

# Teoria do Consumidor: Excedente do consumidor e equação de Slutsky

Roberto Guena de Oliveira

5 de abril de 2012

- 1 A função de utilidade indireta
- 2 Função dispêndio e demanda compensada
- 3 Medidas de variação de bem estar individual
- 4 Equação de Slutsky
- 5 O problema de minimização dos gastos
- 6 Exercícios

- 1 A função de utilidade indireta
  - Definição
- 2 Função dispêndio e demanda compensada
- 3 Medidas de variação de bem estar individual
- 4 Equação de Slutsky
- 5 O problema de minimização dos gastos
- 6 Exercícios

# Função de utilidade indireta

## Definição

Sejam as funções de demanda  $x_1(p_1, p_2, m)$  e  $x_2(p_1, p_2, m)$  resultantes da solução do problema de maximizar a função de utilidade  $U(x_1, x_2)$  dada a restrição orçamentária  $p_1x_1 + p_2x_2 = m$ . A **função de utilidade indireta**, notada por  $V(p_1, p_2, m)$ , retorna, para os valores de  $p_1$ ,  $p_2$  e  $m$  a utilidade obtida ao se resolver esse problema

$$V(p_1, p_2, m) = U(x_1(p_1, p_2, m), x_2(p_1, p_2, m))$$

# Exemplo – preferências Cobb-Douglas

## Função de utilidade

$$U(x_1, x_2) = x_1^a x_2^{1-a}, \quad 0 < a < 1$$

# Exemplo – preferências Cobb-Douglas

## Função de utilidade

$$U(x_1, x_2) = x_1^a x_2^{1-a}, \quad 0 < a < 1$$

## Funções de demanda

$$x_1(p_1, p_2, m) = a \frac{m}{p_1} \quad \text{e} \quad x_2(p_1, p_2, m) = (1 - a) \frac{m}{p_2}$$

# Exemplo – preferências Cobb-Douglas

## Função de utilidade

$$U(x_1, x_2) = x_1^a x_2^{1-a}, \quad 0 < a < 1$$

## Funções de demanda

$$x_1(p_1, p_2, m) = a \frac{m}{p_1} \quad \text{e} \quad x_2(p_1, p_2, m) = (1 - a) \frac{m}{p_2}$$

## Função de utilidade indireta

$$V(p_1, p_2, m) = \left[ a \frac{m}{p_1} \right]^a \left[ (1 - a) \frac{m}{p_2} \right]^{1-a}$$

# Exemplo – preferências Cobb-Douglas

## Função de utilidade

$$U(x_1, x_2) = x_1^a x_2^{1-a}, \quad 0 < a < 1$$

## Funções de demanda

$$x_1(p_1, p_2, m) = a \frac{m}{p_1} \quad \text{e} \quad x_2(p_1, p_2, m) = (1 - a) \frac{m}{p_2}$$

## Função de utilidade indireta

$$V(p_1, p_2, m) = \left[ a \frac{m}{p_1} \right]^a \left[ (1 - a) \frac{m}{p_2} \right]^{1-a} = a^a (1 - a)^{1-a} \frac{m}{p_1^a p_2^{1-a}}$$

- 1 A função de utilidade indireta
- 2 Função dispêndio e demanda compensada**
  - Função dispêndio
- 3 Medidas de variação de bem estar individual
- 4 Equação de Slutsky
- 5 O problema de minimização dos gastos
- 6 Exercícios

A função de dispêndio, notada por  $e(p_1, p_2, u)$ , é uma função que retorna a resposta à seguinte questão: que renda deve ser dada a um consumidor para garantir que, com essa renda, dados os preços  $p_1$  e  $p_2$ , ele obtenha, ao maximizar sua utilidade, o nível de utilidade  $u$ ?

Desse modo,  $e(p_1, p_2, u)$  é definida por

$$V(p_1, p_2, e(p_1, p_2, u)) = u$$

# Exemplo: preferências Cobb-Douglas

## A função de utilidade indireta

$$V(p_1, p_2, m) = a^a(1 - a)^{1-a} \frac{m}{p_1^a p_2^{1-a}}$$

# Exemplo: preferências Cobb-Douglas

## A função de utilidade indireta

$$V(p_1, p_2, m) = a^a(1 - a)^{1-a} \frac{m}{p_1^a p_2^{1-a}}$$

## Função dispêndio:

$$V(p_1, p_2, e(p_1, p_2, u)) = u$$

# Exemplo: preferências Cobb-Douglas

## A função de utilidade indireta

$$V(p_1, p_2, m) = a^a(1 - a)^{1-a} \frac{m}{p_1^a p_2^{1-a}}$$

## Função dispêndio:

$$V(p_1, p_2, e(p_1, p_2, u)) = u$$

$$\Rightarrow a^a(1 - a)^{1-a} \frac{e(p_1, p_2, u)}{p_1^a p_2^{1-a}} = u$$

# Exemplo: preferências Cobb-Douglas

## A função de utilidade indireta

$$V(p_1, p_2, m) = a^a(1-a)^{1-a} \frac{m}{p_1^a p_2^{1-a}}$$

## Função dispêndio:

$$V(p_1, p_2, e(p_1, p_2, u)) = u$$

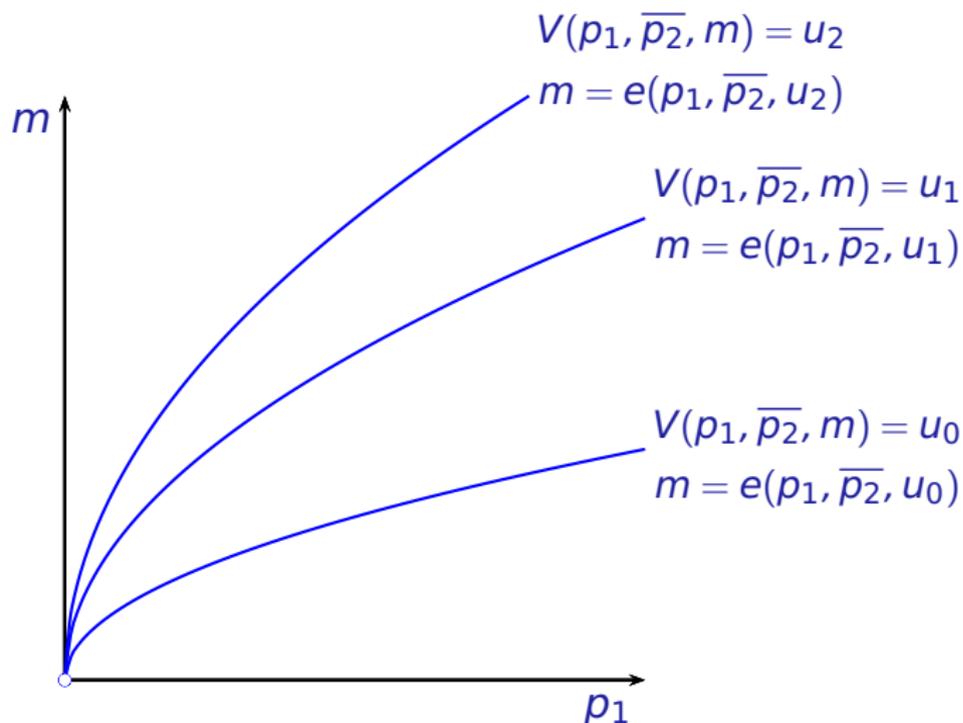
$$\Rightarrow a^a(1-a)^{1-a} \frac{e(p_1, p_2, u)}{p_1^a p_2^{1-a}} = u$$

$$\Rightarrow e(p_1, p_2, u) = u \frac{p_1^a p_2^{1-a}}{a^a(1-a)^{1-a}}$$

- Se considerarmos  $u$  uma constante, a função  $e(p_1, p_2, u)$  passa a ter apenas dois argumentos e seu gráfico descreverá a superfície de iso-utilidade indireta associada ao nível de utilidade  $u$ .

- Se considerarmos  $u$  uma constante, a função  $e(p_1, p_2, u)$  passa a ter apenas dois argumentos e seu gráfico descreverá a superfície de iso-utilidade indireta associada ao nível de utilidade  $u$ .
- Se adicionalmente considerarmos  $p_2$  uma constante, a função  $e(p_1, p_2, u)$  passa a ter apenas um argumento variável e seu gráfico será uma curva de iso-utilidade indireta.

# Função dispêndio e curvas de iso-utilidade indireta



# Funções de demanda compensada

Definimos as funções de demanda compensada ou hicksiana pelos bens 1 e 2, notadas respectivamente por  $h_1(p_1, p_2, u)$  e  $h_2(p_1, p_2, u)$  como

$$h_1(p_1, p_2, u) = x_1(p_1, p_2, e(p_1, p_2, u))$$

e

$$h_2(p_1, p_2, u) = x_2(p_1, p_2, e(p_1, p_2, u))$$

# Exemplo: preferências Cobb-Douglas

## Funções demanda e dispêndio

$$x_1(p_1, p_2, m) = a \frac{m}{p_1}$$

$$e(p_1, p_2, u) = u \frac{p_1^a p_2^{1-a}}{a^a (1-a)^{1-a}}$$

# Exemplo: preferências Cobb-Douglas

## Funções demanda e dispêndio

$$x_1(p_1, p_2, m) = a \frac{m}{p_1}$$
$$e(p_1, p_2, u) = u \frac{p_1^a p_2^{1-a}}{a^a (1-a)^{1-a}}$$

## Função demanda compensada (bem 1)

$$h_1(p_1, p_2, u) = x_1(p_1, p_2, e(p_1, p_2, u))$$

# Exemplo: preferências Cobb-Douglas

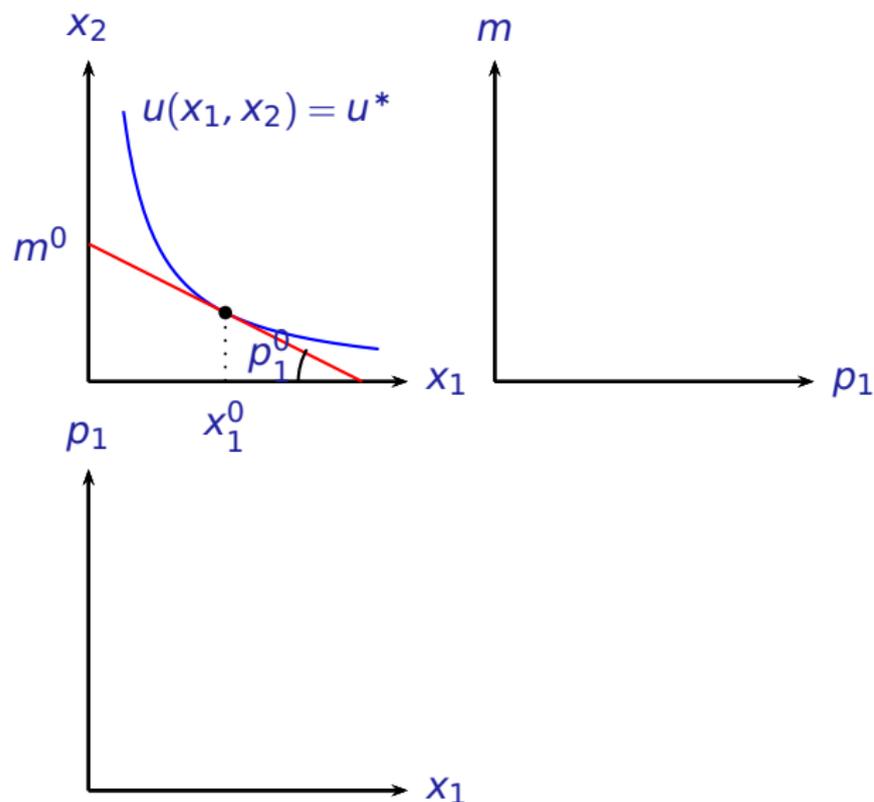
## Funções demanda e dispêndio

$$x_1(p_1, p_2, m) = a \frac{m}{p_1}$$
$$e(p_1, p_2, u) = u \frac{p_1^a p_2^{1-a}}{a^a (1-a)^{1-a}}$$

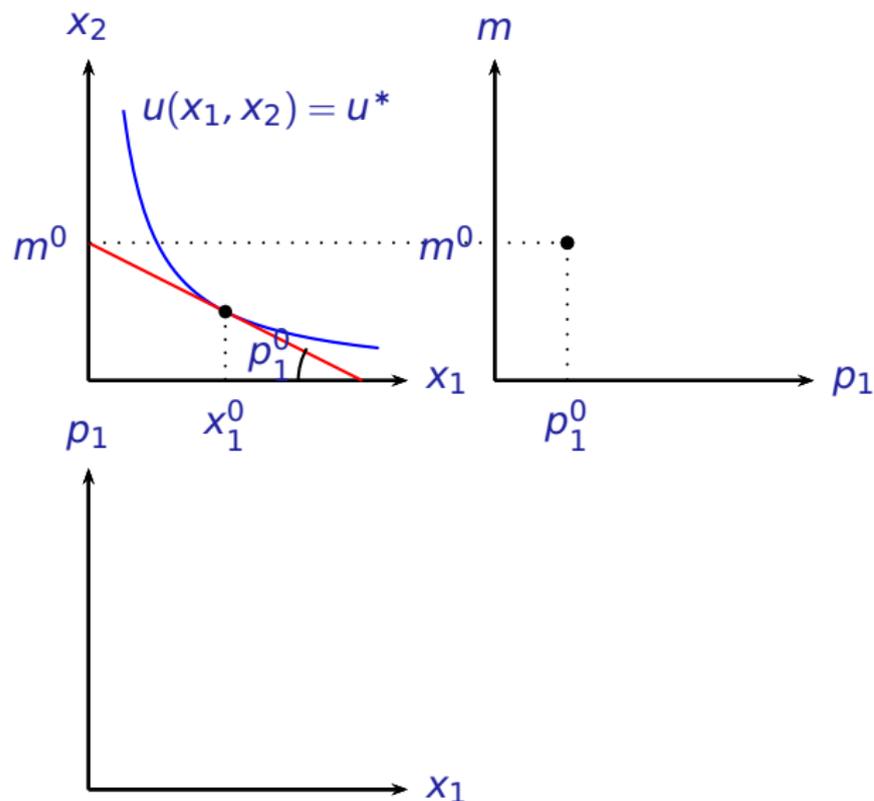
## Função demanda compensada (bem 1)

$$h_1(p_1, p_2, u) = x_1(p_1, p_2, e(p_1, p_2, u))$$
$$= a \frac{u \frac{p_1^a p_2^{1-a}}{a^a (1-a)^{1-a}}}{p_1} = u \left[ \frac{a}{1-a} \frac{p_2}{p_1} \right]^{1-a}$$

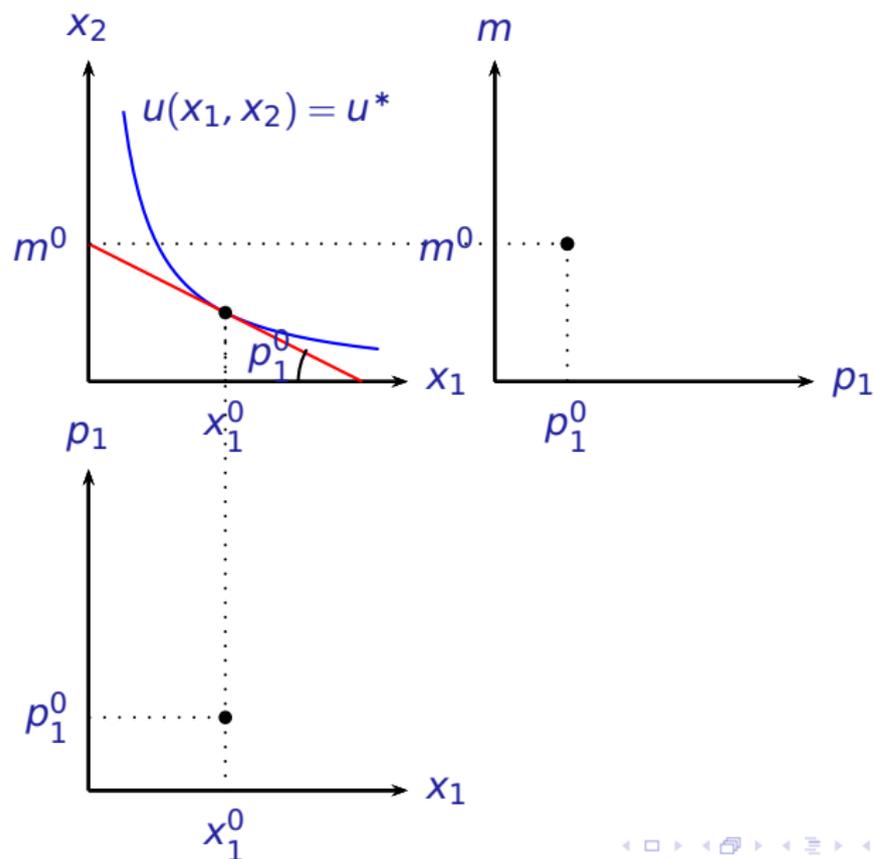
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



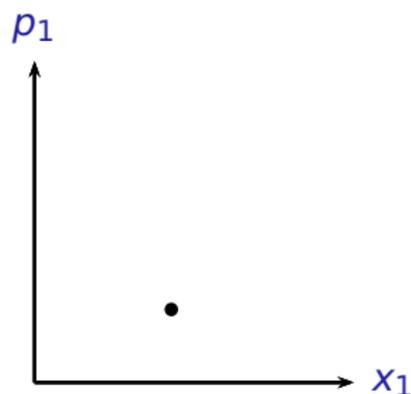
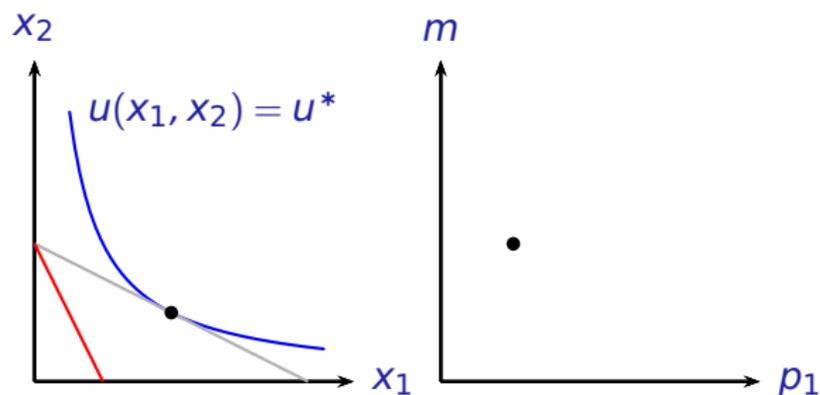
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



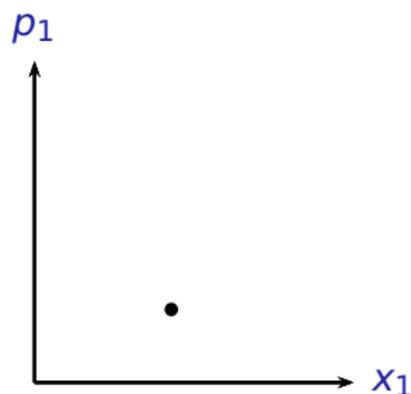
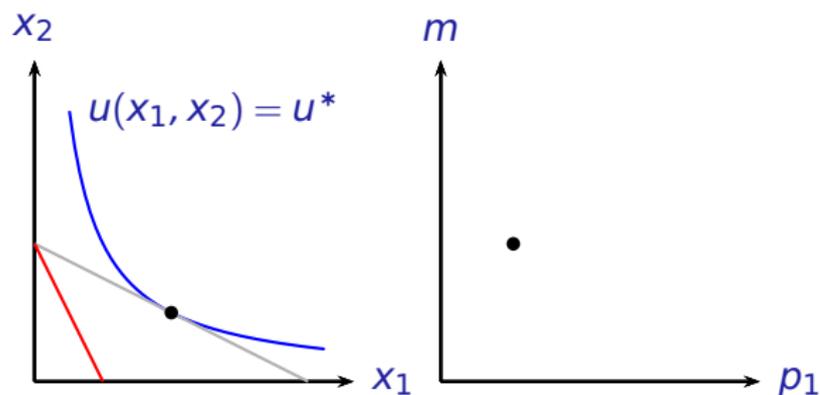
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



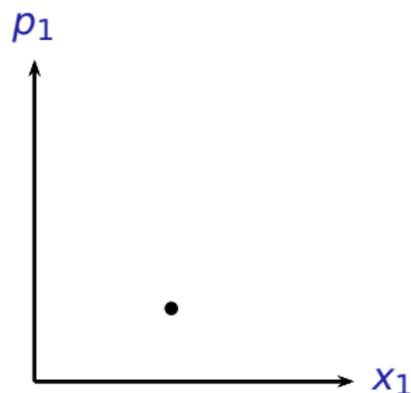
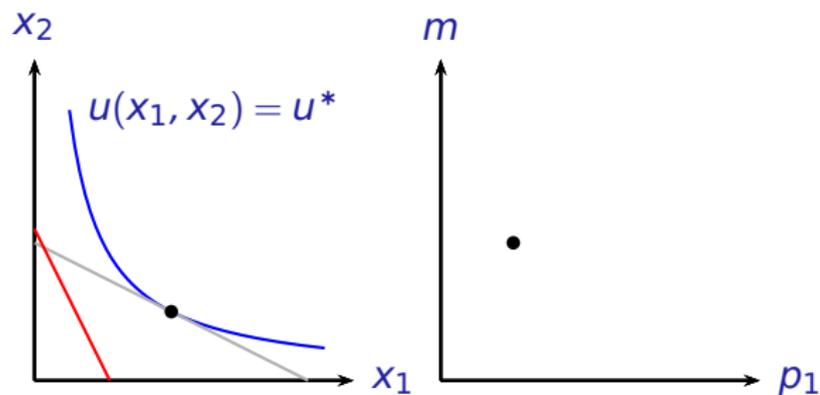
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



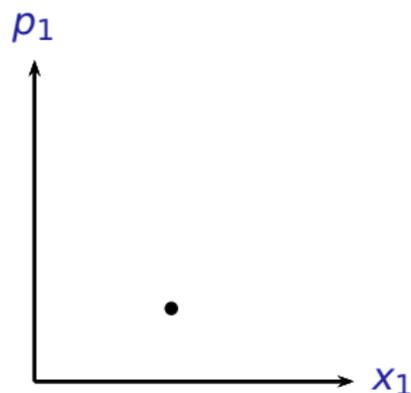
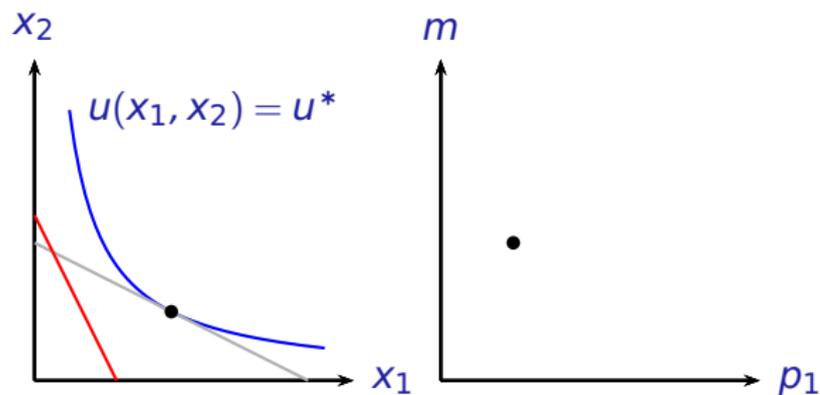
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



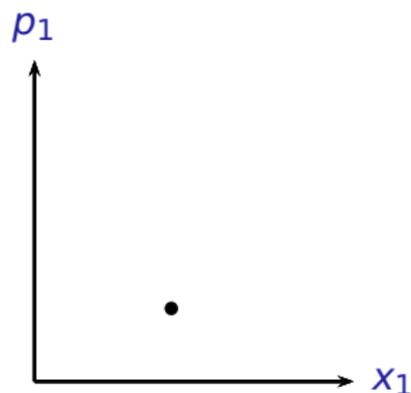
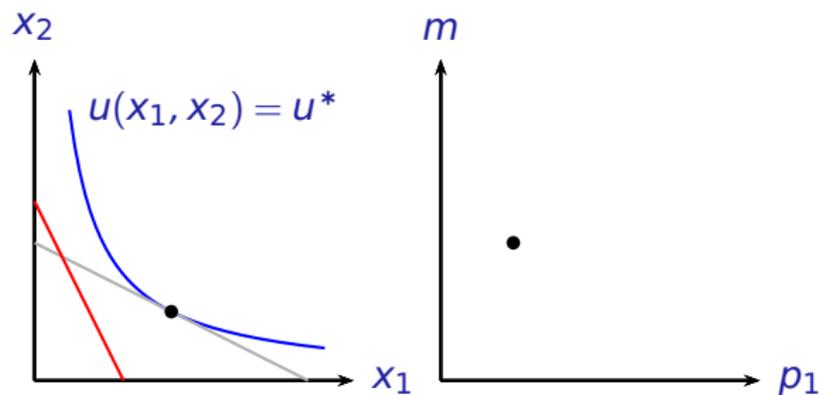
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



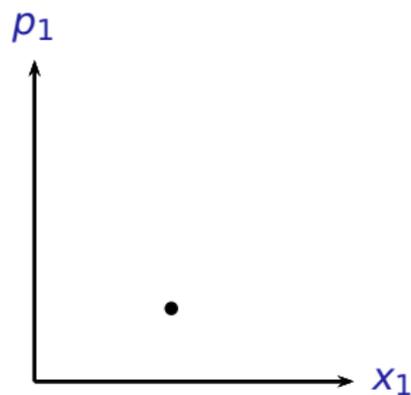
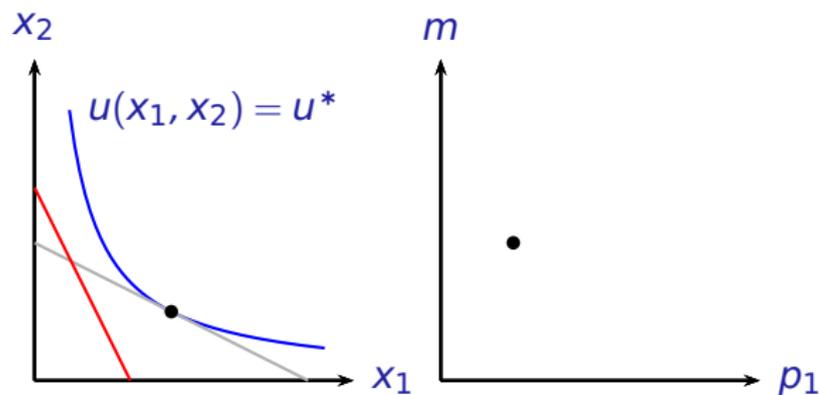
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



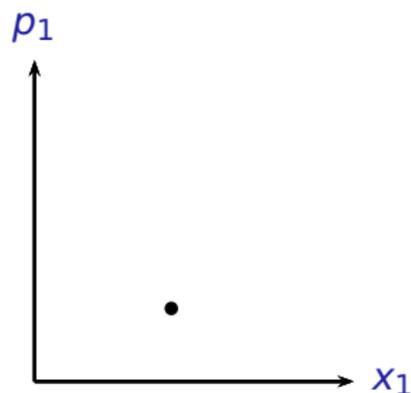
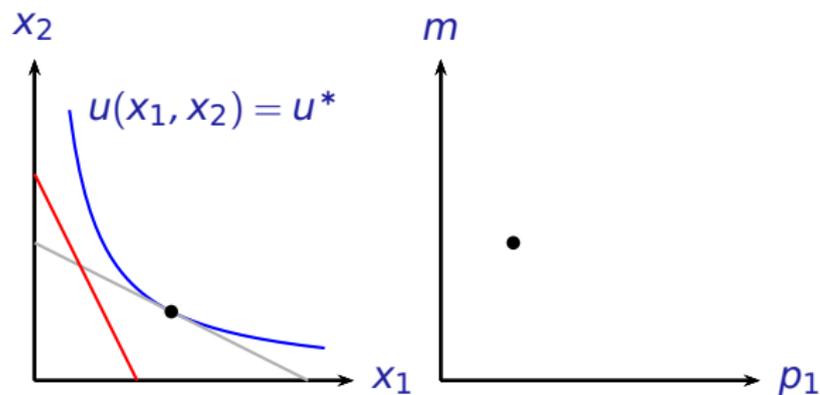
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



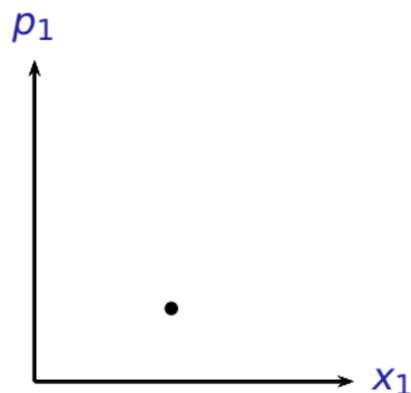
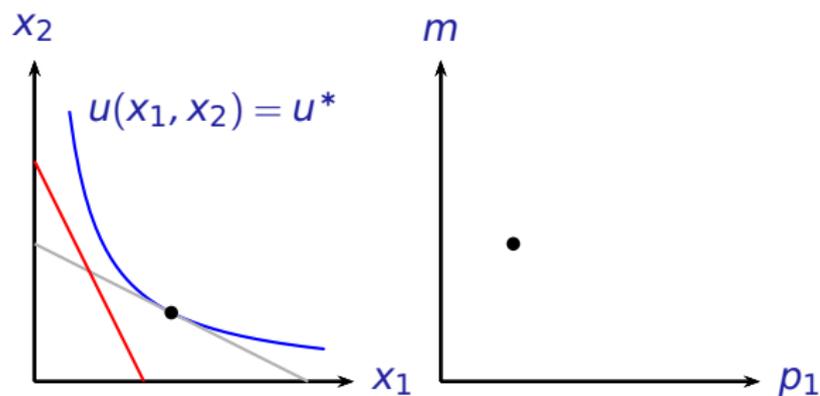
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



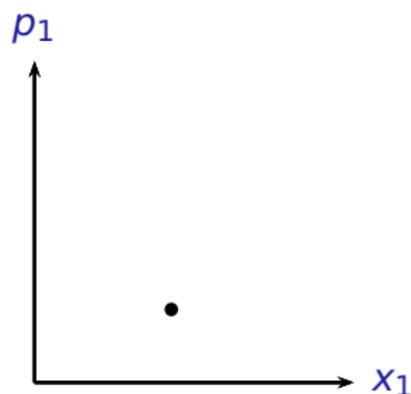
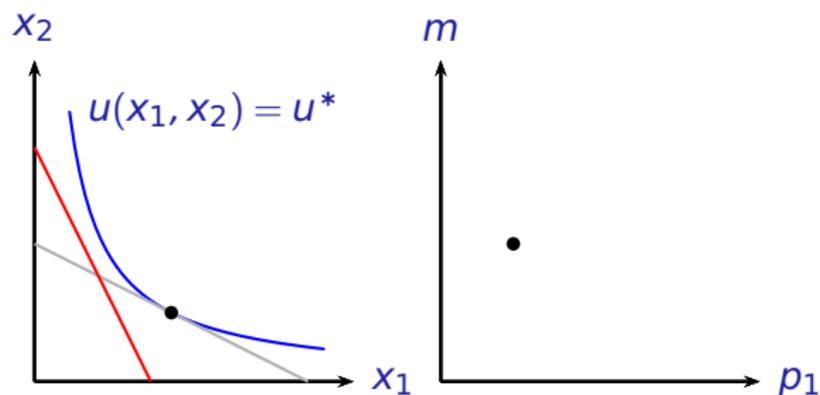
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



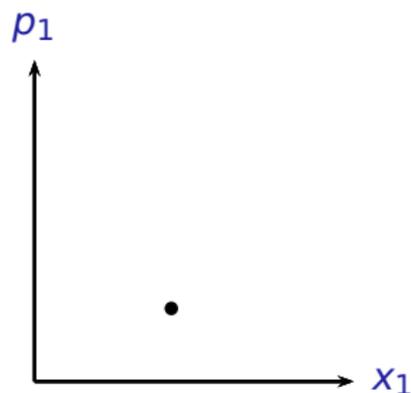
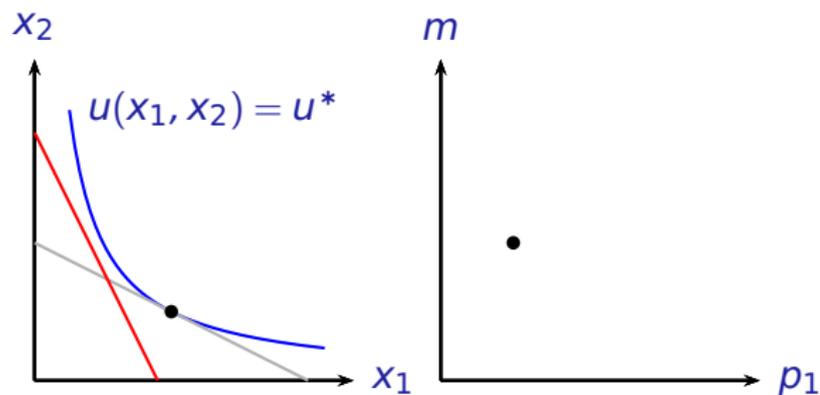
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



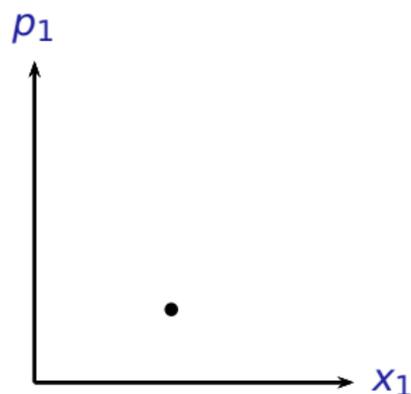
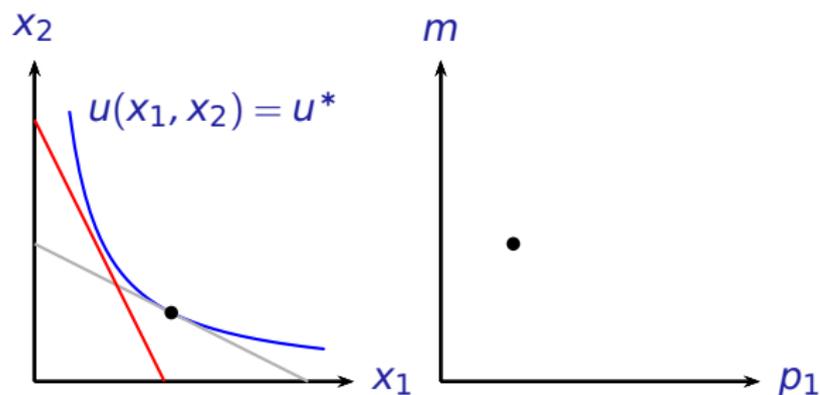
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



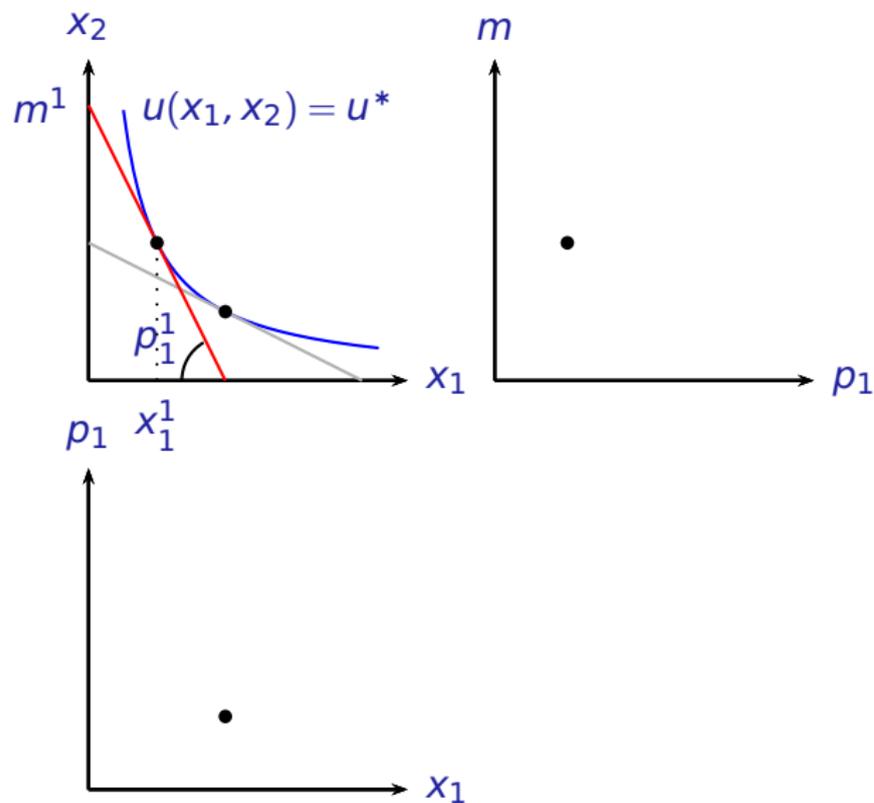
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



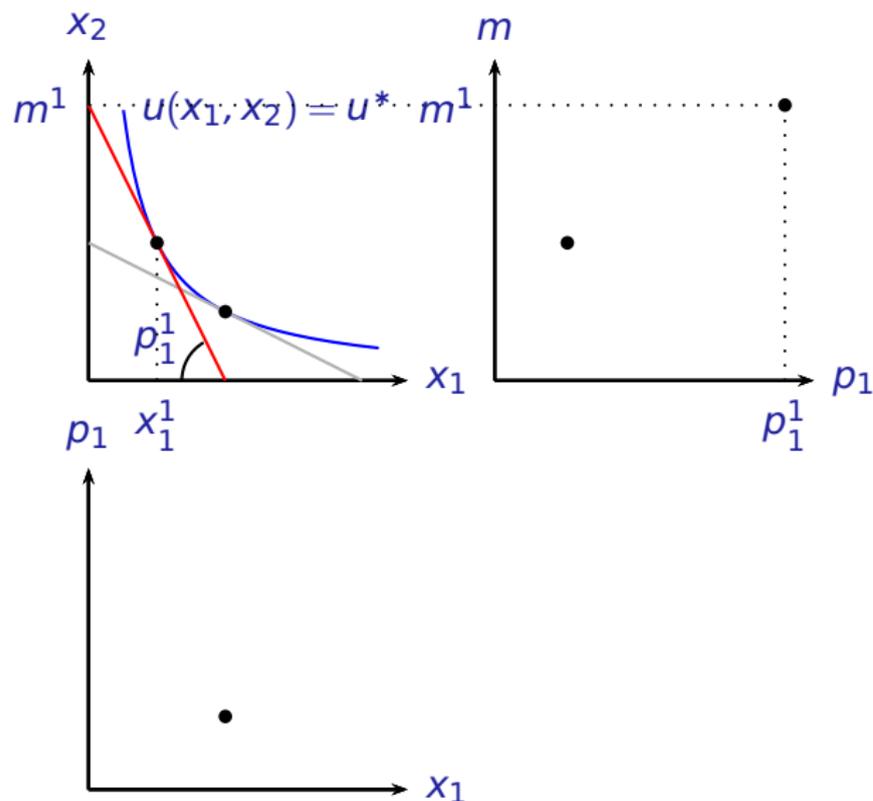
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



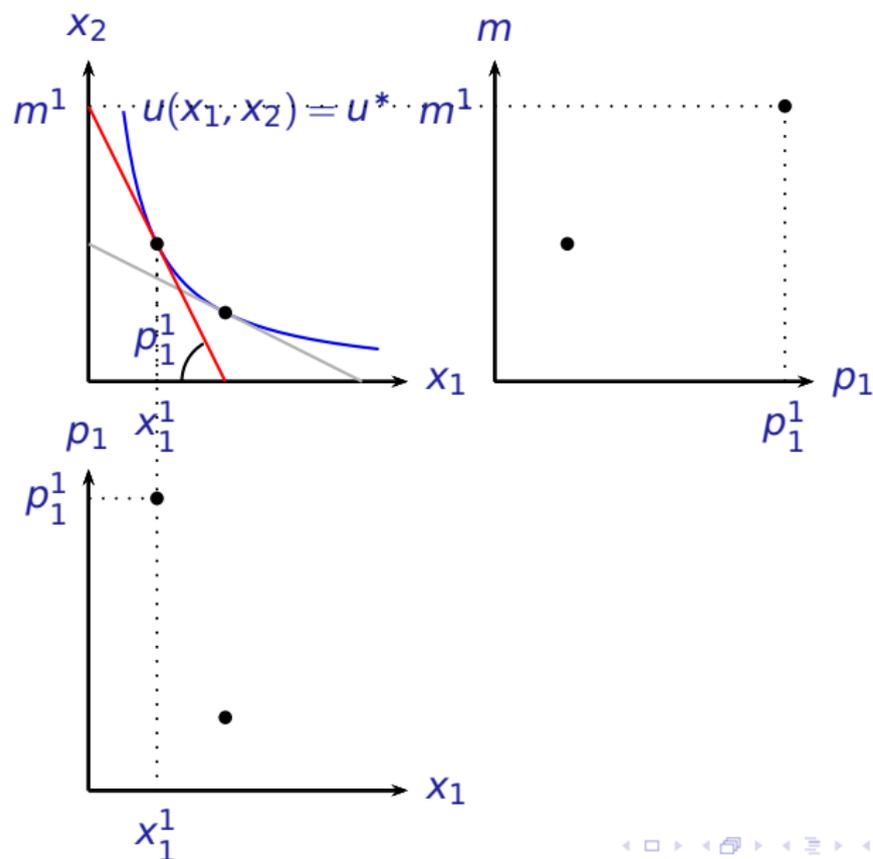
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



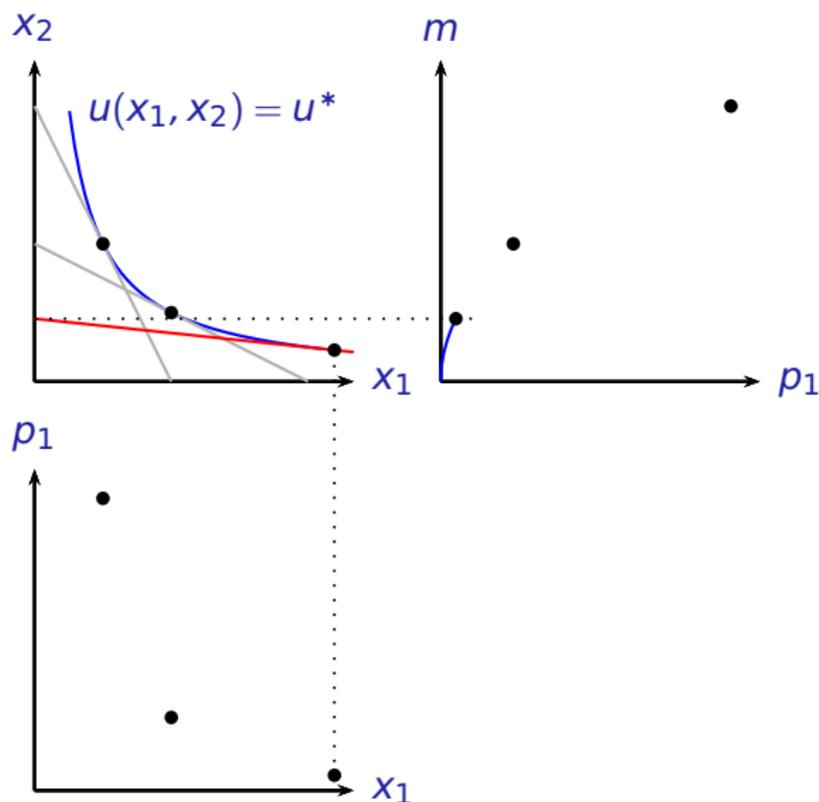
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



