

Experimento 2 - Pendulo Fisico

Introdução

Diferente do pendulo simples, onde o braço de alongamento da força restauradora (F_g) e' o comprimento L do fio/bastante no pendulo fisico (ou pendulo composto) o braço de alongamento e' dado pela distancia rg do centro de massa G ao eixo de suspensao O .

8	20,0	30,0	15,33	15,29	15,33	15,33	15,32	1,532
9	22,5	27,5	15,30	15,26	15,25	15,25	15,27	1,529
10	25,0	25,0	15,19	15,20	15,23	15,24	15,20	1,520
11	27,5	22,5	15,15	15,19	15,24	15,12	15,18	1,518
12	30,0	20,0	15,53	15,55	15,59	15,52	15,59	1,559
13	32,5	17,5	16,18	16,30	16,32	16,29	16,29	1,629
14	35,0	15,0	16,74	16,70	16,68	16,61	16,68	1,668
15	37,5	12,5	17,60	17,80	17,53	17,64	17,67	1,767
16	40,0	10,0	18,18	18,33	18,19	18,29	18,29	1,829
17	42,5	7,5	19,10	20,33	19,88	20,90	20,65	2,065
18	45,0	5,0	25,32	25,31	25,42	25,71	25,47	2,547
19	47,5	2,5	34,48	34,40	34,47	34,36	34,43	3,443
20	50,0	0						

1- Definir o raio de giro (R)

Analisando a tabela 1, percebe-se que existem alguns valores proximos de periodo T formando dois grupos com 7 iguais, substitui-se os mesmos na equação (6) para chegar a um valor de raio de giro (R). Os grupos tomados foram os de numeros 9 e 12 (com T igual de 1,559 s) com raios r de 0,4m e 0,2m respectivamente.

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{R^2 + r^2}{3r}}$$

Grupo 9: $1,559 = 2\pi \sqrt{\frac{R^2 + 0,4^2}{3 \cdot 0,4}}$ $\Rightarrow R^2 = 0,08071 \Rightarrow R = 0,2841 \text{ m}$

Grupo 12: $1,559 = 2\pi \sqrt{\frac{R^2 + 0,2^2}{3 \cdot 0,2}}$ $\Rightarrow R^2 = 0,08032 \Rightarrow R = 0,2834 \text{ m}$

Então a media entre os dois valores extremamente proximos, achou-se que o raio de giro e' $R = 0,2839 \text{ m}$

2- Demonstrar que o T_{min} e' dado pela equação (7). Além disso, demonstrar as equações (8) e (9) (equação 6) $T = 2\pi \sqrt{\frac{R^2 + r^2}{3r}}$

$$= 2\pi \left(\frac{R^2 + r^2}{gR} \right)^{1/2} \Rightarrow \frac{d}{dr} \left(2\pi \left(\frac{R^2 + r^2}{gR} \right)^{1/2} \right)$$

$$= 2\pi \cdot \frac{1}{2} \left(\frac{R^2 + r^2}{gR} \right)^{-1/2} \left(\frac{2r}{gR} - \frac{(R^2 + r^2)g}{g^2 R^2} \right)$$

$$= \pi \left(\frac{R^2 + r^2}{gR} \right)^{-1/2} \left(\frac{2r}{gR} - \frac{(R^2 + r^2)g}{g^2 R^2} \right) = 0$$

$$\rightarrow \frac{2r}{gR} - \frac{(R^2 + r^2)g}{g^2 R^2} = 0 \rightarrow \frac{2}{g} = \frac{R^2 + r^2}{R^2} \rightarrow 2R^2 = R^2 + r^2$$

$$= r^2 = R^2$$

$$\Rightarrow \boxed{R = r}$$

* Substituindo na equação 6

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{R^2 + R^2}{gR}} = 2\pi \sqrt{\frac{R(R+R)}{gR}} = 2\pi \sqrt{\frac{2R}{g}}$$

- Demonstração das equações (8) e (9)

