

17.3 Buracos Negros

AGA 0293

Jorge Meléndez

John Michell em 1783: *Dark stars*

Michell (1724 – 1793): Baseado na ideia de que a luz é composta de partículas (Newton), Michell propôs que poderiam existir estrelas com uma gravidade tão alta que a velocidade de escape poderia ser maior à da luz → estrela escura (*dark star*). Também, ele propôs que poderíamos inferir a existência delas pelo efeito gravitacional de estrelas orbitando a *dark star*.

If there should really exist in nature any bodies, whose density is not less than that of the sun, and whose diameters are more than 500 times the diameter of the sun, since their light could not arrive at us; or if there should exist any other bodies of a somewhat smaller size, which are not naturally luminous; of the existence of bodies under either of these circumstances, we could have no information from sight; yet, if any other luminous bodies should happen to revolve about them we might still perhaps from the motions of these revolving bodies infer the existence of the central ones with some degree of probability, as this might afford a clue to some of the apparent irregularities of the revolving bodies, which would not be easily explicable on any other hypothesis

Raio de uma *Dark star*

$$v_{\text{esc}} = \sqrt{2GM/r}$$

Raio para $v_{\text{esc}} = c$: $R = 2GM/c^2$

Em função da
massa do Sol: $R = 2.95(M/M_{\odot}) \text{ km}$

Como o raio parecia irrealisticamente pequeno →
trabalho do Michell foi ignorado por aprox. 150 anos

Em 1939 Oppenheimer e Snyder estudaram o colapso
de uma estrela degenerada com mais de $3 M_{\text{sol}}$ (limite
superior para uma estrela de nêutrons).

Raio de Schwarzschild

Solução da teoria da relatividade geral de Einstein para um corpo esférico sem rotação:

$$(ds)^2 = \left(c dt \sqrt{1 - 2GM/rc^2} \right)^2 - \left(\frac{dr}{\sqrt{1 - 2GM/rc^2}} \right)^2 - (r d\theta)^2 - (r \sin \theta d\phi)^2.$$

Essa solução apresenta singularidade para o raio de Schwarzschild :

$$R_S = 2GM/c^2,$$

Notar que essa singularidade é apenas matemática (não física) e pode ser removida mudando o sistema de coordenadas.

Dilatação do tempo no raio de Schwarzschild

$$(ds)^2 = \left(c dt \sqrt{1 - 2GM/rc^2} \right)^2 - \left(\frac{dr}{\sqrt{1 - 2GM/rc^2}} \right)^2 - (r d\theta)^2 - (r \sin \theta d\phi)^2$$

$$R_S = 2GM/c^2,$$

Dilatação do tempo $d\tau$ em relação ao tempo dt a uma distância infinita

$$d\tau = \frac{ds}{c} = dt \sqrt{1 - \frac{2GM}{rc^2}} = dt \sqrt{1 - \frac{R_S}{r}}$$

Para $r = R_S \rightarrow d\tau = 0$, ou seja o tempo para no raio de Schwarzschild

Velocidade aparente da luz em R_S

A velocidade da luz no referencial local é c , mas de longe a velocidade parece mais lenta devido a que tem que cruzar um espaço-tempo curvado. Na direção

radial:

$$\frac{dr}{dt} = c \left(1 - \frac{2GM}{rc^2} \right) = c \left(1 - \frac{R_S}{r} \right)$$

Para $r \gg R_S \rightarrow dr/dt = c$

Para $r = R_S \rightarrow dr/dt = 0 \rightarrow$ luz é congelada em R_S

$r = R_S$ atua como barreira e não recebemos nenhuma informação. Estrela que colapsa dentro de R_S é um **buraco negro**. R_S define o **horizonte de eventos**.

Singularidade do buraco negro sem rotação

No centro do buraco negro temos a **singularidade**, um ponto de volume zero e densidade infinita, onde toda a massa do buraco negro está localizada.

Espaço-tempo está infinitamente curvado na singularidade.

“Lei” de censura cósmica: não existem singularidades nuas, pois são ocultadas por horizontes de eventos.

