

Introdução:

Ondas sonoras são ondas mecânicas, ou seja, elas precisam de um meio para se propagar. A propagação de ondas em um meio homogêneo obedece uma relação entre comprimento de onda (λ) e a frequência (f) em que elas são emitidas, conforme a equação $v = \lambda \cdot f$. Uma vez que já foram estudadas as ondas estacionárias (ondas com mesma amplitude, comprimento de onda e frequência, mas sentidos contrários), temos conhecimento para analisar a propagação de ondas em um tubo de comprimento variável.

Para termos uma onda estacionária no tubo desse experimento, devemos ter um nó de deslocamento na extremidade fechada e um antinó de deslocamento na extremidade aberta. Podemos ver que o comprimento de onda do modo fundamental é dado por $\lambda = 4l$, onde l é o comprimento que vai da extremidade aberta até a extremidade fechada do tubo. Assim o comprimento efetivo l de um tubo sonoro corresponde a:

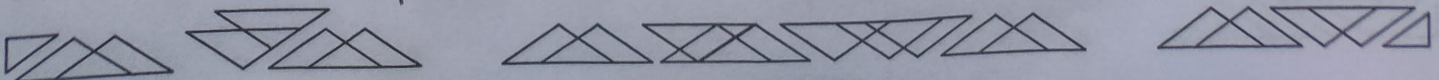
$$l = \frac{n \lambda}{4} \quad \text{sendo } n = 1, 3, 5, 7 \dots$$

A partir disso, teremos que encontrar os harmônicos através dos pontos de ressonância e, posteriormente, calcular a velocidade de propagação no ar. Também será utilizado um diapasão, instrumento metálico sonoro fabricado para vibrar em uma única frequência.

Metodologia:

Os materiais usados para a prática desse experimento foram, tubo de ressonância de acrílico, gerador de funções, alto falante, microfones, detector de picos, diapasão de alumínio e martelinho.

Na primeira parte do experimento o gerador de funções foi ligado para gerar as ondas sonoras enquanto o tombo do tubo era variado para perceber a diferença de acordo com o comprimento de onda, assim foram encontrados os harmônicos.



abrir de uma trena que ficou junto ao tubo foi feita a distância dos barômetros do começo do tubo

Na segunda parte do experimento o gerador de função e o altô falante foram substituídos pelo diapasão. Uma pessoa ficou no frente do tubo batendo no diapasão com o martelinho enquanto outra variava o comprimento do tubo para encontrar os pontos de ressonância igual a primeira parte do experimento

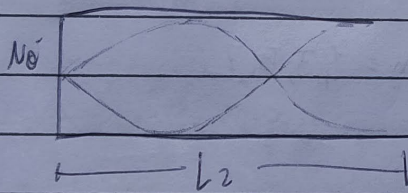
Resultados e discussão

Os tipos de onda que estamos analisando apresenta a seguinte características:



Nesse caso, L_1 é a distância de um nó até o antinó do frente, porém, sabemos que a distância de um nó ao antinó é igual a distância de um ventre ($\frac{\lambda}{2}$), então,

$$\text{No caso até o antinó de um ventre, } L_1 = \frac{\lambda}{4} \therefore n=1$$



Nesse caso como L_2 é a distância de um ventre completo ($\frac{\lambda}{2}$) mais a metade de um ventre ($\frac{\lambda}{2}/2 = \frac{\lambda}{4}$), então $L_2 = \frac{3\lambda}{4} \therefore n=3$

Generalizando o caso, chegamos na seguinte expressão: $L = n \cdot \frac{\lambda}{4}$

Percebemos que n não pode ser um número par, já que sempre teremos o "metade de um ventre" nos casos examinados.