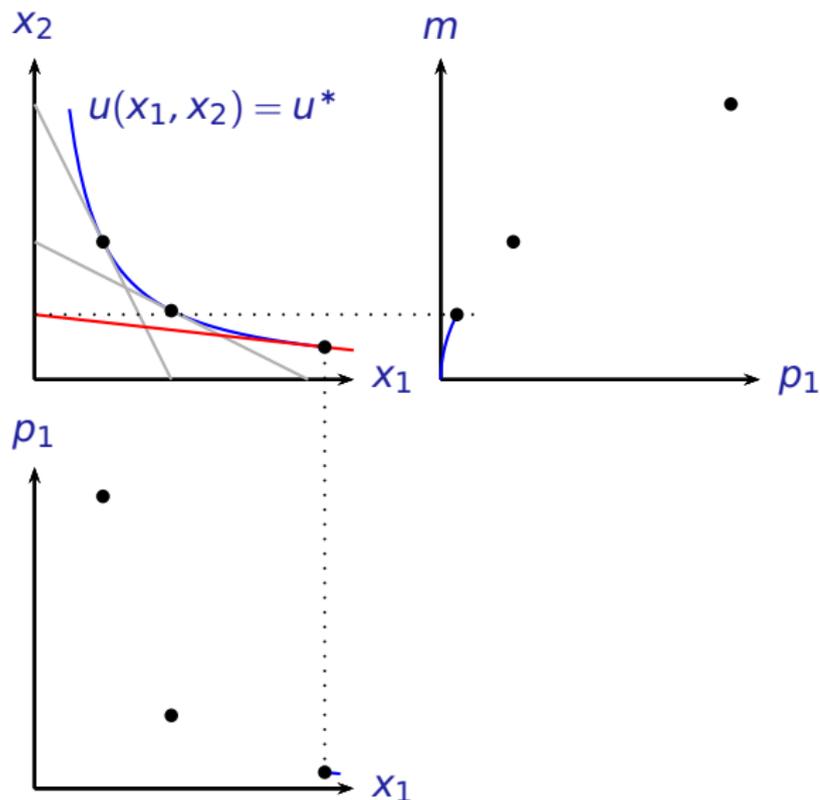
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



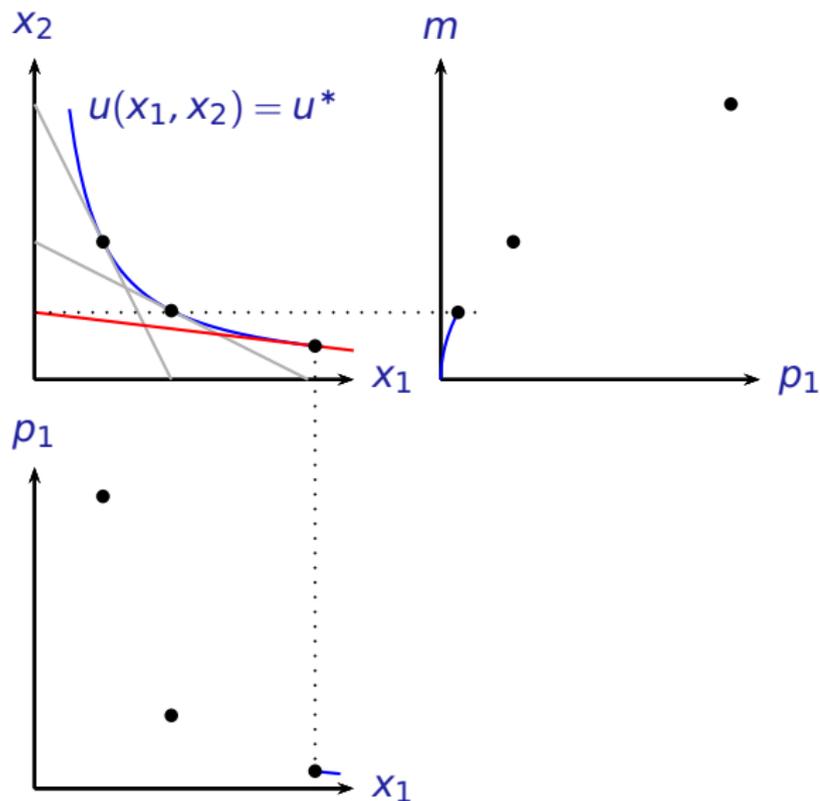
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



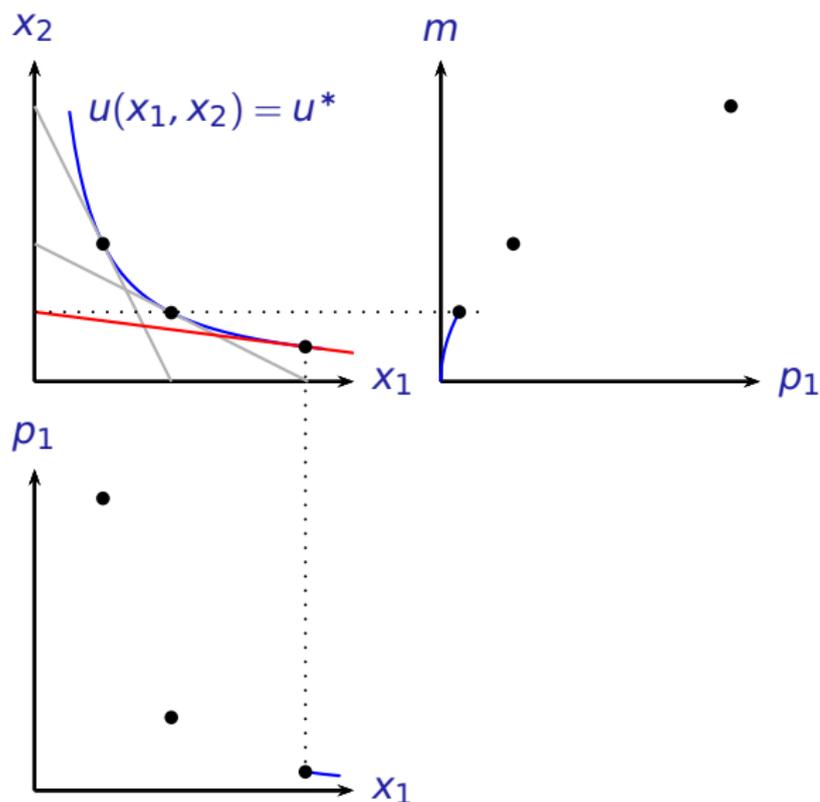
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



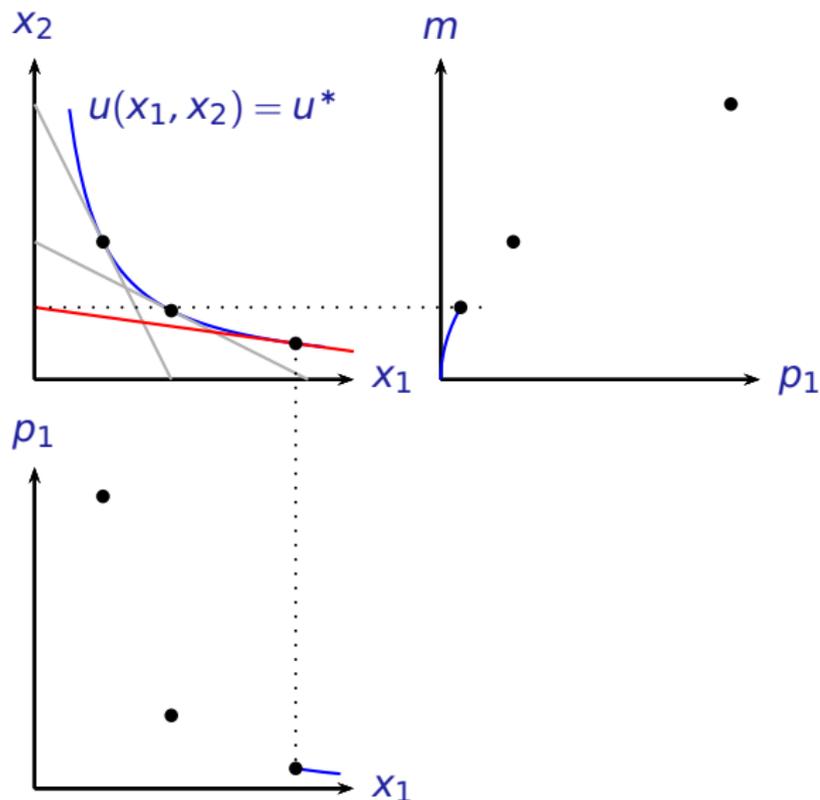
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



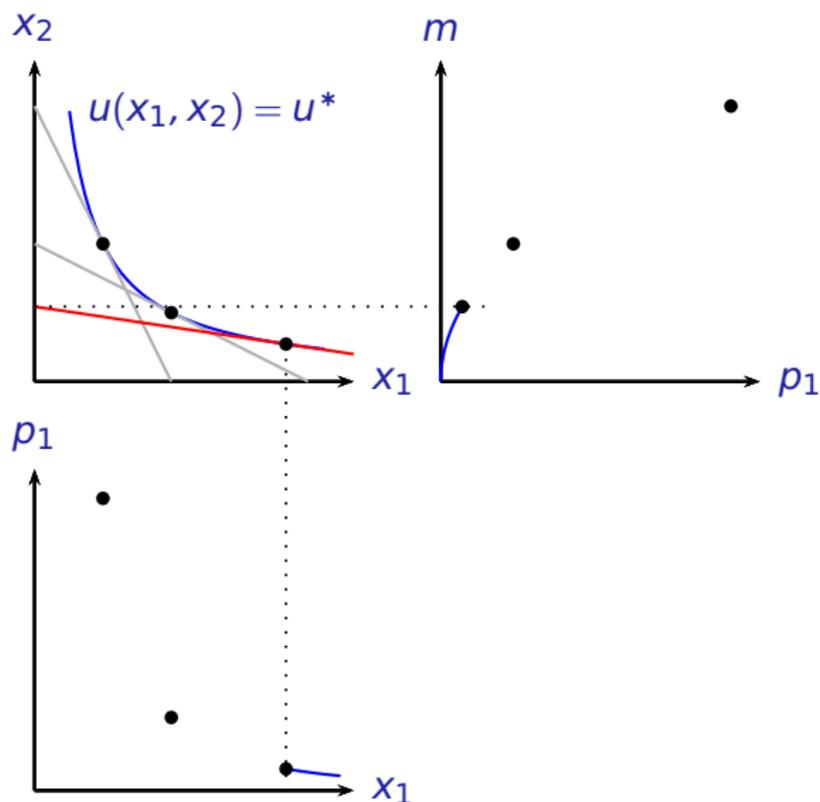
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



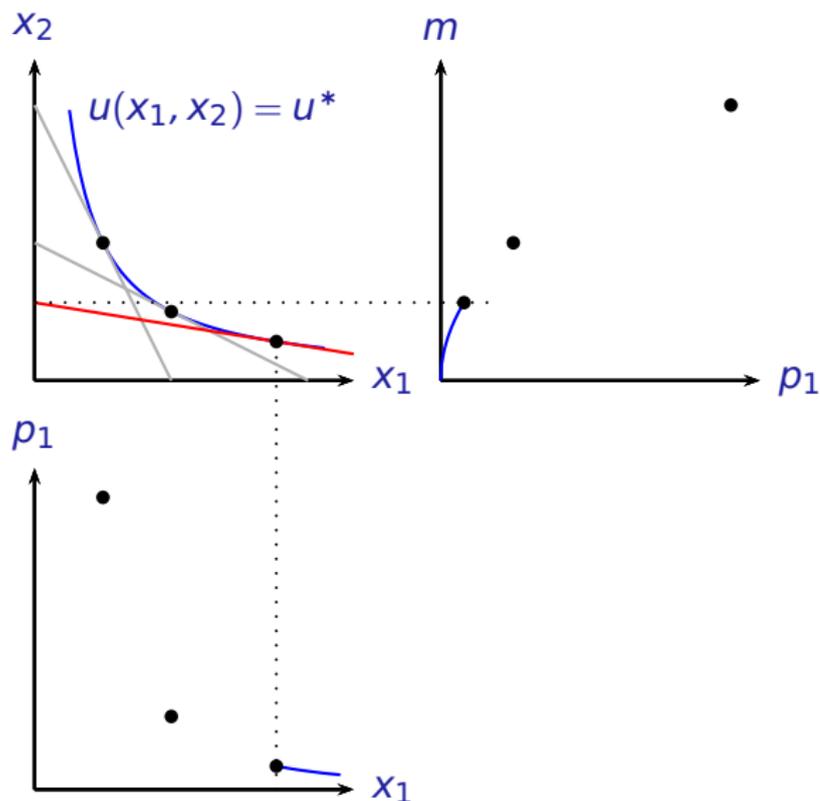
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



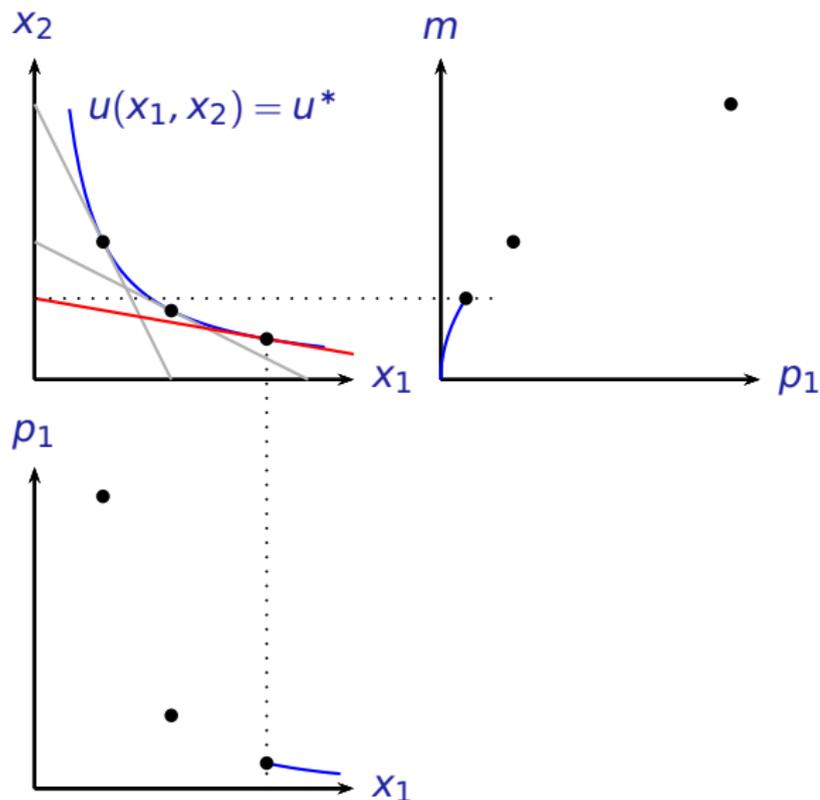
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



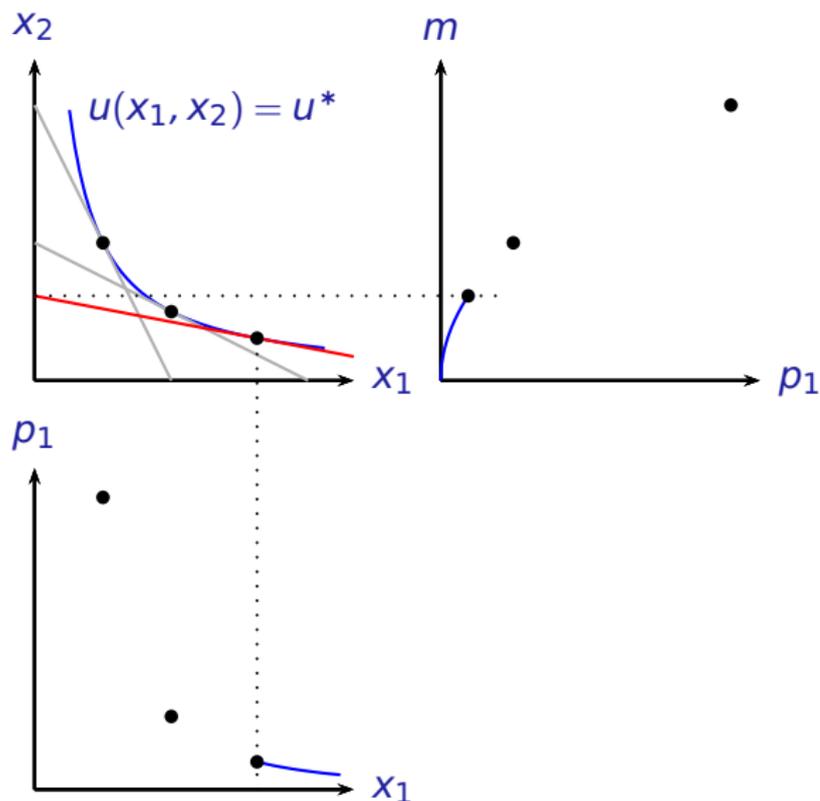
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



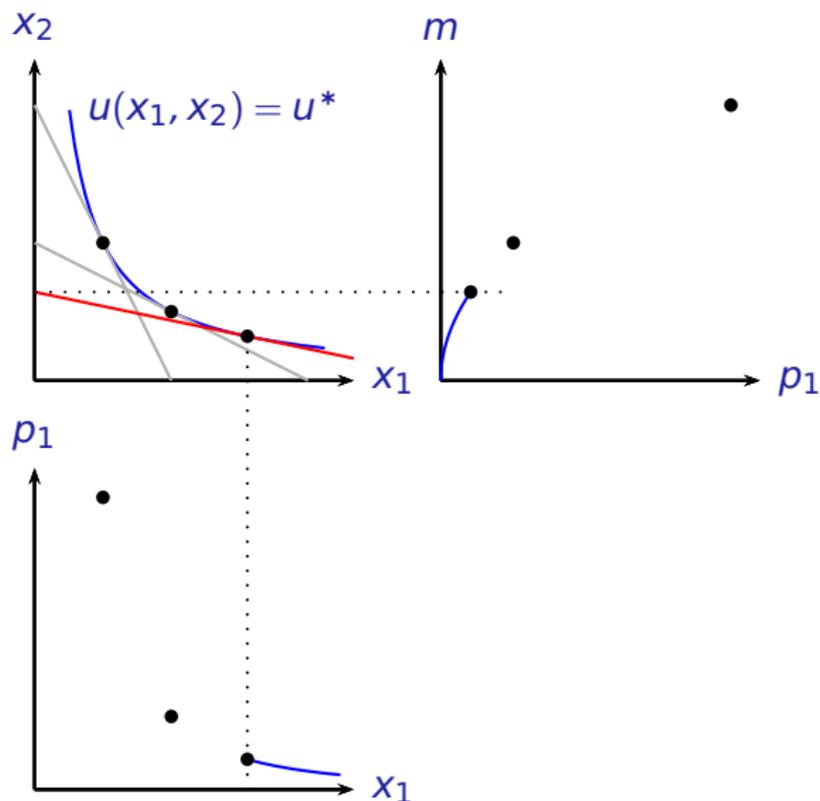
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



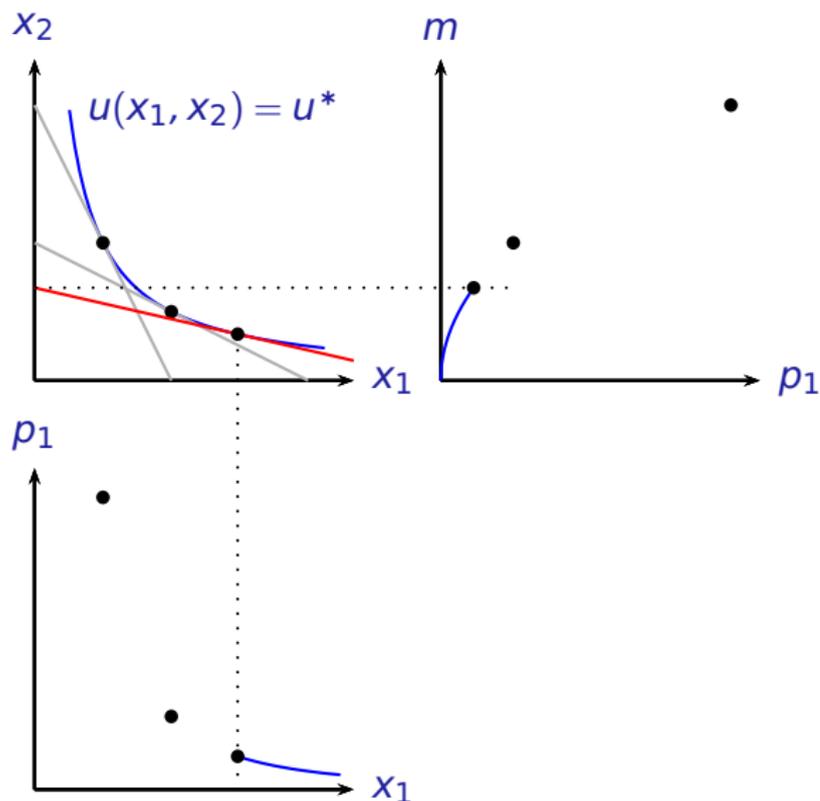
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



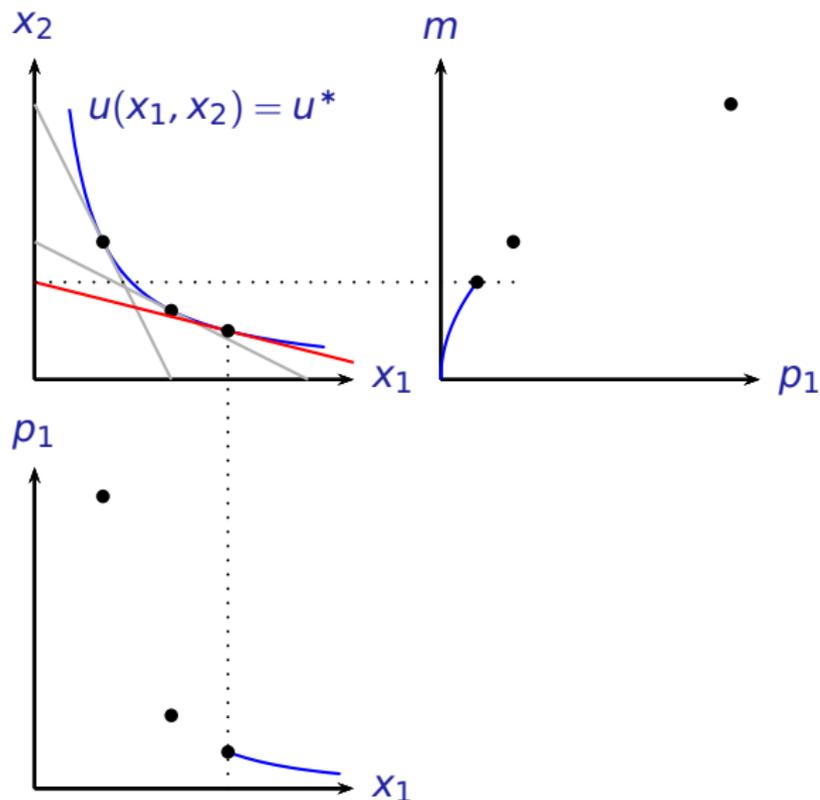
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



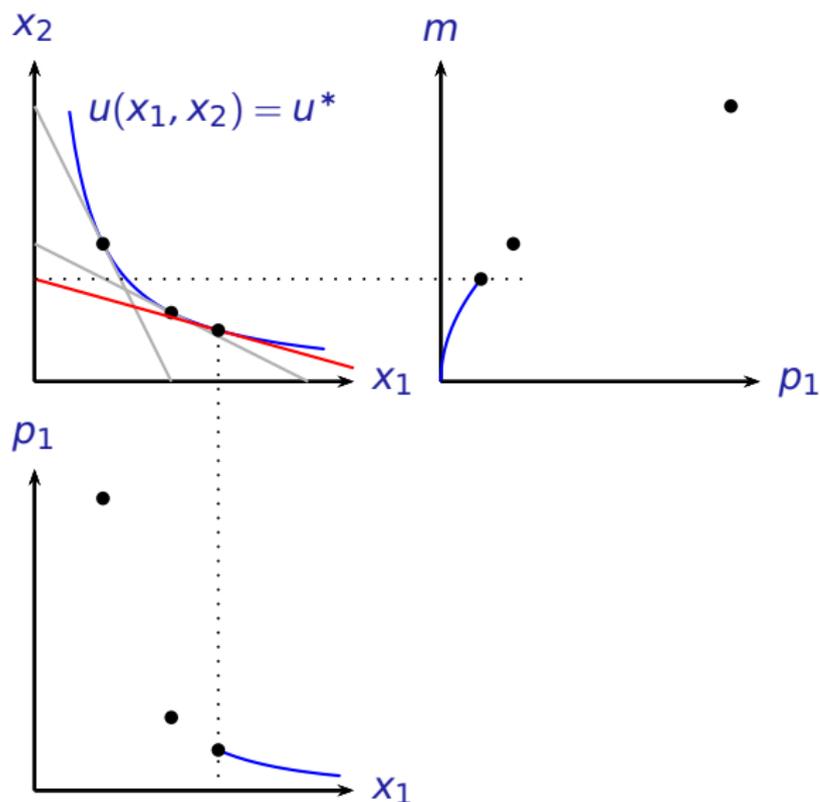
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



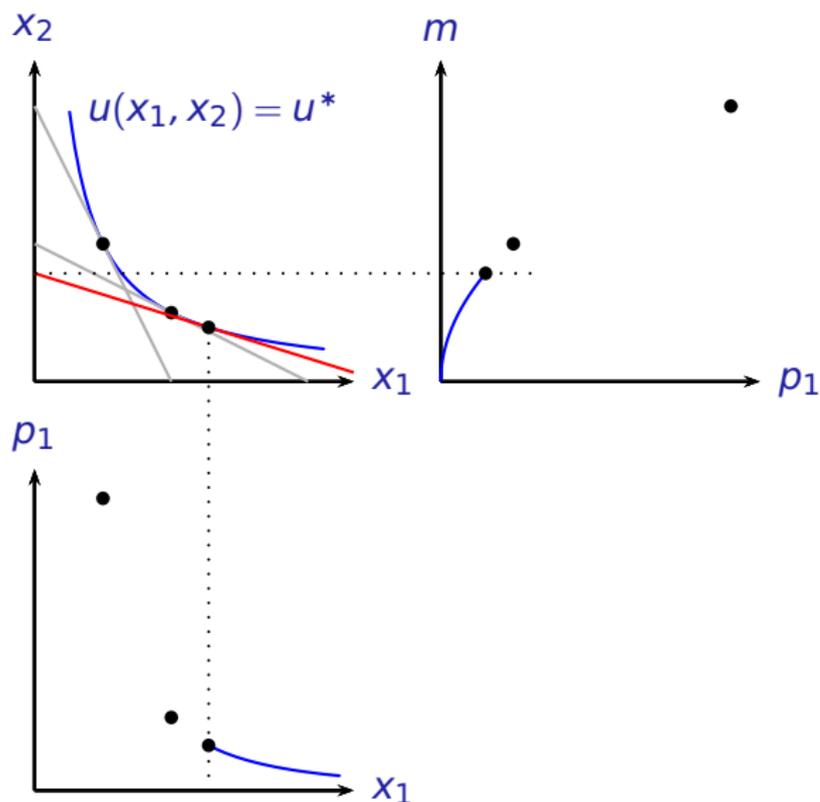
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



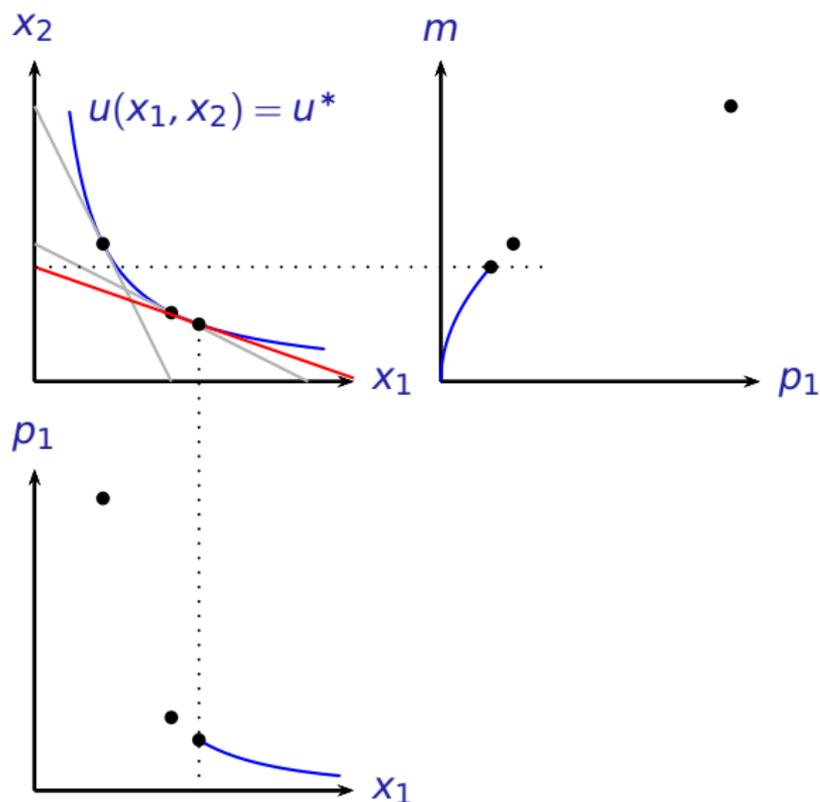
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



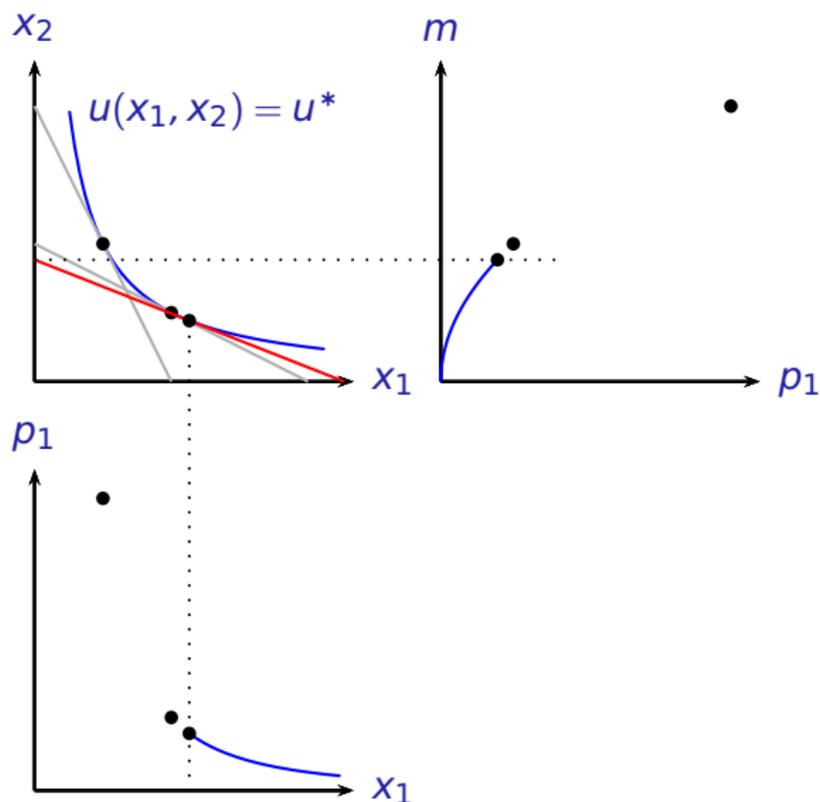
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



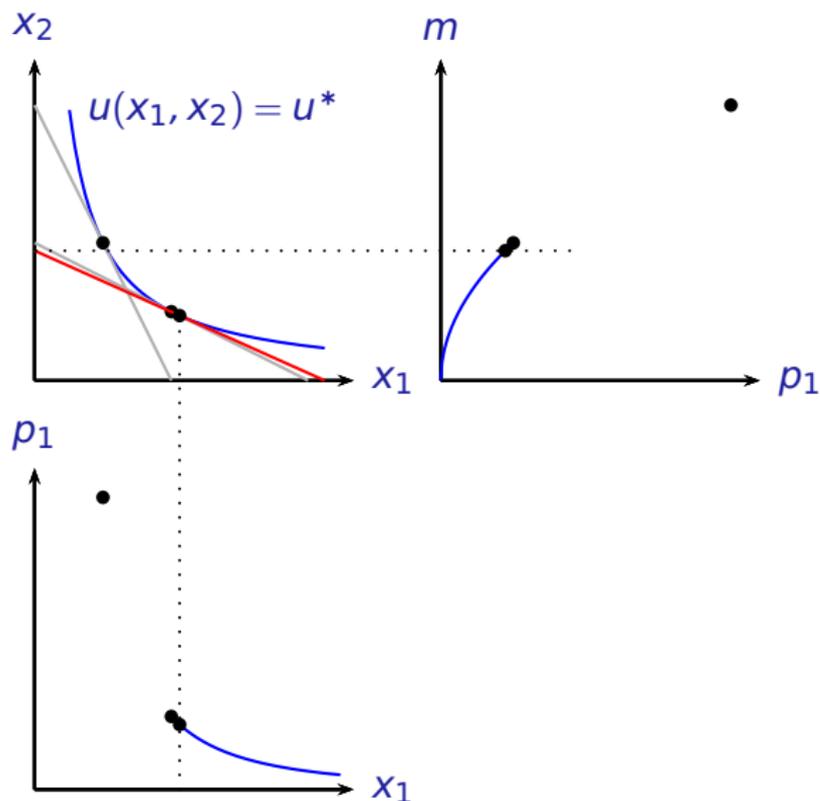
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



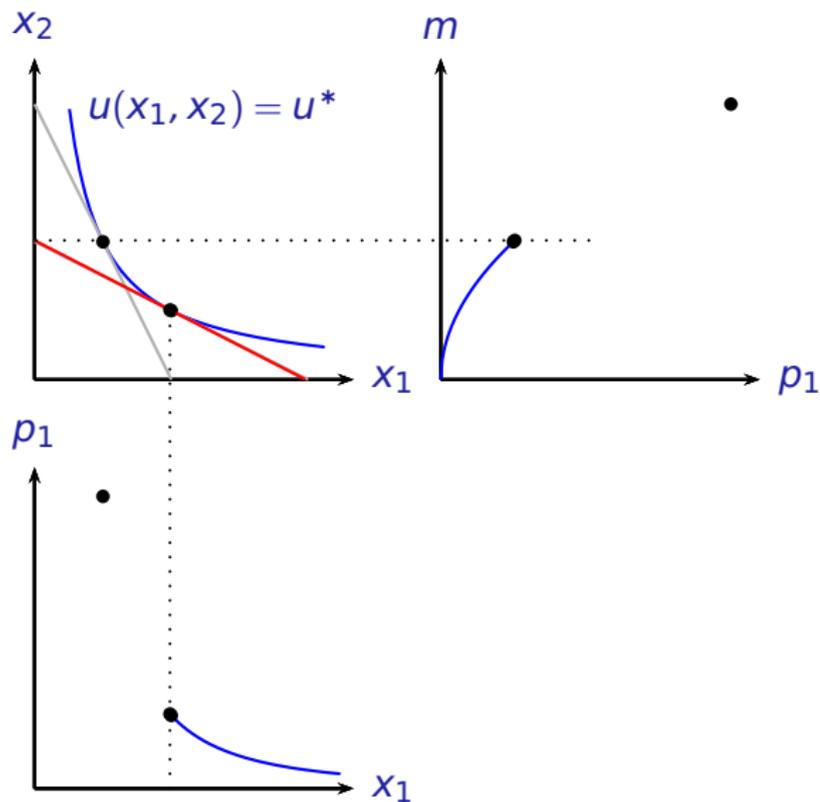
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



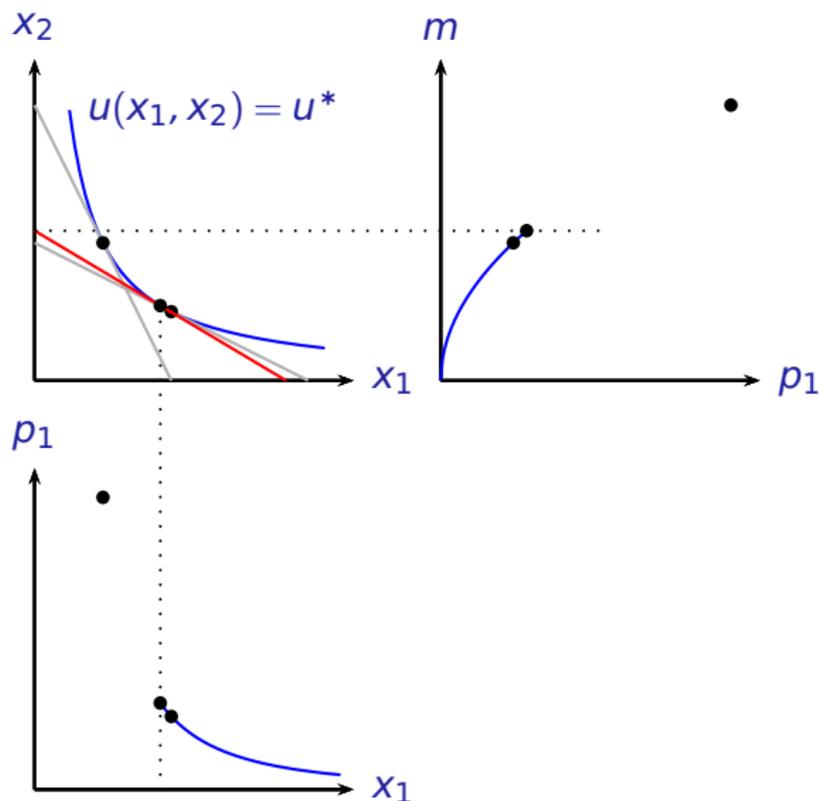
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



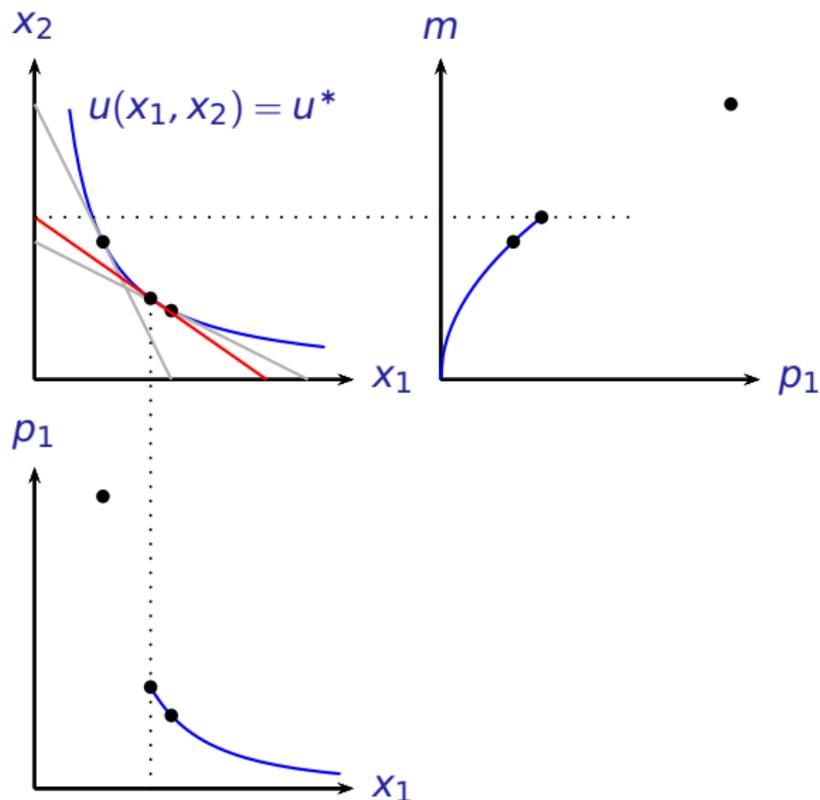
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



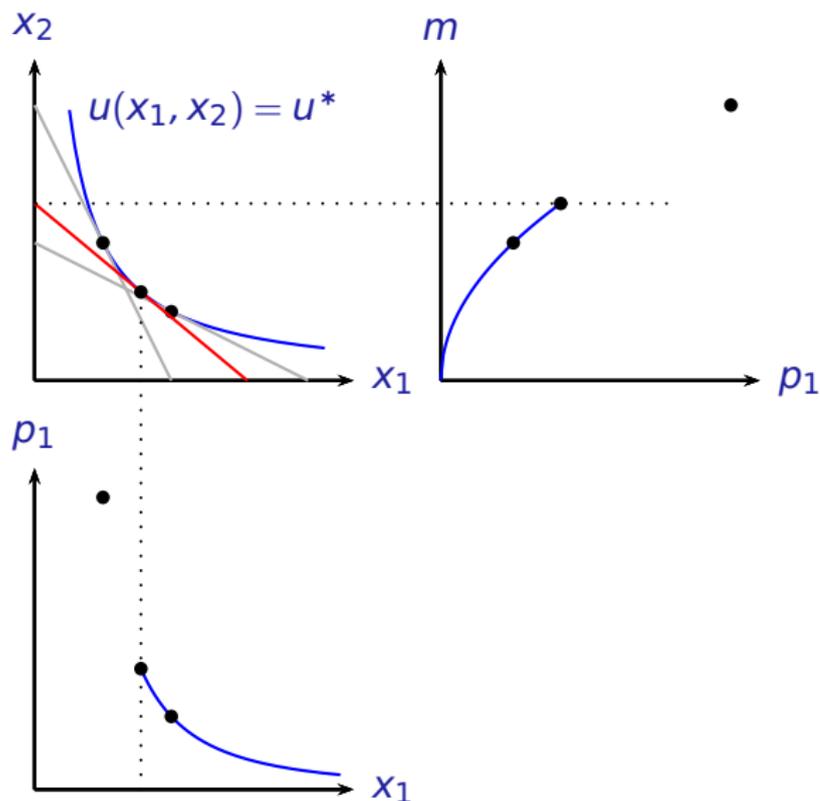
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



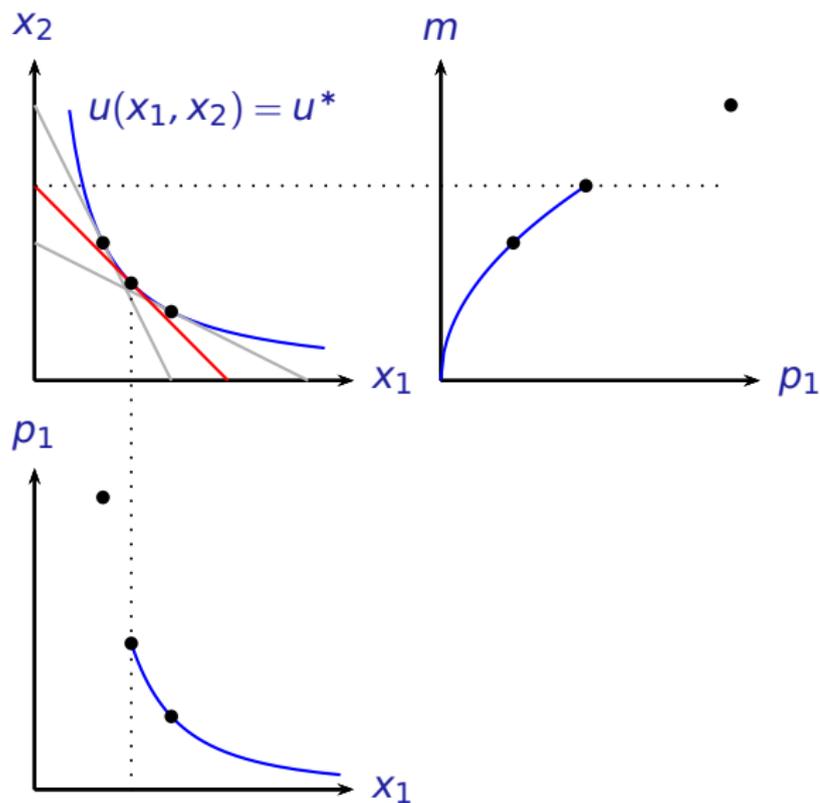
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



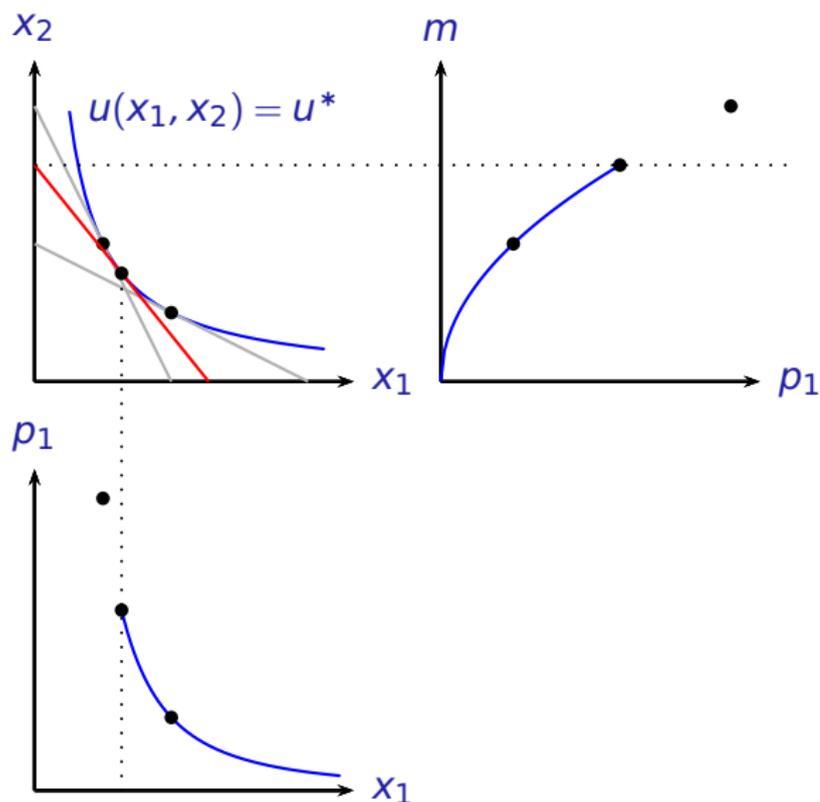
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