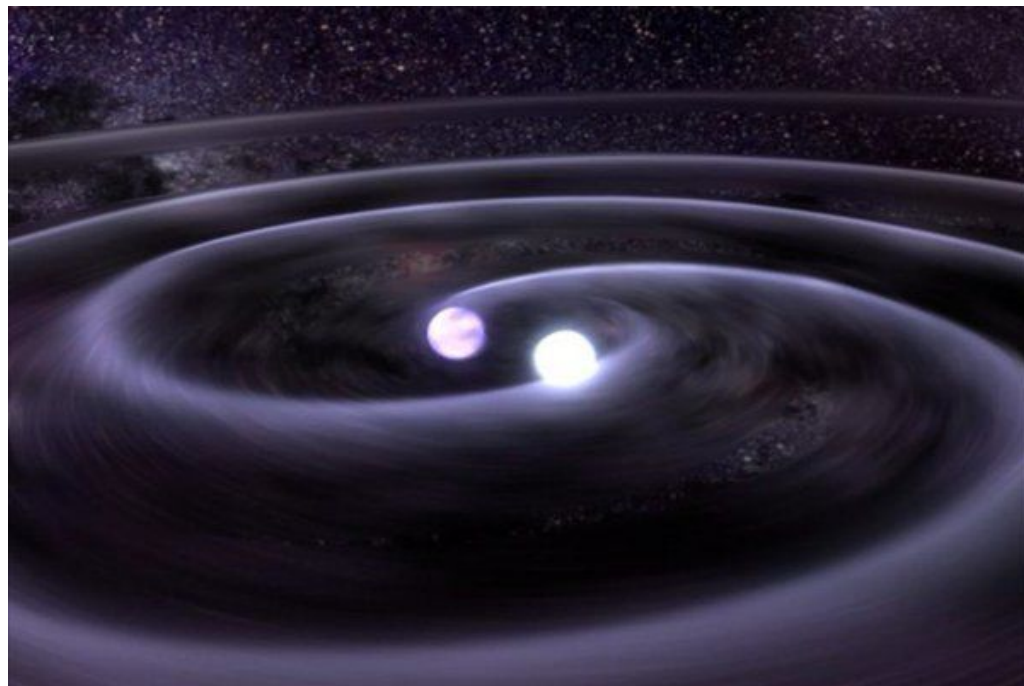


Massa de buracos negros

Estelares: 3 – 25 M_{sol} . São devidos ao colapso de estrelas massivas. Também é possível devido a uma estrela de nêutrons com $M < 3 M_{\text{sol}}$ em sistema binário, pela transferência de massa da companheira.

[LIGO: 29 e 36 M_{sol} . São buracos negros massivos pela fusão de menores objetos?]

LIGO: 11 February
2016, discovery of
gravitational waves.
GW150914



ASTROPHYSICAL IMPLICATIONS OF THE BINARY BLACK HOLE MERGER GW150914

B. P. ABBOTT¹, R. ABBOTT¹, T. D. ABBOTT², M. R. ABERNATHY¹, F. ACERNESE^{3,4}, K. ACKLEY⁵, C. ADAMS⁶, T. ADAMS⁷, P. ADDESSO³, R. X. ADHIKARI¹, V. B. ADYA⁸, C. AFFELDT⁸, M. AGATHOS⁹, K. AGATSUMA⁹, N. AGGARWAL¹⁰, O. D. AGUIAR¹¹,

¹ LIGO, California Institute of Technology, Pasadena, CA 91125, USA

² Louisiana State University, Baton Rouge, LA 70803, USA

³ Università di Salerno, Fisciano, I-84084 Salerno, Italy

⁴ INFN, Sezione di Napoli, Complesso Universitario di Monte S. Angelo, I-80126 Napoli, Italy

⁵ University of Florida, Gainesville, FL 32611, USA

⁶ LIGO Livingston Observatory, Livingston, LA 70754, USA

⁷ Laboratoire d'Annecy-le-Vieux de Physique des Particules (LAPP), Université Savoie Mont Blanc, CNRS/IN2P3, F-74941 Annecy-le-Vieux, France

⁸ Albert-Einstein-Institut, Max-Planck-Institut für Gravitationsphysik, D-30167 Hannover, Germany

⁹ Nikhef, Science Park, 1098 XG Amsterdam, The Netherlands

¹⁰ LIGO, Massachusetts Institute of Technology, Cambridge, MA 02139, USA

¹¹ Instituto Nacional de Pesquisas Espaciais, 12227-010 São José, dos Campos, SP, Brazil

The discovery of the gravitational-wave (GW) source GW150914 with the Advanced LIGO detectors provides the first observational evidence for the existence of binary black hole (BH) systems that inspiral and merge within the age of the universe. Such BH mergers have been predicted in two main types of formation models, involving isolated binaries in galactic fields or dynamical interactions in young and old dense stellar environments. The measured masses robustly demonstrate that relatively “heavy” BHs ($\gtrsim 25 M_{\odot}$) can form in nature. This discovery

Ondas gravitacionais pela fusão de buracos negros de
36 e 29 M_{Sol}

Se o vento estelar for mais fraco → é possível a existência de buracos negros estelares massivos.

