

Lei de Max Planck (1900)

$$E_{\lambda} = \frac{2\pi c^2 \cdot h}{\lambda^5 \left[c \frac{hc}{\lambda \cdot K \cdot T} - 1 \right]}$$

* $c = 3 \cdot 10^{17} \text{ mm} \cdot \text{s}^{-1}$

$\lambda = \text{mm}$

$T = \text{K}$

* $h = \text{cte de Planck}$
 $6,626 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$

* $K = \text{cte de Boltzmann}$
 $1,37 \cdot 10^{-23} \text{ J} \cdot \text{K}^{-1}$

Considerando o termo (numeroso) de fração, como uma constante " C_1 ", a análise dimensional fica:

$C = \text{Velocidade da luz em nanômetros} : 3 \cdot 10^{17} \frac{\text{mm}}{\text{s}}$

$$\left(\frac{\text{mm}}{\text{s}}\right)^2 \cdot \text{J} \cdot \text{s} = \frac{\text{mm}^2}{\cancel{\text{s}}} \cdot \text{J} \cdot \cancel{\text{s}} = \frac{\text{J}}{\text{s}} \cdot \text{mm}^2 = \boxed{\text{W} \cdot \text{mm}^2}$$

$\downarrow \text{W}$

Unidade da Constante C_2 :

$$\frac{\cancel{\text{J}} \cdot \cancel{\text{s}} \cdot \text{mm} \cdot \cancel{\text{s}}}{\cancel{\text{J}} \cdot \text{K}^{-1}} = \text{mm} \cdot \text{K}, \text{ portanto } \frac{\text{mm} \cdot \text{K}}{\lambda \cdot T}$$

$\downarrow \text{mm} \quad \downarrow \text{K}$

C_2 fica odimensional.

Então, temos:

$$E = \frac{\text{W} \cdot \text{mm}^2}{\text{mm}^5} = \frac{\text{W}}{\boxed{\text{mm}^2} \cdot \text{mm}} = \frac{\text{W}}{10^{-18} \text{ m}^2 \cdot \text{mm}} = \frac{\text{W}}{\text{m}^2 \cdot \text{mm}} \cdot \boxed{10^{18}}$$

$\downarrow \text{mm} = 10^{-9} \text{ m}$

ou seja, p/ obter a resposta de E_{λ} (pela lei de Max Planck) em $\frac{\text{W}}{\text{m}^2 \cdot \text{mm}}$, utilizar os valores acima das constantes (marcadas em vermelho) e ao final multiplicar o resultado por 10^{18} .