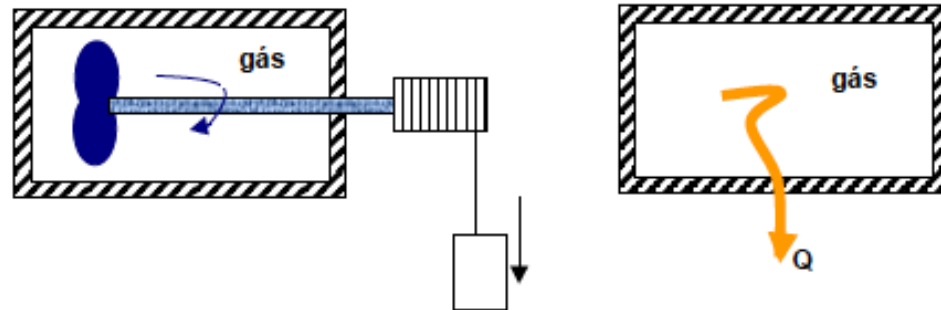


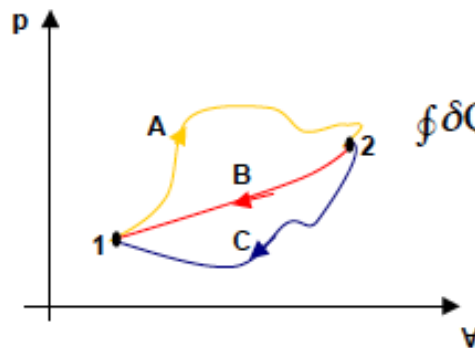
PRIMEIRA LEI DA TERMODINÂMICA

a) Primeira Lei para um Sistema percorrendo um ciclo



$$\oint \delta Q = \oint \delta W$$

b) Primeira Lei para Mudança de Estado de um Sistema



$$\int_{1A}^{2A} \delta Q + \int_{2B}^{1B} \delta Q = \int_{1A}^{2A} \delta W + \int_{2B}^{1B} \delta W$$

$$\int_{1A}^{2A} \delta Q + \int_{2C}^{1C} \delta Q = \int_{1A}^{2A} \delta W + \int_{2C}^{1C} \delta W$$

$$\int_{2B}^{1B} \delta Q - \int_{2C}^{1C} \delta Q = \int_{2B}^{1B} \delta W - \int_{2C}^{1C} \delta W \quad \rightarrow \quad \int_{2B}^{1B} (\delta Q - \delta W) = \\ = \int_{2C}^{1C} (\delta Q - \delta W)$$

$\therefore (\delta Q - \delta W)$ independe do caminho


função de ponto

$$\delta Q - \delta W = dE$$

$$\delta Q = dE + \delta W$$

$$Q_{12} = E_2 - E_1 + W_{12}$$

$E = \text{energia total do sistema}$

$$E = E_c + E_p + U$$


energia interna (estado termodinâmico do sistema)

1ª Lei:

$$\delta Q = dE_c + dE_p + dU + \delta W$$

c) Energia Interna = Propriedade Termodinâmica

U = propriedade extensiva

$$u = \frac{U}{m} = \text{propriedade intensiva}$$

S.P.S.C \rightarrow u pode ser considerada uma das propriedades independentes para definir um estado termodinâmico

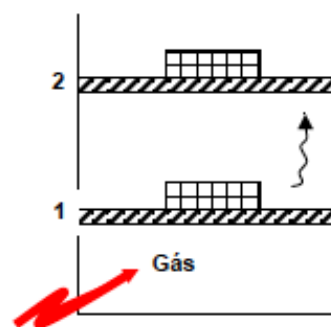
Na saturação:

$$u = u_\ell + x(u_v - u_\ell)$$

$$u = u_\ell + xu_{lv}$$

d) Entalpia

J. Gibbs (séc. 19)



Processo Quase-estático isobárico

$${}_1Q_2 = \Delta E + {}_1W_2$$
$${}_1Q_2 = \Delta E + \int_1^2 p dV$$

Fazendo $\Delta E = U_2 - U_1$, isto é, $\Delta E_p = \Delta E_c = 0$

$${}_1Q_2 = U_2 - U_1 + p(V_2 - V_1)$$

$${}_1Q_2 = U_2 - U_1 + pV_2 - pV_1$$

$${}_1Q_2 = (U_2 + pV_2) - (U_1 + pV_1)$$

$H = U + pV$ → entalpia (propriedade termodinâmica)

$${}_1Q_2 = H_2 - H_1 \text{ (processo quase estático e } p = \text{cte)}$$

Na região de saturação

$$h = h_{\ell} + xh_{\ell v}$$

com

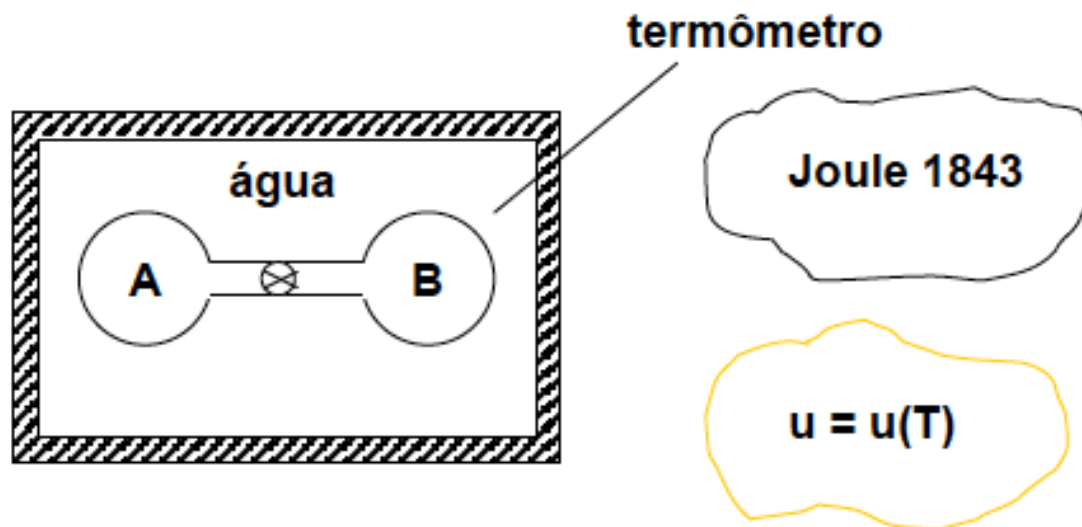
$$h_{\ell v} = h_v - h_{\ell}$$

e) Calores Específicos (uma fase e composição fixa)