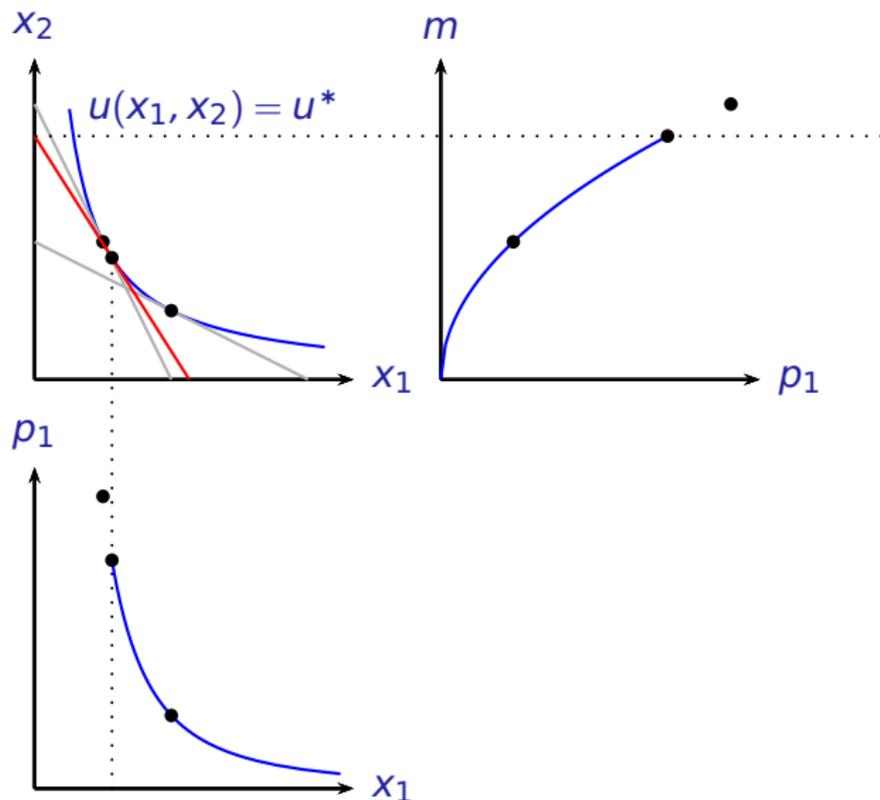
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



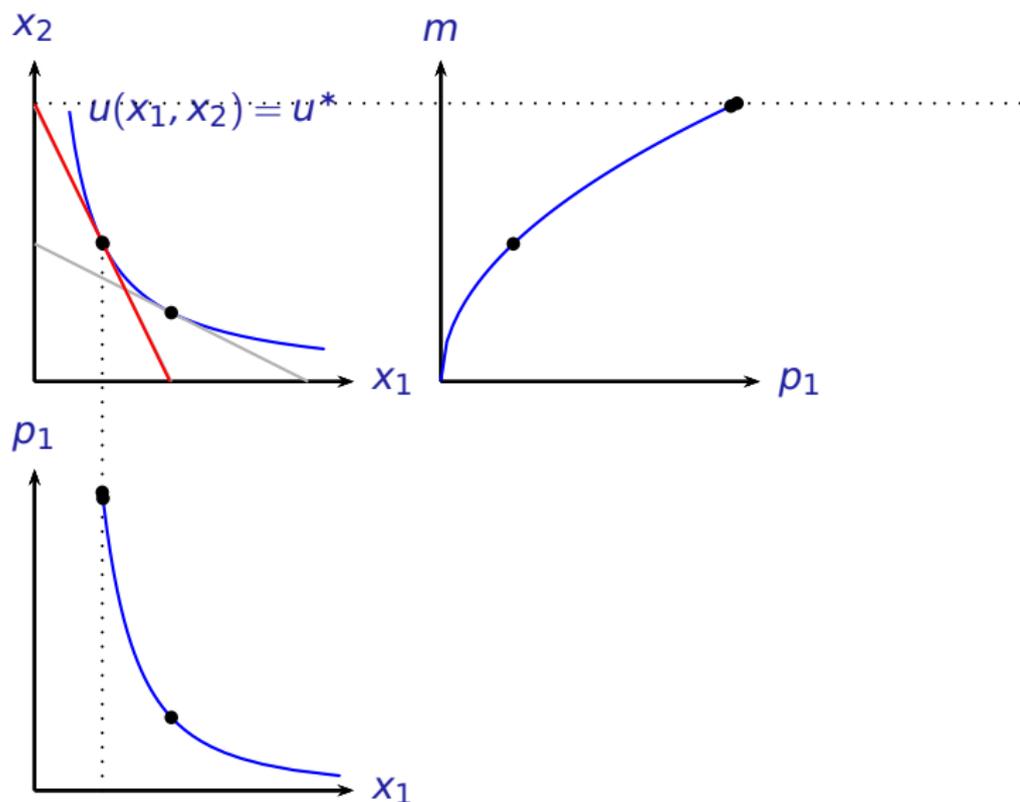
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



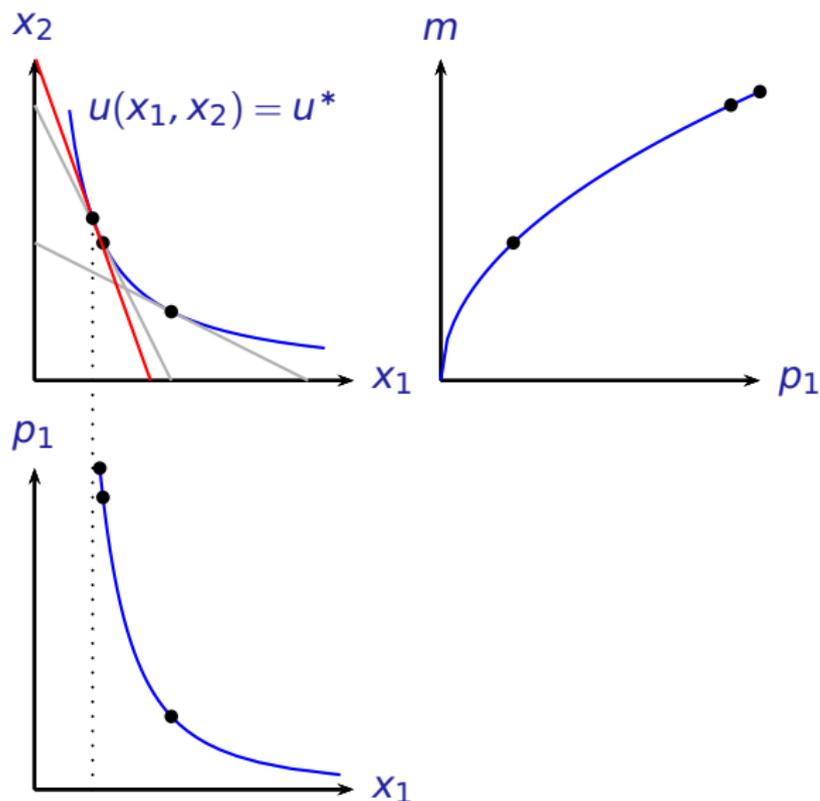
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



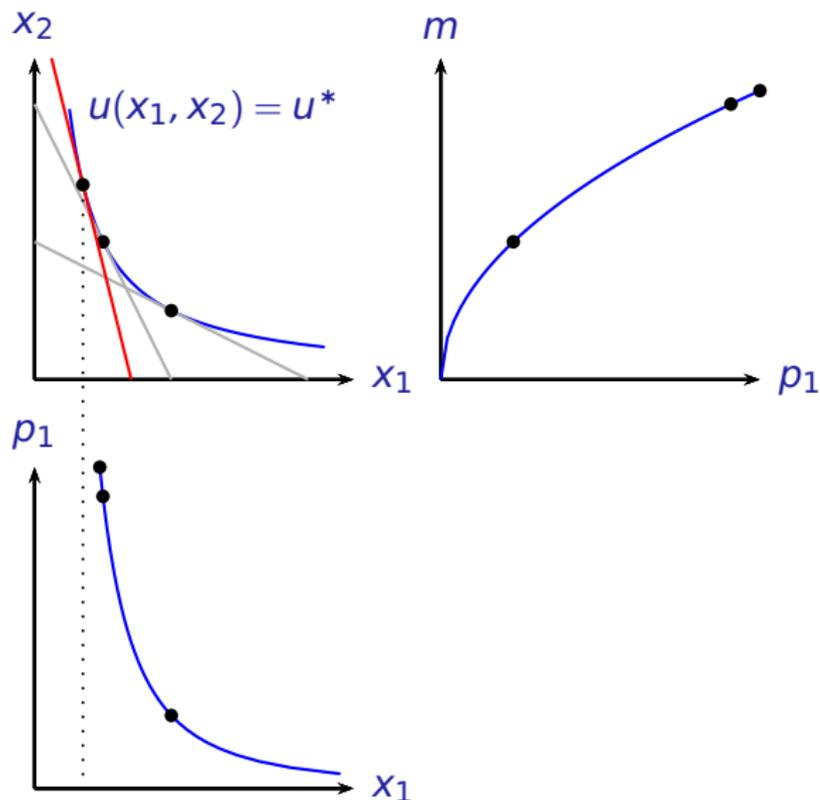
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



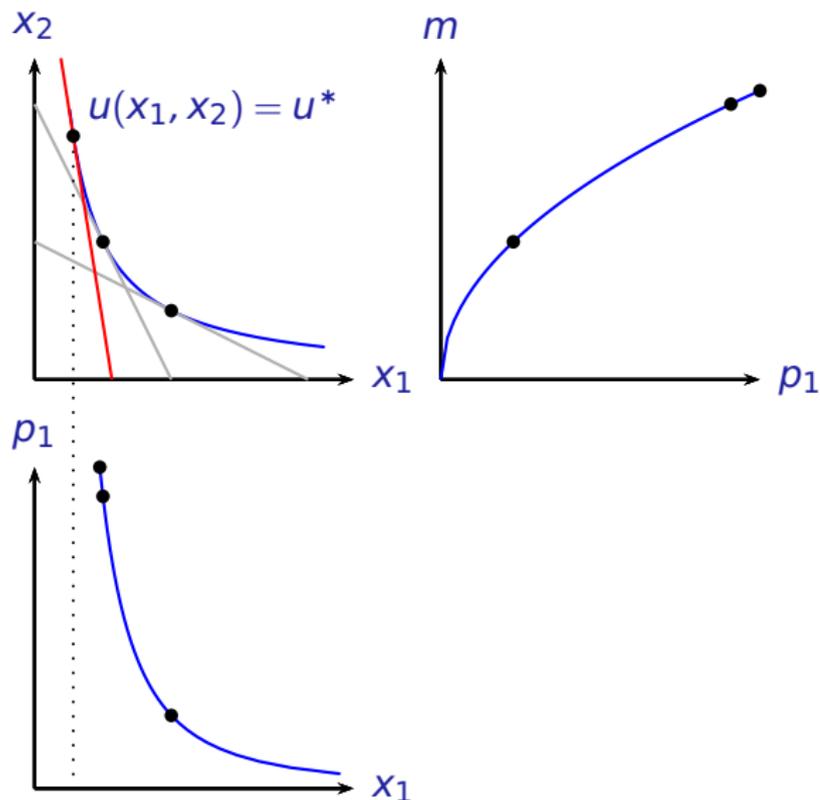
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



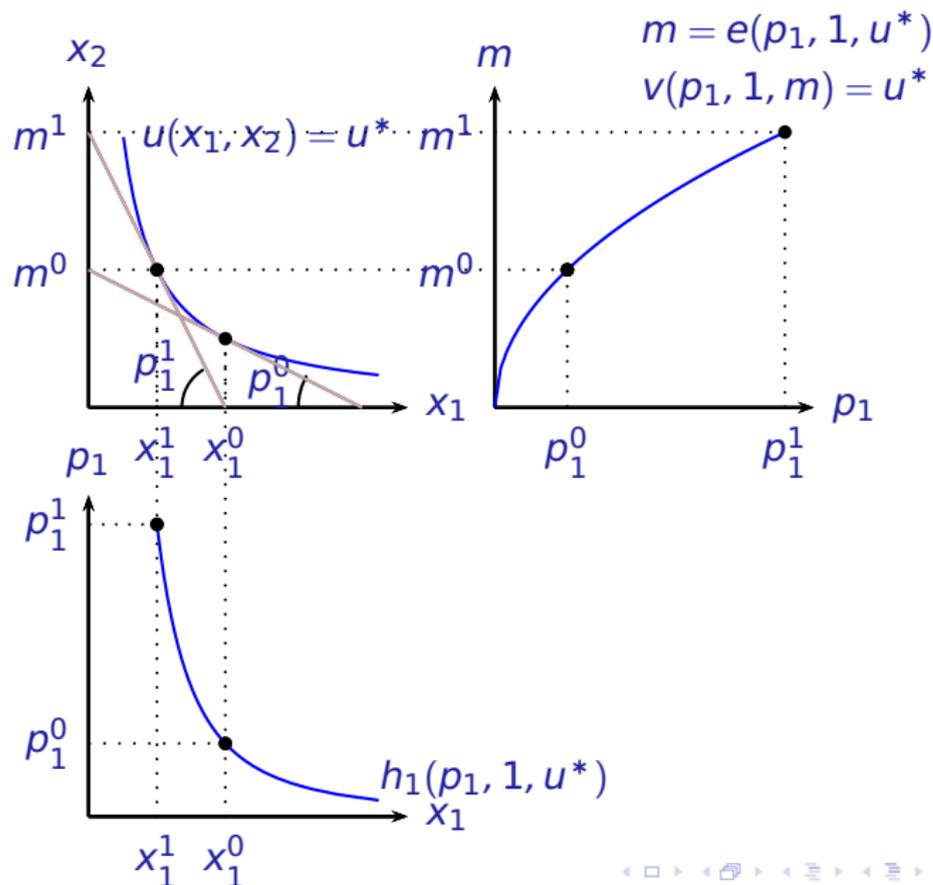
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



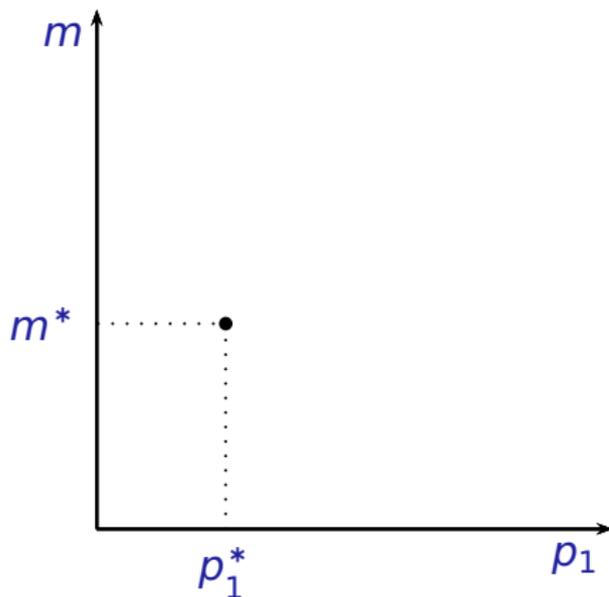
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



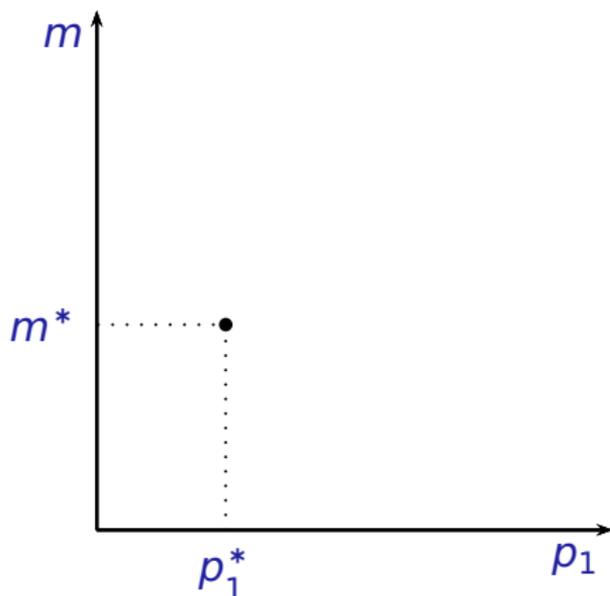
# Exemplo: derivando curvas com $p_2 = 1$



# $e(p_1, p_2, u)$ é côncava em relação a $p_1$



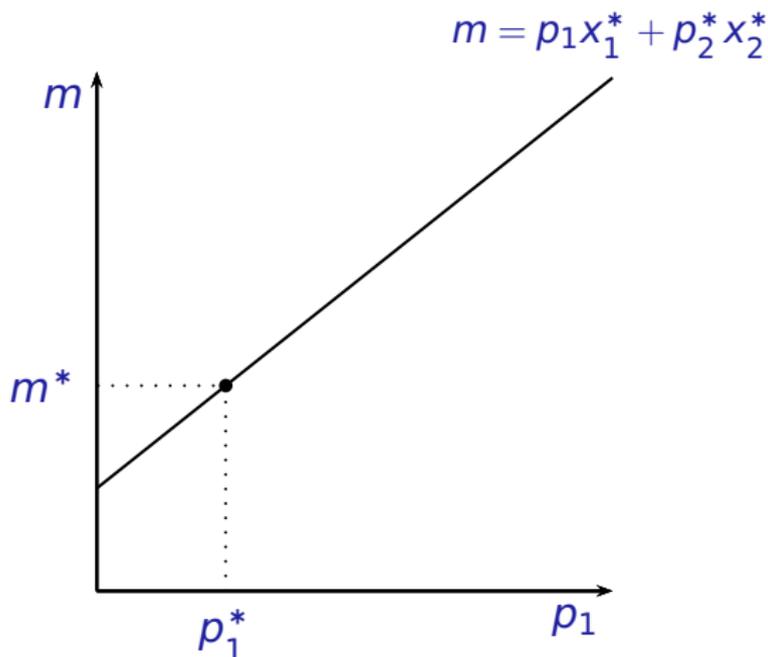
# $e(p_1, p_2, u)$ é côncava em relação a $p_1$



$$x_1^* = x_1(p_1^*, p_2^*, m^*) \quad x_2^* = x_2(p_1^*, p_2^*, m^*)$$

$$u^* = U(x_1^*, x_2^*) = V(p_1^*, p_2^*, m^*)$$

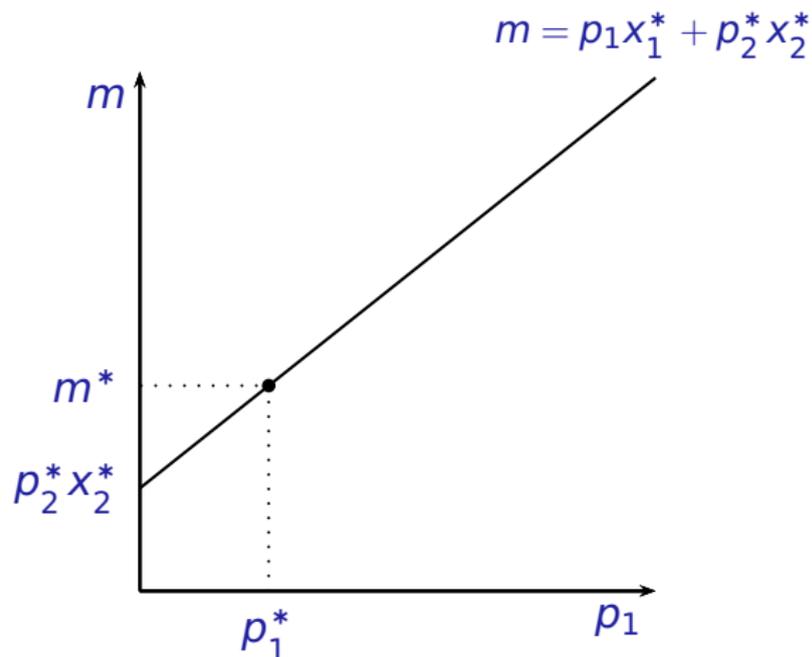
# $e(p_1, p_2, u)$ é côncava em relação a $p_1$



$$x_1^* = x_1(p_1^*, p_2^*, m^*) \quad x_2^* = x_2(p_1^*, p_2^*, m^*)$$

$$u^* = U(x_1^*, x_2^*) = V(p_1^*, p_2^*, m^*)$$

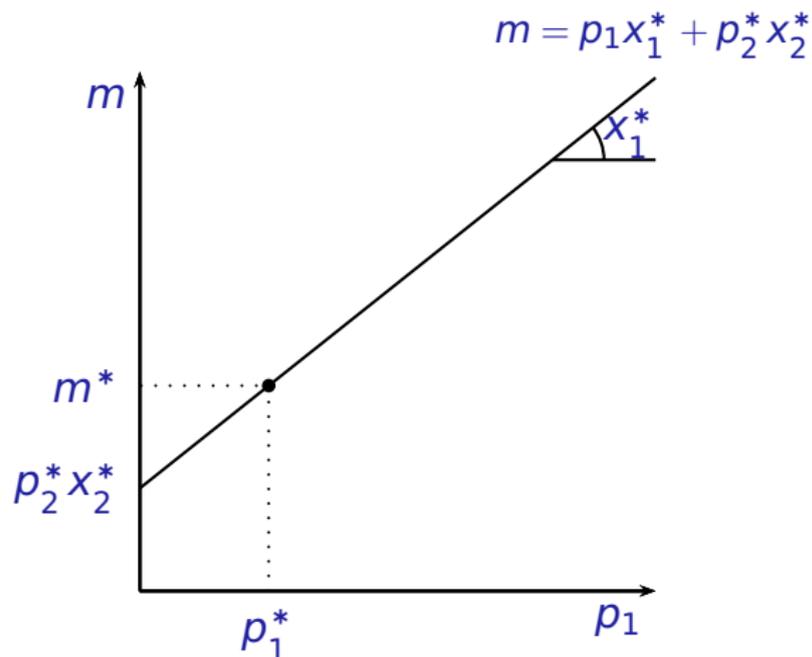
# $e(p_1, p_2, u)$ é côncava em relação a $p_1$



$$x_1^* = x_1(p_1^*, p_2^*, m^*) \quad x_2^* = x_2(p_1^*, p_2^*, m^*)$$

$$u^* = U(x_1^*, x_2^*) = V(p_1^*, p_2^*, m^*)$$

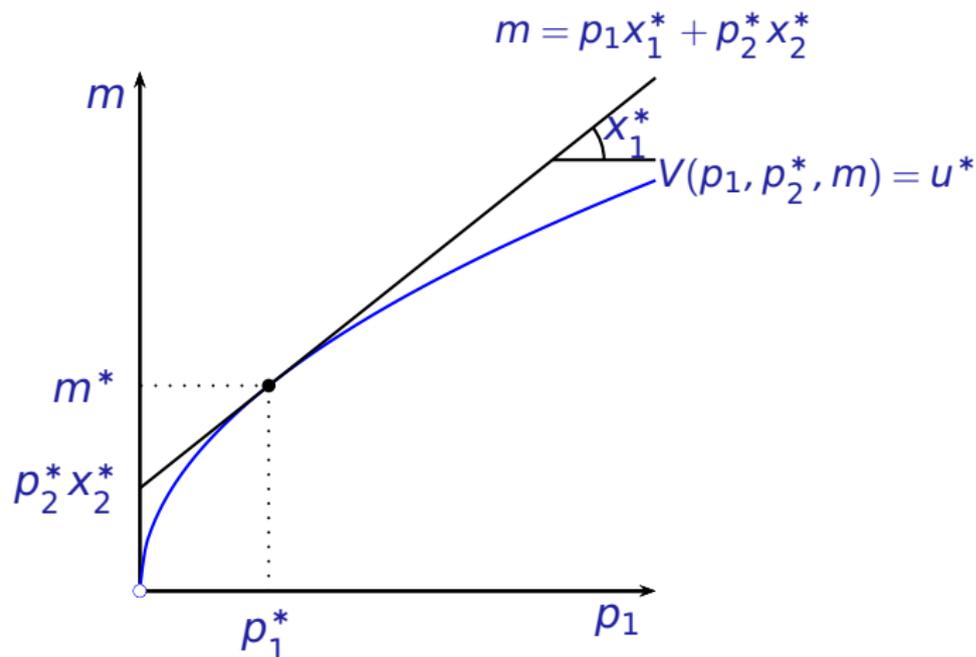
# $e(p_1, p_2, u)$ é côncava em relação a $p_1$



$$x_1^* = x_1(p_1^*, p_2^*, m^*) \quad x_2^* = x_2(p_1^*, p_2^*, m^*)$$

$$u^* = U(x_1^*, x_2^*) = V(p_1^*, p_2^*, m^*)$$

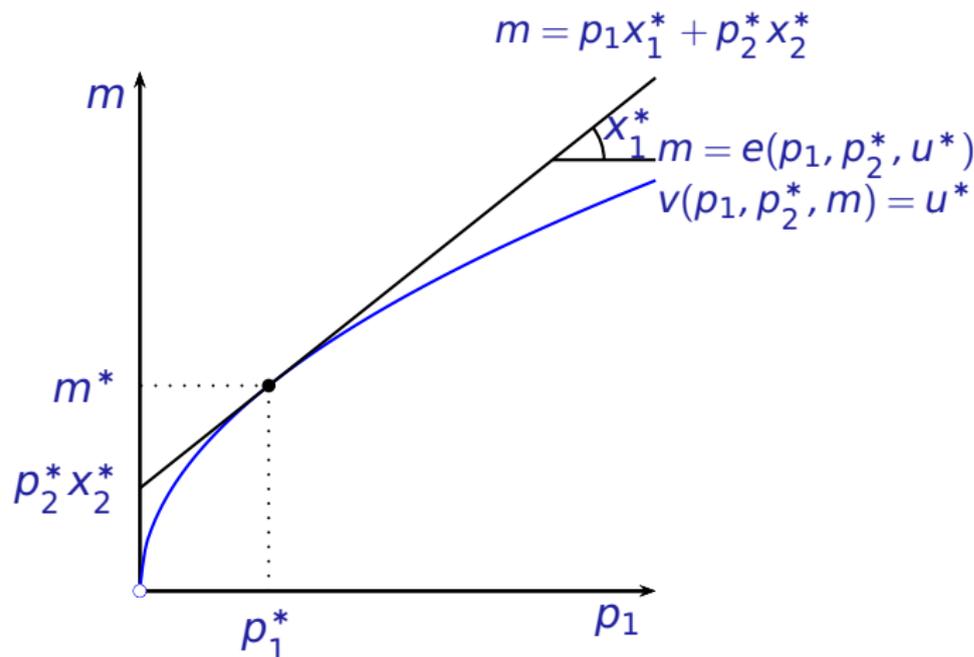
# $e(p_1, p_2, u)$ é côncava em relação a $p_1$



$$x_1^* = x_1(p_1^*, p_2^*, m^*) \quad x_2^* = x_2(p_1^*, p_2^*, m^*)$$

$$u^* = U(x_1^*, x_2^*) = V(p_1^*, p_2^*, m^*)$$

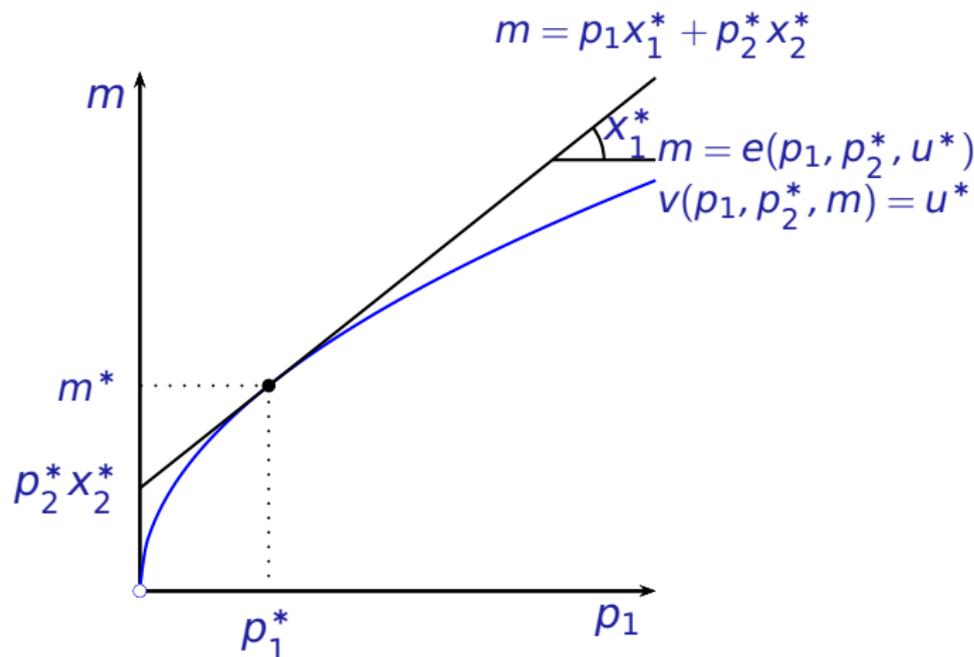
# $e(p_1, p_2, u)$ é côncava em relação a $p_1$



$$x_1^* = x_1(p_1^*, p_2^*, m^*) \quad x_2^* = x_2(p_1^*, p_2^*, m^*)$$

$$u^* = U(x_1^*, x_2^*) = V(p_1^*, p_2^*, m^*)$$

# $e(p_1, p_2, u)$ é côncava em relação a $p_1$



$$x_1^* = h_1(p_1^*, p_2^*, u^*) \quad x_2^* = h_2(p_1^*, p_2^*, u^*)$$

$$u^* = U(x_1^*, x_2^*) = V(p_1^*, p_2^*, m^*)$$

# Lema de Shephard

$$\frac{\partial e(p_1, p_2, u)}{\partial p_1} = h_1(p_1, p_2, u)$$
$$\frac{\partial e(p_1, p_2, u)}{\partial p_2} = h_2(p_1, p_2, u)$$

# Exemplo: preferências Cobb-Douglas

## Função dispêndio

$$e(p_1, p_2, u) = u \frac{p_1^a p_2^{1-a}}{a^a (1-a)^{1-a}}$$

# Exemplo: preferências Cobb-Douglas

## Função dispêndio

$$e(p_1, p_2, u) = u \frac{p_1^a p_2^{1-a}}{a^a (1-a)^{1-a}}$$

## Função demanda compensada:

$$h_1(p_1, p_2, u) = \frac{\partial e(p_1, p_2, u)}{\partial p_1}$$

# Exemplo: preferências Cobb-Douglas

## Função dispêndio

$$e(p_1, p_2, u) = u \frac{p_1^a p_2^{1-a}}{a^a (1-a)^{1-a}}$$

## Função demanda compensada:

$$\begin{aligned} h_1(p_1, p_2, u) &= \frac{\partial e(p_1, p_2, u)}{\partial p_1} \\ &= \frac{\partial}{\partial p_1} u \frac{p_1^a p_2^{1-a}}{a^a (1-a)^{1-a}} \end{aligned}$$

# Exemplo: preferências Cobb-Douglas

## Função dispêndio

$$e(p_1, p_2, u) = u \frac{p_1^a p_2^{1-a}}{a^a (1-a)^{1-a}}$$

## Função demanda compensada:

$$\begin{aligned} h_1(p_1, p_2, u) &= \frac{\partial e(p_1, p_2, u)}{\partial p_1} \\ &= \frac{\partial}{\partial p_1} u \frac{p_1^a p_2^{1-a}}{a^a (1-a)^{1-a}} = au \frac{p_1^{a-1} p_2^{1-a}}{a^a (1-a)^{1-a}} \end{aligned}$$

# Exemplo: preferências Cobb-Douglas

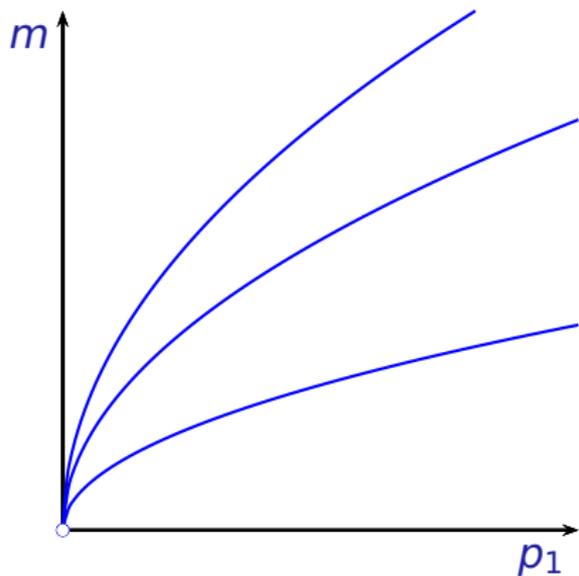
## Função dispêndio

$$e(p_1, p_2, u) = u \frac{p_1^a p_2^{1-a}}{a^a (1-a)^{1-a}}$$

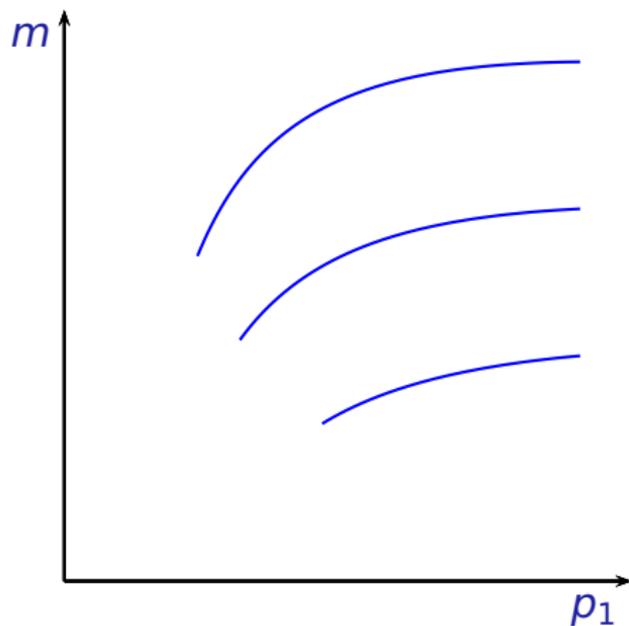
## Função demanda compensada:

$$\begin{aligned} h_1(p_1, p_2, u) &= \frac{\partial e(p_1, p_2, u)}{\partial p_1} \\ &= \frac{\partial}{\partial p_1} u \frac{p_1^a p_2^{1-a}}{a^a (1-a)^{1-a}} = au \frac{p_1^{a-1} p_2^{1-a}}{a^a (1-a)^{1-a}} \\ &= u \left[ \frac{a}{1-a} \frac{p_2}{p_1} \right]^{1-a} \end{aligned}$$

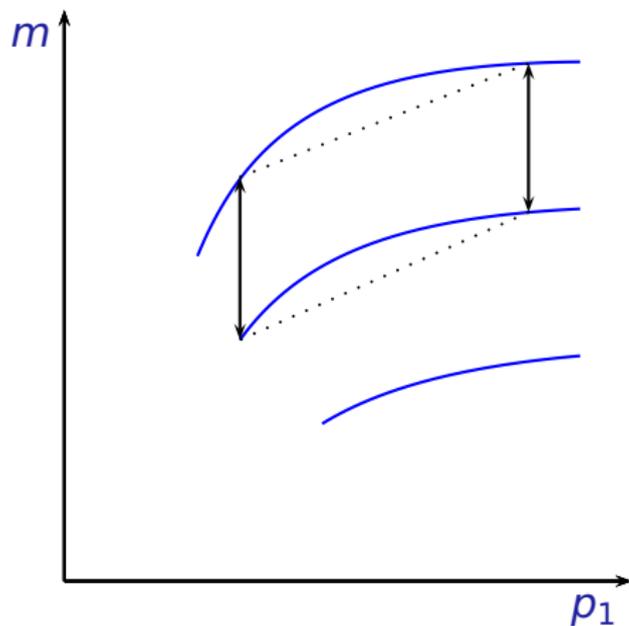
# Curvas de iso-utilidade indireta para bens normais



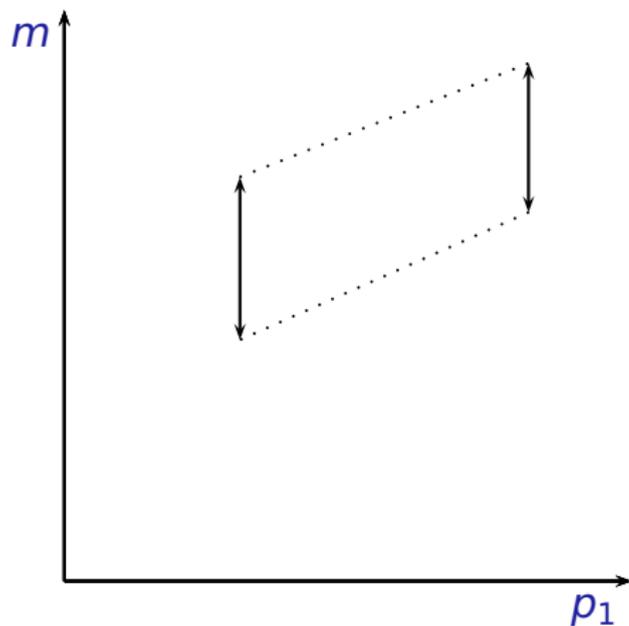
# Curvas de iso-utilidade indireta para bens inferiores



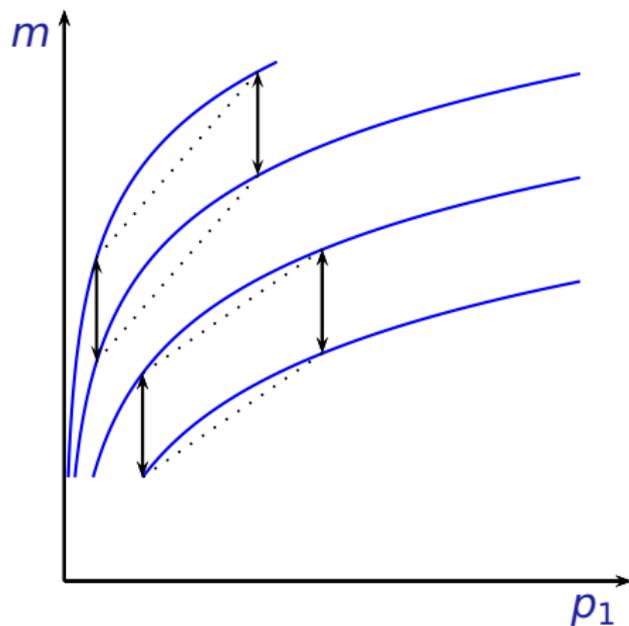
# Curvas de iso-utilidade indireta para bens inferiores



# Curvas de iso-utilidade indireta para bens inferiores



# Curvas de iso-utilidade indireta para preferências quase-lineares



# Lei da demanda compensada

A demanda compensada de um bem é não crescente em relação ao preço desse bem, ou seja

$$p_1^1 > p_1^0 \Rightarrow h_1(p_1^1, p_2, m) \leq h_1(p_1^0, p_2, m)$$

# Lei da demanda compensada

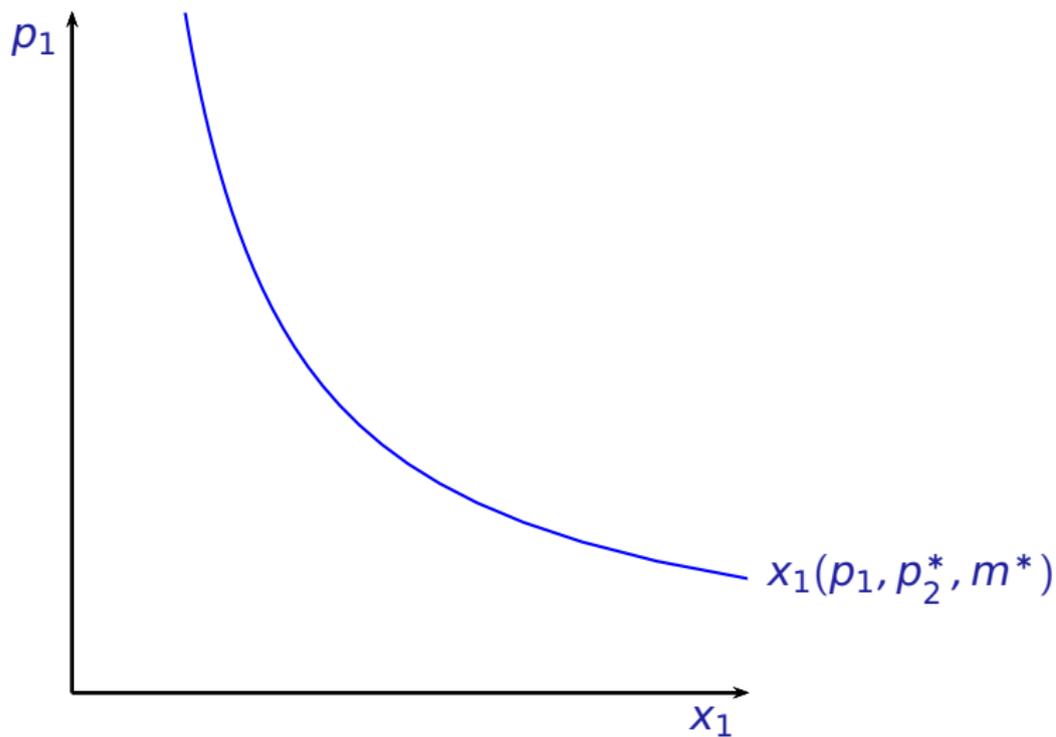
A demanda compensada de um bem é não crescente em relação ao preço desse bem, ou seja

$$p_1^1 > p_1^0 \Rightarrow h_1(p_1^1, p_2, m) \leq h_1(p_1^0, p_2, m)$$

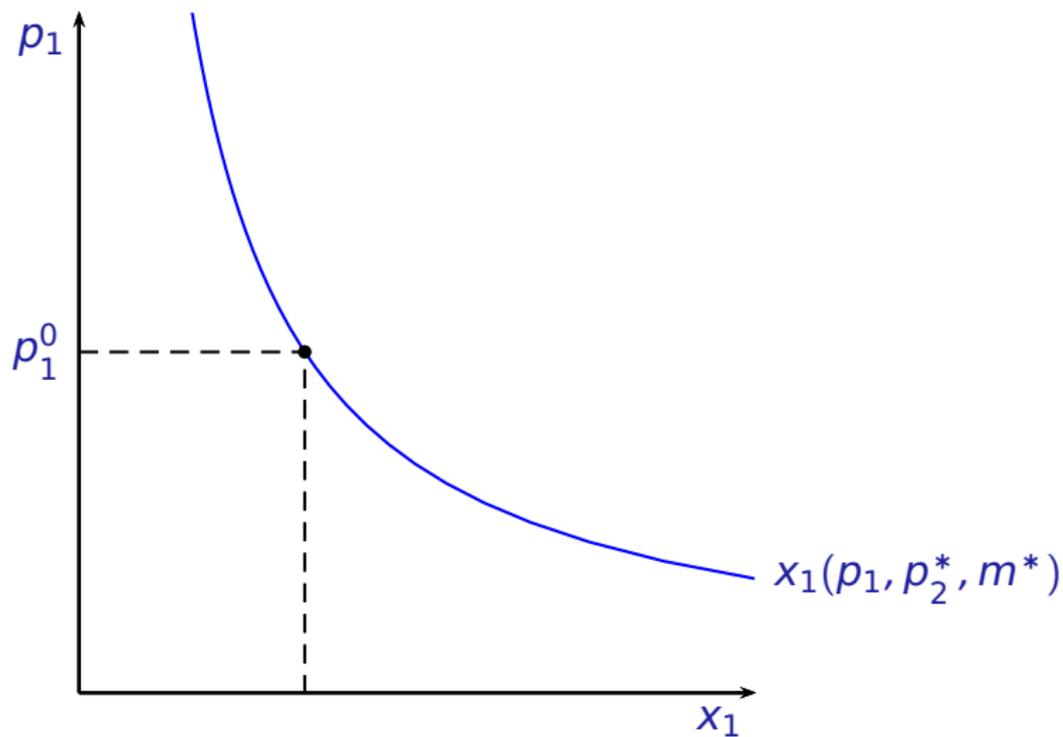
## Observação:

A lei da demanda não é válida para a demanda não compensada, uma vez que os bens Giffen são teoricamente possíveis.