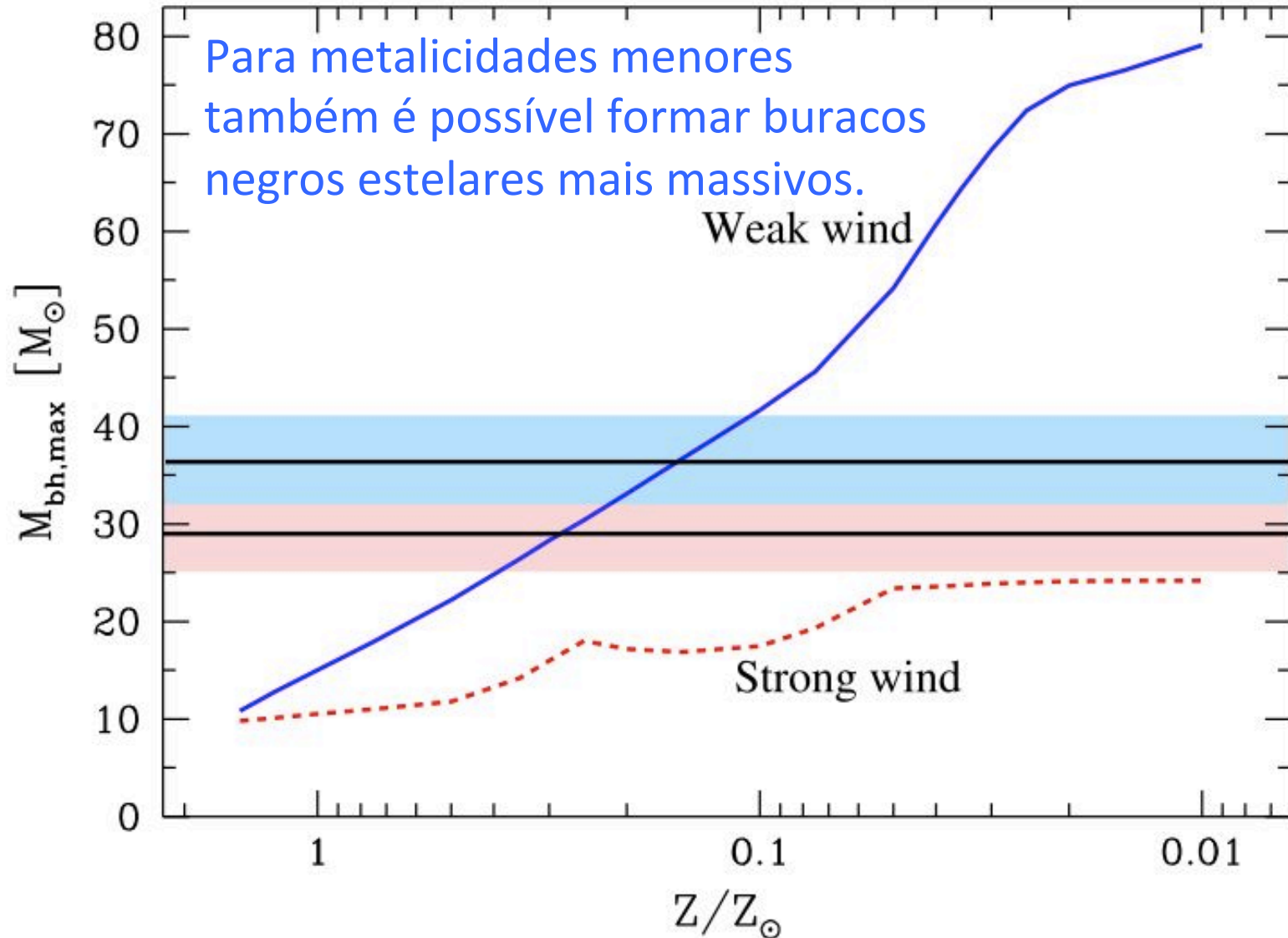


Figure 1. Left: dependence of maximum BH mass on metallicity Z , with $Z_{\odot} = 0.02$ for the old (strong) and new (weak) massive-star winds

Massa de buracos negros

Massa intermediária. IMBH: $100 - 1000 M_{\text{Sol}}$.

Talvez formados em ambientes muito densos como aglomerados globulares, pela fusão de estrelas para formar estrela supermassiva, ou pela fusão de buracos negros de massa estelar.



Omega Centauri

Massa de buracos negros

Supermassivos: $10^5 - 10^9 M_{\text{Sol}}$.

No centro de provavelmente a maioria das galáxias, incluindo a nossa ($M \sim 4 \times 10^6 M_{\text{Sol}}$). **Formação ainda em aberto.** Colapso de gigantesca nuvem primordial? Fusão de buracos negros estelares massivos?

Primordiais: $10^{-8} \text{ kg} - 10^5 M_{\text{Sol}}$.

Formados nos primeiros instantes do universo.

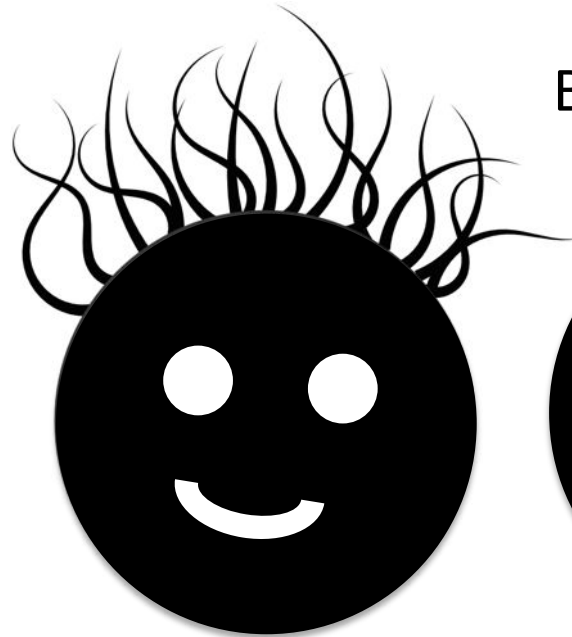
Exemplo 17.3.1. Qual o raio da Terra para ser um buraco negro? $R_S = 2GM_{\oplus}/c^2 = 0.009 \text{ m}$

Teorema da calvície:

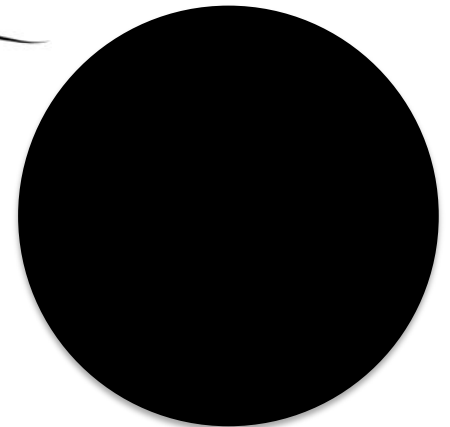
Buracos negros não têm cabelo

Buracos negros podem ser descritos por apenas 3 propriedades:

- Massa
- Momento angular
- Carga elétrica.