$C_p \equiv$ calor específico à pressão cte

$C_v \equiv$ calor específico a volume cte

$$\left. \begin{array}{l} C_v = \left(\frac{\partial u}{\partial T} \right)_v \\ C_p = \left(\frac{\partial h}{\partial T} \right)_p \end{array} \right\} \begin{array}{l} \delta Q = du + \delta W \\ \delta Q = du + p dV \\ c_v = \frac{1}{m} \left(\frac{\delta Q}{\delta T} \right)_v = \frac{1}{m} \left(\frac{\partial U}{\partial T} \right)_v \\ c_p = \frac{1}{m} \left(\frac{\delta Q}{\delta T} \right)_p = \frac{1}{m} \left(\frac{\partial H}{\partial T} \right)_p \end{array}$$



Relação entre C_{po} e C_{vo}

$$h = u + pv = u + RT$$

$$dh = du + RdT$$

$$C_{po}dT = C_{vo}dT + RdT$$

$$C_{po} - C_{vo} = R$$

C_p/C_v para Substância Incompressível

$$C_v = f(T) = \frac{du}{dT}$$

Como $h(T, p) = u(T) + pv$

$$dh = du + p \cancel{dv} + v dp$$

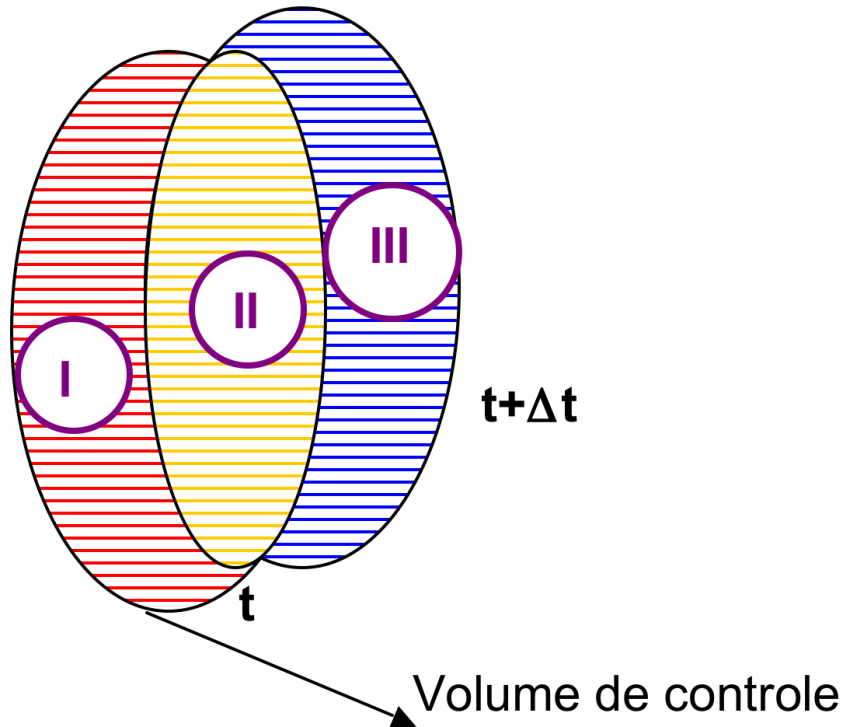
$$\left(\frac{\partial h}{\partial T} \right)_p = C_p = \overset{0}{C_v} = c$$

Assim:

$$h_2 - h_1 = \int_{T_1}^{T_2} c dT + v(p_2 - p_1)$$

Teorema do Transporte de Reynolds (relação entre sistema e V.C.)

seja $\eta = \frac{N}{m} \rightarrow N = \int_{\forall} \eta \rho d\forall$



$$\left(\frac{dN}{dt}\right)_{Sist.} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \left[\frac{\left(\int_{\Delta A_{III}} \eta \rho dV + \int_{\Delta A_{II}} \eta \rho dV \right)_{t+\Delta t} - \left(\int_{\Delta A_I} \eta \rho dV + \int_{\Delta A_{II}} \eta \rho dV \right)_t}{\Delta t} \right]$$

$$\left(\frac{dN}{dt}\right)_{Sist.} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \left[\frac{\left(\int_{\Delta A_{II}} \eta \rho dV \right)_{t+\Delta t} - \left(\int_{\Delta A_{II}} \eta \rho dV \right)_t}{\Delta t} \right] +$$

$$+ \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \left[\frac{\left(\int_{\Delta A_{III}} \eta \rho dV \right)_{t+\Delta t}}{\Delta t} \right] - \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \left[\frac{\left(\int_{\Delta A_I} \eta \rho dV \right)_t}{\Delta t} \right]$$

$$+ \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \left[\frac{\left(\int_{\forall III} \eta \rho d\forall \right)_{t+\Delta t}}{\Delta t} \right] - \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \left[\frac{\left(\int_{\forall I} \eta \rho d\forall \right)_t}{\Delta t} \right]$$

$$\mathbf{A} \rightarrow \frac{d}{dt} \int_{\forall.C} \eta \rho d\forall$$

$$\mathbf{B} \rightarrow \int_{S.C.S.} \eta \rho \vec{v} \cdot \vec{n} dS \quad (\text{saída})$$

$$\mathbf{C} \rightarrow \int_{S.C.E} \eta \rho \vec{v} \cdot \vec{n} dS \quad (\text{entrada})$$

$$\therefore \left(\frac{dN}{dt} \right)_{\text{sist.}} = \frac{d}{dt} \int_{\forall.C.} \eta \rho d\forall + \int_{S.C.} \eta \rho \vec{v} \cdot \vec{n} dS$$

$$\frac{d}{dt} N_{V.C.} = \int_{V.C.} \frac{\partial(\rho h)}{\partial t} dV + \int_{S.C.} \rho \vec{v}_f \cdot \vec{n} dS$$

velocidade da fronteira

para V.C. I

$$\frac{d}{dt} N_{V.C.} = \int_{V.C.} \frac{\partial(\rho h)}{\partial t} dV = \frac{\partial}{\partial t} \int_{V.C.} \rho h dV$$

