

ACH4015 - Eletricidade e Magnetismo

Aula 4: Lei de Gauss.

2017

Profa. Dra. Patricia Targon Campana
Grupo de Biomateriais e Espectroscopia

tumblr. <http://sciencenebula.tumblr.com/>

 <https://pt-br.facebook.com/Campana.PT>

 @profaPCampana

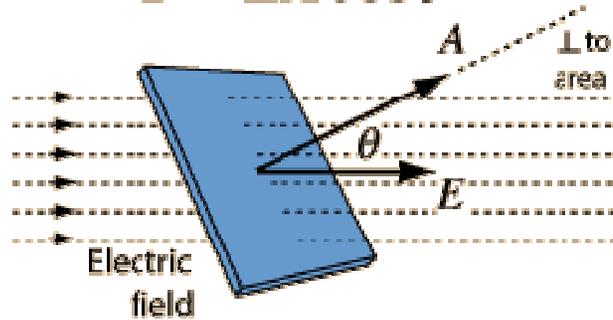
Conteúdo - Halliday 8ª ed. Cap.23

- Fluxo elétrico
- Lei de Gauss
- Lei de Gauss na forma integral
- Lei de Gauss e Lei de Coulomb
- Aplicações da Lei de Gauss:
 - Simetria cilíndrica
 - Simetria planar
 - Simetria esférica

Fluxo elétrico

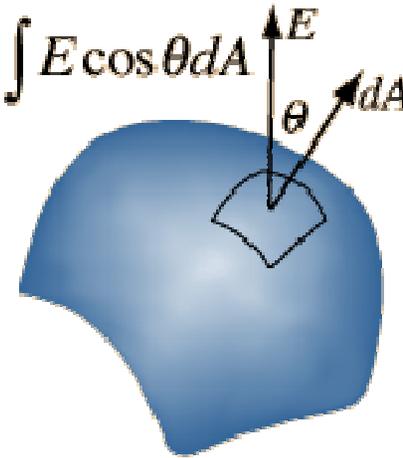
O conceito de fluxo elétrico está diretamente associado à Lei de Gauss

$$\text{flux} = \Phi = EA \cos \theta$$



Electric flux:

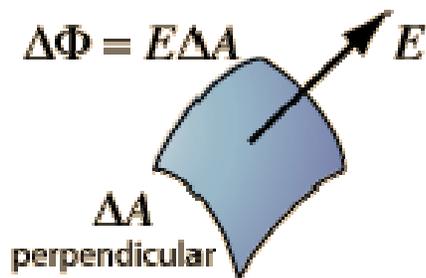
$$\Phi = \int E \cos \theta dA$$



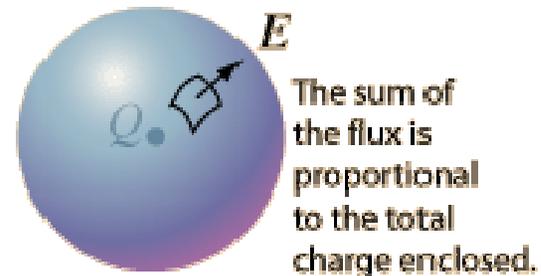
Lei de Gauss

A Lei de Gauss permite o cálculo do campo elétrico em várias situações práticas devido à simetria da superfície Gaussiana que envolve a distribuição de cargas e o fluxo elétrico nesta superfície

O fluxo elétrico total saindo de uma superfície fechada é proporcional à carga que está encerrada pela superfície.