Com esse fórmula conseguimos descobrir o comprimento de onda com os valores das tabelas 1, 2, 3 e 4

Tabela 1: frequência = 475,99 Hz
 λ médio = 0,7671111 m

Tabela 2: frequência = 376,34 Hz
 λ médio = 0,8680 m



S	T	Q	Q	S	S	D
L	M	M	J	V	S	D

Tabela 3: frequência = 479,30 Hz
 λ médio = 0,68600 m

Tabela 4: frequência = 526,06 Hz
 λ médio = 0,61000 m

Sabendo as frequências e os comprimentos de onda, descobrimos a velocidade do som no ar e o seu médio, pela seguinte fórmula

$$v = \lambda \cdot f$$

Tabela 5: frequência = 425,99 Hz v médio = 326,7826622 m/s

Tabela 6: frequência = 376,34 Hz v médio = 326,6615167 m/s

Tabela 7: frequência = 479,30 Hz v médio = 326,4778578 m/s

Tabela 8: frequência = 525,06 Hz v médio = 320,70664800 m/s

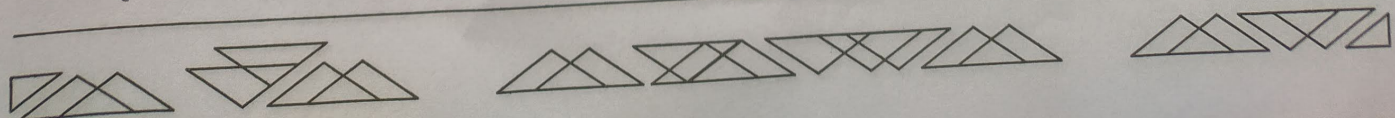
A partir dos dados das tabelas, temos uma velocidade total de 325,146772 m/s

Vamos utilizar um gráfico de distâncias (m) por número de nós para descobrir graficamente a velocidade do som. O coeficiente angular da equação da reta desse gráfico é igual a $\lambda/4$, então multiplicamos esse coeficiente por 4 e descobrimos λ graficamente.

Gráfico 1: para $f = 425,99$ Hz, temos $\lambda = 0,812$ m $\therefore v = 345,90$ m/s

Gráfico 2: para $f = 376,34$ Hz, temos $\lambda = 0,9088$ m $\therefore v = 342,02$ m/s

Gráfico 3: para $f = 479,30$ Hz, temos $\lambda = 0,714$ m $\therefore v = 342,22$ m/s



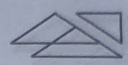


Gráfico 4: para $f = 526,06 \text{ Hz}$, temos $\lambda = 0,6592 \text{ m} \therefore v = 346,12 \text{ m/s}$

Por fim, temos que o v médio obtido graficamente é igual a $343,06 \text{ m/s}$. Podemos perceber a discrepância entre os valores obtidos graficamente e pelas tabelas, fazendo uma diferença de $18,92$ entre as velocidades. Porém, a velocidade obtida graficamente é bem mais precisa quando comparada com a real, de 343 m/s .

Com os dados desses 2 testes, vamos descobrir a frequência do disparo com os dados obtidos pela tabela e pelo gráfico abaixo.

Gráfico 5

Tabela 9:

Com o gráfico somos capazes de descobrir o λ , por sua vez, a frequência do disparo

$\lambda = 1,0592 \rightarrow$ usando $v = \lambda \cdot f$, temos para $v_1 = 344,06 \text{ m/s}$; $f = 324,83 \text{ Hz}$
e para $v = 325,14 \text{ m/s}$, temos $f = 306,97 \text{ Hz}$

Podemos observar uma diferença de $17,86 \text{ Hz}$ entre as frequências e podemos dizer que a frequência de $324,83 \text{ Hz}$ é a que chega mais próximo do verdadeiro frequência do disparo. Vale lembrar que desprezamos as extremidades do disparo devido distância.

Para descobrir a velocidade do som a 0°C , vamos utilizar a seguinte equação:

$$v(T) = v_0 \sqrt{1 + \frac{T}{273}}$$

$$v_{25} = v_0 \sqrt{1 + \frac{25}{273}} \quad \text{como } v_0 = 329,31 \text{ m/s}, \quad v_{25} = 344,06 \text{ m/s}$$

A velocidade do som a 0°C é igual a $331,45 \text{ m/s}$, fazendo uma diferença de $2,14$ entre a velocidade obtida e a real velocidade do som a 0°C , provando que a precisão foi boa.