Partindo da equação (6) chega-se em:

$$T^2 = 4\pi^2 \left(\frac{R^2 + r^2}{gR} \right)$$

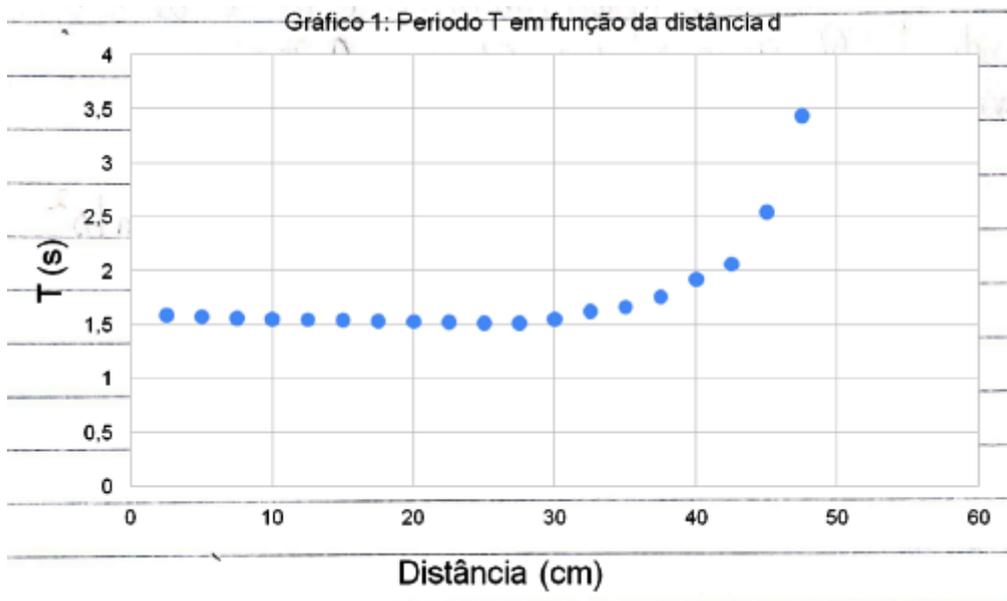
$$T^2 g R = 4\pi^2 (R^2 + r^2)$$

$$4\pi^2 r^2 - T^2 g r + 4\pi^2 R^2 = 0$$

$$S = -b/a = -(-T^2 g) / 4\pi^2 = r_1 + r_2 \quad (\text{equação 8})$$

$$P = \frac{c}{a} = \frac{4\pi^2 R^2}{4\pi^2} = R^2 = r_1 r_2 \quad (\text{equação 9})$$

3.2) Faça um gráfico de T em função de d



b) Determine o período mínimo T_{\min} com o qual este pêndulo pode oscilar.

$$T_{\min} = 2\pi \sqrt{\frac{2(0,2839)}{9,8}} = 1,57s$$

c) Determine a partir de um determinado período T os valores de r_1 e r_2 . determine o raio de giro R equivalente e a aceleração da gravidade g através das equações (7), (8) e (9). Compare o valor de R e g obtida nesta questão com o R da questão 1 e $g = 9,8 \text{ m/s}^2$

$$4\pi^2 m^2 - (1,57)(9,8)r + 4\pi^2 (0,2839)^2 = 0$$

$$4\pi^2 r^2 - 22,39r + 3,177 = 0$$

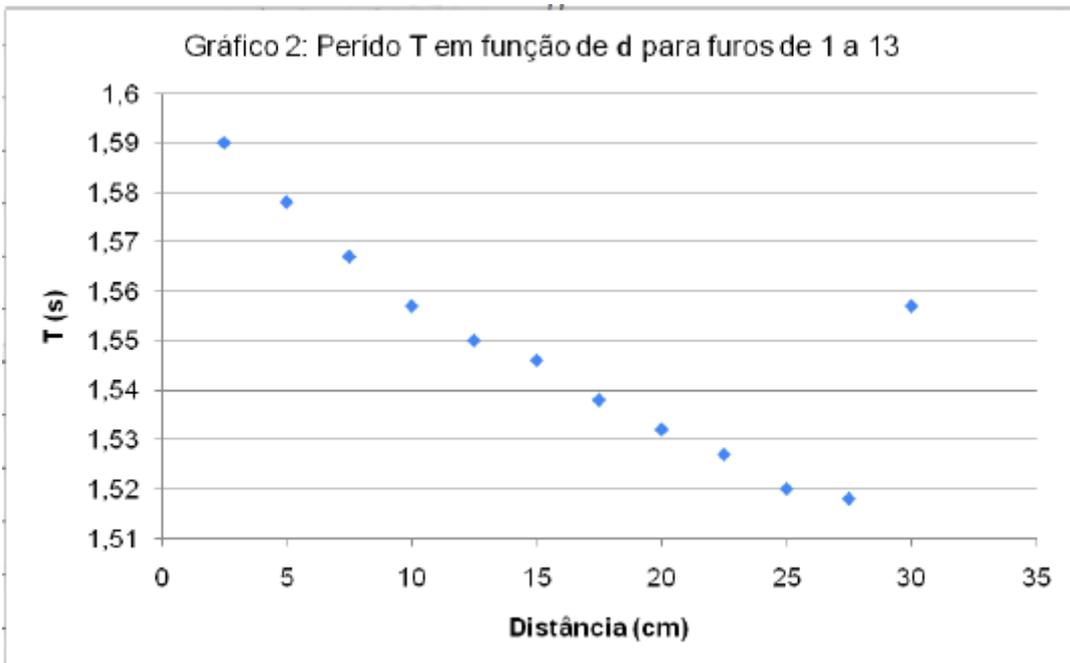
$$S = \frac{-b}{a} = -\frac{(-22,39)}{4\pi^2} = 0,566 \Rightarrow r_1 + r_2$$