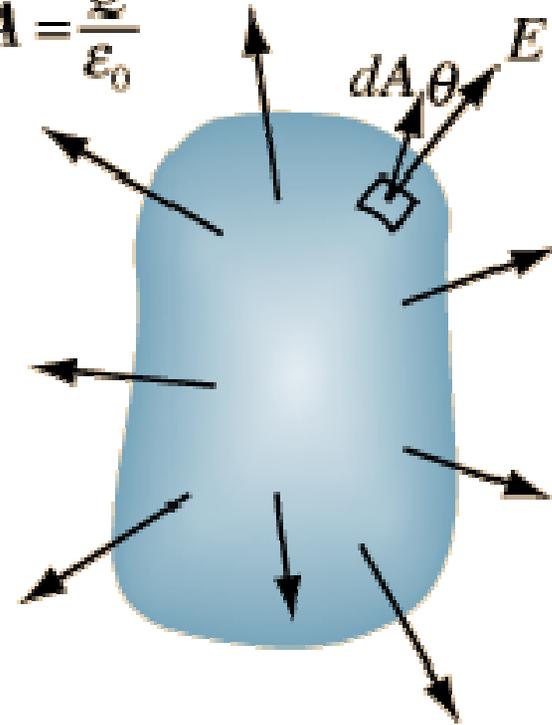
$$\Phi_{\text{electric}} = \frac{Q}{\epsilon_0}$$



Lei de Gauss na forma integral

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{Q}{\epsilon_0}$$

A integral da área do campo elétrico numa superfície fechada é igual à carga encerrada por esta superfície dividida pela permissividade do vácuo.
(essa Lei é uma das equações de Maxwell)



Lei de Gauss e Lei de Coulomb

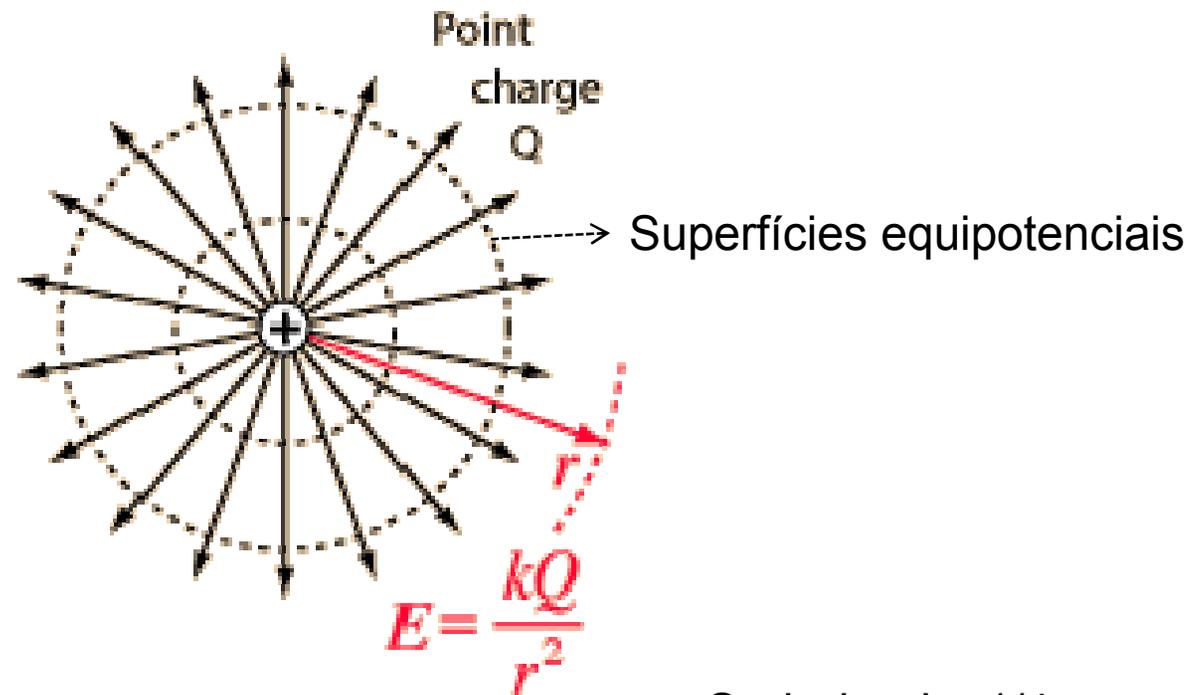
O campo elétrico de uma carga pontual pode ser obtido pela Lei de Coulomb da seguinte forma:

$$E = \frac{F}{q} = \frac{kQ_{\text{fonte}} q}{qr^2} = \frac{kQ_{\text{fonte}}}{r^2}$$

