

## ELETROMAGNETISMO - 4300372

### 6<sup>a</sup> lista

- 1) Um capacitor de placas planas paralelas, com placas circulares de raio  $A$  separadas por uma distância  $h$  é carregado através de um fio retilíneo carregando uma corrente  $i = i_0 \cos \omega t$ .
  - a) Calcule o campo magnético num ponto qualquer entre as placas, a uma distância  $r < A$  do eixo das placas.
  - b) Se uma espira quadrada de lados  $a$  e resistência  $R$  é colocada entre as placas do capacitor, com seu plano perpendicular às placas, e a uma distância  $b$  do eixo das placas, calcule a corrente induzida na espira.
  
- 2) Uma corrente alternada,  $i = i_0 \cos(\omega t)$ , passa por um fio longo e reto, retornando através um tubo condutor coaxial de raio  $a$ .
  - a) Mostre que o campo elétrico induzido é dado por:  $\vec{E} = \frac{\mu_0 i_0 \omega}{2\pi} \sin(\omega t) \ln\left(\frac{a}{r}\right) \vec{k}$ .
  - b) Encontre a densidade de corrente de deslocamento  $\vec{J}_d = \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$ .
  - c) Integre  $\vec{J}_d$  para obter  $i_d$  e calcule a razão  $i_d/i$ . Dado:  $\int r \ln r dr = \frac{r^2}{2} \ln r - \frac{r^2}{4}$
  
- 3) Um longo cilindro circular de raio  $R$  tem magnetização  $\vec{M} = kr^2 \hat{e}_\phi$  onde  $k$  é uma constante, e as variáveis estão em coordenadas cilíndricas. Encontre as densidades de corrente de magnetização, e o  $\vec{B}$  criado por  $\vec{M}$  em todos os pontos do espaço.
  
- 4) Uma esfera de material magnético, de raio  $R$ , é colocada na origem do sistema de coordenadas. A magnetização é dada por  $\vec{M} = (az^2 + b)\vec{k}$ , onde  $a$  e  $b$  são constantes. Determine as densidades de corrente de magnetização, e a corrente de magnetização.
  
- 5) Um longo cilindro circular de raio  $R$  tem magnetização  $\vec{M} = kr\hat{z}$  onde  $k$  é uma constante, e as variáveis estão em coordenadas cilíndricas. Encontre  $\vec{B}$  criado por  $\vec{M}$  em todos os pontos do espaço por dois métodos diferentes:
  - a) calculando todas as correntes de magnetização e usando a lei de Ampère:  $\oint_c \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 i_M$ ;
  - b) calculando  $\vec{H}$  e usando a relação  $\vec{H} = \vec{B}/\mu_0 - \vec{M}$ .
  
- 6) Um cilindro longo, de raio  $R$  e comprimento  $L$ , está carregado com uma

densidade de cargas superficial uniforme  $\sigma$ . Um torque aplicado externamente faz com que o cilindro gire em torno do eixo com aceleração constante, tal que  $\omega(t) = \alpha t$ . Sendo  $\epsilon$  a permeabilidade elétrica do material e  $\chi_M$  sua susceptibilidade magnética determine: a) os campos  $\vec{B}$  e  $\vec{H}$  no interior do cilindro. b) O momento de dipolo magnético. c) As densidades de corrente de magnetização. d)  $\vec{E}$  e  $\vec{D}$  no interior do cilindro. e) o vetor polarização  $\vec{P}$  e a densidade de cargas de polarização.

7) Considere um capacitor de placas planas paralelas, com placas circulares de raio  $\lambda$  separadas por uma distância  $h$  no processo de carga. Se o espaço entre as placas está preenchido por um material de constante dielétrica  $K$  e susceptibilidade magnética  $\chi_M$  calcule:  $\vec{E}$ ,  $\vec{D}$ ,  $\vec{B}$ ,  $\vec{H}$ ,  $\vec{P}$ ,  $\sigma_P$ ,  $\vec{M}$  e  $i_M$ .