Seu do $\vec{v}_r = \vec{v} - \vec{v}_f$ ← velocidade relativa

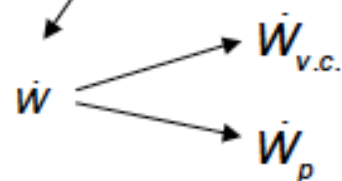
$$\left(\frac{dN}{dt} \right)_{SIST} = \frac{d}{dt} \int_{V.C.} \rho h dV + \int_{S.C.} \rho \vec{v}_r \cdot \vec{n} dS$$

*para $N = m \Rightarrow \eta = 1$ e

$$\therefore \left(\frac{dm}{dt} \right)_{\text{sist.}} = 0 = \frac{d}{dt} \int_{\text{v.c.}} \rho dV + \int_{\text{s.c.}} \rho \vec{v} \cdot \vec{n} dS$$

*para $N = E \Rightarrow \eta = e = u + gz + \frac{v^2}{2}$

$$\dot{Q}_{\text{v.c.}} = \frac{d}{dt} \int_{\text{v.c.}} e \rho dV + \int_{\text{s.c.}} \left(u + gz + \frac{v^2}{2} \right) \rho \vec{v} \cdot \vec{n} dS + \dot{W}$$



$$\dot{W}_p = - \int_{\text{s.c.}} \sigma_n \vec{v}_r \cdot \vec{n} dS \quad \text{com}$$

$$\sigma_n = -p$$

$$\dot{W}_p = \int_{\text{s.c.}} p (\vec{v}_r \cdot \vec{n} dS)$$

$$\dot{Q}_{v.c.} = \frac{d}{dt} \int_{v.c.} e\rho d\forall + \int_{s.c.} \left(u + gz + \frac{v^2}{2} \right) \rho \vec{v}_r \cdot \vec{n} dS + \dot{W}_{r.c.} + \int_{s.c.} p (\vec{v}_i \cdot \vec{n} dS)$$

$$\dot{Q}_{v.c.} = \frac{d}{dt} \int_{v.c.} e\rho d\forall + \int_{s.c.} \left[\left(u + gz + \frac{v^2}{2} \right) + p v \right] \rho \vec{v}_r \cdot \vec{n} dS + \dot{W}_{v.c.}$$

lembrando que $h = u + pv$:

$$\dot{Q}_{v.c.} = \frac{d}{dt} \int_{v.c.} e \rho dV + \int_{s.c.} \left(h + gz + \frac{V^2}{2} \right) \rho \vec{V}_r \cdot \vec{n} dS + \dot{W}_{v.c.}$$

Para condições em que as propriedades são uniformes nas seções onde há fluxos:

$$\dot{Q}_{v.c.} = \frac{d}{dt} \int_{v.c.} e \rho dV + \sum \dot{m}_s \left(h_s + gz_s + \frac{v_s^2}{2} \right) - \sum \dot{m}_e \left(h_e + gz_e + \frac{v_e^2}{2} \right) + \dot{W}_{v.c.}$$

Processo em Regime Uniforme com Escoamento Uniforme

- Hipóteses
- V.C. fixo em relação ao sistema de referência
 - estado da massa dentro do V.C. é uniforme para cada “t”
 - estado da massa que cruza as S.C. é cte com “t”, embora os “ \dot{m}_j ” possam variar com “t”.

Balanço de Massa:
$$\frac{d}{dt}(m_{v.c.}) + \sum \dot{m}_s - \sum \dot{m}_e = 0$$

$$(m_2 - m_1)_{v.c.} + \sum m_s - \sum m_e = 0$$

1ª Lei:

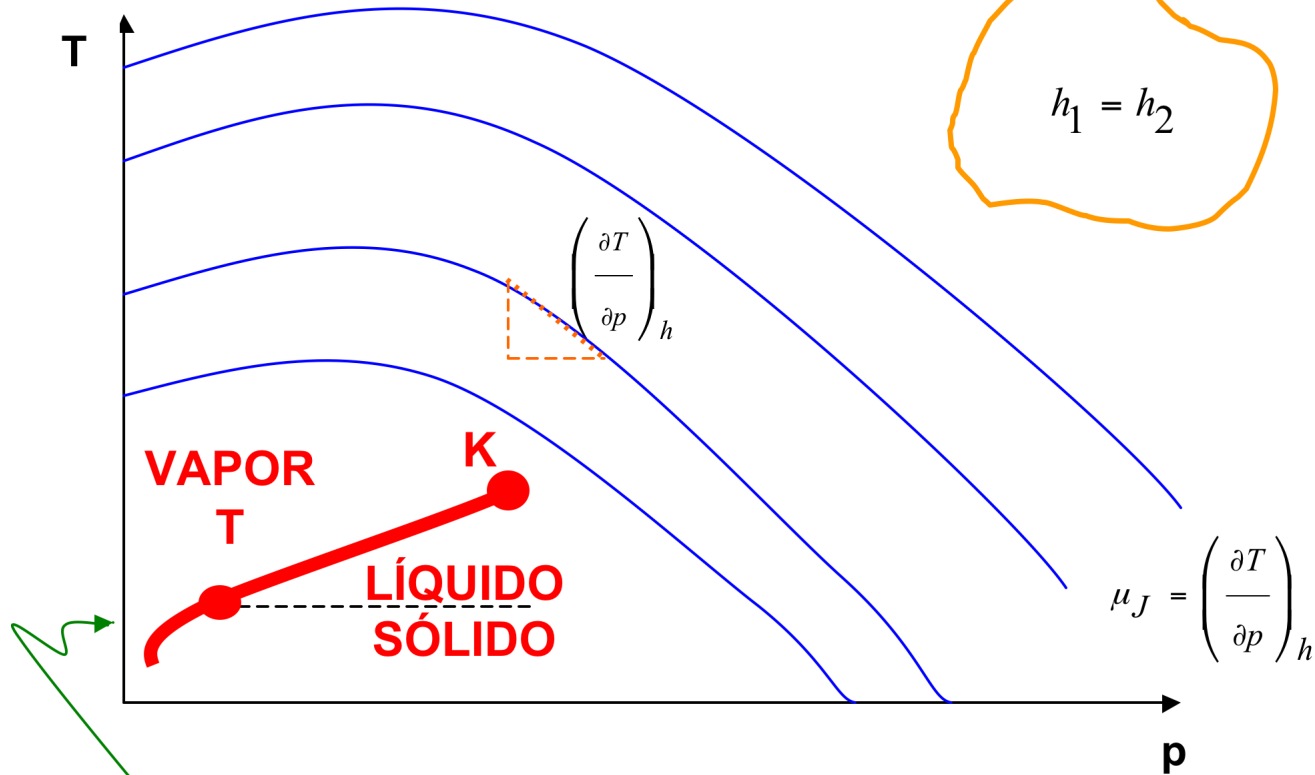
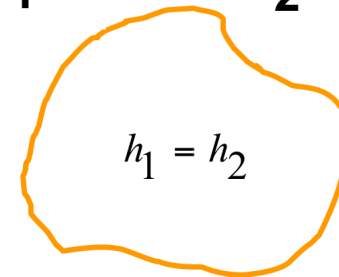
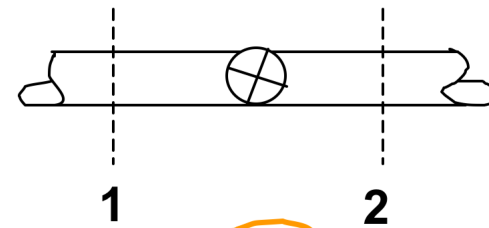
$$\dot{Q}_{v.c.} + \sum \dot{m}_e \left(h_e + \frac{v_e^2}{2} + z_e g \right) = \frac{d}{dt} (E_{v.c.}) + \sum \dot{m}_s \left(h_s + \frac{v_s^2}{2} + z_s g \right) + \dot{W}_{v.c.}$$