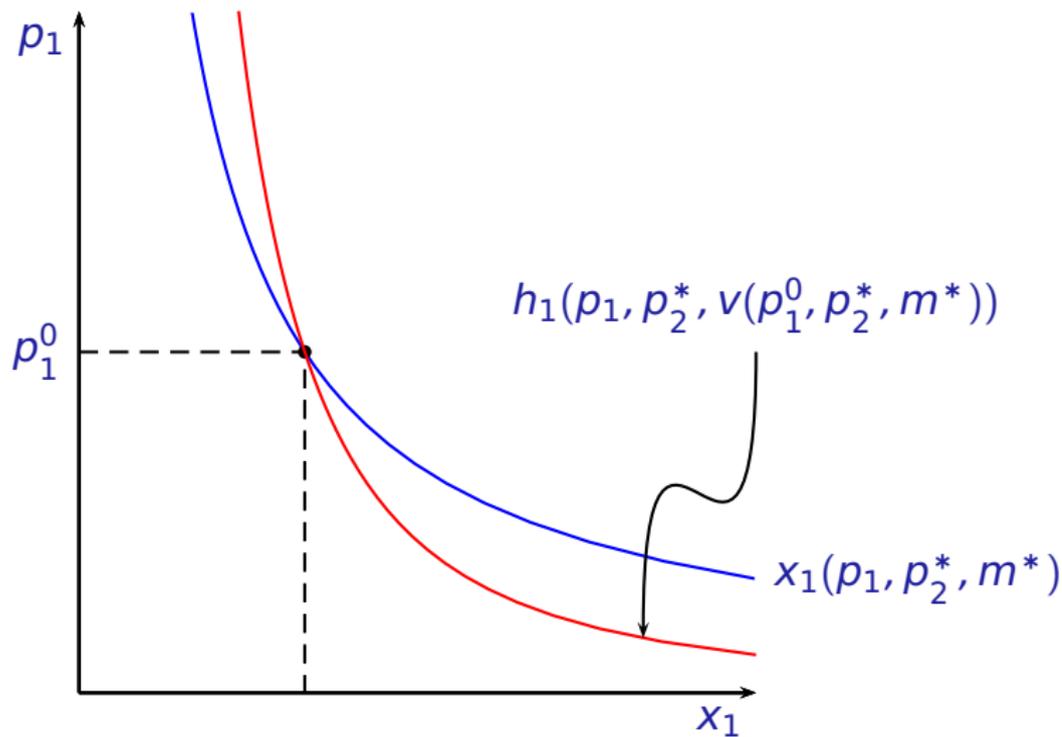
# Curvas de demanda marshalliana e de demanda compensada – bem normal



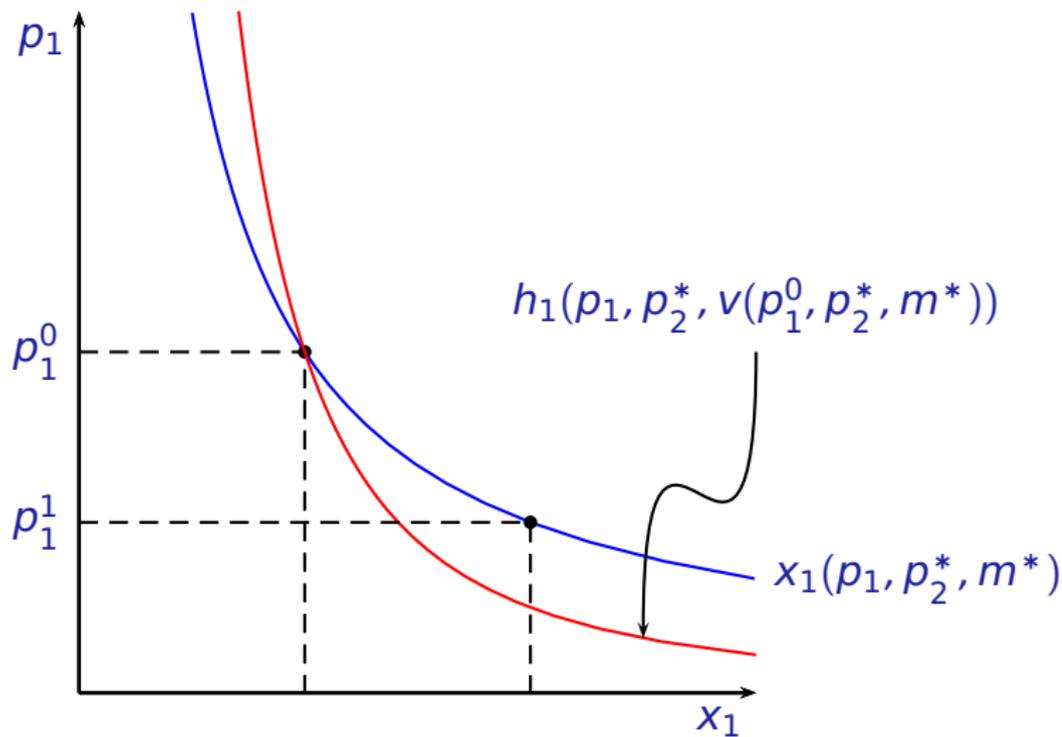
# Curvas de demanda marshalliana e de demanda compensada – bem normal



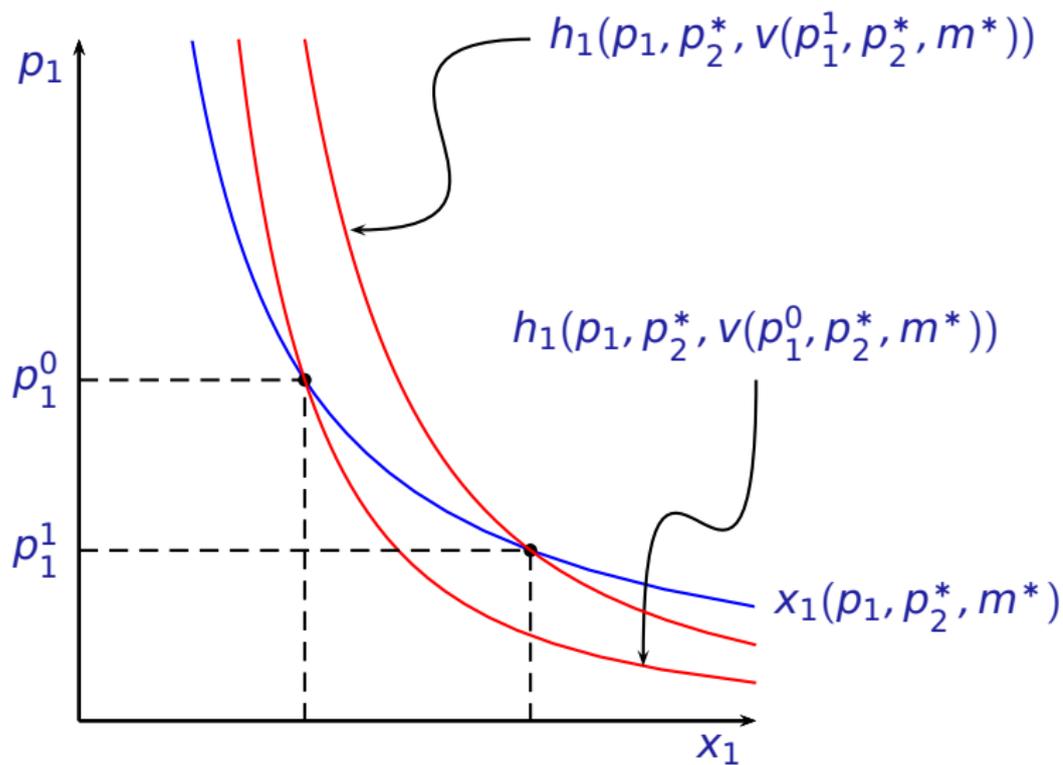
# Curvas de demanda marshalliana e de demanda compensada – bem normal



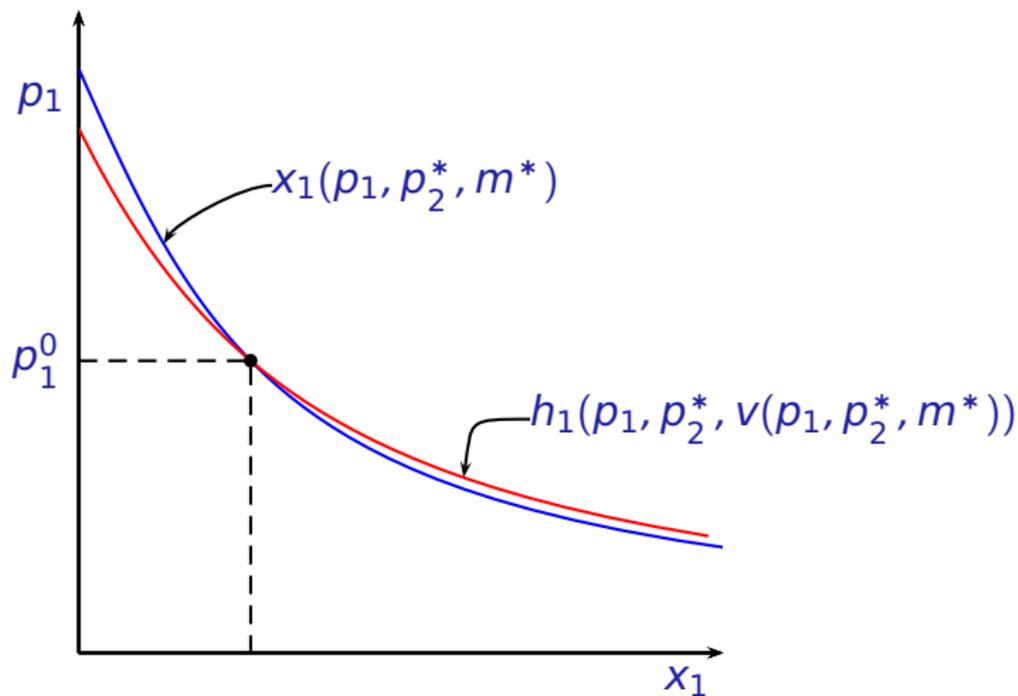
# Curvas de demanda marshalliana e de demanda compensada – bem normal



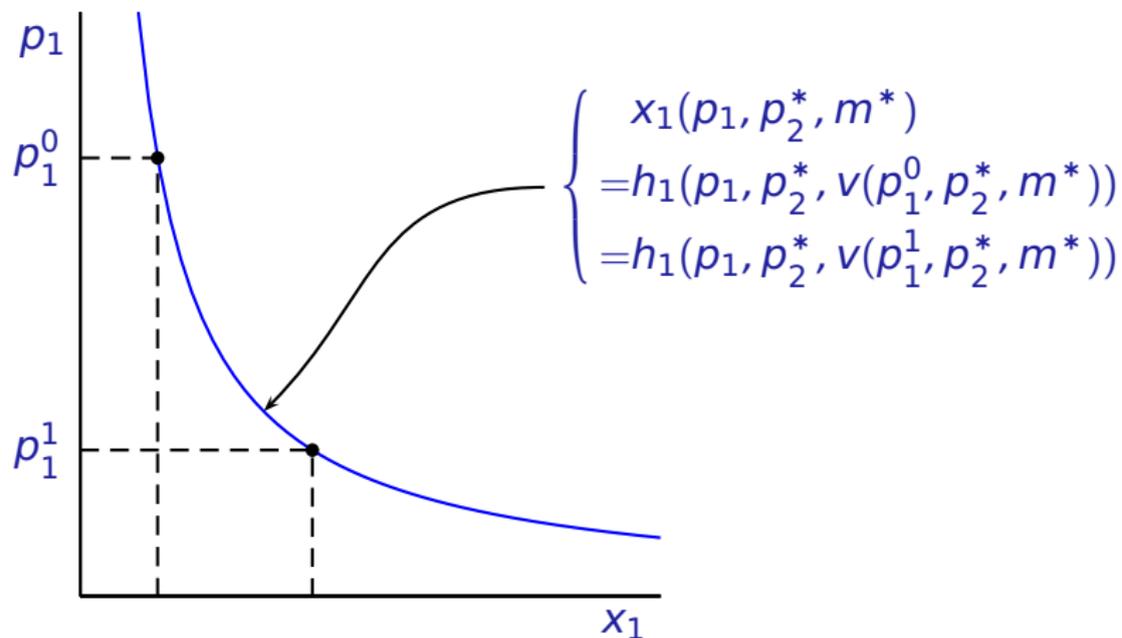
# Curvas de demanda marshalliana e de demanda compensada – bem normal



# Curvas de demanda marshalliana e de demanda compensada – bem inferior



# Curvas de demanda marshalliana e de demanda compensada – preferências quase-lineares



- 1 A função de utilidade indireta
- 2 Função dispêndio e demanda compensada
- 3 Medidas de variação de bem estar individual**
  - Variação compensatória
  - Variação equivalente
  - Comparações
  - Excedente do consumidor
- 4 Equação de Slutsky
- 5 O problema de minimização dos gastos
- 6 Exercícios

# Varição compensatória

Seja uma mudança nos preços e na renda do consumidor dos valores iniciais  $(p_1^0, p_2^0, m^0)$  para os valores finais  $(p_1^1, p_2^1, m^1)$ . Associada a essa mudança definimos a variação compensatória na renda desse consumidor ( $VC$ ) como a redução na renda (ou o negativo do aumento na renda) necessária(o) para fazer com que, a partir dos preços e renda finais  $(p_1^1, p_2^1, m^1)$ , o consumidor volte a obter em equilíbrio, o mesmo nível de utilidade que obtia com os preços e renda originais,  $(p_1^0, p_2^0, m^0)$ .

# Variação compensatória – definições equivalentes

Usando a função de utilidade indireta:

$$V(p_1^1, p_2^1, m^1 - VC) = V(p_1^0, p_2^0, m^0)$$

# Variação compensatória – definições equivalentes

Usando a função de utilidade indireta:

$$V(p_1^1, p_2^1, m^1 - VC) = V(p_1^0, p_2^0, m^0)$$

Usando a função dispêndio:

$$VC = m^1 - e(p_1^1, p_2^1, V(p_1^0, p_2^0, m^0))$$

# Variação compensatória – definições equivalentes

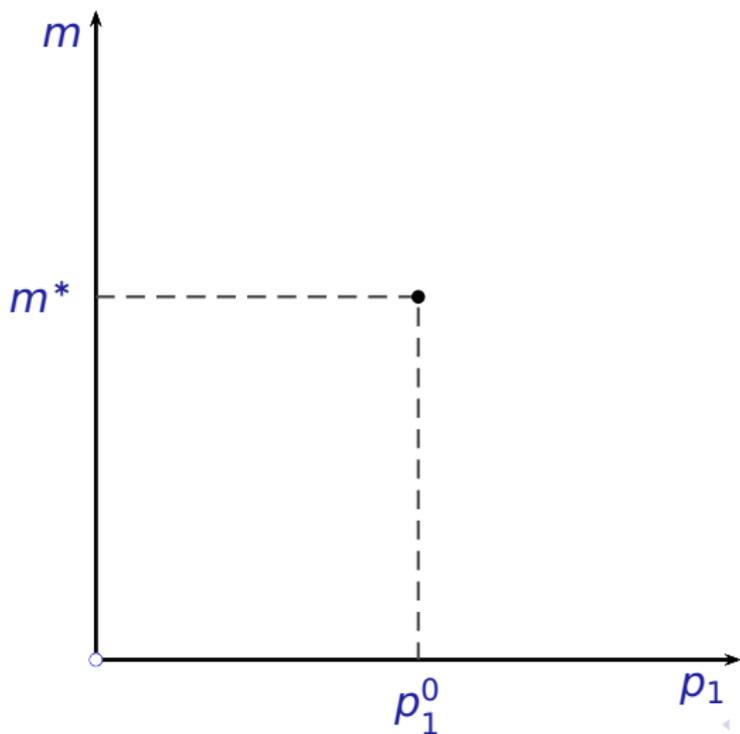
Usando a função de utilidade indireta:

$$V(p_1^1, p_2^1, m^1 - VC) = V(p_1^0, p_2^0, m^0)$$

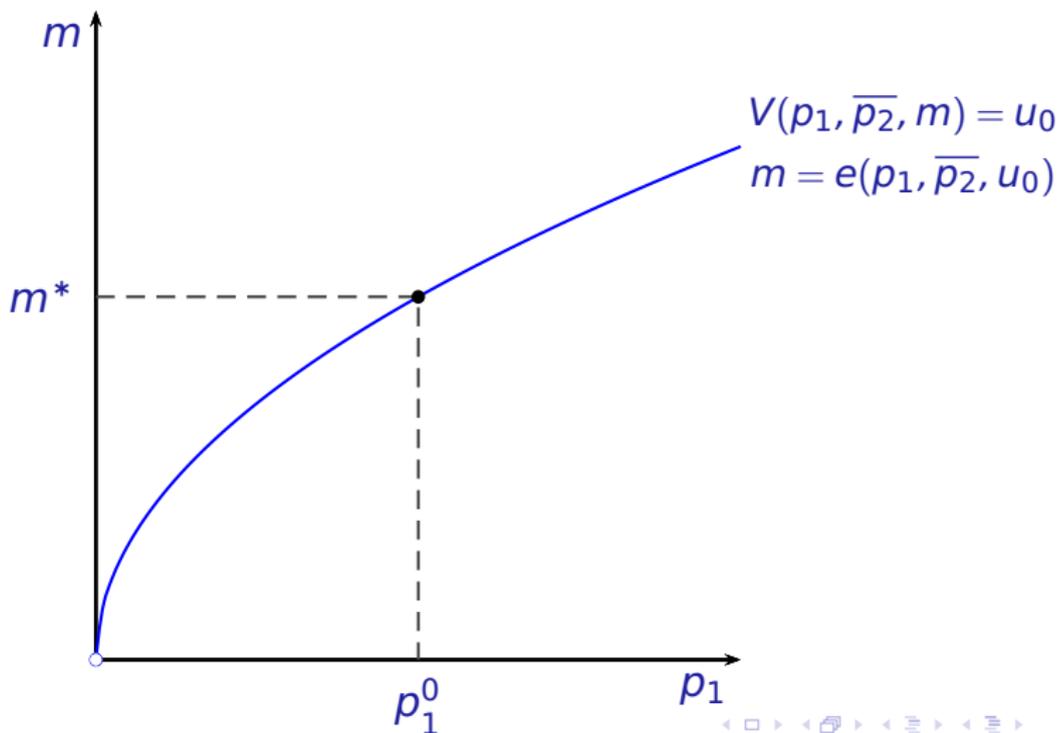
Usando a função dispêndio:

$$VC = m^1 - e(p_1^1, p_2^1, V(p_1^0, p_2^0, m^0))$$

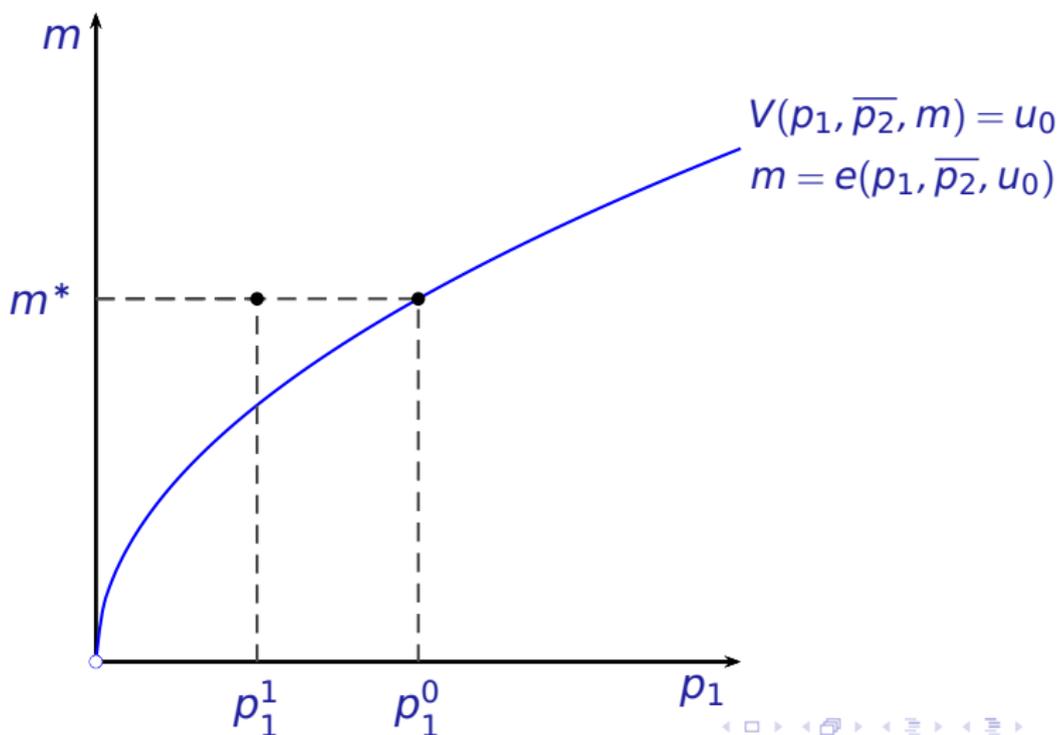
# Representação gráfica – redução em $p_1$



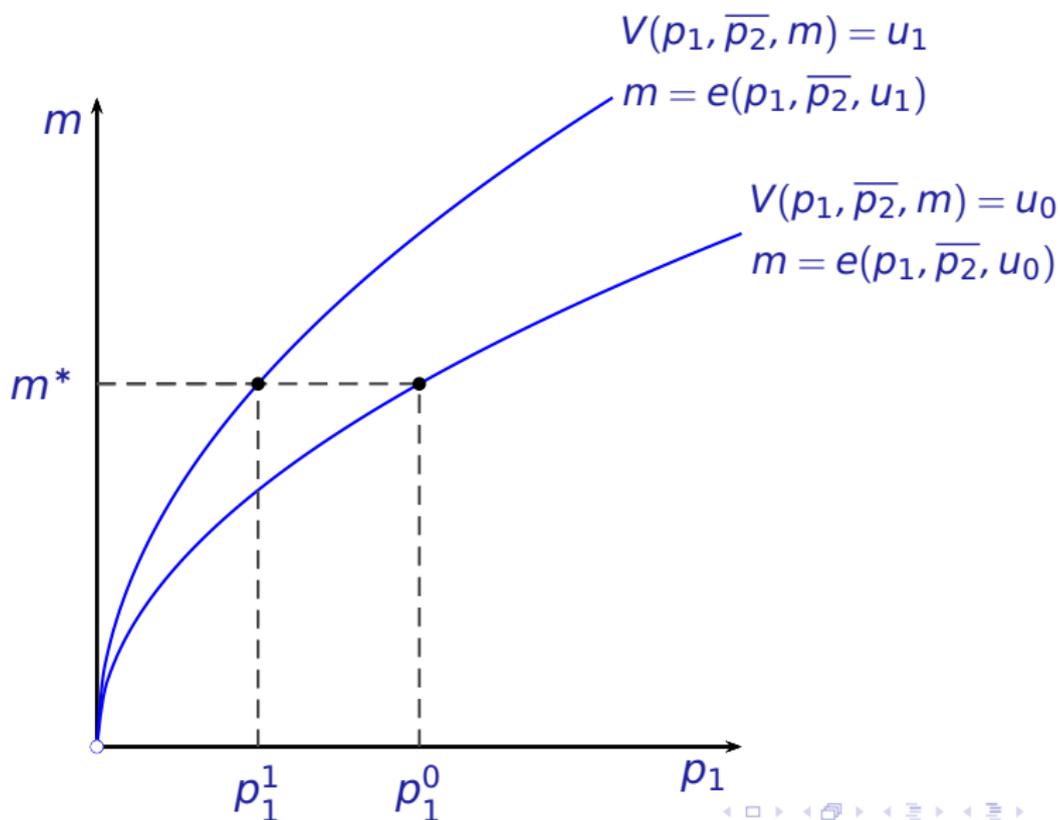
# Representação gráfica – redução em $p_1$



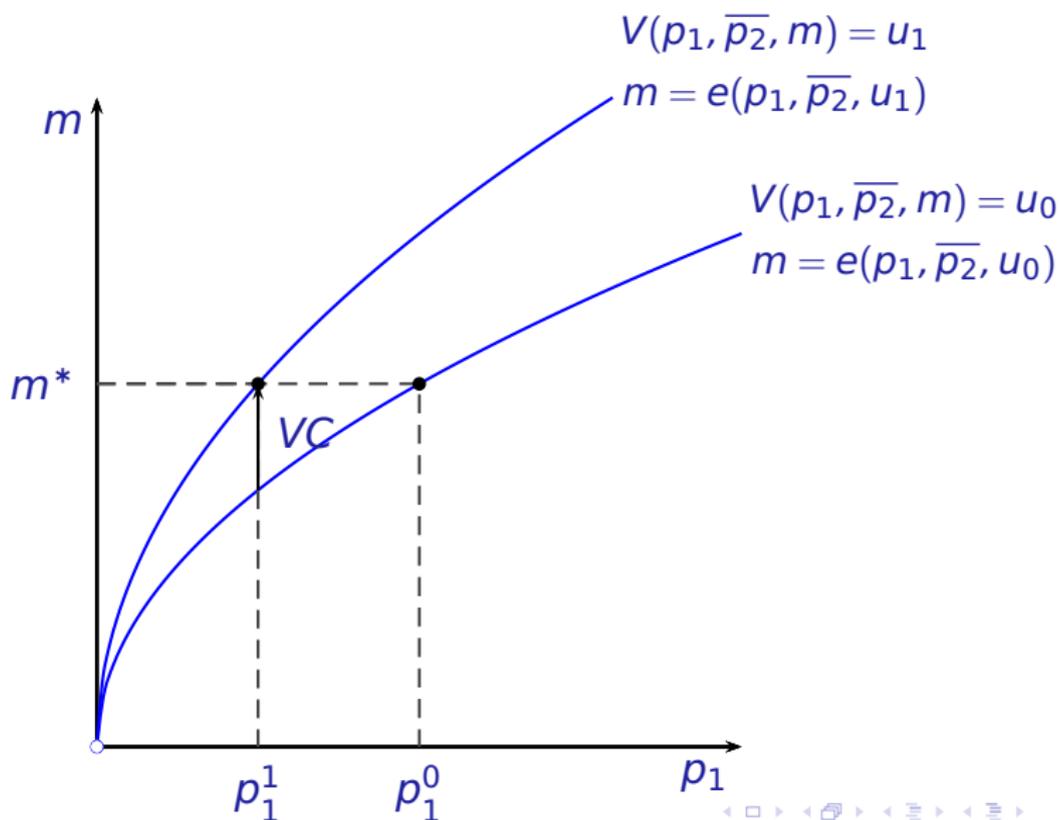
# Representação gráfica – redução em $p_1$



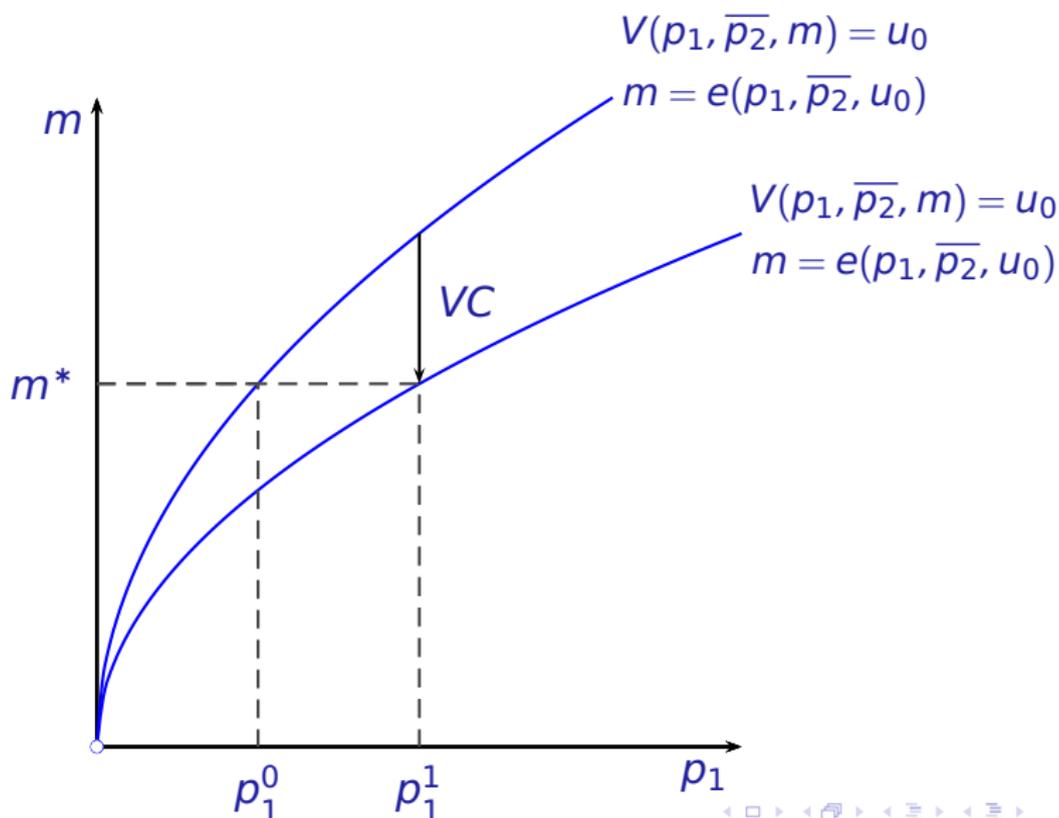
# Representação gráfica – redução em $p_1$



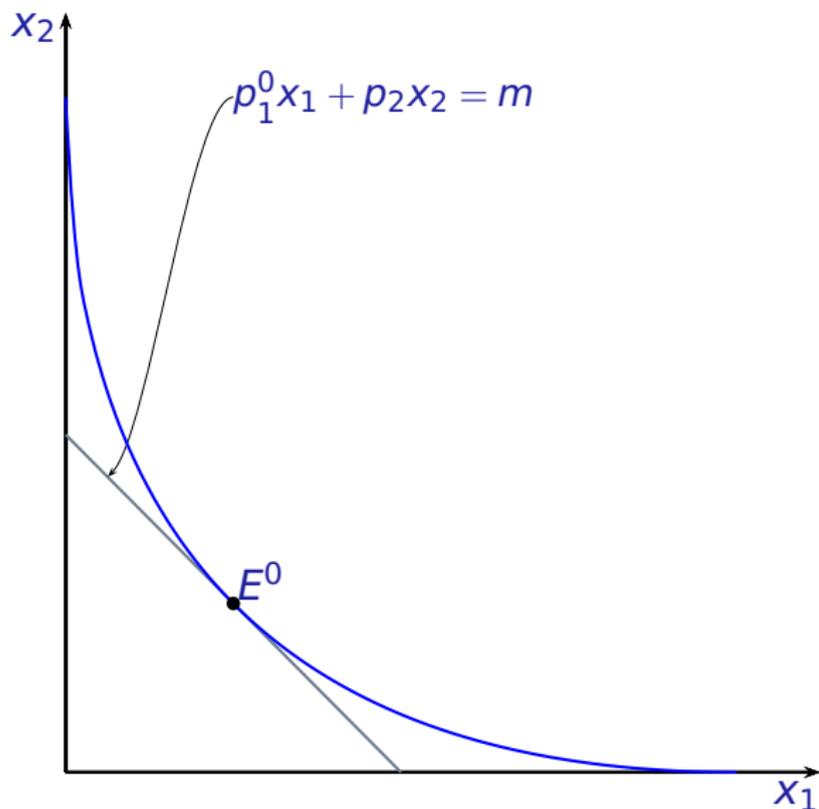
# Representação gráfica – redução em $p_1$



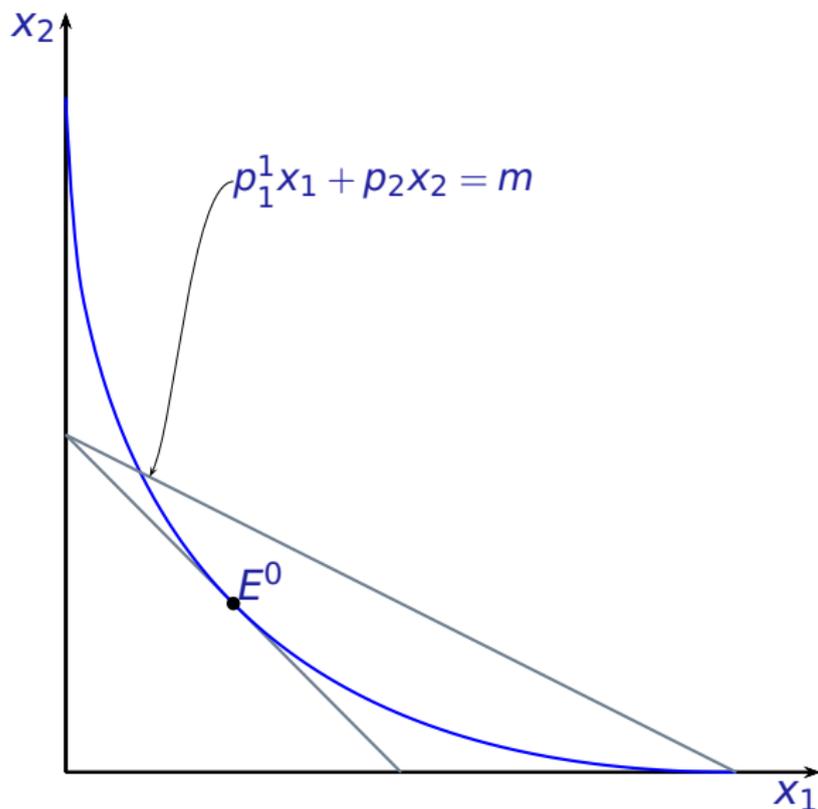
# Representação gráfica – aumento em $p_1$



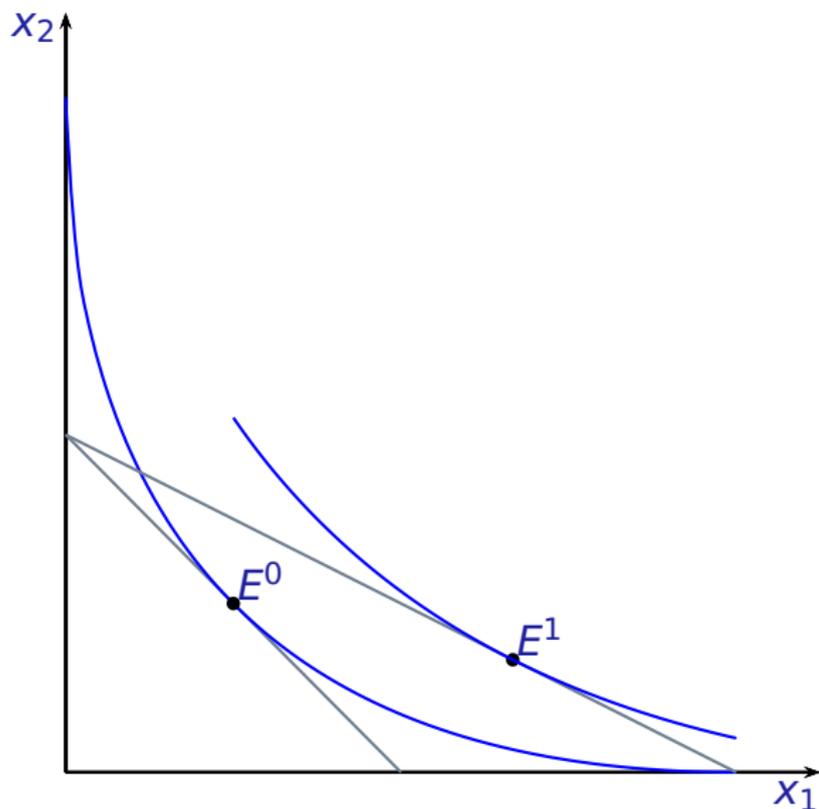
# Redução em $p_1$ – representação alternativa.



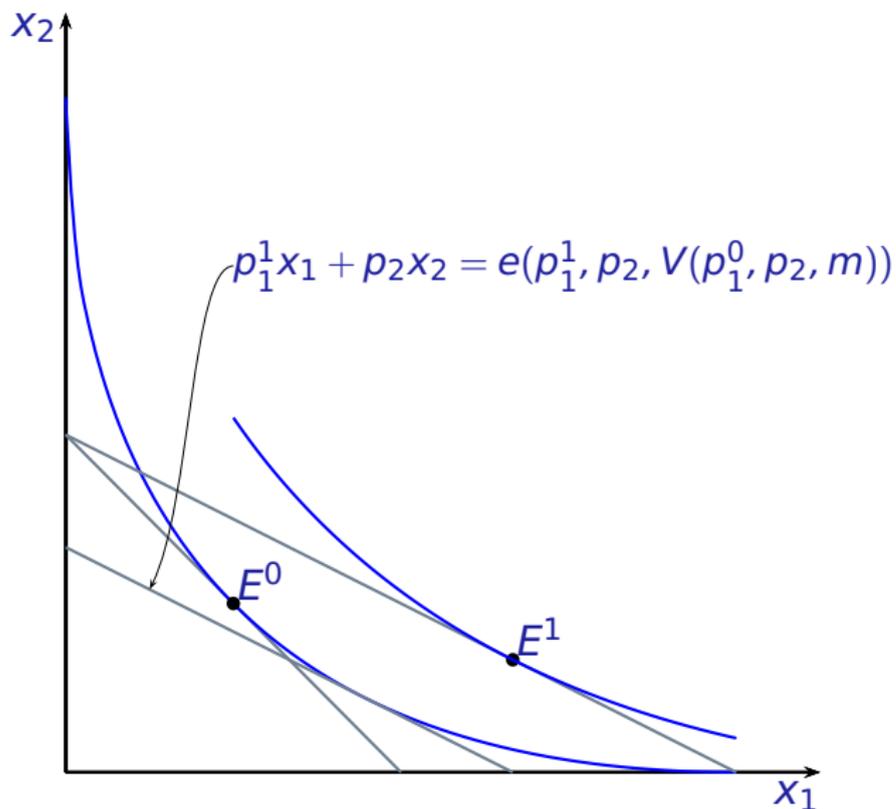
# Redução em $p_1$ – representação alternativa.



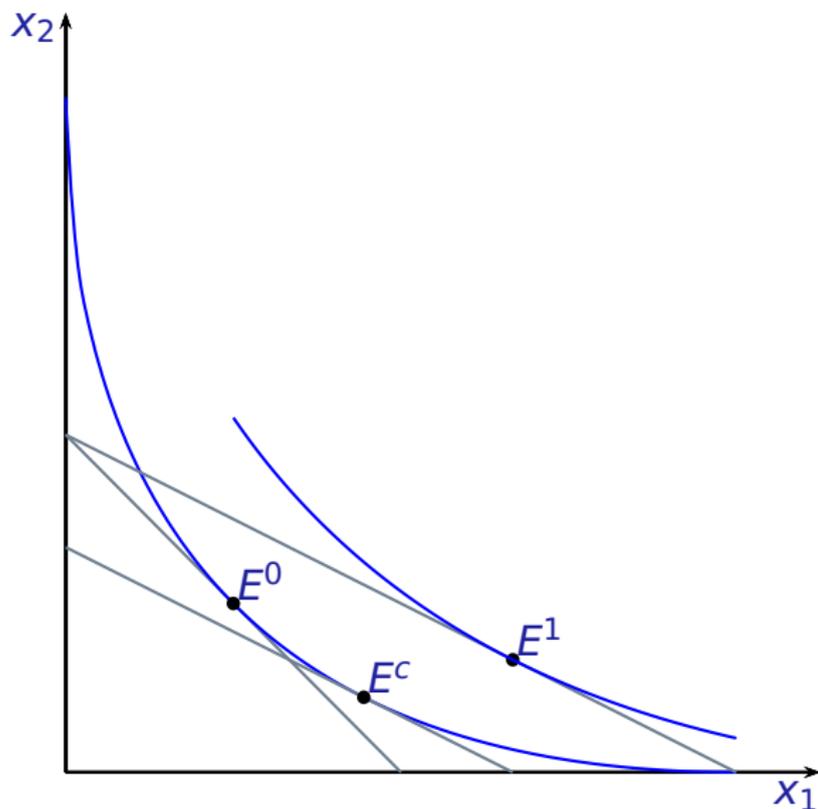
# Redução em $p_1$ – representação alternativa.



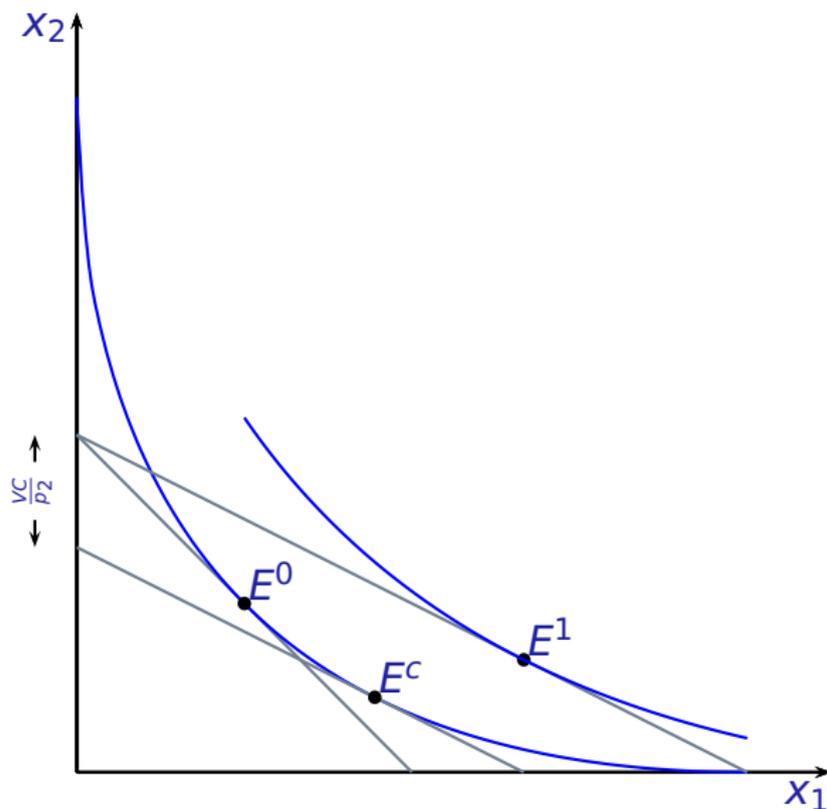
# Redução em $p_1$ – representação alternativa.



# Redução em $p_1$ – representação alternativa.



# Redução em $p_1$ – representação alternativa.



# Variação equivalente

Seja uma mudança nos preços e na renda do consumidor dos valores iniciais  $(p_1^0, p_2^0, m^0)$  para os valores finais  $(p_1^1, p_2^1, m^1)$ . Associada a essa mudança definimos a variação equivalente na renda desse consumidor ( $VE$ ) como o aumento na renda (ou o negativo da redução na renda) necessário(a) para fazer com que, a partir dos preços e renda iniciais  $(p_1^0, p_2^0, m^0)$ , o consumidor passasse a obter em equilíbrio, o mesmo nível de utilidade que obteria com os preços e renda finais,  $(p_1^1, p_2^1, m^1)$ .

