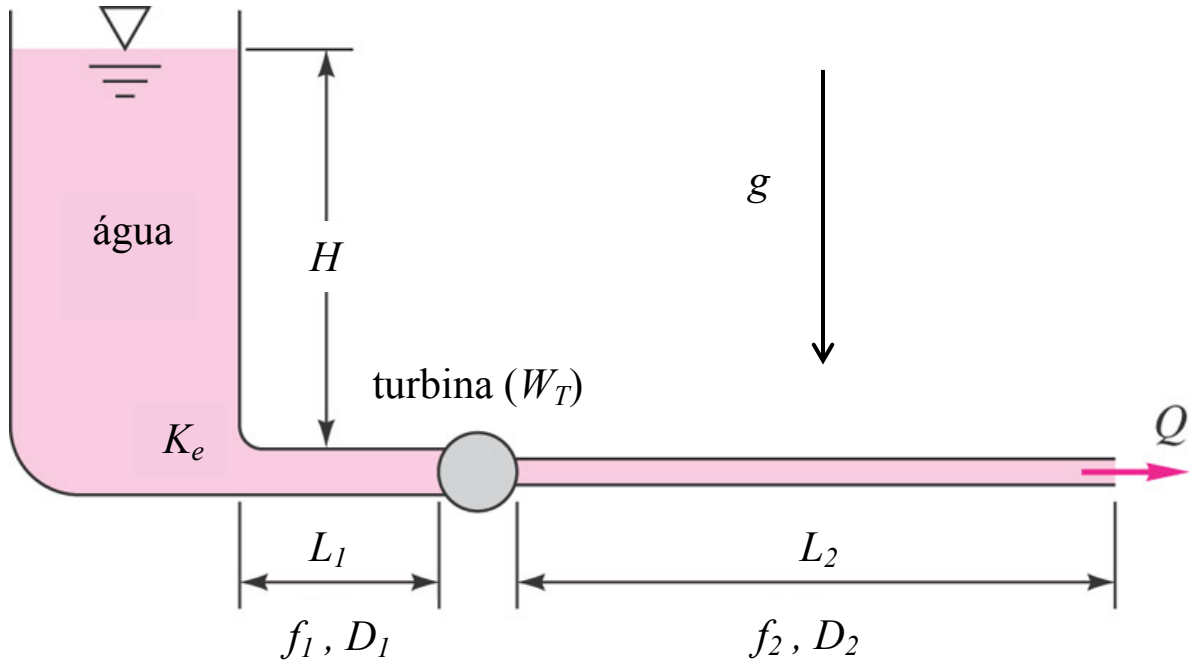


LABORATÓRIO E APLICAÇÕES DE MECÂNICA DOS FLUIDOS (PME 2332)
Terceira Prova - 2014

1. (3 pontos) A pequena turbina da figura extrai uma potência mecânica W_T do escoamento da água, de massa específica ρ e viscosidade μ .
- Determinar uma relação que permita calcular a vazão de operação Q , em função das variáveis que aparecem na figura. Qué dificuldades existem para determinar explicitamente a vazão? (2,5 pontos)
 - Sabendo que os fatores de atrito dependem da vazão através dos correspondentes números de Reynolds, que dificuldades aparecem para determinar a vazão de operação? Como poderia ser realizado o cálculo? (0,5 pontos)



Conservação da energia: $H_{E1} + H_{maq} = H_{E2} + \sum \Delta H_{perdas}$; $H_E = \frac{p}{\rho g} + \frac{V^2}{2g} + z$

Perda de carga singular: $\Delta H_s = K_s \frac{V^2}{2g}$; Perda de carga distribuída: $\Delta H_d = f \frac{L}{D} \frac{V^2}{2g}$