$$\frac{d}{dt} E_{v.c.} = \frac{d}{dt} \left[m \left(u + \frac{v^2}{2} + gz \right) \right]_{v.c.}$$

integrando entre os instantes 1 e 2:

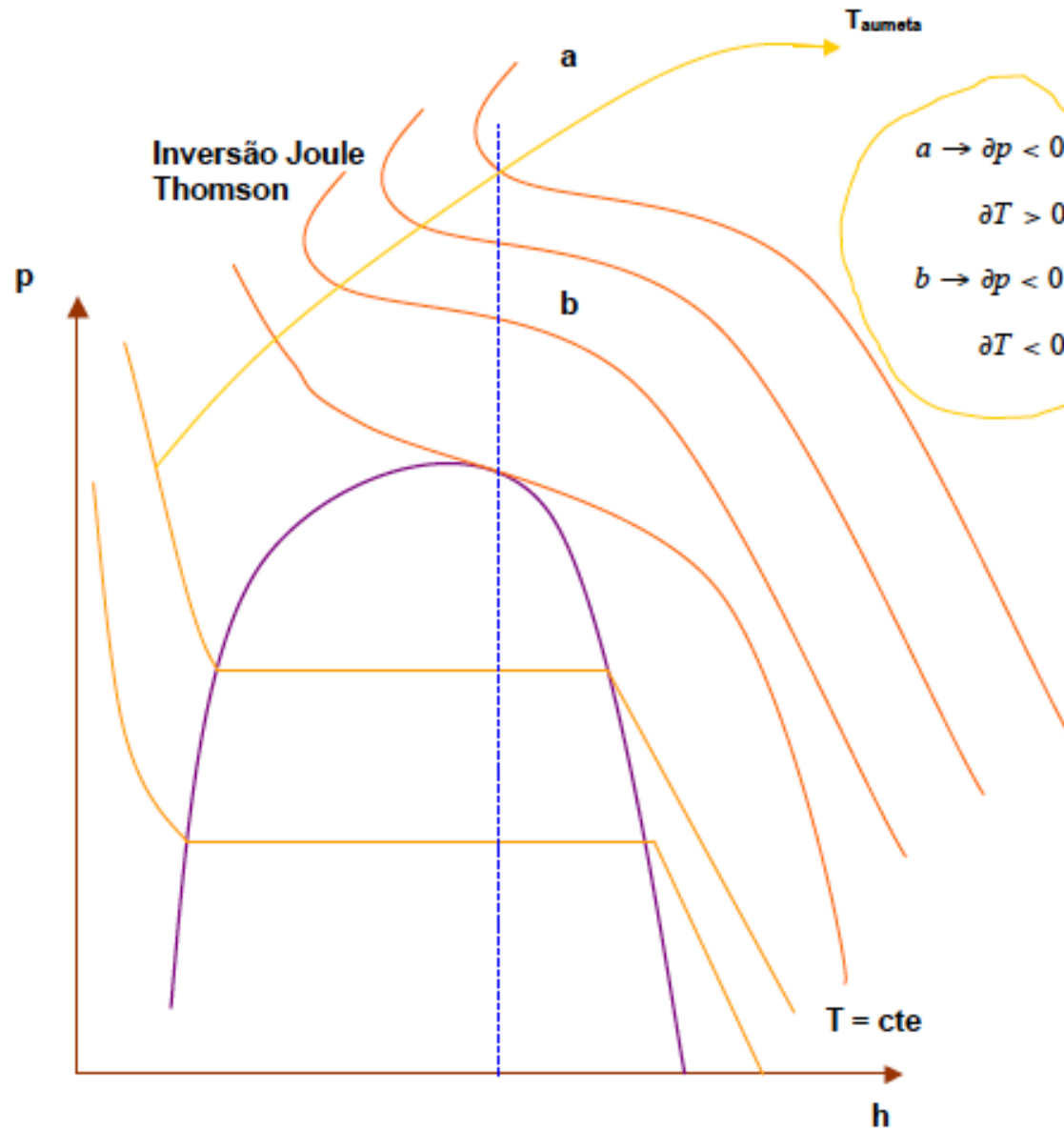
$$Q_{v.c.} = m_2 \left(u_2 + \frac{v_2^2}{2} + gz_2 \right) - m_1 \left(u_1 + \frac{v_1^2}{2} + gz_1 \right) + \sum m_s \left(h_s + \frac{v_s^2}{2} + gz_s \right) - \sum m_e \left(h_e + \frac{v_e^2}{2} + gz_e \right) + W_{v.c.}$$