Usando a função de utilidade indireta:

$$V(p_1^0, p_2^0, m^0 + VE) = V(p_1^1, p_2^1, m^1)$$

# Variação equivalente – definições equivalentes

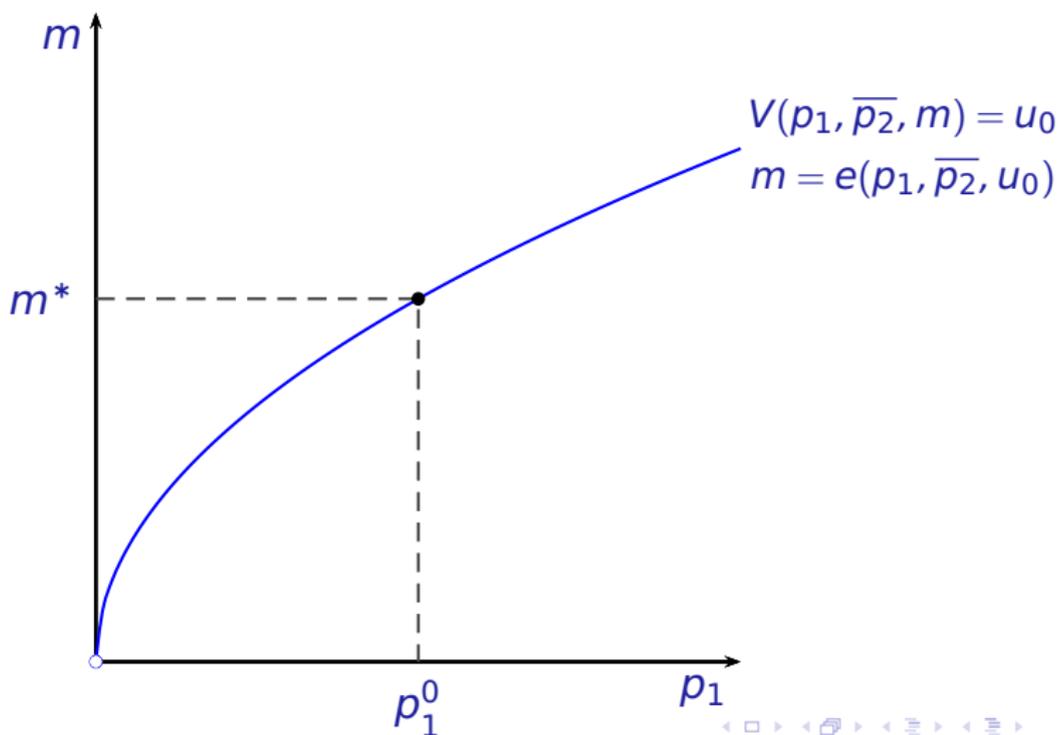
Usando a função de utilidade indireta:

$$V(p_1^0, p_2^0, m^0 + VE) = V(p_1^1, p_2^1, m^1)$$

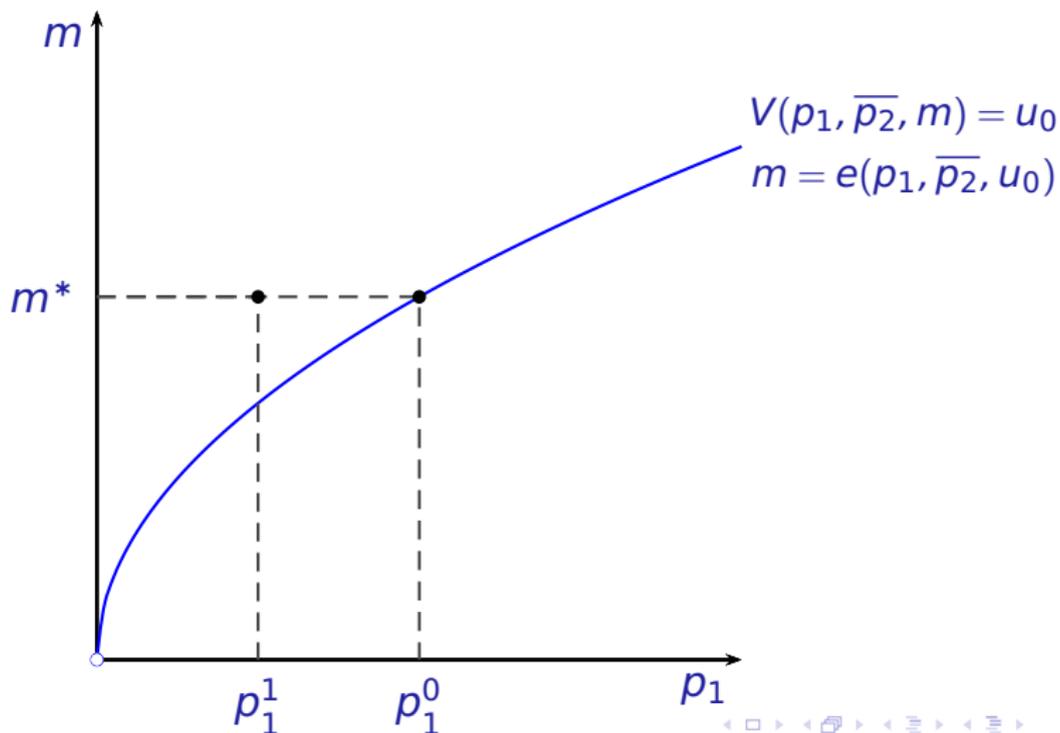
Usando a função dispêndio:

$$VE = e(p_1^0, p_2^0, V(p_1^1, p_2^1, m^1)) - m^0$$

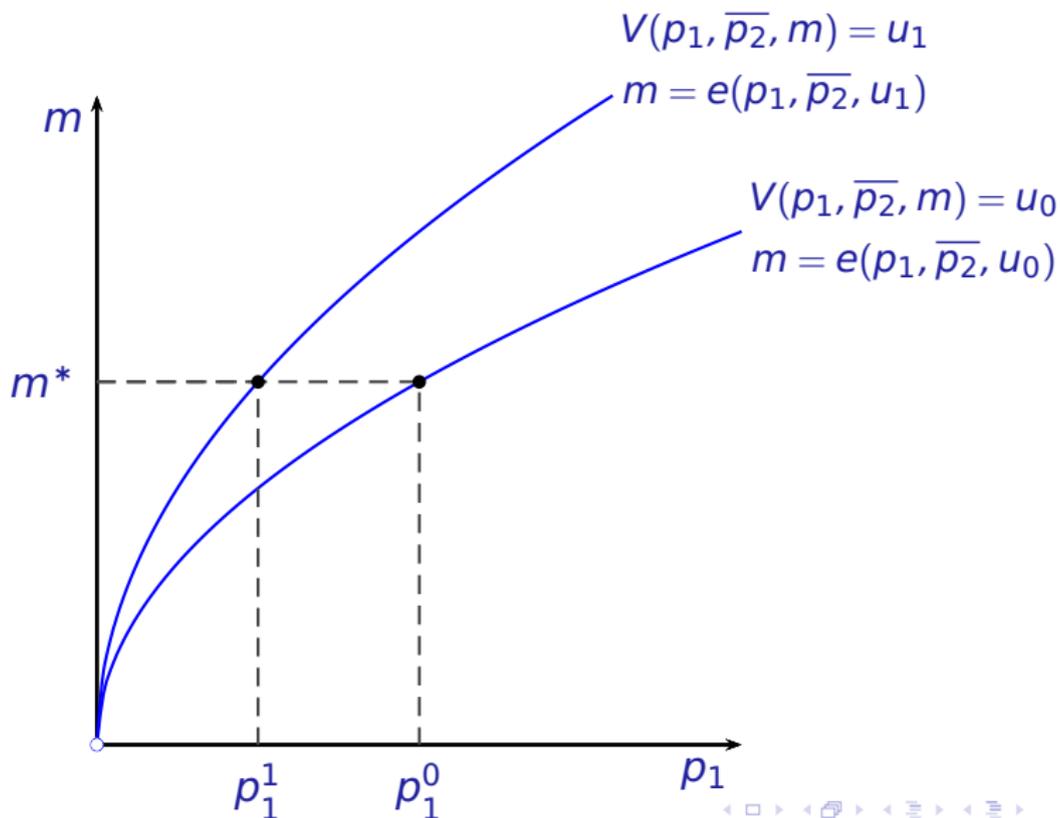
# Representação gráfica – redução em $p_1$



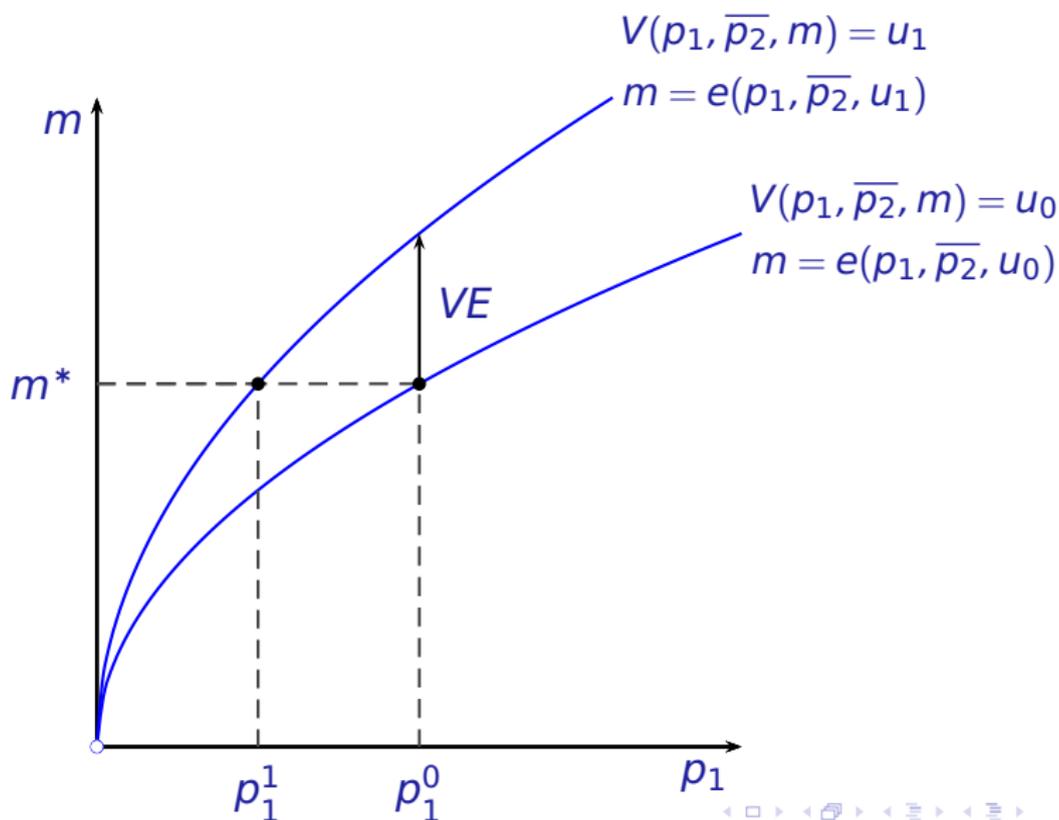
# Representação gráfica – redução em $p_1$



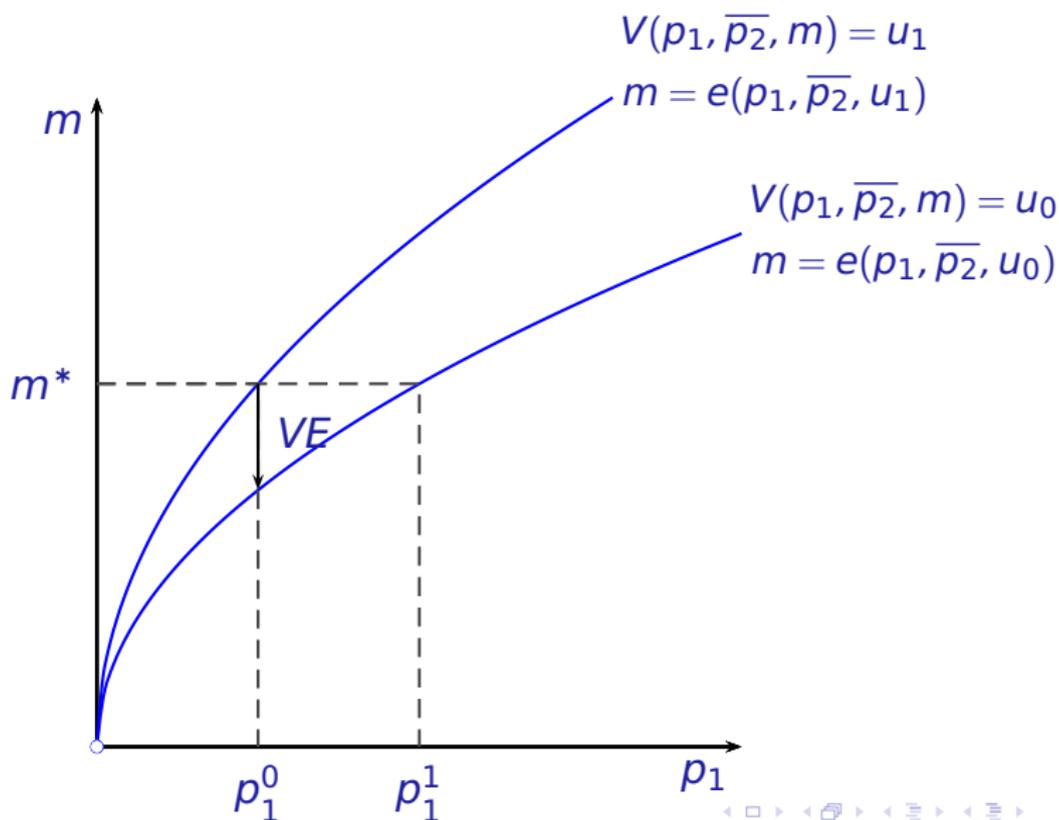
# Representação gráfica – redução em $p_1$



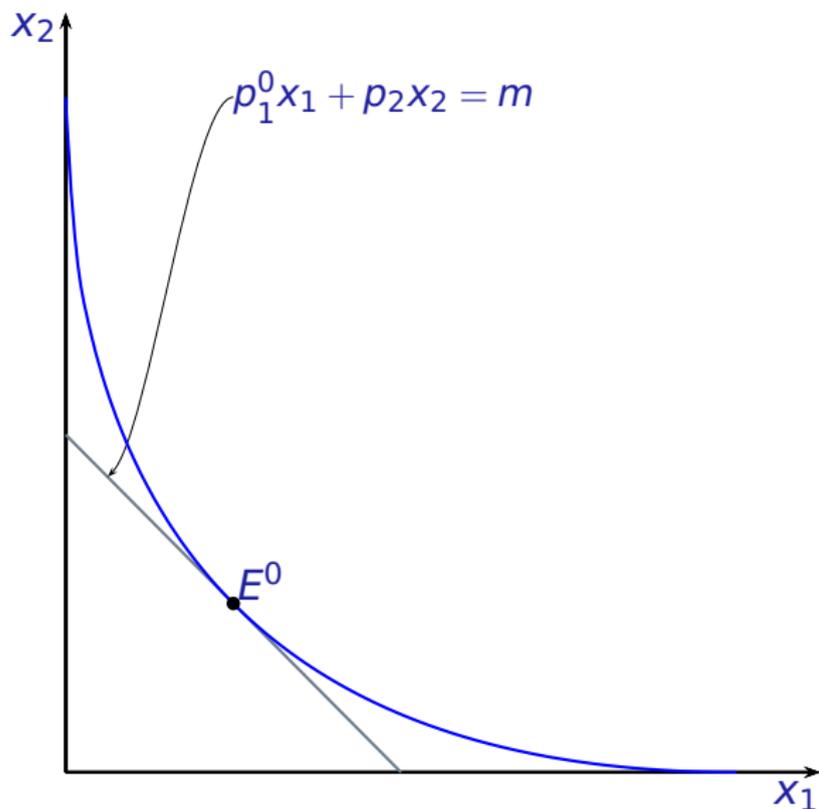
# Representação gráfica – redução em $p_1$



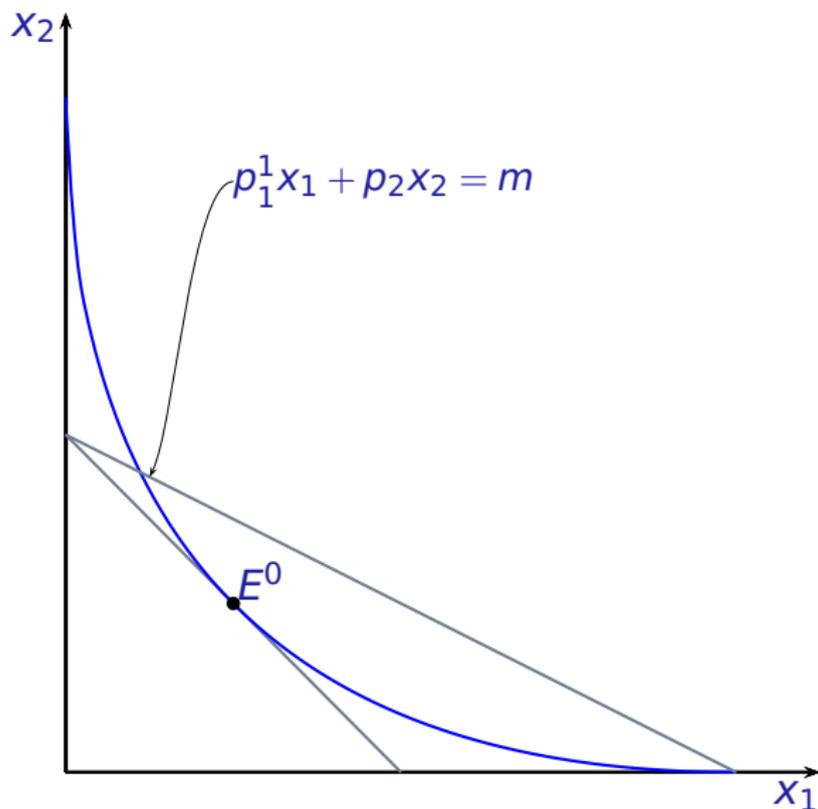
# Representação gráfica – aumento em $p_1$



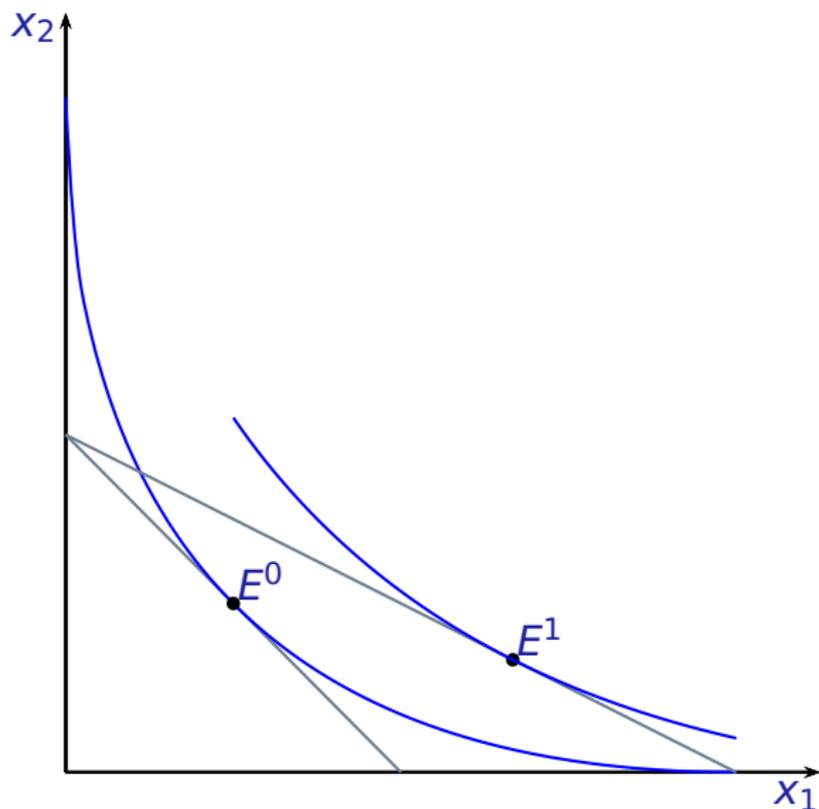
# Redução em $p_1$ – representação alternativa.



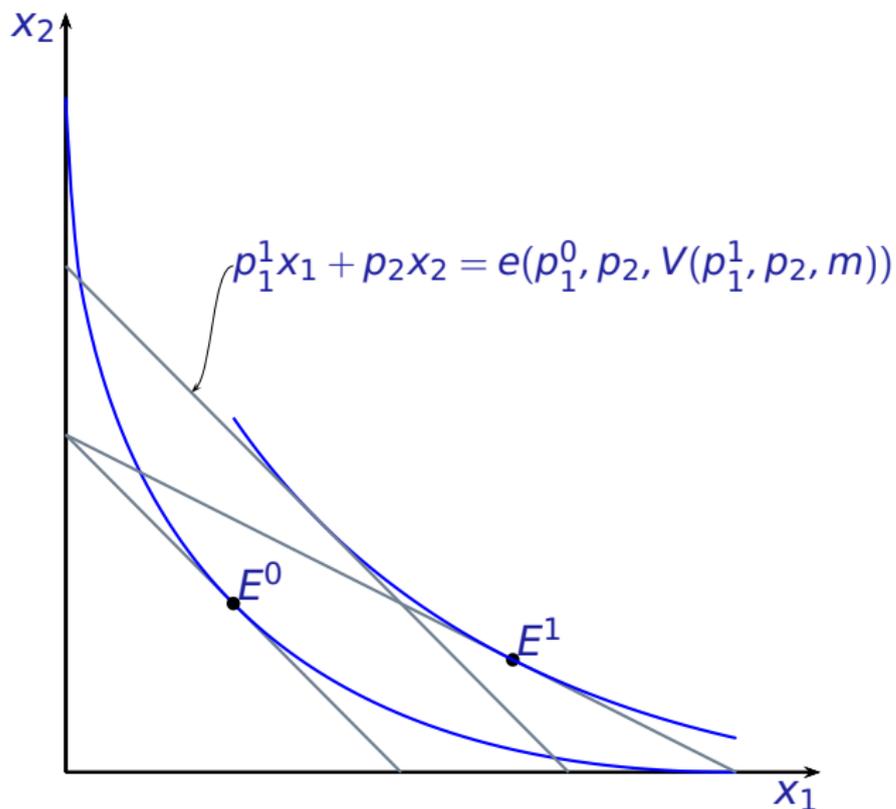
# Redução em $p_1$ – representação alternativa.



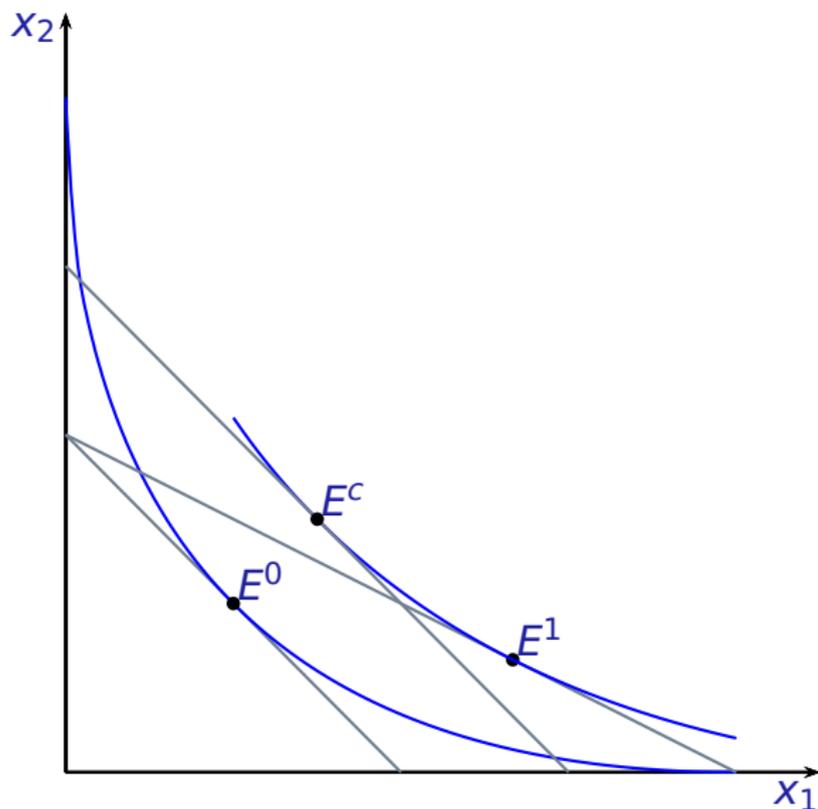
# Redução em $p_1$ – representação alternativa.



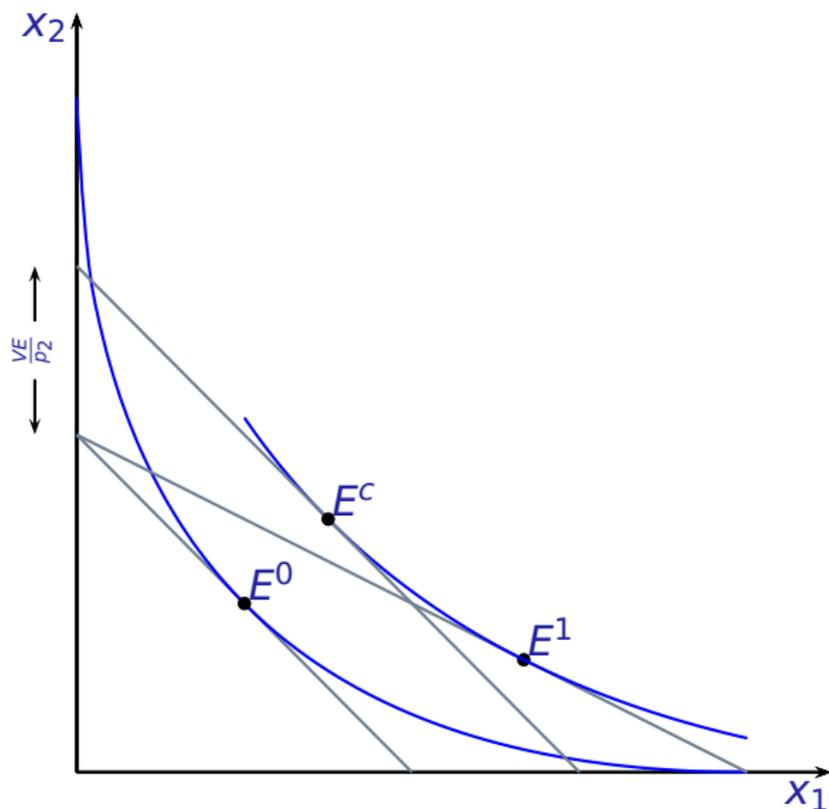
# Redução em $p_1$ – representação alternativa.



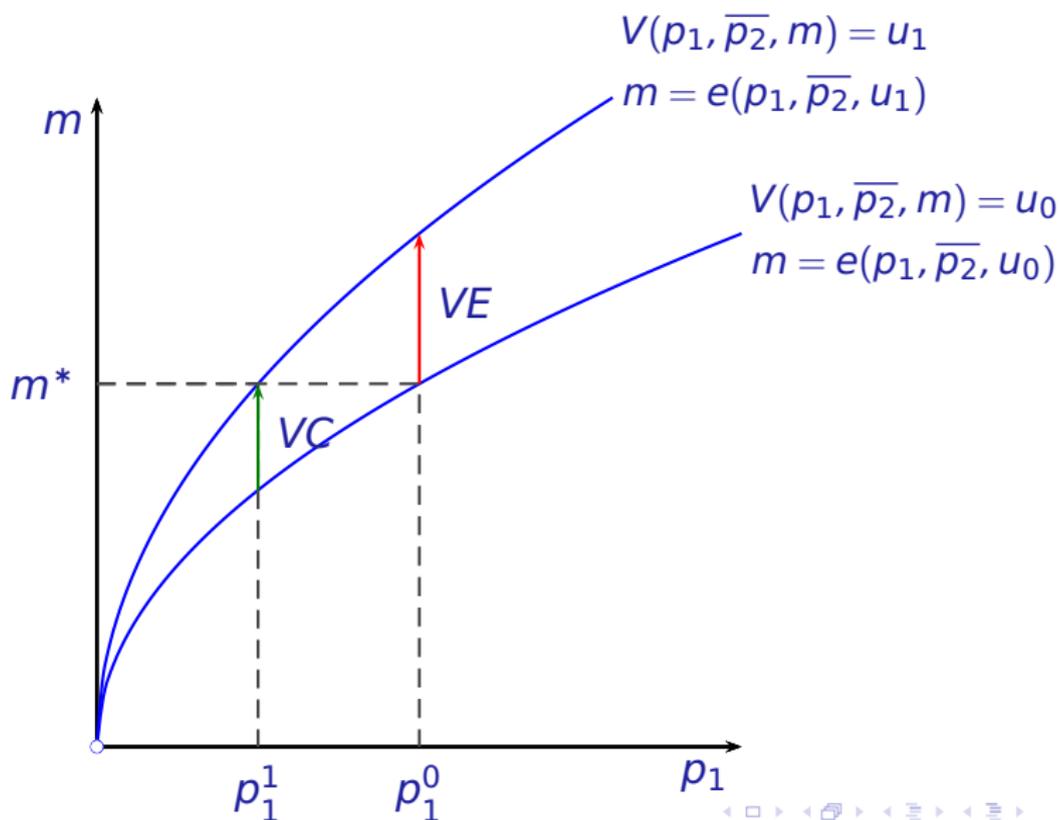
# Redução em $p_1$ – representação alternativa.



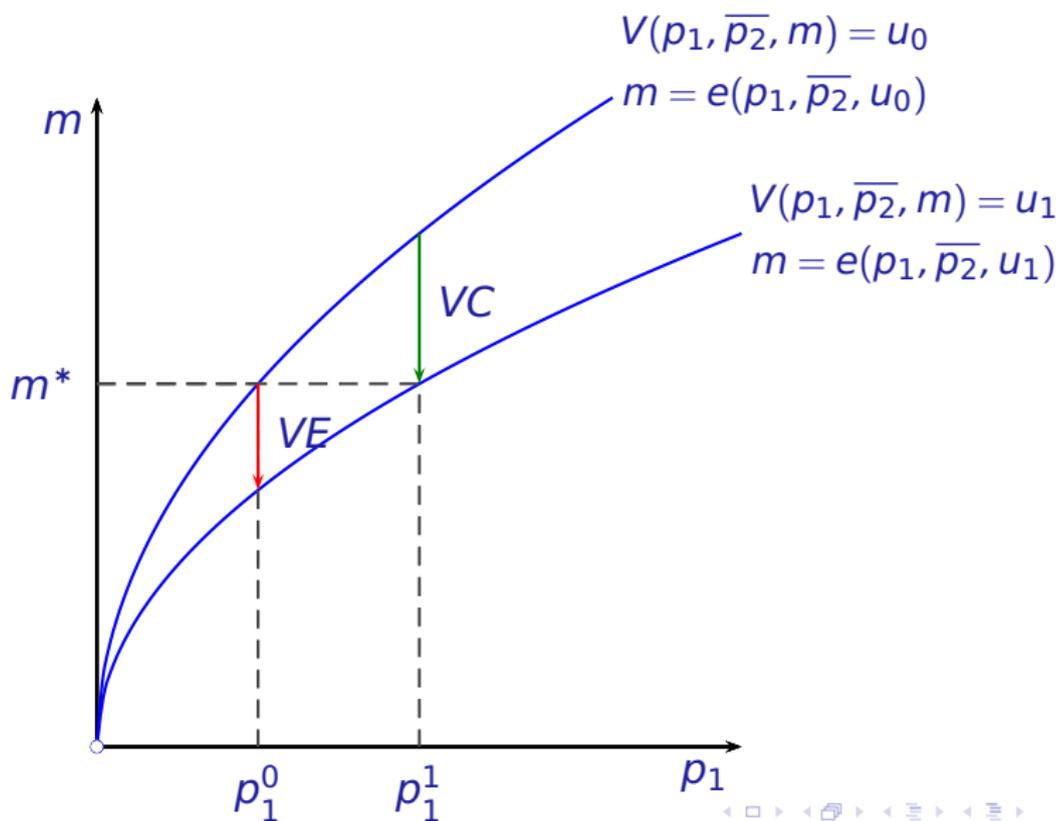
# Redução em $p_1$ – representação alternativa.



# VC e VE – redução em $p_1$



# VC e VE – aumento em $p_1$



# Comparando as medidas

Varição apenas no preço de um bem

Bens normais  $VC < VE$

Bens inferiores  $VC > VE$

Preferências quase-lineares  $VC = VE$

# Variação compensatória e equivalente e demanda compensada

O caso de uma mudança em  $p_1$

## Variação compensatória

$$VC = e(p_1^0, p_2, u^0) - e(p_1^1, p_2, u^0) = \int_{p_1^1}^{p_1^0} h_1(p_1, p_2, u^0) dp_1$$

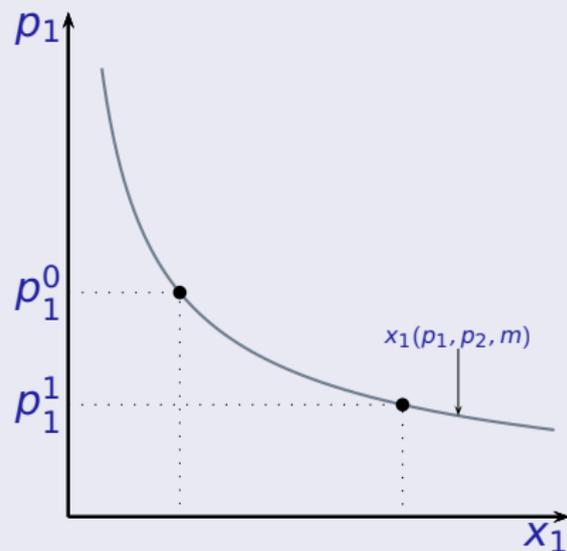
## Variação equivalente

$$VE = e(p_1^0, p_2, u^1) - e(p_1^1, p_2, u^1) = \int_{p_1^1}^{p_1^0} h_1(p_1, p_2, u^1) dp_1$$

Nas quais  $u^0 = V(p_1^0, p_2, m)$  e  $u^1 = V(p_1^1, p_2, m)$

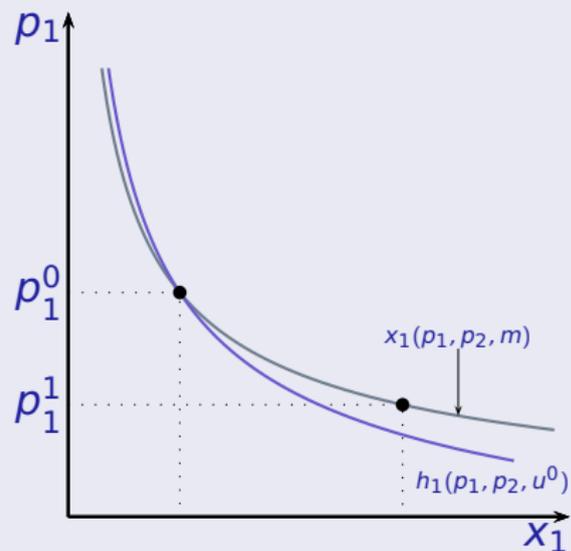
# Variações compensatória e equivalente como áreas

## Var. compensatória



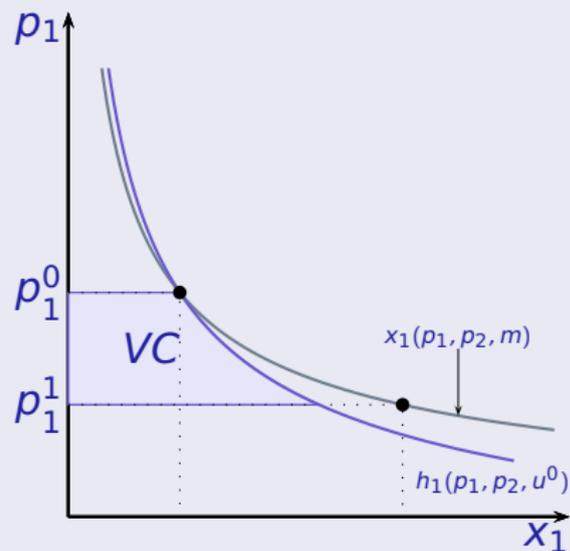
# Variações compensatória e equivalente como áreas

## Var. compensatória



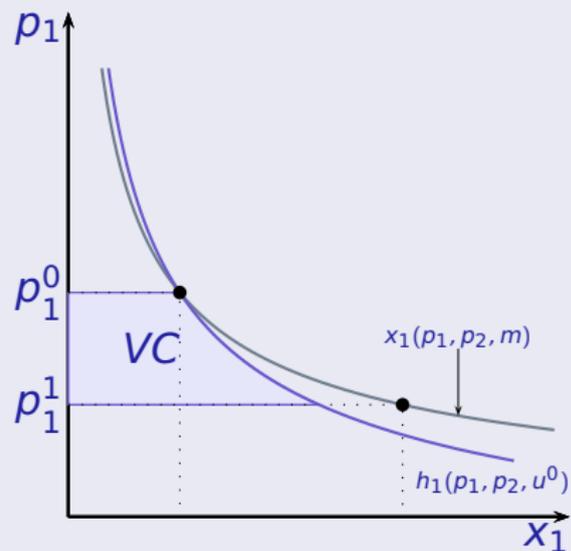
# Variações compensatória e equivalente como áreas

## Var. compensatória

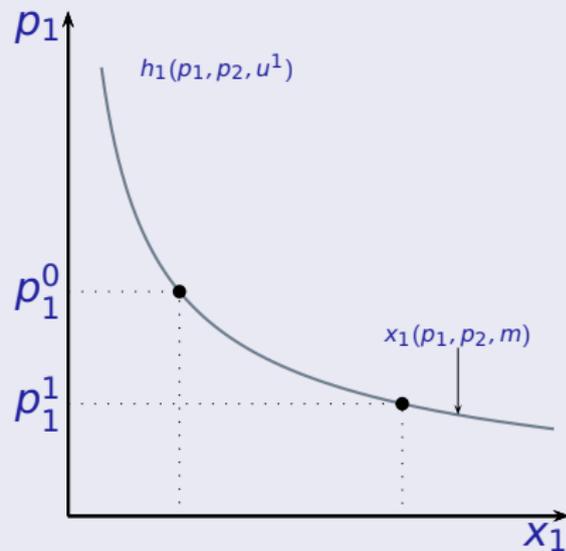


# Variações compensatória e equivalente como áreas

## Var. compensatória

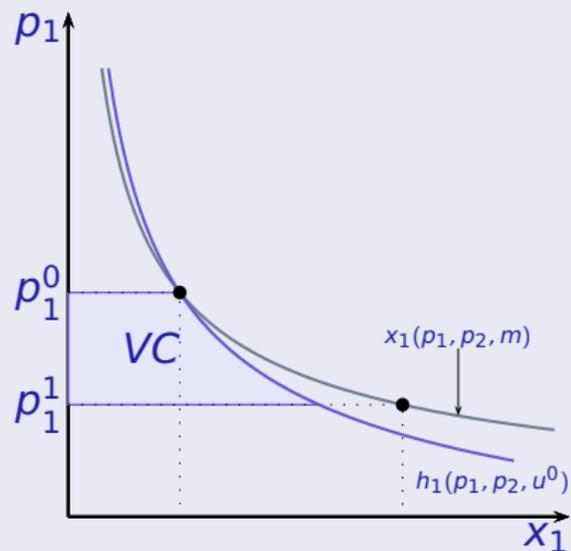


## Variação equivalente

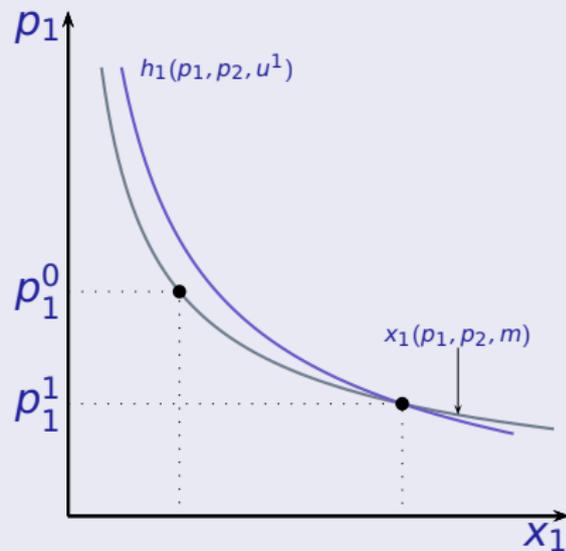


# Variações compensatória e equivalente como áreas

## Var. compensatória

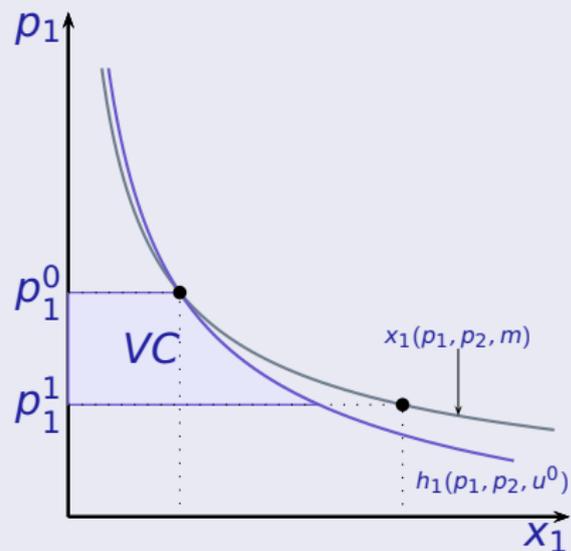


## Varição equivalente

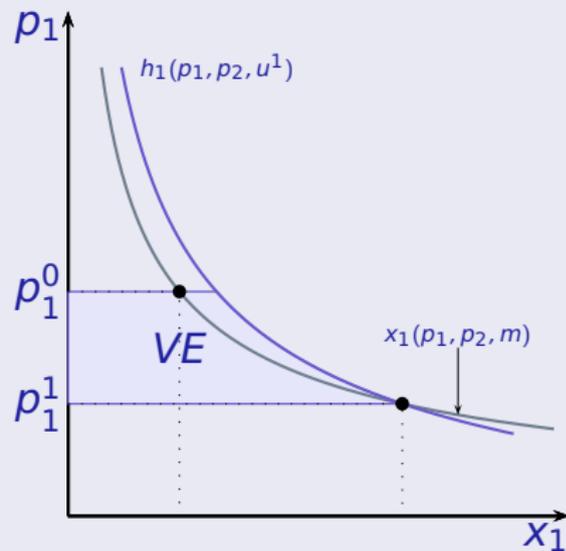


# Variações compensatória e equivalente como áreas

## Var. compensatória



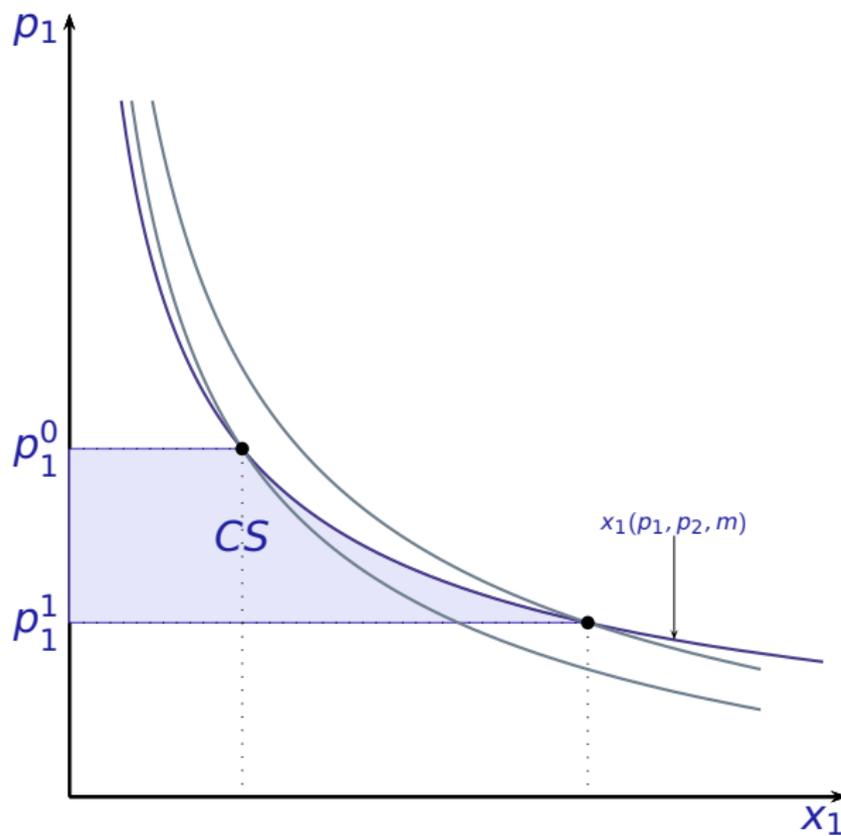
## Variação equivalente



# Excedente do consumidor

Em se tratando de um bem com demanda independente da renda (preferências quase-lineares), as duas áreas do slide anterior coincidem e são chamadas **variação no excedente do consumidor**.