Buracos negros
são carecas



Singularidades nuas

Momento angular máximo para buraco negro em rotação:

$$L_{\max} = \frac{GM^2}{c}$$

Se o momento angular for maior \rightarrow singularidade nua, porem deve ser uma solução não física.

Example 17.3.2. The maximum angular momentum for a solar-mass black hole is

$$L_{\max} = \frac{GM_{\odot}^2}{c} = 8.81 \times 10^{41} \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-1}.$$

By comparison, the angular momentum of the Sun (assuming uniform rotation) is $1.63 \times 10^{41} \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-1}$, about 18% of L_{\max} . We should expect that many stars will have angular momenta that are comparable to L_{\max} , and so vigorous (if not maximal) rotation ought to be common for stellar-mass black holes.

Arrasto do referencial espaço-temporal

Spacetime Frame Dragging

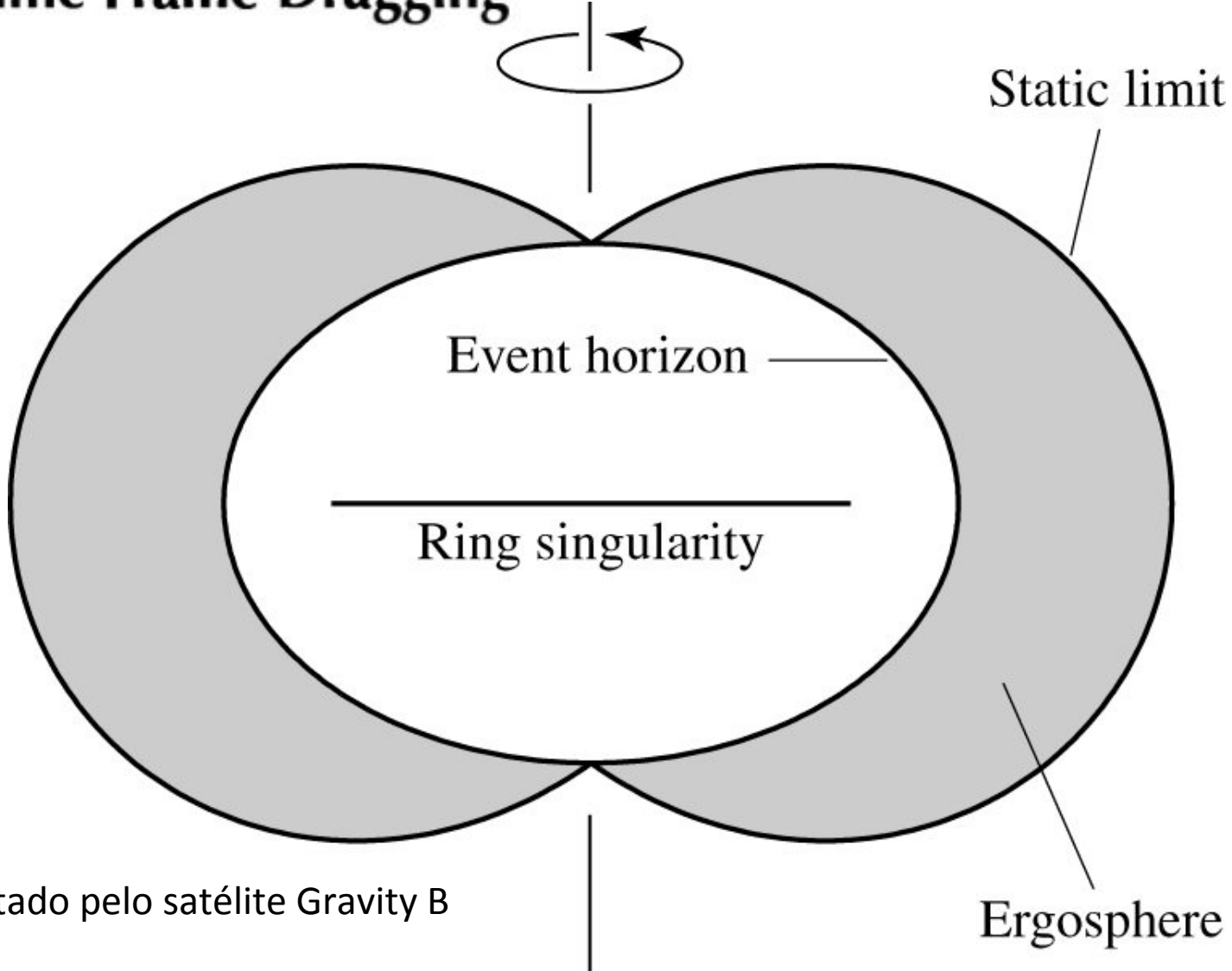
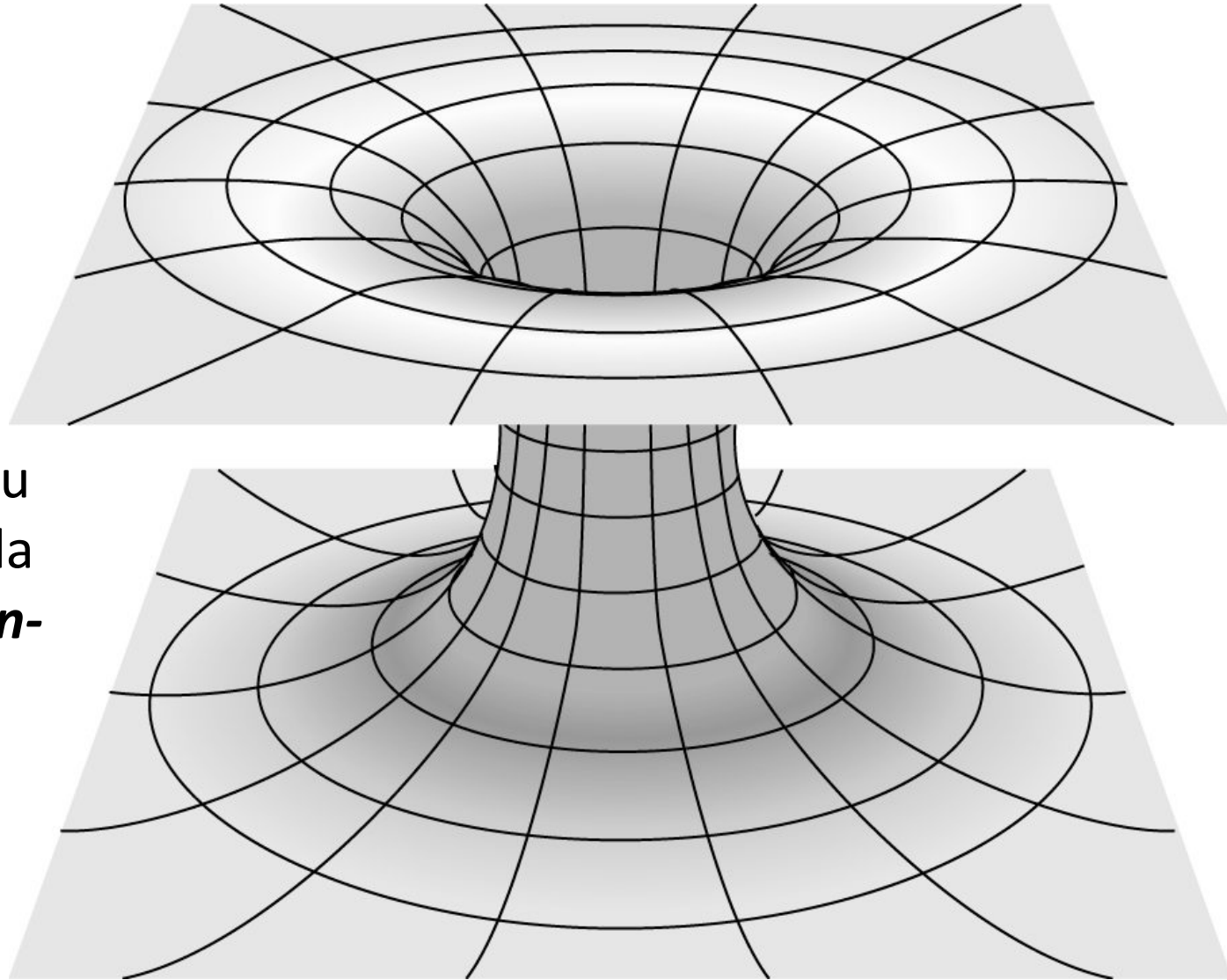


FIGURE 17.22 The structure of a maximally rotating black hole, with the ring singularity seen edge-on. The location of the event horizon at the equator is $r = \frac{1}{2}R_S = GM/c^2$.