$$P = \frac{c/a}{a} = \frac{3,177}{4\pi^2} = 0,08049 \rightarrow R^2 = 0,08049 = 0,2836 \text{ m}$$

Comparando o valor de $R = 0,2836$ com o resultado da soma, conclui-se que 0,566 é aproximadamente o dobro de R. Assim, dividindo 0,566 chega-se em $r_1 = r_2 = 0,2830 \text{ m}$.

Encontrando a aceleração da gravidade:

$$(1,57)^2 = \frac{4\pi^2 (2(0,2836))}{g} \rightarrow g = 9,82 \text{ m/s}^2$$



O raio de giro encontrado nesta questão foi de $0,2836\text{ m}$, enquanto que na questão 1 foi de $0,2839$ (tirando a média entre os dois valores para m). Considerando que ambos possuem 3 algarismos iguais, são valores iguais sendo assim. Estes valores próximos formam o experimento preciso e com poucos erros sistemáticos presentes, o que pode ser justificado pelas diversas repetições realizadas juntamente para amenizar erros aleatórios. Como o deslocamento angular θ foi mantido constante a um valor pequeno, os valores de tempo não tiveram grandes divergências para cada furo.

Da mesma forma ocorreu para a aceleração da gravidade, onde foi obtido um valor de $g = 9,82\text{ m/s}^2$, com um desvio de $0,2\%$ do valor teórico esperado, ou seja, um valor encontrado satisfatório.

d) Com a massa m da barra e o raio de giro equivalente R determinado a partir do gráfico, calcule o momento de inércia I_c , dado pela equação (5).

$$m = 0,423\text{ kg}$$

$$I_c = mR^2$$

$$R = 0,2836\text{ m}$$

$$I_c = (0,423)(0,2836)^2$$

$$I_c = 0,03386\text{ kg}\cdot\text{m}^2$$

e) Compare o valor do item d) com aquele esperado teoricamente para uma barra rígida sem os furos.

O momento de inércia desta barra sem furos = $\frac{mL^2}{12}$

Polas dimensões, o comprimento $L = 1\text{m}$ e $M = 0,421\text{kg}$

$$I_c = \frac{(0,421)(1)^2}{12} = \boxed{0,03508\text{ Kg}\cdot\text{m}^2}$$

A barra sem furos, por se tratar de uma barra homogênea, apresenta momento de inércia maior do que para barra com furos. Isso, levando em consideração os possíveis erros experimentais, ainda é justificável pelo embasamento teórico de que quanto maior for o momento de inércia, maior deve ser a força aplicada para que ocorra rotação, ou seja, é mais difícil girar essa barra (neste caso, a massa foi a mesma e o momento de inércia da barra sem furos não dependeu do raio e sim do comprimento).

Conclusão

O objetivo do experimento foi alcançado e a análise dos dados obtidos colabora para uma melhor compreensão do sistema de um pêndulo físico. Manipulando as ~~equações~~ equações, chegou-se a resultados satisfatórios que permitem julgar o experimento de uma forma geral, como preciso e ausente de erros sistemáticos. Os valores encontrados de raio de giro, momento de inércia e aceleração da gravidade foram muito próximos dos resultados esperados, ou seja, o experimento cumpriu com o seu objetivo.