# Uma medida aproximada



Um consumidor tem a função de utilidade  $U(x, y) = x^\alpha y^{1-\alpha}$ , com  $0 < \alpha < 1$ , em que  $x$  é a quantidade do primeiro bem e  $y$  a do segundo. Os preços dos bens são, respectivamente,  $p$  e  $q$ , e  $m$  é a renda do consumidor. Julgue as afirmações:

- Ⓐ A demanda do consumidor pelo primeiro bem será  $x = m/p$

Um consumidor tem a função de utilidade  $U(x, y) = x^\alpha y^{1-\alpha}$ , com  $0 < \alpha < 1$ , em que  $x$  é a quantidade do primeiro bem e  $y$  a do segundo. Os preços dos bens são, respectivamente,  $p$  e  $q$ , e  $m$  é a renda do consumidor. Julgue as afirmações:

- A demanda do consumidor pelo primeiro bem será  $x = m/p$

F

Um consumidor tem a função de utilidade  $U(x, y) = x^\alpha y^{1-\alpha}$ , com  $0 < \alpha < 1$ , em que  $x$  é a quantidade do primeiro bem e  $y$  a do segundo. Os preços dos bens são, respectivamente,  $p$  e  $q$ , e  $m$  é a renda do consumidor. Julgue as afirmações:

- 0 A demanda do consumidor pelo primeiro bem será  $x = m/p$
- 1 A demanda do consumidor pelo segundo bem será  $y = (1 - \alpha)m/\alpha q$

F

Um consumidor tem a função de utilidade  $U(x, y) = x^\alpha y^{1-\alpha}$ , com  $0 < \alpha < 1$ , em que  $x$  é a quantidade do primeiro bem e  $y$  a do segundo. Os preços dos bens são, respectivamente,  $p$  e  $q$ , e  $m$  é a renda do consumidor. Julgue as afirmações:

- 0 A demanda do consumidor pelo primeiro bem será  $x = m/p$
- 1 A demanda do consumidor pelo segundo bem será  $y = (1 - \alpha)m/\alpha q$

F

F

Um consumidor tem a função de utilidade  $U(x, y) = x^\alpha y^{1-\alpha}$ , com  $0 < \alpha < 1$ , em que  $x$  é a quantidade do primeiro bem e  $y$  a do segundo. Os preços dos bens são, respectivamente,  $p$  e  $q$ , e  $m$  é a renda do consumidor. Julgue as afirmações:

- 0 A demanda do consumidor pelo primeiro bem será  $x = m/p$  F
- 1 A demanda do consumidor pelo segundo bem será  $y = (1 - \alpha)m/\alpha q$  F
- 2 Se  $m = 1.000$ ,  $\alpha = 1/4$  e  $q = 1$ , então o consumidor irá adquirir 250 unidades do segundo bem.

Um consumidor tem a função de utilidade  $U(x, y) = x^\alpha y^{1-\alpha}$ , com  $0 < \alpha < 1$ , em que  $x$  é a quantidade do primeiro bem e  $y$  a do segundo. Os preços dos bens são, respectivamente,  $p$  e  $q$ , e  $m$  é a renda do consumidor. Julgue as afirmações:

- 0 A demanda do consumidor pelo primeiro bem será  $x = m/p$  F
- 1 A demanda do consumidor pelo segundo bem será  $y = (1 - \alpha)m/\alpha q$  F
- 2 Se  $m = 1.000$ ,  $\alpha = 1/4$  e  $q = 1$ , então o consumidor irá adquirir 250 unidades do segundo bem. F

- 3 Suponha que:  $m = 288$ ,  $\alpha = 1/2$  e  $p = q = 1$ . Se  $q$  quadruplicar, será necessário triplicar a renda do consumidor para que ele fique tão bem quanto antes, pelo cálculo de sua variação compensatória.

- 3 Suponha que:  $m = 288$ ,  $\alpha = 1/2$  e  $p = q = 1$ . Se  $q$  quadruplicar, será necessário triplicar a renda do consumidor para que ele fique tão bem quanto antes, pelo cálculo de sua variação compensatória.

F

- 3 Suponha que:  $m = 288$ ,  $\alpha = 1/2$  e  $p = q = 1$ . Se  $q$  quadruplicar, será necessário triplicar a renda do consumidor para que ele fique tão bem quanto antes, pelo cálculo de sua variação compensatória. F
- 4 Suponha que  $m = 288$ ,  $\alpha = 1/2$  e imagine que, após uma situação inicial em que  $p = q = 1$ ,  $q$  tenha quadruplicado. Pelo cálculo da variação equivalente, a variação de bem-estar corresponderá à redução de sua renda à metade, aos preços iniciais.

- 3 Suponha que:  $m = 288$ ,  $\alpha = 1/2$  e  $p = q = 1$ . Se  $q$  quadruplicar, será necessário triplicar a renda do consumidor para que ele fique tão bem quanto antes, pelo cálculo de sua variação compensatória. F
- 4 Suponha que  $m = 288$ ,  $\alpha = 1/2$  e imagine que, após uma situação inicial em que  $p = q = 1$ ,  $q$  tenha quadruplicado. Pelo cálculo da variação equivalente, a variação de bem-estar corresponderá à redução de sua renda à metade, aos preços iniciais. V

- 3 Suponha que:  $m = 288$ ,  $\alpha = 1/2$  e  $p = q = 1$ . Se  $q$  quadruplicar, será necessário triplicar a renda do consumidor para que ele fique tão bem quanto antes, pelo cálculo de sua variação compensatória. F
- 4 Suponha que  $m = 288$ ,  $\alpha = 1/2$  e imagine que, após uma situação inicial em que  $p = q = 1$ ,  $q$  tenha quadruplicado. Pelo cálculo da variação equivalente, a variação de bem-estar corresponderá à redução de sua renda à metade, aos preços iniciais. V

## Questão 02 de 2007

Sendo  $U(x, y)$  a função que representa a utilidade atribuída por um consumidor a uma cesta  $(x, y)$  qualquer, julgue as proposições:

- 0 Se  $U(x, y) = x^\alpha y^\beta$ , sendo  $\alpha$  e  $\beta$  dois números positivos, as preferências do consumidor não são bem-comportadas.

## Questão 02 de 2007

Sendo  $U(x, y)$  a função que representa a utilidade atribuída por um consumidor a uma cesta  $(x, y)$  qualquer, julgue as proposições:

- 0 Se  $U(x, y) = x^\alpha y^\beta$ , sendo  $\alpha$  e  $\beta$  dois números positivos, as preferências do consumidor não são bem-comportadas. **F**

## Questão 02 de 2007

Seja  $U(x, y)$  a função que representa a utilidade atribuída por um consumidor a uma cesta  $(x, y)$  qualquer, julgue as proposições:

- 0 Se  $U(x, y) = x^\alpha y^\beta$ , sendo  $\alpha$  e  $\beta$  dois números positivos, as preferências do consumidor não são bem-comportadas. **F**
- 1 Se  $U(x, y) = x + \ln(y)$  e se a demanda é interior, então a variação no excedente do consumidor decorrente de uma variação no preço do bem  $y$  mede a variação no bem-estar do consumidor.

## Questão 02 de 2007

Sendo  $U(x, y)$  a função que representa a utilidade atribuída por um consumidor a uma cesta  $(x, y)$  qualquer, julgue as proposições:

- 0 Se  $U(x, y) = x^\alpha y^\beta$ , sendo  $\alpha$  e  $\beta$  dois números positivos, as preferências do consumidor não são bem-comportadas. **F**
- 1 Se  $U(x, y) = x + \ln(y)$  e se a demanda é interior, então a variação no excedente do consumidor decorrente de uma variação no preço do bem  $y$  mede a variação no bem-estar do consumidor. **V**

- 1 A função de utilidade indireta
- 2 Função dispêndio e demanda compensada
- 3 Medidas de variação de bem estar individual
- 4 Equação de Slutsky**
  - Efeitos substituição e renda
  - Efeitos substituição e renda de Slutsky
  - A equação de Slutsky
  - O caso de compra e venda
- 5 O problema de minimização dos gastos
- 6 Exercícios

## Definição

O **efeito substituição** associado a uma mudança no preço do bem 1 de  $p_1^0$  para  $p_1^1$ , com o preço do bem dois e a renda constantes em  $p_2$  e  $m$  é dado por

## Definição

O efeito substituição associado a uma mudança no preço do bem 1 de  $p_1^0$  para  $p_1^1$ , com o preço do bem dois e a renda constantes em  $p_2$  e  $m$  é dado por

$$\begin{aligned} ES &= h_1(p_1^1, p_2, V(p_1^0, p_2, m)) - x_1(p_1^0, p_2, m) \\ &= h_1(p_1^1, p_2, V(p_1^0, p_2, m)) - h_1(p_1^0, p_2, V(p_1^0, p_2, m)) \end{aligned}$$

# Efeitos substituição e renda

## Definição

O **efeito substituição** associado a uma mudança no preço do bem 1 de  $p_1^0$  para  $p_1^1$ , com o preço do bem dois e a renda constantes em  $p_2$  e  $m$  é dado por

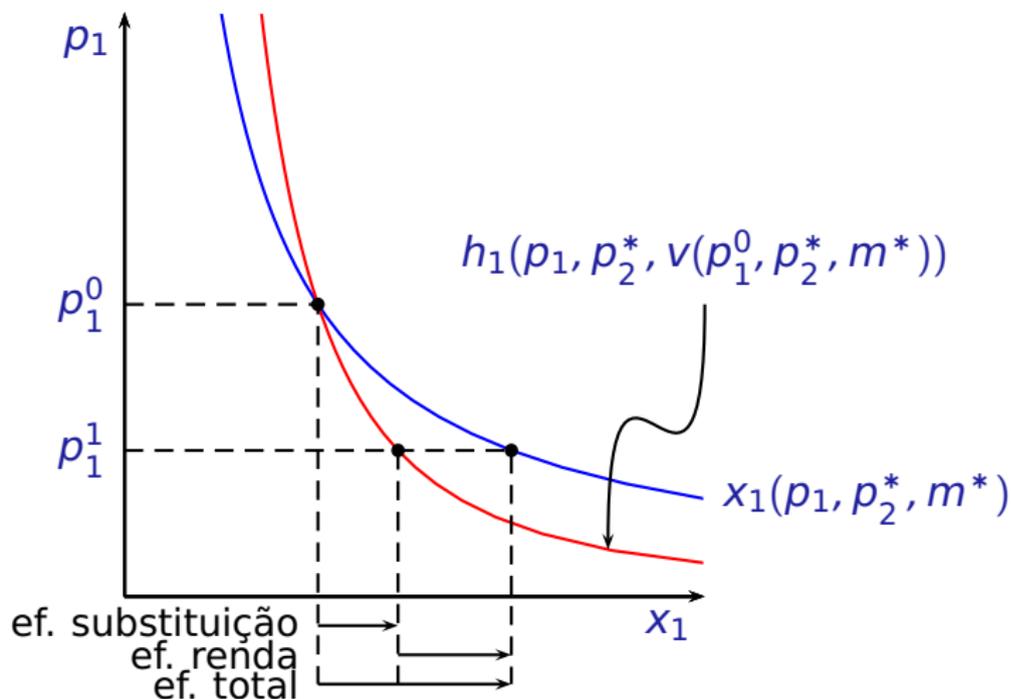
$$\begin{aligned} ES &= h_1(p_1^1, p_2, V(p_1^0, p_2, m)) - x_1(p_1^0, p_2, m) \\ &= h_1(p_1^1, p_2, V(p_1^0, p_2, m)) - h_1(p_1^0, p_2, V(p_1^0, p_2, m)) \end{aligned}$$

## Definição

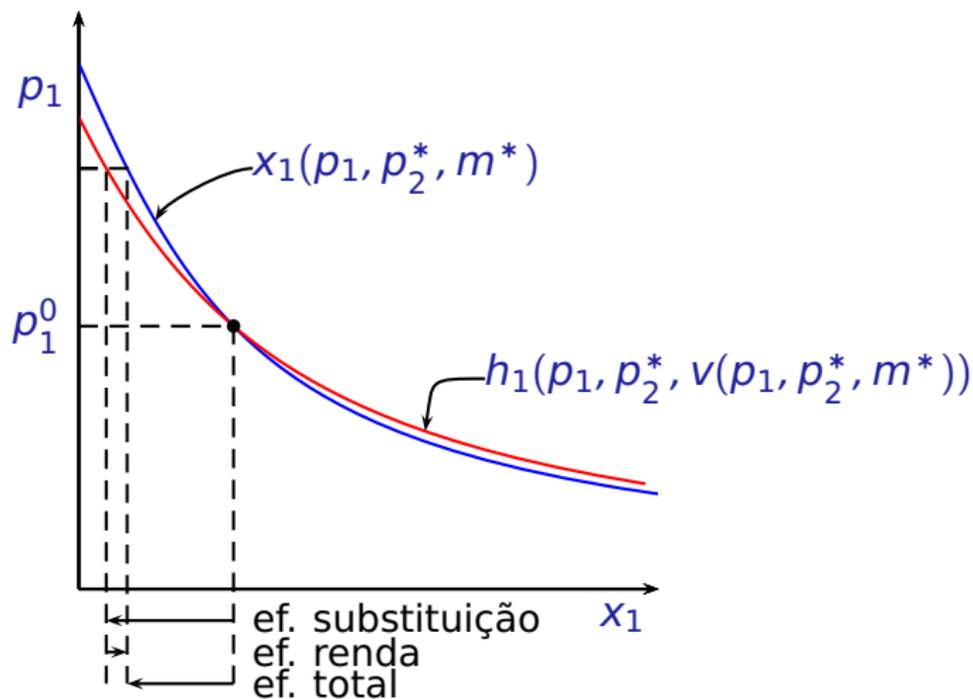
O **efeito renda** associado a uma mudança no preço do bem 1 de  $p_1^0$  para  $p_1^1$ , com o preço do bem dois e a renda constantes em  $p_2$  e  $m$  é dado por

$$ER = x_1(p_1^1, p_2, m) - h_1(p_1^1, p_2, V(p_1^0, p_2, m))$$

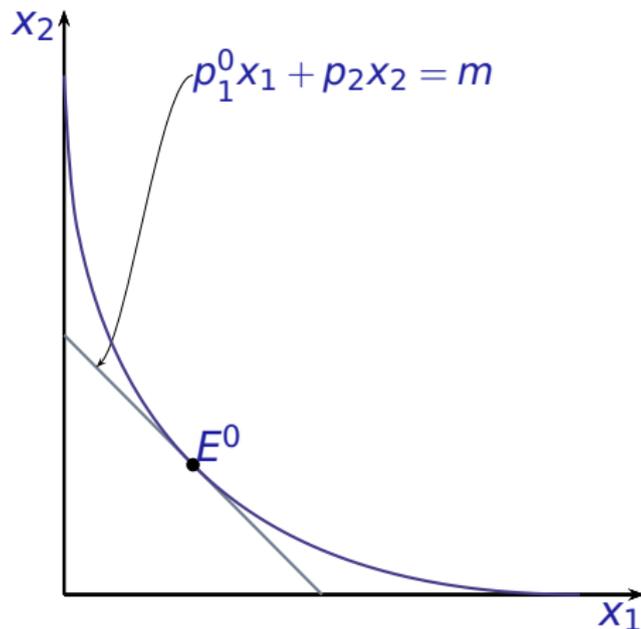
# Ilustração gráfica – redução de preço, bem normal



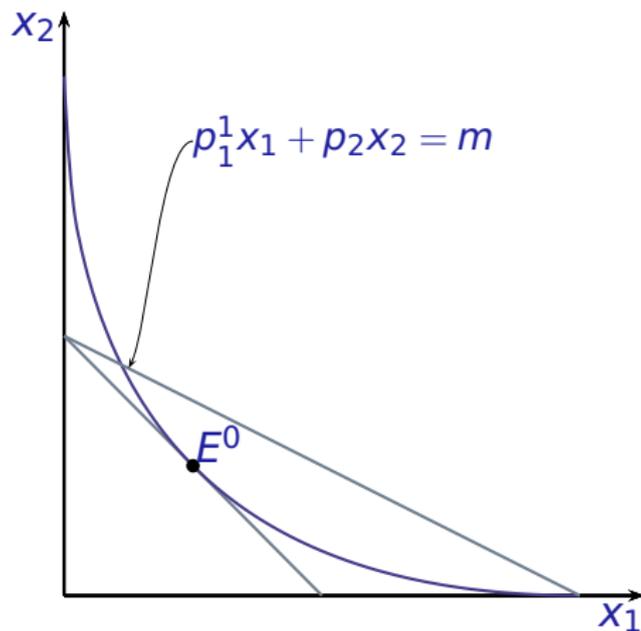
# Ilustração gráfica – aumento de preço, bem inferior



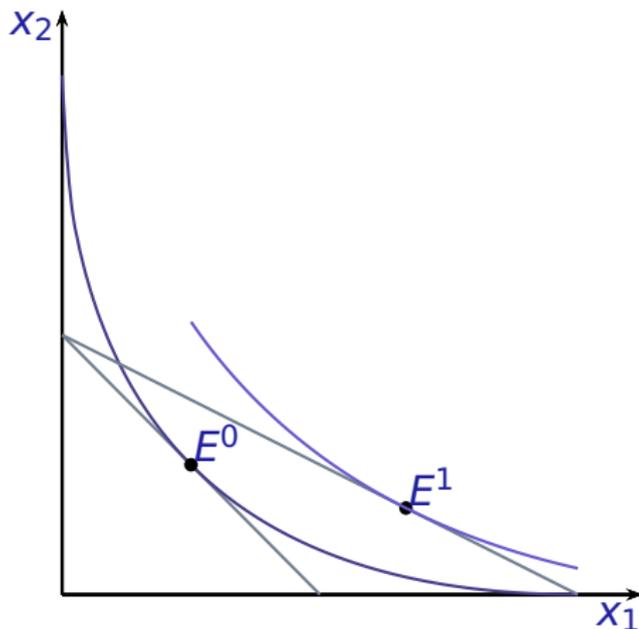
# Outra ilustração gráfica – bem normal, redução em $p_1$



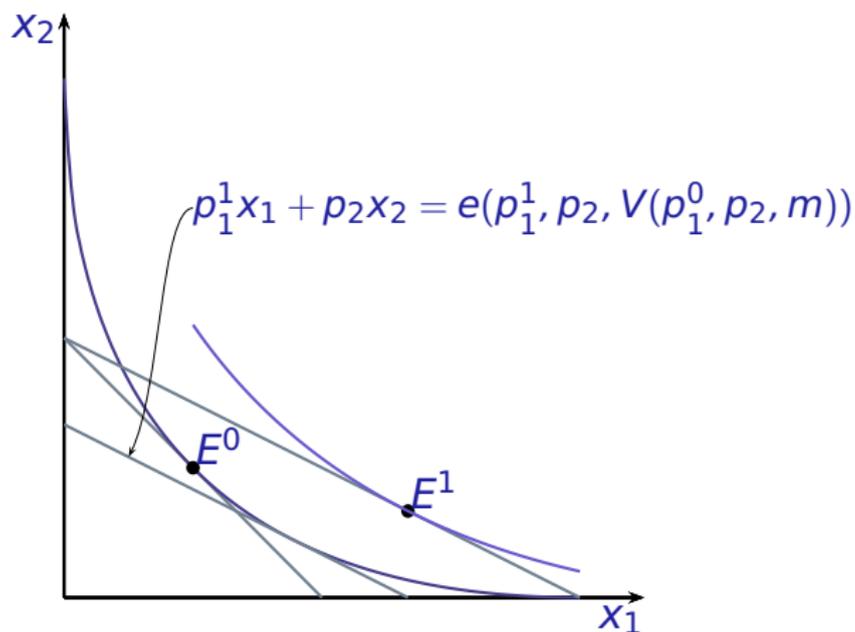
# Outra ilustração gráfica – bem normal, redução em $p_1$



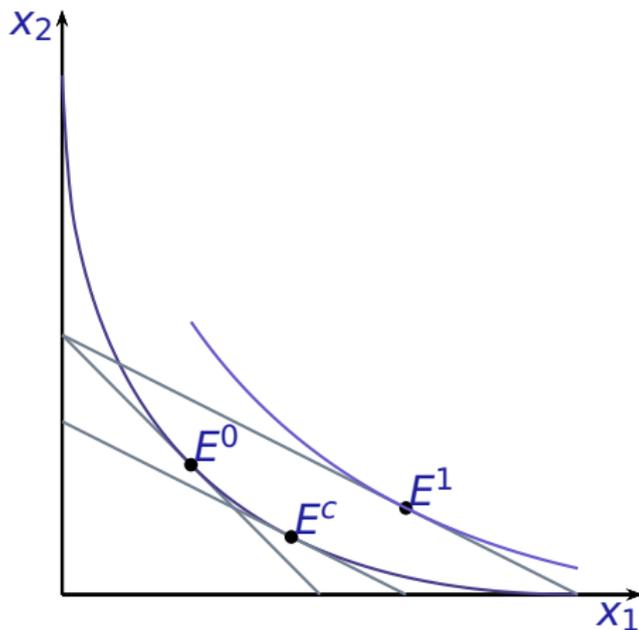
# Outra ilustração gráfica – bem normal, redução em $p_1$



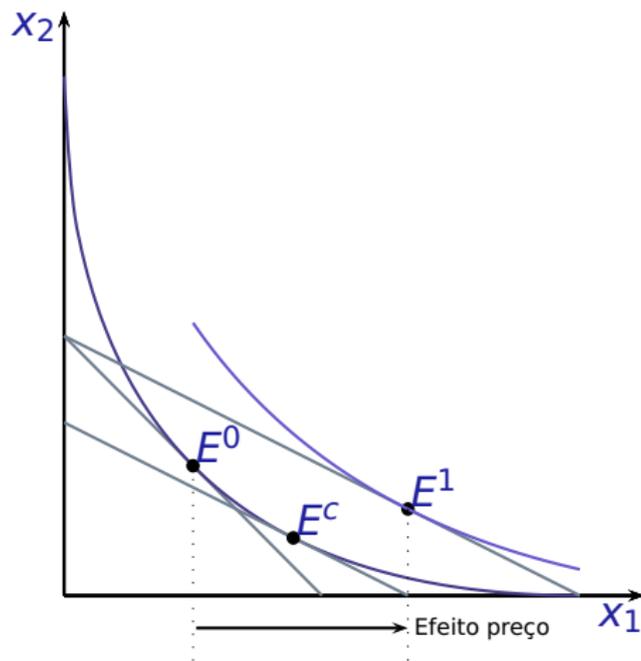
# Outra ilustração gráfica – bem normal, redução em $p_1$



# Outra ilustração gráfica – bem normal, redução em $p_1$

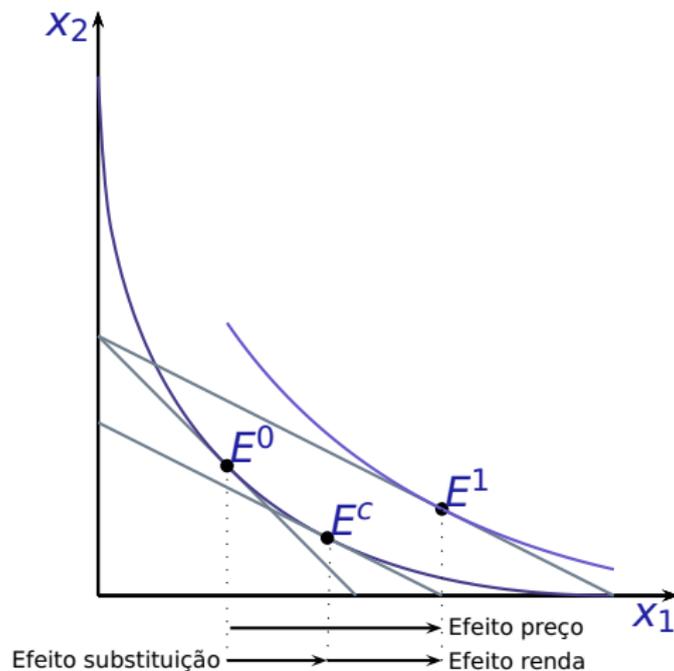


# Outra ilustração gráfica – bem normal, redução em $p_1$





# Outra ilustração gráfica – bem normal, redução em $p_1$



**Bens normais:** Efeitos substituição e renda têm a mesma direção.

# Três possibilidades

**Bens normais:** Efeitos substituição e renda têm a mesma direção.

**Bens inferiores ordinários:** Efeitos substituição e renda têm sinal contrário e efeito substituição é maior, em módulo, ao efeito renda.

# Três possibilidades

**Bens normais:** Efeitos substituição e renda têm a mesma direção.

**Bens inferiores ordinários:** Efeitos substituição e renda têm sinal contrário e efeito substituição é maior, em módulo, ao efeito renda.

**Bens de Giffen:** Efeitos substituição e renda têm sinal contrário e efeito renda é maior, em módulo, ao efeito substituição.

# Efeitos substituição e renda de Slutsky

## Convenções

$$\Delta p_1 = p_1^1 - p_1^0 \quad x_1^0 = x_1(p_1^0, p_2, m)$$

# Efeitos substituição e renda de Slutsky

## Convenções

$$\Delta p_1 = p_1^1 - p_1^0 \quad x_1^0 = x_1(p_1^0, p_2, m)$$

## Definições:

Os efeitos substituição e renda de Slutsky (respectivamente *ESS* e *ERS*) associados a uma mudança no preço do bem 1 de  $p_1^0$  para  $p_1^1$ , com o preço do bem dois e a renda constantes em  $p_2$  e  $m$  são dados por

$$ESS = x_1(p_1^1, p_2, m + \Delta p_1 x_1^0) - x_1(p_1^0, p_2, m)$$

# Efeitos substituição e renda de Slutsky

## Convenções

$$\Delta p_1 = p_1^1 - p_1^0 \quad x_1^0 = x_1(p_1^0, p_2, m)$$

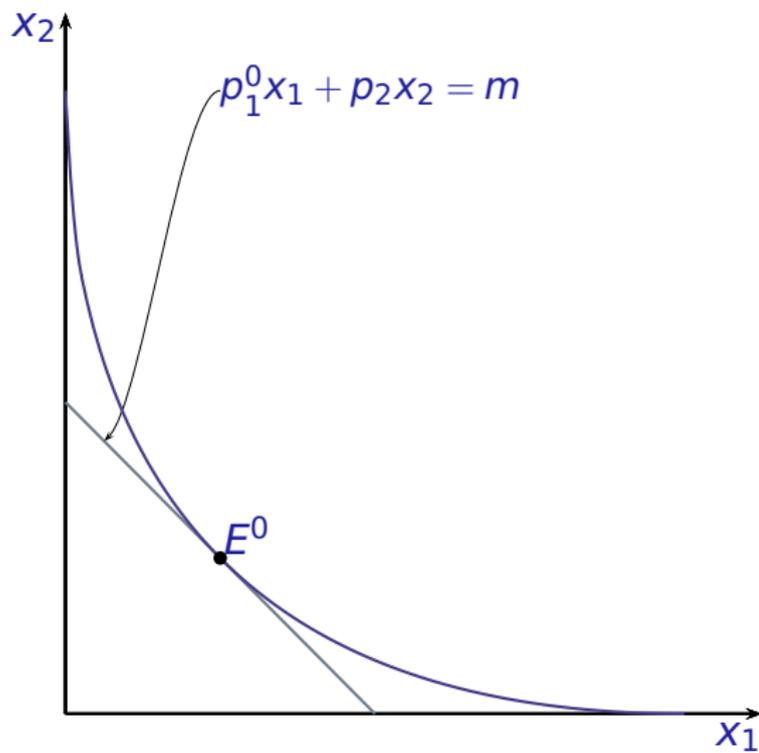
## Definições:

Os efeitos substituição e renda de Slutsky (respectivamente *ESS* e *ERS*) associados a uma mudança no preço do bem 1 de  $p_1^0$  para  $p_1^1$ , com o preço do bem dois e a renda constantes em  $p_2$  e  $m$  são dados por

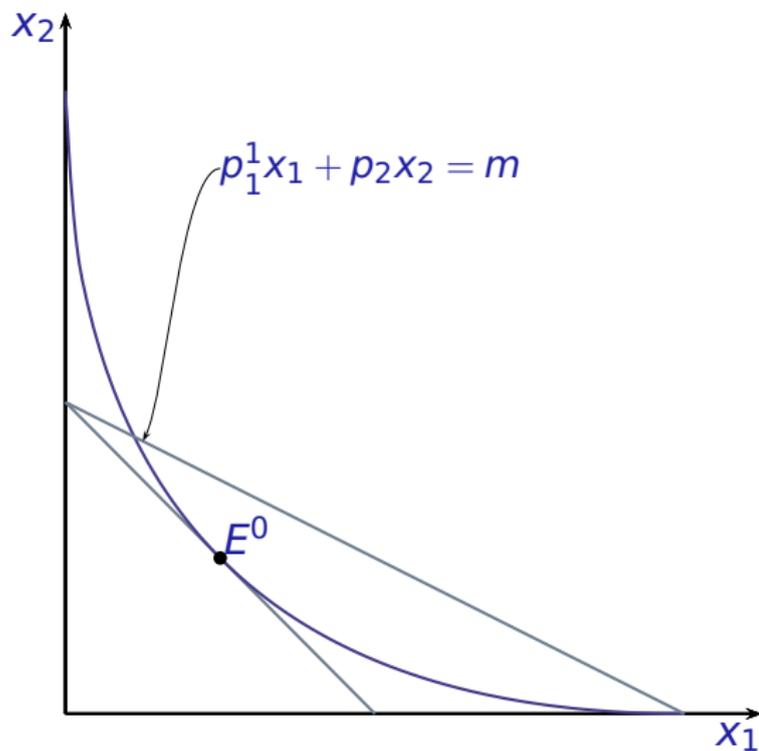
$$ESS = x_1(p_1^1, p_2, m + \Delta p_1 x_1^0) - x_1(p_1^0, p_2, m)$$

$$ERS = x_1(p_1^1, p_2, m) - x_1(p_1^1, p_2, m + \Delta p_1 x_1^0)$$

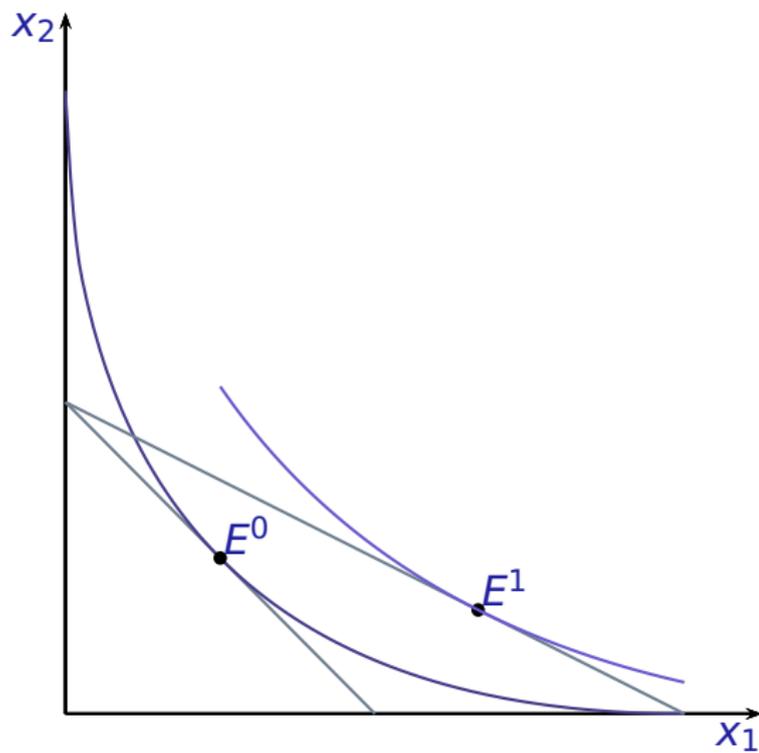
# Ilustração gráfica



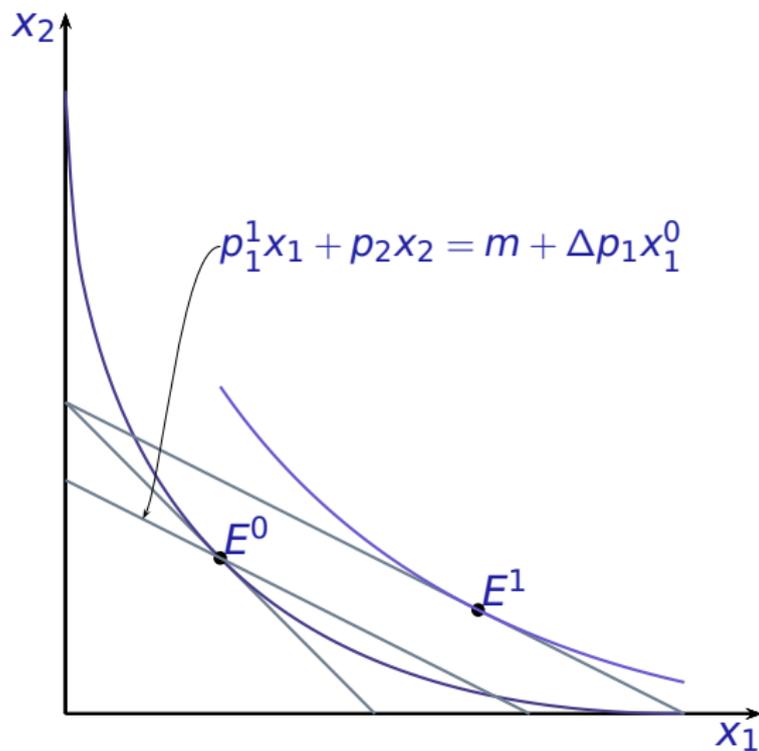
# Ilustração gráfica



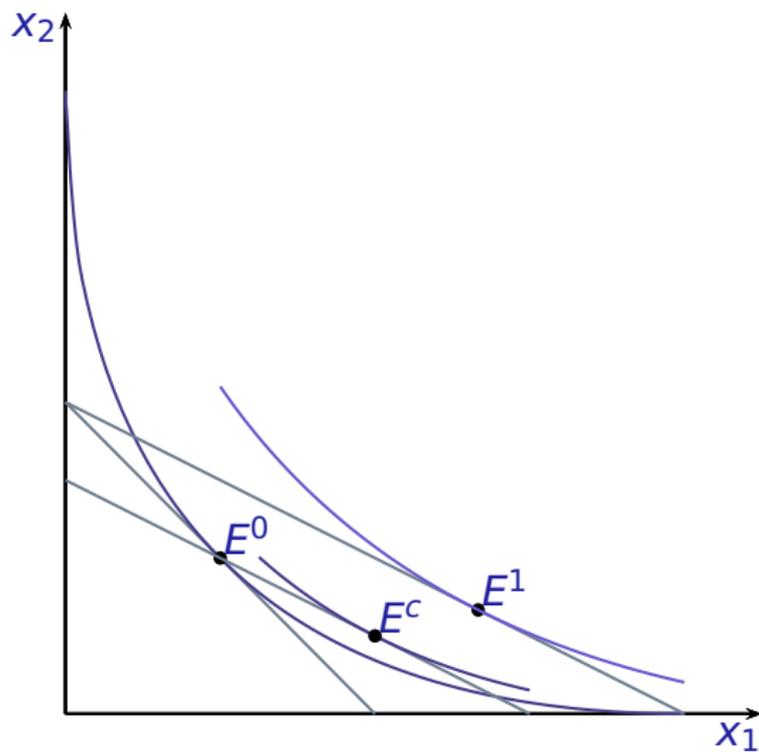
# Ilustração gráfica



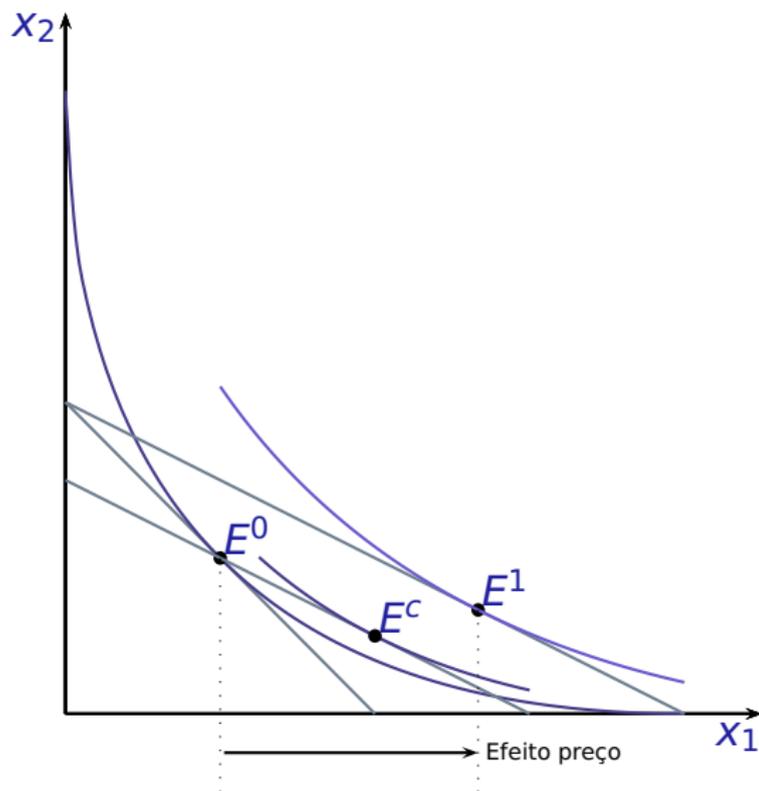
# Ilustração gráfica



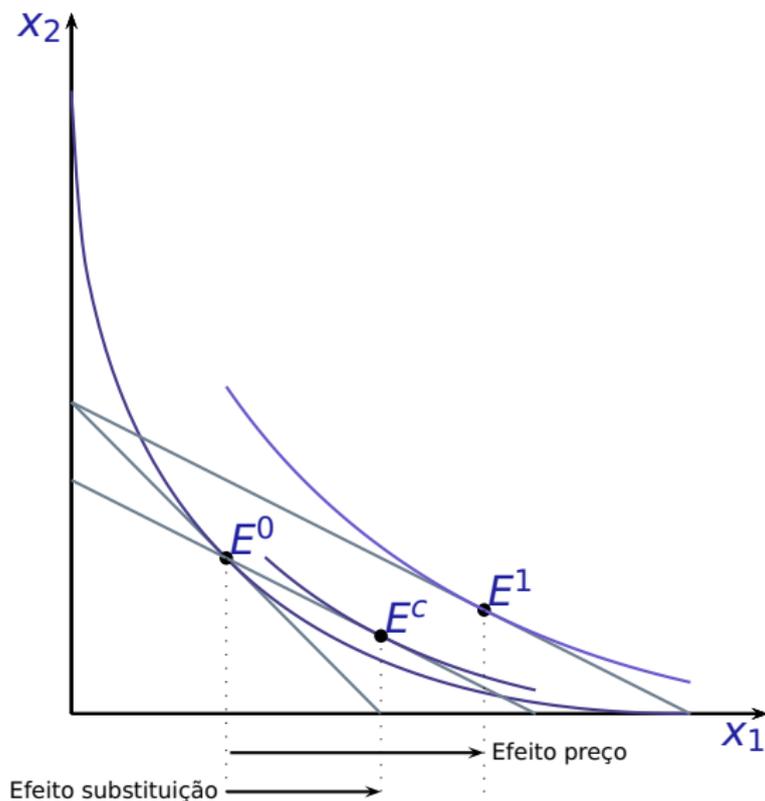
# Ilustração gráfica



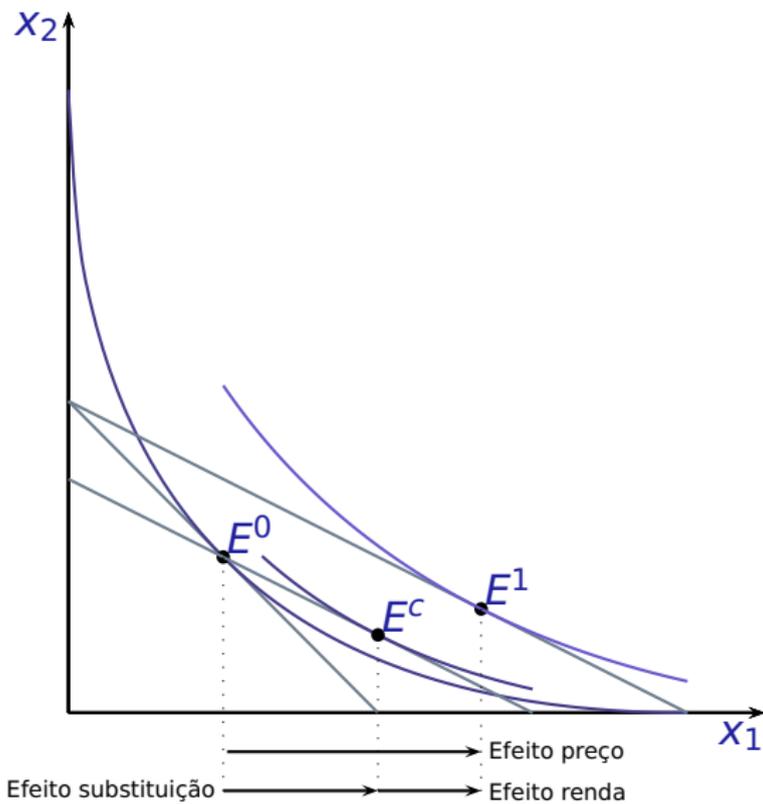
# Ilustração gráfica



# Ilustração gráfica



# Ilustração gráfica



# A equação de Slutsky

## Derivação

$$h_1(p_1, p_2, u) \equiv x_1(p_1, p_2, e(p_1, p_2, u))$$

# A equação de Slutsky

## Derivação

$$h_1(p_1, p_2, u) \equiv x_1(p_1, p_2, e(p_1, p_2, u))$$

$$\frac{\partial h_1}{\partial p_1} = \frac{\partial x_1}{\partial p_1} + \frac{\partial x_1}{\partial m} \frac{\partial e(p_1, p_2, u)}{\partial p_1}$$

# A equação de Slutsky

## Derivação

$$h_1(p_1, p_2, u) \equiv x_1(p_1, p_2, e(p_1, p_2, u))$$

$$\begin{aligned}\frac{\partial h_1}{\partial p_1} &= \frac{\partial x_1}{\partial p_1} + \frac{\partial x_1}{\partial m} \frac{\partial e(p_1, p_2, u)}{\partial p_1} \\ &= \frac{\partial x_1}{\partial p_1} + \frac{\partial x_1}{\partial m} h_1(p_1, p_2, u)\end{aligned}$$

# A equação de Slutsky

## Derivação

$$h_1(p_1, p_2, u) \equiv x_1(p_1, p_2, e(p_1, p_2, u))$$

$$\begin{aligned}\frac{\partial h_1}{\partial p_1} &= \frac{\partial x_1}{\partial p_1} + \frac{\partial x_1}{\partial m} \frac{\partial e(p_1, p_2, u)}{\partial p_1} \\ &= \frac{\partial x_1}{\partial p_1} + \frac{\partial x_1}{\partial m} h_1(p_1, p_2, u) \\ &= \frac{\partial x_1}{\partial p_1} + \frac{\partial x_1}{\partial m} x_1(p_1, p_2, e(p_1, p_2, u))\end{aligned}$$

# A equação de Slutsky

## Derivação

$$h_1(p_1, p_2, u) \equiv x_1(p_1, p_2, e(p_1, p_2, u))$$

$$\begin{aligned}\frac{\partial h_1}{\partial p_1} &= \frac{\partial x_1}{\partial p_1} + \frac{\partial x_1}{\partial m} \frac{\partial e(p_1, p_2, u)}{\partial p_1} \\ &= \frac{\partial x_1}{\partial p_1} + \frac{\partial x_1}{\partial m} h_1(p_1, p_2, u) \\ &= \frac{\partial x_1}{\partial p_1} + \frac{\partial x_1}{\partial m} x_1(p_1, p_2, e(p_1, p_2, u))\end{aligned}$$

$$\frac{\partial x_1}{\partial p_1} = \frac{\partial h_1}{\partial p_1} - \frac{\partial x_1}{\partial m} x_1$$

# Equação de Slutsky em elasticidades

$$\frac{\partial x_1}{\partial p_1} = \frac{\partial h_1}{\partial p_1} - \frac{\partial x_1}{\partial m} x_1$$

# Equação de Slutsky em elasticidades

$$\frac{\partial x_1}{\partial p_1} = \frac{\partial h_1}{\partial p_1} - \frac{\partial x_1}{\partial m} x_1$$

$$\frac{\partial x_1}{\partial p_1} \frac{p_1}{x_1} = \frac{\partial h_1}{\partial p_1} \frac{p_1}{h_1} - \frac{\partial x_1}{\partial m} \frac{p_1 x_1}{x_1}$$

# Equação de Slutsky em elasticidades

$$\frac{\partial x_1}{\partial p_1} = \frac{\partial h_1}{\partial p_1} - \frac{\partial x_1}{\partial m} x_1$$

$$\frac{\partial x_1}{\partial p_1} \frac{p_1}{x_1} = \frac{\partial h_1}{\partial p_1} \frac{p_1}{h_1} - \frac{\partial x_1}{\partial m} \frac{m}{x_1} \frac{p_1}{m} \frac{x_1}{m}$$