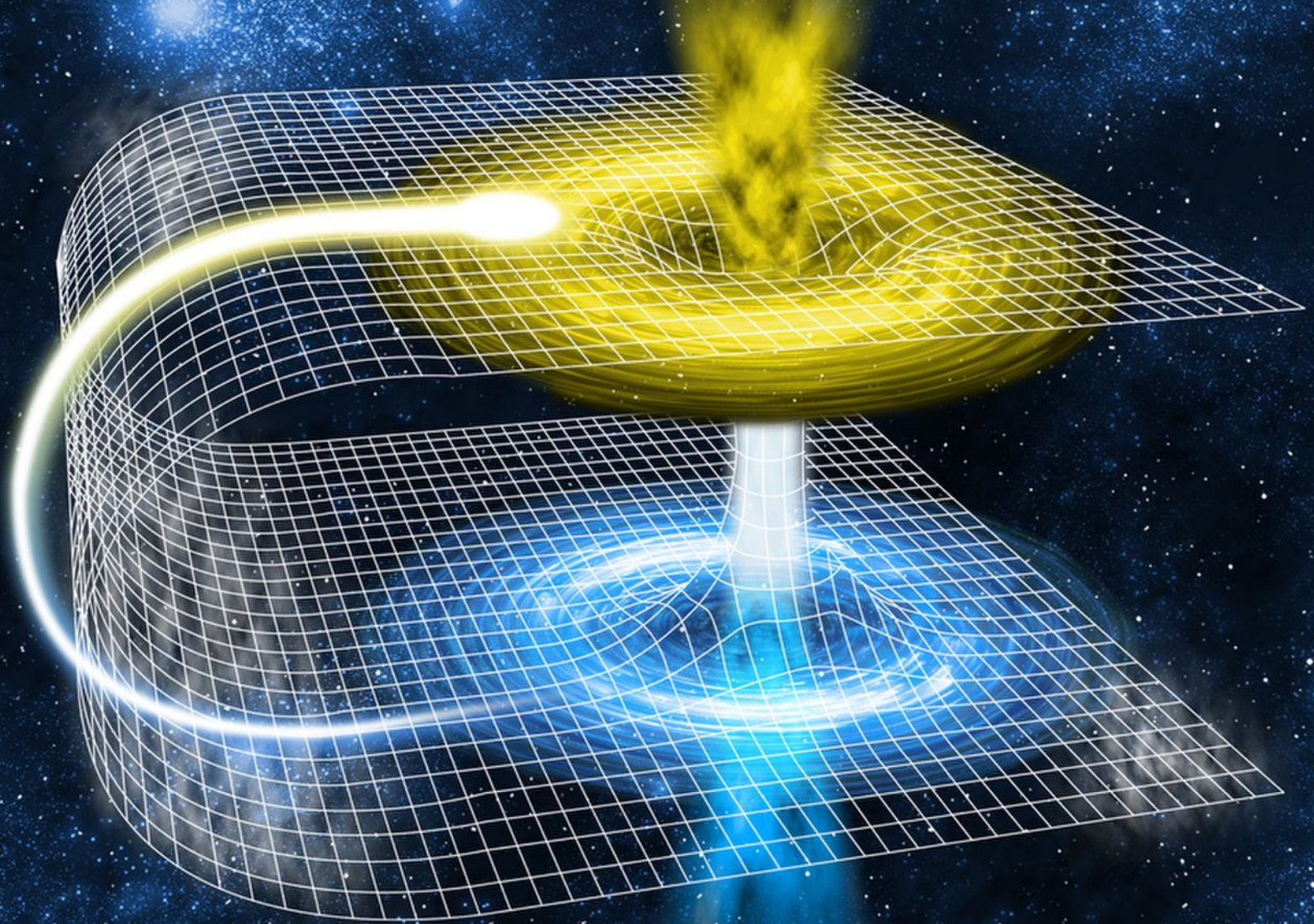
Túneis no espaço-tempo



Garganta de
Schwarzschild, ou
também chamada
Ponte de *Einstein-
Rosen*

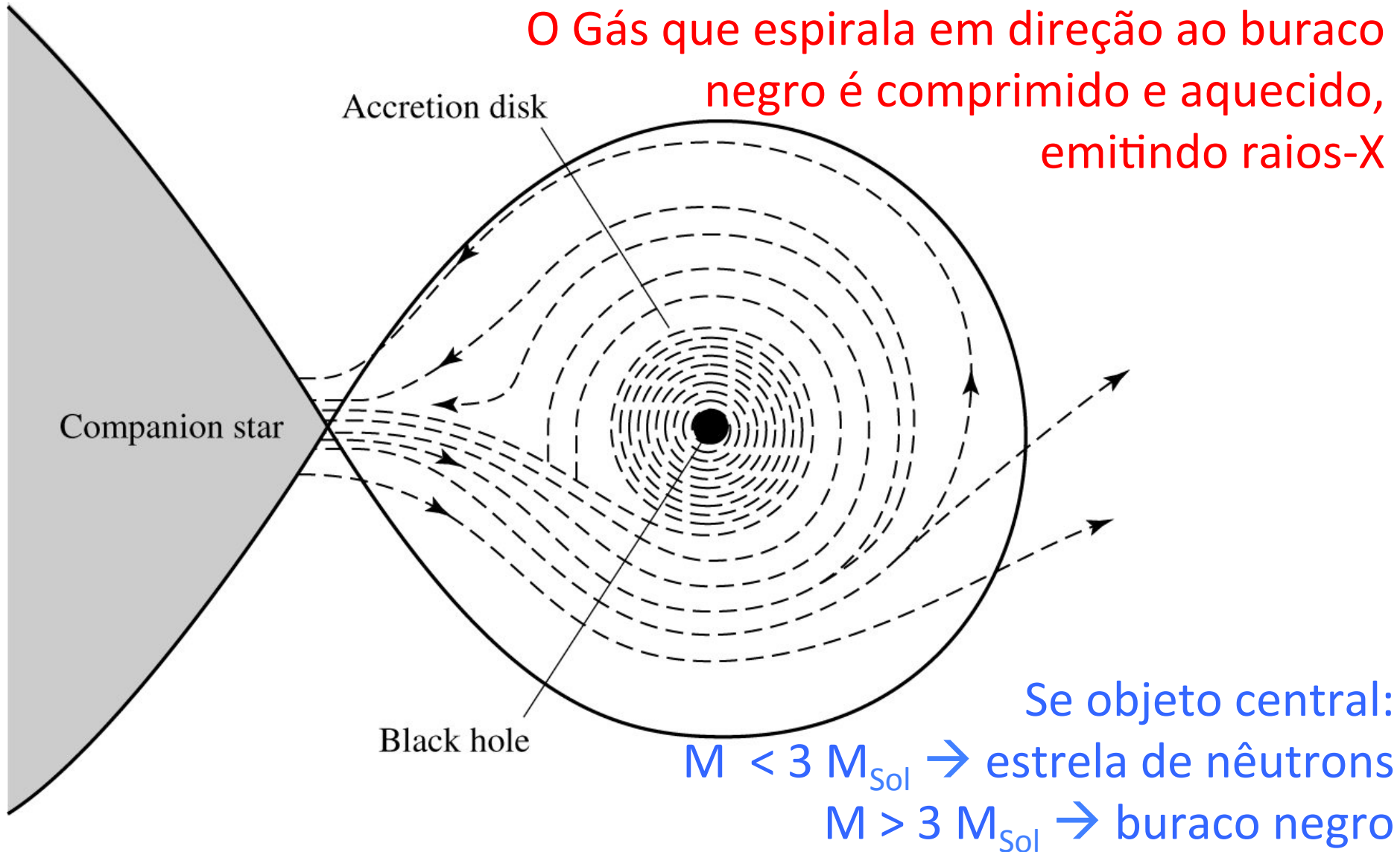
FIGURE 17.23 Depiction of a Schwarzschild throat connecting two different regions of spacetime. Any attempted passage of matter or energy through the throat would cause it to collapse.