Coeficiente de Joule-Thomson



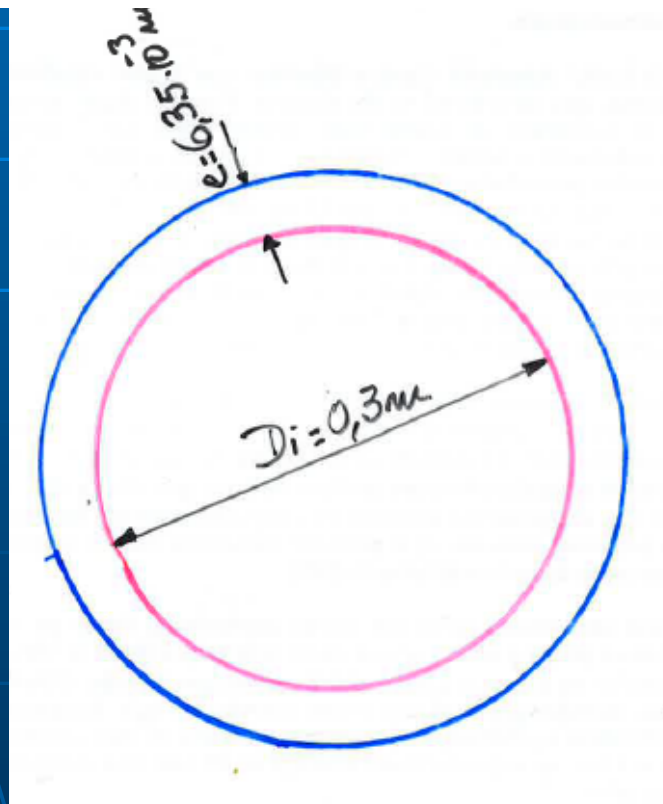
Linhas Isoentálpicas

$\mu_J \rightarrow$ importante na análise de sistemas destinados à liquefação de gases



Exercícios: Lista 1

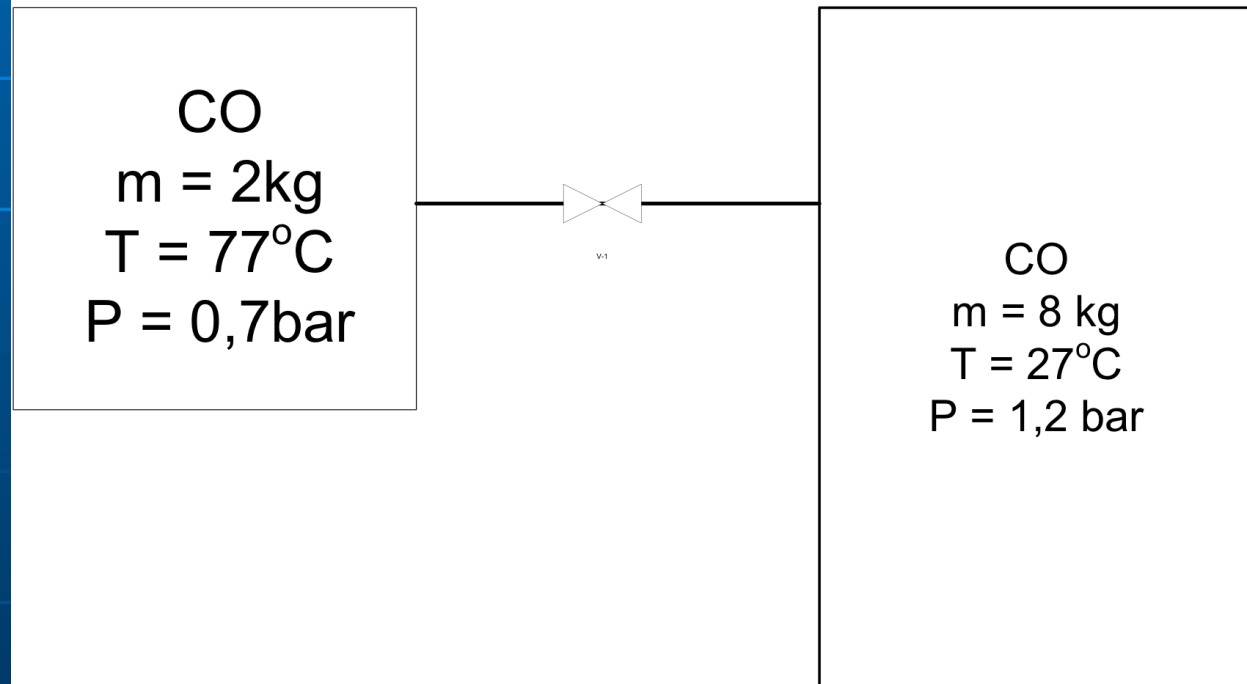
- 9) Um recipiente esférico de alumínio tem um diâmetro interno de 30 cm e uma parede de 6,35 mm de espessura, e contém água a 27°C e título de 1%. O recipiente é então aquecido até que a água se torne vapor saturado seco. Considerando o recipiente e a água como sistema, determine o calor transferido no processo, admitindo que não haja deformação do recipiente. Utilize para o alumínio: $\rho=2,7 \text{ g/cm}^3$ e $c=0,896 \text{ kJ/kgK}$.



Exercício Extra

Dois tanques conectados por uma válvula contêm CO, como mostrado abaixo. A válvula é aberta permitindo que os gases se misturem. Durante esse processo há transferência de calor do meio ambiente, sendo a temperatura final 42°C . Considerando que o CO possa ser tratado como gás perfeito, determine:

- A pressão final de equilíbrio (bar);
- O calor transferido (kJ)

