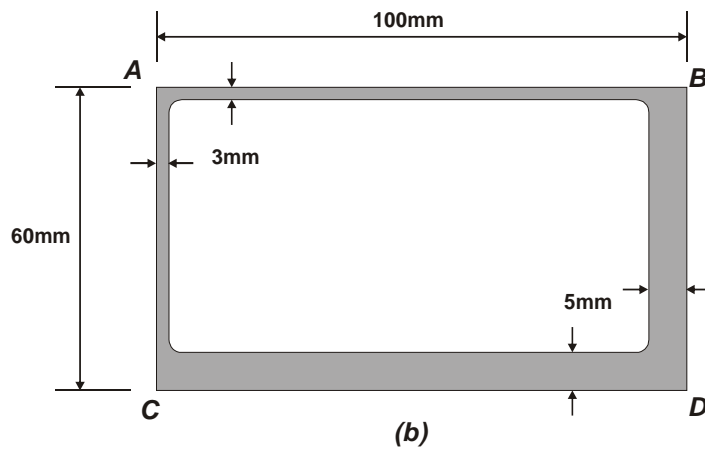
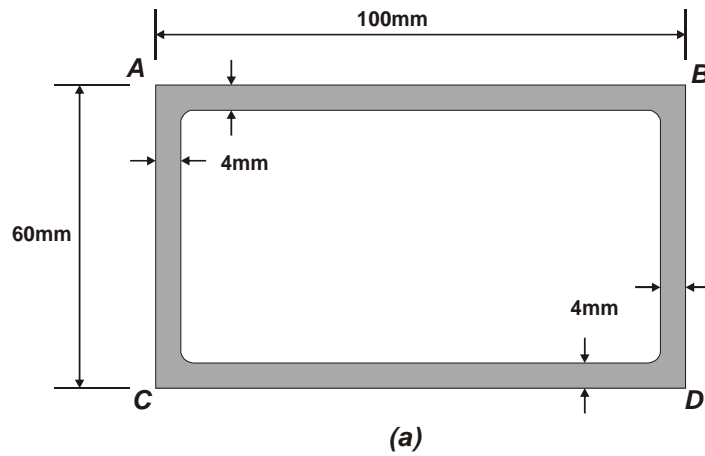
R: 133,3 MPa

9) Na figura mostram-se dois eixos de parede vazada de iguais dimensões; no da direita, há uma ranhura longitudinal. Determinar a razão τ_b / τ_a das tensões de cisalhamento máximas nos dois eixos. Eles têm raio r e espessura t .



$$R: \frac{\tau_b}{\tau_a} = \frac{3r}{t}$$

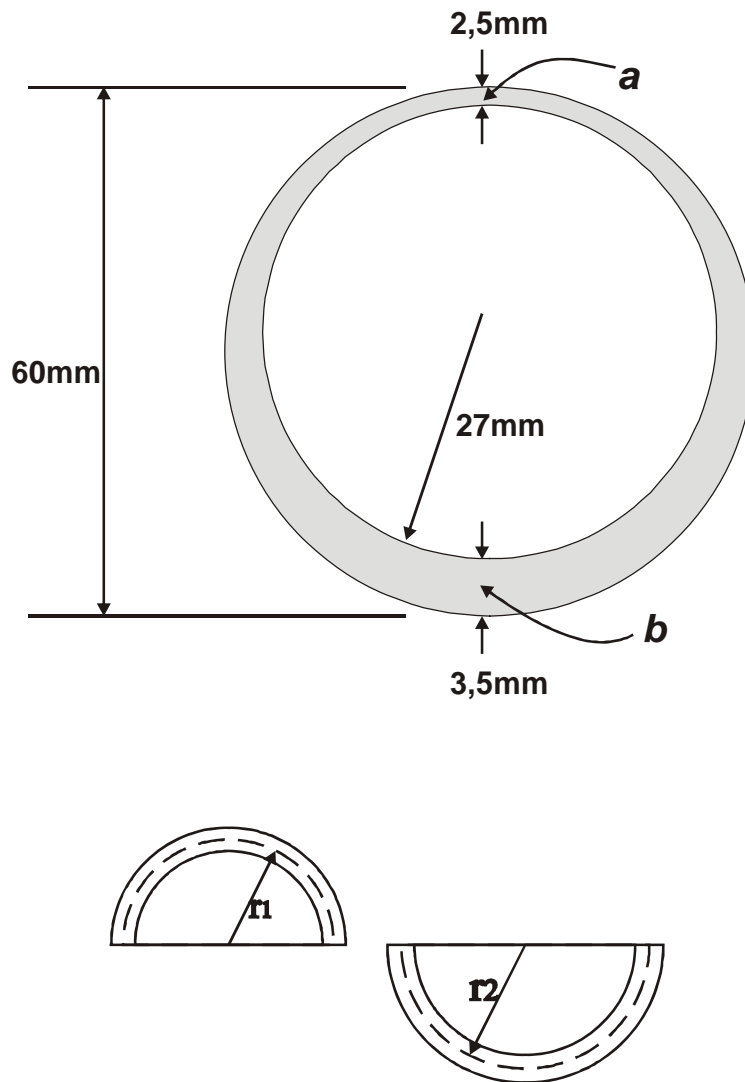
10) Um tubo de seção retangular vazada será solicitado por um momento de torção $T=3 \text{ kNm}$. Determinar as tensões de cisalhamento em cada uma das paredes do tubo quando não houver defeito de fabricação, e sua seção transversal for a indicada na figura (a); quando um defeito de fabricação levar à seção transversal indicada na figura (b).