Buracos de minhoca



Candidatos a buracos negros de massa estelar

O Gás que espirala em direção ao buraco negro é comprimido e aquecido, emitindo raios-X



Se objeto central:

$M < 3 M_{\text{Sol}} \rightarrow$ estrela de nêutrons

$M > 3 M_{\text{Sol}} \rightarrow$ buraco negro

FIGURE 17.24 Gas pulled from a companion star forms an X-ray emitting disk around a black hole.

Sistema binário Cygnus X-1: objeto central $15 M_{\text{Sol}}$



Outro bom candidato a buraco negro:
V404 Cygni, objeto central de $12 M_{\text{Sol}}$

Radiação de Hawking

Mecanismo descoberto em 1974 por Stephen Hawking.

Par de partícula e antipartícula é criado usando a energia gravitacional. Uma das partículas consegue escapar, levando parte da massa do buraco negro

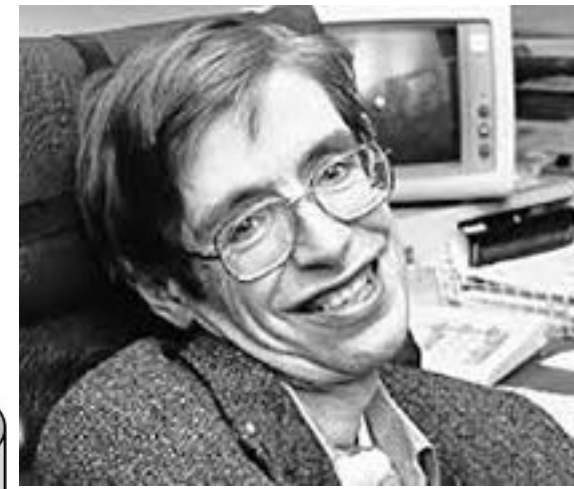
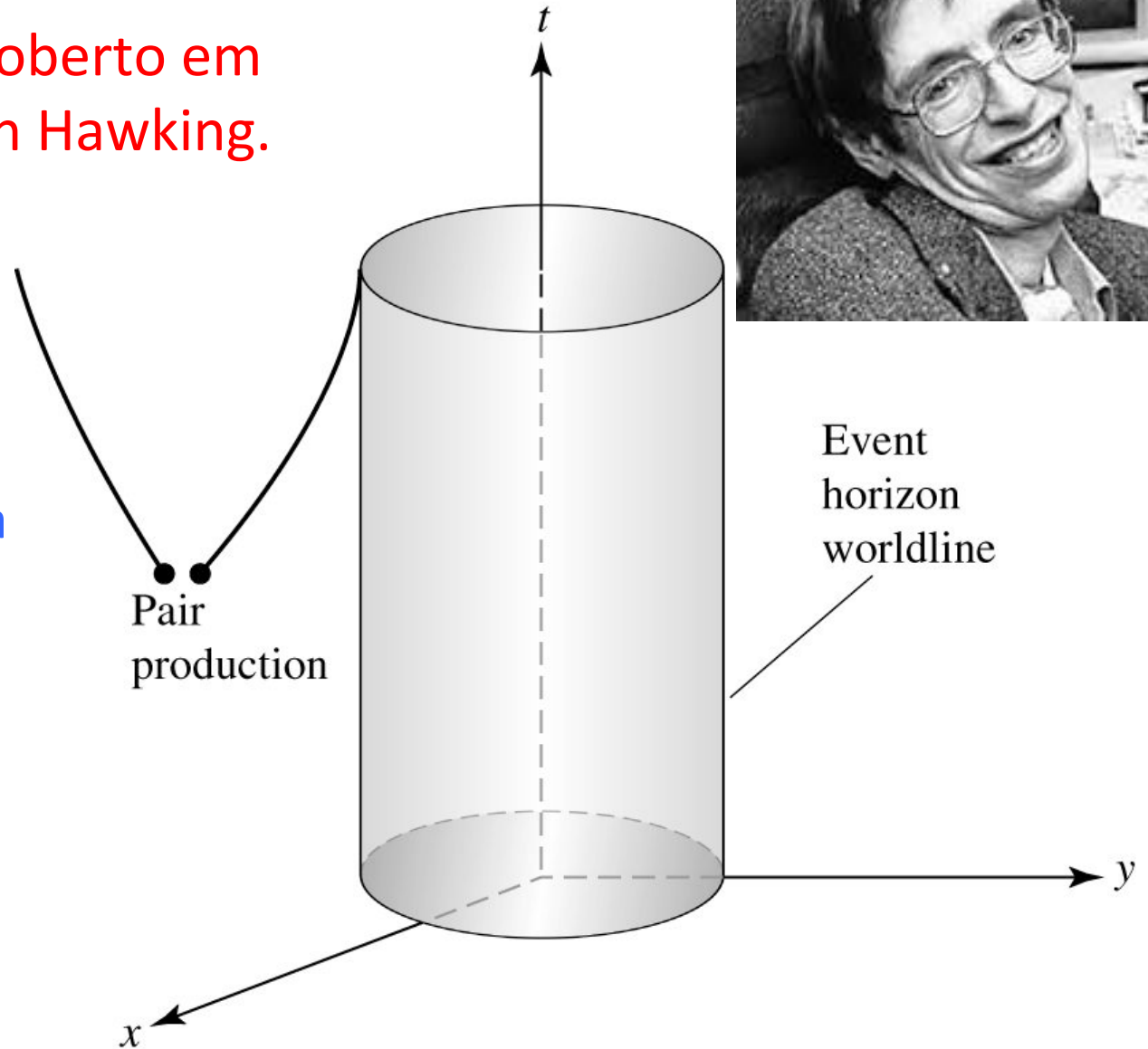