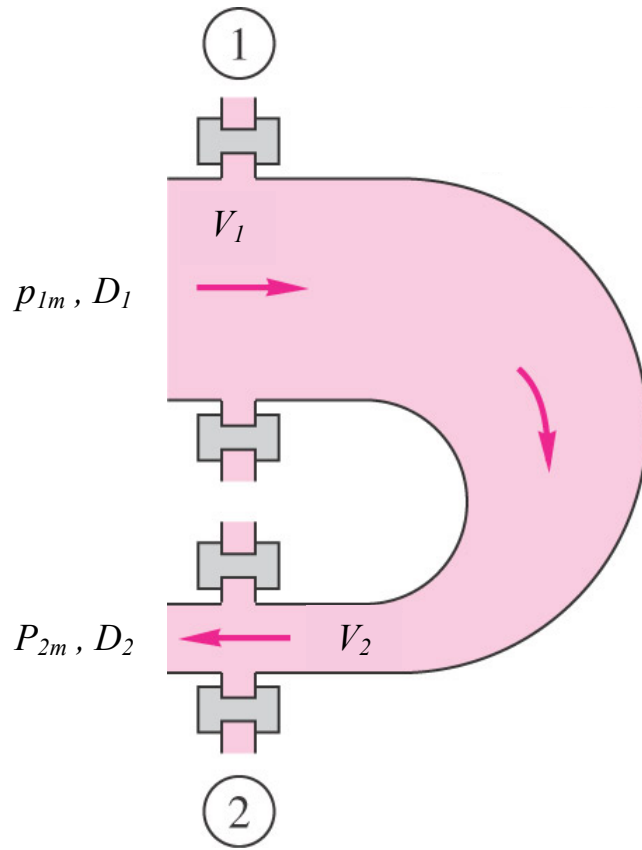
Potência mecânica: $W_{maq} = \rho g H_{maq} Q$

2. (4,0 pontos) Um líquido de massa específica ρ escoam em estado permanente através de uma curva com redução em um tubo, como mostra a figura. As variáveis conhecidas são a pressão manométrica p_{1m} , diâmetros D_1 e D_2 e velocidade V_1 . Desprezando as perdas viscosas e forças volumétricas:

- Calcular a pressão manométrica p_{2m} e velocidade V_2 . (1 ponto)
- Calcular a força total que deve ser suportada pelos parafusos dos flanges. (3 pontos)

Bernoulli: $p + \frac{1}{2} \rho V^2 + \rho g z = \text{cte}$; Conservação da massa, permanente: $0 = \int_A \rho (\mathbf{V} \cdot \mathbf{n}) dA$

Conservação da quantidade de movimento, permanente: $\sum \mathbf{F}_{ext} = \int_A \rho \mathbf{V} (\mathbf{V} \cdot \mathbf{n}) dA$



3. (3,0 pontos) Seja um avião de peso P , área planar de asa A_p , razão de aspecto RA , voando a uma altitude em que a massa específica é ρ . Admita que todo o arrasto a toda a sustentação se devam à asa, que tem um coeficiente de arrasto de envergadura infinita $C_{D\infty}$ aproximadamente constante. Além disso, considere que haja tração (empuxo) suficiente para contrabalançar qualquer arrasto calculado. Nestas condições, encontre uma expressão analítica para a velocidade ótima de cruzeiro V_o , quando a razão entre arrasto e velocidade $\frac{D}{V}$ é mínima.

Dica: expressar a razão $\frac{D}{V}$ em função da velocidade de cruzeiro e achar a condição de mínimo local.

L : Força de sustentação; D : Força de arrasto; $RA = \frac{b^2}{A_p}$; $C_{Di} = \frac{C_L^2}{\pi RA}$ (arrasto induzido)

$$C_L = \frac{L}{\frac{1}{2}\rho U_\infty^2 A_p}, \quad C_D = \frac{D}{\frac{1}{2}\rho U_\infty^2 A_p}, \quad C_D = C_{D\infty} + C_{Di} = C_{D\infty} + \frac{C_L^2}{\pi RA}, \quad A_p = b c, \quad C_L = \frac{2\pi(\alpha + \beta)}{1 + 2/RA}, \quad \beta = 2\frac{h}{c}$$