R: (a) $\tau = 69,8 \text{ MPa}$; (b) $\tau = 93,0 \text{ MPa}$ em AB e AC e $\tau = 55,8 \text{ MPa}$ em BD e CD.

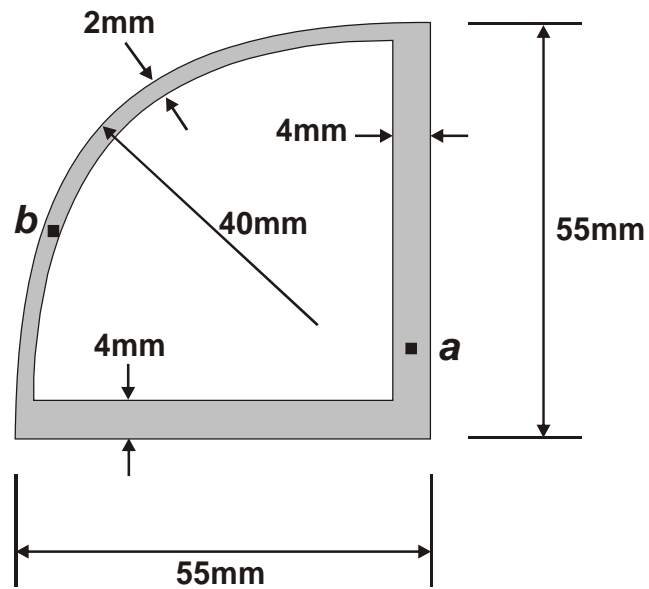
11) Determinar as tensões de cisalhamento nos pontos a e b da seção transversal indicada na figura, de um eixo sollicitado por um momento de torção $T = 90 \text{ Nm}$.

Obs: Considere como área média da seção a soma das duas áreas abaixo sendo $r_1 = 27 + 2,5/2$ e $r_2 = 27 + 3,5/2$.



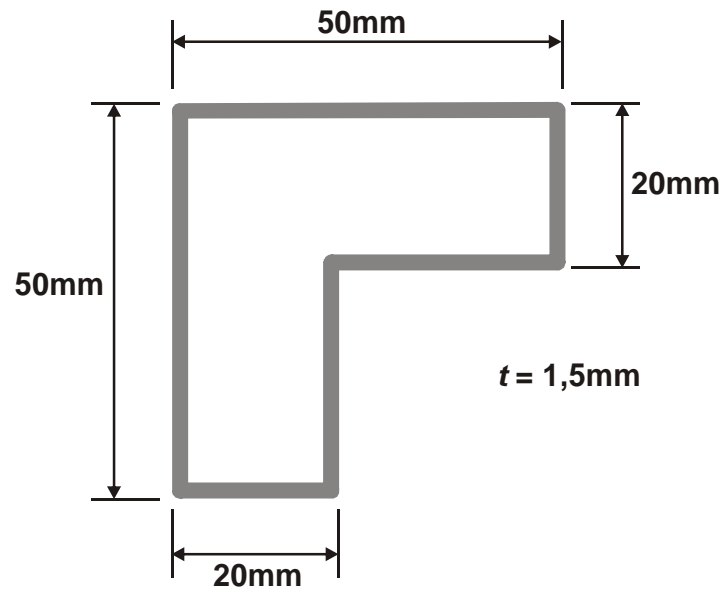
$$R: \tau_a = 706 \text{ N/cm}^2 \quad \tau_b = 504 \text{ N/cm}^2$$

12) Determinar as tensões de cisalhamento nos pontos a e b da seção transversal indicada na figura, de um eixo sollicitado por um momento de torção $T = 90 \text{ Nm}$.



R: (a) $\tau = 4,73 \text{ MPa}$; (b) $\tau = 9,46 \text{ MPa}$.

13) A parede da barra cuja seção transversal é indicada na figura possui 1,5 mm de espessura. Sabendo que a tensão admissível de seu material é $\bar{\tau} = 2,5 \text{ MPa}$, determinar o valor do máximo momento de torção que pode solicitar esta barra.



R: $T = 10,89 \text{ Nm}$.