# Equação de Slutsky em elasticidades

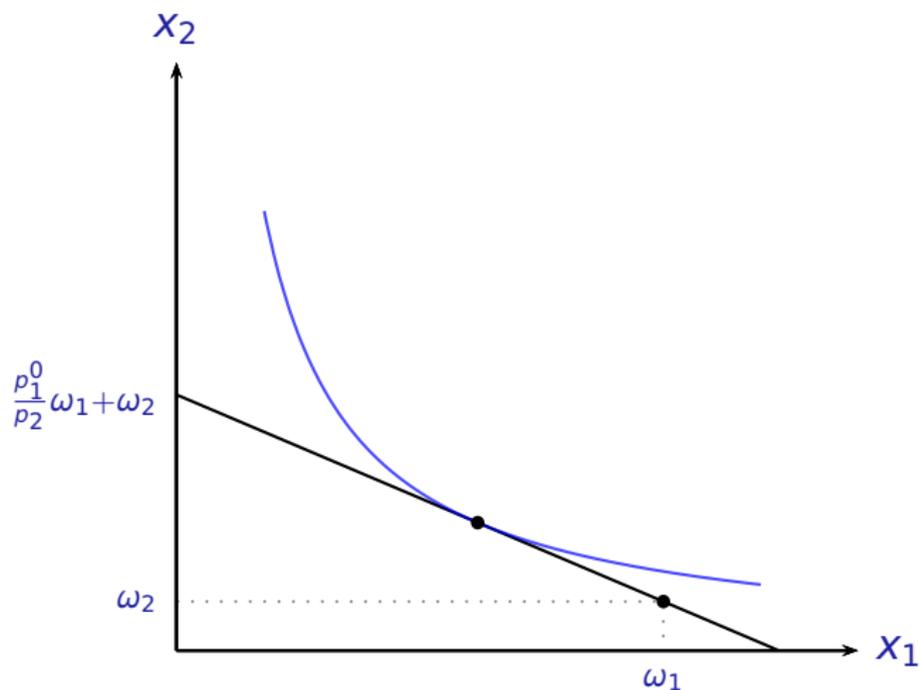
$$\frac{\partial x_1}{\partial p_1} = \frac{\partial h_1}{\partial p_1} - \frac{\partial x_1}{\partial m} x_1$$

$$\frac{\frac{\partial x_1}{\partial p_1} p_1}{x_1} = \frac{\frac{\partial h_1}{\partial p_1} p_1}{h_1} - \frac{\frac{\partial x_1}{\partial m} m p_1 x_1}{x_1 m}$$

$$\epsilon_{1,1} = \epsilon_{h_1,p_1} - S_j \epsilon_{1,m}$$

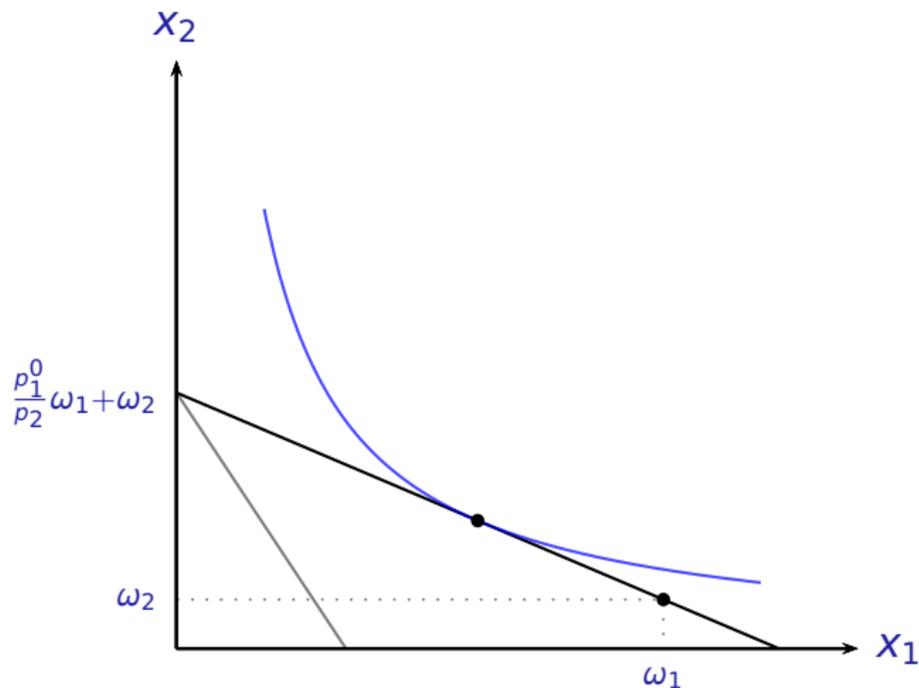
# Compra e Venda – exemplo 1

Efeito de um aumento em  $p_1$



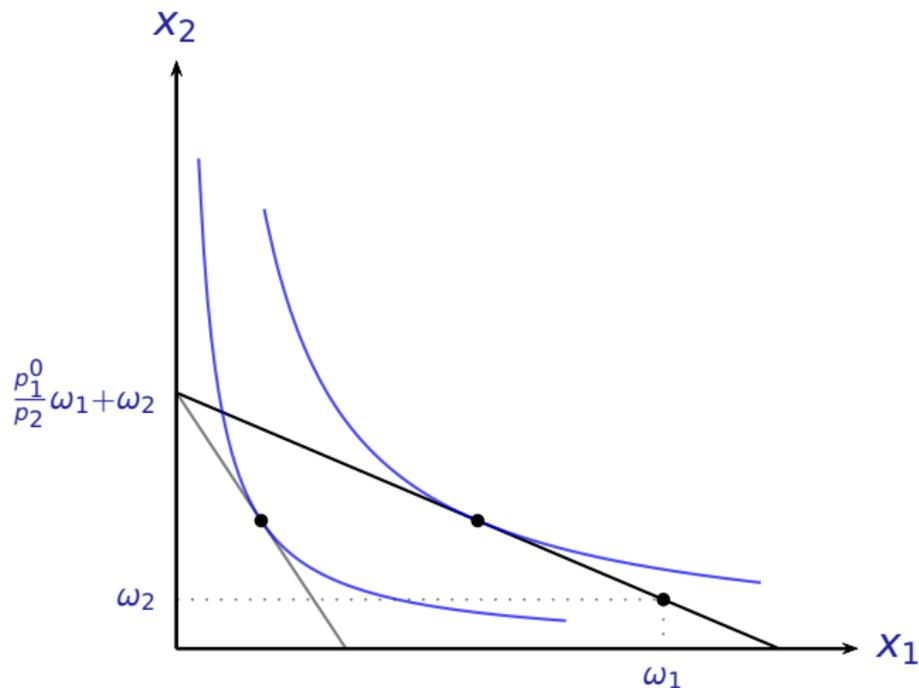
# Compra e Venda – exemplo 1

Efeito de um aumento em  $p_1$



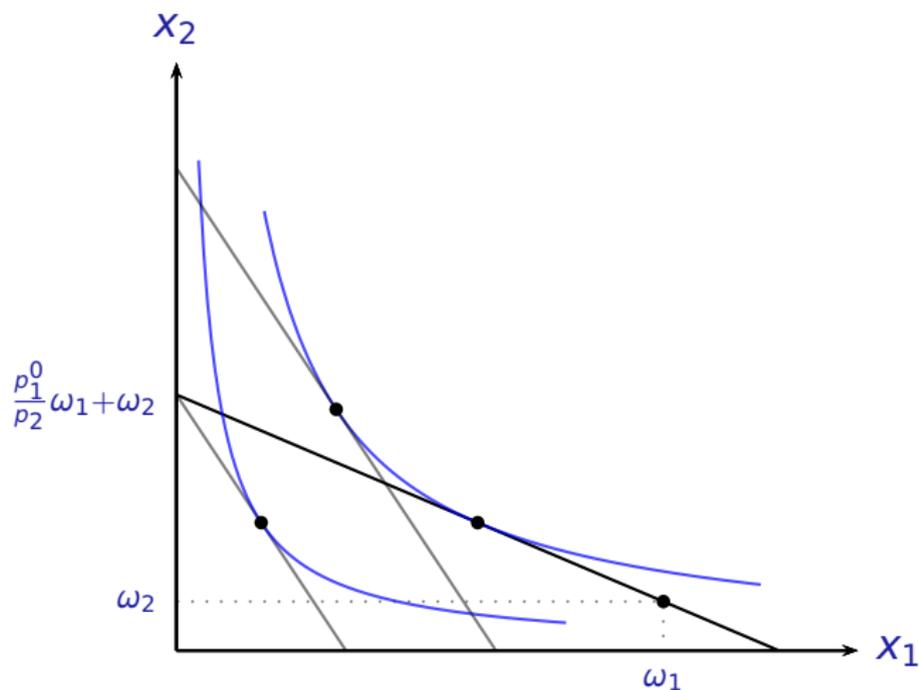
# Compra e Venda – exemplo 1

Efeito de um aumento em  $p_1$



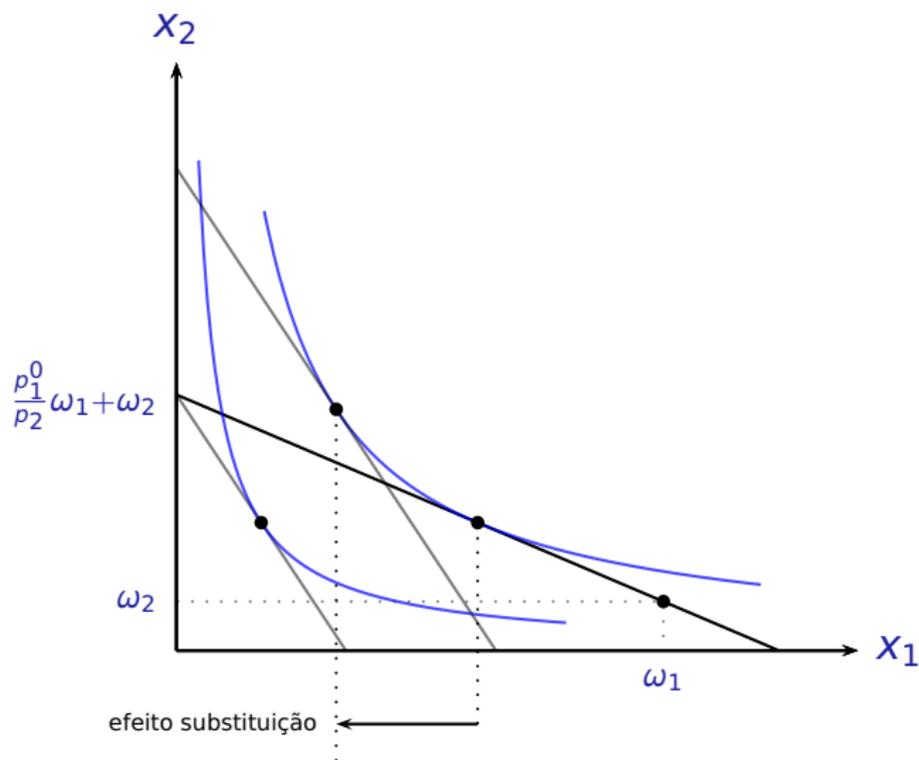
# Compra e Venda – exemplo 1

Efeito de um aumento em  $p_1$



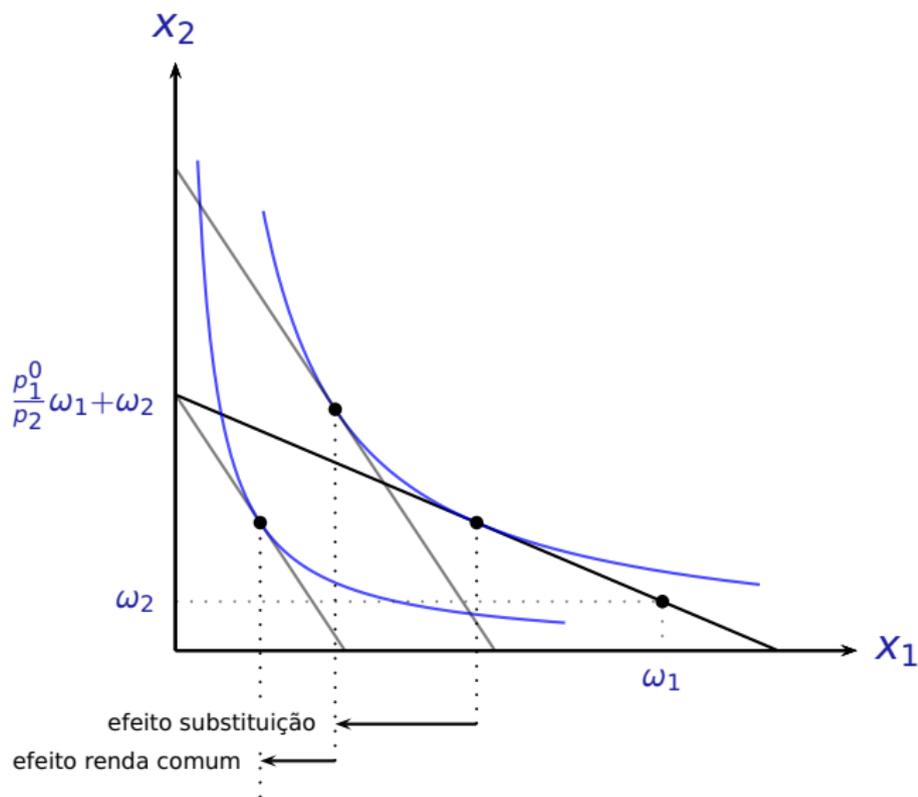
# Compra e Venda – exemplo 1

Efeito de um aumento em  $p_1$



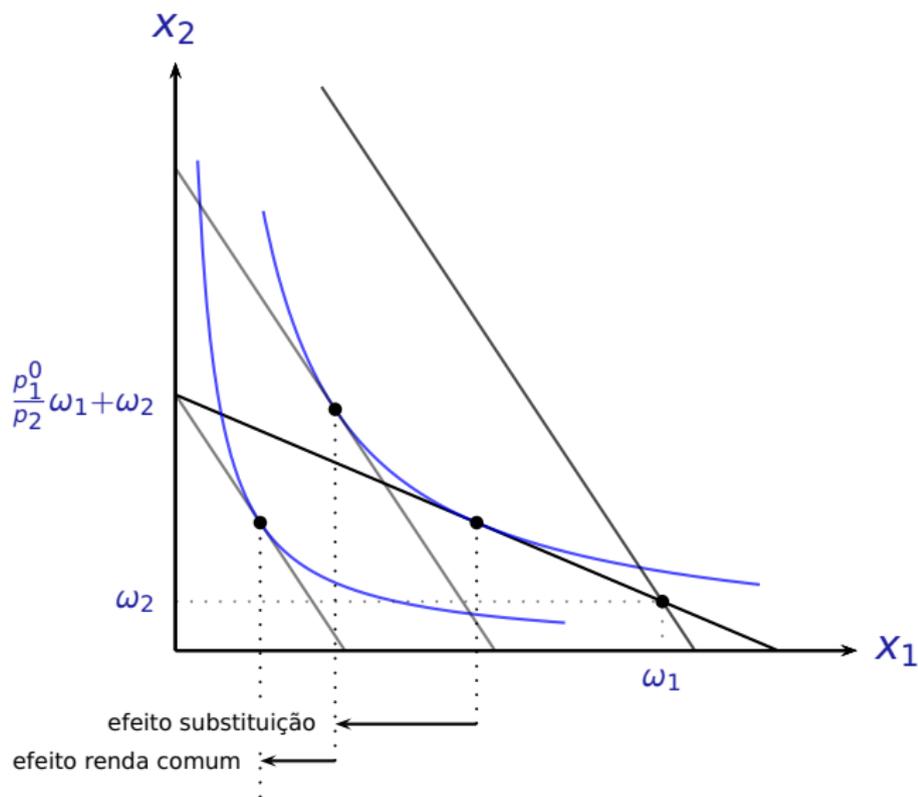
# Compra e Venda – exemplo 1

Efeito de um aumento em  $p_1$



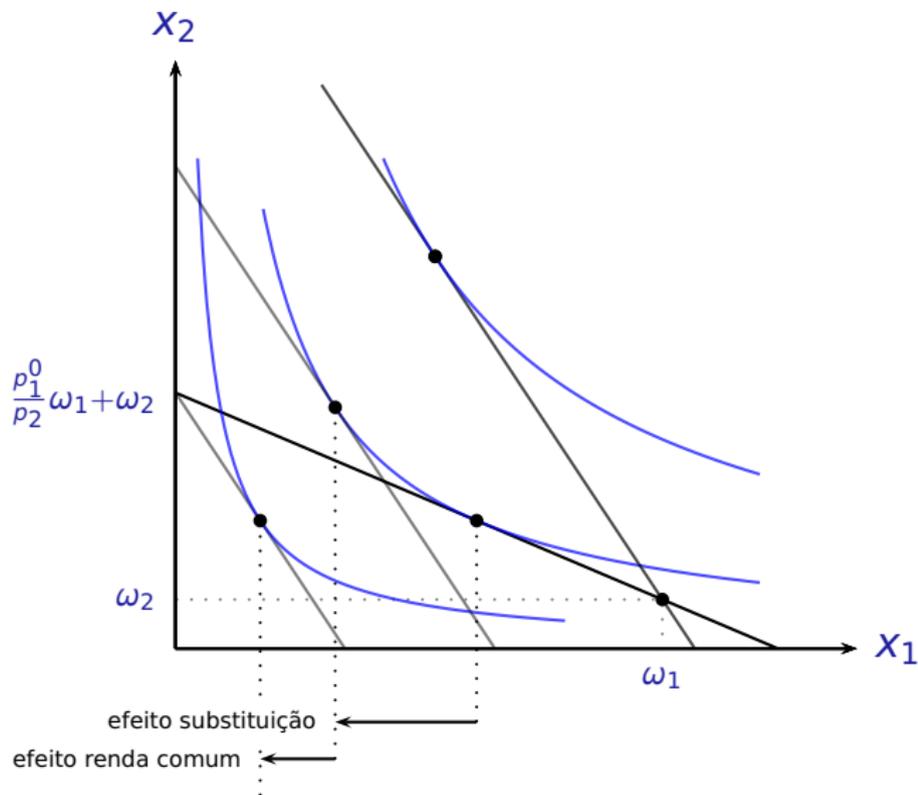
# Compra e Venda – exemplo 1

Efeito de um aumento em  $p_1$



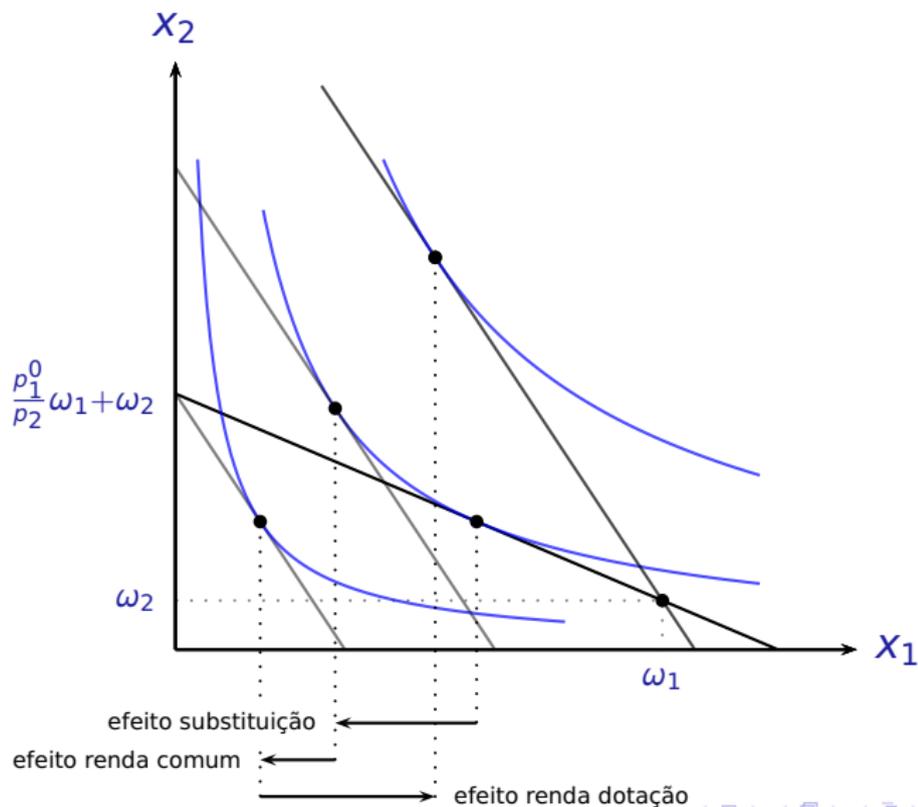
# Compra e Venda – exemplo 1

Efeito de um aumento em  $p_1$



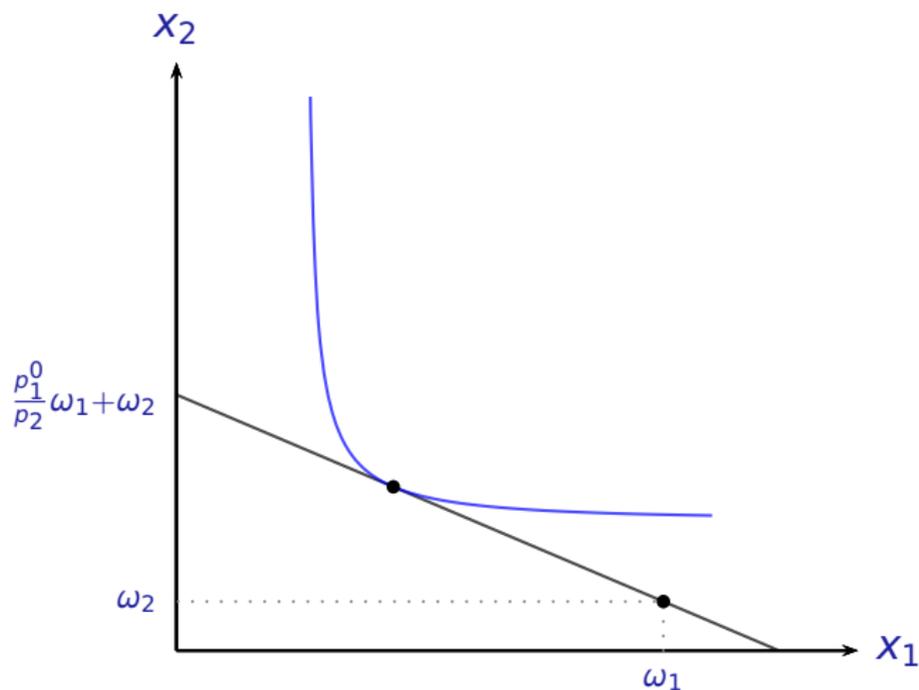
# Compra e Venda – exemplo 1

Efeito de um aumento em  $p_1$



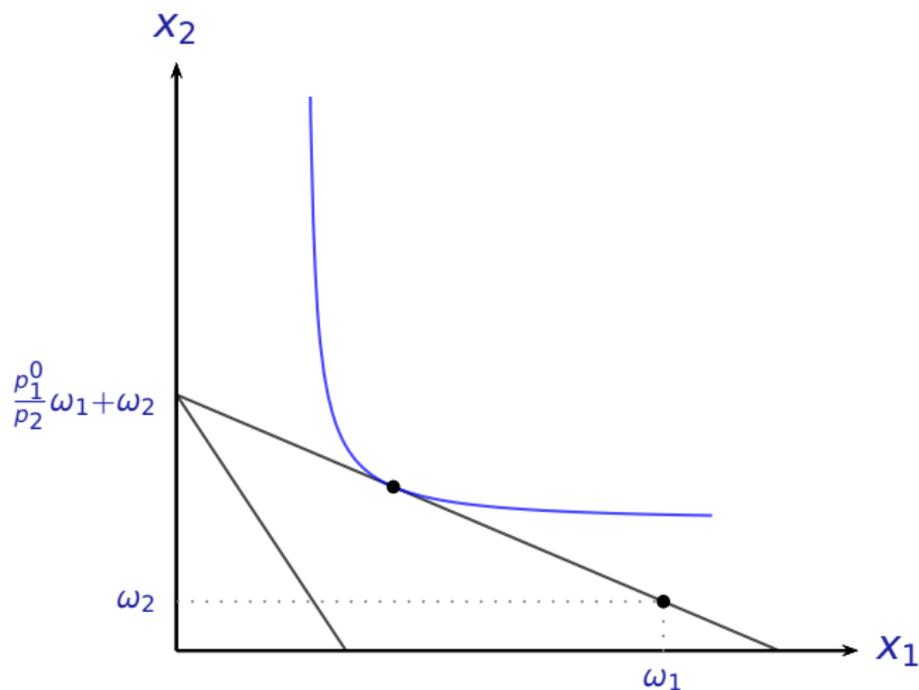
# Compra e Venda – exemplo 2

Efeito de um aumento em  $p_1$



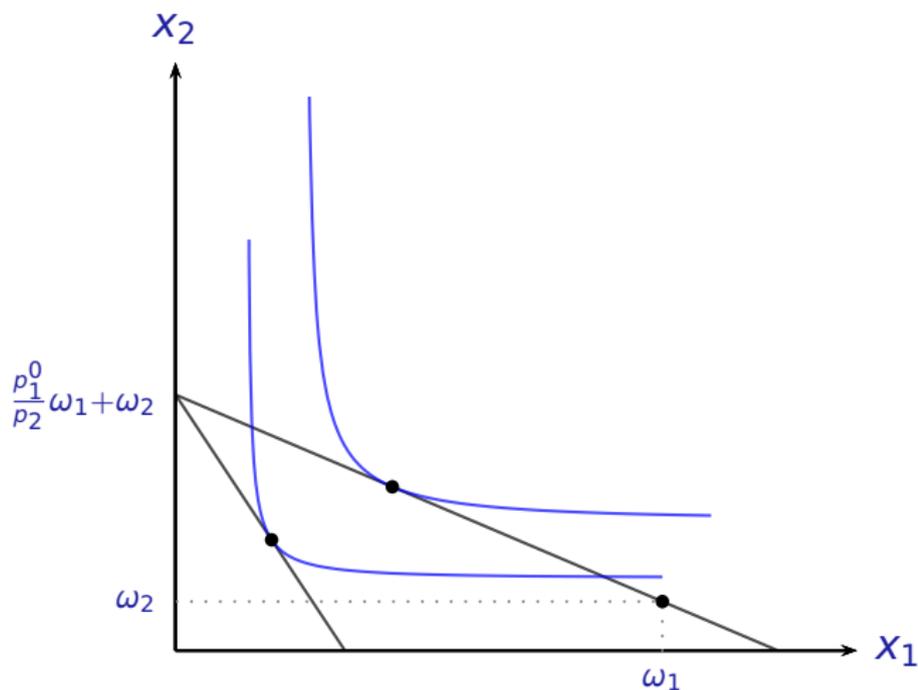
# Compra e Venda – exemplo 2

Efeito de um aumento em  $p_1$



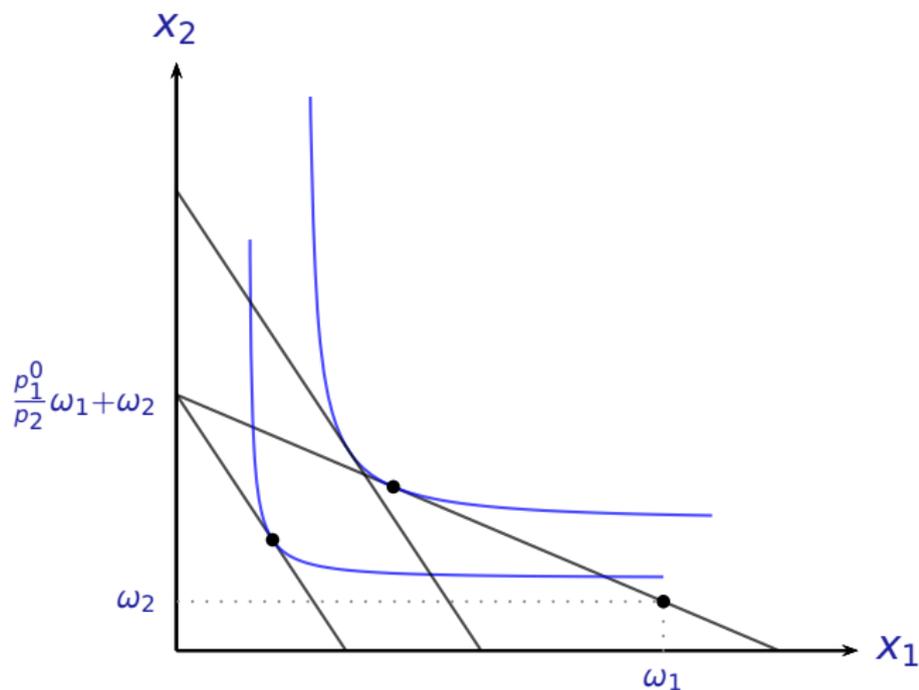
# Compra e Venda – exemplo 2

Efeito de um aumento em  $p_1$



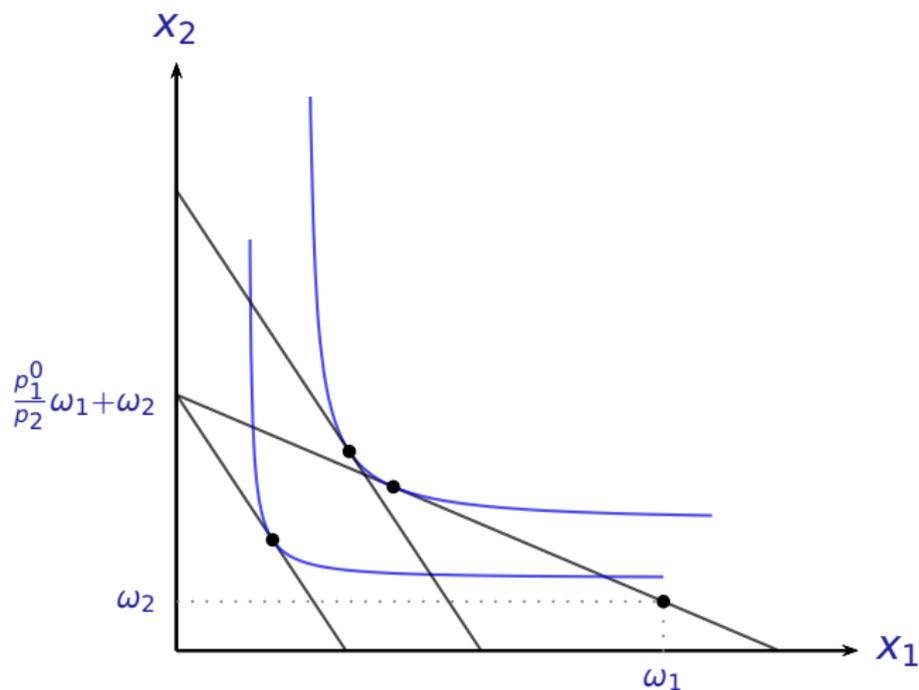
# Compra e Venda – exemplo 2

Efeito de um aumento em  $p_1$



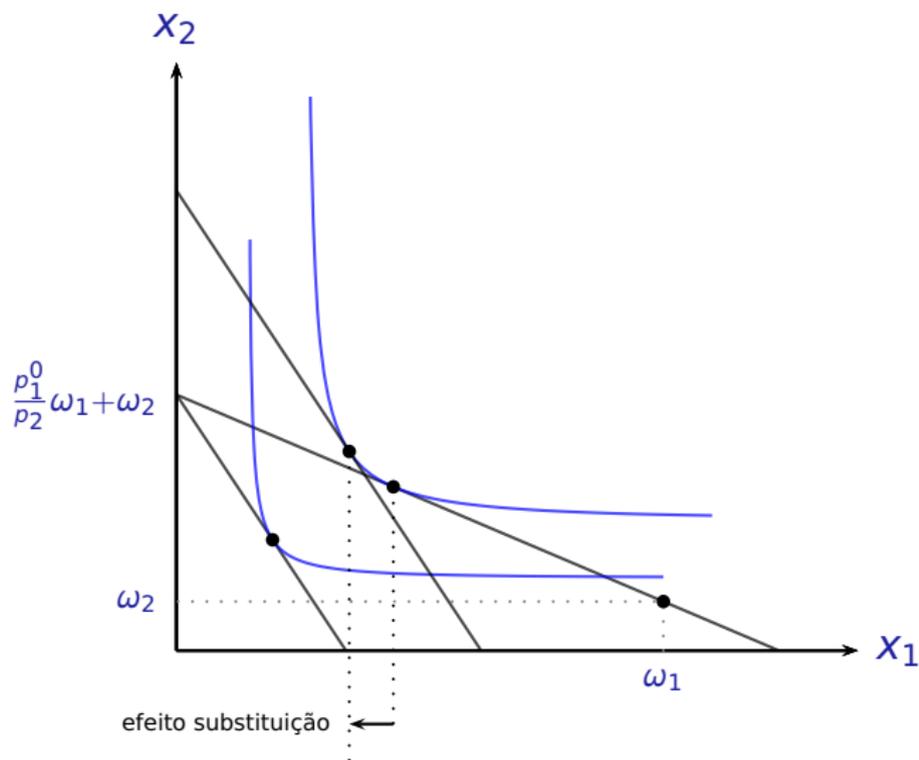
# Compra e Venda – exemplo 2

Efeito de um aumento em  $p_1$



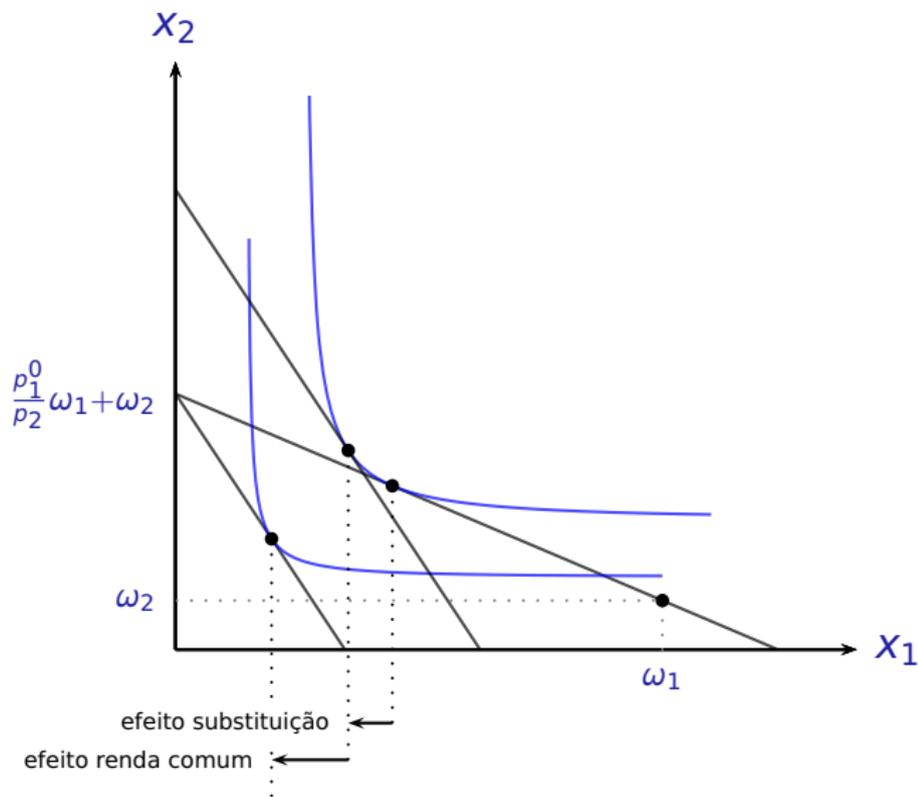
# Compra e Venda – exemplo 2

Efeito de um aumento em  $p_1$



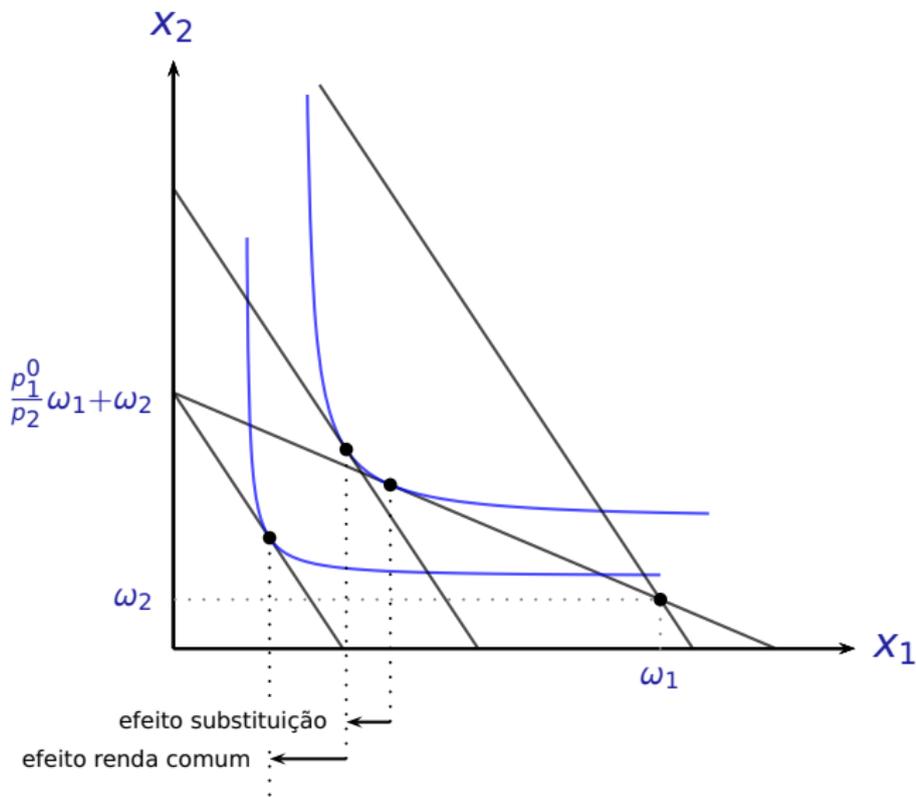
# Compra e Venda – exemplo 2

Efeito de um aumento em  $p_1$



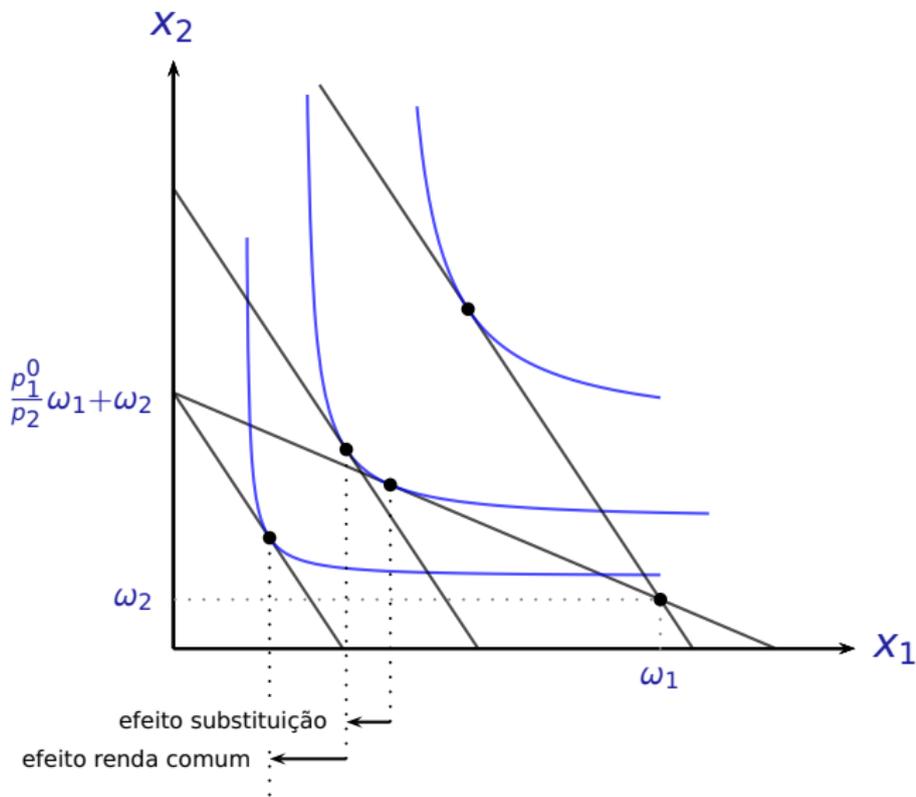
# Compra e Venda – exemplo 2

Efeito de um aumento em  $p_1$



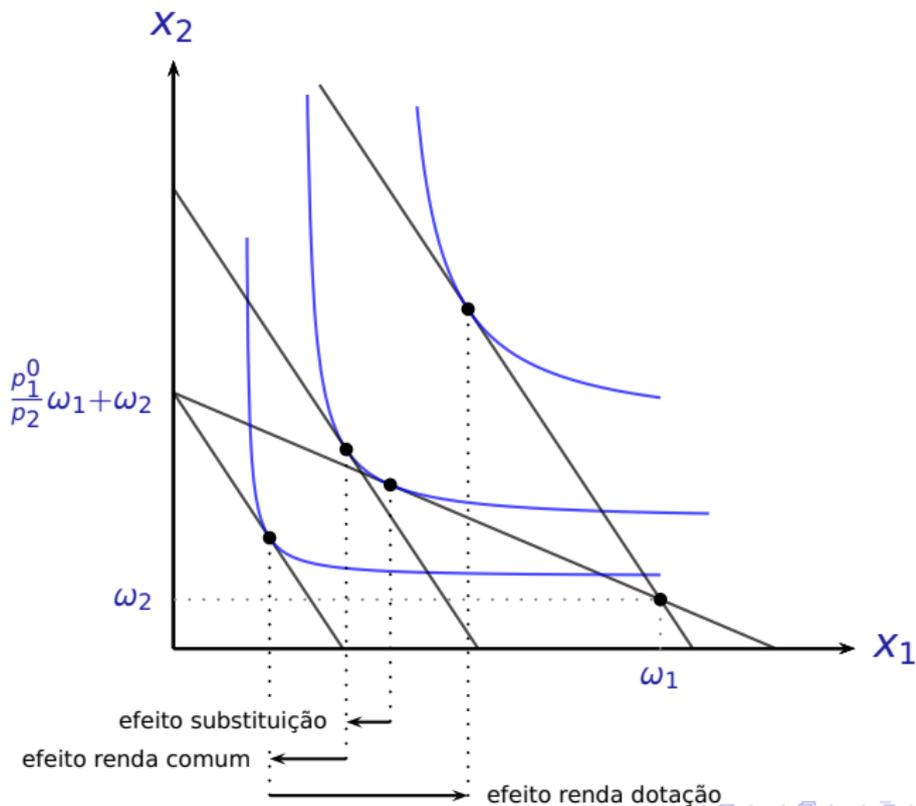
# Compra e Venda – exemplo 2

Efeito de um aumento em  $p_1$



# Compra e Venda – exemplo 2

Efeito de um aumento em  $p_1$



# O caso de compra e venda

A função de demanda do bem 1 é  $x_1(p_1, p_2, m(p_1, p_2))$  na qual

$$m(p_1, p_2) \equiv p_1\omega_1 + p_2\omega_2.$$

# O caso de compra e venda

A função de demanda do bem 1 é  $x_1(p_1, p_2, m(p_1, p_2))$  na qual

$$m(p_1, p_2) \equiv p_1\omega_1 + p_2\omega_2.$$

Assim

$$\frac{dx_1}{dp_1} = \frac{\partial x_1}{\partial p_1} + \frac{\partial x_1}{\partial m}\omega_1$$

# O caso de compra e venda

A função de demanda do bem 1 é  $x_1(p_1, p_2, m(p_1, p_2))$  na qual

$$m(p_1, p_2) \equiv p_1\omega_1 + p_2\omega_2.$$

Assim

$$\frac{dx_1}{dp_1} = \frac{\partial x_1}{\partial p_1} + \frac{\partial x_1}{\partial m} \omega_1$$

Efeito renda  
dotação

# O caso de compra e venda

A função de demanda do bem 1 é  $x_1(p_1, p_2, m(p_1, p_2))$  na qual

$$m(p_1, p_2) \equiv p_1\omega_1 + p_2\omega_2.$$

Assim

$$\frac{dx_1}{dp_1} = \frac{\partial x_1}{\partial p_1} + \frac{\partial x_1}{\partial m} \omega_1$$
$$\frac{dx_1}{dp_1} = \frac{\partial h_1}{\partial p_1} + \frac{\partial x_1}{\partial m} (\omega - x_1)$$

Efeito renda  
dotação

# O caso de compra e venda

A função de demanda do bem 1 é  $x_1(p_1, p_2, m(p_1, p_2))$  na qual

$$m(p_1, p_2) \equiv p_1\omega_1 + p_2\omega_2.$$

Assim

$$\frac{dx_1}{dp_1} = \frac{\partial x_1}{\partial p_1} + \frac{\partial x_1}{\partial m} \omega_1$$

Efeito renda  
dotação

$$\frac{dx_1}{dp_1} = \frac{\partial h_1}{\partial p_1} + \frac{\partial x_1}{\partial m} (\omega - x_1)$$

Caso o bem 1 seja normal e o consumidor seja ofertante líquido desse bem, o efeito renda total (ordinário + dotação) terá sinal contrário ao efeito substituição.