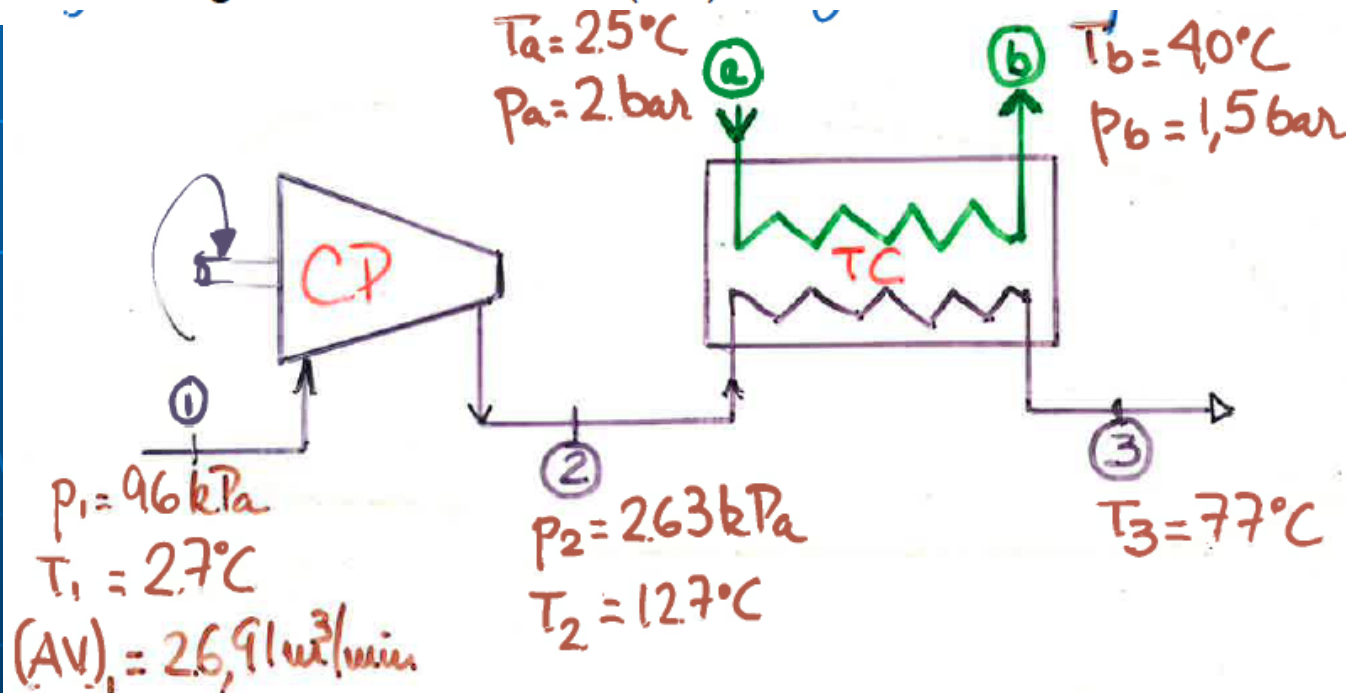


Exercícios: Lista 1

- 10) Um recipiente isolado é composto por dois compartimentos: A (volume= 30 l) e B (volume=14 l), separados por uma membrana. No compartimento B há um misturador e contém, inicialmente, 1 kg de R-12 a 27°C. O compartimento A está inicialmente vazio ($p=0$ bar). O R-12 é agitado pelo misturador até que a membrana se rompa. A membrana é projetada para romper a 20 bar. Pede-se: a) a temperatura do R-12 quando a membrana se rompe; b) o trabalho realizado pelo misturador; c) a pressão e temperatura do R-12 após o rompimento da membrana e o R-12 tiverem entrado em equilíbrio termodinâmico.
- 11) Domingo à noite, Joãozinho disse a Rosinha que ficaria estudando o livro de Termodinâmica, pois teria prova no dia seguinte. Passado algum tempo, Rosinha foi perguntar a Joãozinho se queria fazer lanche. Para sua surpresa, encontrou Joãozinho estudando o ensaio fotográfico de J. Duran, publicado na Playboy, que trata da metodologia de estudo praticada pela Sheila Mello. Rosinha não hesitou e deu um vigoroso tapa na bochecha esquerda de seu namorado, o que provocou um aumento da temperatura da região atingida de 1,8°C. Considerando que a massa da mão de Rosinha seja de 1,2 kg e que 0,15 kg do tecido da face de Joãozinho e da mão de Rosinha tenham sido afetados pelo impacto, estime a velocidade da mão de Rosinha, em km/h, imediatamente antes do impacto com o rosto de Joãozinho. O calor específico do tecido (face e mão) é 3,8 kJ/kgK.

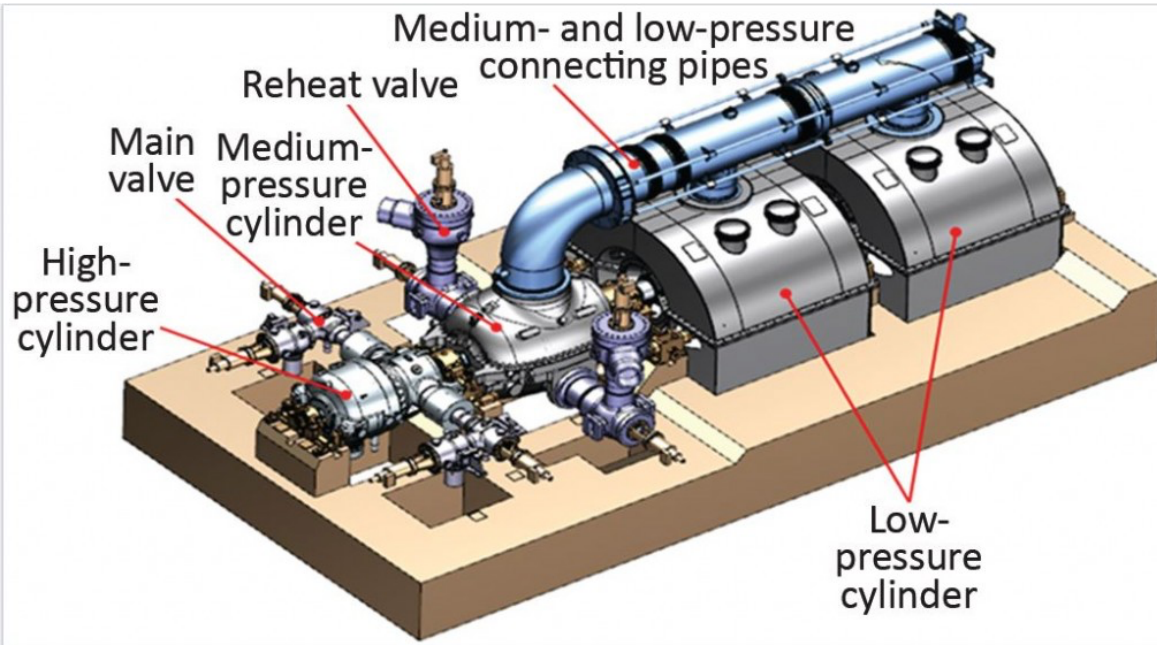
Exercícios: Lista 1

12) Ar (gás ideal) é comprimido em um compressor e depois resfriado em um trocador de calor. O ar entra no compressor a 27°C , 96 kPa e $26,91\text{ m}^3/\text{min}$, saindo a 127°C e 263 kPa . A temperatura de saída do ar do trocador de calor é de 77°C . No trocador de calor, o fluxo de ar rejeita calor para um fluxo de água que entra a 25°C e 2 bar e sai a 40°C e $1,5\text{ bar}$. Desprezando as trocas de calor com o meio e os efeitos de energia cinética e potencial, pede-se: a) a potência consumida pelo compressor (kW); b) a vazão mássica de água de resfriamento (kW).