FIGURE 17.25 Spacetime diagram showing particle–antiparticle pairs created near the event horizon of a black hole.

Evaporação de buracos negros

$$t_{\text{evap}} = 2560\pi^2 \left(\frac{2GM}{c^2} \right)^2 \left(\frac{M}{h} \right)$$
$$\approx 2 \times 10^{67} \left(\frac{M}{M_{\odot}} \right)^3 \text{ yr.}$$

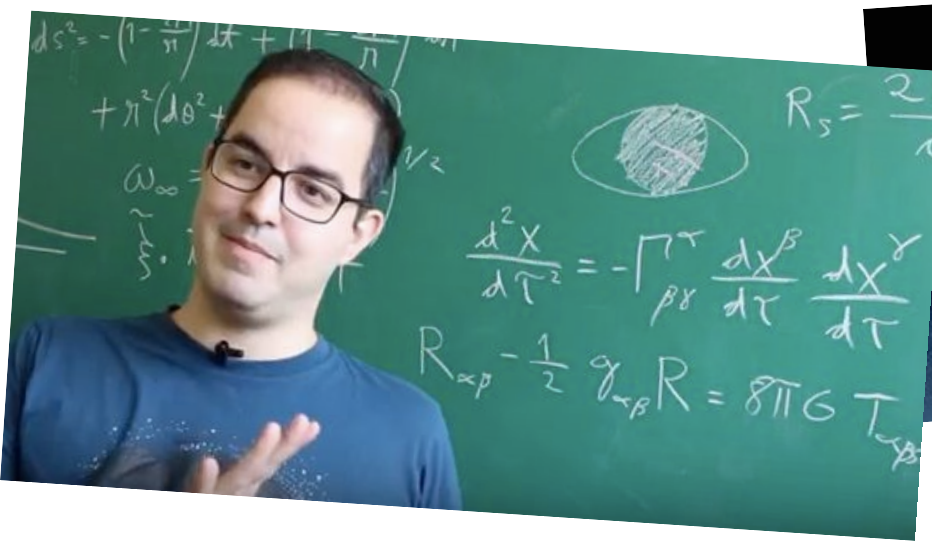
Se $M = 10 M_{\text{Sol}} \rightarrow$ tempo de evaporação de 10^{70} anos

Se $M = 1,7 \times 10^{11} \text{ kg} \rightarrow$ evaporação de mini buracos negros primordiais (13 bilhões de anos)

Total mass of human population $\sim 4 \times 10^{11} \text{ kg}$

Mass of the Earth = $6 \times 10^{24} \text{ kg}$

Buracos
negros no
IAG/USP:
Prof.
Rodrigo
Nemmen



A Ciência do Filme Interstellar

Rodrigo Nemmen
IAG USP

4 de Março, 14h
Auditório do IAG

INPE: astrofísica
de ondas
gravitacionais:
Prof. Odylio Aguiar