Onde k vale: $1/4\pi\epsilon_0$

Pela Lei de Gauss

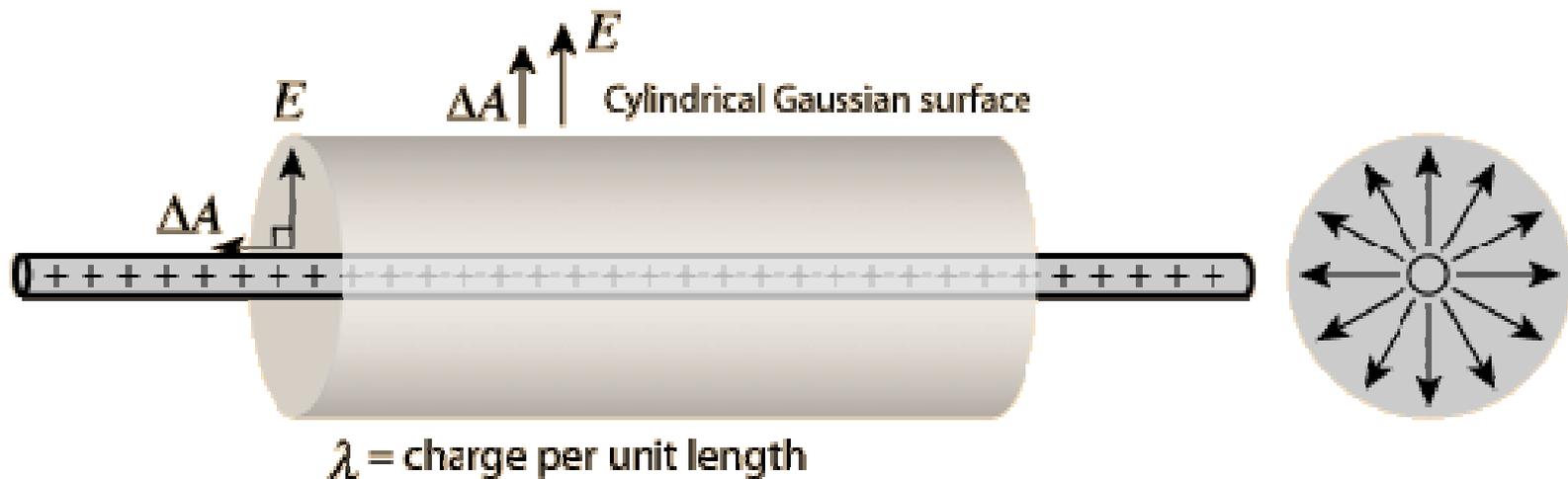
$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{Q}{\epsilon_0}$$



Onde k vale: $1/4\pi\epsilon_0$

Aplicações da Lei de Gauss: Simetria cilíndrica

Considere uma linha infinita de cargas e densidade linear uniforme de distribuição. Imagine a superfície de Gauss na forma de um cilindro de raio r .



Neste caso, o fluxo elétrico é **E** multiplicado pela área do cilindro:

$$\Phi = EA$$

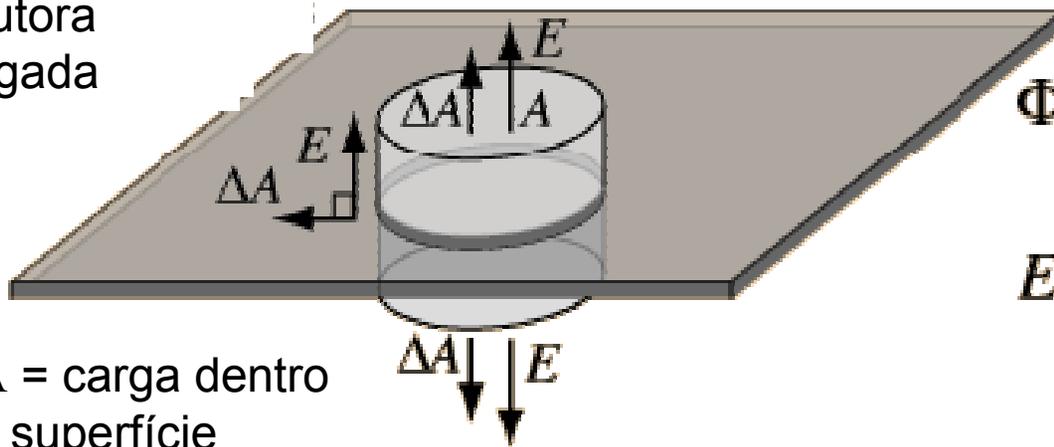
$$\Phi = E2\pi rL = \frac{\lambda L}{\epsilon_0}$$

$$E = \frac{\lambda}{2\pi r\epsilon_0}$$

Aplicações da Lei de Gauss: Simetria planar

Placa não-condutora

σ = Folha não
condutora
carregada



σA = carga dentro
da superfície
Gaussiana

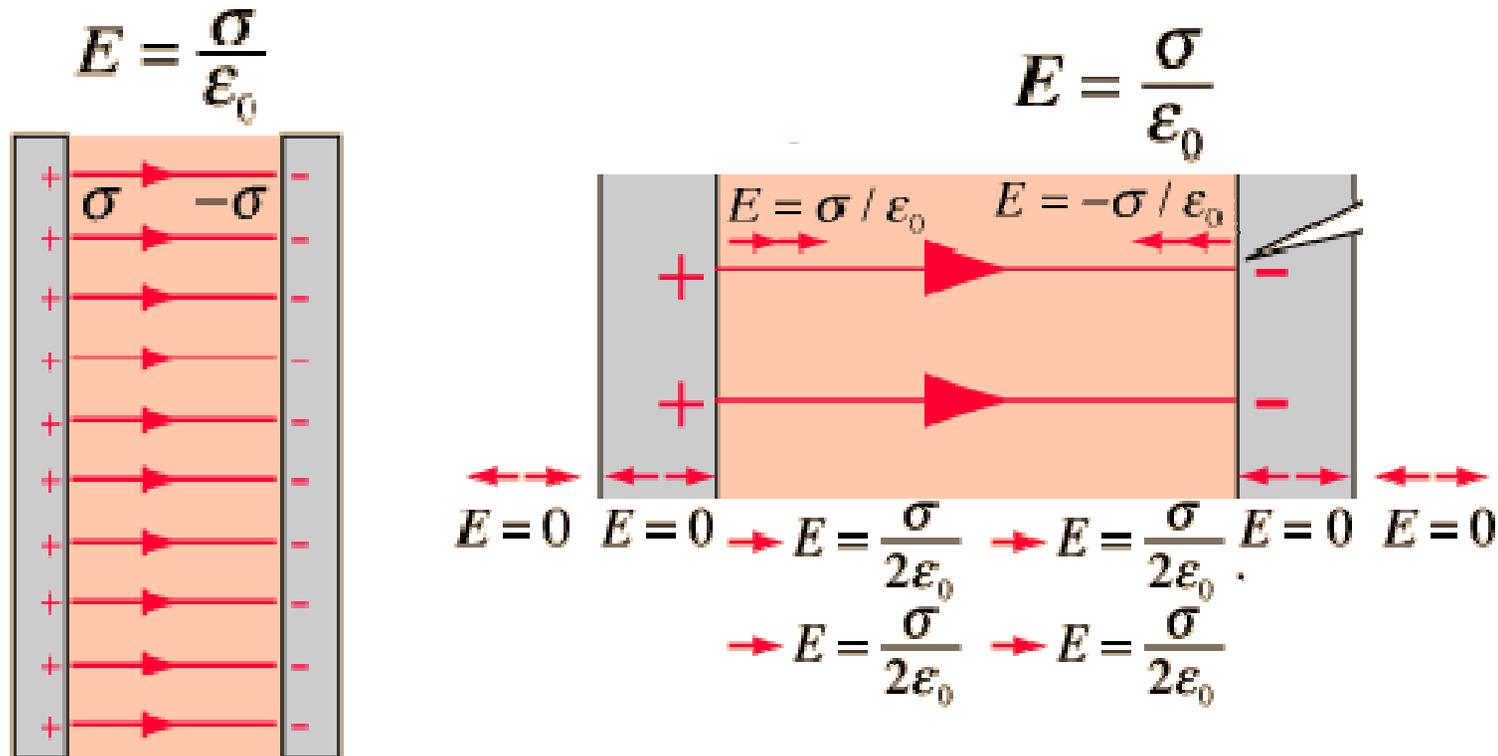
$$\Phi = E2A = \frac{\sigma A}{\epsilon_0}$$