Exercícios: Lista 1

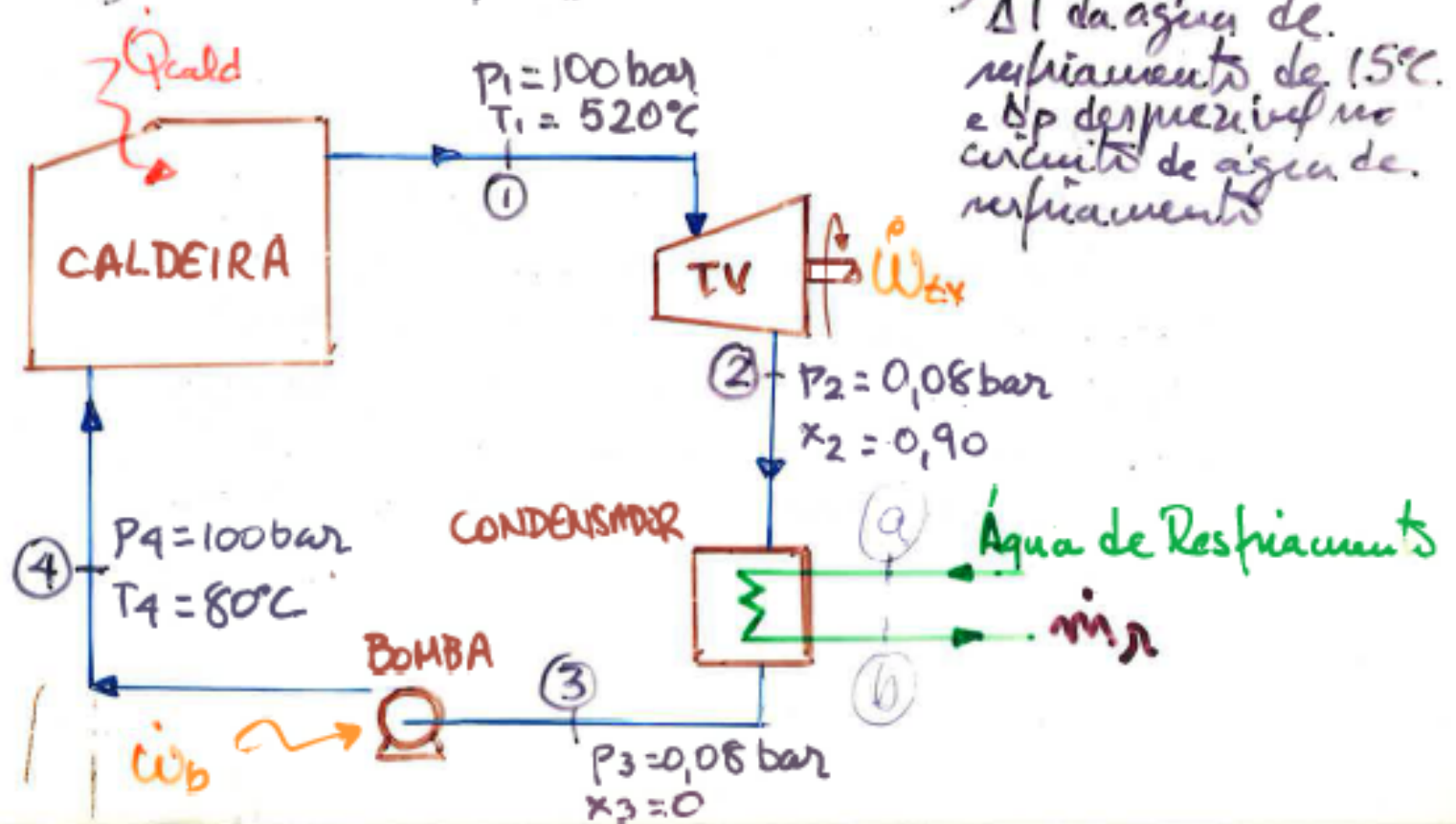
- 13) Uma turbina bem isolada opera em regime permanente. Vapor de água é enviado para a turbina a 30 bar e 400°C , a uma vazão volumétrica de $85 \text{ m}^3/\text{min}$. Uma parte do vapor é extraída da turbina a 5 bar e 180°C , sendo que a vazão restante é expandida até 0,06 bar, deixando a turbina com $x=0,90$ e $m=40.000 \text{ kg/h}$. Desprezando os efeitos de energia cinética e potencial, determine: a) o diâmetro do duto através do qual vapor é extraído a 5 bar, se sua velocidade média é de 20 m/s ; b) a potência desenvolvida pela turbina (kW).