- 1 A função de utilidade indireta
- 2 Função dispêndio e demanda compensada
- 3 Medidas de variação de bem estar individual
- 4 Equação de Slutsky
- 5 O problema de minimização dos gastos**
  - O problema
  - Funções dispêndio e demanda compensada
- 6 Exercícios

# Minimização de gastos

Qual é o valor da cesta de bens mais barata que garanta que um consumidor com preferências representadas por uma função de utilidade  $U(x_1, x_2)$  atinja um nível mínimo de utilidade  $\bar{u}$ ?

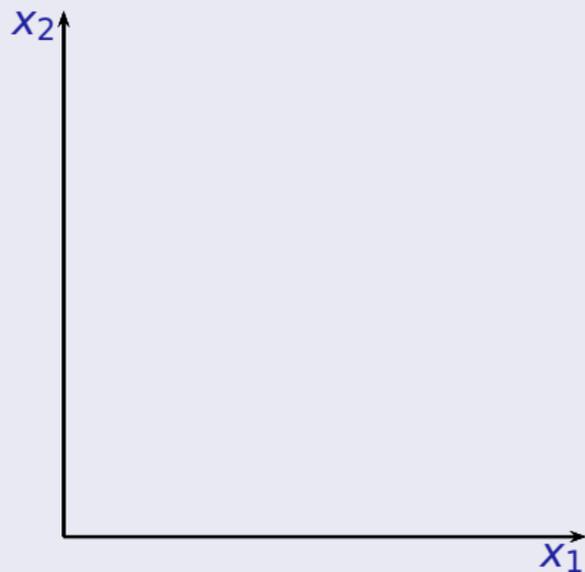
# Minimização de gastos

Qual é o valor da cesta de bens mais barata que garanta que um consumidor com preferências representadas por uma função de utilidade  $U(x_1, x_2)$  atinja um nível mínimo de utilidade  $\bar{u}$ ?

Trata-se de resolver o problema:

$$\begin{aligned} \min_{x_1, x_2} \quad & p_1 x_1 + p_2 x_2 \\ \text{sujeito a} \quad & U(x_1, x_2) \geq \bar{u} \end{aligned}$$

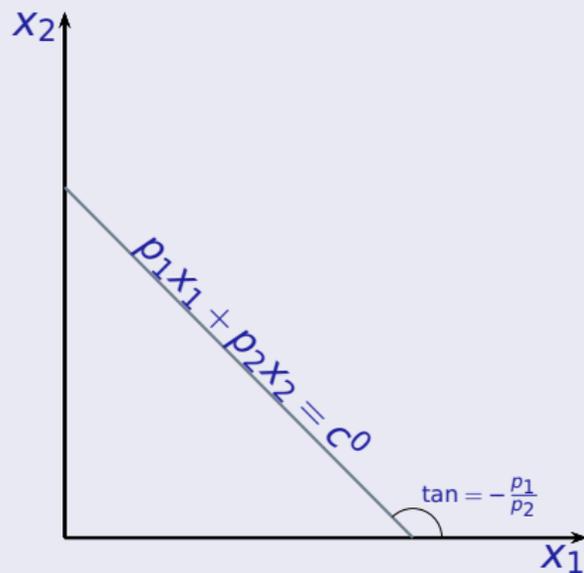
## Curvas de isocusto



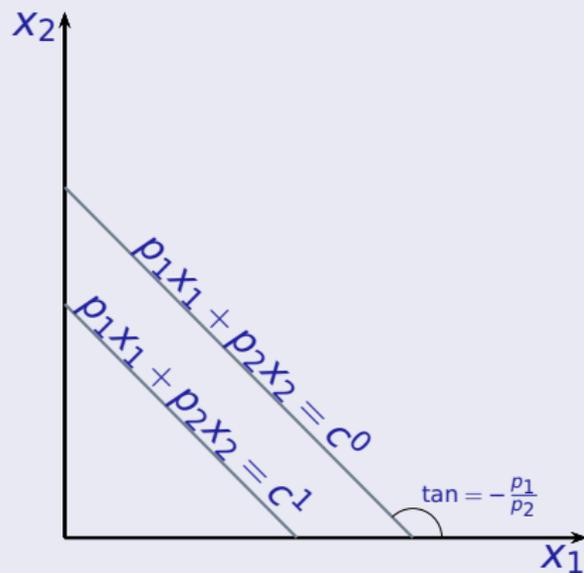
## Curvas de isocusto



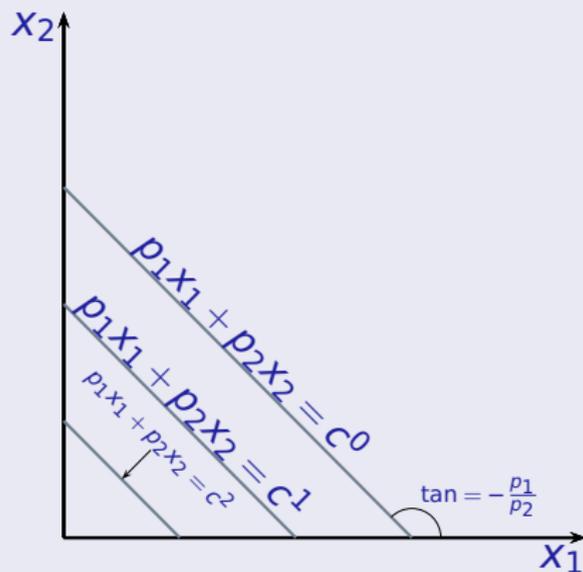
## Curvas de isocusto



## Curvas de isocusto

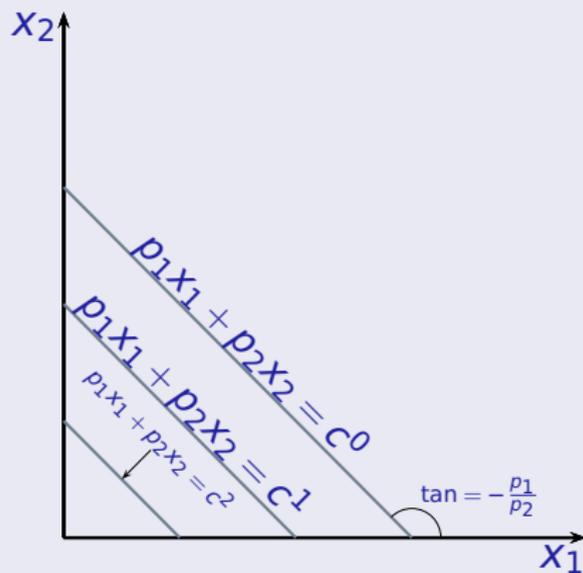


## Curvas de isocusto

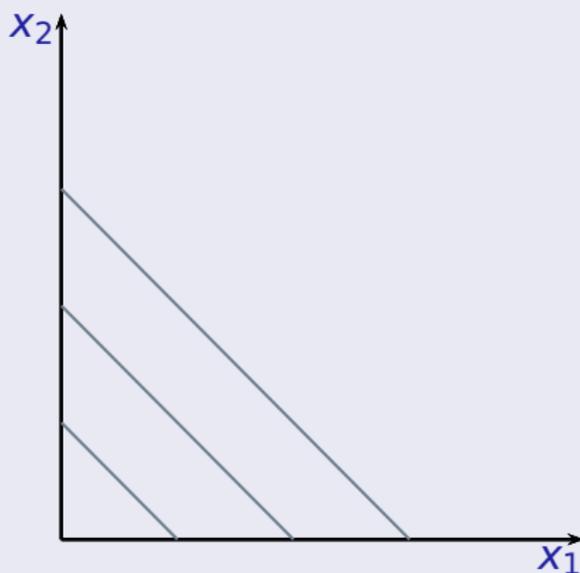


# Solução gráfica

## Curvas de isocusto

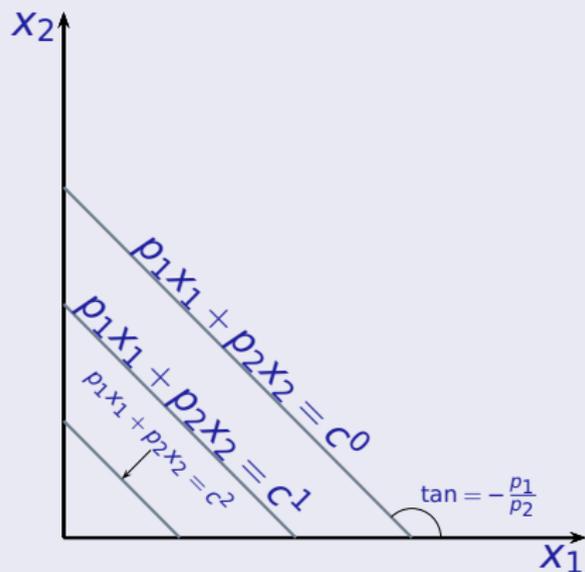


## Solução

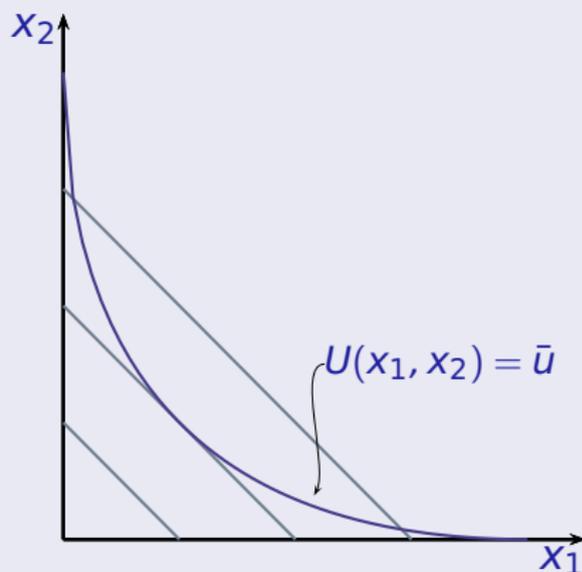


# Solução gráfica

## Curvas de isocusto

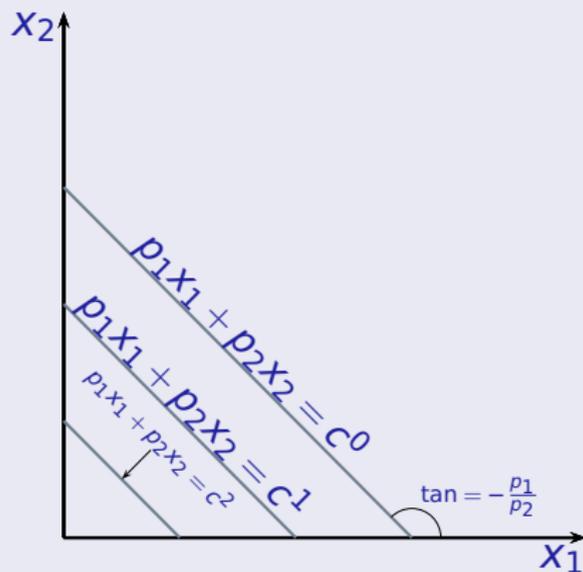


## Solução

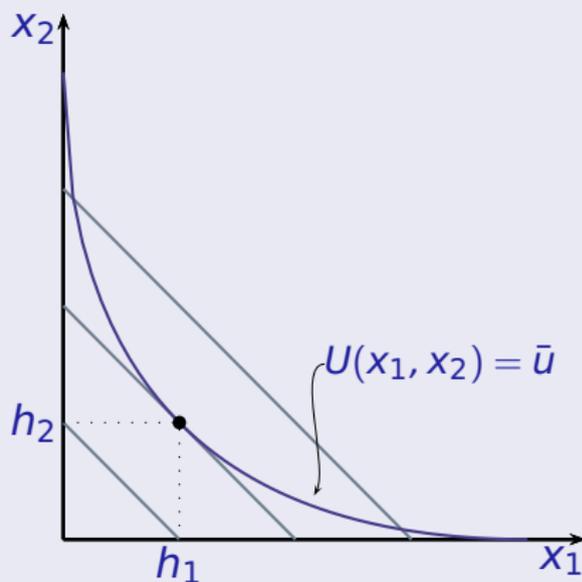


# Solução gráfica

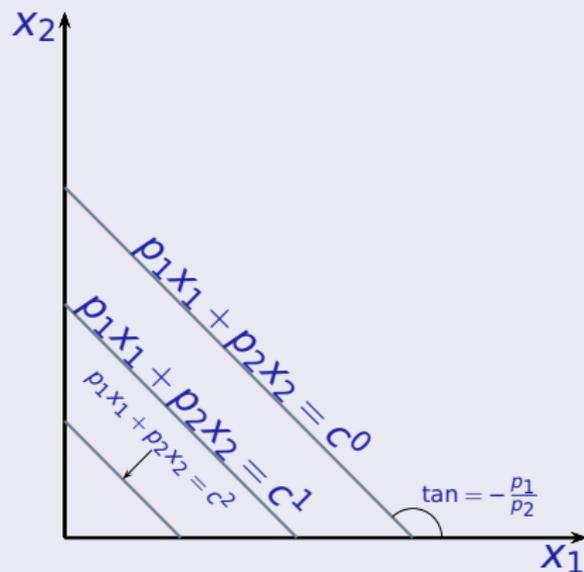
## Curvas de isocusto



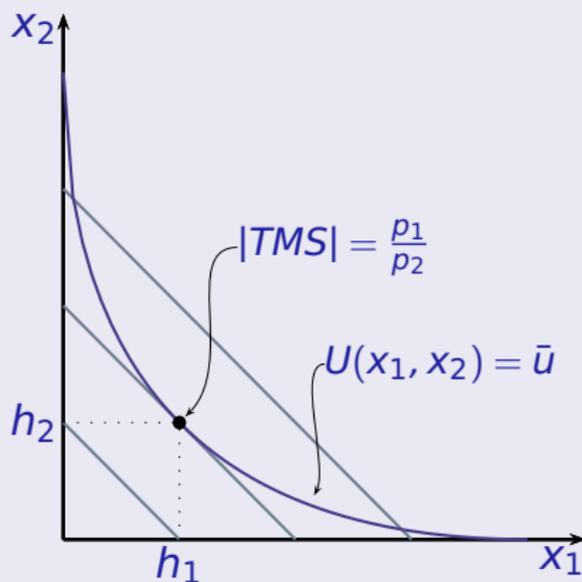
## Solução



## Curvas de isocusto



## Solução



## O problema

$$\begin{aligned} \min_{x_1, x_2} \quad & p_1 x_1 + p_2 x_2 \\ \text{sujeito a} \quad & U(x_1, x_2) \geq \bar{u} \end{aligned}$$

## O problema

$$\begin{aligned} \min_{x_1, x_2} \quad & p_1 x_1 + p_2 x_2 \\ \text{sujeito a} \quad & U(x_1, x_2) \geq \bar{u} \end{aligned}$$

## O Lagrangiano

$$\mathcal{L} = p_1 x_1 + p_2 x_2 - \lambda(U(x_1, x_2) - \bar{u})$$

## O problema

$$\begin{aligned} \min_{x_1, x_2} \quad & p_1 x_1 + p_2 x_2 \\ \text{sujeito a} \quad & U(x_1, x_2) \geq \bar{u} \end{aligned}$$

## O Lagrangiano

$$\mathcal{L} = p_1 x_1 + p_2 x_2 - \lambda(U(x_1, x_2) - \bar{u})$$

## Condições de 1ª ordem

$$\begin{cases} \frac{UMg_1}{UMg_2} = \frac{p_1}{p_2} \\ U(x_1, x_2) = \bar{u} \end{cases}$$

# Funções de demanda compensada e função dispêndio

## Função de demanda compensada

Sejam  $h_1(p_1, p_2, u)$  e  $h_2(p_1, p_2, u)$  as funções que geram as quantidades ótimas dos bens 1 e 2, respectivamente, para o problema de minimização de gastos. Elas são chamadas **funções de demanda compensadas** ou **funções de demanda hicksianas**.

# Funções de demanda compensada e função dispêndio

## Função de demanda compensada

Sejam  $h_1(p_1, p_2, u)$  e  $h_2(p_1, p_2, u)$  as funções que geram as quantidades ótimas dos bens 1 e 2, respectivamente, para o problema de minimização de gastos. Elas são chamadas **funções de demanda compensadas** ou **funções de demanda hicksianas**.

## A função dispêndio

A **função dispêndio**, notada por  $e(p_1, p_2, u)$ , é a função que determina o gasto ótimo associado ao problema de minimização de gasto. Ela é definida por

$$e(p_1, p_2, u) \equiv p_1 h_1(p_1, p_2, u) + p_2 h_2(p_1, p_2, u)$$

Com relação à racionalidade das escolhas dos consumidores e seus impactos sobre o nível de bem estar, observa-se que (assinale falso ou verdadeiro):

- 0 Suponha que o consumidor só pode consumir quantidades não negativas dos bens e possui preferências representadas pela seguinte função utilidade:  
 $U(x_1, x_2) = -x_1x_2$  . Pode-se afirmar que as preferências desse consumidor satisfazem às propriedades de monotonicidade e convexidade.

Com relação à racionalidade das escolhas dos consumidores e seus impactos sobre o nível de bem estar, observa-se que (assinale falso ou verdadeiro):

- 0 Suponha que o consumidor só pode consumir quantidades não negativas dos bens e possui preferências representadas pela seguinte função utilidade:  $U(x_1, x_2) = -x_1x_2$ . Pode-se afirmar que as preferências desse consumidor satisfazem às propriedades de monotonicidade e convexidade. F

Com relação à racionalidade das escolhas dos consumidores e seus impactos sobre o nível de bem estar, observa-se que (assinale falso ou verdadeiro):

- 0 Suponha que o consumidor só pode consumir quantidades não negativas dos bens e possui preferências representadas pela seguinte função utilidade:  
 $U(x_1, x_2) = -x_1x_2$ . Pode-se afirmar que as preferências desse consumidor satisfazem às propriedades de monotonicidade e convexidade. **F**
- 1 Se a Taxa de Dispêndio (medida pela relação entre os respectivos gastos) com a aquisição de 2 bens, em dois momentos no tempo, for superior ao Índice de Preços de Laspeyres, os consumidores se defrontam com uma melhoria do bem estar no final do período.

Com relação à racionalidade das escolhas dos consumidores e seus impactos sobre o nível de bem estar, observa-se que (assinale falso ou verdadeiro):

- 0 Suponha que o consumidor só pode consumir quantidades não negativas dos bens e possui preferências representadas pela seguinte função utilidade:  
 $U(x_1, x_2) = -x_1x_2$ . Pode-se afirmar que as preferências desse consumidor satisfazem às propriedades de monotonicidade e convexidade. **F**
- 1 Se a Taxa de Dispêndio (medida pela relação entre os respectivos gastos) com a aquisição de 2 bens, em dois momentos no tempo, for superior ao Índice de Preços de Laspeyres, os consumidores se defrontam com uma melhoria do bem estar no final do período. **V**

- 2 Se o Índice de Quantidade de Laspeyres for inferior à unidade, os consumidores estão em melhor posição (maior utilidade) no período base comparado ao período corrente.

- 2 Se o Índice de Quantidade de Laspeyres for inferior à unidade, os consumidores estão em melhor posição (maior utilidade) no período base comparado ao período corrente.

V

- 2 Se o Índice de Quantidade de Laspeyres for inferior à unidade, os consumidores estão em melhor posição (maior utilidade) no período base comparado ao período corrente. V
- 3 O Excedente do Consumidor corresponde exatamente à medida em unidades monetárias do ganho de utilidade obtido em razão do consumo do bem 1, quando a função utilidade do consumidor é quase-linear em relação ao bem 2.

- 2 Se o Índice de Quantidade de Laspeyres for inferior à unidade, os consumidores estão em melhor posição (maior utilidade) no período base comparado ao período corrente. ✓
- 3 O Excedente do Consumidor corresponde exatamente à medida em unidades monetárias do ganho de utilidade obtido em razão do consumo do bem 1, quando a função utilidade do consumidor é quase-linear em relação ao bem 2. ✓

- 2 Se o Índice de Quantidade de Laspeyres for inferior à unidade, os consumidores estão em melhor posição (maior utilidade) no período base comparado ao período corrente. ✓
- 3 O Excedente do Consumidor corresponde exatamente à medida em unidades monetárias do ganho de utilidade obtido em razão do consumo do bem 1, quando a função utilidade do consumidor é quase-linear em relação ao bem 2. ✓
- 4 Considerando os impactos de variações dos preços, a Variação Equivalente (*VE*) é medida pela renda que deve ser transferida ao consumidor para que, aos preços finais, ele alcance a mesma utilidade daquela inicial.

- 2 Se o Índice de Quantidade de Laspeyres for inferior à unidade, os consumidores estão em melhor posição (maior utilidade) no período base comparado ao período corrente. V
- 3 O Excedente do Consumidor corresponde exatamente à medida em unidades monetárias do ganho de utilidade obtido em razão do consumo do bem 1, quando a função utilidade do consumidor é quase-linear em relação ao bem 2. V
- 4 Considerando os impactos de variações dos preços, a Variação Equivalente (*VE*) é medida pela renda que deve ser transferida ao consumidor para que, aos preços finais, ele alcance a mesma utilidade daquela inicial. F

Com relação às escolhas ótimas dos consumidores, constata-se que:

- Se as preferências do indivíduo estão representadas pela função utilidade  $U(x, y) = 2x + y$  e os preços dos bens são  $p_x = p_y = 2$ , então uma redução de  $p_x$  para  $p_x = 1$  resulta num Efeito Substituição igual a zero.

Com relação às escolhas ótimas dos consumidores, constata-se que:

- Se as preferências do indivíduo estão representadas pela função utilidade  $U(x, y) = 2x + y$  e os preços dos bens são  $p_x = p_y = 2$ , então uma redução de  $p_x$  para  $p_x = 1$  resulta num Efeito Substituição igual a zero. V

Com relação às escolhas ótimas dos consumidores, constata-se que:

- 0 Se as preferências do indivíduo estão representadas pela função utilidade  $U(x, y) = 2x + y$  e os preços dos bens são  $p_x = p_y = 2$ , então uma redução de  $p_x$  para  $p_x = 1$  resulta num Efeito Substituição igual a zero. V
- 1 Se dois bens  $x$  e  $y$  são complementares perfeitos e o preço do bem  $x$  decresce, então o Efeito Renda é zero e o Efeito Total se iguala ao Efeito Substituição.

Com relação às escolhas ótimas dos consumidores, constata-se que:

- 0 Se as preferências do indivíduo estão representadas pela função utilidade  $U(x, y) = 2x + y$  e os preços dos bens são  $p_x = p_y = 2$ , então uma redução de  $p_x$  para  $p_x = 1$  resulta num Efeito Substituição igual a zero. V
- 1 Se dois bens  $x$  e  $y$  são complementares perfeitos e o preço do bem  $x$  decresce, então o Efeito Renda é zero e o Efeito Total se iguala ao Efeito Substituição. F

Com relação às escolhas ótimas dos consumidores, constata-se que:

- 2 A negatividade do Efeito Substituição decorre diretamente do Axioma Forte da Preferência Revelada.

Com relação às escolhas ótimas dos consumidores, constata-se que:

- 2 A negatividade do Efeito Substituição decorre diretamente do Axioma Forte da Preferência Revelada. **F**

Com relação às escolhas ótimas dos consumidores, constata-se que:

- 2 A negatividade do Efeito Substituição decorre diretamente do Axioma Forte da Preferência Revelada. **F**
- 3 No caso de preferências do tipo Cobb-Douglas, a Elasticidade-Preço Cruzada da demanda por bens é nula, enquanto a Elasticidade-Preço da demanda por cada um deles é unitária (em módulo).

Com relação às escolhas ótimas dos consumidores, constata-se que:

- 2 A negatividade do Efeito Substituição decorre diretamente do Axioma Forte da Preferência Revelada. **F**
- 3 No caso de preferências do tipo Cobb-Douglas, a Elasticidade-Preço Cruzada da demanda por bens é nula, enquanto a Elasticidade-Preço da demanda por cada um deles é unitária (em módulo). **V**

Com relação às escolhas ótimas dos consumidores, constata-se que:

- 2 A negatividade do Efeito Substituição decorre diretamente do Axioma Forte da Preferência Revelada. **F**
- 3 No caso de preferências do tipo Cobb-Douglas, a Elasticidade-Preço Cruzada da demanda por bens é nula, enquanto a Elasticidade-Preço da demanda por cada um deles é unitária (em módulo). **V**
- 4 Nas funções demandas geradas a partir de uma função utilidade do tipo  $U(X, Y) = X^2 + Y^2$  as demandas individuais por cada bem são independentes do preço do outro.

Com relação às escolhas ótimas dos consumidores, constata-se que:

- 2 A negatividade do Efeito Substituição decorre diretamente do Axioma Forte da Preferência Revelada. **F**
- 3 No caso de preferências do tipo Cobb-Douglas, a Elasticidade-Preço Cruzada da demanda por bens é nula, enquanto a Elasticidade-Preço da demanda por cada um deles é unitária (em módulo). **V**
- 4 Nas funções demandas geradas a partir de uma função utilidade do tipo  $U(X, Y) = X^2 + Y^2$  as demandas individuais por cada bem são independentes do preço do outro. **F**

- 0 A função dispêndio  $E(p, U)$  é a função valor associada ao problema de minimização do dispêndio, condicionado a determinado nível de utilidade  $\bar{U}$  que o consumidor deseja alcançar. As seguintes propriedades são válidas para essa função: homogeneidade de grau zero nos preços dos produtos, não decrescente nos preços de cada produto  $p_i$ , crescente em  $U$  e côncava nos preços.

- 0 A função dispêndio  $E(p, U)$  é a função valor associada ao problema de minimização do dispêndio, condicionado a determinado nível de utilidade  $\bar{U}$  que o consumidor deseja alcançar. As seguintes propriedades são válidas para essa função: homogeneidade de grau zero nos preços dos produtos, não decrescente nos preços de cada produto  $p_i$ , crescente em  $U$  e côncava nos preços. F

- 0 A função dispêndio  $E(p, U)$  é a função valor associada ao problema de minimização do dispêndio, condicionado a determinado nível de utilidade  $\bar{U}$  que o consumidor deseja alcançar. As seguintes propriedades são válidas para essa função: homogeneidade de grau zero nos preços dos produtos, não decrescente nos preços de cada produto  $p_i$ , crescente em  $U$  e côncava nos preços. **F**
- 1 Sabendo que a função de utilidade indireta de um consumidor é dada por:

$$V(p_1, p_2, R) = \frac{R}{2p_1^{0,5} p_2^{0,5}}$$

é possível afirmar que a função dispêndio associada a essas preferências é dada por:  $E(p_1, p_2, U) = 2p_1^{0,5} p_2^{0,5} U$ .

- 0 A função dispêndio  $E(p, U)$  é a função valor associada ao problema de minimização do dispêndio, condicionado a determinado nível de utilidade  $\bar{U}$  que o consumidor deseja alcançar. As seguintes propriedades são válidas para essa função: homogeneidade de grau zero nos preços dos produtos, não decrescente nos preços de cada produto  $p_i$ , crescente em  $U$  e côncava nos preços. **F**
- 1 Sabendo que a função de utilidade indireta de um consumidor é dada por:

$$V(p_1, p_2, R) = \frac{R}{2p_1^{0,5} p_2^{0,5}}$$

é possível afirmar que a função dispêndio associada a essas preferências é dada por:  $E(p_1, p_2, U) = 2p_1^{0,5} p_2^{0,5} U$ . **V**

- 2 Sabendo que as preferências de um consumidor são representadas pela relação binária descrita abaixo, na qual a cesta  $x$  é fracamente preferível à cesta  $y$  se, e somente se

$$x \succeq y \Leftrightarrow x_1 > y_1 \text{ ou } x_1 = x_2 \text{ e } x_2 \geq y_2,$$

é possível afirmar que essas preferências são completas, transitivas e contínuas.

- 2 Sabendo que as preferências de um consumidor são representadas pela relação binária descrita abaixo, na qual a cesta  $x$  é fracamente preferível à cesta  $y$  se, e somente se

$$x \succeq y \Leftrightarrow x_1 > y_1 \text{ ou } x_1 = x_2 \text{ e } x_2 \geq y_2,$$

é possível afirmar que essas preferências são completas, transitivas e contínuas. F

- 2 Sabendo que as preferências de um consumidor são representadas pela relação binária descrita abaixo, na qual a cesta  $x$  é fracamente preferível à cesta  $y$  se, e somente se

$$x \succsim y \Leftrightarrow x_1 > y_1 \text{ ou } x_1 = x_2 \text{ e } x_2 \geq y_2,$$

é possível afirmar que essas preferências são completas, transitivas e contínuas. F

- 3 Se em uma economia só existem dois bens entre os quais o consumidor tem de escolher, então é possível afirmar que os dois são substitutos.

- 2 Sabendo que as preferências de um consumidor são representadas pela relação binária descrita abaixo, na qual a cesta  $x$  é fracamente preferível à cesta  $y$  se, e somente se

$$x \succsim y \Leftrightarrow x_1 > y_1 \text{ ou } x_1 = x_2 \text{ e } x_2 \geq y_2,$$

é possível afirmar que essas preferências são completas, transitivas e contínuas. **F**

- 3 Se em uma economia só existem dois bens entre os quais o consumidor tem de escolher, então é possível afirmar que os dois são substitutos. **F(difere do gab)**

- 2 Sabendo que as preferências de um consumidor são representadas pela relação binária descrita abaixo, na qual a cesta  $x$  é fracamente preferível à cesta  $y$  se, e somente se

$$x \succeq y \Leftrightarrow x_1 > y_1 \text{ ou } x_1 = x_2 \text{ e } x_2 \geq y_2,$$

é possível afirmar que essas preferências são completas, transitivas e contínuas. F

- 3 Se em uma economia só existem dois bens entre os quais o consumidor tem de escolher, então é possível afirmar que os dois são substitutos. F(difere do gab)

- 4 Um consumidor tem suas preferências pelos bens  $x$  e  $y$  representadas pela seguinte função utilidade  $u : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ :  $U(x, y) = - [(x - 3)^2 + (y - 3)^2]$ . Essas preferências exibem ponto de saciedade global na cesta  $(0, 0)$ .

- 2 Sabendo que as preferências de um consumidor são representadas pela relação binária descrita abaixo, na qual a cesta  $x$  é fracamente preferível à cesta  $y$  se, e somente se

$$x \succeq y \Leftrightarrow x_1 > y_1 \text{ ou } x_1 = x_2 \text{ e } x_2 \geq y_2,$$

é possível afirmar que essas preferências são completas, transitivas e contínuas. F

- 3 Se em uma economia só existem dois bens entre os quais o consumidor tem de escolher, então é possível afirmar que os dois são substitutos. F (difere do gab)

- 4 Um consumidor tem suas preferências pelos bens  $x$  e  $y$  representadas pela seguinte função utilidade  $u : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ :  $U(x, y) = - [(x - 3)^2 + (y - 3)^2]$ . Essas preferências exibem ponto de saciedade global na cesta  $(0, 0)$ . F

Considere a seguinte função utilidade  $u(x, y) = -\frac{1}{x} - \frac{1}{y}$ , em que  $x$  denota a quantidade do bem 1 e  $y$  a quantidade do bem 2. Denote por  $p_x$  o preço do bem 1, por  $p_y$  o preço do bem 2 e por  $r$  a renda do consumidor. Responda V ou F às seguintes alternativas:

- 0 A demanda pelo bem 2 é

$$y(p_x, p_y, r) = \frac{r}{p_y + \sqrt{p_x p_y}}$$

Considere a seguinte função utilidade  $u(x, y) = -\frac{1}{x} - \frac{1}{y}$ , em que  $x$  denota a quantidade do bem 1 e  $y$  a quantidade do bem 2. Denote por  $p_x$  o preço do bem 1, por  $p_y$  o preço do bem 2 e por  $r$  a renda do consumidor. Responda V ou F às seguintes alternativas:

- 0 A demanda pelo bem 2 é

$$y(p_x, p_y, r) = \frac{r}{p_y + \sqrt{p_x p_y}}$$

V

Considere a seguinte função utilidade  $u(x, y) = -\frac{1}{x} - \frac{1}{y}$ , em que  $x$  denota a quantidade do bem 1 e  $y$  a quantidade do bem 2. Denote por  $p_x$  o preço do bem 1, por  $p_y$  o preço do bem 2 e por  $r$  a renda do consumidor. Responda V ou F às seguintes alternativas:

- 0 A demanda pelo bem 2 é

$$y(p_x, p_y, r) = \frac{r}{p_y + \sqrt{p_x p_y}}$$

V

- 1 A utilidade indireta é dada por

$$V(p_x, p_y, r) = \frac{p_x + p_y + 2\sqrt{p_x p_y}}{2r}$$

Considere a seguinte função utilidade  $u(x, y) = -\frac{1}{x} - \frac{1}{y}$ , em que  $x$  denota a quantidade do bem 1 e  $y$  a quantidade do bem 2. Denote por  $p_x$  o preço do bem 1, por  $p_y$  o preço do bem 2 e por  $r$  a renda do consumidor. Responda V ou F às seguintes alternativas:

- 0 A demanda pelo bem 2 é

$$y(p_x, p_y, r) = \frac{r}{p_y + \sqrt{p_x p_y}}$$

V

- 1 A utilidade indireta é dada por

$$V(p_x, p_y, r) = \frac{p_x + p_y + 2\sqrt{p_x p_y}}{2r}$$

F

Considere a seguinte função utilidade  $u(x, y) = -\frac{1}{x} - \frac{1}{y}$ , em que  $x$  denota a quantidade do bem 1 e  $y$  a quantidade do bem 2. Denote por  $p_x$  o preço do bem 1, por  $p_y$  o preço do bem 2 e por  $r$  a renda do consumidor. Responda V ou F às seguintes alternativas:

- 2 A função dispêndio tem a forma de Elasticidade de Substituição Constante;

Considere a seguinte função utilidade  $u(x, y) = -\frac{1}{x} - \frac{1}{y}$ , em que  $x$  denota a quantidade do bem 1 e  $y$  a quantidade do bem 2. Denote por  $p_x$  o preço do bem 1, por  $p_y$  o preço do bem 2 e por  $r$  a renda do consumidor. Responda V ou F às seguintes alternativas:

- 2 A função dispêndio tem a forma de Elasticidade de Substituição Constante;

V

Considere a seguinte função utilidade  $u(x, y) = -\frac{1}{x} - \frac{1}{y}$ , em que  $x$  denota a quantidade do bem 1 e  $y$  a quantidade do bem 2. Denote por  $p_x$  o preço do bem 1, por  $p_y$  o preço do bem 2 e por  $r$  a renda do consumidor. Responda V ou F às seguintes alternativas:

- 2 A função dispêndio tem a forma de Elasticidade de Substituição Constante; V
- 3 A função demanda hicksiana (ou compensada) pelo bem 1 é

$$h_x(p_x, p_y, u_0) = -\frac{\sqrt{p_x} + \sqrt{p_y}}{p_y} u_0$$

Considere a seguinte função utilidade  $u(x, y) = -\frac{1}{x} - \frac{1}{y}$ , em que  $x$  denota a quantidade do bem 1 e  $y$  a quantidade do bem 2. Denote por  $p_x$  o preço do bem 1, por  $p_y$  o preço do bem 2 e por  $r$  a renda do consumidor. Responda V ou F às seguintes alternativas:

- 2 A função dispêndio tem a forma de Elasticidade de Substituição Constante; V
- 3 A função demanda hicksiana (ou compensada) pelo bem 1 é F

$$h_x(p_x, p_y, u_0) = -\frac{\sqrt{p_x} + \sqrt{p_y}}{p_y} u_0$$

## ANPEC 2010 – Questão 02

Considere a seguinte função utilidade  $u(x, y) = -\frac{1}{x} - \frac{1}{y}$ , em que  $x$  denota a quantidade do bem 1 e  $y$  a quantidade do bem 2. Denote por  $p_x$  o preço do bem 1, por  $p_y$  o preço do bem 2 e por  $r$  a renda do consumidor. Responda V ou F às seguintes alternativas:

- 2 A função dispêndio tem a forma de Elasticidade de Substituição Constante; V
- 3 A função demanda hicksiana (ou compensada) pelo bem 1 é

$$h_x(p_x, p_y, u_0) = -\frac{\sqrt{p_x} + \sqrt{p_y}}{p_y} u_0$$

- 4 Para esta função utilidade, a equação de Slutsky não vale. F

## ANPEC 2010 – Questão 02

Considere a seguinte função utilidade  $u(x, y) = -\frac{1}{x} - \frac{1}{y}$ , em que  $x$  denota a quantidade do bem 1 e  $y$  a quantidade do bem 2. Denote por  $p_x$  o preço do bem 1, por  $p_y$  o preço do bem 2 e por  $r$  a renda do consumidor. Responda V ou F às seguintes alternativas:

- 2 A função dispêndio tem a forma de Elasticidade de Substituição Constante; V
- 3 A função demanda hicksiana (ou compensada) pelo bem 1 é

$$h_x(p_x, p_y, u_0) = -\frac{\sqrt{p_x} + \sqrt{p_y}}{p_y} u_0$$

- 4 Para esta função utilidade, a equação de Slutsky não vale. F

# ANPEC 2009 – Questão 1

Considere uma função de utilidade Cobb-Douglas  $U = q_1^\alpha q_2^{1-\alpha}$ . Julgue as afirmativas abaixo:

- 0 A demanda hicksiana pelo bem 1 tem a forma

$$q_1 = \bar{U} [p_1^\rho + p_2^\rho]^{1/\rho}, \text{ em que } \rho = 0,75.$$

# ANPEC 2009 – Questão 1

Considere uma função de utilidade Cobb-Douglas  $U = q_1^\alpha q_2^{1-\alpha}$ . Julgue as afirmativas abaixo:

- 0 A demanda hicksiana pelo bem 1 tem a forma

$$q_1 = \bar{U} [p_1^\rho + p_2^\rho]^{1/\rho}, \text{ em que } \rho = 0,75.$$

F

# ANPEC 2009 – Questão 1

Considere uma função de utilidade Cobb-Douglas  $U = q_1^\alpha q_2^{1-\alpha}$ . Julgue as afirmativas abaixo:

- 0 A demanda hicksiana pelo bem 1 tem a forma

$$q_1 = \bar{U} [p_1^\rho + p_2^\rho]^{1/\rho}, \text{ em que } \rho = 0,75.$$

F

- 1 A sensibilidade da demanda hicksiana do bem 1 em relação ao preço do bem 2 é igual à sensibilidade da demanda hicksiana do bem 2 ao preço do bem 1.

# ANPEC 2009 – Questão 1

Considere uma função de utilidade Cobb-Douglas  $U = q_1^\alpha q_2^{1-\alpha}$ . Julgue as afirmativas abaixo:

- 0 A demanda hicksiana pelo bem 1 tem a forma

$$q_1 = \bar{U} [p_1^\rho + p_2^\rho]^{1/\rho}, \text{ em que } \rho = 0,75.$$

F

- 1 A sensibilidade da demanda hicksiana do bem 1 em relação ao preço do bem 2 é igual à sensibilidade da demanda hicksiana do bem 2 ao preço do bem 1.

V

Considere uma função de utilidade Cobb-Douglas  $U = q_1^\alpha q_2^{1-\alpha}$ . Julgue as afirmativas abaixo:

- 0 A demanda hicksiana pelo bem 1 tem a forma

$$q_1 = \bar{U} [p_1^\rho + p_2^\rho]^{1/\rho}, \text{ em que } \rho = 0,75.$$

F

- 1 A sensibilidade da demanda hicksiana do bem 1 em relação ao preço do bem 2 é igual à sensibilidade da demanda hicksiana do bem 2 ao preço do bem 1.

V

- 2 A demanda marshalliana pelo bem 1 tem a forma

$$q_1 = A p_2^{1-\alpha} p_1^{\alpha-1} W, \text{ em que } A \text{ é uma função de } \alpha \text{ e em que } W \text{ é a renda do consumidor.}$$

# ANPEC 2009 – Questão 1

Considere uma função de utilidade Cobb-Douglas  $U = q_1^\alpha q_2^{1-\alpha}$ . Julgue as afirmativas abaixo:

- 0 A demanda hicksiana pelo bem 1 tem a forma

$$q_1 = \bar{U} [p_1^\rho + p_2^\rho]^{1/\rho}, \text{ em que } \rho = 0,75.$$

F

- 1 A sensibilidade da demanda hicksiana do bem 1 em relação ao preço do bem 2 é igual à sensibilidade da demanda hicksiana do bem 2 ao preço do bem 1.

V

- 2 A demanda marshalliana pelo bem 1 tem a forma

$$q_1 = A p_2^{1-\alpha} p_1^{\alpha-1} W, \text{ em que } A \text{ é uma função de } \alpha \text{ e em que } W \text{ é a renda do consumidor.}$$

F

# ANPEC 2009 – Questão 1

Considere uma função de utilidade Cobb-Douglas  $U = q_1^\alpha q_2^{1-\alpha}$ . Julgue as afirmativas abaixo:

- 0 A demanda hicksiana pelo bem 1 tem a forma  $q_1 = \bar{U} [p_1^\rho + p_2^\rho]^{1/\rho}$ , em que  $\rho = 0,75$ . F
- 1 A sensibilidade da demanda hicksiana do bem 1 em relação ao preço do bem 2 é igual à sensibilidade da demanda hicksiana do bem 2 ao preço do bem 1. V
- 2 A demanda marshalliana pelo bem 1 tem a forma  $q_1 = Ap_2^{1-\alpha} p_1^{\alpha-1} W$ , em que  $A$  é uma função de  $\alpha$  e em que  $W$  é a renda do consumidor. F
- 3 O efeito-renda para esta função é dado por  $(-\alpha^2 W)/p_1^2$ .

# ANPEC 2009 – Questão 1

Considere uma função de utilidade Cobb-Douglas  $U = q_1^\alpha q_2^{1-\alpha}$ . Julgue as afirmativas abaixo:

- 0 A demanda hicksiana pelo bem 1 tem a forma  $q_1 = \bar{U} [p_1^\rho + p_2^\rho]^{1/\rho}$ , em que  $\rho = 0,75$ . F
- 1 A sensibilidade da demanda hicksiana do bem 1 em relação ao preço do bem 2 é igual à sensibilidade da demanda hicksiana do bem 2 ao preço do bem 1. V
- 2 A demanda marshalliana pelo bem 1 tem a forma  $q_1 = Ap_2^{1-\alpha} p_1^{\alpha-1} W$ , em que  $A$  é uma função de  $\alpha$  e em que  $W$  é a renda do consumidor. F
- 3 O efeito-renda para esta função é dado por  $(-\alpha^2 W)/p_1^2$ . V

# ANPEC 2009 – Questão 1

Considere uma função de utilidade Cobb-Douglas  $U = q_1^\alpha q_2^{1-\alpha}$ . Julgue as afirmativas abaixo:

- 0 A demanda hicksiana pelo bem 1 tem a forma  $q_1 = \bar{U} [p_1^\rho + p_2^\rho]^{1/\rho}$ , em que  $\rho = 0,75$ . F
- 1 A sensibilidade da demanda hicksiana do bem 1 em relação ao preço do bem 2 é igual à sensibilidade da demanda hicksiana do bem 2 ao preço do bem 1. V
- 2 A demanda marshalliana pelo bem 1 tem a forma  $q_1 = Ap_2^{1-\alpha} p_1^{\alpha-1} W$ , em que  $A$  é uma função de  $\alpha$  e em que  $W$  é a renda do consumidor. F
- 3 O efeito-renda para esta função é dado por  $(-\alpha^2 W)/p_1^2$ . V
- 4 Para esta função de utilidade, o efeito renda é igual ao efeito substituição.

# ANPEC 2009 – Questão 1

Considere uma função de utilidade Cobb-Douglas  $U = q_1^\alpha q_2^{1-\alpha}$ . Julgue as afirmativas abaixo:

- 0 A demanda hicksiana pelo bem 1 tem a forma  $q_1 = \bar{U} [p_1^\rho + p_2^\rho]^{1/\rho}$ , em que  $\rho = 0,75$ . F
- 1 A sensibilidade da demanda hicksiana do bem 1 em relação ao preço do bem 2 é igual à sensibilidade da demanda hicksiana do bem 2 ao preço do bem 1. V
- 2 A demanda marshalliana pelo bem 1 tem a forma  $q_1 = Ap_2^{1-\alpha} p_1^{\alpha-1} W$ , em que  $A$  é uma função de  $\alpha$  e em que  $W$  é a renda do consumidor. F
- 3 O efeito-renda para esta função é dado por  $(-\alpha^2 W)/p_1^2$ . V
- 4 Para esta função de utilidade, o efeito renda é igual ao efeito substituição. F