$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

E é perpendicular à superfície, então, somente as componentes das pontas do cilindro contribuem para o fluxo elétrico.

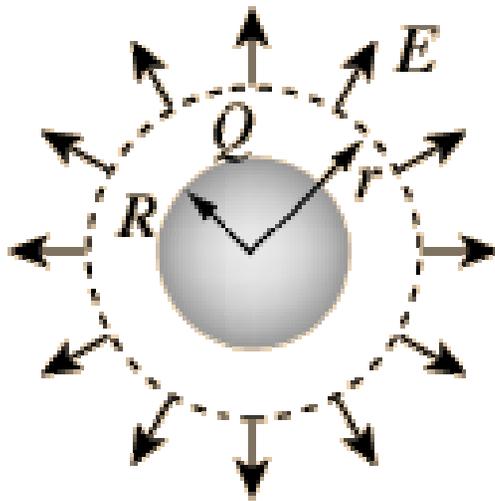
Duas placas condutoras

Se duas placas paralelas e carregadas com cargas opostas forem tratadas como placas paralelas condutoras, então a Lei de Gauss pode ser usada. Neste caso, as placas encontram-se em equilíbrio e \mathbf{E} é zero dentro dos condutores, temos:



Aplicações da Lei de Gauss: Simetria esférica

Casca esférica carregada uniformemente



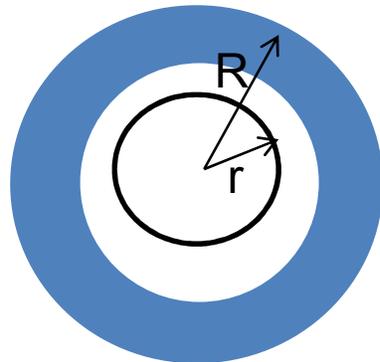
$$\Phi = EA = E4\pi r^2 = \frac{Q}{\epsilon_0}$$

$$r > R$$

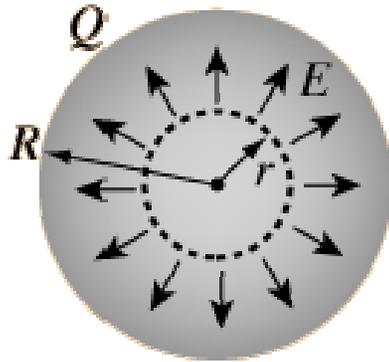
Como \mathbf{E} é idêntico ao de uma carga pontual Q no centro da esfera, para $r < R$ o campo será:

$$E = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2}$$

A menos que a superfície não envolva nenhuma carga, e neste caso $\mathbf{E} = 0$



Partícula carregada no interior da casca esférica carregada uniformemente



$$\frac{Q'}{Q} = \frac{\frac{4}{3}\pi r^3}{\frac{4}{3}\pi R^3} \quad \text{ou} \quad Q' = Q \frac{r^3}{R^3}$$

$$\Phi = E 4\pi r^2 = \frac{Q r^3}{\epsilon_0 R^3}$$

E o campo elétrico:

$$E = \frac{Qr}{4\pi\epsilon_0 R^3}$$