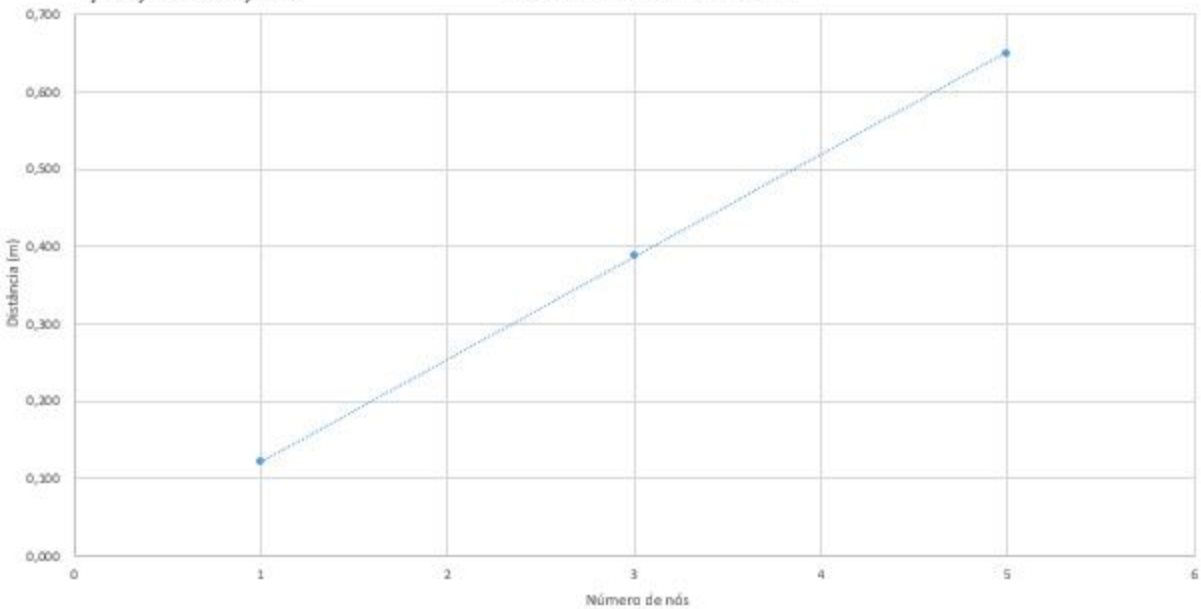
S	T	Q	Q	S	S	D
L	M	M	J	V	S	D

Conclusão:

Através da realização do experimento pudemos elucidar conceitos a respeito da velocidade do som no ar e do tubo de ressonância. Foi discutido como calcular o n da expressão $L = n \frac{\lambda}{4}$ através da formação de harmônicos. Com os dados obtidos no experimento, construiu-se tabelas que facilitaram o cálculo do comprimento de onda, e posteriormente, a velocidade que aquela onda possui quando propagada no tubo. Foram construídos gráficos de distância (em metros) x número de nós, sendo que a partir desse gráfico também era possível obter o valor do comprimento de onda. Comparou-se os valores de velocidade obtidos pelo método gráfico era mais preciso. Por fim, calculou-se a frequência do diapasão (atentando-se para as considerações feitas durante o experimento que poderiam causar distorções nos resultados) e a velocidade do som a 0°C .