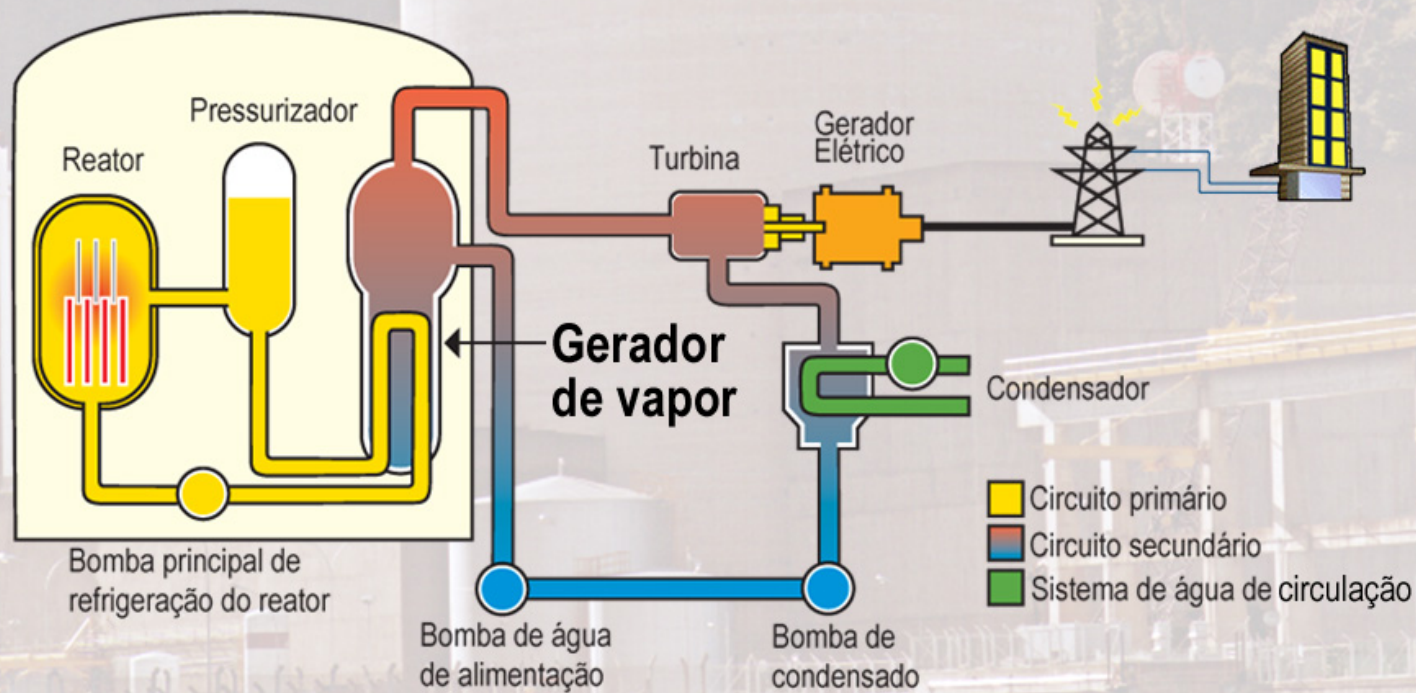


II) Na planta de potência a vapor mostrada abaixo, que opera em regime permanente a vazão mássica de água é 130 kg/s. Efeitos devidos à energia potencial e cinética são desprezíveis. Determine:

- a) Q_{cald} (kW); b) \dot{W}_{tv} e \dot{W}_b c) \dot{m}_R para um ΔT da água de resfriamento de 15°C e Δp desprezível no circuito de água de resfriamento



Vaso de contenção

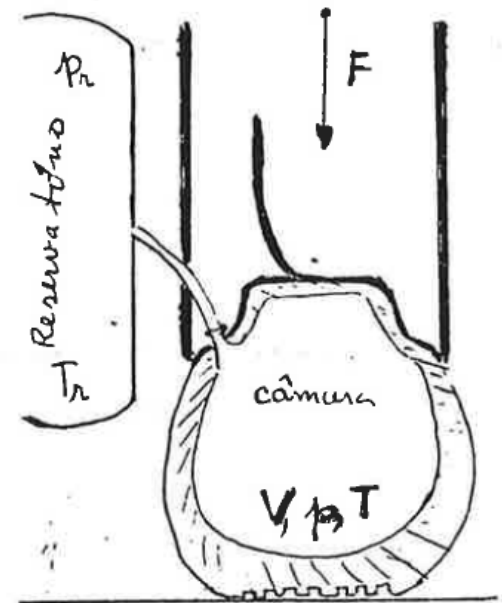


Exercícios: Lista 1

14) Considere o processo de enchimento de um pneu que suporta uma carga de 3000 N. O estado termodinâmico do ar no reservatório de ar é caracterizado por $p_r=5$ bar e $T_r=20^\circ\text{C}$. A operação de enchimento faz o ar no interior do pneu passar do estado 1 ($p_1 = 1,5$ bar; $T_1= 20^\circ\text{C}$ e $V_1 = 0,02$ m³) para o estado 2 ($p_2= 3,0$ bar; $V_2 = 0,03$ m³). Durante essa operação o centro da roda sobe 0,2 m. Admitindo que:

- $p_{\text{atm}} = 1$ bar;
- a energia de deformação do pneu é desprezível;
- o processo é adiabático;
- as variações de energia cinética e potencial do ar são desprezíveis;
- o ar pode ser tratado como gás perfeito;
- $R_{\text{ar}} = 0,2882$ kJ/kg K;
- $c_v = 0,7205$ kJ/kg K.

Pede-se: a massa de ar enviada para o pneu.



Exercícios: Lista 1

- 15) Um tanque rígido, de volume igual a $0,5 \text{ m}^3$, está inicialmente vazio. Um pequeno furo desenvolve-se na parede do tanque permitindo que ar ambiente ($p=1 \text{ bar}$ e $T = 21 \text{ }^\circ\text{C}$) penetre no tanque. Considere que a pressão no interior atinja 1 bar e que o processo de enchimento seja suficientemente lento para que haja transferência de calor entre o tanque eo ambiente, de forma a manter a temperatura do ar no interior do tanque constante e igual a $T = 21 \text{ }^\circ\text{C}$. Determine a quantidade de calor transferido em kJ.
- 16) Refrigerante 12 (vazão mássica de 482 kg/h , pressão de 10 bar e temperatura de $36 \text{ }^\circ\text{C}$) é enviado para uma câmara de expansão. Líquido e vapor saturado a 4 bar deixam esta câmara. Considerando que a câmara seja adiabática, que o processo ocorre em regime permanente e desprezando os termos de energia cinética e potencial, determine as vazões mássicas de líquido e vapor, em kg/h .
- 17) Um balão é preenchido com hélio. O reservatório de hélio é suficientemente grande para manter a pressão de alimentação constante durante processo de enchimento (a temperatura do hélio na entrada do balão é $20 \text{ }^\circ\text{C}$). Uma válvula entre o tanque e o balão mantém a vazão de alimentação constante e igual a $0,05 \text{ kg/s}$. Considerando o processo adiabático, pede-se:
- o trabalho realizado pelo hélio se a pressão final no interior do balão é 500 kPa , o raio final é 2 m e o enchimento é feito em 8 minutos;
 - a temperatura final do hélio no balão.