$$y = 0,1324x - 0,0103$$

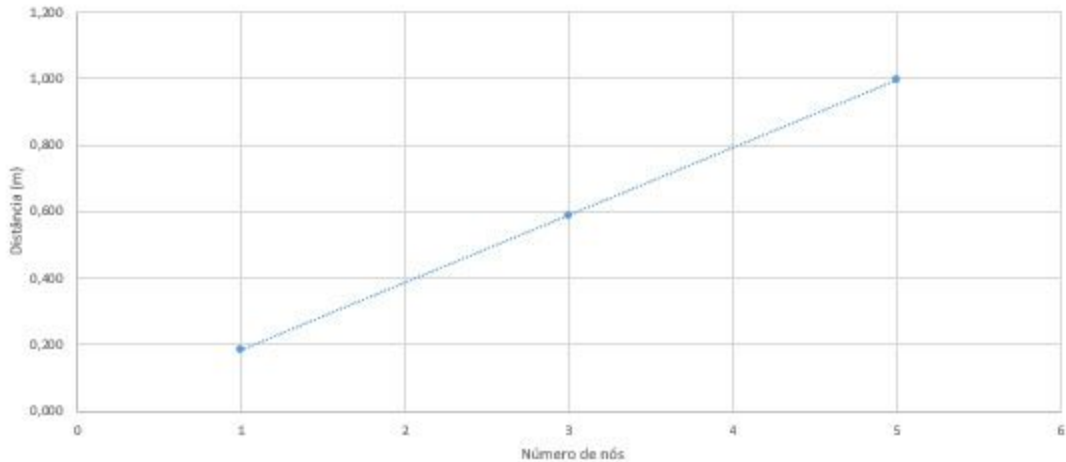
Distância versus número de nós



Distância (m)

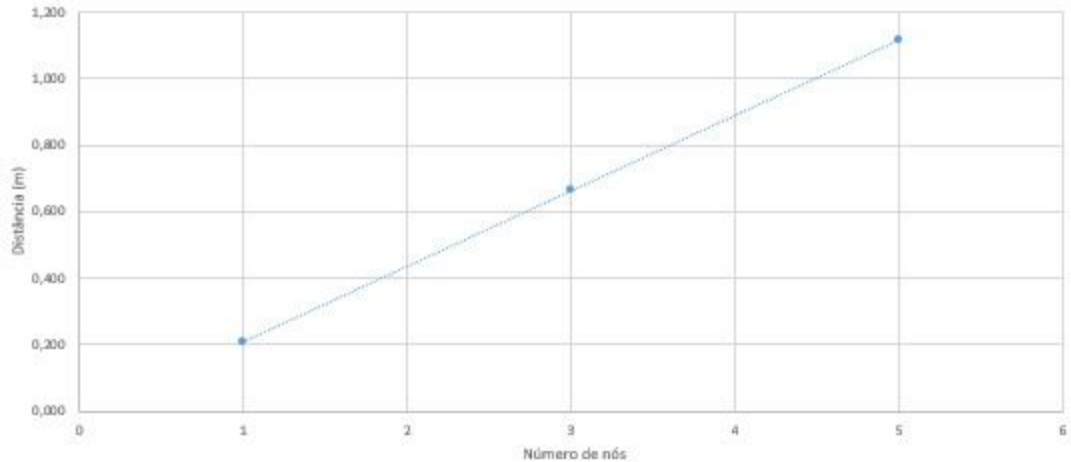
n	Medida 1	Medida 2	Medida 3	Média	Erro da média
1	0,118	0,126	0,119	0,121	0,007
3	0,398	0,389	0,381	0,39	0,01
5	0,657	0,656	0,639	0,65	0,01

$y = 0,203x - 0,0221$ Distância versus número de nós



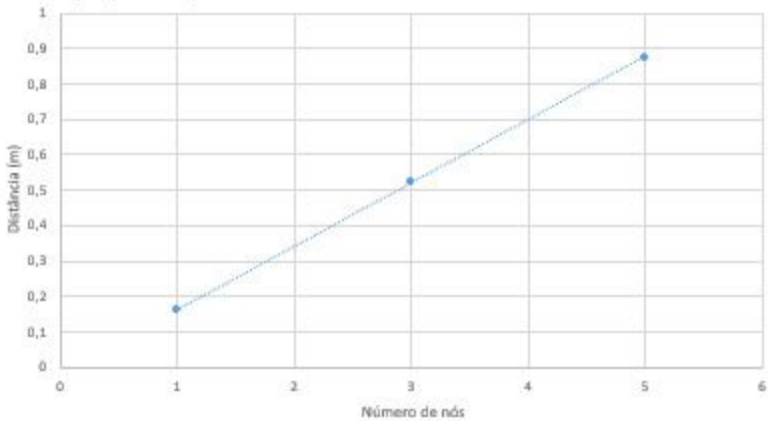
$$y = 0,2272x - 0,0198$$

Distância versus número de nós



Distância versus número de nós

$$y = 0,1785x - 0,0158$$



$$y = 0,1648x - 0,0235$$

Distância versus número de nós

